

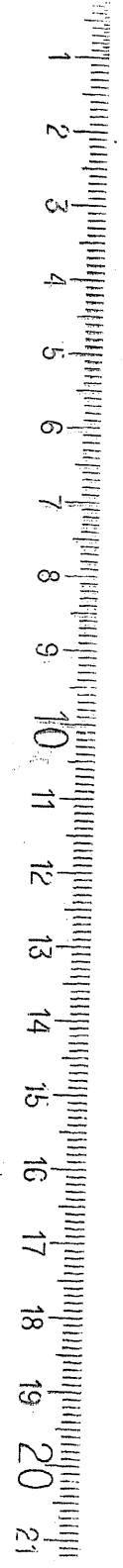
157

Sept.

20. 2. 6. 2

20-5-7

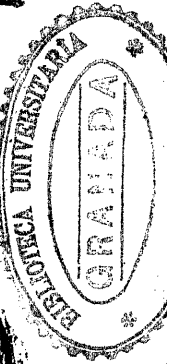
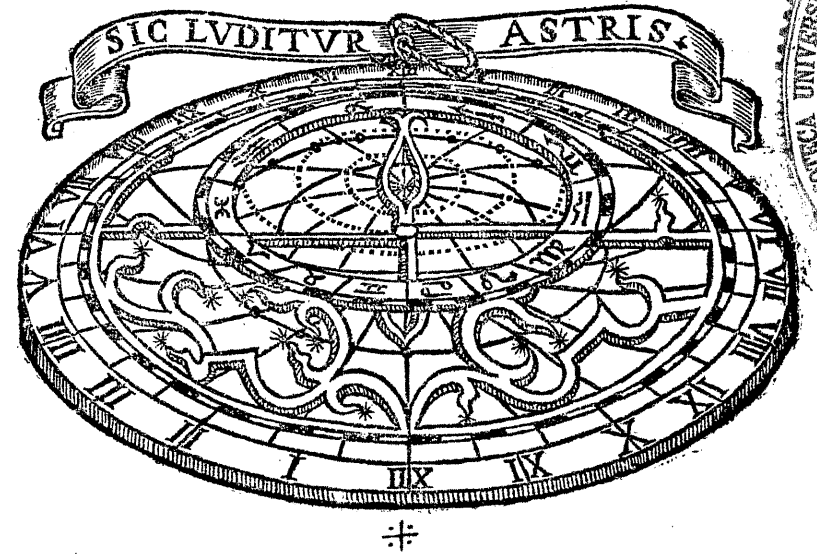
REPRODUCTION INFORMATION
CLASSIFIED
DATE <i>A</i>
BY <i>Gr</i>
TIME
<i>19-1</i>



R. 1065

CHRISTOPHORI
CLAVII BAMBERGENSIS
E SOCIETATE IESV.

ASTROLABIUM



C V M P R I V I L E G I O

R O M A E,

Impensis Bartholomaei Grafi.

Ex Typographia Gabiana. M. D. XCIII.

SUPERIORVM PERMISSV.

Del colegio de la comp. de Jesus de granada lib.



^{M O}
SERENISS. PRINCIPI
A C D O M I N O
D. FRANC. ^{C O}MARIAE II.
V R B I N I D V C I.



CHRISTOPHORVS CLAVIVS
è Societate Iesu S. P. D.



ATHEMATICARVM disciplinarum,
quod te non fugit, PRINCEPS SERE-
NISSIME, tam immensa copia, atque
vbertas est, vt cum quis omnia ferè ip-
sarum arcana se animo, & cogitatione
comprehendisse existimat, tunc quasi
nouum, ac rudem intelligat ad ea scruta-
tanda penitus accedere, cum ex vnus perceptione rei al-
tera identitem emergat: vt è multis tanquam nodis ac ne-
xibus catena sese implicante, noua quædam incipiat occu-
patio, vbi desitura esset. Atq; ego huius rei si non iudex,
certe testis esse possum. Cum enim eorum iussu, quibus me
regendum permisi, in præstantissimis hisce studijs, scituq;
dignissimis vel publicè profitendis, vel, quantum res mea tu-

* 2 lit,



lit, illustrandis vario commentariorum genere, iamdiu verfer, videor mihi pœne adhuc hærere in vestibulo, & eius scientiæ, quam suspicaretur aliquis perductam esse ad fastigium, vix iacta fuisse fundamenta: ita alia atq; alia subinde inquirenda occurrunt, vt, quod ait alicubi Sophocles, labor labori laborem tulisse videatur. Id cum sæpe alias, tum in egregio illo, & quod maius videtur, quàm vt ab homine exiterit, Claudij Ptolemæi inuento, quod Planisphærium ab ipso, Astrolabium vulgo, dicitur, sum proxime expertus. ad cuius explicationem etsi non solum Federicus Commandinus tuæ olim Amplitudinis ditioni subiectus, & Mathematicus excellenti doctrina Commentarios scripsit perelegantes, sed & Franciscus Maurolycus Siculus Abbas nostræ ætatis inter Mathematicos facile princeps breuissimas demonstrationes edidit eiusdem argumenti; videntur tamen superesse non pauca in hac globosæ spheræ projectione in planum speculantibus proponenda. Nam ex ijs, quæ demonstrarunt ipsi, nihil ferè efficitur, nisi vt conficiendi Astrolabii ratio discatur; cuius vsus perexiguus est, & incertus: quando nec describere in eo omnes circulos licet, quos in primo mobili complectimur mente, nec qui describuntur, tot esse possunt, vt per omnes gradus, & minuta traiciantur: quod sane erat necesse, vt perfectus huius instrumenti vsus perciperetur. Quæ cum viderem, taleq; instrumentum, quod certissimis demonstrationibus nitatur, præponendum esse omnibus intelligerem, eius rationem augere, & quoad sciui, potuiq; perpolire, & perficere conatus sum: vtinam euenta conatui responderint. Et quidem (liceat liberè, ac sine arrogancia loqui) Dei ope, qui adiuvat laborantes, quædam commentatus videor, quæ antea mihi non dico sperare, sed cupere furor fuisset. Primum enim Geometricè ostendo, qua ratione in plano, in quo datus sit circulus quantalibet magnitudinis, referens Aequatorem, aut maximum quemlibet alium spheræ circulum, describatur quiuis cælestis circulus, quem

quem in cælo cognitum esse contigerit. Trado deinde, in eodem plano quot & quilibet circuli, lineæue ponantur, quos in cælo circulos, aut lineas referant, qua Geometrica arte perspicuum fiat. Tum (quod meo iudicio plurimi faciendum est, cum fons sit omnium, & caput) doceo multipliciter, quo modo quemlibet circulum in Astrolabio effectum diuidere oporteat in gradus suos, quaque demonstratione inuestigare punctum, vt cuilibet puncto eiusdem circuli, quem in cælo posueris, respondeat: etiamsi omnes in cælo gradus æquales sint in eodem circulo, & in Astrolabio propter inæqualem ab oculo distantiam inæquales appareant. Postremo explico sine adminiculo Astrolabij, modo duorum triumue circulorum species in pagellam conijciatur, qui habeatur qualiscunque Astrolabij vsus, etsi per instrumentum talem vsus parare non possis: atque hoc ipsum (quod auget pretium) multo exploratius, quàm ipsius instrumenti ope; (quanquam sit etiam vtile ipsum:) dum regula diligenter, & circino vtaris. His addo triangulorum spheræ scientiam omnem: vt triangulum quodcunque sphericum efformare liceat in plano, singulaq; eius latera, & angulos inspicere ea prorsus ratione, qua inspicerentur, si globum haberemus tornatum omni ex parte, vt nihil eorum rotundius, in quem omnia triangula potestas esset imprimere nostro arbitratu. Et vero hæc pars tam longè, lateque patet, vt nulla sit quæstio (sunt autem quæstiones infinitæ) ex triangulis spheræ per sinus, ac numeros explicabilis, quàm non commode per angusto spatio per tres arcus explicemus sine auxilio numerorum. Quæ cum ita se habeant, (timide dico, sed veritas me audaciorem facit) apertè profiteor, hoc nostro commentario omnem doctrinam primi mobilis contineri: cum in eo nihil possimus informare cogitatione, siue sint circuli, rectæ lineæ, anguli, vnius ad alium circulum inclinationes, triangula, quod non hic in plano facillimè deprehendatur: quod ipsum tentare ad hoc vsque

que tempus, quod ego sciam, nemini Mathematicorum venit in mentem: ut nec suum ipse partum agnosceret Claudius, si reuiuisceret. Hunc ego laborem, cuiusmodi sit, (etsi multa esse non ignoro non satis explicata, nec suis posita locis, ut quæ se, dum ipsum opus typis mandaretur, offerrent) Serenissime Princeps, Amplissimo tuo nomino, dono, dicoque. atque id optimo consilio. Cum enim (ut non modo testatur Illustrissimus D. Guidus Vbaldus à Marchionibus Montis, Mathematicarum peritissimus artium, quod eius indicant pulcherrima volumina edita in lucem, sed clamat celeberrima fama, quæ totum occupauit orbem terrarum) instructus sis scientia rerum omnium, ac Mathematicarum præcipuè, quæ ut sunt nobilissimæ, sic nobilissimum quemque Heroa maxime decent, cui destinare iustius poteram hæc rerum fermè nouarum omnium inuenta, quàm tibi, qui earum cognitione præter cæteros excellis? Quod si mos Archimedi fuit, Apollonio, illis Geometricarum luminibus, & præcis item alijs uiris summis, res à se excogitatas proferre sub aliorum Mathematicorum nomine, qui eadem conditione vitæ iisdem studijs delectarentur, ut de ijs intelligerent, ac iudicarent: quanto æquius, meliusque offerri debuit à me hoc Amplitudini tuæ? Nihil enim est hodie magis cognitum, aut illustre, quàm esse te, ut modo attigi, (quod in Principe viro hoc præclarius, quorarius exemplum) in omni parte disciplinarum Mathematicarum egregiè peritum, eumque rerum gerendarum consilio maximum, itaque belli gloria, ac virtute præstantem, ut nulla sit laus, quæ non tibi meritissimo debeatur. quas etiam ob causas ardebam cupiditate incredibili, ut perleui aliquo indicio ostenderem, me iam diu esse addictissimum Celsitudini tuæ. At tu accipe meum hoc commentationum volumen ea, quam parem habes benignitate summis virtutibus tuis, & meum hoc munusculum, quo accedat etiam ei dignitas à loco, esse patere in illustrissima tua illa,

opti-

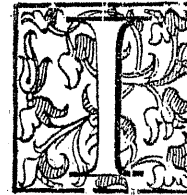
optimisque libris instructissima bibliotheca: ut & præsens seculum, & si modo hic labor te auctore transibit in secula, etiam postera cognoscant, me, ac res meas omnes fuisse in ære tuo. quam meam mentem, non mortalibus tantum, sed, ut ita dixerim, immortalibus, cælestibus nempe orbibus, quorum metiendorum, inspiciendorum, cognoscendorum hic modus quidam traditur, hoc veluti signo restatam esse volumus. Vale. ROMÆ III. NON. SEPTEMB. M D XCIII.

QVAE IN ALIORVM ASTROLABIIS
non traduntur, sed in hoc nunc primum
inuenta sunt, ac demonstrata.

- I. **C**uiusvis circuli siue maximi, siue non maximi, proiectio in planum, si modo eius situs in sphaera cognitus sit.
- II. Cuiusvis circuli siue maximi, siue non maximi, in planum proiecti diuisio in 360. partes inaequales, quae gradibus 360. aequalibus eiusdem circuli in sphaera respondeant.
- III. Cuilibet puncto, vel arcui in caelo, vel sphaera dato, respondens punctum, vel arcum in plano Astrolabij assignare: Et contra, dato quolibet puncto, vel arcu in plano Astrolabij, quod punctum, vel arcum in caelo, seu sphaera referat, inuenire.
- III. Circulo utcumque descripto in Astrolabij plano, vel recta utcumque ducta, quem circulum, aut rectam in caelo, seu sphaera representet, explorare.
- V. **V**sus Astrolabij, isq; amplissimus, solius circini, ac regulae beneficio, sine auxilio Astrolabij materialis.
- VI. **O**mnium triangulorum sphaericorum descriptio in plano, & angulorum, laterumq; eorundem inuentio sine ope numerorum.
- VII. **O**mnium questionum, quae per triangula sphaerica adiumento numerorum enodantur, solius beneficio circini, ac regulae, explicatio.
- VIII. **V**sus Sinuum, Tangentium, atque Secantium per solam prosthapheresin, hoc est, per additionem, subtractionemq; solam, sine multiplicatione, ac diuisione numerorum: Accessit compendium mirificum omnium triangulorum; & tabula Sinuum emendata, cum modo parvis proportionalis eruenda.
- IX. **D**emonstratio, non dari circulos maximos horarum inaequalium, contra omnes fere horologiorum scriptores. *lib. 1. lamm. 39.*
- X. **V**ariae determinationes magnitudinis angulorum in triangulis sphaericis, à nemine hactenus animaduersa.

PRAETER haec, innumerabilia alia varijs in locis dispersa occurrunt, quae non passim in aliorum scriptis reperias.

IN ASTROLABIUM
P R A E F A T I O.



INTER omnia instrumenta, quibus ea, quae primi mobilis motum ab ortu in occasum consequitur, vel ad eum aliquo modo pertinent, explicari, atque inuestigari solent, ab Astronomis magna solertia excogitata, nullum mihi vnquam visum est praestantius eo, quod Claudius Ptolemæus Planisphaerium inscripsit: vulgo Astrolabium dixere. in quo nimirum omnes circuli caelestes primi mobilis rationibus Geometricis ita in planum proijciuntur, ut singula eorum puncta, & arcus dimetiri non minus accurate, & exquisitè liceat, quam in globo aliquo perfecte rotundo, qui primum mobile referat. Quamuis enim sphaera solida, siue globus, de quo proximè diximus, omnibus instrumentis, quae extrui, aut informari cogitatione possunt, iure antecellat, quod sit perfectissima totius caeli imago & effigies: quia tamen ob exquisitissimam rotunditatem, quam habere debet, & difficillima eius constructio redditur, ut vix quisquam perfectum se globum aliquando consecuturum speret, & conseruari diu sine damno vetustatis difficile potest: idcirco Astronomi industria sane admirabili conati sunt globum, seu sphaeram in planam superficiem traducere, ut commodius, faciliusque ea omnia obtinerent, quae per globum, siue sphaeram adipisci poterant. Est enim instrumentum planum, iter facientibus commodissimum, quippe quod & sine labore ex vno in alium locum transferri, & facile illæsum custodiri queat. Adde, fieri non posse, ut in globo vel diligentissime elaborato, omnes necessarii circuli, omniaque puncta distincte ponantur; quae res non parum negotij studioso faceffere possit. Quae difficultas in plano locum non habet, cum in quauis plana superficie, etiam in charta per exigua, tres quatuorue circuli facile describantur, qui nobis maxime sunt vsui tunc futuri, omisissis alijs, quibus in praesenti non indigemus: Deinde, ut omnis confusio vitetur, reiecta hac charta, alia assumi potest, in qua alii circuli alium in vsum efformentur.

Globi imperfectiones.

Astrolabij praestantia.

P R A E F A T I O.

Neque enim necesse est, vt is, qui rationem tenet describendorum in plano omnium circularum, semper Astrolabii instrumentum in manibus habeat, sed satis est, paucos quosdam circulos in modico aliquo spatio, vel certe in charta aliqua non admodum magna describere, eosque in gradus distribuere, vt ex ijs ea eliciat, atque eruat, quæ inquiri.

A T Q V E hic mihi præcipue est scopus propositus, vt doceam, qua ratione in sola vna chartula, aut in exiguo spatio plano, inuestigentur ea omnia, immo multo plura, quã alij per instrumentum Astrolabij venantur, ita vt vsum Astrolabij adipisci perfectissime quis possit, etiamsi factum instrumentum nunquam viderit: quod Astronomiæ studiosis gratissimum fore cõfido, cum multi eo careant, & vix vllum reperiatur tanto studio, ac diligentia constructum, vt omnis in eo perficiendo error artificem effugerit. Immo etiamsi Astrolabium quis habeat (quod vel raro, vel nunquam accidet) summa arte, diligentiaque fabricatum; tamen quia in eo non solum non omnes circuli maximi, sed neque paralleli omnes vnus solius circuli maximi, neque maximi omnes circuli in eisdem duobus punctis se interfecantes, cuiusmodi sunt omnes circuli Verticales, vel circuli positionum, per singulos nimirum gradus, ac minuta describi possunt, quod tamen requiritur, si exquisite omnia reperienda sint; necesse est, vsum ipsius plerumque esse incertum, atque impeditum: ita vt sæpenumero coniectura potius assequi, quod quæritur, quam certa aliqua demonstratione, cogamur. Quin etiam, quoniam in instrumento illorum tantum circularum vsus percipi potest, qui in eo pauci descripti cernuntur, fit vt Astrolabij materialis vsus paucarum rerum terminis circumscriptus sit. Nos autem sine auxilio instrumenti vsum trademus omnium circularum, qui innumerabiles propemodum in primo mobili concipi possunt, vniuersamque doctrinam primi mobilis, quæ est amplissima complectemur; vt ne doctrina quidem triangularum sphericorum ab eius regulis excludatur, sed tota mira facilitate explicari possit. Nam inter cætera, quæ vulgaribus Astrolabij vsibus hoc nostro adiecimus, qua ratione in ipsis triangulis sphericis (quod mirum cuiuspiam videatur) ex lateribus anguli, & latera vicissim ex angulis exquisitissime explorentur, sine vilo numero, sine sinuum adiumento clarissime docebimus: quo item pacto in elinationes circularum variorum sphaeræ inter se, atque intersectiones, & alia id genus sexcenta nullo fere negotio peruestigentur: quo etiam loco omnia illa problemata complectemur, quæ per si-

num

scopus præcipuus huius operis.

Astrolabii materialis imperitio.

Astrolabii vsus amplissimus sine instrumento.

P R A E F A T I O.

numeros in nostra Gnomonica olim, præsertim libro primo, & alibi absolimus, & ab alijs auctoribus varijs in locis proponi, & inquiri solent.

T O T V M autem opus Astrolabii in tres libros tribuimus. In primo varia theoremata, ac problemata demonstrabimus, quæ omnia Lematũ nomine complexi sumus, quippe quæ ad demonstrationes eorum, quæ ad circularum projectiones in planum, & ad nouum Astrolabij vsum pertinent, suis locis assumantur. In secundo libro non tantum omnes circulos, qui in primo mobili concipi possunt, verum etiam omnes lineas rectas, ac puncta in Astrolabii plano describemus, circulumque quemlibet descriptum in suos partiemur gradus, hoc est, in certas quasdam partes inter se inæquales, (omnium enim circularum caelestium partes æquales in partes inæquales proiciuntur in Astrolabij planum, Aequatore, eiusque parallelis exceptis, quorum partes æquales in partes æquales proiciuntur, vt suo loco perspicuum fiet) quæ gradibus eorum æqualibus in caelo respondent: quod ad hanc vsque diem neminem absolute perfecisse comperio. Quicumque enim de Astrolabij constructione scripserunt, præter Aequatorem, Eclipticam, Horizontem, eorumque parallelos, nullum circulum in Astrolabio in gradus distribuunt; & Horizontem quidem cum suis parallelis, atque parallelis Eclipticæ, solum per circulos maximos, qui per eorum polos ducuntur in sphaerâ: quæ res difficilis admodum est, & immensi pene laboris. Solus Andreas Schonerus in libro de compositione Astrolabij Horizontem, Eclipticamque cum eorum parallelis, alia quadam ratione in gradus partitur, sed illius nullam nobis demonstrationem affert, vt merito quis de eius veritate possit dubitare. At nos quemcumque maximum circulum in Astrolabio descriptum, eiusque parallelos, non vna, sed pluribus vijs, ijsque facillimis, quæ omnes suas habent demonstrationes, in gradus diuidemus; vbi etiam modum Schoneri Geometricè comprobabimus, & ad omnes circulos maximos, eorumque parallelos accommodabimus: quod ipse non docuit. In tertio denique libro Canones proponemus, quibus multiplex Astrolabij vsus explicetur per solum circinum & regulam in qualibet proposita charta, vel plano, vt paulo ante diximus; extendentes hac ratione Astrolabij vsum ad longe plura problemata, quam per vllum materiale instrumentum fieri possit: quod Lectoris iudicio relinquo. Illa porro problemata, quæ in communibus & perualgatis Astrolabijs explicari solent, soluemus nos etiam per ipsum in-

Partio huius operis in tres libros.

strumentum, vt & vsum Astrolabij peruulgatū non omnino negligere videamur, & ijs hac in parte consulamus, qui Astrolabium materialē habent, & mediocritate quadam contenti sunt, aut in duce dis lineis non valde exercitati: Sed antequam ad primum librum me conferam, operapretium me facturum puto, si quasi prolegomenorum loco pauca quaedam de variis circulis sphaeræ tam maximis, quam non maximis, de ijs presertim, qui in Astrolabio describendi sunt, in medium afferam, vel potius in memoriam reducam, vt eorum positionem ac situm in cælo, cum ijs vtendum erit, plane perspectum, ac veluti in promptu habeamus.

D E C I R C V L I S
primi Mobilis.

Aequator, eiusque paralleli, quid, & quod sit eorum officium.

AEQVATOR, siue circulus æquinoctialis, est circulus maximus, cuius poli idem sunt, qui totius mundi, siue primi mobilis. Huic cōcipiendi sunt circuli non maximi æquidistantes ex vtraque parte per singula cæli puncta descripti: quorum officium est indicare, quanam stella, vel puncta cælestia eandem ab Aequatore declinationem habeant, & quæ maiorem minoremue. Item quæ in eodem Horizontis puncto oriuntur, aut occidunt, & quorum ortus, occasusue magis in Boream, vel Austrum vergat. Omnia enim astra, atque cæli puncta in eodem parallelo Aequatoris existentia, eandem habent declinationem, idemque punctum ortus & occasus; illud vero, quod parallelum obtinet minorem, qui videlicet magis ab Aequatore distat, declinationem habet maiorem, punctumque ortus & occasus ab æquinoctiali ortu, occasuque remotius. Præcipui autem paralleli Aequatoris, qui in sphaera considerantur, quatuor sunt, Tropicus ☉, tropicus ♋, circulus arcticus, & circulus antarcticus, quorum situs ac positio in sphaera, ab Ecliptica, eiusque polorum situ petenda est, vt mox dicemus.

Tropici Canceri, & Capricorni, & circulus arcticus, antarcticusque, qui.

Ecliptica, eiusque paralleli, quid, & quod eorum officium sit.

ZODIACVS, Eclipticae, circulus maximus est, cuius poli à polis mundi, siue Aequatoris recedunt grad. 23. & semis ferme hoc tempore: ex quo fit, Eclipticam interfecare Aequatorem obliquè, ita vt ad eum sit inclinata, vnaque eius medietas vergat ad septentrionem, & ad austrum altera: Punctum medium autem vtriusque medietatis tanto intervallo ab Aequatore absit, quanto poli Zodiaci à mundi polis recedunt. Duo quoque puncta, quibus se mutuo interfecant Ecliptica & Aequator, dicuntur æquinoctialia, quod in illis existens Sol æquinoctium vbiq; efficiat; quorum illud, quod principium dat semicirculo Ecliptica boreali, ab occasu in ortum progrediendo, Verum dicitur, alterum vero Autumnale. Duo vero puncta

puncta Ecliptica maxime ab Aequatore distantia, appellantur solstitialia, quia solstitium vbiuis locorum fit, cum primum ad vtrumuis eorum Sol per venerit. Boreale quidem, dicitur solstitium æstiuum, siue primum punctum Canceri, per quod videlicet parallelus Aequatoris, quæ Tropicum ☉ dicunt, describitur; Australe verò punctum, solstitium hybernium, seu primum punctum Capricorni vocatur, per quod nimirum Aequatoris parallelus, quem tropicum ♋, nominant, transit. Polus denique Ecliptica boreus parallelum Aequatoris, quem arcticum circulum appellauimus, ad motum primi mobilis describit; australis vero polus eiusdem Ecliptica alterum Aequatoris parallelum designat, qui antarcticus circulus dicitur. Huic etiam Eclipticae sunt intelligendi circuli non maximi æquidistantes, qui per singula cæli puncta describuntur: quorum officium est indicare, quanam stella eandem latitudinem, id est, eandem distantiam ab Ecliptica habeant, & quæ maiorem, minoremue. Nam stellæ in eodem parallelo Eclipticae existentes eandem latitudinem obtinent; quæ vero in minori parallelo reperiuntur, scilicet qui longius ab Ecliptica distat, maiorem habent latitudinem.

COLVRI sunt duo circuli maximi sese in polis mundi ad angulos rectos interfecantes, quorum alter per duo puncta Ecliptica æquinoctialia ducitur, atque Colurus æquinoctiorum appellatur; alter vero per duo puncta solstitialium transit, diciturque Colurus solstitialium. Atque omnes hi circuli, quos hactenus descripsimus, mobiles sunt, quippe qui perpetuo ad motum primi mobilis circumferantur. Alij omnes circuli, qui sequuntur, immobiles sunt concipiendi in cælo, ita vt nunquam situm mutant, aut positionem.

Colurique.

MERIDIANS est circulus maximus per polos mundi, & verticem loci, id est, per illud punctum in cælo ducitur, quod directe illi loco superpositum est, quale est illud, ad quod pertingeret cacumen alicuius turris, si ad cælum vsque extenderetur. Quod quidem punctum Arabes Zenith appellant, oppositum vero punctum per diametrum, Nadir, ad quod videlicet eadem turris pertingeret, si per terræ centrum ad alteram partem cæli excurreret. Habet etiam Meridianus infinitos circulos non maximos parallelos ex vtraque parte per singula cæli puncta descriptos: qui indicant, quanam stella æqualem distantiam à Meridiano habeant, & quæ maiorem, vel minorem.

Meridianus, eiusque paralleli, quid, & quod sit illorum officium.

HORIZON maximus circulus est, cuius poli sunt vertex capitis, punctumque oppositum, Zenith nimirum, & Nadir: qui videlicet hemisphaerium visum, seu apprensus, ab occulto, seu non viso separat. Huic describuntur innumerabiles paralleli circuli non maximi ex eisdem polis per omnia cæli puncta, vt monstrant, quanam stella eandem distantiam ab Horizonte habeant, & quæ maiorem, aut minorem: quæ quidem distantia in superno hemisphaerio, altitudo Solis, stellarumque supra Horizontem, in infero, depresso sub

Horizon, & eius paralleli quid, eandemque officium quod sit.

P R A E F A T I O.

sio sub eodem appellatur. Ipsi vero paralleli Horizontis apud Arabes, *Al-mucantarath* vocantur.

Verticales circuli, qui.

VERTICALES circuli, quos Arabes *Azimuth* nominant, sunt maximi, qui per polos Horizontis, hoc est, per Zenith, atque Nadir, ducuntur per singula Horizontis puncta: quorum is, qui per intersectiones Aequatoris cum Horizonte transit, *Verticalis primarius*, siue proprie dictus, aut *Verticalis regionis*, appellari consuevit. Inter hos autem annumeratur quoque *Meridianus*, cum & ipse per verticem loci ducatur. Officium horum, quod non vulgare est, multis in locis ex usu *Astrolabij* cognoscetur.

Verticalis primarius quid.

Horarii circuli tam à mer. & med. noc. quam ab or. vel occ. qui.

HORARIJ circuli, si quidem horas aequales à meridie & mediano esse, quae *Astronomica* dicuntur, indicent, sunt maximi per polos mundi transeuntes, Aequatoremque & omnes eius parallelos in 24. horas aequales distribuentes; quorum vnus est ipse *Meridianus*, a quo initium huiusmodi horarum sumitur: Si vero horas ab ortu vel occasu significant, sunt maximi tangentes duos parallelos Aequatoris, quorum vnus est semper apparentium maximus, & alter maximus semper latentium, in illis punctis, in quibus à circulis horarum *Astronomicarum* secantur; inter quos connumerandus quoque est *Horizon*, à quo eiusmodi horae incipiunt: Si denique ad horas inaequales pertineant, definiuntur maximi diuidentes omnes arcus parallelorum Aequatoris tam diurnos, quam nocturnos, in 12. partes aequales. De his omnibus circulis horarum plura scripsimus libro 1. *Gnomonices*, proposit. 9. & 10. quamuis, vt verum fatear, circuli horarum inaequalium nulli sint, vt infra lib. 1. *Lemmate* 39. demonstrabimus: quod multis incredibile videri possit.

Circuli horarum inaequalium nulli sunt.

Declinatiuum circuli qui, & eorum officium quod.

DECLINATIONVM circuli sunt maximi per mundi polos, (quemadmodum & circuli horarum à meridie ac media nocte distinctores) & singula puncta Aequatoris ducti; ita dicti, quia declinationem cuiuslibet puncti, vel stellae ab Aequatore metiuntur. Est enim declinatio stellae, vel puncti caeli, arcus circuli maximi per mundi polos, & stellam, vel punctum caeli transeuntis, inter stellam, punctumue caeli, & Aequatorem interceptus. Inter hos circulos ponendi quoque sunt circuli horarum à meridie & media nocte.

Declinatio stellae quid.

Latitudinum circuli qui, eorumque officium quod.

LATITVDINVM circuli sunt maximi per *Ecliptica* polos, & singula eius puncta descripti, sic nominati, quod latitudinem, hoc est, distantiam cuiusvis stellae, vel puncti caeli ab *Ecliptica* metiuntur. Nam latitudo stellae, vel puncti caeli, est arcus circuli maximi per polos *Eclipticae*, & stellam, seu punctum caeli transeuntis, inter stellam, punctumue caeli, & *Eclipticam* inclusus.

Latitudo stellae quid.

Domorum caelestium circuli qui.

DOMORVM caelestium circuli sunt maximi, numero sex, diuidentes totum caelum in duodecim domicilia, ducunturque omnes per intersectiones *Meridiani* cum *Horizonte*, & ex sententia quidem *Ioannis Regiomontani*, per duo-

P R A E F A T I O.

per duodecimas partes Aequatoris, vt autem *Campano* placet, per partes duodecimas *Verticalis primarij* cuiusque loci.

POSITIONVM circuli sunt maximi per intersectiones *Meridiani* cum *Horizonte*, (quemadmodum & circuli domiciliorum caelestium) & singula puncta caeli transeuntes; ita appellati, quod positionem cuiusvis stellae respectu domorum caelestium indicent, vt nimirum proposita stella sit in principio, sine, medio, aut alia parte huius, vel illius domus caelestis. Atque ex horum numero sunt quoque illi sex domorum caelestium.

Positionum circuli qui.

PRÆTER hos omnes circulos maximos, quos enumerauimus, cum suis parallelis, (omnem enim maximum circulum habere infinitos aequidistantes, seu parallelos non maximos, intelligendum est, vt de Aequatore, *Ecliptica*, *Meridiano*, atque *Horizonte* dictum est.) considerari possunt in caelo innumerabiles prope modum alij ab omnibus illis differentes. Per quolibet namque duo puncta in superficie connexa sphaerae caelestis assignata describi potest circulus maximus, vt *Theodosius* lib. 1. *Elementorum sphaericorum* proposit. 20. demonstrauit, qui quidem infinitos non maximos sibi equidistantes ac parallelos habere potest circa eosdem cum illis polos descriptos.

Infinitos alios circulos maximos eum propriis parallelis in caelo esse concipiendos.

Atque omnes hos circulos tam maximos, quam non maximos, qui à nobis declarati sunt, in plano *Astrolabij Geometricis*, hoc est, firmis atque euidentibus rationibus describemus secundo libro, eosdemque in suos gradus partiemur, seu potius in quolibet eorum propositum gradum assignabimus, cum vsus id exiget, atque necessitas. Sequitur iam index locupletissimus omnium problematum, atque theorematum, quae toto hoc *Astrolabio* demonstrantur.



INDEX
LEMMATVM PRIMII
LIBRI.

QVAE alio caractere sunt impressa, ad Scholia, & Corollaria pertinent.

Ego Claudius Aquauina Societatis Iesu Praepositus Generalis opus Astrolabij Patris Christophori Clauij in tres Libros distinctum, à tribus Societatis nostrae Theologis, ac Mathematicarum peritis recognosci, atque approbari curavi. Quod propterea etiam approbo, ut imprimi possit, si ita placuerit Reuerendiss. D. Vicegerenti, ac Reuerendiss. Patri Magistro Sacri Palatii. Dat. Romae. Die 26. Augusti 1593.

Claudius Aquauina.

DATA lineam rectam, vel circula rem, in quouis partes aequales, etiam minutissimas, diuidere beneficio circini, cuius pedes distantiam inter se habeant data linea maiorem. pag. 2

2. QVADRANTEM, vel circulum datum in gradus distribuere beneficio circini, cuius pedum intervallum plures gradus, quam duos, tresue complectantur. 4

3. EX data circumferentia arcum quolibet gradus integros, vel quolibet gradus, ac minuta complectentem abscondere: Et contra, quot gradus ac minuta in quouis arcu data circumferentia contineantur, cognoscere, etiam si data circumferentia in gradus ac minuta diuisa non sit. 5

4. PER datum punctum data recta linea parallelam lineam ducere. 11

5. QVAE proportionem habet sinus totius, hoc est, semidiametri quorumlibet circulorum, eandem habent sinus tam recti, quam versi arcuum similium. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quam versi, eandem proportionem habent, quam sinus totius, similes sunt. 12

6. Si segmentis similibus circulorum inaequalium similia segmenta adijciantur, vel à similibus similia demantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt. 13

7. SI duo quadrantes inaequales similiter secantur, vel in partes aequales, & per diuisionum puncta vni semidiametro parallela agantur, suo ad alteram semidiametrum perpendicularares; erunt segmenta semidiametri in vno quadrante à parallelis, vel perpendicularibus facta, segmentis semidiametri à parallelis, siue perpen-

dicularibus in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiter secti erunt. 15

8. DATA rectam lineam ita se cave, ut semidiameter alicuius quadrantis secta est à perpendicularibus, quae à quibusuis punctis quadrantis ad ipsam demittuntur. 18

9. SI duo, pluresue circuli intus, vel duo extra se mutuo contingant, recta linea per contactum ducta, similes circumferentias abscondunt: Et recta coniungentes bina puncta, in quibus duae rectae circulos secant, parallelae sunt.

IDEM contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus, si pro contactu sumatur punctum in recta eorum centra coniungente, per quod tranfit recta coniectens puncta alterna extrema diametrorum ad priorem rectam perpendicularium. Sed quando circuli intus non se contingunt, similes arcus sunt alterni, non autem eodem ordine sumpti, vt in illis. 20

10. SI duo, pluresue circuli se mutuo secant; recta linea per sectionis punctum ducta, quae vel ipsos secant, vel utraq; sit tangens, vel earum altera; intercipiunt circumferentias similes inchoatas ab vna earum rectarum, & versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius rectae progredientes. Si autem ex eodem sectionis puncto circulus quicumq; describatur, erit eius circumferentia inter duas easdem rectas comprehensa, semissis illius arcus in eodem circulo ex sectionis puncto descripto, qui arcui cuius priorum circulorum inter easdem rectas intercepto similis est. 24

11. **RECTAM** lineam brevissimā in continuum extendere, vel (quod idem est) per duo puncta parum inter se distantia lineam rectam quantumlibet producere. 30

12. **DATIS** duabus rectis tertiā, & tribus quartam proportionalem invenire. 34

13. **DATIS** duabus rectis ad invicem inclinatis, invenire punctum, in quo cōveniant, etiam si neutra producat. 40

14. **INSTRUMENTVM** cōstruere, quo per data tria puncta, etiam si secundū lineam formē rectam constituta sint, arcus circuli possit describi, sine auxilio circini. 43

15. **CURVA** linea, cui subtensa sit recta linea, & quadrata omnium perpendicularium ex punctis linea curva ad subtensam rectam demissarum equalia sint rectangulis contentis sub segmentis eiusdem subtensa factis à perpendicularibus, hoc est, omnes perpendiculares sint mediae proportionales inter segmenta subtensa ab ipsa facta, semicirculus est, eiusque diameter recta illa subtensa, hoc est, semicirculus circa illam rectam subtensam descriptus curva data lineę congruet, siue (quod idem est) per extrema puncta omnium perpendicularium transibit. 45

16. **SI** conus secetur plano, quod basi conici aequidistat, sectio in conica superficie facta, circumferentia circuli est, centrum in axe conici habens. 46

17. **SI** conus scalenus secetur plano per axem, quod ad basem rectum sit, seceturque altero plano ad triangulum per axem à priore plano factum recto, quod triangulum ex triangulo per axem abscindat simile quidem ipsi triangulo per axem, subcontrarie vero positum: Sectio circulus est, cuius diameter est cōmunis sectio trianguli per axem, & plani, quod ipsam sectionem in conica superficie effecit. Huiusmodi autem sectio vocetur subcontraria. 48

DIAMETRV subcontrarię sectionis diametro basis conici equalem posse esse, & inæqualem. 50

DIAMETRV subcontrarię

sectionis, & diametrum basis conici nunquam se mutuo bifariam secare. 51

DIAMETRV subcontrarię sectionis, & diametrum basis conici, quādo æquales sunt, neutram diuidi bifariam. ibidem

QVANDO diameter sectionis subcontrarię inæqualis est diametro basis conici, & altera earum secatur bifariam, alteram maiorem esse. ibidem

QVANDO diameter subcontrarię sectionis inæqualis est diametro basis conici, & minor diuiditur bifariam, maiore partem maioris vergere ad minorem angulum trianguli per axem, quem illa diameter cum latere eiusdem trianguli facit. 53

18. **QVAM** proportionem habet sinus totus ad sinum maximę declinationis Eclipticę ab Aequatore; eandem habet sinus rectus arcus Eclipticę inter quoduis eius punctū, & proximum punctum aquinoctiale intersectus ad sinum rectum declinationis eiusdem illius puncti Eclipticę ab Aequatore. ibid.

19. **ANALEMMA** ad datam poli altitudinē quamcumque describere. 54

DECLINATIONES omnium punctorum Eclipticę, & cuiusvis dati puncti, quo pacto Geometricē reperiantur. 57. 58. & 59

20. **SI** duo plana se mutuo secent, & in uno eorum ad duo puncta communis sectionis due recta cum ea internos duos angulos qualescumque constituent æquales, & in altero ad eadem duo puncta due alie recta cum eadem sectione communi efficiant quoque internos duos angulos æquales qualescumque: constituent dua hæ posteriores recta cum duabus prioribus duos angulos æquales. 60

21. **SI** in diametris circulorum æqualium puncta sumantur equaliter à cētris remota, ab eisque recta egrediantur usque ad circumferentias constituentur cum diametris ad easdem partes æquales angulos; recta illa & æquales erunt, & arcus abscindent æquales. Et si lineę sint æquales, constituent recta illa cum diametris æqua-

les

les angulos ad easdem partes, abscindentque rursus æquales arcus. Si deniq; arcus æquales abscindantur ad easdem partes, erunt quoque recte illa æquales, constituentque cum diametris ad partes easdem angulos æquales. 62

SI in diametris circulorum inæqualium puncta sumantur similiter à cētris remota, ita vt eorum distantia à cētris eandem proportionē habeant, quam semidiametri, & ab eis punctis recte egrediantur constituentes cum diametris ad easdem partes angulos æquales; abscindēt ab eis arcus similes. Et si arcus abscisi sint similes ad easdem partes, cōstituent recte abscindentes cum diametris ad partes easdem angulos æquales. 66

SI ex duobus cētris in eadem recta existentibus describantur duo circuli ea conditione, vt extra vtrumque accipi possit punctum similiter à cētris distans: Recta linea tangens vnum circulorum, tāget & alterum; Et recta vtrumque secans abscindet arcus similes. 67

22. **SI** in plano subiecto inter duas rectas cadat transversa recta linea facies cum illis angulos internos ex vtraque parte inter se æquales, siue omnes recti sint, siue duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem illis duabus plano subiecto insistant duo plana ad angulos rectos: Planum per transversam lineam ductum vtrumque faciet cum planis rectis communes sectiones, lineas rectas, qua cum datis duabus rectis in plano subiecto angulos continebunt æquales. 68

23. **PLANVM** in sphaera per alterutrum polorum mundi, & alterutrum polorum circuli cuiusvis obliqui maximi, vel ad Aequatorem recti, vtrumque ductum, abscindit tam ex Aequatore et circulo illo maximo obliquo, vel recto, quam ex quolibet parallelo Aequatoris, & parallelo circuli illius maximi obliqui, vel recti, (qui tamen æqualis sit parallelo Aequatoris, & qui tãto intervallo ab assumpto suo polo absit, quanto parallelus Aequatoris ab

assumpto mundi polo distat) duos arcus æquales, inter planum secans, & circumulum maximum per assumptos duos polos descriptum inier ceptos. 70

24. **SI** in sphaera sit circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, & per quoduis punctum diametri ipsius, quam circulus maximus per eius polos, & polos mundi ductus facit, ad ipsam diametrum perpendicularis linea ducatur: Planum per vtrumuis polorum mundi, & illa perpendicularem ductum faciet in plano Aequatoris cōmunem sectionem, rectam lineam perpendicularem ad Aequatoris diametrum, quam idē ille circulus maximus per dictos polos ductus facit. 88

25. **SI** in sphaera per polos mundi, & polos cuiusvis circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum, maximus circulus ducatur, in quo ex alterutro mundi polo agatur diametro circuli obliqui parallela, & per hanc, planum vtrumque extendatur: Erunt duo arcus tam circuli maximi obliqui, quam cuiuslibet parallelorum ipsius, inter circumulum maximum per polos mundi, & circuli obliqui ductum, & planum secans intercepti æquales inter se. 89

26. **SI** circulus in sphaera per alterutrum polorum mundi transeat, erit eius diameter ex illo polo ducta, perpendicularis ad communem sectionem plani eius circuli, & plani Aequatoris. 90

27. **IN** cono recto omnes recte à vertice ad circumferentiam basis ducte sunt inter se æquales: In scaleno vero cono inæquales, minima quidem, qua ad extremum basis trianguli per axem, quod ad basem conici rectum est, ducitur ex parte anguli inclinationis axis, maxima autem, qua ad alterum extremum basis eiusdem trianguli per axem ducitur: Et qua propinquior est minima, remotiore semper minor est. Dua vero tantum æquales erunt ad vtramque partem minima, vel maxima. 91

28. **SI** in cono sit circulus basi aequidistans, recta linea ex vertice in superficie conica ducta auferent ex base, & circulo aequidistante arcus similes. 93

b 2



29. SI dua recta linea se mutuo contingant in uno puncto, & a quouis puncto extra ipsas in eodem plano plures recta ducantur, qua eas secant; habebunt segmenta remotioris lineae ab assumpto puncto, versus punctum sectionis linearum propositarum progrediendo, maiorem proportionem, quam segmenta linea propioris. 94

30. SI duo triangula Isoscelia bases habeant aequales, latera vero unius maiora sint lateribus alterius: minora latera maiorem angulum continebunt. Et si unius latera lateribus alterius maiora sint, angulumque contineant maiorem: illius basis base huius maior erit. 95

31. SI in cono scaleno circulus sit basi subcontrarie positus, recta linea ex vertice in superficie conica ducta, quarum una sit latus trianguli per axem ad basem recti, auferent ex base, & circulo illo arcus oppositi aequales, auferentur in altero duo arcus inaequales, maior quidem versus angulum minorem trianguli per axem, minor vero versus angulum maiorem. 96

32. SI in diametro circuli, praeter centrum, punctum quodpiam sumatur, & ex eo recta educatur, qua in circumferentia circuli duos arcus aequales intercipient: Erunt anguli ab ipsis comprehensi inaequales, maiorque erit ille, cuius linea a centro longius absunt. Et si recta ducta contineat angulos aequales, erunt arcus intercepti inaequales, maiorque erit ille, cuius linea centro propinquiores sunt. 101

33. SI in circulis se mutuo secantibus, vel non secantibus, diuersa tamen centra habentibus, punctum quodpiam in communi eorum diametro per utrumque centrum ducta, praeter centra, sumatur, quod & inter utrumque centrum, & intra utrumque circum existat. Recta linea ab eo puncto ducta secantes utriuslibet circumferentiam in arcus aequales, secantur alterius circumferentiam in arcus inaequales, maiorque semper erit ille, cuius linea centro propinquiores sunt: Arcus ita quilibet illius circuli, cuius centrum est inter assumptum punctum, eiusque circum-

ferentiam, interceptus inter communem diametrum, & quamlibet rectam ex eodem puncto ductam, si minor est semicirculo, maior est, quam ut similes sit arcus alterius circuli inter easdem rectas intercepto. 104

34. SI circulus circum bifariam secet, vel non bifariam, aut nullo modo secet, & per centra ad rectam per eadem centra eiectionem ducantur dua diametri perpendiculares: Recta dua linea egredientes ex puncto recta per centra eiectionis, per quod transit recta, qua extrema duarum diametrorum ductarum coniungit, & quod in utroque circulo existit, facientesque cum recta utriusque diametro aequidistante ex utraque parte, uel cum recta per centra transeunte, angulos aequales, intercipient in utroque circulo arcus similes: Ipsa quoque recta utriusque diametro aequidistant ex utroque circulo alternos arcus similes abscindet. Et contra si dua recta arcus similes intercipient, consistunt cum eadem recta aequidistante ad utrasque partes angulos aequales. 106

35. SI in circulo dua diametri sese ad angulos rectos secant, & in eodem recta ducatur ad utramque diametrum inclinata, uel uni earum parallela; ab uno autem extremo alterutrius diametrorum per extrema recta linea inclinata, uel ab extremo diametri illius, cui recta aequidistant, est, extendantur dua recta triangulum constituentes, cuius basis est recta inclinata, uel illa parallela: Altera diameter abscindet ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrarie positum. Et si recta inclinata per centrum transeat, recta ex eodem diametri extremo ad eam ducta perpendicularis basem trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam secabit, ipsaque perpendicularis semisi eiusdem basis aequalis erit. Si uero recta per centrum non transeat, siue inclinata sit, siue uni diametrorum parallela, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum, ubi rectam illam secat, ex eodem illo extremo diametri recta ducatur usque ad circumferentiam, ac tandem arci in-

ter hoc punctum circumferentia, & diameter perpendicularis postremo loco ductam, arcus ex altera parte aequalis abscindatur: Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum huius arcus ducta, secabit quoque basem trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam. 111

SI in circulo dua diametri sese ad rectos angulos secantes ducantur; recta linea, qua ad aliquam aliam diametrum obliquam perpendicularis ducitur ab extremo utriusvis diametrorum sese ad angulos rectos secantur, diuidit bifariam segmentum cuiusvis lineae rectae alteri diametro aequidistantis interceptum inter rectas ex eodem illo puncto extremo per terminos diametris obliquae ductas. 113

36. SI in circulo dua diametri sese ad rectos angulos secant, & in eodem aliae dua diametri ad illas inclinatae ducantur, ab uno autem extremo alterutrius diametrorum priorum per extrema posteriorum binarum recta extendantur. Erunt rectae ex altera priorum diametrorum a binis rectis abscissa maiores diametro circuli, ipsaque inter se erunt quoque inaequales, maior uel alicuius illa, cuius diameter inclinata maiorem angulum cum altera illa diametrorum priorum constituit. 114

37. CIRCULI positionem in sphaera obliqua boreali secantes arcum semidiurnum Aequatoris in partes aequales, secant arcus semidiurnos parallelorum in partes inaequales: Et in parallelis quidem australibus qualibet pars inter Meridianum, & quemlibet circumferentiam positionis minor est respectu proprii arcus semidiurni, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiurni Aequatoris; in borealibus uero maior. Idem tamen circuli positionum parallelis Horizontem tangentes secant quoque in partes aequales. 117

38. IN sphaera obliqua boreali circuli per horas inaequales Aequatoris, & cuiusvis paralleli transeunt, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum australem; ex parte uero boreali supra Ho-

izontem, inter eundem Horizontem, & polum Septentrionalem. 120

39. CIRCULI maximi transeunt per horas inaequales Aequatoris, et duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inaequales parallelorum intermediorum transeunt in sphaera obliqua. 121

NON dari circulos maximos, qui per horas inaequales omnium parallelorum transeant: contra plerisque horologiorum scriptores. 122

LINAE horarum inaequalium in horologijs quid referant. ibidem.

40. SI in triangulo parallela uni lateri agatur, uel si productis duobus lateribus versus angulum ab eis comprehensum, tertio lateri ducatur parallela, ut duo fiat triangula: Circuli circum ea descripti se mutuo in angulo, uel puncto communi tangunt. 123

DVO circuli, qui ex duobus centris in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eo puncto tangunt exterius. 124

41. PER data duo puncta circumferentiam describere, qui datum circumferentiam tangat. 125

42. DATIS duobus circulis, per punctum in unius circumferentia datum describere circumferentiam, qui utrumque datum tangat. 135

43. SI in sphaera circulus duos maximos circulos ad easdem partes inter punctum sectionis, & circumferentiam maximum per eorum polos ductum tangat; arcus duorum illorum circumferentiarum maximum inter punctum contactuum, & intersectionem circumferentiarum, uel circumferentiam maximum per eorum polos ductum intercepti, aequales sunt. 137

44. SI in sphaera circulus duos circulos non maximos aequales tangat, arcus duorum illorum circumferentiarum non maximum inter puncta contactuum, & circumferentiam maximum per eorum polos ductum, uel punctum sectionis (quando se interfecant) intercepti, sunt aequales. 138

45. SI in sphaera circulus duos circulos parallelos ad easdem partes circuli ma-

scimi per eorum polos ducti tangat; arcus eorum inter puncta contactuum, & circulum quemlibet maximum per eorum polos ductum intercepti, similes sunt. 141

46. *SI in sphaera duo circuli se mutuo secant; maximus circulus secans bifariam unius segmentum; incidensque per eius circuli polos, transit quoque per alterius circuli polos.* 142

47. *SI in sphaera per polum cuiusvis circuli maximi ducantur tres maximi circuli constituentes duos angulos in polo aequales; circulus quicumque ex quolibet puncto medij circuli, ut polo, descriptus abscindit tam ex alijs duobus circulis maximis, quae ex duobus circulis sine maximis, siue non maximis aequalibus, qui polos habent in primo circulo maximo a medio illo circulo maximo aequalibus intervallis distantes, arcus aequales ad easdem partes ab eodem primo circulo maximo inchoatos, in circulis tamen maximis, vel non maximis aequalibus polos in primo illo circulo maximo habentibus, a punctis, qua citra, vel ultra polos eorum existunt.* 143

48. *SI ex eodem centro duo circuli descripti sint, & ex quolibet punctis circumferentiae interioris ad exterioris circumferentiam rectae aequales ducantur; una autem earum interiorem circulum tangere ponatur, tangant eundem & reliqua. Et si plures lineae interiorem circulum tangentes versus eandem partem ducantur, versus sinistram videlicet, aut dextram, ipsae inter se aequales, & arcus inter binas comprehensae, similes erunt.* 147

49. *P A V C A quaeam de declinationibus, latitudinibus ortivis, ascensionibusque; rectis, & obliquis demonstrare.* 149

P A R A L L E L V S quilibet per duo puncta ab alterutro puncto tropico aequaliter distantia transit. *ibid.*

D V O paralleli per duo puncta Eclipticae equaliter ab alterutro puncto aequinoctiali, vel a duobus, aut etiam a duobus punctis tropicis distantia ducti, declinationes habent aequales. 150

D V O iidem paralleli habent latitudines ortivas aequales. *ibid.*

I I D E M duo paralleli aequales sunt. 151

Q V A T E R N A puncta Eclipticae aequales habent declinationes, & latitudines ortivas. *ibid.*

S A T I S esse, ut declinationes, latitudinesque; ortivae omnium punctorum unius quadrantis Eclipticae inveniuntur. *ibid.*

Q V I arcus Eclipticae dicantur oppositi, & qui equaliter distantes ab aliquo puncto Eclipticae. *ibid.*

Q V A T E R N O S arcus Eclipticae aequales habent rectas ascensiones, & descensiones. 152

S A T I S esse, ut ascensiones rectae omnium arcuum primi quadrantis Eclipticae reperiantur. 153

Q V I arcus Eclipticae maiores sunt suis ascensionibus rectis, & qui minores. *Ibid.*

A S C E N S I O recta cuiusvis arcus, vel puncti, aequalis est descensioni rectae eiusdem arcus, vel puncti. *Ibid.*

C I R C V L V S maximus ex polo mundi per interfectionem paralleli cuiuslibet puncti Eclipticae cum Horizonte obliquo ductus, interceptum cum Horizonte in Aequatore arcum differentiae ascensionalis illius puncti Eclipticae; cum circulo vero alio maximo per illud punctum Eclipticae ducto, ascensionem obliquam arcus Eclipticae inter illud punctum & Horizontem positi. 154

D V O Eclipticae arcus aequales ab alterutro puncto aequinoctiali inchoati, vel equaliter distantes, descensiones obliquas habent aequales. 155

D V O arcus Eclipticae aequales ab eodem tropico puncto equaliter remoti, item duo oppositi, habent suas ascensiones obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis aequales. 156

A R C V S Eclipticae ab Ariete inchoati, & semicirculo minores, maiores sunt suis ascensionibus in obliqua sphaera; inchoati vero a Libra, minores. 157

A R C V S Eclipticae ab Ariete inchoati habent ascensiones obliquas tanto rectis

rectis ascensionibus minores, quanto maiores rectis sunt ascensiones obliquae arcuum aequale a Libra inchoatorum. 158

P V N C T A Eclipticae opposita differentias ascensionales habent inter se aequales. *Ibid.*

D V O R V M arcuum Eclipticae aequalium ab eodem puncto tropico equaliter distantium, vel oppositorum unius ascensio obliqua tanto minor est, quam recta, quanto alterius maior est. *Ibid.*

D V O arcus Eclipticae aequales ab eodem puncto tropico, vel equinoctiali equaliter distantes, aut oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem. 159

A R C V S Eclipticae quicumque ab eodem puncto tropico bifariam diuisus, habet vbiuis locorum ascensionem obliquam aequalis ascensioni eiusdem rectae. *Ibid.*

D E S C E N S I O cuiusvis arcus Eclipticae aequalis est ascensioni arcus oppositi. *Ibid.*

S A T I S esse, si supputentur ascensiones obliquae arcuum quadrantis primi Eclipticae, ut tota tabula obliquarum ascensionum condatur. 160

D I F F E R E N T I A ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticae, est etiam differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui saepe quadrans est. *ibid.*

A R C V S semidiurnus cuiusvis puncti Eclipticae, quo modo ex differentia ascensionali eiusdem puncti eliciatur. 161

D I F F E R E N T I A ascensionalis quando addenda, vel auferenda, ut habeatur arcus semidiurnus, vel ascensio obliqua dati puncti, vel stellae. *Ibid.*

Q V A T E R N A puncta Eclipticae habere eandem differentiam ascensionalem. *Ibid.*

S I N V S totus ad sinum complementi declinationis cuiusvis puncti Eclipticae eandem proportionem habet, quam secans arcus inter illud punctum, & punctum equinoctiale proximum ad secantem ascensionis rectae eiusdem arcus. *Ibid.*

S I N V S totus ad tangentem altitudinis poli eandem proportionem ha-

bet, quam tangens declinationis dati puncti Eclipticae ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti. 162

D I F F E R E N T I A inter longissimum, vel brevissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, quo pacto in quavis elevatione poli supputetur. 164

S I N V S totus ita se habet ad sinum ascensionis rectae cuiusvis puncti Eclipticae, ut sinus differentiae ascensionalis initij Cancrini, vel Capricorni ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti. 165

S I N V S complementi declinationis cuiuslibet puncti Eclipticae ad sinum declinationis eiusdem puncti est, ut sinus totus ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti, in latitudine grad. 45. *ibid.*

A R C V S tangenti declinationis cuiuslibet puncti, tanquam sinui, congruus, est differentia ascensionalis eiusdem puncti in latitudine grad. 45. 166

S I N V S complementi altitudinis poli datae ad sinum altitudinis poli ita se habet, ut sinus differentiae ascensionalis eiusvis puncti Eclipticae in latitudine grad. 45. ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti in priori altitudine poli data. *Ibid.*

S I N V S totus ad tangentem altitudinis poli datae ita se habet, ut sinus differentiae ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticae in latitudine grad. 45. ad sinum differentiae ascensionalis eiusdem puncti in data altitudine poli. *Ibid.*

50. *D A T I S* duobus axibus Ellipsis sese ad angulos rectos secantibus, si ex quolibet puncto minoris axis, etiam producti, si opus est, recta dimidio maioris axis aequalis educatur secans ipsum axem maiorem, ita ut segmentum eius ultra eundem axem maiorem dimidio minoris axis aequale sit, cadet eius extremum in Ellipsis. Et si ex quolibet puncto Ellipsis recta dimidio maioris axis aequalis ducatur, usque ad minorem axem, etiam productum, si opus est, secans tamen ipsum maiorem axem, erit eius segmentum inter datum punctum, & axem maiorem, dimidio minoris axis aequale. 167

DATIS axibus, Ellipsis describere. 168

DATO alterutro axium, & puncto in Ellipsi circa eum axem describenda, alterum axem reperire. 169

DATIS duobus axibus Ellipsis, & quolibet puncto, an datum hoc punctum in Ellipsi existat, an extra, vel intra, cognoscere. ibid.

DATIS duobus rectis inæqualibus, & puncto quolibet, describere Ellipsim per datum hoc punctum, cuius centrum sit quoque datum, & axes datis rectis æquales. 170

SI circa axes Ellipsis circuli describantur, & ad eosdem ordinatim rectæ applicentur usque ad Ellipsis, & circumferentiarum peripherias, erunt applicatæ usque ad Ellipsis, applicatis usque ad circuli proprium, ad cuius videlicet diametrum applicatæ sunt, proportionales. 171

ORDINATIM applicatæ pro-

portionaliter secantur ab Ellipsi, & circulis circa axes descriptis. 172

DATIS axibus alicuius Ellipsis sese ad angulos rectos secantibus, in data recta qualibet puncta reperire, per qua Ellipsis, si describatur, transire debet. 173

QUESTIONES omnes, qua per sinus, tangentibus, atq; secantes absolui solent, per solam prosthapharesim, id est, per solam additionem, subtractionemq; sine laboriosa numerorum multiplicatione, divisioneq; expedire. 178

TABULA sinuum cum numeris ad partem proportionalem eliciedam insertis. 196

PARS proportionalis Sinuum, & arcuum, quo pacto inveniatur. 228

TRIANGVLORVM sphaericorum, ac rectilineorum multiplex calculus. 231

INDEX

PROBLEMATVM AC THEOREMATVM,
Quæ in propositionibus secundi Libri, earumque Scholijs demonstrantur.

Qui præponuntur numeri, significant eos, qui propositionibus, earumque Scholijs, varijs in locis inserti sunt.

IN PROOEMIO.

1. Sphaeram varijs modis posse in plano describi. Pag. 269
2. Astrolabii Catholicii Gemmae Frisij, ut describatur, ubi oculus collocandus sit in sphaera. ibid.
3. Planisphaerium Vniuersale Ioan. de Roias quo fundamento describatur. 270
4. Astrolabium, siue Planisphaerium Ptolemaei, ut ad datam poli altitudinem describatur, ubi oculus in sphaera constitutus sit. ibid.
4. Iordanus in eodem Astrolabio, siue

Planisphaerio Ptolemaei construendo, quale planum assumat. ibid.

5. In Astrolabio qua potissimum describantur. ibid.

5. Partes inter puncta, lineas, & circulos sphaera comprehensas non egere peculiari descriptione in Astrolabio. ibid.

5. Astrolabij partes singula quibus cæli partibus respondeant. ibid.

6. Sphaera punctum quodlibet ubi appareat in Astrolabio. 271

7. Recta linea in sphaera quando appareat punctum in Astrolabio, & quando linea recta. ibid.

8 Cir-

9. Astrolabii describere quid sit. Ibid.
9. Astrolabium, siue Planisphaerium quid sit. 273

Astrolabio esse maiores Aequatore, & boreales, minores. Ibid.

6. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio, idem cum Astrolabio centrum habere. Ibid.

IN PROPOS. I.

1. Circulum quemlibet sphaera per polum australem ductum, projici in Astrolabium per lineam rectam infinitam, qua communis sectio est ipsius circuli, & plani Astrolabij, Aequatoris: Partes autem illius rectæ arcibus aequalibus respondentes inaequales esse, eoque maiores, quod a radio visuali per circuli centrum ducto sunt remotiores: binas tamen partes hinc inde ab eodem radio aequaliter distantes, aequalibusq; arcibus respondentes aequales esse. 273

4. Polum borealem, axem mundi, & centrum sphaera, siue mundi, in Astrolabio idem esse, quod centrum Astrolabij. 275

4. Circulos omnes maximos per polos mundi ductos projici in rectas lineas sese in centro Astrolabij intersecantes. Ibid.

5. Circuli per mundi polos ducti, quo pacto in Astrolabio, ubi recta linea sunt, in gradus distribuuntur. Ibid.

6. Arcus, vel gradus quilibet circuli per mundi polos ducti, quo pacto reperiantur in recta circulum illum referente in Astrolabio: Et quot gradus in dato segmento eiusdem rectæ continentur, quo pacto cognoscatur. 276

IN PROPOS. 2.

1. Aequatorem, omnesque eius parallelos, in Astrolabium projici in formas circulares. 277

3. Arcus eorundem circulorum projici in arcus similes, atq; adeo aequales in aequalibus. 278

4. Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio diuidendos esse in partes aequales, ut eorum gradus habeantur, ad instar aliorum circulorum in sphaera. Ibid.

5. Parallelos Aequatoris australes in

IN PROPOS. 3.

1. Circulum quemlibet sphaera ad Aequatorem obliquum, vel etiam rectum non maximum, in Astrolabium projici in circulem figuram. 279

2. Arcus eiusdem circuli, a certo quodam puncto incipientes projici in arcus distantes, atque adeo aequales, in inaequales. 281

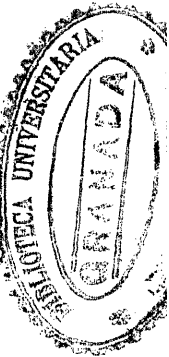
4. Circulum quemlibet obliquum ad Aequatorem, vel etiam rectum non maximum, in Astrolabio habere centrum à centro Astrolabij diuersum. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 3.

1. Circulum quemlibet obliquum maximum, eiusque parallelos, vel etiam circulum non maximum ad Aequatorem rectum, ex polo australi inspicere debere in communi sectione Aequatoris, vel plani Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, ducti, tum vt in formam circulem projiciantur, tum vt maximæ eorum diametri visæ habeantur. 282

1. Diametros circulorum obliquorum quorumlibet, vel etiam rectorum non maximorum in Astrolabio, visas in communi sectione Aequatoris, vel plani Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos obliquorum circulorum, vel etiam rectorum, ducti, esse omnium maximas. 282. & 283

4. Centra obliquorum circulorum quorumlibet, vel etiam rectorum non maximorum in Astrolabio, sumenda esse in communi sectione plani Astrolabij, Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circulorum obliquorum. c



obliquorum, vel rectorum, ducti. 284
 4. Rectam lineam per centrū Astro-
 labij, & centrū cuiusvis circuli in Astro-
 labio descripti ductam, esse comunē
 sectionem plani Astrolabij, Aequato-
 risue, & circuli vicini, qui per polos
 mundi, & polos descripti circuli duci-
 tur. Ibid.

6. Iordani demonstratio, circulos
 obliquos, vel etiā rectos non maximos,
 projici in figuras circulares. 284. & 285

IN PROPOS. 4.

1. Aequatorem, eiusque parallelos in
 Astrolabio ex Analemmate describere, si
 magnitudo Aequatoris data sit. 287
1. Meridianus, atque Horizon rectus,
 per quas lineas rectas represententur in
 Astrolabio. 289
2. Aequatorem, eiusque parallelos di-
 videndos esse in partes aequales, ut eorum
 gradus habeantur. Ibid.
2. Rectas lineas per centrum Astrola-
 bij traiectas, dividentesque quemlibet cir-
 culum ex eodem centro descriptum in 360.
 partes aequales, representare circulos maxi-
 mos sphaera per polos mundi, & singulos gra-
 dus Aequatoris ductos. Ibid.
3. Parallellum quemlibet Aequatoris,
 cuius declinatio data sit, in Astrolabio ex
 Analemmate describere. Ibid.
4. Paralleli cuiuslibet Aequatoris in
 Astrolabio descripti declinationē ex Ana-
 lemmate cognoscere, & utrum ea borealis
 sit, an australis. Ibid.
5. Aequatorem, eiusque parallelos in
 Astrolabio sine constructione Analemma-
 tis describere, si data sit Aequatoris ma-
 gnitudo. 290
6. Parallellum quemlibet Aequatoris,
 cuius declinatio data sit, in Astrolabio sine
 constructione Analemmatis describere. 291
6. Ex uno arcu declinationis in Ae-
 quatore, describere tam australem, quam
 borealem parallellum illius declinationis.
 Ibid.
7. Paralleli cuiuslibet Aequatoris in

Astrolabio descripti declinationem sine con-
 structione Analemmatis cognoscere, & ut-
 rum ea borealis sit, an australis. Ibid.

8. Semidiametros parallelorū Aequa-
 toris, prae fertim australium, accuratius, at-
 que exquisitus invenire. Ibid.

11. Semidiametrum Aequatoris inter
 semidiametros duorū parallelorum Aequa-
 toris oppositorum in Astrolabio descripto-
 rum esse medio loco proportionalem, et quā
 proportionem habeant. 293

12. Semidiametrum cuiusvis paralleli
 Aequatoris australis ex semidiametro pa-
 ralleli borealis oppositi eruere in Astrola-
 bio. 294

13. Polum mundi australem solum ex
 omnibus punctis sphaera in Astrolabio non
 posse projici. 295

13. Non omnia puncta sphaera austrā-
 lia (etiam polo australi excluso) commode
 posse projici in Astrolabium. Ibid.

IN SCHOLIO PROPOS. 4.

1. Aequatorem, eiusque parallelos
 in Astrolabio describere, si tropici &
 magnitudo data sit. 295
2. Aequatorem, eiusque parallelos
 in Astrolabio describere, si tropici &
 magnitudo data sit. 296
3. Aequatorem, eiusque parallelos
 in Astrolabio describere, ex data cuius-
 vis paralleli Aequatoris magnitudine.
 297
4. Nullum parallellum Aequatoris
 in Astrolabio describi posse ex data pa-
 ralleli oppositi magnitudine, nisi prius
 Aequator describatur. Ibid.

IN PROPOS. 5.

1. Horizontem quemlibet obliquum,
 Verticalem eius primarium, Eclipticam,
 & quemcumque alium circulum maximū
 obliquum, qui ad Meridianum tamen re-
 ctus sit, inclinationemque ad Aequatorem
 habeat notam, in Astrolabio ex constru-
 ctione

tionē Analemmatis describere. 299

1. Quos parallelos Ecliptica, Horizon,
 atque Verticalis tangant. Ibid.

2. Horizontem quemvis obliquum, Ver-
 ticalem eius primarium, Eclipticam, &
 quemcumque alium circulum maximum
 obliquum, qui ad Meridianum tamen re-
 ctus sit, inclinationemque ad Aequatorem
 habeat notam, in Astrolabio sine constru-
 ctione Analemmatis describere. 301

3. Centrum Horizontis in Astrolabio
 invenire, etiamsi diameter eius visa inuen-
 ta non sit. 303

3. Rectam ex polo australi ad diame-
 trum maximi circuli obliqui in Aequato-
 re descriptam, ad angulos rectos ductam,
 cadere in centrum eiusdem circuli obliqui
 in Astrolabio. Ibid.

4. Centrum cuiusvis circuli maximi
 obliqui in Astrolabio invenire, etiamsi dia-
 meter eius visa inuenta non sit. Ibid.

5. Centrum cuiusvis circuli maximi
 obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij
 diversum esse. Ibid.

7. Eclipticam semper apparere circulū
 in Astrolabio, eiusdemque magnitudinis,
 etiamsi ad motum diurnum in sphaera con-
 tinuū circumferatur. 304

9. Diameter vera dati circuli maximi
 obliqui, & ad Meridianum recti, qua ra-
 tione in Aequatore Astrolabij ducenda sit,
 ut per eam circulus ipse obliquus in Astro-
 labio describatur. 305

10. Extremum punctum diametri vi-
 sa circuli maximi obliqui, quod à centro
 Astrolabij remotius est, accuratius inveni-
 re. Ibid.

10. Circulum maximum obliquum in
 Astrolabio describere, etiamsi eius diame-
 ter visa inuenta non sit. Ibid.

11. Semidiametrum cuiusvis paralleli
 Aequatoris australis alio modo, quam su-
 pra, & valde exquisitè invenire. 307

12. Poli cuiusvis circuli maximi obli-
 qui in Astrolabio, per quas lineas rectas in-
 dicentur in linea meridiana. Ibid.

12. Radius ex polo australi per polum
 circuli obliqui maximi remotiorem ductus
 quos angulos secet bifariam. Ibid.

13. Polum cuiusvis circuli obliqui in
 Astrolabio à centro Astrolabij diversum
 esse. Ibid.

14. Centrum circuli maximi obliqui
 aliter reperire in Astrolabio. Ibid.

14. Radius ex polo australi ad polum
 circuli obliqui ductus abscindit ex meridia-
 na linea, & vera diametro circuli obliqui,
 rectas aequales. 309

15. Polum circuli maximi obliqui ab
 eius centro differre in Astrolabio. Ibid.

17. Horizontem obliquum in Astrola-
 bio ex eius polo superiore in gradus distri-
 buere. 310

17. Obliquus circulus maximus, quan-
 do eius polus superior parum abest à circū-
 ferentia Aequatoris, quo pacto exquisitus
 in gradus distribuatur. 311

18. Gradum quemlibet propositum in
 Horizonte Astrolabij ex eius polo superio-
 re invenire. Ibid.

18. Pars orientalis, occidentalis, borea-
 lis, & australis in Horizonte Astrolabij
 qua. Ibid.

18. Datum arcum maximi obliqui in
 Astrolabio dividere bifariam. 312

19. Quot gradus in dato arcu Horizon-
 tis Astrolabij contineantur, ex eius polo su-
 periore cognoscere. Ibid.

20. Horizontem obliquum in Astrola-
 bio ex eius polo inferiore in gradus distri-
 buere. Ibid.

21. Eclipticam, Verticalem primariū,
 et quemvis alium circulum maximum ob-
 liquum, qui ad Meridianum rectus sit, in
 Astrolabio ex utrovis eius polo in gradus
 partiti. 314

23. Circulum quemlibet maximū ob-
 liquum, qui ad Meridianum rectus non
 est, ex utrovis eius polo in gradus distribu-
 re in Astrolabio. Ibid.

23. Regula facilis pro initijs arcuum
 abscissorum determinandis in diuisiombus
 circulorum maximorum in gradus, per ve-
 ctas ex alterutro polorum cuiusvis circuli
 obliqui emissas. 316

23. Regula facilis ad cognoscendum,
 utrum punctorum Aequatoris in calo sit su-
 perius, vel inferius: Et utrum punctorum

circuli maximi obliqui sit boreale, vel australis. *Ibid.*
 23. Regula facilior pro initijs arcuum praefiniendis. 317
 24. Circulum quemuis maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus est, in Astrolabio dividere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. *Ibid.*
 25. Gradum quemlibet propositum in circulo obliquo maximo ad Meridianum recto in Astrolabio reperire ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. 319
 26. Quot gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum recti contineantur, ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij, cognoscere. *Ibid.*
 27. Circulum quemuis obliquum maximum, qui ad Meridianum rectus non sit, dividere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. *Ibid.*
 28. Qua linea circulum maximum obliquum tangant in Astrolabio. 320
 29. Lineas quasdam in Astrolabio concurrentes, repraesentare in calo lineas parallelas, & non concurrentes. 321
 30. Circulum quemlibet maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus sit, in gradus distribuere ex polo australi Analemmatis. 323
 31. Gradum quemlibet propositum in circulo maximo obliquo ad Meridianum recto invenire ex polo australi Analemmatis. *Ibid.*
 32. Quot gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum recti contineantur, ex polo australi Analemmatis cognoscere. 324
 33. Circulum quemuis maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus non sit, partiri in gradus ex polo australi Analemmatis. *Ibid.*
 34. Circulum quemuis maximum obliquum in Astrolabio distribuere in gradus ex proprio centro, & centro Astrolabij, siue Aequatoris. 326

34. Circulum quemuis maximum Astrolabij partiri in gradus per alium circulum maximum diuisum. 327
 35. Dato arcui in circulo quouis maximo abscindere arcum aequalem, quod ad numerum graduum attinet, ex quouis alio circulo maximo. *Ibid.*
 36. Circulum maximum obliquum secare multipliciter in gradus, per circulos varios per terna puncta descriptos, ut proposit. Num. 36. docebitur. *Ibid.*
 36. Circulum maximum obliquum multipliciter in gradus partiri per varias rectas lineas. 328
 36. Ex quolibet puncto meridiana linea circuli obliqui rectas educere secantes circulum ipsum obliquum in gradus. 329
 36. Dato puncto in circulo maximo obliquo, punctum respondens in Aequatore reperire. *Ibid.*
 36. Dato quouis puncto in plano alicuius circuli maximi in sphaera, etiam extra circulum, invenire eius situm in Astrolabio. *Ibid.*
 36. Qua puncta vera in plano dati circuli obliqui in sphaera non habeant respondentia puncta in Astrolabio. 332
 36. Dato quouis puncto in Astrolabio, invenire eius situm in plano cuiusvis circuli maximi in sphaera. *Ibid.*
 36. Qua puncta visa Astrolabij non habeant vera respondentia in plano dati circuli obliqui in sphaera. *Ibid.*
 36. Ex quolibet puncto extra meridianam lineam dato in Astrolabio, datum circulum maximum in gradus distribuere. 333
 36. Circulum quemlibet maximum obliquum in gradus dividere alijs tribus vijs, ut in proposit. Num. 37. & 38. *Ibid.*

IN SCHOLIO PROPOS. 5.

1. Circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, per quae puncta Aequatoris ducatur in Astrolabio. 333
 2. Circulum maximum quemlibet obliquum in Astrolabio esse maiorem Aequa-

Aequatore. 335
 3. Circuli maximi obliqui ad Meridianum non recti, per quae puncta Aequatoris in Astrolabio ducantur. *Ibid.*
 3. Quemlibet circulum maximum in Astrolabio transire per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita, ideoque Aequatorem secare bifariam. *Ibid.*
 3. Communis sectio Aequatoris, & cuiusvis circuli maximi obliqui in sphaera, per quam rectam repraesentetur in Astrolabio. *Ibid.*
 4. Aequator, & quilibet circulus maximus obliquus in Astrolabio se mutuo secant bifariam, licet segmenta circuli obliqui inter se valde sint inaequalia. *Ibid.*
 5. Semicirculi cuiusvis obliqui circuli maximi, ab Aequatore facti, cur sint inaequales in Astrolabio. 336
 6. Aequator in Astrolabio cur a quouis circulo maximo obliquo seceat in duos semicirculos aequales in duobus punctis per diametrum oppositis. *Ibid.*
 7. Quilibet circulus siue maximus, siue non maximus, diuidens in sphaera aliquem Aequatoris parallelum bifariam, transit in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita in eoparallelo. *Ibid.*
 8. Circulus non maximus non potest Aequatorem Astrolabij secare bifariam. *Ibid.*
 9. Circulus in Astrolabio secans Aequatorem bifariam, repraesentat in sphaera circulum maximum: qui vero non bifariam diuidit, refert non maximum. *Ibid.*
 10. Recta linea quemlibet per centrum Astrolabij ducta indicat in circulo quouis maximo obliquo duo puncta per diametrum opposita, ita ut vices gerat diametri cuiusdam. 339
 12. Arcus aequales circuli maximi obliqui projici in arcus inaequales, ordine continuato. 341
 13. Fieri potest, ut arcus quispiam

vnus maximi circuli obliqui in sphaera projiciatur in Astrolabium in arcum similem. 343
 14. Proprietates variz circulorum maximorum obliquorum in Astrolabio. *Ibid.*
 14. Circulum in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita descriptum, esse maximum. *Ibid.*
 14. Qui arcus maximi circuli obliqui in Astrolabio aequalis sit, quod ad numerum graduum attinet, arcui Aequatoris altitudinem poli supra eundem circulum obliquum metienti; & qui complemento eiusdem altitudinis non solum aequalis sit in numero graduum, verum etiam similis. 345
 15. Quae rectae Aequatorem, & circulum maximum obliquum in Aequatore tangant, & vbi. *Ibid.*
 15. Recta ex polo inferiore circuli maximi obliqui ducta, si tangat Aequatorem, tanget & circulum obliquum: Et si tangat circulum obliquum, tanget & Aequatorem. 347
 16. Recta ad meridianam lineam in polo circuli maximi obliqui perpendicularis, quos arcus similes abscindat ex Aequatore, & circulo maximo obliquo. *Ibid.*
 18. Quos arcus similes ex Aequatore, & circulo maximo obliquo auferat rectae ex polis eiusdem circuli obliqui eductae. 349
 19. Aequatorem in Astrolabio ex circulo maximo obliquo, qui ad Meridianum rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, describere. 350
 20. Quae puncta in Astrolabio repraesentent in sphaera duo puncta per diametrum opposita. 351
 21. Altitudinem poli supra circulum maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus sit, & eius inclinationem ad Aequatorem, situmque in sphaera cognoscere. 352

1. Horizontis, & cuiusvis alterius circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, parallelos in Astrolabio ex Analemma describere. 353
2. Parallelos eisdem beneficio Aequatoris, etiam si Analemma seorsum constructum non sit, describere. Ibid.
2. Paralleli Horizontis, qui in sphaera inter polum australem, & Zenith, Meridianum intersecant, ambiunt ipsum Zenith in Astrolabio. 355
3. Paralleli Horizontis, qui in sphaera per polum australem ducitur, projicitur in Astrolabio in rectam lineam, qua ad meridianam lineam perpendicularis est in centro Verticalis primarij. Ibid.
4. Paralleli Horizontis, qui in sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersecant, ambiunt ipsum Nadir in Astrolabio. Ibid.
4. Communis sectio Aequatoris, & paralleli Horizontis qua sit in Astrolabio. 357
4. Meridianus, et linea meridiana cuiusvis circuli obliqui, in Astrolabio quo modo intelligantur. Ibid.
5. Semicirculi, & quadrantes Horizontis, eiusque parallelorum, à Verticali primario, ac Meridiano abscissi in Astrolabio, qui. Ibid.
6. Diametros apparentes parallelorum Horizontis, una cum eorundem centris, per ipsummet Horizontem in Astrolabio reperire. 358
7. Circulum per extrema puncta diametri visa cuiusvis paralleli Horizontis, & per polum australem descriptum, tangere Horizontem in polo australi. 359
7. Rectam lineam ex meridiana abscindere, qua sit diameter visa paralleli cuiusvis Horizontis. 361
7. Dato vno extremo diametri visa cuiuslibet paralleli Horizontis, reperire alterum extremum, beneficio circuli Horizontem tangentis. Ibid.
7. Diametros visas parallely in Horizontis, beneficio circuli Horizontem in po-

- lo australi tangentis, reperire. 363
7. Rectas ex centro Verticalis primarij ad intersectiones parallelorum Horizontis cum eodem Verticali ductas, tangere ibidem parallelos. 365
7. Dato vno extremo diametri Horizontis, vel eius paralleli, inuenire alterum extremum per tertiam quandam proportionalem. Ibid.
7. Semidiametrum Verticalis primarij medio loco proportionalem esse inter rectam, qua inter centrum Verticalis, & alterutrum extremorum diametri Horizontis, vel eius paralleli, interijcitur, & rectam inter idem centrum Verticalis, & alterum extremum diametri Horizontis, vel eius paralleli positam. Ibid.
8. Diametros visas parallelorum Horizontis, beneficio arcus cuiusvis magnitudinis ex polo australi descripti, reperire. Ibid.
9. Centra parallelorum per rectas ex polo australi emissas reperire. 367
10. Semidiametrum, & centrum cuiusvis paralleli Horizontis per unam solam lineam, qua Verticalem primarium tangat, inuenire. 369
11. Praxis facilis ad plures lineas duccendas, qua datum circulum in datis punctis tangant. 371
11. Centrum cuiusvis paralleli Horizontis ab eius polo diuersum esse. Ibid.
12. Ex quouis parallelo Horizontis in Astrolabio descripto, parallelum oppositum describere, etiam si eius diameter inuenta non sit. 373
13. Dato puncto in Astrolabio punctum per diametrum sphaera oppositum reperire. Ibid.
16. Punctum in parallelo Aequatoris australi dato inuenire, in quo à parallelo Horizontis infra Horizontem proposito secetur, quando secatur, etiam si descriptus non sit. 374
17. Parallelum Horizontis in sphaera datum, in Astrolabio describere. 375
18. Dato parallelo Horizontis in Astrolabio, quantam sit eius ab Horizontem distantia, cognoscere. 376

19. Quo pacto omnia, qua de parallelis Horizontis describendis dicta sunt, ad describendos parallelos aliorum circulorum maximorum parallelorum, siue ad Meridianum recti sunt, siue non, accomodentur. Ibid.
21. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo superiore. 378
21. Parallelum Aequatoris australem in Astrolabio describere ex parallelo aquali circuli maximi obliqui circa eius polum ab australi polo remotiorem descripto. Ibid.
21. Initium arcuum respondentium in parallelis vnde sumendum in hoc modo diuidendi parallelos obliquos in gradus ex eorum polo superiore. 379
21. Regula facilis ad cognoscendum, utrum punctorum paralleli Aequatoris in Astrolabio, dicatur superius in calo, inferius, respectu dati circuli maximi obliqui. Item utrum punctorum paralleli obliqui boreale sit, vel australe. 381
22. Gradum quemlibet propositum in parallelo Horizontis ex eius polo superiore inuenire in Astrolabio. 382
23. Quot gradus in dato arcu paralleli Horizontis contineantur in Astrolabio, ex polo eius superiore cognoscere. Ibid.
24. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo inferiori. Ibid.
24. Initium arcuum respondentium in parallelis vnde sumendum in hoc modo diuidendi parallelos obliquos in gradus ex eorum polo inferiore. Ibid.
25. Quo pacto omnia, qua de diuisione parallelorum Horizontis, ex eius polis, dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accomodentur. 383
25. Parallelum obliquum per circulum cuiusvis magnitudinis in gradus aequales diuisum, in gradus distribuere, ita ut opus non sit describere parallelum australem immodica quantitatatis, aut borealem per exigua magnitudinis. Ibid.
25. Radius ex polo australi ad polum circuli obliqui ductus abscondit ex meridiana linea, & vera diametro circuli obliqui, rectas aequales. 385

25. Maximum circulum obliquum in gradus partiri per circulum Aequatore maiorem cuiusvis magnitudinis. Ibid.
25. Circulum maximum quemuis visum in gradus apparentes diuidere beneficio graduum aequalium eiusdem circuli maximi visi. 386
25. Parallelum quemuis obliquum visum in gradus apparentes distribuere beneficio graduum aequalium eiusdem paralleli. 388
25. Quot gradus in dato arcu circuli obliqui contineantur, facillima ratione cognoscere. Ibid.
25. Arcum datum circuli obliqui in quotuis partes aequales visas facillima ratione secare. 389
26. Parallelos cuiusvis maximi circuli obliqui in gradus distribuere, ex centro circuli maximi, qui instar est Verticalis ipsorum primarij. 392
27. Gradum quemlibet propositum in parallelo obliquo Astrolabij reperire ex centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primarij. 395
28. Quot gradus in arcu dato paralleli obliqui contineantur, ex centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primarij, cognoscere. Ibid.
29. Quo pacto omnia, qua de diuisione parallelorum Horizontis, ex centro Verticalis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accomodentur. Ibid.
30. Rectas ex centro cuiusvis circuli maximi in Astrolabio ductas ad intersectiones eius cum parallelis alterius circuli maximi, qui illius sit veluti Horizontem, parallelos ibidem tangere. Ibid.
30. Semidiametrum Verticalis medio loco esse proportionalem inter rectam, qua ex centro eiusdem secat Horizontem parallelum quemcunque, & eius segmentum exterius. 397
30. Dato vno extremo diametri visa alicuius paralleli obliqui, inuenire alterum extremum per tertiam quandam proportionalem. Ibid.
31. Parallelos obliquos Astrolabij in gradus distribuere, ex polo australi Analemma-

- lemmatis. *Ibid.*
 32. Gradum quemlibet propositum in parallelo obliquo reperire, ex polo australi Analemmatis. 398
 33. Quot gradus in arcu dato paralleli obliqui contineantur, ex polo australi Analemmatis cognoscere. *Ibid.*
 34. Quo pacto omnia, qua de diuidendis parallelis Horizontis, ex polo australi Analemmatis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodentur. *Ibid.*
 35. Parallelum quemuis obliquum Astrolabij in gradus distribuere, ex proprio centro, & centro Astrolabij. *Ibid.*
 35. Omnem lineam rectam in Astrolabio representare posse circulum per polum australem mundi ductum. 401
 35. Parallelum quemuis obliquum in gradus distribuere, ex eius circulo maximo, cui aequidistat, vel ex alio parallelo in gradus diuiso. 403
 35. Quid obseruandum, ut circulus per alium circulum diuisum in gradus distribuatur. 404
 36. Circulos maximos obliquos, eorumque parallelos diuidere in gradus per circulos varios per terna puncta descriptos. *Ibid.*
 36. Praestantissima via ad inueniendum datum punctum in circulo quonvis obliquo, per parallelum in sphaera recta. 407
 37. Alia via pulcherrima diuidendi quemuis parallelum in gradus, per varias rectas lineas. *Ibid.*
 37. Qua puncta paralleli veri quibus punctis paralleli visi respondeant. 408
 37. Dato puncto in parallelo obliquo viso, punctum respondens in parallelo obliquo vero inuestigare. 409
 37. Dato puncto in plano cuiusuis paralleli obliqui in sphaera, eius situm in Astrolabio inquirere. *Ibid.*
 37. Qua puncta vera in plano circuli obliqui in sphaera, non habeant respondentia puncta in Astrolabio. *Ibid.*
 37. Circulum obliquum in Astrolabio in gradus partiri per lineas parallelas. 410
 37. Circulos obliquos tam maximos, quam eorum parallelos, in gradus distribuere lineis rectis per eorum centra visis ductis. 411
 38. Alia via commodissima diuidendi circulos obliquos tam maximos, quam non maximos in gradus, ex quolibet puncto in communi sectione circuli obliqui, & plani Astrolabij extra meridianam lineam dato. 412
 38. Dato puncto in circulo obliquo viso, respondens punctum in circulo obliquo vero inuenire. 413
 38. Dato puncto vero in plano circuli obliqui in sphaera, punctum respondens visum in Astrolabio reperire, & contra. 414
 38. Qua ratio diuidendi circulos Astrolabij in gradus sit omnium expeditissima. *Ibid.*

I N S C H O L I O P R O P O S . 6 .

1. Arcus aequales paralleli cuiusuis obliqui projici in arcus inaequales ordine continuato. 415
2. Proprietates variae parallelorum obliquorum in Astrolabio. 418
2. Semidiametrum visam paralleli Aequatoris ita diuidi in polo circuli obliqui, vt semidiameter vera paralleli obliqui aequalis secta est a radio ex polo australi per eundem polum obliqui circuli ducta. *Ibid.*
5. Arcum vnum quempiam paralleli obliqui in sphaera projici posse in Astrolabio in arcum similem. 427
6. Parallelos eiusdem circuli obliqui maximi diuersa centra habere in Astrolabio. *Ibid.*
7. Parallelum quemuis Aequatoris in Astrolabio diuidi a quolibet parallelo obliquo in partes similes illis, in quas ab eodem in sphaera diuiditur. 428
9. Circulus in Astrolabio non maximus, an includat portionem sphaerae hemisphaeris minorem, maioremue, cognoscere. 432

I N

I N P R O P O S . 7 .

1. Parallelos cuiusuis circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio describere. 433
2. Centra parallelorum circuli maximi per mundi polos ducti, in Astrolabio facile reperire. 435
3. Parallelos eosdem aliter, per rectas tangentes describere. *Ibid.*
4. Parallelum datum Horizontis recti in Astrolabio describere. 437
5. Parallelus Horizontis recti in Astrolabio descriptus, quantum ab Horizonte recto distet in sphaera, cognoscere. *Ibid.*
6. Radios longius excurrentes accuratius ducere. *Ibid.*
7. Circulum maximum per polos mundi ductum in gradus distribuere. *Ibid.*
8. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex eorum polis. 438
10. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex centro Astrolabij. 439
11. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere ex polo australi Analemmatis. *Ibid.*
12. Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti alijs vis in gradus distribuere. 450

I N P R O P O S . 8 .

1. Verticales circulos in Astrolabio describere. 453
1. Orientalis pars, & occidentalis in Astrolabio qua. 454
2. Centra omnium Verticalium existere in linea recta, qua per centrum Verticalis primarij ad meridianam lineam ducitur perpendicularis. 455
4. Centra omnium Verticalium secundarium Horizontem in 360. gradus, per semicirculum quaedam in 180. gradus diuisum reperire. 456
5. Plura puncta in Horizonte, eiusque parallelis, per qua Verticales describendi

- sunt, inuenire. *Ibid.*
 5. Verticales parum a Meridiano distantes, per puncta, sine circino, describere. 457
 8. Polos cuiusuis Verticalis inuenire in Astrolabio. 459
 8. Verticales circuli Horizontem, eiusque parallelos distribuunt in gradus. 460
 9. Verticalem quemcunque in Astrolabio distribuere in gradus. *Ibid.*
 10. Verticalem quemlibet propositum in sphaera, describere in Astrolabio. *Ibid.*
 10. Centrum Verticalis dato Verticali in sphaera respondentis reperire in Astrolabio. *Ibid.*
 11. Inclinationem cuiuslibet Verticalis in Astrolabio ad primum Verticalem cognoscere. 461
 11. Quam in partem datum Verticalis in Astrolabio deflectat a Verticali primario, cognoscere. 463
 11. Inclinationem cuiusuis Verticalis ad quemlibet Verticalem in Astrolabio cognoscere. 465
 12. Circulos maximos per polos cuiusuis alterius circuli maximi, tanquam Verticales, describere in Astrolabio. *Ibid.*
 13. Rectas ex centro cuiusuis Verticalis ad intersectionem eius cum Horizonte ductas, Horizontem tangere, &c. *Ibid.*
 13. Rectas ex centro cuiusuis Verticalis ad eius intersectionem cum quolibet parallelo Horizontis emissas, parallelum Horizontis tangere. 466
 14. Puncta reperire in communi sectione cuiusuis Verticalis cum Horizonte, per qua si recta ducantur ex centro illius Verticalis, Horizontem in gradus distribuatur. 468
 15. Puncta reperire in communi sectione cuiusuis Verticalis cum quolibet parallelo Horizontis, per qua si recta ducantur ex centro illius Verticalis, parallelus in gradus distribuatur. 470
 16. Verticalis quilibet, aut quouis alius circulus maximus in Astrolabio secatur aequatore in duobus punctis per diametrum oppositis. 471
 16. Diametrum veram cuiusuis circuli a circuli

cult in Astrolabio descripti, siue maximi, siue non maximi, inuenire. 472
 17. Polos cuiusque Verticalis, vel alterius circuli siue maximi, siue non maximi, in Astrolabio descripti, inuenire. 473
 18. Rectam, qua intersectiones quorundam duorum circularum maximorum in Astrolabio coniungit, per centrum Astrolabii transire. 475
 19. Parallelos cuiuslibet Verticalis, aut alterius circuli maximi obliqui, in Astrolabio describere. Ibid.
 19. Centrum Astrolabii, centrum circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum centra, & eiusdem polos, in una recta linea existere in Astrolabio. 476
 20. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui boreales ab australibus secernere. 477
 21. Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descriptus, quantum ab ipso maximo circulo distet, & quā in partem vergat, cognoscere. Ibid.
 22. Altitudinē poli supra quemvis circulum maximum obliquum, eiusdemque circuli inclinationem ad Aequatorem, explorare. Ibid.
 23. Aequatorem ex quouis circulo, qui maximum aliquem sphaera circulum notum dicatur representare in Astrolabio, describere. 479

IN PROPOS. 9.

1. Circulos horarum à mer. & med. noc. in Astrolabio describere. 479
 3. Declinationum circulos in Astrolabio describere. Ibid.
 4. Circulos horarum inaequalium secundum auctores Astrolabii describere in Astrolabio Ibid.
 4. Circulos horarum inaequalium communiter descriptos, non indicare verè horas inaequales toto anni tempore. Ibid.
 4. Horas inaequales verius per partes duodecimas plurimum arcuum diurnorum describi. Ibid.
 4. Centra horarum inaequalium repe-

rire. 482
 5. Circulos horarum ab ortu, & occasu in Astrolabio describere. 483
 5. Circulos horarum ab ortu, & occasu in Astrolabio esse aequales. Ibid.
 6. Hora ab or. & occ. quo pacto in vulgaribus Astrolabijs describi soleant, & quem ordinem teneant. 485
 6. Per qua puncta Aequatoris verè arcus horarum ab ortu, & per qua arcus horarum ab occ. describendi sint: hoc est, qua hora à mer. vel med. noc. in Aequatore pertineant ad horas, ab or. & qua ad horas ab occ. Ibid.
 7. Circulum proposita hora ab or. vel occ. in Astrolabio describere. Ibid.
 7. Qui semicirculi horarum ab or. vel occ. ad horas ab ortu, & qui ad horas ab occasu pertineant, cognoscere. Ibid.
 8. Per datum punctum inter duos parallelos Horizontem tangentes, tam semicirculum, qui ad aliquam horam ab ortu, quàm semicirculum, qui ad horam aliquā ab occasu spectet, in Astrolabio describere. 487
 8. Semicirculus quilibet hora alicuius ab or. vel occ. descriptus, ad quotam horam ab or. vel occ. pertinent, cognoscere. 488
 9. Eandem esse altitudinem poli supra omnes circulos horarum ab or. vel occ. quā est supra Horizontem. Ibid.

IN PROPOS. 10.

1. Domo caelestes, ut à Ioan. Regiom. constituuntur, in Astrolabio describere. 488
 1. Centra domorum caelestium reperire. Ibid.
 2. Per datum quoduis punctum Aequatoris circulum positionis describere. 490
 3. Domo caelestes, ut eas Campanus imaginatur, in Astrolabio describere. 491
 4. Domo caelestes, ut eas Campanus constituit, describi in Astrolabio, instar Verticalium ipsius Verticalis primarij, tanquā Horizontis cuiuspiam. Ibid.
 5. Cir-

5. Circulum positionis per quemvis gradum Verticalis datum describere. 493
 6. Per quoduis punctum datum in Astrolabio extra Aequatoris, & Verticalis circumferentiam, circulum positionis describere. Ibid.
 6. Quantum quilibet circulus positionis ab Horizonte suo in Aequatore, siue in Verticali distet, cognoscere. Ibid.
 7. Crepusculinam lineam in Astrolabio describere. Ibid.
 7. Centrum linea crepusculina inuenire. 494
 7. Error Ioan. Stofserini in linea crepusculina describenda. 495

IN PROPOS. 11.

1. Rete Astrolabii construere. 495
 1. Centrum, & polos Eclipticae inuenire. Ibid.
 1. Eclipticam in 12. signa, & in grad. 360. distribuere. 497
 2. Stellas fixas reti Astrolabii per earum longitudines, latitudinesque imponere. Ibid.
 2. Figuram preparare, per quam facile quilibet parallelus Eclipticae in Astrolabio describatur. Ibid.
 3. Parallelum Aequatoris ex parallelo Eclipticae equali, & vicissim hunc ex illo describere. 499
 3. Inuentio facillima puncti longitudinis data stella. 501
 5. Stellas fixas reti Astrolabii per earum declinationes, ascensiones rectas, & cali mediationes imponere. 503

IN SCHOLIO PROPOS. 11.

1. Vfus praecipuus stellarum in Astrolabijs vulgaribus. 503
 1. Quid in hoc Astrolabio de stellis fixis tradatur. 504
 2. Loca stellarum fixarum in Zodiaco ex earum longitudinibus reperire. 505

2. Praecessione veram æquinoctiorum ex tabella ad plurimos annos elicere. Ibid.

IN PROPOS. 12.

1. Circulum maximum per duo puncta, quorum unum in Horizonte, & alterum in Meridiano datum sit, vel per gradus expressum, in Astrolabio describere. 507
 1. Per duo puncta, quorum unum in quouis circulo maximo Astrolabii, & alterum in alio quolibet maximo circulo datum sit, vel per gradus expressum, circulum maximum in Astrolabio describere. Ibid.
 2. Circulum maximum, cuius declinatio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem nota sit, in Astrolabio beneficio Verticalis eius inclinationem metientis describere. Ibid.
 2. Verticalem, qui propositi circuli inclinationem ad Horizontem metitur, in Astrolabio describere. 508
 2. Arcum data inclinationis ex Verticali inclinationem propositi circuli metiente abscondere. 509
 2. Circulum eundem maximum, cuius declinatio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem data sit, in Astrolabio beneficio paralleli Horizontis, siue Verticali inclinationem metiente, describere. Ibid.
 2. Commoditas posterioris huius descriptionis. Ibid.
 2. Circulum eundem maximum facillima praxi describere. Ibid.
 2. Omnes circulos in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita descriptos secare Aequatorem bifariam. Ibid.
 3. Diametrum veram circuli maximi descripti, eiusdemque polos, & altitudinem poli supra eundem, inuenire. 510
 3. Parallelos descripti circuli maximi in Astrolabio describere. Ibid.
 4. Verticales circulos eiusdem circuli maximi descripti, tanquam Horizontis cuiuspiam, describere. 511
 4. Utilitas huius propositionis. Ibid.

1. Si circulum datum alius circulus bifariam, hoc est, in punctis oppositis fecerit, & in hoc recta utcumque accommodetur per centrum dati circuli transiens, secabunt omnes circuli per extrema puncta huius rectae descripti datum eundem circulum quoque bifariam. 511
2. Omnes circulos in Astrolabio maximos diuidere Aequatorem bifariam. 513

IN PROPOS. 13.

1. Per duo puncta quomodocunque in Astrolabio data maximum circulum describere. 513
2. Per duo puncta, quorum unum in Aequatoris circumferentia datum sit, circulum maximum describere. Ibid.
3. Per duo puncta, quae sunt in eadem recta per centrum Astrolabij ducta, circulum maximum describere. 514
4. Per duo puncta in circumferentia Aequatoris data circulum maximum describere. Ibid.
5. Per datum quoduis punctum in Astrolabio quouis circulos maximos describere. Ibid.
6. Per duo puncta per diametrum opposita quouis circulos maximos describere. 515

IN PROPOS. 14.

1. Datis duobus punctis quadrante maximi circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum maximum circulum describere, cuius alterum punctum sit polus. 515
3. Circulum maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. 517
4. Circulum non maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio. Ibid.

1. Anguli sphaerici in circumferentia Aequatoris constituti quantitatem, hoc est, inclinationem duorum circulorum maximorum, quorum uel unus sit Aequator, uel ambo in Aequatoris circumferentia se intersectent, inuestigare. 518
2. Anguli sphaerici extra peripheriam Aequatoris constituti quantitatem, hoc est, inclinationem duorum circulorum maximorum sese extra Aequatoris peripheriam secantium, inuestigare. 519
3. Quando alter circulorum per polos mundi ducitur, idem inuestigare. 520

IN SCHOLIO PROPOS. 15.

1. Pluribus circulis maximis per eadem puncta opposita ductis, quis eorum sit magis, aut minus inclinatus ad alium maximum circulum, & qui aequaliter inclinati sint. 520
1. Verticalem primarium inter omnes Verticales, & Horizontem inter omnes circulos positionum, ad Aequatorem maximè inclinari. 521
2. Praxis pulcherrima pertinens ad propos. 12. pro inueniendo tertio puncto circuli maximi dati describendi, ex eius inclinatione ad Horizontem data, sine Verticali, & sine parallelo Horizontis. Ibid.

IN PROPOS. 16.

1. Dato angulo sphaerico in Astrolabio aequalem angulum sphaericum cum dato arcu circuli maximi in dato puncto constituitere. 522
1. In dato puncto cum dato arcu angulum sphaericum quouis graduum in Astrolabio constituitere. 523
2. Quando duo circuli maximi in Astrolabio angulum rectum continent, recta linea ex centro Astrolabij per centrum unius ducta secat alterum in polo illius prioris circuli.

- circuli Ibid.
2. Duorum circulorum maximorum rectum angulum continentium polos inuenire. 524
 3. Datum angulum sphaericum in Astrolabio bifariam secare. Ibid.

IN PROPOS. 17.

1. Variorum circulorum in Astrolabio quomodocunque descriptorum situm in sphaera explorare. 525
7. In explorando situ descripti circuli in Astrolabio quid obseruandum. 528
8. Recta cuiusuis in Astrolabio ducta situm in sphaera explorare. Ibid.
8. Data recta finita, quanti arcus maximi circuli chorda sit, inquirere. 530
8. Rectam per centrum Astrolabij ductam varia posse representari. 531

IN PROPOS. 18.

1. Per datum punctum in recta per centrum Astrolabij, & centrum maximi alicuius circuli ducta, parallelum illius circuli maximi describere. 532
2. Per datum punctum in Verticali primario alicuius circuli maximi, parallelum illius maximi circuli describere. 533
3. Per datum punctum extra rectam per centrum dati circuli maximi, & centrum Astrolabij ductam, & extra Verticalem, parallelum illius circuli maximi describere. Ibid.
3. Expeditissima via ad inueniendam in Meridiana linea diametrum paralleli per datum punctum describendi. 535
3. Quantum arcum maximi circuli data recta subeundat, inuenire, etiamsi circulus ille maximus non describatur. 536
3. Alia descriptio paralleli obliqui per datum punctum, beneficio lineae cuiusdam tertiae proportionalis. 537
3. Quando punctum datum est in circumferentia Aequatoris. 538
4. Per punctum utcumque datum, pa-

- rallelum Aequatoris describere. Ibid.
4. Alia descriptio paralleli obliqui per datum punctum, beneficio paralleli Aequatoris. Ibid.
 5. Per datum punctum describere parallelum maximi circuli per mundi polos ducti. Ibid.
 5. Qua ratione circuli maximi obliqui eorumque paralleli, per parallelos maximi circuli per mundi polos ducti, in gradibus distribuuntur. 540
 5. Demonstratio alia facilis primi modi diuidendi circulos obliquos in gradus, qui ex Lemmate 23. pendebat. Ibid.
 6. Circa datum polum describere circulum, sine punctum detur, per quod transire debeat, sine non. 541
 7. Dato puncto in quouis parallelo, oppositum punctum per diametrum visam eiusdem paralleli reperire, etiamsi parallelus descriptus non sit. 542

IN PROPOS. 19.

1. Per datum punctum in circulo non maximo, circulum maximum, qui eum tangat, describere. 543
2. Quando datum punctum est in recta per centrum circuli dati, & centrum Astrolabij ducta, idem efficere. 544
3. Quando datum punctum est in circumferentia paralleli Aequatoris, idem exequi. Ibid.

IN PROPOS. 20.

1. Per datum punctum extra circumferentiam circuli non maximi, inter ipsum tamen circulum, & eius oppositum parallelum, ita ut recta coniungens datum punctum, & centrum Astrolabij transeat per dati circuli centrum, circulum maximum, qui eum tangat, describere. 545
3. Per datum punctum extra circumferentiam circuli non maximi, inter ipsum tamen circulum, & eius oppositum parallelum, ita ut recta coniungens datum punctum,

I N D E X

Sum, & centrum Astrolabij non transeat per dati circuli centrum, circulum maximum, qui eum tangat, describere. 548

IN SCHOLIO PROPOS. 20.

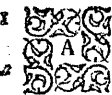
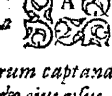
1. Materia Astrolabij quæ esse debeat. 550
1. Facies, & Mater Astrolabij quæ. 551
1. Dorsum Astrolabij quod. Ibid.
2. Faciei Astrolabii constructio in sphaera obliqua. Ibid.
2. Limbi in facie Astrolabij constructio. Ibid.
3. Tympanorum in facie Astrolabij constructio. Ibid.
3. Armillæ suspensoriæ, & Ostensoris constructio. 553
4. Dorsum Astrolabij constructio. Ibid.
4. Limbi in dorso Astrolabij constructio. Ibid.
5. Mensuræ ac dierum in dorso Astrolabij per circulos concentricos descriptio. 554
6. Mensuræ ac dierum in dorso Astrolabij per circulos eccentricos descriptio. 555
7. Scalæ altimetre in dorso Astrolabij compositio. Ibid.
8. Horarum inæqualium in dorso

- Astrolabij descriptio. 556
9. Mediclinij, vel Dioptræ in dorso Astrolabii constructio. Ibid.
 10. Quæ in Astrolabio communia sint tam sphaeræ cuius obliquæ, quàm rectæ, & obliquissimæ sub polo. Ibid.
 11. Astrolabii in sphaera recta constructio. 557
 11. In sphaera recta iidem circuli maximi indicant tam horas à mer. & med. noc. quàm horas ab or. & occ. atque horas inæquales. 558
 12. Astrolabii in sphaera obliquissima constructio. 559
 12. In sphaera obliquissima nõ esse propriè horas à mer. vel med. noc. aut ab or. vel occ. aut inæquales. Ibid.
 12. In sphaera obliquissima nullos esse propriè circulos dõmorum celestium. Ibid.
 13. Astrolabium sphaeræ obliquissimæ borealis, quo pacto obliquissimæ sphaeræ australis accommodetur. 560
 14. Astrolabium sphaeræ cuiusvis obliquæ borealis, quo pacto obliquæ sphaeræ australi opposita accommodetur. Ibid.
 15. Astrolabii descriptio in plano cuiusvis circuli maximi obliqui. 561
 16. Terræ descriptio in forma Astrolabii. Ibid.

I N D E X

EORVM, QUAE IN QUOLIBET CANONE Tertiij Libri, eiusq; Scholio explicantur.

IN CANONE 1.

1.  *titudinẽ Siderũ per Astrolabij dorsum explorare.* 564
2.  *uadrans commodius instrumentum ad altitudines siderum captandas, quàm dorsum Astrolabij, & eius usus.* Ibid.
3. *Pinnacidia quomodo construenda,*

ut faciliè per ea stella, & alia res videri possint. 565

4. *Num astrum sit ante Meridianum, vel post, vel in ipso existat, cognoscere.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 1.

1. Quo pacto in altitudine siderum præter gradus, Minuta accipiãtur. 566
2. Qua-

L I B R I III.

2. Quadrantem construere, quo vltra gradus, Minuta quoque discernantur, cum eius vsu. Ibid.
5. Eiusdem quadrantis beneficio arcum quotlibet graduum ac minorum ex dato circulo auferret; & quot gradus, minutaque in dato arcu contineantur, cognoscere. 569

arcum Eclipticæ respondentem sine instrumento elicere. Ibid.

8. *Altitudinem meridianam Solis, vel stellæ cuiusvis, ex eius declinatione deprehendere.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 3.

1. Declinationem dati cuiusvis puncti Eclipticæ ex Analemate inuestigare. 584
3. Ex data declinatione puncti Eclipticæ, vel arcum respondentem elicere beneficio Analematis. 585
4. Declinationẽ cuiusvis stellæ per Analemma indagare. Ibid.
5. Semissem rectæ diametro circuli æquidistantis secare, vt semidiameter secta est. 586
6. Semidiametrum circuli secare, vt semisis eius parallelæ secta est. Ibid.
10. Declinationem cuiusvis puncti Eclipticæ per numeros inuestigare. 588
10. Ex data declinatione punctum Eclipticæ respondens reperire per numeros. Ibid.
10. Declinationem cuiuslibet stellæ per numeros indagare. Ibid.
10. Vtrum stellæ declinatio borealis sit, an australis, cognoscere. 591

IN CANONE 2.

1. *Locum Solis quolibet die per Astrolabium explorare.* 566
2. *Ingressum Solis in 12. signa, & eiusdem locum quolibet die memoriter perquirere.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 2.

1. *Locum Solis exquisitius ex tabellis quibusdam reperire.* 571
2. *Vtrum annus datus sit bissextilis, an primus, secundus, vel tertius post bissextum cognoscere.* Ibid.

IN CANONE 3.

1. *Declinationem gradus Eclipticæ propositi, vel stellæ cuiuslibet, per Astrolabium inuenire.* 580

1. *Qua puncta in Astrolabio habeant declinationem borealem, & qua australem.* Ibid.

3. *Ex data declinatione arcum, seu punctum Eclipticæ respondens inuestigare in Astrolabio.* Ibid.

4. *Declinationem gradus Eclipticæ propositi, vel cuiuslibet stellæ, sine instrumento Astrolabij certius inuenire.* 581

6. *Præceptum generale ad inueniendam declinationẽ cuiusvis puncti in Astrolabio assignati.* 582

6. *Declinationes partium vnus quadrantis Eclipticæ declinationibus punctuõrum aliorum quadrantum æquales esse.* 583

7. *Ex data declinatione punctum, vel*

IN CANONE 4.

1. *Ascensionẽ rectam dati puncti Eclipticæ, aut stellæ, ex Astrolabio cognoscere.* 593

1. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella oriatur in sphaera recta, aut mediæ calum.* Ibid.

2. *Descensionem rectã dati puncti Eclipticæ, aut stellæ, ex Astrolabio cognoscere.* Ibid.

2. *Qui gradus Eclipticæ cum data stella occidat in sphaera recta,* 594

3. *Ascensionẽ rectã cognita, descensionẽ, arcum Eclipticæ respondentem inuenire ex Astrolabio.* Ibid.

4. *Ascen-*

- 4. Ascensionem rectam, descensionemq; cuiusvis arcus Ecliptica non ab Ariete inchoati, ex Astrolabio reperire. Ibid.
- 5. Ascensionem rectam, descensionemq; cuiusvis puncti Ecliptica, vel stella, sine Astrolabio materialis inquirere. Ibid.
- 6. Ascensionem rectam, descensionemq; cuiusvis arcus Ecliptica non ab Ariete inchoati, sine Astrolabio deprehendere. 595
- 7. Figuram ascensionum rectarum omnium Ecliptica arcuum construere. Ibid.
- 8. Ex data ascensione, descensione uero recta arcum Ecliptica respondentem sine Astrolabio eruere. 596
- 9. Ascensionem, descensionemque recta stella cuiusvis sine Astrolabio explorare, una cum puncto Ecliptica, quod simul oritur, uel occidit. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 4.

- 1. Ascensionem, descensionemue rectam dati puncti Eclipticae ex Analemate adipsi. 597
- 2. Ascensionem rectam stellae cuiusvis, uel descensionem, ex Analemate reperire. 598
- 3. Ascensionem rectam, descensionemue dati arcus Eclipticae non ab Ariete inchoati, ex Analemate reperire. 599
- 4. Ex data ascensione, descensioneue recta, arcum Eclipticae respondentem per Analemma exquirere. Ibid.
- 7. Ascensionem rectam, descensionemue dati puncti Eclipticae, beneficio numerorum supputare. 601
- 7. Ex data recta ascensione, descensioneue, arcum Eclipticae respondentem per numeros inuenire. 602
- 7. Ascensionem rectam, descensionemq; cuiuslibet stellae per numeros venari. 603
- 7. Punctum Eclipticae, cum quo stella in Horizonte recto oritur, calumque mediat, per numeros supputare. 607

- 1. Stella quaevis cum eodem puncto Ecliptica mediat calum in sphaera obliqua, cum quo in recta. 607
- 1. Ascensionem obliquam dati puncti Eclipticae, aut stellae, per instrumentum reperire. Ibid.
- 1. Qui gradus Ecliptica cum data stella oriatur in sphaera obliqua. 608
- 2. Descensionem obliquam dati puncti Eclipticae, seu stellae, per instrumentum inuenire. Ibid.
- 2. Qui gradus Ecliptica cum data stella occidat in sphaera obliqua. Ibid.
- 3. Ascensionem, descensionemue obliquam da coorientem arcum Ecliptica per instrumentum reperire. Ibid.
- 3. Differentia ascensionalis quo pacto reperitur ex Astrolabio. Ibid.
- 4. Ascensionem, descensionemue obliquam dati arcus Ecliptica non ab Ariete inchoati, ex Astrolabio inuestigare. Ibid.
- 5. Ascensionem, descensionemque obliquam dati puncti Eclipticae, uel stellae, sine instrumento Astrolabij inuestigare. 609
- 5. Quo pacto Horizon obliquus describendus sit pro ascensionibus obliquis. Ibid.
- 5. Qui gradus Ecliptica cum data stella oriatur in sphaera obliqua. Ibid.
- 5. Quo pacto Horizon obliquus describendus sit pro descensionibus obliquis. Ibid.
- 5. Qui gradus Ecliptica cum data stella occidat in sphaera obliqua. 610
- 6. Differentia ascensionalis, descensionalis quo pacto reperitur sine instrumento Astrolabij. Ibid.
- 7. Ascensionem, descensionemque obliquam cuiusvis arcus Eclipticae non ab Ariete inchoati, sine instrumento deprehendere. Ibid.
- 8. Ascensionem obliquam, uel descensionem data, arcum Ecliptica simul orientem uel occidentem sine instrumento assignare. Ibid.
- 5. Alia raro duplex inueniendi ascensionem, descensionemque obliquas sine instrumento. 611
- 10. Figuram construere continentem omnium punctorum Eclipticae ascensionem rectam,

- 613
- 11. Ascensionem rectam, & obliquam cuiusvis puncti Eclipticae, & ex alterutra data alteram, una cum puncto Eclipticae respondente, ex figura constructa reperire. 617
- 12. Descensionem obliquam ex figura constructa elicere. Ibid.
- 13. Quatuor arcus Eclipticae aequales, a punctis aequinoctialibus, uel tropicis aequaliter distantes, habere ascensiones rectas aequales. Ibid.
- 14. Arcus Eclipticae aequales ab alterutro punctorum aequinoctialium aequaliter distantium, habere ascensiones obliquas aequales. 618
- 15. Arcus Eclipticae in semicirculo ascendente tanto minores habere ascensiones obliquas rectis eorundem ascensionibus, quanto maiores rectis sunt ascensiones obliquae arcuum aequalium oppositorum, uel cum illis ab eodem tropico puncto aequaliter distantium, & in semicirculo descendente existentium. Ibid.
- 16. Ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticae aequalium oppositorum, uel aequaliter ab eodem puncto tropico distantium, simul sumptas aequales esse rectis eorundem ascensionibus simul sumptis. Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 5.

- 1. Ascensiones, descensionesque obliquas ex Analemate elicere. 619
- 1. Inuentio differentiae ascensionalis dati puncti Eclipticae, uel stellae, ex Analemate. Ibid.
- 2. In qua caeli parte initium Arietis existat, ex cognita ascensione obliqua cognoscere. 620
- 2. Situ puncti Eclipticae tam in Meridiano supra Horizontem, quam in Horizonte orientali, ex situ principij Arietis cognoscere. Ibid.
- 3. Ascensionem obliquam datae arcum Eclipticae respondentem, beneficio Analematis exhibere. 621
- 4. Ascensionem obliquam dati pun-

- cti Eclipticae, aut stellae, per numeros inquirere. 623
- 4. Differentiae ascensionalis inuentio per numeros. Ibid.
- 4. Inuentio differentiae descensionalis per numeros. 624
- 4. Ascensio obliqua quo pacto ex differentia ascensionali eliciatur. Ibid.
- 4. Descensio obliqua quo pacto ex differentia descensionali eruatur. Ibid.
- 4. Ex data ascensione, aut descensione obliqua, arcum Eclipticae respondentem, per numeros explorare. 625
- 4. Quodnam punctum Eclipticae cum data stella oriatur, aut occidat, per numeros cognoscere. 626
- 4. Declinatio stellae quo pacto per eius altitudinem meridianam inueniatur. Ibid.
- 4. Cum quo puncto Eclipticae stella data calum mediet, etiam si eius locus ignoretur in Zodiaco, cognoscere. Ibid.
- 4. Inuentio latitudinis stellae, & loci veri, ex eius declinatione, & meditatione caeli. Ibid.
- 4. Inuentio ueri loci stellae in Zodiaco, ex eius declinatione, & latitudine. 629

IN CANONE 6.

- 1. Latitudo ortiua, uel occidua: I tem Zenith ortus, uel occasus Solis, aut stellae, quid. 630
- 1. Latitudinem ortiuam, occiduaemue, beneficio Astrolabij inuestigare. Ibid.
- 1. Latitudinem ortiuam occidua aqualem esse. Ibid.
- 3. Ex latitudine ortiua, occiduaemue cognita punctum Eclipticae respondens, per Astrolabium reperire. 631
- 4. Latitudinem ortiuam sine instrumento inquirere. Ibid.
- 5. Ex cognita latitudine ortiua, occiduaemue punctum Eclipticae congruens, sine instrumento exquirere. 632

I N S C H O L I O C A N O N I S 6.

1. Latitudinem ortiuam cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemmate deprehendere. 632
2. Data latitudine ortiua, congruens punctum Eclipticæ, per Analemma indagare. 633
3. Alia inuentio latitudinum ortiuarum ex Analemmate. 634
4. Latitudinem ortiuam per numeros inuestigare. 635
4. Data latitudine ortiua, punctum Eclipticæ respondens inuenire per numeros. Ibid.

I N C A N O N E 7.

1. Arcum semidiurnum, vel seminocturnum cuiuslibet gradus Eclipticæ, seu stellæ per instrumentum indagare. 636
2. Ex dato arcu semidiurno, vel seminocturno punctum Eclipticæ respondens inuestigare in Astrolabio. Ibid.
3. Arcum semidiurnum, vel seminocturnum dati puncti, aut stellæ sine instrumento inuenire. 637
3. Ex dato arcu semidiurno, seminocturno, punctum Eclipticæ respondens, sine instrumento perscrutari. 638

I N S C H O L I O C A N O N I S 7.

1. Arcum semidiurnum, aut seminocturnum dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemmate perdiscere. 639
2. Ex arcu semidiurno, vel seminocturno dato punctum Eclipticæ, cui congruit, per Analemma venari. Ibid.
3. Arcum semidiurnum, & seminocturnum dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, per numeros inquirere. 641
3. Dato arcu semidiurno, aut seminocturno, punctum Eclipticæ respondens, per numeros inuestigare. 642

I N C A N O N E 8.

1. Horam à mer. vel med. noc. interdiu per Astrolabium venari. 643
2. Horam à mer. vel med. noc. per Astrolabium noctu inquirere. Ibid.
3. Horam ab or. vel occ. per Astrolabium cognoscere. Ibid.
4. Horam inaequalem per Astrolabium inquirere. 644
5. Quando altitudo Solis, vel stellæ non habet parallelum Horizontis respondentem quo pacto inter proximè minorem, & proximè maiorem parallelum locutus sit Sol, vel stellæ, ut propriam habeat altitudinem. Ibid.
6. Horam sine materiali instrumento inuestigare. 645

I N S C H O L I O C A N O N I S 8.

1. Horam à mer. vel med. noc. interdiu ex Analemmate perferuari. 647
1. Horam ab or. vel occ. interdiu ex Analemmate cognoscere. 648
1. Horam inaequalem interdiu per Analemma venari. Ibid.
2. Horam quamcumque noctu per Analemma explorare. Ibid.
2. Distantiam stellæ à Meridiano, seu orthum versus sumendam esse ad horam inuestigandam. Ibid.
2. Distantia Solis à stella ab occ. in ortho, quo pacto inuestigetur ex distantia stellæ à Meridiano super orthum versus numerata. 649
2. Distantiam Solis à Meridiano, seu orthum versus, ex distantia stellæ ab eodem Meridiano, & ex distantia Solis à stella eodem ordine inuenta, colligere. Ibid.
2. Distantia Solis à stella versus ortum quo pacto inquiratur. 650
2. Horam, qua stella ad Meridianum peruenit, cognoscere. Ibid.
3. Reductio hor. à mer. vel med. noc. ad hor. ab ortu Solis. 651

3. Re-

3. Reductio hor. à mer. vel med. noc. ad hor. ab occasu Solis. Ibid.
3. Reductio hor. ab ortu ad hor. à mer. vel med. noc. Ibid.
3. Reductio hor. ab occ. ad hor. à mer. vel med. noc. 652
3. Reductio hor. ab or. ad hor. ab occ. Ibid.
3. Reductio hor. ab occ. ad hor. ab or. 653
4. Horæ inæqualis magnitudinem tam per instrumentum, quam sine instrumento cognoscere. Ibid.
4. Reductio horæ inæqualis ad æqualem. Ibid.
4. Reductio horæ æqualis ad inæqualem. Ibid.
5. Horam æqualem per numeros inuestigare. Ibid.

I N C A N O N E 9.

1. Horam ortus occasusque Solis, vel stellæ cuiusvis per Astrolabium inuestigare. 655
2. Horam, qua stella celum mediat, ex Astrolabio cognoscere. Ibid.
3. Qui dies, ac noctes inter se sint aquales, ex Astrolabio discere. Ibid.
4. Qui dies habeant arcus diurnos, nocturnosque alternatim aequales, in Astrolabio considerare. Ibid.
5. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, sine instrumento indagare. Ibid.

I N S C H O L I O C A N O N I S 9.

1. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per Analemma inuestigare. 657
2. Horam ortus, occasusque Solis, vel stellæ, per numeros inquirere. Ibid.

I N C A N O N E 10.

1. Crepusculum matutinum, ac vesp-

- inum, quamdiu duret, & qua hora incipiat, & finiatur, ex instrumento cognoscere. 657
2. Alia crepusculi inuentio certior. Ibid.
 2. Quo pacto ex uno crepusculo eruantur initium, & finis alterius crepusculi eiusdem diei. 658
 2. Quantum à principio, aut fine crepusculi distemus, cognoscere. Ibid.
 3. Crepusculum vtrumque que non Astrolabio materiali inuestigare. Ibid.
 4. Crepuscula inuenire aliter sine Astrolabio materiali. 659
 4. Quid obseruandum in crepusculi cuiusvis initio, ac fine determinando. 660

I N S C H O L I O C A N O N I S 10.

1. Crepuscula ex Analemmate inquirere. 661
2. Sinum versus arcus semidiurni, ideoque & ipsum arcum semidiurnum per numeros explorare. 662
2. Crepuscula per numeros indagare. Ibid.

I N C A N O N E 11.

1. Per Astrolabium materiale punctum Eclipticæ inuestigare, quæ in quolibet circulo Eclipticæ secante existunt. 663
2. Qua hora quivis gradus, aut signum Eclipticæ oriatur, cognoscere. Ibid.
3. Sine Astrolabio materiali punctum Eclipticæ inuestigare, quæ in quouis circulo Eclipticæ secante existunt. Ibid.
3. Qua hora quodlibet punctum Eclipticæ oriatur, ubicunque Sol existat, sine instrumento perquirere. 664
6. Qua in domo cælesti stella data, vel punctum Eclipticæ, hora obseruationis existat, cognoscere. 665

I N S C H O L I O C A N O N I S 11.

1. Puncta Eclipticæ in Meridiano

2 Ho-

Horizonte, & quouis circulo horario a mer. vel med. noc. existentia, per ascē siones rectas, & obliquas inuestigare. 666

2. Accuratio inuentio puncti Eclipticæ in dato circulo horario existentis, quolibet signo oriente, quando arcus semidiurnus non habetur in grad. & min. vel in hor. min. & sec. 668

3. Horæ, qua quoduis Eclipticæ punctum oriatur, vbiunque Sol existat, inuentio per ascensionē obliquas. Ibid.

I N C A N O N E 12.

1. Meridianam lineam, & puncta veri ortus, atque occasus per Astrolabium materiale inuestigare. 669

2. Meridianam lineam sine Astrolabio materiali certius inuenire. Ibid.

3. Meridianam lineam sine instrumento Astrolabij, ex declinatione Solis, & altitudine poli cognitis, per unicam observationem inuestigare. 670

4. Meridianam lineam sine Astrolabio materiali, ex sola declinatione Solis cognita: per duas observationes indagare. 671

5. Meridianam lineam sine Astrolabio materiali, per tres observationes, etiā si declinatio Solis, & altitudo poli ignorentur, inquirere. Ibid.

I N S C H O L I O C A N O N I S 12.

1. Meridianæ lineæ inuētiō ex Analemate per declinationem Solis, & altitudinem poli cognitas. 672

2. Meridianæ lineæ inuentio in plano horizontali per tres observationes, etiam si declinatio Solis, & altitudo poli, cognitæ non sint. Ibid.

3. Instrumenti constructio, & vſus, quo simul umbra, & altitudo Solis deprehenditur. 674

I N C A N O N E 13.

1. Altitudinem poli supra Horizontem reperire per unam observationem, quando declinatio Solis, & situs lineæ meridianæ dantur. 676

2. Altitudinem poli, & lineam meridianam per duas observationes, ex sola declinatione Solis cognita inuestigare. 677

3. Altitudinem poli, lineam meridianam, & declinationem Solis, per tres observationes exquirere. Ibid.

4. Longitudines locorum per eclipses Lunares, quo pacto explorentur. 678

I N S C H O L I O C A N O N I S 13.

1. Altitudinis poli inuētiō ex Analemate per duas observationes, etiā si declinatio Solis ignoretur, dummodo situs lineæ meridianæ detur. 679

2. Altitudinem poli, lineamque meridianam per tres observationes cognoscere, licet declinatio Solis sit ignota. Ibid.

3. An vertex loci sit inter polum arcticum, & Solem, vel stellam in Meridiano positam, an vero Sol vel stella in Meridiano posita sit inter polum arcticum, & verticem loci, quo pacto cognoscatur. 680

4. Altitudo poli quo pacto ex declinatione Solis vel stellæ, altitudineque meridianæ venanda sit. Ibid.

5. Vbi sit pars septentrionalis, & australis, quo pacto deprehendatur. 681

6. Aliter ac facilius, si constet, polum arcticum eleuari supra Horizontem. Ibid.

I N C A N O N E 14.

1. In quam Zona datus locus collocetur, cognoscere. 682

2. In quonam climate datus locus collocatus sit, percipere. Ibid.

I N

I N C A N O N E 15.

1. Duorum locorum in terra sub Aequatore positorum distantiam itinerariam exquirere. 683

2. Duorum locorum eiusdem longitudinis distantiam metiri. Ibid.

3. Duorum locorum longitudinē grad. 180. habentium distantiam reperire. Ibid.

4. Duorum locorum diuersarum longitudinum, latitudinumque distantiam inuestigare. Ibid.

5. Distantia inter locum borealem, & australem, quo pacto commodius reperiat. 685

6. Distantia inter duo loca australia, quo pacto ex oppositis locis borealibus inquirenda sit. 686

7. Distantiam duarum stellarum quarumlibet inuestigare. Ibid.

I N S C H O L I O C A N O N I S 15.

1. Distantiam duorum locorum in terra ex Analemate perferutari. 687

2. Alia ratione distantiam locorum ex Analemate inquirere. 689

3. Alia ratio inueniendæ distantie duorum locorum. 691

4. Alia ratio inuestigandæ distantie inter duo loca boreal. vel australia. Ibid.

5. Locorum distantiam per numeros exquirere. 692

6. Alia inuentio distantie locorum per numeros. 694

7. Errores quorundam in distantia locorum inuestiganda. 695

8. Modus Vernerii in distantia locorum exquirenda. 696

9. Modus Petri Nonij facilior modo Vernerii. Ibid.

10. Reductio circumferentiæ paralleli ad gradus circuli maximi. 697

11. Reductio chordæ arcus paralleli ad ptes diametri circuli maximi. Ibid.

12. Declinatio stellæ quo pacto aliter inueniatur per numeros, quam in scholio Can. 3. dictum est. Ibid.

I N C A N O N E 16.

1. Distantia Solis horizontalis in quouis circulo maximo quid. 698

2. Altitudo Solis ad datam horam supra quemuis circulum maximum, quo pacto inueniatur sine Astrolabio materiali. 699

3. Distantia horizontalis ad datam horam supra quemuis maximum circulum, quo pacto cognoscatur sine Astrolabio materiali. Ibid.

I N S C H O L I O C A N O N I S 16.

1. Circumferentia descensua, & horizontalis, quæ. 702

2. Altitudinem Solis supra quemuis circulum maximum obliquum per numeros qualibet hora efficere notam. 703

3. Distantiam horizontalem supra quemuis circulum maximum obliquum per numeros scrutari. Ibid.

4. Inuētiō alia altitudinis Solis per numeros. 705

5. Horam ex altitudine Solis per numeros obseruare. 706

6. Altitudinem stellæ ex eius distantia à Meridiano: Et vicissim distantiam eius à Meridiano, ex eius altitudine perferutari per numeros. Ibid.

I N C A N O N E 17.

1. Arcum circuli cuiusuis maximi inter proprium Meridianum, & Meridianum regionis data inuestigare. 707

2. Inclinationē Meridiani circuli cuiusuis maximi obliqui ad Meridianum Horizontis inuenire. Ibid.

I N S C H O L I O C A N O N I S 17.

1. Quo pacto circuli maximi, quibus horologia æquidistant, describantur in Astrolabio. 707

I N

INDEX LIB. III.

IN CANONE 18.

1. *Inclinatio dati circuli maximi sitū habentis notum in Sphæra ad Meridianū, quæ ratione cognoscatur.* 708
2. *Inclinatio circuli obliqui maximi, cuius situs in Sphæra cognitus sit, ad Aequatorem, quo pacto reperiat.* 709

IN CANONE 19.

1. *Arcum Meridiani inter datum circulum maximum obliquum, cuius situs in Sphæra cognitus sit, & tam Horizontem, quàm polum mundi, & polum Horizontis, inquirere.* 709

IN CANONE 20.

1. *Altitudinem poli supra datum circulum maximum, cuius positio in Sphæra sit cognita, inquirere.* 710

IN SCHOLIO CANONIS 20.

1. *Arcum circuli maximi obliqui situm in Sphæra habentis notum, inter maximum circulum, qui per eius polos, & polos Horizontis ducitur, & tam Meridianum proprium, quàm Meridianum Horizontis positum inuenire.* 710
2. *Arcus maximi circuli per polos Horizontis, & polos dati circuli maximi obliqui transeuntis, inter Horizontem, & circulum horæ 6. à mer. vel med. noc. positus, quæ ratione cognoscatur.* Ibid.
3. *Quot horæ, & quæ existant supra utramque faciem circuli maximi obliqui, & qua hora illuminari incipiat. Denique quos arcus parallelorum cir-*

culus ille maximus abscondat. Ibid.
 4. *Angulos, quos Ecliptica cum Meridiano, Horizonte, & Verticali per Solem qualibet hora ducto constituit, inuenire.* 711

IN CANONE 21.

1. *Arcus horarius in quouis circulo maximo quid.* 712
1. *Arcuum horariorum in quouis circulo maximo inuenire.* Ibid.

IN SCHOLIO CANONIS 21.

1. *Horarum descriptio in quouis plano, beneficio arcuum horariorum.* 713
4. *Arcus horarios pro horis à mer. & med. noc. supputare.* 714

IN CANONE 22.

Omnia 22. Problemata triangulorum sphericorum, de quibus in Lemmate 53. lib. 1. absque numerorum auxilio, in plano mira facilitate construuntur, atque explicantur. 714

IN SCHOLIO CANONIS 22.

OCTO theorematibus variae determinationes magnitudinis angulorum in triangulis sphericis demonstrantur. 745
DEINDE precipui canones supra expositi, rursus facilius explicantur per quædam quæsitæ, beneficio triangulorum sphericorum in plano descriptorum. 750

F I N I S.

AD LECTOREM.

VT homines sumus, vitari errata omnia non potuere. pleraque in indicantibus figurarum literis contigerunt. Ea ad finem voluminis posita sunt; quæ ut ante consulas, emendesque, quàm ad libri lectionem accedas, amice Lector, magnopere ad rem ipsam pertinere arbitror.

I

ASTROLABII LIBER PRIMVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO

BAMBERGENSI

E SOCIETATE IESV.



CONTINET primus hic liber problemata varia, atq. theoremata, partim Geometrica, partim Sphærica, & partim Conica, quæ omnia ab officio Lemmata appellare libuit, propterea quod frequentissime adhibenda sunt, ac tanquam certissimis confirmata demonstrationibus assumenda, ut facilius ac brevius ea, quæ de multiplici circulorum projectione in planum, & de eorundem in gradus partitione libro secundo præcepturi sumus, possint demonstrari.

Argumentum primi libri.

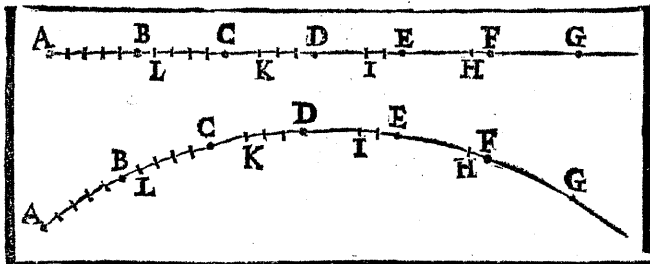
Nam nisi seorsum ea in vno libro demonstrarentur, cogeremur proprias Astrolabij demonstrationes longiores, quam par est, ac proinde & obscuriores, efficere. Est & altera causa, cur omnia hæc theoremata, problemataq. vnum in librum sint congesta: quia videlicet non raro vnum atq. idem Lemma ad plures propositiones demonstrandas adhibendum est. Ne igitur eius demonstratio pluribus in locis frustra inculcetur, sed doctrinæ suæ seruetur ordo, ac nitor, necesse fuit illud separatim Geometrica demonstratione confirmare: quæ causa multis Lemmatibus communis est. His adde, quod cum huiusmodi Lemmata non solum in Astrolabio vsus necessarium habeant, verumetiam eorum pleraq. ad alias res Mathematicas non paucas magnum emolumentum asferant, ratio ipsa postulare videbatur, ut proprio libro explicarentur, ut facilius, & expeditius, quando ijs Geometra in suis demonstrationibus indigebit, possint reperiri.

A

LEMMA

DATAM lineam rectam, vel circularem, in quotuis partes æquales, etiam minutissimas, diuidere beneficio circini, cuius pedes distantiam inter se habeant data linea maiorem.

SIT linea recta, vel circularis AB, diuidenda in quotuis partes æquales. In



linea producta accipiantur datæ lineæ AB, tot lineæ æquales beneficio circini, in quotuis partes æquales, quales sunt BC, CD, DE, EF, FG. Et tota linea AG, in tot æquales partes distribuatur beneficio etiam circini, (Vel si linea quidem AG, recta est, ex scholio propof. 40. lib. 1. Eucl. vel ex scholio propof. 10. lib. 6. eiusdem; Si vero circularis, beneficio quadratricis, per ea, quæ ad finem lib. 6. Eucl. scriptimus.) in quotuis lineam AB, partiri iubemur, cuiusmodi sunt GH, HI, IK, KL, LA: continebit autem quælibet harum partium datam lineam AB, semel, & insuper vnam earum partium, in quas AB, diuidenda proponitur. Quoniam enim est, vt AG, ad AL, ita AF, ad AB, quod vtrobiq. fit, ex constructione, eadem proportio multiplex. Toties enim AL, in AG, continetur, quoties AB, in AF: Erunt permutando, vt AG, ad AF, ita AL, ad AB. Continet autem AG, ipsam AF, semel, & insuper FG, vnam partem ex ijs, in quas AF, secta est, quæ quidem sunt AB, BC, CD, DE, EF, tot, in quotuis lineam AB, diuidenda proponitur. Igitur & AL, ipsam AB, semel continebit, & insuper vnam earum partium, in quas AB, diuidenda est. Est ergo BL, earum partium vna. Quocirca sicut interuallum GH, quod maius est data linea AB, dat nobis vnam partem FH, ita idem translatum ex duobus punctis F, H, dabit duas partes EI, & ex tribus punctis prope E, translatum exhibebit tres partes DK, & translatum ex quatuor punctis prope D, dabit quatuor partes CL, & ita deinceps vna semper parte amplius, ita vt tandem spatium GH, in ipsam AB, translatum exhibeat tot partes, in quæ secunda est AB, hoc est, quot sunt partes AB, BC, CD, DE, EF, atque adeo tunc AB, diuisa sit in partes propositas æquales.

ATQVE hic modus diuidendi vtilissimus est, quando linea AB, in particulas adeo minutas secanda est, vt ægre beneficio circini continuari possint sine errore.

IAM, si linea AG, secanda sit, v.g. in 30. partes æquales, diuidenda prius erit in quotuis partes æquales, pauciores quam 30. ita tamen, vt earum numerus sit pars aliquota numeri 30. partium, vt in exemplo diuisa est in sex partes, quarum singulæ quinas partes continent. Diuisa deinde prima parte AB, in quinque

que partes, vt dictum est, interuallo AL, vel GH, quo linea AG, ex sex partibus ipsi AB, æqualibus constans in quinque æquales partes diuisa est; Si pes vnus circini in A, statuatur, (interuallo AL, non mutato) deinde in proximo puncto, deinde in sequenti, atq. ita deinceps, secta erit altero pede tota linea AG; in 30. partes æquales.

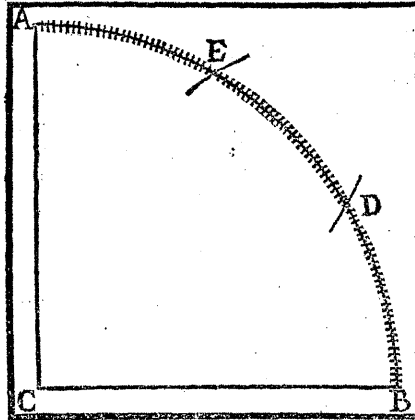
POSSET quoque recta AG, secari prius in 5. partes, vt singulæ senas particulas ex 30. continerent: Sed tunc singulæ rursus diuidendæ essent bifariam, & harum semissium prima in tres æquales partes distribuenda eo modo, quo supra est traditum; ac tandem tota AG, beneficio harum tertiarum partium diuidenda in triginta partes. Quod si quintæ partes adeo exiguæ sint, vt ægre circino possint bifariam diuidi, secandæ essent in senas partes singulæ, vt initio docuimus; Vel certe linea ex tribus quintis illis partibus composita, secanda bifariam. Ita enim eodem hoc interuallo omnes bifariam diuidentur, ac tandem quælibet semissis in tres partes, vt prius.

ACCIDIT nonnunquam, vt in linea datæ magnitudinis, accipiendæ sint ordine plurimæ particulæ, sub determinato tamen numero, quæ ægre propter earum paruitatem circino sine errore sumi possunt. Hoc ergo tunc artificium adhibebimus. Si numerus particularum diuidi potest in plures partes, accipiemus circino in data linea tot partes æquales, in quot numerus particularum diuidi potest, ita tamen, vt eæ partes simul fere exhauriant totam datam lineam. Nam si prima harum partium fecetur in tot particulas, quot ex proposito numero in ea continentur, idemq. fiat in reliquis partibus, habebimus datum particularum numerum. Vt si linea proponatur, in qua sumendæ sint ordine 84. particulæ, secabimus eam primum in duas, vt quælibet contineat 42. Rursus singulas in duas, vt habeantur quatuor partes, quarum singulæ contineant 21. particulas. Harum item singulas in tres partemur partes, vt habeamus duodecim partes, quarum quælibet 7. particulas contineat. Postremo singulas harum in 7. particulas distribuemus. Si vero numerus particularum propositus diuidi nequeat in plures partes, accipiendus erit numerus paulo maior minorque, qui in plures possit partes diuidi, atque tot particule in data linea sumendæ ordine, vt proxime diximus. Si namq. superflue particule abijciantur, vel eæ, quæ defunt, adijciantur, habebimus propositum particularum numerum. Vt si ordine abscindendæ sint 74. particulæ ex aliqua data recta linea, proponemus nobis 80. particulas. Nam si datam lineam secemus bifariam continebit vtraq. semissis 40. particulas. Vtraq. rursus secta bifariam dabit quatuor partes 20. particularum. Singulæ vero harum bifariam diuisæ offerent octo partes 10. particularum, quarum singulæ quoq. bifariam sectæ dabunt sexdecim partes, & in singulis quinque particule existent. Si ergo singulæ in quinas particulas distribuuntur, ut docuimus, habebimus 80. particulas: reiectis autem sex, reliquæ erunt 74. propositæ. Vel proponemus nobis 72. particulas. Si enim ordine accipiamus 24. partes æquales, ita vt fere datam lineam exhauriant (quæ 24. partes habebuntur etiam, si data linea, vel eius segmentum paulo minus ipsa linea fecetur primum bifariam, & vtraq. pars rursus bifariam, & harum partium singulæ rursus bifariam, ac tandem singulæ harum partium in ternas partes fecentur.) & singulæ partes in tres particulas diuidantur, vt traditum est, habebimus 72. particulas, quibus si adijciantur duæ particulæ, exurget numerus 74. particularum propositus.

HIS recte consideratis, facile intelliges, quomodo in quolibet alio particularum numero te gerere debeas.

QUADRANTEM, vel circulum datum in gradus distribuere beneficio circini, cuius pedum intervalum plures gradus, quam duos, tresve complectatur.

SIT quadrans AB, cuius centrum C. Intervallo semidiametri AC, quo quadrans descriptus est, abscindantur duo arcus AD, BE, quorum uterque ex



coroll. propof. 15. lib. 4. Eucl. sexta pars erit circuli, continens gradus 60. ac proinde uterque reliquorum BD, AE, gradus 30. comprehendet, totidemq; ideo arcus DE, existet, adeo ut quadrans iam in tres partes æquales diuisus fit, si angulus ACB, in cõtro rectus fuerit omnino, ideoque vere quadrantem subtenderit. Deinde diuisis singulis arcibus AE, ED, DB, beneficio circini, vel quadratricis in quinas partes æquales, (adhibita præxi antecedentis lemmatis, si quinquæ hæ partes fuerint nimis exiguæ.) ut quælibet 6 gradus contineat, totusque quadrans in 15. partes diuisus

fit, secetur rursus singulæ hæ per lemma præcedens in senas partes: vel certe prius in binas, & postea singulæ hæ in ternas. Vtroque enim modo quadrans in 90. gradus distributus erit.

SI integer circulus in 360 gradus secandus fit, partietur cum prius in quatuor quadrantes per duas diametros sese in centro ad angulos rectos interfecantes: Deinde singulos quadrantes vna eademque opera in 90. gradus distribuemus, ut dictum est, sumendo in singulis eodem intervallo circini partes eadem, &c.

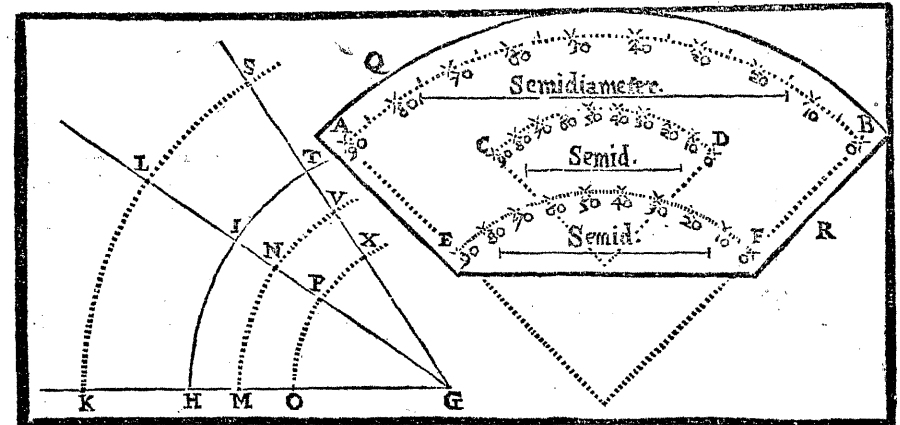
ITAQVE cum tota difficultas diuidendi circulum, quadrantemue in gradus consistat in vltima ferme operatione, qua arcus æquales in singulos gradus distribuendi sunt, quod propter graduum paruitatem vix circinus reperiri possit, qui commode, & sine errore diuisionem illam in tam minutas partes perficiat, danda erit opera, ut, cum in huiusmodi diuisione ad tam exiguos arcus peruentum fuerit, qui ægre beneficio circini in minutiores particulas secantur, adhibeamus doctrinam præcedentis lemmatis, qua nimirum particulas etiam minutissimas maiore intervallo pedum circini reperimus.

LEMMA III.

EX data circumferentia arcum quotlibet gradus integros, vel quotlibet gradus, ac minuta complectentem abscindere

scindere: Et contra, quot gradus ac minuta in quouis arcu datæ circumferentiæ contineantur, cognoscere, etiam si data circumferentia in gradus, ac minuta diuisa non sit.

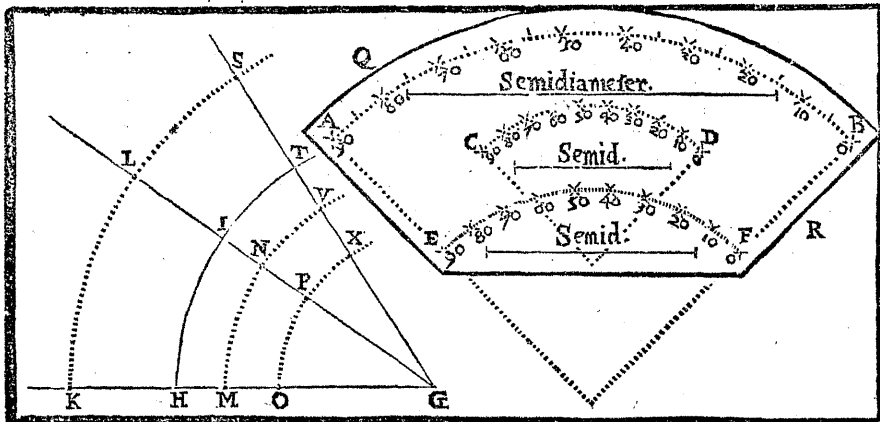
AD initium nostræ Gnomonicæ docuimus, si ex centro alicuius quadrantis in 90. gradus accurate diuisi rectæ lineæ ad singulos gradus emittantur, instrumentum esse paratû, quo in circumferentia cuiusvis circuli arcus accipiatur quotquot graduum ac minutorum, vsuq; huius instrumenti ibidẽ explicauimus: Sed quia perdifficile est lineas ex centro ita exquisitè ducere, ut ex quadrantibus omnes ex eodem centro communi descriptos in 90. gradus æquales partiantur, quod tamen omnino necessarium est, si in vsu instrumenti errare non velimus; construemus hoc loco aliud quasi instrumentum pro eodem vsu, meo iudicio, multo commodius, hoc modo.



DESCRIBANTVR in tabella ænea, vel lignea aliquot quadrantes non multum inter se distantes, quales sunt tres AB, CD, EF, siue ex eodem centro, siue ex diuersis, qui omnes inter se inæquales sint, ut nunc maiore, nunc minore, prout res tulerit, uti possimus; & iuxta quemlibet propria semidiameter ponatur, quamuis hoc non sit omnino necessarium, cum interuallum 60. graduum sit semidiametro æquale, ex coroll. propof. 15. lib. 4. Eucl. Diuisis autem singulis quadrantibus in suos gradus, (in instrumento quadrans CD, propter paruitatem sectus est tantum in 45. partes, ut singulæ binos contineant gradus) si partes tabellæ superflue rescantur, ut relinquatur figura QR, paratum erit quasi instrumentum; cuius vsus hic est.

SIT ex circumferentia HI, cuius centrum G, abscindendus arcus quotuis graduum. (id quod frequentissime in Astrolabio faciendum est) nimirum 35. Describatur ex G, ad interuallum semidiametri maioris quadrantis AB, si id magnitudo plani, in quo est arcus HI, permittit, arcus KL, vel, si id ob paruitatem plani fieri nequit, ad interuallum minoris alicuius quadrantis, pro commoditate plani, arcus MN, vel OP. Si enim ex quadrante, ad cuius semidiametri

tri quantitatem arcus ex G, descriptus est, interuallum 35. graduum transferatur in respondentem arcum ex K, in L, vel ex M, in N, vel ex O, in P; atque ex G, per L, vel N, vel P, recta educatur, secabitur, data circumferentia in I, arcusq; HI, gradus 35. continebit, cum similis sit tam arcui KL, quam MN, vel OP, ex scholio propof. 22. lib. 2. Eucl



SI circumferentia proposita, verbi gratia KL, habeat semidiametrum æqualem prorsus semidiametro alicuius quadrantis in instrumento, qualis hic est quadrans maior AB, tunc si arcus graduum propositorum transferatur in datam circumferentiam KL, habebitur propositum, vt perspicuum est.

QVOD si quando abscindendus sit arcus continens quotuis gradus, & insu per aliquot minuta, accipienda erunt illa minuta per æstimationem, nimirum semipsis gradus vnus pro 30. minutis, tertia autem pars pro 20. & duæ tertiæ partes pro 40. & tres quartæ partes pro 45. & paulo plus quam quarta pars, pro 16. vel 17. minutis, & sic de cæteris. Sed certius, & quidem Geometricè, docebimus minuta quotlibet ex quolibet gradu abscindere, paulo inferius in hoc eodè lemmate, etiam si gradus in minuta diuisus non sit.

R VRSVS sit ad punctum G, cum recta GH, constituendus angulus completens gradus 57. min. 21. Descripto arcu KL, ex G, ad interuallum semidiametri quadrantis AB, (vel alterius cuiuspiam minoris, si spatium fuerit angustum) transferatur interuallum huius quadrantis continens gradus 57. & paulo amplius quam tertiam partem vnus gradus, ex K, vsque ad S. Ducta namque recta GS, constituet angulum quæsitum KGS.

VICISSIM desideret quis scire, quot gradus, ac minuta arcus HI, ex G, descriptus contineat. Hoc assequetur, si ex G, delineet arcum, cuius semidiameter semidiametro alicuius quadrantis in nostro instrumento æqualis sit. Si enim recta ex G, per I, educatur, abscindet ea ex arcu descripto arcum similem arcui HI, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. Si igitur arcus ille abscissus transferatur in quadrantem respondentem, illico apparebit, quot gradus contineat, ac minuta, sumendo 30. minuta pro semisse gradus; 40. pro duabus tertijs partibus, & sic de cæteris, prout maior pars vnus gradus offeretur. Ita inuenimus in arcu HI, contineri gradus 35. quod totidem gradus contineat arcus KL, in quadrante AB, vel arcus MN, in quadrante EF, vel arcus OP, in quadrante CD. At in arcu HT,

HT, reperimus ferme gradus 57. & minuta 21. quia totidem gradus ac minuta arcus KS, in quadrante AB, vel arcus MV, in quadrante EF, vel arcus OX, in quadrante CD, includit.

EX his manifestum est, satis esse ad problema hoc efficiendum, si vnus tantum quadrans adsit cuiusvis magnitudinis exquisitè in gradus diuisus: nisi quod aliquando planum propositum tantum non est, vt in eo arcus describi possit ad interuallum semidiametri quadrantis. Quod cum accidet, describenda erit data circumferentia, vna cum illo arcu, in alia charta seorsum, &c. Quare commodius erit instrumentum, si plures in eo quadrantes inæquales contineantur.

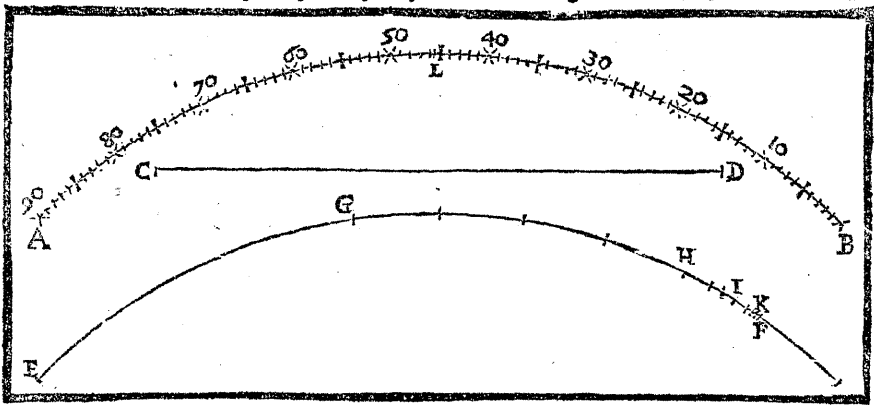
PRAEFERO autem vsum vnus quadrantis, vel plurium illi instrumento, quod initio nostræ Gnomonices construximus, quia magis æquales sunt gradus in quolibet quadrante seorsum diuiso, quam gradus, quos rectæ ex centro emissæ exhibent in alio quadrante ex eodem centro descripto, quod perdifficile sit illas rectas proportionalibus inter se spatiis semper distantes educere.

IAM verò, si huiusmodi instrumentum præ manibus non habeatur, commo dè quoque ita agemus. Quadrans eius circuli, in cuius circumferentia gradus propositi abscindendi sunt, diuidatur in tres partes, & qualibet tertia pars iterum in tres, vt habeantur 9. quarum singulæ 10. gradus contineant. Postremò vltima pars sola in 10. gradus distribuatur. Nam beneficio huius partis diuisæ, & aliarum partium non diuisarum, arcum quocumque graduum accipiemus, hoc modo. Si graduum numerus non excedat 10. facile in vltima parte 10. graduum gradus propositus sumetur. Si vero numerus graduum maior sit, quam 10. verbi gratia 57. statuemus vnum pedem circini in gradu septimo partis diuisæ in 10. gradus, numerando hos 7. gradus non ab extremo exteriori, sed interiore, alterum verò circini pedem extendemus vsque ad talem partem quadrantis, vt arcus inter pedes circini complectatur gradus 57. Vel certe duabus operationibus rem exequemur, sumendo primum inter partes quadrantis non diuisas, gradus datos à 10. numeratos, & deinde reliquos gradus in extrema parte in 10. gradus diuisa. Vt in proposito exemplo, primum sumemus 5. partes non diuisas, quæ continent gradus 50. deinde accipiemus 7. gradus in parte diuisa, atque ita habebimus 57. gradus. Eademque ratio est de cæteris. Itaque satis foret, si in instrumento singuli quadrantes in 9. partes secarentur, & vltima deinde sola pars in 10. gradus distribueretur.

QVIA vero, quando propositus arcus præter gradus continet etiam aliquot minuta, perfici atque absolui hoc lemma nequit, nisi plus minus per æstimationem, vel coniecturam, vt diximus: doceamus, qua ratione Geometricè abscindendus sit arcus, in quo præter gradus, quocumque etiam minuta proposita comprehendantur: Et vicissim, quo pacto cognoscendum, quot minuta in quauis particula vnus gradus contineantur. Quamuis enim hoc ipsum ad finem libelli de fabrica & vsum instrumenti horologiorum docuimus, quia tamen libellum illum non semper in promptu habemus, libuit idem hoc loco breuiter repetere, præsertim cum maximus eius rei vsum in Astrolabio reperitur.

ARCVS igitur tot graduum, quot minuta desiderantur, secetur in 60. partes æquales. Sexagesima namq; particula continebit minorum numerum propositum. Vt si desiderentur in aliquo gradu quadrantis AB, cuius semidiameter CD, minuta 53. diuidemus arcum 53. graduum, vel potius ei æqualem FG, in cir-

in circumferentia EF, quæ semidiametrum æqualem habeat semidiametro CD, vt confusio euitetur, in 60. partes æquales. (diuidendo eum primum in quinque partes æquales, deinde vnquamq; harum in tres partes; vel prius in tres deinde vnquamque in quinque, & harum singulas bifariam, ac deinde singu-



las harum rursus bifariam. Sed satis est, si vna tantum particula semper subdividatur. Nam in postrema subdivisione habebitur sexagesima particula. Ita factum hic vides. Quinta enim pars arcus FG, est FH, & huius tertia pars est FI: Hæc autem bis subdivisa bifariam dat FK, sexagesimam partem totius arcus FG.) Sexagesima enim particula FK, comprehendet 53. minuta. Itaque si quis velit arcum grad. 45. min. 53. adijciendus erit arcus FK, cui grad. 45. Ita enim conficiet arcum BL, completentem grad. 45. min. 53. Quod autem arcus FK, contineat 53. minuta, ita demonstro. Quoniam est, vt arcus 60. graduum ad arcum 1. gradum, ita FG, arcus 53. graduum ad arcum FK, cum vtrouque sit proportio eadem, quæ 60. ad 1. ex constructione; erit permutando, vt arcus 60. graduum ad arcum 53. graduum, ita arcus 1. gradus ad arcum FK, & conuertendo, vt arcus 53. graduum ad arcum 60. graduum, ita arcus FK, ad arcum 1. gradum. Cum ergo arcus 53. graduum contineat 53. sexagesimas partes arcus 60. graduum, continebit quoque arcus FK, 53. sexagesimas partes arcus 1. gradus, hoc est, 53. minuta vnus gradus. Eademque ratio est de cæteris.

QVOD si quis velit habere minuta ac secunda vnus gradus, satis erit, si pro secundis pluribus quam 30. adijciatur minutis vnum minutum, & arcus inquiratur, qui omnia illa minuta contineat. Vt si quis optet 53. minuta, & 45. secunda, inuestigandus erit arcus minorum 54. Si vero secunda pauciora sint quam 30. negligenda sunt: si quis tamen secunda omnino requirat, legat libellum nostrum de Fabrica, & vsu instrumenti horologiorum capite vltimo.

H A E C res, vt facilis est, ita incommodus eius vsus est in paruo aliquo quadrante, præsertim quando pauca minuta, vt 2. vel 3. vel 5. desiderantur. Quia enim in eo quadrante gradus perpussilli sunt, non facile diuidetur in 60. partes arcus tot graduum, quot minuta desiderantur. Quare vt negotium hoc reddatur facilius, quando arcus in 60. partes distribuendus valde exiguus est, accipiendus erit arcus duplus, vel quadruplus, vel octuplus, &c. vt commode secari possit in 60. partes æquales. Nam eius particula sexagesima comprehendet

bis,

bis, aut quater, aut octies, &c. (prout arcus sumptus est duplus, vel quadruplus, octuplus) tot minuta, quot inquiruntur. Quare quando arcus duplus diuisus est, si particula illa sexagesima fecetur bifariam: & hæc, si arcus quadruplus diuisus est, iterum bifariam: & hæc, quando octuplus arcus diuisus est, rursus bifariam, continebit vna particula vltimæ diuisionis minuta quæ sita. Liquido autem constare arbitror, faciliorem esse diuisionem paruuli cuiuspiam arcus in duas partes æquales, cum hoc æstimatione, vel coniectura sine errore possit fieri, quam arcus non satis magni in 60. partes æquales.

I A M è contrario si ex aliquo gradu abscindatur particula quæpiam, & nosse quis cupiat, quot minuta & secunda complectatur, sumenda est ea particula beneficio circini exquisitissime sexages ordine continuato, a principio quadrantis factò initio. Nam quot gradus integri in arcu illo, qui datæ particule sexageplus est, continentur, tot minuta particula data complectetur. Hac ratione, si particula, quam vltra 45. gradus continere diximus minuta 53. circino sexages ordine continuo repetatur, initio factò a puncto B, incidemus præcise in gradum 53. finitum. Quare particula illa minuta 53. continebit. Demonstratio huiusce rei hæc est. Sit arcus FG, sexageplus particule datæ, cui æqualis sit particula FK. Quia igitur est, vt arcus graduum 60. ad gradum 1. ita arcus FG, ad arcum FK, erit permutando quoque, vt arcus 60. graduum ad arcum FG, ita arcus 1. gradus ad arcum FK, & conuertendo, vt arcus FG, ad arcum 60. graduum, ita arcus FK, ad arcum 1. gradum. Quot ergo sexagesimæ partes arcus 60. graduum, hoc est, quot gradus in arcu FG, continentur, tot sexagesimæ partes vnus gradus, hoc est, tot minuta, in arcu FK, continebuntur.

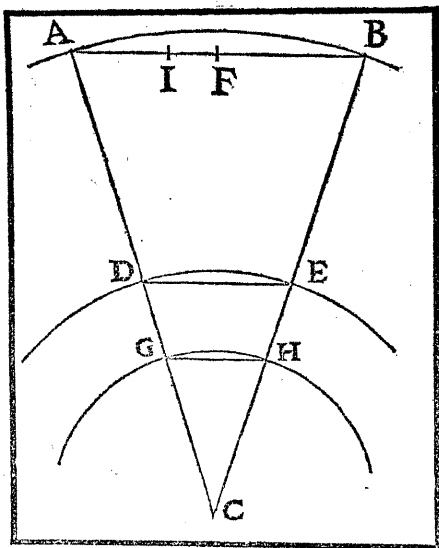
S I in arcu illo sexageplus continentur aliquot gradus, & insuper aliqua particula vnus gradus, indicabunt quidem gradus integri in eo arcu contenti minorum numerum, sed cum particula illa inuestigabuntur etiam secunda eodem modo. Nam ea sexages sumpta dabit arcum tot graduum, quot secundis particula illa æquualet. Eodemque modo si in hoc arcu sexageplus particula quæpiam super fuerit, inuenientur Tertia, &c. Sed satis est, meo iudicio, si minuta diligenter inquirantur. Et si quidem particula remanens maior fuerit dimidiato gradu, minutis inuentis adijciatur adhuc vnum minutum; si vero semisse gradus fuerit minor, nihil addatur.

H A E C res felicius quoque in magnis quadrantibus succedet, quam in paruis, quòd facilius circino comprehendere possint particule maiorum graduum, quam minorum, sine errore. Quare si gradus sint perpussilli, & data particula dimidiato gradu non maior, accipiemus arcum ex particula data, & proximo gradu compositum sexages, & ex hoc arcu sexageplus abijciemus grad. 60. qui nimirum sexages vna cum data particula sumpti fuerunt. Nam reliquus numerus graduum dabit numerum minorum, vt prius. Si vero data particula semisse vnus gradus sit maior, inuestigabimus eodem modo minuta reliquæ minoris particule, sumendo videlicet arcum compositum ex reliqua illa particula minore, & vno gradu sexages, &c. quia si maiorem particulam acciperemus, fieret arcus sexageplus maior quadrante. Inuenta deinde minuta minoris illius particule reliquæ ex 60. detrahemus, vt reliqua fiant minuta maioris particule datæ. Hac ratione, si particulam reliquam datæ superioris particule, cui æqualis est FK, quoniam semisse vnus gradus maior est, cum vno gradu accipiamus sexages, constabimus arcum constatem ex 67. gradibus. Abiectis autem 60. remanent 7. Tot ergo minuta in minore illa particula reliqua existunt: quæ ex 60. dempta relinquunt minuta 53. pro data particula maiore.

B

QVIA

QVIA vero & molestum est, huiusmodi arcum sexagies beneficio circini repetere, & facile in ea multiplicatione error committi potest, vtendum erit hoc compendio. Arcus ex particula, & vno gradu compositus duplicetur, hic duplus iterum duplicetur, vt habeatur quadruplus arcus. Hic rursum duplicetur, vt habeatur octuplus, atque hic iterum duplicetur, vt habeatur arcus sedecuplus, & hic bis adhuc duplicetur, vt habeatur ille arcus sexagies, & quater; ita vt in vniuersum sex fiant duplicationes. Ex arcu autem hoc reiciantur gradus 60. & insuper quadruplum arcus ex vno gradu, & particula minore compositi, quia sumptus est sexagies & quater, cum sumi debuisset tantum modo sexagies. Reliqui enim gradus ostendent numerum minutorum, quibus particula illa minor æquualet. Hoc modo, si eandem particulam minorem, de qua supra, cum vno gradu sexies duplicemus, conficiemus arcum grad. 71. & amplius, ex quo si reiciamus grad. 60. & adhuc arcum ex particula & gradu compositum, quater sumptum, relinquuntur gradus 7. Continet ergo particula illa minor minuta 7. ideoque maior data habebit minuta 53. Quod si particula data sine gradu sexies duplicaretur, vt habeantur 64. particulae in arcu composito, abijcienda esset tantummodo particula illa quater sumpta ex eo arcu, qui datam particulam continet quater & sexagies. Sed alio quoque modo per instrumentum in scholio Canonis 1. lib. 3. inuestigabimus arcum quotlibet graduum, ac minutorum: & vicissim, quot gradus, ac minuta in dato arcu contineantur, deprehendemus.



lio propof. 22. lib. 3. Eucl.

SI verò propositus circulus minorem semidiametrum habuerit semidiametro circuli AB, si quidem in plano, in quo datus circulus est, ex centro dati circuli ad interuallum semidiametri circuli AB, circulus describi potest, describatur, &

SED quoniam grandior ali quis quadrans facilius in gradus distribuitur, quam paruus, absolui poterit problema hoc per vnicum quadrantem tantæ magnitudinis, vt commode eum in 90. gradus partiri queamus, hoc modo. Sit portio quadrantis in 90. gradus diuisi AB, & arcui AB, quotlibet graduum ac minorum ex proposito alio circulo arcus similis abscindendus. Si ergo circulus propositus maiorẽ fuerit fortitus semidiametrum semidiametro circuli AB, describatur ex eius centro circulus ad interuallum semidiametri circuli AB, in quem beneficio circini transferatur datus arcus AB. Si enim ex centro per extrema puncta arcus translati duæ rectæ ducantur, intercipient eæ arcum similem in circulo dato maiore, ex scho-

lur, & in eum arcus AB, transferatur. Rectæ enim ex centro per extrema puncta arcus translati emissæ auferent ex dato circulo minore arcum similem, ex eodem scholio propof. 22. lib. 3. Eucl.

A T si planum, in quo circulus proponitur, tantum non est, vt ex centro circuli ipsi AB, æqualis describi possit, ita agemus. Ex centro circuli dati describatur circulus ad interuallum semissis semidiametri circuli AB, vel chordæ grad. 60. in quem transferatur semissis chordæ arcus dati AB. Arcus enim abscissus similis est arcui AB. Quare si ex centro rectæ duæ educantur per extrema puncta huius arcus abscissi, auferetur quoque ex circulo dato arcus similis. Hoc autem sic demonstrabimus. Sit circuli AB, semidiameter AC, secta bifariam in D, & per D, ex C, descriptus arcus DE, in quem transferatur chorda DE, semissi chordæ AB, nimirum ipsi AF, æqualis. Dico arcum DE, arcui AB, similem esse. Ducta enim semidiametro CB, secante arcum DE, in E, necatur recta DE. Quoniam igitur AC, BC, sectæ sunt proportionaliter, hoc est, in partes æquales; erunt AB, DE, rectæ parallelæ, ideoque per coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. trian- ^{2. sexti.} gula CAB, CDE, similia erunt; atque erit, vt CA, ad AB, ita CD, ad DE: Et permutando, vt CA, ad CD, ita AB, ad DE. Cum ergo CA, ipsius CD, dupla sit, erit & AB, ipsius DE, dupla. Quare semissis AF, ipsius AB, translata ex D, in circulum DE, cadet in E: ac propterea cum arcus DE, arcui AB, similis sit, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. auferet semissis chordæ AB, arcum similem, quod est propositum.

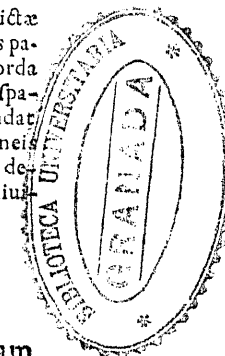
QVOD si circulus DE, interuallo semissis chordæ 60. graduum arcus AB, descriptus nimis magnus sit, ita vt in plano dati circuli describi nequeat, describatur interuallo tertiæ partis chordæ 60. graduum arcus AB, circulus GH. Nam si AI, tertiæ pars chordæ AB, transferatur ex C, in H, erit rursum arcus GH, arcui AB, similis, quod eodem modo demonstrabitur. Eadem ratione describi poterit circulus interuallo quartæ partis, vel quintæ, &c. pro commoditate plani, in quo datus circulus est.

QVANDO interuallo semissis chordæ 60. graduum circulus descriptus est, assequemur propositum dicto ferè citius, beneficio circini, cuius crura se intersectant, ita vt maiorum interuallum duplum semper sit interualli minorum. Nam si longioribus cruribus arcus datorum graduum AB, accipiat, abscindant breuiora crura arcum similem DE.

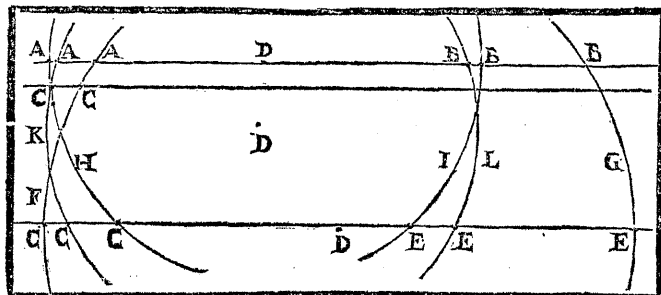
CAETERVM si eiusmodi circinus in promptu non sit, accipiemus dictæ chordæ AB, semissem, vel tertiam partem, quartam, &c. si ducamus plures parallelas, æqualibus interuallis ijsque exiguis, inter se distantes. Nam si chorda AB, beneficio circini in eas inferatur, vt includat duo, vel quatuor, aut sex spatia, diuisa erit bifariam à linea media. Sic si transferatur in easdẽ, vt includat tria, vel sex, aut nouem spatia, diuisa erit in tres partes æquales à duabus lineis intermedijs ab extremis æqualiter distantibus. Et sic de cæteris. Hoc autem demonstrauimus ad finem scholij propof. 40. lib. 1. Eucl. in vltimo modo diuidendi rectam lineam in quotuis partes æquales.

L E M M A IIII.

PER datum punctum datæ rectæ lineæ parallelam lineam ducere.



QVAMVIS problema hoc Euclides lib. 1. propof. 3 r. confecerit, & nos ibidem eiusdem rei varias praxes tradiderimus, occurrit tamen nunc alia praxis meo iudicio longe facilior, siue punctum datum sit propinquum datæ rectæ, siue non, quam hoc loco inferendam esse cénfui propter frequentem eius vsum tum in Astrolabio, tum in aliis rebus Geometricis. Sit ergo datæ rectæ AB, per punctum C, ducenda parallela. Ex quolibet puncto accepto D, quod a C, distans sit, siue intra datam lineam, siue extra, vt centro, describatur per datum punctum C, circulus secans datam rectam in punctis A, B; (Non est autem necesse, vt totus circulus describatur, sed satis est, si duo eius arcus rectam datam secantes delinæntur, ita tamen vt oculorum iudicio arcus BE, arcu AC, minor non sit,



veluti in figura apparet) & arcui AC æqualis beneficio circini abscindatur arcus BE. Recta namque ducta per C, E, parallela erit rectæ AB, vt ex iis constat, quæ in schol. propof. 27. lib. 3. Eucl. demonsttrauimus, propter arcus AC, BE, æquales. Commodius autem res peragetur, si punctum D, non in linea, sed extra sumatur, ita tamen, vt fere medium locum occupet inter datam lineam, & parallelam ducendam, quod sola æstimatione, plus minus, accipiendum est. Ita enim fiet, vt arcus descripti minus oblique datam rectam, & parallelam ductam intersecent. In figura arcus AFC, BGE, ex centro D, remotissimo à linea data AB, descripti sunt: arcus vero AHC, BIE, ex centro D, in data linea assumpto: arcus denique AKC, BLE, ex centro D, in medio fermè duarum linearum existente, quod omnium ad problema efficiendum est aptissimum.

LEMMA V.

QVAM proportionem habent sinus toti, hoc est, semidiametri quorumlibet circulorum, eandem habent sinus tam recti, quam versi arcuū similium. Et contra, arcus quorum sinus tam recti, quam versi, eandem proportionem habent, quam sinus toti, similes sunt.

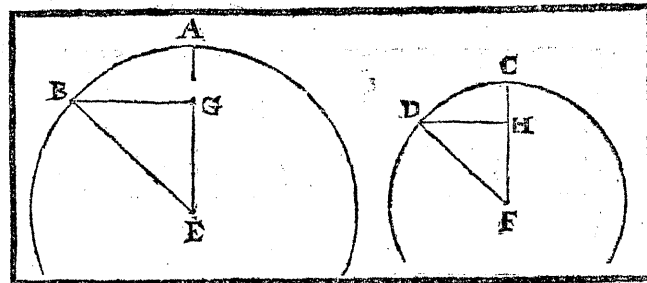
SINT arcus AB, CD, circulorum, quorum semidiametri AE, CF, similes, & eorum sinus recti BG, DH, versi autem GA, HC. Dico esse, vt AE, ad CF, ita tam BG, ad DH, quam GA, ad HC. Iunctis enim semidiametris EB, FD, erunt ex scholio propof. 2. lib. 3. Eucl. anguli E, F, æquales, ob arcus similes AB, CD. Cum ergo & anguli recti G, H, æquales sint; æquiangula erunt triangula BEG, DFH. Igitur erit, vt EB, hoc est, vt EA, sinus totus, ad BG, sinum rectum, ita FD,

32. primi.
4. sexti.

ita FD, hoc est, ita FC, sinus totus, ad DH, sinum rectum; & permutando, vt EA, ad FC, ita BG, ad DH.

R V R S V S a quia ob similitudinem triangulorum est, vt EB, hoc est, vt EA, ad EG, ita FD, hoc est, ita FC, ad FH; erit per conuersionem rationis, vt EA, sinus totus ad GA, sinum versum, ita FC, sinus totus ad HC, sinum versum: Et permutando, vt EA, ad FC, ita GA, ad HC.

SED iam sit, vt AE, sinus totus ad CF, sinum totum, ita tam sinus recti BG, ad sinum rectum DH, quam versus GA, ad versum HC. Dico arcus AB, CD, similes esse. Ductis enim rursus semidiametris EB, FD; quoniam est, vt AE, hoc est, vt EB, ad CF, hoc est, ad FD, ita BG, ad DH: & permutando, vt EB, ad BG, ita FD, ad DH; Sunt autem & alij anguli recti G, H, æquales, & proinde reliquorum angulorum E, F, vterque minor recto, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Eucl. Erunt triangula BEG, DFH, æquiangula, æqualesq; habebunt angulos E, F. Quamobrem ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB, CD, similes sunt.



R V R S V S quia est, vt AE, ad CF, ita GA, ad HC; & permutando, vt AE, ad GA, ita CF, ad HC, erit per conuersionem rationis, vt AE, hoc est, vt EB, ad EG, ita CF, hoc est, ita FD, ad FH. Cū ergo & alij anguli recti G, H, sint æquales, ac proinde reliquorum angulorum B, D, vterq; recto minor, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Eucl. erunt triangula BEG, DFH, æquiangula, angulosq; æquales habebunt E, F. Quocirca ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus AB, CD, similes sunt.

7. sexti.

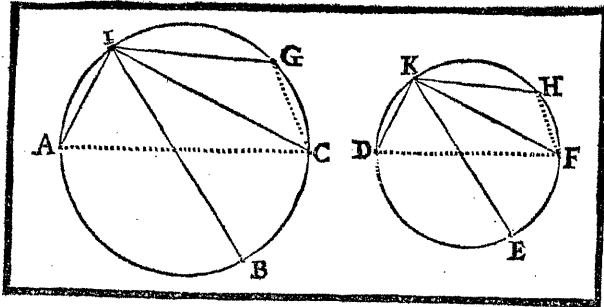
7. sexti.

LEMMA VI.

SI segmentis similibus circulorum inæqualium similia segmenta adijciantur, vel a similibus similia demantur; tota quoque, vel reliqua segmenta similia erunt.

THEOREMA hoc, quod ad detractionem similibus segmentorū ex semicirculis, vel etiam totis circulis attinet, demonstratum a nobis est in scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. Hic autem idē in vniuersum de quibuscunque segmentis, vt propositum est, ostendemus, & quidem facilius. Hoc enim in iis, quæ sequuntur, indigebimus. Sint ergo in circulis inæqualibus (Nam in æqualibus similia segmenta sunt æqualia, ac proinde si æqualibus æqualia addantur, vel ab æqualibus æqualia detrahantur, tã tota, quam reliqua, æqualia quoque erunt) similes arcus ABC,

ABC, DEF, siue semicirculi sint, siue non, eisque similes arcus CG, FH, adijciantur. Dico totos quoque arcus ABG, DFH, similes esse. Sumptis enim in reliquis segmentis AIG, DKH, duobus punctis I, K, utcumque, iungantur rectae AI, CI, GI, DK, FK, HK. Quia igitur similes sunt arcus ABC, DEF, erunt, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. anguli AIC, DKF, æquales: Eademque ratione æquales erunt anguli CIG, FKH, ob similes arcus CG, FH. Toti ergo anguli AIG, DKH, æquales erunt; ideoque ex eodem scholio, arcus ACG, DFH, quibus consistunt, similes erunt quod est propositum.



SED iam ex similibus arcub⁹ ABC, DEF, siue semicirculisint, siue non, auferantur arcus similes AB, DE. Dico reliquos quoque arcus BC, EF, similes esse. Sumptisenim

rursum duobus punctis I, K, utcumque in peripheriis extra datos arcus, necantur rectae AI, BI, CI:DK, EK, FK. Quoniam igitur totus arcus ABC, toti arcui DEF, similis est, erit ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. totus angulus AIC, toti angulo DKF, æqualis: Eademque ratione ablati angulus AIB, ablati angulo DKE, æqualis erit, ob arcus similes AB, DE. Igitur & reliquus angulus BIC, reliquo angulo EKF, æqualis erit; ideoque ex eodem scholio, arcus BC, EF, similes erunt. quod est propositum.

IAM si ex totis circulis tollantur similes arcus IAC, & DF, ostendemus reliquos CGI, FHK, similes quoque esse, ut in prædicto scholio, hac scilicet ratione. Sumptis singulis punctis A, G; D, H, in singulis arcibus, iungantur rectae IA, CA, IG, CG; KD, FD; KH, FH. Quia igitur segmenta IAC, KDF, similia sunt, erunt ex defn. segmentorum similium, anguli IAC, & KDF, æquales. Cum ergo tam duo anguli oppositi A, G, quam D, H, æquales sint duobus rectis, erunt quoque duo anguli IGC, KHF, æquales; atque idcirco, ex eadem defn. arcus IGC, KHF, similes erunt. quod est propositum.

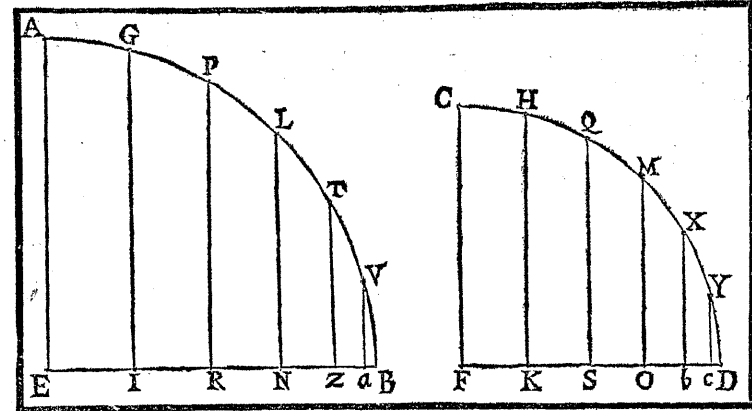
LEMM A VII.

SI duo quadrantes inæquales similiter secentur, vel in partes æquales, & per diuisionum puncta vni semidiametro parallelæ agantur, siue ad alteram semidiametrum perpendiculares; erunt segmenta semidiametri in vno quadrante a parallelis, vel perpendicularibus facta, segmentis semidiametri à parallelis, siue perpendicularibus

in alte-

in altero quadrante factis proportionalia: Et contra, si segmenta semidiametrorum sint proportionalia, quadrantes similiter secti erunt.

DVO quadrantes inæquales AB, CD, quorum centra E, F, & semidiametri AE, EB; CF, FD, secentur primum in binas partes similes in punctis G, H,



aganturque semidiametris AE, CF, parallelæ GI, HK, ac proinde ad semidiametros EB, FD, perpendiculares. Dico segmenta semidiametri EB, segmentis semidiametri FD, esse proportionalia, hoc est, esse vt EI, ad IB, ita FK, ad KD. Quoniam enim EI, FK, sinus sunt arcuum similium AG, CH, quod æquales sint perpendicularibus ex G, H, ad AE, CF, ductis, quæ quidem sinus sunt arcuum AG, CH; erit ex lemmate 5. vt EB, sinus totus ad FD, sinum totum, ita EI, ad sinum FK: Et permutando, vt EB, sinus totus, ad sinum EI, ita FD, sinus totus ad sinum FK: Et diuidendo, vt IB, ad EI, ita KD, ad FK, conuertendoque, vt EI, ad IB, ita FK, ad KD.

DEINDE ijdem quadrantes secentur in ternas partes similes in punctis G, L; H, M, ducanturque semidiametris AE, CF, parallelæ GI, LN, HK, MO. Dico segmenta EI, IN, NB, easdem proportiones habere, quas segmenta FK, KO, OD, habent. Erunt enim ex lemmate præcedente, toti quoque arcus AL, CM, similes, quorum sinus sunt EN, FO. Igitur per lemma 5. erit, vt EB, sinus totus ad FD, sinum totum, ita tam sinus EI, ad sinum FK, quam sinus EN, ad sinum FO, ac proinde erit quoque vt tota EN, ad totam FO, ita ablata EI, ad ablatam FK, ideoque, reliqua IN, ad reliquam KO, vt tota EN, ad totam FO, vel vt ablata EI, ad ablatam FK. Quia igitur est, vt EI, ad FK, ita IN, ad KO, erit permutando quoque vt EI, ad IN, ita FK, ad KO; atque ita segmenta EI, IN, segmentis FK, KO, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EB, ad totam FD, ita ablata EN, ad ablatam FO, ex lemmate 5. vt dictum est, erit quoque reliqua NB, ad reliquam OD, ut tota EB, ad totam FD, vel vt ablata EN, ad ablatam FO. Erat autem, vt EN, ad FO, ita IN, ad KO, vt paulo ante ostensum est. Igitur erit etiam, vt IN, ad KO, ita NB, ad OD, & permutando,

vt

a 2 s. tertij.

a 29. primi.

b 34. primi.

c 17. quinti.

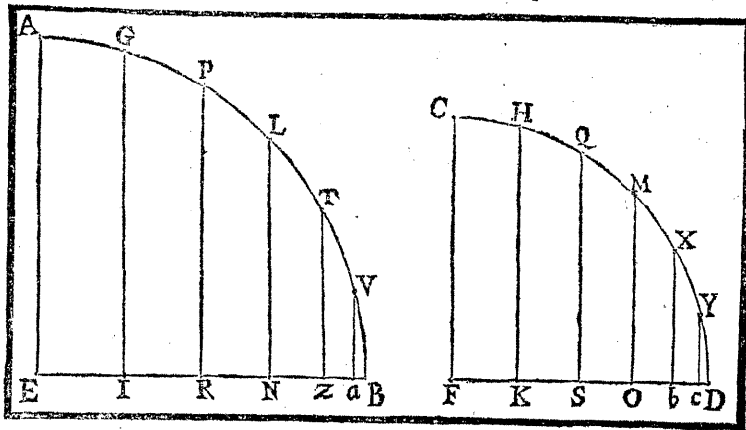
d 19. quinti.

e 19. quinti.

vt IN, ad NB, ita KO, ad OD. Tria ergo segmenta EI, IN, NB, tribus segmentis FK, KO, OD, proportionalia sunt.

PRAETEREA iidem quadrantes secti sunt in quaternos arcus similes in punctis G, P, L, H, Q, M, & semidiametris AE, CF, parallelae agantur GI, PR, LN, HK, QS, MO. Dico rursus, quatuor segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia esse. Erunt enim ex lemmate precedente tam toti arcus AP, CQ, quam toti AL, CM, similes quoque, quorum sinus sunt ER, EN, FS, FO. Igitur per lemma 5. erit, vt EB, sinus totus, ad FD, sinum totum, ita sinus EI, ad sinum FK, & sinus ER, ad sinum FS, & sinus EN, ad sinum FO, atque adeo erit EI, ad FK, vt ER, ad FS, & vt EN, ad FO. Quia igitur est, vt tota ER, ad totam FS, ita ablata EI, ad ablatam FK, erit & reliqua IR, ad reliquam KS, vt tota ER, ad totam FS, vel vt ablata EI, ad ablatam FK. Eandem ergo proportionem habet EI, ad FK, quam IR, ad KS. Et permutando eandem EI, ad IR, quam FK, ad KS; ac proinde duo segmenta EI, IR, duobus segmentis FK, KS, proportionalia sunt. Rursus quia est, vt tota EN, ad to-

a 11. quinti.
b 19. quinti.



c 19. quinti.

tam FO, ita ablata ER, ad ablatam FS, vt diximus; erit etiam reliqua RN, ad reliquam SO, vt tota EN, ad totam FO, vel vt ablata ER, ad ablatam FS. Erat autem vt ER, ad FS, ita IR, ad KS, vt ostendimus. Ergo erit quoque vt IR, ad KS, ita RN, ad SO; Et permutando, vt IR, ad RN, ita KS, ad SO. Atque ita tria segmenta EI, IR, RN, tribus segmentis FK, KS, SO, proportionalia sunt. Postremo quia est, vt tota EB, ad totam FD, ita ablata EN, ad ablatam FO, ex lemmate 5. vt ostendimus; erit quoque reliqua NB, ad reliquam OD, vt tota EB, ad totam FD, vel vt ablata EN, ad ablatam FO. Erat autem, vt paulo ante demonstratum est, vt EN, ad FO, ita RN, ad SO. Igitur erit quoque vt NB, ad OD, ita RN, ad SO, hoc est, vt RN, ad SO, ita NB, ad OD: Et permutando ut RN, ad NB, ita SO, ad OD. Quatuor ergo segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia sunt. Eademque ratio est de pluribus.

d 19. quinti.

PERSPICVVM autem est, demonstrationem hanc concludere, etiam si quadrantes in partes aequales sint diuisi. Nam si diuidatur uterque quadrans in sex partes aequales, ut AB, in AG, GP, PL, LT, TV, VB, & CD, in CH, HQ, QM, MX, XY, YD, erunt sex priores posterioribus sex similes, cum quilibet prio-

prio-

priorum sit sui quadrantis eadem pars, quae sui quadrantis est quilibet posteriorum. Quare, vt ostensum est, segmenta semidiametrorum proportionalia sunt.

SINT iam segmenta semidiametrorum proportionalia. Dico arcus a perpendicularibus abscissos similes esse. Ponantur enim primum duo segmenta EI, IB, duobus segmentis FK, KD, proportionalia, id est, sit ut EI, ad IB, ita FK, ad KD. Erit igitur permutando, vt EI, ad FK, ita IB, ad KD. Ergo vt EI, vna ad FK, vnam, ita erunt EI, IB, simul, nimirum sinus totus EB, ad FK, KD, simul, nimirum ad sinum totum FD. Cum ergo EI, FK, sint sinus arcuum AG, CH; erunt per lemma 5. arcus AG, CH, similes; ideoque & reliqui GB, HD, similes erunt, ex precedente lemmate, cum etiam toti arcus AB, CD, similes sint, vt po-

a 12. quinti.

te quadrantes. DEINDE ponantur tria segmenta EI, IR, RB, tribus segmentis FK, KS, SD, proportionalia. Erit rursus permutando, EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RB, ad SD. Ergo vt EI, vna ad vnam FK, ita erunt omnes EI, IR, RB, id est, sinus totus EB, ad omnes FK, KS, SD, id est, ad sinum totum FD. Cum ergo EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH; erunt ex lemmate 5. arcus AG, CH, similes. Rursus cum sit, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, erit vt EI, ad FK, ita EI, IR, simul, hoc est, tota ER, ad FK, KS, simul, hoc est, ad totam FS. Erat autem, vt EI, ad FK, ita EB, ad FD. Ergo erit quoque vt ER, ad FS, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Quocirca cum ER, FS, sinus sint arcuum AP, CQ; erunt ex lemmate 5. arcus AP, CQ, similes; ac proinde per antecedens lemma, & reliqui arcus PB, QD, similes erunt. Et quia ostensi sunt similes arcus AG, CH, si hi ex similibus AP, CQ, demantur, erunt etiam reliqui arcus GP, HQ, similes, ex eodem antecedente lemmate. Omnes ergo tres arcus AG, GP, PB, omnibus tribus arcibus CH, HQ, QD, similes sunt.

b 12. quinti.

c 12. quinti.

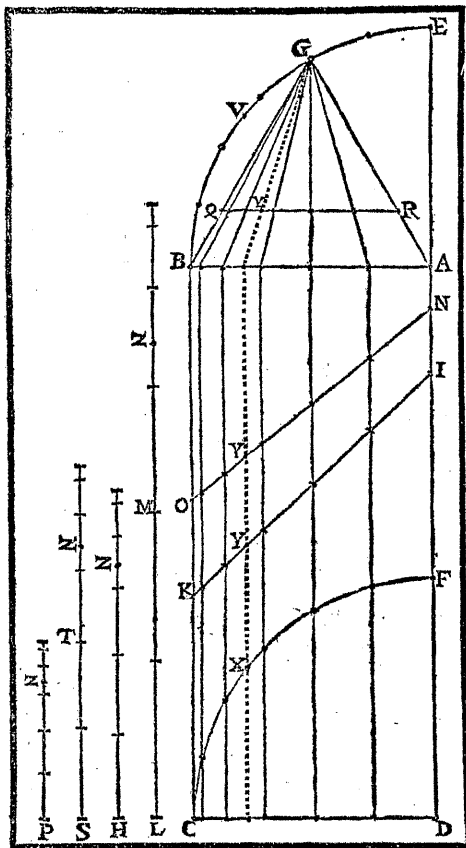
RVRSVS sint quatuor segmenta EI, IR, RN, NB, quatuor segmentis FK, KS, SO, OD, proportionalia: Eritque permutando, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO, & NB, ad OD. Ergo, vt EI, ad FK, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD; Ac propterea, cum EI, FK, sinus sint arcuum AG, CH; erunt ex lemmate 5. arcus AG, CH, similes. Rursus quia est, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS; erit vt EI, ad FK, ita tota ER, ad totam FS. Vt autem EI, ad FK, ita erat sinus totus EB, ad sinum totum FD. Igitur erit quoque, vt ER, sinus arcus AP, ad FS, sinum arcus CQ, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD. Ac proinde ex lemmate 5. similes erunt arcus AP, CQ, demptisque similibus AG, CH, reliqui GP, HQ, similes quoque erunt, ex antecedente lemmate. Praeterea cum sit, vt EI, ad FK, ita IR, ad KS, & RN, ad SO; erit, vt EI, ad FK, ita tota EN, ad totam FO. Erat autem, vt EI, ad FK, ita EB, ad FD. Igitur erit quoque, vt EN, sinus arcus AL, ad FO, sinum arcus CM, ita sinus totus EB, ad sinum totum FD, atque idcirco per lemma 5. arcus AL, CM, similes erunt; ideoque per antecedens lemma, & reliqui arcus LB, MD, similes erunt. Et quia similes ostensi sunt arcus AP, CQ; si tollantur ex similibus AL, CM, reliqui etiam arcus PL, QM, similes erunt. Omnes ergo quatuor arcus AG, GP, PL, LB omnibus quatuor arcibus CH, HQ, QM, MD, similes sunt. Eademque de pluribus est ratio.

d 12. quinti.

e 12. quinti.

f 12. quinti.

DATAM rectam lineam ita secare, vt semidiameter alicuius quadrantis secta est a perpendicularibus, quæ a quibusuis punctis quadrantis ad ipsam demittuntur.



a 28. primi.
b 33. primi.
c 30. primi.
d 29. primi.

metrum AB, DC, perpendiculares. Diuisa ergo est vtraque semidiameter AB, DC, a perpendicularibus quadrantum demissis. Vt autem aliam quamcumque rectam lineam siue maiorem, siue minorem semidiametro AB, similiter feces, ac si semidiameter esset alicuius quadrantis, diuisaq; a perpendicularibus &c. construatur super AB, triangulum æquilaterum ABC; cadetq; punctum G, in gradum

Q V A M V I S hoc effici possit ex propof. 10. lib. 6. Eucl. tamen quia huiusmodi diuisione in variis lineis frequenter in Astrolabio indigemus, construemus hoc loco figuram quandam, per quam multo facilius idem consequamur. Assumatur ergo figura altera parte longior quæcumque ABCD, & producto latere DA, describatur ex A, D, ad interuallum AB, vel DC, duo quadrantes æquales EB, FC; quibus diuisis in gradus, (Nos ob paruitatem figuræ in 6. partiti sumus, vt singulæ quindenos complectantur gradus) ducantur per bina puncta a latere AD, æqualiter remota rectæ secantes semidiametros AB, DC, quæ omnes lateri AD, & inter se parallelæ erunt. Si namque ex duobus quibusuis punctis æqualiter a latere AD, remotis ad AD, excitentur perpendiculares; erunt hæ inter se parallelæ: sed & æquales, cum sinus sint æqualium arcuum. Igitur & recta connectens duo illa puncta ipsi AD, parallelæ erit. Atque hac ratione omnes illæ lineæ lateri AD, æquidistant; & ideoque & inter se parallelæ erunt; ac proinde ad vtramque semidiametrum

dum 30. quadrantis, numeratione ab E, incepta, cum BG, sextam partem circuli subtendens, æqualis sit semidiametro AB, ex coroll. propof. 15. lib. 4. Eucl. Postremo ex G, ad puncta sectionum semidiametri AB, rectæ deducantur, constructaq; erit figura, quam desideramus.

SI igitur recta H, secanda in partes proportionales partibus semidiametri AB, maior fuerit semidiametro AB, (si æqualis foret, transferenda essent segmenta semidiametri AB, in eam, vt similiter secaretur) transferatur beneficio circini a quouis puncto lateris AD, ad latus AB, qualis est IK, quæ secabitur a parallelis, vt secta est AB, ex demonstratione propof. 10. lib. 6. Eucl. cum KI, BA, productæ conuenirent, triangulumq; constituerent, cuius basis BK, &c. Quare si segmenta rectæ IK, transferantur in datam rectam H, erit recta H, secta, vt AB, secta est, ac si a perpendicularibus ex gradibus quadrantis, cuius semidiameter H, demissis diuideretur: propterea quod hæ perpendiculares ipsam H, secarent, ex lemmate præcedenti, in partes proportionales partibus rectæ AB.

Q V O D si detur recta L, ita longa, vt in parallelas translata nimis oblique ipsas intersecet, ac proinde puncta intersectionum non facile discerni queant, transferenda est eius semisistis LM, qualis est NO. Nam si huius segmenta duplicata transferantur in datam rectam L, diuisa erit quoque recta L, vt ipsa AB, vel NO; cum segmenta rectæ NO, eadem proportionem habeant, quas eorum duplicata. Immo si semisistis datæ rectæ adhuc nimis longa esset, transferenda esset eius quarta pars, vel octaua, & segmenta inter parallelas quadruplicata, vel octuplicata in datam rectam transferenda.

a 15. quinti.

SI vero data recta P, minor fuerit semidiametro AB, transferenda erit in triangulum æquilaterum GBA, ita vt ipsi AB, æquidistet: quod fiet, si ipsi P, auferamus æquales GQ, GR. Ducta enim recta QR, parallelæ erit ipsi AB, & æqualis ipsi P, siue vtrique GQ, GR, cum ex coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. triangulum GQR, triangulo GBA, simile sit, ac proinde & æquilaterum. Segmenta ergo rectæ QR, in datam rectam P, translata secabunt eam, vt QR, hoc est, vt BA, secta est; quod ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. rectæ BA, QR, similiter fecentur a rectis ex G, emissis. Quin etiam si quando semisistis, vel quarta pars vel octaua datæ rectæ in figuram transferenda sit, vt supra diximus, eaque minor fuerit, quam AB, transferenda erit in triangulum GBA. Ita vides ST, semisistem datæ rectæ S, translata esse in triangulum, cuiusmodi est QR. Segmenta enim huius rectæ QR, duplicata secabunt datam rectam S, vt secta est AB.

b 3. sexti.

SE D quoniam non semper opus habemus omnibus partibus rectæ eo modo diuisæ, quæ nimirum respondent omnibus gradibus quadrantis ex ea recta descripti; sed solum interdum indigemus in data recta vno puncto, quod proposito gradui, vel arcui respondeat, hoc est, in quod caderet perpendicularis ex dato gradu, vel arcu demissa, inueniemus ex eadem figura hoc loco constructa illud punctum hoc modo. Sit inueniendum in rectis eisdem datis punctum respondens gradui 52. numeratione a puncto E, incepta. Sumantur ex lemmate 3. duo arcus EV, FX, graduum 52. & recta iungatur VX, secans rectas IK, NO, in Y: Recta autem ex G, ducta ad punctum, vbi VX, rectam AB, secat, intersecet quoque rectam QR, in Y. Punctum enim Y, in respondentem rectam translaturam, vt supra dictum est de aliis segmentis, dabit in recta punctum Z, quæsitum.

H A C arte si recte vtaris, non erit opus circa datam rectam quadrantem describere, eoque in gradus diuiso, ex punctis diuisionum perpendiculares demittere

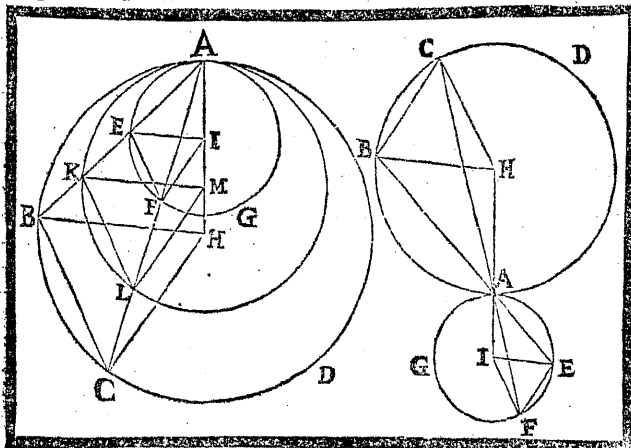
mittere, vt datam rectam in partes optatas distribuas : quæ res quantam habeat vtilitatem, ex nostro Astrolabio cognosces .

LEMMA IX.

SI duo, pluresue circuli intus, vel duo extra se mutuo contingant, rectæ lineæ per contactum ductæ, similes circumferentias abscindunt : Et rectæ coniungentes bina puncta, in quibus duæ rectæ circulos secant, parallelæ sunt.

IDEM contingit in duobus circulis se mutuo non tangentibus, si pro contactu sumatur punctum in recta eorum centra coniungente, per quod transit recta connectens puncta alterna extrema diametrorum ad priorem rectam perpendiculariarium. Sed quando circuli intus se non contingunt, similes arcus sunt alterni, non autem eodem ordine sumpti, vt in illis.

HOC theorema, quod ad circulos intus se tangentes attinet, in scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. demonsttrauimus; quia tamen eo in iis, quæ sequuntur, indigemus, placuit idem hoc loco paulo aliter demonstrare, & quidem generalius, extendentes illud ad circulos extra se se tangentes, & ad circulos non se tangentes, qua etiam re in demonstrationibus sequentibus vtetur.



SINT ergo primū duo circuli ABCD, AEF, quorum centra H, I, se mutuo tangentes in A, siue intus, siue extra: ducanturq; per A, contactum rectæ utcuq; BE, CF, vtrumq; eorum secantes. Dico tā

arcus ABC, AEF, similes esse, quam arcus AB, AE, & BC, EF, &c. Per centra enim H, I, recta HI, educatur, quæ per contactum A, transibit; & ex C, & F, ad eadem centra rectæ adiungantur CH, FI. Quoniam igitur in triangulis ACH, AFI, angulus A, communis est, quando circuli intus se contingunt, vel quando contactus

2 11. vel 12 tertij.

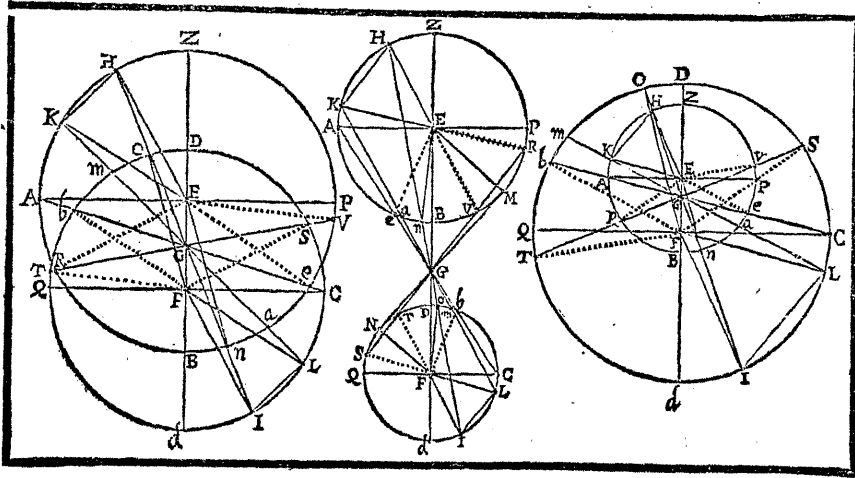
contactus est exterior, anguli A, ad verticem æquales sunt: Latera autem circa alios angulos H, I, proportionalia: quippe quæ proportionem æqualitatis habeant, & reliquorum angulorum C, F, vterque recto minor, hoc est, acutus, ex coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Eucl. quod vterque sit supra basem Isoscelis; erunt ipsa trianguia æquiangula, æqualesq; habebunt angulos ad centra H, I. Quod facile hoc etiam modo demonstrari potest. Quoniam in circulis se tangentibus interius, vterque angulus AFI, ACH, angulo FAI, æqualis est; at in circulis exterioribus se tangentibus, ille æqualis est angulo FAI, hic autem angulo CAH: suntq; anguli FAI, CAH, ad verticem æquales; erunt propterea & anguli, AFI, ACH, inter se æquales, externus, & internus, in circulis intus se tangentibus, vel alterni in circulis tangentibus se exterioribus. Parallela ergo sunt CH, FI, ac proinde anguli H, I, æquales erunt, internus & externus, quando intus se tangunt circuli, vel alterni, quando extra se contingunt. Igitur cum vtroque modo ostensi sint anguli H, I, in centris æquales; erunt segmenta ABC, AEF, quibus insunt, similia, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. Quibus demptis ex totis circulis, erunt ex eodem scholio, vel ex lemma te 6. & reliqua segmenta ADC, AGF, similia. Eademque ratione similia erunt segmenta AB, AE, (si ad centra ducantur rectæ BH, EI, quæ similiter ostendentur parallelæ, &c.) & ex circulis reliqua ADB, AGE. Est denique & arcus BC, EF, inter duas rectas comprehensos similes, ex eodem scholio liquet, propter eundem angulum BAC, in circulis intus se tangentibus, ad circumferentias constitutū, at in circulis extra se tangentibus, propter angulos BAC, EAF, ad verticem æquales, & ad circumferentias constitutos. Quod si describatur alius circulus AKL, ex centro M, tangens alios duos interius, demonstrabimus eodem modo, ducta recta KM, arcus AKL, AK, ram arcubus ABC, AB, quam arcubus AEF, AE, similes esse, &c.

IVNGANTVR quoque rectæ BC, EF, quas dico esse parallelas. Quoniam enim arcus AB, AE, ostensi sunt similes; erunt ex scholio dicto propof. 22. lib. 3. Eucl. anguli ACB, AFE, illis ad circumferentias insistentibus (internus & externus, in circulis intus se tangentibus, vel alterni in circulis extra se tangentibus) inter se æquales. Igitur BC, EF, parallelæ sunt, quod est propositum.

DEINDE sint duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, non se tangentes, siue vel se intersectantes, vel non intersectantes. siue vnus sit totus extra alterum, siue intra positus. Ducta recta EF, per eorum centra, excitentur ad eā diametri perpendiculares AE, CF, iuncta autē recta AC, secante EF, in G, ducantur per G, rectæ utcuq; HI, KL, vtrumque circulorum secantes. Dico tam arcus HAn, ICO, quam arcus HK, IL, &c. similes esse. Ductis namque rectis HE, nE, IF, OF; quoniam trianguia AEG, CFG, æquiangula sunt; (Nam anguli E, F, sunt recti, & tam alterni A, C, quam ad verticem AGE, CGF, inter se æquales) erit vt GE, ad semidiametrum EA, ita GF, ad semidiametrum FC. Rursus quia in triangulis GEH, GFI, anguli BGH, FGI ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E, F, proportionalia, cum ostensum sit esse, vt GE, ad EA, hec est, ad EH, ita GF, ad FC, hoc est, ad FI; reliquorum autem angulorum H, I, vterque minor est recto, ex coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Eucl. propterea quod supra bases Isoscelium EHn, FIO, existunt, erunt anguli quoque GHE, GIF, æquales. Sed GHE, ipsi GnE, in Isoscele Egn, & GIF, ipsi GOF, in Isoscele FIO, æqualis est. Igitur duo H, n, duobus I, O, æquales erunt; ac proinde & reliqui HEn, IFO, æquales erunt. Quocirca ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus HAn, ICO, quibus illi anguli ad centra insunt, similes erunt: quibus demptis ex totis circulis, reliqui quoque arcus Hpn, IQO, similes erunt. Atque hoc quidem

15. primi.
7. sexti.
5. primi.
5. primi.
15. primi.
28. vel 27 primi.
29. primi.
28. vel 27 primi.
28. vel 27 primi.
29. primi.
7. sexti.
15. primi.
7. sexti.
5. primi.

dem in 1. ac 3. figura. At vero in 2. figura, erit angulus GHE , angulo EnH , in *Isocele* EAn , & angulus GIF , angulo FOL , in *Isocele* FIO , æqualis. Quare, vt prius, erunt duo EHn , EnH , duobus FIO , FOL , æquales, & reliquus HEn , reliquo IFO , ac proinde & arcus HAn , ICO , & ex circulis totis reliqui HPn , IQO similes erunt.



ESSE quoque arcus HK , IL , quas rectæ HI , KL , abscindunt similes, sic demonstrabitur. Iunctis rectis KE , LF , quoniam in triangulis $G EK$, $G FL$, anguli EGK , FGL , ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E , F , proportionalia, vt ostensum est; reliquorum autem angulorum K , L , vterque recto minor est, in 1. & 3. figura quidem, propterea quod, si iungantur rectæ BA , ZA ; DL , dL , anguli ad A , & L , recti sunt in semicirculis, quorum illi partes sunt; In 2. autem figura, eò quod sunt supra bases *Isoceles*, si iungantur rectæ Ea , Fm , ad puncta, vbi circumferentiæ à recta KL , secantur; (quæ ratio locum etiam habet in aliis duabus figuris.) erunt anguli $G EK$, $G FL$, æquales. Cum ergo & anguli toti GEH , GFI , ostensi sunt æquales; erunt etiam reliqui, HEK , IFL , æquales; ac propterea ex schol. propof. 22. lib. 4. Eucl. arcus HK , IL , similes erunt.

NON secus ostendemus, rectas Zd , HI , intercipere arcus alternos similes HZ , Id , & HB , Id . Quoniam enim anguli GEH , GFI , ostensi sunt æquales; erunt ex duobus rectis reliqui HEZ , IFd , æquales, ideoque ex prædicto scholio arcus HZ , Id , similes erunt: Et ex eodem scholio, similes erunt HB , Id , propter æquales angulos DEH , DFI .

PARI ratione demonstrabimus, rectam AC , auferre arcus alternos ABe , bDC , similes. Iunctis enim rectis eE , bF , quoniam anguli alterni $E Ae$, FCb , æquales sunt, & $E Ae$, ipsi $E eA$, & FCb , ipsi $F bC$, æquales est; erunt $E Ae$, $E eA$, ipsi FCb , $F bC$, æquales: ideoque & reliquus $A Ee$, reliquo $C Fb$, æqualis erit. Quocirca ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus ABe , bDC , similes erunt, In secunda tamen figura colliguntur arcus Ae , bC , similes, quibus sublati ex totis circulis, reliqui ABe , bDC , similes quoque sunt.

SIC etiam, vt alterum adhuc exemplum ponamus, demonstrabimus, rectam RS , au-

RS , auferre arcus alternos similes RBV , SDT . Iunctis enim rectis RE , VE ; SF , TF , quoniam in triangulis GER , GFS , anguli EGR , FGS , ad verticem æquales sunt, & latera circa angulos E , F , proportionalia, vt ostensum est: reliquorum autem angulorum R , S , vterque minor est recto, propterea quod supra bases triangulorum *Isoceles* ERV , FST , existunt; erunt quoque anguli ERG , FSG , æquales. Est autem ille angulo EVG , & hic angulo FTG , æqualis. Igitur duo R , V , duobus S , T , æquales erunt; ac proinde & reliqui REV , SFT , in triangulis ERV , FST , æquales erunt; ideoque ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. in 1. & 3. figura arcus RBV , STD , similes erunt; in 2. vero figura arcus RV , ST , similes erunt, &c.

EODEM modo rectæ Zd , RV , intercipient alternos arcus similes RB , SD , & RZ , Sd . Quoniam enim in triangulis EGR , FGS , anguli R , S , ostensi sunt æquales; & sunt quoque anguli ad verticem G , æquales; erunt reliqui anguli æquales REB , SFD . Igitur ex eodem scholio prædicto, similes erunt arcus RB , SD ; ac proinde & ex semicirculis reliqui RZ , Sd . Eademque ratio est de omni recta, quæ rectam Zd , per centra erectam interfecat.

DENIQUE ex omnibus his inferitur, duas rectas quomocumque se in G , interfecantes intercipere arcus similes ad contrarias partes. Vt si interfecent sese in G , rectæ HI , KL , dico tam arcus HK , IL , quam Kn , LO , similes esse. De prioribus quidem iam paulo ante demonstratum est, de posterioribus vero ita probatur. Quoniam KB , ipsi LD , & Bn , ipsi Do , similis est, vt proxime ostendimus de rectis ipsam Zd , interfecantibus; erunt per lemma 6. etiam arcus Kn , LO , similes. Eadem ratione arcus HR , IS , similes erunt, propter rectas HI , RS , se interfecantes, &c.

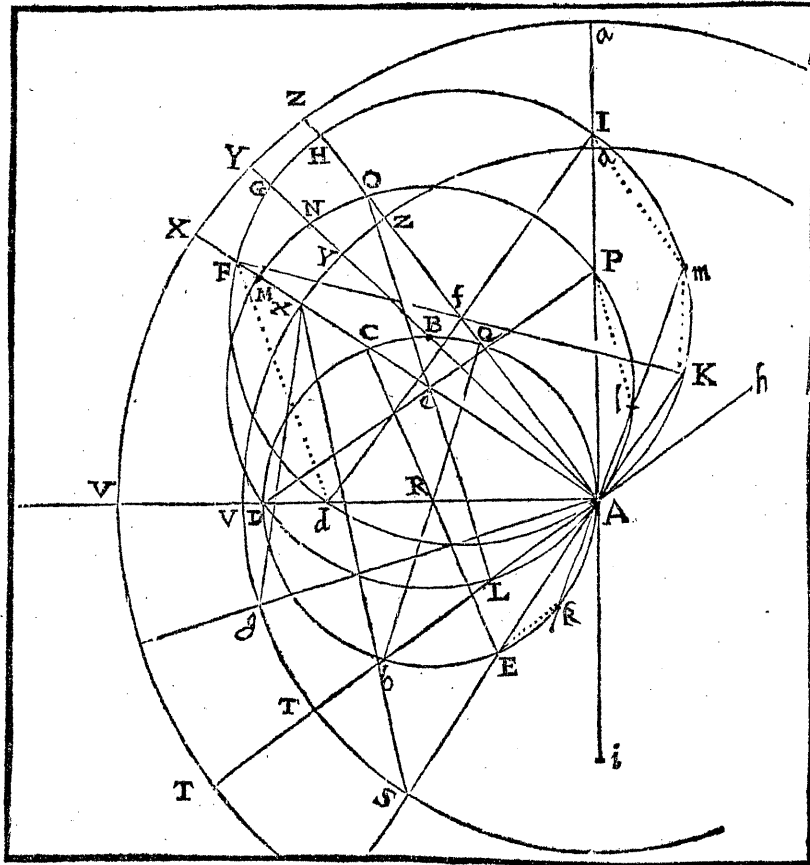
QVOD si per G , ducatur recta GM , tangens in M , circulum AB , in 2. figura, tanget ea producta circulum quoque CD , in N , eruntque; rursum arcus abscissis BM , DN , similes. Ducta enim GN , tangente circulum CD , in N , iunctisque; rectis EM , FN ; erunt anguli M , N , recti. Cum ergo & latera circa angulos E , F , in triangulis GEM , GFN , sint proportionalia, & reliquorum angulorum ad G , vterque sit minor recto, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Eucl. Erunt quoque tam anguli E , F , quam anguli ad G , æquales. Igitur ex ijs, quæ ad propof. 15. lib. 1. Eucl. ex Proclo demonstrauimus, rectæ MG , NG , vnâ rectam constituent, ac proinde tangens GM , producta tanget etiam circulum CD , in N ; atque arcus BM , DN , ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. similes erunt.

IVNGANTVR denique rectæ HK , IL , arcibus similibus a rectis HI , KL , abscissis. Dico eas esse parallelas. Quoniam enim tam arcus HAn , ICO , quam HKn , ILo , ostensi sunt similes; erunt quoque per lemma 6. reliqui arcus KAn , LCO , similes. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. anguli KHn , LIO , illis insistentes ad circumferentias æquales erunt: qui cum sint alterni; erunt HK , IL , parallelæ. quod est propositum.

LEMMA X.

SI duo, pluresue circuli se mutuo secant; rectæ lineæ per sectionis punctum ductæ, quæ vel ipsos secant; vel vtraque sit tangens, vel earum altera, intercipiunt circumferentias similes inchoatas ab vna earum rectarum, & ver-

& versus eandem partem, atque ad punctum sectionis, vel contactus alterius rectæ progredientes. Si autem ex eodem sectionis puncto circulus quicumque describatur, erit eius circumferentia inter duas easdem rectas comprehensa, semipsis illius arcus in eodem circulo ex sectionis puncto descripto, qui arcui cuius priorum circulo- rum inter easdem rectas intercepto similis est.



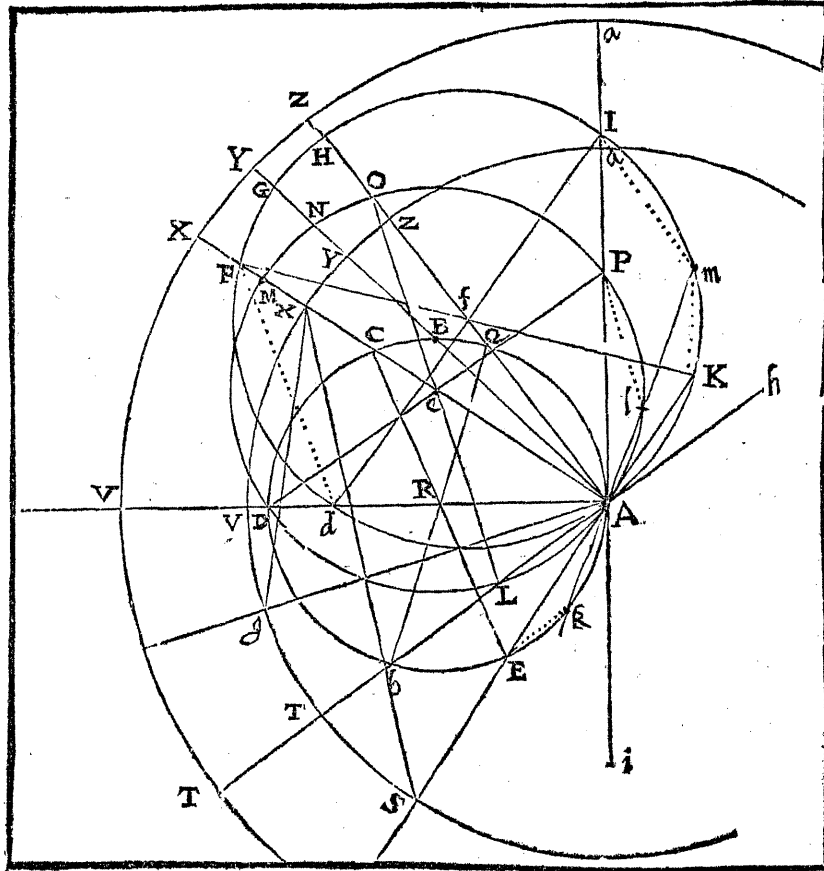
IN puncto A, se mutuo secant circuli ABCDE, AFGHIK, ALMNOP, du-
canturq; primum duæ rectæ ipsos secantes utcunque AB, AC, quæ interceptant
arcus

arcus BC, GF, HM, quos omnes dico esse similes. Cum enim cuilibet illorum in sistat angulus communis MAN, ad circumferentiam sui circuli in puncto A, manifestum est ex schol. propof. 22, lib. 3. Eucl. ipsos similes esse. Eodem pacto ducta recta AH, omnes tres circulos secante, similes ostenduntur, arcus BQ, GH, NO, propter angulum communem NAH, cuilibet illorum insistentem ad circumferentiam proprii circuli in puncto A. Idem dicendum est, ducta recta secante AD, de arcibus CD, Fd, MD, ob communem angulum DAM: atq. ita cæteri arcus quicumq. inter duas rectas secantes interiecti, similes demonstrabuntur. Id quod etiam in præcedenti lemmate demonstratum est de arcibus inter duas rectas ex puncto contactus duorum circulo- rum intus se tangentium emissas interceptis.

DEIN DE recta AP, tangat circulum ABCDE, in A, ac proinde alios secet in P, I, cum circuli in A, se interfecare ponantur, non autem tangere; (solum enim cum plures circuli se intus tangunt, uel duo exterius, una eademque recta omnes illas in eodem puncto contactus contingere potest) recta autem AN, omnes tres secet in B, G, N. Dico similes quoque esse arcus BA, GI, NP, quorum prior a puncto sectionis B, usque ad punctum contactus A, progreditur, posteriores uero duo a punctis sectionum G, N, usque ad alia puncta sectionum I, P. De duobus quidem hisce posterioribus GI, NP, inter duas rectas secantes positus liquet ex scholio proposition. 22. lib. 3. Euclid. eos similes esse, propter angulum communem NAI, ad eorum circumferentias: at uero omnes tres BA, GI, NP, similes esse, ita ostendemus. Ducta diametro ARD, in circulo ABCDE, quem recta AP, tangit, secante alios duos circulos in D, d, iungantur rectæ DP, dI. Et quoniam angulus DAI, rectus est, cadent, ex corollar. proposition. 5. lib. 4. Euclid. centra circulo- rum ALMNOP; AFGHIK, in rectas DP, dI, ideoque semicirculi erunt DMP, dFI, ac proinde semicirculo DCA, similes. Cum ergo & arcus ablati DB, DN, dG, inter rectas secantes AD, AC, positi, similes sint, ut proxime ostensum est; erunt & reliqui arcus BA, GI, NP, similes, ex 6. lemmate. Eademque ratione, ducta recta secante AF, arcus CA, FI, MP, similes erunt, & sic de cæteris.

RVRSVS recta AE, tangat circulum ALMNOP, in A, aliosque proinde secet in E, K, recta autem AN, omnes secet. Dico adhuc similes esse arcus NLA, BDE, GAK, quorum primus NLA, inter N, punctum sectionis, & A, punctum contactus, positus est, & secundus BDE, inter puncta sectionum B, E, uersus eandem partem arcus NLA, iacet, & GAK, tertius a puncto sectionis G, ad easdem partes priorum duorum usque ad punctum sectionis K, ultra A, computatur. Neque enim recta AE, circulum AFGHIK, citra punctum A, secat, ut alios. Hoc autem sic demonstrabimus. Ducta diametro AeM, in circulo ALMNOP, quem recta AE, tangit, secante duos alios circulos in C, & F; iungantur rectæ CE, FK. Et quia tam angulus MAE, rectus est, quam MAK, cadent, ex corollar. propofit. 5. lib. 4. Euclid. centra circulo- rum ABCDE, AFGHIK, in rectas CE, FK, ideoque semicirculi erunt EDC, KAF, semicirculoque ADM, similes. Cum ergo & arcus MN, CB, FG, inter rectas secantes AF, AG, iacentes, sint similes, ut supra monstratum est; erunt toti quoque arcus NLA, BDE, GAK, ex lemmate 6. similes. Pari ratione similes erunt arcus DLA, Dbe, dAK, quorum primus DLA, inter punctum sectionis D, & punctum contactus A, secundus uero Dbe, inter puncta sectionum D, E, uersus eandem partem

partem arcus DLA ; Tertius denique dAK , inter punctum sectionis d , citra A , & punctum sectionis K , vitra A , existit. Ducta enim rursus diametro AeM , in circulo $ALMNOP$, quæ recta AE , tangit, secante alios duos circulos in C , & F , iunctisq; rectis CE, FK , ostēdemus, vt proxime factū est, EDC, KAF , semicirculos esse, semicirculoq; ADM , similes. Cū ergo & arcus ablati DM, DC, dF , similes sint, inter secantes rectas AD, AF , vt initio huius lēmat̄is demōstrauimus: erunt reliqui quoque arcus DLA, DbE, dAK , similes ex 6. lemmate. Non aliter probabimus, arcus $NPA, GI K, BAE$, esse similes, quorum primus inter punctum sectionis N , & punctum contactus A ; secundus vero inter duo sectionum puncta G, K , ad easdem partes primi arcus intercipitur; tertius denique versus eandem



partem a puncto sectionis B , vsque ad alteram sectionem E , vitra A , numeratur. Facta namque eadem constructione, ostēdemus, vt proxime, semicirculos esse KIF .

KIF, EAC , semicirculoq; APM , similes. Quare cum & ablati arcus MN, FG, CB , inter rectas secantes AF, AG , similes sint, vt ostensum est ad initium huius lemmatis, erunt reliqui quoque arcus $NPA, GI K, BAE$, per 6. lemma, similes.

PRÆTEREA recta AL , tangat circulum $AFGHIK$, in A , aliosq; propterea secet in b, L , at recta AN , omnes secet. Dico rursus similes esse arcus GFA, BDb, NDL , quorum primus inter G , punctum sectionis, & A , punctum contactus, secundus vero inter sectionum puncta B, b , & denique tertius inter sectionum puncta N, L , positus est. Ducta namque diametro Afa , in circulo $AFGHIK$, quem recta AL , tangit, secante alios duos in Q, O , iungantur rectæ Qb, OL . Et quia angulus HAL , rectus est, cadent, ex coroll. propos. 5. lib. 4. Eucl. centra circuloꝝ $ABCDE, ALMNOP$, in rectas bQ, Lo , ac proinde erunt bDQ, LMO , semicirculi, ideoq; semicirculo AFH , similes. Sunt autem & arcus GH, BQ, NO , similes inter rectas secantes AH, AN , vt supra ostensum est. Igitur reliqui quoque arcus GFA, BDb, NDL , ex 6. lemmate similes erunt. Sic etiam ducta per A , recta elm , erunt arcus Ek, Al, Km , similes. Cum enim AE , circulum $ALMNOP$, tangat, erit, vt sepius iam demonstratum est, arcus Al , inter punctum A , contactus, & punctum l , sectionis, similis arcui Km , inter duo sectionum puncta K, m , ex eadem parte arcus Al . Arcui autem Km , arcus Ek , ex scholio propos. 22. lib. 3. Eucl. similis est, ob angulos ad verticem æquales KAm, EAk , illis insistentes. Igitur omnes tres arcus Ek, Al, Km , similes sunt.

AD hæc, recta AE , tangat circulum $ALMNOP$, in A , aliosq; secet in E, K : Item recta AL , tangat circulum $AFGHIK$, in A , aliosq; secet in b, L : Denique AI , tangat in A , circulum $ABCDE$, secetq; alios in P, I . Dico similes quoque esse tam arcus bE, LA, AK , quam arcus $EDA, ADP, KAFI$, quam arcus bDA, LMP, AFI . Nam quia AE , circulum $ALMNOP$, tangit, erit, vt iam pridem monstratum est, arcus LA , inter L , punctum sectionis, & contactum A , similis arcui bE , inter sectionum puncta b, E , ex eadem parte arcus LA . Est autem arcui bE , similis arcus AK . (Quoniam enim hA , tangit circulum $AFGHIK$ in A , & KA , eundem secat, b erit angulus hAK , hoc est, bAE , qui ei ad verticem æqualis est, angulo AFK , in alterno segmento æqualis: ac proinde arcus AK, bE , quibus ad circumferentias insistant, similes erunt.) Igitur omnes tres bE, LA, AK , similes erunt. Deinde ducta in circulo $ABCDE$; diametro AD , iunctaq; recta DP , erit DNP , semicirculus, ob angulum rectum DAP , ideoq; semicirculo DCA , similis. Sunt autem & arcus DLA, DE , similes, vt iam non semel est monstratum, quod AE , circulum $ALMNOP$, tangat, & c. Igitur toti arcus EDA, ADP , similes quoque erunt: Sed arcus ADP , arcui $KAFI$, similis est. (Nam ducta diametro AM , in circulo $ALMNOP$, secante circulum $AFGHIK$ in F , iunctaq; recta KF , erit KAF , semicirculus, ob rectū angulum FAK , ideoq; semicirculo ADM , similis. Cum ergo & arcus FI, MP , similes sint, ob angulum communem FAI , illis ad circumferentias insistentem; erunt toti arcus $KAFI, ADP$, similes.) Omnes ergo tres $EDA, ADP, KAFI$, similes erunt. Postremo ducta diametro AH , in circulo $AFGHIK$, secante circulum $ALMNOP$, in O , iunctaq; recta LO , erit LMO , propter angulum rectum LAO , semicirculus semicirculo bDQ , similis. Sunt autem & arcus OP, QA , similes, cum AP , circulum $ABCDE$, tangat, & c. Igitur toti arcus bDA, LMP , similes erunt: Sed arcus bDA , arcui AFI , similis est. (Ducta enim diametro AH , in circulo $AFGHIK$, secante circulum $ABCDE$, in Q , iunctaq; recta bQ , erit bCQ , semicir-

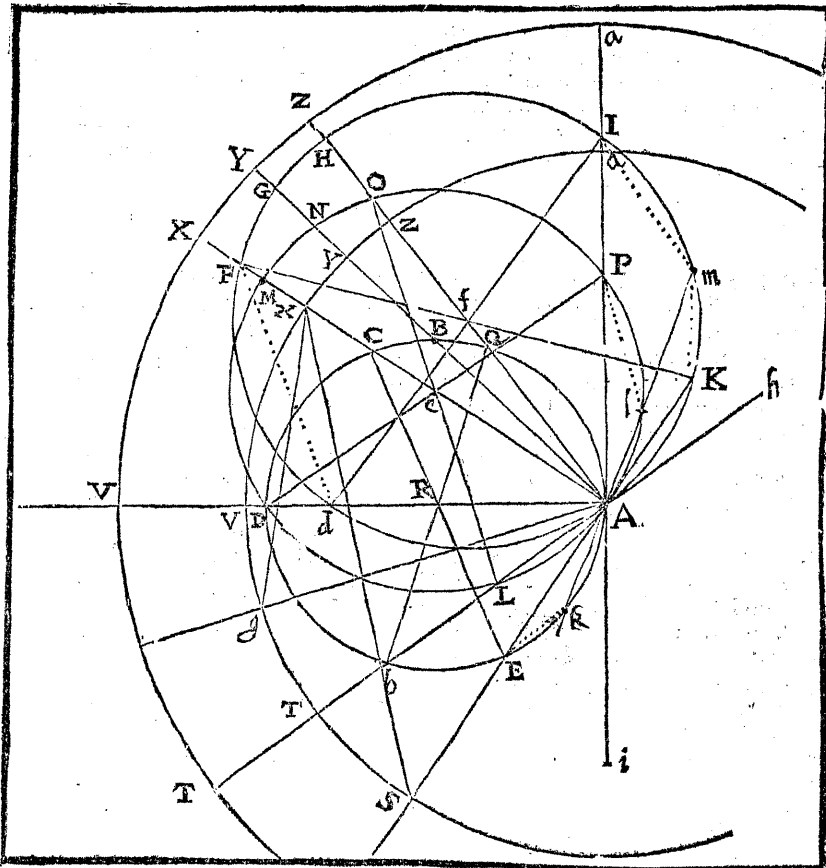
18. tertij.

32. tertij.

micirculus, ob angulum rectum bAQ , & semicirculo AFH , similis. Cum ergo & arcus QA, HI , similes sint, quod AI , circum $ABCDE$, tangat, &c. erunt quoque toti arcus bDA, AFL , similes.) Quamobrem omnes tres arcus bDA, LMP, AFI , similes erunt.

PROPOSVI autem tot casus, ac tam varios huius propositionis, quamvis in omnibus eadem fere sit demonstrandi ratio, ut intelligas, quo pacto in aliis casibus te gerere debeas.

CÆTERVM aliter, & paulo facilius ostendemus, arcum cuiuslibet circuli inter duas rectas comprehensum, quarum vna circum tangit, & altera secatur, similem esse arcui cuiusvis alterius circuli per contactum descripti, inter



eadem duas rectas incluso, quarum vel vtraque circum tangit, & altera secatur. Nam quia AP , circum $ABCDE$, tangit, & AQ , eundem secatur, & vtra-

& vtraque alios duos circulos secatur, erit angulus AbQ , in altero segmento abscisso à recta secante AQ , æqualis angulo PAQ . Ergo ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus AQ , inter duas rectas AP, AQ , comprehensus, & cui inscribitur angulus AbQ , similis est arcus PO, IH , inter easdem rectas interceptis, & qui bus communis angulus IAH , inscribitur, qui angulo AbQ , ostensus est æqualis.

R V R S V S quia AE , circum $ALMNO$, tangit, eundemq; AD , secatur, & vtraque circum $ABCDE$, $AFGHK$, secatur in E, D , & K , ostendemus arcus ALD, ED, KAd , similes etiam esse. Quia enim angulus EAD , angulo APD , in altero segmento æqualis est; erunt ex schol. propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED, ALD , quibus inscribuntur, similes. His autem similem quoque esse arcum KAd , ita perspicuum fiet. Tangat recta AL , circum $AFGHK$, seceturque circum $ABCDE$, in b . Iuncta ergo recta dF , erit angulus bAD , angulo AFd , in segmento altero æqualis, & angulus hAK , angulo AFK , in altero segmento.

Cum ergo angulus hAK , angulo bAE , ad verticem æqualis sit; erit quoque angulus bAE , angulo AFK , æqualis. ac proinde, cum ostensus sit angulus bAB , angulo AFD , æqualis, erit totus angulus EAD , toti angulo dFK , æqualis. Atque idcirco ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus ED, KAd , similes erunt. Quo circa cum ED , ostensus sit, similis arcui ALD ; erunt omnes tres ALD, ED, KAd , similes, inter rectas AE, AD , comprehensi.

P R A E T E R E A cum Ab , tangat circum $AFGHK$, & Ad , eundem secatur, atque vtraque duos alios circulos secatur, erit angulo AId , in altero segmento æqualis angulus bAD . Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus Ad , inter duas rectas Ab, Ad , cui angulus AId , inscribitur, similis est arcus bD, LD , inter easdem rectas, quibus angulus communis bAD , angulo AId , æqualis ostensus inscribitur.

A M P L I V S quia AK , circum $ALMNO$, tangit, aliosque secatur in K, E . Item AI , circum $ABCDE$, tangit, aliosque secatur in P, I , erit angulo ADP , in altero segmento æqualis angulus KAP , ac proinde & angulus ad verticem IAE . Sed hic æqualis quoque est angulo ACE , in segmento altero. Igitur tres anguli ACE, ADP, KAI , æquales sunt, ac proinde ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. tres arcus AE, AP, KI , quibus inscribuntur, æquales sunt, inter rectas AK, AI , comprehensi.

D E N I Q V E quia AP , circum $ABCDE$, tangit, aliosque secatur in P, I . Item AE , circum $ALMNO$, tangit, aliosque secatur in E, K ; iuncta recta kE , erit tam angulo kAE , in altero segmento angulus PAE , quam angulo ALP , (iuncta recta lP) in altero segmento idem angulus EAP , æqualis. Deinde quia iunctis rectis Km, mI , tam duo anguli KmI, KAI , quàm duo kAE, ACE duobus rectis æquales sunt, estque angulo ACE , in altero segmento æqualis angulus IAE , hoc est, KAI , ad verticem, erit quoque reliquus KmI , reliquo kAE æqualis. Igitur omnes tres anguli kAE, AP, KmI , æquales sunt; ideoque ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. tres arcus ACE, ADP, KAI , similes erunt. Et sic de cæteris.

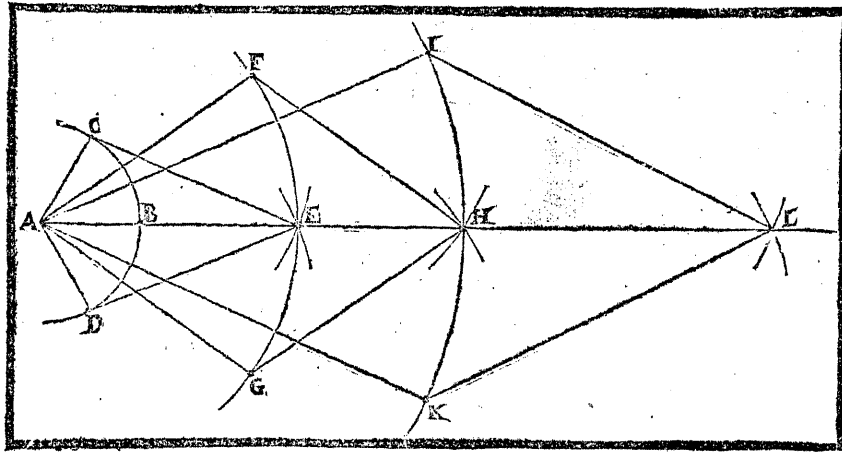
D I F F E R T autem prima hæc pars lemmatis à prima parte lemmatis antecedentis, quod hic solum demonstrantur illi arcus similes, qui inter duas rectas lineas, siue vtraque sit tangens, siue altera tantum, siue neutra, interijciuntur, non autem illi, quos recta aliqua abscindit: neque enim similes sunt arcus AQ, APO, AKH , quos recta AH , aufert. At vero in priori parte lemmatis antecedentis similes etiam ostenduntur arcus à quacunque linea recta abscissi.

I A M verò ex sectionis puncto A, circulus quilibet describatur STV, ad quæ vsque rectæ ex A, prodeuntes extendantur secantes eum in S, T, V, X, Y, Z, a. Dico arcum, verbi gratia, ST, semissem esse arcus, qui similis sit in eodem circulo, arcui Eb; a deo vt numerus graduum in arcu ST, comprehensorum dimidiata pars sit numeri graduum in arcu Eb, contentorum. Sumatur enim arcui ST, æqualis arcus Tg, ductaque recta gA, ducantur ex S, g, ad quodlibet punctum X, in circumferentia STVXYZ, duæ rectæ SX, gX. Quia igitur arcus ST, Tg, æquales sunt, æquales quoque erunt anguli SAT, TAg, in centro A; ac proinde angulus SA g, anguli SAT, duplus erit, b Est autem idem angulus SA g, ad centrum A, duplus quoque anguli SXg, ad circumferentiam. Igitur anguli SAT SXg æquales erunt, ideoque ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus Eb, Sg, similes erunt; ac proinde arcus ST, semissem erit arcus Sg, qui arcui Eb, similis est. Eademque ratio est de cæteris. quod constat etiam in arcibus Va, DMP, DCA, dFI, quorum prior Va, quadrans est continens gradus 90. propter angulum rectum V A a, posteriores vero tres, semicirculi continentes singuli gradus 180. existunt.

27. tertij.
30. tertij.

LEMMA XI.

RECTAM lineam breuissimam in cõtinuum extendere, vel (quod idem est) per duo puncta parum inter se distantia lineam rectam quantumlibet producere.



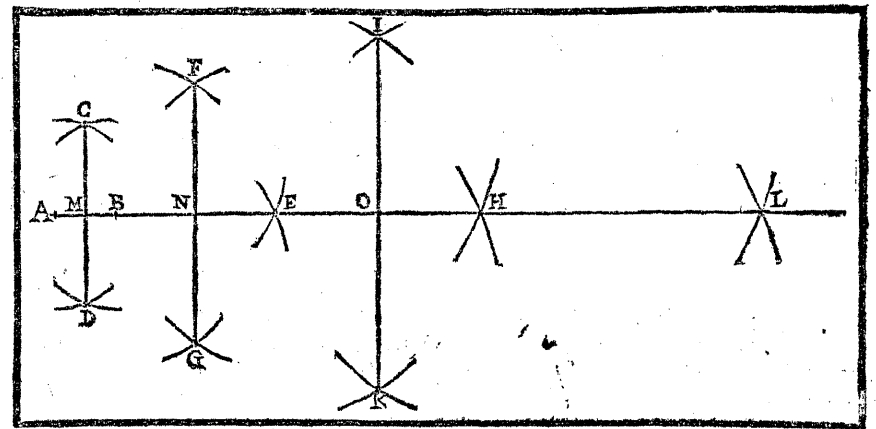
ACCIDIT frequenter, vt vel linea recta breuissima, qualis est AB, extendenda sit, vel (quod idem est) per duo puncta, quorum alterum ab altero propè abest, cuiusmodi sunt duo puncta A, B, recta linea quantumlibet extendenda; quæ res non paruam habet difficultatem, propterea quod regula, qua linea ducenda est, facile in hanc, illamue partem flecti potest: adeo vt quò longius producenda est linea, eò maior admitti possit error. Ne ergo in ea linea ducenda er-

remus,

remus, vtendum erit hoc artificio. Ex A, per B, arcus circuli describatur, in quo abscissis æqualibus arcibus BC, BD, (qui quo maiores erunt, eo felicius res succedet) describantur ex C, D, duo arcus tanto interuallo, vt commode se interfecare possint in E, hoc est, vt non admodum obliqua fiat sectio, quia tunc non facile discerni posset intersectionis punctum. Deinde ex A, per E, iterum arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus æqualibus EF, EG, describantur ex F, G, tanto quoque interuallo duo arcus, vt commode se interfecare queant in H. Rursus ex A, per H, arcus describatur, in quo abscissis duobus arcibus æqualibus HI, HK, describantur quoque ex I, K, tanto interuallo duo arcus, vt commode se possint interfecare in L: atque in hunc modum progredi licebit, quantumlibuerit. Dico rectam AB, productam transire per puncta E, H, L, &c. adeo vt applicata regula ad puncta A, L, recta linea ducatur per puncta A, B, exquisitissime, quippe cum iunctæ AB, AE, AH, AL, omnes vnã conficiant rectam lineam. Ductis enim rectis AC, AD, AF, AG, AI, AK, CE, DE, FH, GH, IL, KL; quoniam latera AC, AE, lateribus AD, AE, æqualia sunt, & basis quoque CE, basi DE, æqualis, ex constructione, ob æqualia sumpta interualla ex C, D, vsque ad E; erit angulus CAE, angulo DAE, equalis, hoc est, recta EA, angulum CAD, secabit bifariam: sed & recta BA, eundem angulum CAD, bifariam diuidit, b quòd anguli BAC, BAD, æquales sint propter æquales arcus BC, BD. Igitur recta EA, per B, transit, ne duæ rectæ dicantur eundem angulum CAD, bifariam partiri. Rursus quia latera AF, AH, lateribus AG, AH, æqualia sunt, & basis FH, basi GH, eadem de causa; c erunt quoque anguli FAH, GAH, æquales, id est, recta HA, angulum FAG, bifariam secabit. Cum ergo & eundem angulum bifariam secet recta EA, d quòd anguli EAF, EAG, ob æquales arcus EF, EG, æquales sint, transibit recta HA per E: ac proinde & per B, cum recta EA, transire ostensa sit per B. Non aliter demonstrabimus, rectam LA, transire per H, ideoque & per E, B, &c.

a 8. primi.
b 27. tertij.
c 8. primi.
d 27. tertij.

H AE C praxis hoc etiam modo institui potest. Ex punctis A, B, datis, vel ex-

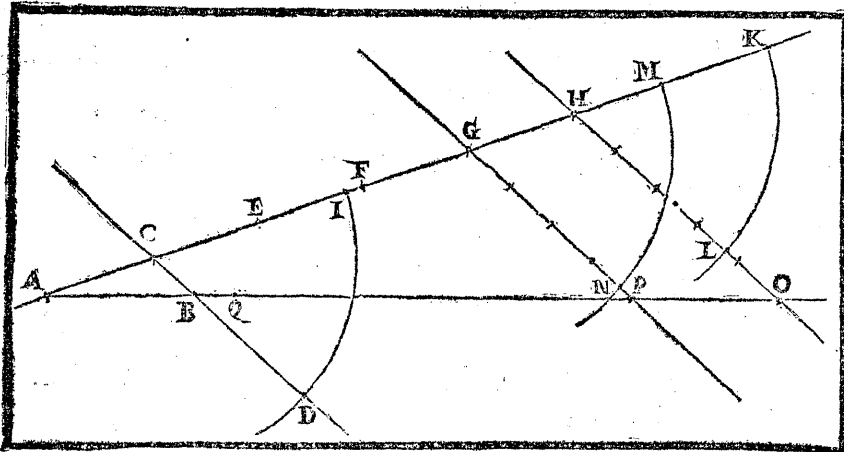


tremis datæ lineæ AB, ad quoduis interuallum, quod paulo maius sit data recta AB, bini arcus hinc inde describantur secantes sese in C, D. Et ex C, D, alij duo arcus tanto interuallo, vt commode se interfecent in E. Rursus ex B, E, bini alij arcus vtrinque secantes sese in F, G. Et ex F, G, duo alij arcus se interfecent in H.

Item

Itē ex E, H, vtrinq̄ se interfecent bini alij arcus in I, K. Atque ex I, K, alij duo arcus sese interfecent in L. Atque hoc modo, quantum libuerit, procedatur. Dico omnia puncta A, B, E, H, L, in vna recta iacere linea. Nam ex ijs, quæ in praxi propof. 11, lib. 1. Eucl. diximus, recta AE, rectam iſtam CD, diuidit ad angulos rectos, & bifariam in M: item recta iuncta EM, ad eandem CD, perpendicularis est, ac proinde recta BM, congruit, hoc est, per punctum B, tranſit, ita vt vna recta ſit AE. Rurſus eodem modo HN, per E, tranſibit, vt vna recta ſit AH, quod tam recta BE, rectam FG, ſecet bifariam, & ad angulos rectos, quàm recta HN, ad eandem FG, perpendicularis ſit. Non aliter oſtendes LO, per H, tranſire, ideoque ABNEOHL, eſſe vnã rectam lineam, propterea quod recta EH, rectam IK, ſecat bifariam, & ad rectos angulos, & recta iuncta LO, ad eandem IK, perpendicularis eſt.

A L I T E R. Per extremum A, educatur recta vtcunq̄ ACK, faciens cum AB, angulum, nec valde magnum, nec valde acutum. Deinde per alterum extremum B, ducta vtcunq̄ alia recta BD, ſecante AK, in C, ita tamen, vt AB, & AK non valde oblique ſecentur, ſed ita, vt interſectionum puncta C, B, commode diſcerni poſſint, abſcindantur ipſi AC, beneficio circini quotcunq̄ recta æquales CE, EF, FG, GH; & ex C, & vltimo puncto H, interuallis æqualibus CI, HK, arcus deſcribantur ID, KL; ſumptoque arcu KL, æquali arcui ID, inter rectas CI, CD, intercepto, ducatur recta HL, ex qua vſque ad O, accipiantur tot par-



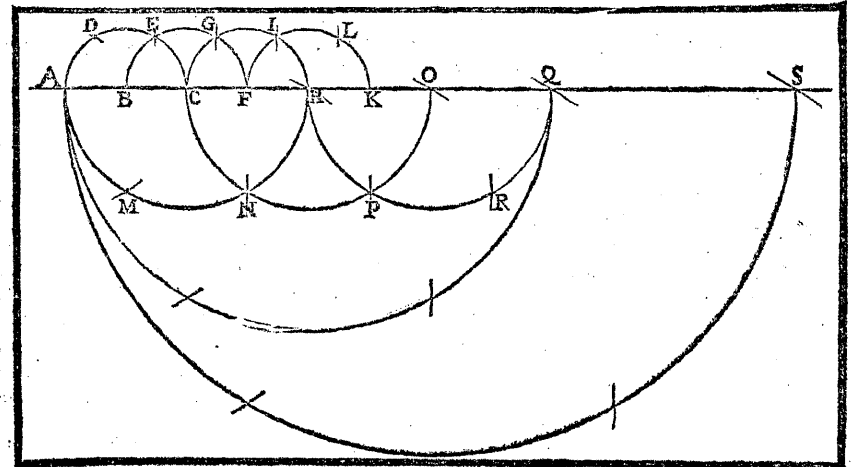
tes æquales ipſi CB, quot partes æquales ipſi AC, ſunt in AH. Nam recta AB producta cadet in O, vel recta AO, per B, tranſibit. Quoniam enim arcus ID, KL, æquales ſunt; erunt anguli etiam ICD, KHL, internus & externus, æquales, ac proinde CB, NO, parallelæ erunt. Cum ergo ſit, vt AC, ad AH, ita CB, ad HO, quod toties contineatur AC, in AH, quoties CB, in HO, ex conſtructione; tranſibit ex ſcholio propof. 4, lib. 6. Eucl. recta AO, per B, & recta AB, per O. Quod ſi ex G, alius arcus deſcribatur MN, ad idem interuallum CI, vel HK, ſumaturque arcus MN, eidem arcui ID, æqualis; erit eodem argumento ducta GN, ipſi CD, parallela. Si igitur in GN, accipiantur rurfus tot partes vſque

ad

ad P, ipſi CB, æquales, quot partes ipſi AC, æquales ſunt in AG, tranſibit eadem recta AO, per punctum etiam P: quod eadem ſit proportio AG, ad AH, quæ GP, ad HO, propterea quod multitudo partium ipſius AG, eſt æqualis multitudini partium GP: & multitudo partium ipſius AH, æqualis multitudini partium ipſius HO, &c. Atque hac ratione plura puncta inuenientur, per quæ recta AB, extenſa tranſibit, ſi nimirum ex alijs partibus ipſius AH, parallelæ ipſi CB, agantur, &c.

P O T E S quoque, ſi placet, antequam rectam CD, per B, ducas, fumere in AK, quotcunq̄ partes æquales ad libitum AC, CE, &c. & per C, rectam ducere, quæ rectam AB, ductam in puncto aliquo ſecet. Vt ſi puncta data eſſent A, Q, ducta eſſet per C, recta CD, ſecans AQ, in B. Nam ſi reliqua ſiant, quæ prius, abſoluemus id, quod propoſitum eſt, eodem modo. Atque hac poſteriori via non opus eſt circino partem AC, accipere, (quæ ſi nõ exquiſite accipiat, neceſſario error vitatur, ſi ante ductum lineæ CD, ſumantur, vt dictum eſt, quotuis partes æquales AC, CE, &c.) ſed ſatis eſt, ſi CB, circino accipiat, & in rectas HL, GN, toties transferatur, quoties AC, in AH, AG, exiſtit.

L I B E T hoc idem tertia adhuc ratione facillima abſoluere, & quidem ſi lubet, vnico circini interuallo. Sint enim rurfus data duo puncta A, B, vel recta AB, producda. Ex B, per A, arcus deſcribatur AC, ex quo ad idem interuallum



AB, tres æquales arcus abſcindantur AD, DE, EC. Rurſus ex C, ad idem interuallum deſcribatur arcus BF, qui per B, centrum prioris tranſibit, cum eius ſemidiameter huius ſemidiametro ponatur æqualis. Abſciſſis autem eodem interuallo tribus arcubus æqualibus BE, EG, GF; (cadetque punctum E, in punctum interſectionis arcuum AC, BF, ob ſemidiametrorum æqualitatem) deſcribatur quoque ex F, arcus CH, ad idem interuallum, qui eadem de cauſa per C, centrum antecedentis arcus incedet. Sumptis eodem interuallo tribus arcubus æqualibus CG, GI, IH, (cadetque eadem ratione punctum G, in ſectionem arcuum

E

BF,

BF, CH) describatur rursus per F, eodem intervallo ex H, arcus FK, in quo iterum fumantur eodem intervallo tres æquales arcus FI, IL, LK, atque in hunc modum constructio eadem continuetur, quantum libuerit, aut opus fuerit. Dico rectam AB, extensam transire per omnia puncta inuenta C, F, H, K. Quoniam enim ex coroll. propof. 17, lib. 4. Eucl. arcus AD, DE, EC, tres sextæ partes circuli sunt; erit ADEC, semicirculus, ideoque diameter AC, per centrum B, transibit. Eadem ratione transibit BF, per C, & CH, per F, & FK, per H, &c.

QVANDO data linea AB, est perexigua, ne praxis longior, quam par est, euadat, inuento puncto C, extensaque recta AB, usque ad C, si ex C, ad interval lum rectæ CA, arcus describatur AH, in eoque accipiantur eodem intervallo CA, tres arcus æquales AM, MN, MH, inuentum erit punctum H: Ex quo si ad idem intervallum per C, arcus describatur, reperietur eodem modo punctum O: & si ex hoc ad idem intervallum OH, arcus describatur, inuenietur eadem ratione punctum Q, & sic deinceps. Immo inuento puncto H, si ex eo arcus AQ, ad intervallum HA, describatur, reperies similiter punctum Q; atque ex inuento puncto O, si arcus per A, describatur AS, inuenies punctum S. Denique in finitis modis praxin mutare poteris in arcibus describendis, &c.

LEMMA XII.

DATIS duabus rectis tertiam, & tribus quartam proportionalem inuenire.

HIC solum propositionem 11. & 12. lib. 6. Eucl. ad facilitorem praxim reuocabimus. Huic autem negotio aptissimum est rectangulum qualecunque ABCD. In hoc enim nullo labore id, quod propositum est, exequemur. Sit ergo duabus rectis E, F, reperienda tertia proportionalis: Primæ E, abscindantur æquales BG, AH, in lateribus rectanguli oppositis, & iuncta recta GH, abscindatur GI, equalis secundæ F, connectaturque recta BI, & ulterius protédatur, si opus fuerit. Deinde etiã, secundæ F, vel GI, æquales auferantur BK, AL, iungaturque KL, secas BI, in M. Dico KM, tertiam esse proportionalem duabus E, F, vel BG, GI. Quoniam enim GH, KL, ipsi AB, parallele sunt, atque adeo & inter se; erit ut BG ad GI, ita BK, ad KM. Cum ergo BG, ipsi E, & GI, BK, ipsi F, æquales sint, erit quoque ut E, ad F, ita F, ad KM; adeo ut si sumatur N, ipsi KM, æqualis, habeantur tres lineæ continue proportionales E, F, N.

a 33. primi.
b 30. primi.
c 4. sexti.

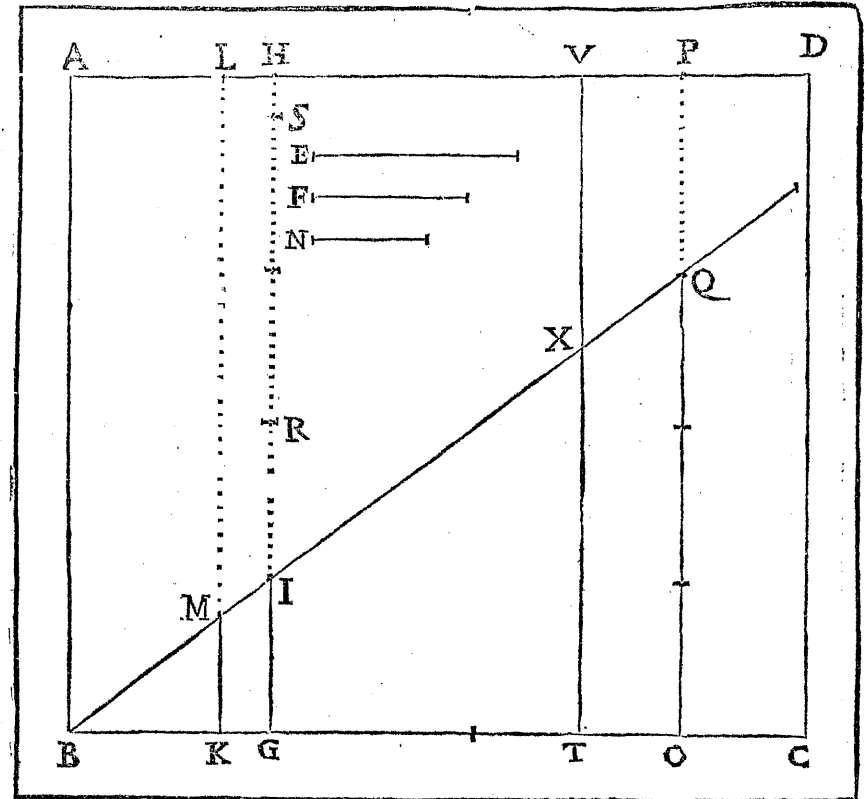
SIT rursus tribus rectis datis BG, GI, BO, inuenienda quarta proportionalis. Prima ac tertia collocentur in latere BC, initio facto à B, eisque in latere opposito æquales abscindantur AH, AP: Iunctis autem rectis GH, OP, & à termino primæ abscissa GI, æquali ipsi secundæ, ducatur recta BI, quæ producta fecerit OP, in Q. Dico OQ, esse quartam proportionalem quaesitam. Erit enim, ut prius, BG, prima ad GI, secundam, quemadmodum BO, tertia ad OQ, quartam. Sic tribus rectis BO, OQ, BG, reperietur quarta proportionalis GI.

d 4. sexti.

VERVM ut omnia hæc fiant quàm exquisitissime, diligenter hæ cautiones adhibendæ sunt. Primum quando duabus rectis tertia inuenienda est proportionalis, si quidem prima æqualis est, vel maior quàm secunda, cuiusmodi fuerint

duæ E, F, quibus æquales abscissæ sunt BG, GI, nihil in præcepto dato immutandum est, eo quod tunc recta BI, non admodum oblique rectas GI, KM, secat; ex quo fit, punctum intersectionis M, commode discerni posse, quod secus accideret si GI, obliquius secaretur.

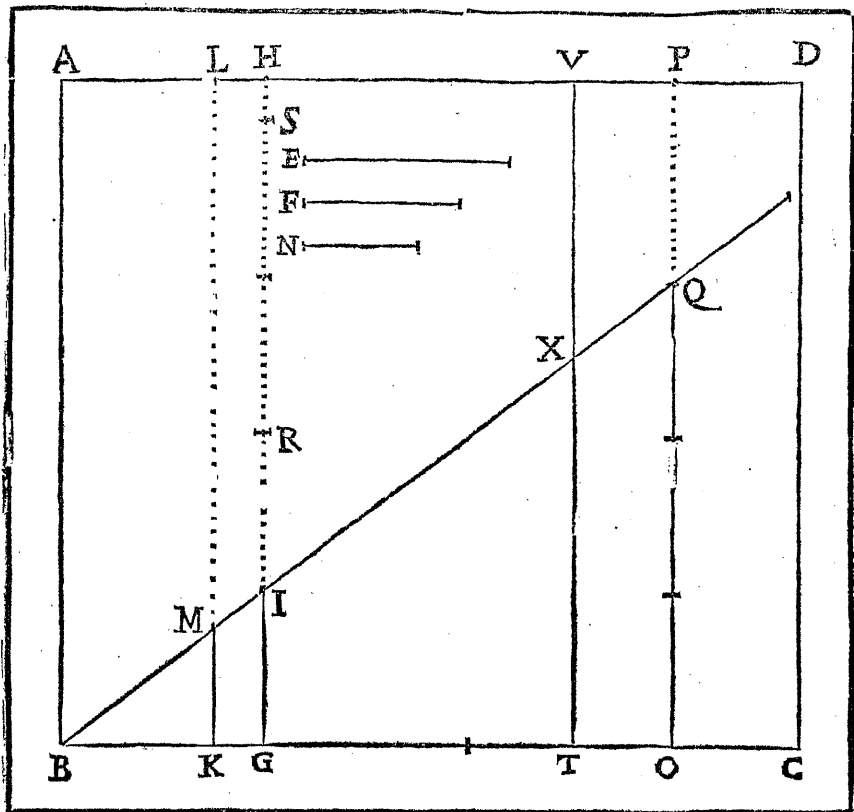
SI vero prima fuerit minor quàm secunda, ut si datæ sint duæ BG, GS, quoniam tunc ducta recta BS, & oblique valde ipsam GS, interfecat, & longius produci debet, ut cum TV, (sumpta BT, æquali ipsi secundæ GS) conueniat, secabimus secundam GS, bifariam in R, & GR, rursus bifariam, atque ita deinceps, donec in partem incidamus, quæ vel æqualis sit primæ BG, vel minor, qualis hic est GI, quarta pars secundæ. Et quia ducta recta BI, licet non nimis oblique ip-



fam GI, secet; tamen quia longius producidebet, ut interfecet ipsam TV; rectius fecerimus, si in latere BC, sumamus aliquot partes primæ lineæ BG, æquales, donec inueniamus rectam BO, ipsius BG, multiplicem, quæ vel æqualis sit rectæ BT, vel maior, (In exemplo est BO, primæ BG, tripla) atque in parallela OP, accipiamus

cipiamus OQ, ita multiplicem ipsius GI, vt est BO, ipsius BG, multiplex. Nam ducta recta BQ, (quæ omnino per I, transibit, ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclidis, cum sit, vt BG, ad BO, ita GI, ad OQ, ex constructione) secabit parallelam TV, in X, eritque TX, (quarta proportionalis ipsi BG, GI, BT,) quarta pars tertie proportionalis quaesita, eadem nimirum pars, quæ est GI, secundæ lineæ GS, adeo vt TX, quater sumpta conficiat totam tertiam proportionalem. Cum enim sit, vt BG, prima ad GI, ita BT, secunda ad TX; erit quoque ex scholio propof. 22. lib. 5. Eucl. vt BG, prima ad quadruplam ipsius GI, hoc est, ad GS, secundam, ita BT, secunda ad quadruplam ipsius TX, atque idcirco quadrupla ipsius TX, erit tertia proportionalis quaesita.

4. sexti.



QVOD si prima, vel secunda linea data fuerit longior, quàm rectangulum, quod quidem vel propter spatij angustiam produci nequit, vel producere non libet, sumendæ erunt earum semisses, & harum semissium iterum dimidiatæ partes, & sic deinceps, donec partes habeantur rectangulo breuiiores. Inuenta namque

que tertia proportionali hisce partibus, si ea toties multiplicetur, quoties illæ partes in totis lineis continentur, conficietur tertia proportionalis quaesita, quod partes cum pariter multiplicibus eandem habeant proportionem.

15. quimi.

DEINDE quando tribus rectis adiungenda est quarta proportionalis, si quidem prima est omnium maxima, seruandum est præceptum supra traditum ad vnguem, sicut patuit in rectis BO, OQ, BG, quibus quarta proportionalis inuenta est GI.

SI vero prima non sit maxima, maior tamen quàm secunda, vt si datæ sint tres rectæ BG, GI, BT, multiplicanda erit prima BG, in recta BE, donec habeatur BO, maior quàm tertia BT, vel æqualis: Et in ducta parallela OP, multiplicanda secunda GI, vsque ad Q, toties, quoties prima BG, vsque ad O, multiplicata fuit: vt in dato exemplo BO, OQ, triplæ sunt ipsarum BG, GI. Ducta enim recta BQ, (quæ ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. per I, transibit) secante parallelam TV, in X, erit tribus BG, GI, BT, quarta proportionalis TX.

4. sexti.

AT si prima maxima non sit, sed minor quidem quàm secunda, maior autem quàm tertia, vt si datæ sint tres rectæ BG, GS, BK, sumenda erit secundæ GS, pars dimidiata, vel quarta, vel octaua, &c. donec pars occurrat, cuiusmodi est quarta pars GI, minor quàm prima linea BG. Nam ducta recta BI, secante parallelam KL, in M, erit KM, quarta pars quartæ proportionalis quaesitæ, eadem pars videlicet, quæ est GI, secundæ GS. Cum enim sit, vt BG, prima ad GI, ita BK, tertia ad KM; erit quoque ex scholio propof. 22. lib. 5. Eucl. vt BG, prima ad quadruplam ipsius GI, hoc est, ad secundam GS, ita BK, tertia ad quadruplam ipsius KM; ideoque quadrupla ipsius KM, erit quarta proportionalis, quæ inquiritur.

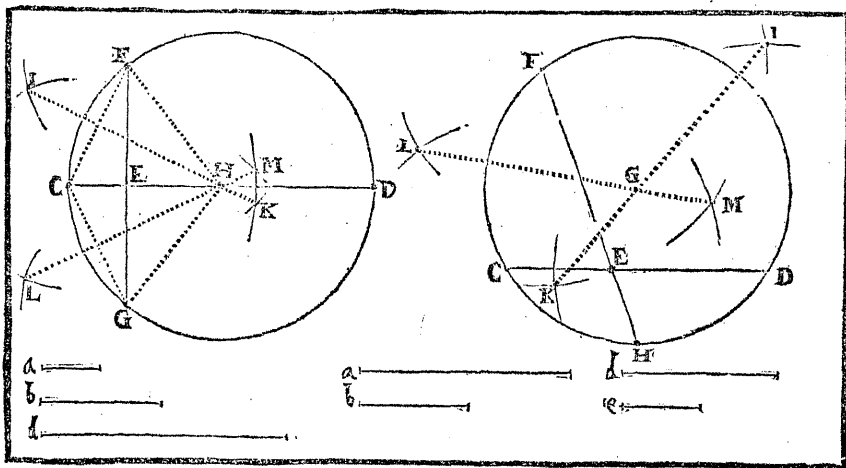
4. sexti.

SI C etiam, si prima non sit maxima, sed minor, quàm secunda & tertia, vt si tres rectæ datæ sint BG, GR, BT, accipienda erit secundæ GK, dimidiata pars, vel quarta, &c. quæ videlicet minor sit, quàm prima BG, qualis est GI, semissis secundæ GR. Quo facto, prima BG, & secundæ accepta pars GI, æqualiter multiplicandæ in BC, OP, donec BO, inueniatur maior, vel æqualis tertie BT: vt in dato exemplo BO, OQ, triplæ sunt ipsarum BG, GI. Ducta enim recta BQ, (quæ omnino per I, transibit, ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl.) secante parallelam TV, in X, erit TX, talis pars quartæ proportionalis inueniendæ, qualis est GI, secundæ lineæ GR, nimirum in dato exemplo pars dimidiata. Quia enim est, vt BG, prima ad GI, ita BT, tertia ad TX, erit etiam, ex scholio propof. 22. lib. 5. Eucl. vt BG, prima ad duplam ipsius GI, id est, ad secundam GR, ita BT, tertia ad duplam ipsius TX, ac proinde dupla ipsius TX, quarta proportionalis erit tribus datis BG, GR, BT.

4. sexti.

QVOD si prima, ac tertia longiores sint rectangulo, secundæ erunt ambæ bifariam, vel in quatuor partes æquales, &c. secunda intacta relicta. Nam ita erit pars primæ ad secundam, vt eadem pars tertie ad quartam inuentam. Si autem sola prima sit longior, diuidendæ erunt pariter prima & secunda, tertia intacta relicta: quia ita erit prima ad secundam, hoc est, vt pars primæ ad eandem partem secundæ, vt tertia ad quartam inuentam. Si denique sola tertia longior fuerit, ea sola diuidenda erit. Ita namque erit prima ad secundam, vt pars tertie ad eandem partem quartæ inuentam. Si ergo toties sumatur pars quartæ inuenta, quoties accepta pars tertie in tertia continetur, conflabitur tota quarta proportionalis, quæ queritur.

S E D totum hoc lemma hac alia ratione absoluemus, quae quidē in Astrolabio, & plerisque alijs in rebus commodissima est, praesertim quando duabus rectis tertia proportionalis adinuenienda proponitur. Sit duabus rectis a, b , adiungenda tertia proportionalis. In recta quavis CD , sumatur prima a , aequalis CE , & per E , ducta ad CD , perpendiculari FG , sumantur EF, EG , secunda b , aequales: Et per tria puncta F, C, G , circulus describatur ex centro H , secans CD , in D . Dico ED , tertiā esse proportionalem ad duas CE, EF , hoc est, ad duas a, b . Quoniam enim ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. EF , media proportionalis est inter CE, ED ; erit ut CE , ad EF , ita EF , ad ED . Sumpta igitur d , ipsi ED , aequali, erit quoque ut a , ad b , ita b , ad d ; ac proinde d , ipsi a, b , tertiā proportionalis est. quod est propositum. Centrum autem H , inuenietur, si ex C, F , ad idem interuallum ex utraque parte quatuor arcus describantur intersecantes sese in I, K ; Et ex C, G , alij quatuor secantes sese in L, M . Nam recta IK, LM ,



se intersecabunt in H , centro, quod in scholio propof. 25. lib. 3. Euclid. demonstrauimus: eritque centrum H , in recta GD , ex coroll. propof. 1. lib. 3. Euclid. Quod etiam inuenietur, si ductis rectis CF, CG , angulis FCE, GCE , aequales fiant CFH, CGH . Rectae namque FH, GH , secabunt CD , in H , centro: propterea quod tres rectae HF, HC, HG , aequales sunt. Nam HF, HG , aequales sunt, propter duo latera EF, EH , aequalia duobus lateribus EG, EH , & angulos rectos ad E . b. At utrauis HF, HG , ipsi HC , aequalis est, ob angulos aequales ad C, F , vel C, G ,

SIT rursus tribus rectis a, b, d , reperienda quarta proportionalis. In qualibet recta CD , abscindantur secunda b , & tertia d , aequales CE, ED , & per E , ducta recta FH , utcumque, siue perpendiculari ad CD , siue non, sumatur prima a , aequalis EF . Et per tria puncta F, C, D , circulus describatur ex centro G , secans EH , in H . Dico EH , esse ipsi a, b, d , hoc est, ipsi EF, EC, ED , quartam proportionalem: adeo ut e , ipsi EH , aequalis, sit quaesita quarta proportionalis. c. Quoniam enim rectangulum sub $EF, prima$, & EH , quarta, rectangulo sub $EC, secunda$, & ED , tertia, aequale est; d. erit ut EF , prima

a. 4. primi.
b. 6. primi.
c. 35. tertij.
d. 16. sexti.

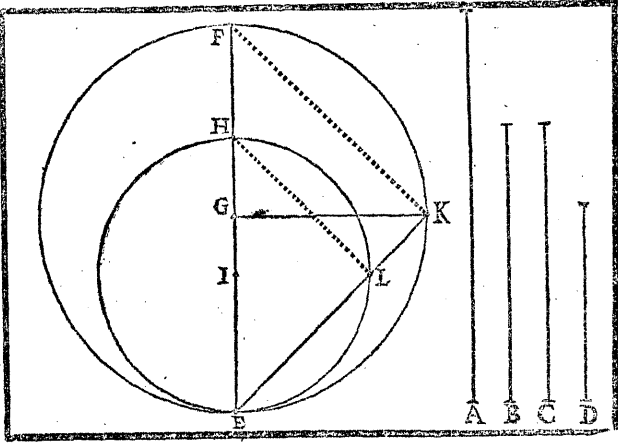
EF , prima ad EC , secundā, ita ED , tertia ad EH , quartam, quod est propositum. Centrum autē G , reperietur quoque hic, si ex F, D , ad idem interuallum ex utraque parte quatuor arcus describantur se intersecantes in I, K : Et ex C, F , alij quatuor sese intersecantes in L, M . Rectae namque IK, LM , in centro G , se mutuo diuident, ut in dicto scholio propof. 25. lib. 3. demonstratum est a nobis.

ALITER adhuc, si placet, totum Lemma expediemus hoc modo. Sit duabus rectis A, B , inuenienda tertia proportionalis, sitque primus A , prima maior. Sumpta recta EF , ipsi A , aequali, describatur circa eam ex medio puncto G , circulus EKF , in quo applicetur recta EK , ipsi B , aequalis, eidemque aequalis abscindatur EH , circa quam ex medio puncto I , circulus describatur ELH , secans EK , in L . Dico EL , tertiā proportionalem esse. Quoniam enim iuncta recta FK, HL , per 9. lemma parallela sunt, quod circuli se mutuo tangant in E , ex scholio propof. 13. lib. 3. Euclid. erunt triangula EFK, EHL , aequiangula. a. Igitur erit, ut EF , hoc est, ut A , ad EK , id est, ad B , ita EH , vel B , ad EL .

SIT deinde duabus rectis D, C , inuenienda tertia proportionalis, sitque D , prima minor. Sumpta recta EH , secunda maiori C , aequali, describatur circa eam ex puncto medio I , circulus ELH , in quo applicetur recta EL , prima D , aequalis, ex qua producta abscindatur EK , ipsi EH , vel secunda C , aequalis, angulo KEH , aequalis fiat EKG , b. ita ut recta GE, GK , aequales sint. Descripto autem ex G , circulo per E, K , secante EH , productam in F ; dico EF , esse tertiā proportionalem. c. Erit enim ut prius, ita EL , vel prima D , ad EH , vel ad C , secundam, ut EK , vel C , secundam, ad EF .

RURSUS tribus rectis A, B, C , quarum prima maior sit, quam secunda & tertia, inuenienda sit quarta proportionalis. Circa rectam EF , primae A , aequali circulus describatur EKF . Et circa rectam EH , secundae B , aequali circulus EHL , describatur; appliceturque in priori circulo recta EK , tertia C , aequalis secans posteriorem circulum in L . Dico EL , esse quartam proportionalem. d. Erit enim ut prius, ita EF , ad EK , ut EH , ad EL . Igitur permutando, ut EF , vel A , prima ad EH , vel ad B , secundam, ita EK , vel C , tertia ad EL .

ITEM tribus rectis C, D, A , quarum prima maior sit, quam secunda, minor autem, quam tertia, sit inuenienda quarta proportionalis. Circa rectam EH , primae C , aequali describatur circulus ELH , in quo applicetur EL , secunda D , aequalis. Et ex EH , producta, abscissa EF , tertia A , aequali, describatur circa eam circulus EKF , secans EL , productam in K . Dico EK , esse quartam proportionalem. e. Erit enim ut prius,



a. 4. sexti.
b. 6. primi.
c. 4. sexti.
d. 4. sexti.
e. 4. sexti.

prius, ita EH, vel C, prima, ad EL, vel ad D, secundam, ut EF, vel tertia A, ad EK.

PRÆTEREA tribus rectis B, A, D, quarum prima minor sit, quam secunda, maior autem quam tertia, inveniendâ quarta proportionalis. Circa EH, prima B, aequalẽ describatur circulus ELH, in quo applicetur EL, tertia D, aqualis. Sumpta quoque in EH, producta, recta EF, secunda A, aquali, describatur circa eam circulus EKf, secans EL, productam in K. Dico EK, esse quartam proportionalem.

4. sexti. Erit enim ut prius, ita EH, ad EL, ut EF, ad EK. Igitur permutando, ut EH, hoc est, ut B, prima, ad EF, vel ad A, secundam, ita EL, vel D, tertia, ad EK.

DENIQUE tribus rectis D, C, B, quarum prima sit minor, quam secunda & tertia, inveniendâ quarta proportionalis. Circa EH, secunda C, aequalẽ describatur circulus ELH, in quo applicetur EL, prima D, aqualis, ex qua producta abscondatur EK, tertia B, aqualis, anguloque KEH, aqualis fiat EKG, b ita ut recta GE, GK, aequales sint. Descripto autem ex G, per E, K, circulo secante EH, productam in F; dico EF, esse quartam proportionalem. c Erit enim ut prius, ita EL; vel prima D, ad EH, vel ad secundam C, ut EK, vel tertia B, ad EF.

h 6. primi.

c 4. primi.

LEMMA XIII.

DATIS duabus rectis ad inuicem inclinatis, inuenire punctum, in quo conueniant, etiam si neutra producatur.

MAGNVS est vsus huius lemmatis in Astrolabio, cum non raro duæ lineæ longius producendæ sint, ut punctum, in quo coeunt, habeatur, quod quidem propter obliquam earum intersectionem vix sine errore discerni potest. Quare hoc utemur artificio. Sint duæ rectæ AB, CD, quæ productæ coeant vere in f, puncto, quod tamen nos inuestigabimus, etiam si rectæ AB, CD, non producantur. Si datæ rectæ sint nimis breues, ut si datæ essent AG, CN, producantur per lemma 11. quantumlibet vsque ad B, D, & inter eas ducantur duæ, vel tres, vel etiam plures parallelæ AF, GI, KM. quo enim fuerint plures, eo certius punctum f, reperietur. Hæ parallelæ nullo negotio ducuntur, si ex diuersis centris A, G, K, in recta AB, assumptis eodem interuallo quolibet arcus describantur, EF, HI, LM. Ex his enim si æquales arcus abscondantur in punctis F, I, M. (Nos eodem interuallo, quo descripti sunt, eos abscondimus, ac si constitui debent æquilatera triangula AEF, GHI, KLM, quod tamẽ necessarium nõ est) d erunt duæ AF, GI, KM, ex cõtris parallelæ, q̄ anguli ad A, G, K, æquales sint, ob æquales arcus EF, HI, LM; secabuntq; rectâ CD, in N, O, P. Rursus per A, G, K, parallelæ ducantur acutos angulos cum A B, efficientes, quæ facile etiam ducuntur hoc modo. Descriptis ex A, G, K, arcibus QR, ST, VX, eodem interuallo quantumcunque, (quo autem fuerit maius, eo melius) rescentur arcus non valde magni æquales in punctis R, T, X. Ductæ enim rectæ AR, GT, KX, parallelæ erunt, s̄ quod anguli æqualibus arcibus QR, ST, VX, insistentes in centris A, G, K, sint æquales. In his autem parallelis AR, GT, KX, accipiantur partes re-

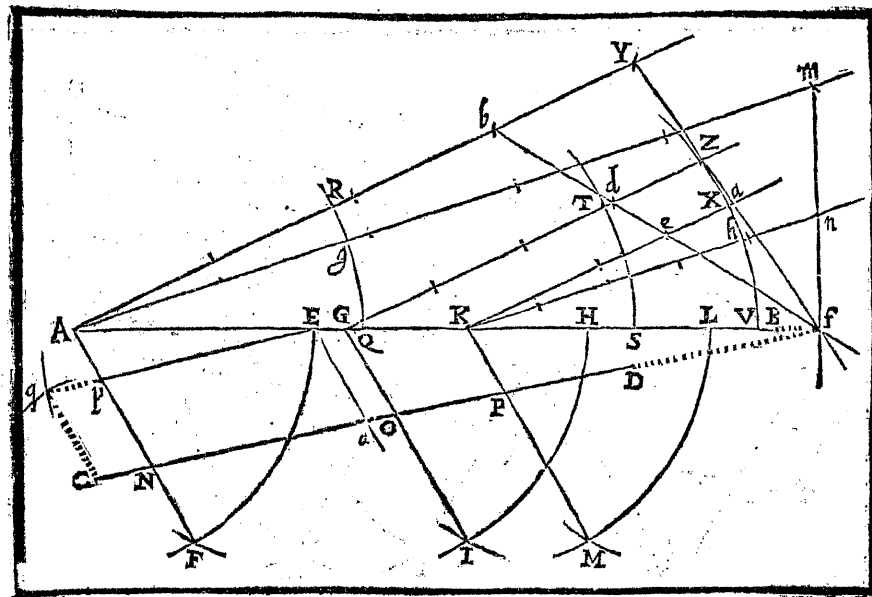
d 28. primi.

e 27. tertij.

f 28. primi.

g 27. tertij.

ctis AN, GO, KP, æquales numero quotlibet vsque ad Y, Z, a. Recta etenim per hæc puncta ducta secabit vtramque AB, CD, productam in sectionis puncto f; atque ita si alterutra earum, vel vtraque producatur, habebitur punctum f, satis exquisitè, etiam si oblique sese interfecerint. Et si per alia puncta b, d, e, terminantia alias partes numero æquales ducatur recta, transibit ea per idem punctum f, atque ita magis exquisitè inuentum erit punctum intersectionis f; Immo hac ratione punctum f, habebitur, in quo conuenire debent datæ rectæ AB, CD, etiam si productæ non sint. Eadem ratione si vltra Y, Z, a, fumantur aliæ partes ipsis AN, GO, KP, æquales, (Curandum autem est, ut tot numero æquales accipiantur, quot satis esse videbuntur, ut per extremitates ducta linea, non admodum oblique fecerit vtramque AB, CD, vel alteram earum) dabit recta per earum extrema puncta ducta idem punctum f. In figura ductæ sunt aliæ duæ rectæ Am, Kn, inter se parallelæ propinquoires ipsi AB, per arcus æquales abscessos Qg, Vh, & in vtraque sumptæ sunt AN, KP, quinquies vsque ad m, n. Ita enim recta mn, in idem punctum f, incidet.



QVAMLIBET autem rectarum be, Ya, mn, cadere in punctum f, vbi vere rectæ AB, CD, sese interfecerint, ita demonstrabimus. Quoniam a est ut Af, ad AN, ita Gf, ad GO; erit permutando ut Af, ad Gf, ita AN, ad GO. b Vt autem AN, ad GO, ita quoque est AY, ad Gz, quod hæc sunt illarum æque multiples. Igitur erit etiam, ut Af, ad Gf, ita AY, ad Gz; ac proinde ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. recta Yf, per Z, transibit, idcoque YZ, producta in f, incidet. Eademque ratio est de alijs.

a 4. sexti.

b 1. quinti.

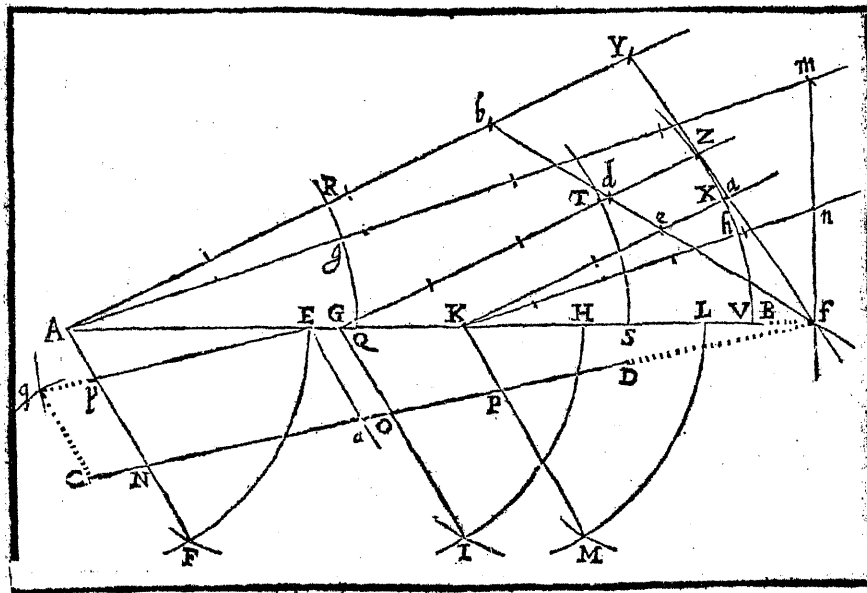
F QVOD

QVOD si quando contingat, rectas datas esse tam parum inter se distantes, vt parallelæ inter ipsas sint nimis parue, ac propterea incommode id, quod proponitur, effici possit, cuiusmodi sunt dux AG, pE, ducenda erit vtcunque recta Ap, eaque producta aliquoties sumenda, vt V.g. ter vsq; ad N, ac per N, ipsi pE, parallela ducenda NO, inueniendumque punctum f, in quo conueniunt AG, NO, producte. Nam si, qualis pars est Ap, ipsius AN, talem partem ex Af, abscondas AE, conuenient AG, pE, in E; ^a propterea quod parallela pE, proportionaliter secare debet latera AN, Af, &c.

^a 4. sexti.

A L I T E R . Ducita recta AN, vtcunque ab extremo A, quæ ipsam CD, non valde oblique secet, ducatur ex quouis puncto E, rectæ AB, ipsi CD, parallela secans AN, in p: quæ facile hoc modo ducetur. Ducatur Eæ, vtcunque secans CD, in æ, & interuallum Eæ, ex C, arcus describatur, quem in q, secet alius arcus ex E, ad interuallum æC, descriptus. Nam recta E q, secans AN, in p, parallela erit ipsi CD; quod quadrilaterum EæCq, fit ex scholio propof. 34. lib. 1. Euclid. parallelogrammum, ob latera opposita æqualia. ^b Quia igitur est, vt pA, ad AE, ita NA, ad Af; si tribus pA,

^b 4. sexti.



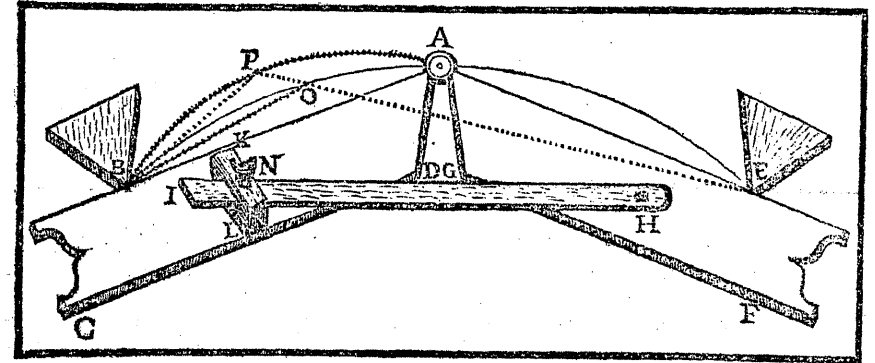
AE, NA, inueniatur, per lemma præcedens, quarta proportionalis, eiûs equalis ex AB, abscondatur, initio facto à puncto A, incidemus in punctum f. Vel sic. Quoniam est vt Ap, ad pN, ita AE, ad Ef, si tribus Ap, pN, AE, quarta inueniatur proportionalis Ef, dabit ea idem punctum f, translata in rectam AB, initio facto à puncto E.

^a 2. sexti.

LEMMA

INSTRUMENTVM construere, quo per data tria puncta, etiamsi secundum lineam ferme rectam constituta sint, arcus circuli possit describi, siue auxilio circini.

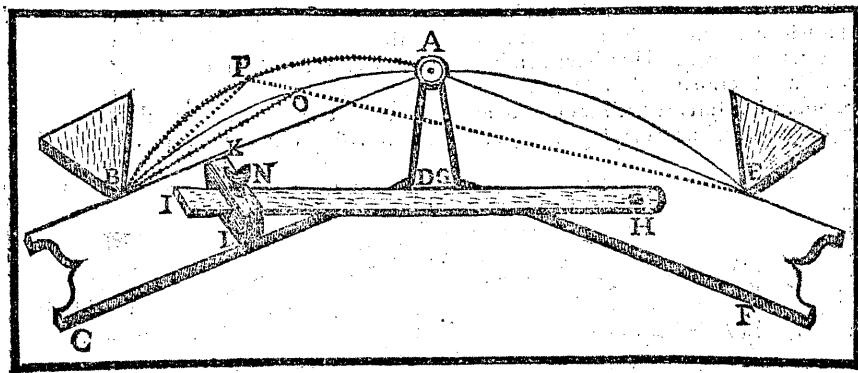
IN Astrolabij constructione accidit nonnunquam, vt per tria puncta in rectam ferme lineam constituta arcus circuli describendus sit, quod circino vix, aut ægre fieri potest, propterea quod centrum eius circuli nimis procul à datis punctis abest, (quando enim centrum commode haberi potest, docuimus in scholio propof. 25. lib. 3. & in scholio propof. 5. lib. 4. Eucl. qua id ratione inueniendum sit) idcirco hoc loco structuram docebimus cuiusdam instrumenti, quo vel eum arcum describamus, vel certe inter data tria puncta reperiamus quotuis alia puncta, per quæ ille arcus transire debet. Construxit quidem simile instrumentum magna industria Guidus Vbaldus è Marchionibus Montis in planisphæriorum vniuersalium theoricæ, sed nos aliud aliquanto simplicius olim excogitaueramus, quod hic describendum censeo: Dux ergo regulæ eiusdem & latitudinis & crassitie ABCD, AEF G, quæ sint tantæ longitudinis, quantam fere distantiam inter se habent duo extrema puncta, per quæ arcus est describendus, ita per circellum compingantur, vt latera AB, AE, producta per centrum



transcant, ipsæque regulæ circa idem centrum, tanquam cardinem, moueri queant, vt videlicet modo magis, modo minus dilatari possint, aut constringi, prout angulus BAE, debet esse magis aut minus obtusus: cuius rei causa rescandæ sunt particule quedam prope centrum A, vt nimirum anguli fiant acuti DAB, GAE. Si enim anguli prope A, essent recti, conficerent latera AB, AE, vnam lineam rectam & regulæ ipsæ constringi non possent, vt continerent angulum obtusum BAE. Non est autem necesse, vt constringi possint ad angulum acutum efficiendum: quia quando rectæ proxima bina puncta connecten-

tes constituunt acutum angulum, facilius per scholium propof. 25. lib. 3. vel per scholium propof. 5. lib. 4. Euclid. quàm beneficio huius instrumenti, arcus circuli per ea puncta describitur. In centro autem A, promineat deorsum versus stylus quidam perexiguus & acutus ad arcus delineandos. Deinde in aliquo puncto H, regulæ A E F G, affigatur regula quædam exigua HI, ita vt circa H, circumuerti possit. Postremo in puncto alterius regulæ AC, quod constitutis lateribus AB, AE, in lineam rectam, tantum ab sit a puncto H, quanta est longitudo regulæ HI, affigatur rectangulum quodpiam solidum paruum æneum KL, vt circa dictum illud punctum possit etiam circumuolui, & regula HI, intra ipsum rectangulum immitti queat, & cochleola aliqua N, ita alstringi, vt regulæ dux AC, AF, immobiles persistant, hoc est, angulum BAE, non mutant.

DESCRIPTRVS igitur hoc instrumento arcum per data tria puncta B, A, E, immittat regulam HI, in rectangulum KL, & stylum ex centro A, prominentem in puncto intermedio A, statuat, lateraque regularum AB, AE, ita dilatet, constringatur, vt omnino per reliqua duo puncta B, E, transeant: quibus ita constitutis, cochleola N, cōstringat regulam HI, vt regulæ AC, AF, angulum BAE, mutare nequeant. Nam si instrumentum sic paratum circumdu-



catur, vt latera AB, AE, semper per puncta B, E, transeant, (quod fiet, si in ipsis punctis B, E, firmentur anguli duorum triangulorum solidorum æneorum) describet stylus ex A, centro prominens arcum BAE; aut certe, si instrumentum mutet sepius situm, ita tamen vt latera transeant per puncta B, E, stylus idem imprimet inter A, & B, & inter A, & E, varia puncta, quæ decenter & congrue connexa arcum efficient BAE. Quod autem ad hunc motum instrumenti stylus ex A prominens describat arcum circuli, ex eo liquet, quod in eo arcu perpetuo idem angulus BAE, existat: quod quidem proprium est segmenti cuiusuis circuli, vt Euclides demonstrauit. Nam si, verbi gratia, instrumento eum habente situm, vt stylus in O, ponatur, & latera sint OB, OE, dicat quis, arcum circuli per tria puncta B, A, E, descriptum (posse enim per quæuis tria puncta arcum describi, b demonstratum est ab Euclide, dummodo ea in recta linea non iaceant, sed rectæ ea coniungentes triangulum constituent) non transire per punctum O, secabit is necessario rectam EO, vel ultra O, productam, vel citra O, secet eam vltra O, in P, iungaturque recta BP. Erit ergo angulus BPE, angulo BAE.

a 21. tertij.

b 5. quarti.

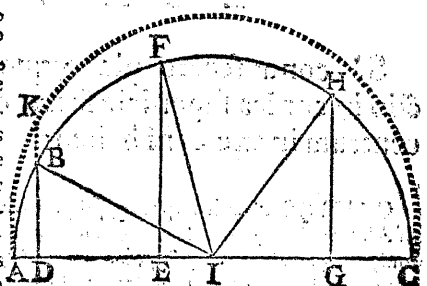
c 21. tertij.

BAE, æqualis, cum ambo sint in eodem circuli segmento cer puncta B, P, A, E, descripto, Cum ergo & angulus BOE, eidem angulo BAE, æqualis sit, immo idem omnino, cum solum situm mutarit; erunt æquales inter se anguli BOE, BPE, externus & internus, quod est absurdum; cum externus sit interno maior. Non ergo arcus secat EO, productam: eademque ratione eam neque citra O, secabit. Quocirca arcus per tria puncta B, A, E, descriptus per O, transibit; atque eadem de causa per omnia alia puncta, quæ per instrumentum inueniuntur, transibit.

LEMMA XV.

CURVA linea, cui subtensa sit recta linea, & quadrata omnium perpendicularium ex punctis lineæ curuæ ad subtensam rectam demissarum æqualia sint rectangulis contentis sub segmentis eiusdem subtensæ factis à perpendicularibus, hoc est, omnes perpendiculares sint mediæ proportionales inter segmenta subtensæ ab ipsis factæ, semicirculus est, eiusque diameter recta illa subtensa, hoc est, semicirculus circa illam rectam subtensam descriptus curuæ datæ lineæ congruet, siue (quod idem est) per extrema puncta omnium perpendicularium transibit.

SIT curuæ quæpiam lineæ ABC, cui subtendatur recta AC, ad quam ex quotuis punctis curuæ B, F, H, deducantur perpendiculares BD, FE, HG, sitque tam quadratum ex DB, rectangulo sub AD, DC, æquale, quàm quadratum ex EF, rectangulo sub AE, EC, & quadratum ex GH, rectangulo sub AG, GC, & sic de omnibus alijs; quotquot perpendiculares ducantur: hoc est, cuiusuis perpendiculares quadratum æquale sit rectangulo sub segmentis rectæ AC, ab ea perpendiculari factis, siue (quod idem est) omnes perpendiculares sint mediæ proportionales inter segmenta rectæ AC, ab ipsis facta: quia hac ratione erunt earum quadrata rectangulis sub segmentis æqualia. Dico ABC, esse semicirculum, eiusque diametrum AC, hoc est, semicirculum circa diametrum AC, ex eius puncto medio I, descriptum transire per omnia



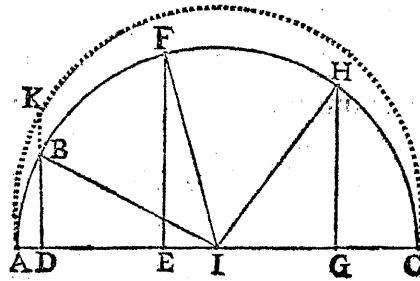
a 17. sexti.

omnia puncta extrema perpendicularium, ita vt a curua linea ABC, non differat. Ductis enim rectis IB, IF, IH, ex I, puncto medio ad extrema puncta omnium perpendicularium; quoniam rectangulum sub AD, DC, vna cum quadrato ex DI, æquale est quadrato ex AI; & ponitur ei rectangulo æquale quadratum ex DB; erunt quoque duo quadrata ex DI, DB, æqualia quadrato ex AI.

* 5. secundi.

* 47. primi.

Est autem eisdem quadratis æquale quadratum ex IB. Igitur quadrata ex IA, IB, æqualia, ideoque & rectæ IA, IB, æquales erunt. Eadem ratione demonstrantur & IF, IH, & alia rectæ omnes ex medio puncto I, ad extremitates perpendicularium omnium ductæ eidem AI, ac proinde & inter se, æquales. Quare cum omnes rectæ ex I, in curuam lineam ABC, cadentes æquales sint, semicirculus erit ABC, eiusque diameter AC, ex definitione circuli; hoc est, semicirculus diametri AC, per omnia puncta extrema perpendicularium transibit, & à curua linea data non differet.



ALITER. Si semicirculus circa AC, ex eius medio puncto I, descriptus dicatur non transire, verbi gratia, per punctum B, secabit is

perpendicularem DB, vel infra B, vel supra, vt in K; eritque propterea ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. DK, media proportionalis inter AD, DC, ideoque quadratum ex DK, rectangulo sub AD, DC, æquale erit. Ponitur autem eidem rectangulo æquale quadratum ex DB. Quadrata igitur ex DK, DB, æqualia, ideoque & rectæ ipsæ DK, DB, æquales erunt, totum & pars. quod est absurdum. Transit ergo semicirculus diametri AC, per punctum B, eademque ratione per puncta F, H, & alia aliarum perpendicularium transibit.

* 17. sexti.

LEMMA XVI.

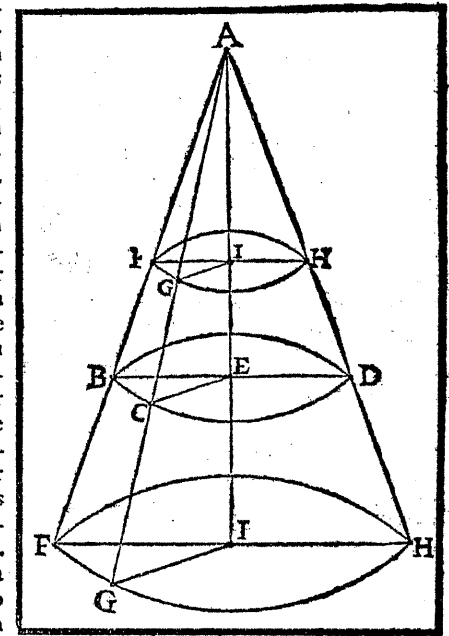
SI conus secetur plano, quod basi conici æquidistet, sectio in conica superficie facta; circumferentia circuli est, centrum in axe conici habens.

OMNES circulos spheræ, qui per polum mundi australem non ducuntur, in Astrolabium projici forma circulari, ex duabus propositionibus lib. 1. Apollonij Pergæi, videlicet 4. & 5, demonstratur, vt suo loco dicemus. Quia vero non omnes in Apollonij demonstrationibus exercitati sunt, libet vtramque illam propositionem hic inferere, præsertim quod earum demonstrationes clarissimæ sunt, ne cogatur studiosus lector Apollonium ipsum, qui obscurissimus auctor est, propter duas tantummodo propositiones, easque faciles, adire. Nam propositio 1. & 3. eiusdem primi libri, quæ ad illas duas assumuntur demonstrandas, ex ipsa

ex ipsa conici descriptione, quam ad defin. 20. lib. 11. Euclid. ex Apollonio attulimus, nullo negotio colliguntur. Nimirum (Rectas lineas, quæ à vertice conici ad puncta, quæ in superficie conica sunt, ducuntur, in ipsa superficie conici existere.) Item (Si conus plano per verticem secetur, sectionem triangulum esse.) Quia enim linea recta à vertice ad circumferentiam basis conici ducta, si circumferentiam eiusdem basis percurrat, vertice conici manente immoto, describit ex defin. superficie conicam, ita vt omnia eius puncta tangat, perspicuum est, omnes rectas à vertice ad quælibet puncta in superficie ductas esse in ipsa superficie, cum partes aliquando hiant eius rectæ, quæ circa circumferentiam basis circumducitur in conicæ superficie descriptione. Atque hinc alterum sequitur. Nam cum planum per conici verticem ductum secet basem conici per lineam rectam, si ab extremitatibus huius rectæ ad verticem ducantur duæ rectæ, existent hæc in superficie conicæ, vt diximus, eruntque propterea communes sectiones plani per verticem ducti, & conicæ superficie. Quare triangulum cum illa recta in basi constituent, quod nimirum à plano secante efficitur. Quod si planum secans per axem conici ducatur, appellatur triangulum illud factum, triangulum per axem. His positis, facile lemma propositum demonstrabitur.

* 3. undecim

SIT conus siue rectus siue scalenus, cuius vertex A, & basis circuius BCD, & axis AE, cadens in E, centrum basis. Secetur conus plano, quod basi æquidistet, faciente in conica superficie lineam FGH, siue hoc fiat supra basim, siue infra, cono videlicet producto. Dico lineam FGH, esse circumferentiam circuli, cuius centrum punctum I, in axe, vbi à plano secante diuiditur. Ducto enim per axem AE, plano faciente triangulum per axem ABD, secanteque planum secans per rectam FH, sumatur in linea facta FGH, quodlibet punctum G, per quod ex vertice A, recta ducatur AG, quæ cum sit in superficie conici, occurret basi in C. Ducatur rursus per rectas AI, AC, planum faciens in basi BCD, & linea FGH, communes sectiones rectas EC, IG. Quoniam igitur plana parallela BCD, FGH, secantur tam plano trianguli ABD, quam plano trianguli AEC; erunt tam communes sectiones factæ BD, FH, quam EC, IG, parallele. Igitur erit, vt AE, ad EB, ita AI, ad IF; & permutando, vt AE, ad AI, ita EB, ad IF. Eademque ratione erit, vt AE, ad AI, ita ED, ad IH, & EC, ad IG. ac proinde erunt tres IF, IH, IG, tribus EB, ED, EC, proportionales, hoc est, erit vt EB, ad IF, ita ED, ad IH, & EC, ad IG; & permutando vt EB, ad ED, ita IF, ad IH, & vt ED, ad EC, ita IH, ad



* 3. undecim

* 16. undecim
* 4. sexti.

* 11. quinti.

IH, ad IG. Cum ergo tres EB, ED, EC, à centro E, sint æquales; erunt quoque, tres IF, IG, IH, æquales; atque eadem ratione omnes rectæ ex I, ad lineam FGH, ductæ demonstrabuntur æquales ipsis IF, IH. Circulus igitur est figura FGH, cuius centrum I, in axe conici A E.

LEMMA XVII.

SI conus scalenus secetur plano per axem, quod ad basem rectum sit, seceturque altero plano ad triangulum per axem à priori plano factum recto, quod triangulum ex triangulo per axem abscindat simile quidem ipsi triangulo per axem, subcontrarie vero positum: sectio circulus est, cuius diameter est communis sectio trianguli per axem, & plani, quod ipsam sectionem in conica superficie efficit. Huiusmodi autem sectio vocetur subcontraria.

SIT conus scalenus, cuius vertex A, & basis circulus BCD, seceturque plano per axem ad basem recto (quod fiet, si ex vertice A, ad planum basis demittatur perpendicularis AM. Planum enim per axem, & perpendicularem AM, ductum, ad basem rectum erit) faciente triangulum per axem A B D. Secetur quoque idem conus altero plano ad triangulum per axem recto, faciente in conica superficie lineam EFG, abscindatque ex triangulo per axem triangulum ei simile AEG, & subcontrarie positum, siue hoc fiat supra basem, siue infra, hoc est, angulus AEG, æqualis sit angulo ADB, & angulus AGE, angulo ABD. Dico lineam EFG, circulum esse, eiusque diametrum EG, communem videlicet sectionem trianguli per axem, & plani facientis sectionem EFG. Si namque ex quibuscunque punctis C, F, in circumferentia BCD, & linea EFG, sumptis ad triangulum per axem ABD, perpendiculares CH, FI, demittantur, cadent hæc in rectas BD, EG, quæ communes sectiones sunt trianguli per axem, & planorum BCD, EFG, ad idem triangulum rectorum, atque inter se parallelæ erunt. Ducta autem per I, recta KL, ipsi BD, parallela; quoniam duæ rectæ FI, KL, conuenientes in I, duabus rectis CH, BD, in H, conuenientibus sunt parallelæ; erit quoque planum per FI, KL, ductum plano per CH, BD, ducto, id est, basi conici, parallelum; ac proinde ex præcedente lemmate, in superficie conici circulum faciet KFL, qui per punctum F, transibit, cum transire ponatur per rectam FI, punctumque F, in conici superficie existat, eiusque circuli diameter erit recta KL. Et quoniam FI, ad planum AKL, recta posita est; erit eadem ex definitione 3. lib. 11. Euclid. ad rectam KL, perpendicularis; ideoque media proportionalis inter segmenta KI, IL, ex scholio propositionis 13. lib. 6. Euclid. ac proinde quadratum ex FI, rectangulo sub KI, IL, æquale erit. Quoniam vero angulus EKI, angulo ABD, æqualis est, eidemque angulo ABD, æqualis ponitur angulus LGI; erunt inter se æquales anguli EKI, LGI. Sed & anguli ad verticem

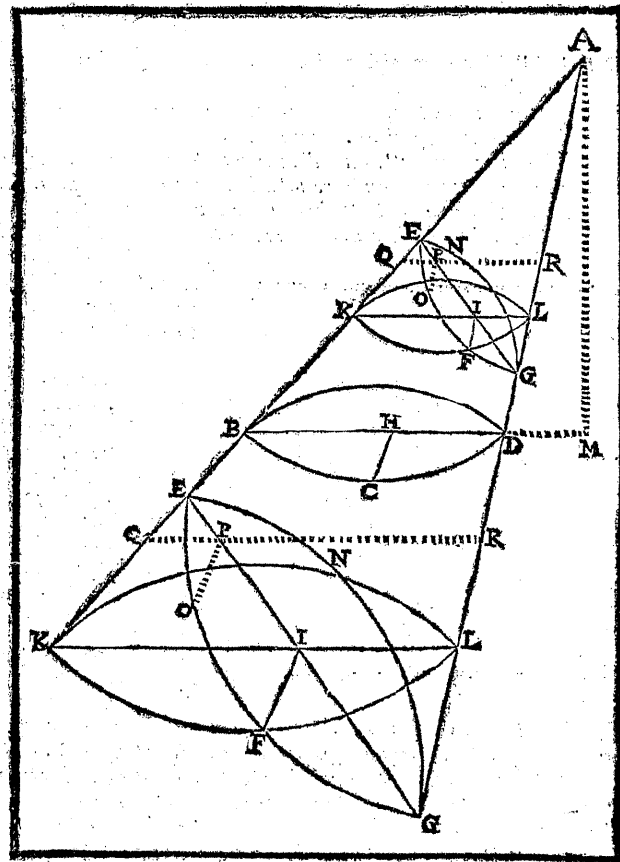
a 11. undec.
b 18. undec.
c 11. undec.
d 38. undec.
e 6. undec.
f 15. undec.
g 17. sexti.
h 29. primi.
i 15. primi.

cem I, æquales sunt. Aequiangula ergo sunt triangula EKI, LGI; atque idcirco erit, ut KI, prima ad IE, secundam, ita GI, tertia ad IL, quartam; & atque ob id rectangulum sub KI, IL, prima & quarta, rectangulo sub IE, GI, secunda ac tertia, æquale erit. Ostensum est autem rectangulo sub KI, IL, quadratum ex FI, æquale. Igitur & rectangulo sub IE, GI, idem quadratum ex FI, æquale erit. Similiter demonstrabimus, quadrata omnium perpendicularium à punctis lineæ EFG, in EG, cadentium æqualia esse rectangulis sub segmentis rectæ EG, à perpendicularibus factis.

Igitur per lemma 15. semicirculus erit EFG, cuius diameter EG. Eademque ratione semicirculus demonstrabitur alia pars sectionis ENG. Tota ergo sectio EFGN, circulus est, cuius diameter EG quod est propositum.

PERSPICUUM autem est, sectionem EFGN, circulum esse, etiã si eius diameter basis diametrum secet. Ut si conici basis statuat circulus KFL, & sectio sit EFG. Eadem enim omnino erit demonstratio, nisi quod quãdo

punctum in linea EFG, sumptum est in communi sectione circumferentiæ KFL, & lineæ EFG, quale est F, non est ducendum aliud planum basi æquidistans, ut fiat circulus. Et tunc, quia utrumque planum KFL, EFG, ad triangulum AKL, rectum est, si ex F, ubi basis circumferentiæ lineam EFG, secat, ad ipsum perpendicularis deducatur, cadet hæc in utramque sectionem communem KL, EG; atque



a 4. sexti.
b 26. sexti.

c 11. undec.
d 38. undec.

EG; atque adeo in punctum I, ubi communes eae sectiones se mutuo fecant. Eritque, ut prius, quadratum ex FI, rectangulo sub EI, IG, æquale, &c.

QVOD si in linea facta EFG, accipiatur punctum quodlibet O, præter commune punctum sectionis F, demittenda erit perpendicularis OP, ac per P, ducenda QR, parallela ipsi KL, basi trianguli per axem, & denique per OP, QR, quæ ipsi FI, KL, æquidistant, ducendum planum, quod parallelum erit basi coni KFL, ideoque circumulum faciet, ut prius, &c.

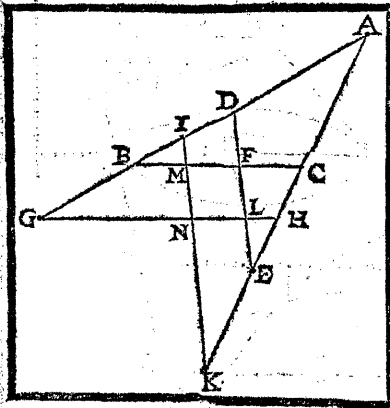
15. undec.

S C H O L I V M.

DIGNVM autem observatione est, diametrum subcontrariæ sectionis posse æqualem esse diametro basis coni, & inaequalem; æqualem quidem, quando unum latus trianguli per axem ad basem recti æquale est uni lateri trianguli subcontrariæ positi, quod æquali angulo opponitur: inaequalem vero, quando eiusmodi latera inaequalia sunt, & cuius latus maior est, illius diametrum esse maiorem: nunquam tamen hæc diametros se mutuo posse dividere bifariam. Sit enim in cono scæpheno triangulum per axem ad basem rectum ABC, sitque latus AB, latere AC, maius, & ideoque angulus ACB, maior angulo ABC. Sit autem triangulum ADE, triangulo ABC, simile, sed subcontrariè positum, & latus AD, lateri AC, æquale ponatur, quæ quidem æqualibus angulis AED, ABC, opponantur. Dico diametros BC, DE, esse æquales. Quoniam enim in triangulo ACB, duo anguli A, ACB, duobus angulis A, ADE, in triangulo ADE, æquales sunt, qui quidem æqualibus lateribus AC, AD, adjacent; erunt quoque tam latera AB, AE, quam BC, DE æqualia. quod est propositum. Eadem ratione, si ponantur æqualia latera AB, AE, ostendemus tam latera AC, AD, quam BC, DE, æqualia esse.

Quando diametrum subcontrariæ sectionis diametro basis coni æqualis sit, & quâdo inæqualis.

18. primi.



26. primi.

SIT rursus triangulo per axem AGH, simile, & subcontrariè positum ADE, & latus AG, maius latere

AE, vel AH, maius quàm AD. Dico diametrum GH, maiorem esse diametro DE. Sumpta enim recta AB, æquali ipsi AE, vel AC, æquali ipsi AD, ductaque BC, vel CB, ipsi GH, parallela; erunt diametri BC, DE, æquales, ut demonstratum est. Et quia est, ut AG, ad GH, ita AB, ad BC; estque AG, maior quàm AB; erit quoque GH, maior quàm BC, hoc est, quàm DE, quæ ostensa est æqualis ipsi BC. Eodem modo, si triangulo per axem ABC, simile sit, & subcontrariè positum AIK, & latus AI, maius latere AC, vel AK, maius quàm AB; ostendemus diametrum IK, maiore esse diametro BC. Nam sumpta recta AD, æquali ipsi AC, vel AE, æquali ipsi AB, ductaque DE, vel ED, ipsi IK, parallela; erunt diametri BC, DE, æquales, ut ostensum est. Et quia est, ut AI, ad IK, ita AD, ad DE; estque AI, maior quàm AD; erit quoque IK, maior quàm DE, hoc est, quàm BC, quam ipsi DE, ostendimus æqualem.

4. sexti.

14. quinti.

4. sexti.

14. quinti.

DICO præterea, diametros BC, DE, siue æquales sint, siue inæquales, nunquam se mutuo secare bifariam, sed vel utramque secari non bifariam, vel si altera earum bifariam secetur, alteram non bifariam secari. Secent enim sese in F, & sint primum æquales diametri BC, DE. Et quoniam tam AB, AE, quàm AD, AC, æquales sunt, alioquin non essent æquales BC, DE, ut demonstravimus; erunt quoque reliqua BD, CE, æquales. Quod si neutra ipsarum BC, DE, bifariam secetur, perspicuum est, eas se mutuo bifariam non secare: Si vero altera earum, nimirum BC, dicatur secari bifariam, secabitur altera DE, non bifariam. Quoniam enim triangula BDF, ECF, æquiangula sunt, quod anguli ad verticem F, æquales sint, & anguli B, E, æquales ponantur, ob subcontrariam sectionem, ac proinde & reliqui D, C, sint æquales. Erunt ut DB, ad BF, ita CE, ad EF. Cum ergo BD, ipsi EC, ostensa sit æqualis; erit & BF, ipsi EF, æqualis; atque idcirco & reliqua CF, reliqua DF, æqualis erit. Est autem BF, maior quàm DF, quod angulus BDF, angulo DBF, maior sit, quia & BCE, ipsi BDF, æqualis, maior est angulo ABC, externus interno. Igitur & EF, ipsi BF, æqualis, maior erit, quàm DF. Non ergo DE, in F, bifariam secatur. Eodem modo si dicatur DE, secta bifariam in F, ostendemus BC, secari non bifariam in F. Erunt enim ut CE, ad EF, ita DB, ad BF. Cum ergo CE, sit ipsi DB, æqualis; erit quoque EF, ipsi BF, æqualis, ac proinde & reliqua FD, reliqua FC, æqualis erit. Est autem EF, maior quàm FC, quia & angulus ECF, angulo CEF, maior est, quod & angulus BDE, ipsi ECF, æqualis maior sit angulo AED, externus interno. Igitur & BF, ipsi EF, æqualis, maior erit quàm CF. Non ergo BC, in F, secatur bifariam.

Diametrum subcontrariæ sectionis, & diametrum basis coni nunquam se mutuo bifariam secare.

15. primi.

4. sexti.

14. quinti.

19. primi.

16. primi.

4. sexti.

14. quinti.

19. primi.

16. primi.

DEINDE sint inæquales diametri GH, DE, sitque GH, maior. Si igitur neutra earum secetur bifariam, liquet eas se mutuo non bifariam secare. Si vero altera earum, nimirum GH, secta sit bifariam in L, secta erit altera DE, non bifariam. Quia enim GH, maior ponitur quàm DE, erit quoque AG, maior quàm AE, & AH, maior quàm AD, cum sit, ut GH, ad AG, ita DE, ad AE; & rursus ut GH, ad AH, ita DE, ad AD. Cum ergo ex maiore AG, auferatur minor AD, & ex minore AE, maior AH erit reliqua DG, maior quàm reliqua HE. Et quoniam est ut DG, ad GL, ita HE, ad EL; & rursus ut DG, ad DL, ita HE, ad HL; Est autem DG, ostensa maior quàm HE; erit quoque GL, maior quàm EL, & DL, maior quàm LH, hoc est, quàm GL, quæ ipsi LH, ponitur æqualis. Igitur cum DL, maior sit quàm GL, & GL, maior quàm LE, ut ostensum est, erit multo maior DL, quàm LE. Non ergo bifariam secta est DE, in L. Pari ratione si DE, dicatur secari bifariam in L, secabitur GH, in L, non bifariam. Ostendemus enim, ut prius, GL, maiorem esse quàm EL, & DL, maiorem quàm LH, hoc est, EL, quæ ipsi DL, ponitur æqualis, maiorem esse quàm LH. Igitur cum GL, maior sit quàm EL, & EL, maior quàm LH, ut ostensum est; multo maior erit GL, quàm LH. Non ergo bifariam in L, secta est GH.

14. quinti.

4. sexti.

4. sexti.

14. quinti.

NEQUE vero prætereundum est, quando diametri æquales sunt, cuiusmodi ponuntur BC, DE, neutram earum dividi posse in F, bifariam. Cum enim ostensum sit, tunc BF, ipsi EF, & DF, ipsi CF, esse æqualem, si utavis rectarum BC, DE, dicatur secta bifariam in F, erunt omnes quatuor partes BF, EF, CF, FD, æquales. Vtraque ergo divisæ est bifariam, quod fieri non posse, supra demonstravimus.

Quando diametrum subcontrariæ sectionis æqualis est diametro basis coni, neutram dividit bifariam.

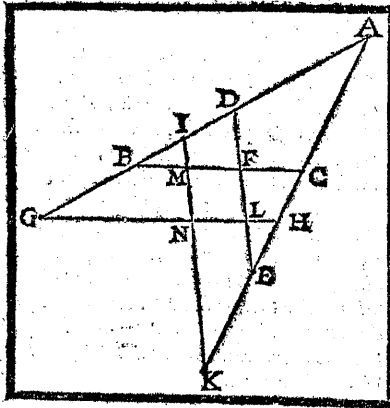
SEDE hoc sine magno labore demonstrabimus, nimirum quando una diametro dividitur bifariam, eam esse minorem, alteram vero maiorem. Secta enim sit IK, bifariam in N. Dico GH, maiorem esse quàm IK. Si namque maius non est, erit vel æqualis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo ut proxime demonstravimus, neutra diametrorum bifariam dividitur. quod est contra hyporbesim, quippe cum IK, secta ponatur in N, bifaria. Sit deinde si fieri potest GH, minor quàm IK. Et quia est, ut GH, ad GA, ita IK, ad AK; ite ut GH, ad AH, ita IK, ad AI; Et GH, ponitur

Quando diametrum sectionis subcontrariæ inæqualis est diametro basis coni, & altera earum secatur bifariam, alteram esse maiorem.

4. sexti.

14. quinti. ponitur minor quam IK, erit quoque AG, minor quam AK, & AH, minor quam AI. Quare cum ex minore AG, auferatur maior AI, & ex maiore AK, minor AH; erit reliqua GI, minor quam reliqua HK. Quoniam vero est, ut GI, ad IN, ita HK, ad HN: Item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN; & GI, minor est ostensa, quam HK; erit quoque IN, minor quam HN, & GN, minor quam KN. Itaque quia GN, minor est quam KN, hoc est, quam IN, & IN, minor quam HN, erit multo minor GN, quam NH. Et quia angulus GIN, maior est angulo AKI, hoc est, angulo IGN; erit GN, maior quam IN. Ergo NH, qua maior ostensa est quam GN, multo maior erit quam NK, qua ipsi IN, aequalis ponitur; atque idcirco tota GH, maior erit quam IK. Postea autem est ab adversario GH, minor quam IK, minor ergo est & maior GH, quam IK, quod est absurdum. Est igitur GH, maior quam IK. Vbi vides, restam GH, hoc ipso, quod minor ponitur quam IK, demonstrari maiorem esse quam IK: quod argumentandi genus etiam adhibuit Euclid. propof. 12. lib. 9. & Theod. propof. 12. lib. 1.

VEL postquam probatum est, reliquam GI, reliqua HK, minorem esse, ita procedemus. Quoniam est ut GI, ad GN, ita HK, ad KN; est autem GI, ostensa minor quam HK, erit quoque GN, minor quam KN, hoc est, quam IN, qua ipsi KN, posita est aequalis. Ergo angulus GIN, minor erit angulo IGN. Sed externus angulus GIN, maior est interno opposito AKI, hoc est, angulo IGN. Idem ergo angulus GIN, & minor, & maior est eodem angulo IGN, quod est absurdum. Non ergo minor est GH, quam IK: sed neque aequalis est ostensa. Igitur maior, quod est propositum.



EODEM pacto, si GH, dicatur bifariam secta esse in N, demonstrabimus IK, esse maiorem. Si enim maior non est, erit vel aequalis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, IK, ipsi GH, aequalis. Ergo, ut paulo ante demonstravimus, neutra diametrorum GH, IK, bifariam dividitur, quod est absurdum. Ponitur enim GH, diuisa in N, bifariam. Sit deinde, si fieri potest, IK, minor quam GH.

Quia igitur est, ut IK, ad AK, ita GH, ad AG; Item ut IK, ad AI, ita GH, ad AH: Ponitur autem IK, minor quam GH; erit quoque AK, minor quam AG, & AI, minor quam AH. Quocirca cum ex minore AK, detrahatur maior AH, & ex maiore AG, minor AI; erit reliqua HK, minor quam reliqua GI. Quoniam autem est, ut HK, ad HN, ita GI, ad IN, estque HK, minor ostensa quam GI; erit quoque HN, hoc est, GN, minor quam IN. Igitur angulus GIN, minor erit angulo IGN, hoc est, angulo HKN, externus interno opposito. quod est absurdum. Est enim externus interno opposito maior. Non ergo minor est IK, quam GH; sed neque aequalis est ostensa: ergo maior est, quod est propositum.

VEL sic. Quoniam HK, minor est ostensa quam GI, estque ut HK, ad KN, ita GI, ad GN; erit quoque KN, minor quam GN. Igitur quia KN, minor est quam GN, hoc est, quam HN; & HN, minor est quam IN, ut paulo ante ostendimus; erit KN,

KN, multo minor quam IN. Et quoniam angulus externus KHN, maior est interno opposito AGH, hoc est, angulo HKN; erit KN, maior quam HN. Cum ergo IN, maior sit ostensa quam NK; erit IN, multo maior quam HN, hoc est, quam GN. Tota igitur IK, maior est quam tota GH. Postea est autem IK, ab adversario minor quam GH. Minor ergo est, & minor eadem IK, quam GH, quod fieri non potest. Non est ergo IK, minor quam GH: sed neque aequalis, ut ostendimus. Igitur maior. Vbi vides eundem modum argumentandi, quod usus est Euclid. propof. 12. lib. 9. & Theod. lib. 1. propof. 12.

ITAEQUE quando diametri sunt aequales, neutra bifariam dividitur, quando vero inaequales sunt, diuidi potest bifariam minor, maior autem nunquam.

DENIQUE facili negotio demonstrabimus, quando minor diameter bifariam secatur, (qua sola diuidi potest bifariam, ut ostensum est) maiorem partem maioris diametri semper vergere ad eam partem, ubi cum latere trianguli per axem minorem angulum facit. Secetur enim IK, bifariam in N, ac propterea GH, maior sit. Dico partem GN, maiorem esse parte NH. Erit enim GH, ad AG, ut IK, ad AK. Cum ergo GH, maior sit quam IK, erit etiam AG, maior quam AK. Eodem modo erit AH, maior quam AI. Quocirca cum ex maiore AG, detrahatur minor AI, & ex minore AK, maior AH; erit reliqua GI, maior quam reliqua HK. Est autem GI, ad IN, ita KH, ad HN; item ut GI, ad GN, ita HK, ad KN. Cum ergo GI, maior sit quam HK, erit quoque IN, maior quam HN, & GN, maior quam KN, hoc est, quam IN. Quamobrem cum GN, maior sit quam IN, & IN, maior quam NH; erit multo maior GN, quam NH.

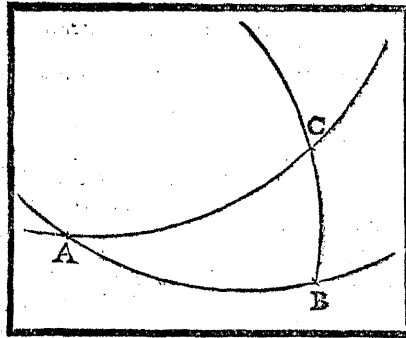
SIC etiam si dicatur GH, secta bifariam in N, erit, ut ostensum est, IK, maior, maiorque erit eius pars NK, quam IN, quod eodem modo demonstrabitur. Quia enim est, ut IK, ad AK, ita GH, ad AG; Item ut IK, ad AI, ita GH, ad AH. Cum ergo IK, maior sit quam GH; erit quoque AK, maior quam AG, & AI, maior quam AH. Quia ergo ex maiore AK, demitur minor AH, & ex minore AG, maior AI, erit reliqua HK, maior quam reliqua GI. Quoniam vero est, ut HK, ad HN, ita GI, ad IN, & ut HK, ad KN, ita GI, ad GN: Est autem HK, maior quam GI; erit quoque HN, maior quam IN, & KN, maior quam GN, hoc est, quam NH. Itaque cum KN, maior sit quam NH, & NH, maior quam IN; erit multa maior KN, quam IN. Verum ergo est, maiorem partem maioris diametri vergere semper ad angulum minorem, quem cum latere trianguli per axem facit, cuiusmodi sunt anguli G, K.

QVAM proportionem habet sinus totus ad sinum maximae declinationis Eclipticae ab Aequatore, eandem habet sinus rectus arcus Eclipticae inter quodvis eius punctum, & proximū punctum æquinoctiale interiectus ad sinum rectum declinationis eiusdem illius puncti Eclipticae ab Aequatore.

SIT in superficie sphaerae segmentum Aequatoris AB, & aliud Eclipticae AC, secans illud Aequatoris in A, ut angulus A, sit angulus maximae declinationis

16. primi.
19. prima
Quando diameter subcontraria sectionis inaequalis est diametro basi, conu, & minor diuiditur bifariam; maiorem partem maiore vergere ad minorem angulū trianguli per axem, quem illa diameter cum latere eiusdem trianguli facit.
4. sexti.
14. quinti.
4. sexti.
14. quinti.
4. sexti.
14. quinti.
4. sexti.
14. quinti.

tionis-Eclipticæ ab Aequatore, quem videlicet metitur arcus Coluri solstitio-
rum ex polo A, descripti interceptus inter primum punctum Cancræ, vel Capri-
corni, & Aequatorem. Per quodcunque autem punctum Eclipticæ C, intelligi-
tur descendere ex polo mundi siue Aequatoris, circulus maximus declinationis
secans Aequatorem in B: eritque angulus B, rectus; ex propof. 15. lib. 1. Theod.



ac propterea arcus CB, declinatio-
nem puncti C, ab Aequatore metietur.
Dico ergo, vt est sinus totus ad
sinum anguli A, maximæ declina-
tionis Eclipticæ, ita esse sinum ar-
cus Eclipticæ AC, inter assumptum
punctum Eclipticæ C, & punctum
æquinoctiale A, proximum in terie-
cti, ad sinum arcus CB, qui arcus est
declinationis puncti C, ab Aequa-
tore. Quoniam enim ex propofitio-
ne 41. nostrorum triangulorum
sphericorum est, vt sinus arcus
AC, ad sinum anguli recti opposi-
ti B, hoc est, ad sinum totum (re-
cto enim angulo debetur quadrans,
vt ad defin. 6. nostrorum triangu-

lorum sphericorum diximus, ac proinde eius sinus erit sinus toti quadranti re-
spondens) ita sinus arcus CB, ad sinum anguli oppositi A, erit conuertendo
do, vt sinus totus ad sinum arcus AC, ita sinus anguli A, ad sinum arcus CB:
Et permutando, vt sinus totus ad sinum anguli A, maximæ declinationis, ita
sinus arcus AC, Eclipticæ ad sinum arcus CB, declinationis puncti C. quod
est positum.

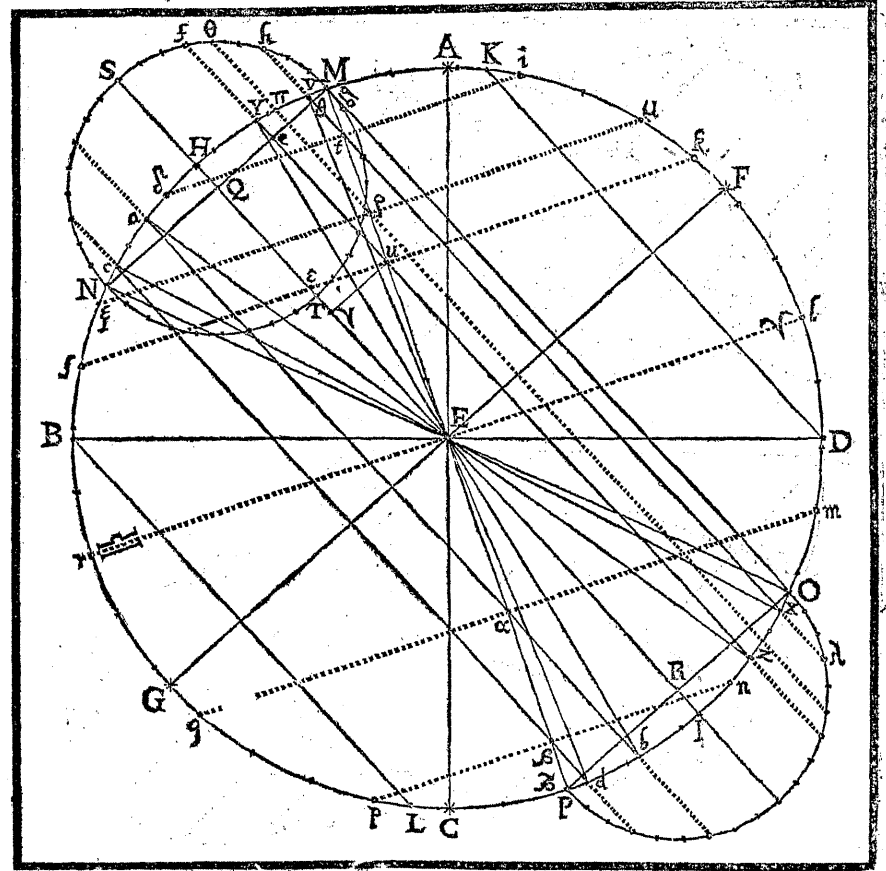
LEMMA XIX.

ANALEMMA ad datam poli altitudinem quam-
cunque describere.

EST Analemma figura quædam circularis, quæ circa centrum mundi intel-
ligitur descripta in plano Meridiani, vel cuiusvis alterius circuli maximi per
mundi polos ducti, continens communes sectiones, quas plana aliorum circulo-
rum spheræ (præcipue vero Aequatoris, eiusque parallelorum, Eclipticæ, Ho-
rizontis, Verticalis, & paralleli cuiusque eorum, &c.) in Meridiano, vel alio
illo circulo maximo faciunt. Huius autem constructionem, quam in Gnomo-
nica propof. 1. lib. 1. tradidimus, libenter hoc loco repetimus. ob insignem eius
utilitatem in circulis spheræ in Astrolabio describendis: præsertim quod de-
scriptionem parallelorum Aequatoris per Eclipticæ puncta ductorū longe faci-
lius hic ex præcedenti lemma demonstrabimus, ea videlicet ratione, quam in
scholio propof. 1. lib. 1. Gnomonices insinuauimus.

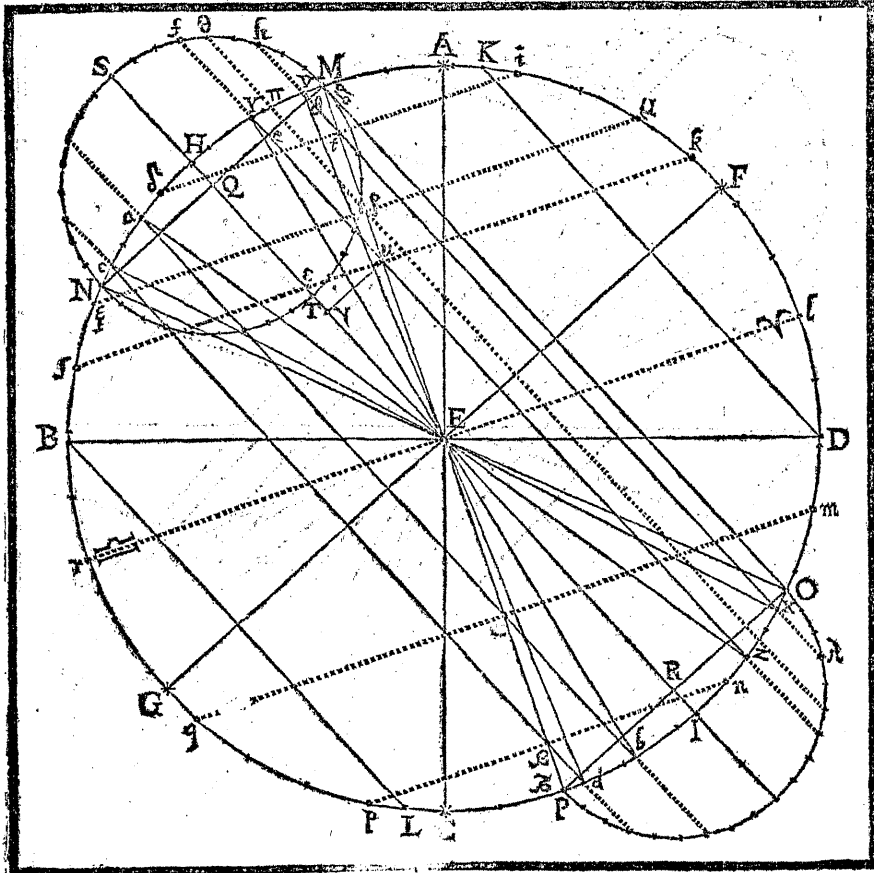
SIT ergo in plano Meridiani circulus ABCD, circa centrum mundi E, de-
scriptus

scriptus, cuius & Horizontis sectio communis sit recta BD. Supputata autem
altitudine poli illius loci, pro quo Analemma construitur, à punctis D, & B, in
diuersas partes vsque ad F, G, ducatur diameter FG, quæ axis mundi erit, cum
angulus DEF, in centro sit angulus altitudinis poli, quem axis cum Horizonte
constituit. Deinde ducatur diameter AC, ad Horizontem BD, perpendicularis,
quæ communis sectio erit Meridiani, ac Verticalis primarij. Quia enim Me-



ridianus, Verticalisque ad Horizontem recti sunt; erit eorum communis se-
ctio ad eundem perpendicularis, ac propterea ex definitione 3. lib. 11. Euclid.
perpendicularis quoque erit ad lineam Horizontalem BD, in centro E, per
quod omnes hi circuli maximi ducuntur. Igitur AC, ad BD, perpendicularis
communis sectio est Meridiani ac Verticalis, & A, vertex capitis, siue poli Ho-
rizontis superus, atque C, polus eiusdem inferus. Rursum ducatur ad axem FG,
diameter perpendicularis HI, quod fiet, si arcus DF, BG, æquales sumantur
AH, CI: 219. vnder.

AH, CI: Ita enim, additis communibus arcibus FA, GC, erunt toti quadrantes DA, BC, totis arcibus FH, GI, æquales; ideoque & hi arcus quadrantes erunt, ac proinde anguli FEH, GEL, recti, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. Erit autem HI, communis sectio Meridiani & Aequatoris. Cum enim axis FG, per polos Aequatoris F, G, incedens rectus sit, ex propof. 10. lib. 1. Theod. ad Aequatorem, transeatque per centrum sphaerae E, erit ex definitione 3. lib. 11. Euclid.



Idem axis FG, ad communem sectionem Meridiani & Aequatoris in centro E, perpendicularis; ac proinde HI, ad FG, perpendicularis, communis erit sectio Meridiani & Aequatoris. Quod si per D, B, Aequatori HI, parallelas agamus DK, BL, erunt hæc, communes sectiones Meridiani, & parallelorum, qui sunt omnium semper apparentium, semperque latentium maximi; quandoquidem Meridianus Aequatorem, & dictos parallelos secans, & sectiones communes facit parallelas, & parallelus quidem maximus semper apparentium Horizontem in D, tangit,

16. undec.

D, tangit, maximus vero semper occultorum eundem Horizontem tangit in B. Atque hæc lineamenta Analemmatis alia atque alia sunt in variis poli altitudinibus, prout videlicet angulus altitudinis poli DEF, variatur.

V T. autem parallelos Aequatoris, siue Solis, qui per initia signorum, & singula Eclipticæ puncta ducuntur, habita ratione declinationis cuiusvis paralleli ab Aequatore, describamus, qua quidem in re totus labor atque industria construendi Analemmatis ponitur, propter declinationes horum parallelorum, quæ vix sine errore supputari possunt ab Aequatore HI, hinc inde, ob minuta & secunda, quæ gradibus declinationum adherent, (Hæ etenim declinationes, si exquisitè computari possent hinc inde à punctis H, I, nulla esset difficultas in diametris parallelorum ducendis) venimur artificio à veteribus magna industria excogitato, quo ex maxima Solis, siue Eclipticæ declinatione cognita, omnium parallelorum Solis per puncta Eclipticæ transeuntium diametri, eorumque declinationes, Geometricæ, & quidem perquam accurate inveniuntur, quod eiusmodi est. Ex punctis H, I, Aequatoris in vtramque partem numeretur maxima Solis, Eclipticæ declinatio, ex doctrina lemmatis 3. vsque ad M, N, & O, P. Nos hic ponimus maximam hanc declinationem continere grad. 23. min. 30. Iunctis autem rectis MN, OP, quæ ab HI, in Q, R, bifariam secantur, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. ob æquales arcus HM, HN, RO, RP, describatur ex Q, circa MN, circulus MSNT. Hoc in 12. partes æquales diuiso, per doctrinam lemmatis 2. ducantur per bina puncta à punctis T, S, æqualiter distantia rectæ VX, YZ, ab, cd, quæ ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. parallelæ erunt inter se, & ipsi HI. quod æquales arcus in circulo MSNT, intercipient. Magis exquisitè hæc ducuntur, si ex R, circa OP, semicirculus describatur, & in sex partes æquales secetur. Ita enim habeantur pro singulis lineis terna puncta, bina quidem in circulo MSNT, & singula in semicirculo circa OP, descripto. Dico has parallelas, diametros esse parallelorum Solis, per signorum initia ductorum, hoc est, arcus HY, HV, &c. esse declinationes eorum graduum Eclipticæ, qui tot gradibus à principio V, & S, absunt, quot gradus in arcubus circuli MSNT, inter ST, diametrum, & dictas parallelas intercipientur, ita vt HY, sit declinatio S & M, HV, II, & N, HM, Ha, M, & X: Hc, & Z, & HN, S: ac proinde ducta diametri Vd, Yb, &c. sint diametri Eclipticæ, positis signorum initijs in Meridiano, quemadmodum MP, NO, eiusdem Eclipticæ diametri sunt, constitutis initijs S, & Z, in Meridiano. Huius autem rei demonstratio perfacilis est.

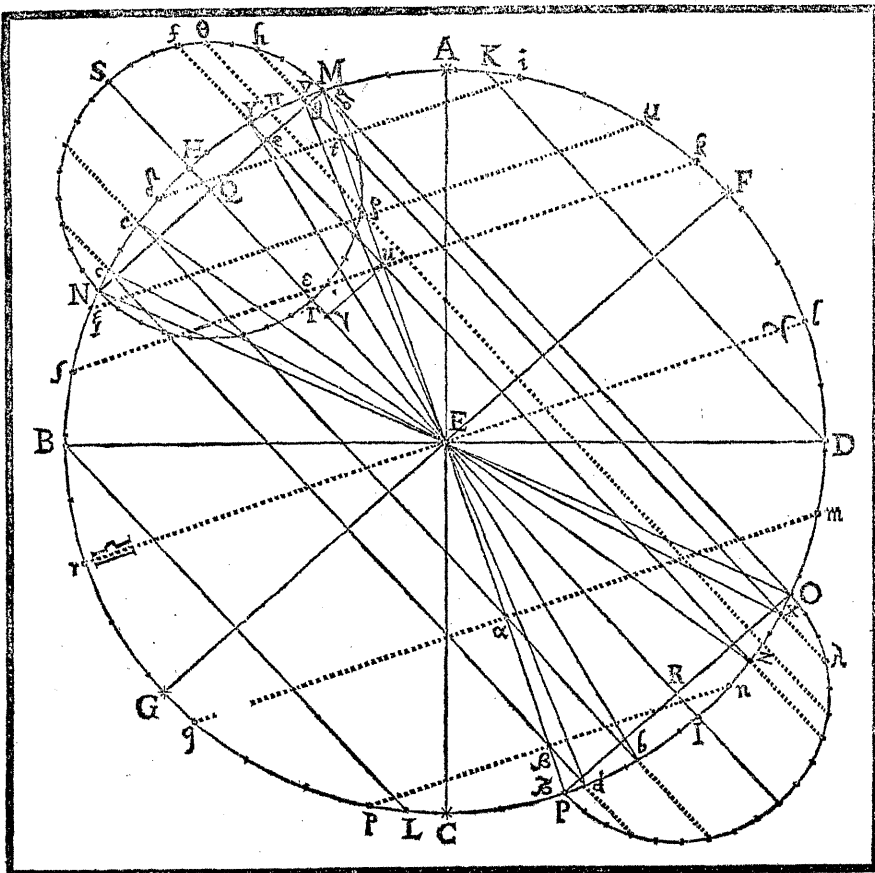
Declinationes omnium punctorum Eclipticæ quo pacto Geometricè reperiantur.

QVONIAM enim ex lemmate 5. est vt EM, finis totus circuli ABCD, ad MQ, sinum totum circuli MSNT, hoc est, ad sinum maximæ declinationis, ita sinus arcus eiusdem circuli ABCD, qui, verbi gratia, arcui Sf, circuli MSNT, similis est, ad eQ, sinum arcus Sf: Est autem & ex præcedente lemmate, vt sinus totus EM, ad sinum maximæ declinationis MQ, ita sinus eiusdem illius arcus Eclipticæ ABCD, qui arcui Sf, similis est, (sumi enim potest hic circulus pro Eclipticæ, cum Meridiano sit æqualis) ad sinum declinationis eiusdem arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est; erit eQ, sinus declinationis illius arcus Eclipticæ, qui arcui Sf, similis est. Cum ergo eQ, sinus sit arcus Meridiani HY, erit HY, arcus declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio inchoati, qui arcui Sf, similis est: atque ita de cæteris. Eodem enim prorsus modo demonstrabimus, gQ, sinum esse declinationis extremi puncti illius arcus Eclipticæ ab æquinoctio numerati, qui arcui Sh, similis est, &c.

H VERVM

Declinationes
omnium puncto-
rum Eclipticæ
quo pacto aliter
reperiatur.

VERVM commodissime etiam eisdem arcus declinationum inueniemus, siue parallelos Solis ducemus, hac alia ratione. Sumatur circulus ABCD, pro Ecliptica, diuidaturque in 12. figura æqualia in punctis i, k, l, m, n, P, p, q, r, s, d, M, ita vt l, sit principium γ ; k, δ ; i, II ; M, III ; s, IV ; r, V ; q, VI ; P, VII ; d, VIII ; n, IX ; m, X . Deinde ductis rectis per bina puncta ab M, vel P, æque remota, quæ ex schol. propof. 27. lib. 3. Eucl. parallelæ sunt, fecan-



bitur diameter Eclipticæ MP, in punctis r, u, a, b, per quæ ductæ ipsi HI, parallelæ, (quæ facile ducentur, si segmentis parallelarum kl, i s, inter puncta u, t, & diametrum HI, interceptis, in alijs parallelis æqualia segmento accipiantur, vt i. u. g. si segmento us, parallelæ KS, in alijs parallelis i s, lr, mq, np, æqualia segmento accipiatur, initio semper factò à recta HI. Ita enim plura puncta habebimus, per quæ parallelæ ipsi HI, ducendæ sunt.) dabunt diametros parallelorū Solis per signorum initia ductorū, veluti prius. Quod facile demonstrabimus in hunc modum.

QVO-

QVONIAM est, vt EM, sinus totus ad MQ, sinum maximæ declinationis, ita Eu, sinus arcus Eclipticæ lk, principium γ , terminantis ad uy: (ducta uy, parallela ipsi MQ, vel perpendiculari ad HI,) Est autem & ex lemmae præcedente, vt EM, sinus totus ad MQ, sinum maximæ declinationis, ita Eu, sinus arcus Eclipticæ principij γ , terminantis ad sinum declinationis principij γ ; erit uy, sinus declinationis principij γ ; ac proinde arcus HY, cuius sinus est uy, declinationem metietur principij γ , &c. Eademque de cæteris est ratio. Hæc autem declinationes inuentæ in omnibus poli eleuationibus eadem sunt, neq; vnquam mutantur, nisi prius maxima Solis declinatio mutata inueniatur. Habita namque ratione maximæ declinationis HM, inuentæ sunt aliorum Eclipticæ punctorum declinationes HY, HV, &c.

LIQVET ex his, qua ratione inuenienda sit declinatio cuiusvis puncti Eclipticæ dati. Nam si datum punctum sit inter γ , & III , numerabimus eius distantiam ab γ , in circulo MSNT, à puncto S, versus M: si vero inter III , & IV , fuerit, numerabimus eius distantiam à III , ex puncto T, versus M: si autem inter γ , & VII , ab S, versus N; si denique inter III , & VII , ex T, versus N, distantiam eius, quam à proximo puncto æquinoctij, nimirum ab III habet, numerabimus. Parallela enim ipsi HI, ducta ex fine numerationis, erit diameter paralleli illius puncti dati, secabitque arcum MN, in declinatione quaesita. Vt si detur gradus 10. γ , qui 40 gradibus ab γ , versus III , abest, numerabimus gradus 40. à puncto S, versus M, usque ad θ , & per θ , ipsi HI, parallelam agemus $\theta\pi$, pro diametro paralleli Aequatoris, qui per 10. gradum γ , transit, cuiusque declinatio erit $H\pi$. Hanc eandem alia ratione sic reperiemus. Quando punctum datum est inter γ , & III , supputabimus eius distantiam, quam ab γ , habet, à puncto l, versus M: si vero inter III , & IV , à puncto r, versus M, distantiam eius, quam à III , habet, numerabimus: Si autem inter γ , & VII , à puncto l, versus P: si denique inter III , & VII , à puncto r, versus P, eius distantiam à proximo æquinoctij puncto, nimirum à III , numerabimus. Nā si à fine numerationis ipsi lr, parallelam agemus, secabitur MP, diameter Eclipticæ in puncto, per quod parallela ducta ipsi HI, erit diameter paralleli per punctum in Ecliptica datum transeuntis, &c. Vt si detur idem gradus 10. γ , numerabimus gradus 40. (Tantum enim punctum datum ab γ , versus III , abest) à puncto l, versus M, usque ad u, & per u, ipsi lr, parallelam duceamus $u\xi$, (quod facile fiet, si arcui lu, æqualem abscindemus r ξ .) quæ ipsam MP fecet in p. Parallela enim ipsi HI, per p, ducta, erit diameter paralleli quaesiti, &c. veluti prius.

Declinatio cuiusvis puncti Eclipticæ quo pacto Geometricè reperiatur.

SCIENDVM quoque est, segmentum diametri Horizontis BD, inter MO, NP, diametros parallelorum III , & VII , positum à parallelis intermedijs ita diuidi, vt recta MN, vel OP, ab eisdem diuisa est. Nam segmentum semidiametri ED, inter E, & parallelam MO, sectum est, vt recta EM, secta est; propterea quod parallelæ linearum diuidunt latera trianguli proportionaliter. Cum ergo eandem ob causam recta EM, secta sit, vt diuisa est MQ; erit dictum segmentum diuisum, vt MQ, recta diuisa est. Non aliter diuisum erit segmentum diametri EB, inter E, & parallelam NP, vt diuisa est recta NQ; propterea quod sectum est, vt recta EN, & hæc, vt recta NQ. Igitur totum segmentum diametri Horizontis BD, inter parallelas MO, NP, sectum erit, vt recta MN, diuisa est à parallelis, quod est propositum.

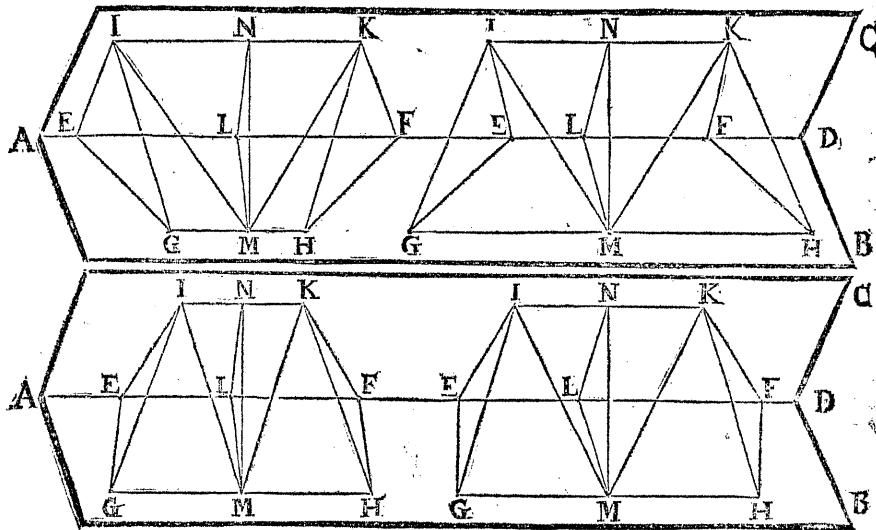
I A M vero, qua ratione aliorum circulorum siue maximorum, siue non maximorum diametri, siue communes cum Meridiano sectiones in Analemma desc-

describantur; & quomodo Analemma pro quibusdam circulis interdum in alio circulo maximo, etiam non per mundi polos ducto, construatur, in progressu Astrolabij, cum id vsus postulauerit, propriis locis docebimus.

L E M M A XX.

SI duo plana se mutuo secant, & in vno eorum ad duo puncta communis sectionis duæ rectæ cum ea internos duos angulos qualescunque constituent æquales, & in altero ad eadem duo puncta duæ aliæ rectæ cum eadem sectione communi efficiant quoque internos duos angulos æquales qualescunque: constituent duæ hæ posteriores rectæ cum duabus prioribus duos angulos æquales.

DVO plana AB, AC, secant sese per lineam rectam AD, & in duobus punctis quibuscunque E, F, communis sectionis constituti sint in plano AB, duo æquales interni anguli GEF, HFE, qualescunque, hoc est; siue acuti, siue recti,



siue obtusi; & in iisdem punctis in plano AC, sint constituti duo alij anguli interni qualescunque æquales IEF, KFE. Dico angulos GEL, HFK, æquales esse. In prima figura omnes anguli sunt acuti; in secunda obtusi; in tertia priores duo ob-

duo obtusi, & duo posteriores acuti; in quarta denique priores duo recti, & duo posteriores acuti. In omnibus tamen hisce casibus, & aliis eadem semper erit demonstratio. Sint enim æquales inter se tam rectæ EG, FH, quam rectæ EI, FK, iunganturque GH, IK, quæ ipsi EF, parallelæ erunt. Quoniam enim duo anguli GEF, HFE, æquales sunt, si uterque sit acutus, conuenient rectæ EG, FH, productæ ad partes G, H, constituentque triangulum Ifofceles. Cum ergo recta GH, secet latera proportionaliter, quod EG, FH, æquales sint, ac proinde & reliquæ lineæ vsq; ad concursum, erunt EF, GH, parallelæ. Si autem anguli GEF, HFE, sint obtusi, conuenient rectæ GE, HF, productæ ad partes E, F, quod anguli illis deinceps fiant acuti supra rectam EF, constituentque eodem modo triangulum Ifofceles, cuius basis GH. Latera enim supra basim EF, æqualia erunt: Ergo additis æqualibus EG, FH, fient quoque latera supra GH, æqualia. Cum igitur recta EF, secet ea latera proportionaliter, auferens ex vtraque partes æquales; parallelæ erunt EF, GH. Si denique uterque angulus GEF, HFE, sit rectus, erunt rectæ EG, FH, parallelæ. Cum ergo sint & æquales, serunt quoque EF, GH, æquales ac parallelæ. Eadem ratione ostendemus EF, IK, parallelas esse; ac proinde & GH, IK, inter se parallelæ erunt. Diuisa autem EF, bifariam in L, excitentur in planis AB, AC, ad EF, perpendiculares LM, LN, quæ ipsas GH, IK, secabunt quoque bifariam. Si enim anguli æquales GEF, HFE, sint acuti, ita vt EG, FH, productæ versus G, H, faciant triangulum Ifofceles, erit ex scholio propof. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ducta ad punctum L, medium basis, ad EF, perpendicularis, ideoque cum LM, coincidit. Cum ergo eadem recta, ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, in M, bifariam. Si vero anguli GEF, HFE, sint obtusi, ita vt GE, HF, productæ ultra EF, constituent triangulum Ifofceles, cuius basis EF, vel GH; erit rursus ex schol. propof. 26. lib. 1. Euclid. recta ex angulo ad L, punctum medium basis EF, ducta, ad EF, perpendicularis; ideoque producta cum LM, coincidit. Cum ergo ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. eadem recta secet rectas EF, GH, in partes proportionales, secta quoque erit GH, bifariam in M. Si denique anguli GEF, HFE, sint recti, erunt EH, EM, FM, parallelogramma rectangula; ideoque latera opposita æqualia, hoc est, GM, ipsi EL, & HM, ipsi FI, æquale. Cum ergo EL, FL, sint æqualia, erunt quoque GM, HM, æqualia. Non aliter ostendemus rectam IK, in N, sectam esse bifariam.

QVIA vero recta EL, ad duas LM, LN, sese in L, tangentes perpendicularis est; erit eadem EL, (ducta recta MN,) ad planū trianguli LMN, secta. Igitur & vtraque GM, IN, ad idem planum recta erit; ideoque ex defin. 3. lib. 11. Euclid. vtraque GM, IN, ad rectam MN, in eodem plano existentem perpendicularis erit. Iunctis igitur rectis GI, IM, MK, KH, quæ omnes vna cū MN, in eodē sunt plano parallelarū GH, IK, quoniam duo latera IN, NM duobus lateribus KN, NM æqualia sunt, angulosque continent æquales, nimirū rectos, vt ostendimus; erunt & bases IM, KM, & anguli IMN, KMN, æquales, ideoque & ex rectis reliquis GM, HM, K, æquales erunt. Cū ergo duo latera GM, MI, duobus lateribus HM, MK, sint æqualia, angulosque continent æquales, vt monstratum est; erunt & bases GI, HK, æquales. Denique cum latera EG, EI, lateribus FH, FK, æqualia sint, & basis GI, basi HK; erunt quoque anguli GEL, HFK, æquales. quod est propositum.

ATQVE hæc demonstratio vniuersalis est in omnibus casibus, siue angulus inclinationis planorum MLN, obtusus sit, siue acutus, siue rectus, vt perspicuum est.

QVOD

Q V O D si tam duo anguli GEF , HFE , quam duo IEF , KFE , recti fuerint, facilius erit demonstratio. Quia enim tunc anguli GEI , HFK , sunt anguli inclinationis plani AC , ad planum AB , ex definitione 6. lib. 1. Euclid. ipsi inter se æquales erunt.

L E M M A XXI.

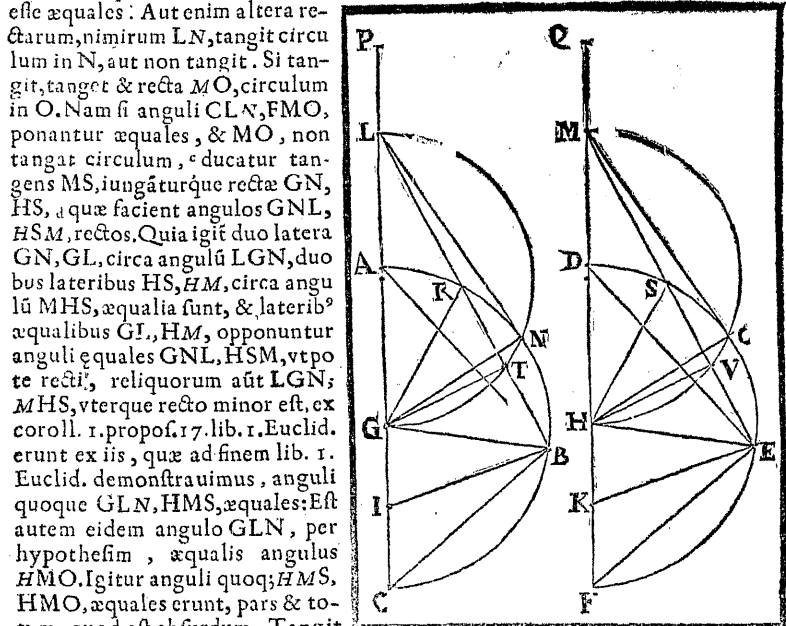
S I in diametris circulorum æqualium puncta sumantur æqualiter à centris remota, ab eisque rectæ egrediantur vsque ad circumferentias constituentes cum diametris ad easdem partes æquales angulos; rectæ illæ & æquales erunt, & arcus abscindunt æquales. Et si lineæ sint æquales, constituent rectæ illæ cum diametris æquales angulos ad easdem partes, abscinduntque rursus æquales arcus. Si denique arcus æquales abscindantur ad easdem partes, erunt quoque rectæ illæ æquales, constituentque cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

H O C idem demonstrauius propositione penultima scholij propof. 29. lib. 3. Euclid. quando punctum in diametro assumptum est intra circulum, sed quia eo etiam indigemus in ijs, quæ sequuntur, quando punctum est acceptum in diametro producta extra circulum, libuit id vniuersaliter hoc loco demonstrare. Sint ergo circuli æquales ABC , DEF , quorum centra G , H ; diametri AC , DF ; & sumantur primum intra circulos puncta I , K , æqualiter distantia à centro, hoc est, rectæ GI , HK , sint æquales: ducanturque rectæ vtcunque IB , KE , facientes vel angulos CIB , FKE , vel AIB , DKE , æquales. Dico & rectas IB , KE , & tam arcus abscissos CB , FE , æquales esse, quam arcus AB , DE . Ductis enim rectis GB , HE , ex centris, si quidem anguli GIB , HKE , ponantur æquales, erunt duo latera GI , GB , circa angulum IGB , duobus lateribus HK , HE , circa angulum KHE , æqualia, & angulus I , angulo K , æqualis, qui quidem æqualibus lateribus GB , HE , opponuntur. Est autem reliquorum GBT , HEK , vterque recto minor; quod ductæ rectæ AB , CB ; DE , FE , faciant angulos ABC , DEF , in semicirculis rectos, quorum illi partes sunt. Igitur ex ijs, quæ ad finem lib. 1. Euclid. demonstrata sunt à nobis, & rectæ IB , KE , & anguli IGB , KHE , æquales sunt in centris; ideoque & arcus CB , FE , ac proinde & ex semicirculis reliqui AB , DE , æquales erunt. Si vero anguli CIB , FKE , æquales ponantur, erunt etiam reliqui GIB , HKE , ex duobus rectis (Tam enim duo anguli ad I , quam duo ad K , duobus sunt rectis æquales) inter se æquales. Quare, vt iam ostensum est, erunt & rectæ IB , KE , & tam arcus CB , FE , quam arcus AB , DE , æquales.

D E I N D E accipiantur puncta A , D , in extremitatibus diametrorum, à quibus rectæ educæ AB , DE , angulos æquales efficiant CAB , FDE , vel LAB , MDE . Dico rursus rectas AB , DE , & tam abscissos arcus CB , FE , quam arcus AB ,

AB , DE , æquales esse. Si enim anguli CAB , FDE , æquales sint; erunt quoque arcus CB , FE , ac propterea ex semicirculis reliqui AB , DE æquales; ideoque & rectæ AB , DE , æquales inter se erunt. Si vero anguli LAB , MDE , ponantur æquales, erunt quoque ex duobus rectis reliqui CAB , FDE , æquales. Quare, vt iam demonstratum est, erunt & tam arcus CB , FE , quam arcus AB , DE , & rectæ AB , DE , æquales.

P O S T R E M O accepta sint puncta L , M , in diametris productis extra circulos æqualiter à centris distantia, ita vt rectæ GL , HM , sint æquales: Et ducantur rectæ LN , MO , facientes angulos æquales CLN , FMO , vel PLN , QMO , abscindentesque arcus AN , DO , vel CN , FO . Dico rectas LN , MO , & tam arcus AN , DO , quam arcus CN , FO , esse æquales: Aut enim altera rectarum, nimirum LN , tangit circulum in N , aut non tangit. Si tangit, tanget & recta MO , circulum in O . Nam si anguli CLN , FMO , ponantur æquales, & MO , non tangat circulum, ducatur tangens MS , iungaturque rectæ GN , HS , quæ facient angulos GNL , HSM , rectos. Quia igitur duo latera GN , GL , circa angulum LGN , duobus lateribus HS , HM , circa angulum MHS , æqualia sunt, & lateribus æqualibus GI , HM , opponuntur anguli æquales GNL , HSM , vt pote recti, reliquorum autem LGN , MHS , vterque recto minor est, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Euclid. erunt ex ijs, quæ ad finem lib. 1. Euclid. demonstrauius, anguli quoque GLN , HMS , æquales: Est autem eidem angulo GLN , per hypothefim, æqualis angulus HMO . Igitur anguli quoque HMS , HMO , æquales erunt, pars & totum, quod est absurdum. Tangit ergo recta MO , circulum in O . Iunctis ergo rectis GN , HO , erunt anguli GNL , HOM , recti & æquales. Ponuntur autem & anguli GLN , HMO , æquales. Igitur & reliqui LGN , MHO , æquales erunt, ex coroll. 1. propof. 32. lib. 1. Eucl. Quare cum duo latera GN , GL , duobus lateribus HO , HM , æqualia sint, angulosque contineant æquales, vt ostensum est; erunt etiã bases LN , MO , æquales. Item & arcus AN , DO , ob æquales angulos AGN , DHO , ad centra; ideoque & ex semicirculis reliqui arcus CN , FO , æquales erunt. Quod si æquales ponantur anguli PLN , QMO , erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLN , FMO , æquales. Quare, vt iam demonstratum est, & tam arcus AN , DO , quam arcus CN , FO , & rectæ LN , MO , tangevtes æquales erunt.



c 17. tertij.

d 18. tertij.

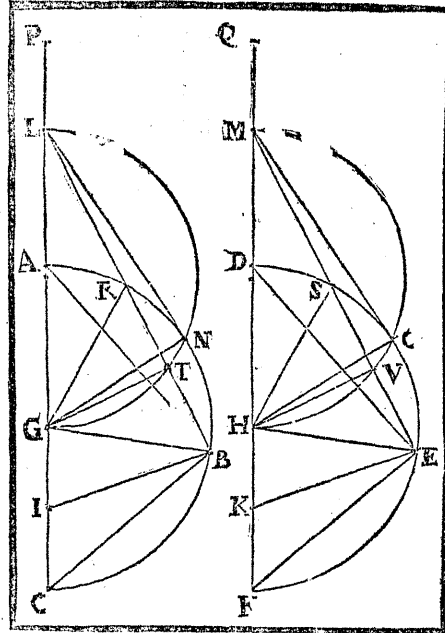
e 18. tertij.

f 4. primi.

g 26. tertij.

S I vero duæ rectæ LR , MS , vel LB , ME , faciant vel angulos CLR , FMS , vel PLR , QMS ; aut CLB , FME , vel PLB , QME , æquales, non tangat autem LR , vel LB ,

LB, circulum, sed feret in R, vel E, ducta tangente LN, cadet LR, vel LB, citra tangentem LN, facietque angulum CLR, vel CLB, minorē angulo CLN. Quia vero ducta tangente MO, anguli GLN, HMO, æquales sunt, ut proxime demonstratū est, angulus autem FMS, angulo CLR, vel angulus FME, angulo CLB, ponitur æqualis, erit quoque angulus FMS, vel FME, minor angulo FMO, ac proinde de recta MS, vel ME, citra tangentē MO, cadet. Secabit ergo vtraque LR, MS, vel vtraque LB, ME, circulum proprium duobus punctis R, B, & S, E, inter quæ posita sunt puncta con tactuū N, O. Sumantur ergo primū puncta R, S, citra cōtactus, & anguli GLR, HMS, ponantur æquales. Dico & rectas LR, MS, & tam arcus AR, DS, quā arcus CR, FS, æquales esse. Iunctis enim rectis GR, HS; quoniam duo latera GR, GL, circa angulū LGR, duobus lateribus HS, HM, circa angulū MHS, æqualia sunt, & anguli GLR, HMS, æqualibus lateribus GR, HS, oppositi, æquales ponuntur, reliquorū autem angulorum GRL, HSM, vterque recto maior est, quōd tā GRL, maior sit recto angulo GNL, quā HSM, angulo recto HOM; erūt ex iis, quæ demonstrauimus ad finē lib. 1. Eucl. & rectę LR, MS, & anguli LGR, MHS, æquales. Igitur & arcus AR, DS, ideoque & ex semicirculis reliqui CR, FS, æquales erūt. Quōd si æquales ponant anguli PLR, QMS, erunt quoque ex duobus rectis reliqui GLR, HMS, æquales. Quare, ut iam est ostensum, erunt & rectę LR, MS, & tam arcus AR, DS, quā arcus CR, FS, æquales.



a 21. primi.

b 26. tertij.

c 31. tertij.

d 26. primi.

SVMANTVR. deinde pūcta B, E, vltra cōtactus, & anguli GLB, HME, ponantur æquales. Dico rursus & rectas LB, ME, & tā arcus AB, DE, quā arcus CB, FE, æquales esse. Iunctis enim rectis GB, HE, erit vterque angulus GBL, HEM, recto minor. Descriptis namque circa æquales rectas GL, HM, semicirculis, qui per cōtactus N, O, transibunt ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. ob rectos angulos ad N, O, secabuntque rectas LB, ME, in T, V; si iungantur rectę GT, HV, erunt anguli GTL, HVM, in semicirculis recti. Cū ergo tā GTL, angulo GBL, quā HVM, angulo HEM, maior sit, externus interno, erit tam GBL, quā HEM, recto minor: quod etiam ex eo constat, quōd rectę in B, E, cum GB, HE, rectos angulos constituentes, circulos tangāt in B, E, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. Hinc enim fit, ut secātes rectę LB, ME, cum eisdem GB, HE, acutos angulos efficiāt. Quoniam igitur duo latera GB, GL, circa angulū LGB, duobus lateribus HE, HM, circa angulū MHE, æqualia sunt, & anguli GLB, HME, lateribus æqualibus GB, HE, oppositi, ponuntur æquales, reliquorum autem angulorum GBL, HEM,

HEM, vterque recto minor est ostensus; erunt ex demonstratis à nobis ad finem lib. 1. Euclid. & rectę LB, ME, & anguli LGB, MHE, æquales; Igitur & arcus AB, DE, atque idcirco & ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales erunt. Quod si ponantur æquales anguli PLB, QME, erunt etiam ex duobus rectis reliqui CLB, FME, æquales. Quare ut demonstratum iam est, erunt & rectę LB, ME, & tam arcus AB, DE, quā arcus CB, FE, æquales.

DEINDE æquales sint rectę IB, KE, vel AB, DE, vel LN, MO, vel LR, MS, vel denique LB, ME. Dico & angulos ad I, K, vel ad A, D, vel ad L, M, & tam arcus CB, FE, vel CN, FO, vel CR, FS, quā arcus AB, DE, vel AN, DO, vel AR, DS, esse æquales. Quia enim duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, equalia sunt, & basis IB, basi KE, æqualis ponitur; erunt quoque anguli IGB, KHE, æquales. Igitur & arcus CB, FE, ideoque & semicirculorum reliqui AB, DE, æquales erunt. Item quia duo latera IG, IB, duobus lateribus KH, KE, æqualia ponuntur, & basis GB, basi KE, æqualis est; erunt quoque anguli IGB, HKE, ideoque & duorum rectorum reliqui CIB, FKE, æquales erunt. Rursus quia rectę AB, DE, ponuntur æquales, erunt arcus quoque AB, DE, ac proinde & semicirculorum reliqui CB, FE, æquales. Igitur & anguli CAB, FDE, propterea duorum rectorum quoque reliqui LAB, MDE, æquales erunt. Denique quia tria latera GB, GL, LB, tribus lateribus HE, HM, ME, æqualia sunt, erunt ex coroll. propof. 8. lib. 1. Eucl. anguli quoque GLB, BGL, anguli HME, EHM, æquales. Igitur & arcus AB, DE, ob angulos æquales BGL, EHM, ad centra æquales erunt, ac propterea rectorum quoque reliqui PLB, QME, & semicirculorum reliqui arcus CB, FE, æquales erunt. Non aliter ostendemus & angulos ad L, M, & arcus AN, DO, & CN, FO, & AR, DS, & CR, FS, & AB, DE, & denique CB, FE, esse æquales.

b 8. primi.

c 26. tertij.

d 8. primi.

e 28. tertij.

f 27. tertij.

g 26. tertij.

TER TIO sint æquales arcus CB, FE, a rectis IB, KE, abscissi. Dico rectas etiam IB, KE, & angulos ad I, K, æquales esse. Erunt enim anguli CGB, FHE, æquales, ob arcus æquales CB, FE. Quia igitur duo latera GI, GB, duobus lateribus HK, HE, sunt æqualia, angulosque continent æquales; erunt quoque bases IB, KE, æquales, nec non & anguli GIB, HKE; ideoque & ex duobus rectis reliqui CIB, FKE. Quod si æquales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis IB, KE, abscissi, erunt quoque ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales. Ergo, ut iam est ostensum, & rectę IB, KE, & anguli ad I, K, æquales erunt. Sint rursus arcus æquales CB, FE, à rectis AB, DE, abscissi. Dico rectas quoque AB, DE, & angulos ad A, D, æquales esse. Erunt enim reliqui etiam arcus AB, DE, ex semicirculis æquales, ideoque & rectę AB, DE, æquales erunt. Item ob arcus æquales CB, FE, anguli CAB, FDE, ideoque & ex duobus rectis reliqui LAB, MDE, æquales erunt. Quod si æquales sint arcus AB, DE, ab eisdem rectis AB, DE, abscissi, erunt etiam ex semicirculis reliqui CB, FE, æquales. Ergo, ut proxime demonstrauimus, erunt rursus rectę AB, DE, & anguli ad A, D, æquales. Præterea sint arcus AN, DO, æquales abscissi a rectis LN, MO. Dico has rectas, & angulos ad L, M, æquales esse. Erunt enim anguli NGL, OHM, æquales, propter æquales arcus AN, DO. Igitur quia duo latera GN, GL, duobus lateribus HO, HM, æqualia sunt, angulosque complectūtur æquales, erunt & bases LN, MO, & anguli GLN, HMO, atque idcirco & ex duobus rectis reliqui PLN, QMO, æquales erunt. Eadem ratione ostendens rectas LR, MS, æquales esse, & angulos ad L, M, si æquales sint arcus abscissi AR, DS, & sic de cæteris.

h 27. tertij.

i 4. primi.

k 29. tertij.

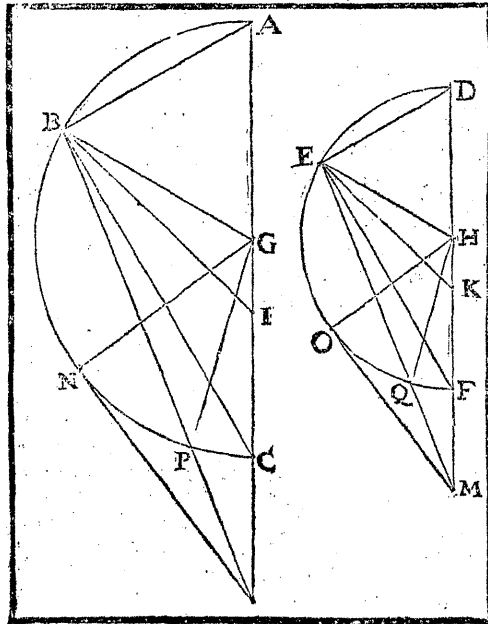
l 27. tertij.

m 27. tertij.

n 4. primi.

QVOD si in diametris circulorum inæqualium puncta sumantur similiter à centrīs remota, ita ut eorum distantia à centrīs eandem proportionem habeant, quam semidiametri, & ab eis punctis recta egrediantur constituentes cum diametris ad easdem partes angulos æquales, abscindentur ab eis arcus similes. Et si arcus abscissi sint similes ad easdem partes, constituent recta abscindentes cum diametris ad partes easdem angulos æquales.

IN circulis enim inæqualibus ABC, DEF, quorum centra G, H, sumantur in diametris duo puncta I, K, similiter distantia à centrīs, hoc est, ita sit IG, ad KH, ut GC, ad HF, & permutando, ita IG, ad GC, ut KH, ad HF; constituanturque anguli æquales GIB, HKE. Dico tam arcus BC, EF, quàm AB, DE, similes esse. Iunctis enim rectis GB, HE; quoniam anguli I, K, æquales sunt, & latera circa angulos G, H, in triangulis BGI, EHK, proportionalia, & reliquorum angulorum B, E, uterque recto minor, quod partes sint rectorum, quos recta CB, AB; FE, DE, in semicirculis efficiunt, erunt anguli BGI, EHK, in centrīs æquales. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus BC, EF, similes sunt; ideoque & ex semicirculis reliqui AB, DE, similes erunt, ex lem-



mate 6. EADEM ratione, si ad puncta C, F, similiter à centrīs distantia, cum per semidiametros distant, fiant anguli æquales GCB, HFE, ostendemus tam arcus BC, EF, quàm AB, DE, similes esse. Iunctis enim rectis GB, HE; erunt rursus in triangulis BCG, EFH, anguli C, F, æquales, & latera

circ a angulos G, H, proportionalia e Cum ergo reliquorum angulorum B, E, uterque recto minor sit, quod partes sint rectorum, quos recta CB, AB; FE, DE, constituunt in semicirculis;

micirculis: erunt anguli G, H, in centrīs æquales. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus BC, EF, similes sunt, &c. Quod brevius sic demonstrabitur. Quoniam æquales sunt anguli ACB, DFE, erunt ex prædicto scholio, arcus AB, DE, similes; ideoque & ex semicirculis reliqui BC, EF, per lemma 6. similes erunt.

NON aliter, si puncta L, M, similiter distant à centrīs, fiantque æquales anguli GLB, HME, demonstrabimus similes esse & arcus BC, EF, & AB, DE, & CP, FQ, & AP, DQ, & BP, EQ. Iunctis enim rectis GB, HE; erunt rursus in triangulis BGL, EHM, anguli L, M, æquales, & circa G, H, latera proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum B, E, uterque sit minor recto; (Nam iunctis rectis GP, HQ; erunt anguli B, P; E, Q, in Isoscelibus BGP, EHQ, acuti, ex coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Euclid.) erunt tam anguli G, H, quàm B, E, æquales. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus BC, EF, ideoque per lemma 6. & ex semicirculis reliqui AB, DE, similes erunt. Et quia anguli B, E, æquales sunt ostensi, erunt quoque P, Q, in Isoscelibus BGP, EHQ, (cum illis æquales sint) æquales; ac proinde & reliqui anguli BGP, EHQ, æquales erunt, quibus demptis ex æqualibus BGL, EHM, reliqui etiam PGL, QHM, æquales erunt; ac propterea ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus CP, FQ, ideoque per lemma 6. & ex semicirculi reliqui AP, DQ, similes erunt, à quibus si demantur similes AB, DE, reliqui BP, EQ, per lemma 6. similes quoque erunt.

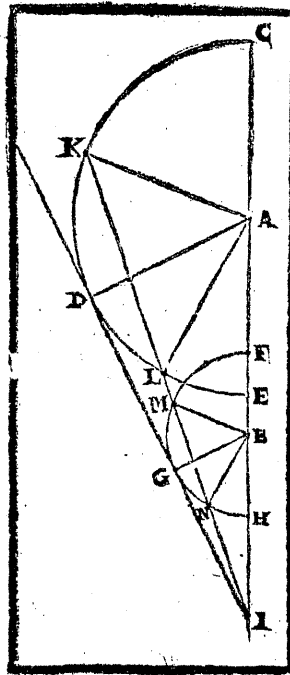
QVOD si quando contingat, restarum angulos æquales constituentium unam, verbi gratia, LN, circum tangere, tanget & altera MO, circum. Nam tangente LN, circum ABC, si ducatur MO, tangens circum DEF, erit angulus GLN, angulo HMO, æqualis. Iunctis enim rectis NG, OH; erunt anguli N, O, recti, & æquales. Cum ergo circa angulos NGL, OHM, latera sint proportionalia, & reliquorum angulorum I, M; uterque recto minor, ex coroll. 1. propof. 17. lib. 1. Euclid. erunt & anguli G, H, & L, M, æquales. Ex quo fit, si LN, circum tangat, nullam ex M, duci posse; præter tangentem MO, quæ angularem ad M, angulo ad L, æqualem constituat, cum omnis talis angulus vel maior foret angulo HMO, vel minor.

SED sint iam arcus similes BC, EF, & puncta I, K, similiter distantia à centrīs. Dico ductis rectis BI, EK, angulos I, K, æquales esse. Iunctis namque rectis BG, EH; erunt ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. anguli G, H, æquales. Cum ergo & latera circa eosdem sint proportionalia, æquiangulara erunt triangula BGI, EHK, & anguli I, K, æquales.

EODEM pacto æquales quoque erunt anguli C, F; & L, M, etiam, siue similes ponantur arcus BC, EF, siue CP, FQ, quod est propofitum.

COROLLARIUM.

EX his inferre licet & hoc theorema. Si ex duobus centrīs A, B, in eadem recta existentibus describantur duo circuli CDE, FGH, ea conditione, ut extra utrumque accipi possit punctum I, similiter à centrīs distans, id est, ut eadem sit proportio IA, ad IB, quæ semidiametris



tri AE , ad semidiametrum BH , & permutando eadem IA , ad AE , quæ IB , ad BH ; Recta linea ID , tangens unum circulorum, tanget & alterum, & recta IK , utrumque secans abscondet arcus similes EK , HM , CK , FM , &c. Quia enim circuli inæquales sunt, & punctum I , instar duorum similiter à centrâ abest, sit ut ducta recta ID , tangente circulum CDE , recta IG , faciens angulum BIG , æqualem angulo AID , hoc est, eundem, tangat quoque circulum FGH , similesque sint arcus DE , GH . Sic etiam ducta recta IK , si ducatur recta IM , faciens angulum FIM , æqualem angulo CIK , hoc est, eundem, efficitur ut arcus KE , MH , &c. similes sint, ut in scholio proximo demonstratum est. Hoc tamen corollarium demonstrari poterit iisdem vijs, quibus scholium demonstratum est, ut constat, si recta iungantur, ut in figura apparet.

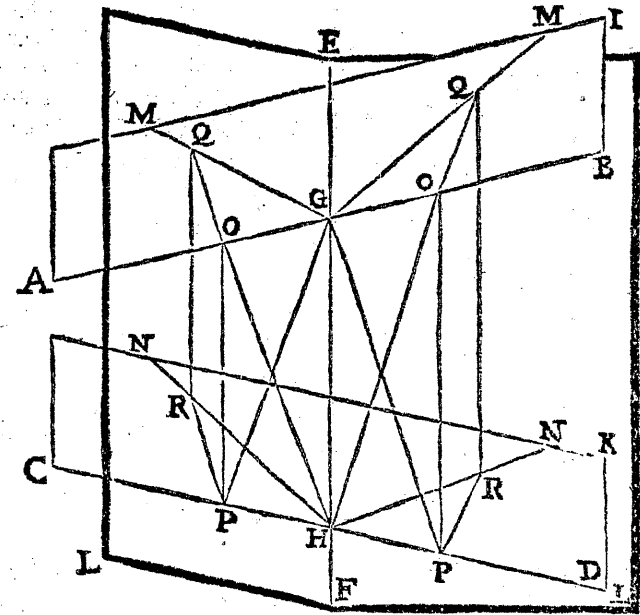
L E M M A XXII.

SI in plano subiecto inter duas rectas cadat transversa recta linea faciens cum illis angulos internos ex utraque parte inter se æquales, siue omnes recti sint, siue duo obtusi, & duo acuti; in rectis autem illis duabus plano subiecto insistant duo plana ad angulos rectos: planum per transversam lineam ductum utcumque faciet cum planis rectis communes sectiones, lineas rectas, quæ cum datis duabus rectis in plano subiecto angulos continebunt æquales.

IN subiecto plano sint duæ rectæ AB , CD , inter quas in transversum cadat recta EF , faciens tã internos angulos HGB , GHD , quã internos HGA , GHC , inter se æquales, siue rectos, siue duos obtusos, & acutus duos. Sint autem pri-

um HGB , GHD , obtusi, & HGA , GHC , acuti, & in rectis AB , CD , insistant ad planum subiectum duo plana recta AI , CK : Per rectam quoque EF , transversam ducatur planum EL , utcumque inclinatum ad planum subiectum siue ad partes B , D , siue ad partes A , C , secans plana recta AI , CK , per rectas GM , HN . Dico tam angulos BGM , DHN , quàm angulos AGM , CHN , inter se æquales esse. Sumptis namque rectis æqualibus GO , HP , versus eam partem, in quam planum EL , ad subiectum planum est inclinatum, ita tamen, ut ex parte acutorum angulorum AGH , CHG , abscondantur ante concursum lineæ GA , HC , ut utrobique eadẽ semper sit demonstratio; iungantur rectæ OP , GP , OH . Quia igitur duo latera GH , GO , duobus lateribus HG , HP , æqualia sunt, angulosque continent æquales ex hypothesi;

erunt triangula GHO , HGP , æqualia. Igitur rectæ GH , OP , parallelæ sunt. In plano deinde AI , ducatur ex O , ad AB , communem sectionem plani AI , & plani subiecti perpendicularis OQ , quæ ex definitione 4. lib. 11. Euclid. recta erit ad planum subiectum; ideoque ex definitione 3. eiusdem lib. angulus GOQ , rectus erit. Producat autem OQ , donec in Q , secet GM , communem sectionem plani EL , & plani AI . Secabit autem eam omnino, cum in eodem plano AI , existant, & anguli QOG , OGQ , sint duobus rectis minores, quippe cum planum EL , ponatur inclinatum ad planum subiectum, ac proinde angulus OGQ , acutus sit. Nam si rectus foret, esset GQ , ex defn. 4. lib. 11. Euclid. ad planum subiectum recta; ac proinde & planum EL , per rectam GQ , ductum ad subiectum planum esset rectum. quod non ponitur. In plano quoque CK , ducatur ex P , ad CD , communem sectionem plani CK , & plani subiecti perpendicularis PR , quæ similiter ad planum subiectum recta erit, & producta cum HN , communi sectione plani EL , & plani CK , conveniet in R . Iuncta autem recta QR , in plano EL , in quo puncta Q , R , existunt; si per GH , concipiatur duci planum æquidistans plano OR , (potest autem duci, cum GH , ipsi OP , ostensa sit parallelæ,



4. primi.
39. primi

18. undec.

parallela. Ita enim fit, ut planum per GH , ductum tamdiu circumuolui possit circa rectam GH , donec parallelum sit plano OR , per rectam OP , ducto erunt communes sectiones GH, QR , factæ in planis illis parallelis à plano EL , per rectas GH, QR , ducto parallelæ. Cum ergo eidem GH , sit ostensa parallela OP ; erunt quoque OP, QR , inter se parallelæ. Sed & OQ, PR , ad planum subiectum rectæ inter se parallelæ sunt. Parallelogrammum ergo est OR ; ac proinde latera opposita OQ, PR , æqualia erunt. Quoniam igitur duo latera OQ, OQ , duobus lateribus PH, PR , æqualia sunt, angulosque continent æquales, utpote rectos; erunt anguli quoque OQO, PHR , æquales. quod est propositum.

IA M vero si quando planum EL , ad subiectum planum fuerit rectum, cum etiam plana AI, CK , ad idem recta ponantur; erunt quoque communes sectiones horum & illius, nimirum rectæ GM, HN , ad subiectum planum perpendicularares; atque idcirco per defn. 3. lib. 11. Euclid. tam anguli MGA, MGB , quam anguli NHC, NHD , recti erunt, ac proinde omnes quatuor inter se æquales.

QVOD si recta EF , ad duas AB, CD , fuerit perpendicularis; erunt AB, CD , parallelæ; ac proinde ex scholio propof. 18. lib. 11. Eucl. plana recta AI, CK , parallela quoque erunt. Igitur sectiones GM, HN , in illis factæ à plano EL , parallelæ erunt; Quare anguli BGM, DHN , æquales erunt.

L E M M A XXIII.

PLANVM in sphaera per alterutrum polorum mundi, & alterutrum polorum circuli cuiusvis obliqui maximi, vel ad Aequatorem recti, utcumque ductum, abscindit tam ex Aequatore & circulo illo maximo obliquo, vel recto, quam ex quolibet parallelo Aequatoris, & parallelo circuli illius maximi obliqui, vel recti, (qui tamen æqualis sit parallelo Aequatoris, & qui tanto interuallo ab assumpto suo polo absit, quanto parallelus Aequatoris ab assumpto mundi polo distat) duos arcus æquales, inter planum secans, & circulum maximum per assumptos duos polos descriptum interceptos.

SED quia circulus ille maximus per mundi polos, & polos alterius circuli maximi descriptus binis in locis singulos circulos ex assumptis duobus polis descriptos secat; ut sciamus, à quibusnam duabus sectionibus arcus æquales abscissi incipiant, consideranda hæc sunt. Quando planum secans ducitur per polum mundi australem, & polum circuli alterius maximi superiorem, (Quia enim alter hic circulus maximus, quando obliquus est, pro Horizonte alicuius regionis sumi potest, erit eius polus ab australi polo remotior,

remotior, superior, instar verticis sue Zenith, & alter inferior, instar Nadir, qui nimirum polo australi propior est: quando autem alter hic circulus ad Aequatorem rectus est, ita ut sit Horizon quidam rectus, alteruter polorum eius accipi potest pro superiore, siue pro Zenith. Ex quo etiam fit, ut semicirculus maximi circuli per polos mundi, & polos alterius circuli transeuntis, inter polos mundi conclusus, in quo superior polus, siue Zenith continetur, dicatur superior, alter vero, in quo inferior polus existit, siue Nadir, inferior vocetur: & arcus abscissus ab Aequatore, vel eius parallelo incipit à semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi æqualis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione eius cum maximo circulo per polos ducto australi: si vero arcus abscissus ab Aequatore, vel eius parallelo, incipiat à semicirculo inferiore, inchoandus erit arcus illi æqualis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione boreali. Quando autem planum secans ducitur per polum mundi australem, & polum alterius circuli maximi inferiorem, & arcus abscissus in Aequatore, vel eius parallelo, incipit à semicirculo superiore, inchoandus erit arcus illi æqualis abscissus in altero circulo maximo, vel eius parallelo, à sectione boreali: ab australi vero, si arcus Aequatoris, vel eius paralleli, incipiet à semicirculo inferiore. Sectio porò borealis, australisue sumenda est respectu polorum alterius circuli maximi obliqui, vel recti.

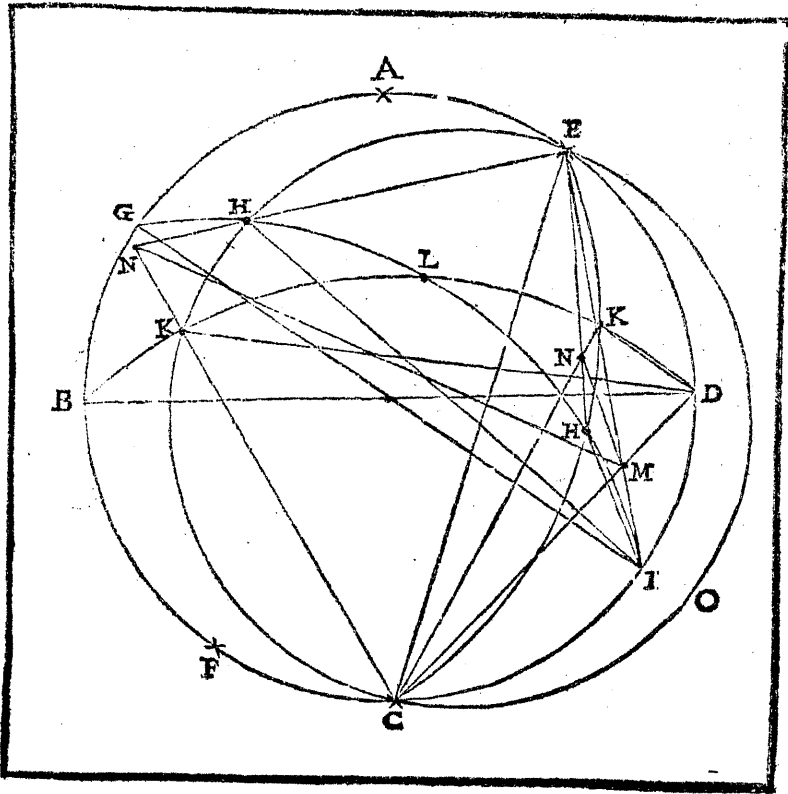
IN sphaera sit circulus maximus $ABCD$, per mundi polos A, C , & polos E, F , circuli maximi obliqui cuiuscunque GHI , ductus, sitque ex polo alterutro mundi descriptus Aequator BKD , secans obliquum in L , eruntque quadrantes LB, LD, LG, LI . Quoniam enim circulus maximus $ABCD$, per polos maximum circulorum BLD, GLI , ducitur; transibit vicissim eorum uterque per ipsos polos, ac proinde L , polus erit circuli $ABCD$; ideoque LB, LD, LG, LI , quadrantes erunt. Primum autem per polum australem mundi C , & E , polum circuli obliqui remotiorem, (quia enim circulus maximus GHI , obliquus ponitur ad Aequatorem, non distabunt eius poli ab huius polis quadrante, ita ut eius poli sint B, D ; alioquin circulus obliquus transiret per polos Aequatoris A, C ; ideoque rectus esset ad Aequatorem, quod pugnat cum hypothefi. Igitur vnus polus, nimirum F , vicinior erit polo mundi C ; alter vero E , remotior) ducatur planum quodpiam, faciens in sphaere superficie circulum CHZ , & cum plano circuli maximi $ABCD$, communem sectionem rectam CE : Secetque hic circulus CHZ , primum Aequatorem & circulum maximum obliquum in punctis K, H , quæ vel existant in quadrantibus LD, LI , vel in quadrantibus LB, LG , hoc est, arcus abscissi DK, IH , sint vel quadrante minores, vel maiores. Di co arcus DK, IH ; Item BK, GH . (Nam DK , in Aequatore incipit à semicirculo superiore CDA , & IH , in circulo obliquo à sectione australi L : At vero BK , initium sumit in Aequatore à semicirculo inferiore CBA , & GH , in obliquo circulo à sectione boreali G .) æquales esse. Ductis enim rectis CD, EI , quæ se inter secabunt in M , cum sint in plano maximi circuli $ABCD$, punctumque L , inter $C, & D$, existat; Quoniam CD, EI , quadrantes sunt, ablatoque propterea arcu communi

^a schol. 15.1
Theod.
^b coroll. 16.
1. Theod.

^c coroll. 16.
1. Theod.
^d 15.1. Theod.
^e 1.1. Theod.
^f 3. undec.

^g coroll. 16.
1. Theod.

^a 27. tertij. communi DI , reliqui arcus CI , ED , æquales; erunt anguli CEI , ECD , æquales; ^b ideoque & rectæ EM , CM , æquales erunt, Rursus ducatur in plano circuli CHE , rectæ CK , EH , quæ æquales erunt, cum sint latera quadratorum in circulis maximis descriptorum; ^d ideoque & arcus CK , EH , æquales; & ablato communi arcu HK , quando circulus CHE , secat quadrantes LD , LI , quod tunc punctum H , sit inter C , & Aequatorem, vel addito communi arcu HK , quando cir-



^a 27. tertij. culus CHE , secat quadrantes LB , LG , quod tunc punctum H , sit ultra Aequatorem; æquales sient quoque vel reliqui arcus, vel conflati CH , EK ; ^c ac proinde & anguli CEH , ECK , æquales erunt. atque hinc rectæ CN , EN , (Nam rectæ CK , EH , necessario coibunt, quod uterque angulorum æqualium CEH , ECK , recto minor sit, ut probabimus) æquales etiam erunt. Rectas autem CK , EH , coire, quando circulus CHE , quadrantes LD , LI , secat, perspicuum est, cum se mutuo in plano eius circuli secent, propterea quod punctum H , est inter puncte

puncta C , & K : At vero easdem rectas CK , EH , quando circulus CHE , quadrantes LB , LG , secat, coire, hoc est, angulos æquales CEH , ECK , esse minores duobus rectis, ita manifestum erit. Quoniam circulus $CHEO$, non maximus est, cum puncta K , H , per quæ ducitur, non sint in circulo maximo $ABCD$, qui solus maximus est inter omnes circulos per puncta C , E , non per diametrum opposita descriptos, (Per duo namque puncta in sphaera non per diametrum opposita vnus tantum circulus maximus describi potest, ut ex Theodosio constat) Vel certe si maximus esset, ^b secaret circulum $ABCD$, bifariam in E , C , quod est absurdum, cum bifariam secetur in A , C ; ^c auferet vtraque recta CK , EH , ex circulo $CHEO$, maiorem arcum, quam vt similis sit arcui, quam vtraque earum ex maximo circulo auferet: Auferet autem vtraque ex maximo circulo quadrantem, ^d quod vtraque lateri quadrati in maximo circulo descripti sit æqualis. Igitur vterque arcus CK , EH , quadrante maior erit. ^e Rursus quia recta CE , ex circulo eodem $CHEO$, maiorem arcum auferet, quam vt similis sit arcui CDE , quem ex maximo circulo $ABCD$, eadem recta CE , abscindit: Est autem arcus CDE , quadrante maior, ^f quod CD , quadrans sit. Igitur arcus COE , multo maior erit quadrante, ac proinde si adiciantur duo arcus CK , EH , quadrante etiam maiores ostensu; erunt toti arcus $EOCK$, $COEH$, semicirculo maiores singuli; ^g atque idcirco vterque angulus ECK , CEH , cum in illis segmentis maioribus existant, recto minor erit. Quocirca duæ rectæ CK , EH , extra sphaeram coibunt in N , propter duos angulos ECK , CEH , duobus rectis minores.

I T A Q V E ductis rectis MN , DK , IH ; quia latera CM , CN , lateribus EM , EN , ostensa sunt æqualia, basisque communis est MN ; erunt anguli MCN , MEN , æquales in triangulis CMN , EMN , quæ quidem extra plana circulorum CHE , $ABCD$, existunt. Quocirca in triangulis CDK , EIH , quoniam latera CD , CX , lateribus EI , EH , sunt æqualia, ⁱ quod omnia, latera sint quadratorum in maximis circulis descriptorum; angulosque æquales comprehendunt DCK , IEH , vt ostendimus; ^j erunt bases quoque DK , IH , æquales; ^k atque idcirco & arcus DK , IH , æquales erunt, siue ij minores sint quadrante, siue maiores, hoc est, siue circulus CHE , existat citra punctum L , siue vltra. Reliqui igitur ex semicirculis BK , GH , æquales quoque erunt.

C A E T E R V M angulos MCN , MEN , ex quibus quidem tota uis demonstrationis pendet, probabimus esse æquales, etiam si non constet, rectas CH , EH , productas conuenire in puncto N , hoc modo. Quoniam planum circuli CHE , planum circuli $ABCD$, secat per rectam CE , suntque tam in hoc æquales ostensi duo interni anguli CEI , ECD , quam in illo duo interni CEH , ECK : erunt per lemma 20. anguli quoque DCK , IEH , æquales. Quare, vt prius, ^m ostendentur æquales bases DK , IH ; ⁿ ac proinde & arcus DK , IH , ideoque & ex semicirculis reliqui BK , GH , æquales erunt.

E T quia ostensi sunt quadrantes LD , LI , si demantur æquales arcus DK , IH , vel ab his quadrantes tollantur LD , LI , erunt quoque arcus LK , LH , intercepti inter planum secans & punctum K , intersectionis Aequatoris cum circulo obliquo, æquales.

Q V O D si circulus CHE , transeat per L , punctum, vbi se intersectant Aequator & circulus obliquus GHI , perspicuum est, arcus abscissos K DL ,

^a 20.1.Theo.^b 11.1.Theo.

lemma 6.

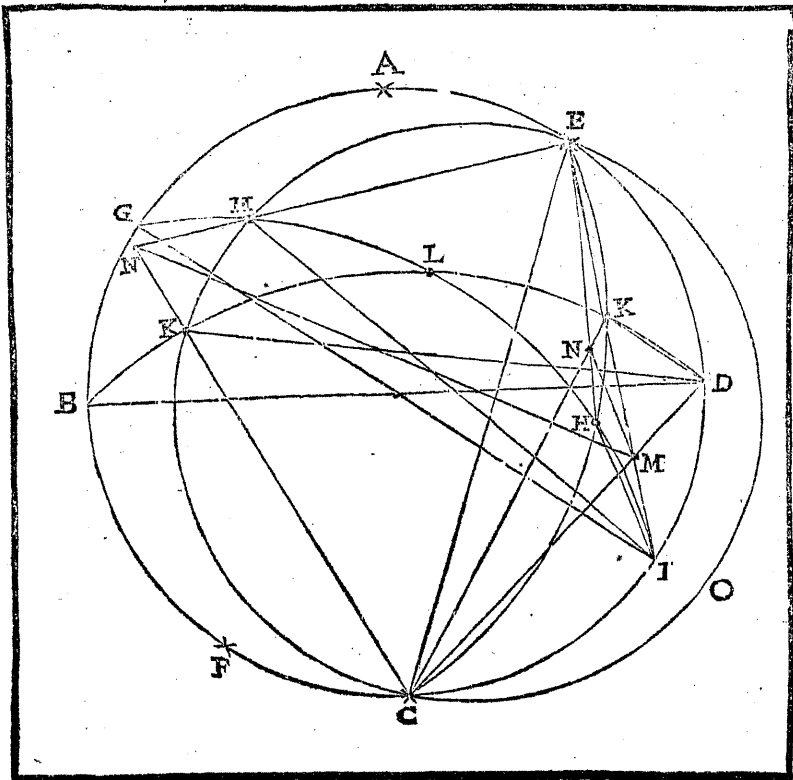
^c 3.Theod.^d 16.1.Theo.

lemma 6.

^e 3.Theod.^f coroll. 16.^g 1.Theod.^h 31. tertij.ⁱ 8. primi.^j 16.1.Theo.^k 4. primi.^l 28. tertij.^m 4. primi.ⁿ 28. tertij.

DL, IL, æquales esse, cum sint ostensi quadrantes. Sic etiam si idem circulus CHE, transeat per alterum etiam polum mundi A, liquido constat, & arcus DLB, ILG, & LB, LG, æquales esse. Erit enim tunc circulus CHE, idem qui ABCD, maximus, ac proinde semicirculi erunt DLB, ILG, & LB, LG, quadrantes.

SEQVITVR etiam ex his, quoscunque duos circulos per C,



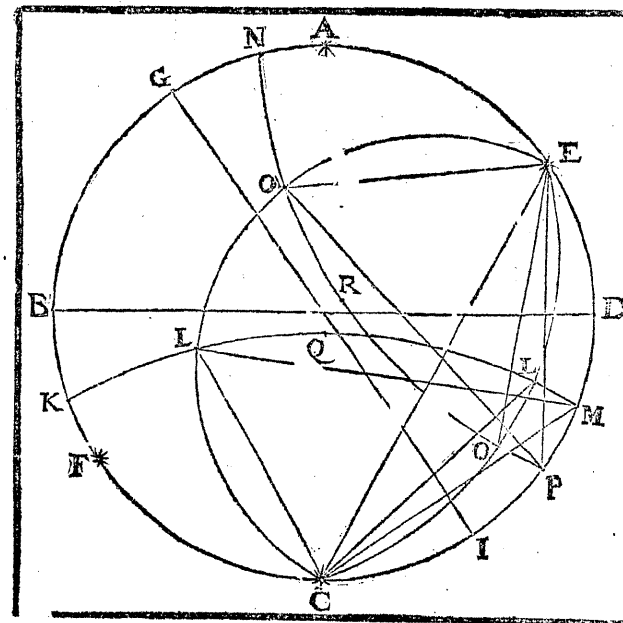
E, ductos interciperi in Aequatore, & circulo maximo obliquo arcus æquales. Cum enim quilibet abscindat arcus æquales vsque ad puncta D, I, vel vsque ad puncta B, G, si minores ex maioribus auferantur, reliqui arcus inter duos circulos intercepti erunt quoque æquales. Ita erunt arcus K L K, H L H, æquales inter duos circulos C H K E, C K H E. Nam arcus æquales D K, I H, ex æqualibus D K L K, I H L H, ablati relinquunt æquales K L K, H L H, atque ita de cæteris.

EADEM

EADEM prorsus demonstratio adhibebitur in alijs duobus semicirculis Aequatoris, & circuli maximi obliqui, ex altera parte maximi circuli ABCD. Nam ex illis quoque planum quodcunque per polos C, E, ductum abscindet arcus æquales inter planum ipsum, & circulum maximum ABCD, vel alterum punctum sectionis Aequatoris, & circuli obliqui interceptos.

RVRSVS in sphaera fit circulus maximus ABCD, per polos mudi A, C, & polos E, F, circuli cuiusvis maximi obliq. ductus, sitq; diameter Aequatoris BD; circuli obliqui, GL, vt supra. Ex polis autem C, E, supra assumptis describantur eodem interuallo duo circuli æquales KLM, NOP, quorum ille Aequatori, hic vero circulo obliquo parallelus erit: qui duo paralleli vel se mutuo secabunt, vt in pri

ma figura, vel nullomodo se interfecabunt, quod duobus modis fieri potest. Aut enim circuli ex polis C, E, descripti sunt intra maximos circulos, quibus æquidistant, vt in 2. figura, aut vltra, vt in 3. figura. Iam per polos C, E, ductatur planum quodpiam vt cunque, & faciens in sphaera superficie circulum CLE, & cum plano circuli maximi ABCD,



communem sectionem, rectam CE: Secetque hic circulus vtrumque parallelum in punctis L, O, quomodocunque inclinatus sit ad maximum circulum ABCD, hoc est, siue angulus inclinationis versus segmentum CDE, sit acutus, siue rektus, siue obtusus. Dico tam arcus abscissos ML, PO, quam KL, NO, esse æquales. Nam ML, incipit à semicirculo superiore, & PO, a sectione australi: At vero KL, a semicirculo inferiore, & NO, a sectione boreali, vt in propositione dictum est, fieri debere. Ductis enim rektis CL, CM, EO, EP, quæ omnes æquales sunt ex polis ad parallelos æquales, iunctisque rektis LM, OP, erunt tam arcus CM, EP, in circulo ABCD, quam arcus CL, EO, in circulo CLE, æquales; ablatisque communibus arcibus MP, LO, quando paralleli se interfecant, vt in prima figura, vel quando non se interfecant, sed tamen existunt vltra circulos

2.2.Theo.

1.1.Theo.

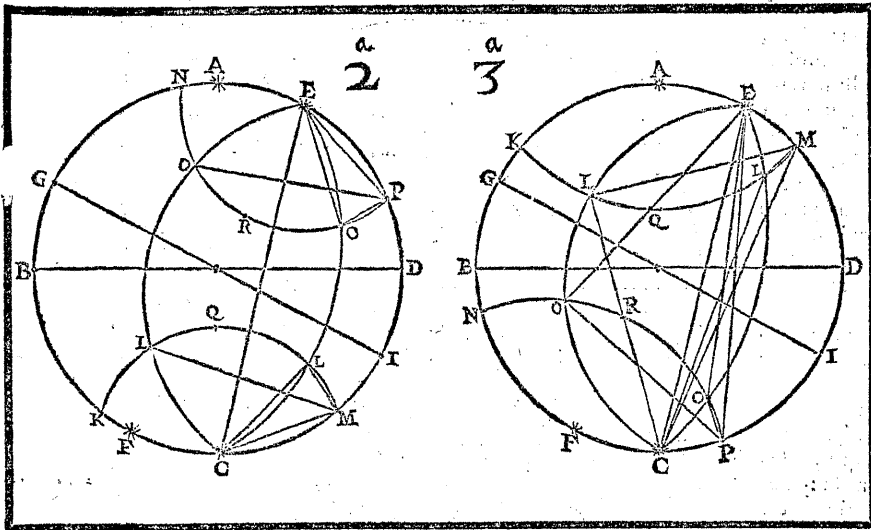
Schol. 21.1
1.Theod.
28. scrij.

circulos maximos, quibus equidistant, vt in tertia figura: vel iisdem arcibus MP, LO, additis, quando non se mutuo secant, sed tamen existunt extra circulos maximos, quibus equidistant, vt in secunda figura, erunt quoque tam reliqui arcus, vel conflati CP, EM, quam CO, EL, æquales; ac proinde tam interni anguli CEP, ECM, in plano maximi circuli ABCD, insisterent arcibus æqualibus CP, EM, quam anguli interni CEO, ECL, in plano circuli CLE, illud per rectam CE, secante insisterent æqualibus arcibus CO, EL, inter se æquales erunt. Igitur per lemma 20. anguli quoque LOM, OEP, erunt æquales. Sunt autem & latera CL, CM, EO, EP, ipsos comprehendentia, æqualia: Igitur & bases LM, OP, æquales erunt; ideoque & arcus ML, PO, æquales erunt, ac proinde & ex semicirculis reliqui KL, NO.

27. tertij.

schol. 21, 1 Theod.

4. primi. 28. tertij.



QVOD si semicirculi parallelorum KLM, NOP, secantur bifariam in quadrantes in punctis Q, R, erunt quoque arcus LQ, OR, inter planum secans CLE, & terminos quadrantum Q, R, intercepti æquales, cum sint complementa æqualium arcuum ML, PO, vel arcuum æqualium KL, NO.

PERSPICVVM etiam est, si circulus CLE, transeat per alterum etiam mundi polum A, ita vt cum maximo circulo ABCD, coincidat, arcus abscissos MLK, PON, æquales esse; quippe qui semicirculi sint. Sic etiam si idem circulus auferat ex vno parallelo quadrantem, auferet quoque ex altero quadrantem, cum necessario æqualem arcum auferat, vt demonstratum est. Item duo quicumque circuli per C, E, ducti intercipient arcus æquales parallelorum, vt paulo ante de Aequatore, & circulo maximo obliquo dictum est.

15. 1. Theo.

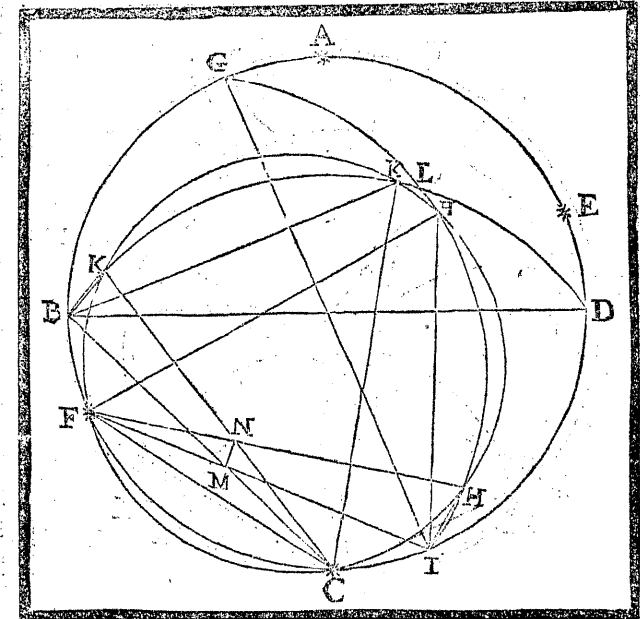
IDEM

IDEM prorsus continget in reliquis duobus semicirculis parallelorum, ex altera parte circuli maximi ABCD, Eadem enim omnino est demonstratio in illis, atque in his, vt patet.

DEINDE per eundem mundi polum C, & polum F, circuli obliqui GHI, propinquiorem ducatur planum aliquod, faciens in superficie sphaeræ circulum CHE, & cum plano maximi circuli ABCD, communem sectionem rectam CF, secetque hic circulus CHF, primum Aequatorem, & circulum obliquum maximum in punctis K, H, vbicumque hoc contingat. Dico arcus abscissos BK, IH; Item DK, GH, (Nam BK, incipit à semicirculo inferiore, & IH, à sectione australi; at vero DK, à semicirculo superiore, & GH, à sectione boreali, vt in propositione præcipitur.) esse æquales. Ductis enim rectis CB, CK, FL, FH, BK, IH: Quoniam CB, FL, quadrantes sunt, ideoque æquales; ablato communi arcu CF, reliqui arcus BF, LC æquales quoque erunt. Igitur anguli BCF, LFC, æquales erunt. Rursum quia in circulo CHF, rectæ CK, FH, æquales sunt, cum sint latera quadratorum in maximis circulis BKD, GHI, descriptorum; erunt quoque arcus quicquid CFK, FCH; æquales, ablatoque communi arcu CF, reliqui arcus FK, CH, æquales etiam erunt. Igitur anguli quoque KCF, HFC, æquales erunt. Itaque quia planum circuli CHE, secat planum circuli ABCD, per rectam CF; suntque tam in hoc æquales interni duo anguli BCF, LFC, quam in illo duo interni anguli KCF, HFC, æquales, vt demonstratum est, erunt quoque per lemma 20. anguli BCK, HFL, æquales. Quod etiã hoc modo, quando tã rectæ CB, FL, se in M, secant, quam rectæ CK, FH, in N, ostendens. Quia tã anguli BCF, LFC, quam anguli KCF, HFC, ostensi sunt æquales; erunt tam rectæ CM, FM, quam rectæ CN, FN, inter se æquales. Ducta ergo recta MN, cum duo latera CM, CN, duobus lateribus FM, FN, equalia sint, basisque MN, communis, erunt quoque anguli MCN, MFN, æquales. Itaque in triangulis CBK, FIH, quoniam latera

1. 1. Theo. 3. undec.

coroll. 16. 1. Theod.



27. tertij.

16. 1. Theo.

28. tertij.

27. 10. vij.

6. primi.

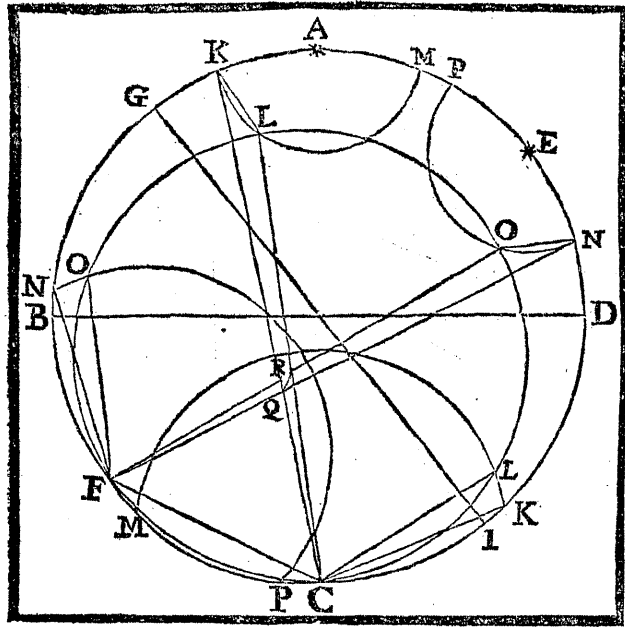
8. primi.

16. Theor. latera CB, CK, lateribus FI, FH, æqualia sunt, quod omnia sint latera quadratorum in maximis circulis descriptorum; anguloque comprehendunt æquales, BCK, IFH, vt ostendimus; b erunt quoque bases BK, IH, æquales; atque idcirco & arcus BK, IH, æquales erunt; ac proinde & ex semicirculis reliqui DK, GH æquales erunt, &c.

4. primi.
28. tertij.

1. Theor.

R V R S V S ex eisdem polis assumptis C, F, vicinis descripti sint vno eodemque interuallo duo circuli æquales KLM, NOP, siue citra Aequatorem, & circulum maximum obliuum, siue vltra; Et per eosdem polos C, F, planum ducatur, a faciens in superficie spheræ circulum CLOF, & cum maximo circulo ABCD, communem sectionem, rectam CF. Secet autem hic circulus factus circulos ex polis C, F descriptos in L, O. Dico tam arcus KL, NO, quam ML, PO, æquales esse; quorum KL, incipit à semicirculo superiore, & NO, à sectione boreali in



parallelis citra maximos circulos; in alijs autem prior a semicirculo inferiore, & posterior a sectione australi incipit. Item ML, incipit à semicirculo inferiore, & PO, à sectione australi, in parallelis citra maximos circulos; in alijs autem incipit ML, à superiore semicirculo, & PO, à sectione boreali; vt in proposito ne precipitur. Ductis enim

schol. 21. Theor.
28. tertij.

rectis CK, CL, FN, FO, quæ omnes inter se æquales sunt ex polis proprijs ad circulos æquales: Quoniam tam arcus CK, FN, in circulo ABCD, ob rectas æquales CK, FN, quam arcus CL, FO, in circulo CLOF, ob æquales rectas CL, FO, æquales sunt; addito communi arcu CF, in vtroque circulo, quando circuli KLM, NOP, sunt citra maximos circulos, vel quando sunt vltra eosdem, ablato eodem arcu CF, erunt quoque tam conflati, vel reliqui arcus FK, CN, in circulo ABCD, quam FL, CO, in circulo CLOF, æquales; ideoque & tam reliqui ex circulis totis FAK, CAN, in circulo ABCD, quam FOL, CLO, in circulo CLOF, æquales erunt. Igitur tam interni anguli KCF, NFC, insistentes arcibus æqualibus FAK, CAN, circuli ABCD, quam interni LCF, OFC, insistentes æqualibus

27. tertij.

æqualibus arcibus FOL, CLO, circuli CLOF, æquales erunt; ac proinde per lemma 20. anguli quoque KCL, NFO, æquales erunt. Quod hoc etiam modo ostendes, quando tam rectæ CK, FN, quam CL, FO, se intersectant in Q, R; vt accidit, quando circuli KLM, NOP, vltra maximos circulos existant. Quoniam tam anguli KCF, NFC, quam LCF, OFC, sunt ostensi æquales; a erunt tam rectæ CQ, FQ, quam CR, FR, æquales inter se. Ducta ergo recta QR, cum duo latera CQ, CR, duobus lateribus FQ, FR, æqualia sint, basisque QR, communis, b erit quoque anguli QCR, QFR, æquales. Itaque in triangulis CKL, FNO, c quia latera CK, CL, lateribus FN, FO, æqualia sunt, angulosque continent æquales KCL, NFO, vt ostensum est; d erunt bases etiam KL, NO, æquales, e atque idcirco & arcus KL, NO, abscissi æquales erunt, ideoque & ex semicirculis reliqui ML, PO, æquales erunt, &c.

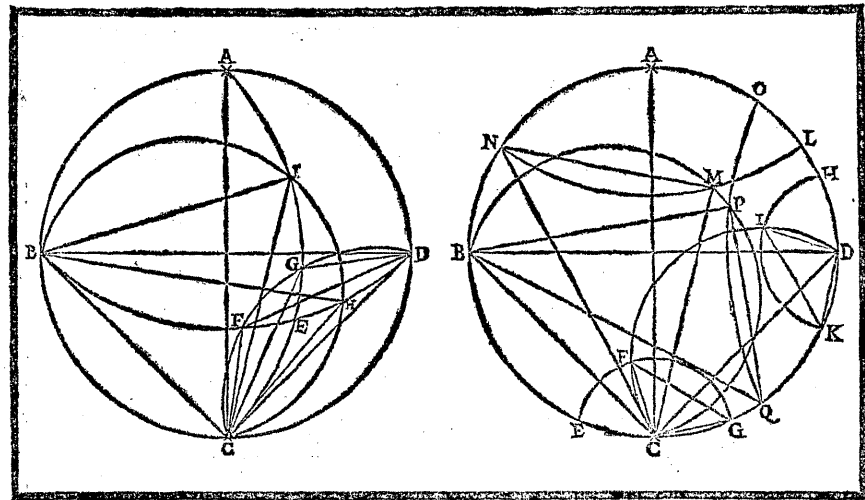
6. primi.

8. primi.

schol. 21. Theor.

4. primi.
28. tertij.

SED demonstremus iam hoc idem Lemma, quando alter circulorum ad



Aequatorem rectus est. Sit circulus maximus ABCD, per A, C, polos mundi, siue Aequatoris BED, & per B, D, polos circuli maximi AEC, ad Aequatorem recti descriptus, vt in hac priori figura; ducaturque primum per polum australem mundi C, & per polum circuli AEC, superiorem D, planum, faciens in circulo ABCD, rectam CD, & in spheræ circulum CFGD, qui Aequatorem secet in F, & circulum AEC, in G. Dico arcus abscissos DF, CG, vel BF, AG, æquales esse; quorum DF, initium sumit à semicirculo superiore, & CG, à sectione australi: At vero B, à semicirculo inferiore, & AG, a sectione boreali, vt faciendum esse in propof. præcepimus. Ductis enim rectis CF, DG, FD, GC, erunt CF, DG, æquales, cum sint latera quadratorum in circulis maximis descriptorum; ideoque

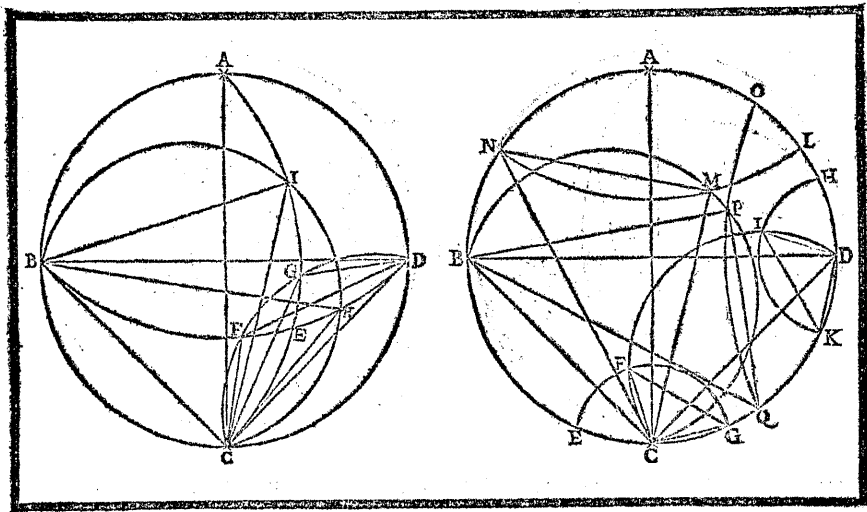
16. Theor.
28. tertij.

que

que & arcus CF, DG, æquales erunt; additoque communi arcu FG, vel ablato, si circulus CFGD, citra punctum E, maximos circulos secaret; erunt quoque arcus CFG, DGF, æquales; ^a ac propterea & anguli CDG, DCF, æquales erunt in plano circuli CFGD. Quapropter cum duo latera CF, CD, duobus lateribus DG, DC, æqualia sint, ^b quod CF, DG, latera sint quadratorum in circulis maximis descriptorum, latus autem CD, commune) angulosque contineant æquales DCF, CDG, vt demonstratum est; erunt quoque bases DF, CG, æquales. ^c Immo rectæ DF, CG, æquales sunt, propter arcus DGF, CFG, æquales circuli CFGD. ^d Igitur & arcus DF, in Aequatore, & CG, in circulo AEC; ac propterea & ex semicirculis reliqui BF, AG, æquales erunt. quod est propositum.

^a 27. tertij.
^b 16. i. Theo.
^c 4. primi.
^d 29. tertij.
^e 28. tertij.

DVCATVR deinde per eundem polum australem mundi C, & per polum circuli AEC, inferiorem B, planum, faciens in circulo ABCD, rectam CB, & in



sphæra circulum CHIB, qui secet Aequatorem in H; & circulum AEC, in I. Dico rursus arcus abscissos BH, CI, vel DH, AI, æquales esse; quorum BH, in Aequatore incipit à semicirculo inferiore, & CI, à sectione australi: At vero DH, à semicirculo superiore, & AI, à sectione boreali, vt propositio præcipit. Ductis enim rectis CH, BI, BH, CI, erunt CH, BI, æquales, cum sint latera quadratorum in maximis circulis descriptorum. Igitur arcus CH, BI, æquales erunt; additoque communi arcu HI, vel ablato, quando nimirum circulus CHIB, circulos secat citra E; toti quoque, vel reliqui arcus CH, BI, æquales erunt; ^a ac propterea & anguli CBI, BCH, ipsi insistentes ad peripheriam æquales erunt in plano circuli CHIB. Quocirca cum duo latera CH, CB, duobus

^b 16. i. Theo.
^c 28. tertij.
^d 27. tertij.

bus lateribus BI, BC, æqualia sint, ^a Nam CH, BI, latera sunt quadratorum in circulis maximis descriptorum, & latus BC, commune) complectanturque; angulos æquales BCH, CBI, vt ostendimus, ^b erunt quoque bases BH, CI, æquales: Immo rectæ BH, CI, æquales sunt, propter æquales arcus BI, HI, CH, CI, circuli CHIB. Igitur & arcus BH, CI, in Aequatore, & circulo AEC; atque idcirco & ex semicirculis reliqui DH, AI, æquales erunt. quod est propositum.

^a 16. i. Theo.
^b 4. primi.
^c 26. tertij.
^d 28. tertij.

RVRVSVS ex C, polo australi, & D, polo superiori alterius circuli maximi, sint descripti paralleli æquales EFG, HIK, ac per eosdem polos ductum planum faciat in circulo ABCD, rectam CD, in sphæra autem circulum CFID, qui parallelos secet in F, I, vt in posteriori figura. Dico iterum arcus abscissos GF, KI, vel EF, HI, esse æquales; quorum GF, incipit à superiore semicirculo, & KI, à sectione australi: At vero EF, à semicirculo inferiore, & HI, à sectione boreali, vt vult propositio. Ductis enim rectis CF, CG, GF, DI, DK, KI, erunt CE, CG, DI, DK, inter se æquales. Igitur & arcus CF, DI, æquales erunt; additoque communi arcu FI, vel ablato, si opus sit; arcus quoque CI, DF, æquales fient; ideoque & anguli CDI, DCF, ipsi insistentes æquales erunt in plano circuli CFID. Eodem modo æquales erunt arcus CG, DK; ac proinde & ex quadrante CD, reliqui DG, CK, æquales erunt; atque idcirco æquales etiam erunt anguli DCG, CDK, in plano circuli ABCD. Igitur per lemma 20. anguli quoque FCG, IDK, æquales erunt: Sunt autem & latera ipsos comprehendentia inter se æqualia obtenta. Igitur & bases FG, IK; ac proinde & arcus FG, IK, vna cum residuis EF, HI, ex semicirculis, æquales erunt.

^e schol. 21. i. Theod.
^f 28. tertij.
^g 27. tertij.
^h 28. tertij.
ⁱ 27. tertij.

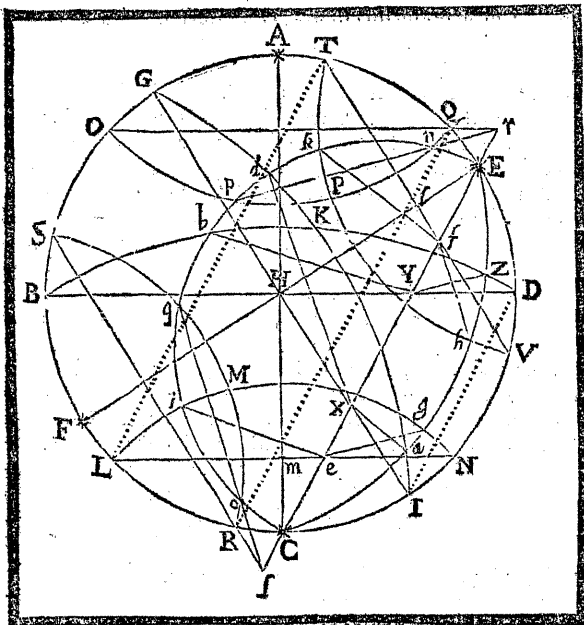
AD extremum ex polo australi C, & B, polo inferiore alterius circuli maximi ad Aequatorem recti, describantur paralleli æquales LMN, OPQ, & per eosdem polos planum ductum faciat in circulo ABCD, rectam CB, in sphæra autem circulum CPMB, parallelos secantem in M, P. Dico arcus quoque abscissos NM, QP, vel LM, OP, esse æquales; quorum NM, à semicirculo inferiore, & QP, à sectione australi incipit: At vero LM, à semicirculo superiore, & OP, à sectione boreali, vt res postulat, quemadmodum in propositione dictum est. Ductis namque rectis CM, CN, BP, BQ, MN, PQ, quarum priores quatuor inter se æquales sunt; erunt arcus CM, BP, æquales, ablatoque communi arcu MP, vel addito, si quando res postulauerit; reliqui quoque æquales erunt CP, BM. Igitur æquales erunt anguli ipsi insistentes CBP, BCM, in plano circuli CPMB. Eadem ratione æquales erunt arcus CN, BQ, & ablato communi quadrante BC, vel addito, si opus fuerit, arcus quoque BN, CQ, æquales erunt; ac propterea & anguli BCN, CBQ, æquales inter se erunt in plano circuli ABCD. Quocirca cum in planis circulorum APMB, ABCD, sese in recta BC, secantibus duo anguli CBP, CBQ, duobus angulis BCM, BCN, æquales existant; erunt per lemma 20. æquales quoque anguli PBQ, MCN. Cum ergo comprehendantur lateribus æqualibus, vt ostendimus; erunt etiam bases æquales MN, PQ. Igitur & arcus MN, PQ, ideoque & ex semicirculis reliqui LM, OP, æquales erunt. quod est propositum.

^k 4. primi.
^l 28. tertij.
^m schol. 21. i. Theod.
ⁿ 28. tertij.
^o 27. tertij.
^p 28. tertij.

Alia demonstra-
tio totius lem-
matis.

101. Theo.

C A E T E R V M quia lemma hoc ex precipuis unum est, cum mirificum
usum habeat in diuidendis circulis Astrolabij in gradus, libet illud alia ratione demon-
strare, ut eius veritas magis perspicua fiat. Sit igitur rursus in sphaera circulus maxi-
mus ABCD, per A, C, polos mundi, vel Aequatoris BKD, & E, F, polos cuiusvis cir-
culi maximi obliqui GKI, descriptus; Centrum sphaerae, & omnium maximorum cir-
culorum H; Axis Aequatoris AC; circuli obliqui axis EF, qui axes, a cum ad suos
circulos recti sunt, perpendiculares erunt ex d. s. m. 3. lib. 1. Euclid. ad diametros pro-



priorum circulo-
rum BD, GI,
ita ut ex scholio
propof. 27. lib. 3.
Euclid. quadrata
res sint AB, BC,
CD, DA; EG,
GF, FI, IE. De
scribantur quo-
que ex polis C,
E, quatuor paral-
leli, ex singulis
bini, LMN,
OPQ, RMS,
TPV, qui aqua-
les sint. Intelli-
gatur autem pri-
mum duci pla-
num per C, po-
lum Aequato-
ris, & E, polum
circuli obliqui
C, remotiorem,
quod faciat in
circulo ABCD,
communem se-
ctionem, rectam

CE, in superficie autem sphaerae circulum CabE, quando ad partes D, I, vergit, vel
circulum Cb dE, quando vergit ad partes B, G. Prior autem circulus secet Aequato-
rem, & maximum circulum GKI, in a; parallelos autem LMN, TPV, in g, h: At
posterior circulus eosdem circulos secet in b, d, i, k; Et parallelos OPQ, SMR, in n, o,
p, q. Dico arcus abscissos DZ, Ia, & BZ, Ga, aequales esse; quorum DZ, incipit a se-
micirculo superiore, & Ia, a sectione australi; At vero BZ, a
semicirculo inferiore, & Ga, a sectione boreali. Item eadem de causa aequales esse arcus
Db, Id, vel Bb, Gd, in Aequatore, & maximo circulo obliquo. Similem ob causam dico
in parallelis LMN, TPV, aequales esse arcus Ng, Vb, vel Lg, Th: Itemque Ni, Vk,
vel Li, Tk: Ac denique in parallelis OPQ, SMR, arcus Qn, RO, vel On, SO: Item
Qp, Rq, vel Op, Sq. Iuncta enim recta DI, quoniam quadrantes EI, CD, aequales
sunt; dempto communi arcu DI, reliqui DE, IC, aequales quoque erunt. Igitur ex
29. primi. scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. parallelae erunt CE, ID; b angulique propterea HXY,
HYX,

HYZ, angulis HID, HDI, externi internis, aequales erunt. Cum ergo hi aequales sint
in Isosceles HDI, erunt quodque illi aequales; b ideoque & recta XH, YH, aequales erunt,
hoc est, puncta Y, X, a centro H, aequaliter distabunt. Faciant quoque plana circuli-
rum Ca hE, Cb dE, in Aequatore sectiones, rectas YZ, Yb; in circulo vero maximo
obliquo GDI, rectas Xa, Xd: & in parallelis LMN, TPV, OPQ, SMR, rectas eg,
ei; fb, fk; nq, sq.

IT A Q V E quoniam in rectas BD, GI, in plano circuli ABCD, existentes in-
cidit recta CE, faciens angulos HXY, HYX, aequales, & in rectis BD, GI, insistant
plana circulorum BKD, GKI, qua sunt ad planum circuli ABCD, recta: commu-
nes sectiones YZ, Xa; Yb, Xd, planorum CabE, Cb dE, per CE, ductorum c: m Aequa-
tore, & circulo maximo obliquo, facient cum diametris BD, GI, in punctis Y, X, aqua-
los angulos DYZ, IXa; DYb, IXd, ex praecedenti lemmate 22. Cum ergo puncta Y, X,
a centro H, aequaliter distent, ut ostensum est, abscondenti ex lem. mate 21. ca dem com-
munes illa sectiones YZ, Xa; Yb, Xd, ex circulis BKD, GKI, arcus aequales DZ, Fa;
Db, Id: Item hZ, Ga, Bb, Gd.

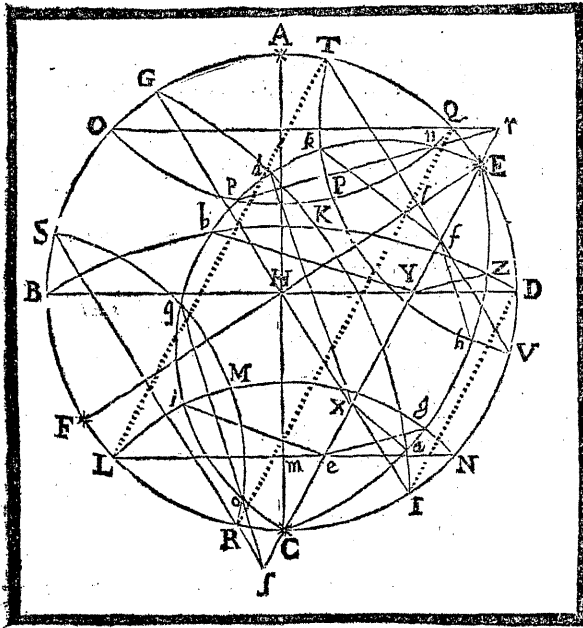
R V R S V S iuncta recta LT, a quoniam recta ex polis C, E, ad puncta L, T, circulo
ru aequalium aequales sunt; a aequales erunt arcus CL, ET; ac propterea ex schol. propof.
27. lib. 3. Euclid. parallelae erunt TL, CE; b ideoque anguli Nef, Vfe, angulis
NLT, VTL, externi internis, aequales erunt. Sunt autem anguli NLT, VTL,
aequales, quod arcus NI, LV, quibus insistant, aequales sint. (Quoniam enim ar-
cus TV, LN, quae diametri TV, LN, circulorum aequalium subtendant, aequa-
les sunt; addito communi arcu NV, toti arcus NT, LV, aequales fient.) Igitur
anguli Nef, Vfe, aequales inter se erunt. Praeterea quia in triangulis Nef, Cme,
anguli E, C, aequales sunt, ob isosceles CHE, & anguli l, m, recti, (quod axes
EF, CA, recti sint ad eorum circulos, ideoque & ad eorundem diametros ex desin.
3. lib. 11. Euclid.) & recta quoque El, Cm, sinus versu arcuum aequalium LT, CI,
aequales, ut ad definitiones sinusum demonstrauimus; erunt etiam lf, me, aequales;
ideoque puncta f, e, a centrīs l, m, aequaliter distabunt.

IT A Q V E quoniam in rectas LN, TV, in plano circuli ABCD, existentes
incidit recta CE, faciens angulos Nef, Vfe, aequales; & in rectis LN, TV, insi-
stant plana circulorum LMN, TPV, quae ad planum circuli ABCD, recta sunt:
communes sectiones eg, fb; ei, fk, planorum CabE, Cb dE, per CE, ductorum etiam
parallelis LMN, TPV, facient cum diametris LN, TV, in punctis e, f, angulos aequales
Neg, Vfb; Nei, Vfk, ex antecedente lemmate 22. Cum ergo puncta e, f, a centrīs m, l,
aequaliter distent, ut ostensum est; communes illa sectiones eg, fb; ei, fk, abscondenti
ex circulis LMN, TPV, aequales arcus Ng, Vb; Ni, Vk: Item Lg, Th; Li, Tk, ex lem-
mate 21.

D E N I Q V E iuncta recta QR, a quoniam & toti arcus AE, FC, ob
angulos AHE, FHC, in centro aequales, cum sint ad verticem, aequales sunt, & c
AQR, FR, ablati aequales quoque, & quod recta AQR, FR, ex polis A, F, ad circulo-
los aequales cadentes ad Q, R, sint aequales; erunt etiam arcus EQR, CR, T
aequales; ac propterea ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. parallelae erunt CE, QR.
Igitur recta OQR, SR, producta, cum secent isf: m QR, in Q, R, secabunt quoque
eius parallelam CE, productam in r, S; angulique OQR, SRQ, angulis Orf, s
Sfr, externi internis, aequales erunt. Sunt autem anguli OQR, SRQ, aequales,
quod arcus OR, SQ, quibus insistant, aequales sint. (Quoniam enim arcus RS, OQ,
quos diametri RS, OQ, aequalium circulorum subtendant, aequales sunt; addito arcu
communi OS, toti arcus OR, SQ, aequales fient.) Igitur & anguli Orf, Sfr, aequales
erunt. Praeterea quia in triangulis rC, suE, anguli r, s, aequales sunt ostensi, & anguli
L 2 t, u,

^a 15.1. Theo. ¹, ², ³, ⁴, recti, (quod axes AC, FE, recti sint ad eorum circulos, ideoque ad eorundem diametros, ex defin. 3. lib. 11. Eucl.) & latera quoque Ct, Eu, aequalia; (Nam cum, ut ad definitiones sinuum demonstravimus, sinus versi At, Fu, arcuum aequalium A Q, FR, aequales sint, erunt quoque reliqua partes Ct, Eu, diametrorum AC, FE, aequales.) ^b erunt quoque recta r t, s u, aequales, ideoque puncta r, s, a centrīs t, u, aequaliter distabunt.

IT A Q V E quoniam in rectas Or, Ss, in plano circuli ABCD, existentes incidit recta r s, hoc est, CE, producta, faciens angulos Ors, Sfr, aequales; & in rectis Or, Ss, insistant plana circulorum OPQ, SMR, c qua ad planum circuli ABCD, recta sunt 3 communes sectiones rnp, soq, plani Cb d E, per CE, ducti cum planis circulorum OPQ, SMR, facient, per praecedens lemma 22. cum diametris OQ, SR productis in punctis r, s, angulos aequales Orn, Sfo, vel Orp, Sfq. Cum ergo puncta r, s, a centrīs t, u, aequaliter distent, ut ostendimus; communes illa sectiones rnp, soq, abscedent ex circulis OPQ, SMR, aequales arcus Qn, Ro, Qp, Rq: Item

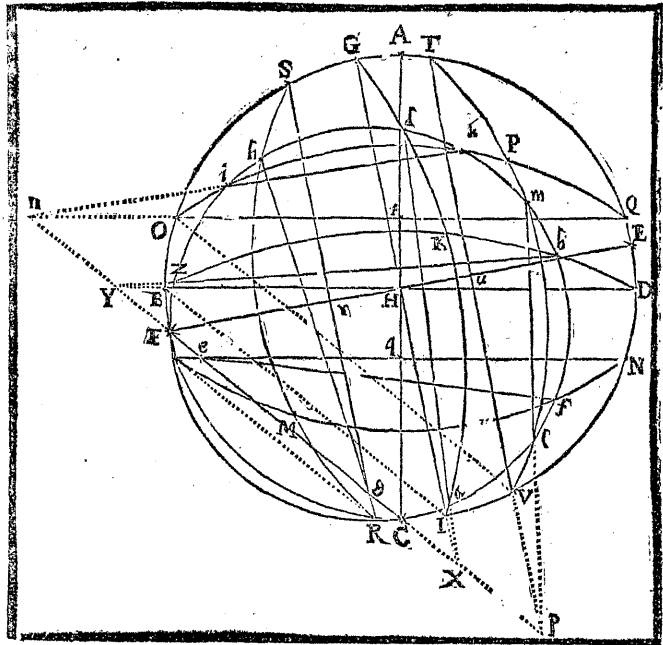


Oo, Sa; Op, Sq, ex lemmate 21.

Q V O D si quando contingat, communem sectionem rn, quam planum per CE, ducit cum circulo OPQ, facit, tangere circulum OPQ, tanget quoque altera sectio communis so, circulum SMR, ut in lemmate 21. demonstravimus. Quocirca planum illud per CE, ductum tanget utrumque circulorum OPQ, SMR. Puncta autem contraeantum inveniuntur, si circa diametros OQ, SR, circuli describantur, & ex r, s, ad eos ducantur tangentes lineae.

INTELLIGATVR deinde duci planum per C, polum Aequatoris, & F, polum circuli obliqui ei propinquorem, quod faciat in circulo ABCD, communem sectionem, rectam CF, in superficie autem sphaerae circulum Cab d F, qui Aequatorem secet in z, b; circulum maximum obliquum GKI, in a, d; parallelum LMN, in f; SMR, in h; parallelum OPQ, in i, k; parallelum denique TPV, in l, m. Dico arcus abscessos (in initio semper facti in Aequatore, eiusque parallelis, a superiore semicirculo, & in maximo circulo

circulo obliquo, eiusque parallelis, a sectione boreali; Aut in illis a semicirculo inferiore, & in his a sectione australi, veluti proposuimus faciendum esse praescriptis.) Bz, Ia; Bb, Id; DZ, Ga; Db; Gd, in Aequatore, & circulo obliquo maximo GKI. Item Lf, Rb, Nf, Sb, in parallelis LMN, SMR: Ac tandem Oi, v h; Ok, v m; Qi, Tl; Qk, Tm, in parallelis OPQ, TPV, inter se esse aequales. Iuncta enim recta BI, quoniam quadrantes BC, FI, aequales sunt; dempto arcu communi CF, reliqui quoque arcus BF, CI, aequales erunt. Igitur ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. parallela erunt BI, CF; ac propterea reeta HB, HI, secantes ipsa BI, secabunt quoque producta eius parallela CF productam in T, X, a angulig; ppte reeta HBI,



^a 29. primi.

HIB, angulus H Y X, H X Y, externi internis, aequales erunt. ^b Sunt autem HBI, HIB, in Isoscele HBI, aequales. Igitur & H Y X, H X Y, aequales erunt; ^c atque idcirco & reeta HY, HX, aequales erunt, hoc est, puncta Y, X, a centro H, aequaliter distabunt. Faciat quoque planum circuli Cab d F, in Aequatore sectionem communem rectam YZ, in circulo GKI, reeta Xad; in parallelis LMN, SMR, rectas ef, gh; & in parallelis OPQ, TPV, rectas nik, plm.

^b 5. primi. ^c 6. primi.

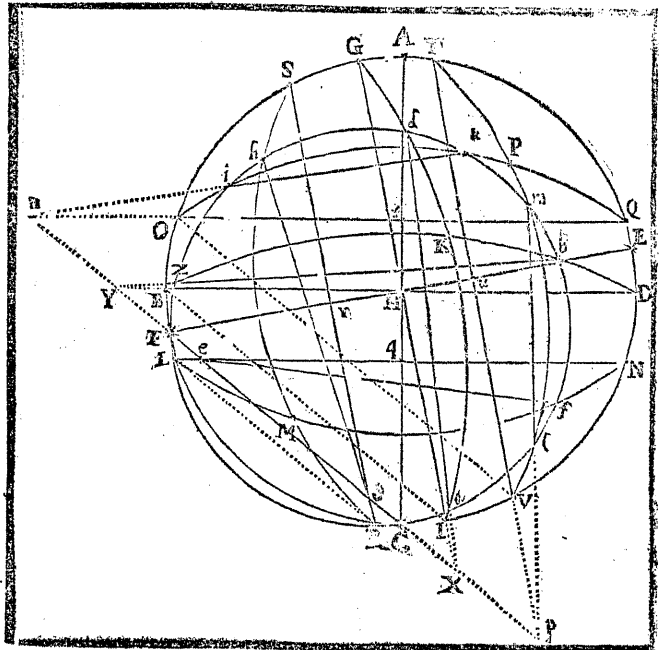
IT A Q V E quoniam in rectas DY, GX, in plano circuli ABCD, existentes incidens recta XY, hoc est, CF, producta, facit angulos aequales H Y X, H X Y: Et in rectis DY, GX, insistant plana circulorum BKD, GKI, a qua ad planum circuli ABCD, recta sunt: communes sectiones YZ, Xad, plani circuli Cab d F, per CF, ducti cum planis circulorum BKD, GKI, facient cum diametris DB, GI, productis in punctis Y, X, aequales angulos DYX, GXD, ex lemmate 22. praecedente. Cum ergo puncta Y, X, a centro H, aequaliter distent, ut ostendimus, abscedent eadem communes sectiones YZ, Xad, per lemna 21. ex circulis BKD, GKI, aequales arcus Bz, Ia; Bb, Id. Item DZ, Ga; Db, Gd.

^d 15.1. Theo.

R V R S V S iuncta recta LR, c quoniam recta ex polis C, F, ad puncta L, R, circulorum

^e schol. 21. 1. ^f Theod.

^a 28. tertij. *lorum equalium cadentes, sunt aequales; a erunt quoque arcus CL, FR, aequales; dem-
proque communi arcu LR, reliqui CR, FL, aequales erunt. Igitur ex scholio propof. 27.
lib. 3. Euclid. parallela erunt CF, RL; ^b proptereaque anguli N eg, Sga angulis NLR,
^c 29. primi. SRL, externi internis, aequales erunt. ^c Sunt autem NLR, SRL, aequales, quod arcus
^d 27. tertij. NK, SL, quibus insistant, aequales sunt. (^d Quoniam enim arcus NL, SR, quos diametri
^e 28. tertij. NL, SR, circulatorum equalium subtendunt, aequales sunt; ablato arcu communi LR,
reliqui arcus NR, SL, aequales quoque erunt.) Igitur & anguli N eg, Sga, aequales in-
ter se erunt. Praterea quia in triangulis eq C, gr F, anguli q r, recti sunt; (^e add axes
CA, FE, re-
ti sint ad
coram circulo,
ideoque
& ad eorundem
dem diametros,
ex definitione 3.
libri 11.
Euclid.) &
anguli e, g,
ostense a-
quales, at-
que recta
Cg, Fr, si-
nus uerfi ar-
cum aqua-
lium CL,
FR, aqua-
les quoque,
ut ad defi-
nitiones si-
mum de-
monstrau-
mus; erunt
quoque re-
cta e q, g r,
aequales;
ideoque pun-
cta e, g, a
centris q, r,
aqualiter distabunt.*



26. primi.

*Ita A Q V E quia in rectas LN, RS, in plano circuli ABCD, existentes, incidens
recta CF, facit aequales angulos geN, egS: Et in rectis LN, RS, insistant plana circu-
lorum LMN, RMS, & qua ad planum circuli ABCD, recta sunt: communes sectiones
es, gb, quas planum circuli CabdZF, per CF, ductum in planis circulatorum LMN,
RMS, facit, constituent cum diametris LN, RS, in punctis e, g, angulos aequales
feN, hgS, ex precedente lemmate 22. Cum ergo puncta e, g, a centris q, r, aequaliter
distent, ut ostendimus; absindent eadem communes sectiones es, gb, per lemma 21. ex
circulis LMN, RMS, arcus aequales Lf, Rb: Item Nf, Sb.*

*D E N I Q V E iuncta recta OV, quoniam quadrantes C D, F A, aequales sunt; &
arcus quoq; ablati DV, GO, aequales; (^h Nam arcus EV, AO, toti aequales sunt, quod
recta ex polis E, A, ad puncta V, O, circulatorum equalium cadentes, sunt aequales. ^h Sunt
autem*

15. 1. Theo.

28. tertij.

schol. 21. 1. Theod.

27. tertij.

*autem & arcus ED, AG, aequales, ob angulos EHD, GHA, qui aequales remanent,
decepto communi AHE, ex duobus rectis EHG, AHD. Igitur & reliqui arcus DV,
GO, aequales erunt. Ierunt quoque reliqui arcus CV, FO, aequales; atque idcirco ex sch
lio propof. 27. lib. 3. Euclid. parallela erunt CF, OV: ac propterea recta QO, TV, se-
cantes ipsam OV, fecerunt quoque producta eum parallelam productam CF, in n, p;
^a ac proinde anguli QOV, TVO, angulis Qnp, Tpn, externi internis, aequales erunt. ^a 29. primi.
^b Sunt autem anguli QOV, TVO, aequales, quod arcus QV, TO, quibus insistant, aqua- ^b 27. tertij.
tes sint. (^c Quoniam enim arcus TV, QO, quos diametri TV, QO, circulatorum aqua- ^c 28. tertij.
lium subtendunt, aequales sunt; dempto communi arcu QT, reliqui arcus QV, TO, ^d 10. 1. Theo.
aequales erunt.) Igitur & anguli Qnp, Tpn, aequales erunt. Praterea quia in triangu- ^e 26. primi.
lis n C, puF, anguli n, p, recti sunt, (^e quod axes CA, FE, recti sint ad eorum circulo-
los, atque idcirco & ad eorundem diametros, ex defm. 3. lib. 11. Eucl.) & anguli n, p, ^f 15. 1. Theo.
ostense aequales, atque insister recta Ci, Fr, aequales; (Nam cum, ut ad definitiones si-
mum demonstrauimus, sint uerfi At, Eu, arcuum equalium AO, ET, aequales sint; ^g 26. primi.
erunt quoque reliquae partes C t, F u, diametrorum AC, FE, aequales.) e erunt
quoque recta ut, p u, aequales; ideoque puncta n, p, a centris t, u, aequaliter dista-
bunt.*

*IT A Q V E cum in rectas Qn, Tp, in plano circuli ABCD, existentes incidens
recta np, hoc est, CF, producta faciat angulos Qnp, Tpn, aequales: In rectis autem
Qn, Tp, insistant plana circulatorum OPQ, TPV, & qua ad planum circuli ABCD, ^f 15. 1. Theo.
recta sunt: communes sectiones nik, plm, quas planum circuli CabdZF, per CF, du-
ctum in planis circulatorum OPQ, TPV, facit, constituent cum diametris QO, TV, pro-
ductis in punctis n, p, aequales angulos Qnk, Tpm, ex precedente lemmate 22. Cum ergo
puncta n, p, a centris t, u, aequaliter distare su demonstratum; absindent eadem commu-
nes sectiones nik, plm, per lemma 21. ex circulis OPQ, TPV, arcus aequales Oi, Vl; ck,
Vm; Item Qi, Th; Qk, Tm.*

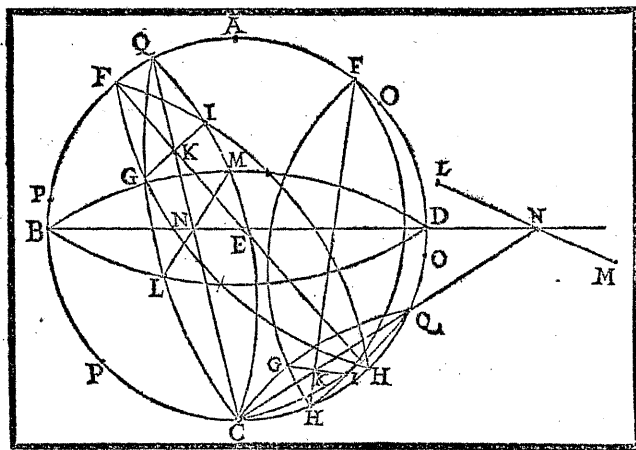
*Q V O D si quando contingat, sectionem communem YZb, quam planum per CF,
ductum cum Aequatore facit, tangere Aequatorem BKD, tanget quoque altera sectio
communis Xad, circulum obliquum GKI, ut in lemmate 21. demonstrauimus. Quocir-
ca tunc planum per CF, ductum tanget utrumque circulatorum maximum BKD,
GKI. Puncta autem contactuum reperientur, si circa diametros BD, GI, cir-
culi describantur, & ad eos ex Y, X, lineae tangentes ducantur. Pari ratione, si quando
communis sectio n i k, quam idem planum per CF, ductum cum circulo OPQ,
facit, contingat ipsum circulum OPQ, tanget quoque altera sectio commu-
nis plm, circulum TPV, ut in lemmate 21. ostensum est. Quare tunc pla-
num per CF, ductum coninget utrumque circulatorum OPQ, TPV. Pun-
cta vero contactuum inuenientur eodem modo, si circa diametros OQ, TV,
circuli describantur, & ex punctis n, p, recta lineae ducantur, qua eos tan-
gant.*

*H A E C posterior porro demonstratio facile, si libuerit, accomodabitur etiam
ad circulum maximum, qui ad Aequatorem rectus sit, eiusque parallelos: Sed nos bre-
uitatis causa priore demonstratione contenti simus, qua locum etiam habet in circulis
ad Aequatorem rectis, ut ostensum est.*

LEMMA XXIII.

SI in sphaera sit circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, & per quoduis punctum diametri ipsius, quam circulus maximus per eius polos, & polos mundi ductus facit, ad ipsam diametrum perpendicularis linea ducatur: Planum per utrumvis polorum mundi & illam perpendicularem ductum faciet in plano Aequatoris communem sectionem, rectam lineam perpendicularem ad Aequatoris diametrum, quam idem ille circulus maximus per dictos polos ductus facit.

IN sphaera ABCD, cuius centrum E, sit circulus obliquus quicumque, hoc est, non per mundi polos ductus siue maximus, siue non maximus FGHI: Et per A, C, polos mundi, & O, P, polos circuli obliqui, ducatur circulus maximus ABCD, qui quoniam obliquum circum secat bifariam, & ad angulos rectos, faciet communem sectionem, diametrum circuli obliqui FH, ad quam per punctum quodlibet K, perpendicularis ducatur GKI: Per hanc autem, & polum mundi C, ducatur planum faciens in superficie sphaerae circum CGQI, in



Aequatoris vero plano B L D M, etiam producto extra sphaeram, si opus fuerit, recta LM, quae diametrum eius BD, etiam productam, si necesse sit, ab eodem circulo maximo ABCD, facta secet in N. Dico LM, esse ad

15. Theo.

BD, etiam productam, si fuerit opus, in N, perpendicularem. Quoniam enim circulus obliquus FGHI, ad circum ABCD, rectus est; erit per def. 4. lib. 11. Eucl. recta GKI, quae ad FH, communem sectionem horum circumulorum ducta

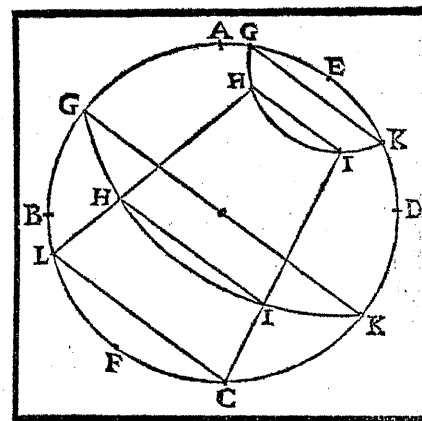
est per-

est perpendicularis, ad planum eiusdem circuli ABCD, perpendicularis. Igitur & planum, in quo circulus CGQI, existit, per GI, ductum ad eundem circum ABCD, rectum erit. Quoniam igitur planum Aequatoris BLDM, ad planum circuli ABCD, rectum est, cum per eius polos ducatur; (Quoniam enim ABCD, per Aequatoris polos A, C, ducitur, transibit vicissim Aequator per illius polos, ex schol. propof. 15. lib. 1. Theod.) & est ostensum quoque planum circuli CGQI, rectum ad eiusdem circuli ABCD, planum; erit quoque LM, communis sectio plani Aequatoris, & plani circuli CGQI, ad eiusdem circuli ABCD, planum recta; ideoque, ex def. 3. lib. 11. Eucl. eadem recta LM, ad diametrum Aequatoris BD etiam productam, si opus sit, in N, perpendicularis erit. quod est propositum.

LEMMA XXV.

SI in sphaera per polos mundi & polos cuiusvis circuli obliqui maximi, eiusque parallelorum, maximus circulus ducatur, in quo ex alterutro mundi polo agatur diametro circuli obliqui parallela, & per hanc, planum utcumque extendatur: Erunt duo arcus tam circuli maximi obliqui, quam cuiuslibet parallelorum ipsius inter circum maximum per polos mundi, & circuli obliqui ductum, & planum secans intercepti aequales inter se.

IN sphaera sit maximus circulus ABCD, per mundi polos A, C, & polos E, F, circuli maximi obliqui GHIK, & eius paralleli cuiuscunque GHK, ductus; ac proinde utrumque bifariam secans, ita ut in utroque semicirculo sit GHIK, & diameter GK, cui in eodem circulo maximo parallela per polum mundi C, agatur CL; per quam planum utcumque ductum sit CLHI, secans vel circum maximum obliquum, vel eius parallelum per rectam HI. Dico tam in illo, quam in hoc, aequales esse arcus GH, KI, inter planum secans, & maximum circum ABCD, interceptos. Si enim per recta CL, cogitetur ductum planum circulo GHIK, parallelum; erunt sectiones factae a plano CLHI, videlicet rectae CL, HI, parallelae: Ponitur autem & diameter GK, eidem CL, parallela. Igitur & GK, HI, parallelae inter se erunt; ac propterea ex schol. propof. 27. lib. 3. Eucl. arcus intercepti GH, KI, aequales erunt.



15. Theo.

16. undec.

9. undec.

M EX

EX quo fit, arcus etiam inter quæcunque duo plana per CL, ducta interceptos, æquales esse. Nam quodlibet abscindit arcus æquales inter ipsum & circum maximum ABCD, interceptos. Si ergo minores ex maioribus demantur, reliqui inter duo plana intercepti æquales erunt.

E ADEM hæc demonstratio in reliquos quoque semicirculos ex altera parte circuli maximi ABCD, quadrat, ut perspicuum est.

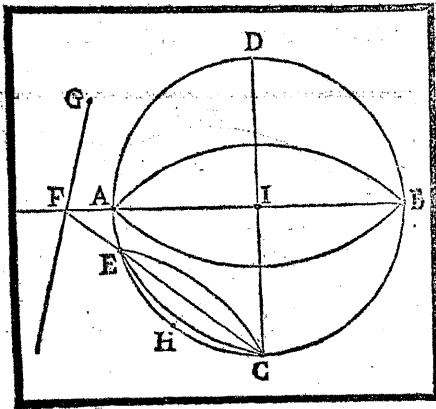
LEMMA XXVI.

SI circulus in sphaera per alterutrum polorum mundi transeat, erit eius diameter ex illo polo ducta perpendicularis ad communem sectionem plani eius circuli, & plani Aequatoris.

IN sphaera sit Aequator AB, cuius poli C, D, & circulus quicumque CE, per polum C, ductus, cuius planum in plano Aequatoris faciat communem sectionem rectam FG, (concurrat enim cum Aequatore, cum ei non sit parallelum) ducaturque ex polo C, diameter circuli CE, occurrens communi sectioni FG, in F. Dico CF, ad FG, perpendicularem esse. Per polum enim H, circuli CE, & C,

^a 2. 1. Theo.

^b 1. 1. Theo.



^c 19. undec.

polum Aequatoris ducatur circulus maximus CHEADB, qui utrumque secabit bifariam, & ad angulos rectos; ac proinde per diametrum CE, hoc est, per rectam CF, transibit. Vtrumque ergo planum, tam circuli CE, quam Aequatoris, vicissim rectum erit ad planum maximi circuli CHEADB; ac propterea & eorum communis sectio FG, ad idem planum perpendicularis erit, hoc est, ex defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam CF, quod est propositum.

QUANDO circulus per polum C, ductus, est maximus qualis est ABCD, perspicuum est, eius diametrum CD, ad AB,

communem sectionem dati circuli, & Aequatoris esse perpendicularem. Cum enim diameter CD, circuli maximi per polos ducti, sit axis; axis autem ad Aequatorem sit rectus, transeatque per centrum sphaerae I, erit ex defin. 3. lib. 11. Euclid. eadem diameter CD, ad AB, communem sectionem circuli CADB, & Aequatoris. (Hæc enim sectio diameter est Aequatoris, cum circuli maximi se mutuo bifariam secant) perpendicularis.

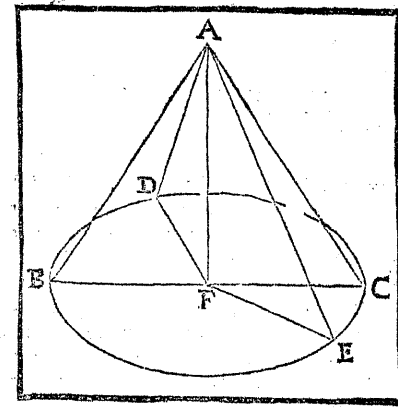
^d 10. 1. Theo.

^e 1. 1. Theo.

LEMMA

IN cono recto omnes rectæ à vertice ad circumferentiam basis ductæ sunt in se æquales: In scale no vero cono inæquales, minima quidem, quæ ad extremum basis trianguli per axem, quod ad basem cono rectum est, ducitur ex parte anguli inclinationis axis, maxima autem, quæ ad alterum extremum basis eiusdem trianguli per axem ducitur: Et quæ propinquior est minimæ, remotiore semper minor est. Duæ vero tantum æquales erunt ad utramque partem minimæ, vel maximæ.

SIT primum conus rectus ABC, cuius basis circulus BDCE, & axis ad basem rectus AF, in centro F; ducanturque quotuis rectæ ex vertice A, ad circumferentiam basis AB, AC, AD, AE. Dico eas omnes esse æquales. Ductis enim ex F, centro rectis FB, FC, FD, FE; quoniam latera AF, FB, lateribus AF, FD, æqualia sunt, angulosque continent æquales, quod omnes anguli ad F, quos facit axis AF, recti sint, ex defin. 3. lib. 11. Euclid. erunt quoque bases AB, AD, æquales. Non aliter ostendetur AD, vel AB, ipsi AC, vel AE, æqualis. Eademque de cæteris est ratio.



^a 4. primi.

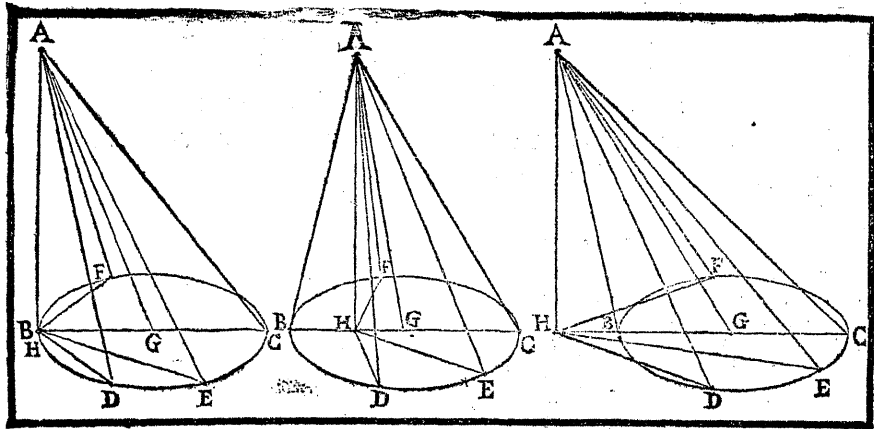
DEINDE sit conus scalenus ABC, cuius basis circulus BDEC; axis AG, obliquus ad basem versus B, sitque triangulum per axem ABC, ad basem rectum, & à vertice A, demittatur perpendicularis AH; quæ in BC, cadet, hoc est, vel in punctum B, vel inter B, G, vel extra basem. Demittantur autem à vertice A, quotuis rectæ AB, AD, AE, AC, quarum AB, AC, in extrema B, C, diametri basis BC, cadant. Dico omnium minimam esse AB, maximam AC, & AD, minorem quam AE, & c. Iunctis enim rectis HD, HE, erunt ex defin. 3. lib. 11. Eucl. omnes anguli, quos perpendicularis AH, cum rectis HD, HE, HC, & cum alijs per H, ductis facit, recti. In prima ergo figura, perspicuum est, per perpendicularem AH, vel AB, minimam esse omnium, quæ ex A, in circumferentiam basis ducuntur, cum minor sit quam AD, & quam AE, & quam AC, & quam cæteris alijs, quippe quæ in rectangulis triangulis opponatur acutis angulis, aliæ vero recto angulo. In alijs autem duabus figuris, quoniam HB, minima est rectarum ex H, in circumferentiam cadentium, erunt duo quadrata rectarum HB, HA, minima.

^b 38. undec.

^c 19. primi.

^d 7. vel 8. ter.

^a 47. *primi.* nora duobus quadratis tam rectarum HD, HA, quam rectarum HE, HA, & quam rectarum HC, HA. ^a Est autem quadratum rectæ AB, æquale duobus quadratis rectarum HB, HA; & quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA; & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA; & quadratum rectæ AC, duobus quadratis rectarum HC, HA. Igitur & quadratum rectæ AC, minus erit tam quadrato rectæ AD, quam quadrato rectæ AE, & quam quadrato rectæ AC; ac proinde & recta AB, minor erit qualibet rectarum AD, AE, AC, & sic de cæteris. Minima ergo omnium est AB.



^b 15. *vel 7.* DE INDE, ^b quia in omnibus figuris recta HC, est omnium ex H, in circumferentiam cadentium maxima; erunt duo quadrata rectarum HC, HA, maiora duobus quadratis tam rectarum HE, HA, quam rectarum HD, HA: ^c Est autem quadratum rectæ AC, duobus quadratis rectarum HC, HA, & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, & quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, æquale. Igitur & quadratum rectæ AC, maius erit tam quadrato rectæ AE, quam quadrato rectæ AD; ac proinde & recta AC, maior erit quam AE, & quam AD. Et quia maior etiam est, quam AB, quod AB, ostensa sit minima omnium. Igitur AC, est omnium maxima.

^a 15. *vel 7.* R V R S V S, ^d cum HD, minor sit quam HE, erunt duo quadrata rectarum HD, HA, minora duobus quadratis rectarum HE, HA. ^e Est autem quadratum rectæ AD, duobus quadratis rectarum HD, HA, & quadratum rectæ AE, duobus quadratis rectarum HE, HA, æquale. Igitur & quadratum rectæ AD, quadrato rectæ AE, minus erit; ideoque recta AD, minima AB, propinquior, minor erit remotiore AE, & sic de cæteris.

P O S T R E M O sumatur arcus BF, arcui BD, æqualis, iungaturque recta HF, quæ rectæ HD, æqualis erit; in prima quidè figura, ex propof. 29. lib. 3. Eucl. in 2. vero ex vltima propof. scholij eiusdem propof. vel ex lemmate 2. i. supra demonstrato; in tertia denique ex eodem lemmate 2. i. Ducta ergo recta AF, quoniã latera AH; HF, lateribus AH, HD, æqualia sunt, angulosq; continent rectos, ex defin. 3. lib. 1. i. Eucl. erunt quoq; bases AF, AD, æquales. Qd aut nulla alia hisce possit esse æqualis, pspiciã est, cū ois recta ex A, ducta inter D, & C, vel inter F, & C, maior sit quã AD, vel AF; inter B, aut & D, vel F, minor, vt demonstratũ est.

LEMMA

SI in cono sit circulus basi æquidistans, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ auferent ex base, & circulo æquidistante arcus similes.

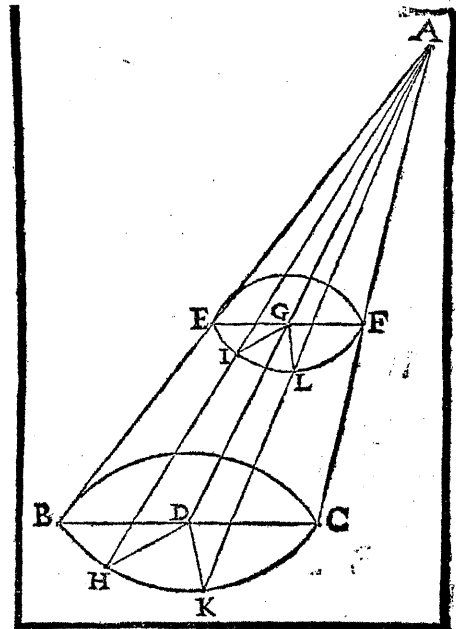
IN cono ABC, siue recto siue scaleno, circulus EF, æquidistet basi BC; & ex vertice A, ducantur duæ rectæ vtcunq; AH, AK, ad circumferentiam ba-

sis, secantes circumferentiam circuli EF, in I, L. Dico arcus HK, IL, similes esse. Ducto enim axe, AD, secante planum circuli EF, in puncto G, quod per lemma 16. centrum erit circuli EF, ducatur per rectas AD, AH, planum secans circulos BC, EF, parallelos per rectas DH, GI; Itẽ per rectas AD, AK, ducatur aliud planum secans eosdem circulos per rectas DK, GL. ^a Eruntq; rectæ DH, DK, rectis GI, GL, parallelæ. Igitur anguli HDK, IGL, ad centra æquales erunt; ideoq; ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus HK, IL, similes erunt. Eadem ratione similes quoque erunt tam arcus BH, EI, quã arcus CK, FL, quod tam rectæ DB, DH, rectis GE, GI, quã rectæ DC, DK, rectis GF, GL, parallelæ sint; ^d ac proinde tã anguli BDH, EGL, quã CDK, FGL, ad centra æquales sint.

I D E M sequitur, si basis conici statuatur circulus EF, & infra eam circulus illi parallelus BC, vt ex demonstratione constat,

I T A Q V E si alteruter circulorum EF, BC, in partes æquales diuidatur, & ex vertice A, per divisionum puncta rectæ emittantur, secabitur alter quoque circulus in partes æquales.

SI duæ rectæ lineæ se mutuo contingant in vno puncto, & à quouis puncto extra ipsas in eodem plano plures rectæ



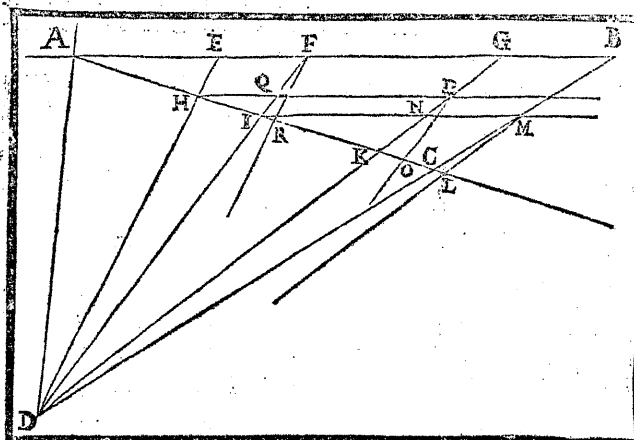
^a 16. *undec.*
^b 16. *undec.*

^c 16. *undec.*

^d 10. *undec.*

rectæ ducantur, quæ eas fecent; Habebunt segmenta re-
motioris lineæ ab assumpto puncto, versus punctum se-
ctionis linearum propositarum progrediendo, maiorem
proportionem, quam segmenta lineæ propioris.

DVAE rectæ AB, AC, sese contingât, vel fecent in A, & ex puncto D, quot-
uis rectæ ducantur, DA, DE, DF, DG, DB, vtramque secantes. Dico maiorem



proportio-
né esse BG,
ad GF, quâ
CK, ad KI,
& maiorem
GF, ad FE,
quàm KI, ad
IH, & maio-
rem FE, ad
EA, quàm
IH, ad HA.
Ducta enim
per I, ipsi
AB, paralle-
la IM, secâ-
te rectas
DB, DG, in
M, N, duca-
tur per M,

ipsi DG, parallela ML, quæ rectam AC, productâ secabit in L. Cum enim MD,
conueniat in A, cadet ML, ipsi ND, parallela extra triangulum DMN. Quoniã
igitur est, vt BG, ad GF, ita MN, ad NI, ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. a &
vt MN, ad NI, ita LK, ad KI; erit quoque vt BG, ad GF, ita LK, ad KI. b Habet
autem LK, ad KI, maiorem proportionem, quàm CK, ad KI. Eodem pacto, si per H,
ducatur ipsi AB, parallela HP, secans DG, DF, in P, Q, & per P, agatur ipsi DF,
parallela PO, secans AK, productâ in O; erit vt GF, ad FE, ita PQ, ad QH, ex
scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. c Et vt PQ, ad QH, ita OI, ad IH. Igitur erit quo-
que vt GF, ad FE, ita OI, ad IH. d Habet autem OI, ad IH, maiorem proportio-
nem, quàm KI, ad IH. Maiorem ergo proportionem habebit quoque GF, ad
FE, quàm KI, ad IH. Atque ita agendum erit in cæteris segmentis, si plura fue-
rint, donec ad vltima duo FE, EA, ventum fuerit. Tunc enim non ducenda est
per A, ipsi AB, parallela, sed solum per F, ducenda FR, ipsi DE, parallela secans
AI, productâ in R. e Erit enim rursus, vt FE, ad EA, ita RH, ad HA. f Habet
autem RH, ad HA, maiorem proportionem, quàm IH, ad HA. Igitur & FE,
ad EA, maiorem proportionem habebit, quàm IH, ad HA, quod est propo-
situm.

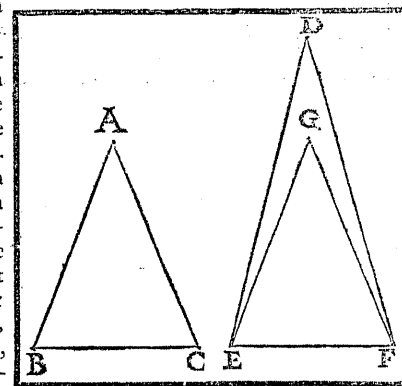
a 2. sexti.
b 8. quinti.

c 2. sexti.
d 8. quinti.

e 2. sexti.
f 8. quinti.

SI duo triangula Isoscelia bases habeant æquales, la-
tera verò vnus maiora sint lateribus alterius: minora la-
tera maiorem angulum continebunt. Et si vnus latera la-
teribus alterius maiora sint, angulumque contineant ma-
iorem: illius basis base huius maior erit.

DVO triangula Isoscelia ABC, DEF, habeant bases BC, EF, æquales, sed
latera DE, DF, maiora sint lateribus AB, AC. Dico angulum A, angulo B, ma-



a 23. primi.

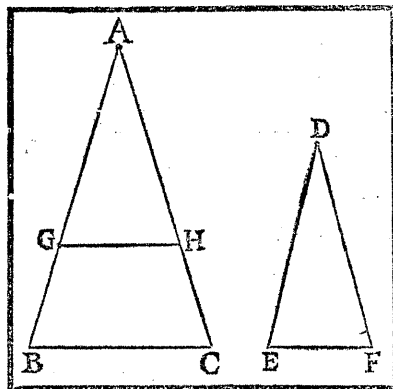
b 21. primi.

c 5. primi.

d 5. primi.

ior em esse. a Describatur enim supra
basem EF, triangulum EGF, trian-
gulo ABC, æquilaterum, & æquian-
gulum, cadetque punctum G, intra
triangulum DEF. Nam si extra cade-
rei, vel rectæ EG, FG, includerent re-
ctas ED, FD; b atque ita essent late-
ra GE, GF, hoc est AB, AC, maiora
lateribus DE, DF, quod est contra
hypothesim; vel altera earum seca-
ret alteram ipsarum DE, DF, atque
ita vnus angulorû GEF, GFE, esset
maior vno angulorû DEF, DFE, &
alter minor. c Cum ergo DEF, DFE,
sint æquales, esset anguli GEF, GFE,
inæquales, quod est absurdû, a cû in-
ter se sint æquales. Idem sequeretur
si punctum G, diceretur cadere in al-
terutra rectarum DE, DF. Neque vero di-
ci potest, ipsum cadere in D. Essent
enim tunc latera DE, DF, lateribus
AB, AC, æqualia, quod cum hypo-
thesi pugnat. Cadit ergo punctum
G, intra triangulum DEF; ideoque
angulus G, hoc est angulus A, angu-
lo D, maior erit, quod est propo-
situm.

SINT rursus Isoscelis ABC,
duo latera AB, AC, maiora duobus
lateribus DE, DF, angulusque A,
maior angulo D. Dico basem BC,
base EF, maior esse. Abicissis enim
rectis AG, AH, æqualibus ipsis DE,
DF, erit ducta GH, ipsi BC, paralle-
la. b Ergo vt AB, ad BC, ita AG, ad
GH: Est autè AB, maior, quàm AG.



e 21. primi.

f 2. sexti.

g 4. sexti.

igitur & BC, maior erit quàm GH. Item cum latera AG, AH, lateribus DE,
DF, sint

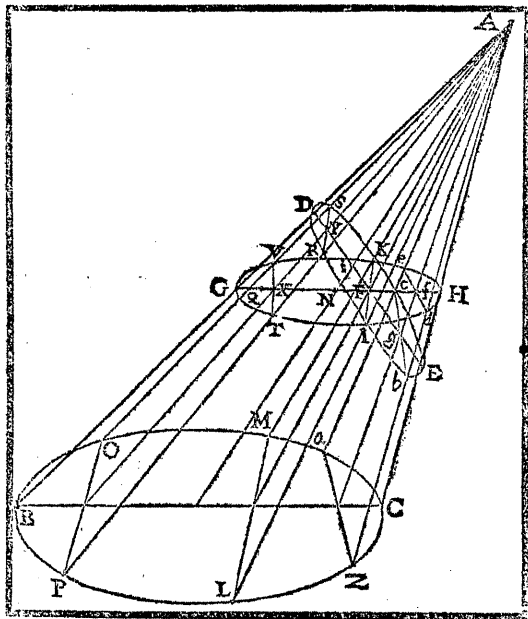
b 14. quinti.

a 24. primi.

DE, sint æqualia, angulusque A, maior angulo D; erit basis GH, maior base EF. Est autem BC, ostensa maior, quam GH. Multo ergo maior erit BC, quam EF, quod est propositum.

LEMMA XXXI.

SI in cono scaleno circulus sit basi subcontrarie positus, rectæ lineæ ex vertice in superficie conica ductæ, quarum una sit latus trianguli per axem ad basem recti, auferentur ex base, & circulo illo arcus dissimiles. Et si in vno auferantur duo arcus oppositi æquales, auferentur in altero duo arcus inæquales, maior quidem versus angulum minorem trianguli per axem, minor vero versus angulum maiorem.



IN cono ABC, scaleno triangulum per axem sit ABC, ad basem BC, rectum, & circulus subcontrarie sectionis DE, cuius diametro DE, diuisa bifariam in F, ducatur per F, basi BC, parallela GH, per quam planum ducatur ad triangulum per axem rectum, vel basi coni parallelum, facies per lemma 17. circulum GIHK, qui circulum subcontrarie sectionis secet in I, K; ducanturque primum duæ rectæ AL, AM, per I, K, communes sectiones circulorum DIE, GIH, secantes basem in L, M. Dico tam arcus BL, DI, quam BM, DK, & quam CL, EI, & quæ CM, EK, dissimiles esse. Secent enim plana circulorum DE, GH, sese per rectâ LK,

b 19. vndec.
c 38. vndec.

Et quoniam vterque circulus ad triangulum ABC, rectus est; erit quoque communis eorum sectio IK, ad idem triangulum recta; cadetque propterea tam in DE, communem sectionem circuli DIEK, & trianguli ABC, quam in GH, communem sectionem circuli GIHK, & eiusdem trianguli ABC, ac propterea per punctum F, vbi communes hæ sectiones se mutuo diuidunt, transibit; facietque ex defn 3. lib. 11. Euclid. angulos DFI, GFL, rectos. Quia vero diameter DE, secta est bifariam in F, erit diameter GH, maior, eiusque pars maior FG, versus mino.

minorem angulum AGH, verget, vt in scholio lemmatis 17. demonstrauiamus, proptereaque centrum circuli GIHK, in recta FG, existet, quod sit N. Igitur segmentum IGK, maius erit semicirculo. Est autem IDK, semicirculus, quod F, centrû sit circuli DIEK. Igitur tã arcus IGK, IDK, quam IHK, IEK, dissimiles sunt; & IGK, maior, quam vt similis sit arcui IDK, at IHK, minor, quam vt arcui IEK, similis sit. Et quia semicirculi IDK, IEK, bifariam secantur in D, E, quod ex penultima propositione scholij propof. 27. lib. 3. Euclid. ob angulos rectos ad F, quatuor arcus DI, IE, EK, KD, quadrates sint; Item arcus IGK, IHK, secti sunt bifariam in G, H. Nam recta NF, diuidens rectam IK, ex centro N, ad angulos rectos, secat eandem bifariam. Igitur & arcus IHK, bifariam secabitur ex propof. vltima scholij propof. 27. lib. 3. Euclid. ac proinde & reliqui arcus GI, GK, ex semicirculis æquales erunt. Igitur & arcus GI, GK, semiffes arcus IGK, maiores sunt, quam vt similes sint arcibus DI, DK, qui semiffes sunt arcus IDK; at HI, HK, semiffes arcus IHK, minores, quam vt similes sint arcibus EI, EK, qui semiffes sunt arcus IEK. Et quoniam arcus BL, BM, CL, CM, arcus BL, GK, HI, HK, similes sunt, ex lemmate 28. erunt eodem modo arcus BL, BM, CL, CM, arcus DI, DK, EI, EK, dissimiles.

a 3. tertij.

DVCA TVR deinde alia recta AP, ad circumferentiam basis secans subcontrariam sectionem in R, & circulum GH, in T; & ex R, demittatur ad diametrum DE, perpendicularis RY, quæ producta secet circumferentiam ex altera parte in S, ducaturque ex A, per S, recta AS, secans circumferentiam basis in O, & circulum GH, in V. Dico arcus quoque BP, BO, arcus DR, DS, & arcus CP, CO, arcus ER, ES, dissimiles esse. Quoniam enim RS, per defn. 4. lib. 11. Euclid. perpendicularis est ad triangulum ABC, quod perpendicularis sit ducta ad DE, communem sectionem trianguli ABC, & circuli DRE, qui ad illud triangulum rectus est; erit quoque triangulum ARS, per RS, ductum ad idem triangulum ABC, rectum, facietque in circulo GH, communem sectionem TV, secantem GH, diametrum in X. Quia ergo tam planum circuli GH, quam trianguli ARS, rectum est ad triangulum ABC, erit etiam communis eorum sectio TXV, ad idem perpendicularis; ideoque ex defn. 3. lib. 11. Euclid. anguli ad X, recti erunt; atque adeo vtraque RS, TV, secta erit bifariam in Y, X, proptereaque vterque arcus RDS, TGV, ex vltima propof. scholij propof. 27. lib. 3. Euclid. sectus quoque erit bifariam; ac proinde & tam reliqui arcus ER, ES, quam HT, HV, ex semicirculis æquales erunt. Iam vero si ducatur recta ex A, ad X, ipsa transibit per Y. Cum enim ea recta in plano trianguli ABC, existens recta DE, in eodem triangulo existentem, & existens in triangulo quoque ATV, rectam RS, in eodem existentem secet, solum vero punctum Y, rectæ RS, in triangulo ABC, existat, (quia RS, ad illud triangulum perpendicularis est.) per punctum Y, transibit omnino. Quare ducta recta AN, ad N, centrum circuli GH, secante semidiametrum DF, in I, erit ex lemmate 29. maior proportio GX, ad XN, quam DY, ad Yi; Habet autem DY, ad Yi, maiorem proportionem, quam ad YF. Igitur multo maiore habebit GX, ad XN, quàm DY, ad YF. Si ergo secetur GN, in Q, vt sit GQ, ad QN, sicut DY, ad YF; cadet punctum Q, inter G, & X. Nã si caderet vltra X, esset multo maior proportio GQ, ad QN, quam GX, ad XN; quod tunc GQ, maior foret, quam GX, & QN, minor quam XN. Et quoniam per lemma 7. si per Q, duceretur ad GH, perpendicularis, vel ipsi TV, parallela, abscinderetur arcus arcui RDS, similis; erit arcus TGV, maior, quam vt similis sit arcui RDS; ideoque & semiffes GT, GV, maiores sunt, quam vt similes sint semiffibus DR, DS, atque idcirco reliqui arcus ex semicirculis HT, HV, minores erunt,

b 18. vnda.

c 19. vndec.

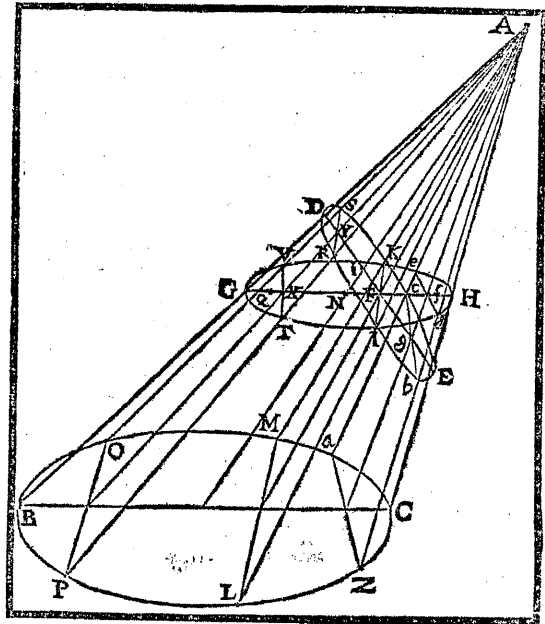
d 3. tertij.

e 8. quinti.

f 10. sexti.

N
quàm

quàm vt similes sint reliquis arcibus ER, ES, ex semicirculis. Quia vero ex lem-
mate 28. arcus BP, BO, CP, CO, arcibus GT, GV, HT, HV, similes sunt ;erunt
arcus BP, BO, CP, CO, eodé modo arcibus DR, DS, ER, ES, dissimiles. Eodé pa-
cto ostédemus, vbicunq; perpendicularis TV, semidiametrú GN, secet, & perpé-
dicularis RS, rectá Di, arcú à perpédiculi TV, abscissum esse maioré, quàm vt si-
milis sit arcui, qué tñc perpédiculi RS, abscindit, &c. Quòd si perpédicula-
ris TV, transeat per centrú N, ac proinde perpédiculi RS, per punctú i, mani-
festú est, arcum per illá abscissum, maioré esse, quàm vt similis sit arcui per hanc
abscisso, cum illa semicirculus sit, hic vero semicirculo minor. Eademq; ratio-
ne, si perpédiculi TV, secet GF, vltra N, centrú & citra F, ac propterea per-
pédiculi RS, semidiametrú DE, vltra i, & citra F, auferetur ex circulo GH,
arcus semicirculo maior, & ex circulo DE, minor, atque idcirco ille maior erit,
quàm vt huic similis sit. Contrariú accidet, si ex parte alterius semicirculi IEK,
recta quæcunque ex vertice A, ducatur Ab, secans circulum GH, in d, & demit-
tatur bg, ad DE, perpédiculi secans circumferentiam ex altera parte in c,



a 18. vnde.

b 19. vnde.

c 2. tertij.

d 8. quinti.

arcus bEc, dHe, bifariam secabitur in E, H: & ducta recta Ag, tranſibit per pun-
ctum f. Eadem enim prorsus hic est demonstratio, que in triangulo ARS; quia
recta Ag, existens in vtroque plano tam trianguli ABC, quàm trianguli Abc,
secat vtramque rectam GH, d e, in illis planis existentem; ac propterea in earum
communi sectione f, quod solum punctum f, rectæ de, ad triangulum ABC, per-
pendicularis, sit in triangulo ABC. Quamobrem per lemma 29. maior erit pro-
portio Eg, ad gF, quàm Hf, ad ff: a Sed proportio Hf, ad ff, maior est, quàm
ad fN. Igitur multo maior erit proportio Eg, ad gF, quàm Hf, ad fN; atque id-
circo

circo arcus bEc, maior erit, quàm vt similis sit arcui dHe; quod ostendetur,
quemadmodum probatum est, arcum TGV, esse maiorem, quàm vt arcui RDS,
similis sit, propterea quòd maior erat proportio GX, ad XN, quàm DY, ad YF.
Igitur & semisses Eb, Ec, maiores erunt, quàm vt similes sint semissibus Hd, He;
ideoque reliqui arcus Db, Dc, ex semicirculis minores erunt, quàm vt reliquis
arcibus Gd, Ge, ex semicirculis similes sint. Quoniam auté productis rectis Ab,
Ac, ad basem, arcus Cz, Ca, Bz, Ba, arcibus Hd, He, Gd, Ge, ex lemmate 28. simi-
les sunt; erunt illi eodem modo arcibus Eb, Ec, Db, Dc, dissimiles.

C A E T E R V M ex parte semicirculi IEK, à rectis ex vertice A, eductis
auferrí maiores arcus ex eo, quàm vt similes sint arcibus ex base BC, abscis-
sis, hoc est, arcibus ex circulo GH, abscissis; cum hi ex lemmate 28. similes
sint arcibus basis; facile hoc etiam modo demonstrabimus. Ducta vtcunque
recta bc, ad diametrum DE, perpendiculari, demittantur ex vertice A, rectæ
Ab, Ac, secantes circulum GH, in d, e, iungaturque recta d e. a Et quoniam
IK, bc, parallelæ sunt, ob angulos rectos ad F, g; duci poterunt per ipsas duo
plana parallela. Intelligatur ergo per IK, ductum planum triangulo Abc,
parallellum; i, facietque in hisce planis parallelis planum circuli GIHK, se-
ctiones parallelas IK, d e. Cum ergo bc, eidem IK, sit parallela ostensa; e erunt
etiam bc, d e, parallelæ. Igitur triangulum Ade, ex coroll. propof. 4. lib. 6.
Euclid. triangulo Abc, simile erit. d Quare erit vt A b, ad bc, ita Ad, ad d e.

a 28. primi.

b 16. vnde.

c 9. vnde.

d 4. sexti.

e 14. quinti.

Cum ergo Ab, maior sit, quàm Ad; e erit quoque bc, maior quàm d e. Quocir-
ca cum circulus DE, minor sit circulo GH, quod diameter DE, minor sit osten-
sa, quàm diameter GH; auferet bc, maior linea ex minore circulo DE, maio-
rem arcum bEc, quàm vt similis sit arcui dHe, quem minor linea d e, ex ma-
iore circulo GH, auferet; ex ijs, quæ in lemmate propof. 6. lib. 3. Theod. de-
monstrauimus. Igitur & semisses Eb, Ec, maiores erunt, quàm vt similes sint
semissibus Hd, He. Vterque enim arcus bEc, dHe, bifariam sectus est in E,
H, ex vltima propof. scholii propof. 27. lib. 3. Euclid. Nam diameter DE,
secat rectam bc, per constructionem ad angulos rectos; Item diameter GH,
secat d e, ad angulos rectos, ob parallelas IK, d e, quarum IK, ad angulos rec-
tos secatur à GH, vt supra ostendimus, propterea quod IK, communis sectio
circulorum DE, GH, ad triangulum ABC, rectorum, recta est ad idem trian-
gulum; ac proinde & ad rectam GH, perpendicularis, ex defin. 3. lib. 11. Eu-
clid. e ac proinde & bifariam vtraque bc, d e, secabitur. Quocirca cum arcu-
bus Hd, He, similes sint arcus Cz, Ca, ex lemmate 28. erunt quoque arcus Eb,
Ec, maiores, quàm vt similes sint arcibus Cz, Ca, & ex semicirculis reliqui Db,
Dc, minores, quàm vt sint reliquis Bz, Ba, ex semicirculis similes.

f 29. primi.

g 3. tertij.

E X his omnibus constat, quemlibet arcum vtriusque circuli interceptum
inter latus trianguli per axem longius, & rectam quamcumque ex vertice de-
missam, maiorem esse, quàm vt similis sit arcui alterius circuli inter eadē
rectas intercepto, vsque ad finem semicirculi. Ita enim demonstratum est,
arcus BP, BL, BZ, maiores esse, quàm vt arcus DR, DI, Db, simi-
les sint: Item arcus Eb, EI, ER, maiores, quàm vt similes sint arcibus CZ,
CL, CP; eademque ratio est de cæteris. Itaque si semicirculus D I E, sece-
tur in singulos gradus, complectetur arcus semicirculi B L C, respondens vni
gradui semicirculi D I E, plus quam vnum gradum: Et arcus respondens duo-
bus gradibus, maior erit duobus gradibus: Et arcus respondens tribus gradi-
bus, maior erit tribus gradibus; atque ita deinceps vsque ad finem vtriusque se-
micirculi D I E, B L C, initio semper facto à punctis D, B, in arcibus. Sic

N 2

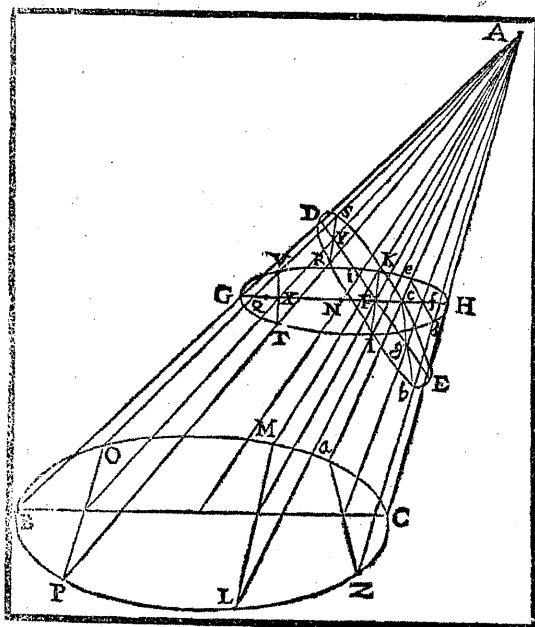
etiam,

etiam, si semicirculus CLB, in suos gradus secetur, erunt ordine singuli arcus semicirculi EID, initio semper facto à punctis E, C, maiores quam 1. 2. 3. 4. 5. 6. &c. gradus.

POSTREMO sint arcus oppositi æquales DR, Ec, ducanturque rectæ ARP, Aca, secantes circumulum GH, in T, e. Dico arcus BP, Ca, inæquales esse, maiorem quidem BP, minorem vero Ca. Sumptis enim aliis duobus arcibus DS, Eb, æqualibus ipsis DR, Ec, iungantur rectæ RS, bc, & per S, b, ducantur duæ rectæ AS, Ab, secantes basim in O, Z, & circumulum GH, in V, d, iunganturque rectæ TV, d e. Eruntque, vt paulo ante demonstrauius, bc, d e, parallelæ. Nam cum arcus Eb, Ec, æquales sint; erunt & reliqui bi, cK, ex semicirculis æquales. Igitur ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. IK, bc, parallelæ sunt. Quocirca si per IK, intelligatur duci planum triangulo Abc, per bc, ducto parallelum, faciet in his planis parallelis planum circuli GH, sectiones parallelas IK, de. Cum ergo bc, eidem IK, ostensa sit parallela; b erunt etiam bc, d e, parallelæ. Eodem modo parallelæ erunt RS, TV, ac proinde tam triangula Abc, Ade, quàm ARS,

a 16. vnde.

b 9. vnde.



c 9. tertij.

ATV, similia erunt, ex coroll. propof. 4. lib. 6. Euclid. Sunt autè Abc, ARS, isocelia, quod ex lemmate 27. xā Ab, Ac, æqualiter distantes à maxima AE, quā AR, AS, æqualiter distantes à minima AD, æquales sint. Igitur & Ade, ATV, isocelia sūt. Et quoniā latera AR, AS, minora sunt lateribus Ab, Ac, ex lemmate 27. e basim autem RS, basi bc, æqualiter, ob arcus æquales RDS, bEc, erit per lemma 30. præcedens, angulus RAS, maior angulo bAc. Cum ergo per lemma 27. latera AT, AV, maiora sint lateribus Ad, Ae; erit per præcedens lemma 30. basim TV, base d e, maior; ac propterea

ex scholio propof. 28. lib. 3. Eucl. arcus TGV, maior erit arcu dHe. Quia vero TV, ostensa est parallela ipsi IK, & GH, secat ipsam IK, ad angulos rectos; a secabitur quoq; TV, ad angulos rectos, & bifariā in X: ac proinde ex vltima propof. scholij propof. 27. lib. 3. Eucl. arcus quoque TGV, bifariam secabitur in G. Eademq; ratione & arcus dHe, erit in H, secus bifariam. Cum ergo arcus TGV, sit ostensus maior arcu dHe; erūt & semiffes GT, GV, semiffibus Hd, He, maiores. Sed his quatuor arcibus similes sunt, ex lemmate 28. quatuor arcus BP, BO, CZ, Ca. Igitur & BP, BO, maiores sunt, quàm CZ, Ca. Pari ratione, si arcus BP, Ca, æqua-

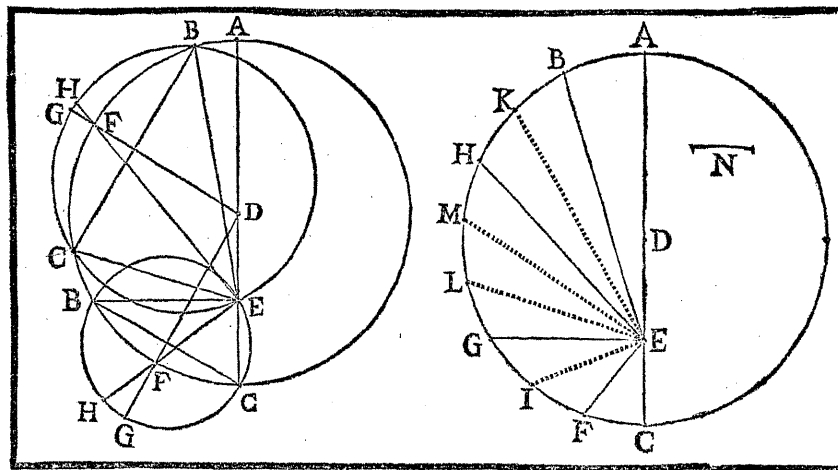
Ca, æquales ponantur, ostendemus Ec, maiorem quàm DR. Nam facta eadē constructione, erit angulus dAe, maior angulo TAV, & basim bc, maior basim RS, &c.

ITA QVE singuli arcus semicirculi BLC, à B, vsque ad L, quod punctum respondet puncto I, in quadrante DI, maiores sunt singulis arcibus æqualibus respondentibus à C, vsque ad L. Nam arcus circumferentiæ CL, æquales sunt arcibus circumferentiæ CM, qui arcus circumferentiæ BL, opponuntur, minoresque sunt ostensi arcibus circumferentiæ BL. Sic etiam singuli arcus semicirculi EID, ab E, vsque ad punctum, quod medio puncto semicirculi CLB, respondet, maiores sunt singulis arcibus respondentibus æqualibus à D, vsque ad idem punctum, quod medio puncto semicirculi CB, respondet.

LEMMA XXXII.

SI in diametro circuli, præter centrum, punctum quodpiam sumatur, & ex eo rectæ educantur, quæ in circumferentiâ circuli duos arcus æquales intercipient: Erunt anguli ab ipsis comprehensi inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ à centro lōgius abfunt. Et si rectæ ductæ cōtineāt angulos æquales, erunt arcus intercepti inæquales, maiorque erit ille, cuius lineæ centro propinquoires sunt.

IN circulo ABC, cuius centrum D, in diametro AC, ex puncto E, præter centrum, prius tres rectæ EC, EF, EB, egrediantur intercipientes duos arcus continuos æquales CF, FB, siue eorum initium C, sit in extremo diametri, siue non. Dico angulum CEF, angulo FEB, esse maiorem. Ducta enim chorda

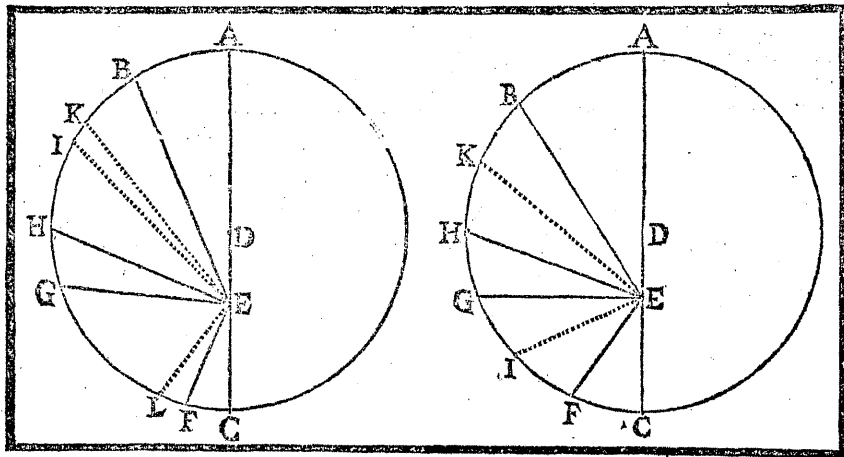


CB, describatur circa triangulum BCE, circulus, qui circumulum ABC, secabit in B, C, b cum cum in duobus illis punctis tangere nequeat. Ducta iam recta DF, a s. quartij. b 13. tertij. & pro-

& producta, donec circulum BCE, secet in G; quoniam arcus BFC, sectus est bifariam in F, secabitur quoque recta BC, bifariam, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. Igitur & arcus BGC, per idem scholium, in G, sectus erit bifariam. Producta ergo recta EF, donec arcum BGC, secet in H; erit arcus BG, hoc est, CG, maior arcu BH. Multo ergo maior erit arcus CH, arcu BH. Igitur ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. angulus CEH, angulo BEH, maior erit. quod est propositum.

DEINDE quatuor rectæ EF, EG, EH, EB, intercipient duos arcus æquales non continuos FG, HB, quorum alter totus sit extra alterum, vt in secunda figura. Dico rursus, angulum FEG, maiorem esse angulo HEB. Aut enim intermedius arcus GH, vtrique arcui FG, HB, commensurabilis est; aut incommensurabilis. Sit primum commensurabilis, & sit eorum maxima mensura communis N, singulique arcus FG, GH, HB, diuidantur in partes ipsi N, æquales, nimirum FG, HB, in binas FI, IG; HK, KB; & GH, in tres GL, LM, MH. Ductis igitur rectis EI, EL, EM, EK; erit, vt iam demonstratum est, angulus FEI, maior angulo IEG, quod arcus FI, IG, æquales sint continui; & eadem de causa angulus IEG, maior quam GEL, & hic maior quam LEM, & hic maior quam MEH, & hic maior quam HEK, & hic maior quam KEB, & sic deinceps, si fuerint plures arcus æquales. Multo ergo maior erit angulus FEI, angulo HEK. & IEG, maior quam KEB; ac proinde & totus angulus FEG, toto angulo HEB, maior erit. quod est propositum.

SED iam sit arcus intermedius GH, vtrique arcui FG, HB, incommensura-



bilis, vt in tertia figura. Si igitur angulus FEG, maior non est angulo HEB, erit vel minor, vel æqualis. Sit primum, si fieri potest, minor; & ex maiore angulo HEB, auferatur angulus HEI, angulo FEG, æqualis: atque ex lemmate 2. propof. 8. lib. 3. Theodos. inueniatur arcus HK, maior quidem quam HI, minor vero quam HB, & arcui intermedio GH, commensurabilis. Et quia arcus FG, arcui HB, ponitur æqualis, erit arcus FG, maior quam HK. Abscisso ergo arcu

GL,

GL, æquali ipsi HK, ductaque recta EL; quoniam arcus LG, HK, non continui sunt æquales, & intermedius arcus GH, est vtrique commensurabilis, ex constructione, erit, vt proxime demonstratum est, angulus LEG, maior angulo HEK. Ergo multo maior angulo HEI. Cum ergo ex constructione, angulus HEI, ablati sit angulo FEG, æqualis; erit quoque angulus LEG, maior angulo FEG, pars toto. quod est absurdum. Non ergo minor est angulus FEG, angulo HEB.

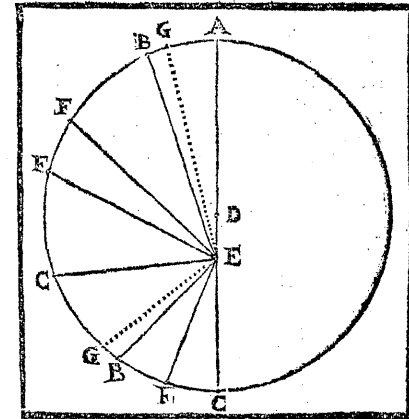
SIT deinde, si fieri potest, angulus FEG, angulo HEB, æqualis, vt in quarta figura; sectisque arcibus FG, HB, æqualibus bifariam in I, K, ducantur rectæ EI, EK. Quoniam ergo tam continui arcus HK, KB, semisses arcus HB, quam arcus continui FI, IG, semisses arcus FG, æquales sunt; erit, vt supra demonstrauimus, angulus HEK, maior semisse anguli HEB. Eadem ratione angulus FEI, maior erit angulo IEG, ideoque angulus IEG, minor semisse anguli FEG. Cum ergo anguli FEG, HEB, ponantur æquales; erit IEG, minor quam HEK. quod est absurdum. Cum enim arcus IG, HK, semisses arcuum æqualium FG, HB, æquales sint, & non continui, si quidem intermedius GH, est illis commensurabilis, erit angulus IEG, maior angulo HEK, vt demonstratum est; si vero incommensurabilis, non poterit angulus IEG, minor esse angulo HEK, vt paulo ante demonstratum etiam est. Non ergo angulus FEG, angulo HEB, æqualis est: sed neque minor est ostensus. Maior ergo est. quod est propositum.

AD extremum quatuor rectæ EF, EG, EI, EH, intercipient arcus æquales FG, IH, habentes partem communem IG, vt in proxima quarta figura. Dico rursus, angulum FEG, maiorem esse angulo IEH. Nam cum æquales sint arcus FG, IH; ablato communi IG, erit reliquus FI, reliquo GH, quoque æqualis. Ergo vt ostendimus, angulus FEI, angulo GEH, maior erit: additoque communi angulo IEG, totus quoque angulus FEG, toto angulo IEH, maior erit. quod est propositum.

SED iam rectæ EC, EF, EB, constituent in E, angulos æquales CEF, FEB, siue continuos, siue non continuos, vt in quinta figura. Dico arcum BF, maiorem esse arcu FC. Si enim non est maior, sit primum æqualis. Ergo vt iam demonstratum est, erit angulus CEF, angulo FEB, maior, quod est contra hypothesim. Sit deinde, si fieri potest, arcus BF, minor arcu FC, fiatque FG, ipsi FC, æqualis. Igitur vt iam ostensum est, erit angulus CEF, maior angulo FEB. quod est contra hypothesim. Cum ergo arcus BF, non sit æqualis, nec minor arcu FC; erit omnino maior. quod est propositum.

ITAQUE theorematis huius posterior pars, quam proxime demonstrauimus, multo vniuersalior est propositione vltima scholij propof. 29. lib. 3. Eucl. vbi solum probatum est, si duo anguli CEF, FEB, sint æquales, initio facto à

puncto



puncto diametri C, arcum BF, arcu FC, maiorem esse: quod tamen hic demonstratum est de quolibet angulis, & arcibus siue continuis, siue non continuis, & siue vnus eorum initium sumat à diametro, siue non.

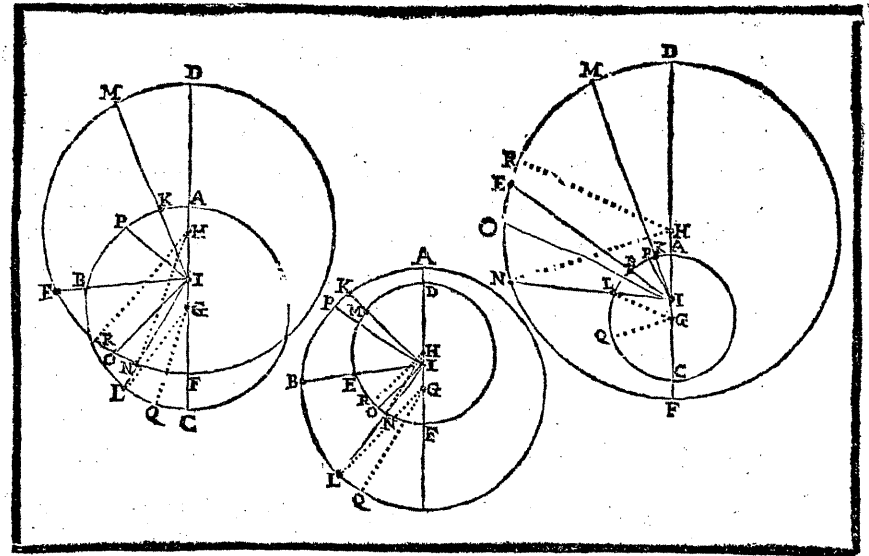
LEMMA XXXIII.

SI in circulis se mutuo secantibus, vel non secantibus, diuersa tamen centra habentibus, punctum quodpiam in communi eorum diametro per vtrumque centrum ducta, præter centra sumatur, quod & inter vtrumque centrum, & intra vtrumque circulum existat: Rectæ lineæ ab eo puncto ductæ secantes vtriuslibet circulorum circumferentiam in arcus æquales, secabunt alterius circumferentiam in arcus inæquales, maiorque semper erit ille, cuius lineæ centro propinquiores sunt: Arcus item quilibet illius circuli, cuius centrum est inter assumptum punctum, eiusque circumferentiam, interceptus inter communem diametrum, & quamlibet rectam ex eodem puncto ductam, si minor est semicirculo, maior est, quàm vt similis sit arcui alterius circuli inter easdem rectas intercepto.

DVO circuli ABC, DEF, se mutuo secent, vel si non se interfecant, habeant centra diuersa, & G, sit centrum circuli ABC, at H, centrum circuli DEF, Diameter communis sit DC, per centra G, H, transfens. Ex puncto autem I, inter vtrumque centrum, & intra vtrumque circulum, cadant quotuis lineæ IK, IB, IL, interceptantes in circulo ABC, arcus æquales KB, BL, productæ auté, si opus est, secent circulum DEF, in M, E, N. Dico arcus ME, EN, inæquales esse, maiorem quidem ME, & minorem EN. Si namque arcus ME, maior non est arcu EN; erit vel æqualis, vel minor. Sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo per lemma præcedens, angulus NIE, maior erit angulo EIM. Sed per idem lemma, propter arcus æquales KB, BL, angulus KIB, hoc est, EIM, maior est angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Idem ergo angulus NIE, maior est angulo EIM, & minor. quod est absurdum. Non ergo arcus ME, arcui EN, æqualis est. Sit deinde, si fieri potest, arcus ME, minor arcu EN. Abscisso ergo arcu EO, æquali ipsi ME, ductæque recta OI; erit per idem lemma præcedens, angulus OIE, maior angulo EIM. Multo ergo maior erit angulus NIE, angulo EIM. Sed per idem lemma, ob arcus æquales KB, BL, angulus KIB, hoc est, EIM, maior est angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor, eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus ME, arcu EN, minor est: Sed neque æqualis, vt ostensum est. Igitur maior.

EADEM

EADEM ratione, si æquales ponantur arcus ME, EN, erit arcus LB, maior arcu BK. Si enim non est maior, sit primum, si fieri potest, æqualis. Ergo per lemma præcedens, angulus KIB, hoc est, EIM, maior erit angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Sed per idem lemma, ob arcus æquales ME, EN, angulus NIE, maior est angulo EIM. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor, eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus LB, arcui BK, æqualis erit. Sit deinde, si fieri potest, arcus BL, minor arcu BK. Abscisso ergo arcu BP, æquali ipsi LB, ductæque recta PI; erit per idem lemma præcedens, angulus PIB, maior angulo BIL. Multo ergo maior erit angulus KIB, hoc est, EIM, angulo BIL, hoc est, angulo NIE. Sed per idem lemma, ob æquales arcus ME, EN, angulus NIE,



maior est angulo EIM. Idem ergo angulus NIE, maior est, & minor eodem angulo EIM. quod est absurdum. Non ergo arcus LB, minor est arcu BK: Sed neque æqualis, vt ostendimus. Igitur maior.

DICO rursum arcus DM, DE, DN, maiores esse, quàm vt similes sint arcibus AK, AB, AL. Item arcus CL, CB, CK, maiores, quàm vt similes sint arcibus FN, FE, FM. Ducta enim recta HN, ex centro H, agatur ei parallela GQ, ex centro G. Quoniam igitur anguli DHN, AGQ, ad centra æquales sunt, externus & internus; erunt ex schol. propof. 2. lib. 3. Eucl. arcus DN, AQ, similes. Maior ergo est MN, quàm vt similis sit arcui AL, qui pars est arcus similis AQ. Eodemque modo ostendens DE, DM, maiores esse, quàm vt similes sint arcibus AB, AK.

RURSUS ducta recta GL, ex centro G, agatur ei parallela HR, ex centro H. Quia igitur anguli CGL, FHR, ad centra æquales sunt, externus & internus; erunt ex scholio propof. 2. lib. 3. Eucl. arcus CL, FR, similes. Maior ergo est CL, quàm

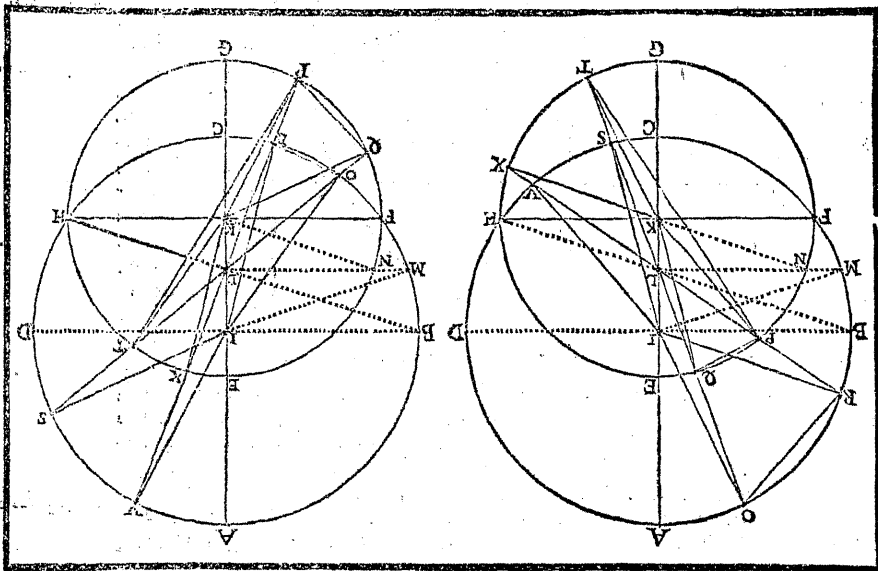
a 29. primi.

b 29. primi.

vt in secunda, & tertia, siue etiam in ipsa circumferentia minoris. Item siue altera linearum OL, PL, cadat infra diametrum FH, vt in prima figura, & tertia, siue vtraque supra eam diametrum, vt in secunda figura, dummodo ex vtraque parte perpendicularis LM, æquales cum ea angulos constituent.

S C H O L I V M.

QVEM AD MODVM autem recta LA, cum qualibet alia ex L, egrediente auferat arcus dissimiles ex utroque circulo, vt in antecedente lemmate demonstratum est, ita quoque dua recta quacunque ex L, supra perpendiculararem LM, vel infra cadentes auferunt ex eisdem duobus circulis arcus dissimiles, vt facile ex his, qua hoc lemmate demonstrata sunt, colligi potest, vt in his duabus figuris apparet. Si namque dua recta OL, PL siue supra perpendiculararem LM, siue infra, abscindere dicantur arcus similes OR, QP, & eadem constructio fiat qua prius, ostendemus eodem prorsus modo, angulos OLI, PLK, æquales inter se esse, quod est absurdum, cum vnus acutus sit,



et alter obtusus. Solum igitur arcus similes inter duas rectas intercipi possunt inter duas rectas, quæ æquales angulos cum LM, vtriusque faciunt, hoc est, quarum una supra LM, & altera infra cadit.

L E M M A XXXV.

SI in circulo duæ diametri sese ad angulos rectos secant, & in eodem recta ducatur ad vtramque diametrum inclinata,

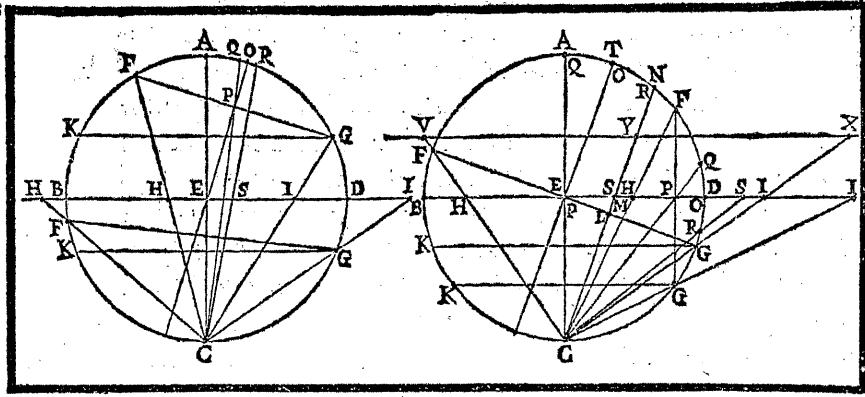
inclinata, vel vni earum parallela; ab vno autem extremo alterutrius diametrorum per extrema rectæ lineæ inclinatae vel ab extremo diametri illius, cui recta equidistans est, extendantur duæ rectæ triangulum constituentes, cuius basis est recta inclinata, vel illa parallela. Altera diameter abscindet ex huius trianguli lateribus triangulum simile, sed subcontrarie positum. Etsi recta inclinata per centrum transeat, recta ex eodem diametri extremo ad eam ducta perpendicularis basem trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam secabit, ipsaque perpendicularis semissi eiusdem basis æqualis erit. Si vero recta per centrum non transeat, siue inclinata sit, siue vni diametrorum parallela, & ad eam ducatur diameter perpendicularis, atque per punctum vbi rectam illam secat, ex eodem illo extremo diametri recta ducatur vsque ad circumferentiam, ac tandem arcui inter hoc punctum circumferentia & diametrum perpendicularem postremo loco ductam, arcus ex altera parte æqualis abscindatur: Recta ex dicto illo extremo diametri ad terminum huius arcus ducta, secabit quoque basim trianguli ab altera illa diametro abscissi bifariam.

SECTESE in circulo ABCD, cuius centrum E, duæ diametri AC, BD, ad rectos angulos, sitque ad vtramque inclinata recta FG, siue citra centrum, vel vltra existat, vt in prima figura, siue per centrum transeat, vt in secunda figura, siue non sit inclinata, sed vni diametrorum, verbi gratia, ipsi AC, parallela, vt in eadem secunda figura; siue denique tota inclinata sit ex vna parte diametri AC, vt in tertia, & quarta figura: quod duobus modis fieri potest. Aut enim ea alteram diametrum BD, secat, vt in tertia, aut non secat, vt in quarta figura. Atque ex puncto C, per extrema F, G, duæ rectæ extendantur CF, CG, constituentes triangulum CFG, secantesque diametrum BD, in H, I. Dico triangulum abscissum CHI, triangulo CFG, simile esse, sed subcontrarie positum, hoc est, angulum CHI, angulo CGF, & angulum CIH, angulo CFG, esse æqualem, &c. Ducta enim GK, diametro BD, parallela, erunt arcus BK, DG, æquales, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. Si igitur ex quadrantibus æqualibus BC, DC, demantur, vel quando GK, est vltra diametrum BD, addantur; erunt quoque reliqui arcus, vel constati CK, CG, æquales. Ideoque, & anguli CGK, CFG, illis insistentes ad circumferentiam æquales erunt. Est autem angulo CGK, angulus CIH, internus externo, æqualis. Igitur & anguli CIH, CFG, æquales erunt. Cui ergo angulus FCG, vtriusque triangulo sit cõmunis; erunt ex coroll. 1. propof.

32. lib. 1.

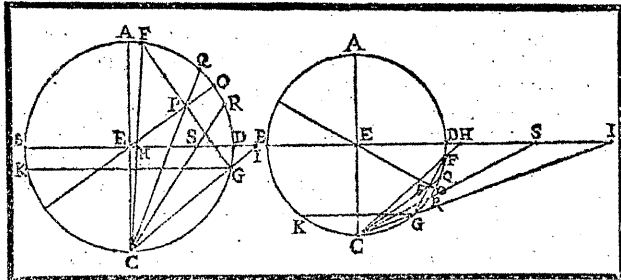
a 27. tertij.
b 29. primi.

a 4. sexti. 32. lib. 1. Euclid. triangula CHI, CFG, æquiangula; ac propterea latera circa æquales angulos habebunt proportionalia, ideoque similia erunt, sed subcontrarie posita.



DVCATVR iam ex eodem puncto C, ad rectam inclinam FG, per centrum transeuntem (vt in secunda figura) perpendicularis CL, secans basem HI, in M, quod facile fiet hoc modo. Sumatur arcui CG, arcus GN, æqualis, ducaturque recta CN. Hæc enim ad FG, in L, perpendicularis erit. Recta namque EL, ex centro secans arcum CN, bifariam in G, secabit quoque ex scholio propof. 27. lib 3. Euclid. rectam CN, bifariam. Igitur & ad angulos rectos. Dico basem HI, trianguli abscissi CHI, sectam esse in M, bifariam, rectamque CM, utriusque semis MI, MH, æqualis esse. Quonia enim angulus FCG, in semicirculo rectus est, & ex eo ad FG, basem trianguli rectanguli CFG, demissa est perpendicularis CL, erit angulus GCL, angulo CFG, & angulus FCL, angulo CGF, æqualis. Sed angulo CFG, angulus CIH, & angulo CGE, angulus CHI, ostensus est æqualis. Igitur tam anguli GCL, CIH, quam anguli FCL, CHI, æquales erunt, Quare tam latus IM, lateri CM, in triangulo MCI, quam latus HM, eidem lateri CM, in triangulo MCH, æquale erit; ac proinde & rectæ MI, MH, æquales erunt, & utriusque earum æqualis CM, quod est propositum.

b 3. tertij.
c 31. tertij.
d 8. sexti.
e 6. primi.



RVR SVM ducatur ad FG, (in aliis etiam figuris) non per centrum transeuntem diameter perpendicularis EO, quæ ipsam FG, bifariam secabit in P, puncto, per quod ex eodem puncto C, recta emittatur secans circumferentiam in Q, & arcui OQ, æqualis sumatur arcus OR, ac tandem ex eodem puncto C, per R,

f 3. tertij.

per R, recta ducatur secans HI, basem trianguli abscissi in S. Dico basem HI, in S, sectam esse bifariam. Quonia enim triangula CFG, CIH, similia ostensa sunt, sed subcontrarie posita, habentia angulos æquales F, I; Sunt autem in triangulis CFP, CIS, anguli quoque FCP, ICS, æquales, ob arcus æquales FQ, GR. (Nam cum æquales sint arcus OF, OG, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucli. quod recta FG, secta sit bifariam in P; si demantur æquales OQ, OR, reliqui etiam FQ, GR, æquales erunt.) Igitur & triangula CFP, CIS, æquiangula erunt. Quocirca erit, vt FG, ad FC, ita IH, ad IC, & vt FC, ad FP, ita IC, ad IS. Igitur ex æqualitate, (vt in apposita formula apparet) erit quoque, vt FG, ad FP, ita IH, ad IS. Est autem FG, ipsius FP, dupla. Igitur & IH, ipsius IS, dupla erit, ac proinde IH, in S, bifariam secabitur. quod est propositum. Immo si ad rectam FG, per centrum transeuntem ducatur diameter ET, perpendicularis, & arcui TA, æqualis sumatur TN, (Ducta enim est etiam CA, per E, punctum intersectionis diametri perpendicularis ET, cum FG,) secabit recta CN, basem HI, bifariam quoque in M, quod eadem ratione probabitur, vt patet, si pro A, sumatur litera Q, & O, pro T, & R, pro N, & S, pro M, & P, pro E, vt in secunda figura apparet. Diligenter autem attendendum est, (ne confusio fiat in triangulis priorum duarum figurarum, quæ assumuntur, propter easdem literas repetitas) vt ex semper literæ accipiantur, quæ pro prijs triangulis debentur. In duabus figuris posterioribus non est hoc periculum. Hoc idem, quod posterius dixi de recta FG, per centrum ducta, nullo negotio colligi potest ex superiore demonstratione, quando probatum est, perpendicularis CL, bifariam secare HI, in M. Quonia enim totus arcus CDA, & ex toto CDA, ablati AN, ex toto DA, ablati AT, duplus est, ex constructione; erit quoque totius CDA, reliquus CN, ex toto DA, reliqui DT, duplus. Cui ergo DT, ipsi CG, æqualis sit; (Nam ex quadrantibus GT, CD, de pro comuni arcu GD, reliqui arcus DT, CG, æquales erunt.) erit quoque arcus CN, arcus CG, duplus: sed quando arcus CG, duplicatur usque ad N, recta CN, ad FG, perpendicularis est, diuiditque HI, bifariam, vt supra demonstratum est. Igitur quando arcui TA, æqualis sumitur TN, recta quoque CN, bifariam secabit HI, in M, cum ex hoc sequatur reliquum arcum CN, sectum esse bifariam in G, vt demonstratum est.

a 27. tertij.
b 4. sexti.

QUANDO recta inclinata FG, per centrum transit, vt in secunda figura, demonstrabimus triangulū CHI, abscissum triangulo CFG, esse simile, sed subcontrarie positum, etiam si parallela G, ducta nō sit, hoc modo. Quonia angulus FCG, in semicirculo rectus est, atque ex eo demissa perpendicularis CE, ad basem trianguli CHI; erit angulus HCE, angulo CIH, & angulus ICE, angulo CHI, æqualis. Est autem angulo HCE, æqualis angulus CFG, (Ambo enim insunt arcibus AF, CG, qui æquales sunt, propter angulos ad verticē in centro E, æquales AEF, CEG, & angulo ICE, angulus CGF, æqualis, quod ambo insunt arcibus AG, CF, qui æquales sunt, ob angulos AEG, CEF, æquales ad verticē E, in centro. Igitur & anguli CIH, CFG, & CHI, CGF, æquales erunt; estque angulus FCG, cōis. Igitur æquiangula sunt triangula CHI, CFG, & subcontrarie posita.

c 5. quinti.
d 31. tertij.
e 8. sexti.
f 27. tertij.
g 26. tertij.
h 27. tertij.
i 26. tertij.

COROLLARIUM.

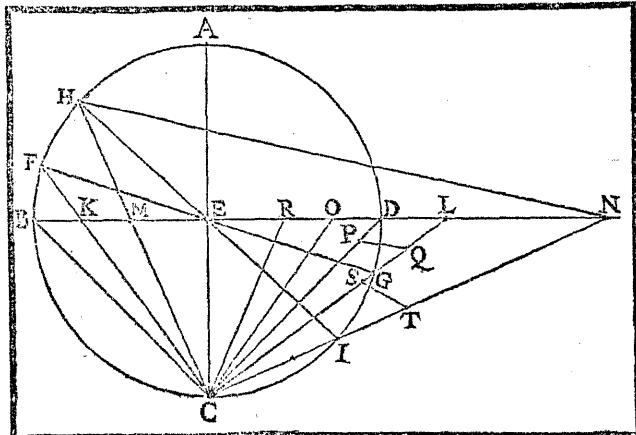
EX ijs quæ hoc loco demonstrata sunt, colligitur, si in quouis circulo due diametrisese ad rectos angulos secantes ducantur, rectam lineam, quæ ad aliquam aliam diametrum obliquam perpendicularis ducitur ab extremo P

utriusvis

utriusvis diametrorum sese ad angulos rectos secantium, dividere bifariam segmentum cuiusvis lineæ rectæ alteri diametro æquidistantis interceptum inter rectas ex eodem illo puncto extremo per terminos diametri obliquæ eductas. Vt si in circulo ABCD, secunda figuræ ductis duabus diametris sese ad rectos angulos secantibus AC, BD, ex puncto extremo CL, diametri AC, ad quamlibet obliquam diametrum FG, ducatur perpendicularis CL: dico eam productam secare bifariam in Y, segmentum V X, cuius vis rectæ V X, alteri diametro BD, æquidistantis, inter rectas CF, CG, interiectum. Quoniam enim ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. est vt HM, ad MI, ita VY, ad YX, estq; HM, ipsi MI, æqualis, vt ostensum est; erit quoque VY, ipsi YX, æqualis. Eademque ratio est de quacunque alia linea æquidistante ipsi BD, siue ea ultra BD, quantumvis intervallo distans ducatur, siue citra BD.

LEMMA XXXVI.

SI in circulo duæ diametri sese ad rectos angulos fecerint, & in eodẽ aliæ duæ diametri ad illas inclinatæ ducantur, ab vno autẽ extremo alterutrius diametrorũ priorum per extrema posteriorũ binæ rectæ extendantur: Erũt rectæ ex altera priorum diametrorum à binis rectis abscissæ maiores diametro circuli, ipsæq; inter se erunt quoq; inæquales, maior videlicet illa, cuius diameter inclinata maiorẽ angulum cum altera illa diametrorum priorum cõstituit,



CG, extendantur secantes BD, in K, L, quam per extrema H, I, rectæ CH, CI, secantes eandem BD, in M, N. Dico vtramq; rectam abscissam KL, MN, maiorem esse

esse diametro BD, ipsa q; inter se inæquales, & MN, maiorem quam KL. Iunctis enim rectis CB, CD, & sumpta recta EO, æquali ipsi EK, iungatur recta CO. Et quoniã duo latera EB, EC, duobus lateribus ED, EC, æqualia sunt, angulosque cõtinent æquales, vt pote rectos; erunt etiã bases CB, CD, æquales. Eadẽ ratione æquales erunt rectæ CK, CO, propterea quod & duo latera EK, EC, duobus lateribus EO, EC, æqualia sunt, angulosq; æquales, rectos videlicet, continent. Quia vero in triangulo ECO, externus angulus DOC, interno recto OEC maior est, & propterea in triângulo COD, angulus ODC, recto minor, quod ambo COD, ODC, duobus rectis minores sint; erit recta CD, maior, quã recta CO. Eademq; ratione CL, maior erit quã CD; propterea quod in triangulo ECD, angulus quoq; externus LDC, interno recto DEC, maior est, ideoq; in triangulo CDL, angulus DLC, recto minor, cum ambo CDL, DLC, sint duobus rectis minores. Abscindatur recta CP, ipsi CO, hoc est ipsi CK, & CQ, ipsi CD, hoc est, ipsi CB, æqualis, iungaturq; recta P Q. Quoniam igitur duo latera CP, CQ, duobus lateribus CK, CB, æqualia sunt, angulosq; cõtinent æquales PCQ, KCB, quod æqualibus arcibus DG, HF, insistant; (Sunt enim hi arcus æquales, cum eis insistant in centro anguli ad verticem æquales.) erunt triangula PCQ, KCB, æqualia; ac proinde in triangulo DCL, cuius triangulum PCQ, pars est, maior erit triangulo KCB. Est autem, vt triangulum DCL, ad triangulum KCB, ita basis DL, ad basem BK. Igitur & basis DL, base BK, maior erit: additaque communi recta KD, tota KL, maior fiet, quã tota BD. Non aliter demonstrabimus MN, maiorem esse eadem BD.

DEINDE rectæ EM, accipiat æqualis ER, iungaturq; recta CR, quæ ostendatur ipsi CM, æqualis, quæ modò CO, ipsi CK, ostensa est æqualis. Cũ enim duo latera EC, EM, duobus lateribus EC, ER, sint æqualia, contineantque angulos rectos æquales; erũt bases CM, CR, æquales. Quia vero in triângulo ERC, angulus externus LRC, interno recto REC, maior est, ideoq; in triângulo LRC, angulus RLC, maior recto, cũ ambo LRC, RLC, duobus rectis minores sint; erit recta CL, maior quã CR. Eademq; ratione maior ostendatur CN, quã CO, propterea quod in triangulo EOC, externus angulus NOC, interno recto OEC, maior quoq; erit, ideoq; in triangulo CON angulus CNO, minor recto. Abscindatur CS, ipsi CR, hoc est, ipsi CM, & CT, ipsi CO, hoc est ipsi CK, æqualis, iungaturq; ST. Quoniã igitur duo latera CS, CT, duobus lateribus CM, CK, æqualia sunt, angulosq; cõtinent æquales SCT, MCK, cũ insistant arcibus GI, FH, qui æquales sunt ob angulos ad verticem in centro æquales; erunt triangula SCT, MCK, æqualia: atque idcirco triangulum LCN, cuius triangulum SCT, pars est, maior erit triangulo MCK. Est autem vt triangulum LCN, ad triangulum MCK, ita basis LN, ad basem KM. Igitur & basis LN, base KM, maior erit; additaque communi recta ML, tota MN, maior fiet, quã tota KL, quod est propositum.

PORRO tam rectam KL, quã MN, maiorem esse diametro BD, vel FG, vel HI, hac etiam ratione demonstrari poterit. Concipiatur animo cõnus scale nus, cuius vertex C, & basis circulus circa diametrum FG, ad planum trianguli CFG, rectus, quæ conum secet aliud planum ad idem triangulum per axẽ CFG, rectum abscondens triangulum CKL, quod per præcedens lemma subcontrarie positum est, sed simile triangulo per axem CFG: ac proinde hoc posterius planum per lemma 17. in cono circulum faciet, cuius diameter KL. Et quia diameter FG, diuisa est bifariam in centro E, erit diameter KL, maior, secabiturq; in E, non bifariam, & maior eius portio erit EL, versus eam partem, vbi diameter KL, cum

a 4. primi.

b 16. primi.
c 17. primi.
d 19. primi.

e 27. tertij.
f 26. tertij.
g 4. primi.

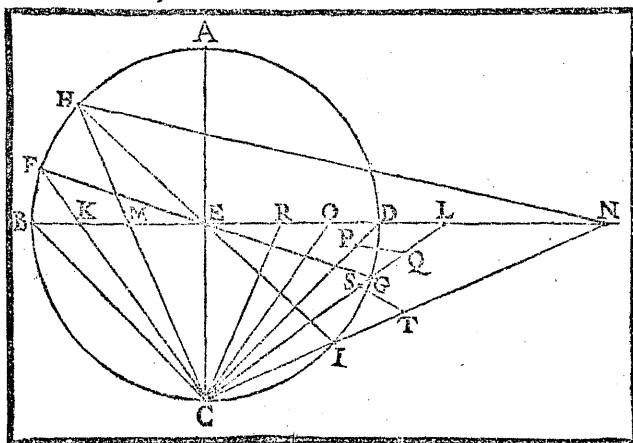
h 1. sexti.

i 4. primi.
k 16. primi.
l 17. primi.
m 19. primi.

n 27. tertij.
o 26. tertij.
p 4. primi.
q 1. sexti.

KL, cum latere CG, trianguli per axem facit minorem angulum L, vt in scholio eiusdem lemmatis 17. demonstrauimus. Esse autem angulum L, minorem angulo K, perspicuum est. Quia enim angulus L, æqualis est angulo F, & angulus K, angulo CGF, ob subcontrariam sectionem; a Est autem angulus F, minor angulo CGF, quod & latus CG, minus sit latere CF, ex scholio propof. 29. lib. 3. Euclid. Erit quoque angulus CLK, minor angulo CKL; Eodem modo ostendemus rectam MN, maiorem esse diametro HI.

a 18. primi.



b 18. primi.

HOC idē demonstrabimus hoc modo. Iuncta re- & a HN; quoniā EN, maior est semidiametro ED, vel EH; b erit angul⁹ EHN, maior angulo ENH. Est autem angulus CHI, æqualis angulo CNM, ob subcontrariā

c 10. primi.

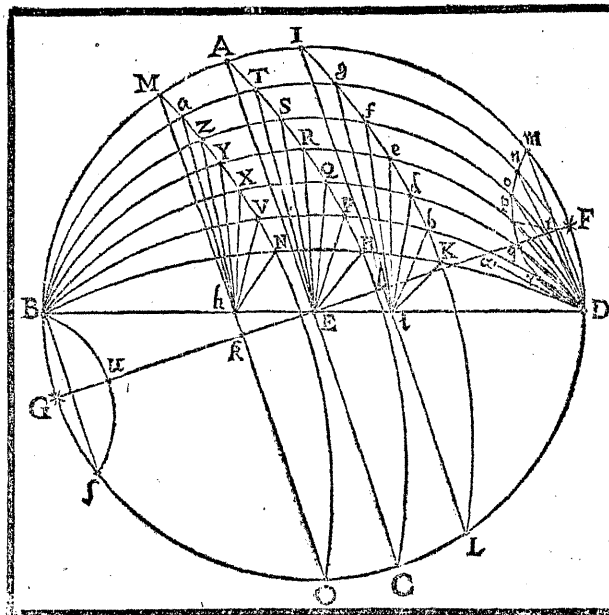
sectionem, vt in præcedenti lemmate demonstratum est. Igitur totus quoque angulus CHN, maior erit toto angulo CNH; c ac proinde latus CN, latere CH, maius erit: quæ cū in subcontrariis triangulis similibus CMN, CIH, opponantur æqualibus angulis CMN, CIH, vt in lemmate præcedente ostensum est; erit diameter subcontrariæ sectionis MN, maior diametro basis HI, conī scaleni ex ijs, quæ ad initium scholij lemmatis 17. demonstrauimus.

QVOD si ex maiore latere CN, minori CH, abscinderetur recta æqualis, & per punctum sectionis ipsi rectæ PN, parallela ageretur, vt abscinderetur aliud triangulū subcontrariū, esset tū demū basis huius trianguli basi HI, æqualis, vt ad initium scholij eiusdem lemmatis 17. demonstrauimus: sed tūc neq; basis HI, neque basis subcontrariæ sectionis bifariā diuideretur, vt ex ijs, quæ in scholio eiusdem lemmatis 17. demonstrata sunt à nobis, liquido constat. Sic etiā si minus latus CH, produceretur donec maiori CN, æquale fieret, & per extremū punctū basi HI, parallela ageretur, quæ esset basis alterius conī scaleni, esset tū demū etiā hæc basis æqualis basi trianguli subcontrarij MN: sed tūc neutra etiā basium bifariā diuideretur. Quæ oīa ex ijs, quæ in scholio lemmatis 17. demonstrauimus, colligi possunt. Quod de triangulis subcontrariis CHI, CNM, diximus, idē de subcontrariis triangulis CFG, CLK, intelligendū est. Eadē enim demonstratio adhibebitur, si recta FL, iungatur, vt manifestum est. Itaque quod lemma hoc proponit, diametrum subcontrariæ sectionis KL, vel MN, semper esse maiorem basē FG, vel HI, non est contrarium ei, quod in scholio lemmatis 17. demonstrauimus, nimirum fieri posse, vt interdū bases triangulorū subcontrariorū æquales sint: quia cum hic semper basis conī FG, vel HI, bifariam secetur, fit vt basis subcontrarij trianguli necessarīo maior fiat, numquam autem æqualis, vt demonstratum est.

L E M-

CIRCULI positionum in sphaera obliqua boreali secantes arcum semidiurnum Aequatoris in partes æquales, secant arcus semidiurnos parallelorum in partes inæquales: Et in parallelis quidem australibus quælibet pars inter Meridianum & quemlibet circulum positionis minor est respectu proprij arcus semidiurni, quam eadem pars in Aequatore respectu arcus semidiurni Aequatoris; In borealibus vero maior. Idem tamen circuli positionum parallelos Horizontem tangentes secant quoque in partes æquales.

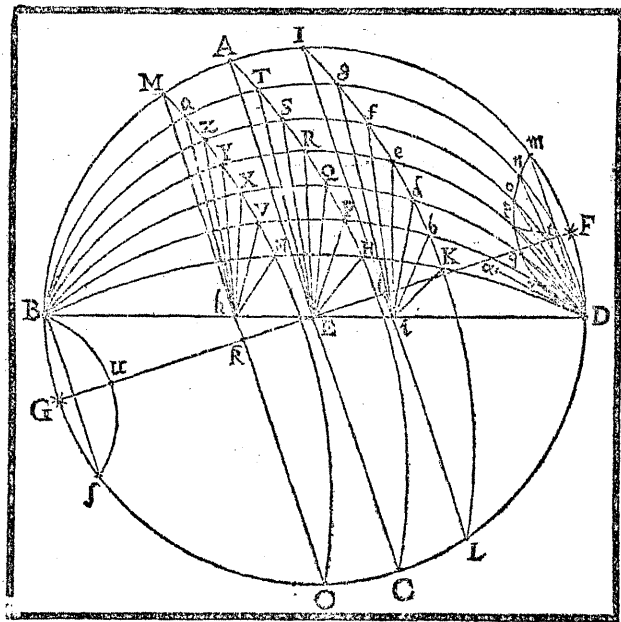
IN sphaera ABCD, obliqua boreali, cuius ceterum E; Horizon obliquus BHD; axis mundi FG; Aequator AHC; parallelus borealis IKL; australis MNO; Meridian⁹ ABCD, per polos mundi, & Horizontis ductus. Diuiso autē quadrante Aequatoris AH, Orientali, vel Occidentali, in sex partes æquales in P, Q, R, S, T, a du cantur per diuisionum puncta & puncta B, D, vbi Meridianus Horizontem secat, circuli maximi positionū secantes parallelos in V, X, Y, Z, a, b, d, e, f, g. Dico parallelos in partes inæquales esse diuisos, & arcus Ma, MZ, MY, MX, MV, minores partes esse respectu arcus semidiurni MN, quàm arcus AT, AS, AR, AQ, AP, respectu arcus semidiurni Aequa-



a 20. T. Leo.

Aequa-

Aequatoris AH: at arcus Ig, If, Ie, Id, Ib, maiores respectu arcus semidiurni IK. Sint enim BD, MO, AC, IL, communes sectiones Horizontis, parallelorum, ac Meridiani. Et quoniam Meridianus Horizontem, omnesque parallelos fecit bifariam; erunt BD, MO, AC, IL, Horizontis, ac parallelorum diametri, axisque FG, per parallelorum centra k, E, l, transibit, eruntque MN, AH, IK, inter Meridianum & Horizontem, arcus semidiurni. Ductis autem ex h, E, i, punctis, ubi parallelorum diametri Horizontis diametrum fecant, rectis hN, EH, iK, hV, EP, ib, & ad reliqua diuisionum puncta; erunt hN, EH, iK, communes sectiones Horizontis ac parallelorum; ac proinde parallelae: At vero hV, EP, ib, communes sectiones circuli positionis BPD; & parallelorum; ideoque & inter se parallelae, atque ita de ceteris dicendum est. Erunt igitur tam sex anguli ad h, quam sex ad i, constituti aequales sex ad E, constitutis. Sunt autem omnes sex ad E, inter se aequales, cum in centro E, insistant sex arcibus aequalibus HP, PQ, &c. Igitur & omnes anguli tam ad h, quam ad i, aequales erunt: ac proinde ex lemmate 32. tam arcus Ma, aZ, &c. quam arcus Ig, gf, &c. inaequales erunt, minor quidem Ma, quam aZ, & aZ, minor quam ZY, &c. at vero Ig, maior quam gf, & gf, maior quam fe, &c. Est ergo Ma, minor, quam sexta pars arcus semidiurni MN, cum quolibet sequentium quinque partium aZ, ZY, &c. maior sit, quam Ma. Sic erit MZ, minor quam tertia pars eiusdem arcus MN, quod unaquaeque duarum ZX, XN, maior sit quam MZ. Nam & tres anguli MbZ, ZhX, XhN, aequales sunt, cum eorum semisses sint aequales. Item arcus MY, minor erit semisse eiusdem arcus MN, cum YN, maior sit, quam MY, propterea quod & duo anguli MhY, YhN, aequales sunt, quippe quorum tertiae partes aequales sunt. Pari ratione arcus MX, erit minor quam duae tertiae partes eiusdem arcus MN, quod XN, sit maior quam tertia pars, cum maior sit utroque arcuum XZ, ZM. Denique MV, minor erit quam quinque sextae partes eiusdem arcus MN, quod NV, maior sit quam sexta pars, propterea quod



Ma, minor, quam sexta pars arcus semidiurni MN, cum quolibet sequentium quinque partium aZ, ZY, &c. maior sit, quam Ma. Sic erit MZ, minor quam tertia pars eiusdem arcus MN, quod unaquaeque duarum ZX, XN, maior sit quam MZ. Nam & tres anguli MbZ, ZhX, XhN, aequales sunt, cum eorum semisses sint aequales. Item arcus MY, minor erit semisse eiusdem arcus MN, cum YN, maior sit, quam MY, propterea quod & duo anguli MhY, YhN, aequales sunt, quippe quorum tertiae partes aequales sunt. Pari ratione arcus MX, erit minor quam duae tertiae partes eiusdem arcus MN, quod XN, sit maior quam tertia pars, cum maior sit utroque arcuum XZ, ZM. Denique MV, minor erit quam quinque sextae partes eiusdem arcus MN, quod NV, maior sit quam sexta pars, propterea quod

quod maior est qualibet reliquarum quinque partium VX, XY, &c. E contrario erit Ig, maior quam sexta pars arcus IK, cum maior sit qualibet sequentium quinque partium gf, fe, &c. Item If, maior erit quam tertia pars eiusdem arcus IK, cum maior sit qualibet duarum partium fd, dK. Nam & tres anguli Ife, fld, dlK, aequales sunt, cum eorum semisses aequales sint. Rursus Ie, erit maior quam semissis eiusdem arcus IK, quia maior est quam eK, quod & duo anguli IeI, eIK, aequales sint, cum eorum tertiae partes sint aequales. Praeterea Id, maior erit quam duae tertiae partes eiusdem arcus IK, propterea quod dK, minor est tertia parte, cum minor sit utroque arcuum df, fi. Denique Ib, erit maior quam quinque sextae eiusdem arcus IK, quod Kb, minor sit quam sexta pars, quippe cum minor sit qualibet aliarum quinque partium bd, de, &c.

CONTRARIUM accidit in sphaera obliqua australi. Arcus enim abscissi a Meridiano, & circulis positionum, maiores erunt in parallelis australibus, & in borealibus minores, respectu arcuum semidiurnorum, quam idem arcus in Aequatore, respectu arcus semidiurni Aequatoris.

SED iam idem circuli positionum fecerunt parallelum Dpm, qui Horizontem tangit in D, & cuius diameter Dm, in punctis n, o, p, q, r. Dico arcus mn, no, op, pq, qr, rD, aequales inter se esse, sicut in Aequatore. Ductis enim rectis Dn, Do, Dp, Dq, Dr, & rectis ET, ES, ER, EQ, EP, parallelae sunt; erunt rursus quinque anguli mDn, nDo, oDp, pDq, qDr, quinque angulis aequalibus AET, TES, SER, REQ, QEP, aequales; ideoque & inter se aequales erunt: Quinque ergo arcus mn, no, op, pq, qr, aequales inter se erunt. Et quia ducta semidiameter tp, angulus mtp, in centro duplus est anguli mDp, in circumferentia: Est autem angulus mDp, aequalis angulo AER, quod eorum tertiae partes sint aequales ostensi. Igitur angulus mtp, duplus quoque erit anguli AER. Cum ergo angulus AEH, duplus quoque sit eiusdem anguli AER, quod & arcus AH, duplus sit arcus AR, aequales erunt anguli mtp, AEH; ideoque arcus mp, AH, similes, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. Cum ergo AH, sit quadrans, erit & mp, quadrans, ac proinde & pD, reliquus ex semicirculo quadrans erit. Est autem arcus op, tertia pars quadrantis mp, quod tres arcus mn, no, op, ostensi sint aequales. Igitur & arcus pq, qr, qui illis aequales sunt, tertiae partes erunt quadrantis pD, ac proinde & reliquus rD, tertia pars erit eiusdem quadrantis pD; atque idcirco omnes sex arcus quadrantis mpD, aequales inter se erunt. quod est propositum.

VERVM postquam probatum est, quinque arcus mn, no, op, pq, qr, aequales esse, ostendemus etiam rD, illis esse aequalem, hoc modo. Sit Dm, communis sectio Horizontis & paralleli mpD, quae ex defin. lib. 2. Theod. utrumque circum tangit, eritque ipsi EH, parallela, ac proinde angulus aDr, angulo HEP, ideoque & reliquis ad punctum D, aequalis erit. Est autem angulus aDr, aequalis angulo in alterno segmento, qui arcui Dr, insitit. Igitur idem angulus arcui Dr, insitens quinque angulis rDq, qDp, pDo, oDn, nDm, aequalis erit, ac proinde omnes sex arcus quadrantis mpD, aequales inter se erunt.

E ADEM ratione demonstrabimus eosdem positionum circulos productos oppositum semicirculum tangentem Buf, secare in sex partes aequales.

a 26. vndec.
b 10. vndec.
c 26. tertij.
d 20. tertij.
e 33. sexti.

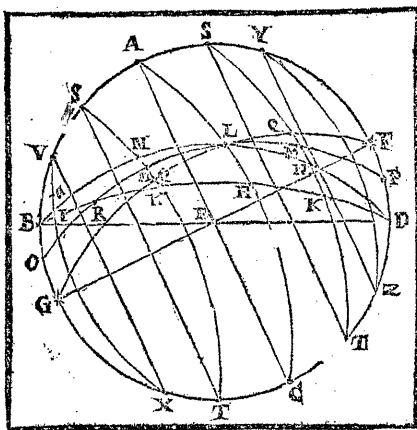
f 16. vndec.
g 10. vndec.
h 32. tertij.
i 26. tertij.

IN sphaera obliqua boreali circuli per horas inaequales Aequatoris, & cuiusvis paralleli transeuntes, secant Meridianum ex parte australi infra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum australem; ex parte vero boreali supra Horizontem, inter eundem Horizontem, & polum Septentrionalem.

IN sphaera obliqua boreali, cuius centrum E; Meridianus ABCD; axis mundi FG; Horizon BHD, Aequator AC; parallelus siue australis, siue borealis SKT, arcus semidiurni AH, SK. ^a Ducatur per aliquam horam Aequatoris inaequalem L, & respondentem horam inaequalem paralleli M, circulus maximus LM. Dico eum secare Meridianum ex parte australi inter B, & polum australem G, infra Horizontem, nimirum in O; ex parte vero boreali inter D, & polum borealem F, supra Horizontem, nimirum in P. ^b Ducatur enim per idem

120.1. Theo.

120.2. Theo.



punctum L, Aequatoris circulus positionis BLD, secans parallelum in N, & maximus circulus per polos mundi FLG, secans parallelum in Q. Quoniam igitur per lemma praecedens, arcus SN, in australi parallelo minor est respectu arcus semidiurni IK, quam arcus AL, respectu arcus semidiurni AH, hoc est, quam arcus SM, respectu arcus semidiurni eiusdem SK; in boreali autem parallelo maior; cadet punctum M, in parallelo australi infra N, in boreali vero supra. Rursus quoniam arcus AL, SQ, similes sunt, continebuntur tot horae aequales in SQ, quot in AL: Continebuntur autem totidem horae inaequales in SN, quot in AL, suntque horae inaequales in parallelo australi minores horis aequalibus, & in boreali maiores. Igitur in parallelo australi punctum horae inaequalis M, cadet supra punctum horae aequalis Q, in boreali vero infra. Ostensum autem est idem punctum M, cadere infra N, in parallelo australi, & in boreali supra. Igitur circulus LM, maximus horae inaequalis, cum inter puncta N, Q, cadat, secabit Meridianum inter circulos BLD, FLG; ac proinde ex parte australi eundem secabit infra Horizontem in puncto O, inter Horizontem & polum australem G; ex parte autem boreali supra Horizontem in puncto P, inter Horizontem & polum borealem F. Eademque ratio est de alijs circulis horarum inaequalium.

IN sphaera obliqua australi contrarium intelligas. Ibi enim circulus cu-

lus cuiuscunque horae inaequalis secabit Meridianum infra Horizontem ex parte boreali, supra vero ex parte australi, semper tamen inter Horizontem & polum mundi.

LEMMA XXXIX.

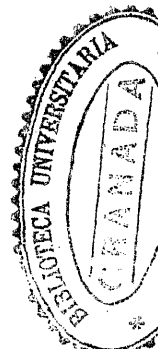
CIRCULI maximi transeuntes per horas inaequales Aequatoris, & duorum parallelorum oppositorum, non necessario per horas inaequales parallelorum intermediorum transeunt in sphaera obliqua.

REPETATUR figura antecedentis lemmatis. Et quoniam circulus maximus LM, transeuntes per inaequalem horam eandem Aequatoris & paralleli SKT, secat Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ut in lemmate antecedente demonstratum est; secabit idem Horizontem ex eadem parte, in quam arcus semidiurni vergunt, in puncto R, ante punctum B. Describatur ergo parallelus australis VIX, cuius arcus semidiurnus VI, secet Horizontem inter B & R, & ei aequalis oppositus describatur YZ. Sumatur autem in arcu semidiurno VI, arcus Va, tot horarum inaequalium, quot in arcibus AL, SM, continentur. Quia vero circulus maximus per puncta a, L, descriptus transit per eandem horam inaequalem in parallelo opposito boreali YZ, ut in scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices demonstrauimus, non transibit idem circulus per eandem horam inaequalem M, in parallelo intermedio ST, quandoquidem maximus circulus per L, M, ductus non transit per a, sed Horizontem secat in R, nulloque modo parallelum VX, supra Horizontem secat; ac proinde a circulo per a, & L, ducto diuersus est.

QVOD si describantur circuli maximi per omnes sex horas arcus semidiurni Aequatoris & paralleli ST, secabunt idem omnes Meridianum ex parte australi B, infra Horizontem, ac proinde Horizontem citra punctum B. Si igitur parallelus australis describatur, cuius arcum semidiurnum nullus eorum circulorum maximorum secet, & per sex horas inaequales huius arcus semidiurni, & Aequatoris, describantur maximi circuli, transibunt quidem ij, ex scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices, per sex horas inaequales paralleli borealis oppositi, sed nullo modo intermedium parallelum ST, in horis inaequalibus interfecabunt, quippe qui differant a circulis maximis, quos per horas inaequales Aequatoris, & paralleli ST, duci diximus, cum hi parallelum australem non fecerint supra Horizontem, ex constructione.

IDEM liquido constat in eleuatione poli grad. 66. $\frac{1}{2}$ vbi tropici Horizontem tangunt, & tropicus $\epsilon\delta$, totus est supra Horizontem, & tropicus $\zeta\eta$, infra. Quoniam enim, ut in lemmate 37. demonstrauimus, circuli positionum transeunt in ea sphaera per horas inaequales Aequatoris, & parallelorum tangentium, idemque circuli positionum, ex eodem lemmate diuidunt aliorum parallelorum secantium intermediorum arcus semidiurnos inaequaliter, perspicuum est, ea in sphaera circulos maximos transeuntes per horas inaequales Aequatoris, & vtriusque tropici, (in vno quidem per horas diurnas, & in altero per nocturnas) non transire per horas inaequales aliorum parallelorum intermediorum, quippe cum

Q horae



horæ inæquales diuidant arcus semidiurnos in partes æquales, quod non faciunt circuli positionum in parallelis intermedijs, vt dictum est.

RVRVS in eadem sphaera obliquitate, si per horas inæquales Aequatoris, & alicuius paralleli inter Aequatorem, & tropicum, positi describantur circuli maximi, cadent omnes hi, ex lemmate 37. infra Horizontem, antequam Meridianum secent. Si igitur parallelus australis inter tropicum, & Aequatorem describatur, qui Horizontem secet citra omnia illa puncta, per quæ circuli illi maximi incedunt, & eius arcus semidiurnus in sex partes æquales diuidatur, transibunt maximi circuli per eas partes & horas inæquales Aequatoris ducti, per horas quoque inæquales oppositi paralleli borealis. Certum autem est, eosdem non transire per horas inæquales assumpti paralleli intermedijs, cum circuli maximi per horas inæquales Aequatoris, & assumpti paralleli descripti, ab illis omnino differant, quippe qui arcum semidiurnum illius paralleli australis non secare positi sint.

SCHOLIUM.

Non dari circulos maximos, qui per horas inæquales omnium parallelorum transiant, hoc est, qui singulorum arcus diurnos in duodecim partes æquales partiantur: quod tamen omnes qui de horologiorum descriptione egerunt, pro certo accipiunt. Diuidunt enim omnes scriptores arcum diurnum in 12. partes æquales, aut certe inueniunt in utroque tropico puncta horarum inæqualium, per quæ puncta, & per horas in æquinoctiali linea rectas ducunt pro lineis horarum inæqualium, perinde ac si huiusmodi linea horas inæquales indicaret toto anni tempore, instar communium sectionum plani horologii, & circulorum maximatorum per horas inæquales omnium parallelorum transeuntium. Et certe, vt verum fatear, res hac, cum eius demonstrationem non inuenirem, non paucos annos acriter me torfit, roganque per literas complures Matheumaticos tam in Italia, quam extra Italiam, vt me docerent, quam ratione demonstrari posset, eosdem circulos maximos, qui per horas inæquales Aequatoris, & utriusque tropici ducuntur, (Hoc namque fieri posse, demonstratum à nobis est in scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices) per horas inæquales aliorum parallelorum inter tropicos existentium transire. sed nunquam id, quod desiderabam, impetrare potui, quamuis ex illis non defuerit, qui illud se demonstraturum mihi pollicetur: Verum necesse est, eum hallucinatum esse, quandoquidem à nobis, cum demum eius rei demonstrationem inquireremus, hoc loco demonstratum est, id fieri nulla ratione posse.

PERSPICVVM est ex omnibus his, in sphaera obliqua non posse dari circulos maximos, qui per horas inæquales omnium parallelorum transiant, hoc est, qui singulorum arcus diurnos in duodecim partes æquales partiantur: quod tamen omnes qui de horologiorum descriptione egerunt, pro certo accipiunt. Diuidunt enim omnes scriptores arcum diurnum in 12. partes æquales, aut certe inueniunt in utroque tropico puncta horarum inæqualium, per quæ puncta, & per horas in æquinoctiali linea rectas ducunt pro lineis horarum inæqualium, perinde ac si huiusmodi linea horas inæquales indicaret toto anni tempore, instar communium sectionum plani horologii, & circulorum maximatorum per horas inæquales omnium parallelorum transeuntium. Et certe, vt verum fatear, res hac, cum eius demonstrationem non inuenirem, non paucos annos acriter me torfit, roganque per literas complures Matheumaticos tam in Italia, quam extra Italiam, vt me docerent, quam ratione demonstrari posset, eosdem circulos maximos, qui per horas inæquales Aequatoris, & utriusque tropici ducuntur, (Hoc namque fieri posse, demonstratum à nobis est in scholio propof. 10. lib. 1. Gnomonices) per horas inæquales aliorum parallelorum inter tropicos existentium transire. sed nunquam id, quod desiderabam, impetrare potui, quamuis ex illis non defuerit, qui illud se demonstraturum mihi pollicetur: Verum necesse est, eum hallucinatum esse, quandoquidem à nobis, cum demum eius rei demonstrationem inquireremus, hoc loco demonstratum est, id fieri nulla ratione posse.

Lineæ horarum inæqualium in horologijs quid notent.

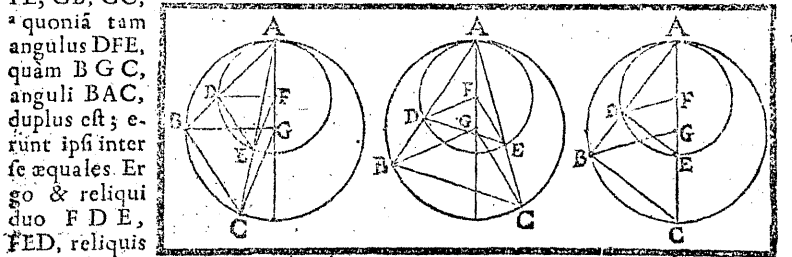
ITAQVE lineæ horarum inæqualium in horologijs, qualia etiam in Gnomonica nostra descripsimus, sunt tantummodo communes sectiones plani horologii, & maximorum circulorum, qui per horas inæquales Aequatoris, & utriusque tropici, vel certe Aequatoris, & paralleli, cuius arcus diurnus 18. horas æquales, vel 6. continet. Atque ita si geometricè velimus loqui, non indicabunt vere horas inæquales, nisi cum Sol extiterit in Aequatore, vel in illis parallelis extremis, quorum beneficio descripta sunt. Verum est, in ea sphaera, in qua poli altitudo gradus 45. non excedit, tã exiguum esse discrimen inter veras horas inæquales, & eas, quas dicta linea indicant intra latitudinem tropicorum, vt ea linea pro veris assumi possint sine errore, qui sub sensum cadere possit. At ubi altitudo poli maior est, quam grad. 45. non item: quia ibi magis discrimen apparet, & quo maior fuerit altitudo poli, eo maior differentia existet inter veras horas inæquales, & illas lineas: quemadmodum etiam eo minor diuersitas inter easdem erit, quò minor altitudo poli fuerit. Quæ omnia ex ijs, quæ demonstrata

frata hoc loco à nobis sunt, colligi possunt. Quapropter vt verius hora inæquales in dicentur in horologijs, inuenienda erunt earum puncta in pluribus parallelis inter duos tropicos, ea arte, quæ eadem in tropico viroque inuestigauimus, eaq; deinde puncta, quæ in linea recta non iacent, congruenter lineolis inflexis coniungenda, vt in hyperbolis, & alijs sectionibus conicis describendis fieri solet.

LEMMA XXXX.

SI in triangulo parallela vni lateri agatur, vel si productis duobus lateribus versus angulum ab eis comprehensum, tertio lateri ducatur parallela, vt duo fiant triangu- gula: Circuli circum ea descripti se mutuo in angulo, vel puncto communi tangunt.

SIT primum in triangulo ABC, recta DE, lateri BC, parallela, describanturque circa triangu- la ABC, ADE, circuli ABC, ADE, quos dico mutuo se tan- gere in A, angulo comuni. Ductis enim ex centris F, G, ad bates triangulorum binis rectis FD, FE; GB, GC, quonia tam angulus DFE, quam BGC, anguli BAC, duplus est; erunt ipsi inter se æquales. Er- go & reliqui duo FDE, FED, reliquis duobus GBC, GCB, æquales erunt; ac propterea, cum tam illi, quam hi inter se æquales sint; erit quilibet illorum cuiilibet horum æqualis, ac proinde angulus FDE, angulo GBC, æqualis erit. Est autè & totus angulus ADE, toti angulo ABC, externus interno, æqualis. Igitur & reliquis ADF, reliquo ABG, æqualis erit. Est autem (ductis rectis FA, GA,) angulo ADF, angulus DAE, & angulo ABG, angulus BAG, in Isoscelibus ADF, ABG, æqualis. Igitur & anguli DAF, BAG, inter se æquales erunt; ac propterea, recta AF, eadem erit, quæ AG, cù eundem angulum faciant cum AB. Quare circuli habentes centra in eadem recta AG, & per idem punctum A, descripti, sese contingent in A, ex scholio propof. 13. lib. 3. Euclid.



a 20. tertij.

DEINDE productis lateribus BA, CA, versus angulum A, sit recta DE, basi BC, parallela; & circa triangu- la ABC, ADE, circuli describantur, quos dico se mutuo in A, tangere. Ductis enim ex centris F, G, ad bases triangulorum binis rectis FB, FC; GD, GE, quonia rursus tam angulus BFC, anguli BAC, quam angulus DGE, anguli DAE, duplus est; suntque anguli BAC, DAE, ad verticem æquales; erunt quoque anguli BFC, DGE, inter se æquales; ac proinde & reliqui duo

b 5. primi.

c 29. primi.

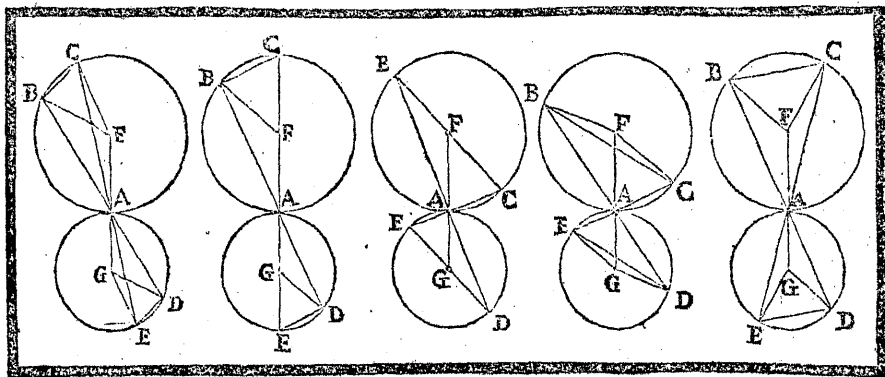
d 5. primi.

e 20. tertij.

f 15. primi.

Q 2

- a 3. primi. duo FBC, FCB, simul reliquis duobus GDE, GED, simul æquales erunt. Cum ergo tam illi, quam hi sint inter se æquales; erit quilibet illorum cuiuslibet horum æqualis, ac proinde angulus FBC, angulo GDE, æqualis erit. Est autem (ductis rectis FA, GA,) & angulus ABC, angulo ADE, alternus alterno. æqualis. Igitur & reliquis ABF, reliquo ADG, in 1. 2. & 5. figura. vel totus toti, in 4. figura, æqualis erit. In 3. figura opus non est hoc discursu, ubi rectæ FB, FC; GD, GE, angulos non constituunt, sed in rectum sunt continuatæ: anguli tamen ABF, ADG, æquales quoque erunt, cum sint alterni inter parallelas BC, DE. Itaque cum anguli ABF, ADG, æquales sint; & ille angulo BAF, hic vero angulo DAG, æqualis, erunt quoque anguli BAF, DAG, inter se æquales; ac pro-



pterea cum BD, sit linea recta ex hypothesi, efficient quoque AF, AG, lineam unam rectam, per ea, quæ ex Proclo ad propof. 15. lib. 1. Eucl. demonstravimus. Igitur circuli habentes centra in eadem recta FG, & per idem punctum A, descripti, sese in A, contingunt, propterea quod recta per A, ducta ad FG, perpendicularis utrumque circum tangit, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. Hinc enim fit, circulos se non mutuo secare, cum neque illam perpendiculararem secent, sed tangant.

COROLLARIUM.

EX his, quæ ad calcem huius propof. demonstrata sunt, colligitur, duo circulos, qui ex duobus centris in eadem recta existentibus per idem punctum describuntur, se mutuo in eo puncto tangere exterius. Huiusmodi sunt duo circuli ABC, ADE.

LEMMA XLI.

PER data duo puncta circum describere, qui datum circum tangat. oportet autem duo puncta data vel

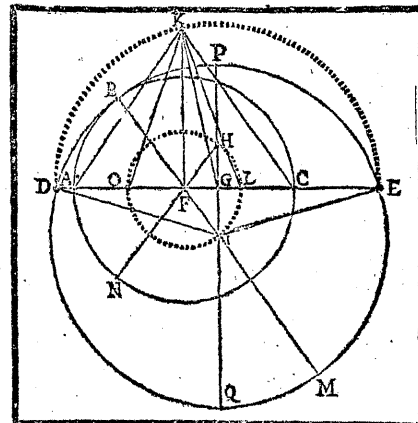
extra

extra circum datum existere, vel intra; aut si vnum est in circumferentia, alterum esse in tali situ extra, vel intra circum, ut recta per utrumque punctum extensa transeat per circuli centrum.

SIT datus circum ABC, & primum extra eum data duo puncta D, E, per quæ circum oportet describere, qui circum ABC, tangat. Iuncta recta DE, transeat primum per F, centrum dati circuli, seceturque bifariam in G, puncto, è quo perpendicularis excutetur HGI, ad DE, in qua omnino erit circuli describendi centrum, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Euclid. quod sic reperiemus. Descripto ex G, femicirculo DKE, secet eum in K, recta FK, ex centro F, ad DE, ducta perpendicularis, ductaque ex K, ad alterutrum extremorum diametri AC, ut ad A, recta KA, fiat angulo KAC, æqualis angulus AKL, seceturque KL, rectam DE, in puncto L, eritque necessario FL, maior quam FG, inter centrum & punctum medium intercepta. Nam iuncta recta GK, cui æqualis sit ipsi GD, maior est, quam GA. Igitur in triangulo AKG, angulus GAK, maior est angulo AKG; ac proinde & angulus

a 18. primi.

AKL, qui ipsi KAL, factus est æqualis, maior est angulo AKG; ideoque recta KL, ultra G, cadet inter G, & E, hoc est, FL, maior erit quam FG. Descripto ergo ex F, per L, arcu circuli secante perpendicularē HI, in H, & I; erit I, centrum circuli per D, E, transeuntis, & circum ABC, tangentis supra rectam DE. at H, erit centrum circuli tangentis eodem infra rectam DE. Ducta enim per F, I, recta BFIM, describatur ex I, ad intervallum JE, circum, qui ex scholio propof. 15. lib. 3. Euclid. circum ABC, in B, tangat. Dico eundem per data puncta D, E, transire. Iunctis enim rectis ID, IE, quoniam FI, FL, æquales sunt; additis æqualibus FB, FA, totæ æquales erunt IB, IA, ideoque cum LK, ipsi LA, æqualis sit, ob æquales angulos LAK, LKA; erunt quoque rectæ LK, IB, æquales, atque earum quadrata æqualia. Est autem quadratum rectæ LK, quadratis rectarum FK, FL, æquale, & quadratum rectæ IB, æquale rectangulo sub BF, FM, vna cum quadrato rectæ FI, vel FL. Igitur & duo quadrata rectarum FK, FL, æqualia sunt rectangulo sub BF, FM, vna cum quadrato rectæ FI; ablatoque communi quadrato rectæ FL, erit reliquum quadratum rectæ FK, reliquo rectangulo sub BF, FM, æquale. Sed quadratum rectæ FK, æquale quoque est rectangulo sub DF, FE, quod FK, media proportionalis sit inter DF, FE, ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. Igitur & rectangulum sub BF, FM, rectangulo sub DF, FE, æquale erit. Cui ergo rectangulum sub BF, FM, vna cum quadrato rectæ FI, hoc est, cum quadratis rectarum FG, GI, (cum hæc illi sint æqualia) æquale sit quadrato rectæ IB; erit quoque rectangulum sub DF, FE, vna cum quadratis rectarum FG, GI,



b 6. primi.

c 47. primi.

d 5. secundi.

e 17. sexti.

f 5. secundi.

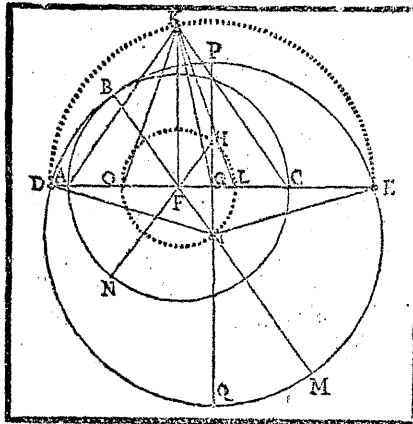
g 47. primi.

qua-

a 5. secundi. quadrato rectæ IB, æquale. Atqui rectangulum sub DF, FE, vnâ cum quadrato rectæ FG, æquale est quadrato rectæ DG. Igitur & quadratum rectæ DG, (quod iam pro rectangulo sub DF, FE, vnâ cum quadrato rectæ FG, sumatur,) vnâ cū quadrato rectæ GI, hoc est, quadratum rectæ ID, b quod quadratis rectorum DG, GI, æquale est, quadrato rectæ IB, æquale erit; ac rectæ ID, IB, æquales erunt. Cum ergo ID, IE, æquales quoque sint, quod duo latera DG, GI, duobus lateribus FG, GI, æqualia sint, angulosque continent rectos æquales; erunt tres rectæ IB, ID, IE, æquales. Quare circulus ex I, per B, descriptus, tangensque circulum ABC, in B, vt dictum est, transibit per data puncta D, E, quod est propositum.

QVOD si ex K, ad alterum extremū C, diametri circuii dati recta ducatur KC, anguloque DCK, æqualis fiat angulus CKO, secante recta KO, rectam DE, in O; erit FO, ipsi FL, æqualis, vt monstrabitur, atque idcirco, descripto ex F, per O, circulo, secabitur HF, in eodem centro I, atque idem propterea centrum semper inuenietur, siue ex K, ad A, siue ad C, recta ducatur, &c. Rectam autem FO, ipsi FL, æqualem esse, sic demonstrabitur. Quoniam duo latera AF, FK, duobus lateribus CF, FK, æqualia sunt, angulosque continent æquales, & rectos;

c 4. primi.



c 26. primi.

erunt & bases KA, KC, & tam anguli FAK, FCK, quàm FKA, FKC, æquales. Est autem angulo FAK, angulus AKL, & angulo FCK, angulus CKO, per constructionem, æqualis. Igitur & anguli AKL, CKO, æquales erunt; ac demptis equalibus FKA, FKC, reliqui FKL, FKO, æquales erunt. Itaq; cum duo anguli F, K, trianguli FKL, duobus angulis F, K, trianguli FKO, æquales sint, quibus comune latus FK, adiacet; erunt latera FL, FO, æqualia, quod est propositum.

EODEM modo demonstrabimus, circulum ex H, descriptum ad interuallum rectæ ductæ HFN, tangere circulum datum ABC, in N, transireque per data puncta D, E.

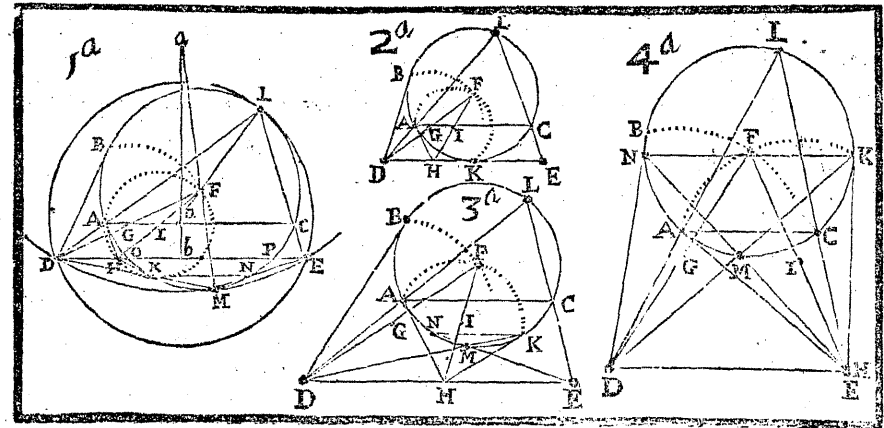
SI quando contingat centrum circuli dati, & punctum medium rectæ data duo puncta coniungentis, coincidere, vt si G, esset ceterum dati circuli DPEQ, facillimo negotio describemus circulum per duo puncta D, E, qui datum circulum contingat. Circulus enim per tria puncta D, P, E, (excitata prius ad DE, perpendiculari PQ,) descriptus tanget circulum DPEQ, in P, eundemq; tanget circulus per tria puncta D, Q, E, descriptus: atque vtriusque centrum in perpendiculari PQ, existet, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Euclid.

TRANSEAT deinde recta DE, non per F, centrum circuli dati ABC, sed vel eum secet vtcunq; vt in prima figura, vel tangat, vt in 2. vel tota sit extra, ita vt producta eum neque secet, neque tangat, vt in 3. 4. & 5. figura, vel denique ita sit extra, vt producta eum secet, aut tangat, vt in 6. & 7. figura. Iuncta recta DF, secataque bifariam in G, describatur ex G, circa DF, circulus secans datum circulum in B, iungaturq; recta DB, quæ ex scholio propof. 3. 1. lib. 3. Euclidatum

datum circulum tanget in B. Inuenta autem ipsis DE, DB, tertis proportionali DH, cadet punctum H, in prima figura extra circulum datum velius punctum D, ex quo tangens DB, ducta est. Quoniam enim quadratum sub DB, rectangulo sub DE, DH, æquale est; nec non & rectangulo sub DP, DO; erit rectangulum sub DE, DH, rectangulo sub DP, DO, æquale. Igitur erit vt DE, ad DP, ita DO, ad DH. Cum ergo DE, maior sit quàm DP, erit quoque DO, maior quàm DH, ideoque punctum H, inter D, & O, erit. Pari ratione in secunda figura punctum H, inter D, & punctum contactus K, existet. Cum enim sit vt DE, ad DB, hoc est, ad DK, (est namque DK, ipsi DB, æqualis, ex coroll. 2. propof. 36 lib. 3. Euclid, ita DB, vel DK, ad DH; sit autem DE, maior quàm DK; erit quoque DK, maior quàm DH. In tertia autem figura idem punctum H, est inter D, E, puncta: In 4. idem, quod E, ac proinde DB, DE, æquales: Et in 5, vltra punctum E. Deniq; in 6. & 7. figura idem punctum H, vltra circulum existet: quod in 6. ita probatur. Quoniam quadratum sub DB, æquale est tã rectangulo sub DE, DH, quàm rectangulo sub DO, DP; erunt rectangula sub DE, DH, & sub DO, DP, æqualia; ac proinde

a 17. sexti.
b 36. tertij.
c 16. sexti.

d 17. sexti.
e 36. tertij.
f 16. sexti.



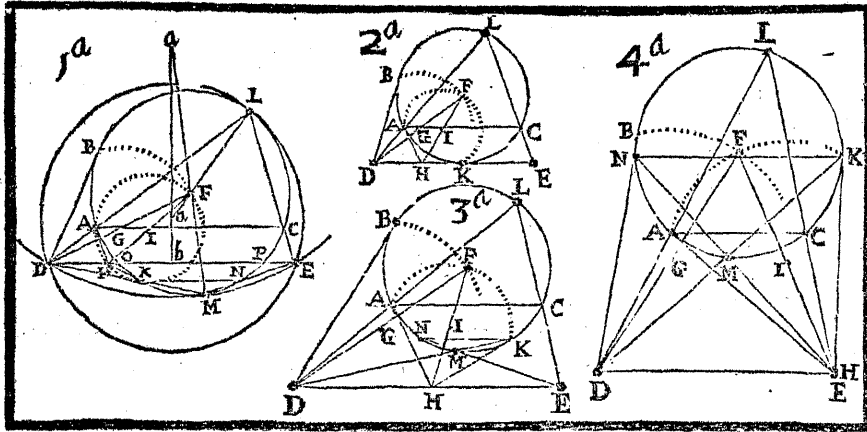
erit vt DE, ad DO ita DP, ad DH. Cū ergo DE, minor ponatur quàm DO; erit quoque DP, minor quàm DH, ideoque H, vltra P, erit. In 7. autem hæc erit demonstratio. Quoniam est vt DE, ad DB, hoc est, ad DA, (Est namque DA, ipsi DB, æqualis, ex coroll. 2. propof. 36 lib. 3. Euclid.) ita DB, vel DA, ad DH; Est autem DE, minor quàm DA; erit quoque DA, minor quàm DH.

DE INDE iuncta recta HF, eaque secata bifariam in I, describatur ex I, circa FH, circulus secans datum circulum in A, K, punctis, per quæ si ex D, puncto dato, a quo tangens linea DB, ducta est, rectæ ducantur DA, DK, secantes circumferentiam dati circuli in L, M; tanget circulus per tria puncta D, E, L, descriptus datum circulum in L, vt in prima figura, in qua circulus DL, descriptus est, apparet: Et circulus per tria puncta D, E, M, descriptus eundem continget in M, vt in 1. & 5. figura patet, vbi descripsimus circulum DE, M, centrum autem circuli tangentis est punctum a, in quo perpendicularis ba, rectam DE, bifariam secans rectam FL, vel FM, per F, centrum dati circuli, & punctum L, vel M, eandem intersectat. Nam per coroll. propof. 1. lib. 3. Euclid perpendicularis ba, transit per centrum

a 11. vel 12
tertij.

centrum cuiusvis circuli per D, E, descripti, & in FL, necessario centrum circuli tangentis circulum datum ABC, in L, existit, cum recta per duo centra circulorum tangentium emissa cadat in contactum, Si namque centrum circuli tangentis circulum ABC, in L, non dicatur existere in recta FL, secabit recta ex centro illius ducta per F, centrum dati circuli rectam FL, in F. Quare producta cadere non poterit in contactum L, quod est absurdum. Si ergo circulus per tria puncta D, E, L, descriptus tangere debet datum circulum in L, ut infra demonstrabitur, existet eius centrum in recta FL. Eademque ratione centrum circuli per tria puncta D, E, M, descripti, tangentisq; datum circulum in M, ut in eadem prima figura apparet, existit in a, communi sectione perpendicularis ba, & recta MF. Contactus porro in L, est interior, at in M, exterior, exceptis figuris 1. & 6. In prima enim contactus in M, interior quoque est, & in 6. contactus in L, exterior. In secunda figura autem vnus tantum fit contactus, isque interior in L; Similiterq; in 7. figura vnus duntaxat contactus fit, isq; exterior in M. Non describimus tamen omnes circulos tangentes, ut confusio vitaretur, arbitantes satis esse exemplum in 1. figura de circulis intus sese tangentibus in L, & alterum exemplum in 5. figura de circulo tangente exterius.

C A E T E R V M circulum per tria puncta D, E, L, descriptum tangere datum circulum in L, sic demonstrabimus. Quoniam quadratum recta DB, tam re-



c 36. tertij. Et angulo sub DE, DH, & quam rectangulo sub DL, DA, æquale est; erunt hæc duo rectangula inter se æqualia. Igitur ex scholio propof. 36. lib. 3. Euclid. per quatuor puncta A, L, E, H, circulus describi poterit; ac proinde, ducta recta LE, secante circumferentiam in C, (quod enim circulum necessario fecerit, ad finem in scholio demonstrabimus) iunctaq; recta AC, duo anguli oppositi ALE, AHE, in quadrilatero ALEH, duobus rectis æquales erunt in prioribus tribus figuris: Sunt autem & duo anguli AHD, AHE, duobus rectis æquales. Igitur duo illi hisce duobus æquales erunt, ablatoque communi AHE, reliqui ALE, AHD, æquales erunt. Est autem & angulus HAC, angulo ALE, in alterno segmento equalis; Nam recta HA, HK, circulum ABC, tangunt in A, K, ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. Igitur idem angulus HAC, angulo AHD, alterno æqualis erit; ideoque

ideoque parallelæ erunt AC, DE, Cum ergo circulus datus circa triangulum LAC descriptus sit, tanget circulus circa triangulum LDE, descriptus datum circulum in L, ex præcedenti lemmate. Atque hæc demonstratio conuenit in prioribus tres figuris. In quarta figura hæc erit demonstratio. Quoniam quadratum recta DB, ac proinde & quadratum recta DE, ipsi DB, æqualis, æquale est rectangulo sub DL, DA, si circa triangulum LAE, circulus describatur, tanget eum recta DE, in E, quandoquidem eundem recta DL, secat. Igitur angulus DEA, angulo ALE, in alterno segmento æqualis erit. Cum ergo & angulus EAC, eodem angulo ALE, in alterno segmento circuli dati sit æqualis, æquales erunt alterni anguli DEA, EAC; atque idcirco DE, AC, parallelæ erunt. Quare ut prius, ex lemmate antecedente, circulus circa triangulum LDE, descriptus, circulum ABC, datum, & circa triangulum LAC, descriptum, tanget in L. In quinta figura demonstratio sic instituetur. Quoniam quadratum recta DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DA, DL, æquale est, erunt duo hæc rectangula inter se æqualia. Igitur ex scholio propof. 36. lib. 3. Euclid. per quatuor puncta A, L, H, E, circulus describi poterit, in quo anguli L, H, in eodem segmento, cuius chorda AE, æquales erunt: Sed est & angulus HAC, angulo L, in alterno segmento dati circuli æqualis. Igitur alterni anguli HAC, AHD,

a 27. primi.

b 36. tertij.

c 37. tertij.

d 32. tertij.

e 32. tertij.

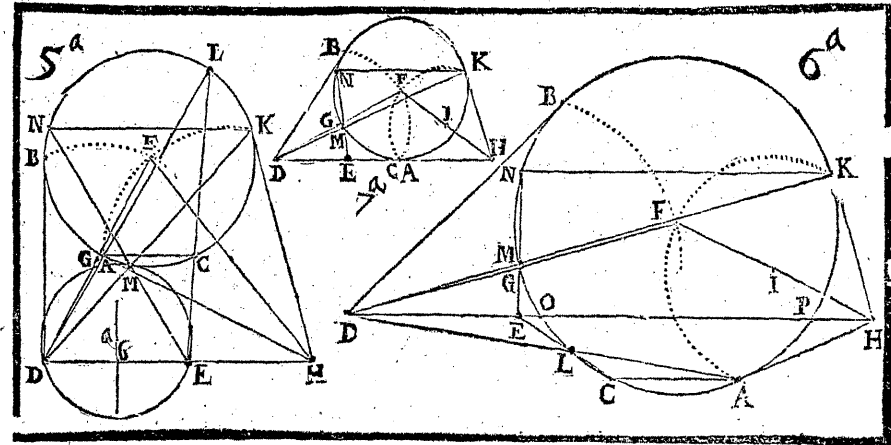
f 27. primi.

g 17. sexti.

h 36. tertij.

i 21. tertij.

k 32. tertij.



æquales erunt, ideoque parallelæ erunt DE, AC, &c. In sexta denique figura hoc modo idem concludemus. Quoniam quadratum recta DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DL, DA, æquale est; erunt duo hæc rectangula æqualia inter se, ac proinde circa quatuor puncta E, H, A, L, per scholium propof. 36. lib. 3. Euclid. circulus poterit describi. Igitur duo anguli oppositi HAL, HEL, in quadrilatero EHAL, duobus rectis æquales erunt. Cui ergo & duo anguli HEL, DEL, duobus sint rectis æquales, erunt his duobus duo illi æquales, ablatoque communi HEL, reliqui HAL, DEL, æquales erunt: Est autem angulus HAL, angulo ACL, in alterno segmento dati circuli æqualis. Igitur & angulus DEL, eidem angulo ACL, alterno æqualis erit, atque idcirco DE, AC, parallelæ erunt, &c.

l 27. primi.

m 17. sexti.

n 36. tertij.

o 22. tertij.

p 13. primi.

q 32. tertij.

r 27. primi.

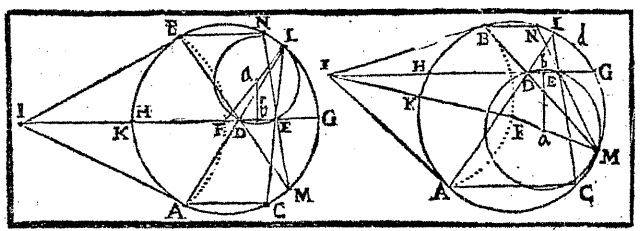
R

EODEM

a 17. sexti. **b 30. tertij.** **c 22. tertij.** **d 13. primi.** **e 32. tertij.** **f 37. primi.** **g 21. tertij.** **h 32. tertij.** **i 27. primi.** **k 36. tertij.** **l 37. tertij.** **m 32. tertij.** **n 32. tertij.** **o 22. tertij.** **p 13. primi.** **q 32. tertij.** **r 27. primi.**

E O D E M fere modo ostendemus, circulū per tria puncta D, E, M, descriptū datum circulum tangere in M. In prima enim figura, quoniam quadratum rectæ DB, tam rectangulo sub DE, DH, quam rectangulo sub DK, DM, æquale est, erunt hæc duo rectangula inter se æqualia; ideoque, circa quatuor puncta H, E, M, K, circulus poterit describi. Igitur in quadrilatero HEMK, ducta recta ME, secante circumferentiam in N, (quod enim necessario circulum secet, ad finē in scholio demonstrabimus.) iunctaq; recta KN, duo anguli oppositi EMK, EHK, duobus rectis æquales erunt: Sunt autem & duo EHK, DHK, duobus rectis æquales. Igitur hi duo duobus illis æquales erunt, demptoque communi EHK, reliqui EMK, DHK, æquales erunt; Sed & angulus HKN, eidem angulo EMK, æqualis est in alterno segmento circuli dati. Igitur alterni anguli DHK, HKN, æquales erunt; ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circulus ergo per D, E, M, descriptus datum circulum per K, N, M, descriptum tanget in M, ex præcedenti lemmate. In tertia autem figura, (Nam in secunda, sicuti & in septima, vnicui sit contactus in L, cum recta DE, circulum datum tangat) ita propositum ostendemus. Quoniam per quatuor puncta M, K, E, H, circulus describi potest, quod probabitur, ut in prima figura; erunt in eodem segmento, cuius chorda recta MH, anguli MKH, MEH, æquales: Est autē angulus HKM, angulo KNE, in altero segmento æqualis. Igitur anguli alterni MEH, KNE, æquales erunt, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ. Circuli igitur triangulis KMN, DME, circumscripti se mutuo in M, contingent, ex lemmate præcedente. In quarta figura sic. Quoniam quadratum rectæ DB, hoc est, rectæ DE, rectangulo sub DK, DM, æquale est, si triangulo KME, circulus circumscribatur, tanget eum recta DE; ideoque angulus DEM, angulo EKM, in alterno segmento eiusdem illius circuli æqualis erit. Cum ergo angulus EKM, angulo KNM, in alterno segmento dati circuli sit æqualis, erunt alterni anguli DEM, KNM, æquales, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c. In 5. & 6. denique figuris, hoc modo. Quoniam per quatuor puncta M, K, H, E, circulus describi potest, ut in prima figura monstratum est; erunt in quadrilatero MKHE, duo oppositi anguli K, E, duobus rectis æquales: Sunt autem & duo anguli DEM, MEH, duobus rectis æquales. Igitur illi duo his duobus æquales erunt, demptoque communi MEH, reliqui DEM, HKM, æquales erunt. At HKM, angulus angulo KNM, in alterno segmento dati circuli æqualis est. Igitur anguli alterni DEM, KNM, æquales erunt, ideoque rectæ DE, KN, parallelæ, &c.

I A M vero data sint duo puncta D, E, intra circulum, per quæ traiciatur recta



quantacūque DE, siue ea per cētrum dati circuli transeat, siue non. Tribus rectis DE, DG, DH, ad

DH, ad DI; estque DE, minor quā DG, erit quoque DH, minor quā DI, ac proinde punctum I, extra circulum existet. Ducta ex I, ad cētrum F, recta IF, quando DE, extensa non transit per cētrum, eaque diuisa bifariam in K, describatur ex K, describatur ex K, circa IF, circulus secans datum circulum in A, & B, iunganturque rectæ IA, IB, quæ ex scholio propof. 31. lib. 2. Euclid. circulum datum tangent in A, & B. Si igitur ex A, per D, recta ducatur AD; secans circumferentiam in L, tanget circulus per tria puncta D, E, L, descriptus datum circulum in L. Sic etiam recta ducta BD, circumferentiam secabit in M; puncto, in quo circulus per tria puncta D, E, M, descriptus datum circulum tanget in M. Est autem contactus hic semper interior. Demonstratio hæc est. Ducta recta LE, secante circumferentiam in C, iungatur recta AC: Item ducta recta ME, secante circumferentiam in N, iungatur recta BN. Quia igitur est, ut DE, ad DG, ita DH, ad DI; erit rectangulum sub DE, DI, rectangulo sub DG, DH, æquale: Sed hoc æquale est rectangulo sub AD, DL. Igitur & illud. Per quatuor ergo puncta A, I, L, E, circulus describi poterit, ex scholio propof. 35. lib. 3. Euclid. ac proinde anguli IAL, LEI, in eodem segmento illius circuli, cuius chorda recta IL, æquales erunt: Est autem IAL, æqualis angulo ACL, in alterno segmento dati circuli. Igitur æquales erunt anguli LEI, ACL, externus & internus, ideoque rectæ DE, AC, parallelæ erunt. Per lemma ergo antecedens circulus triangulo DEL, circumscriptus circulum datum triangulo ACL, circumscriptum tanget in L, ut in priori figura apparet; estque rursus cētrum in a, communi sectione perpendicularis ba, rectam DE, bifariam secantis, & rectæ LF, ex puncto L, per cētrum F, dati circuli ductæ.

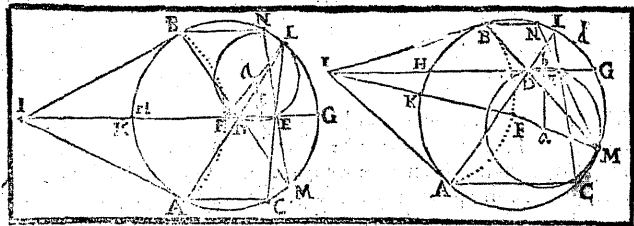
E O D E M modo ostendemus circulum per D, E, M, descriptum tangere datum circulum in M. Erit enim rursus rectangulum sub DE, DI, rectangulo sub BD, DM, æquale. Igitur per quatuor puncta I, B, E, M, circulus describi poterit, ex scholio propof. 35. lib. 3. Euclid. ac proinde anguli IBM, MEI, in eodem segmento illius circuli, cuius chorda recta IM, æquales erunt. Est autem IBM, æqualis angulo BNM, in alterno segmento dati circuli. Igitur anguli MEI, BNM, externus & internus, æquales erunt, ideoque rectæ DE, BN, parallelæ. Per lemma ergo præcedens, circulus triangulo DEM, circumscriptus circulum datum tanget in M, ut in posteriori figura vides; vbi etiam cētrum est in a, communi sectione perpendicularis ba, & rectæ MF.

Q V O D si a puncto E, solutio problematis initium sumat, inuenietur idem omnino punctum L, vel M. Nullum enim aliud absolueri potest problema. Nam si fieri potest, inueniatur aliud punctum d, in posteriori figura. Recta ergo d E, secabit circumferentiam infra punctum c, & recta d D, eandem secabit supra punctum A; ac proinde recta connectens puncta sectionum secabit rectam AC, ideoque & eius parallelam DE, productam. Non ergo ei parallela erit, quod tamen requiritur ad problema, ut patuit, & liquido constat ex præcedente lemmate. Idem absurdum conspicietur in aliis figuris, si aliud punctum quā L, vel M, dicatur inueniri, si a puncto E, solutio problematis incipiat.

I T A Q V E ut problema propositum perficiatur, necesse est à duobus datis punctis duas rectas ducere ad aliquod vnum punctum circumferentiæ circuli

culi data, ita ut recta coniungens duo puncta, in quibus duæ illæ rectæ circumferentiam secant, parallela sit rectæ data duo puncta connectenti. Ita enim vides, u.g. à punctis D, E, ad punctum L, duas rectas DL, EL, ductas secare circumferentiam in A, C, rectamque AC rectæ DE, parallelam esse. Item ex D, E, per punctum M, ductas duas rectas DM, EM, secare circumferentiam in B, N, in posterioribus duabus figuris proximis, in prioribus autem K, N, & tam rectâ BN, quam KN, rectæ DE, parallelam esse. Et quamquam punctum hoc L, vel M, inuestigauerimus ad finem lib. 6, Euclid. ex Pappo, visum tamé est, idem hoc loco docere, præsertim cum praxis hic tradita, quando duo puncta intra circumferentiam data sunt, nonnihil discrepet ab illa, quam in Euclide præscripsimus.

POSTREMO si vnum punctum datur in circumferentia, & alterum intra, vel extra circumferentiam, ita ut recta per vtrumque extensa, per centrum circuli transeat, perspicuum est, si ex puncto medio rectæ duo data puncta connectentis circa illa circumferentia describatur, eum tangere datum circumferentiam in dato puncto. Ut si in prima posteriorum duarum figurarum detur vnum punctum H, in circumferentia dati circuli A B C, & alterum D, intra circumferentiam, ita ut recta DH, per centrum F, transeat, circulus ex medio puncto rectæ DH, per D, H, descriptus tanget datum circumferentiam in H, ex scholio propof. 13. lib. 3. Euclid. Item si detur punctum G, in circumferentia, & I, extra circumferentiam, ita ut rursus recta IG, transeat per F, centrum, circulus ex medio puncto rectæ

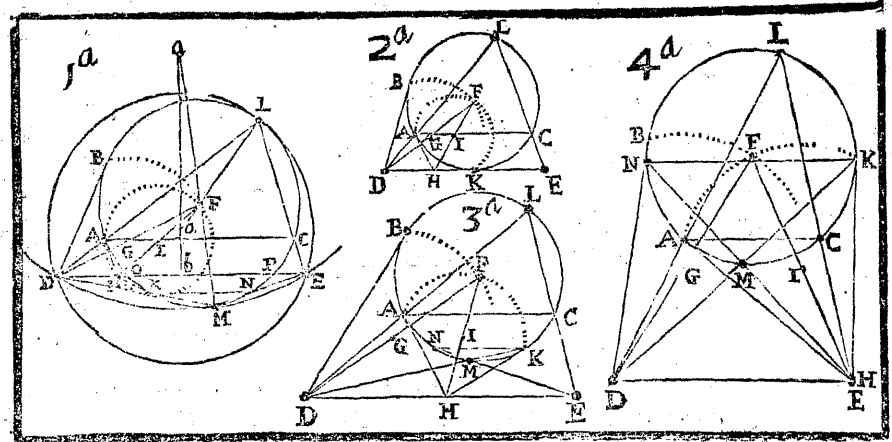


GI, per G, I descriptus tanget datum circumferentiam in G, ex eodem scholio. Denique si punctum H, in circumferentia datum sit, & I, extra, ita ut recta IH, transeat quoque extensa per centrum F, circulus ex medio puncto rectæ HI, per H, I, descriptus tanget datum circumferentiam in H. Nam recta per H, ducta perpendicularis ad IF, vtrumque circumferentiam tanget, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Euclid. ac proinde iidem circuli in eodem puncto H, communi se contingunt, quandoquidem neuter alterum interfecat, cum neuter rectam tangentem secet.

SCHOLIUM.

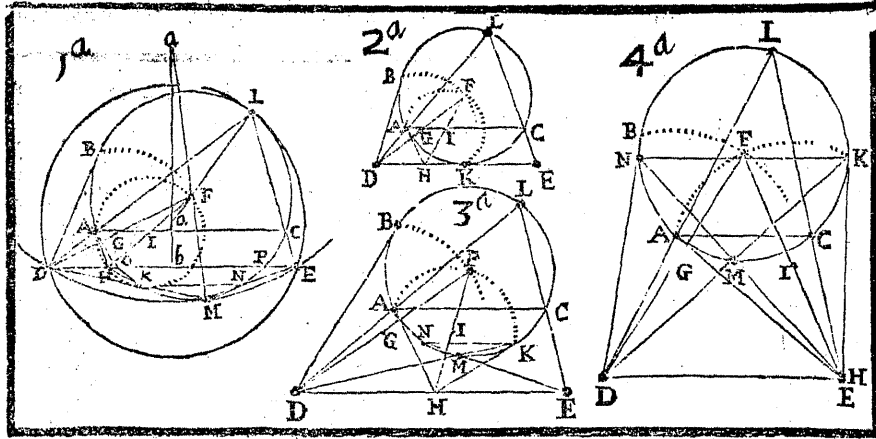
AT vero postquam in prioribus 7. figuris ex D, per A, ducta est linea DA, qua necessario datum circumferentiam ABC, secat cum HA, eundem tangat in A; demonstrabimus rectam LE, eundem circumferentiam secare, hoc est, intra circumferentiam ABC, cadere: quod in demonstratione assumebatur, hoc modo. Quoniam si problematis solutio à puncto E, incipiat, idem prorsus punctum L, inuenitur, ut ad calcem lemmatis ostensum est, linea autem recta à puncto assumpto, quod solutionis initium est, ducta, qua punctum

punctum L, offert, datum circumferentiam secat, ut proxime de recta DA, diximus; liquido constat, rectam LE, eundem circumferentiam secare, quandoquidem ab ea non differt, qua ex E, duceretur, si ab E, operationis initium fieret. Idemque dicendum est de recta ME, quia si ab E, initium fiat, reperitur idem punctum M, &c. Quod tamen alio modo ita demonstrabimus. Ex puncto A, ipsi DE, parallela ducatur AC, secans circumferentiam dati circuli in C. Dico rectam LE, omnino per C, transire, proindeque in L, & C, circumferentiam secare, hoc est, intra circumferentiam cadere. Nam quia per quatuor puncta A, L, E, H, circulus describi potest, ut ostendimus; erunt oppositi duo anguli ALE, EHA, a 22. tertij. in quadrilatero ALEH, æquales duobus rectis; b Sumi autem & duo EHA, AHD, b 13. primi. duobus rectis æquales. Igitur hi duo duobus illis æquales erunt, demptoque communi in EHA, reliqui ALE, AHD, æquales erunt: c At AHD, alterno angulo HAC, c 29. primi.



æqualis est. Igitur & HAC, angulo ALE, æqualis erit. a Idem autem angulus HAC, æqualis est angulo ALC, (ducta recta CL, in alterno segmento. Igitur anguli ALE, ALC, æquales sunt, ideoque recta LE, per C, transit, ut eundem angulum faciat cum AL, quem CL, cum eadem efficit, &c. Atque demonstratio hæc propria est primarum trium figurarum. In 4. autem, quoniam DE, tangit circumferentiam circa tria puncta A, L, E, descriptum, ut probatum est; erit angulus DEA, æqualis angulo ALE, in alterno segmento illius circuli. Est autem idem angulus DEA, alterno EAC, æqualis. Igitur erit quoque EAC, angulo ALE, æqualis. b Cum ergo idem angulus EAC, æqualis sit angulo ALC, (ducta recta CL, in alterno segmento, erunt anguli ALE, ALC, æquales. Coincidunt ergo rursus rectæ LE, LC, &c. In quinta vero figura, quoniam, ut ostensum est, circa quatuor puncta A, L, H, E, circulus describi potest; erunt anguli ALE, AHE, in eodem segmento, cuius chorda AE, æquales: c Est autem angulo AHE, æqualis alterno HAC. Igitur angulus HAC, angulo quoque ALE, æqualis erit. d Cum ergo idem angulus HAC, æqualis sit angulo ALC, (ducta recta CL, in segmento alterno, æquales erunt anguli ALE, ALC; atque idcirco rectæ LE, LC, sibi mutuo congruent, &c. Denique in 6. figura, (Nam in 7. punctum L, non habetur.) quoniam, ut monstratum est, per quatuor puncta A, L, E, H, circulus describi potest, erunt duo oppositi anguli HAL, LEH, duobus rectis æquales, ideoque duobus LEH, l 21. tertij. LED, m qui æquales etiam sunt duobus rectis, æquales, demptoque communi LEH, m 3. primi, reliqui

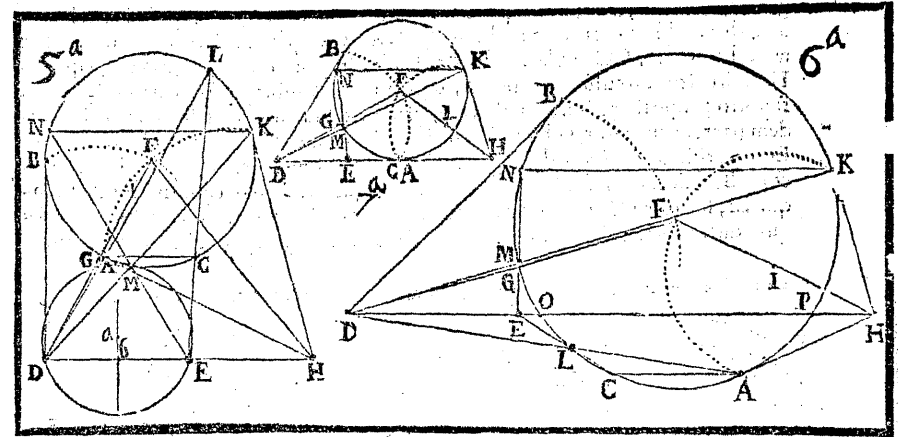
a 32. tertij. reliqui HAL, LED, aequales erunt. Est autem angulus HAL, angulo ACL, in alterno segmento aequalis. Igitur & angulus LED, eidem angulo ACL, in eo segmento aequalis erit. b 29. primi. Cum ergo angulus LED, aequalis quoque sit alterno angulo, quem EL, producta cum AC, facit, cadet EL, producta in C, punctum. Nam si caderet inter A, & C, vel ultra C, fieret semper externus angulus interno aequalis in triangulo, quod constituitur a recta CL, & segmento recta EL, producta, & segmento recta AC, intercepto inter punctum C, & illud, in quod EL, producta incidere dicitur: quod est absurdum. c 16. primi. Est enim externus interno opposito maior. Cum ergo EL, producta cadat in C, perspicuum est, LE, circumulum secare in L, hoc est, intra circumulum cadere.



E A D E M fere ratione demonstrabitur, rectam ME, circumulum secare in M, hoc est, intra circumulum cadere. Ducta enim KN, ipsi DE, parallela, que secet datum circumulum in N ostendemus rectam ME, transire per N, ac proinde intra circumulum cadere, eumque secare in M, N. Quia enim in prima figura per quatuor puncta H, K, M, E, circumulus describi potest, ut ostensum est; d erunt in quadrilatero HKME, duo anguli oppositi EMK, KHE, duobus rectis aequales, ideaque & duobus KHE, KHD, e qui duobus etiam rectis aquantur aequales; ac dempto communi KHE, reliqui EMK, KHD, aequales quoque erunt. f Est autem KHD, alterno HKN, aequalis. Ergo & HKN, angulo EMK, aequalis erit. g Cum ergo & angulus HKN, angulo KMN, (ducta recta NM) in alterno segmento aequalis sit, aequales erunt anguli EMK, KMN; atque idcirco recta ME, per N, transibit, intraque circumulum datum cadet. In 2. figura punctum M, non habetur. In 3. figura sic rem demonstrabimus. Quoniam, ut ostensum est, per quatuor puncta H, E, K, M, circumulus describi potest, h erunt anguli HEM, HKM, in eodem segmento illius circuli, cuius chorda HM, aequales. i Est autem angulus HKM, angulo KNM, in segmento alterno aequalis. Igitur & angulus HEM, eidem angulo KNM, aequalis erit. k Cum ergo angulus HEM, angulo alterno, quem facit recta EM, producta cum KN, aequalis sit; erunt aequales anguli KNM, & angulus, quem EM, producta facit cum KN. Igitur EM, producta cadet in N. si enim caderet inter K, N, vel ultra N, fieret semper externus interno opposito aequalis in triangulo constituto a recta MN, & segmento recta EM, producta, & segmento recta KN, intercepto inter N, & punctum, in quod cadere dicitur EM, producta, quod est absurdum. l Ex-

terminus

ternus enim angulus interno opposito maior est. Cadit ergo EM, producta in N, ideoque intra circumulum cadit auferens arcum MN. In 4. figura, quia, ut ostensum est, recta DE, tangit circumulum circa E, K, M, descriptum, a erit angulus DEM, angulo EK M, in alterno segmento aequalis: b sed angulus EKM, angulo KNM, in alterno segmento aequalis est: c Est autem idem angulus DEM, aequalis alterno angulo, quem cum KN, facit EN, producta. Igitur aequalis erit angulus KNM, angulo, quem EM, producta facit cum KN, ac proinde, ut paulo ante ostendimus, EM, producta in M, cadet. Denique in 5. 6. & 7. figura, quoniam circulus describi potest circa quatuor puncta H, E, M, K, d erunt oppositi duo anguli HEM, HKM, duobus rectis aequales, ideoque aqua-



les duobus HEM, MED, quod hi etiam duobus rectis aequales sint. Dempto ergo communi HEM, reliqui HKM, MED, aequales erunt: e Est autem angulus HKM, angulo KNM, in segmento alterno, f & angulus MED, angulo alterno aequalis, quem EM, producta facit cum KN. Igitur aequalis erit angulus KNM, angulo huic alterno, atque idcirco, ut paulo ante monstratum est, EM, producta cadit in punctum N, &c. g Ex his patet, aliter demonstrari posse, circumulum per tria puncta D, E, L, vel D, E, M, descriptum, tangere datum circumulum ABC, in L, vel M. Ducta enim AC, vel KN, ipsi DE, parallela, ostendemus, ut in hoc scholio, rectam LE, vel ME, cadere in punctum C, vel N. Igitur per lemma praecedens, circumulus per D, E, L, vel D, E, M, descriptus datum circumulum ABC, tanget in L, vel M, quod est propositum.

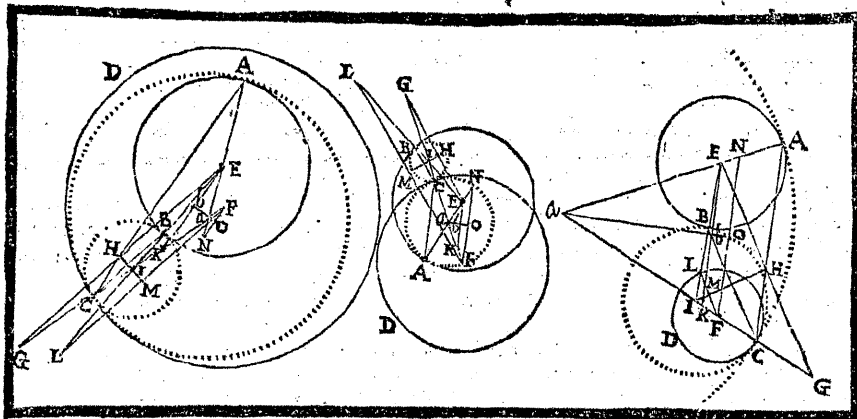
LEMMA XLII.

DATIS duobus circulis, per punctum in vnus circumferentia datum describere circumulum, qui vtrumque datum tangat.

SINT

SINT duo circuli AB, CD, quorum centra E, F, siue vnus alterum includat, secetue, siue alter extra alterum totus sit positus: sitque primum per punctum C, in circumferentia CD, datum describendus circulus circulum AB, tangens. quod duobus modis fieri potest. Primum sic. Ex F, centro circuli, in quo datum est punctum, ducta semidiametro FC, ad punctum datum, in ea producta accipiarur CG, æqualis semidiametro alterius circuli, ad cuius centrum E, recta ducatur GE, quam bifariam & ad angulos rectos secet HI, secans FC, in I, & per I, ad E, centrum posterioris circuli recta ducatur secans circumferentiam eiusdem in B. Dico circulum ex I, per C, descriptum transire per B, ac proinde vtrumque circulum tangere in C, B, cum IC, IB, per eorum centra ducantur. Quoniam enim duo latera HE, HI, duobus lateribus HG, HI, æqualia sunt, angulosque continent rectos æquales, erunt & bases IE, IG, & anguli HEI, HGI, æquales. Ablatis igitur æqualibus BE, CG, vt in prima, & tertia figura, vel ex æqualibus DE, CG, ablatis ipsis IE, IG, vt in 3. figura, reliquæ erunt æquales IB, IC. Igitur circulus ex I, per C, descriptus transibit per B, ac proinde vel ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. datos circulos ibidem tanget, si cum illis in eandem partem curuetur, vel quando in diuersas, ex coroll. superioris lemmatis 40. Et quia ostensi sunt anguli HEI, HGI, æquales, inuenietur centrum I, & punctum B, si ducta recta GE, angulo FGE, angulus GEL, fiat æqualis. Recta namque EI, secabit FG, in I, centro, & circulum in B; puncto contactus. Rursum quia ducta recta BC, triangula IGE, IBC, circa eundem, vel æquales angulos

a 4. primi.



ad verticem I, latera proportionalia habent, cum proportionem habeant æqualitatis: ipsa æquiangula erunt; æqualesque habebunt angulos ICB, IGE. Rectæ ergo CB, GE, parallelæ erunt. Quapropter si ductæ rectæ GE, per C, punctum datum agatur parallela CB, reperietur quoque punctum B, contactus.

b 6. sexti.

c 28. vel

a 7. primi.

DEINDE ita, quod propositum est, absoluetur. Ducta semidiametro FC, ad datum punctum, abscindatur ex ea versus centrum recta CK, semidiametro posterioris circuli æqualis; & iuncta recta KE, secetur bifariam & ad angulos rectos in b, per rectam ba, secantem FC, in a; ac tandem per a, & E, recta ducatur

catur secans posteriorem circulum in A. Dico circulum ex a, per datum punctum C, descriptum transire per A, ac proinde datos circulos in C, & A, contingere. Nam rursum æquales erunt & rectæ aE, aK, & anguli aKE, AEK. Additis ergo æqualibus EA, KC, vt in prima & tertia figura, vel ipsis aE, aK, ablatis ex æqualibus EA, KC, vt in secunda figura, totæ, vel reliquæ aA, aC, æquales quoque erunt. Igitur, vt prius, circulus ex a, per C, descriptus transibit per A, datosque circulos in A, C, continget. Idemque centrum a, & punctum contactus A, reperietur, si ducta recta KE, angulo FKE, æqualis fiat angulus KEN. Immo & CA, ductæ rectæ KE, parallela dabit idem punctum contactus A. quod demonstrabitur, vt prius.

a 4. primi.

NON aliter res peragetur, si in circulo AB, datum sit punctum B, vel A. Nam ducta semidiametro EB, sumatur in ea producta recta BL, semidiametro alterius circuli æqualis, ductaque recta LF, secetur bifariam & ad angulos rectos in M, per rectam MI, secantem EL, in I. Ducta enim per I, & centrum F, recta dabit C, punctum contactus, & I, erit centrum circuli describendi, vt prius. Rursum namque æquales erunt & rectæ IF, IL, & anguli IFI, ILF. Ablatis ergo IF, IL, ex æqualibus CF, BL, vt in prima figura, vel ex ipsis IF, IL, ablatis æqualibus CF, BL, vt in secunda figura, vel denique eisdem IF, IL, additis ad æquales CF, BL, vt in tertia figura, reliquæ quoque IB, IC, vel totæ, æquales erunt, &c.

b 4. primi.

SIC etiam, si ducatur semidiameter EA, & versus centrum E, abscindatur AN, semidiametro alterius circuli æqualis, iungaturque NF, quam ad rectos angulos, bifariamque secet in O, recta Oa, secans AN, in a; erit a, centrum circuli describendi, recta autem Fa, producta dabit punctum contactus C, &c.

ITAQUE problema soluitur, si ducta semidiametro ex dato puncto ad proprium centrum, abscindatur ex ea, siue extra, siue intra circulum, recta æqualis semidiametro alterius circuli, & ad huius circuli centrum à termino rectæ abscissæ recta iungatur, quam alia recta secet bifariam, & ad angulos rectos, &c. quamuis non idem punctum contactus reperiat, sed duo inter se diuersa, vt ex figuris manifestum est.

LEMMA XLIII.

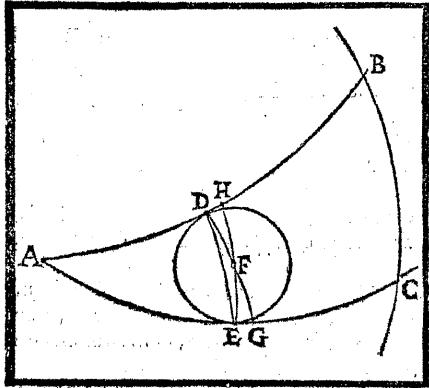
SI in sphaera circulus duos maximos circulos ad eadem partes inter punctum sectionis, & circulum maximum per eorum polos ductum tangat, arcus duorum illorum circulorum maximorum inter puncta contactuum, & intersectionem circulorum, vel circulum maximum per eorum polos ductum intercepti, æquales sunt.

DVOS circulos maximos AB, AC, secantes se in A, tangat in D, & E, circulus DE cuius polus F, & circulus BC, per polos circulorum AB, AC, ductus sit. Dico arcus AD, AE, vel BD, CE, æquales esse. Ducatur enim per D, & F, circulus maximus DF, secans AC, in G, & per E, & F, circulus maximus EF, secans AB, in H. Quia igitur arcus FD, FE, transeunt per polum circuli DE, & per con-

S

tactus

a 5.2.Theo. tactus D, E, a transibit quoque FD, per polos circuli AB, & FE, per polos circuli AC; b ideoque anguli ad D, E, recti erunt: Sunt autem & anguli ad verticem F, æquales, ex propof. 6. nostrorum triang. sphær. Igitur cum trianguli DFH, duo anguli D, F, duobus angulis E, F, trianguli EFG, æquales sint, & adiacentes arcus FD, FE, ex polo æquales quoque; erunt per propof. 20. nostrorū triang. sphær. & arcus FH, FG, & anguli H, G, æquales: ac propterea & toti arcus EH, DG, æquales erunt. Quocirca cum trianguli AEH, duo anguli E, H, duobus angulis D, G, trianguli ADG, æquales sint, arcusque EH, DG, illis adiacentes æquales; erunt per eandem propof. 20. nostrorum triang. sphær. & arcus AE, AD, æquales. Vel quia tres anguli in triangulo AEH, tribus angulis in triangulo ADG, æquales sunt; erunt per propof. 19. nostrorum triang. sphær. arcus etiam A E, A D, æquales: quibus ablatis ex quadrantibus AB, AC, (quoniam enim BC, per polos circulorum AB, AC, ducitur, transibunt vicissim hi per eius polos, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. ac proinde A, polus erit circuli BC, ideoque ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. AB, AC, quadrantes erunt) reliqui arcus quoque CE,



BD, æquales erunt. quod est propositum.

ALITER. Descripto per D, E, circulo maximo DE; erunt per propof. 8. nostrorum triang. sphær. anguli FDE, FED, æquales in Hofolele DEF; quibus demptis ex rectis ADF, AEF, reliqui ADE, AED, æquales erunt. Igitur per propof. 9. nostrorum triang. sphær. arcus quoque DA, EA, æquales erunt, &c.

LEMMAXLIIII.

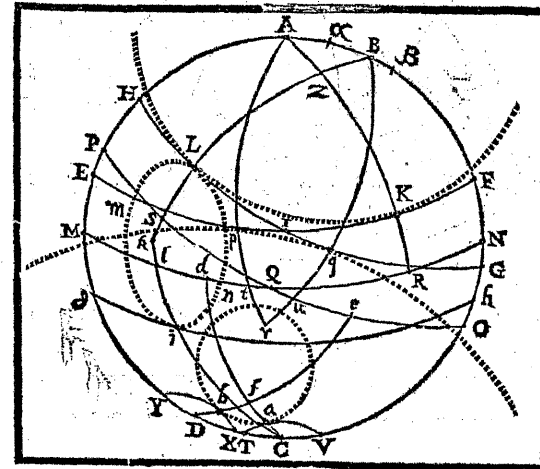
SI in sphæra circulus duos circulos non maximos æquales tangat, arcus duorum illorum circulorum non maximorum inter puncta contactuum, & circumulum maximum per eorum polos ductum, vel punctum sectionis (quando se interfecant) interi ecti, sunt æquales.

PUNCTA autem contactuum vergere debent in contrarias partes, si circuli æquales ad idem hemisphærium spectent, ad eandem vero, si ad diversa hemisphæria pertineant. Ad idem autem hemisphærium spectare dico illos, qui ex polis propinquiorebus citra maximos circulos ex eisdem polis descriptos describuntur: ad diversa vero hemisphæria eos, qui ex polis remotioribus citra eosdem circulos maximos describuntur.

IN

IN sphæra ABCD, sint primum ex polis vicinioribus A, B, descripti duo circuli æquales non maximi EF, GH, secantes sese in I, quos tangat circulus KL, in K, L, punctis in contrarias partes vergentibus à puncto sectionis I, cum circuli ad idem hemisphærium spectent, quippe qui inter polos propinquiore A, B, & maximos circulos MN, OP, interijciantur. Dico arcus IK, IL, vel FK, HL, æquales esse. Per polos enim A, B, descripto circulo maximo ABCD, describatur per A, polum circuli EF, & Z, polum circuli tangentis KL, circulus maximus AZ, secans maximum MN, ex eodem polo A, descriptum in R, a qui per contactum K, transibit. Item per B, polum circuli GH, & Z, polum circuli tangentis describatur circulus maximus BZ, secans maximum OP, ex eodem polo B, descriptum in S, b qui etiam per contactum L, transibit. Quia igitur & arcus AK, BL, ex polis A, B, ad proprios circulos æquales, & arcus ZK, ZL, ex polo Z, ad circumulum proprium KL, æquales sunt; erunt quoque reliqui arcus AZ, BZ, æquales; ac proinde per propof. 8. nostrorum triang. sphær. anguli ZAB, ZBA, æquales erunt. Quocirca cū latera AN, AR, lateribus BP, BS, equalia sint, (quippe quæ omnia quadrantes sint, ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod.) angulos que contineant æquales, vt ostensum est; erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases NR, PS, æquales: Est autem arcui NR, arcus FK, & arcui PS, arcus HL, similis. Igitur & arcus FK, HL, similes inter se, ideoque æquales erunt, cum similes arcus æqualium circulorum æquales sint: quibus demptis ex æqualibus IF, IH, (quod autem hi arcus æquales sint, in scholio demonstrabimus.) reliqui quoque arcus IK, IL, æquales erunt.

a 4.2.Theo.
b 4.2.Theo.



c 10.2.Theo.

SIMILIRATIONE, si circulus pq, eosdem EF, GH, tangat in p, q, punctis in partes quoque contrarias vergentibus, ostendemus & arcus Ep, Gq, & Ip, Iq, esse æquales. Descripto enim rursum per A, polum circuli EF, & r, polum circuli tangentis pq, circulo maximo Ar, secante maximum MN, in t, a transeunte que per contactum p: Item descripto per B, polum circuli GH, & r, polum circuli tangentis pq, maximo circulo Br, per contactum q, transeunte, secante que maximum OP, in u: quoniam & arcus Ap, Bq, ex polis A, B, ad circulos æquales, & arcus rp, & rq, ex polo r, ad circumulum pq, æquales sunt; erunt quoque toti arcus Ar, Br, æquales. Ergo per propof. 8. nostrorum triang. sphær. anguli rAB, rBA; ac proinde & ex duobus rectis reliqui rAM, rBN, æquales erunt. Quare cū duo latera AM, At, duobus lateribus BO, Bu, equalia sint, angulosque comprehendant

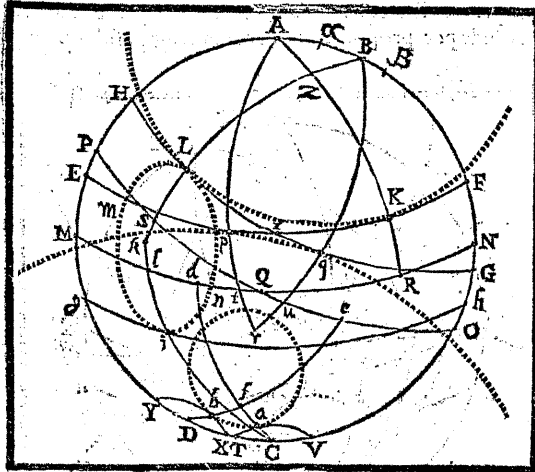
d 4.2.Theo.
e 4.2.Theo.

S 2

hendant æquales, erunt per propof. 7. noſtrorum triangulorum ſphær. & baſes Mt, Ou, æquales. Igitur, vt prius, arcus quoque tam Ep, Gq, quam Ip, Iq, æquales erunt.

I D E M concludetur, ſi duos circulos æquales TV, XY, ad idem hemiſphærium ſpectantes tangat circulus ab, in punctis a, b, à punctis T, X, in contrarias etiam partes vergentibus: Deſcriptis enim rurſum ex polis C, D, circulorum TV, XY, per l, polum tangentis circuli ab, maximis circulis Cf, Df, ſecantibus máximos MN, OP, in d, e, tranſeuntibus per contactus a, b, erunt arcus Cf, Df, æquales, quod & Ca, Db, & fa, fb, æquales ſint. Igitur, vt ſupra, & anguli fCD, fDC, & arcus Md, Oe, atque idcirco & Ta, Xb, æquales erunt, &c.

a 4. 2. Theo.



SINT iam ex polis remotiorib⁹ B, C, deſcripti duo circuli æquales GH, gh, ad diuerſa hemiſphæria ſpectantes, quos tangat circulus Lm in, in L, i, punctis ad eaſdem partes vergentibus a máximo circulo ABCD, per eorum polos ducto. Dico rurſum arcus HL, gi, æquales eſſe. Deſcriptis enim ex polis B, C, per k, polum circuli tangentis Lm in, máximis circulis Bk, Ck, ſecantibus máximos OP, MN, in S, l,

b 4. 2. Theo.

tranſeuntibusque per contactus L, i; erunt arcus toti Bk, Ck, æquales, quod & BL, Ci, kL, ki, æquales ſint. Ergo per propof. 8. noſtrorum triang. ſphær. anguli kBC, kCB, ac propterea & ex duobus rectis reliqui kBP, kCM, æquales erunt. Igitur, vt ſupra, arcus PS, Ml, æquales erunt, ideoque & illis ſimiles HL, gi, æquales erunt, &c.

SCHOLIUM.

ARCUS autem IF, IH, æquales eſſe, vt in demonſtratione aſſumebatur, ſic demonſtrabimus. Arcus circulorum æqualium EF, GH, à ſeſſione I, per F, H, uſque ad alteram ſeſſionem, minora ſegmenta ſunt iſtorum circulorum, & ſegmenta reliqua ab I, per E, G, uſque ad alteram ſeſſionem, maiora, vt mox oſtendemus. Igitur tam minora, quam maiora ſegmenta, æqualia erunt, cum eandem habeant chordam ex I, ad alteram ſeſſionem ductam. Cum ergo ſegmenta hæc bifariam ſecentur in F, H; E, G, à máximo circulo ABCD, per eorum polos ducto; erunt quoque tam arcus IF, IH, quam IE, IG, æquales. Quidam autem ſegmenta inter I, per F, H, uſque ad alteram ſeſſionem ſint minora, ita planum faciemus, Concipiamur diameter ſphæra, ſeu circuli máximi

c 28. tertij.

d 9. 2. Theo.

maximi ABCD, ducta per punctum, in quod cadit perpendicularis ex I, in planum circuli ABCD, demiffa, qua diameter ſecat circumferentiam in a: Et per hanc diametrum, & perpendicularem ex I, demiffam intelligatur duci planum, a quod ad circulum ABCD, rectū erit, facietque in ſphæra ſemicirculum, qui per Q, tranſibit. Cū enim circulus ABCD, tranſeat per A, B, polos maximorum circulorū MN, OP, tranſibunt hi viciffim per illius polos, ex ſcholio propof. 15. lib. 1. Theod. atque idcirco Q, illius polus erit. Cum ergo ſemicirculus ille ducatur per eiuſdem polos, tranſibit per Q, polum circuli ABCD, ibique bifariam ſecabitur, cum ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. etus arcus a Q, uſque ad a, quadrans ſit: ac propterea idem ſemicirculus in I, diuidetur non bifariam. Igitur per theor. 3. ſcholi propof. 21. lib. 2. Theod. recta ducta Ia, erit omnium minima ex I, in circumferentiam ABCD, cadentium, & IF, minor quam IG, ac propterea ex ſcholio propof. 28. lib. 3. Euclid. minor erit arcus IF, arcu IG; ideoque totus arcus ab I, per F, uſque ad alteram interſeſſionem, minor erit toto arcu ab I, per G, uſque ad alteram illam interſeſſionem, cum horum illi ſint ſemiſſes, vt oſtenſum eſt.

a 18. undec.

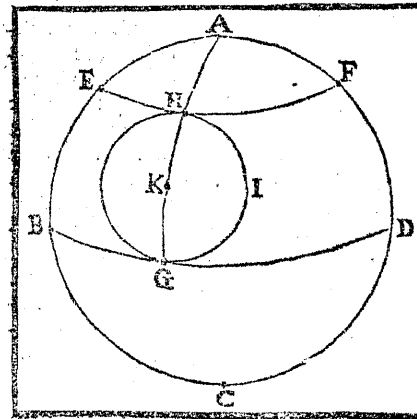
b 13. Theo.

S E D arcus IF, IH, æquales eſſe, hæc etiam ratione oſtendi poteſt. Quoniam recta cadentes ex I, in polos A, B, æquales ſunt, æqualiter diſtabunt A, & B, à puncto a, ita vt æquales ſint arcus aA, aB. Nam ſi alius arcus, quam aB, nimirum aE, æqualis eſſet arcui aA, eſſet quoque recta I E, recta IA, æqualis, ex dicto theor. 3. ſcholi propof. 21. lib. 2. Theod. quod eſt abſurdum. Nam per illud theoremata IB, minor eſt, quam I E, ideoque minor quam IA. Et quoniam æquales quoque ſunt arcus AE, BH, ſi auferantur æquales Aa, Ba, reliqui aF, aH, æquales etiam erunt. Igitur per dictū theor. 3. ſcholi propof. 21. lib. 2. Theod. rectæ IF, IH, æquales erunt, c ideoque æquales quoque erunt arcus IF, IH, quod eſt propoſitum.

c 28. tertij.

LEMMA XLV.

S I in ſphæra circulus duos circulos parallelos ad eaſdem partes circuli máximi per eorū polos ducti tangat, arcus eorū inter puncta contactuum, & circulū quemlibet maximum per eorū polos ductum intercepti, ſimiles ſunt.



I N ſphæra ABCD, ſint duo circuli paralleli BD, EF, ſiue alter eorum ſit máximus, ſiue neuter, & ſiue ad idem hemiſphærium pertineant, ſiue ad diuerſa, per quorum polos A, C, incedat máximus circulus ABCD, & ipſos tangat circulus GIH, in punctis G, H, ex eadem parte máximi circuli ABCD. Dico tam arcus BG, EH, quam DG, FH, eſſe ſimiles. Deſcribatur enim per A, polum circulorum BD, EF, & K, polum tangentis circuli GIH, circulus máximus AK. Igitur máximus circulus AK, qui deſcriptus eſt per A, K, polos circulorum EF, GIH, ſeſe con-

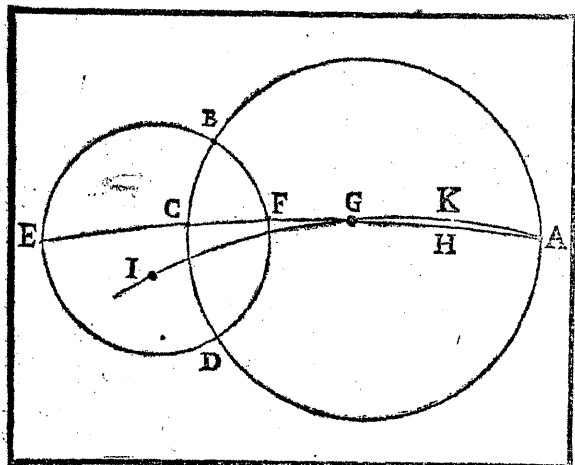
tingen-

4.2. Theo. tingentium in H, transibit per contactum H: Sic etiam idem maximus circulus AK, qui per A, K, polos circulorum BD, GH, se mutuo tangentium ducitur, transibit per contactum G. Quia vero maximi circuli AB, AG, per polos circuitum parallelorum EF, BD, ducuntur, erunt arcus intercepti EH, BG, similes, quod est propositum. Quod si paralleli sint æquales, erunt quoque arcus EH, BG, non solum similes, verum etiam æquales, propterea quod similes arcus æqualium circulorum æquales sunt.

LEMM A XLVI.

SI in sphaera duo circuli se mutuo secent, maximus circulus secans bifariam vnus segmentum, incedensque per eius circuli polos; transit quoque per alterius circuli polos.

IN sphaera duo circuli ABCD, EBFD, siue maximi, aut non maximi, siue vnus maximus, & alter non maximus, se mutuo secent in B, D, & maximus circulus EFGHA, transiens per G, poli circuli ABCD, secet eius segmentum BAD, bifariam in A. Dico eundem circulum maximum transire quoque per poli circuli EBFD.



Si enim non transit, ducatur per eius poli I, & per G, poli circuli ABCD, circulus IGK. Igitur hic circulus secabit omnia segmenta

dat orum circulorum bifariam, ideoque per A, transibit. Cum ergo maximi circuli se mutuo secent bifariam, erunt GHA, GKA, semicirculi: atque idcirco punctum A, in circumferentia, erit alter poli circuli ABCD, cum per coroll. theorematum 1. scholii propos. 10. lib. 1. Theod. poli eiusdem circuli per diametrum opponantur, hoc est, per semicirculum maximi circuli distant inter se, quod est absurdum. Polus enim punctum est intra circulum in superficie sphaerae, a quo omnes rectae in circumferentiam cadentes, æquales sunt. Transit ergo maximus circulus EFGHA, per polos circuli EBFD, quod est propositum.

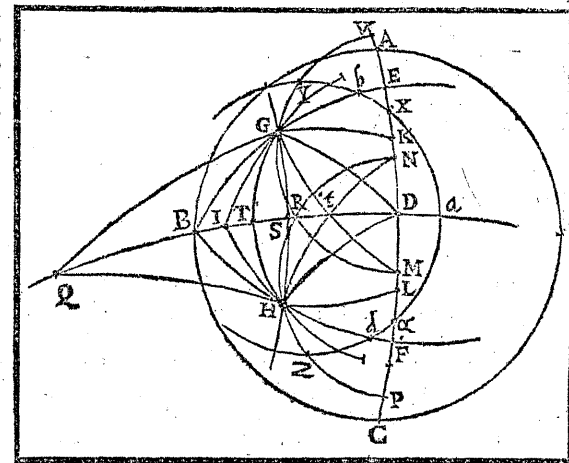
LEM-

SI in sphaera per polum cuiusuis circuli maximi ducantur tres maximi circuli constituentes duos angulos in polo æquales; circulus quicumque ex quolibet puncto medijs circuli, vt polo, descriptus abscondit tam ex alijs duobus maximis circulis, quam ex duobus circulis siue maximis, siue non maximis æqualibus, qui polos habent in primo circulo maximo a medio illo circulo maximo æqualibus interuallis distantes, arcus æquales ad easdem partes ab eodem primo circulo maximo inchoatos, in circulis tamen maximis vel non maximis æqualibus polos in primo illo circulo maximo habentibus, a punctis, quæ citra vel ultra polos eorum existunt.

IN sphaera ABC, per B, polum maximi circuli ADC, ducantur tres maximi circuli BD, BE, BF, facientes in B, angulos æquales EBD, FBD: Et primum ex assumpto polo B, in medio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus GSH, secans circulos maximos BE, BF, in G, H. Dico arcus EG, FH, esse æquales.

Quoniam enim ex coroll. propos. 16. lib. 1. Theod. arcus BE, BF, quadrantes sunt, ideoque æquales; si demantur arcus BG, BH, qui æquales inter se sunt, quod ducit chordæ BG, BH, æquales etiã sint ex defin. poli, reliqui arcus EG, FG, æquales quoque erunt, quod est propositum.

DEINDE ex alio polo I, assumpto in eodem medio circulo BD, descriptus sit circulus non maximus GSH, secans maximos circulos BE, BF, in G, H. Dico rursus, æquales esse arcus EG, FH. Ductis enim maximis circulis IG, IH, DG, DH, describatur ex D, polo, per G, circulus GTH, secans circulum GSH, in H, puncto, quod dico esse illud, in quo circulus BF, a circulo GSH, secatur. Concipiantur enim per H, punctum intersectionis circulo-

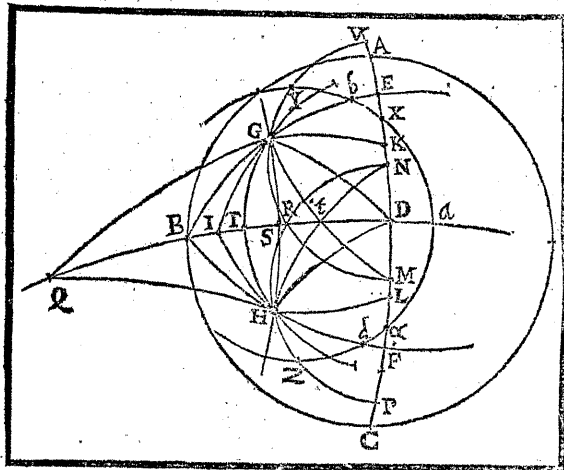


a 28. tertij.

rum

rum GSH, GTH, & per B, I, ducti circuli maximi HB, HI. Quoniam igitur duo latera ID, DG, duobus lateribus ID, DH, equalia sunt, & basis IG, basi IH, equalis; (sunt enim tam arcus DG, DH, quam IG, IH, aequales, cum cadant ex polis ad proprios circulos, erunt anguli GDI, HDI, aequales, ex propof. 18. nostrorum triang. sphær. Rursus quia duo latera BD, DG, duobus lateribus BD, DH, equalia sunt, angulosque aequales continent, vt ostendimus; erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases BG, BH, & anguli ad B, aequales; sed ex hypothesi, arcus BH, ductus ad intersectionem ipsius cum circulo GSH, facit angulum HBD, angulo eidem GBD, aequalem. Igitur hic arcus ab eo qui per B, & intersectionem circulo GSH, GTH, ducitur, non differt, ne pars sit aequalis toti; ac proinde circuli GSH, GTH, in arcu BF, se intersectant. Quocirca ostendimus, vt proxime factum est, in triangulis IGD, IHD, angulos IDG, IDH, aequales esse, cum tria latera tribus lateribus sint aequalia; atque hinc, in triangulis BGD, BHD, bases BG, BH, aequales esse ex propof. 7. nostrorum triang. sphær. Reliqui ergo arcus EG, FH, aequales quoque erunt, quod est propositum.

TERTIO ex alio polo Q, assumpto in eodem medio circulo BD, descriptus sit circulus maximus GSH, secans maximos circulos BE, BF, in G, H.



Dico rursus, arcus EG, FH, aequales esse. Descriptis enim per Q, G, & per Q, H, circulis maximis QG, QH, qui ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. quadrates sunt, erunt per propof. 23. nostrorum triang. sphær. anguli QGH, QHG, recti, ideoque QGB, QHB, acuti. Et quia anguli DBE, DBF, a-

quales ponuntur, erunt etiam ex duobus rectis reliqui GBQ, HBQ, aequales in triangulis QBG, QBH. Cui ergo & duo latera BQ, QG, duobus lateribus BQ, QH, equalia sint, & reliquorum angulorum BGQ, BHQ, uterque recto minor, vt ostensum est; erunt per propof. 24. nostrorum triang. sphær. & latera BG, BH, ideoque & reliqui arcus EG, FH, aequales, quod est propositum.

IAM vero ex polis K, L, utcumque in maximo circulo ADC, assumptis aequaliter tamen a puncto D, distantibus, describantur duo aequales circuli siue maximi, siue non maximi, MG, NH. Primum autem ex polo B, circulus non maximus describatur GSH, hoc est, parallelus circuli maximi ADC, secans, vel tangens duos circulos in G, H. Dico tam duos arcus MG, NH, quam duos VG, PH, esse aequales. Describatur enim ex polo D, per G, circulus GTH, secans circulum GSH, in H, puncto, quod dico esse illud, in quo circulus

circulum NHP, secat. Ductis enim arcibus circulorum maximorum DG, DH; KG, LH; & BH: quoniam duo latera DG, DB, duobus lateribus DH, DB, equalia sunt, & basis BG, basi BH, equalis: (Nam tam DG, DH, quam BG, BH, ex polis ad circumferentias propriorum circulorum aequales sunt) erunt per propof. 18. nostrorum triang. sphær. & anguli GDB, HDB, ac proinde & ex rectis reliqui GDK, HDL, aequales erunt. Igitur quia duo latera GD, DK, duobus lateribus HD, DL, equalia sunt, cum poli K, L, ponantur aequaliter distare a D; angulosque continent aequales, vt ostendimus; erunt per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases KG, LH, aequales. Cum ergo KG, sit ex polo K, ad circumferentiam VGM, erit quoque LH, ex polo L, ad circumferentiam PHN, cum hæc circumferentia illi sit aequalis; ideoque punctum H, erit in circumferentia NHP, hoc est, in puncto, vbi a circulo GSH, secatur. Quapropter ostendimus, vt proxime factum est, in triangulis BDG, BDH, angulos D, aequales esse, ac proinde & ex rectis reliquos GDK, HDL. Atque hinc ex propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases KG, LH, & angulos K, L, aequales esse. Quoniam igitur, ductis maximis circulis MtG, NtH, duo latera KG, KM, duobus lateribus LH, LN, equalia sunt, cum sint ex polis ad aequales circulos; angulosque continent aequales, vt ostensum est: erunt quoque bases MG, NH, aequales, ex propof. 7. nostrorum triang. sphær. atque idcirco & chordæ ductæ MG, NH, aequales erunt; atque hinc & arcus MRG, NRH, aequales erunt. Cum ergo MG, NH, semicirculi sint, quod maximus circulus ADC, per eorum polos ductus secet circulos bifariam; erunt quoque reliqui arcus VG, PH, aequales. quod est propositum.

EODEM prorsus modo propositum concludemus, si ex alio quouis polo I, vel Q, assumpto in circulo BD, circulus describatur GSH, etiam si descriptus ex Q, maximus sit, ita vt QG, QH, quadrantes sint.

NON diuersa ratio fere erit, si ex D, polo circulus quilibet describatur GTH, secans maximos BE, BF, vel circulos ex polis K, L, descriptos in G, H. Descripto enim ex polo B, per G, circulo GSH, secante circulum GTH, in H, puncto, similiter ostendimus, illud esse in circulo BF. Ductis namque circulis maximis DG, DH, BH, erunt duo latera BD, BG, duobus lateribus BD, BH, equalia, & basis DG, basi DH, equalis, cum BD, arcus sit communis, & alij ex polis ad proprias circumferentias ducti. Igitur per propof. 18. nostrorum triang. sphær. anguli ad B, aequales erunt: Sed arcus BF, ex hypothesi facit etiam angulum FBD, angulo EBD, aequalem. Igitur arcus per B, & punctum H, intersectionis circulorum GTH, GSH; ab arcu BF, non differt. Ergo arcus BG, BH, ex polo ad circumferentiam GSH, aequales erunt, quibus demptis ex quadrantibus BE, BF, reliqui arcus EG, EH, aequales quoque erunt, quod est propositum.

RURSUS ductis maximis circulis MtG, NtH, KG, LH; & descripto ex quouis polo I, in BD, assumpto circulo GSH, per G, secante circulum GTH, in H, monstrabimus, vt prius, punctum H, esse in circulo NHP. Nam ductis maximis circulis IG, IH, duo latera ID, DG, duobus lateribus ID, DH, equalia sunt, & basis IG, basi IH, equalis, quod ID, sit arcus communis, & alij ex polis ad proprias circumferentias ducti. Igitur per propof. 18. nostrorum triang. sphær. anguli IDG, IDH, ideoque & ex rectis reliqui GDK, HDL, aequales erunt. Sunt autem & duo latera DG, DK, duobus lateribus DH, DL, equalia. Nam DG, DH, arcus sunt ex polis circulo aequali ad circumferentias, & DK, DL, sunt arcus positi aequales, nimirum distantie polorum K, L, a puncto D. Igitur per propof. 7. nostrorum triang. sphær. & bases KG, LH, aequales erunt. Cui ergo KG, ducatur ex po-

a 29. tertij.
b 28. tertij.
c 15. Theod.

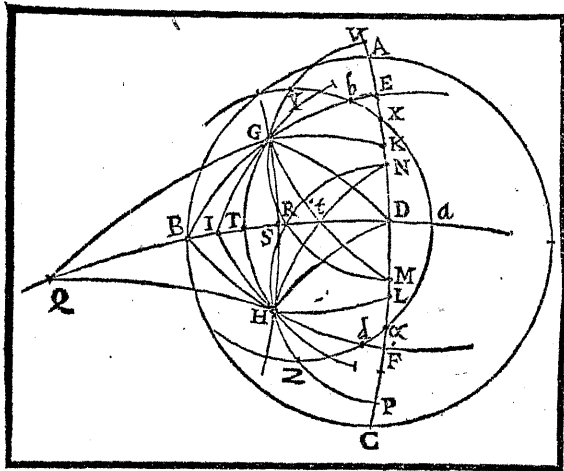
T 10 K,

lo K, ad suam circumferentiam, ducetur quoque LH, ex polo L, ad suam circumferentiam, cum hæc illi sit æqualis, hoc est, punctum H, intersectionis circum-
 rum GTH, GSH, in circulo NHP, existet. Quo posito, proba esse ex propof. 18. nostrorum triang. sphær. angulos DKG, DLH, æquales esse, quod tria latera KG, KD, DG, tribus lateribus LH, LD, DH, æqualia sint. Quamobrem cum duo quoque latera GK, KM, duobus lateribus HL, LN, sint æqualia circa illos angulos, cum arcus sint ex polis K, L, ad circumferentias æquales; erunt per pro-
 pos. 7. nostrorum triang. sphær. & bases MtG, NtH, æquales. ideoque & ductæ chordæ MG, NH, æquales erunt, ac proinde & arcus MRG, NRH, æqua-
 les erunt, &c. quod est propositum.

a 29. tertij.
 b 28. tertij.

DEMONSTRATIO hæc locum habet, vt constat, siue circuli MG, V, NHP, se mutuo secant, siue tangant in D, siue denique vnus totus extra alterum existat. Sed quando se tangunt in D, tam arcus DH, NH, quam DG, MG, coinci-
 cidunt, atque ita breuior efficitur demonstratio.

QVOD si quando accidat, circulum ex polo vtcunque assumpto in circulo BD, descriptum secare circulum ADC, qualis est circulus YXaaZ, secans ADC, in X, a, erunt sem-
 per puncta sectio-
 num X, a, a puncto D, æqualiter remo-
 ta; propterea qd
 circulus maximus
 BD, per polos cir-
 culorum ADC,
 YaZ, descriptus
 secat eorum seg-
 menta XD, Xa,
 bifariam in D, &
 a. Erunt autem
 rursum, vt demon-
 stratum est, tam ar-
 cus Eb, Fd, quam
 arcus MG, NHZ,
 & VY, PZ, æqua-
 les. Itaque si eius-
 modi circulus po-
 lum habes in BD,



c 29. 2. Theo.

circulo maximo, transeat per alterum polorum K, vel per quodcunque punctum a polo K, remotum, trāsibit quoque per alterum polum L, vel per punctum, quod tanto interuallo absit a polo L, quanto illud alterum a polo K, abest, siue ea pun-
 cta a polis recedant versus D, siue versus A, C: quia hac ratione eiusmodi pun-
 cta a puncto D, semper sunt æque remota, vt patet.

VICISSIM circulus quicūq; YaZ, secans circulum maximum ADC, in punctis X, a, æqualiter distantibus a puncto D, ac proinde & a polis K, L, polos
 habet necessario in maximo circulo DB, per D, & polos circuli ADC, du-
 cto. Quoniam enim circulus maximus DB, secat segmentum X a, bifa-
 riam in D, trāsibitque per eius polos, ex hypothesi, trāsibit idem quoque
 DB, per polos circuli YaZ, priorem secantis X, a, ex præcedenti lem-
 mate 46.

CAETE-

CAETERVM quando circa polum B, parallelus maximi circuli ADC, describitur, abscindet is arcus æquales ex omnibus maximis circulis per B, ductis, etiam si in B, angulos non constituent æquales; Itemque ex om-
 nibus non maximis equalibus polos habentibus in maximo circulo ADC, etiam si poli non equaliter distent a medio circulo BD. In maximis propo-
 sitū facile sic concludemus. Cum enim omnes ducatur per polos parallelorum
 ADC, GSH, a erunt eorum arcus inter dictos parallelos, æquales. In non
 maximis vero hæc erit demonstratio. Si ex punctis, in quibus a paralelo ma-
 ximi circuli ADC, secantur, ad maximum circulum ADC, perpendi-
 culares demittantur. b cadent eę in communes eorum sectiones cum maxi-
 mo circulo ADC, hoc est, in eorum diametros: c (Cum enim maximus cir-
 culus ADC, per eorū polos ductus secet eos bifariam, erunt illæ cōmunes sectio-
 nes eorum diametri.) ac proinde sinus recti erunt arcuum abscissorum. Cum
 ergo perpendiculares illæ omnes sint inter se æquales. d (Quoniam enim om-
 nes paralleleę sunt, si per quaslibet duas planum ducatur, e fient communes eius
 cum planis parallelis ADC, GSH, sectiones parallele; f ac proinde in parallelo
 grammo latera opposita equalia erunt, nimirum duę illę perpendiculares:
 & sic de ceteris) erunt quoque arcus, quorum sinus sunt, æquales. quippe cum
 in circulis equalibus æquales sinus habeant arcus æquales, vt in definitionibus
 sinuum demonstrauius.

a 10. 2. Theo.

b 38. undec.
 c 15. 1. Theo.

d 6. undec.
 e 16. undec.
 f 34. primi.

LEMMA XLVIII.

SI ex eodem centro duo circuli descripti sint, & ex quotlibet punctis circumferentiæ interioris ad exte-
 rioris circumferentiam rectæ æquales ducantur; vna au-
 tem earum interiorẽ circulum tangere ponatur, tan-
 gent eundem & reliquæ. Et si plures lineæ interiorẽ cir-
 culum tangentes versus eandem partem ducantur, versus
 sinistram videlicet, aut dextram, ipsæ inter se æquales, &
 arcus inter binas comprehensi, similes erunt.

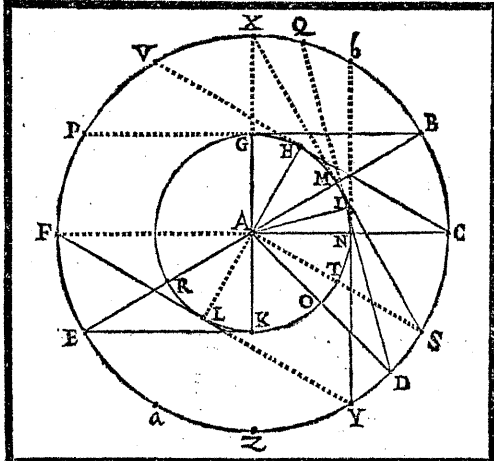
EX eodem centro A, descripti sint duo circuli BCDEF, GHIKL, & ex pun-
 ctis G, H, I, rectę æquales ducantur GB, HC, ID, quarum GB, circulum GHIKL
 tangere ponatur. Dico & HC, ID, eundem tangere. Iunctis enim semidiametris
 GA, HA, IA, & BA, CA, DA; quoniam duo latera BG, GA, duobus lateribus
 CH, HA, equalia sunt, & basis BA, basi CA; e erunt & anguli AGB, AHC, equa-
 les: h Est autem AGB, rectus. Igitur & AHC, rectus erit; ac proinde, per coroll.
 propof. 16. lib. 3. Eucl. recta HC, circulum GHI, tanget in H, atque ita de cę-
 teris.

g 8. primi.
 h 18. tertij.

DVCTAE iam sint ad easdem partes quotuis tangentes BG, CH, DI, SM.
 Dico eas & æquales esse, & tam arcus GH, BC, quam GI, BD, & GM, BS, similes
 esse. Iunctis enim eisdem semidiametris, secetur interior circulus in M, N, O, T,
 a semidiametris AB, AC, AD, AS. Et quoniam duo latera AB, AC, duobus late-
 ribus

T 2

ribus AC, AH, equalia sunt; & anguli AGB, AHC, equalibus lateribus AB, AC, oppositi, equalia. quod recti sint; reliquorum quoque; angulorum B, C, reliquis lateribus equalibus AG, AH, oppositorum uterque recto minor, quod tam duo G, B, quam duo H, C, duobus rectis sint minores. Igitur per ea, quae ad finem lib. 1. Eucl. demonstravimus, erunt etiam latera BG, CH, equalia, & anguli BAG, CAH, equalia. Ex quo fit, arcus quoque GM, HN, equalia esse, & ablato communi HM, reliquos quoque GH, MN, esse equalia: Cum ergo ex schol. propos. 22. lib. 3. Eucl. arcus MN, arcui BC, similis sit; erit quoque arcus GH, eidem arcui BC, similis. Eodem pacto ostendes arcus GM, IO, esse equalia, ideoque addito communi MI, totos etiam GI, MO, equalia esse: ac proinde cum MO, ipsi BD, similis sit, erit quoque GI, eidem BD, similis. Non secus monstrabis arcus GM, MT, equalia esse. Cum ergo MT, similis sit ipsi BS, erit quoque GM, eidem BS, similis.



C A E T E R V M tangentes esse equalia, ita facile etiam ostendemus. Productis tangentibus BG, DI, ad P, Q, erunt ex schol. propos. 18. lib. 3. Eucl. ipsae inter se equalia, bifariamque in G, I, punctis contractuum secabuntur. Igitur semisses BG, DI, equalia erunt; & sic de alijs. Hinc facile concludemus, angulos GAB, IAD, equalia esse, propterea quod latera AB, AG, lateribus AD, AI, equalia sunt, & basis BG, basi DI, equalis, &c.

Q U O D si puncta contactuum G, K, per diametrum opponantur, ut semicirculus sit GIK, erit quoque BDE, semicirculus, hoc est, ipsi GIK, similis. Erit enim tam BD, ipsi GI, quam DE, ipsi IK, similis, ut monstratum est; ac propterea per lemma 6. & totus BDE, toti GIK, similis erit. Quod tamen hac etiam ratione demonstrare licet. Iunctis rectis AB, AE, quoniam duo latera AB, AG, duobus lateribus AE, AK, equalia sunt, & basis BG, basi EK, equalis, ut ostensum est; erunt anguli BAG, EAK, equalia. Igitur ex ijs, quae ex Proclo ad propos. 15. lib. 1. Eucl. demonstravimus, rectae AB, AE, unam rectam facient; ac proinde diameter erit BE, & arcus BDE, semicirculus. Vel sic. Propter angulos BAG, EAK, equalia, erunt arcus GM, KR, equalia, additoque communi MK, toti arcus GMK, MKR, equalia erunt: Sed ille est semicirculus, ergo & hic; atque idcirco diameter erit MAR, ideoque BDE, semicirculus.

E A D E M ratione, si puncta contactuum G, L, distent per arcum GKL, semicirculo maiorem; quoniam arcus KL, EF, ostensi sunt similes; si adiciantur semicirculi KIG, EDB, erunt per lemma 6. similes quoque toti arcus GKL, BDF.

8. primij. 26. tertij.

EFFICITVR ex hoc, si puncta contactuum circulum interiorem in partes aequales secant, exteriorum a tangentibus in partes quoque distribui aequales. Ita videtur tam arcus GH, HM, MN, quam BC, CS, ST, aequales esse.

I T A Q U E si ducenda sint plurima linea tangentes circulum GHK, in punctis ipsum in partes aequales dividitibus, ut in G, H, M, N, T, &c. ducenda erit una, ut GB. Si namque ex A, quicumque circulus describatur secans GB, in B, dividaturque in aequales partes BC, CS, ST, &c. initio facto a puncto B, transibit tangens in H, per C; in M, per S; in N, per Y; in T, per Z, &c.

S E D ut habeas bina puncta in exteriori circulo, per qua tangentes sunt ducenda, ducenda erit ex centro A, per unam partium aequalium circuli GHK, ut per M, secundam partem, recta AM, secans primam tangentem in B, & per B, ex A, circulus describendus, atque in totidem partes aequales distribuendus; (initio facto a B,) in quot partes circulus GHK, sectus est, ut in proposita figura, in 12. partes aequales BC, CS, ST, YZ, Za, aE, EF, FP, PV, VX, Xb, bB. Nam cum ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. recta AX, secet arcum BXP, bifariam in X, continebuntur in toto arcu BXP, bis tot partes aequales, quot in BX, hoc est, in simili GM, continentur. Tangens igitur CP, ducitur per duo puncta B, P, terminantia quatuor partes aequales. Sic tangens CV, transibit per similia duo puncta C, V, cum tot partes in arcu BXP, quot in arcu CBV, contineantur, & C, terminet unam partem; quod arcus BC, GH, similes sint ostensi. Idem dicendum est de tangentibus SX, Xb, FY, &c. Itaque singula tangentes per terna puncta hac ratione ducuntur. Verum bina puncta cuiusvis tangents in exteriori circulo utcumque descripto inveniuntur quoque, si ad intervallum recta GB, ex puncto contractuum duo puncta in exteriori circulo notentur. Nam omnes tangentes aequales sunt, ut demonstratum est. Hac ratione intervallum GB, ex puncto contractuum H, reperientur duo puncta C, V, & ex M, duo puncta S, X, &c.

LEMMA XLIX.

PAVCA quaedam de declinationibus, latitudinibus ortuibus, ascensionibusque; rectis, & obliquis demonstrare.

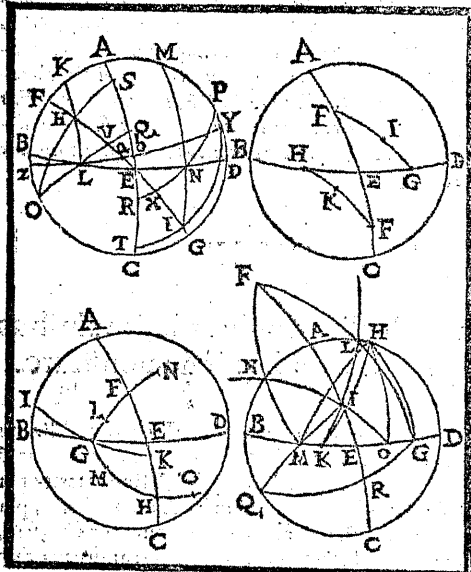
1. SIT in prima figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E; & per E, transeat Ecliptica FG, ut E, sit principium V, vel A; F, B, & G, C: sintque arcus Eclipticae EH, EI, equalia, & per H, I, paralleli ducantur KL, MI, secantes Horizontem in L, & N; ac denique per L, N, H, I, & polos mundi O, P, circuli maximi declinationum ducantur OL, PN, OH, PI, secantes Aequatorem in Q, R, S, T. Dico parallelum KL transire per duo puncta Eclipticae eque remota a tropico puncto F. Quod idem de parallelo MI, dicendum est. Quonia enim maximus circulus ABCD, per polos secat circulos FE, KL, sese in H, & in altero puncto ex alia parte Meridiani ABCD, secantes; a secabit idem eorum segmenta bifariam. Igitur alterum punctum sectionis ex alia parte Meridiani, in quo parallelus KL, Eclipticam secat, tantum abest a tropico puncto F, in Ecliptica, quantum ab eodem puncto H, abest; ac proinde parallelus KL, per duo puncta Eclipticae equaliter a tropico puncto F, remota transit. Eademque ratione

Paralleli quilibet per duo puncta ab altero puncto tropico aequaliter distantia transit.

a 2. 2. Theb.

ratione parallelus per I, & per aliud punctum ex alia parte Meridiani transit, quod æqualem cum puncto I, distantiam habet à puncto tropico G.

2. DEINDE dico, duos parallelos KL, MI, ab alterutro æquinoctiali puncto, vel à duobus, aut etiam à duobus punctis tropicis F, G, æqualiter distantes, declinationes habere æquales HS, IT. Quoniam enim in triangulis HES, IET, æ anguli S, T, recti sunt, & anguli ad verticem E, æquales. ex propof. 6. no strorum triang. spher. Ponuntur autem & arcus Eclipticæ E H, EI, rectis angulis oppositi, æquales: erunt per propof. 2. nostrorum triang. spher. arcus etiã HS, IT, declinationum punctorum H, I, æquales. Atq; ita duo puncta H, I, Eclipticæ, ab eodem Aequinoctij puncto E, æque remota, vel paralleli per ea puncta ducti KL, MI, æquales habent declinationes. Quod si dentur puncta H, I, æqualiter distantia à tropicis punctis F, G, versus eandem sectionem E, vernalem, vel autumnalem, distabunt eadem ab E, æqualiter. Igitur vt proxime ostendimus, paralleli per ea ducti habent æquales declinationes. Si denique vnum punctum, v. g. H, ponantur distare à tropico puncto F, versus autumnale punctum E, alterum vero punctum eadem distantia remoueri à tropico puncto G, versus punctum vernale, ita vt priori per diametrum sit oppositum, sumemus aliud punctum I, versus prius punctum E, autumnali, in eadẽ distantia à puncto G: habebuntque rursus puncta H, I, vt proxime ostendimus, æquales declinationes HS, IT. Et quia idem parallelus trã sit per I, & punctum respondens ex altera parte datum, vt Num. 1. demonstratum est, habentque omnia puncta eiusdem paralleli æquales declinationes, b quod omnes arcus maximorum circulorum per polos mundi ductorũ, cuiusmodi sunt declinationum circuli, inter quemuis parallelum & Aequatorem, sint æquales; habebũt quoque paralleli per H, & alterũ illud pũctũ Eclipticæ pũctũ I, ex altera parte respondens, quod ipsi H, opponitur, declinationes æquales.



Duo paralleli per duo puncta Eclipticæ æqualiter ab alterutro puncto æquinoctiali, vel à duobus, aut etiã à duobus punctis tropicis distantia ducti declinationes habent æquales. a 15. 1. Theod.

b 10. 3. Theod.

Idem duo paralleli habent latitudines ortiuas æquales.

EN, æquales. Quoniam enim in triangulis ELQ, ENR, anguli Q, R, recti sunt, & anguli ad E, verticem ex propof. 5. nostrorum triang. spher. æquales; Item & arcus declinationum LQ, NR, angulis æqualibus ad E oppositi, ostensi sunt æquales; denique arcus EL, EN, rectis angulis æqualibus Q, R, oppositi semicirculum non faciunt, cum quilibet sit quadrante minor, vt pote latitudo ortiuæ, quæ semper quadrante minor est; erunt per propof. 22. nostrorum triang. spher. arcus quoque EL, EN, hoc est, latitudines ortiuæ, æquales.

4. QVARTO

4. QVARTO dico eosdem duos parallelos esse æquales. Cũ enim arcus EL, EN, inter ipsos, & Aequatorem interiecti, ostensi sint æquales, erunt ipsi paralleli KL, MI, æquales.

5. SEQVITVR ex his, quaterna semper puncta Eclipticæ, quorum bina opposita sint per diametrum, & bina à duobus pũctis æquinoctialibus, aut tropicis, aut ab eodem puncto æquinoctiali, vel tropico, æqualiter distantia, habere æquales declinationes, latitudinesque ortiuas. Huiusmodi puncta sunt initium \varnothing , initium M , initium N , & initium C , quorum priora duo à principio \varnothing , posteriora duo à principio C , æqualiter distant: item primum ac vltimum æquali interuallo absunt à principio V , & intermedia duo à principio M . Et quoniam per priora duo idem parallelus transit, & per posteriora duo vnus alius & idem parallelus, vt Num. 1. est demonstratum, habebunt tã illa duo, quã hæc, declinationes, latitudinesque ortiuas æquales, vt ostendimus Num. 2. & 3. Sed vt ibidem demonstratum est, etiam primum & vltimum declinationes, latitudinesque ortiuas æquales habent, cum æqualiter à principio V distent. Igitur omnia quatuor æquales declinationes, ac latitudines ortiuas habent, quorum primum ac tertium, nec non secundum ac quartum, per diametrum opponuntur, cũ tam illa, quã hæc, æquali interuallo distent à principijs V , & M , secundum successiõnem signorum. Itaque fati est, si inueniantur declinationes, latitudinesque ortiuæ punctorum vnus quadrantis Eclipticæ, cum hæ punctis quoque aliorum trium quadrantum conueniant, si puncta sumantur, vt dictum est.

POSSVNT omnia hæc facilius, ac breuius ex Theodosio; demonstrari hoc modo. Quoniam Eclipticæ EF, tangit vnum parallelorum, nimirum tropicum \varnothing , vel C , erunt duo eius arcus inter Aequatorem, ac parallelũ KL, quorum vnus est EH, inter se æquales. Igitur & ex quadrantibus reliquis vsque ad Meridianum, quorum vnus est HF, æquales erunt: atque idcirco idem parallelus KL, per duo puncta à tropico puncto F, æqualiter remota transibit. Ea demq; ratio est de parallelo MI.

DEINDE quia arcus Eclipticæ EH, EI, ponuntur æquales, cum paralleli KL, MI, ab æquinoctiali puncto E, aut à duobus punctis tropicis F, G, æqualiter ponantur distare; erunt ipsi paralleli KL, MI, æquales. Igitur tam duo arcus circuli maximi per mundi polos ducti, inter Aequatorem, & dictos parallelos intercepti, qui eorum declinationes metiuntur, quã duo arcus EL, EN, Horizontis, qui eorũdem parallelorum latitudines determinant, æquales inter se erunt. Ex quo rursus sequitur, quaterna Eclipticæ puncta æquales habere & declinationes, & latitudines ortiuas.

6. DICO sexto, quaternos arcus Eclipticæ æquales, quorum bini per diametrum sint oppositi, & bini à duobus punctis æquinoctialibus, vel tropicis, aut ab eodem puncto æquinoctiali, vel tropico æqualiter remoti, æquales habere ascensiones in spherã recta. Dico aut, duos illos arcus esse oppositos, quorum puncta extrema per diametrum opponuntur: æqualiter vero distare à punctis æquinoctialibus, vel tropicis, quorum extrema puncta ab eisdem æqualiter absunt, ita vt proximiora duo habeant æquales distantias, & remotiora item æquales. Sint ergo primum duo arcus Eclipticæ EH, EI, æquales ab eodem pũcto æquinoctiali E, inchoati, ac proinde & reliqui HF, IG, æquales à tropicis punctis F, G, inchoati: eruntque ES, ET, ascensiones rectæ arcuum EH, EI, & AS, CT, ascensiones rectæ arcuum FH, GI: probandum autem est, tam ES, ET, quã AS, CT, æquales esse, quod sic fiet. Quoniam in triangulis EHS, EIT, æ anguli S, T, recti

Idem duo paralleli æquales sũt. a 17. 2. Theod. Quaterna puncta Eclipticæ æquales habent declinationes, & latitudines ortiuas; & quanam illæ sint.

Satis esse, vt declinationes, latitudinesque ortiuæ omnium punctorum vnus quadrantis Eclipticæ inueniantur.

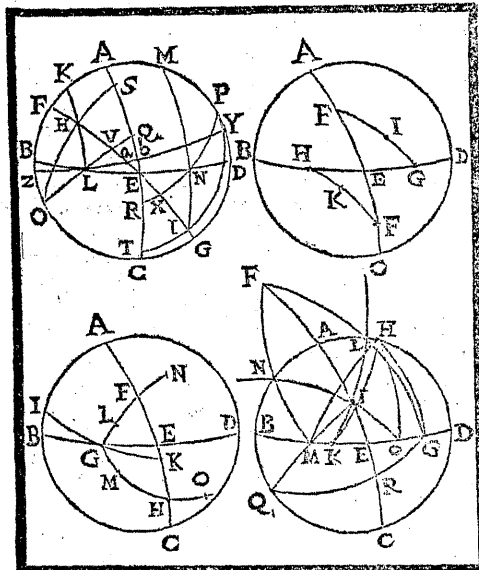
b 13. 2. Theod.

c 17. 2. Theod. d 18. 2. Theod.

Qui arcus Eclipticæ dicuntur oppositi, & qui æqualiter distant ab aliquo pũcto Eclipticæ.

e 15. 1. Theod.

S, T, recti sunt, & anguli ad verticem E, æquales, ex propof. 6. noſtrorum triang. ſphær. Ponitur autē & arcus EH, EI, rectis angulis oppoſiti, æquales, erūt per propof. 21. noſtrorum triang. ſphær. arcus etiam ES, ET, æquales, ideoque & ex quadrantibus reliqui AS, CT. Et quoniam, vt Num. 1. oſtenſum eſt, parallelus KL, tranſit ex altera parte Meridiani per aliud punctum Eclipticæ, quod æqualiter cum puncto H, à puncto tropico F, diſtat, atque adeo tantum ab altero puncto æquinoctiali, quantum H, ab E, abeſt: ſi per illud ex polo O, circulus ducatur maximus, abſcindetur ab Aequatore arcus omnino æqualis arcui ES; propterea quod triangulum triangulo EHS, æquale conſtituitur. Nam angulus, quem Ecliptica cum Aequatore in illa ſeſtione facit, æqualis eſt angulo HES, cum tam ille, quam hic ſit angulus maximæ declinationis; & anguli ad Aequatorem, quibus arcus Eclipticæ æquales opponuntur, nimirum S, & in alio triangulo ei reſpondens, recti ſunt. Igitur per propof. 21. noſtrorum triang. ſphær. arcus ES, arcui reſpondenti in alio illo triangulo æqualis eſt, ac proinde & ex quadrantibus reliqui, videlicet AS, & ei reſpōdens ex altera parte, æquales ſunt. Eodemque modo oſtendētur ET, CT, æquales arcibus reſpōdentibus ex altera parte, quos idem parallelus MI, dirimit. Quocirca tam quatuor arcus EH, EI, & eis reſpondentes à duobus punctis æquinoctialibus inchoati, quorum bini ſunt oppoſiti,



(nimirum EH, & reſpōdens arcus arcui EI, & EI, atque arcus arcui EH, reſpōdens) & bini æqualiter à duobus punctis æquinoctialibus, vel tropicis remoti, quam quatuor arcus à punctis tropicis inchoati, nimirum FH, GL, & eis ex altera parte reſpondentes, quorum bini etiā oppoſiti ſunt, &c æquales habent aſcenſiones rectas. SED ſint iam quatuor arcus æquales HV, IX, eiſque ex altera parte reſpondentes duo, neque à punctis æquinoctialibus, neque à tropicis inchoati, ſed ab eis æqualiter remoti. Dico eorū quoque aſcēſiones rectas, arcus ſcilicet QS, RT, & duos, ipſis altera ex parte reſpōdentes, æquales eſſe. Nam vt proxime monſtratam eſt, tā quatuor arcus EH, EI, &

eis reſpondentes altera ex parte, ab æquinoctialibus punctis inchoati, quam quatuor arcus EV, EX, eiſque altera ex parte reſpondentes, à punctis etiam æquinoctialibus inchoati, aſcenſiones habente æquales, arcus videlicet ES, ET, eiſque ex altera parte reſpondentes, & arcus EQ, ER, eiſque reſpondentes altera ex parte. Igitur & reliqui arcus quatuor QS, RT, eiſque altera ex parte reſpondentes, æquales erunt. Maniſeſtum autem eſt, & hic binos eſſe oppoſitos, nimirum H & eum, V;

& eum, qui altera ex parte arcui IX, reſpondet; Item IX, & eum, qui altera ex parte arcui HV, reſpondet; binos autem vel à duobus punctis æquinoctialibus, & tropicis, vel ab vno eodemque æqualiter diſtantes. Nam HV, eiſque reſpondens altera ex parte, æqualiter diſtant à duobus punctis æquinoctialibus. Et ab vno eodemque puncto tropico F, vel G; quod etiam de arcu IX, eiſque reſpondente ex altera parte dicendum eſt: At tam duo arcus HV, IX, quam duo eis altera ex parte reſpōdētes, æqualiter recedunt ab eodem puncto æquinoctiali E, vel alio opoſito, & à duobus punctis tropicis F, & G.

ITAQUE ſatis eſt, ſi aſcenſiones rectæ omnium arcuum primi quadrantis Eclipticæ ab V, inchoatorum inquirantur. Ex his enim tota tabula reſctarum aſcenſionum conſtruetur. Nam illis inuentis, ſi maiores primum, deinde minores ex ſemicirculo auferantur, relinquuntur aſcenſiones arcuum quadrante maiorum, & ab V, inchoatorum. Vt aſcenſio recta primi quadrantis ab V vſque ad $\frac{\pi}{2}$, eſt quadrans. Et ſi aſcenſio arcus grad. 89. ex ſemicirculo detrahatur, reliqua fiet aſcenſio arcus grad. 91. Sic ex aſcenſione grad. 88. colligemus aſcenſionem grad. 92. &c. quia aſcenſio grad. 89. ab V verſus $\frac{\pi}{2}$ æqualis eſt aſcenſioni grad. 89. à $\frac{\pi}{2}$, verſus V, vt hic demonſtratam eſt. Quare ſi ex ſemicirculo tollatur, remanebit aſcenſio reliqui arcus grad. 91. cum ſemicirculi aſcenſio ſit ſemicirculus. Sic aſcenſio grad. 88. ab V, verſus $\frac{\pi}{2}$ æqualis eſt aſcenſioni grad. 88. à $\frac{\pi}{2}$ verſus V, &c. Deinde ſi aſcenſiones omnium arcuum ab V inchoatorum, vſque ad $\frac{\pi}{2}$ adiciantur ſemicirculo, ſient aſcenſiones omnium arcuum ſemicirculo maiorum ab V, vſque ad V ſeu finem $\frac{\pi}{2}$.

7. ARCVS Eclipticæ quadrante minores ab æquinoctialibus punctis inchoati, maiores ſunt ſuis aſcenſionibus rectis, à tropicis vero punctis inchoati minores. Quoniā enim in triangulo OFH, duo latera OF, OH, ſemicirculo ſunt ſimul minora, cum ſingula ſint minora quadrante, quippe cum quadrantes ſint OA, OS; erit angulus externus OHE, maior interno recto OFH, hoc eſt, obtuſus, ex propof. 14. noſtrorum triang. ſphær. ideoque ex duobus rectis reliquis EHS, acutus, minorque, recto ESH. Igitur per propof. 11. noſtrorum triang. ſphær. arcus Eclipticæ EH, maior erit arcu Aquatoris ES, qui eſt illius aſcenſio recta; atque idcirco reliquis HF, ex quadrante EF, minor reliquo SA, ex quadrante EA. Conſimiliſque demonſtratio fiet in arcibus EI, IG, & in aliis qui ab alio puncto æquinoctiali ſumunt initium, reſpondentque arcibus EH, HF, EI, IG.

EX hoc colligitur, arcus Eclipticæ à principio V, inchoatos, & minores quadrante, maiores eſſe ſuis aſcēſionibus rectis; maiores vero quadrante, & ſemicirculo minores, minores aſcenſionibus ſuis rectis, quia aſcenſio primi quadrantis eſt quadrans, deinde vero arcus Eclipticæ adiecti vſque ad finem $\frac{\pi}{2}$, ſemper minores ſunt ſuis aſcenſionibus rectis; Arcus autem ſemicirculo maiores, & tribus quadrantibus minores, rurſum maiores eſſe ſuis rectis aſcenſionibus; propterea quod ſemicirculus ab V, vſque ad $\frac{\pi}{2}$, habet aſcenſionē ſemicirculum poſt quē iterum arcus adiecti maiores ſunt ſuis aſcenſionibus rectis; Arcus denique tribus quadratibus maiores, iterū eſſe minores aſcenſionibus ſuis rectis, eo quod tres quadrantes Eclipticæ aſcenſionē habent tres quadrantes, deinde vero arcus adiecti ſuis rectis aſcēſionibus ſunt minores, quæ oīa hic demonſtrata ſunt.

SED & hoc compertū eſt, in ſphæra recta aſcenſionē cuiusvis arcus, ſeu puncti Eclipticæ eſſe æqualē deſcēſioni eiſdem. Quia nimirū deſcēſio eſt aſcenſio ſupra Horizontem rectū antipodum, quibus tunc arcus ille, vel punctum oritur, Cū ergo aſcenſiones rectæ in omni Horizonte recto eodē modo ſe habeāt liquet id, quod proponitur. Vel ſic. Quoniā arcus oppoſiti æquales eandē habent aſcenſionem,

Satis eſt vt aſcēſiones rectæ omnium arcuum primi quadrantis Eclipticæ reſctarum.

Qui arcus Eclipticæ maiores ſunt ſuis aſcēſionibus rectis, & qui minores.

Aſcenſio recta eſt in ſuis arcus, vel puncti, æqualis eſt deſcēſioni rectæ eiſdem arcuum.

tionem, vt Numer. 6. ostensum est, estq; eadem ascensio cuiusuis arcus, quæ descensio arcus æqualis oppositi, cum semper semicirculus Eclipticæ sit supra Horizontem: sit vt ascensio & descensio illius arcus, qui arcui cuiuspiam oppositum est, æquales sint, quandoquidem æquales sunt ascensioni huius arcus, cui opponitur. Verbi gratia, Ascensioni \sphericalangle , æquales sunt ascensio, & descensio \sphericalangle . Igitur ascensio & descensio \sphericalangle , æquales sunt. Et sic de cæteris.

Circulus maximus ex polo mundi per intersectionem parallelis cuiuslibet puncti Eclipticæ cum Horizonte obliquo ductus, intercipit cum Horizonte in Aequatore differentiam ascensionalem illius puncti Eclipticæ cum circulo vero alio maximo per illud punctum Eclipticæ ducto, ascensionem obliquam arcus inter illud punctum, & Horizontem positi.

8. In omni Horizonte obliquo maximus circulus ductus ex polo mundi per punctum Horizontis, vbi à parallelo per quodlibet punctum Eclipticæ descripto secatur, intercipit cum Horizonte in Aequatore arcum differentie ascensionalis illius puncti Eclipticæ, siue arcus Eclipticæ ab alterutro puncto æquinoctiali ad illud punctum numerati, siue numeratio hæc fiat secundum successione signorum, siue contra: Idem autem circulus maximus cum alio per illud punctum Eclipticæ ducto intercipit in Aequatore ascensionem obliquam arcus Eclipticæ inter Horizontem, & punctum illud, per quod parallelus ductus est, positi. Vt quia parallelus KL, per punctum Eclipticæ H, ductus secat Horizontem in L, erit EQ, differentia ascensionalis puncti H, siue arcus EH, à puncto æquinoctiali E, vsque

ad H, contra successione signorum numerati. Quoniam enim posito puncto H, in Horizonte, nimirum in puncto L, (cum punctum H, ad primum motum describat parallelum KL,) cum arcu HE, cooritur arcus HL; & supra quemuis Horizontem similes arcus parallelorum cooruntur; erit arcus Aequatoris SQ, qui arcui HL, similis est, ascensio obliqua arcus HE. Cum ergo ES, ascensio recta sit eiusdem arcus EH, qd hi arcus SE, HE, simul supra Horizontem rectum OS, ascendunt; erit EQ, differentia ascensionalis. Dico EQ, esse quoque differentiam ascensionalem arcus Eclipticæ, qui ab altero puncto æquinoctiali secundum successione signorum vsq; ad H, protenditur. Nā collocato

puncto H, in L, statuetur punctum S, in Q, quod tunc arcus OS, arcui OQ, congruat omnino. Erit ergo tunc arcus Aequatoris ab illo puncto æquinoctiali vsq; ad Horizontem obliquum in puncto E, (secante tunc Ecliptica Horizontem in L,) ascensio obliqua dicti arcus Eclipticæ vsque ad H, numerati, seu puncti H, in L, tunc positi. At vero arcus Aequatoris ab eodem illo puncto æquinoctiali vsque ad punctum S, in Q, tunc collocatū, ascensio recta est eiusdem arcus, seu puncti. Igitur EQ, differentia est ascensionalis. Non solum autem QS, ascensio obliqua est arcus HE, cuius alterum extremum est punctum æquinoctiale E, verum etiam cuiusuis alterius arcus, nimirum arcus Ha, si per L, ducatur alius Ho-

zón

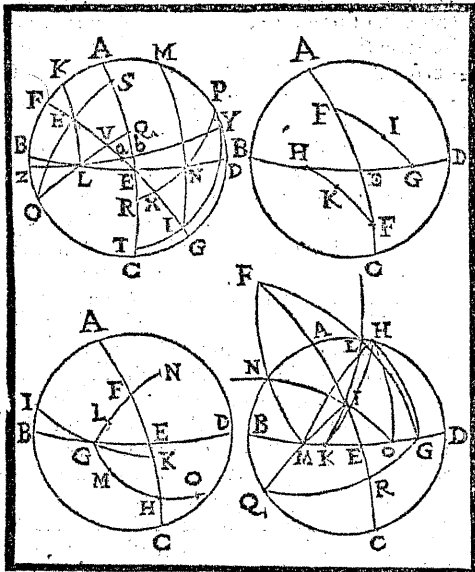
zón obliquus ZY, secans Eclipticam in a, extra punctum æquinoctiale E. Nam supra hunc Horizontem arcus paralleli HL, cooritur cum arcu Eclipticæ Ha. Ergo ei similis QS, ascensio obliqua est arcus Ha, Sed arcus bQ, non est tunc differentia ascensionalis arcus Ha, quia bS, non est ipsius ascensio recta, quod puncta à, b, non simul ad Horizontem rectum ex O, per a, vel b, ductum perueniant, quod tamen requiritur, vt bS, possit esse ascensio recta prædicti arcus Ha. Constat ergo circulum maximum OQ, per L, ductum intercipere cum Horizonte obliquo BD, differentiam ascensionalem EQ, puncti H, siue arcus Eclipticæ à puncto æquinoctiali vsque ad H, intercepti: & eundem cum maximo circulo OS, per idem punctum H, ducti, intercipere ascensionem obliquam QS, tam arcus HE, ab æquinoctiali puncto E, inchoati, respectu Horizontis BD, quam arcus Ha, non a puncto æquinoctiali E, inchoati, respectu Horizontis ZY. Eademq; de cæteris ratio est.

9. In quouis Horizonte obliquo duo Eclipticæ arcus æquales ab alterutro æquinoctiali puncto æqualiter distantes, siue ab eo initium sumant, siue non, æquales habent ascensiones. Sit enim in secunda figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E, & quicumque arcus Eclipticæ FG, ab æquinoctiali puncto F, vsque ad Horizontem, ita vt eius ascensio obliqua sit Aequatoris arcus FE; cum, posito puncto F, in puncto Horizontis E, & mota sphaera versus A, puncta E, & G, simul ad Horizontem perueniant. Sit quoque alius arcus Eclipticæ FH, ipsi FG, æqualis, ab eodem puncto æquinoctiali F, vsque ad Horizontem, ad partes alterius poli, ita vt eius ascensio obliqua sit etiam EF; propterea quod, mota sphaera, cum primum F, ad Horizontem in E, peruenierit,ambo arcus EF, HF, perorti conspiciuntur. Dico has ascensiones FE, EF, esse æquales. Quoniam enim in triangulis FEG, FEH, tam anguli ad verticem E, quam ad verticem F, (Arcus namque Eclipticæ FG, FH, concipiendi sunt continuati in F, ita vt angulus ad verticem F, constituent, sicut in sphaera; qui quidem sunt anguli maximæ declinationis, quos Ecliptica cum Aequatore facit.) æquales sunt; & arcus FG, FH, æqualibus angulis ad E, oppositi æquales ponuntur; arcusque GE, HE, reliquis angulis æqualibus ad F, oppositi semicirculum non efficiunt, cum minores sint quadrantibus ED, EB; erunt per proposit. 22. nostrorum triang. sphaer. arcus quoque FE, EF, æquales. quod est propositum. Vcl sic. Quoniam duo anguli EFG, GEF, duobus angulis EFH, HEF, æquales sunt, vt diximus, & duo arcus FG, GE, circa reliquum angulum G, æquales sunt duobus arcibus FH; HE, circa reliquum angulum H; (Cum enim puncta G, H, æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali F, recedant, habebunt latitudines ortiuas EG, EH, æquales, vt Num. 3. ostendimus: at FG, FH, positi sunt æquales,) & in hisce angulis reliquis G, H, poli reliquorum arcuum FE, EF, hoc est, Aequatoris, non existunt, cum Aequatoris poli sint in Meridiano; erunt per proposit. 23. nostrorum triang. sphaer. reliqui arcus FE, EF, æquales: Atque hæc demonstratio vtraque propositum colligit, etiam si vterque arcus FG, FH, quadrante maior sit, semicirculo tamen minor.

S E D. sint iam æquales duo Eclipticæ arcus GI, HK, æqualiterque ab eodem puncto æquinoctiali F, distantes, sed non ab eo inchoati. Dico eorum quoque ascensiones obliquas esse æquales. Cum enim æqualiter distent ab æquinoctiali puncto F, erunt quoque tam arcus GF, HF, quam IF, KF, à puncto æquinoctiali F; inchoati, æquales. Ergo, vt proxime monstrauimus,

Duo Eclipticæ arcus æquales ab alterutro puncto æquinoctiali inchoati, vel æqualiter distantes, ascensiones obliquas habent æquales.

Fig. 2. Theod.



mus, tam illi, quam hi, æquales habebunt ascensiones. Ablatis igitur æqualibus ascensionibus arcuum æqualium FI, FK, ex ascensionibus æqualibus arcuum æqualium FG, FH, reliquæ sient ascensiones æquales æqualium arcuum IG, KH.

Duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem tropico puncto equaliter remoti, item duo oppositi, habent suas ascensiones obliquas simul sumptas, ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales.

10. I N Horizonte quolibet obliquo duo arcus Eclipticæ æquales ab alterutro puncto tropico equaliter distantes, iteq; duo arcus oppositi, siue à punctis æquinoctialibus initium sumant, siue aliunde, habent ascensiones suas simul sumptas ascensionibus suis in sphaera recta simul sumptis æquales. In tertia enim figura Meridianus sit ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, Aequatorem secans in E: sitque arcus Eclipticæ FG, ab V, inchoatus quicumque, semicirculo tamen minor, & ei æqualis HG, à M, inchoatus: quo posito, puncta eorum extrema æqualiter ab eodem puncto tropico distabunt. Ponimus enim vtrumque versus idem punctum tropicum tendere. Collocentur autem eorum puncta extrema in Horizonte, quæ in vnum G, coibunt, cum habeant latitudines ortiuas æquales, vt Num. 3. demonstrauimus. Erunt igitur eorum ascensiones oblique arcus Aequatoris FE, HE. Ducto autem ex mundi polo I, per G, circulo maximo IK, erunt eorundem ascensiones rectæ FK, HK; constat autem arcus FE, HE, simul sumptos, arcubus FK, HK, simul sumptis æquales esse. Atque hoc verum etiam est de æqualibus arcubus semicirculo maioribus. Vt si sumatur arcus ab V, per P, vsque ad principium Q, complectens decem signa, eique æqualis à R, per S, vsque ad principium T, complectens quoque decem signa: quoniam semicirculi ab V, per P, vsque ad Q, & à R, per S, vsque ad T, ascensionos obliquas habent æquales ascensionibus rectis, nimirum semicirculos; si addantur ascensiones obliquæ arcuum à Q, per X, vsque ad initium Y, & ab V, per Z vsque ad initium A, quæ simul sumptæ æquales sunt ascensionibus rectis eorundem arcuum, vt proxime demonstrauimus, sient ascensiones obliquæ arcuum ab V, per P, vsque ad principium Q, & à R, per S, vsque ad principium T, simul sumptæ, æquales ascensionibus rectis arcuum eorundem. Et sic de cæteris.

S I N T deinde duo arcus æquales GL, GM, ab eodem tropico puncto æqualiter distantes, sed non ab æquinoctialibus punctis F, H, inchoati. Et quoniam æquales sunt arcus GL, GM, æqualiterque ab eodem puncto tropico distant; æqualiter quoque eorum puncta extrema G, L, G, M, ab V & M, distabunt, ideoque æquales erunt & toti arcus GF, GH, & reliqui FL, HM. Cum ergo proxime ostensum sit, ascensiones obliquas tam arcuum FG, HG, quam arcuum FL, HM, ab V, & inchoatorum simul sumptas æquales esse ascensionibus rectis eorundem simul sumptis, si posteriores à prioribus demantur, erunt quoque reliquæ ascensiones obliquæ arcuum GL, GM, simul sumptæ reliquis ascensionibus rectis eorundem arcuum simul sumptis æquales. Hæc autem demonstratio congruit quoque arcubus æqualibus ab eodem tropico puncto æqualiter distantibus, qui intra se puncta æquinoctialia contineant. Vt in eadem tertia figura, si sumantur arcus æquales NL, OM, quorum extrema æqualiter ab eodem puncto tropico absint; æquales erunt tam arcus FL, HM, quam FN, HO, ab æquinoctialibus punctis inchoati. Igitur, vt demonstratum est, tam illi, quam hi habent ascensiones suas obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales, ac proinde si priores posterioribus addantur, efficiuntur ascensiones oblique simul sumptæ totorum arcuum NL, OM, æquales rectis eorundem ascensionibus simul sumptis.

DENI-

DENIQUE si sint duo arcus æquales oppositi quicumque, distantiæ eorum à punctis æquinoctialibus tam secundum successiorem signorum, quam contra, numeratæ, æquales erunt: Et si inter ipsos accipiat alius arcus equalis, cū altero ipsorum æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali distans, distabit idem cum reliquo ab eodem puncto tropico equaliter. Igitur cum arcus æquales ab eodem puncto æquinoctiali remoti habeant ascensiones æquales, vt Num. 9. ostendimus; arcus autem æquales ab eodem puncto tropico recedentes habeant, vt proxime demonstrauimus, ascensiones suas obliquas simul sumptas ascensionibus suis rectis simul sumptis æquales; habebunt quoque arcus oppositi æquales (sumpto altero eorum pro eo, qui cum reliquo eandem distantiam ab eodem tropico puncto habet) ascensiones suas obliquas simul sumptas rectis suis ascensionibus simul sumptis æquales. Verbi gratia. Signa S, & M, sunt opposita: & quia N, & O, æqualiter distant à principio P; distabunt quoq; S, & O, æqualiter à principio P. Cum ergo S, & O, ascensiones suas obliquas simul sumptas, habeant æquales ascensionibus suis rectis simul sumptis, vt proxime monstratum est, & eadem sit ascensio obliqua O, quæ M, vt Num. 9. ostendimus; erunt quoque ascensiones obliquæ S, & M, simul sumptæ ascensionibus rectis eorundem simul sumptis æquales. Eademque ratio est de alijs quibuscunque arcubus, siue à punctis æquinoctialibus initium sumant, siue non.

11. I N omni regione obliqua arcus Eclipticæ ab V, inchoati, & semicirculo minores, maiores sunt suis ascensionibus obliquis; à M, vero inchoati, minores: dummodo latitudo loci neque maior sit complemento maximæ declinationis, (Nō enim omnia signa oriuntur, aut occidunt in ea regione, vbi altitudo poli complementum maximæ declinationis superat, hoc est, maior est, quam grad. 66. 1/2) neque minor declinatione illius puncti, quod tunc in Meridiano reperitur, si tamen boreale est, quando extremum punctum propositi arcus in Horizonte existit. Sit enim in quarta figura Meridianus ABCD; Aequator AC; Horizon obliquus BD, secans Aequatorem in E; polus Horizontis H, vt latitudo regionis sit AH; arcus Eclipticæ FG, quantuscunq; à principio V, in puncto F, inchoatus, sed semicirculo minor. Item arcus Eclipticæ IK, quantuscunq; à principio M, in I, inchoatus, & minor semicirculo. Dico arcum FG, maiorem esse sua ascensione obliqua FE, at arcum IK, sua obliqua ascensione IE, minorem. Ducto enim per H, polum Horizontis, & punctum G, vbi Ecliptica Horizontem secat, circulo maximo HG, quoniam latitudo loci AH, non ponitur minor declinatione AL, puncti borealis L, quod tunc in Meridiano existit, (quod quidem semper boreale est, quando principium V, nimirum punctum F, est vltra punctum A, in Aequatore. Nam quando est citra punctum A, vt in I, punctum Eclipticæ N, in Meridiano tunc existens, australe est, ac proinde latitudo loci potest esse quantumuis parua) erit angulus HGE, vel maior, vel æqualis angulo LGE. Cum ergo HGE, rectus sit, erit LGE, vel minor recto, vel rectus, ac proinde minor angulo AFG, qui obtusus est, propter eius arcum DA, quadrante DH, maiorem. Igitur per propof. 11. nostrorum triang. sphaer. arcus FG, maior erit arcu FE. Eodem modo concludemus, arcum IO, maiorem esse arcu IE, quod ducto circulo maximo HO, angulus HOE, rectus sit, ideoque IOE, acutus, & minor obtuso IEO, &c.

Arcus Eclipticæ ab Ariete inchoati, & semicirculo minores, maiores sunt suis ascensionibus in obliqua sphaera; inchoati vero a Libra, minores.

RVRVSVS ducto per H, K, circulo maximo HK, erit angulus HKE, vel minor, vel equalis angulo LKE, q̄ latitudo loci AH, ponatur non minor declinatione AL, puncti borealis L, in Meridiano tunc existentis: quod semper boreale erit, quando

215. Theo.

215. Theo.

215.1.Theo.

quando initium α , hoc est punctum I, est citra punctum A, in Aequatore. Nam quando est ultra punctum A, ut in F, punctum Eclipticæ N, in Meridiano tunc extens, australe est, ac pinde latitudo loci quantumvis exigua esse potest. Igitur, cum angulus H K E, rectus sit, erit I K E, vel maior rectus, vel rectus, ac pinde maior angulo I E K, qui acutus est, propter eius arcum BA, quadrante BH, minorẽ. Erit ergo per propof. 11. nostrorum triang. sphær, arcus I K, minor arcu I E. Eademque ratione ostendemus arcum FM, minorem esse arcu FE, propterea quod, ducto circulo maximo HM, angulus HME, rectus est, atque idcirco FME, obtusus, ac maior acuto angulo FEM, &c.

115.1.Theo.

Arcus Eclipticæ ab Ariete inchoati habent ascensionibus obliquas tanto rectis ascensionibus minoribus, quanto maiores rectis sunt ascensionibus obliquæ arcuum æqualium à Libra inchoatorum.

12. IN omni regione obliqua, cuius latitudo maior non sit complemento maximæ declinationis, arcus Eclipticæ ab γ inchoati, & semicirculo minores, ascensionibus obliquas habent tanto rectis ascensionibus minores, quanto maiores rectis sunt ascensionibus obliquæ arcuum oppositorum, & æqualium à α inchoatorum. Ponantur enim in eadem figura quarta duo arcus FG, FM, æquales, arcus quidem FG, ab γ , at FM, à α , inchoatus, ducanturque ex mundi polo Q, per G, M, ubi dicri duo arcus Horizontem secant, circuli maximi QG, QM, Aequatorem secantes in R, I, ut rectæ ascensionibus arcuum FG, FM, sint FR, FI. Vbi liquido constat obliquam ascensionem FE, arcus FG, ab γ , inchoati, minorem esse ascensione recta FR, ascensionem vero obliquam FE, arcus FM, à α , inchoati, maiorem esse ascensione recta FI, differentiasque ascensionales illorum arcuum esse ER, EI, quas dico esse æquales: adeo ut tanto minor sit ascensio obliqua FE, ascensione recta FR, quanto obliqua ascensio FE, recta ascensione FI, maior est. Quoniam enim puncta Eclipticæ G, M, per diametrum opposita sunt, propter æquales arcus FG, FM, ab γ , & α , inchoatos, & secundum successione signorum numeratos; erunt eorum latitudines ortivæ EG, EM, æquales, ut Num. 3. collegimus. Igitur cum in triangulis EGR, EMI, anguli ad verticem E, æquales sint, ex propof. 6. nostrorum triang. sphær. & anguli R, I, recti, quibus oppositi sunt arcus ostensi æquales EG, EM; erunt per propof. 21. nostrorum triang. sphær. arcus ER, EI, æquales.

Puncta Eclipticæ opposita, differentias habere ascensionales inter se æquales.

215.1.Theo.

NIHIL autem refert, quod posterimus oppositos arcus FG, FM, æquales, cum tamen ascensionibus rectis FR, FS, habeant inæquales: quia idem prorsus concludetur, si, ut res postulat, principium α , ultra F, acciperetur, ut arcus Eclipticæ ab eo vsque ad M, fieret æqualis arcui FG, cuiusque ascensio recta ab eodem principio α , vsque ad I, æqualis ascensioni rectæ FR, propterea quod differentia ascensionales ER, EI, eadem semper permanent.

Duorum arcuum Eclipticæ æqualium ab eodem puncto tropico æqualiter distantium, vel oppositorum, vnus ascensio obliqua tanto minor est, quam recta, quanto alterius maior est.

QVOD si duo arcus Eclipticæ æquales ab γ , & α , non incipiant, sed tamen vel ab eodem puncto tropico æqualiter distent, vel sint oppositi, erit adhuc ascensio obliqua vnus tanto minor ascensione recta eiusdem, quanto alterius obliqua ascensio maior est: & arcus quidem in semicirculo Eclipticæ ascendente, hoc est, à α , per γ , vsque ad α , comprehensi, minores habent ascensionibus, & arcus in semicirculo descendente, id est, à α , per γ , vsque ad α , contenti, maiores, ut lib. 3. Can. 5. Nu. 15. demonstrabitur. Ex quo fit, ut arcus ab γ , vsque ad α , minores habeant ascensionibus, quam arcus à α , vsque ad α , cum arcus à α , vsque ad α , habeant, ut Num. 9. monstratum est, ascensionibus æquales iis, quas arcus à α , vsque ad α ; habent. Eadem de causa habebunt arcus à α , vsque ad α , maiores ascensionibus, quam arcus ab γ , vsque ad α , cum hi posteriores arcus habeant ascensionibus æquales iis, quas arcus ab γ , vsque ad α , habent, ut ex Num. 9. liquet. Itaque arcus à α , per γ , vsque ad α , tanto minores habent ascensionibus obliquas ascensionibus rectis, quanto arcus

arcus à α , per γ , vsque ad α , illis æquales, habent maiores. Hoc autem ita ostendi poterit. Quoniam, ut Num. 6. ostensum est, α , & α , habent ascensionibus rectas æquales, sint illæ ascensionibus FK, HK, ut in tertia figura: Et quia his simul sumptis æquales sunt ascensionibus obliquæ eorundem arcuum simul sumptæ, ut Num. 10. demonstratum est, estque ascensio obliqua α , minor ascensione obliqua α ; si FE, sit ascensio obliqua α ; ac proinde reliquus arcus EH, ascensio obliqua α ; perspicuum est, arcum FE, tanto minorem esse arcu FK, quanto maior est arcus EH, arcu KH, vel eodem FK, cum vtrobique excessus sit arcus EK. Atque ita de cæteris arcibus æqualibus oppositis. Rursus quia γ , & α , ascensionibus rectas habent æquales, ut Num. 6. dictum est, sint illæ ascensionibus FK, HK, in eadem tertia figura: Et quia his simul sumptis æquales sunt ascensionibus obliquæ eorundem arcuum simul sumptæ, ut ex Num. 10. patet, si diuidatur FH, in arcus inæquales in E, ut EH, sit ascensio obliqua α , & EF, γ liquido constabit, tanto maiorem esse arcum EH, arcu HK, quanto arcus EF, minor est arcu eodem FK, vel HK. Eademque ratio est de aliis arcibus æqualibus ab eodem puncto tropico æqualiter distantibus. Quod si ascensio α , minor esset ascensione α , colligeretur eodem modo, tanto minorem esse illam recta ascensione, quanto hæc maior est, ita ut certissimum sit, si accipiantur duo arcus Eclipticæ æquales vel æqualiter distantes ab eodem puncto tropico, vel oppositi, vnus ascensionem obliquam esse tanto minorem recta ascensione eiusdem, quanto ascensio obliqua alterius maior est.

Duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem puncto tropico, vel æquinoctiali, equaliter distantes, aut oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem.

13. IN omni regione obliqua duo arcus Eclipticæ æquales ab eodem puncto tropico, aut æquinoctiali, equaliter distantes, vel oppositi, eandem habent differentiam ascensionalem. Quoniam enim arcus æquales equaliter recedentes ab eodem tropico puncto, vel oppositi, habent ascensionibus obliquas simul sumptas æquales ascensionibus rectis simul sumptis, ut Num. 10. docuimus, suntque ascensionibus eorum rectæ æquales, ut ex Num. 6. liquet, fit vt vnus ascensio obliqua sit tanto minor, quam recta, quanto alterius ascensio maior est, ut Num. 12. diximus. Igitur eandem habent ascensionalem differentiam. De arcibus autem æqualibus ab eodem puncto æquinoctiali equaliter distantibus res perspicua est, cum æquales habeant ascensionibus obliquas, ut Num. 9. ostensum est, ac proinde vtriusque ascensio, vel eodem excessu superet ascensionem rectam, vel ab ea deficiat.

Arcus Eclipticæ quicunque ab eodem puncto tropico bisariam distans, habet vnus locorum ascensionem obliquam æqualem ascensionibus rectis.

14. IN omni regione obliqua arcus quilibet Eclipticæ, cuius extrema puncta ab eodem puncto tropico æqualiter distant, cuiusmodi sunt arcus inter principia α , & α , inter initia γ , & α , inter initia γ , & α , atque inter principia α , & α , eandem habent ascensionem, quam in sphaera recta; quia, ut Num. 10. demonstratum est, semisses illius arcus habent ascensionibus suas simul sumptas, æquales ascensionibus rectis simul sumptis. Vnde quamuis vna semissem habeat minorem ascensionem obliquam, & altera maiorem, ambæ tamen simul sumptæ efficiunt ascensionem rectam totius arcus.

EX quo efficitur, eundem arcum prædictum in omnibus regionibus, vel altitudinibus poli, eandem habere ascensionem, licet partes diuersimode orientur: quia videlicet in omnibus eleuationibus poli ascensio eius æqualis est ascensioni rectæ.

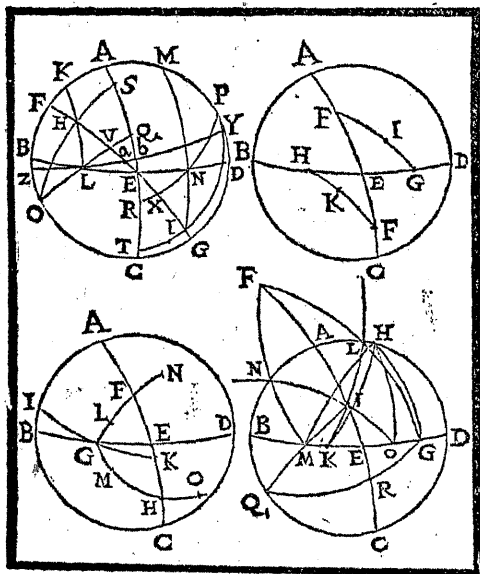
DESCENSIO porrò cuiusuis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni arcus oppositi; quia eodem tempore, quo arcus aliquis descendit, oritur eius arcus oppositus; vt semper semicirculus Eclipticæ supra Horizontem conspiciatur

Descensio cuiusuis arcus Eclipticæ æqualis est ascensioni arcus oppositi.

spiciatur, vt ratio postulat, cum Horizon, & Ecliptica se mutuo bifariam fecerit.

ITA QVE fati est, vt tabula ascensionum obliquarum extruatur, si ascensionibus obliquis supputentur pro arcibus quadrantis Eclipticæ ab ... Nam, vt Num. 9. demonstrauimus, horum arcuum ascensionibus æquales sunt ascensionibus arcuum quadrantis ab ... sumendo semper binos æqualiter à principio ... distantes: atque ita habebuntur ascensionibus arcuum in vno semicirculo contentorum. Et quia, vt Num. 10. ostensum fuit, horum arcuum ascensionibus, & oppositorum ascensionibus simul sumptæ æquales sunt ascensionibus rectis eorundem, habentque oppositi arcus ascensionibus rectas æquales, vt Num. 6. patuit; fit, vt ascensionibus arcuum semicirculi à ... vsque ad ... ex ascensionibus rectis eorundem duplicatis ablatæ relinquantur ascensionibus obliquas oppositorum arcuum.

EX his autem sic tabula ascensionum obliquarum constructur. Supputatis ascensionibus arcuum ab ... inchoatorum, vsque ad finem ... si ex subtrahantur ab ascensionibus rectis duplicatis eorundem arcuum, reliquæ sicut ascensionibus obliquæ arcuum, à ... inchoatorum, vsque ad finem ... Et quia hæc æquales sunt ascensionibus obliquis arcuum æqualium à ... vsque ad initium ... si hæc initio facto à maioribus, ex semicirculo detrahantur, habebuntur ascensionibus obliquæ arcuum quadrante maiorum ab ... inchoatorum, vsque ad finem ... Quod si ascensionibus arcuum à ... inchoatorum, vsque ad finem ... adiciatur semicirculus, exurgent ascensionibus arcuum semicirculo maiorum ab ... inchoatorum, vsque ad finem ... Denique quia ascensionibus arcuum ab ... vsque ad ... æquales sunt ascensionibus arcuum ab ... vsque ad ... si hæc, initio à maioribus factis, subtrahantur ex integro



Differentia ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticæ, est etiam differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui semper quadrans est.

circulo, remanebunt ascensionibus obliquæ arcuum tribus quadrantibus maiorum, & ab ... inchoatorum, vsque ad finem ...

15. IAM vero ex ijs, quæ dicta sunt, liquido etiam constare arbitror, eandem esse differentiam ascensionalem cuiuslibet puncti Eclipticæ, & differentiam inter arcum semidiurnum paralleli per illud punctum descripti, & arcum semidiurnum Aequatoris, quadrantibus. Nam in prima figura huius lemmatis arcus semidiurnus paralleli MI, borealis per punctum Eclipticæ I, descripti, est arcus MN, hoc est, ei similis arcus Aequatoris AR, ita vt ER, differ-

rentia

rentia sit inter arcum semidiurnum AR, paralleli borealis MI, seu puncti borealis Eclipticæ I, & arcum semidiurnum Aequatoris AE. Dico ER, esse quoque differentiam ascensionalem eiusdem puncti Eclipticæ I. Mota enim Sphæra, donec punctum I, ad Horizontem in puncto N, perueniat, erit arcus Aequatoris à principio ... vbicunque tunc extiterit, secundum successione signorum vsque ad E, computatus, ascensio obliqua puncti I, in N, tunc existentis, cum punctum Aequatoris E, cum puncto Eclipticæ I, in N, existentis, oriatur supra Horizontem: Arcus vero Aequatoris ab eodem principio ... vsque ad R, computatus, ascensio recta erit eiusdem puncti I, in N, tunc existentis; quippe cum punctum Aequatoris R, & punctum Eclipticæ N, quod tunc ab I, non differt, simul supra Horizontem rectum PR, ascendat. Est ergo ER, differentia ascensionalis. Eadem ratione erit EQ, differentia ascensionalis puncti australis Eclipticæ H, & differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti H, vel paralleli KL, & arcum semidiurnum Aequatoris; cum ascensio obliqua terminetur in E, & recta in Q, atque AQ, sit arcus semidiurnus puncti H, hoc est, similis arcui semidiurno KL, & AE, arcus semidiurnus Aequatoris.

IGITUR vt arcus semidiurnus cuiuslibet puncti Eclipticæ supputetur, in quirenda erit differentia ascensionalis illius puncti. Hæc namque, si punctum boreale est, adiecta ad arcum semidiurnum Aequatoris, qui perpetuo Quadrans est, conficiet quantum arcum semidiurnum: Eadem vero ex arcu semidiurno Aequatoris dempta, si punctum Eclipticæ datum australe est, relinquet arcum semidiurnum quantum.

Quomodo ex differentia ascensionali cuiuslibet puncti Eclipticæ arcus semidiurnus eiusdem puncti eliciatur.

ATAQVE ex hoc manifestum est, quando punctum boreale est, cuiusmodi est I, differentiam ascensionalem ER, addendam esse ad semidiurnum arcum Aequatoris AE, hoc est, ad quadrantem, vt semidiurnus AR, puncti dati prodeat; eandem vero ex ascensione recta in R, terminata auferendam esse, vt ascensio obliqua in E, terminata relinquatur. Contra vero, quando punctum datum H, australe est, differentiam ascensionalem EQ, auferendam esse ex quadrante, siue ex arcu semidiurno Aequatoris AE, vt semidiurnus arcus AQ, dati puncti relinquatur; eandem vero ad rectam ascensionem in Q, terminatam esse adiciendam, vt obliqua ascensio in E, terminata conficiatur.

Differentia ascensionalis quando addenda, vel auferenda, vt habetur arcus semidiurnus, vel ascensio obliqua dati puncti, vel stellæ.

HOC idem, quod de puncto Eclipticæ boreali, australi diximus, intelligendum quoque est de stella quauis boreali, vel australi, vt patet, si stella aliqua borealis collocetur in parallelo MI, & australis in parallelo KL. Erunt enim earum differentia ascensionales ER, EQ, &c.

QUIA vero puncta Eclipticæ opposita æquales habent ascensionales differentias, vt Num. 12. ostendimus; habet autem quodlibet eo: cum puncto, quod æqualem cum eo à proximo puncto tropico distantiam habet, eandem differentiam ascensionalem, cum per ea duo puncta idem parallelus transeat, vt Num. 11. demonstrauimus; efficitur, quaterna puncta Eclipticæ eandem habere differentiam ascensionalem.

Quaterna puncta Eclipticæ habere eandem differentiam ascensionalem.

16. EANDEM habet proportionem sinus totus ad sinum complementi declinationis dati puncti Eclipticæ, quam secans arcus inter datum punctum, & proximum punctum æquinoctiale comprehensum ad secantem ascensionis rectæ eiusdem arcus, seu puncti dati à proximo puncto æquinoctiali numerandæ Nam in spherico triangulo FGK, rectangulo, cuius angulus K, rectus, quod in tertia præcedente figura habetur, ita se habet sinus totus ad sinum complementi arcus GK, declinationis puncti Eclipticæ G, circuli angulum rectum K, vt secans arcus FG, Eclipticæ inter datum punctum G, & proximum punctum æquinoctiale F, recto angulo K, oppositi, ad secantem tertij arcus FK, ascensionis rectæ, qui est alter arcus

Sinus totus ad sinum complementi declinationis puncti Eclipticæ eandem habet proportionem arcus inter punctum illud punctum, & punctum æquinoctiale proximum ad secantem ascensionis rectæ eiusdem arcus.

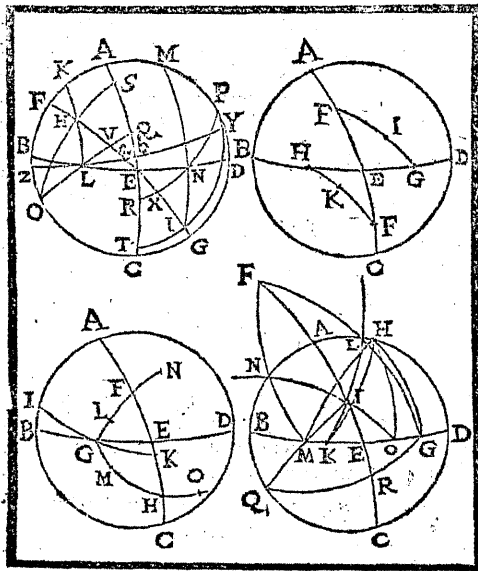
X

circa

circa angulum rectum K: vt propof. 53. noſtrorum triang. ſphær. demonſtra-
uimus. quod eſt propoſitum. Atque ita inuentis hoc modo aſcenſionibus re-
ctis omnium punctorum primi quadrantis Eclipticæ, eruentur ex illis aſcenſio-
nes rectæ omnium aliorum punctorum, vt ſupra Num. 6. diximus.

Sinus totus ad
tangenteſ alti-
tudinis poli ean-
dem proportio.
non habet quam
tangens declina-
tionis dati pun-
cti Eclipticæ ad
ſinum differentiæ
aſcenſionis eiuſ-
dem puncti.

17. EANDEM proportionem habet ſinus totus ad tangentem altitudinis
poli, quam tangens declinationis dati puncti Eclipticæ ad ſinum differentiæ aſcen-
ſionalis eiſdem puncti. In triangulo namque ſphærico reſtanguſo EGK, cuius
angulus K, reſtus, quod in eadem tertia figura præcedente habetur, ita ſe habet



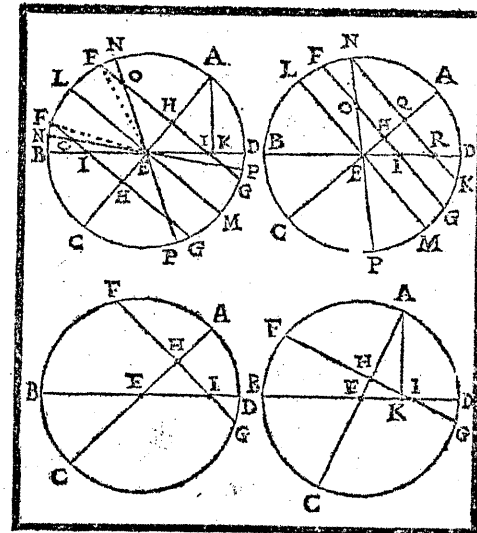
per propoſ. 49. noſtrorum
triang. ſphær. ſinus totus
ad tangentem arcus GK,
declinationis puncti Ecli-
pticæ G, circa reſtūm an-
gulum K, vt tangens comple-
menti anguli E, diſto
arui GK, oppoſiti, hoc
eſt, vt tangens altitudinis
poli, (cum angulus E, ſit
angulus complementi alti-
tudinis poli, quem nimi-
mirum Aequator AC, cum
Horizonte facit) ad ſinum
arcus EK, differentiæ aſcen-
ſionalis, qui alter arcus eſt
circa angulum reſtūm K.
Igitur permutando erit quo-
que, vt ſinus totus ad tan-
gentem altitudinis poli, ita
tangens declinationis da-
ti puncti Eclipticæ ad ſinum
differentiæ aſcenſionalis ei-
uſdem puncti. Sed hoc ſi-
ne triangulis ſphæricis ita

quoque demonſtrabimus.

SIT in prima ſequente figura Meridianus ABCD; Horizontis dia-
meter BD; Aequatoris LM; axis mundi AC; diameter paralleli FG, ſiue
borealis, ſiue auſtralis, axem ſecans in H, ad angulos reſtos, & Horizontis
diametrum in I; diameter Eclipticæ NP, ſecans FG, in O: Et demittatur
ad BD, ex polo A, perpendicularis AK. Quod ſi circa diametros NP, FG,
intelligantur ſemicirculi earum ad Meridianum reſti, & ex punctis E, O, H,
I, excitatæ perpendiculares ad eundem Meridianum, cadet perpendicula-
ris ex O, in punctum Eclipticæ datum, per quod parallelus diametri FG,
tranſit, cum in extremo illius perpendicularis in ſuperficie ſphæræ ſe interſe-
cent Ecliptica, & parallelus. Arcus autem paralleli inter perpendiculares ex
O, H, erit aſcenſio reſta dati puncti, cum cooriatuſ cum arcu Eclipticæ
inter perpendiculares ex O, E, ſupra Horizontem reſtūm per AC, du-
ctum, idemque arcus paralleli ſimilis erit arcui Aequatoris coorienti, cum
ſemper ſimiles arcus parallelorum eodem tempore peroriantur in omni Ho-
rizonte. At arcus paralleli inter perpendiculares ex O, I, erit aſcenſio obli-
qua

quia eiſdem arcus Eclipticæ, cum vna cum arcu Eclipticæ inter perpendicu-
lares ex O, E, peroriantur ſupra Horizontem obliquum per BD, ductum.
Arcus denique paralleli inter perpendiculares ex H, I, differentiæ erit aſcen-
ſionalis. Rurſus HE, ſinus eſt declinationis LF, & FH, ſinus comple-
menti AF, eiſdem declinationis. Iam ergo fiat, vt FH, ſinus comple-
menti declinationis ad HE, ſinum declinationis, ita FH, ſinus totus ad
aliud, inuenieturque HE, in partibus ſemidiametri FH, ceu ſinus totius.
Sed quoniam per propoſ. 18. tractatus ſinum, eſt vt FH, ſinus comple-
menti declinationis ad HE, ſinum declinationis, ita ſinus totus ad tan-
gentem declinationis. Igitur reſta HE, inuenta in partibus ſemidiametri FH,
eſt æqualis Tangenti declinationis reſpectu ſinus totius EA: hoc eſt, quot
partes ſunt in HE, reſpectu ſinus totius FH, tot continentur in Tangente
declinationis reſpectu ſinus
totius EA; aſco, vt idem
ſit accipere HE, in par-
tibus ſinus totius FH, at-
que Tangentem declinatio-
nis paralleli propoſiti, re-
ſpectu ſinus totius EA. De-
inde quia trianguſa AEK,
IEH, æquianguſa ſunt,
ob angulos reſtos K, H, &
communem anulum E,
vel ad verticem E, æqua-
les; erit, vt EK, ſinus
complementi altitudinis po-
li ad AK, ſinum altitudi-
nis poli, ita HE, inuen-
ta in partibus ſinus totius
FH, hoc eſt, ita tangens
declinationis, ad HI. ſi-
num differentiæ aſcenſio-
nalis in partibus eiſdem
ſinus totius FH. Eſt autem
per propoſ. 18. tractatus ſi-
num, vt ſinus complemen-
ti altitudinis poli ad ſinū
altitudinis poli, ita ſinus to-
tus ad Tangentem altitudinis poli. Igitur erit quoque, vt ſinus totus ad
Tangentem altitudinis poli, (quæ Tangens in eadem regione nunquam mu-
tatur) ita Tangens declinationis ad ſinum differentiæ aſcenſionalis. quod eſt
propoſitum.

a. p. quinti.

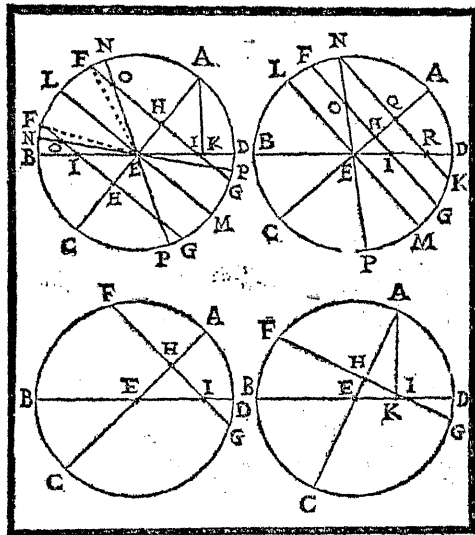


b. 4. ſexti.

CAETEV M quando diximus, arcum paralleli inter perpendi-
culares ex O, I, reſtas eſſe aſcenſionem obliquam arcus Eclipticæ, cuius ſinus
eſt EO. intelligendum eſt de arcu, qui à proximo puncto æquinoſtiali E,
contra ſucceſſionem ſignorum numeratur. Vt vergente Ecliptica EN, ad
polum borealem A, arcus numerandus eſt à $\frac{1}{2}$, verſus $\frac{3}{4}$, & $\frac{5}{4}$.
Et quia arcus à $\frac{1}{2}$, verſus $\frac{3}{4}$, habent æquales aſcenſiones cum arcibus
æqualibus, æqualiterque à principio $\frac{1}{2}$, verſus $\frac{3}{4}$, recedentibus, vt Num. 9.
K 2 offendi-

ostendimus; inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensionis obliquæ; ita vt ascensiones omnium arcuum in semicirculo descendente à principio \sim , inchoatorum cognitæ tunc sint: Vergente autem Ecliptica EN, ad polum australem, arcus idem, cuius sinus EO, numerandus est ab \sim versus \mathcal{E} , \mathcal{M} , & \mathcal{S} . Et quia arcus ab \sim versus \mathcal{S} , habent easdem ascensiones cum arcubus equalibus, equaliterque à principio \sim versus \mathcal{M} , recedentibus, vt Num. 9. ostensum est; inuentis illorum ascensionibus obliquis, repertæ quoque erunt horum ascensionis obliquæ; ita vt omnium arcuum in semicirculo ascendente à principio \sim , inchoatorum cognitæ tunc sint. Quo pacto autem ex hisce ascensionibus cognitæ cognoscantur & ascensiones arcuum ab \sim , inchoatorum, & secundum signorum successione numeratorum, paulo ante ad finem Num. 14. declarauimus, & rursum dicemus lib. 3. in scholio Canonis §. Num. 1.

QVOD autem arcus Eclipticæ prædicti ab \sim , & \mathcal{M} , numerandi sint contra successione signorum, ex eo liquet, quod punctum Eclipticæ parallelo commune, in quod perpendicularis ex O, erecta cadit, Horizontem obliquum ad motum sphaeræ fecat in puncto, in quod perpendicularis ex I, erecta incidit, ac deinde arcus paralleli inter perpendiculares ex O, I, & arcus Eclipticæ inter perpendiculares ex O, E, ab O, vsque ad æquinoctiale punctum E, secundum successione signorum numeratus, simul peroritur, cum eorum extrema simul ad Horizontem obliquum perueniant. Idem dicendum est de ascensionibus rectis supra Horizontem rectum per AC, ductum: sed quia arcus equalés ab \sim , & \mathcal{M} , versus \mathcal{S} , numerati habent rectas ascensionis aequales,



vt, Num. 6. diximus, nihil interest, vtrum arcus Eclipticæ numeretur à \mathcal{M} ; contra successione signorum, an ab \sim , secundum successione signorum, &c.

ET quoniam inuenta differentia ascensionali principij \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , hoc est, differentia maximi, vel minimi arcus semidiurni, & semidiurni arcus Aequatoris, ad quamcumque altitudinem poli, (Eadem enim differentia ascensionalis, est differentia inter arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, vt Num. 15. ostendimus) facili negotio differentia ascensionales omnium aliorum punctorum Eclipticæ reperiuntur in eadem

Differentia inter longissimum vel breuissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, quo pacto in quavis elevatione poli supputetur.

eadem poli elevatione, vt Num. 18. dicemus, inuenietur differentia ascensionalis principij \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , si fiat, vt sinus totus ad Tangentem altitudinis poli propositæ, ita Tangens maximæ declinationis, quam principium \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , habet, (quæ Tangens eadem permanet in omnibus elevationibus poli) ad aliud. Ita enim inuenietur differentia quæsitæ inter longissimum, vel breuissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, vt hoc loco demonstratum est, si FG, sit diameter paralleli \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , & EF, semidiameter Eclipticæ, vt F, sit punctum Eclipticæ datum quadrante distans à puncto æquinoctiali E.

18. SINVS totus ad sinum ascensionis rectæ dati puncti Eclipticæ eandem proportionem habet, quàm sinus differentia inter longissimum, vel breuissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, hoc est, sinus differentia ascensionali principij \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , ad sinum differentia ascensionalis, seu differentia inter arcum semidiurnum eiusdem puncti dati Eclipticæ, & arcum semidiurnum Aequatoris. Sit enim rursum in secunda figura Meridianus ABCD, Horizontis diameter BD; Aequatoris LM, axis mundi AC; diameter paralleli borealis FG, axem ad rectos angulos in H, secans, & Horizontis diametrum in R; diameter denique Eclipticæ NP, secans FG, in O. Quod si circa diametros NP, NK, FG, intelligantur earum semicirculi ad Meridianum recti, & ex punctis E, O, H, I, Q, R, excitentur rectæ ad eundem Meridianum perpendiculares, cader perpendiculares ex O, in punctum Eclipticæ datum; & arcus paralleli inter perpendiculares ex O, H, erit ascensio rectæ dati puncti, & OH, eius sinus; arcus vero eiusdem paralleli inter perpendiculares ex O, I, ascensio obliqua erit, vt Num. 17. declarauimus, & arcus inter perpendiculares ex H, I, differentia ascensionalis, seu HI; denique QR, sinus erit differentia ascensionalis \mathcal{S} , hoc est, differentia inter longissimum arcum semidiurnum, &c. Et quoniã, ex scholio prop. 4. lib. 6. Eucl. est, vt NQ, sinus totus paralleli \mathcal{S} , ad QR, sinum differentia inter longissimum arcum semidiurnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, ita OH, sinus ascensionis rectæ dati puncti Eclipticæ ad HI, sinum differentia ascensionalis eiusdem puncti, erit permutando, vt sinus totus ad sinum ascensionis rectæ dati puncti, ita sinus differentia ascensionalis \mathcal{S} , ad sinum differentia ascensionalis eiusdem dati puncti, quod est propositum. Quod autem hic acceperimus parallelos boreales, non refert, cum eadem sint ascensionis rectæ, eademque differentia ascensionales parallelorum australium, quæ borealium, vt supra demonstratæ est Num. 6. & 13. Itaque si supputata sit in qualibet regione differentia ascensionalis initij \mathcal{S} , vel \mathcal{M} , & adsit tabula ascensionum rectarum, facili negotio reperientur differentia ascensionales omnium aliorum punctorum Eclipticæ in eadem regione.

19. In latitudine grad. 45. ita se habet sinus complementi declinationis dati puncti Eclipticæ ad sinum declinationis eiusdem puncti, vt sinus totus ad sinum differentia ascensionalis eiusdem puncti. Nam in tertia figura Meridianus sit ABCD; diameter Horizontis BD; altitudo poli DA, grad. 45. & axis mundi AC; & paralleli cuiusvis diameter FG, secans axem in H, & diametrum Horizontis in I. Et quia in triangulo HEI, omnes anguli æquales sunt duobus rectis, & H, rectus est, & E, semirectus, propter arcum DA, grad. 45. erit quoque I, semirectus, ipsique E, æqualis; ideoque & latera HE, HI, æqualia erunt. Et quoniam est, vt FH, sinus complementi declinationis ad HE, sinum declinationis, ita FH, sinus totus ad HE, sinum respectu sinus totius FH, hoc est, ad HI, ipsi HE, æqualem; estque HI, sinus differentia ascensionalis, vt ex præcedentibus

Sinus totus ita se habet ad sinus ascensionis rectæ cuiusvis puncti Eclipticæ, vt sinus differentia ascensionalis initij Cancræ vel Capricorni ad sinum differentia ascensionalis eiusdem puncti.

Sinus complementi declinationis cuiuslibet puncti Eclipticæ ad sinum declinationis eiusdem puncti est vt sinus totus ad sinum differentia ascensionalis eiusdem puncti, in latitudine grad. 45. a 32 primi, b 6. primi.

dentibus patuit, in partibus sinus totius FH, liquet id, quod proponitur.

Q V I A vero, per propof. 18. tractatus finuum, vt sinus complementi declinationis ad finum declinationis, ita est quoque sinus totus ad Tangentem declinationis; efficitur, sinus differentie ascensionalis in latitudine grad. 45. cuiusuis puncti Eclipticæ æqualem esse Tangentem declinationis eiusdem puncti: adeo vt arcus Tangenti declinationis cuiusuis puncti Eclipticæ, tanquam finui, in tabula finuum debitus, fit differentia ascensionalis eiusdem puncti in regione, in qua poli eleuatio grad. 45. completitur. Vt quia Tangens maxima declinationis id est, Tangens grad. 23. min. 30. est 43. 18124 cui tanquam finui in finuum tabula congruunt grad. 25. min. 46. pro differentia ascensionali principij

20. IN omni regione, quæ altitudinem poli habet maiorem, vel minorem quam grad. 45. sinus complementi altitudinis poli ad sinum altitudinis poli est, vt sinus differentie ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposita. Sit enim rursus in quarto circulo Meridianus ABCD; Horizontis diameter BD; altitudo poli DA, maior, vel minor, quam grad. 45. axis mundi AC; diameter paralleli FG, secans axem in H, & Horizontis diametrum in I. demittaturque ex polo A, sinus altitudinis poli AK. Et quia triangula AEK, IHE, cum angulos habeant rectos K, I, & communem E. æquiangula sunt; erit vt EK, sinus complementi altitudinis poli datæ ad KA, sinum altitudinis poli, ita HE, quæ æqualis est finui differentie ascensionalis in partibus sinus totius FH, in altitudine poli grad. 45. vt in præcedenti Num. patuit, (Nam ibi ostensum est, ob angulum semirectum E, sinum declinationis HE, æquale esse finui HI, differentie ascensionalis.) ad HI, sinum differentie ascensionalis in altitudine, poli DA, data, quod est propositum.

Q V O N I A M autem per propof. 18. tractatus finuum, est vt sinus complementi altitudinis poli ad sinum altitudinis poli, ita sinus totus ad Tangentem altitudinis poli; Erit quoque, vt sinus totus ad Tangentem altitudinis poli propositæ, ita sinus differentie ascensionalis cuiusuis puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli proposita. Itaque inuentis differentijs ascensionalibus omnium punctorum Eclipticæ in regione, in qua poli altitudo grad. 45. continet, quas quidem dabunt Tangentes declinationum, vt ad finem Num. 19. monstratum est, reperientur earum beneficio ascensionales differentie eorundem punctorum in quacumque alia regione.

L E M M A L.

DATIS duobus axibus Ellipsis sese ad angulos rectos secantibus, si ex quolibet puncto minoris axis, etiam producti, si opus est, recta dimidio maioris axis æqualis educatur secans ipsum axem maiorem, ita vt segmentum eius ultra eundem axem maiorem dimidio minoris axis æquale sit, cadet eius extremum in Ellipsim. Et si ex quolibet puncto Ellipsis recta dimidio maioris axis æqualis educatur

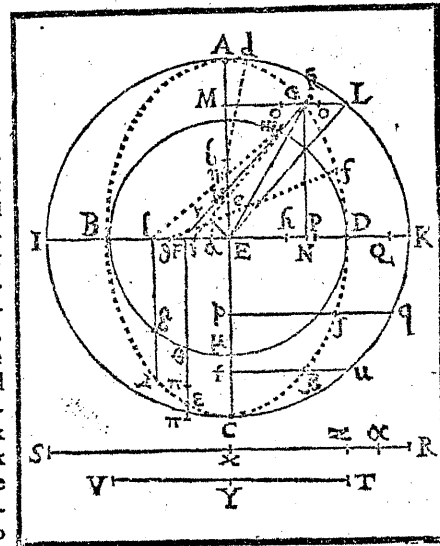
29. quinti. Arcus Tangenti declinationis cuiuslibet puncti, tanquam finui, congruus, est differentia ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli grad. 45.

Ita se habet sinus complementi altitudinis poli ad sinum altitudinis poli, vt sinus differentie ascensionalis cuiusuis puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli datae. b 4. sexti.

Eadem est proportio sinus totus ad tangentem altitudinis poli datæ, quæ sinus differentie ascensionalis cuiuslibet puncti Eclipticæ in altitudine poli grad. 45. ad sinum differentie ascensionalis eiusdem puncti in altitudine poli datae. b 4. sexti.

ducatur vsque ad minorem axem, etiam productam, si opus est, secans tamen ipsum maiorem axem, erit eius segmentum inter datum punctum, & axem maiorem, dimidio minoris axis æquale.

S E C E N T se mutuo ad angulos rectos in E, duo axes AC, BD, Ellipsis ABCD; & primum ex quouis puncto F, in minori axe BD, etiam producto, si opus est, ducta sit recta FG, ipsi AE, dimidia maioris axis AC, æqualis, secans maiorem axem in H, ita vt segmentum HG, ipsi ED, dimidio minoris axis æquale sit. Dico extremum punctum G, in Ellipsim cadere. Describatur enim ex centro E, circa maiorem axem AC, circulus AICK, ducaturque per G, minori axi BD, parallela GM, secans circulum in L, & maiori axi AC, parallela GN, & denique recta neclatur EL. Et quoniam in parallelogrammo MN, a latera opposita æqualia sunt, & anguli M, N, recti, quod tam M, MEN, quam N, NEM, duobus rectis æquales sint. Sunt autem & rectæ FG, EL, æquales, quod vtraque ipsi AE, sit æqualis: erunt duo latera FG, GN, duobus lateribus LE, EM, æqualia, & anguli N, M, æqualibus lateribus FG, LE, oppositi, æquales. Cum ergo reliquorum angulorum F, L, vterque recto minor sit; erunt ex vltimo scholio lib. 1. Eucl. & bases FN, LM, & tam anguli F, L, quam FGN, LEM, æquales. Igitur cum FGN, alterno GHM, sit æqualis; erunt quoque anguli GHM, LEM, æquales: ideoque parallelae erunt FG, EL, & triangula ELM, HGM, ex coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. similia. Igitur erit, vt EL, ad LM, ita HG, ad GM, & ac proinde etiam, vt quadratum ex EL, ad quadratum ex LM, ita quadratum ex HG, ad quadratum ex GM. Est autem quadratum ex EL, quadrato ex AE, hoc est, re



angulo sub AE, EC, & quadratum ex LM, reſt angulo sub AM, MC, æquale, quod ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. LM, fit inter AM, MC, media proportionalis; Item quadratum ex HG, quadrato ex ED, æquale est, quod eorum latera sint poſita æqualia. Erit igitur quoque, vt reſt angulum sub AE, EC, ad reſt angulum sub AM, MC, ita quadratum ex ED, ad quadratum ex MG. Quocirca cum ED, MG, ſint ad axem AC, ordinatim applicatæ, tranſibit Ellipſis ABCD, per punctum G. Si enim dicatur tranſire per aliud punctum reſtæ LM, vt per O; erit quoque, vt reſt angulũ sub AE, EC, ad

a 34. primi. b 29. primi.

c 17. primi.

d 29. primi.

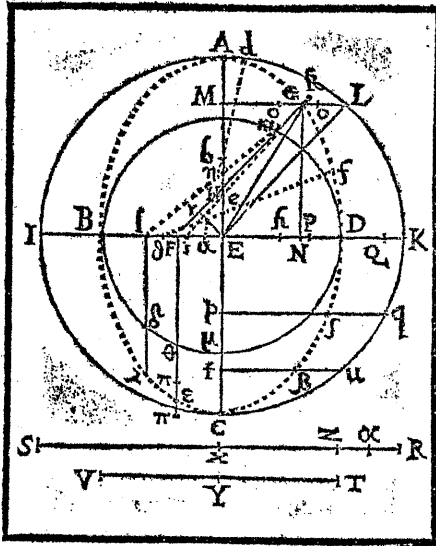
e 28. primi.

f 22. ſexti.

g 17. ſexti.

h 21. 1 Apol lonij. EC, ad

a. 9. quinti.
 AC, ad rectangulum sub AM, MC, ita quadratum ex ED, ad quadratum ex MO;
 ac propterea quadrata ex MG, MQ, æqualia erunt, ipsaq; rectæ æquales, pars,
 & totū, quod est absurdum. Transibit ergo Ellipsis per G, ideoque punctum G,
 in Ellipsis cadet, quod est propositum.



DEINDE ex quo
 suis puncto Ellipsis G, vsque
 ad minorem axem BD, siue
 extra puncta B, D, siue intra, ap
 plicata sit recta GF, æqualis
 ipsi AE, dimidio axis maioris,
 secans axem maiorem in H.
 Dico segmentum GH, ipsi
 ED, dimidio axis minoris
 equale esse. Facta namque eadē
 constructione ostendemus,
 vt prius, triangula ELM,
 HGM, similia esse; & vt qua
 dratum ex EL, ad quadratum
 & LM, hoc est, vt rectangulum
 sub AE, EC (quod quadrato
 ex AE, siue ex EL, æquale est)
 ad rectangulum sub AM, MC,
 (quod quadrato ex LM, fuit
 æquale,) ita esse quadratum
 ex HG, ad quadratum ex GM.
 Sed est quoque, vt rectangu
 lum sub AE, EC, ad rectangu
 lum sub AM, MC, ita quadra
 tum ex ED, ad quadratum ex MG. Igitur quadrata ex HG, ED; ad quadratum
 ex MG, eandem proportionem habent, atque idcirco inter se æqualia, ipsaq;
 lineæ HG, ED, inter se æquales sunt, quod erat demonstrandum.

*b. 1. r. Apol
 lonij.*

c. 9. quinti.

SCHOLIUM.

THEOREMATIS huius prior pars alio modo, & quidem longiore, demon
 strata fuit ab eruditissimo viro Guido Vbaldo à Marchionibus Montis, ad finem libri
 2. Planisphæriorum vniuersalium: cum quo hæc, quæ sequuntur, colligenda sunt. Pri
 mum, quo pacto datis duobus axibus Ellipsis circa eas describenda sit. Sint ergo duo
 axes AC, BD, sese ad angulos rectos in E, secantes, sumaturque Eb, dimidio maioris
 axis æqualis, hoc est, ipsi AE, vt Eb, sit excessus, quo dimidium maioris axis dimi
 dium minoris BE, superat. Deinde ex quolibet puncto A, F, G, in recta EL, beneficio cir
 cini ad AE, applicentur rectæ ab, FH, ge, excessus Eb, æquales, & productis rectis a b,
 FH, ge, abscindantur bd, HG, ef, ipsi BE, dimidio axis minoris æquales, vt recta ad,
 FG, gf, dimidio axis maioris AE, vel Bb, sint æquales. Vel abscindantur a d, FG, gf,
 ipsi AE, vel Bb, dimidio maioris axis æquales, vt segmenta b d, HG, ef, dimidio axis
 minoris BE, æquales sint. Nam vt demonstratum est, peracta d, G, sic Ellipsis cadet.
 Quare si plurima puncta hoc artificio reperiantur, non solum inter A, & D, verum etiam
 inter D, & C, atque inter C, & B, necnon inter B, & A, & per ea congruentem lineam
 inflexa ducatur, descripta erit Ellipsis.

*Datis axibus,
 Ellipsis descri
 bere.*

DEINDE

DEINDE qua ratione dato quolibet puncto Ellipsis nondum descriptæ, cum al
 tero axium, alter axis inueniatur. Sit ergo primum datus axis maior AC, & pun
 ctum G, in Ellipsis existens. Diuiso axe AC, bifariam in E, per rectam perpendiculari
 tatem B D, applicetur beneficio circini ex dato puncto G, recta GF, vsque ad rectam BD,
 æqualis ipsi AE, dimidio axis maioris secans AE, in H. Nam, vt demonstratum est,
 GH, æqualis erit dimidio axis minoris, ideoque si EB, ED, ipsi GH, æquales abscin
 dantur, erit BD, axis. Nam cum FG, ipsi AE, & HG, ipsi ED, æqualis sit, cadet G, in
 Ellipsis axium AC, BD, vt demonstrauimus.

QUOD si detur minor axis BD, cum puncto G, in Ellipsis existente, reperiemus
 maiorem axem hoc modo. Secto minore axe BD, bifariam in E, per lineam perpendicu
 larum AC, applicetur beneficio circini ex dato puncto G, recta GF, vsque ad rectam
 AC, æqualis ipsi BE, dimidio axis minoris, producaturque donec in F, secet minorem
 axem, etiam producatur, si opus sit. Si namque recta GF, æquales abscindantur EA, EC,
 erit AC, maior axis, vt ex ipis, quæ demonstrata sunt, liquet. Cum enim FG, ipsi AE, sit
 æqualis, & HG, ipsi BE, cadet G, in Ellipsis axium AC, BD, vt demonstrauimus.

TERCIO, datis duobus axibus Ellipsis nondum descriptæ, cum quolibet puncto
 extra ipsos, qua via cognoscatur, num punctum datum existat in ipsa Ellipsis, an ex
 tra, an vero intra. Sint ergo duo axes AC, BD, sese ad rectos angulos in E, secantes, &
 punctum G, datum. Applicetur circini beneficio ex dato puncto G, recta GF, ad mino
 rem axem BD, etiam producatur, si opus sit, æqualis ipsi AE, dimidio maioris axis se
 cans AE, in H. Si igitur GH, dimidio minoris axis ED, æqualis fuerit, cadet punctum
 G, datum in Ellipsis, vt demonstratum est, cum tota GE, dimidio maioris axis AE,
 posita sit æqualis. Sed si iam datum punctum k; & applicata recta ki, æquali ipsi
 AE, vel Bb, secante AE, in e, sit ke, maior, quàm ED. Dico punctum k, datum ex
 tra Ellipsis cadere. Quoniam enim k e, ipsi AE, vel Bb, æqualis est, & ke, maior
 quàm BE, erit reliqua ei, minor quàm reliqua Eb. Ducatur ex k, recta kf, ita vt in
 tercepta lf, excessus eh, æqualis sit. Hoc enim fieri potest per lineam conchoideos,
 quam Nicomedes descripsit, vt habetur apud Pappum lib. 4. propos. 22. & apud Euto
 cium in propos. 1. lib. 1. Archimedis de sphaera, & cylindro, & quam nos etiam in lib. de
 Dimensionibus magnitudinum descripsimus. Et quia recta k f, maior est quàm k i,
 quod angulus k f e, obtusus sit; est autem k i, posita ipsi Bb, æqualis; erit quoque k f,
 maior quàm Bb: Ablatis ergo æqualibus hf, eb, reliqua kh, maior erit, quàm reli
 qua BE. Abscissa ergo HG, æquali ipsi BE, erit tota GF, ipsi Bb, vel AE, æqualis;
 ideoque, vt demonstratum est, punctum G, in Ellipsis cadet, ac proinde datum pun
 ctum k, extra eandem cadet, cum recta FG, in G, Ellipsis secet. Postremo sit da
 tum punctum m, & applicata recta ml, æquali ipsi AE, vel Bb, secante AE,
 in n, sit m n, minor quàm BE, vel ED. Dico punctum m, datum intra Elli
 psim cadere. Quia enim ml, ipsi Bb, æqualis est, & m n, minor quàm BE, erit re
 liqua nl, maior quàm reliqua Eb. Ducatur rursum beneficio lineæ conchoideos, ex
 m, recta mf, ita vt intercepta hf, excessus eh, sit æqualis. Et quia recta m f,
 minor est, quàm ml, quod angulus m f e, acutus sit, & m f l, obtusus; est autem
 ml, posita æquali ipsi Bb; erit quoque m f, minor quàm Bb. Ablatis ergo æquali
 bus hf, eb, reliqua m h, minor erit, quàm reliqua BE. Producta igitur fm, vt HG,
 æqualis sit ipsi BE, erit tota FG, ipsi Bb, vel AE, æqualis. Igitur, vt monstratum est,
 punctum G, in Ellipsis cadet, & idcirco m, intra eandem, quod est propositum.

CAETERVM datum punctum k, cadere extra Ellipsis, si k e, maior sit quàm
 ED, punctum vero m, intra, si m n, minor sit, quàm ED, hac etiam ratione, sine auxilio li
 neæ conchoideos, demonstrari potest. Sumatur E Q, ipsi ke, æqualis, cadetq; Q, ultra D.
 Quia igitur ex k, ad minorem axem applicata est k i, dimidio maioris axis AE, æqua
 lis, si

*Dato alteru
 axium, & puncto
 in Ellipsis circa
 eum axem descri
 pta, alterum axē
 reperire.*

*Datis duobus axi
 bus Ellipsis, cum
 quolibet puncto,
 an datum punctū
 in Ellipsis, vel ex
 tra, vel intra exi
 stat, cognoscere.*

a. 19. primi.

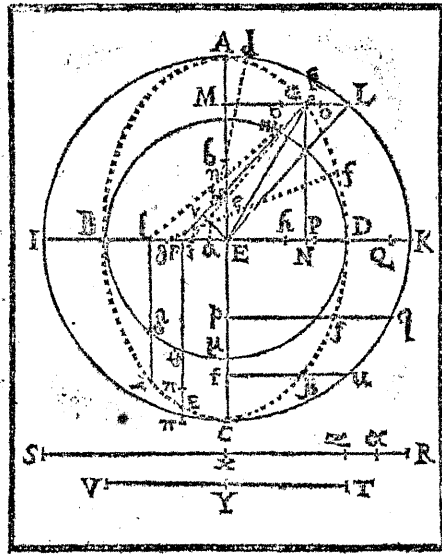
b. 19. primi.

Y

a 27. 4. Apol lonij. *Ellipsis per A, C, descriptam, ut demonstratum est. Ergo Ellipsis per A, D, C, descripta circa punctum k, transit; cum hac illam solum in punctis A, C, contingat, ac proinde k, extra Ellipsis per A, D, C, descriptam cadet. Accidatur rursus EP, ipsi m, equalis, caderique P, circa D. Quia igitur ex m, ad minorem axem applicata est ml, semis maioris axis AE, equalis, si EP, qua equalis sumpta a fuit ipsi mn, fiat semis minoris axis; cades m, in Ellipsis per A, P, C, descriptam, ut demonstratum est. Ergo Ellipsis per A, D, C, descripta, ultra punctum m, transit; cum hac illam in solis punctis A, C, contingat; ac proinde datum punctum m, intra Ellipsis per A, D, C, descriptam cadet. quod est propositum.*

Datis duabus rectis inaequalibus RS, TV, & puncto quolibet, describere Ellipsis per punctum, cuius centrum sit quocumque datum, & axes datis rectis equalis.

c 22. primi.



a 31. tertij.

semis maioris axis AE, equalis GF, applicata est ad minorem axem, & segmentum GH, semis minoris axis ED, vel TY, aequale; cadet punctum G, in Ellipsis axium AC, BD, ut demonstratum est.

Q V O D si ducta recta GE, maior sit qua semis maioris axis, vel minor semis minoris, problema redditur impossibile: quia cum AE, semis maioris axis sit maxima omnium

Xc, Ra, triangulum GER, in utraque parte: Et recta XZ, equalis sumatur GH, & recta Ra, ex Gr, producta accipiat equalis rE, ita ut tota GF, aequi RX, equalis sit. Ductis autem per HE, & per F, E, rectis, sumatur EA, EC, ipsi XR, XS, & EB, ED, ipsi TY, YV, equalis. Dico AC, BD, qua ipsi RS, TV, equalis sunt, esse axes sese in E, ad rectos angulos secantes, ita ut Ellipsis circa ipsos descripta transeat per datum punctum G. Quia enim Er, equalis est ipsi Ra, vel Za, hoc est, ipsi rH, rF, quae ipsi Ra, vel Za, equalis sunt; (sumpta namque est rF, equalis ipsi Ra; at Gr ipsi Xc, & GH, ipsi XZ, ex qua sequitur reliqua Hr, reliqua Zc, aequalitatem esse) transit circulus ex r, per E, descriptus, per puncta E, H; & ac proinde angulus FEH, in semicirculo rectus erit. Quia igitur

omnium rectorum ex centro E, ad circumferentiam Ellipsis ductarum, ut constat ex circulo circa maiorem axem AC, descripto; cadet necessario recta ex centro E, qua semis maioris axis maior sit, extra Ellipsis. Ita quia ED, semis minoris axis, minima est omnium rectorum ex centro E, ad circumferentiam Ellipsis ductarum, ut constat ex circulo circa minorem axem BD, descripto; cadet necessario recta ex centro E, qua semis minoris axis minor sit, intra Ellipsis.

I A M vero, si quando accidat, rectam AE, ex dato puncto A, ductam ad centrum esse aequalem semis maioris datae lineae, ducenda erit ex dato puncto A, per E, centrum recta AC. Nam EA, EC, ipsi XR, XS, aequales dabunt maiorem axem, quem se recta BD, ad angulos rectos secet, dabunt EB, ED, ipsi TY, YV, aequales, axem minorem. Manifestum autem est, Ellipsis circa axes AC, BD, descriptam per datum punctum A, transire. Si autem datum sit punctum D, e quo ad centrum E, ducta recta DE, semis minoris datae lineae sit equalis, ducenda erit ex dato puncto D, per centrum E, recta BD. Nam EB, ED, ipsi TY, YV, aequales dabunt minorem axem, quem si recta AC, ad rectos angulos secet, dabunt EA, EC, ipsi XR, XS, aequales, maiorem axem. Vbi iterum liquido constat, Ellipsis circa axes AC, BD, descriptam per datum punctum D, transire.

L E M M A L I.

S I circa axes Ellipsis circuli describantur, & ad eodem ordinatim rectae applicentur vsque ad Ellipsis & circulorum peripherias; erunt applicatae vsque ad Ellipsis, applicatis vsque ad circulum proprium, ad cuius videlicet diametrum applicatae sunt, proportionales.

I N figura praecedentis lemmatis descripti sint circa axes circuli, & rectae pq, tu, ad maiorem axem AC, ordinatim applicatae secantes Ellipsis in l, & Item rectae Fg, ordinatim applicatae ad minorem axem BD, secantes circulum in theta, delta. Dico esse, vt p l, ad t u, Item vt Fg, ad l gamma, ita F theta, ad l delta. Quoniam enim est, vt p l, ad t u, Item vt Fg, ad l gamma, ita quadratum ex t u, ad quadratum ex t theta, ita quadratum sub Ap, p C, ad rectangulum sub A t, t C. Est autem rectangulum sub Ap, p C, quadrato ex p q, & rectangulum sub A t, t C, quadrato ex t u, aequale; quod ex scholio propo. 13, lib. 6. Eucl. p q, t u, mediae sunt proportionales inter Ap, p C, & inter A t, t C; erit quoque vt quadratum ex p l, ad quadratum ex t theta, ita quadratum ex pq, ad quadratum ex t u. Quae propter erit quoque, vt recta p l, ad rectam t theta, ita recta p q, ad rectam t u.

R V R S V S quia est, vt quadratum ex Fg, ad quadratum ex l gamma, ita rectangulum sub DE, FB, ad rectangulum sub DL, LB. Est autem rectangulo sub DE, FB, quadratum ex F theta, & rectangulo sub DL, LB, quadratum ex l delta, aequale; quod ex scholio propo. 13, lib. 6. Eucl. F theta, l delta, sunt inter DE, FB, & inter DL, LB, mediae proportionales; erit quoque, vt quadratum ex Fg, ad quadratum ex l gamma, ita quadratum ex F theta, ad quadratum ex l delta. Quae circa erit etiam, vt recta Fg, ad rectam l gamma, ita recta F theta, ad rectam l delta. quod erat demonstrandum.

a 27. 1. Apol lonij.

b 17. sexti.

c 22. sexti.

d 21. 1. Apol lonij.

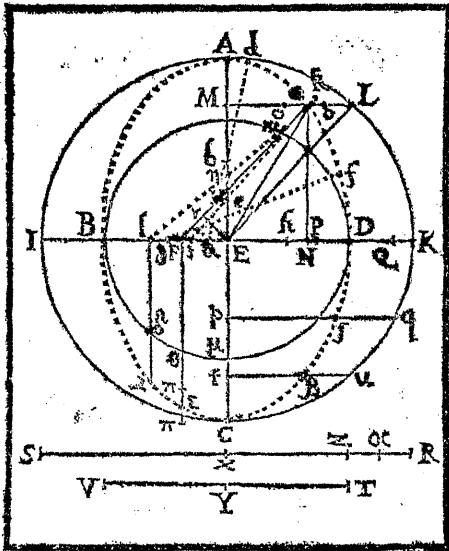
e 17. sexti.

f 22. sexti.

Ordinam appli-
catas proportio-
naliter secari ab
Ellipfi, & circuli
circa axes de-
scriptis.

ITA QVE tam Ellipsis rectas ad maiorem axem ordinatim applicatas, & ad
circulum usque circa eundem maiorem axem descriptum protractas, quam circulus
circa minorem axem descriptus rectas ad eundem axem minorem ordinatim applica-
tas, proportionaliter diuidit. Cum enim sit, ut p f , ad t β , ita p q , ad t u , erit quoque per-
mutando, ut p f , ad p q , ita t β , ad t u . Et per diuisionem rationis contrariam, quæ in scho-
lio proposuit. 17. lib. 5. Euclid. demonstrauimus, ut p f , ad f q , ita t β , ad u . Item cum sit,
ut F g , ad b y , ita F h , ad b d . erit quoque permutando, ut F g , ad F h , ita b y , ad b d ; Et per
diuisionem rationis conuersam, quam in schol. eodem prop. 17. lib. 5. Eucl. demonstrauit
mus, ut F h , ad h e , ita b d , ad d y quod est propositum.

CONVERSVM quoque huius facile demonstrabimus, uidelicet. Si perpendicu-
lares ad diametrum circuli proportionaliter secentur, Ellipsis cuius maior axis, diame-
ter circuli transiens per unius perpendicularis sectionem, transibit quoque per omnium
aliarum sectiones. Item si perpendiculares ad diametrum circuli producantur, ita ut à
circulo proportionaliter secentur; Ellipsis, cuius minor axis diametrum circuli, transiens
per unius perpendicularis extremum, transibit quoque per omnium aliarum extrema.



a 14. quinti.

b 14. quinti.

Sint enim primum ML , EK , pq
 $t u$, ad diametrum AC , circuli
 $ABCD$, perpendiculares: & secta
proportionaliter in G , D , f , β . Di-
co Ellipsim, cuius maior axis
 AC , qua per G , transit, transire
quoque per D , f , β . Si enim non
transit per D , transeat per P , vel
 Q ; eritque, ut demonstrauimus,
ut MG , ad GL , ita EP , ad PK
vel EQ , ad QK . Cum ergo sit
quoque, ut MG , ad GL , ita ED ,
ad DK , ex hypothesi, erit ut EP
ad PK , ita ED , ad DK . Est aut
tem EP , minor quam ED . Igitur
& PK , minor erit, quam
 DK , totum quam pars: quod est
absurdum. Non ergo Ellipsis
transit per P , sed neque per Q ,
transibit. Nam eadem ratione
erit, ut EQ , ad QK , ita ED , ad
 DK . Est autem EQ , maior quam
 ED . Igitur & QK , maior erit
quam DK , pars quam totum.

quod est absurdum. Transit ergo Ellipsis per D . Atque eandem ob causam per f , & β , transibit.
SINT deinde $E \mu$, $F \theta$, $\lambda \delta$, ad diametrum BD , circuli $B u$ D , perpendicularares, &
produca ad C , e , γ , ita ut proportionaliter à circulo secentur in μ , θ , δ . Dico Ellipsim,
cuius minor axis BD , qua per C , transit, transire quoque per e , γ . Si enim non transit
per e , transeat per π ; eritque ut monstratum est, ut $E \mu$, ad μC , ita $F \theta$, ad $\theta \pi$: Sed ut
 $E \mu$, ad μC , ita ponitur esse $F \theta$, ad θe . Igitur erit ut $F \theta$, ad $\theta \pi$, ita $F \theta$, ad θe , atque
in circulo $\theta \pi$, θe , aequales erunt, pars & totum, quod est absurdum. Transit ergo Ellipsis
per e . Eademque de causa per δ , transibit, quod est propositum.

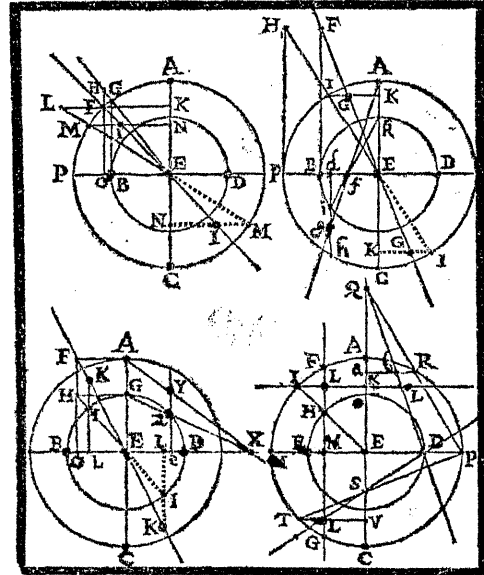
c 9. quinti.

LEMMA

DATIS axibus alicuius Ellipsis sese ad angulos re-
ctos secantibus, in data recta qualibet puncta reperire,
per qua Ellipsis, si describatur, transire debet.

SINT dati axes AC , BD , Ellipsis cuiuspiam se in centro E , secantes ad an-
gulos rectos, circa quos circuli descripti sint; sitque primum data recta EF , per
centrum ducta, secans circulum circa maiorem axem descriptum in F , & per F , axibus
parallelae agantur FO , FK . Erigatur quoque ad minorem axem ex eius extremo B ,
perpendicularis BG , secans
maioris axis circulum in G ; &
per G , ex E , recta ducatur se-
cans parallelam maiorem axis in
 H ; supra deinde in parallela
minoris axis recta KL , equa-
li ipsi EH , ducatur EL ,
secans maiorem axis circulum
in M , puncto ex utraque
parte, ac tandem per M , mi-
nori axi parallela agatur
 MN , secans datam rectam
in I . Dico Ellipsim, cuius
axes AC , BD , descriptam
transire per punctum I .
Quoniam enim est, ut EG ,
ad EB , ita EH , ad EO ; estque
 EG , ipsi EP , & EH , ipsi KL ,
& EO , ipsi KF , aequalis: erit
quoque, ut EP , ad EB , ita
 KL , ad KF : Et per diuisionem
rationis conuersam, quam in
scholio proposuit. 17. lib. 5. Eucl. demonstrauimus,
ut EB , ad BP , ita KF , ad FL .
Est autem ut KF , ad FL , ita NI , ad IM . Igitur erit quoque, ut EB , ad BP , ita NI ,
ad IM ; ac proinde ex ijs, quæ in scholio precedentis lemmatis ostendimus, Ellipsis
per A , B , C , D , descripta, per punctum utrumque I , transibit.

Quando data re-
cta per centrum
Ellipsis transi-



a 4. sexti.

b 4. sexti.

ALITER, ut in secunda figura. Erigantur ex B , extremo minoris axis, &
ex P , extremo semidiametri, ad minoris axis lineam perpendiculares BF , PH , se-
cetque BF , datam rectam EF , in F , & ipsi BF , aequalis sumatur PH . Ducta autem
recta EH , secante maiorem circulum ex utraque parte in puncto I , ducatur per
 d , minori axi parallela IK , rectam datam secans in G . Dico G , cadere in Ellipsim
datam. Quia enim est, ut LP , ad PH , ita IK , ad KE ; Et ut BF , hoc est, ut aequalis
 PH , ad EB , ita KE , ad KG ; erit ex aequalitate, ut EP , ad EB , ita IK , ad KG . Qua-
re, ut prius punctum G , ex utraque parte in Ellipsim datam cadet.

c 4. sexti.

ALITER, ut in tertia figura. Erigantur ad maiorem axem ex punctis A , G ,
perpendi-

perpendiculares AF, GH, secetque AF, datam rectam in F, & ex F, demittatur ad minorem axem perpendicularis FO, secans GH, in H. Ducta autem EH, secante minoris axis circulum ex vtraque parte in puncto L, agatur per I, maiori axi parallela KL, secans datam rectam in K. Dico K, in data Ellipsis cadere. Quoniam enim est, vt OH, ad HF, hoc est, vt EG, ad GA, ita LI, ad IK, cadet punctum K, in vtraque parte in Ellipsis, vt in scholio antecedentis lemmatis demonstratum est.

SATIS autem est, si vnum punctum, nimirum superius, vnc horum modorum inueniatur. Nam si recta EI, vel EG, vel EK, sumatur aequalis infra centrum, erit quoque inferius punctum F, vel G, vel K, in Ellipsi; propterea quod recta per centrum ducta in centro bifariam diuiditur in Ellipsi.

DEINDE data sit recta alterutrius axium parallela, vt in quarta figura; & primum maiori axi parallela FG, secans minorem axem in M, & eius circulum in H. Si enim non secaret, caderet tota extra Ellipsim; si autem transiret per B, tanget Ellipsim in B. Ducta autem recta EH, secante maiorem circulum in I, ducatur per I, minori axi parallela IK, secans datam rectam FG, in L. Dico L, in data Ellipsis cadere.

Quoniam enim est, vt EH, ad HI, hoc est, vt EB, ad BN, ita KL, ad LI; vel vt EH, ad HI, hoc est, vt EO, ad OA, ita MH, ad HL, cadet L, in Ellipsis, vt in scholio precedentis lemmatis demonstratum est.

SECUNDO minori axi parallela sit IL, secans maiorem circulum in I, siue secet minorem, siue non. Ducta recta EI, secante minorem circulum in H, ducatur per H, maiori axi parallela LM, secans datam rectam IL, in L. Dico L, in data Ellipsi existere. Quod demonstrabitur, vt prius. Iam si recte ML, vel KL, ex altera parte aequalis abscindatur ML, vel KL, transibit eadem Ellipsis per punctum quoque L, inferius, & dextrum; propterea quod ordinatim applicata bifariam a diametris diuiduntur.

RVRVSVS sit data recta DL, per extremum D, minoris axis incedens, vt in quarta figura, & secet primum axem maiorem intra Ellipsim in S. Ex S, ducatur recta SP, ad extremum diametri maioris circuli, quod iuxta datum extremum D, existit, secans maiorem circulum in T, & per T, minori axi parallela agatur TV, secans datam rectam in L. Dico L, in Ellipsis cadere. Quoniam enim est, vt ED, ad DP, ita VL, ad LT; erit ex scholio lemmatis antecedentis punctum

atum L, in Ellipsis. Eodem modo res demonstrabitur, si data recta DQ, per extremum D, minoris axis transiens secet maiorem axem extra Ellipsim in Q, vt in eadem quarta figura. Nam ducta ex Q, ad P, extremum diametri maioris circuli prope extremum D, datum, recta QP, secante maiorem circulum in R, secabit minori axi parallela Ra, datam rectam in b, puncto, quod erit in Ellipsi; cum sit vt ED, ad DP, ita a b, ad b R.

SED transat iam data recta AX, per extremum maioris axis, secetque primum axem minorem extra Ellipsim, in X, vt in tertia figura. Ducatur ex puncto X, ad G, extremum diametri minoris prope datum extremum A, recta XG, secans minorem circulum in Z, & per Z, maiori axi parallela agatur eY, secans datam rectam in Y. Dico Y, in Ellipsis cadere. quod constat ex scholio precedentis lemmatis, cum sit vt EG, ad GA, ita eZ, ad Z Y. Non aliter progrediemur, si data recta Ag, per extremum A, maioris axis incedens, secet in f, minorem axem intra Ellipsim, vt in secunda figura. Nam ducta ex f, ad k, extremum diametri minoris circuli prope datum extremum A, recta fk, secante minorem circulum in i, secabit maiori axi parallela dg, per i, ducta datam rectam in g, puncto, quod erit in Ellipsi, cum sit, vt Ek, ad kA, ita d i, ad ig.

PERSPICVVM autem est, in huiusmodi linea vnum solum punctum reperiri, quod sit in Ellipsi; quippe cum Ellipsim eandem secet quoque in extremo D, minoris axis, vel in A, extremo axis maioris. Liquido etiam constat, rectam per extremum minoris axis, & per extremum axis maioris praeter illa duo extrema nullum aliud punctum habere in Ellipsi.

POSTREMO sit data recta tG, neque per centrum Ellipsis, aut per extremum alterutrius axis ducta, neque vlli axi parallela, secetque maiorem axem in H, siue intra Ellipsim, vt in priori figura, siue extra, vt in posteriori. Per quodvis punctum I, in data recta assumptum, vtrique axi parallelas agantur IO, RN, & ex B, extremo minoris axis erecta perpendiculari BK, circulum maiorem secante in K, iungatur EK, secans parallelam IO, in L; rectae autem EL, in altera parallela RN, aequalis sumatur RN, & per H, N, recta eiciatur secans circulum maioris axis in M, ac denique per M, minori axi parallela agatur MQ, secans datam rectam in P. Dico punctum, P, in data Ellipsi existere. Et si quidem recta HN, duobus in punctis circulum secet, reperiuntur duo puncta P, vt in priori figura, si vero in vno cum puncto tangat, vt in

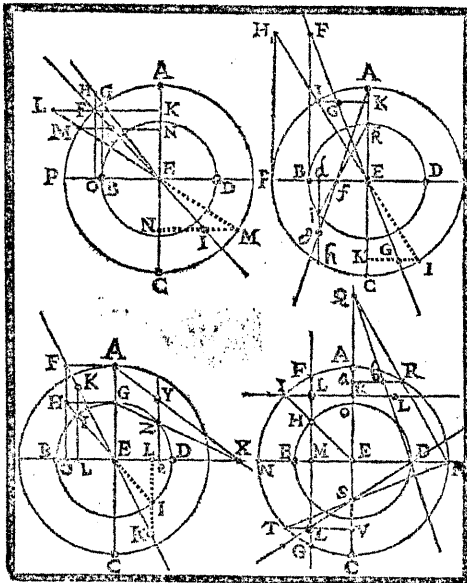
a 4. sexti.

b 30. 1. Ap-
pollynii
Quando data recta alterutrius axium parallela est.

c 32. 1. Ap-
pollynii.

d 2. sexti.

e 4. sexti.



Quando data recta per extremum alterutrius axis tranfit.

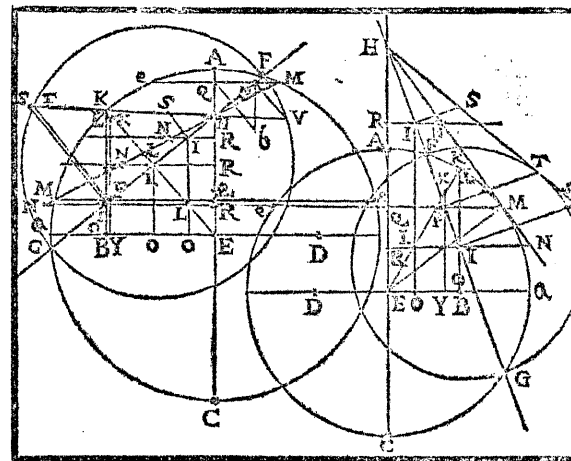
f 4. sexti.

a 4. sexti.

b 4. sexti.

c 4. sexti.

Quando data recta neque per centrum aut per extremum alterutrius axis tranfit, neque vlli axi parallela est.



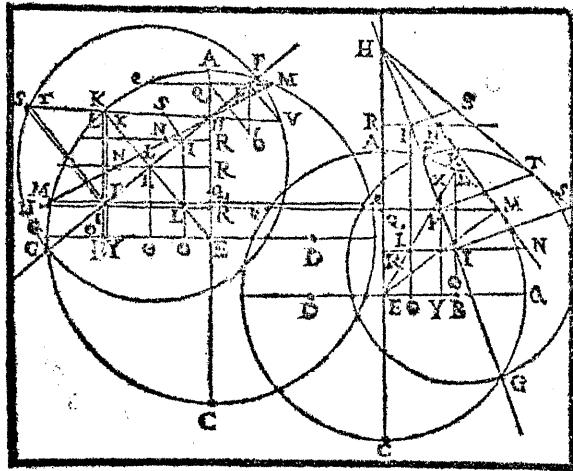
figura

figura posteriori, vnum quoque tantum punctum inuenietur P, in quo Ellipsis data rectam tanget. Vt autem demonstratio reddatur magis vniuersalis, assumptimus in priori figura tria puncta I, in data recta, & in posteriori duo, per quae vtrique axi parallelae sunt ductae: praesertim quia haec ratione puncto H, extra Ellipsim in secunda figura non indigemus, quod interdum difficile haberi potest, propter obliquam intersectionem rectarum HC, HG; sed satis est, vt per duo puncta inuenta N, recta ducatur secans, vel tangens circulum maioris axis. Quae omnia sic demonstrabimus. Quoniam est, vt EK, ad EB, ita EL, ad EO; Posita autem fuit EL, ipsi RN, aequalis, & EO, ipsi RI, aequalis est; erit quoque vt EK, ad EB, ita RN, ad RI. Est autem vt RN, ad RI, ita QM, ad QP. Igitur erit quoque, vt EK, hoc est, vt Ea, ad AB, ita QM, ad QP. Et per diuisionem rationis conuersam, vt EB, ad Ba, ita QP, ad PM: ac proinde P, in Ellipsim cadet, ex scholio lemmatis praecedentis. Atque haec demonstratio locum habet in utroque puncto P, prioris figurae, ad sinistram maioris axis.

a 4. sexti.
b 34. primi.
c 4. sexti.

R E C T A M porro datam FG, Ellipsim tangere in inuento puncto P, quando recta HN, circulum tangit in M, ita perspicuum faciemus. Quoniam angulus HME, rectus est, & MQ, ad HE, perpendicularis, erit ex coroll. propof. 8. lib. 6. Euclidis EM, media proportionalis inter HE, EQ. Igitur quadratum ex EM, vel EA, aequale erit rectangulo sub HE, EQ; ideoque erit, vt HE ad EA, ita EA, ad EQ. Per conuersionem ergo rationis, vt HE, ad HA, ita EA, ad AQ. Cum ergo CH, HA duplex sint ipsius HE, & CQ, QA, duplex ipsius AE, erit quoque, vt composita ex CH, HA, ad HA, ita composita ex CQ, QA, ad AQ: Et diuidendo, vt CH, ad HA, ita CQ, ad AQ. Igitur HG, Ellipsim continget in puncto P, quod in Ellipsi demonstrauimus existere.

f 15. quinti.
g 34. 1. Apollonij.



fi OL, aequalis, & per H, S, recta eticiatur HS, secans circulum circa chordam FG, descriptum in T, V, punctis, a quibus ad datam rectam perpendiculareres demittantur TP, VP. Dico punctum vtrumque P, in Ellipsi data existere. Quod si recta HS, tangat circulum circa FG, descriptum, vt in posteriori figura,

gura, reperietur vnum tantum punctum P, in quo recta data Ellipsim continget. Quae omnia hac ratione demonstrabimus. Et primu de puncto P, ad sinistram maioris axis prioris figurae. Ducta per P, maiori axi parallela XY, & minori axi parallela MPQ; quoniam est, vt PT, ad IS, ita HP, ad HI; estque vt HP, ad HI, ita QP, ad RI; erit etiam, vt PT, ad IS, ita QP, ad RI; hoc est, ita EY, ad EO. Vt autem EY, ad EO, ita est YX, ad OL. Igitur erit quoque, vt PT, ad IS, ita YX, ad OL. Cum ergo IS, OL, per hypothesim aequales sint, erunt quoque PT, YX, aequales. Quia vero PT, ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. media proportionalis est inter FP, PG; erit quadratum ex PT, aequale rectangulo sub FP, PG, hoc est, rectangulo sub MP, Pe, cum hoc illi sit aequale: ideoque & quadratum ex YX, eidem rectangulo sub MP, Pe, aequale erit. Addito communi quadrato ex P Q, erunt quadrata ex YX, P Q, hoc est, ex YX, EY aequalia rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex P Q: sed quadratis ex YX, EY, aequale est quadratum ex E X, & rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex P Q, aequale est quadratum ex MQ. Igitur quadrata ex E X, M Q, ideoque & eorum latera E X, M Q, aequalia erunt. Cum ergo etiam E Y, Q P, aequales sint, erit vt E X, ad E Y, ita Q M, ad Q P: Vt autem E X, ad E Y, ita est EK, hoc est, Ea, ad EB. Igitur erit quoque, vt Ea, ad EB, ita Q M, ad Q P. Ergo, vt prius, punctum P, in Ellipsim datam cadet. Quae quidem demonstratio locum etiam habet in posteriori figura.

a 4. sexti.
b 4. sexti.
c 14. quinti.
d 17. sexti.
e 35. tertij.

f 47. primi.
g 5. secundij.
h 34. primi.
i 4. sexti.

P V N C T V M autem P, ad dextram maioris axis cadere quoque in eandem Ellipsim, ita planum fiet. Ducta Pb, ad MQ, perpendiculari, ipsique PV, aequali, & iuncta recta bQ; quoniam est, vt QP, ad PH, in inferiori triangulo HPQ, ita QP, ad PH, in triangulo superiori; Item vt PH, ad PT, ita PH, ad PV; erit ex aequalitate, vt QP, ad PT, hoc est, vt EY, ad YX, quae illis aequales sunt, ita QP, ad PV, id est, ad Pb. Cum ergo anguli ad Y, P, recti sint; erunt triangula E Y X, b P Q, aequiangula, & vt E X, ad E Y, ita b Q, ad QP. Deinde quia per scholium propof. 13. lib. 6. Euclid. VP, ideoque & bP, media proportionalis est inter FP, PG, erit quadratum ex bP, aequale rectangulo sub FP, PG: sed hoc aequale est rectangulo sub MP, Pe, quod recta FG, Me, in circulo maioris axis se in P, intersecant. Igitur quadratum ex bP, aequale etiam erit rectangulo sub MP, Pe: & addito communi quadrato ex QP, erunt duobus quadratis ex bP, QP, hoc est, quadrato ex bQ, quod illis aequale est, aequale rectangulum sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP. Est autem rectangulo sub MP, Pe, vna cum quadrato ex QP, aequale quadratum ex QM. Igitur & quadrato ex bQ, quadratum ex QM, aequale erit, ideoque & recta bQ, QM, aequales erunt. Quocirca cum ostensum sit paulo ante, esse vt E X, ad E Y, ita bQ, ad QP, erit quoque, vt E X, ad E Y, ita QM, ad QP. Cum ergo sit vt E X, ad E Y, ita EK, vel Ea, ad EB; erit quoque vt Ea, ad EB, ita QM, ad QP; atque ideoque, vt prius, punctum P, in datam Ellipsim cadet.

k 4. sexti.
l 6. sexti.
m 17. sexti.
n 35. tertij.

o 47. primi.
p 5. sexti.
q 4. sexti.

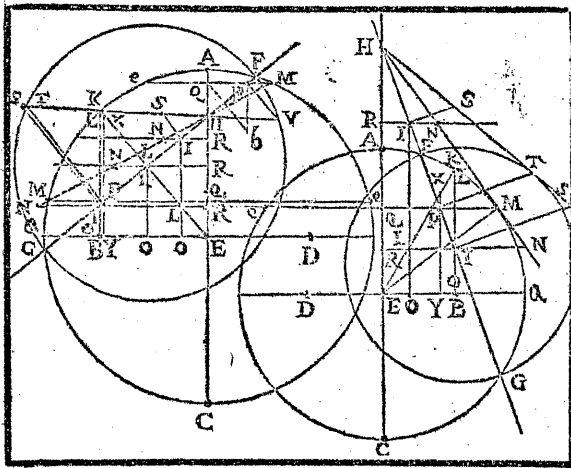
D E N I Q V E rectam datam FG, Ellipsim tangere in puncto P, inuento, quando recta HS, circulum FT, tangit in T, demonstrabimus hoc modo. Ductis rectis HM, EM, ad extremum punctum parallelae QM; quonia ostensum est esse, vt Ea, hoc est, EK, ad EB, ita QM, ad QP; Est autem, vt EK, ad EB, ita EK, ad EY; erit quoque, vt EK, ad EY, ita QM, ad QP. Cum ergo E Y, ipsi QP, aequalis sit, erit & EK, ipsi QM, aequalis. Et quia quadratum ex PT, quadrato ex YX, aequale est, quod recta PT, YX, ostense sint aequales; si addantur aequalia quadrata ex P Q, E Y, fiet duo quadrata ex PT, P Q, duobus quadratis ex YX, E Y,

r 4. sexti.
s 34. primi.

Z aequalia:

a 47. primi. æqualia: Sed his æquale est quadratum ex EX, hoc est, ex QM. Igitur & duo quadrata ex PT, PQ, quadrato ex QM, æqualia erunt: additoque communi quadrato ex QH, fient tria quadrata ex PT, PQ, QH, duobus quadratis ex QM, æqualia: Sed quadratis ex PQ, QH, æquale est quadratum ex PH. Igitur duo quadrata ex PT, PH, duobus quadratis ex QM, QH, æqualia erunt. Cum ergo illis duobus quadratū ex HT, & his duobus quadratum ex HM, fit æquale; erunt quoque quadrata ex HT, HM, proindeq; & ipsa latera æqualia.

b 47. primi. Igitur cum quadratum ex HT, æquale sit rectangulo subHG, HF, erit eidem rectangulo equale etiam quadratū ex HM, & ac proinde HM, circulum FM, continget in M. Quā obrem, vt antea demonstratum est,



d 36. tertij.

e 37. tertij.

recta FG, Ellipsim in P, continget. quod est propositum.

LEMMA LIII.

QVAESTIONES omnes, quæ per sinus, Tangentes, atque secantes absolui solent, per solam prosthaphæresim, id est, per solam additionem, subtractionemque, sine laboriosa numerorum multiplicatione, diuisioneque expedire.

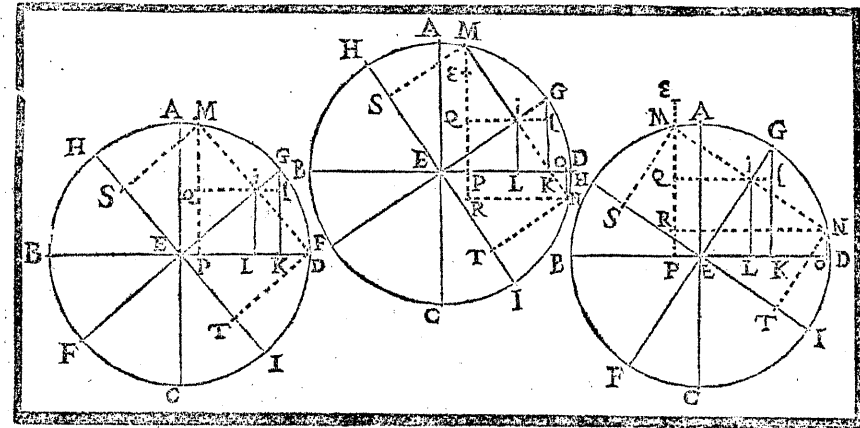
EDIDIT ante tres, quatuorue annos Nicolaus Raymarus Vrsus Dithmaris libellum quandam, in quo præter alia proponit inuentum sane acutum, & ingeniosum, quo per solam prosthaphæresim pleraque triangula spherica soluit. Sed quoniam id solum putat fieri posse, quando sinus in regula proportionum assumuntur, & sinus totus primum locum obtinet, conabimur nos eam doctrinam magis generalem efficere, ita vt non solum habeat in sinibus, & quando sinus totus primum locum in regula proportionum obtinet, verum etiam in tangentibus, secantibus, sinibus versis, & aliis numeris, & siue sinus totus sit in principio regulæ proportionum, siue in medio, siue denique

que nullo modo interueniat: quæ res noua omnino est, & iucunditatis ac voluptatis plena.

1. QVOTIESCVNQUE igitur est, vt sinus totus ad sinum alicuius arcus, ita sinus alterius cuiuscumque arcus ad aliud, seponantur duo illi arcus tanquam dati, qui ad prosthaphæresim requirantur: Minor addatur complemento maioris, & conflati arcus seruetur sinus; Et si quidem minor arcus complemento maioris fuerit æqualis, (quod fit, quando duo arcus sepositi ac dati quadrantem conficiunt) semipsis seruetur sinus, erit quartus numerus proportionalis quasi sinus. Si vero minor arcus fuerit minor complemento maioris, (quod accidit, quando duo arcus sepositi ac dati sunt simul quadrante minores) detracte minore arcu ex complemento maioris, vt habeatur eorum arcuum differentia, qui simul additi fuerunt, tollatur huius differentia sinus ex superiori conflati arcus sinu seruato. Huius enim relicti numeri semipsis, erit quartus numerus proportionalis, qui queritur. Si denique minor arcus fuerit maior complemento maioris, (quod eueniet, quando duo arcus sepositi, ac dati sunt simul quadrante maiores) detracto complemento maioris ex minore arcu, vt eorum arcuum differentia habeatur, qui simul additi fuerunt, adiciatur huius differentia sinus ad sinum seruatum superioris arcus conflati. Huius enim summa semipsis, erit numerus quartus proportionalis, qui desideratur.

Quando sinus totus primum obtinet locum in regula proportionum, & alii numeri sunt sinus: quo pacto fiat prosthaphæresis.

ATQVE hæc est regula supradicti auctoris, quæ sic demonstrabitur. In prima harum figurarum est, vt sinus totus EG, ad GK, sinum arcus GD, ita Ei, sinus arcus ID, vel HM, ad quæsitum sinum iL. Et quia minor arcus GD, æqualis est ipsi DG, complemento maioris arcus ID, (vel si forte GD, maior esset, & ID, minor; minor ID, æqualis est ipsi DI, complemento maioris arcus GD,) fit vt PQ, quæ semipsis est sinus MP, arcus MD, b 2. sexti.



conflati ex DG, minore arcu, & GM, cõplémêto maioris HM, æqualis fit sinui c 34. primi. quarto q̄sito iL. Quod si forte arcus GD, sit maior, & ID, minor, erit nihilominus MP, sinus arcus MB, cõflati tũc ex HM, minore, & HB, cõplémêto maioris GD, I N secunda autem, & tertia figura est quoque, vt sinus totus EG, ad d 4. sexti. GK, sinum arcus GD, ita Ei, sinus arcus IN, vel HM, ad quæsitum sinum iL. Et quia in secunda figura minor arcus GD, minor est ipso GN, complemento

mento maioris arcus IN, (vei si forte GD, maior esset. & IN, minor; minor IN, minor est ipso ID, complemento maioris arcus GD) sit, vt detracto sinu RP, differentia DN, hoc est, dempta ME, ipsi RP, equali, ex MP, sinu arcus MD, conflati ex DG, minore arcu, & GM, complemento maioris HM, recta PQ, quæ semisis est relicti EP, a cum totius MR, tota QR, semisis sit, b æqualis sit sinui quæsito i L. Quod si forte arcus GD, sit maior, & IN, minor, erit nihilominus MP, sinu arcus MB, conflati ex minore tunc arcu MH, & HB, complemento maioris arcus GD.

a 2. sexti.
b 3. primi.

A T in tertia figura quia minor arcus IN, maior est ipso ID, complemento maioris arcus GD, (vel si forte GD, minor foret, & IN, maior; minor GD, excedit ipsum GN, complementum maioris arcus IN,) sit, vt addito sinu RP, differentia DN, hoc est, addita ME, æquali ipsi KP, ad MP, sinu arcus MB, conflati ex minore arcu HM, & ex HB, complemento maioris; recta PQ, quæ semisis est totius rectæ compolitæ EP, c cum ipsius MR, semisis sit QR, d æqualis sit sinui quæsito i L. Quod si forte arcus GD, minor sit, & IN, maior, erit nihilominus MP, sinu arcus MD, conflati tunc ex minore arcu GD, & GM, complemento maioris HM.

c 2. sexti.
d 3. primi.

QVOD si sepositi duo arcus fuerint æquales, accipiendum est alterutrius complementum; & alter pro minore assumendus.

Quando sinus totus primum locum obtinet in regula proportionum, & alij numerus non sunt sinus vel partim sinus, partim alij numeri, quo pacto prosthaphæsis fiat.

2. I A M vero obtinere sinu toto primum locum in regula proportionum, quando alij duo numeri non sunt sinus, accipiendi sunt illorum numerorum, inftar sinuum, arcus ex tabula sinuum, & seorsum seponendi. Deinde regula supradicta adhibenda. Idem faciendum est, quando sinus complementi alicuius arcus usurpatur. Tunc enim non seponendus est ille arcus, sed loco illius assumendus, qui illi sinui, quaremus rectus est, respondet. Denique quodcumque secundus numerus, ac tertius non sunt sinus, vel alter eorum sinus, & alter non, accipiendus est arcus cuiuslibet numero, tanquam sinui, respondens: ita tamen, vt quando numerus sinu toto maior est, abijciatur à parte dextra tot figura, quot satis sunt, vt reliquus numerus minor fiat sinu toto; & ad inuentum quartum numerum per prosthaphæresim, siue is sinus sit, siue Tangens, siue Secans, siue aliquis alius numerus, adijciatur ad partem dextram tot xiphra, quot figura abiecta fuerunt. Nam quando una figura abijciatur, sumitur pars decima numeri; quando dua, centesima: atque ita inuenitur quoque sola pars decima, aut centesima quarti numeri. Quare multiplicanda est pars illa inuenta per 10. vel 100. quod sit per appositionem 0. vel 00. vt totus numerus habeatur. Sed rem hanc totam nonnullis exemplis planiorrem faciamus.

SIT verbi gratia, inuestiganda declinatio grad. 17. min. 45. II. Quoniam est, vt sinus totus ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantiaæ dati puncti Eclipticæ à viciniore puncto æquinoctij ad sinum declinationis eiusdem dati puncti, vt in lemmate 18. demonstrauimus, sic stabit exemplum ad prosthaphæresim.

G. M.	G. M.
Arcus max. decl. 23. 30. Compl. maioris 12. 15. Minor numerus maior est quæ distantia ab æquin. 77. 45. Minor 23. 30. compl. ideo fiet additio.	

Summa complem. & minoris. 35. 45. | Sinus. 5842497.
Diff. inter compl. & minorem. 11. 15. | Sinus. 1950903.

Sinui inuento 3896700. | Summa sinuum 7793400.
Respondet declinatio G. 22. M. 56. | Semisis, vel sin. declin. 3896700.

RVRSVS

RVRSVS sit inquirenda differentia ascensionalis grad. 6. III, ad altitudinem poli grad. 42. Quoniam est, vt sinus totus ad tangentem declinationis, ita tangens altitudinis poli ad sinum differentiaæ ascensionalis, vt in lemmate 49. Num. 17. demonstrauimus; ita progrediemur. Declinatio grad. 6. III, est grad. 21. Min. 22. eius tangens 3912247. at tangens grad. 42. altitudinis poli 9004040. Priori tangenti in tabula sinuum respondent grad. 23. min. 2. Posteriori vero grad. 64. min. 13. atque hi duo arcus pro datis accipiendi sunt loco declinationis, & altitudinis poli. Sic ergo stabit exemplum.

G. M.	G. M.
Arcus 23. 2. Compl. maioris. 25. 47. Minor numerus minor est complemento dati 64. 13. Minor. 23. 2. ideo fiet subtractio.	

Summa complementi & minoris. 48. 49. | Sinus. 7526065.
Diff. inter compl. & minorem. 2. 45. | Sinus. 479781.

Relictum 7046284.
Semisis, vel sinus diff. ascens. 3523142.

Sinui inuento 3523142. respondet differentia ascensionalis grad. 20. min. 38. hinc est, Hor. 1. Min. 23. Additis ergo horis 6. cõtinebit arcus semidiurnus Hor. 7. Min. 23. Et eadem differ. ex ascensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradui 6. III, debetur) ablata relinquit ascensionem obliquam grad. 43. min. 28.

SIT rursus inuestiganda differ. ascens. grad. 6. III, ad eleuationem poli grad. 60. Tangens declinationis est, vt prius, 3912247. cui in sinibus respondet grad. 23. min. 2. Tangens vero grad. 60. altitudinis poli est 17320508. cui in sinibus (abiecta vltima figura 8. pro qua reliquo numero addi potest 1. cum $\frac{8}{10}$. superent $\frac{1}{3}$) respondent grad. 9. min. 58. Sic ergo stabit exemplum.

G. M.	G. M.
Arcus 23. 2. Compl. maioris. 66. 58. Minor numerus minor est complemento dati. 9. 58. Minor 9. 58. complemento, ideo fiet subtractio.	

Summa compl. & minoris, 76. 56. | Sinus. 9741076.
Diff. inter compl. & minorem. 57. 0. | Sinus. 8386706.

Relictum. 1354370.
Semisis, vel sinus diff. ascens. 677185.

Sinui inuento 6771850. (Nam propter figuram 8. abiectam addenda est 0.) respondet differentia ascens. grad. 42. min. 38. hoc est, Hor. 2. min. 51. Eademq; diff. ex

diff. ex ascensione recta grad. 64. min. 6. (quæ gradui 6. $\frac{1}{2}$ debetur) ablata relinquit ascensionem obliquam grad. 21. min. 28.

SIT præterea exploranda altitudo Solis in principio $\frac{1}{2}$ hora 4. post merid. vel hor. 8. post med. noct. ad altitudinē poli grad. 42. Quoniam, vt lib. 1. Gnomonices propof. 36. demonſtrauimus, eſt vt ſinus totus ad ſinū verſus diſtantiæ Solis à mer. ita medietas rectæ conſtatæ ex ſinu altitudinis meridianæ, & ſinu depreſſionis meridianæ ad differentiã inter ſinum altitudinis meridianæ, & ſinum altitudinis quaſitæ, ita agemus. Sinus verſus diſtantiæ Solis à mer. eſt 5000000. cui in ſinibus reſpondent grad. 30. min. 0. Sinus altitudinis meridianæ grad. 71. min. 30. eſt 9483237. Depreſſionis grad. 24. min. 30. ſinus eſt 4146932. Medietas ſummæ ipſorum 6815084 $\frac{1}{2}$. cui in ſinibus reſpondent grad. 42. min. 58. Sic ergo ſtabit exemplum.

<i>Arcus dati.</i>	G. M. 30. 0.	<i>Compl. maioris.</i>	G. M. 47. 2.	<i>Minor numerus minor eſt complemento, ideo fiet ſubtractio.</i>
	42. 58.	<i>Minor.</i>	30. 0.	
	<i>Summa compl. & minoris</i>	77. 2.	<i>Sinus.</i>	9745008.
	<i>Diff. inter compl. & minorem</i>	17. 2.	<i>Sinus.</i>	2929280.
		<i>Relictum</i>	6815728.	
	<i>Semiſis, vel diff. inter ſin. alt. mer. & ſin. alt. quaſita.</i>		3407864.	

Detrahto numero inuento 3407864. qui eſt diff. inter ſinum altitudinis meridianæ, & ſinum quaſitæ altit. merid. 9483237. relinquitur ſinus altitudinis quaſitæ 6075373. cui reſpondent grad. 37. min. 25. Tanta eſt altitudo Solis.

3. QVANDO ſinus totus eſt ad aliquem numerũ ſinu toto minorem, vt numerus ſinu toto maior ad aliud, inſitui quoq; poteſt operatio hoc modo. Numerus hic tertius maior ſinu toto diuidatur per ſinũ totũ, eritque Quotiens numerus relictus, ſi ſeptẽ figura ad dexteram abiiciantur, & ſeptem figura abiecta dabunt diuiſionis reſiduum. Fiat ergo, vt ſinus totus ad datum numerũ minorem, ita reſiduum diuiſionis ad aliud: quod per proſtaphæreſim fiet, ſi numeri minoris, & reſidui, tanquam ſi ſinus eſſent, arcus ex tabula ſinum accipiantur, &c. Ad inuentum quartum numerum adijciatur minor datus per Quotientem ſuperioris diuiſionis multiplicatus, vt totus quartus numerus quaſitus procedat.

EXEMPLI gratia. Sit inuenienda differentia aſcensionalis gra. 6. $\frac{1}{2}$, ad altitudinem poli grad. 50. Quoniam eſt, vt ſinus totus ad 3912247. tangentem declinationis ita 11917537. tangens datæ altitudinis poli ad ſinum diſferentia aſcensionalis: vides ſecundum numerum minorem eſſe ſinu toto, tertium vero maiorem, quo diuiſo per 1000000. ſinum totum, quotiens eſt 1. & reſiduum 1917537. Cum minore ergo illo numero, & hoc reſiduo, ex tabula ſinum excerpte hos arcus: Grad. 23. min 2. & Grad. 11. Min. 3. Sic ergo ſtabit exemplum.

Arcus

<i>Arcus dati</i>	G. M. 23. 2.	<i>Compl. maioris</i>	G. M. 66. 58.	<i>Minor numerus complemento minor eſt, ideo faciendã erit ſubtractio.</i>
	11. 3.	<i>Minor.</i>	11. 3.	
<i>Summa compl. & minoris numeri.</i>	78. 1.	<i>Sinus</i>	9782080.	
<i>Diff. inter compl. & minorem num.</i>	55. 55.	<i>Sinus</i>	8282234.	
		<i>Relictum.</i>	1499846.	
	<i>Semiſis, vel quartus numerus inuentus.</i>		749923.	

Huic ſemiſi ſi addatur minor numerus 3912247. ſemel, quia Quotiens ſuperior fuit 1. conſtabitur ſinus diff. aſcens. 4662170. cui debetur arcus diff. aſcens. grad. 27. min. 47. hoc eſt, Hor. 1. Min. 51. Additis ergo horis 6. fiet arcus ſemidiurnus Hor. 7. Min. 51. Eadem autem diff. ex aſcensione recta grad. 6. $\frac{1}{2}$, quæ completitur grad. 64. min. 6. ablata relinquit aſcensionem obliquã grad. 36. min. 19. ad altitudinem poli grad. 50.

HIVS regulæ demonſtratio ex ſuperioribus figuris elicitur. Poſito enim ſinu toto Ei, quoniam eſt, vt Ei, ſinus totus ad iL, minorem numerum, ita EG, maior numerus ad GK; ſi ex EG, dematur ſinus totus Ei, erit quoque, vt ſinus totus Ei, ad iL, ita iG, reſiduum ad Gl, numerum, ad quem ſi adijciatur minor iL, vel IK, conſtabitur totus quartus numerus quaſitus GK. Et ſi ſæpius detractus fuiſſet ſinus totus Ei, vt relinqueretur iG, minor ſinu toto, adijci debuiſſet minor iL, toties, quoties abiectus fuiſſet ſinus totus, cum cuilibet ſinui toti reſpondeat recta aequalis ipſi iL, quemadmodum iL, ſinui toti Ei, reſpondet.

E A D E M ratio eſt, quando ſecundus numerus maior eſt ſinu toto, & tertius minor. Nam ſi eſt, vt ſinus totus ad numerum maiorem, ita numerus minor ad quartum quaſitum; erit quoque permutando, vt ſinus totus ad minorem, ita maior ad quartum: atque ita ruriſum obtinebit maior tertium locum in regula.

S E D quando vterque numerus maior eſt ſinu toto, tenenda eſt ſuperior regula Num. 2. explicata, hoc eſt, abiicienda vna, aut altera figura ex vtroque ad dexteram, vt minores numeri habeantur: Ad inuentum tamen numerũ quartum apponendę erunt tot ziphrae, quot figuræ abiectæ fuerunt, vt ſupra Num. 2. diximus.

A T Q V E hoc quidem modo proſtaphæreſis fit, ſinu toto primum locum in proportionum regula obtinente: doceamus iam, quo pacto eadem proſtaphæreſis inſtituenda ſit, quando ſinus totus in ſecundo vel tertio loco dictæ regulæ collocatus eſt. Sic ergo agemus.

4. QVANDO primus numerus maior eſt ſecundo, vel tertio, tamen minor ſinu toto, fiat vt ſinus totus ad ſecantem complementi illius arcus, qui minori numero in tabula ſinum, tanquam ſinui reſponderet, ita minor numerus ad aliud: hoc eſt, duo arcus, qui illi ſecanti, & minori numero in ſinum tabula debentur, ſeponantur, tanquam dati, & cætera ſiant, vt in proſtaphæreſi reſi dictum eſt. Quod ſi primus numerus maior, maior etiam ſit ſinu toto, agendum erit, vt paulo infra Num. 6. dicemus.

5. QVANDO autem primus numerus minor eſt, & minor ſinu toto, tunc ſi quidam maior minor eſt ſinu toto, fiat vt ſinus totus ad ſecantem complementi illius arcus, qui

Quando ſinus totus eſt in principio regulæ aureæ, ſed vel tertius, vel ſecundus numerus eſt minor ſinu toto, quo pacto aliter proſtaphæreſis fiat.

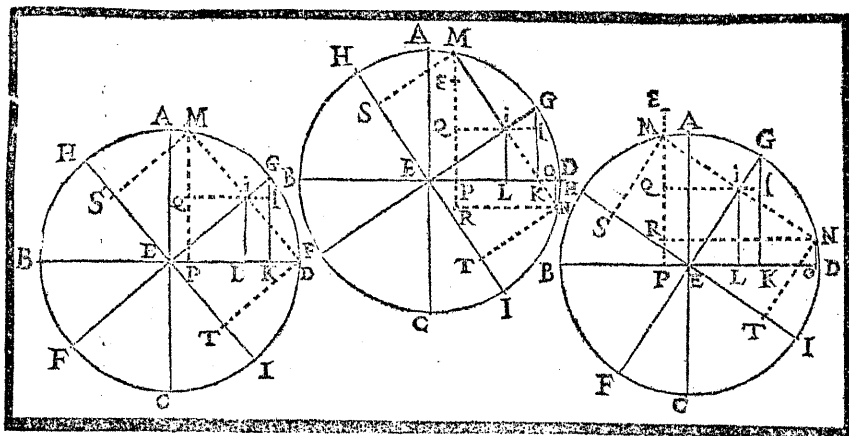
Quando ſinus totus in ſecundo, vel tertio locum regulæ aureæ occupat, quo pacto proſtaphæreſis fiat.

Quando primus numerus eſt maior, ſed minor ſinu toto.

Quando primus numerus minor eſt, & minor eſt ſinu toto.

cus, qui minori numero, tanquam finui, in tabula sinuum respondet, ita maior numerus ad aliud: hoc est. duo arcus, qui illi Secanti, & maiori numero in sinibus respondent, sepanantur, ut dati, & cetera fiant, qua in regula prosbapharefsi Num. 1. & 2. præcipimus. Si vero maior numerus maior est sinu toto, detrahatur ex eo minor aliquoties, donec numerus reliquus sinu toto minor sit, vel si minus, detrahe minorem, quoties fieri potest: Et fiat rursus, ut sinus totus ad secantem complementi illius arcus, qui minori dato numero, tanquam finui, responderet, ita reliquus numerus maioris ad aliud, ut dictum est; inuicemque quarto numero adiciatur sinus totus toties, quoties minor numerus ex maiore ablatus est, ut totus quartus numerus quaesitus consticiatur.

6. DVPLEX hoc præceptum ex eisdem figuris superioribus demonstrabitur hoc modo. Quoniam si est, vt GK, ad EG, sinum totum, ita minor numerus i L, ad E i, erit vt GK, sinus totus ad EG, secantem anguli G, qui complementum est anguli E, cuius GK, sinus est, (nam posito sinu toto GK, erit EG,



secans anguli G, & EK, tangens, vt in tractatu Tangentium & Secantium diximus) ita i L, ad E i. Atque ita demonstratum est primum præceptum, si tamen primus numerus maior, minor sit sinu toto, vt per ipsum, veluti sinum, angulus E, in tabula sinuum possit accipi, ac proinde eius complementum G, haberi.

N A M si primus numerus maior minor fuerit sinu toto, accipienda erit eius pars decima, vel centesima, &c. quod fit per ablationem vnus figura ad dexteram, vel dextram, &c. sed ex numero inuenio sumenda deinde est pars etiam decima, vel centesima, &c. pro quarto numero quaesito: nisi forte eadem pars decima, vel centesima, &c. minoris numeri accepta sit. Tunc enim numerus inuentus esset quartus quaesitus: quod ita se habeat pars qualibet primi numeri ad secundum, vt eadem pars tertij ad quartum. Ex quo fit, si ex tertio numero, hoc est, ex minore, sumpta non sit decima, vel centesima pars, &c. numerum inuentum esse decies, centiesus, &c. maiorem, quam esse debeat, ideoque eius partem decimam, centesimam, &c. accipiendam esse pro quarto numero, ut diximus.

7. DEINDE si sit vt i L, ad E i, sinum totum, (posito sinu toto E i,) ita maior numerus GK, ad EG; erit vt i L, sinus totus ad E i, secantem anguli i, qui complementum est anguli E, quem numerus minor i L, vt sinus, offert, ita GK, ad EG, si

Quando primus numerus est maior, & maior etiam sinu toto.

EG. Si igitur maior numerus GK, minor fuerit sinu toto E i, vt per eum, veluti sinum, arcus respondens in tabula sinuum, accipi possit, recte se res habet. Si autem GK, maior fuerit sinu toto E i, vt in tertia figura, detrahendus ex eo est minor i L, semel, bis, ter, &c. donec relinquatur numerus G L, minor sinu toto: Et ad inuentum numerum G i, adiciendus est sinus totus E i, toties, quoties i L, ex GK, subtractus fuit, vt totus quartus numerus quaesitus EG, componatur.

Si primus etiam numerus minor, maior sit sinu toto, auferenda sunt ex primo, & altero aliquot figura vltima, vt numeri relinquuntur sinu toto minores: Et si quidem reliquus maioris numeri minor fuerit reliquo minoris primi numeri, seruetur regula Num. 4. explicata: Si vero maior, prior pars regula Num. 5. exposita. Ad quartum deinde numerum eo modo inuentum apponantur tot ziphra, quot figura ex maiore numero fuerunt ablata; quia propter vnam figuram ablatam inuenitur tantum eius pars decima, & propter duas, pars centesima, &c. Vnde per appositionem 0, vel 00, &c. multiplicandus erit numerus inuentus per 10, aut 100, &c. vt totus quartus numerus prodeat. Ex hoc vero iterum auferenda erunt tot ziphra, quot figura ex minore numero, qua primum locum obtinet in regula, sunt ablata: quia propter vnam figuram ablatam inuenitur numerus decies maior; propter duas, centies, &c. propterea quod diuisio fit per decies, aut centies, &c. minorem numerum. Quare per ablationem 0, vel 00, &c. diuidendus erit numerus per 10, vel 100, &c. vt verus quartus numerus habeatur. Quod si ab initio tot figura dempta sint ex primo minore, quot ex dato maiore, ad quartum primo loco inuentum neque addendum est aliquid, neque ex eo auferendum.

Quando primus numerus minor maior est sinu toto.

E X E M P L I gratia. Sit inuestiganda latitudo ortiua principij α , ad eleuationem poli grad. 42. Quoniam igitur est, vt sinus complementi altitudinis poli 7431448. ad sinu declinationis puncti Eclipticæ 3987491. ita sinus totus ad sinum latitudinis ortiue, vt lib. 1. Gnomonices propos. 34. demonstrauimus, ita procedemus. Cum primus numerus maior sit secundo, minor tamen sinu toto, accipiemus ex tabula sinuum arcum grad. 48. maiori numero respondentem, hoc est, ipsum complementum altitudinis poli, & secantem complementi huius arcus 13456326. cui (abiecta vltima figura 6.) in tabula sinuum respondet arcus grad. 7. min. 44. Minori autem numero 3987491. respondet declinatio grad. 23. min. 30. Sic ergo stabit exemplum.

Exemplum quâdo primus numerus maior est, minor tamen sinu toto.

	G. M.		G. M.
Arcus dati.	7. 44.	Compl. maioris.	66. 30.
	23. 30.	Minor	7. 44.
		Minor numerus minor est complemento, ideo fiet subtractio.	
		Summa compl. & minoris,	74. 14.
		Diff. inter compl. & minorem.	58. 46.
		Relictum.	1073134.
		Semifsis, vel quartus numerus inuentus.	536567.

Huic semifsi apponatur 0, propter figuram abiectam ex secante, fiet sinus latitudinis ortiue 5365670. cui respondent grad. 32. min. 27. pro latitudine ortiua. Nam quarti numeri per appositionem ziphra inuenti 5365670. non est accipienda pars decima, vel centesima, quia primus numerus maior 7431448. minor est sinu toto.

Exemplum quido primus numerus minor est, & maior etiam sinu toto, sed alter minor.

R V R S V S in triangulo sphaerico rectangulo, cuius vnus anguloru no recto- rum contineat grad 50. & arcus oppositus circa angulum rectum grad. 20. in- uestigandus sit alter arcus circa angulum rectum, si modo constet species alte- rius anguli non recti. Quoniam per propof. 44. nostrorum triang. sphæ. est, vt 11917537. tangens anguli dati grad. 50. ad 3639702. tangetem dati arcus grad. 20. ita sinus totus ad sinum alterius arcus circa rectum angulum; sic agemus. Cum primus numerus sit maior sinu toto, & alter minor; reijciemus ex illo fi- guram vltimam 7. vt habeamus numerum 1191753. sinu toto minori em, cui re- spondet in tabula sinuum arcus grad. 6. min. 51. Huius complementi secans, est 83843097. Abiecta vltima figura 7. reliquo numero in tabula sinuum respon- det arcus grad. 56. min. 58. Minori numero, vt sinui, respondent grad. 21. min. 21. Itaque duo arcus prosthaphæresis sunt grad. 56. min. 58. & grad. 21. min. 21. Et sic stabit exemplum.

<i>Arcus dati.</i>	G. M. 56. 58.	<i>Compl. maioris.</i>	G. M. 33. 2.	<i>Minor subtrahi potest à compl. ideo fiet subtractio.</i>
		<i>Minor.</i>	G. M. 21. 21.	
<i>Summa compl. & minoris.</i>		54. 23.	<i>Sinus.</i>	8129314.
<i>Diff. inter compl. & minorem.</i>		11. 41.	<i>Sinus.</i>	2025025.
		<i>Relictum.</i>		6104289.
		<i>Semisiss, vel quartus numerus inuentus.</i>		3052145.

Huic quarto numero addenda est 0. propter figuram ex secante abiectam, vt habeatur totus quartus numerus 30521450. cuius pars decima 3052145. erit si- nus arcus quaesiti, propter figuram ex primo numero abiectam. Arcus ergo que- situs erit grad. 17. min. 46. paulo amplius, si constet eum debere esse quadrante minorem.

I T E M in eodem triangulo, posito angulo grad. 50. & arcu opposito grad. 48. inuestigandus sit rurtum alter arcus circa rectum angulum. Tangens anguli est, vt prius 11917537. Et tangens arcus est 17106124. Vbi tam pri- mus maior, quam alter minor, maior est sinu toto. Reiecta ergo ex vtroque vl- tima figura, cum reliquo primi reperiemus arcum grad. 6. min. 51. Huius com- plementi secans est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquo numero, vt sinui, debetur arcus grad. 56. min. 58. qui est vnus arcuum, qui requiruntur. Reli- quo numero secundi minoris, vt sinui, debetur arcus grad. 6. min. 23. qui est alter requisitus. Sic ergo stabit exemplum.

Arcus

<i>Arcus dati.</i>	G. M. 56. 58.	<i>Compl. maioris.</i>	G. M. 33. 2.	<i>Minor subtrahi potest, idcirco faci- cienda est subtractio.</i>
		<i>Minor.</i>	G. M. 6. 23.	
<i>Summa compl. & minoris.</i>		39. 25.	<i>Sinus.</i>	6349533.
<i>Diff. inter compl. & minorem.</i>		26. 39.	<i>Sinus.</i>	4485392.
		<i>Relictum.</i>		1864161.
		<i>Semisiss, sine quartus numerus inuentus.</i>		932081.

Huic quarto numero apponenda est 0. propter figuram ex secante abiectam, vt totus quartus numerus prodeat 9320810. hoc est, sinus quaesiti arcus. Hic enim nihil demendum est, cum & ex primo maiore, & secundo minore abiecta sit vna figura. Igitur arcus quaesitus erit grad. 68. min. 46. fere, si constet, cum debere esse minorem quadrante.

R V R S V S sit inuestigandus arcus semidiurnus in principio α , ad eleuationem poli grad. 42. Quoniam, vt in scholio propof. 35. lib. 1. Gnomo- nices ostendimus, sic se habet medietas aggregati ex sinu altitudinis meridia- nae, & ex sinu depressionis meridianae ad sinum altitudinis merid. vt sinus totus ad sinum versum arcus semidiurni. Est autem praedicta medietas 6815085. si- nus vero altitudinis meridianae 9483237. vbi vides, primum numerum esse minorem secundo, & hunc minorem sinu toto. Minori, qui primus est, vt si- nui, debentur grad. 42. min. 58. secans complementi huius arcus est 14671945. cui, abiecta vltima figura, respondet arcus in sinibus grad. 8. min. 26. qui est vnus ex requisitis. Maiori numero, vt sinui, congruit arcus grad. 71. min. 30. qui est alter requisitus. Sic ergo stabit exemplum.

Exemplum quido primus nume- rus est minor, & alter maior, sed minor sinu toto.

<i>Arcus dati.</i>	G. M. 8. 26.	<i>Compl. maioris.</i>	G. M. 18. 30.	<i>Minor deficit à compl. ideo fa- cienda est subtractio.</i>
		<i>Minor.</i>	G. M. 8. 26.	
<i>Summa compl. & minoris.</i>		26. 56.	<i>Sinus.</i>	4529535.
<i>Diff. inter compl. & minorem.</i>		10. 4.	<i>Sinus.</i>	1747939.
		<i>Relictum.</i>		2781596.
		<i>Semisiss, vel quartus numerus inuentus.</i>		1390798.

Quarto huic numero apponatur 0. propter figuram ex secante abiectam, vt fiat totus sinus versus 13907980. cui debentur grad. 113. paulo amplius, hoc est, Hor. 7. min. 32. pro arcu semidiurno.

P R A E T E R E A in triangulo sphaerico ex lateribus circa angulum re- ctum, quae sint grad. 30. grad. 50. inquirendus sit angulus posteriori lateri oppo- situs. Quoniam enim est, vt 500000. sinus grad. 30. ad sinum totum, ita 11917537. tangens grad. 50. ad tangentem quaesiti anguli, vt in scholio pro-

Exemplum quido primus nume- tus minor est si- nu toto, sed alter maior.

pos. 44. triang. sphær. demonsttrauimus; vides primum numerum esse sinu toto minorem, alterum vero maiorem. Minor bis detractus ex maiore relinquit 1917537. Fiat ergo vt sinus totus ad 2000000. secantem complementi anguli, qui minori numero dato, vt sinui, congruit, ita reliquus numerus maioris ad aliud. Secanti, abiecta vltima figura, respondent in sinibus grad. 11. min. 32. qui est vnus ex arcubus requisitis. Reliquo numero maioris, vt sinui, congruunt grad. 11. min. 3. pro altero arcu requisito. Sic ergo stabit exemplum.

	G. M.		G. M.
Arcus dati	11. 32.	Compl. maioris.	78. 28.
	11. 3.	Minor à compl. deficit, idcirco fiet subtractio.	11. 3.

Summa complementi & minoris.	89. 31.	Sinus.	9999644.
Diff. inter compl. & minorem.	67. 25.	Sinus.	2233220.

Relictum	766424.
Semisiss, siue quartus inuentus numerus.	383212.

Huic numero quarto apponatur 0. propter figuram ex secante abiectam, & toti numero 3832120. addatur sinus totus bis, quod bis minor numerus ex maiore fuerit subtractus, fietq; tangens anguli quæsti 23832120. Est ergo angulus grad. 67. min. 14 paulo amplius. Si minorem numerum 5000000. ex maiore 11917537. femel tantummodo detraxisses, relictus quoque fuisset numerus minor sinu toto, cum quo eundem angulum reperisses.

D E N I Q V E in triangulo sphærico rectangulo ex arcu circa angulum rectum grad. 50. & arcu, qui recto angulo opponitur, grad. 60. inuestigandus sit angulus à dictis arcubus comprehensus. Quoniam per propof. 45. triang. sphær. ita se habet tangens arcus recto angulo oppositi, ad tangentem arcus circa angulum rectum, vt sinus totus ad sinum complementi anguli quæsti: Et per propof. 18. sinuum, ita est secans anguli quæsti ad sinum totum, vt sinus totus ad sinum complementi eiusdem anguli; erit quoque, vt tangens arcus recto angulo oppositi ad tangentem arcus circa angulum rectum; ita secans quæsti anguli ad sinum totum. Et conuertendo, 11917537. tangens arcus circa rectum angulum grad. 50. ad 17320508. tangentem arcus angulo recto oppositi grad. 60. ita sinus totus ad secantem anguli quæsti. Habemus ergo primum numerum minorem quidem, sed maiorem sinu toto. Ablata ergo vltima figura 7. reliquo numero respondent in sinibus grad. 6. min. 51. Secans complementi huius arcus est 83843097. Abiecta vltima figura, reliquo numero, vt sinui, debentur grad. 56. min. 58. qui est ex requisitis vnus. Alter vero sic reperietur. Abiecta vltima figura ex maiore numero, remanet numerus 1732051. minor sinu toto, sed maior reliquo numero minoris, ideoq; prior pars regulæ Num. 5. expositæ adhibenda. Arcus ergo alter requisitus erit grad. 9. min. 58. congruens numero 1732051. Sic igitur stabit exemplum.

Exemplum, quod primus numerus minor est, sed sinu toto maior.

Arcus

Arcus dati.	G. M.		G. M.	
	56. 58.	Compl. maioris.	33. 2.	Fieri debet subtractio, cum minor detrahi possit à compl.
	9. 58.	Minor.	9. 58.	
		Summa compl. & minoris	43. 0.	Sinus. 6819984.
		Diff. inter compl. & minorem.	23. 4.	Sinus. 3918020.
		Relictum.	2901964.	
		Semisiss, siue quartus inuentus numerus	1450982.	

Huic quarto numero apponatur 0. propter figuram ex secante abiectam, vt totus quartus numerus fiat 14509820. Propter abiectionem vero vnus figuræ ex vtroque numero factam nihil fit, cum ex vtroque ablata sint figuræ numero pares, nimirum vna. Secanti autem inuentæ congruunt grad. 46. min. 26, pro angulo quæsto, & paulo plus.

8. **Q V A N D O** sinus totus neque in principio, neque in medio regula proportionalium reperitur, reducendi erunt primi duo numeri ad alios duos per prosthaphæresim, quorum primus sit sinus totus, hac ratione. Fiat, vt primus numerus ad sinum totum, ita secundus ad aliud, per prosthaphæresim Num. 4. 5. & 6. declaratam. Tunc enim erit quoque sinus totus ad numerum inuentum, vt tertius ad inueniendum, atque ita usurpanda erit prosthaphæresis Num. 1. & 2. explicata.

Quando sinus totus in regula autem non reperitur, quo pacto prosthaphæresis fiat.

C A E T E R V M prosthaphæresis, quamuis demonstrationibus Geometricis nitatur, vt ostendimus, accurata tamen & exquisita esse non potest, nisi quando per solos sinus operatio fit, & sinus totus in principio regulæ ponitur, vt Num. 1. expositum fuit. Nam quando adhibentur alij numeri præter sinus, non paruus error committi potest, propterea quod raro eiusmodi numeri in tabula sinuum præcise reperiuntur, vt arcus illi congruentes accipi possint sine errore. Quocirca vt exquisitius res per prosthaphæresim fiat, adhibenda erit semper pars proportionalis, vt in explicacione, atque visu tabulæ sinuum exposuimus, hoc est, cum numero, qui in tabula sinuum non præcise reperitur, excerpendus arcus cum gradibus, minutis, & secundis: quod fiet, si differentia capiat inter sinum proxime minorem dato numero, & proxime maiorem, & differentia inter eundem sinum proxime minorem, & datum numerum, atque dicatur. Si prior differentia requiritur secunda 60 (Nam inter duo proxima minuta intericiuntur 60. secunda.) posterior quot secunda postulat, atque hæc secunda inuenta arcui, qui minori sinui assumpto congruit, addenda erunt. Eodem modo, si cum gradibus, minutis, & secundis excerpendus sit sinus, sumenda erit differentia inter sinum gradibus, ac minutis respondentem, & sinum proxime maiorem, atque dicendum. Si 60. secunda postulant tantam differentiam, quantam propofita secunda requirunt, atque differentia inuenta sinui proxime minori assumpto adicienda erit. Idem faciendum est in tabula Tangentium, secantiumque, quando id res exiget. Sed facilius in sinuum tabula pars proportionalis eruitur eo modo, quem paulo post explicabimus, per vnicam videlicet vel multiplicationem, vel diuisionem, eamque per exiguos numeros. Non debet autem molesta videri partis proportionalis inuentio in prosthaphæresi, cum ea fiat per exiguas multiplicationes, diuisionesque; prosthaphæresis autem longis, ac permolestis multiplicationibus, diuisionibusque nos liberat. Quod si quis malit operari per sinuum, aliorumque, numerorum multiplicationem, ac diuisionem, quam per prosthaphæresim

Prosthaphæresis quando accurata sit, & quo pacto fieri possit accuratior per partis proportionalis inuentionem.

resum cum parte proportionali, id ei per nos licebit. Non enim negamus, quin res interdum citius absoluantur sine prosthaphæresi, propter partes proportionales, quæ opus aliquantum retardant: sed tamen fatemur etiam, minorem esse molestiam in prosthaphæresi, quàm in tam lógis ac difficilibus numerorum multiplicationibus, diuisionibusq; præsertim quia in sinuum tabula sine vilo fere labore pars proportionalis eruitur eo modo, quem post tabulam sinuum paulo post exponemus. Sed ponamus exemplum aliquod, vbi prosthaphæresis cum proportionali parte absoluantur.

Exemplum prosthaphæresis cum parte proportionali.

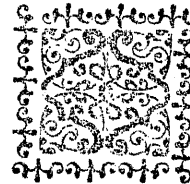
SI T ergo, vt in postremo exemplo, inuestigandus rursus angulus ab arcu, qui recto angulo opponitur, & ab arcu circa rectum angulum comprehensus, quorum ille sit grad. 60. & hic grad. 50. Et quia, vt dictum est, ita se habet 11917537. tangens arcus grad. 50. ad 17320508. tangentem arcus grad. 60. vt sinus totus ad secantem quæsitæ anguli: si abiciantur vltimæ figuræ 7. & 8. pro quibus vnitates assumantur, quod tam $\frac{7}{10}$ quam $\frac{8}{10}$ semissem superét, habeantur numeri sinu toto minores 1191754. & 1732051. in eadem fere proportionem. Fiat ergo, vt sinus totus ad secantem complementi anguli, qui sinui 1191754. debetur, ita sinus 1732051. ad aliud, veluti in prima parte regulæ Num. 5. explicatæ traditum est. Cum priori sinu inuenitur arcus grad. 6. min. 50. Sec. 40 cuius complementi secans est 83910940. Cui, abiecta vltima figura, vt sinui, congruit arcus grad. 57. min. 2. sec. 46. atque hic est vnus ex arcubus requisitis. Alter arcus posteriori numero debitus est grad. 9. min. 58. sec. 27. Sic ergo stabit exemplum.

G.	M.	S.		G.	M.	S.	
Arcus dati	57.	2.	46.	Compl. maioris.	32.	57.	14.
	9.	58.	27.	Minor.	9.	58.	27.
Summa compl. & minoris				42.	55.	41.	sinus 6810793.
Diff. inter compl. & minorem.				22.	58.	47.	sinus 3904033.
				Relictum.	2906742.		
				Semis, siue quartus numerus.	1453371.		

Apposita figura 0. ad quartum numerum inuentum, propter figuram ex secante abiectam, fiet tota secans 14533710. cui respondet arcus grad. 46. min. 31. p angulo quæsitæ, qui à superiori minutis ferme 5. differt; vbi vides, quã ti intersit, adhibere partes proportionales. In aliis exéplis negleximus dedita opera partes proportionales, tum quia in illis tantus error non apparet, tum vero maxime, vt regula prosthaphæresis clarius explicarentur. Sed proponamus iam sinuú tabulam emendatam, (quæ enim circumferuntur, erroribus non carent) cum numeris quibusdam interiectis, beneficio quorum pars proportionalis nullo fere negotio inueniri possit.

T A B V L A.
S I N V V M

Emendata, vnà cum partibus proportionalibus, quæ singulis secundis graduum congruunt.



T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	0	1	2	3	4	
0	0000	174524	348995	523300	697565	60
1	2909	177433	351502	526265	700467	59
2	5818	180341	354809	529170	703369	58
3	8727	183250	357716	532075	706270	57
4	11636	186158	360623	534980	709172	56
5	14544	189066	363530	537884	712073	55
6	17453	191975	366437	540789	714975	54
7	20362	194883	369344	543694	717876	53
8	23271	197792	372251	546598	720777	52
9	26180	200700	375158	549503	723678	51
10	29088	203608	378064	552407	726579	50
11	31997	206517	380971	555312	729480	49
12	34906	209425	383878	558216	732381	48
13	37815	212333	386785	561120	735282	47
14	40724	215241	389692	564024	738183	46
15	43632	218149	392598	566928	741084	45
16	46541	221057	395505	569832	743985	44
17	49450	223965	398412	572736	746886	43
18	52359	226873	401318	575640	749787	42
19	55268	229781	404225	578544	752688	41
20	58177	232689	407131	581448	755588	40
21	61086	235597	410038	584352	758489	39
22	63995	238505	412944	587256	761389	38
23	66904	241413	415851	590160	764290	37
24	69813	244321	418757	593064	767190	36
25	72721	247229	421663	595967	770090	35
26	75630	250137	424570	598871	772991	34
27	78539	253045	427476	601775	775891	33
28	81448	255953	430382	604678	778791	32
29	84357	258861	433288	707582	781691	31
30	87265	261769	436194	610485	784591	30
	89	88	87	86	85	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	0	1	2	3	4	
30	87265	261769	436194	610485	784591	30
31	90174	264677	439100	613389	787491	29
32	93083	267585	442006	616290	790391	28
33	95992	270493	444912	619196	793291	27
34	98901	273401	447818	622099	796191	26
35	101809	276308	450724	625002	799090	25
36	104718	279216	453630	627905	801990	24
37	107627	282124	456536	630808	804889	23
38	110536	285032	459442	633711	807789	22
39	113445	287940	462348	636614	810688	21
40	116353	290847	465253	639517	813587	20
41	119262	293755	468159	642420	816486	19
42	122171	296663	471065	645323	819385	18
43	125079	299570	473970	648226	822284	17
44	127988	302478	476876	651129	825183	16
45	130896	305385	479781	654031	828082	15
46	133805	308293	482687	656934	830981	14
47	136714	311200	485592	659837	833880	13
48	139622	314108	488498	662739	836778	12
49	142531	317015	491403	665642	839677	11
50	145439	319922	494308	668544	842576	10
51	148348	322830	497214	671447	845474	9
52	151257	325737	500119	674349	848372	8
53	154165	328645	503025	677251	851271	7
54	157074	331552	505929	680155	854169	6
55	159982	334459	508833	683055	857067	5
56	162891	337367	511740	685957	859965	4
57	165799	340274	514647	688859	862863	3
58	168708	343181	517550	691761	865761	2
59	171616	346088	520455	694662	868659	1
60	174524	348995	523356	697565	871557	0
	89	88	87	86	85	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Bb

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	5	6	7	8	9	
0	871557	1045285	1218693	1391731	1564345	60
1	874455	1048178	1221580	1394612	1567218	59
2	877353	1051071	1224467	1397492	1570091	58
3	880250	1053964	1227354	1400373	1572964	57
4	883148	1056857	1230241	1403253	1575837	56
5	886045	1059749	1233128	1406133	1578709	55
6	888943	1062642	1236015	1409013	1581581	54
7	891840	1065534	1238901	1411893	1584453	53
8	894737	1068426	1241788	1414772	1587325	52
9	897634	1071318	1244674	1417652	1590197	51
10	900531	1074210	1247560	1420531	1593069	50
11	903428	1077102	1250446	1423410	1595941	49
12	906325	1079994	1253332	1426289	1598812	48
13	909222	1082886	1256218	1429168	1601684	47
14	912119	1085778	1259104	1432047	1604555	46
15	915016	1088669	1261990	1434926	1607426	45
16	917913	1091561	1264876	1437805	1610297	44
17	920809	1094452	1267761	1440684	1613168	43
18	923706	1097344	1270647	1443562	1616038	42
19	926602	1100235	1273532	1446441	1618909	41
20	929498	1103126	1276417	1449319	1921779	40
21	932395	1106017	1279302	1452197	1624649	39
22	935291	1108908	1282187	1455075	1627519	38
23	938187	1111799	1285072	1457953	1630389	37
24	941083	1114690	1287957	1460831	1633259	36
25	943979	1117580	1290841	1463708	1636129	35
26	946875	1120471	1293726	1466586	1638999	34
27	949771	1123361	1296610	1469463	1641868	33
28	952667	1126252	1299495	1472340	1644738	32
29	955563	1129142	1302378	1475217	1647607	31
30	958458	1132032	1305262	1478094	1650476	30
	84	83	82	81	80	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	5	6	7	8	9	
30	958458	1132032	1305262	1478094	1650476	30
31	961354	1134922	1308146	1480971	1653345	29
32	964249	1137812	1311030	1483848	1656214	28
33	967144	1140702	1313914	1486724	1659082	27
34	970039	1143592	1316798	1489601	1661951	26
35	972934	1146482	1319681	1492477	1664819	25
36	975829	1149372	1322564	1495353	1667687	24
37	978724	1152261	1325447	1498229	1670555	23
38	981619	1155151	1328330	1501105	1673423	22
39	984514	1158040	1331213	1503981	1676291	21
40	987408	1160929	1334096	1506857	1679159	20
41	990303	1163818	1336979	1509733	1682027	19
42	993198	1166707	1339862	1512608	1684894	18
43	996092	1169596	1342744	1515484	1687761	17
44	998987	1172485	1345627	1518359	1690628	16
45	1001881	1175374	1348509	1521234	1693495	15
46	1004775	1178263	1351392	1524109	1696362	14
47	1007669	1181151	1354274	1526984	1699229	13
48	1010563	1184040	1357156	1529859	1702095	12
49	1013457	1186928	1360038	1532734	1704962	11
50	1016351	1189816	1362920	1535608	1707828	10
51	1019245	1192704	1365802	1538482	1710694	9
52	1022139	1195592	1368683	1541356	1713560	8
53	1025032	1198480	1371564	1544230	1716426	7
54	1027926	1201368	1374446	1547104	1719292	6
55	1030819	1204255	1377327	1549978	1722157	5
56	1033713	1207143	1380208	1552852	1725022	4
57	1036606	1210031	1383089	1555725	1727887	3
58	1039499	1212918	1385970	1558599	1730752	2
59	1042392	1215806	1388851	1561472	1733617	1
60	1045285	1218693	1391731	1564345	1736482	0
	84	83	82	81	80	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	IO	II	I2	I3	I4	
0	1736482	1908090	2079117	2244511	2419219	60
1	1739347	1910945	2081962	2252345	2422041	59
2	1742211	1913800	2084807	2255179	2424863	58
3	1745075	1916655	2087652	2258013	2427685	57
4	1747939	1919510	2090497	2260847	2430507	56
5	1750803	1922365	2093342	2263680	2433329	55
6	1753667	1925220	2096186	2266513	2436150	54
7	1756531	1928074	2099030	2269346	2438971	53
8	1759394	1930928	2101874	2272179	2441792	52
9	1762258	1933782	2104718	2275012	2444613	51
10	1765121	1936636	2107562	2277844	2447434	50
11	1767984	1939490	2110405	2280676	2450254	49
12	1770847	1942344	2113248	2283508	2453074	48
13	1773710	1945197	2116091	2286340	2455894	47
14	1776573	1948050	2118934	2289172	2458714	46
15	1779435	1950903	2121777	2292004	2461533	45
16	1782298	1953756	2124620	2294835	2464352	44
17	1785160	1956609	2127462	2297666	2467171	43
18	1788022	1959462	2130304	2300497	2469990	42
19	1790884	1962314	2133147	2303328	2472809	41
20	1793746	1965166	2135988	2306159	2475628	40
21	1796608	1968018	2138830	2308990	2478446	39
22	1799469	1970870	2141671	2311819	2481264	38
23	1802331	1973722	2144512	2314649	2484082	37
24	1805192	1976574	2147353	2317479	2486900	36
25	1808053	1979425	2150194	2320300	2489717	35
26	1810914	1982276	2152035	2323138	2492534	34
27	1813774	1985127	2154876	2325957	2495351	33
28	1816634	1987978	2157716	2328796	2498168	32
29	1819495	1990829	2160556	2331625	2500987	31
30	1822355	1993679	2163396	2334454	2503800	30
	79	78	77	76	75	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	IO	II	I2	I3	I4	
30	1822355	1993679	2164396	2334454	2503800	30
29	1825215	1996530	2167236	2337282	2506616	29
28	1828075	1999380	2170076	2340110	2509432	28
27	1830935	2002230	2172916	2342938	2512248	27
26	1833795	2005080	2175755	2345766	2515064	26
25	1836654	2007930	2178594	2348594	2517879	25
24	1839513	2010780	2181433	2351421	2520694	24
23	1842372	2013629	2184272	2354248	2523509	23
22	1845231	2016478	2187111	2357075	2526324	22
21	1848090	2019327	2189949	2359902	2529138	21
20	1850949	2022176	2192787	2362729	2531952	20
19	1853808	2025025	2195625	2365555	2534766	19
18	1856666	2027874	2198463	2368381	2537580	18
17	1859524	2030722	2201300	2371207	2540393	17
16	1862382	2033570	2204137	2374033	2543206	16
15	1865240	2036418	2206974	2376859	2546019	15
14	1868097	2039266	2209811	2379684	2548832	14
13	1870956	2042114	2212648	2382509	2551645	13
12	1873813	2044962	2215485	2385334	2554458	12
11	1876670	2047809	2218322	2388159	2557270	11
10	1879527	2050656	2221158	2390983	2560082	10
9	1882384	2053503	2223994	2393808	2562894	9
8	1885241	2056350	2226830	2396632	2565706	8
7	1888098	2059197	2229666	2399456	2568517	7
6	1890954	2062043	2232502	2402280	2571328	6
5	1893810	2064889	2235337	2405104	2574139	5
4	1896666	2067735	2238172	2407927	2576950	4
3	1899522	2070581	2241007	2410750	2579760	3
2	1902378	2073427	2243842	2413573	2582570	2
1	1905234	2076272	2246677	2416396	2585380	1
0	1908090	2079117	2249511	2419219	2588190	0
	79	78	77	76	75	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	15	16	17	18	19	
0	2588190 ^{16.8}	2756373 ^{16.6}	2923717 ^{16.4}	3090170 ^{16.1}	3255682 ^{15.5}	60
1	2591000	2759169	2926499	3092936	3258532	59
2	2593809	2761955	2929280	3095702	3261182	58
3	2596618	2764761	2932061	3098468	3263931	57
4	2599427	2767555	2934842	3101234	3266681	56
5	2602236	2770351	2937623	3103999	3269430	55
6	2605045	2773146	2940403	3106764	3272179	54
7	2607853	2775941	2943183	3109529	3274927	53
8	2610661	2778735	2945963	3112294	3277675	52
9	2613460	2781529	2948743	3115058	3280423	51
10	2616277	2784323	2951523	3117822	3283171	50
11	2619084	2787117	2954302	3120586	3285918	49
12	2621891	2789911	2957081	3123349	3288665	48
13	2624698	2792704	2959860	3126112	3291412	47
14	2627505	2795497	2962638	3128875	3294159	46
15	2630312	2798290	2965416	3131638	3296906	45
16	2633118	8801082	2968194	3134400	3299652	44
17	2635924	2803874	2970972	3137162	3302398	43
18	2638730	2806666	2973750	3139924	3305144	42
19	2641536	2809458	2976527	3142686	3307889 ^{45.7}	41
20	2644342	2812250	2979304	3145448	3310634	40
21	2647147	2815041	2982081	3148209	3313379	39
22	2649952	2817832	2984857	3150970	3316123	38
23	2652757	2820623	2987633	3153731	3318867	37
24	2655562	2823414	2990409	3156491	3321611	36
25	2658366	2826204	2993185	3159251	3324355	35
26	2661170	2828994	2995960	3162011	3327098	34
27	2663974	2831784	2998735	3164770	3329841	33
28	2666777	2834574	3001510	3167529	3332585	32
29	2669580	2837364	3004284	3170288	3335327	31
30	2672383 ^{16.7}	2840153 ^{16.5}	3007058 ^{16.2}	3173047 ^{15.0}	3338069 ^{45.7}	30
						74
						73
						72
						71
						70

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	15	16	17	18	19	
30	2672383 ^{16.7}	2840153 ^{16.5}	3007058 ^{16.2}	3173047 ^{16.0}	3338069 ^{15.7}	30
31	2675186	2842942	3009832	3175805	3340811	29
32	2677989	2845731	3012606	3178563	3343553	28
33	2680792	2848520	3015380	3181321	3346294	27
34	2683595	2851308	3018153	3184079	3349035	26
35	2686397	2854096	3020926	3186837	3351776	25
36	2689199	2856884	3023699	3189594 ^{15.9}	3354516	24
37	2692001	2859672	3026472	3192351	3357256	23
38	2694802	2862459 ^{16.4}	3029244	3195108	3359996	22
39	2697603	2865246	3032016	3197864	3362736	21
40	2700404	2868033	3034788	3200620	3365475 ^{15.6}	20
41	2703205	2870819	3037559	3203375	3368214	19
42	2706005	2873605	3040330	3206130	3370953	18
43	2708805	2876391	3043101	3208885	3373691	17
44	2711605	2879177	3045872	3211640	3376429	16
45	2714405 ^{16.6}	2881963	3048643	3214395	3379167	15
46	2717204	2884748	3051413	3217150	3381905	14
47	2720003	2887533	3054183	3219904	3384642	13
48	2722802	2890318	3056953	3222658	3387379	12
49	2725601	2893103	3059723	3225412	3390116	11
50	2728400	2895888	3062492 ^{16.1}	3228165	3392852	10
51	2731198	2898672	3065261	3230918	3395588	9
52	2733996	2901456	3068030	3233671	3398324	8
53	2736794	2904240	3070798	3236423	3401060	7
54	2739592	2907023	3073566	3239175	3403795	6
55	2742389	2909806	3076334	3241927	3406530	5
56	2745186	2912589	3079102	3244679	3409265	4
57	2747983	2915371	3081869	3247430 ^{15.8}	3411999	3
58	2750780	2918153	3084636	3250181	3414733	2
59	2753577	2920935	3087403	3252932	3417467	1
60	2756373 ^{16.6}	2923717 ^{16.4}	3090170 ^{16.1}	3255682 ^{15.8}	3420201 ^{15.6}	0
						74
						73
						72
						71
						70

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	20	21	22	23	24	
0	3420201	3583679	3746066	3907311	4067366	60
1	3422934	3586395	3748763	3909989	4070023	59
2	3425667	3589110	3751460	3912666	4072680	58
3	3428400	3591825	3754156	3915342	4075337	57
4	3431133	3594540	3756852	3918020	4077993	56
5	3433855	3597254	3759548	3920696	4080649	55
6	3436597	3599968	3762243	3923372	4083305	54
7	3439329	3602682	3764928	3926048	4085960	53
8	3442060	3605395	3767633	3928723	4088615	52
9	3444791	3608108	3770327	3931398	4091269	51
10	3447522	3610821	3773021	3934072	4093923	50
11	3450253	3613533	3775715	3936746	4096577	49
12	3452983	3616245	3778408	3939420	4099231	48
13	3455713	3618957	3781101	3942093	4101884	47
14	3458442	3621669	3783795	3944766	4104537	46
15	3461171	3624380	3786488	3947439	4107189	45
16	3463900	3627091	3789178	3950112	4109841	44
17	3466629	3629802	3791870	3952784	4112493	43
18	3469357	3632512	3794562	3955456	4115144	42
19	3472085	3635222	3797253	3958128	4117795	41
20	3474813	3637932	3799944	3960799	4110446	40
21	3477540	3640642	3802635	3963470	4123096	39
22	3480267	3643351	3805325	3966140	4125746	38
23	3482994	3646060	3808015	3968810	4128395	37
24	3485721	3648768	3810704	3971480	4131044	36
25	3488447	3651476	3813393	3974149	4133693	35
26	3491173	3654184	3816082	3976818	4136341	34
27	3493899	3656892	3818771	3979487	4138989	33
28	3496624	3659599	3821459	3982155	4141637	32
29	3499349	3662306	3824147	3984823	4144285	31
30	3502075	3665012	3826834	3987491	4146932	30
	69	68	67	66	65	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	20	21	22	23	24	
30	3502075	3665012	3826834	3987491	4146932	30
31	3504799	3667718	3829521	3990159	4149579	29
32	3507523	3670424	3832208	3992826	4152226	28
33	3510247	3673130	3834895	3995493	4154872	27
34	3512971	3675835	3837581	3998159	4157518	26
35	3515694	3678541	3840267	4000825	4160163	25
36	3518417	3681246	3842953	4003491	4162808	24
37	3521140	3683951	3845638	4006156	4165453	23
38	3523862	3686655	3848323	4008821	4168097	22
39	3526584	3689359	3851008	4011486	4170741	21
40	3529306	3692062	3853692	4014150	4173385	20
41	3532027	3694765	3856376	4016814	4176028	19
42	3534748	3697468	3859060	4019478	4178671	18
43	3537469	3700170	3861743	4022141	4181313	17
44	3540190	3702872	3864426	4024804	4183955	16
45	3542910	3705572	3867109	4027467	4186597	15
46	3545630	3708276	3869791	4030130	4189239	14
47	3548350	3710977	3872473	4032792	4191880	13
48	3551070	3713678	3875155	4035454	4194521	12
49	3553789	3716379	3877837	4038115	4197162	11
50	3556508	3719080	3880518	4040776	4199802	10
51	3559227	3721780	3883199	4043437	4020442	9
52	3561945	3724480	3885880	4046097	4205081	8
53	3564663	3727179	3888560	4048757	4207720	7
54	3567380	3729878	3891240	4051416	4210359	6
55	3570097	3732577	3893919	4054075	4212997	5
56	3572814	3735275	3896598	4056734	4215635	4
57	3575531	3737973	3899277	4059392	4218273	3
58	3578247	3740671	3901955	4062050	4220910	2
59	3580963	3743369	3904633	4064708	4223547	1
60	3583679	3746066	3907311	4067366	4226183	0
	69	68	67	66	65	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	25	26	27	28	29	
0	4226183	4383712	4539905	4694716	4848096	60
1	4228819	4386326	4542497	4697284	4850640	59
2	4231455	4388940	4545088	4699852	4853184	58
3	4234090	4391554	4547679	4702419	4855727	57
4	4236725	4394167	4550270	4704986	4858270	56
5	4239360	4396780	4552860	4707553	4860812	55
6	4241994	4399392	4555450	4710119	4863354	54
7	4244628	4402004	4558039	4712685	4865895	53
8	4247262	4404616	4560628	4715250	4868436	52
9	4249895	4407227	4563216	4717815	4870977	51
10	4252528	4409838	4565804	4720380	4873517	50
11	4255161	4412449	4568392	4722944	4876057	49
12	4257793	4415059	4570979	4725508	4878596	48
13	4260425	4417669	4573566	4728071	4881135	47
14	4263056	4420278	4576153	4730634	4883674	46
15	4265687	4422887	4578739	4733197	4886212	45
16	4268318	4425496	4581325	4735759	4888750	44
17	4270949	4428104	4583911	4738321	4891287	43
18	4273579	4430712	4586496	4740882	4893824	42
19	4276209	4433320	4589081	4743443	4896361	41
20	4278838	4435927	4591665	4746004	4898897	40
21	4281467	4438534	4594249	4748564	4901433	39
22	4284096	4441140	4596833	4751124	4903968	38
23	4286724	4443746	4599416	4753683	4906503	37
24	4289352	4446352	4601999	4756242	4909037	36
25	4291979	4448957	4604581	4758801	4911571	35
26	4294606	4451562	4607163	4761359	4914105	34
27	4297233	4454167	4609744	4763917	4916638	33
28	4299859	4456771	4612325	4766474	4919171	32
29	4302485	4459375	4614906	4769031	4921703	31
30	4305111	4461978	4617486	4771588	4924235	30
	64	63	62	61	60	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

S I N U V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	25	26	27	28	29	
30	4305111	4461978	4617486	4771588	4924235	30
31	4307736	4464581	4620060	4774144	4926767	29
32	4310361	4467184	4622646	4776700	4929298	28
33	4312986	4469786	4625225	4779255	4931829	27
34	4315610	4472388	4627804	4781810	4934359	26
35	4318234	4474990	4630382	4784366	4936889	25
36	4320858	4477591	4632960	4786919	4939418	24
37	4323481	4480192	4635538	4789473	4941947	23
38	4326104	4482792	4638115	4792026	4944476	22
39	4328726	4485392	4640692	4794579	4947004	21
40	4331348	4487992	4643268	4797132	4949532	20
41	4333970	4490591	4645844	4799684	4952059	19
42	4336591	4493190	4648420	4802236	4954586	18
43	4339212	4495788	4650995	4804787	4957113	17
44	4341833	4498386	4653570	4807338	4959639	16
45	4344453	4500984	4656145	4809888	4962165	15
46	4347073	4503582	4658719	4812438	4964690	14
47	4349693	4506179	4661293	4814988	4967215	13
48	4352312	4508776	4663866	4817537	4969740	12
49	4354931	4511372	4666439	4820086	4972266	11
50	4357549	4513968	4669012	4822635	4974788	10
51	4360167	4516563	4671584	4825183	4977311	9
52	4362785	4519158	4674156	4827731	4979834	8
53	4365402	4521753	4676727	4830278	4982356	7
54	4368019	4524347	4679298	4832825	4984878	6
55	4370635	4526941	4681869	4835371	4987399	5
56	4373251	4529535	4684439	4837917	4989920	4
57	4375867	4532128	4687000	4840462	4992441	3
58	4378482	4534721	4689570	4843007	4994961	2
59	4381097	4537313	4692147	4845552	4997481	1
60	4383712	4539905	4694716	4848096	5000000	0
	64	63	62	61	60	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	30	31	32	33	34	
0	5000000	5150381	5299192	5446390	5591929	60
1	5002519	5152874	5301659	5448829	5594340	59
2	5005038	5155367	5304125	5451268	5596751	58
3	5007556	5157859	5306591	5453707	5599161	57
4	5010074	5160351	5309056	5456145	5601571	56
5	5012591	5162843	5311521	5458583	5603981	55
6	5015108	5165334	5313985	5461020	5606390	54
7	5017624	5167825	5316449	5463456	5608798	53
8	5020140	5170315	5318913	5465892	5611206	52
9	5022656	5172805	5321376	5468328	5613614	51
10	5025171	5175294	5323839	5470763	5616021	50
11	5027686	5177783	5326301	5473198	5618427	49
12	5030200	5180271	5328763	5475632	5620833	48
13	5032714	5182759	5331224	5478066	5623239	47
14	5035227	5185246	5333685	5480499	5625644	46
15	5037740	5187733	5336145	5482932	5628049	45
16	5040253	5190220	5338605	5485364	5630453	44
17	5042765	5192706	5341065	5487796	5632857	43
18	5045277	5195192	5343524	5490228	5635260	42
19	5047788	5197677	5345983	5492659	5637663	41
20	5050299	5200162	5348441	5495090	5640066	40
21	5052809	5202646	5350898	5497520	5642468	39
22	5055319	5205130	5353355	5499950	5644869	38
23	5057829	5207614	5355812	5502379	5647270	37
24	5060338	5210097	5358268	5504808	5649670	36
25	5062847	5212580	5360724	5507236	5652070	35
26	5065355	5215062	5363179	5509664	5654469	34
27	5067863	5217544	5365634	5512091	5656868	33
28	5070370	5220025	5368088	5514518	5659266	32
29	5072877	5222506	5370542	5516944	5661664	31
30	5075384	5224986	5372996	5519370	5664062	30
	59	58	57	56	55	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	30	31	32	33	34	
30	5075384	5224986	5372996	5519370	5664062	30
31	5077890	5227466	5375449	5521795	5666459	29
32	5080396	5229946	5377902	5524220	5668856	28
33	5082901	5232425	5380354	5526645	5671252	27
34	5085406	5234904	5382806	5529069	5673648	26
35	5087911	5237382	5385258	5531493	5676043	25
36	5090415	5239860	5387709	5533916	5678438	24
37	5092919	5242337	5390159	5536338	5680832	23
38	5095422	5244814	5392609	5538760	5683226	22
39	5097925	5247290	5395058	5541182	5685619	21
40	5100427	5249766	5397507	5543603	5688012	20
41	5102929	5252241	5399955	5546024	5690404	19
42	5105430	5254716	5402403	5548444	5692796	18
43	5107931	5257191	5404851	5550864	5695187	17
44	5110431	5259665	5407298	5553283	5697578	16
45	5112931	5262139	5409745	5555702	5699968	15
46	5115431	5264612	5412191	5558120	5702358	14
47	5117930	5267085	5414637	5560538	5704747	13
48	5120429	5269557	5417082	5562956	5707136	12
49	5122927	5272029	5419527	5565373	5709524	11
50	5125425	5274501	5421972	5567790	5711912	10
51	5127922	5276972	5424416	5570206	5714299	9
52	5130419	5279443	5426859	5572622	5716686	8
53	5132919	5281913	5429302	5575037	5719072	7
54	5135412	5284383	5431745	5577452	5721458	6
55	5137908	5286852	5434187	5579866	5723844	5
56	5140403	5289321	5436629	5582280	5726229	4
57	5142898	5291789	5439070	5584693	5728613	3
58	5145393	5294257	5441510	5587106	5730997	2
59	5147887	5296725	5443950	5589518	5733381	1
60	5150381	5299192	5446390	5591929	5735764	0
	59	58	57	56	55	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro finibus

	35	36	37	38	39	
0	5735764	5877852	6018150	6156615	6293204	60
1	5738147	5880205	6020473	6158907	6295464	59
2	5740529	5882558	6022796	6161198	6297724	58
3	5742911	5884910	6025118	6163489	6299983	57
4	5745292	5887262	6027439	6165780	6302242	56
5	5747672	5889613	6029760	6168070	6304501	55
6	5750052	5891964	6032080	6170359	6306759	54
7	5752432	5894314	6034400	6172648	6309016	53
8	5754811	5896664	6036719	6174936	6311273	52
9	5757190	5899013	6039038	6177224	6313529	51
10	5759568	5901361	6041357	6179512	6315784	50
11	5761946	5903709	6043675	6181799	6318039	49
12	5764323	5906056	6045992	6184085	6320293	48
13	5766700	5908403	6048309	6186371	6322547	47
14	5769076	5910750	6050625	6188656	6324800	46
15	5771452	5913096	6052940	6190940	6327053	45
16	5773827	5915442	6055255	6193224	6329305	44
17	5776202	5917787	6057570	6195508	6331557	43
18	5778576	5920132	6059884	6197791	6333808	42
19	5780950	5922476	6062198	6200074	6336059	41
20	5783324	5924820	6064511	6202356	6338310	40
21	5785697	5927163	6066824	6204638	6340560	39
22	5788069	5929505	6069136	6206919	6342809	38
23	5790441	5931847	6071448	6209199	6345058	37
24	5792812	5934189	6073759	6211479	6347306	36
25	5795183	5936530	6076069	6213758	6349553	35
26	5797553	5938871	6078379	6216037	6351800	34
27	5799923	5941211	6080688	6218315	6354046	33
28	5802292	5943551	6082997	6220593	6356292	32
29	5804661	5945890	6085306	6222870	6358537	31
30	5807030	5948228	6087614	6225146	6360782	30
	54	53	52	51	50	

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro finibus rectis

S I N Y V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	35	36	37	38	39	
30	5807030	5948228	6087614	6225146	6360782	30
29	5809398	5950566	6089922	6227422	6363026	29
28	5811766	5952904	6092229	6229698	6365270	28
27	5814133	5955241	6094536	6231973	6367513	27
26	5816499	5957578	6096842	6234248	6369756	26
25	5818865	5959914	6099147	6236522	6371999	25
24	5821230	5962250	6101452	6238796	6374241	24
23	5823595	5964585	6103756	6241069	6376482	23
22	5825959	5966919	6106060	6243342	6378722	22
21	5828323	5969253	6108364	6245614	6380962	21
20	5830687	5971586	6110667	6247885	6383201	20
19	5833050	5973919	6112970	6250156	6385440	19
18	5835412	5976251	6115272	6252426	6387678	18
17	5837774	5978583	6117573	6254696	6389916	17
16	5840136	5980915	6119873	6256966	6392153	16
15	5842497	5983246	6122173	6259235	6394390	15
14	5844858	5985577	6124473	6261503	6396626	14
13	5847218	5987907	6126772	6263771	6398862	13
12	5849578	5990237	6129071	6266038	6401097	12
11	5851937	5992566	6131369	6268305	6403333	11
10	5854295	5994894	6133667	6270572	6405566	10
9	5856653	5997222	6135964	6272838	6407799	9
8	5859010	5999549	6138261	6275103	6410032	8
7	5861367	6001876	6140557	6277368	6412264	7
6	5863724	6004202	6142853	6279632	6414496	6
5	5866080	6006528	6145148	6281895	6416728	5
4	5868436	6008853	6147442	6284158	6418959	4
3	5870791	6011178	6149736	6286420	6421189	3
2	5873145	6013502	6152030	6288682	6423419	2
1	5875499	6015826	6154323	6290943	6425648	1
0	5877852	6018150	6156615	6293204	6427876	0
	54	53	52	51	50	

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	40	41	42	43	44	
0	6427876 ^{37.1}	6560590 ^{36.6}	6691306 ^{36.0}	6819984 ^{35.4}	6946584 ^{34.9}	60
1	6430104	6562785	6693468	6822111 ^{35.4}	6948676 ^{34.8}	59
2	6432331	6564979	6695629	6824237	6950767	58
3	6434558	6567173	6697789	6826363	6952858	57
4	6436785	6569367	6699949	6828489	6954949	56
5	6439011	6571560 ^{36.5}	6702108	6830614	6957039	55
6	6441236	6573753	6704267	6832738	6959128	54
7	6443461	6575945	6706425	6834861	6961216	53
8	6445685	6578136	6708582	6836984	6963304	52
9	6447909	6580326	6710739	6839107	6965392	51
10	6450132	6582516	6712895	6841229	6967479	50
11	6452355	6584705	6715051	6843350	6969565	49
12	6454577	6586894	6717206	6845471	6971651	48
13	6456799	6589082	6719361	6847591	6973736 ^{34.7}	47
14	6459020	6591270	6721515	6849711	6975821	46
15	6461240	6593458	6723668	6851830	6977905	45
16	6463460	6595645	6725821	6853948	6979988	44
17	6465679	6597832	6727973	6856067	6982071	43
18	6467898	6600016	6730125	6858184	6984153	42
19	6470116	6602201	6732276	6860301	6986235	41
20	6472333	6604386	6734427	6862417	6988316	40
21	6474550	6606570	6736577	6864533	6990396	39
22	6476766	6608753	6738726	6866648	6992476	38
23	6478982	6610936	6740875	6868762	6994555	37
24	6481198	6613118	6743024	6870876	6996634	36
25	6483413	6615300	6745172	6872989	6998712	35
26	6485628	6617481	6747319	6875102	7000789	34
27	6487842	6619661	6749465	6877214	7002866	33
28	6490055	6621841	6751611	6879325	7004942	32
29	6492268	6624021	6753757	6881436	7007018	31
30	6494480	6626200	6755902	6883546	7009093	30
	49	48	47	46	45	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	40	41	42	43	44	
30	6494480 ^{36.9}	6626200 ^{36.3}	6755902 ^{35.7}	6883546 ^{35.2}	7009093 ^{34.6}	30
31	6496692	6628379	6758047	6885656	7011167	29
32	6498903	6630557	6760191	6887765	7013241	28
33	6501114	6632734	6762334	6889874	7015314	27
34	6503324	6634911	6764477	6891982	7017387	26
35	6505533	6637087	6766619	6894089	7019459	25
36	6507742	6639263	6768760	6896196	7021530	24
37	6509950	6641438	6770901	6898302	7023601	23
38	6512158	6643612	6773041	6900408	7025671	22
39	6514365	6645786	6775181	6902513	7027741	21
40	6516572	6647959	6777320	6904617	7029810	20
41	6518778	6650132	6779459	6906721	7031879	19
42	6520984	6652304	6781597	6908824	7033947	18
43	6523189	6654476	6783734	6910927	7036014	17
44	6525392	6656647	6785871	6913029	7038081	16
45	6527598	6658817	6788007	6915131	7040147	15
46	6529801	6660987	6790143	6917232	7042213	14
47	6532004	6663156	6792278	6919332	7044278	13
48	6534206	6665325	6794413	6921432	7046342	12
49	6536408	6667493	6796547	6923531	7048406	11
50	6538609	6669661	6798681	6925630	7050469	10
51	6540809	6671828	6800814	6927728	7052532	9
52	6543009	6673994	6802946	6929825	7054594	8
53	6545208	6676160	6805078	6931922	7056655	7
54	6547407	6678326	6807209	6934018	7058716	6
55	6549606	6680491	6809340	6936114	7060776	5
56	6551804	6682655	6811470	6938209	7062836	4
57	6554001	6684818	6813599	6940303	7064895	3
58	6556198	6686981	6815728	6942397	7066953	2
59	6558394	6689144	6817856	6944491	7069011	1
60	6560590	6691306	6819984	6946584	7071068	0
	49	48	47	46	45	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

D d

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	45	46	47	48	49	
0	7071068	7193398	7313537	7431448	7547096	60
1	7073125	7195418	7315521	7433394	7549004	59
2	7075181	7197438	7317504	7435339	7550911	58
3	7077236	7199457	7319486	7437284	7552818	57
4	7079291	7201476	7321468	7439229	7554724	56
5	7081345	7203494	7323449	7441173	7556630	55
6	7083399	7205511	7325429	7443116	7558535	54
7	7085452	7207527	7327409	7445058	7560439	53
8	7087504	7209543	7329388	7447000	7562343	52
9	7089556	7211559	7331367	7448941	7564246	51
10	7091607	7213574	7333345	7450882	7566148	50
11	7093658	7215588	7335322	7452822	7568050	49
12	7095708	7217601	7337298	7454761	7569951	48
13	7097757	7219614	7339274	7456699	7571851	47
14	7099806	7221627	7341250	7458637	7573751	46
15	7101854	7223639	7343225	7460574	7575650	45
16	7103902	7225651	7345199	7462511	7577548	44
17	7105949	7227662	7347173	7464447	7579446	43
18	7107995	7229672	7349146	7466382	7581343	42
19	7110041	7231681	7351118	7468317	7583240	41
20	7112086	7233689	7353090	7470254	7585136	40
21	7114131	7235697	7355061	7472184	7587031	39
22	7116175	7237704	7357031	7474117	7588925	38
23	7118218	7239711	7359001	7476249	7590819	37
24	7120261	7241718	7360970	7477981	7592713	36
25	7122303	7243724	7362939	7479912	7594606	35
26	7124344	7245729	7364907	7481842	7596498	34
27	7126385	7247733	7366874	7483771	7598389	33
28	7128425	7249737	7368841	7485700	7600280	32
29	7130465	7251741	7370807	7487629	7602170	31
30	7132504	7253744	7372773	7489557	7604060	30
	44	43	42	41	40	

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	45	46	47	48	49	
30	7132504	7253744	7372773	7489557	7604060	30
31	7134543	7255746	7374738	7491484	7605949	29
32	7136581	7257747	7376702	7493410	7607837	28
33	7138618	7259748	7378666	7495336	7609725	27
34	7140655	7261749	7380629	7497262	7611612	26
35	7142691	7263749	7382592	7499187	7613498	25
36	7144727	7265748	7384554	7501111	7615384	24
37	7146762	7267746	7386515	7503034	7617269	23
38	7148796	7269744	7388475	7504957	7619153	22
39	7150830	7271741	7390435	7506879	7621037	21
40	7152863	7273737	7392394	7508801	7622920	20
41	7154895	7275733	7394353	7510722	7624802	19
42	7156927	7277728	7396311	7512642	7626683	18
43	7158958	7279722	7398268	7514561	7628564	17
44	7160989	7281716	7400225	7516480	7630445	16
45	7163019	7283710	7402181	7518398	7632325	15
46	7165049	7285703	7404137	7520316	7634204	14
47	7167078	7287695	7406092	7522233	7636082	13
48	7169106	7289687	7408046	7524149	7637960	12
49	7171134	7291678	7410000	7526065	7639838	11
50	7173161	7293668	7411953	7527980	7641715	10
51	7175187	7295658	7413905	7529894	7643591	9
52	7177213	7297647	7415856	7531808	7645466	8
53	7179238	7299635	7417807	7533721	7647341	7
54	7181263	7301623	7419758	7535634	7649215	6
55	7183287	7303610	7421708	7537546	7651088	5
56	7185310	7305597	7423657	7539457	7652961	4
57	7187333	7307583	7425605	7541367	7654833	3
58	7189355	7309568	7427553	7543277	7656704	2
59	7191377	7311553	7429501	7545187	7658575	1
60	7193398	7313537	7431448	7547097	7660445	0
	44	43	42	41	40	

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro finibus

	50	51	52	53	54	
0	7660445	7771460	7880108	7986355	8090170	60
1	7662314	7773290	7881898	7988105	8091879	59
2	7664183	7775120	7883688	7989855	8093588	58
3	7666051	7776949	7885477	7991604	8095296	57
4	7667919	7778777	7887266	7993352	8097004	56
5	7669786	7780605	7889054	7995100	8098711	55
6	7671652	7782432	7890841	7996847	8100417	54
7	7673517	7784258	7892627	7998593	8102122	53
8	7675382	7786084	7894413	8000339	8103827	52
9	7677246	7787909	7896198	8002084	8105531	51
10	7679110	7789733	7897983	8003828	8107234	50
11	7680973	7791557	7899767	8005571	8108936	49
12	7682835	7793380	7901550	8007314	8110638	48
13	7684697	7795202	7903332	8009056	8112339	47
14	7686558	7797024	7905114	8010797	8114040	46
15	7688418	7798845	7906895	8012538	8115740	45
16	7690278	7800665	7908676	8014278	8117439	44
17	7692137	7802485	7910456	8016017	8119137	43
18	7693995	7804304	7912235	8017756	8120835	42
19	7695853	7806123	7914014	8019494	8122532	41
20	7697710	7807941	7915792	8021232	8124225	40
21	7699566	7809758	7917569	8022969	8125925	39
22	7701422	7811574	7919345	8024705	8127620	38
23	7703277	7813390	7921121	8026440	8129314	37
24	7705132	7815205	7922896	8028175	8131008	36
25	7706986	7817020	7924671	8029909	8132701	35
26	7708839	7818834	7926445	8031642	8134393	34
27	7710692	7820647	7928218	8033375	8136084	33
28	7712544	7822459	7929990	8035107	8137775	32
29	7714395	7824271	7931762	8036838	8139465	31
30	7716246	7826082	7933533	8038564	8141155	30

Gradus Quadrantis pro finibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

S I N U V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	50	51	52	53	54	
30	7716246	7826082	7935533	8038569	8141155	30
31	7718096	7827892	7935303	8040299	8142844	29
32	7719945	7829702	7937073	8042028	8144532	28
33	7721794	7831511	7938842	8043757	8146220	27
34	7723642	7833320	7940611	8045485	8147907	26
35	7725490	7835128	7942379	8047212	8149593	25
36	7727337	7836935	7944146	8048938	8151278	24
37	7729183	7838741	7945912	8050664	8152963	23
38	7731028	7840547	7947678	8052389	8154647	22
39	7732872	7842352	7949443	8054114	8156330	21
40	7734716	7844157	7951208	8055838	8158013	20
41	7736559	7845961	7952972	8057561	8159695	19
42	7738402	7847764	7954735	8059283	8161376	18
43	7740244	7849566	7956497	8061005	8163057	17
44	7742085	7851368	7958259	8062726	8164737	16
45	7743926	7853169	7960020	8064446	8166416	15
46	7745766	7854970	7961780	8066166	8168094	14
47	7747606	7856770	7963540	8067885	8169772	13
48	7749445	7858569	7965299	8069603	8171449	12
49	7751283	7860368	7967057	8071321	8173126	11
50	7753121	7862166	7968815	8073038	8174802	10
51	7754958	7863963	7970572	8074754	8176477	9
52	7756794	7865759	7972328	8076470	8178151	8
53	7758630	7867555	7974084	8078185	8179825	7
54	7760465	7869350	7975839	8079899	8181498	6
55	7762299	7871145	7977593	8081613	8183170	5
56	7764132	7872939	7979347	8083326	8184841	4
57	7765965	7874732	7981100	8085038	8186512	3
58	7767797	7876525	7982852	8086749	8188182	2
59	7769629	7878317	7984604	8088460	8189851	1
60	7771460	7880108	7986355	8090170	8191520	0

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	55	56	57	58	59	
0	8191520 ^{27.8}	8290376 ^{27.1}	8386706 ^{26.4}	8480481 ^{25.7}	8571673 ^{25.0}	60
1	8193188	8292002	8388290	8482022	8573171	59
2	8194855	8293628	8389873	8483562	8574668	58
3	8196522	8295253	8391456	8485102	8576164	57
4	8198188	8296877	8393038	8486641	8577660	56
5	8199854	8298501	8394619	8488180	8579155	55
6	8201519	8300124	8396199	8489718	8580649	54
7	8203183	8301746	8397778	8491255	8582142	53
8	8204846	8303367	8399357	8492791	8583635	52
9	8206508	8304987	8400935	8494326	8585127	51
10	8208170	8306607	8402513	8495860	8586619	50
11	8209831	8308226	8404090	8497394	8588110	49
12	8211491	8309844	8405666	8498927	8589600	48
13	8213151	8311462	8407241	8500459	8591089	47
14	8214810	8313079	8408816	8501991	8592577	46
15	8216469	8314696	8410390	8503522	8594064	45
16	8218127	8316312	8411963	8505052	8595551	44
17	8219784	8317927	8413536	8506582	8597037	43
18	8221440	8319541	8415108	8508111	8598523	42
19	8223096	8321155	8416679	8509639	8600008	41
20	8224751	8322768	8418250	8511167	8601492	40
21	8226405	8324380	8419820	8512694	8602975	39
22	8228058	8325991	8421389	8514220	8604457	38
23	8229711	8327602	8422957	8515745	8605939	37
24	8231363	8329212	8424525	8517270	8607420	36
25	8233015	8330822	8426092	8518794	8608901	35
26	8234666	8332431	8427658	8520317	8610381	34
27	8236316	8334039	8429223	8521839	8611860	33
28	8237965	8335646	8430788	8523361	8613338	32
29	8239614	8337252	8432352	8524882	8614815	31
30	8241262	8338858	8433911	8526402	8616292	30
	34	33	32	31	30	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	55	56	57	58	59	
30	8241262	8338858	8434915	8526402	8616292	30
31	8242909	8340463	8435477	8527921	8617768	29
32	8244556	8342067	8437039	8529440	8619243	28
33	8246202	8343671	8438600	8530958	8620718	27
34	8247847	8345274	8440161	8532476	8622192	26
35	8249492	8346877	8441721	8533993	8623665	25
36	8251136	8348479	8443280	8535509	8625137	24
37	8252779	8350080	8444838	8537024	8626608	23
38	8254421	8351680	8446396	8538538	8628079	22
39	8256062	8353279	8447953	8540052	8629549	21
40	8257703	8354878	8449509	8541565	8631019	20
41	8259343	8356476	8451064	8543077	8632488	19
42	8260982	8358073	8452618	8544588	8633956	18
43	8262621	8359670	8454172	8546099	8635423	17
44	8264259	8361266	8455725	8547609	8636889	16
45	8265897	8362862	8457278	8549119	8638355	15
46	8267534	8364457	8458830	8550628	8639820	14
47	8269170	8366051	8460381	8552136	8641284	13
48	8270806	8367644	8461932	8553643	8642748	12
49	8272441	8369236	8463482	8555149	8644211	11
50	8274075	8370828	8465031	8556655	8645673	10
51	8275708	8372419	8466579	8558160	8647134	9
52	8277340	8374009	8468126	8559664	8648595	8
53	8278972	8375599	8469673	8561168	8650055	7
54	8280603	8377188	8471219	8562671	8651514	6
55	8282234	8378776	8472765	8564173	8652973	5
56	8283864	8380363	8474310	8565675	8654431	4
57	8285493	8381950	8475854	8567176	8655888	3
58	8287121	8383536	8477397	8568676	8657344	2
59	8288749	8385121	8478939	8570175	8658799	1
60	8290376	8386706	8480481	8571673	8660254	0
	34	33	32	31	30	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	60	61	62	63	64	
0	8660254 ^{24.2}	8746197 ^{23.5}	8829476	8910065 ^{22.0}	8987940	60
1	8661708	8747607	8830841 ^{22.7}	8911385	8989215 ^{21.2}	59
2	8663162	8749016	8832205	8912704	8990489	58
3	8664615	8750425	8833569	8914023	8991762	57
4	8666067	8751833	8834932	8915341	8993035	56
5	8667518	8753240	8836295	8916659	8994307	55
6	8668968	8754646	8837657	8917976	8995578	54
7	8670417	8756051	8839018	8919292	8996848	53
8	8671866	8757456	8840378	8920607	8998117	52
9	8673314	8758860	8841737	8921921	8999386	51
10	8674762	8760263	8843095	8923234	9000654	50
11	8676209	8761665	8844452	8924546	9001921	49
12	8677655	8763067	8845809	8925858	9003187	48
13	8679100	8764468	8847165	8927169	9004453	47
14	8680544	8765868	8848521	8928479	9005718	46
15	8681988	8767268	8849876	8929789	9006982	45
16	8683431	8768667	8851230	8931098	9008245	44
17	8684874	8770065	8852583	8932406	9009508	43
18	8686316	8771462	8853936	8933714	9010770	42
19	8687757	8772859	8855288	8935021	9012031	41
20	8689197	8774255	8856639	8936327	9013292	40
21	8690636	8775650	8857989	8937632	9014552	39
22	8692074	8777044	8859338	8938936	9015811	38
23	8693512	8778437	8860687	8940240	9017069	37
24	8694949	8779830	8862035	8941543	9018326	36
25	8696386	8781222	8863383	8942845	9019582	35
26	8697822	8782613	8864730	8944146	9020838	34
27	8699257	8784003	8866076	8945446	9022093	33
28	8700691	8785393	8867421	8946746	9023347	32
29	8702124	8786782	8868765	8948045	9024600	31
30	8703557	8788171	8870108	8949344	9025853	30
	29	28	27	26	25	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N U S M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	60	61	62	63	64	
30	8703557 ^{23.9}	8788171 ^{23.1}	8870108 ^{22.4}	8949344 ^{21.6}	9025853 ^{20.9}	30
31	8704989	8789559	8871451	8950642	9027105	29
32	8706420	8790946	8872793	8951939	9028356	28
33	8707851	8792332	8874134	8953235	9029606	27
34	8709281	8793717	8875475	8954530	9030856	26
35	8710710	8795102	8876815	8955824	9032105	25
36	8712138	8796486	8878154	8957117	9033353	24
37	8713565	8797869	8879492	8958410	9034600	23
38	8714992	8799251	8880830	8959702	9035847	22
39	8716418	8800633	8882167	8960994	9037093	21
40	8717844	8802014	8883503	8962285	9038338	20
41	8719269	8803394	8884838	8963575	9039582	19
42	8720693	8804773	8886172	8964864	9040825	18
43	8722116	8806152	8887506	8966152	9042068	17
44	8723538	8807530	8888839	8967440	9043310	16
45	8724960	8808907	8890171	8968727	9044551	15
46	8726381	8810283	8891502	8970013	9045791	14
47	8727801	8811659	8892833	8971299	9047031	13
48	8729221	8813034	8894163	8972584	9048270	12
49	8730640	8814408	8895492	8973868	9049508	11
50	8732058	8815782	8896821	8975151	9050746	10
51	8733475	8817155	8898149	8976433	9051983	9
52	8734891	8818527	8899476	8977715	9053219	8
53	8736307	8819898	8900802	8978996	9054454	7
54	8737722	8821268	8902127	8980276	9055688	6
55	8739137	8822638	8903452	8981555	9056922	5
56	8740551	8824007	8904776	8982833	9058155	4
57	8741964	8825375	8906099	8984111	9059387	3
58	8743376	8826743	8907422	8985388	9060618	2
59	8744787	8828110	8908744	8986664	9061848	1
60	8746197	8829476	8910065	8987940	9063078	0
	29	28	27	26	25	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

E c

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T. A. B. V. L. A.
Gradus Quadrantis pro sinibus

	65	66	67	68	69	
0	9063078	9135455	9205049	9271836	9335804	60
1	9064307	9136638	9206185	9272928	9336846	59
2	9065535	9137820	9207321	9274017	9337887	58
3	9066763	9139001	9208456	9275105	9338928	57
4	9067990	9140181	9209590	9276192	9339968	56
5	9069216	9141361	9210723	9277278	9341007	55
6	9070441	9142540	9211855	9278363	9342045	54
7	9071665	9143718	9212986	9279448	9343082	53
8	9072889	9144895	9214117	9280532	9344119	52
9	9074112	9146072	9215247	9281615	9345155	51
10	9075334	9147248	9216376	9282697	9346190	50
11	9076555	9148423	9217504	9283778	9347224	49
12	9077775	9149597	9218631	9284859	9348257	48
13	9078993	9150770	9219758	9285939	9349289	47
14	9080214	9151943	9220884	9287018	9350321	46
15	9081432	9153115	9222010	9288096	9351352	45
16	9082649	9154286	9223135	9289173	9352382	44
17	9083866	9155457	9224259	9290250	9353411	43
18	9085082	9156627	9225382	9291326	9354440	42
19	9086297	9157796	9226504	9292401	9355468	41
20	9087512	9158964	9227625	9293476	9356495	40
21	9088726	9160131	9228746	9294550	9357521	39
22	9089939	9161297	9229866	9295623	9358546	38
23	9091151	9162463	9230985	9296695	9359571	37
24	9092362	9163628	9232103	9297766	9360595	36
25	9093572	9164792	9233220	9298836	9361618	35
26	9094781	9165955	9234337	9299905	9362640	34
27	9095990	9167117	9235453	9300974	9363662	33
28	9097198	9168279	9236568	9302042	9364683	32
29	9098406	9169440	9237682	9303109	9365703	31
30	9099613	9170601	9238795	9304176	9366722	30
	24	23	22	21	20	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	65	66	67	68	69	
30	9099613	9170601	9238795	9304176	9366722	30
31	9100819	9171761	9239908	9305242	9367740	29
32	9102024	9172920	9241020	9306307	9368758	28
33	9103228	9174078	9242131	9307371	9369775	27
34	9104432	9175235	9243242	9308434	9370791	26
35	9105635	9176391	9244352	9309497	9371806	25
36	9106837	9177547	9245461	9310559	9372820	24
37	9108038	9178702	9246569	9311620	9373834	23
38	9109238	9179856	9247676	9312680	9374847	22
39	9110438	9181009	9248782	9313739	9375859	21
40	9111637	9182161	9249888	9314798	9376870	20
41	9112835	9183313	9250993	9315856	9377880	19
42	9114032	9184464	9252097	9316913	9378889	18
43	9115229	9185614	9253200	9317969	9379898	17
44	9116425	9186763	9254303	9319024	9380906	16
45	9117620	9187912	9255405	9320079	9381913	15
46	9118814	9189060	9256506	9321133	9382919	14
47	9120007	9190207	9257606	9322186	9383925	13
48	9121200	9191353	9258706	9323235	9384930	12
49	9122392	9192499	9259805	9324290	9385934	11
50	9123584	9193644	9260903	9325341	9386937	10
51	9124775	9194788	9262000	9326391	9387939	9
52	9125965	9195931	9263096	9327440	9388941	8
53	9127154	9197073	9264192	9328488	9389942	7
54	9128342	9198215	9265287	9329535	9390942	6
55	9129526	9199356	9266381	9330582	9391941	5
56	9130716	9200496	9267474	9331628	9392940	4
57	9131902	9201635	9268566	9332673	9393938	3
58	9133087	9202774	9269658	9333717	9394935	2
59	9134271	9203912	9270749	9334761	9395931	1
60	9135455	9205049	9271839	9335804	9396926	0
	24	23	22	21	20	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

E c 2

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro finibus

	70	71	72	73	74	
0	9395926 ^{16.6}	9455186 ^{15.8}	9510565 ^{15.9}	9563048 ^{14.7}	9612617	60
1	9397921	9456133	9511464	9563898	9613418 ^{13.3}	59
2	9398915 ^{16.5}	9457079	9512362	9564747	9614219	58
3	9399908	9458024 ^{15.7}	9513259	9565596	9615019	57
4	9400900	9458968	9514155	9566444	9615818	56
5	9401891	9459911	9515050	9567291	9616616	55
6	9402882	9460854	9515944	9568137	9617413	54
7	9403872	9461796	9516838	9568982	9618209	53
8	9404861	9462737	9517731	9569826	9619005	52
9	9405849	9463677	9518623	9570670	9619800	51
10	9406836	9464616	9519514	9571513	9620594	50
11	9407822	9465555	9520404	9572355	9621387	49
12	9408808	9466493	9521294	9573196	9622179	48
13	9409793	9467430	9522183	9574036	9622971	47
14	9410777	9468366	9523071	9574875	9623762	46
15	9411760	9469301	9523958	9575714	9624552	45
16	9412742	9470236	9524844	9576552	9625341	44
17	9413724	9471170	9525730	9577389	9626129	43
18	9414705	9472103	9526615	9578225	9626917	42
19	9415685	9473035	9527499	9579061	9627704	41
20	9416665	9473967	9528382	9579896	9628490	40
21	9417644	9474898	9529264	9580730	9629275	39
22	9418622	9475828	9530146	9581563	9630059	38
23	9419599	9476757	9531027	9582395	9630843	37
24	9420575	9477685	9531907	9583226	9631626	36
25	9421550	9478612	9532786	9584057	9632408	35
26	9422525	9479539	9533664	9584887	9633189	34
27	9423499	9480465	9534541	9585716	9633969	33
28	9424472	9481390	9535418	9586544	9634748	32
29	9425444	9482314	9536294	9587371	9635527	31
30	9426415	9483237	9537169	9588197	9636305	30
	19	18	17	16	15	

Gradus Quadrantis pro finibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	70	71	72	73	74	
30	9426415 ^{16.2}	9483237 ^{15.4}	9537169	9588197 ^{13.8}	9636305	30
31	9427386	9484160	9538043	9589023	9637082 ^{12.5}	29
32	9428356	9485082	9538917	9589848	9637858	28
33	9429325	9486003	9539790	9590672	9638633	27
34	9430293	9486923	9540662	9591495	9639408	26
35	9431260	9487842	9541533	9592318	9640182	25
36	9432227	9488761	9542403	9593140	9640955	24
37	9433193	9489679	9543272	9593961	9641727	23
38	9434158	9490596	9544141	9594781	9642498	22
39	9435122	9491512	9545009	9595600	9643268	21
40	9436085	9492427	9545876	9596419	9644038	20
41	9437048	9493341	9546742	9597237	9644807	19
42	9438010	9494255	9547607	9598054	9645575	18
43	9438971	9495168	9548472	9598870	9646342	17
44	9439931	9496080	9549336	9599685	9647108	16
45	9440890	9496991	9550199	9600499	9647873	15
46	9441849	9497902	9551061	9601313	9648638	14
47	9442807	9498812	9551922	9602126	9649402	13
48	9443764	9499721	9552783	9602938	9650165	12
49	9444720	9500629	9553643	9603749	9650927	11
50	9445676	9501536	9554502	9604559	9651689	10
51	9446631	9502443	9555360	9605368	9652450	9
52	9447585	9503349	9556217	9606177	9653210	8
53	9448538	9504254	9557074	9606985	9653969	7
54	9449490	9505158	9557930	9607792	9654727	6
55	9450441	9506061	9558785	9608598	9655484	5
56	9451392	9506963	9559639	9609403	9656240	4
57	9452342	9507865	9560492	9610208	9656996	3
58	9453291	9508766	9561345	9611012	9657751	2
59	9454239	9509666	9562197	9611815	9658505	1
60	9455186	9510565	9563048	9612617	9659258	0
	19	18	17	16	15	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro finibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	75	76	77	78	79	
0	9659258 ^{12.5}	9702957 ^{11.7}	9743700 ^{10.9}	9781476 ^{10.1}	9816272	60
1	9660011	9703660	9744355	9782080	9816827	59
2	9660163	9704363	9745008	9782684	9817381	58
3	9661514	9705065	9745660	9783287	9817934	57
4	9662264	9705766	9746312	9783889	9818486	56
5	9663013	9706466	9746963	9784490	9819037	55
6	9663761	9707165	9747613	9785090	9819587	54
7	9664508	9707863	9748262	9785689	9820137	53
8	9665255	9708561	9748910	9786288	9820686	52
9	9666001	9709258	9749557	9786886	9821234	51
10	9666746	9709954	9750203	9787483	9821781	50
11	9667490	9710649	9750849	9788079	9822327	49
12	9668233	9711343	9751494	9788674	9822872	48
13	9668976	9712036	9752138	9789268	9823417	47
14	9669718	9712729	9752781	9789862	9823961	46
15	9670459	9713421	9753423	9790455	9824504	45
16	9671199	9714112	9754065	9791047	9825046	44
17	9671938	9714802	9754706	9791638	9825587	43
18	9672677	9715491	9755346	9792228	9826128	42
19	9673415	9716180	9755985	9792818	9826668	41
20	9674152	9716868	9756623	9793407	9827207	40
21	9674888	9717555	9757260	9793995	9827745	39
22	9675623	9718241	9757897	9794582	9828282	38
23	9676357	9718926	9758533	9795168	9828818	37
24	9677091	9719610	9759168	9795753	9829354	36
25	9677824	9720294	9759802	9796337	9829889	35
26	9678556	9720977	9760435	9796921	9830423	34
27	9679287	9721659	9761057	9797504	9830956	33
28	9680017	9722340	9761695	9798086	9831488	32
29	9680747	9723020	9762330	9798667	9832015	31
30	9681476	9723699	9762960	9799247	9832549	30
	14	13	12	11	10	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	75	76	77	78	79	
30	9681476 ^{12.1}	9723699 ^{11.3}	9762960 ^{10.5}	9799247 ^{9.7}	9832549 ^{8.8}	30
31	9682804	9724378	9763589	9799827 ^{9.6}	9833079	29
32	9682931	9725056	9794217	9800406	9833608	28
33	9683657	9725733	9764845	9800984	9834136	27
34	9684383	9726409	9765472 ^{10.4}	9801561	9834663	26
35	9685108	9727085	9766098	9802137	9835182	25
36	9685832	9727760	9766723 ^{11.2}	9802712	9835714 ^{8.7}	24
37	9686555	9728434	9767347	9803287	9836239	23
38	9687277	9729107	9767970	9803861	9836763	22
39	9687998	9729779	9768593 ^{12.0}	9804434 ^{9.5}	9837286	21
40	9688719	9730450	9769215	9805006	9837808	20
41	9689439	9731120	9769836 ^{11.1}	9805577 ^{10.3}	9838329	19
42	9690158	9731789	9770456	9806147	9838850	18
43	9690876	9732458	9771075	9806716	9839370 ^{8.6}	17
44	9691593	9733126	9771693	9807285	9839889	16
45	9692309	9733793	9772311	9807853	9840407	15
46	9693025	9734459	9772928	9808420 ^{9.4}	9840924	14
47	9693740	9735124	9773544 ^{10.2}	9808986	9841440	13
48	9694454	9735789	9774159	9809551	9841956	12
49	9695167	9736453	9774773	9810116	9842471	11
50	9695879	9737116	9775387 ^{11.0}	9810680	9842985	10
51	9696590	9737778 ^{11.8}	9776000	9811243	9843498 ^{8.5}	9
52	9697301	9738439	9776612	9811805	9844010	8
53	9698011	9739099	9777223	9812366 ^{9.3}	9844521	7
54	9698720	9739759	9777833 ^{10.1}	9812926	9845032	6
55	9699428	9740418	9778442	9813486	9845542	5
56	9700135	9741076	9779050 ^{10.9}	9814045	9846051	4
57	9700842	9741733	9779658	9814603	9846559	3
58	9701548	9742389	9780265	9815160	9847066 ^{8.4}	2
59	9702253 ^{11.7}	9743045	9780871	9815716	9847572	1
60	9702957 ^{12.7}	9743700 ^{10.9}	9781476 ^{10.1}	9816272 ^{9.3}	9848078 ^{8.4}	0
	14	13	12	11	10	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B U L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	80	81	82	83	84	
0	9848078	9876883	9902681	9925461	9945219	60
1	9848583	9877338	9903085	9925816	9945523	59
2	9849087	9877792	9903489	9926169	9945826	58
3	9849590	9878245	9903892	9926521	9946128	57
4	9850092	9878697	9904294	9926873	9946429	56
5	9850593	9879148	9904695	9927224	9946729	55
6	9851093	9879598	9905095	9927574	9947028	54
7	9851593	9880048	9905494	9927923	9947327	53
8	9852092	9880497	9905893	9928271	9947625	52
9	9852590	9880945	9906291	9928618	9947922	51
10	9853087	9881392	9906688	9928965	9948218	50
11	9853583	9881838	9907084	9929311	9948513	49
12	9854079	9882283	9907479	9929656	9948807	48
13	9854574	9882728	9907873	9930000	9949100	47
14	9855068	9883172	9908266	9930343	9949393	46
15	9855561	9883615	9908659	9930685	9949685	45
16	9856053	9884057	9909051	9931026	9949976	44
17	9856544	9884498	9909442	9931367	9950266	43
18	9857035	9884938	9909832	9931707	9950555	42
19	9857525	9885378	9910221	9932046	9950844	41
20	9858014	9885817	9910610	9932384	9951132	40
21	9858502	9886255	9910998	9932721	9951419	39
22	9858989	9886692	9911385	9933057	9951705	38
23	9859475	9887128	9911771	9933393	9951990	37
24	9859961	9887564	9912156	9933728	9952274	36
25	9860446	9887999	9912540	9934062	9952557	35
26	9860930	9888433	9912923	9934395	9952840	34
27	9861413	9888866	9913306	9934727	9953122	33
28	9861895	9889298	9913688	9935058	9953403	32
29	9862376	9889729	9914069	9935389	9953683	31
30	9862856	9890159	9914449	9935719	9953962	30

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

S. I N V E R. M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	80	81	82	83	84	
30	9862856	9890159	9914449	9935719	9953962	30
31	9863336	9890588	9914828	9936048	9954240	29
32	9863815	9891017	9915206	9936376	9954518	28
33	9864293	9891445	9915584	9936703	9954795	27
34	9864770	9891872	9915961	9937029	9955071	26
35	9865246	9892298	9916337	9937355	9955346	25
36	9865722	9892723	9916712	9937680	9955620	24
37	9866197	9893147	9917086	9938004	9955893	23
38	9866671	9893571	9917459	9938327	9956165	22
39	9867144	9893994	9917832	9938649	9956437	21
40	9867616	9894416	9918204	9938970	9956708	20
41	9868087	9894837	9918575	9939290	9956978	19
42	9868557	9895257	9918945	9939609	9957247	18
43	9869027	9895677	9919314	9939928	9957515	17
44	9869496	9896096	9919682	9940246	9957782	16
45	9869964	9896514	9920049	9940563	9958049	15
46	9870431	9896931	9920416	9940879	9958315	14
47	9870897	9897347	9920782	9941194	9958580	13
48	9871362	9897762	9921147	9941509	9958844	12
49	9871827	9898177	9921511	9941823	9959107	11
50	9872291	9898591	9921874	9942136	9959370	10
51	9872754	9899004	9922236	9942448	9959632	9
52	9873216	9899416	9922598	9942759	9959893	8
53	9873677	9899827	9922959	9943069	9960153	7
54	9874137	9900237	9923319	9943379	9960412	6
55	9874597	9900646	9923678	9943688	9960670	5
56	9875056	9901055	9924036	9943996	9960927	4
57	9875514	9901463	9924393	9944303	9961183	3
58	9875971	9901870	9924750	9944609	9961438	2
59	9876427	9902276	9925106	9944914	9961693	1
60	9876883	9902681	9925461	9945219	9961947	0

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

T A B V L A
Gradus Quadrantis pro sinibus

	85	86	87	88	89	
0	9961947	9975640	9986295	9993908	9998477	60
1	9962200	9975843	9986447	9994009	9998527	59
2	9962452	9976045	9986598	9994109	9998576	58
3	9962703	9976246	9986748	9994208	9998625	57
4	9962954	9976446	9986897	9994307	9998673	56
5	9963204	9976645	9987045	9994405	9998720	55
6	9963453	9976843	9987193	9994502	9998766	54
7	9963701	9977040	9987340	9994598	9998811	53
8	9963948	9977237	9987486	9994693	9998855	52
9	9964194	9977433	9987631	9994787	9998899	51
10	9964440	9977628	9987775	9994881	9998942	50
11	9964685	9977822	9987918	9994974	9998984	49
12	9964929	9978015	9988061	9995066	9999025	48
13	9965172	9978207	9988203	9995157	9999065	47
14	9965414	9978398	9988344	9995247	9999104	46
15	9965655	9978589	9988484	9995336	9999143	45
16	9965895	9978779	9988623	9995424	9999181	44
17	9966135	9978968	9988761	9995512	9999218	43
18	9966374	9979156	9988899	9995599	9999254	42
19	9966612	9979343	9989036	9995685	9999289	41
20	9966849	9979530	9989172	9995770	9999323	40
21	9967085	9979716	9989307	9995854	9999356	39
22	9967320	9979901	9989441	9995937	9999389	38
23	9967555	9980085	9989574	9996019	9999421	37
24	9967789	9980268	9989706	9996101	9999452	36
25	9968022	9980450	9989837	9996182	9999482	35
26	9968254	9980631	9989968	9996262	9999511	34
27	9968485	9980811	9990098	9996341	9999539	33
28	9968715	9980991	9990227	9996419	9999566	32
29	9968944	9981170	9990355	9996496	9999593	31
30	9969173	9981348	9990482	9996573	9999619	30
	4	3	2	1	0	

Gradus Quadrantis pro sinibus rectis

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

S I N V V M.
rectis arcuum eiusdem Quadrantis

	85	86	87	88	89	
30	9969173	9981348	9990482	9996573	9999619	30
31	9969401	9981525	9990608	9996649	9999644	29
32	9969628	9981701	9990734	9996724	9999668	28
33	9969854	9981877	9990859	9996798	9999691	27
34	9970079	9982052	9990983	9996871	9999713	26
35	9970304	9982226	9991106	9996943	9999735	25
36	9970528	9982399	9991228	9997014	9999756	24
37	9970751	9982571	9991349	9997085	9999776	23
38	9970973	9982742	9991470	9997155	9999795	22
39	9971194	9982912	9991590	9997224	9999813	21
40	9971414	9983082	9991709	9997292	9999830	20
41	9971633	9983251	9991827	9997359	9999846	19
42	9971851	9983419	9991944	9997425	9999862	18
43	9972069	9983586	9992060	9997491	9999877	17
44	9972286	9983752	9992175	9997556	9999891	16
45	9972502	9983917	9992290	9997620	9999904	15
46	9972717	9984081	9992404	9997683	9999916	14
47	9972931	9984245	9992517	9997745	9999927	13
48	9973145	9984408	9992629	9997806	9999938	12
49	9973358	9984570	9992740	9997867	9999948	11
50	9973570	9984731	9992850	9997927	9999957	10
51	9973781	9984891	9992960	9997986	9999965	9
52	9973991	9985050	9993069	9998044	9999972	8
53	9974200	9985209	9993177	9998101	9999978	7
54	9974408	9985367	9993284	9998157	9999984	6
55	9974615	9985524	9993390	9998212	9999989	5
56	9974822	9985680	9993495	9998267	9999993	4
57	9975028	9985835	9993599	9998321	9999996	3
58	9975233	9985989	9993703	9998374	9999998	2
59	9975437	9986143	9993806	9998426	9999999	1
60	9975640	9986295	9993908	9998477	10000000	0
	4	3	2	1	0	

complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta graduum Quadrantis pro sinibus rectis arcuum eiusdem Quadrantis.

Minuta Graduum Quadrantis pro sinibus rectis complementorum arcuum eiusdem Quadrantis.

DE PARTE PROPORTIONALIS

Sinum, & arcuum.

Explicatio nume-
rorum pro parte
proportionali si-
num elicienda.

1. ANTE QVAM doceamus, qua ratione pars proportionalis ex precedenti tabula Sinuum eruenda sit, explicandum prius erit, quidnam am bini numeri columnis Sinuum interpositi significent, & quo sint artificio procreati. Prior ergo continet partes differentia inter duos sinus, inter quos scriptus est, congruentes vni Secundo illius arcus, quem gradus in vertice tabula, & minutum in latere eiusdem tabula exprimit: posterior autem numerus decimas particulas vnius partis differentia predicta complectitur. Vt quoniam inter duos sinus grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. positi sunt duo numeri 46. 5. colligemus vni Secundo inter minutum 12. & 13. gradus 16. congruere particulas 46 $\frac{5}{10}$. ex differentia 2793. inter duos sinus 2789911. 2792704. predictorum arcuum grad. 16. min. 12. & grad. 16. min. 13. qua tota differentia Secundis 60. hoc est, vni minuto debetur: quod idem intelligendum est de sequentium arcuum sinus usque ad arcus grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. inter quorum sinus positi sunt alij hi numeri 46. 4. ita ut iam vni Secundo conueniant ex differentia duorum proximorum Sinuum particula tantummodo 46. $\frac{4}{10}$ & sic de ceteris.

Numerorum pro-
creatio ad parte
proportionalis
sinuum eruendi.

2. PROCREATI autem sunt huiusmodi numeri inter sinus positi hoc modo. Inuentis differentijs omnium sinusum, partiti sumus singulas per 60. Secunda, ut particulas vni Secundo debitas produceremus: fractionem autem reliquam ad decimas reduximus, multiplicantes eam per 10, ut in quaestiuicula 14. cap. 16. nostra Arithmetica docuimus. Sic enim minori labore pars proportionalis eruetur, ut mox patebit. Verbi gratia. Differentia predicta 2793. si diuidatur per 60. fit Quotiens 46. & super sunt $\frac{3}{10}$. quae efficiunt 5. decimas & semis. Relicta ergo semisse, (Nam quando fractio vnius decima superat $\frac{1}{2}$. addidimus vna decimam in tabula, quando autem non superat $\frac{1}{2}$. sed vel aequalis est, vel minor, eam negleximus.) scripsimus in tabula 46. 5. id est, particulas differentia integras 46. & $\frac{5}{10}$. vnius, quae efficiunt 46 5. decimas vnius particula, qua producuntur etiam, si tota differentia 2793. ducatur in 10. & productus numerus 27930. per 60. diuidatur. Et quia in sequentibus differentijs usque ad differentiam Sinuum grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. exclusiue, hac ratione reperitur idem numerus 46 5. hoc est, particula 46. & 5. decima; inferuiet nobis hac pars proportionalis usque ad grad. 16. min. 37. & grad. 16. min. 38. exclusiue, ubi iam numerus reperitur minor, nimirum 46. & 4. decima. Vt quoniam differentia inter Sinus 2837364. & 2840153. grad. 16. min. 29. & grad. 16. min. 33. est 2789. Si ita ducatur in 10 & productus numerus 27890. per 60. diuidatur, fiet Quotiens 464. & supererunt $\frac{5}{10}$. quae superant $\frac{1}{2}$. Ergo habebimus iterum partes 46. & 5. decimas Atque ita de ceteris.

Inuentio sinus re-
cti cui parte pro-
portionali.

3. BENEFICIO horum numerorum expedire admodum pars proportionalis, per unicam videlicet vel multiplicationem, vel diuisionem reperitur. Nam si sinus rectus querendus sit alicuius arcus, qui praeter minima complectatur quoque Secunda, accipiendus erit sinus ex tabula respondens gradibus, ac minutis arcus propositi in vertice tabula positus, & ei adiciendus numerus, qui ex multiplicatione numeri interiecti proxime antecedentis in numerum Secundorum producitur. Vt si queratur Sinus rectus grad. 19. min. 36. Sec. 40. quemiam hunc arcum in tabula proxime praecedunt hi numeri 45. 7. hoc est, 457. decima, quae multiplicata in 40. Secunda producunt 18280. decimas, id est, particulas integras 188. addemus 182. 8. ad 3354516. sinum grad. 19. min. 36. ut consiciamus 3356344. sinum propositi arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40.

4. VI-

4. VICISSIM si ex sinu recto inquirendus sit arcus, accipiendus erit arcus respondens sinui proxime minori, & ei apponenda tot Secunda, quot unitates continentur in Quotiente, si differentia inter sinum proxime minorem (apposita prius xiphra, ut ad partes decimas reuocetur.) diuidatur per numerum decimarum in tabula inuentum. Vt si datus sit sinus 3356344. sumemus arcum grad. 19. min. 36. sinui proximo minori 3354516. respondentem, eique adiungemus Sec. 40. qui numerus gignitur ex diuisione 1828. differentia inter sinum propositum, & sinum proxime minorem, apposita prius xiphra 0. nimirum ex diuisione 18280. per 457. decimas in tabula inuentas. Ita enim arcus quaesitus erit grad. 19. min. 36. Sec. 40. Apponitur autem xiphra ad differentiam inuentam 1828. quia cum diuidi ea debeat per $\frac{457}{10}$. multiplicanda est per 10 & productus numerus per 457. diuidendus, ut ex nostra Arithmetica liquido constet.

Inuentio arcus
cum parte pro-
portionali ex da-
to sinu recto.

5. SI vero sinus complementi alicuius arcus quadrante minoris sit inuestigandus, qui praeter minuta habeat etiam Secunda, accipiendus est sinus ex tabula respondens gradibus ac minutis arcus propositi in inferiore parte tabula positus, & ab eo subtrahendus numerus, qui ex multiplicatione numeri interiecti superioris in numerum Secundorum producitur. Vt si queratur sinus complementi grad. 70. min. 23. Sec. 20. quoniam huic arcui inferuiunt hi numeri interiecti 45. 7. hoc est, 457. decima, addecimus 457. in 20. Secunda, & productum numerum, qui est 9140. decima, id est, particula integra 914. detrahemus ex 3357256. sinu complementi arcus grad. 70. min. 23. ut relinquatur sinus 3356342. complementi arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20.

Inuentio sinus
complementi ad par-
te proportionali

6. ALITER, & fortasse commodius, ne regula multiplicentur. Accipiat datus arcus complementum, & ipsius sinus rectus inuestigetur, ut Num. 3. docuimus. Vt in eodem exemplo, complementum arcus grad. 70. min. 23. Sec. 20. est arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. cuius sinus rectus inuenietur 3356344. duabus unitatibus maior illo, qui alio modo proxime inuentus fuit. Hoc idcirco euenit, quia arcus propositus parum abest ab insequenti numero interiecti minori.

Inuentio sinus
complementi arcus
quadrante mino-
ris, vna cum par-
te proportionali.

7. QUANDO arcus, cuius complementi sinus queritur, quadrante maior est, sed semicirculo minor, detrahemus ex dato arcus quadrantem, & reliqui arcus sinum rectum inquiremus, ut Num. 3. dictum est. Vt si queratur sinus complementi arcus grad. 109. min. 36. Sec. 40. Detrahto quadrante, superest arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. cui debetur sinus 3356344.

Inuentio sinus
complementi arcus
quadrante maio-
ris, vna cum par-
te proportionali.

8. E CONTRARIO si ex sinu complementi eliciendus sit arcus, sumendus erit arcus, vna cum parte proportionali, ut Num. 3. traditum est, respondens sinui dato, tanquam recto, isque ex quadrante auferendus, si sinus datus est sinus complementi arcus quadrante minoris, vel ad quadrantem adiciendus, quando nimirum datus sinus respondet complemento arcus quadrante maioris. Pulchre autem ipsa operatio in triangulis sine sphaericis, sine rectilineis docebit, num sinus propositus congruat complemento arcus quadrante minoris, an vero maioris. Vt si propositus sit sinus 3356342. complementi arcus quad. ante minoris, inuenietur, ut Num. 3. dictum est, arcus grad. 19. min. 36. Sec. 40. qui detrahtus ex quadrante relinquet arcum grad. 70. min. 23. Sec. 20. quaesitum. Si vero idem sinus debeatur complemento arcus quadrante maioris, addemus eius arcum inuentum ad quadrantem, consiciemusque arcum grad. 109. min. 36. Sec. 40. Huius enim complemento, nimirum arcui grad. 19. min. 36. Sec. 40. sinus 3356342. congruit.

Inuentio arcus
sinu complemen-
ti dato, vna cum
parte proportio-
nali.

9. DENIQUE sinus versus arcus, qui praeter gradus ac minuta, annexa quoque habet Secunda, inuenietur, si ipsius complementi sinus cum parte proportionali inuentus, ut Num. 5. 6. & 7. traditum est, ex sinu toto auferatur, vel sinui toti adiciatur, prout arcus quadrante minor est, vel maior. Vt si queratur sinus versus arcus grad. 70. min. 23.

Inuentio sinus
versus cum parte
proportionali.

min. 23. Sec. 20. reperiemus eius complementi, nimirum grad. 19. min. 36. Sec. 40. finum 3356342. qui detractus ex sinu toto 1000000. reliquum faciet sinum versus sum quæsitum 6643658. Si vero sinus versus desideretur arcus grad. 109. min. 36. Sec. 40. inueniemus eius complementi, videlicet grad. 19. min. 36. Sec. 40. sinum 3356342. qui ad sinum totum 1000000. adiectus conficiet sinum versus 13356342. quæsitum.

Inuestio arcus ex sinu verso cui parte proportio nali.

10. PARI ratione si ex sinu verso arcus inueniendus sit, detrahemus eum ex sinu toto, vel sinum totum ex ipso, minorem scilicet ex maiore. Ita namque reliquus fiet sinus complementi arcus quæsiti; ex quo quæsitus arcus elicietur, ut Num. 8. docuimus. Vt si datus sit sinus versus 6643658. detrahemus eum ex sinu toto 1000000. & eum reliquo 3356342. tanquam sinu recto expiscabimur arcum grad. 19. min. 36. Sec. 40. ut Num. 3. dictum est: qui ex quadrante ablatus relinquet quæsitum arcum grad. 70. min. 23. Sec. 20. Si vero sinus versus datus sit 13356342. auferemus ex eo sinum totum, & cum reliquo 3356342. inuagabimus, ut Num. 3. tradidimus, arcum grad. 19. min. 36. Sec. 40. qui adiectus ad quadrantem cõficiet arcum quæsitum grad. 109. min. 36. Sec. 40.

Cur tabule Tan gentium, & Secantiũ emendatz hic non sũt editæ.

QVOD vero hoc loco non exhibeamus etiam tabulas Tangentium, atq; Secantiũ emendatas, cum parte proportionali, causa est, quod eas nunc per temtus corrigere non licuerit, & quod maiore usum tabula sinuum habeat in prosthapharesi, quam Tangentium, & Secantium. Nam ut supra ostensum est, Tangentes, & Secantes, si qua sunt, quærenda sunt in tabula sinuum, non secus, ac si forent sinus, ibique pars proportionalis inuenienda. Quod si in sine operationis cum Tangente, vel Secante accipiendus fuerit arcus ex propria tabula, facile quis partem proportionalem inuestigabit, si opus fuerit, eo modo, quem in usu tabula sinuum exposuimus. Interim dabitur fortassis occasio etiamque tabulam Tangentium, & secantium emendandi. Hæc enim res maius orium ac tempus requirit.

IN gratiam porro studiosorum, & ut prosthapharesis usus planior fiat, subiiciemus hoc loco calculum omnium triangulorum in nostris triangulis, & tractatione sinuum demonstratum, & nunc ad commodiorem formam ac methodum reuocatum, proponemus, que idem numero quæsitum pluribus vijs soluendum, ut quilibet eam, qua magis placuerit, sibi deligat. Appellabimus autem in rectangulo quouis triangulo sine sphaerico, sine rectilineo latus recto angulo oppositum, BASEM. In nonrectangulo vero, quando duo latera nominantur, tertium, sine maius illud sit, sine non, basem dicemus.

Basia trianguli qua.

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM Rectangulorum Calculus.

QVONIAM in quouis triangulo sphaerico rectangulo quæritur ex duobus datis, vel cognitis, aut ANGLVS non rectus, aut LATVS circa angulum rectum, aut BASIS: fieri hoc poterit pluribus modis ac vijs, ut ex ijs, que sequuntur, perspicuum fiet. Semper aut è primo loco seorsum proponemus id, quod inquiritur: Deinde duo, que cognita sunt, vel data. Tertio vias varias, ac modos, quibus quæsitum eini potest, demonstrabimus: quibus etiam numeros præfigemus, ut facilius cognosci, & ab alijs argumentationibus secarni possint. Ita ergo prædicta inueniuntur.

Ex base, & latere, quod angulo quæsito opponitur.

1. vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris ad sinum anguli.	41. triang. spher.
Sed vt sinus lateris ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli ad secantem compl. lateris.	22. sinuum.
Ergo vt sinus basis ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli ad secantem compl. lateris.	11. quinti.
2. Ergo vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.	Conuersado.
Vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris ad sinum anguli.	41. triang. spher.
Ergo vt sinus basis ad sinum lateris:	Ita sinus totus ad sinum anguli.	Permutado.
Sed vt sinus basis ad sinum lateris:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. basis.	22. sinuum.
Ergo vt secans cõpl. lateris ad secantem compl. basis:	Ita sinus totus ad sinum anguli.	11. quinti.
3. Ergo vt secans cõpl. lateris ad sinum totum:	Ita secans compl. basis ad sinum anguli.	Permutado.
Sed vt secans cõpl. lateris ad sinum totum:	Ita sinus totus ad sinum lateris:	18. sinuum.
4. Ergo vt sinus totus ad sinum lateris:	Ita secans compl. basis ad sinum anguli.	11. quinti.
Vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.	2. modus.
Sed vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. basis ad sinum totum.	18. sinuum.
5. Ergo vt secans compl. basis ad sinum totum:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.	11. quinti.
Vt sinus totus ad sinum basis:	Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.	2. modus.
Ergo vt sinus totus ad secantem cõpl. lateris:	Ita sinus basis ad secantem compl. anguli.	Permutado.
Sed vt sinus totus ad secantem cõpl. lateris:	Ita sinus lateris ad sinum totum.	18. sinuum.
6. Ergo vt sinus lateris ad sinum totum:	Ita sinus basis ad secantem compl. anguli.	11. quinti.
Vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus lateris ad sinum anguli.	41. triang. spher.
Sed vt sinus basis ad sinum totum:	Ita sinus compl. basis ad tangentem compl. basis.	18. sinuum.
7. Ergo vt sinus compl. basis ad tangentem cõpl. basis:	Ita sinus lateris ad sinum anguli.	11. quinti.

Sed

22. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus lateris</i>	<i>ad sinum anguli :</i>	<i>Ita secans compl. anguli</i>	<i>ad secantem compl. lateris.</i>
11. <i>quinti.</i>	<i>Ergo ut sinus cöpl. basis</i>	<i>ad tangentem cöpl. basis:</i>	<i>Ita secans compl. anguli</i>	<i>ad secantem compl. lateris.</i>
<i>Cöuertendo.</i>	8. <i>Ergo ut tangēs compl. basis</i>	<i>ad sinum compl. basis:</i>	<i>Ita secans compl. lateris</i>	<i>ad secantem compl. anguli.</i>
41. <i>triang. spher.</i>	<i>Vt sinus basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus lateris</i>	<i>ad sinum anguli.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus compl. lateris</i>	<i>ad sinum lateris.</i>
<i>Ex aequal. perturb.</i>	9. <i>Ergo ut sinus basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus compl. lateris</i>	<i>ad sinum anguli.</i>
12. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus compl. lateris</i>	<i>ad sinum anguli :</i>	<i>Ita secans compl. anguli</i>	<i>ad secantem lateris.</i>
11. <i>quinti.</i>	<i>Ergo ut sinus basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita secans compl. anguli</i>	<i>ad secantem lateris.</i>
<i>Cöuertendo.</i>	10. <i>Ergo ut tangens lateris</i>	<i>ad sinum basis:</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad secantem compl. anguli.</i>
9. <i>modus.</i>	<i>Vt sinus basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus compl. lateris</i>	<i>ad sinum anguli.</i>
<i>Permutädo.</i>	<i>Ergo ut sinus basis</i>	<i>ad sinum compl. lateris:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad sinum anguli.</i>
22. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus basis</i>	<i>ad sinum compl. lateris:</i>	<i>Ita secans lateris</i>	<i>ad secantem compl. basis.</i>
11. <i>quinti.</i>	11. <i>Ergo ut fecäs lateris</i>	<i>ad secantem cöpl. basis:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad sinum anguli.</i>
6. <i>modus.</i>	<i>Vt sinus lateris</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus basis</i>	<i>ad secantem compl. anguli.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad tangentem basis:</i>	<i>Ita sinus compl. basis</i>	<i>ad sinum basis.</i>
<i>Ex aequal. perturb.</i>	12. <i>Ergo ut sinus lateris</i>	<i>ad tangentem basis:</i>	<i>Ita sinus compl. basis</i>	<i>ad secantem compl. anguli.</i>

VIDES ergo duodecim modis angulum investigari posse ex data base, & latere, cui angulus quaesitus opponitur, quorum quidem sex adhibent sinum totum, nimirum 2. & 4. in primo loco regula proportionum, & 1. 3. 5. & 6. in secundo loco: alij vero sex nullibi sinum totum habent. Eadem ratione in ijs, quae sequuntur, possent plures viae reperiri, sed nos breuitati consulentes contenti erimus sex tantum modos demonstrare in quolibet quaesito inuenienda ex eisdem datis, in quibus videlicet semper sinus totus interuenit.

II. AN-

II. ANGV LV S

Ex base, & latere, quod angulo quaesito adiacet.

<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	45. <i>triang. spher.</i>
1. <i>Ergo ut tangēs basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris.</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	45. <i>triang. spher.</i>
<i>Sed ut tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris:</i>	<i>Ita tang. compl. lateris</i>	<i>ad tangentem compl. basis.</i>	21. <i>sinuum.</i>
<i>Ergo ut tangens compl. lateris</i>	<i>ad tangentē compl. basis</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	11. <i>quinti.</i>
2. <i>Ergo ut tāgens compl. lateris</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita tangēs compl. basis</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Ergo ut tangens compl. lateris</i>	<i>ad tangentē compl. basis :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. anguli :</i>	<i>Ita secans anguli</i>	<i>ad sinum totum.</i>	18. <i>sinuum.</i>
<i>Ergo ut tangens compl. lateris</i>	<i>ad tangentē compl. basis :</i>	<i>Ita secans anguli</i>	<i>ad sinum totum.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Ergo ut tangens compl. basis</i>	<i>ad tangentē compl. lateris:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>Cöuertendo.</i>
3. <i>Ergo ut tangēs compl. basis</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita tangens cöpl. lateris</i>	<i>ad secantem ang.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Ergo ut tangens compl. basis</i>	<i>ad tangentē compl. lateris :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Sed ut tangens compl. basis</i>	<i>ad tangentē compl. lateris</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad tangentem basis</i>	21. <i>sinuum.</i>
<i>Ergo ut tangens lateris</i>	<i>ad tangentem basis :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	11. <i>quinti.</i>
4. <i>Ergo ut tangēs lateris</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad secantem ang.</i>	<i>Permutädo.</i>
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad sinum compl. ang.</i>	1. <i>modus.</i>
<i>Sed ut tangens basis</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. basis.</i>	18. <i>sinuum.</i>
5. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad tangentē cöpl. basis:</i>	<i>Ita tangens lateris</i>	<i>ad sinum compl. anguli.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Vt tangens lateris</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad secantem anguli.</i>	4. <i>modus.</i>
<i>Sed ut tangens lateris</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. lateris.</i>	18. <i>sinuum.</i>
6. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad tangentē cöpl. lateris:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad secantem anguli</i>	11. <i>quinti.</i>

Gg

III. ANGV-

47. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad finum compl. basis:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem, cōpl. anguli quæsit.
18. sinuum. 11. quinti.	Sed vt sinus totus	ad finū cōpl. basis:	Ita secans basis	ad finum totum.
21. sinuum. 11. quinti.	2. Ergo vt secans basis	ad finum totum:	Ita tangens anguli dati	ad tangentē compl. anguli quæsit.
Cōuertendo.	3. Ergo vt sinus totus	ad secantē basis:	Ita tangens ang. quæsit	ad tangentem compl. anguli dati.
1. modus.	Vt sinus totus	ad tangentē compl. ang. quæsit:	Ita tangens ang. quæsit	ad tangentem compl. anguli dati.
Permutādo.	Ergo vt sinus totus	ad finum totum:	Ita tangens anguli quæsit	ad tangentem compl. ang. dati.
18. sinuum. 11. quinti.	Sed vt sinus totus	ad secantē basis:	Ita tangens anguli quæsit	ad tangentem ang. quæsit.
3. modus.	4. Ergo vt tang. cōpl. ang. dati.	ad finum totum:	Ita tang. compl. ang. dati	ad tang. compl. ang. quæsit.
Permutādo.	Ergo vt sinus totus	ad finum compl. basis:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem compl. anguli quæsit.
11. sinuum. 11. quinti.	Sed vt sinus totus	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæsit.
11. quinti.	5. Ergo vt tang. anguli dati	ad finum totum:	Ita tangens anguli dati	ad finum totum.
4. modus.	Vt tangens compl. anguli dati	ad finum totum:	Ita secans basis	ad tangentem ang. quæsit.
Permutādo.	Ergo vt tang. cōpl. anguli dati	ad finum compl. basis:	Ita tangens anguli dati	ad tang. compl. ang. quæsit.
18. sinuum. 11. quinti.	Sed vt sinus totus	ad finum totum:	Ita tangens ang. quæsit	ad finum totum.
Cōuertendo.	Ergo vt tang. cōpl. anguli dati	ad finum compl. basis:	Ita tang. ang. quæsit	ad finum totum.
Permutādo.	6. Ergo vt sinus compl. basis	ad finum totum:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. anguli quæsit.

1. Vt sinus totus	ad finum anguli dati:	Ita sinus compl. lateris	ad finum compl. anguli quæsit.	42. triang. spher.
Sed vt sinus compl. lateris	ad finum compl. anguli quæsit:	Ita secans ang. quæsit	ad secantem lateris.	22. sinuum.
Ergo vt sinus totus	ad finum ang. dati:	Ita secans anguli quæsit	ad secantem lateris.	11. quinti.
2. Ergo vt sinus anguli dati	ad finum totum:	Ita secans lateris	ad secantem anguli quæsit.	Cōuertendo.
Vt sinus totus	ad finum ang. dati:	Ita sinus compl. lateris	ad finum compl. ang. quæsit.	42. triang. spher.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. lateris:	Ita sinus anguli dati	ad finum compl. ang. quæsit.	Permutādo.
Sed vt sinus anguli dati	ad finum compl. anguli quæsit:	Ita secans anguli quæsit	ad secantem compl. anguli dati.	22. sinuum.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. lateris:	Ita secans anguli quæsit	ad secantem compl. anguli dati.	11. quinti.
3. Ergo vt sinus compl. lateris	ad finum totum:	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem anguli quæsit.	Cōuertendo.
Vt sinus totus	ad finum ang. dati:	Ita sinus compl. lateris	ad finum compl. ang. quæsit.	42. triang. spher.
Sed vt sinus totus	ad finum ang. dati:	Ita secans compl. anguli dati	ad finum totum.	18. sinuum.
4. Ergo vt secans cōpl. ang. dati	ad finum totum:	Ita sinus compl. lateris	ad finum compl. anguli quæsit.	11. quinti.
Sed vt sinus compl. lateris	ad finum compl. anguli quæsit:	Ita secans anguli quæsit	ad secantem lateris.	22. sinuum.
Ergo vt secans cōpl. anguli dati	ad finum totum:	Ita secans anguli quæsit	ad secantem lateris.	11. quinti.
5. Ergo vt sinus totus	ad secantē compl. anguli dati	Ita secans lateris	ad secantem anguli quæsit.	Cōuertendo.
Vt sinus totus	ad finum anguli dati:	Ita sinus compl. lateris	ad finum compl. ang. quæsit.	42. triang. spher.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. lateris:	Ita sinus anguli dati	ad finum compl. ang. quæsit.	Permutādo.
Sed vt sinus totus	ad finum compl. lateris:	Ita secans lateris	ad finum totum.	18. sinuum.
6. Ergo vt secans lateris	ad finum totum:	Ita sinus anguli dati	ad finum compl. anguli quæsit.	11. quinti.

Ex latere, quod angulo quæfito adiacet, & altero angulo non recto:
*Dummodo constet, num maior sit recto, an minor, vel an
 basis, aut latus alterum non datum quadrante
 maius sit minusve.*

42. triang. spher. Permutado.	Vt sinus compl. lateris 1. Ergo vt sinus compl. lateris	ad sinum compl. anguli dati ad sinum totum:	Ita sinus totus Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum ang. quæfiti ad sinum anguli quæfiti.
42. triang. spher. 18. sinuum.	Vt sinus compl. lateris Sed vt sinus totus	ad sinum compl. anguli dati ad sinum anguli quæfiti:	Ita sinus totus Ita secans compl. anguli quæfiti	ad sinum ang. quæfiti. ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo vt sinus cõpl. lateris	ad sinum compl. anguli dati:	Ita secans compl. anguli quæfiti	ad sinum totum.
Cõuertendo. Permutado.	Ergo vt sinus cõpl. anguli dati 2. Ergo vt sinus cõpl. ang. dati	ad sinum compl. lateris ad sinum totum:	Ita sinus totus Ita sinus compl. lateris	ad secantem compl. anguli quæfiti. ad secantem compl. anguli quæfiti.
1. modus.	Vt sinus compl. lateris	ad sinum totum:	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum ang. quæfiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus compl. lateris	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem lateris.
11. quinti.	3. Ergo vt sinus totus	ad secantem lateris:	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum anguli quæfiti.
22. sinuum.	Sed vt sinus compl. ang. dati	ad sinum ang. quæfiti:	Ita secans compl. anguli quæfiti	ad secantem anguli dati.
11. quinti.	Ergo vt sinus totus	ad secantem lateris:	Ita secans compl. anguli quæfiti	ad secantem anguli dati.
Cõuertendo.	4. Ergo vt secans lateris	ad sinum totum:	Ita secans anguli dati	ad secantem compl. anguli quæfiti.
42. triang. spher. 22. sinuum.	Vt sinus compl. lateris Sed vt sinus compl. lateris	ad sinum compl. anguli dati ad sinum compl. anguli dati:	Ita sinus totus Ita secans anguli dati	ad sinum ang. quæfiti. ad secantem lateris.
11. quinti.	Ergo vt secans ang. dati	ad secantem lateris:	Ita sinus totus	ad sinum ang. quæfiti.
Permutado.	5. Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita secans lateris	ad sinum anguli quæfiti.
2. modus.	Vt sinus compl. anguli dati	ad sinum totum:	Ita sinus compl. lateris	ad secantem compl. anguli quæfiti. Sed

Sed vt sinus compl. anguli dati
 6. Ergo vt sinus totus
 ad sinum totum: Ita sinus totus
 ad secantem anguli dati: Ita sinus compl. lateris
 ad secantem compl. anguli quæfiti. 18. sinuum.
 11. quinti.

V I. ANGVLV S

Ex vtroque latere.

1. Vt sinus lat. adiac. ang. quæfito	ad sinum totum:	Ita tangens lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem anguli quæfiti.	44. triang. spher. 21. sinuum.
Sed vt tang. lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem anguli quæfiti:	Ita tangens compl. anguli quæfiti	ad tang. compl. lat. oppos. ang. quæfito.	11. quinti.
Ergo vt sinus lat. adiac. ang. quæfito	ad sinum totum:	Ita tang. compl. anguli quæfiti	ad tang. compl. lat. oppos. ang. quæfito.	Cõuertendo.
2. Ergo vt sinus totus	ad sinu lat. adiac. angulo quæfito:	Ita tåg. cõpl. lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem cõpl. anguli quæfiti.	44. triang. spher. 18. sinuum.
Vt sinus lat. adiac. angulo quæfito	ad sinum totum:	Ita tang. lat. oppos. angulo quæfito	ad tangentem anguli quæfiti	11. quinti.
Sed vt sinus lateris adiac. ang. quæfito	ad sinum totum:	Ita sinus totus	ad secantem compl. lat. adiac. ang. quæfito.	44. triang. spher. 11. quinti.
3. Ergo vt sinus totus	ad sec. compl. lat. adiac. ang. quæfito:	Ita tang. lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem anguli quæfiti.	44. triang. spher. Permutado.
Vt sinus lat. adiac. angulo quæfito	ad sinum totum:	Ita tang. lateris oppos. angulo quæfito	ad tangentem anguli quæfiti.	18. sinuum.
Ergo vt sinus lat. adiac. ang. quæfito	ad tang. lat. oppos. anguli quæfito:	Ita sinus totus	ad tangentem anguli quæfiti.	11. quinti.
Sed vt sinus totus	ad tangen. anguli quæfiti:	Ita tang. compl. anguli quæfiti	ad sinum totum.	Cõuertendo.
Ergo vt sinus lat. adiac. ang. quæfito	ad tang. lat. oppos. ang. quæfito.	Ita tang. compl. anguli quæfiti	ad sinum totum.	11. quinti.
Ergo vt tang. lat. oppos. angulo quæfito	ad sinum lat. adiac. angulo quæfito:	Ita sinus totus	ad tangentem compl. anguli quæfiti.	Cõuertendo.
4. Ergo vt tåg. lat. oppos. ang. quæfito	ad sinum totum:	Ita sinus lat. adiac. ang. quæfito	ad tangentem cõpl. anguli quæfiti.	Permutado
Vt sinus totus	ad sinum lat. adiac. ang. quæfito	Ita tåg. compl. lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem compl. anguli quæfiti.	2. modus.
Sed vt sinus totus	ad sinum lat. adiac. ang. quæfito:	Ita sec. cõpl. lat. adiac. ang. quæfito	ad sinum totum.	18. sinuum.
5. Ergo vt sec. cõpl. lat. adiac. ang. quæfito	ad sinum totum:	Ita tåg. cõpl. lat. oppos. ang. quæfito	ad tangentem cõpl. anguli quæfiti.	11. quinti.

Permutatio	Ergo ut sec. cōpl. lat. ad tang. compl. lat. Ita sinus totus ad tangentem compl. anguli quaesiti.	adiac. ang. quaesito	oppos. ang. quaesito	Ita tangens anguli ad sinum totum.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus ad tang. compl. lat. Ita tangens anguli quaesiti.	adiac. ang. quaesito	oppos. ang. quaesito	Ita sinus totus ad tangentem anguli quaesiti.
11. quinti.	Ergo ut sec. cōpl. lat. ad tang. compl. lat. Ita tangens ang. ad sinum totum.	adiac. ang. quaesito	oppos. ang. quaesito	Ita sinus totus ad tangentem anguli quaesiti.
Conuertēdo	Ergo ut tēg. cōpl. lat. ad sec. compl. lat. Ita sinus totus ad tangentem anguli quaesiti.	oppos. tang. quaesito	adiac. ang. quaesito	Ita sec. compl. lat. ad tangentem anguli quaesiti.
Permutatio	6. Ergo ut tēg. cōpl. lat. oppos. ang. quaesito ad sinum totum : Ita sec. compl. lat. ad tangentem anguli quaesiti.			

VII. L A L V S.

Ex base, & altero latere.

43. triang. spher.	Vt sinus compl. lateris dati	ad sinum compl. basis	Ita sinus totus ad sinum compl. lateris quaesiti.
Permutatio	1. Ergo ut sinus cōpl. lat. dati	ad sinum totum	Ita sinus compl. basis ad sinum compl. lateris quaesiti.
43. triang. spher.	Vt sinus compl. lateris dati	ad sinum compl. basis	Ita sinus totus ad sinum compl. lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed ut sinus totus	ad sinum compl. lateris quaesiti	Ita secans lateris ad sinum totum.
11. quinti.	Ergo ut sinus compl. lateris dati	ad sinum compl. basis	Ita secans lateris ad sinum totum.
Conuertēdo	Ergo ut sinus compl. basis	ad sinum compl. lateris dati	Ita sinus totus ad secantem lateris quaesiti.
Permutatio	2. Ergo ut sinus cōpl. basis	ad sinum totum	Ita sinus compl. lateris dati ad secantem lateris quaesiti.
43. triang. spher.	Vt sinus compl. lat. dati	ad sinum compl. basis	Ita sinus totus ad sinum compl. lateris quaesiti.
22. sinuum.	Sed ut sinus compl. lateris dati	ad sinum compl. basis	Ita secans basis ad secantem lateris dati.
11. quinti.	Ergo ut secans basis	ad secantem lateris dati	Ita sinus totus ad sinum compl. lateris quaesiti.
Permutatio	3. Ergo ut secans basis	ad sinum totum	Ita secans lateris dati ad sinum compl. lateris quaesiti.
2. modus.	Vt sinus compl. basis	ad sinum totum	Ita sinus compl. lateris dati ad secantem lateris quaesiti.
Permutatio	Ergo ut sinus cōpl. basis	ad sinum compl. lateris dati	Ita sinus totus ad secantem lateris quaesiti.
22. sinuum.	Sed ut sinus compl. basis	ad sinum compl. lateris dati	Ita secans lateris ad secantem basis.

Ergo

Ergo ut secans lateris dati	ad secantem basis	Ita sinus totus ad secantem lateris quaesiti.	11. quinti.
4. Ergo ut secans lateris dati	ad sinum totum	Ita secans basis ad secantem lateris quaesiti.	Permutatio.
Vt sinus compl. lateris dati	ad sinum totum	Ita sinus compl. basis ad sinum compl. lateris quaesiti.	1. modus.
Sed ut sinus compl. lateris dati	ad sinum totum	Ita sinus totus ad secantem lateris dati.	18. sinuum.
5. Ergo ut sinus totus	ad secantem lateris dati	Ita sinus compl. basis ad sinum compl. lateris quaesiti.	11. quinti.
Vt sinus compl. basis	ad sinum totum	Ita sinus compl. lateris dati ad secantem lateris quaesiti.	2. modus.
Sed ut sinus compl. basis	ad sinum totum	Ita sinus totus ad secantem basis.	18. sinuum.
6. Ergo ut sinus totus	ad secantem basis	Ita sinus compl. lateris dati ad secantem lateris quaesiti.	11. quinti.

VIII. L A T V S.

Ex base & angulo, qui lateri quaesito opponitur.

1. Vt sinus totus	ad sinum basis	Ita sinus anguli ad sinum lateris quaesiti.	41. triang. spher.
Sed ut sinus anguli dati	ad sinum lateris quaesiti	Ita secans compl. lateris quaesiti ad secantem compl. anguli dati.	22. sinuum.
Ergo ut sinus totus	ad sinum basis	Ita secans compl. lateris quaesiti ad secantem compl. anguli dati.	11. quinti.
2. Ergo ut sinus basis	ad sinum totum	Ita secans compl. anguli dati ad secantem compl. lateris quaesiti.	Conuertendo
Vt sinus totus	ad sinum basis	Ita sinus anguli dati ad sinum lateris quaesiti.	41. triang. spher.
Sed ut sinus totus	ad sinum basis	Ita secans compl. basis ad sinum totum.	18. sinuum.
3. Ergo ut secans cōpl. basis	ad sinum totum	Ita sinus anguli dati ad sinum lateris quaesiti.	11. quinti.
Sed ut sinus anguli dati	ad sinum lateris quaesiti	Ita secans compl. lateris quaesiti ad secantem compl. anguli dati.	22. sinuum.
Ergo ut secans cōpl. basis	ad sinum totum	Ita secans compl. lateris quaesiti ad secantem compl. anguli dati.	11. quinti.
4. Ergo ut sinus totus	ad secantem cōpl. basis	Ita secans cōpl. anguli dati ad secantem compl. lateris quaesiti.	Conuertendo.

Vt sinus

41. triang. spher.	Vt sinus totus	ad sinum basis:	Ita sinus anguli dati	ad sinum lateris quaesiti.
Permutado	Ergo vt sinus totus	ad sinum anguli dati:	Ita sinus basis	ad sinum lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum anguli dati:	Ita secans compl. anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	5. Ergo vt secans compl. ang. dati	ad sinum totum:	Ita sinus basis	ad sinum lateris quaesiti.
4. modus.	Vt sinus totus	ad secantem compl. basis:	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lateris quaesiti.
Permutado.	Ergo vt sinus totus	ad secantem compl. anguli dati:	Ita secans compl. basis	ad secantem compl. lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad secantem compl. anguli dati:	Ita sinus anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	6. Ergo vt sinus anguli dati	ad sinum totum;	Ita secans compl. basis	ad secantem compl. lateris quaesiti.

I X. L A T V S

Ex base & angulo, qui lateri quaesito adiacet.

41. triang. spher.	1. Vt sinus totus	ad sinum compl. anguli dati:	Ita tangens basis	ad tangentem lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad sinum compl. anguli dati:	Ita secans anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	2. Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens basis	ad tangentem lateris quaesiti.
21. sinuum.	Sed vt tangens basis	ad tangentem lateris quaesiti:	Ita tangens compl. lateris quaesiti	ad tangentem compl. basis.
11. quinti.	Ergo vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. lateris quaesiti	ad tangentem compl. basis.
Couertendo.	3. Ergo vt sinus totus	ad secantem anguli dati:	Ita tangens compl. basis	ad tangentem compl. lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad secantem anguli dati:	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum totum.
11. quinti.	4. Ergo vt sinus compl. ang. dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. basis	ad tangens compl. lateris quaesiti.
3. modus.	Vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens basis	ad tangentem lateris quaesiti.
Permutado.	Ergo vt secans anguli dati	ad tangentem basis:	Ita sinus totus	ad tangentem lateris quaesiti.

Sed

Sed vt sinus totus	ad tangentem lateris quaesiti:	Ita tangens compl. lateris quaesiti	ad sinum totum.	18. sinuum.
Ergo vt secans anguli dati	ad tangentem basis:	Ita tang. compl. lateris quaesiti.	ad sinum totum.	11. quinti.
Ergo vt tangens basis	ad secantem anguli dati:	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	Couertendo.
5. Ergo vt tangens basis	ad sinum totum:	Ita secans anguli dati	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	Permutado.
Vt sinus compl. anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. basis	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	4. modus.
Ergo vt sinus compl. anguli dati	ad tangen. compl. basis:	Ita sinus totus	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	Permutado.
Sed vt sinus totus	ad tangentem compl. lateris quaesiti:	Ita tangens lateris quaesiti.	ad sinum totum.	18. sinuum.
Ergo vt sinus compl. anguli dati	ad tang. complem. basis:	Ita tangens lateris quaesiti	ad sinum totum.	11. quinti.
Ergo vt tang. compl. basis	ad sinum compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad tangentem lateris quaesiti.	Couertendo
6. Ergo vt tangens compl. basis	ad sinum totum:	Ita sinus compl. anguli dati	ad tangentem lateris quaesiti.	Permutado

X. L A L V S

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quaesito adiacet; si modo constet, num quaesitum latus sit quadrante maius, an minus; vel an alter angulus non reclus non datus sit acutus, obtususue; vel denique num basis sit quadrante maior, aut minor.

Vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris quaesiti.	44. triang. spher.
1. Ergo vt tangens anguli dati	ad sinum totum:	Ita tangens lateris dati	ad sinum lateris quaesiti.	Permutado.
Vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris quaesiti.	44. triang. spher.
Sed vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati:	Ita tangens compl. lateris dati	ad tangentem compl. anguli dati.	21. sinuum.
Ergo vt tangens compl. lateris dati	ad tangentem compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad sinum lateris quaesiti.	11. quinti.
2. Ergo vt tangens compl. lat. dati	ad sinum totum:	Ita tangens compl. anguli dati	ad sinum lateris quaesiti.	Permutado.

Hb

Vt tan-

44. triang. spher.	Vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati:	Ita finus totus	ad finum lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt finus totus	ad finum lateris quaesiti:	Ita secans compl. lateris quaesiti.	ad finum totum.
11. quinti.	Ergo vt tangens anguli dati	ad tangentem lateris dati:	Ita secans compl. lateris quaesiti.	ad finum totum.
Conuertendo.	Ergo vt tangens lateris dati	ad tangentem anguli dati:	Ita finus totus	ad secantem compl. lateris quaesiti.
Permutado.	3. Ergo vt tang. lateris dati	ad finum totum:	Ita tangens anguli dati	ad secantem cōpl. lateris quaesiti.
2. modus.	Vt tangens compl. lateris dati	ad finum totum:	Ita tang. compl. anguli dati	ad finum lateris quaesiti.
Permutado.	Ergo vt tang. compl. lateris dati	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita finus totus	ad finum lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt finus totus	ad finum lateris quaesiti:	Ita secans compl. lateris quaesiti.	ad finum totum.
11. quinti.	Ergo vt tang. compl. lateris dati	ad tangentē compl. anguli dati:	Ita secans compl. lateris quaesiti.	ad finum totum.
Conuertendo.	Ergo vt tang. compl. anguli dati	ad tangen. compl. lateris dati:	Ita finus totus	ad secantem compl. lateris quaesiti.
Permutando.	4. Ergo vt tangens compl. ang. dati	ad finum totum:	Ita tang. compl. lateris dati	ad secantem cōpl. lateris quaesiti.
1. modus.	Vt tangens anguli dati	ad finum totum:	Ita tangens lateris dati	ad finum lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt tangens anguli dati	ad finum totum:	Ita finus totus	ad tangentem compl. anguli dati.
11. quinti.	5. Ergo vt finus totus	ad tang. compl. anguli dati:	Ita tangens lateris dati	ad finum lateris quaesiti.
3. modus.	Vt tangens lateris dati	ad finum totum:	Ita tangens anguli dati	ad secantem compl. lateris quaesiti.
18. sinuum.	Sed vt tangens lateris dati	ad finum totum:	Ita finus totus	ad tangentem compl. lateris dati.
11. quinti.	6. Ergo vt finus totus	ad tangen. compl. lateris dati:	Ita tangens anguli dati	ad secantem compl. lateris quaesiti.

X I. L A T V S

Ex altero latere, & angulo, qui lateri quaesito opponitur.

44. triang. spher.	1. Vt finus totus	ad finum lateris dati:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem lateris quaesiti.
--------------------	-------------------	------------------------	-------------------------	--------------------------------

Sed

Sed vt tangens ang. dati	ad tangentem lateris quaesiti:	Ita tangen compl. lateris quaesiti.	ad tangentem compl. anguli dati.	21. sinuum.
Ergo vt finus totus	ad finum lateris dati:	Ita tangens compl. lateris quaesiti.	ad tangentem compl. anguli dati.	11. quinti.
2. Ergo vt finus lateris dati	ad finum totum:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. compl. lateris quaesiti.	Conuertendo.
Sed vt finus lateris dati	ad finum totum:	Ita finus totus	ad secantem compl. lateris dati.	18. sinuum.
3. Ergo vt finus totus	ad secant. compl. lateris dati:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tangētem compl. lateris quaesiti.	11. quinti.
Vt finus totus	ad finum lateris dati:	Ita tangens anguli dati	ad tangentem lateris quaesiti.	44. triang. spher.
Sed vt finus totus	ad finum lateris dati:	Ita secans compl. lateris dati:	ad finum totum:	18. sinuum.
4. Ergo vt secans compl. lat. dati	ad finum totum:	Ita tang. anguli dati	ad tangētem lateris quaesiti.	11. quinti.
Vt finus lateris dati	ad finum totum:	Ita tangens compl. anguli dati	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	2. modus.
Ergo vt finus lateris dati	ad tangen. compl. anguli dati	Ita finus totus	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	Permutado.
Sed vt finus totus	ad tangen. compl. lateris quaesiti:	Ita tangens lateris quaesiti	ad finum totum.	18. sinuum.
Ergo vt finus lateris dati	ad tangen. compl. anguli dati:	Ita tangens lateris quaesiti	ad finum totum.	11. quinti.
Ergo vt tang. compl. anguli dati	ad finum lateris dati:	Ita finus totus	ad tangentem lateris quaesiti.	Conuertendo
5. Ergo vt tangens compl. ang. dati	ad finum totum:	Ita finus lateris dati	ad tangentem lateris quaesiti.	Permutado
Vt finus totus	ad secantem compl. lateris dati:	Ita tangens compl. anguli dati	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	3. modus.
Ergo vt finus totus	ad tangen. compl. anguli dati:	Ita secans compl. lateris dati	ad tangentem compl. lateris quaesiti.	Permutado.
Sed vt finus totus	ad tangen. compl. anguli dati:	Ita tangens anguli dati	ad finum totum.	18. sinuum.
6. Ergo vt tang. anguli dati	ad finum totum:	Ita secans cōpl. lateris dati	ad tangentē compl. lateris quaesiti.	11. quinti.

X I I. L A T V S

Ex vtroque angulo non recto.

1. Vt finus ang. adiac. lat. quaesito	ad finum totum:	Ita finus cōpl. ang. oppos. lat. quaesito	ad finum compl. lateris quaesiti.	42. triang. spher.
---------------------------------------	-----------------	---	-----------------------------------	--------------------

H b 2

Sed vt finus

18. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus anguli adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sec. compl. anguli adiac. lat. quaesito.</i>
11. <i>quinti.</i>	2. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad sec. cōpl. ang. adiac. lat. quaesito:</i>	<i>Ita sinus cōpl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
42. <i>triang. spher. Permutādo</i>	<i>Vt sinus ang. adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus cōpl. ang. oppof. lateri quaesito</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum cōpl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
11. <i>quinti.</i>	<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti:</i>	<i>Ita secans lateris quaesiti</i>	<i>ad sinum totum.</i>
<i>Cōuertendo.</i>	<i>Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum cōpl. ang. oppof. lat. quaesito:</i>	<i>Ita secans lateris quaesiti</i>	<i>ad sinum totum.</i>
<i>Permutādo.</i>	3. <i>Ergo ut sinus cōpl. ang. oppof. lateri quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus cōpl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus anguli adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad secantem ang. oppof. lat. quaesito.</i>
11. <i>quinti.</i>	4. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad secantem ang. oppof. lateri quaesito:</i>	<i>Ita sinus anguli adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
42. <i>triang. spher. Permutādo</i>	<i>Vt sinus ang. adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus cōpl. ang. oppof. lat. quaesito.</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Ergo ut sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum cōpl. ang. oppof. lat. quaesito:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
11. <i>quinti.</i>	<i>Sed ut sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum cōpl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>Ita secans ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sec. compl. anguli adiac. lat. quaesito.</i>
<i>Permutādo.</i>	5. <i>Ergo ut secans ang. oppof. lateri quaesito</i>	<i>ad sec. compl. ang. adiac. lateri quaesito</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. lateris quaesiti.</i>
3. <i>modus.</i>	<i>Vt sinus compl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus ang. adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
<i>Permutādo.</i>	<i>Ergo ut sinus compl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum ang. adiac. lat. quaesito:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
18. <i>sinuum.</i>	<i>Sed ut sinus compl. ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>ad sinū ang. adiac. lateri quaesito:</i>	<i>Ita sec. compl. ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad secantem anguli oppof. lat. quaesito.</i>
11. <i>quinti.</i>	<i>Ergo ut sec. compl. ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad secantem ang. oppof. lat. quaesito</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
<i>Permutādo.</i>	6. <i>Ergo ut secans compl. ang. adiac. lateri quaesito</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita secans ang. oppof. lateri quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>

XIII. BASIS

Ex latere, & angulo ei adiacente.

1. <i>Vt sinus compl. anguli dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	42. <i>triang. spher.</i>
<i>Sed ut sinus compl. anguli dati</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati.</i>	18. <i>sinuum.</i>
2. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Sed ut tangens lat. dati</i>	<i>ad tangentē basis:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. dati.</i>	21. <i>sinuum.</i>
<i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. dati.</i>	11. <i>quinti.</i>
3. <i>Ergo ut secans ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad tangentē compl. basis.</i>	<i>Cōuertendo.</i>
<i>Sed ut secans ang. dati</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. ang. dati.</i>	18. <i>sinuum.</i>
4. <i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. ang. dati:</i>	<i>Ita tangēs compl. lat. dati</i>	<i>ad tangentē compl. basis.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Vt sinus compl. ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	42. <i>triang. spher. Permutādo.</i>
<i>Ergo ut sinus cōpl. ang. dati</i>	<i>ad tangentem lat. dati:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad tangentē basis:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad sinum totum.</i>	18. <i>sinuum.</i>
<i>Ergo ut sinus cōpl. ang. dati</i>	<i>ad tangentem lat. dati:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad sinum totum.</i>	11. <i>quinti.</i>
<i>Ergo ut tang. lat. dati</i>	<i>ad sinum compl. ang. dati:</i>	<i>Ita sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. basis.</i>	<i>Cōuertendo.</i>
5. <i>Ergo ut tangēs lat. dati.</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita sinus compl. ang. dati</i>	<i>ad tangentē compl. basis.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati:</i>	<i>Ita tangens lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	2. <i>modus.</i>
<i>Ergo ut sinus totus</i>	<i>ad tangentem lat. dati.</i>	<i>Ita secans anguli dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	<i>Permutādo.</i>
<i>Sed ut sinus totus</i>	<i>ad tangentem lat. dati:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum.</i>	18. <i>sinuum.</i>
6. <i>Ergo ut tang. cōpl. lat. dati.</i>	<i>ad sinum totum :</i>	<i>Ita secans anguli dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>	11. <i>quinti.</i>

XIIII. BASIS

Ex latere, & angulo ei opposito: Si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datus sit acutus, obtususve: Aut denique num alterum latere non datum, minus sit quadrante, an maius.

41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad finum lateris dati:	Ita sinus totus	ad finum basis.
Permutado.	1. Ergo vt sinus anguli dati	ad finum totum:	Ita sinus lat. dati	ad finum basis.
18. sinuum.	Sed vt sinus anguli dati	ad finum totum:	Ita sinus totus	ad secantem compl. anguli dati.
11. quinti.	2. Ergo vt sinus totus	ad secantem compl. ang. dati:	Ita sinus lat. dati	ad finum basis.
41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad finum lateris dati:	Ita sinus totus	ad finum basis.
18. sinuum.	Sed vt sinus totus	ad finum basis:	Ita secans compl. basis	ad finum totum.
11. quinti.	Ergo vt sinus ang. dati	ad finum lat. dati:	Ita secans compl. basis	ad finum totum.
Conuertendo.	Ergo vt sinus lat. dati	ad finum ang. dati:	Ita sinus totus	ad secantem compl. basis.
Permutado.	3. Ergo vt sinus lat. dati	ad finum totum:	Ita sinus anguli dati	ad secantem compl. basis.
18. sinuum.	Sed vt sit sinus lat. dati	ad finum totum:	Ita sinus totus	ad secantem compl. lat. dati.
11. quinti.	4. Ergo vt sinus totus	ad secantem compl. lat. dati:	Ita sinus ang. dati	ad secantem compl. basis.
41. triang. spher.	Vt sinus ang. dati	ad finum lat. dati:	Ita sinus totus	ad finum basis.
22. sinuum.	Sed vt sinus anguli dati	ad finum lat. dati:	Ita secans compl. lat. dati	ad secantem compl. anguli dati.
11. quinti.	Ergo vt secans cöpl. lat. dati	ad secantem compl. anguli dati:	Ita sinus totus	ad finum basis.
Permutado.	5. Ergo vt secans compl. lat. dati	ad finum totum:	Ita secans compl. anguli dati	ad finum basis.
3. modus.	Vt sinus lat. dati	ad finum totum:	Ita sinus ang. dati	ad secantem compl. basis.
Permutado.	Ergo vt sinus lat. dati	ad finum ang. dati	Ita sinus totus	ad secantem compl. basis.
22. sinuum.	Sed vt sinus lat. dati	ad finum anguli dati:	Ita secans compl. anguli dati	ad secantem compl. lat. dati

Ergo

Ergo vt secans cöpl. anguli dati ad secantem compl. lat. dati. Ita sinus totus ad secantem compl. basis. 11. quinti.
 6. Ergo vt secans cöpl. ang. dati ad finum totum: Ita secans compl. lat. dati ad secantem compl. basis. Permutado.

XV. BASIS

Ex utroque latere, quorum alterutrum statuatur primum, & alterum secundum.

1. Vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lateris	ad finum compl. basis.	43. triang. spher.
Sed vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita secans 1. lateris	ad finum totum.	18. sinuum.
2. Ergo vt secans 1. lateris	ad finum totum:	Ita sinus compl. 2. lateris	ad finum compl. basis.	11. quinti.
Vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lat.	ad finum compl. basis.	43. triang. spher.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. 2. lateris:	Ita secans compl. 1. lateris	ad finum compl. basis.	Permutado.
Sed vt sinus totus	ad finum compl. 2. lateris	Ita secans 2. lateris	ad finum totum.	18. sinuum.
3. Ergo vt secans 2. lateris	ad finum totum:	Ita sinus compl. 1. lateris	ad finum compl. basis.	11. quinti.
Vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lateris	ad finum compl. basis.	43. triang. spher.
Sed vt sinus compl. 2. lateris	ad finum compl. basis:	Ita secans basis	ad secantem 2. lat.	22. sinuum.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita secans basis	ad secantem 2. lat.	11. quinti.
4. Ergo vt sinus cöpl. 1. lateris	ad finum totum:	Ita secans 2. lat.	ad secantem basis.	Conuertendo.
Sed vt sinus compl. 1. lateris	ad finum totum:	Ita sinus totus	ad secantem 1. lateris.	18. sinuum.
5. Ergo vt sinus totus	ad secantem 1. lateris:	Ita secans 2. lat.	ad secantem basis.	11. quinti.
Vt sinus totus	ad finum compl. 1. lateris:	Ita sinus compl. 2. lateris	ad finum compl. basis.	43. triang. spher.
Ergo vt sinus totus	ad finum compl. 2. lateris:	Ita sinus compl. 1. lateris	ad finum compl. basis.	Permutado.

Sed

22. *sinuum.* Sed vt sinus compl. 1. lat. ad sinum compl. ba sis: Ita secans basis ad secantem 1. lat.
 11. *quinti.* Ergo vt sinus totus ad sinum compl. 1. lateris: Ita secans basis ad secantem 1. lat.
 Cōuertendo. Ergo vt sinus cōp. 2. lateris ad sinum totum: Ita secans 1. lat. ad secantem basis.

XVI. B A S I S

Ex utroque angulo non recto, Quorum alteruter statuatur primus, & alter secundus.

50. *triang. spher.* 1. Vt sinus totus ad tāgentē cōpl. 1. anguli. Ita tangens cōpl. 2. anguli ad sinum cōpl. basis.

18. *sinuum.* Sed vt sinus totus ad tang. compl. 1. anguli: Ita tangens 1. ang. ad sinum totum.

11. *quinti.* 2. Ergo vt tangēs 1. anguli ad sinum totum: Ita tangēs compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.

50. *triang. spher.* Vt sinus totus ad tang. compl. 1. anguli: Ita tangens compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.

Permutādo. Ergo vt sinus totus ad tang. compl. 2. anguli: Ita tangens compl. 1. anguli ad sinum compl. basis.

18. *sinuum.* Sed vt sinus totus ad tang. compl. 2. anguli: Ita tangens 2. ang. ad sinum totum.

11. *quinti.* 3. Ergo vt tangens 2. anguli ad sinum totum: Ita tangens cōpl. 1. anguli ad sinum compl. basis.

2. *modus.* Vt tangens 1. ang. ad sinum totum: Ita tangens compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.

Permutādo. Ergo vt tangens 1. anguli ad tang. compl. 2. anguli: Ita sinus totus ad sinum compl. basis.

18. *sinuum.* Sed vt sinus totus ad sinum compl. basis: Ita secans basis ad sinum totum.

11. *quinti.* Ergo vt tangens 1. anguli ad tang. compl. 2. anguli: Ita secans basis ad sinum totum.

Cōuertendo. Ergo vt tang. compl. 2. anguli ad tangētē 1. ang. Ita sinus totus ad secantem basis.

Permutādo. 4. Ergo vt tangēs cōpl. 2. anguli ad sinum totum: Ita tangens 1. ang. ad secantem basis.

3. *modus.* Vt tangens 2. ang. ad sinum totum: Ita tangens compl. 1. anguli ad sinum compl. basis.

Permutādo. Ergo vt tangens 2. anguli ad tang. compl. 1. anguli: Ita sinus totus ad sinum compl. basis.

Sed

Sed vt sinus totus ad sinum compl. basis: Ita secans basis ad sinum totum. 18. *sinuum.*

Ergo vt tangens 2. anguli: ad tang. compl. 1. anguli: Ita secans basis ad sinum totum. 11. *quinti.*

Ergo vt tang. compl. 1. anguli: ad tangentem 2. Ita sinus totus ad secantem basis. Cōuertendo.

5. Ergo vt tang. compl. 1. ang. ad sinum totum: Ita tangens 2. ang. ad secantem basis. Permutādo.

Vt tang. compl. 2. anguli: ad sinum totum: Ita tang. 1. ang. ad secantem basis. 4. *modus.*

Sed vt tang. compl. 2. anguli: ad sinum totum: Ita sinus totus ad tangentem 2. ang. 18. *sinuum.*

6. Ergo vt sinus totus ad tang. 2. anguli: Ita tangens 1. ang. ad secantem basis. 11. *quinti.*

H I S ita demonstratis, vt expeditus in triangulo spherico rectangulo inueniatur, quod quaritur, & ante oculos tota operatio regula proportionum pestra sit, digessimus hoc loco in ordinem sexdecim problema a proxime demonstrata, ita vt quodlibet eorum sex modis possit absolui, in quibus quidem omnibus sinus totus reperitur vel in primo loco regula, vel in secundo. Ordo ergo hic est.

I N T R I A N G V L O

spherico rectangulo hisce omnibus modis inueitigari potest

I. *Problema.*

I. A N G V L V S

Ex base, & laterē, quod angulo quæsitō opponitur.

Vt sinus totus ad sinum basis: Ita secans compl. lateris ad secantem compl. anguli.

Vt sinus totus ad sinum lateris: Ita secans compl. basis ad sinum anguli.

Vt sinus basis ad sinum totum: Ita sinus lateris ad sinum anguli.

Vt secans compl. lateris ad sinum totum: Ita secans compl. basis ad sinum anguli.

Vt secans compl. basis ad sinum totum: Ita secans compl. lateris ad secan. compl. ang.

Vt sinus lateris ad sinum totum: Ita sinus basis ad secantem compl. anguli.

Inuentus angulus erit acutus, si datum latus fuerit quadrante minus: obtusus autem, si maius.

II. Problema.

II. ANGVIVS
Ex base, & latere, quod angulo quæfito adiacet.

Vt sinus totus	ad tangentem cõpl. basis:	Ita tangens lateris	ad sinum compl. ang.
Vt sinus totus	ad tangentẽ compl. lateris:	Ita tangens basis	ad secantem anguli.
Vt tangens basis	ad sinum totum:	Ita tangens lateris	ad sinum compl. anguli.
Vt tangens compl. lateris	ad sinum totum:	Ita tangens compl. basis	ad sinum compl. ang.
Vt tangens compl. basis	ad sinum totum:	Ita tangens compl. lateris	ad secantem anguli.
Vt tangens lateris	ad sinum totum:	Ita tangens basis	ad secantem anguli.

Inuentus angulus erit acutus, si tam basis, quam latus datum quadrante maius fuerit, aut minus: obtusus vero, si alterutrum datorum fuerit quadrante maius, & alterum minus.

III. Problema.

III. ANGVIVS
Ex base, & altero angulo non recto.

Vt sinus totus	ad sinum compl. basis:	Ita tangens anguli dati	ad tang. compl. ang. quæfiti.
Vt sinus totus	ad secantem basis:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tangentem ang. quæfiti.
Vt secans basis	ad sinum totum:	Ita tangens anguli dati	ad tang. compl. ang. quæfiti.
Vt tang. compl. anguli dati	ad sinum totum:	Ita sinus compl. basis	ad tang. compl. ang. quæfiti.
Vt tangens anguli dati	ad sinum totum:	Ita secans basis	ad tang. ang. quæfiti.
Vt sinus compl. basis	ad sinum totum:	Ita tang. compl. anguli dati	ad tang. anguli quæfiti.

Inuentus angulus erit acutus, si basis fuerit minor quadrante, & datus angulus acutus; aut si basis fuerit quadrante maior, & angulus datus obtusus: Idem vero angulus erit obtusus, si basis quadrante minor fuerit, & angulus datus obtusus, aut si basis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

III. Problema.

III. ANGVIVS
Ex latere, quod angulo quæfito opponitur, & altero angulo non recto.

Vt sinus totus	ad sinum ang. dati:	Ita sinus compl. lateris	ad sinum compl. ang. quæfiti.
----------------	---------------------	--------------------------	-------------------------------

V

Vt sinus totus	ad secantẽ compl. anguli dati:	Ita secans lateris	ad secan. ang. quæfiti.
Vt sinus ang. dati	ad sinum totum:	Ita secans lateris	ad secantem anguli quæfiti.
Vt sinus compl. lat.	ad sinum totum:	Ita secans compl. anguli dati	ad secan. ang. quæfiti.
Vt secans compl. anguli dati	ad sinum totum:	Ita sinus compl. lateris	ad sinum compl. ang. quæfiti.
Vt secans lateris	ad sinum totum:	Ita sinus ang. dati	ad sinum compl. anguli quæfiti.

Inuentus angulus erit acutus, si latus datum fuerit quadrante minus: obtusus vero, si maius.

V. ANGVIVS

Ex latere, quod angulo quæfito adiacet, & altero angulo non recto: *dummodo constet, num quæsitus angulus maior sit recto, an minor: vel an basis, aut latus alterum non datum quadrante maius sit, minusue.*

V. Problema.

Vt sinus totus	ad secantem lat.	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum ang. quæfiti.
Vt sinus totus	ad secan. ang. dati:	Ita sinus compl. lateris	ad secan. compl. ang. quæfiti.
Vt sinus compl. lat.	ad sinum totum:	Ita sinus compl. anguli dati	ad sinum ang. quæfiti.
Vt sinus compl. ang. dati	ad sinum totum:	Ita sinus compl. lat.	ad secan. compl. ang. quæfiti.
Vt secans lateris	ad sinum totum:	Ita secans anguli dati	ad secan. compl. ang. quæfiti.
Vt secans anguli dati	ad sinum totum:	Ita secans lateris	ad sinum ang. quæfiti.

Inuentus angulus erit acutus, (nisi aliunde constet.) si alterum latus non datum fuerit quadrante minus; obtusus vero, si maius. Pari ratione, si basis fuerit minor quadrante, & datus angulus acutus; vel si basis maior fuerit quadrante, & datus angulus obtusus; inuentus angulus acutus erit: Si vero basis fuerit quadrante minor, & datus angulus obtusus; vel si basis quadrante maior fuerit, & datus angulus acutus; inuentus angulus obtusus erit.

VI. ANGVIVS
Ex utroque latere circa angulum rectum.

VI. Problema.

Vt sinus totus	ad sinũ lat. adiacẽtis ang. quæfito:	Ita tang. cõpl. lat. quæfito	ad tang. compl. ang. quæfiti.
----------------	--------------------------------------	------------------------------	-------------------------------

Ii 2 Vt sinus

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. cōpl. lat. ad- iac. ang. quæsito:</i>	<i>Ita tang. lat. oppos. ang. quæsito</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>
<i>Vt sinus lat. adiac. ang. quæsito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. lat. oppos. ang. quæsito</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>
<i>Vt tang. lat. oppos. ang. quæsito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus lat. adiac. ang. quæsito</i>	<i>ad tang. compl. ang. quæsit.</i>
<i>Vt secans cōpl. lat. adiac. ang. quæsito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. cōpl. lat. opp. ang. quæsito</i>	<i>ad tang. compl. anguli quæsit.</i>
<i>Vt tang. cōpl. lat. opp. ang. quæsito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sec. cōpl. lat. ad iac. ang. quæsito</i>	<i>ad tang. ang. quæsit.</i>

Inuentus angulus erit acutus, si datum latus quæsito angulo oppositum fuerit minus quadrante: obtusus vero, si maius.

VII.
Problema.

VII. LATVS
Ex base, & altero latere.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem lateris dati:</i>	<i>Ita sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem basis:</i>	<i>Ita sinus compl. lat. dati</i>	<i>ad secantem lateris quæsit.</i>
<i>Vt sinus compl. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus compl. ba sis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. lat. dati</i>	<i>ad secantem lat. quæsit.</i>
<i>Vt secans basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans lat. dati</i>	<i>ad sinum compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt secans lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans basis</i>	<i>ad secantem lateris quæsit.</i>

Inuentum latus erit minus quadrante, si tam basis, quam latus datum quadrante minus fuerit: maius vero quadrante, si vel basis fuerit maior, & latus datum minus quadrante, vel basis minor, & datum latus quadrante maius.

VIII.
Problema.

VIII. LATV
Ex base, & angulo, qui lateri quæsito opponitur.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sinum basis:</i>	<i>Ita sinus anguli dati</i>	<i>ad sinum lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secan. compl. ba sis</i>	<i>Ita secans compl. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans compl. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quæsit.</i>

Vt secans

<i>Vt secans compl. ba sis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus anguli da ti</i>	<i>ad sinum lateris qua sit.</i>
<i>Vt secans compl. an guli dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus basis</i>	<i>ad sinum lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans compl. basis</i>	<i>ad secan. compl. lat. quæsit.</i>

Inuentum latus quadrante erit minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus: maius vero, si obtusus.

IX. LATVS

Ex base, & angulo, qui lateri quæsito adiacet.

IX.
Problema.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. an guli dati:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tang. lat. quæsit.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem anguli dati:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt secans ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens basis</i>	<i>ad tangentem lateris quæsit.</i>
<i>Vt sinus compl. ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens compl. basis</i>	<i>ad tang. compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt tangens basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. lat. quæsit.</i>
<i>Vt tangens compl. basis</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. an guli dati</i>	<i>ad tangentem lateris quæsit.</i>

Inuentum latus quadrante minus erit, si basis minor fuerit quadrante, & datus angulus acutus; aut si basis fuerit quadrante maior, & datus angulus obtusus: maius vero quadrante, si basis quadrante minor fuerit, & datus angulus obtusus; aut si basis fuerit maior quadrante, & datus angulus acutus.

X. LATVS

Ex altero latere, & angulo, qui quæsito lateri adiacet: Si modo constet, num quæsitum latus sit quadrante maius, an minus; vel an alter angulus non reclus non datus sit acutus, obtususque; vel denique num basis sit quadrante maior, aut minor.

X.
Problema.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tangentem compl. ang. dati:</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad sinum lat. quæsit.</i>
-----------------------	---	-------------------------------------	------------------------------

Vt sinus

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad tang. compl. lat. dati:</i>	<i>Ita tangens ang. dati</i>	<i>ad secantem compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt tangens ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tangens lateris dati</i>	<i>ad sinum lat. quaesiti.</i>
<i>Vt tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad sinum lat. quaesiti.</i>
<i>Vt tang. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt tang. compl. ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad secan. compl. lat. quaesiti.</i>

Inuentum latus quadrante erit minus, (nisi aliunde constet) si angulus ei oppositus, & non datus fuerit acutus; maius vero, si obrufus. Pari ratione minus erit, si basis minor fuerit quadrante, & latus datum minus quoque quadrante; at si basis fuerit minor quadrante, & datum latus maius, inuentum latus erit quadrante maius. Denique si tam basis, quam latus datum fuerit quadrante maius, erit inuentum latus minus quadrante, maius autem, si basis maior fuerit quadrante, & datum latus, minus.

XI.
Problema.

XI. LATVS
Ex altero latere, & angulo, qui lateri quaesito opponitur.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sinum lateris dati:</i>	<i>Ita tangens anguli dati</i>	<i>ad tang. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secan. compl. lat. dati:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt sinus lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt secans compl. lateris dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. ang. dati</i>	<i>ad tangentem lateris quaesiti.</i>
<i>Vt tang. compl. anguli dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad tang. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt tang. ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans compl. lat. dati.</i>	<i>ad tang. compl. lat. quaesiti.</i>

Inuentum latus erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus; maius vero, si obtufus.

XII.
Problema.

XII. LATVS
Ex utroque angulo non recto.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. cöpl. ang. ad iac. lat. quaesito.</i>	<i>Ita sinus cöpl. ang. opp. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. ang. opp. lateri quaesito:</i>	<i>Ita sinus ang. adiacentis lat. quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>

Vt sinus

<i>Vt sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus cöpl. ang. opp. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt sinus compl. ang. opp. lat. quaesito.</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>
<i>Vt secans ang. opp. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans cöpl. ang. adiac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum compl. lat. quaesiti.</i>
<i>Vt sec. cöpl. ang. ad iac. lat. quaesito</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sec. ang. opp. lat. quaesito</i>	<i>ad secantem lateris quaesiti.</i>

Inuentum latus erit quadrante minus, si datus angulus ei oppositus fuerit acutus; maius vero, si obrufus.

XIII. BASIS
Ex latere & angulo ei adiacente.

XIII.
Problema.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sinum compl. anguli dati:</i>	<i>Ita tangens compl. lat. dati</i>	<i>ad tang. compl. basis.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secan. ang. dati:</i>	<i>Ita tangens lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
<i>Vt sinus compl. anguli dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. lat. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>
<i>Vt secans ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad tangentem compl. basis.</i>
<i>Vt tang. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus compl. anguli dati</i>	<i>ad tang. compl. basis.</i>
<i>Vt tang. compl. lat. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita secans ang. dati</i>	<i>ad tangentem basis.</i>

Inuenta basis minor erit quadrante, si datum latus fuerit quadrante minus, & angulus datus ei adiacens, acutus; vel si datum latus fuerit maius quadrante, & datus angulus ei adiacens, obtufus; maior vero quadrante, si datum latus fuerit maius quadrante, & datus angulus ei adiacens, acutus; vel si datum latus fuerit quadrante minus, & angulus datus, obtufus.

XIII.
Problema.

XIII. BASIS
Ex latere, & angulo ei opposito: Si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datus sit acutus; obtufusue: Aut denique num alterum latus non datum, minus sit quadrante, an maius.

<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad secantem compl. ang. dati:</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad sinum basis.</i>
<i>Vt sinus totus</i>	<i>ad sec. compl. lat. dati:</i>	<i>Ita sinus ang. dati</i>	<i>ad secan. compl. basis.</i>
<i>Vt sinus ang. dati</i>	<i>ad sinum totum:</i>	<i>Ita sinus lat. dati</i>	<i>ad sinum basis.</i>

Vt sinus

Vt sinus lat. dati ad sinum totum: Ita sinus anguli ad secantem compl. dati basis.
 Vt secans compl. lat. ad sinum totum; Ita secans compl. ad sinum basis. ang. dati
 Vt secans compl. ang. ad sinum totum: Ita secans compl. ad secan. compl. basis. lat. dati

Inuenta basis quadrante minor erit (nisi aliunde constet) si vterque angulorum non rectorum fuerit acutus, vel obtusus; vel si vtrumque laterum fuerit quadrante minus, vel maius: Eadem vero basis inuenta maior erit quadrante, si alteruter angulorum non rectorum fuerit acutus, & alter obtusus; vel alterutrum laterum fuerit quadrante minus, & alterum maius.

XV.
Problema.

XV. BASIS

Ex vtroque latere: quorum alterutrum statuatur primum, & alterum secundum.

Vt sinus totus ad sinum compl. 1. lateris: Ita sinus compl. 2. lateris ad sinum compl. basis.
 Vt sinus totus ad secantem 1. lateris: Ita secans 2. lat. ad secantem basis.
 Vt secans 1. lat. ad sinum totum: Ita sinus compl. 2. lateris ad sinum compl. basis.
 Vt secans 2. lat. ad sinum totum: Ita sinus compl. 1. lateris ad sinum compl. basis.
 Vt sinus compl. 1. lateris ad sinum totum: Ita secans 2. lateris ad secantem basis.
 Vt sinus compl. 2. lateris ad sinum totum: Ita secans 1. lat. ad secantem basis.

Inuenta basis erit quadrante minor, si vtrumque lateris fuerit quadrante minus, vel maius: maior vero, si alterutrum laterum fuerit minus quadrante, & alterum maius.

XVI.
Problema.

XVI. BASIS

Ex vtroque angulo non recto: Quorum alteruter statuatur primus, & alter secundus.

Vt sinus totus ad tang. compl. 1. anguli: Ita tangens compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.
 Vt sinus totus ad tang. 2. anguli: Ita tangens 1. anguli ad secantem basis.

Vt tangens

Vt tangens 1. ang. ad sinum totum: Ita tang. compl. 2. anguli ad sinum compl. basis.
 Vt tangens 2. ang. ad sinum totum: Ita tang. compl. 1. anguli ad sinum compl. basis.
 Vt tang. compl. 2. anguli ad sinum totum: Ita tang. 1. anguli ad secantem basis.
 Vt tang. compl. 1. anguli ad sinum totum: Ita tangens 2. ang. ad secantem basis.

Inuenta basis quadrante minor erit, si vterque angulorum non rectorum fuerit acutus, vel obtusus: maior vero, si alteruter angulorum non rectorum fuerit acutus, & alter obtusus.

TRIANGVLORVM SPHAERICORVM
obliquangulorum calculus.

17. DATO aggregato duorum arcuum vel angulorum, quod semicirculo minus sit, vna cum proportione, quam eorundem sinus habent, vtrumque illorum efficere notum.

XVII.
Problema.

TERMINI proportionis data, si sinus non sunt, ad sinus reducuntur per vtriusque multiplicationem per 10. 100. 1000. 10000. 100000. 1000000. ita ut maior terminus habeat tot figuras, quot continentur in maioribus sinus in tabula Sinuum. Ita enim hi sinus eandem proportionem habebunt, quam termini prioris proportionis data. Deinde hi termini ad sinus reducti in vnam summam colligantur, eiusque semissis, atque differentia inter eam semissem, & alterutrum terminorum, arcus ex tabula sinuum accipiantur, non secus, ac si semissis illa, ac differentia sinus essent, & scorsum ambo referentur: Eritque

a 17. vel 18.
septimi.

Vt sinus totus ad secan. complemēti maioris arcus seruati, qui nimirū semissis summe terminorum respōdet: Ita differentia prædicta, hoc est, sinus minoris arcus seruati, ad quartum.

Vt sinus totus ad tangentem semissis aggregati arcuum vel angulorum: Ita quartus inuentus ad tangentem differentie inter semissem aggregati arcuum, vel angulorum, & alterutrum arcu quaesitorū.

HVIS tangentis inuenta arcus ad semissem aggregati arcuum, vel angulorum additus conficit maiorem arcum, vel angulum quaesitum: ex eadem vero semisse sub-

Kk ductus

ductus minorem arcum, vel angulum quaesitum relinquit. Duplice autem illa operatione reperiri tangentem dicta differentia, ita perspicuum fiet. Quoniam, ut propos. 6. triang. rectil. demonstravimus, est ut semissis aggregati terminorum data proportionis (ad sinus reuocatorum) ad tangentem semissis aggregati arcuum, ita differentia inter semissis summa terminorum data proportionis, & alterutrum terminorum, ad tangentem differentiam inter semissis aggregati arcuum, & alterutrum arcuum quaesitorum, erit quoque permutando, ut semissis aggr. term. ad diff. dictam, ita tangens semissis aggr. arcuum ad tang. diff. arcuum. Sed ut semissis aggr. term. ad sinum totum, ita est diff. dicta ad alium quartum numerum: Et permutando, ut semissis aggr. term. ad dictam diff. ita sinus totus ad quartum illum numerum. Igitur erit etiam, ut sinus totus ad quartum, ita tangens semissis aggr. arcuum ad tangentem diff. arcuum: Et permutando, ut sinus totus ad tangentem semissis aggr. arcuum, ita quartus ad tangentem diff. arcuum, ut in secundo exemplo regulae proportionum dicebamus. Produci autem quartum illum numerum eo modo, qui in primo exemplo expressus est, ita manifestum erit.

a 18. sinu.

Quoniam est, ut semissis aggr. term. ad sinum totum, ita diff. supra dicta ad illum quartum, ut paulo ante diximus; Est autem ut semissis aggr. term. seu sinus, ad sinum totum, ita sinus totus ad secantem complementi arcus, qui illi semissi, ut sinus debetur: id quod etiam supra ostendimus in Prosthapharesi Num. 6. Erit quoque, ut sinus totus ad secantem complementi arcus, qui semissi aggr. term. ut sinui, debetur, ita diff. praedicta ad quartum, ut in primo exemplo regulae aureae positum est.

b c. triang. rectil.

VERVM tangens diff. inter semissis aggr. arcuum, & alterutrum arcuum quaesitorum, inuenietur quoque per unam operationem, sine tamen sinu toto. Est enim

Vt semissis aggr. ad tangentem semissis aggregati terminorum	ad tangentem semissis aggregati arcuum;	Ita diff. inter semissis aggregati terminorum, & alterutrum terminorum	ad tangentem diff. inter semissis aggregati arcuum, & alterutrum arcuum.
--	---	--	--

XVIII. Problema.

18. DATO aggregato duorum arcuum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duorum angulorum, quod semicirculo maior sit, vna cum proportione sinuum eorum, vtrumque notum efficere.

DETRACTO hoc aggregato ex toto circulo, supererit aliud aggregatum arcuum semicirculo minus, cum eadem proportione data, ut propos. 6. triang. rectil. dictum est. Si igitur huius aggregati uterque arcus, vel angulus inuestigetur, ut in praecedenti problemate 17. tradidimus, & inuentus uterque ex semicirculo tollatur, notum relinquetur quaesitum duo arcus, vel anguli aggregatum semicirculo maius datum constantes.

QVOD si quando accidat, datam proportionem esse aequalitatis, erunt quoque duo arcus, vel anguli datam aggregatum conficietes aequales. Quare semissis dati aggregati vtrumque arcum, vel angulum quaesitum dabit.

SI vero datum aggregatum semicirculo fuerit aequale, problema solui non poterit, ut in scholio propos. 6. triang. rectil. ostendimus.

XIX. Problema.

19. DATA differentia duorum arcuum, quorum singuli semicirculo sint minores, vel duorum angulorum, vna cum proportione, quam eorum sinus habent, vtrumque seorsum cognoscere.

SVBTRACTA differentia data ex semicirculo, sumatur reliquus arcus, tanquam aggregatum duorum arcuum; & eius uterque arcus per datam proportionem (hac enim eadem permanet, ut in propos. 7. triang. rectil. dictum est.) eruat ex problemate 17. Minor enim inuentus, si data proportio est maioris inaequalitatis, hoc est, si sinus maioris arcus maior est, & minoris minor. (quod quidem accidit, quando duo arcus semicirculo minores sunt.) erit quaesitorum minor arcus; maior vero inuentus ex semicirculo subductus maiorem arcum quaesitum relinquet. Si vero data proportio est minoris inaequalitatis, hoc est, si sinus maioris arcus minor est sinu minoris, (quod accidit, quando duo arcus semicirculum superant.) minor arcus inuentus ex semicirculo demptus relinquet maiorem arcum quaesitum; maior vero ex semicirculo ablatum minorem arcum quaesitum relinquet.

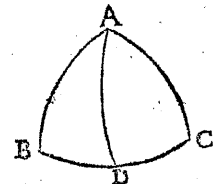
QVOD si data proportio fuerit aequalitatis, quod quidem euenit, quando duo arcus semicirculum conficiunt, detrahemus differentiam ex semicirculo. Reliqui enim numeri semissis dabit minorem arcum quaesitum, eadem vero semissis, si data differentia adijciatur, maiorem arcum quaesitum conficiet.

QVANDO datur aggregatum vel differentia duorum angulorum unum angulum sphaericum constituentium, vel in aliquo triangulo rectilineo existentium, conficiet arcus illorum angulorum semper aggregatum semicirculo minus; ac proinde adhibendum erit solum problema 17. praecedens, vel prima pars huius problematis 18.

20. DATIS tribus angulis trianguli sphaerici obliquanguli, tria latera inuestigare.

XX. Problema.

AVT in triangulo ABC, omnes tres anguli sunt aequales, aut duo tantum, aut omnes tres inaequales. Sint primum omnes tres anguli, vel duo B, C, duntaxat aequales, & eruntque idcirco & latera AB, AC, eis opposita aequalia, angulique B, C, vel acuti, vel obtusi. Si igitur ex tertio angulo A, in lateris oppositi BC, duobus equalibus angulis adiacens, arcus perpendicularis intelligatur demissus AD, cadet is intra triangulum, diuidetque & lateris BC, & angulum BAC, bifariam. Quoniam enim triangula ABD, ACD, retriangula habent angulos B, C, aequales, & latera AB, AC, rectis angulis ad D, opposita, aequalia; erunt quoque tam latera BD, CD, quam anguli ad A, aequales: ac proinde cum totus angulus ad A, datus sit, dabuntur etiam eius semisses BAD, CAD. Quia igitur in triangulo rectangulo ABD, duo anguli non recti cogniti sunt B, & BAD, nota fiet quoque basis AB; Est enim,



a 9. triang. sphaer.

b 57. triang. sphaer.

c 21. triang. sphaer.

d 16. probl.

Vt sinus totus ad tangentem compl. anguli B:	Ita tangens compl. anguli BAD,	ad sinum compl. basis AB, &c.
--	--------------------------------	-------------------------------

Hinc etiam cognitum erit lateris AC, ipsi AB, aequale: Immo & tertium lateris BC, si omnes tres anguli in triangulo ABC, dati sunt aequales, datum erit; quod tunc omnia tria latera sint aequalia, ut diximus, ac proinde uno inuento, reliqua nota etiam erunt. Si vero solum duo anguli B, & C, aequales sint, reperietur BD, semissis lateris BC, ex eisdem angulis non rectis B, BAD, cognitis. Est enim,

e 12. probl.

Vt finus totus ad secantē compl. Ita finus cōpl.ang. ad finum compl.
 ang. B, lat. quæsi BAD, lat. quæsi lat. BD, quæsi.
 to BD, adiac. to BD, oppositi &c.

Si ergo latus BD, duplicetur, notum fiet totum latus BC.

S I N T deinde omnes tres anguli inæquales, atque advo duo saltem acuti, vel obtu-
 a 57. triang. sicutis modi ut ang. sint B, & C. Demissus igitur ex tertio angulo A, in latus BC, duobus
 spher. acutis, vel obtusis angulis adiacens, arcus perpendicularis AD, intra triangulum ca-
 b 61. triang. det: b Erisque.
 spher.

Vt finus compl. ad finum compl. Ita finus anguli ad finum ang. DCA
 anguli B, ang. C: BAD,

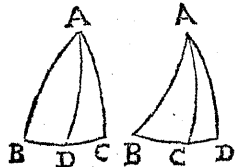
Igitur proportio, quam finus angulorum BAD, CAD, habent, nota erit, cuius ter-
 minum erunt finus compl. angulorum B, & C. Sumatur semisis aggregati horum finuum,
 & differētia inter eam semisem, & alterutrum finuum compl. ang. B, C. Erit ergo, ut
 in problemate 17. demonstravimus;

Vt finus totus ad secan. compl. Ita prædicta diff. ad quartum alium
 arcus, qui di- inter illam fe-
 ctæ semisi de- missem, & al-
 betur, vt finui: terutrum finui
 cōpl. ang. B, C.

Deinde

Vt finus totus ad tang. semisis Ita quartus inuen- ad tang. differentiæ
 anguli BAC, tā tus inter semisem
 quam aggregati anguli BAC, &
 angulorū BAD, alterutrum ang.
 CAD: BAD, CAD.

Arcus igitur huius tangentis inuenta additus semisi anguli BAC, conficiet angulū
 maiorem A, & ablatas ex eadem semisse relinquet minorem. Ille autem angulus A,
 maior erit, qui respondet maiori finui compl. ang. B, &
 C: adeo ut si finus compl. ang. B, maior fuerit finui cōpl.
 ang. C, angulus BAD, maior sit angulo CAD, &c.



I A M ex duobus angulis non rectis A, B, trianguli
 recti anguli ABD, cognitis, cognoscetur basis AB, ex
 problemate 16. & latus BD, ex problemate 12. Eadem
 ratione ex angulis non rectis A, C, trianguli CAD, re-
 ctanguli cognoscetur & basis AC, & latus CD: summa
 nūtè laterum BD, CD, totum latus BC, exhibebit. At-

que ita nota facta sunt omnia tria latera.

XXI.
 Problema,

21. DATIS tribus lateribus trianguli spherici obliquanguli,
 quemlibet angulorum indagare.

S I T in superiore triangulo notorum laterum inuestigandus angulus BAC, sintq;
 primum duo latera AB, AC, cum ambientia, inæqualia. Ita ergo angulum BAC, in-
 uestigabimus.

Vt

Vt finus totus ad finum maioris Ita finus minoris ad quartum
 lateris dati: lateris dati schol. 2.
 58. triang.
 spher.

Deinde

Vt quartus inuen- ad finum totum: Ita diff. inter finū ad finum versum an-
 tus versū arcus quæ- guli quæsi.
 sito ang. oppos.
 & finum versum
 arcus, quo duo la-
 tera angulū quæ-
 situm ambiētia
 inter se differūt.

S I N T deinde duo latera AB, AC, quæsitum angulum ambientia, equalia. De-
 missus ergo ex angulo quæsito arcus perpendicularis AD, secabit & angulum quæsitū,
 & latus oppositum BC, bisariam, ut in præcedenti problemate ostendimus. Et quia in
 triangulo rectangulo BAD, basis AB, nota est, cum latere BD, (Est enim semisis la-
 teris BC, noti.) quod angulo BAD, opponitur, cognoscetur angulus BAD, ex problema-
 te 1. ac proinde & totus angulus quæsitus BAC, cum illius duplus sit, cognitus erit.

a 21. triang.
 spher.

22. DATIS in triangulo spherico obliquangulo duobus la-
 teribus, cum angulo ab ipsis comprehenso, reliquum latus cum re-
 liquis duobus angulis, inquirere.

XXII.
 Problema.

S I N T in eodem superiori triangulo data duo latera AB, AC, cum angulo BAC,
 primum in æqualia: ex quibus ita reliqua venabimur.

Vt finus totus ad finum maioris Ita finus minoris ad quartum.
 lat. dati: lat. dati

schol. 2.
 58. triang.
 spher.

Deinde

Vt finus totus ad quartum: Ita finus versus ad diff. inter finum
 ang. dati versum tertii late-
 ris quæsi, & finū
 versū arcus, quo
 duo latera data
 inter se differunt.

Hæc differentia ad finum versum arcus, quo duo latera data inter se differunt, adie-
 cta, conficit finum versum tertij lateris quæsi, ex quo ipsum latus tertium cognosce-
 tur. Atque ita cognita iam erunt omnia tria latera trianguli ABC; ideoque uterque
 reliquorum angulorum B, C, notus fiet, ut in antecedente problemate traditū est.

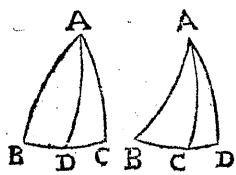
S I N T deinde duo latera AB, AC, equalia. Demissus ergo ex angulo dato BAC,
 arcus perpendicularis AD, secabit & datum angulum BAC, & quæsitum latus BC,
 bisariam, ut dictum est. Et quia in triangulo rectangulo BAD, basis AB, cum angulo
 BAD, qui quæsito lateri BD, opponitur, data est, dabitur quoque ex problemate 8. la-
 tus BD, ac proinde & totum latus BC, datum erit. Rursus ex data base AB, & angulo
 BAD, reliquus angulus ABD, ex problemate 3. notus fiet. Eodemque modo in trian-
 gulo CAD, notus efficietur angulus ACD, ex data base AC, & angulo CAD.

23. DATIS

XXIII. Problemata.

23. DATIS in triangulo sphaerico obliquangulo duobus angulis, cum latere illis adiacente, reliqua duo latera, cum reliquo angulo perueffigare.

IN triangulo ABC, dati sint duo anguli B, BAC, cum latere AB, fiatque primum illi anguli inaequales, & latus AB, non quadrans: Ex altero angulorum, ut ex A, demittatur ad latus BC, protractum etiam, si opus sit, arcus perpendicularis, qui quando intra triangulum, & quando extra cadat, operatio ipsa docebit. Nam in triangulo rectangulo ABD, cum basi AB, data sit, cum angulo B inuenietur per problema 8. latus AD, angulo B, oppositum: & per problema 3. alter angulus nota rectus BAD: qui si minor reperitus fuerit angulo BAC, cadet arcus AD, intra triangulum; si vero maior, extra. De trahio ergo angulo BAD, ex dato angulo BAC, vel hoc



ex illo, datus quoque erit angulus CAD, reliquus. I A M cum in triangulo rectangulo ABD, basi AB, data sit, & angulus B; dabitur quoque per problema 9. latus BD, dato angulo B, adiacens. R V R S V S in triangulo rectangulo CAD, cum inuentum sit latus AD, & angulus CAD; dabitur per problema 10. etiam latus CD. Igitur cadente arcu AD, intra triangulum, summa laterum BD, CD, totum latus BC, notum efficiet: cadente vero extra, latus CD, ex BD, subtrahitum reliquum faciet latus BC, notum. Atque ita inuentum iam est alterum reliquorum laterum BC. POSTREMO quia in triangulo rectangulo CAD, datum est latus AD, cum angulo adiacente CAD; dabitur per problema 13. basi AC, quae est tertium latus: at per problema 4. reperietur angulus C, dato lateri AD, oppositus, qui in priori casu est tertius, qui quaeritur: in posteriore autem complementum eius ad semicirculum dabit tertium quaesitum.

Q V O D si quando angulus CAD, inuentus fuerit rectus, (angulus BAD, nunquam erit rectus: alioquin, cum & D, rectus sit, a essent AB, D B quadrantes, cum tamen AB, ponatur non quadrans.) quoniam & D, rectus est; b erunt CA, CD, quadrantes: & latus AD, inuentum, erit arcus anguli quaesiti C: latus denique inuentum BD, cum quadrante CD, in priore casu efficiet totum latus BC, notum; in posteriore autem casu quadrans CD, ex inuento latere BD, subtrahitum relinquet quaesitum latus BC.

S I N T deinde iidem dati anguli B, BAC, inaequales, & latus AB, quadrans recto angulo D, oppositum. c Erit igitur saltem alterum reliquorum laterum etiam quadrans. Cum ergo AD, non possit esse quadrans; (Nam, alias ob duos quadrantes AB, AD, d essent anguli B, D, recti; atque ita triangulum ABC, foret rectangulum, quod non ponitur) erit BD, quadrans; ideoque angulus BAD, rectus, propter quadrantes BA, BD: Et B, polus erit arcus AD, hoc est, AD, arcus erit dati anguli B, atque idcirco notus. Quibus inuentis, reperientur reliqua, ut prius, nimirum CD, per 10. problema, & AC, per 13. & angulus C, per 4. ex dato latere AD, & angulo CAD.

T E R T I O sint in priori triangulo dati duo anguli aequales B, C, cum latere BC; c eruntque propterea latera AB, AC, aequalia. Demissus ergo ex tertio angulo A, arcus perpendicularis diuidet tam latus BC, quam angulum A, bisariam, ut supra ostendimus: ac propterea cum in triangulo rectangulo ABD, latus BD, datum sit cum angulo B; reperietur per problema 13. basi AB, ideoque & AC, latus notum erit: at per problema 4. inuenietur angulus BAD, semis totius BAC.

a 25. triang. spher. b 25. triang. spher. c 38. triang. spher. d 25. triang. spher. c 9. triang. spher.

24. DATIS in triangulo sphaerico obliquangulo duobus angulis, cum latere alteri eorum opposito, reliqua latera, cum reliquo angulo explorare: si modo constet species alterius lateris alteri dato angulo oppositi.

XXIII. Problemata.

IN triangulo ABC, dati sint primum duo anguli B, C, inaequales, cum arcu AB, non quadrante, & specie arcus AC. Ex tertio angulo A, demittatur ad BC, arcus perpendicularis AD. a qui intra triangulum cadet, si uterque angulorum B, C, datorum acutus est, aut obtusus, extra vero, si vnus acutus est, & obtusus alter. Cum ergo in triangulo rectangulo ABD, data sit basi AB, cum angulo B; dabitur per problema 8. latus AD: Et per problema 9. latus BD: Et per problema 3. angulus BAD. R V R S V S quia in rectangulo triangulo ACD, datum est latus AD, cum angulo C, opposito, & specie basi AC; dabitur per problema 14. basi AC: Et per problema 10. latus CD: Et ex latere CD, dato, & angulo D, dabitur per problema 4. angulus CAD. Si igitur inuentus angulus CAD, inuento angulo BAD, addatur, vel ex eo dematur, notus fiet angulus quaesitus BAC. Sic etiam inuentum latus CD, inuento lateri BD, additum, vel ex eo detractum, notum efficiet quaesitum latus BC.

a 57. triang. spher.

Q V O D si quando accidat, latus AC, esse quadrantem, erit quoque CD, quadrans, & angulus CAD, rectus, &c. S I T deinde datum latus AB, quadrans, & adhuc dati duo anguli B, C, inaequales. Erit igitur & BD, quadrans, & angulus BAD, rectus; & AD, arcus dati anguli B, proindeque notus, &c.

D E N I Q V E in priori triangulo sint dati duo anguli B, C, aequales; b eruntque propterea & latera AB, AC, aequalia. Cum ergo AB, datum sit, erit quoque AC, datum. Demisso arcu perpendiculari AD, qui & latus BC, & angulum BAC, bisariam secabit; cum in triangulo rectangulo ABD, datur basi AB, cum angulo B; dabitur per problema 9. latus BD, ideoque & eius duplum BC, quod quaeritur, datum erit: Et per problema 3. dabitur angulus BAD, ideoque & eius duplus BAC, quaesitus.

b 9. triang. spher.

25. DATIS in triangulo sphaerico obliquangulo duobus lateribus, cum angulo alteri eorum opposito, reliquos angulos, cum reliquo latere inuenire: si modo constet species alterius anguli alteri lateri oppositi.

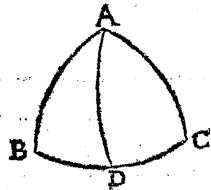
XXV. Problemata.

IN triangulo ABC, data sint primum duo latera inaequalia AB, AC, quorum neutrum quadrans, cum angulo B, & specie alterius anguli C. Demittatur ex tertio angulo A, arcus perpendicularis AD, c qui intra triangulum cadet, si uterque angulus B, C, est acutus, vel obtusus, extra vero, si vnus est acutus, & alter obtusus. Et quoniam in rectangulo triangulo ABD, datur basi AB, cum angulo B, dabitur per problema 8. & latus AD, angulo dato oppositum: Et ex problemate 9. latus BD: Et per problema 3. angulus BAD.

c 57. triang. spher.

R V R S V S quia in triangulo rectangulo CAD, data est basi AC, cum latere AD, inuento, dabitur per problema 6. latus CD: Et per problema 1. angulus C: Et per problema 2. angulus CAD. Si igitur arcus AD, intra triangulum existit, dabunt ambo anguli BAD, CAD, inuenti totum angulum BAC, quaesitum: Et ambo latera BD, CD, inuenta totum latus BC, quaesitum. Si vero arcus AD, cadit extra triangulum, angulus

angulus CAD, ex angulo BAD, subtractus notum relinquet angulum quaesitum BAC. Et latus CD, ex latere BD, ablatum relinquet quaesitum latus BC.



DEINDE sit alterum datorum laterum quadrans. Si igitur AB, quadrans est, erit & BD, quadrans: & angulus BAD, rectus: & AD, arcus anguli dati B, ideoque notus, &c.

SI vero AC, quadrans est, erit & CD, quadrans: & angulus CAD, rectus: & AD, arcus anguli C; ac proinde inuentus arcus AD, notum exhibebit angulum C, &c.

SINT denique in priori triangulo data duo latera

a. triang. spher.

AB, AC, aequalia, eruntque propterea & anguli B, C, aequales. Cum ergo B, datum sit, dabitur & angulus C. Solum ergo inquirendum erit latus BC, cum angulo BAC, Demissus arcus perpendicularis AD, diuidet & latus BC, & angulum BAC, bisariam. In triangulo autem rectangulo ABD, cum data sit basis AB; cum angulo B, dabitur per problema 9. latus BD; ideoque & eius duplum BC, quaesitum: Et per problema 3. inuenietur angulus BAD, atque idcirco eius duplex BAC, quaesitus notus erit.

TRIANGVLORVM

rectilineorum rectangulorum calculus.

I. PROPORTIONES LATERVM

ex datis omnibus angulis cuiusvis trianguli.

1. triang. rectil.

Singulis lateribus adscribantur sinus angulorum oppositorum. Latera enim easdem proportionales habent, quae inter sinus angulorum lateribus oppositis adscriptos reperiuntur.

II. LATVS

Ex base, & alterutro angulorum acutorum, ac proinde & altero.

2. triang. rectil.

Vt sinus totus ad basem: Ita sinus ang. lat. ad latus quaesitum in paribus basis.

III. LATVS

Ex base, & altero latere.

3. triang. rectil.

Vt basis ad sinum totum: Ita datum latus. ad sinum ang. dato lateri oppositi.

Deinde, sumpto complemento anguli inuenti pro reliquo angulo:

Vt sinus totus ad basem: Ita sinus anguli inuenti, qui lateri paribus basis, & quaesito opponitur. alterius lateris.

III. LATVS

IIII. LATVS

Ex altero latere, & angulo acuto, ac proinde & altero.

Vt sinus totus ad latus datum: Ita tang. ang. quaesito lat. oppositi ad latus quaesitum.

Vel

Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterius anguli ad latus quaesitum.

V. BASIS

Ex vno latere, & vno angulo acuto, ac proinde & altero.

Vt sinus totus ad latus datum: Ita secans ang. dato ad basem lat. adiacentis

Vel

Vt sinus anguli dato ad sinum totum: Ita latus datum ad basem lateri oppositi.

VI. BASIS

Ex utroque latere.

Vt latus alterutrum datum ad sinum totum: Ita alterum latus datum ad tangentem anguli huic alteri lateri oppositi.

Deinde, sumpto complemento anguli inuenti pro reliquo angulo:

Vt sinus totus ad latus alterutrum datum: Ita secans ang. acce pro lateri oppositi ad basem.

VII. ANGVLVVS

EX base & vno latere.

Vt basis ad sinum totum: Ita. ut. is datum ad sinum anguli dato lateri oppositi.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

VIII. ANGVLVVS

EX utroque latere.

Vt latus alterutrum datum ad sinum totum. Ita alterum latus datum ad tang. anguli huic alteri lat. oppositi.

Complementum anguli inuenti dabit alterum angulum.

TRIANGVLORVM RECTILINEORVM

obliquangulorum calculus.

IX. SEGMENTA LATERIS

a perpendiculari facta

Ex datis tribus lateribus.

Vt latus, in quod caedit perpendicularis ad summam alterorum duorum laterum: Ita differentia eorundem laterum ad quartum alium numerum.

L1

Si quartus

1. triang. rectil.



1. triang. rectil.

3. triang. rectil.

3. triang. rectil.

3. triang. rectil.

9. triang. rectil.

Si quartus numerus inuentus minor est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendus erit ex eo latere. Semifsis enim reliqui numeri dabit minus segmentum: quod ex toto latere subductum relinquet segmentum maius.

Si vero quartus numerus inuentus maior est latere, in quod cadit perpendicularis, auferendum est illud latus ex eo. Semifsis enim reliqui numeri dabit segmentum minus exterius inter perpendiculararem, & angulum obtusum: quod additum eidem lateri conflabit aliud segmentum maius inter perpendiculararem, & angulum acutum.

X. LATERA DVO

Ex tertio latere, & duobus quibusuis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. rectil. Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus alterutrus reli quorū angulorū lateri oppositi oppositum.

Rursus

Vt sinus anguli dato ad latus datum: Ita sinus tertii ang. lateri oppositi ad latus huic tertio angulo oppositum.

IN Ifocele vnus tantum lateris inuentione opus est, cum vnum datum sit cum angulis. In æquilatere vero triangulo, si vnum latus datum sit, erunt & reliqua illi æqualia, data.

XI. LATVS

Ex duobus lateribus, & duobus quibusuis angulis, ac proinde omnibus tribus, cum tertius sit complementum aliorum ad semicirculum.

10. triang. rectil. Vt sinus anguli alterutri lateri dato ad latus oppositum datum: Ita sinus ang. quasi to lat. oppositi ad latus quæsitum.

XII. LATVS

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Probl. 17. triang. sphar. Vt sinus totus ad secantem compl. arcus, qui semifsi aggregati datorū laterum ad sinus reuocatorum, vt sinui, debetur: Ita differentia inter eam semifsem, & alterutrum datorum laterum ad sinus reuocatorum ad quartum.

Deinde

Vt sinus totus ad tangentem semifsis arcus, qui detracto dato ang. ex semicirculo relinquitur: Ita quartus inuentus ad tangentem diff. inter semifsem eiusdē arcus, et alterutrum angulorum non datorum.

Hæc

Hæc tangens hoc etiam modo inuenitur.

Vt semifsis aggregati duorum laterum datorum ad tangentem semifsis arcus, qui detracto dato ang. ex semicirculo, relinquitur: Ita differentia inter semifsem aggregati duorum laterum datorum, & alterutrum libet laterum ad tangentem differentie inter semifsem arcus prædicti, & alterutrum angulorum non datorum. 6. triang. rectil.

Arcus huius tangentis inuentæ additus ad semifsem eiusdem arcus, (est autē hic arcus summa duorum angulorum non datorum, nimirum complementum dati anguli ad semicirculum) dabit maiorem angulum non datum, qui videlicet maiori lateri dato opponitur: ex eadem vero semifse detractus reliquum faciet minorem angulum nō datum, qui nimirum lateri minori dato opponitur. Post hæc,

Vt sinus vtriuslibet anguli inuenti ad latus oppositum: Ita angulus datus ad latus oppositum, quod quaritur. 1. triang. rectil.

SI data duo latera sint æqualia, erunt reliqui duo anguli æquales. Semifsis ergo arcus, qui detracto angulo ex semicirculo, relinquitur, dabit vtrumque, &c. a. 1. primi.

XIII. LATVS

EX duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito: si modo constet species anguli alteri dato oppositi, quando datus angulus acutus est.

Vt latus datum dato ad sinum ang. dati: Ita alterum latus ad sinum ang. huic alteri lateri oppositi. 13. triang. rectil.

Hic sinus inuentus dabit angulum alteri dato lateri oppositum, si acutus fuerit: (Erit autem semper acutus, quando datus angulus est obtusus.) Si vero fuerit obtusus, arcus sinus inuenti ex semicirculo demptus reliquum faciet eum angulum: propterea quando datus angulus est acutus, oportet dari huius alterius speciem, vt sciamus, num acutus sit, vel obtusus. Summa aurem horum angulorum ex semicirculo subtracta relinquet tertium angulum quæsito lateri oppositum. Ergo,

Vt sinus dati anguli ad datum latus ei oppositum: Ita sinus anguli inuenti quæsito lateri oppositi ad latus quæsitum. 1. triang. rectil.

Si duo latera data sint æqualia: erit angulus alteri dato lateri oppositus, dato angulo æqualis, &c. b. 5. primi.

XIIII. ANGVLI DVO

Ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

Inuenientur ex datis duo anguli, vt in priori parte problematis 12. dictum est, si nimirum inquiratur tangens differentie inter semifsem arcus, qui, detracto angulo dato ex semicirculo, relinquitur, & alterutrum angulorum, qui quaruntur, &c. quæ tangens duobus modis inuenta est in priori parte problematis 12. in quo latus proponitur inuestigandum ex duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso; quod vt fieret, inuenti prius fuerunt alii duo anguli, qui in hoc problemate 14. quaruntur.

XV. ANGVLI DVO

EX duobus lateribus, & angulo vni eorum opposito: si modo constet species anguli alteri lateri dato oppositi, quando datus angulus acutus est.

Hic etiam adhibenda est prior operatio problematis 13. in quo latus proponitur inquirendum ex eisdem datis. quod vt fieret, inuenti prius fuere reliqui duo anguli, qui in hoc probl. 15. indagandi proponuntur.

XVI. ANGVLI TRES

Ex tribus lateribus.

II. triang. re. H.

Ducta ad maximum latus perpendiculari ex angulo opposito, (vt nimirum perpendicularis semper intra triangulum cadat) inueniantur per problema 9 segmenta duo maximi lateris facta a perpendiculari. Deinde,

Vt minimum latus ad sinum totum: Ita minus segmen- ad sinum complemen- tum maximi la- ti anguli medio la- teris teri oppositi.

Rursus,

Vt medium latus ad sinum totum: Ita maius segmen- ad sinum compl. an- tum maximi la- guli minimo late- ri oppositi.

Inuentis duobus angulis ad maximum latus, qui medio lateri, & minimo opponuntur, si eorum summa ex semicirculo dematur, reliquus fiet tertius angulus terti maximo oppositus.

rum æqualium ducta perpendiculari ad basem, quam bifariam fecabit,

IN Isoscele, ad sinum totum: Ita semisus basis ad sinum compl. vnus angulorum æqua- lium ad basem.

Summa duorum angulorum æqualium inuentorum ex semicirculo detracta, reliquum faciet tertium angulum.

IN æquilatero dabuntur anguli, etiam si latera non dentur, cum quilibet gradus 60. tertiam videlicet partem duorum rectorum, vel duas tertias partes vnus recti, complectatur.

FINIS LIBRI PRIMI.

AD LECTOREM.

QVONIAM non pauci numeri in tabula Sinuum male sunt expressi, vt vix inter se queant præferri min- ti illi interiecti pro parte proportionali eruenta, corrigenda erit tabula hoc modo. Quando in sinu aliquo figura vna, vel altera non est expressa, sumatur vel proxime antecedentium duorum, vel sequentium sinuum differentia, subtrahendo maiorem ex maiore, & ea adijciatur ad proxime antecedentem sinum, vel ad proxime sequentem subtrahatur, pro vt videli- ce t d differentia antecedentium, vel sequentium sinuum accepta fuit. Ita enim præcabit sinus, de cuius numeris dubitaba- tur. V. g. In sinu grad 18. min. 4. vltima figura versus dexteram non cogno scitur. Quia ergo differentia sequentium duo- rum sinuum 2770351. 2773146. est 2795. si ea ex proxime sequenti sinu 2773351 subtrahatur, reliquus, fiet sinus 2767556. de quo dubitabatur.

MINVCI autem interiecti numeri facile corrigentur, cum prioris continue decre- cant per unitatem ad 48. vsq. ad e. posterioris autem continue quonq. decrecant ad 5. vsq. ad 1. donec semper ad 9. vsq. ad 1. donec tabula compleatur. Ple- rumque autem eiusmodi numeri mutantur intra columnas. Nam in verice & pedes columnarum repetiti sunt vt plurimò numeri intra columnas positi, vt facilius pars proportionalis inuenitur: quaruis laterum etiam tibi mutatio fieri quod quando hæc, ex proxime antecedentibus, & sequentibus numeris colligendum erit.

ASTROLABII

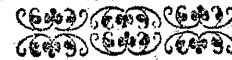
ASTROLABII LIBER SECVNDVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO

BAMBERGENSI

ESOCIETATE IESV.



I.



UPERIORE libro ea demonstraui- mus, quæ ad Planisphærij, siue Astrolabij constru- ctionem, hoc est, ad projectionem spheræ in pla- num demonstrandam necessaria esse iudicau- mus: Nunc ad rem ipsam aggrediamur. Sphæ- ra igitur celestis multis modis in planum proj- ci potest, pro arbitrio ac voluntate eius, qui eam in plano describere conatur, prout videli- cet hac vel illa figura eam exprimere deside-

Sphæram variis modis posse in plano describi.

rat. Quoniam enim fieri non potest, vt omnia puncta, omnesque circuli, qui in spheræ concipiuntur, ita describantur in plano, vt eundem situm, eandemq; prorsus distantias inter se habeant, quas in eius superficie concava, conuexaue obtinent, coacti sunt Astronomi omnia ipsius lineamenta, ac partes ea ef- figie ac forma in datam planam superficiem projicere, qua in ea apparent, oculo in certo aliquo loco constituto, vel quam perpendiculares ex omnibus circulorum punctis in eam demisse efficiunt: quod tribus potissimum vijs factum ab ipis esse obseruauimus.

2. QVIDA M enim, inter quos est Gemma Frisius non ignobilis scri- ptor: in Astrolabio suo vniuersali, quod Catholicum appellat, oculum collo- cat in communi sectione Aequatoris atque Eclipticæ, omnesque circulos ce- lestes in plano Coluri solstitiorum, qui Meridiana circulum refert, ea for- ma describunt, qua eos oculus intuetur.

Astrolabium Ca- tholicum Gemæ Frisii quo funda- mento describitur.

3. ALII vero non consueverunt oculum in fixo aliquo & certo loco, sed

omnes

Planisphaerium
vniuersale Ioan.
de Roias quod
danteuro describitur.

omnes sphaerae circulos ea figura in Coluri solstitiorum, siue Meridiani plano designant, quam perpendiculares lineae ex omnibus punctis circumferentiae cuiusvis circuli ad planum Coluri solstitiorum, vel Meridiani circuli demissa efficiunt: qua ratione fit, vt omnes circuli, qui neque Aequatori aequidistant, neque ad Colurum solstitiorum recti sunt, efficiant in plano illius Coluri Ellipses; Aequator vero cum suis parallelis omnibus, & alij circuli ad eundem Colurum recti, projiciantur in eius planum per lineas rectas. Atque hanc rationem secutus est Ioannes de Roias in Planisphaerio suo vniuersali. Vtriusque autem Planisphaerij constructionem, tam Gemmae Frisij, quam Ioannis de Roias, acute eleganterque Guidus Vbaldus & Marchionibus Montis, vir in rebus Mathematicis cruditissimus, demonstrauit.

Astrolabium ad
datam poli altitu-
dinem quod fundam-
mento a Ptole-
maeo describitur.

4. PTOLEMAEVS denique Astronomorum princeps constituit oculum in polo australi, circulosque omnes primi Mobilis, lineas, ac puncta in plano Aequatoris in infinitum extenso ea figura depingit, qua ex polo australi eo in plano cernuntur. Atque hac ratione Astrolabia vulgaria, quae ad datam poli altitudinem construuntur, ab artificibus describi solent. Iordanus tamen, quem secutus est Franciscus Maurolycus Abbas Siculus celeberrimus Mathematicus in doctissima sua Astrolabij theoria & fabrica pro Aequatoris plano aliud assumit illi aequidistans, & quod sphaeram in opposito polo boreali tangit: quia sub istis figuris in eo apparent omnes circuli ac lineae, sub quibus in Aequatoris plano conspiciuntur. Sed nos Ptolemeum potius, quam Iordanum, in Astrolabij, siue Planisphaerij constructione imitabimur: quia cum Aequator in Ptolemaei ratione eandem retineat magnitudinem, qua Analemma, ex quo tota Astrolabij structura pendet, describitur; fit vt pleraque multo facilius in Astrolabio delineentur, quam si planum Aequatori aequidistans, sphaeramque in opposito polo boreali tangens assumatur, vt ex ijs, quae sequuntur, manifestum erit.

Quae potissimum
in Astrolabio de-
scribuntur.

5. OMNIA porro, quae in sphaera caelesti existunt, & in Astrolabio potissimum describi solent, vel sunt puncta, vel lineae rectae, vel circuli, quorum circumferentiae in conuexa superficie sphaerae considerantur. Omnia enim alia, cuiusmodi sunt portiones ipsius superficiei sphaericae, siue figurae rectilineae tam plana in circulis, quam solidae in sphaera descriptae, & id genus alia; peculiari ac propria in Astrolabij plano descriptione non indigent, cum inter puncta, lineas, & circulos Astrolabij contineantur, non secus atque in ipsa sphaera contingit. Nam, vt vnum, aut alterum huiusce rei exemplum proferamus, ea pars sphaerae caelestis, quae ad partes poli borealis ab Aequatore abscinditur, hoc est, totum hemisphaerium bore-

Partes inter pun-
cta, lineas, & cir-
culos sphaerae non
egit peculiari de-
scriptione in A-
strolabio.

Partes singulae A-
strolabij, quibus
caeli partibus re-
spondent.

le, representatur in plano Aequatoris, vel Astrolabij, per eam superficiem planam, quae inter circumferentiam Aequatoris, & polum borealem, siue centrum Astrolabij quaqua versus includitur: Reliqua vero Astrolabij portio extra Aequatorem versus tropicum Capricorni in infinitum extensa pertinet ad hemisphaerium australe, quod Aequator in sphaera caelesti versus polum australem aufert. Sic etiam hemisphaerium, quod Ecliptica in caelo versus polum borealem abscindit, est in plano Astrolabij pars illa, quae inter Eclipticam, & eundem polum borealem, siue centrum vndique intercipitur: Pars vero reliqua Astrolabij extra Eclipticam infinite excurrens illi parti sphaerae caelestis respondet, quam versus polum australem Ecliptica abscindit. Pari ratione pars illa Astrolabij, quae inter duos tropicos existit, exprimit Zonam torridam, id est, superficiem illam sphaerae caelestis, quam duo tropici includunt: Pars vero extra tropicum Capricorni in Astrolabio in infinitum extensa, refert illam caeli partem, quam tropicus Capricorni versus austrum dirimit; quae autem intra tropicum Cancrici iacet, est illa, quae in caelo inter polum arcticum, & tropicum Cancrici existit. Denique quilibet circulus in Astrolabio descriptus, & centrum ambiens, includit eam caeli partem, quae in caelo intra eius circuli circumferentiam versus polum arcticum continetur: Portio autem reliqua caeli continetur extra illum circulum in Astrolabio. Ratio huiusce rei est, quia omnia puncta illius partis caeli, quam versus polum arcticum circulus quiuis alterutrum polorum ambiens abscindit, projiciuntur in planum eiusdem circuli in Astrolabio descripti, puncta vero omnia reliqua partis caeli extra planum illius circuli cadunt, vt ex ijs, quae sequuntur, perspicuum fiet.

6. PUNCTVM quodlibet sphaerae caelestis per lineam rectam videtur, apparetque in eo puncto Astrolabij, siue plani Aequatoris, per quod recta linea ex polo australi per ipsum punctum assumptum ducta incidit.

Punctum quodlibet
sphaerae ubi
apparet in A-
strolabio.

7. LINEA autem quaeuis recta, si quidem per polum australem ducitur, apparet tota in vno puncto Astrolabij, in eo scilicet, per quod extensa transit; propterea quod omnia eius puncta in eo solo puncto cernuntur, cum vnicus radius visualis per omnia illius puncta feratur: Si vero per polum australem non traicitur, aspicitur per triangulum, cuius vertex est in oculo, siue polo australi, basis autem est ipsa met linea visa, ita vt radij visuales, qui per omnia illius puncta feruntur, iaceant omnes in plano illius trianguli: Ex quo fit, vt qualibet recta linea per polum australem non transiens projiciatur in Astrolabium per lineam rectam, quae communis sectio est plani Astrolabij Aequatoris, & disti trianguli, si tamen eius latera intelligantur esse producta, vt Astrolabij planum secar epof-
sint,

Recta linea in
sphaera, quando
apparet punctum
in Astrolabio, &
quando recta li-
nea.

sint, quando recta linea visa vel tota est citra planum Aequatoris, aut Astrolabij, vel pars eius citra, & pars ultra: quia videlicet radij visuales per omnia puncta linea recta vise circumducti à communi illa sectione plani Astrolabij, & dicti trianguli non recedunt. Itaque omnes diametri maximorum circulorum sphaerae projicientur per centrum Astrolabij in lineas rectas; quippe cum omnes per centrum sphaerae, quod a centro Astrolabij non differt, ut infra patebit, traiciantur; adeo ut recta linea à quovis puncto circumferentiae alicuius circuli maximi in Astrolabio descripti per centrum ducta, referat illius circuli maximi diametrum, quae in celo ducitur per punctum illud, quod assumpto puncto in Astrolabio respondet: Diametri vero circulorum in sphaera non maximorum projicientur quidem in Astrolabium per lineas rectas, sed non per centrum, cum neque in sphaera per centrum ducatur.

Circulus quilibet sphaerae quomodo inspicitur in Astrolabio.

8. CIRCULVS denique quicumque, cuius circumferentia in superficie sphaerae existit, si quidem per australem polum descriptus est, inspicitur per radios visuales, qui per omnia puncta eius circumferentiae circumlati ab eius plano non recedunt, ac proinde omnes in communi sectione plani circuli & plani Astrolabij, siue Aequatoris terminantur, ut infra demonstrabitur proposit. 1. Num. 1. adeo ut omnia illius puncta in recta linea, id est, in communi illa sectione appareant: Si vero per polum australem non ducitur, siue Aequatori aequidistet, siue non, & siue maximus sit, siue non maximus, cernitur per conum, cuius vertex est oculus ipse, siue polus australis, basis vero ipse circulus visus, ut ex definitionibus Apollonij patet, si radius visualis ex polo australi per quodlibet punctum circumferentiae circuli ductus, intelligatur circa circumferentiam circumduci, ut conum describat, per quem circulus inspicitur ex polo eodem australi, cum radius ille visualis cum omnibus alijs radijs ex polo australi emissis coniungatur in illa circumlatione: Ex quo fit, ut circulus quilibet sphaerae, qui per polum australem non ducitur, in Astrolabium projiciatur ea forma, ac figura, quam communis sectio plani Aequatoris, Astrolabijque, & dicti coni efficit, dummodo conus ille intelligatur esse productus, ut a plano Astrolabij secari possit, quando circulus visus vel totus est citra planum Aequatoris, vel partim citra, partim ultra existit. Haec autem communis sectio coni & plani cuiuspiam, quamvis possit esse circulus, Parabola, Hyperbola, vel Ellipsis, ut Apollonius demonstrat, tamen in Astrolabij plano, siue Aequatoris, semper circulus est, ut suo loco demonstrabimus.

Astrolabium describere quid sit

9. EX his liquet, nihil aliud esse Astrolabium, siue Planisphaerium construere, hoc est, sphaeram, seu Primum mobile in plano describere, quam singula illius puncta, lineas, ac circulos in plano Aequatoris siue Astrolabij, eo situ

eo situ disponere, quo ab oculo in polo australi constituto in eo plano conspiciuntur: Adeo ut Astrolabium, Planisphaeriumve sit figura plana continens omnes sectiones plani Aequatoris, Astrolabijque in infinitum extensi, & tam rectarum ex australi polo emissarum, quam triangulorum, conorumque, quorum vertex in polo australi existunt, bases vero sunt recta linea, & circuli sphaerae, qui in Astrolabio describuntur. Quod quaraione fiat, ordine persequentes propositiones demonstrabimus.

Astrolabij quid.

THEOREMA I. PROPOSITIO I.

CIRCULVS quilibet sphaerae per polum australem ductus proicitur cum omnibus punctis, & lineis in eo ductis, in Astrolabium per lineam rectam infinitam, quae communis sectio est ipsius circuli, & plani Astrolabij, Aequatorisue: Partes autem illius rectae arcibus aequalibus respondentes inaequales sunt, eoque maiores, quo à radio visuali per circuli centrum ducto sunt remotiores: binæ tamen partes hinc inde ab eodem radio aequaliter distantes, aequalibusque arcibus respondentes, aequales sunt.

Circulus per polum australem ductus proicitur in Astrolabium per lineam rectam, & arcus aequales in partes rectae lineae inaequales.

1. DVCTVS sit circulus ABCD, per polum australem A, secans Aequatoris planum per rectam HL, quae vel per centrum E, circuli propositi transibit, quando nimirum circulus ABCD, est maximus; (Cum enim Aequator & circulus maximus ABCD, se mutuo secant bifariam, transibit eorum communis sectio HL, per utriusque centrum, ac propterea & per centrum E, circuli maximi propositi) vel ultra centrum E, existet, quando videlicet circulus ABCD, non est maximus. Tunc enim eius centrum necessario citra Aequatoris planum erit, cum eius semidiameter AE, minor sit semidiametro sphaerae, quae omnium rectarum ex polo australi A, in planum Aequatoris cadentium est minima; quippe quae in centrum Aequatoris cadens sit ad eius planum perpendicularis. Atque haec recta HL, vel circulum ABCD, secabit, vel tota ultra eum erit, prout videlicet circulus ipse Aequatorem secat, vel totus citra ipsum existit. Dico hunc circulum totum ABCD, cum oibus punctis, & lineis in eo ductis, proici in lineam rectam HL, in infinitum extensam, &c. Quoniam enim radius visualis ex polo A, per omnia puncta circumferentiae circuli ABCD, & per omnia puncta in eius plano existentia circumductus, à plano ipsius circuli non recedit; caedat necessario in communem sectionem HL. Omnia ergo puncta circuli in eadem recta HL, apparebunt. Et quia radij visuales, quo obliquius rectam HL, secant, eo longius excurrunt, adeo ut radius AY, vel AZ, cir-

211. T. 60.

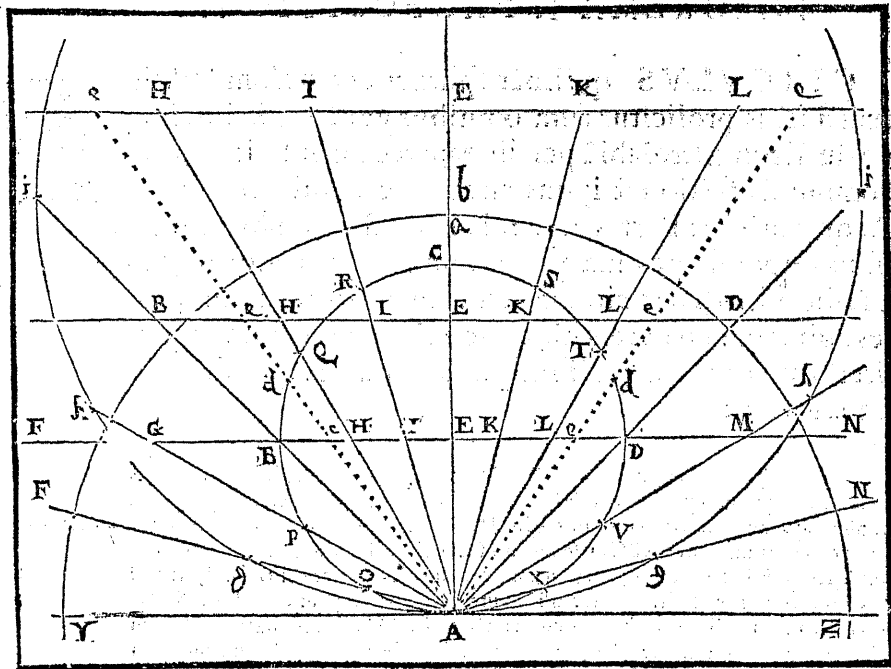
b schol. 8. r. Theod.

M m
circulum

a 9. primi.
b 28. tertij.

colum tangens in A, in infinitum extensus cum ea non conueniat, sed ei æquidistet, b cum angulus YAE, rectus sit, & angulus AEH, quoque rectus, ex lem- mate 26. fit vt si omnia puncta circuli (polo A, excepto, qui solus, vt propof. 4. ostendimus, in planum projici non potest, ob radium YZ, rectæ HL, pa- rallelum) in planum Astrolabij projicienda sint, totus in rectam quodam- modo infinitam proiciatur: propterea quod puncta prope punctum A, exi- stentia, projiciantur per rectas ipsi HL, ferme parallelas, ac proinde infinito quodammodo interuallo cum eadem recta HL, concurrentes.

2. DIVISO iam circulo ABCD, in partes quotlibet æquales AO, OP, PB, &c. emissisque per diuisionum puncta radiis AOF, APG, AB, &c. responde- bunt arcus æquales proiectis rectis EI, IH, HB, BG, &c. cum in has rectas cadant



omnes radij visuales ex A, per omnia puncta arcuum respondentium emissi, di- co rectas EI, IH, &c. inæquales esse, maioremque IH, quam EI, & HB, maiorem quam IH, &c. Quoniam enim diameter AC, ex lemmate 26. ad HL, communem sectionem Aequatoris & circuli ABCD, perpendicularis est, erunt anguli ad E, recti; ac propterea, ex corol. 1. propof. 17. lib. 1. Euclid, anguli G, B, H, I, K, L, D, M, vergentes ad E, acuti, ideoque reliqui ex duobus rectis obtusi. Igitur recta AL, maior erit quam AE, & AH, maior quam AI, & AB, maior quam AH, &c. hoc est, qualibet rectarum ex A, egredientium remotior propinquior maior erit. Et quia arcus CR, RQ, æquales sunt, d erunt etiam anguli CAR, RAQ, æquales, hoc est, angulus EAH, in triangulo AEH, secus erit bisariam, e Igitur erit, vt AH,

c 19. primi.
d 27. tertij.
e 3. sexti.

AH, ad AE, ita HL, ad IE. Cum ergo AH, maior sit ostensa, quæ AE; erit quoque HI, maior, quam IE. Eademque ratione maior erit BH, quæ HI, & sic de cæteris.

3. P O S T R E M O quia in triangulis AEI, AEK, anguli ad E, recti sunt, ideoque æquales, ex lemmate 26. & anguli quoque EAI, EAK, arcus æqualibus CR, CS, insistentes, æquales, latusque illis adiacens AE, commune, b erunt latera quoque EI, EK, æqualia, quæ quidem à radio AE, per centrum ducto æqua- liter distant. Item quia in triangulis AEH, AEL, anguli ad E, recti sunt, ideoque æquales, vt dictum est, & anguli quoque EAH, EAL, æqualibus arcibus CQ, CT, insistentes, æquales, latusque illis adiacens AE, commune, d erunt etiam latera EH, EL, ab eodem radio AE, æqualiter distantia, æqualia. Ablatis ergo æqualibus EI, EK, ab æqualibus EH, EL, reliquæ quoque rectæ IH, KL, ab eodem radio AE, æqualiter remotæ, respondentesque arcibus æqualibus RQ, ST, æquales erunt. Eodem modo ostendemus rectas EB, ED, æquales esse, ideoque, ablatis æqualibus EH, EL, & reliquis HB, LD. Atque ita de cæteris rectis à radio AE, æqualiter distantibus, respondentibusque arcibus æqualibus à puncto E, æqualiter remo- tis, quod erat demonstrandum.

a 27. tertij.
b 26. primi.
c 27. tertij.
d 26. primi.

4. Q V O N I A M vero & polus borealis, & totus axis mundanus apparet ex polo australi in centro Astrolabij, siue Aequatoris, seu spheræ; quod axis, qui & recta est ex polo australi ad borealem polum ducta, e Aequatorem in centro spheræ, vel Aequatoris, fecit, adeo vt centrum Astrolabij repræsentet & cen- trum spheræ, & polum mundi septentrionalem, & axem mundi; fit, vt Meridianus, Horizon rectus, duo Coluri, circuli declinationum, circuli horarum à meridie ac media nocte, omnes denique circuli maximi spheræ per mundi polos ducti, proiciantur in Astrolabium per lineas rectas sese in centro Astrolabij inter secantes, quandoquidem & axis mundi, & polus borealis, vbi omnes illi circuli maximi se intersecant, in centro Astrolabij, vel Aequatoris ex polo australi in- spectus apparet, vt diximus. Necesse enim est, vt in Astrolabio eiusmodi circuli maximi sese intersecant in eo puncto, quod representat punctum illud in spherâ, vel lineam rectam, vbi omnes sese intersecant. Nam quemadmodum in celo om- nes illi circuli transeunt per aliquod vnum punctum, vel lineam rectam, ita iisdem conspiciuntur in Astrolabio transire per punctum, quod illud in spheræ repræ- sentat, vel per rectam lineam, in quam illa proicitur.

Polus borealis, & axis mundi idem est in Astrolabio, quod eius cen- trum, vel centum spheræ.
C 10. 1. Theo.

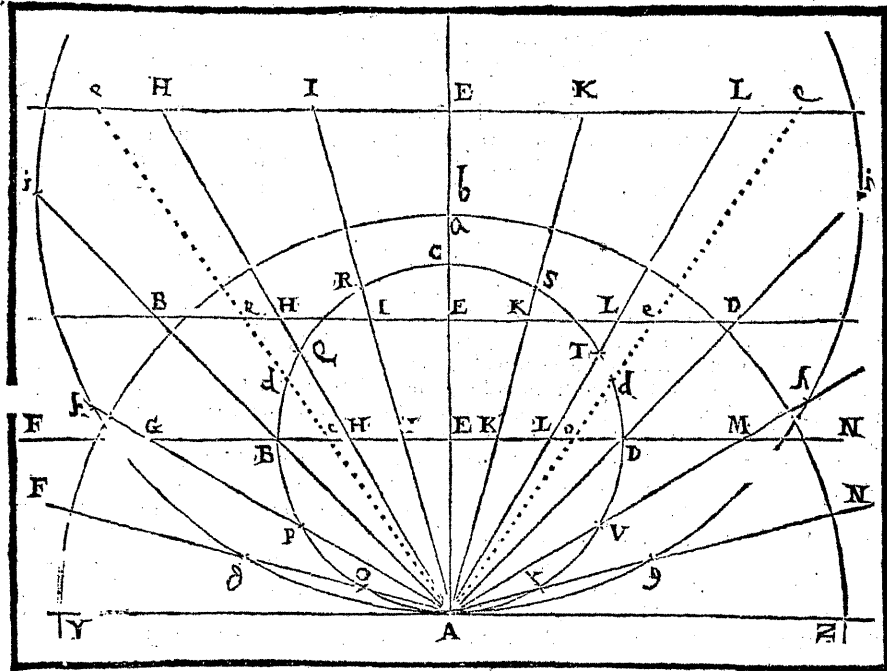
Omnes circuli maximi per mun- di polos ducti proiciuntur in rectas sese in cen- tro Astrolabij in- tersecantes.

5. C O L L I G I T V R quoque ex his, qua ratione circulus quilibet per po- lū australe ductus, qui quidem in Astrolabio est linea recta, vt demonstratum est, in gradus sit diuidendus, & quo pacto propositum punctum eiusmodi circuli in li- nea illa recta, quæ eum circum representat, exhiberi possit in Astrolabio. Nā cognito, quantum recta HL, quæ communis sectio est Aequatoris, vel plani Astro- labij, & dati circuli, à polo australi abest, si per centrum E, non transeat, (quo pa- cto autem distantia hæc cognoscatur, suo loco dicemus, quādo diuisione eiusmodi circulorum indigebimus, cuius quidē rei exemplū clarissimum ponemus propof. 8. Num. 2.) si rectæ ex A, per singulos gradus circuli ABCD, ducantur, secabitur recta HL, in partes inæquales, vt ostensum est, quæ singulos gradus circuli referunt. Vt quia recta AE, communis sectio est circuli ABCD, & circuli maximi per polos mundi, & ipsius circuli, instar proprii cuiusdam Meridiani, transeuntis, fit, vt quemadmodum tam Q, quam T, est gradus sexagesimus circuli ABCD, ini- tio numerationis facti à puncto C, illius Meridiani, ita in Astrolabio punctum tam H, quam L, referat gradum 60. ab eodem Meridiano numerandum. Pari ra- tione puncta I, K, referent hinc inde gradum 30. & puncta B, D, gradum 90. & puncta G, M, gradum 120. & sic de cæteris.

Circuli per polū mundi australem, transeunt, quo pacto in Astro- labio, vbi rectæ HL, neque sunt, in gra- dus diuidantur.

Gradus quilibet quo pacto reperitur in eadem recta circulum per polos mundi ductum referentis; & quor gradus continentur in dato segmento circuli recte, quo pacto cognoscatur.

6. ITA QVE si in recta HL, siue versus H, siue versus L, inuestigandus sit quilibet arcus, vel gradus propositus, supputandus erit arcus vel gradus ille in circulo à puncto C, versus illam partem, in qua arcus, vel gradus propositus desideratur. Nam per rectas ex A, per extrema puncta illius arcus ductas, vel per rectam per gradum illum ductam, exhibebitur in recta HL, arcus, vel gradus propositus. Vt si ex vtraque parte desideretur gradus 70. accipiendus erit vtrinque arcus Cd, graduum 70. vt in lemmate 3. docuimus. Recta enim ex A, per d, eiecit, dabit in recta HL, punctum e, quod gradibus 70. vtrinque à puncto E, abest. Eademque est ratio de cæteris gradibus. Quod si proponatur gradus cum quotlibet minutis, accipiendus erit secundum doctrinam lemmatis 3. arcus continens tot gradus, ac minuta, quot proponuntur. Sic è contrario, si scire quis cupiat, quot



gradibus datum quoduis segmentum eiusdem rectæ respondeat, ducendæ sunt à duobus eius extremis duæ rectæ ad centrum. Hæ etenim (productæ tamè, si opus fuerit) in dato circulo, quem recta illa representat, intercipient gradus, quibus segmentum propositum respondet. Vt, si datum sit segmentum GH, ducendæ sunt duæ rectæ GA, HA, secantes circulum in P, Q. Nam quot gradus in arcu PQ, continentur, tot in segmento dato GH, includi dicentur, atque ita de cæteris.

Rectæ ex A, per gradus circuli quo pacto accuratius ducantur.

7. VERVM vt accuratius rectæ ex A, per singula puncta circuli ABCD, ducantur, præsertim per ea, quæ non procul absunt à puncto A, vbi facile regula à recto situ deflectere potest, propter pusillum illud spacium inter A, & illud punctum, utemur hoc artificio. Ex A, describatur semicirculus YbZ, ad quoduis interuallum

interuallum, diuidaturque in 360, partes æquales, vterque videlicet quadrantū b Y, b Z, in 180. ita vt quælibet particula semissem vnus gradus complectatur. Nam rectæ ex A, per has graduum semisses in semicirculo Y b Z, emissæ transeunt per integros gradus circuli ABCD, cum ex lemmate 10. quælibet particula sit semisis eius arcus in eodem semicirculo Y b Z, qui similis est arcui in circulo ABCD, qui inter duas rectas particulam illam ex semicirculo auferentes includitur.

8. ITA QVE si quicumque gradus in recta HL, desideretur, hoc est, punctū complectens quotcunque gradus ac minuta, initio numerationis factō à puncto E, accipiendus est in semicirculo à puncto a, arcus continens dimidiatum numerum graduum, vel certe tot semigradus, quot gradus proponuntur. Vt si inueniendum sit punctum in recta HL, grad. 70. accipiemus arcum grad. 35. vel semigradium 70. Recta namq; A e d, ex A, per terminum eius arcus ducta dabit in recta HL, punctum e, quod quæritur. Sic si quærat punctum grad. 25. min. 40. sumemus in semicirculo arcum grad. 12. min. 50. vel arcum semigradium 25. & semiminutorum 40. atq; ita de cæteris. Vel certe per lemma 3. accipiemus arcum grad. 25. min. 40. in circulo ABCD. Atque ita semper numerari poterit in semicirculo Y a Z, totus arcus propositus, deinde eius semisis accipi, præsertim si minuta gradibus adhæreant, ne cogamur & gradus & minuta partiri bifariam, quod molestum est, quando numerus graduum ac minorum est impar.

Gradus quilibet quo pacto accuratius inueniatur in eadem recta, que circuli per mundi polos datum referat.

Quando gradibus minuta adhærent quid agendum in hac secunda via.

9. IDEM efficiemus hoc modo. Ex quolibet pacto b, in recta AE, producta describatur per A, alius circulus A g h i, tangens rectā YZ, vel circulus ABCD, in A, diuidaturq; in gradus. Nam rectæ ex A, per gradus huius circuli emissæ trāseunt quoq; per gradus singulos circuli ABCD, eo quod per lemma 9. rectæ ex puncto cōtactus egredientes absiciant arcus similes ex circulis sese tangentibus, & c.

10. AVT certe sine circulis idem assequemur per lemma 11. si rectam u g. AO, in continuum producamus, vt in eo lemmate præcepimus, eodemque pacto alias rectas, quarum extrema puncta parum inter se distant, per idem lemma, in rectum & continuum producamus.

11. QVIN etiam, vt pūcta, in quibus rectæ ex A, emissæ nimis oblique rectā HL, secant, qualia sunt puncta G, & M, magis exquisitè habeamus, adhibendum erit documentum lemmatis 13. vbi docuimus, quam arte inueniri possit punctum, in quo duæ rectæ conuenire debeant, si producantur.

THEOR. II. PROPOS. II.

AEQVATOR, omnesque eius paralleli in Astrolabium proiiciuntur in formas circulares, & arcus eorum in arcus similes, atque adeo æquales in æquales; & paralleli quidemaustriales in circulos Aequatore maiores, boreales vero in minores proiiciuntur. Omnes tamen vnum & idem centrum cum Astrolabio habent.

Aequator cum suis parallelis, proiicitur in formam circulem, & partes æquales in partes æquales, & c.

1. AEQVATOREM proiici in formam circulem, perspicuum est. Cum enim inspiciatur ex polo australi per conū, cuius basis est ipsemet, Aequator in plano Astrolabij, ita vt Aequator sit cōis sectio eius conij, & plani Astrolabij, quod

quod ab Aequatoris plano non differt, liquido constat, eum in Astrolabii plano eandem formam circularem retinere, quam in eo cono habet: quandoquidem omnes radij visuales ex polo australi per omnia puncta circumferentiae Aequatoris egredientes in Astrolabio terminentur in eadem eius circumferentia, nimirum in base coni.

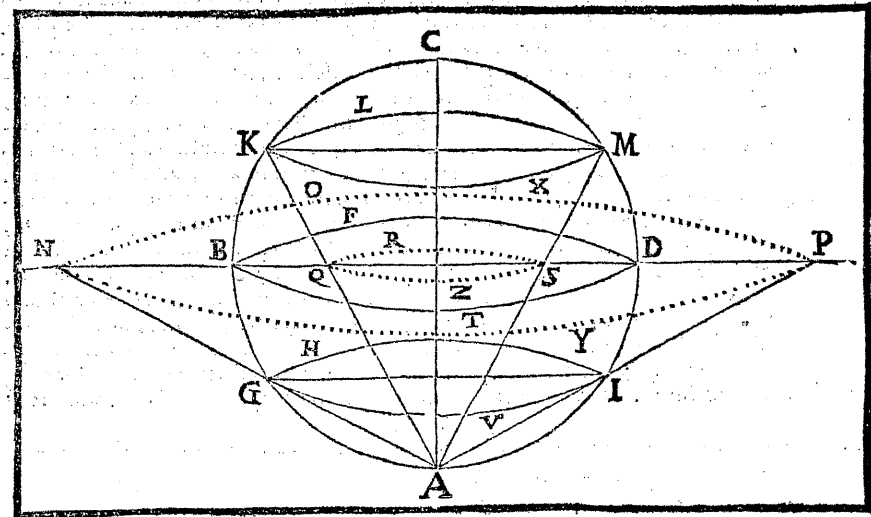
2. PARALLELOS vero Aequatoris forma quoque circulari in Astrolabium proiici, hoc modo demonstrabimus. Quonia quilibet parallelus Aequatoris, cum circulus sit, per conum inspicitur, cuius vertex polus australis est, & basis parallelus ipse, faciet planum Aequatoris vel Astrolabii basi illius coni æquidistant in eo cono, quando eius basis est ultra Aequatorem, aut in eo producto, quando eius basis citra Aequatorem existit, sectionem circulum, cuius centrum est in axe coni, ut in lemmate 16. demonstratum est.

3. QVIA vero radij omnes visuales per lemma 28. auferunt ex quouis parallelo, cum basis sit coni, & ex circulo, quem in cono illo planum Aequatoris vel Astrolabii facit, arcus similes, efficitur, ut arcus cuiuslibet paralleli proiciantur in arcus similes, atque adeo æquales in æqualibus, cum soli arcus æquales vnius circuli arcubus æqualibus alterius circuli possint esse similes. Nam si v. g. duo arcus vnius circuli sint similes duobus arcubus æqualibus alterius circuli, erunt idem illi duo similes vni & eidem ex his. Quare duo illi æquales erunt: Alias duo arcus inæquales eiusdem circuli essent similes vni & eidem arcui alterius circuli, quod est absurdum.

4. ITA QVE quadrantes proiciantur in quadrantes, gradus in gradus, minuta in minuta, &c. hoc est, sicut quadrans cuiusvis paralleli in cælo est quarta pars sui circuli, & gradus pars trecentesima sexagesima, ita quoque arcus in plano Astrolabii respondens illi quadranti, quarta pars est totius circuli, & pars respondens vni gradui, pars est trecentesima sexagesima eiusdem circuli, & sic de cæteris. Ex quo fit, ut quemadmodum in cælo Aequator, & quilibet parallelus in 360. gradus diuiditur æquales, ita quoque Aequator, & circulus in Astrolabio eum parallelum referens, diuidendus sit in 360. partes æquales, ut eius gradus habeantur.

5. DEINDE sit Analéma, in quo Meridianus ABCD; Aequator BFDT, eiusque diameter BD; parallelus quicumque australis GHIV, eiusque diameter GI; parallelus borealis quilibet KLMX, eiusque diameter KM, & axis mundi AC. Quia igitur radij visuales AG, AI, per extrema puncta diametri paralleli australis ducti, cadunt in planum Aequatoris productum extra spheram in puncta N, P, communis sectionis plani Aequatoris, & Meridiani, (cum spheram secant in G, I) radij vero visuales AK, AM, per puncta extrema diametri paralleli borealis ducti, occurrunt eidem plano Aequatoris intra spheram in punctis Q, S, eiusdem communis sectionis plani Aequatoris ac Meridiani, idemque contingit in radiis per extrema puncta aliarum diametrorum vtriusque paralleli emisissis, liquido constat, parallelum australem in circulum proiici maiorem Aequatore, borealem vero in minorem: quippe cum illius diameter visa NP, maior sit diametro BD, Aequatoris, huius vero diameter visa QS, minor, ac proinde & illius circulus visus NCPY, maior, huius vero circulus visus QRSZ, minor circulo Aequatoris BFDT. Eademque ratio est de aliis parallelis australibus, ac borealibus.

6. POSTREMO quia ex lemmate 16. circuli, quos plana basis conorum parallela abscindunt, centra habent in axe, axis autem mundanus AC, proiicitur in centrum Astrolabii siue Aequatoris E, ut supra dictum est; perspicuum est



est, omnes circulos in Astrolabio, in quos Aequator, eiusque paralleli proiciuntur, esse concentricos, idemque, cum Astrolabio centrum habere. Quod erat demonstrandum.

THEOR. III. PROPOS. III.

CIRCULVS quilibet spheræ ad Aequatorẽ obliquus, vel etiam rectus non maximus, in Astrolabiũ proiicitur in circularem figuram; sed arcus eius à certo quodam puncto inchoati in arcus dissimiles, atq; adeo æquales in inæquales proiiciuntur: centrum denique eius in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum est.

1. IN spherã ABCD, cuius centrum E, & poli mundi A, C; sit circulus tam maximus, cuius diameter FG, quàm non maximus, cuius diameter HI, vel KL, ad Aequatorem obliquus, hoc est, cuius poli M, N, à polis mundi C, A, diuersi sint. Vel etiam circulus non maximus ad Aequatorem rectus, cuius diameter PR, hoc est, per cuius polos Aequator incedat. Dico eum in Astrolabium proiici in figuram circularem, &c. Describatur enim per eius polos, & polos mundi circulus maximus ABCD, sitq; ipsius & Aequatoris communis sectio recta BD, in infinitum extensa; & ex A, polo australi per extremitates diametrorum extendantur radii visuales secantes rectam BD, per quam planum Astrolabij, Aequato-

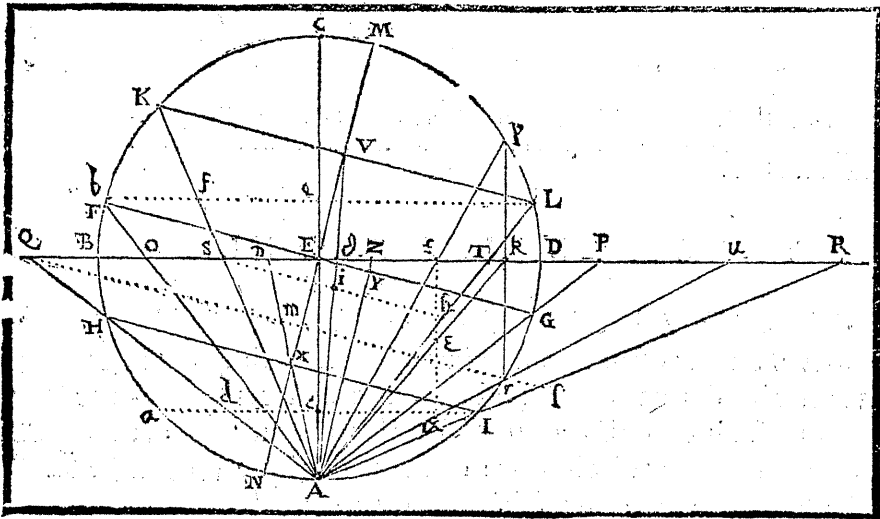
Obliquus circulus quicumque, vel etiam ad Aequatorem rectus non maximus, proiicitur in formam circularem, & partes æquales in partes inæquales, &c.

Aequator, eiusque paralleli in Astrolabio diuidendi sunt in 360 partes æquales, ut eorum gradus habeantur, in star circulorum in spheræ.

Paralleli australes in Astrolabio sunt maiores Aequatore, & boreales, minores.

Aequator, eiusque paralleli in Astrolabio idem cum Astrolabio centrum habent.

a 15.1.Theo. Aequatorisue ducitur, ad quod circulus ABCD, rectus est in punctis O, P, Q, R, S, T; t, u. Et quoniam conus sceleni, quorum vertex A, & bases circuli diametrorum FG, HI, KL, p, r, secantur plano circuli ABCD, ad bases recto, facienteque triangula per axem AFG, AHL, AKL, A p, r: (Axes enim horum conorum in plano circuli ABCD, sunt, cum basium centra, ad quae axes ducuntur, in eodem plano sint, quippe cum eas circulus bifariam, hoc est, per centra fecerit) secantur autem & alio plano per rectam BD, ducto, nimirum plano Aequatoris vel Astrolabij, quod ad triangula per axem, hoc est, ad planum circuli ABCD, rectum est, quod hic circulus per polos Aequatoris ductus cum ad angulos rectos fecerit, atque hoc planum per BD, ductum abscindit triangulum AOP, triangulo AFG, & triangulum AQR, triangulo AHL, & triangulum AST, triangulo AKL, & triangulum A t u, triangulo A p r, simile, & subcontrarie positum, ut in lemmate 35. demonstrauimus, quemcumque situm habeat diameter circuli inclinatus, faciet per lemma 17. idem hoc planum per BD, ductum, hoc est, planum Astrolabij, Aequatorisue, in conis praedictis scelenis sectiones, circulos, quorum diametri OP, QR, ST, t u. Esse autem conos istos scelenos, hac ratione demonstrabitur. Ducto axe basium priorum trium conorum MN, transibit is



f 13.1.Theo. per E, X, V, centra circularum, qui bases sunt, rectusque ad ipsos circulos erit. Cum ergo ex punctis E, X, V, ad eosdem circulos non possint educi aliae lineae, perpendiculares, erunt axes conorum AE, AX, AV, ad eos circulos, hoc est, ad bases conorum obliqui, ideoque conus sceleni erunt. In cono autem posteriore, cum BD, axis circuli, cuius diameter p, r, rectus etiam sit ad p, r, & per eius centrum k, transeat, liquet axem eius conus A k, obliquum esse ad basem conus, ac proinde conum quoque, cuius basis est circulus diametri p, r, scelenum esse.
2. DEINDE arcus circularum, quorum diametri FG, HI, KL, p, r, si a certo quodam puncto incipiant omnes, proiciuntur in arcus dissimiles, atque adeo arcus

arcus in circulis diametrorum OP, QR, ST, t u, respondentes aequalibus arcibus in circulis diametrorum FG, HI, KL, p, r, esse inaequales; manifestum est ex lemmate 31. ubi demonstratum est, si in circulo diametri FG, sumantur duo arcus oppositi inaequales incipientes a punctis F, G, arcus in circulo diametri OP, respondentes, quos videlicet in cono, cuius basis est circulus diametri FG, eadem rectae lineae ex A, egredientes auferunt, inaequales esse, maiorem quidem eum, qui prope minorem angulum P, existit, minorem vero eum, qui est prope maiorem angulum O. Esse autem angulum O, maiorem in triangulo AOP, & P, minorem, liquet, cum ille sit aequalis angulo G, & hic angulo F, in triangulo AFG, ob subcontrariam sectionem. Constat autem angulum G, maiorem esse angulo F, quod & latus AF, latere AG, maius sit, qui prope cum illud maius sit latere quadrati AB, & hoc minus latere quadrati AD, si ea latera ducerentur, ut constat ex scholio proposit. 29. lib. 3. Euclid. Eadem ratione arcus aequalibus in circulis diametrorum HI, KL, p, r, incipientibus a punctis H, I, K, L, p, r, respondebunt arcus inaequales in circulis diametrorum QR, ST, t u. Arcus ergo circularum, quorum diametri FG, HI, KL, p, r, in arcus dissimiles proiciuntur, & aequales in inaequales, si ab iis punctis, quae diximus, initium sumant.

a 18. primis

3. IN eodem lemmate 31. demonstratum est, si in cono, cuius basis est circulus diametri FG, educantur rectae ex vertice A, arcus in circulo diametri OP, inter P, & illas rectas interceptos, maiores esse, quam ut similes sint arcibus respondentibus in circulo diametri FG, quos videlicet eadem rectae abscindunt, &c. Constat ergo rursus, arcus circuli diametri FG, proiciuntur in arcus dissimiles in circulo diametri OP, si a puncto P, incipiant. Idemque dicendum est de arcibus circularum, quorum diametri HI, KL, p, r. Hi enim ex eodem lemmate proiciuntur in arcus dissimiles in circulis diametrorum QR, ST, t u. At vero arcus aequales circularum maximorum obliquorum proiciuntur in arcus inaequales ordine continuo, euidenter demonstrabimus in scholio proposit. 5. Num. 12 & sequentibus. Idemque deinde in scholijs proposit. 6. & 7. de circulis obliquis non maximis demonstrabimus. Ita ut verissimum sit, arcus aequales cuiusvis circuli obliqui, non solum proijci in arcus dissimiles, si a certo quodam puncto omnes initium sumant, verum etiam in inaequales, ut in theoremate propositum fuit. Ex quo fit, ut circulus obliquus siue maximus, siue non maximus, in Astrolabio diuidendus non sit in partes aequales, ut eius gradus habeantur respondentes gradibus eiusdem circuli in sphaera, sed in partes inaequales, ut proposit. 5. 6. & 7. trademus.

4. DENIQUE centrum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio differre ab Astrolabij centro, hoc est, diametros visas OP, QR, ST, t u, non diuidi bifariam in E, centro sphaerae, quod & Astrolabij centrum est, ut diximus, facile ostendemus hoc modo. Quoniam EB, ED, aequales sunt, erit ED, maior quam EO. Multo ergo maior erit EP, quam EO. Non ergo diameter OP, in E, diuiditur bifariam. Quod in circulo maximo patet etiam ex lemmate 35. ubi ostensum est, perpendicularem AY, ad diametrum FG, diuidere bifariam diametrum OP, in Z. Non igitur in E, bifariam secatur. Rursus ductis Ia, L b, ipsi BD, parallelis secantibus axem mundi AC, & rectas AH, AK, in c, d, e, f, quoniam ex scholio proposit. 4. lib. 6. Euclid. est ut Ic, ad cd, ita RE, ad EQ; & ut Le, ad ef, ita TE, ad ES: Est autem Ic, maior quam cd, & Le, maior quam ef, quod Ia, L b, bifariam secantur in c, e, cum anguli ad c, e, recti sint, ob parallelas BD, a I, b L. Igitur & RE, maior est quam EQ, & TE, maior quam ES. Neque ergo diameter QR, neque diameter ST, in E, secatur bifariam; ac proinde cum centrum diuidat diametrum bifariam, non erit E, centrum diametrorum

Circulum obliquum in Astrolabio habere centrum diametrum & centro Astrolabii.

b 3. tertij. c 29. primis.

Nn diametrorum

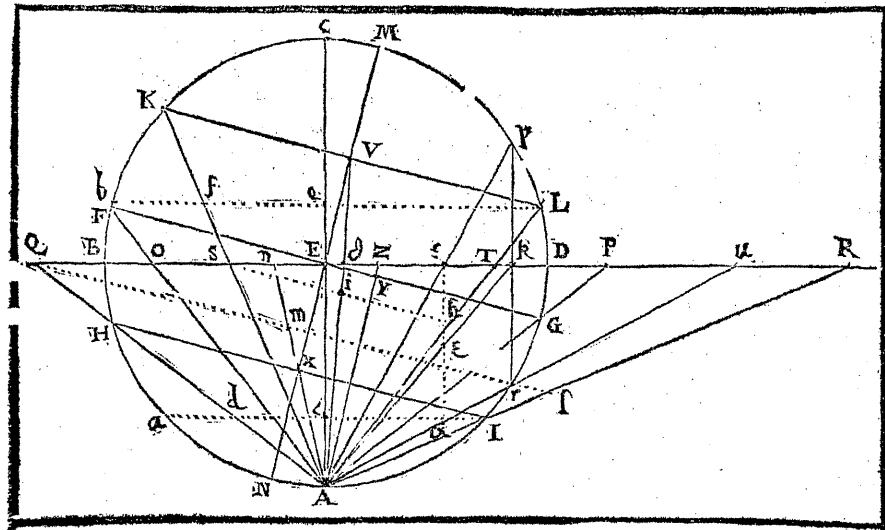
diametrorum OP, QR, ST. Denique diametrum quoque visam tu, non diuidi bifariam in centro E, luce clarius est, cum tota ea ultra centrum E, existat, vt perspicuum est, propter radios Ap, Ar.

SCHOLIUM.

I. OPORTET autem quemuis circulum obliquum maximum, eiusque paralelos, vel circulum non maximum ad Aequatorem rectum, ex polo australi inspicere in communi sectione Aequatoris vel plani Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, ducti, tum vt demonstramus, eos projici in formam circulem, tum vt maximas eorum diametros visas, circa quas describendi sunt, habeamus. Nam vt in cono scaleno sub contraria sectio sit circulus, necesse est, triangulum per axem ad basem conij esse rectum, vt ex lemma 17. constat: Huiusmodi autem est triangulum per axem in plano circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, transeuntis, cum hic circulus ad basem conij, hoc est, ad circulum obliquum, vel rectum, per cuius polos ducitur, rectus sit, & aliorum nullus, qui per eius polos non incidit. Deinde quia circulus hic maximus metitur maximam

Circuli obliqui in quo circulo maximo inspicendi sunt, ut habeantur eorum diametri maximam.

a 15. i. Theo.



Circulorum obliquorum, vel etiam rectorum non maximorum, diametros visas in communi sectione Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi & polos obliquorum circulem, vel rectorum ducti, esse omnium maximam.

declinatione maximi circuli obliqui ab Aequatore, cum eius arcus inter maximu circulum obliquum, & Aequatorem, sit arcus anguli, quem obliquus circulus cum Aequatore facit, ex defn. 6. nostrorum triang. sphaeric. consuet. diameter maximi circuli obliqui, qua communis sectio est ipsius, & illius circuli maximi, (qualis in praecedenti figura est diameter EG,) eum diametro Aequatoris, qua eiusdem circuli maximi, & Aequatoris communis sectio est, (cuiusmodi est in eadem figura diameter BD,) maiorem angulum, quam vlla alia eius diameter, qua communis sectio sit circuli obliqui, & alterius maximi circuli per polos mundi, sed non per polos obliqui

qui circuli, incidentis, cum hic circulus non metiatur maximam declinationem circuli obliqui ab Aequatore: ac proinde omnes alia diametri circuli maximi obliqui inter puncta B, & F, atque D, & G, cadent. Igitur per lemma 36. diameter OP, visa est omnium maxima, & BD, omnium minima, propterea quod recta per extrema puncta aliarum diametrorum minores angulos, cum BD, in centro E, constituentium ducta abscondunt minores rectas ex BD, recta OP, & maiores quam BD, ut ibi demonstramus.

2. QVOD autem diameter visa ST, circuli obliqui non maximi, cuius diameter KL, communis sectio ipsius, & circuli maximi ABCD, per ipsius polos, & polos mundi ducti, sit quoque omnium maxima, ita confirmabimus. Ducatur ex A, ad V, centrum obliqui circuli in cono, cuius ipse circulus est basis, axis AV, secans rectam BD, in g. Omnes ergo diametri circuli obliqui in sphaera per centrum V, transeunt, conspiciuntur in Astrolabij plano per rectam BD, ducto transire per punctum g. Ducta quoque Sh, ipsi KL, parallela, qua secet axem conij AV, in i, erit ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. ut hi, ad i S, ita LV, ad VK. Est autem per lemma 29. maior proportio T g, ad g S, quam LV, ad VK. Cum ergo LV, VK, sint aequales, inaequales erunt T g, g S, maiorque T g, quam g S; ac proinde centrum circuli diametri ST, diuidens diametrum ST, bifariam, existet in recta T g. Recta ergo ST, per centrum illius circuli ducta, qui quidem refert circulum obliquum diametri KL, ut demonstrauimus, maior est omnibus alijs rectis per g, ductis in eodem circulo, qua quidem sunt diametri vise circuli obliqui, ut dictum est. Eodem modo ostendemus diametrum visam QR, circuli obliqui non maximi diametri HI, qua communis etiam sectio est ipsius, & circuli maximi ABCD, per ipsius polos, & polos mundi transeuntis, esse omnium maximam. Ducto enim ex A, ad X, centrum obliqui circuli in cono, cuius ipse circulus est basis, axe AX, qui productus secet rectam BD, in n, conspiciuntur omnes diametri circuli obliqui in sphaera per centrum X, ducti transire in plano Astrolabij per rectam BD, ducto per punctum n. Et quia ducta Ql, ipsi HI, parallela, qua axem conij productum secet in m; est ut lm, ad m Q, ita IX, ad XH, ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. Est autem per lemma 29. maior proportio R n, ad n Q, quam lm, ad m Q; erit quoque maior proportio R n, n Q, quam IX, ad XH. Cum ergo IX, XH, aequales sint, inaequales erunt R n, n Q, maiorque R n, quam n Q; ac proinde centrum circuli diametri QR, qui refert obliquum circulum diametri HI, ut demonstrauimus, diuidens diametrum QR, bifariam, in recta R n, existet. Recta igitur QR, per centrum illius circuli ducta, maior est omnibus alijs rectis per n, ductis in eodem circulo, qua quidem sunt diametri vise circuli obliqui diametri HI, ut diximus. Denique non aliter probabimus diametrum visam tu, circuli ad Aequatorem recti, cuius diameter pr, esse omnium maximam. Ducto enim axe Ak, in cono, cuius basis est circulus diametri pr, agatur per t, ipsi pr, parallela ta, secans Ak, in e. Erit igitur ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. ut ae, ad et, ita rk, ad kp. At per lemma 29. maior est proportio uk, ad kt, quam ae, ad et. Igitur maior quoque erit proportio uk, ad kt, quam rk, ad kp. Cum ergo aequales sint rk, kp, inaequales erunt uk, kt, maiorque erit uk; ac proinde centrum circuli diametri tu, in recta uk, existet. Ergo recta ut, per illud centrum ducta erit maior omnibus alijs rectis per k, ductis in eodem circulo, qua quidem sunt diametri vise circuli, cuius diameter pr, in sphaera, qua est propofitum.

a 15. tertij.

b 15. tertij.

3. I M M O & haec demonstratio in circulos maximos continet. Quoniam enim in eadem praecedenti figura omnes diametri circuli maximi obliqui, cuius diameter EG, communis sectio ipsius, & circuli maximi ABCD, per ipsius polos, & polos mundi ducti,

N n 2 conspi-

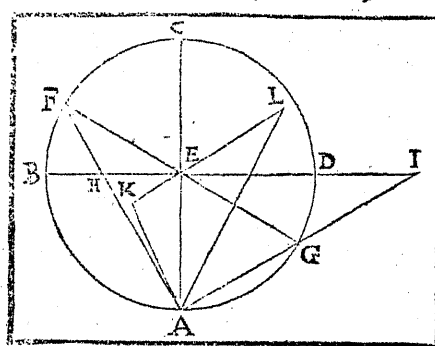
conspectum transire per E, centrum sphaera, vel Astrolabij, estque centrum diametri vise OP, cuius circulus circulum maximum obliquum diametri FG, in Astrolabio representat, ut demonstratum est in recta PE, quod hac maior sit, quam EO, ut supra ostendimus; recta OP, per centrum illius circuli ducta, maior omnibus alijs rectis per E, eductis, quae quidem, ut dictum est, sunt diametri vise circuli obliqui diametri FG.

4. EX his perspicuum est, centrum cuiusque circuli obliqui sine maximi sine non maximi, vel etiam recti non maximi, in Astrolabio sumendam esse in communi sectione plani Astrolabij Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui, vel recti, transsectis, quandoquidem, ut demonstratum est, in hac communi sectione apparet eius diameter maxima, atque adeo circulus ipse obliquus, vel rectus, describitur circa eam diametrum ea magnitudine, qua cernitur, cum in eo omnes diametri vise, etiam maxima, includantur. Quod si secundum diametrum aliquam minorem visam describeretur, minor fieret in Astrolabio, quam apparet, cum maxima eius diameter visa eum excederet, quod est absurdum.

EX quo illud etiam efficitur, rectam per centrum Astrolabij, & centrum cuiusque circuli obliqui eam maximi, quam non maximi, vel etiam recti non maximi, tractatam, esse communem sectionem plani Astrolabij Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos obliqui circuli, vel recti, incidit in sphaera. Nam si alia quavis linea recta diceretur esse hac communis sectio, apparet in ea maxima diameter vise, atque adeo in eadem centrum obliqui circuli, vel recti, describendi existeret, ut diximus, quod est absurdum, cum eius centrum in priori illa recta positum sit.

5. ITAQUE Horizon obliquus, Ecliptica, (positis principijs D, & Z, in Meridiano) & Verticalis primarius, inspicendi sunt in communi sectione Meridiani, & Aequatoris sine Astrolabij, ut eorum diametri vise habeantur maximi, atque in eadem sectione eorum centra existant: quia nimirum Meridianus per illorum circumferentiam polos ductus, ad eosdem rectus est.

6. IORDANVS in suo planisphaerio, quod est instar commentarioli cuiusdam in planisphaerium Ptolemaei, alia demonstratione, qua ex conis non pendet, concludit circulos obliquos omnes projici in figuram circulearem, hoc est, omnia puncta circumferentia cuiusvis circuli obliqui per radios ex polo australi emissos cadere in circuli circumferentiam, quam demonstrationem, quod acuta sit & elegans, hic censui apponendam.



Sit ergo primum circulus maximus obliquus, cuius, & circuli maximi ABCD, per eius, & mundi polos ducti, communis sectio sit FG, cuius extrema puncta per radios AF, AG, appareant in BD, communi sectione eiusdem circuli maximi ABCD, & Aequatoris, Astrolabij, in punctis H, I, ita ut HI, sit diameter vise omnium maxima, ut demonstratum est Num. 1.2. & 3. si circulus maximus obliquus diametri FG, visus in Astrolabio obtineat circulearem figuram. Deinde adhibeatur alius circulus maximus per polos quidem mundi A, C, sed non per polos circuli obliqui diametri FG, descriptus, secans circulum obliquum propositum non iam per diametrum FG, sed per aliam, per cuius extrema puncta emissi radij visuales AK, AL, abscondant ex eadem sectione posterioris huius circuli maximi per polos A, C, ducti, & plani Aequatoris, Astrola-

Centra obliquorum circulorum, vel etiam rectorum non maximorum in Astrolabio sumenda esse in eadem sectione plani Astrolabij Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliquorum, vel rectorum, ducti.

Rectam lineam per centrum Astrolabij, & centrum cuiusvis circuli in Astrolabio descripti ductam, esse communem sectionem plani Astrolabij, Aequatoris, & circuli maximi, qui per polos mundi, & polos obliqui circuli, ducti.

a 15.1. Theo.

Iordani demonstratio, circulos obliquos, vel etiam rectos non maximos projici, in figuram circulearem.

Astrolabij, ad quod circulus ABCD, rectus est, diametrum visam KL. Dico quatuor puncta H, I, K, L, in plano Aequatoris seu Astrolabij, cadere in circuli circumferentiam. Quoniam enim angulus FAG, in semicirculo rectus est, rectangulum erit triangulum AHL, ad cuius basem HI, demissa est perpendicularis AE, nimirum axis ipse mundanus, qui per sphaera centrum E, transit, rectusque est ad Aequatoris, cuius axis est, ideoque & ex defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam BI, in Aequatoris plano, existentem perpendicularis. Igitur erit per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid. AE, media proportionalis inter HE, EI. Igitur rectangulum sub HE, EI, quadrato rectae AE, aequale erit. Rursus quia angulus KAL, rectus est, cum etiam in semicirculo existat, nimirum in eo, quem ex maximo circulo per polos mundi, sed non per polos obliqui circuli, ducto auferat diameter circuli obliqui, per cuius extrema puncta radij visuales emissi abscondunt diametrum visam KL; erit triangulum AKL, rectangulum, ad cuius basem KL, demissa est perpendicularis AE, axis videlicet ipse mundanus, qui per sphaera centrum E, transit, rectusque est ad Aequatorem, cuius est axis, ideoque & per defin. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam KL, in plano Aequatoris existentem perpendicularis. Igitur per coroll. propos. 8. lib. 6. Euclid. AE, media erit proportionalis inter KE, EL. ac proinde rectangulum quoque sub KE, EL, quadrato rectae AE, aequale erit. Quocirca rectangula sub HE, EI, & sub KE, EL, aequalia inter se erunt, cum utrumque quadrato rectae AE, ostensum sit aequale: ac propterea ex scholio propos. 3. lib. 3. Euclid. circulus circa diametrum HI, descriptus per puncta K, L, incidet. Non aliter ostendemus, eundem transire per extrema puncta aliarum diametrorum visarum, si nimirum concipiantur alij circuli maximi per polos mundi, sed non per polos circuli obliqui diametri FG, describi, facientes in circulo obliquo diametros, per quarum extrema puncta radij visuales ex A, procedentes abscondant in plano Aequatoris alias diametros visas a diametro visa KL, differentes. Circulus ergo obliquus maximus, cuius diameter FG, in formam circulearem projicitur, quod erat demonstrandum.

7. DEINDE sit circulus obliquus, vel etiam rectus non maximus FKGL, cuius, & circuli maximi ABCD, per eius, & mundi polos ducti, communis sectio sit FG, cuius extrema puncta per radios AF, AG, appareant in BD, communis sectione eiusdem circuli maximi ABCD, & Aequatoris vel Astrolabij, in punctis H, I, ita ut HI, sit diameter vise omnium maxima, ut demonstratum est Num. 1.2. & 3. si circulus obliquus FKGL, visus in Astrolabio circulearem figuram obtineat. Per quodlibet punctum O, diametri FG, ducatur planum Aequatori parallelum, hoc est, ad circulum ABCD, rectum, cum hic circulus Aequatorem, eiusque parallelos fecerit per polos A, C, & ideoque ad angulos rectos, faciens in circulo ABCD, sectionem MN, ipsi BD, parallelam, & in sphaera superficie circulum NKML; sitque KOL, communis sectio circulorum FKGL, NKML, qua ad circulum ABCD, recta erit, quod uterque circulus ad eundem sit rectus; ac proinde ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad FG, rectam perpendicularis, ideoque diameter FG, secans KL, ad angulos rectos, eandem bisariam in O, secabit. Extensa autem ex A, per O, recta AO, secet HI, in R, & per R, in plano trianguli AKL, (ductis rectis AK, AL,) recta KL, parallela agatur PRQ, occurrans radijs visualibus AK, AL, in P, Q, qua etiam ad planum eiusdem circuli ABCD, recta erit, ac proinde in plano Aequatoris per HI, ducto, et ad eundem circulum ABCD, recto existat. Puncta igitur K, L, circuli FKGL, in plano Aequatoris, Astrolabij, apparebunt in punctis P, Q, & recta KL, in recta PQ. Dico quatuor puncta H, I, P, Q, in circumferentiam circuli cadere in plano Astrolabij sine Aequatoris. Iungatur enim recta GC, & recta MN, secet radium visualem AF, in S, & axem AC, in V, eademque recta NM, extendatur usque ad T. Quoniam igitur angulus AGC, rectus est, nec non &

a 15.1. Theo. b 31. tertij.

c 10.1. Theo.

d 17. sexti.

e 10.1. Theo.

f 17. sexti.

g 15.1. Theo.

h 16. undec.

i 1.1. Theo.

k 19. undec.

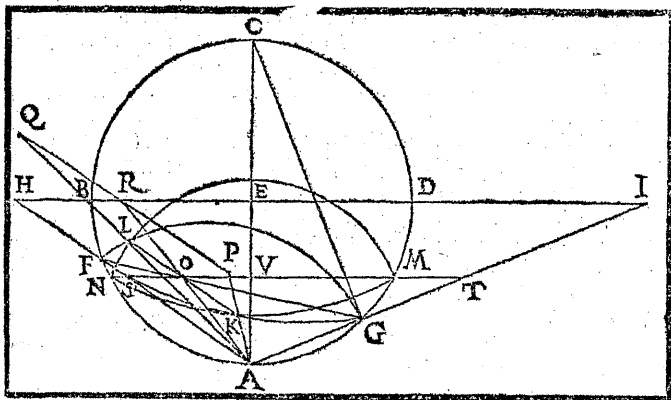
l 3. tertij.

m 8. undec.

n 31. tertij.

o 29. primi.

non est angulus AVT, ob parallelas BD, NM: Habent autem et triangula AGC, AVT, angulum A, commune; erit per coroll. 1. propof. 32. lib. Euclid. reliquis angulis ACG, reliquo angulo ATV, equalis: a Est autem eidem angulo ACG, angulus AFG, equalis. Igitur et anguli T, F, in triangulis GOT, SOF, aequales erunt. b Cum ergo et anguli ad verticem O, sint aequales; aequiangula erunt triangula GOT, SOF, c Igitur erit ut GO, ad OT, ita SO, ad OF: d ac proinde rectangulum sub GO, OF, re- d 16. sexti. ctangulo sub TO, OS, aequale erit. e Est autem rectangulum sub GO, OF, aequale re- e 35. tertij. ctangulo sub KO, OL. Igitur et rectangulum sub TO, OS, eidem rectangulo sub KO, OL,



E 17. sexti.

E 4. sexti.

triangulum TOA, triangulo IRA, sit simile, et triangulum AOK, triangulo ARP, ex coroll. propof. 4. lib. 6. Euclid. e est ut TO, ad OA, ita IR, ad RA, et ut OA, ad KO, ita RA, ad PR; erit ex aequo, ut TO, ad KO, ita IR, ad PR. Rursum quoniam est ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. ut SO, ad OT, ita HR, ad RI: Ofsensum autem est proxime, esse ut OT, ad OK, ita RI, ad RP; erit quare ex aequo, ut SO, ad OK, ita HR, ad RP; Et conver- tendo, ut OK, ad SO, ita RP, ad HR. Quocirca cum sit, ut TO, ad OK, ita IR, ad RP; et ut OK, ad OS, ita RP, ad HR; sint autem tres TO, OK, OS, ostense continue proportionales, erunt quoque tres IR, RP, HR, continue proportionales. h Igitur rectangulum sub IR, RH, quadrato recta RP, aequale erit, hoc est, rectangulo sub PR, RQ, cum haec recta aequales sint, quippe qua ex scholio propof. 4. lib. 6. Euclid. eandem proportionem habent, quam aequales recta KO, LO. Igitur per scholium propof. 3. s. lib. 3. Euclid. circulus circa diametrum HI, descriptus, per puncta P, Q, transit. i Non aliter ostendemus, eundem transire per alia puncta, in qua cadunt in plano Astrolabij Aequatoris, recta ex polo australi A, per alia puncta circuli obliqui FKGL, emissa, si nimirum per alia puncta diametri FG, ducantur plana Aequatori parallelas, et c. Circulus igitur obliquus, vel etiam rectus non maximus FKGL, in circulare figuram projicitur. quod erat demonstrandum.

TO.	IR.
OA.	RA.
KO.	PR.

SO.	HR.
OT.	RI.
OK.	RP.

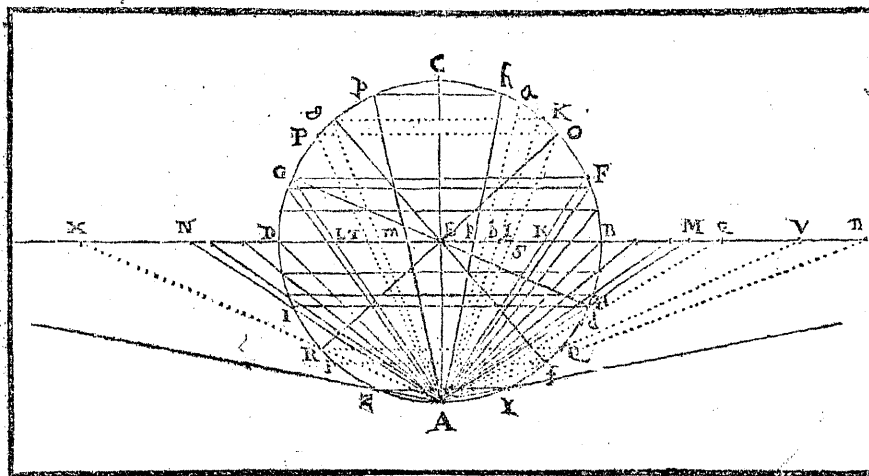
h 17. sexti.

aquale e-
rit, hoc
est, qua-
drato re-
cta KO,
quod KO,
OL, aqua-
les sint o-
stensa:
atq; id-
circo tres
TO, KO,
OS, conti-
nue sunt
proportio-
nales.
Quia ve-
ro, cum

PROBLEMA I. PROPOS. IIII.

AEQVATOREM, & quemlibet eius parallelum, cuius datus sit arcus declinationis, in planum Astrolabij proicere, atque in gradus distribuere.

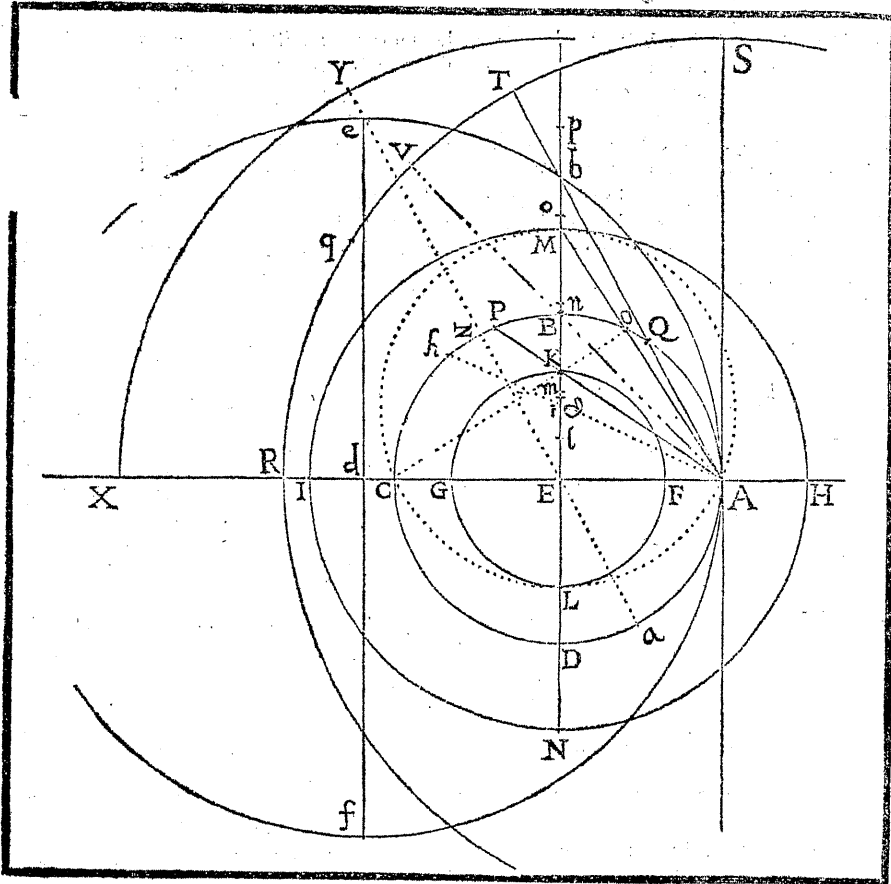
1. DESCRIBATUR Analemma, vt lemmate 19. traditum est, cuius Meridianus ABCD, ex centro E, descriptus sit aequalis Aequatori in futuro Astrolabio, (accipi enim potest magnitudo Aequatoris ad cuiusque arbitrium) axis mundi AC; polus australis A, & borealis C; Diameter Aequatoris BD; Tropici Σ , FG; tropici \mathcal{Z} , HI, ita vt arcus BF, BH, DG, DI, metiatur maximam Solis, vel Eclipticae, declinationem; atque inter has diametros FG, HI, diametri aliorum parallelorum per signorum initia ductorum contineantur, vt in Analemmate lematis 19 & extra eandem, diametri circulorum arctici & antarctici hp; YZ; Diameter Horizontis ad elevationem poli grad. 42. fg; eius axis, siue



diameter Verticalis OR; Diameter Eclipticae GH. Si igitur ex australi polo A, per extrema diametrorum puncta emittantur radij visuales, secabunt ij diametrum Aequatoris BD, in infinitum extensam (per quam quidem ducitur planum Aequatoris vel Astrolabij, ad quod Meridianus faciens in eo sectionem BD, rectus est.) in punctis, in quibus extrema illa puncta apparent, ac proinde ex eadem recta BD, diametros visas abscindent; eritque diameter visa Aequatoris BD, eadem qua Analemmatis; tropici Σ , KL; tropici \mathcal{Z} , MN. Et quoniam per propof. 2. Aequator, eiusque paralleli omnes in figuras circulares proficiuntur, centrum commune habentes E, in axe conorum, erunt omnes alix diametri parallelorum visas aequales diametris BD, KL MN, cum omnes per E transeant, serminenturque in circumferentiis circulorum ex E, ad intervalia EB, EK, EM, descri-

Aequatoris pa-
rallelorumque ip-
sus in Astrola-
bio descripto ex
Analemmate, si
magnitudo Ae-
quatoris data sit
155. T. 60.

descriptorum. Quocirca si in plano, in quo Astrolabium construendum est, ex assumpto quouis centro E, ad interualla semidiametrorum EB, EK, EM, circuli describantur, erit ABCD, Aequator; FKGL, tropicus $\alpha\beta$; & HMIN, tropicus γ . Eodem prorsus modo alij paralleli per signorum initia incidentes describentur, & alij etiam paralleli tam infra tropicos, quam extra, si eorum declinationes, siue distantiae à punctis B, D, cognitae fuerint. In proposito Analemmate



radij visuales AY, AZ, per puncta extrema diametri circuli antarctici YZ, emiffi, tam procul cum recta BD, concurrunt, vt eius diameter visa in plano notari non potuerit. In eodem Analemmate, si ducatur diameter OP, paralleli borealis gradibus 42. ab Aequatore recedentis, atque per verticem, siue polum Horizontis Romani transeuntis, & alia diameter paralleli australis oppositi QR, per Nadir, siue alterum polum eiusdem Horizontis incidentis, emittanturque per puncta

puncta extrema radij visuales, reperientur eorum parallelorum diametri apparentes in plano Astrolabij ST, VX. Satis autem est, vt vides, si ex vna tantum parte axis AC, dextra, vel sinistra, inueniantur semidiametri apparentes ES, EK, EB, EM, EV, vel ET, EL, ED, EN, EX, &c. Polus quoq; arcticus C, apparet in plano Aequatoris vel Astrolabij per rectam BD, ducti, & ad Meridianum ABCD, recti in ipso centro E, Astrolabij, vel Aequatoris. Immo & totus axis AC, in centro E, cõprensus, adeo vt E, centrũ Astrolabij, & parallelorũ, representet & polũ borealem, & axẽ mundanum. q̃ supra quoq; propof. i. num. 4. monuimus. Quemadmodũ denique, descriptis parallelis in plano Astrolabij, vt diximus, diameter, vel recta MN, est cõis sectio plani Astrolabij vel Aequatoris, & Meridiani circuli, representans in Astrolabio ipsum circulum Meridianum, ita diameter, vel recta HI, illam secans ad angulos rectos, est sectio cõmunis eiusdem plani Astrolabij, Aequatorisue, & Horizontis recti, siue Coluri Aequinoctiorum, congruente Solstitiorum Coluro cum Meridiano. Cum enim Meridianus, & Horizontis rectus, per propof. i. Num. 4. proiciantur in lineas rectas per centrum E, transeuntis, sitque tam Horizontis rectus, quam Aequator, ad Meridianum rectus, erit quoq; eorum cõmunis sectio ad eundem recta, ac proinde ex defin. 3 lib. 11. Eucl. cum MN, in Meridiano existente rectos angulos constituet. Quare HI, ad MN, perpendicularis cõmunis sectio erit Horizontis recti, & Aequatoris, & MN, statuat eiusdem Aequatoris, & Meridiani sectio cõmunis.

2. IAM vero quia per propof. 2. Num. 4. Aequator in Astrolabio, eiusq; paralleli, diuidendi sunt in partes 360. æquales, vt eorũ gradus habeantur; facile cuiusuis paralleli gradus habebuntur, si is in 360. partes æquales secetur. Ex quo fit, rectas per centrum E, traiectas, secantesq; circulos ex E, descriptos in 360. partes æquales, cões sectiones esse plani Astrolabij Aequatorisue, & maximorũ circulorum per mundi polos, & singulos gradus Aequatoris ductorum, cũ hi in sphaera oēs parallelos partiantur in gradus, b in partes videlicet similes partibus Aequatoris, proicianturque per propof. i. Num. 1. in lineas rectas in Astrolabium.

3. ITA QVE vt quilibet parallelus propositus per quemcunq; gradũ Meridiani, siue Coluri solstitiorum transiens, in Astrolabio describatur, numeranda est in Analemmate eius declinatio, seu distantia ab Aequatore, ex puncto B, versus polũ arcticum C, aut versus antarcticũ A, prout datus parallelus borealis est, aut australis. Recta enim per finem numerationis ex A, ducta abscindet ex EV, semidiametrum, ad cuius interuallum datus parallelus ex centro E, in Astrolabio describendus est. Vt si describendus sit parallelus ab Aequatore gradibus 60. in Boream declinans, numerabimus à B, versus C, grad. 60. vsque punctũ a. Nã recta Aa, auferet eius semidiametrum apparentem Eb. Sic etiam, si describendus sit parallelus in austrum ab Aequatore declinans grad. 30. numerabimus à B, versus A, grad. 30. vsque ad punctũ d. Recta namque ad, producta abscindet eius semidiametrum visam Ee, atque ita de cõteris.

4. VICISSIM descripto quouis parallelo ex centro E, in Astrolabio, cognoscemus eius declinationem ab Aequatore siue in boream, siue in austrũ, hac ratione. Eius diameter in Astrolabio sumpta transferatur in rectam EV, ex E, in Analemmate. Ex termino enim ipsius recta ad A, ducta transibit in Meridiano ABCD, per punctũ, per quod parallelus datus in sphaera ducitur. Et si quidem recta illa secet quadrantẽ BA, parallelus australis erit, borealis vero, si quadrantem BC, secet. Vt si cognoscere velis, num parallelus HMIN, in Astrolabio sit australis, borealisue, & quantam habeat declinationem, transfer eius semidiametrum EM, beneficio circini in Analema ex E, in M. Et quia recta ducta AM, secat quadrã-

Satis est, si semidiametri dextrae inueniantur.

Polus arcticus, & axis mundi representatur in Astrolabio per centrũ.

Meridianus, & Horizontis rectus in Astrolabio qui

a 19. vnde.

Diuisio parallelorum Aequatoris in gradus.

Circulos maximos per polos mundi & gradus singulos Aequatoris ductos in Astrolabio representari per lineas rectas per centrum Astrolabij ductas auidenterque quemlibet circulum ex eodem centro descriptum in 360. partes æquales. Dio. 2. Tab.

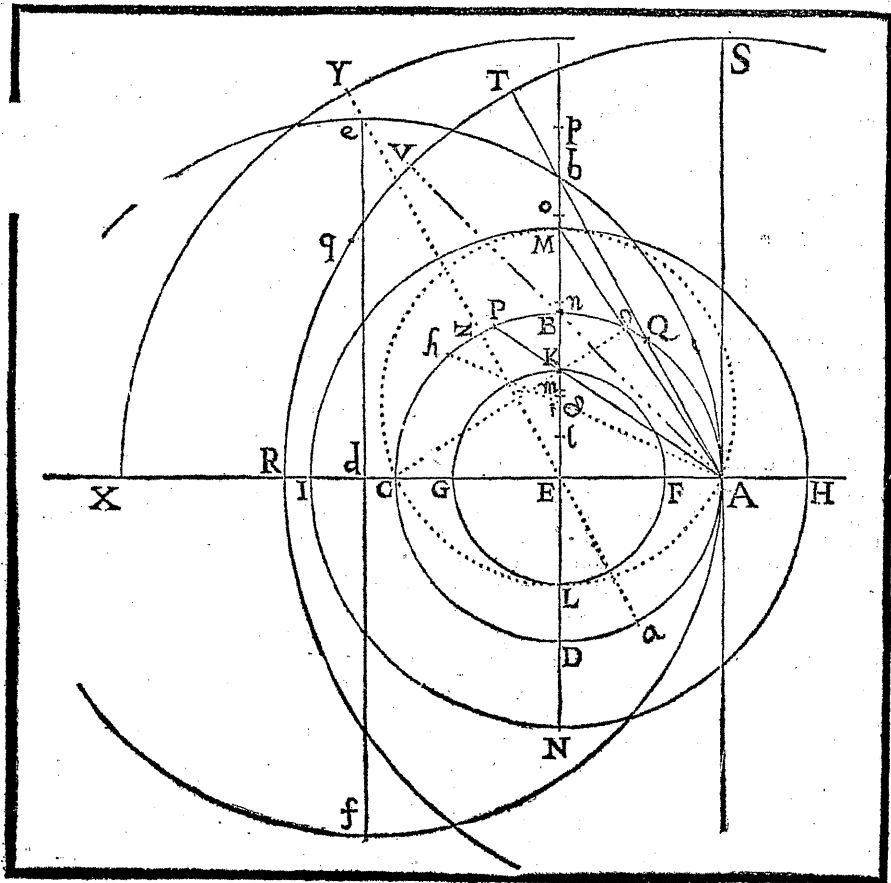
Parallelum quemlibet Aequatoris datur declinationem ex Analemmate cognoscere, & verum an borealis sit an australis.

Paralleli cuiuslibet Aequatoris in Astrolabio descripti declinationem ex Analemmate cognoscere, & verum an borealis sit an australis.

quadrantem BA, in H, pūcto, quod à B, abest gr. 23. m. 30. erit parallelus HMIN, australis, ac proinde tropicus ☊. Sic diameter EK, paralleli FKGL, dabit in Analemate arcum declinationis borealis BF, grad. 23. min. 30. ideoque parallelus erit tropicus ☋. Quia denique semidiameter EB, paralleli ABCD, in Analemate coincidit cum semidiametro EB, erit ipse parallelus in Astrolabio Aequator. Et sic de cæteris.

Aequatorē eiusque parallelos in Astrolabio, siue cōstructione Analematis describere, si data sit Aequatoris magnitudo.

5. CAETERVM eosdem parallelos Aequatoris in plano Astrolabii, vñā cum Aequatore describemus, etiamsi Analemma seorsum non sit constructum, hoc modo. Descripto Aequatore cuiusvis magnitudinis ABCD, in plano Astrolabii ex E, centro (Huius enim circuli magnitudo arbitrio cuiusque determinari



potest.) ductisque duabus diametris AC, BD, sese ad angulos rectos in centroasantibus, sumatur circulus hic ABCD, pro Meridiano Analematis, quandoquidem

quidem Aequator Astrolabii, & Meridianus Analematis æquales sunt, vt dictum est; & AC, pro axe mundi, atque A, sit polus australis, & C, borealis; denique BD, in vtramque partem extensa accipiat pro communi sectione Aequatoris, ac Meridiani, vt in Analemate, perinde ac si semicirculus BAD, ad rectos angulos insisteret in plano Aequatoris, vel Astrolabii, in recta BD, & alter semicirculus BCD, eidem plano ex altera parte insisteret ad rectos angulos, ita vt totus circulus ABCD, situm Meridiani obtineat. Itaque si à puncto B, supputetur uersus C, declinatio borealis paralleli dati, declinatio vero paralleli australis uersus A, & ex A, per finem supputationis recta egrediat, secabitur recta EB, in puncto, per quod parallelus datæ declinationis ex E, centro describendus est. In iisdem enim punctis recta ex A, egredientes rectam BD, in infinitum productam secabunt, in quibus eandem fecerent, si circulus ABCD, ad rectos angulos plano Astrolabii insisteret in recta BD, vt perspicuum est. Ita vides supputatas esse ex vtraque parte maximas Solis declinationes BP, BO, grad. 23. min. 30. rectasque AP, AO, rectam EB, secare in K, M, punctis, per quæ tropicus ☊, & tropicus ☋, descripti sunt.

6. ATQVE eadem arte quemcunque parallelum datæ declinationis describemus, si eius declinationem à puncto B, numeremus uersus C, si ea fuerit borealis, uersus A, uero, si Australis. Ratio hic eadem est, quæ in Analemate. Nam per fines, uerbi gratia, declinationum P, O, ducendæ sunt diametri parallelorum illarum declinationum in Analemate. Igitur earum extrema puncta P, O, apparebunt in K, M, ac proinde semidiametrorum apparentes erunt EK, EM, &c.

Parallelum quilibet Aequatoris, cuius declinatio data sit, in Astrolabio sine constructione Analematis describere.

CAETERVM satis est, si declinatio data ex B, in vnam partem numeretur, vt ex ea describamus parallelum; tam borealem, quam australem illius declinationis. Nam si declinatio sit BO, abscindet radius AO, ex A, polo propinquiore emissus semidiametrum EM, paralleli australis: at radius CO, ex C, polo remotiore ductus auferet semidiametrum EK, paralleli borealis, &c.

Ex vno arcu declinationis in Aequatore describere tam australem, quam borealem parallelum illius declinationis.

7. E contrario declinationem cuiuslibet paralleli in Astrolabio descripti cognoscemus, si ex puncto, ubi rectam EB, secat, ad A, rectam ducamus. Hæc namque semicirculum ABC, in puncto declinationis secabit, & si quidem secet quadrantem BC, declinatio erit borealis, si uero quadrantem BA, australis. Vt ducta recta AK, dat in quadrante BC, declinationem borealem BP, recta uero AM, declinationem BO, australem in quadrante BA.

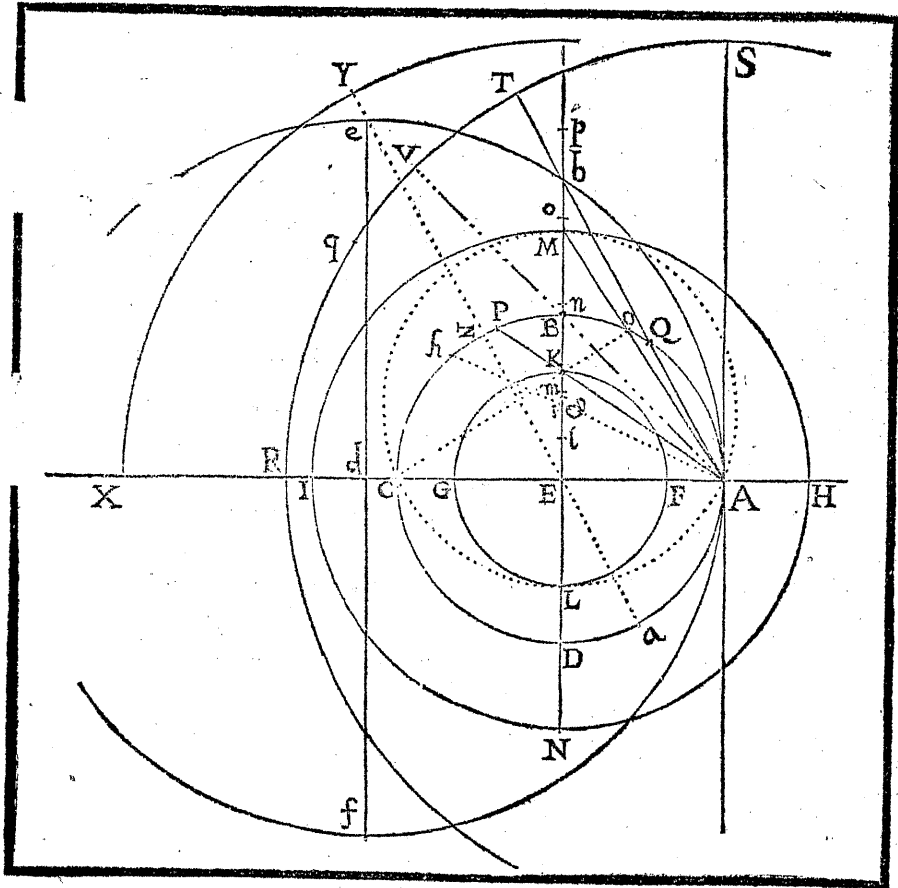
Paralleli cuiuslibet Aequatoris in Astrolabio descripti declinationem sine constructione Analematis cognoscere, & vtrum ea borealis sit, an australis.

8. QVONIAM uero cum declinatio australis dati paralleli, qualis est declinatio BQ, tãta est, vt puncta A, Q, parum inter se distent, difficile admodum radius visualis AQ, citra errorem producit, propterea quod ob propinquitatem punctorum A, Q, regula, qua in lineis rectis ducendis utimur, facillime à proprio situ hinc inde dimoueri potest, ideoque punctum, quod in recta EB, semidiametrum paralleli apparentem terminat, exquisitè inueniri nequit, vsurpandum tunc erit lemma 11. ubi docuimus per duo puncta parum inter se distantia, cuiusmodi sunt A, Q, in dato exemplo, lineam rectam quantumlibet producere. Et si forte recta hæc tam oblique rectam EB, interfecaret, vt vix punctum intersectionis sine errore possit discerni, adhibendum quoque erit lemma 13. ubi punctum illud, quantumuis oblique sese recta AQ, EB, interfecent, docuimus inuenire exquisitissime.

Semidiametros parallelorum Aequatoris, præsertim australium, accuratius, atque exquisitius inuenire.

9. E ANDE M rectam AQ, in continuum producemus valde accurate, hoc modo. Ex A, descripto arcu RS, ad quoduis interuallum AR. quem in S, secet

recta AS, ad AR, perpendicularis, vt sit quadrans RS, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid. fumatur arcus ST, dimidio arcus AQ, similis, hoc est, qui dimidiatum numerum graduum arcus AQ, contineat. (Hoc autem fiet, si per lemma 3. arcus fumatur Sq, arcui AQ, similis, bifariamque secetur in T. Nam ST, similis erit semisfi arcus AQ.) Recta enim AT, per punctum Q, transibit, cum per lemma 10. recta AS, AQ, arcum auferant ex circulo RS, qui similis sit dimidio arcus AQ,



cuiusmodi est sumptus arcus ST. Quod si perpendicularis AS, arcum RS, in plano non secet, ducenda erit ex A, per B, recta secans arcum RS in V, & accipiendus arcus VT, similis semisfi arcus BQ. Recta enim AT, rursus per Q, transibit, cum per lemma 10. recta AV, AT, auferant arcum VT, similem semisfi arcus BQ. Est autem arcus RV, quadrantis semisfis, cum ei insistat in centro A, angulus semirectus BAE, vt patet. Sed commodissime ita quoque agemus. Ex E, descripto

descripto arcu XY, cuius semidiameter EX, semidiametro AR, æqualis sit, diuisoq; arcu CQ, bifariam in Z, ducemus rectam EZ, (sumpto prius arcu Da, arcu BZ, æquali, vt accuratius per tria puncta a, E, Z, recta ducatur) que arcum XY, secet in Y: eritq; arcus XY, arcui CZ, id est, semisfi arcus CQ, similis, ex scholio propof. 22. lib. 3. vel propof. 33. lib. 6. Eucl. Si igitur arcui XY, beneficio circini æqualem arcum refecimus RT, (cum hi circuli sint æquales) erit quoque arcus RT, arcui CZ, similis, ac proinde rursus ducta recta AT, per Q, transibit. Quin etiam, quoniã recta EZY, AQT, parallelæ sunt, quod angulus externus XEY, in centro æqualis sit interno angulo RAT, in centro, ob æquales circulos RS, XY; si recta aEZ, per A, parallelam agamus AT, ex lemmate 4. transibit ea omnino per Q. Immo rectas aEZ, AQ, esse parallelas, demonstrabimus etiam hoc modo; etiam si circuli RS, XY, descripti non sint. Quoniam arcus Aa, CZ, æquales sunt, ob angulos in centro æquales ad verticem Aea, CEZ; estq; arcus CZ, arcui ZQ, æqualis; erit quoque arcus Aa, arcui ZQ, æqualis, atque idcirco ex schol. propof. 27. lib. 3. Eucl. recta aEZ, AQ, parallelæ erunt.

a 28. primi.
b 27. tertij.

c 26. tertij.

10. POTES quoque, si placet, ex quouis puncto d, in recta AC, accepto per A, describere circulum Abe, qui circulum ABCD, tangat in A. Nam diuiso eius quadrante Ae, in grad. 90. si fumatur arcus Ab, arcui AQ, similis, transibit recta Ab, per Q, cum ex lemmate 9. quælibet recta ex A, ducta abscindat ex circulis AB, Ae, tangentibus arcus similes. Has ergo cautiones, ac remedia, si adhibeas, fieri vix potest, vt error in ducendis radiis visualibus per declinationes australes, quamuis maximas, committatur. Quod si quadrans RS, secetur in partes 180. æquales, vt singula singulis gradibus semicirculi CBA, respondeant, ac proinde ipsa instar graduum haberi possint; si ex V, puncto medio quadrantis RS, versus R, supputentur declinationes boreales, & versus S, australes, fumendo V. g. pro maxima declinatione Solis particulas $23\frac{1}{2}$. ex 180. in quas diuisus fuit quadrans RS, ac si forent gradus 23. min. 30. & pro declinatione grad. 45. min. 36. fumendo particulas 45. & min. 36. vnus particulæ, (quæ quam ratione accipi possint, in lemmate 3. traditum est) & sic de cæteris, reperientur parallelorum semidiametri in recta EB, per rectas ex A, ad quadrantem RS, ductas, multo accuratius, quàm si eadem declinationes in semicirculo ABC, ex puncto B, vtrinque supputentur: propterea quod recta ex A, ad puncta quadrantis RS, magis exquire ducuntur, quàm per puncta semicirculi ABC, cum illa sint his remotiora à puncto A.

Semidiametros parallelorū Aequatoris alia ratione, & exquisitè facis, inuenire.

11. NON est autem prætereundum hoc loco, semidiametrum Aequatoris in Astrolabio esse medio loco proportionalem inter semidiametros duorum parallelorum æqualium & oppositorum. Sint enim duo paralleli in Astrolabio FKGL, HMIN, respondentes quibuscunq; duobus parallelis in sphaera æqualibus inter se, & oppositis. Dico EB, semidiametrum Aequatoris esse mediam proportionalem inter eorū semidiametros EK, EM, hoc est, ita esse EK, ad EB, vt EB, ad EM, vel ita esse EM, ad EB, vt EB, ad EK. Ductis enim rectis AK, AM, secabitur semicirculus ABC, in punctis declinationum P, O, vt demonstratum est Num. 4. & 7. eruntque arcus declinationū BP, BO, æquales, cum parallelis oppositis & æqualibus debeantur; ideoque & eorum complementa CP, AO, æqualia erunt; ac proinde anguli PAC, OCA, (ducta prius recta CO,) æquales erunt. Cum ergo & angulus COA, qui in semicirculo rectus est, æqualis sit angulo recto AEK; erunt trianguula COA, AEK, æquianguula. Eademque de causa æquianguula erunt trianguula COA, MEA, cum rectus angulus COA, recto angulo MEA, æqualis sit, & angulus EAM, communis. Igitur erit, vt CO, ad OA, ita ME, ad EA; atque

Semidiametrum Aequatoris inter semidiametros duorum parallelorum Aequatoris oppositorum in Astrolabio esse medio loco proportionalem.

d 27. tertij.

e 31. tertij.

f 4. sexti.

a 1. quinti.

Quam proportio nem continentiam habeant semidia meter Aequatoris, & semidiamet rei duorum parallelorum oppositorum in Astrolabio.

Semidiametrum cuiusvis paralleli Aequatoris australis ex semidiametro paralleli borealis oppositi emere in Astrolabio.

EA, atque ita EA, ad EK: atque idcirco erit, vt ME, ad EA, hoc est, ad EB, ita EA, hoc est, EB, ad EK: ac proinde & conuertendo, vt EK, ad EB, ita EB, ad EM, quod est propositum. Et quoniam arcus CO, conflatus est ex quadrante CB, & arcu declinationis BO, ipse notus erit; & est quoque arcus AO, notus, cum sit complementum declinationis. Igitur & chordæ CO, OA, notæ erunt, ideoque & earum proportio erit nota. Cum ergo semidiametri EM, EB, EK, proportionales sint continue in proportione CO, ad OA, vt demonstrauimus, erit quoque proportio semidiametrorum continua, nota. Nam semper earum proportio, maioris ad minorem, est eadem, quæ chordæ arcus ex quadrante, & declinatione conflati, ad chordam complementi declinationis, nimirum CO, ad OA.

12. QVAE cum ita sint, satis erit in recta EB, per rectas ex A, per puncta declinationum in quadrante BC, emissas inuenire semidiametros apparentes parallelorum borealium; quod difficile non est, cum radii visuales ex A, per puncta quadrantis borealis BC, ducti, non admodum oblique semidiametrum EB, intersectent. Si enim per lemma 12. semidiametro apparenti cuiusvis paralleli borealis, & semidiametro Aequatoris, reperiatur tertia proportionalis, erit hæc semidiameter apprens oppositi paralleli australis. Adhibenda tamen hic omnino est cautio, quæ eo in lemmate pro tertia proportionali inuenienda præscriptus: Hoc est, quando semidiameter paralleli borealis multo minor est semidiametro Aequatoris, diuidenda est hæc continue bifariam, donec vltima particula (quæ vel erit semisis, vel quarta pars, vel octaua, vel sextadecima, &c. progrediendo semper per proportionem duplam) inueniatur, quæ sit vel æqualis, vel minor semidiametro paralleli borealis. Per hanc enim inuenietur quarta quedam proportionalis ad semidiametrum paralleli borealis, particulam vltimam semidiametri Aequatoris, & semidiametrum Aequatoris, quæ talis pars erit tertiæ proportionalis, hoc est, semidiametri paralleli australis, quæ desideratur, qualis est particula illa vltima semidiametri Aequatoris. Quare ea duplicata, vel quadruplicata, vel octuplicata, &c. dabit semidiametrum australis paralleli quæsitam. Atque hac ratione vitabitur omnis linearum reftarum obliqua sectio, ac proinde valde exquisitæ semidiametri parallelorum australium inuenientur. Exempli causa. Inuenta semidiametro EK, tropici ϖ , si ex ea reperire velimus semidiametrum tropici ϑ , secabimus semidiametrum Aequatoris EB, in g, bifariam. Et quia semisis Eg, minor iam est semidiametro EK, inueniemus ipsi EK, Eg, EB, quartam proportionalem, quæ, vt in lemmate 12. diximus, longe accuratius iam inuenietur, cum prima linea, qualis hic est EK, maior sit quam secunda EB. Erat enim hæc quarta proportionalis, semisis quoque semidiametri paralleli australis. Quare ea duplicata dabit semidiametrum quæsitam. Rursus si inuenienda sit semidiameter paralleli australis gradibus 41. min. 30. ab Aequatore in austrum recedentis, accipiemus in quadrante BC, boreali arcum Bh, grad. 41. min. 30. rectamque ducemus Ah, quæ auferat Ei, semidiametrum paralleli borealis grad. 41. min. 30. Et quia Eg, semisis semidiametri Aequatoris EB, maior est, quam Ei, subdividemus Eg, bifariam in l. Cum ergo iam El, quarta pars semidiametri Aequatoris EB, minor sit quam E l, inueniemus tribus E l, El, EB, quartam proportionalem Em, cui alias tres æquales accipiemus in n, n o, op, vt tota Ep, quadrupla sit inuenta Em, quemadmodum EB, quadrupla fuit ipsius El. Nam Ep, erit semidiameter paralleli australis grad 41. min. 30. ab Aequatore recedentis in austrum.

VERVM facilius inueniemus tertiam proportionalem duplici ea ratione, quam

quam ad finem lemmatis 12. attulimus. Nam si semidiameter paralleli borealis accipiat versus D, vsque ad L, & per tria puncta A, L, C, circulus describatur, secabit is rectam BD, in M, eritque EM, tertia proportionalis ipsis EL, EB, vt ibi demonstratum est, &c. Eademque ratio in cæteris teneatur. Aliam quoque rationem inueniendi semidiametrum paralleli oppositi inuenies in sequenti propos. Num. 11.

13. AD extremum, ex his, quæ diximus, facile etiam demonstrabimus, ex omnibus punctis sphaeræ solum polum australem, vbi oculus constituitur, in planum Astrolabij proiici non posse, id quod ad propos. 1. inuimus. Quoniam enim E, polum boreum representat, & recta EB, in infinitum extensa Meridianum circum, ita vt EB, ED, referant duos eius quadrantes boreales inter polum & Aequatorem, & tota BD, totum semicirculum eius borealem; reliquæ vero partes à B, versus M, & D, versus N, excurrentes ad reliquum semicirculum Meridiani australem, in quo polum australem continetur, pertineant; si polum australem in plano Astrolabij extare posset, transiret vtraque BM, DN, per eum polum, ac proinde in eodem coirent, quod est absurdum. Rursus si polum australem in Astrolabio contineretur, proiiceretur per rectam AS, quæ Meridianum tangit in A, polo australi; (Nam aliæ rectæ ex A, egredientes, secantesque circulum ABCD, proiiciunt in planum Astrolabij illa puncta, per quæ ducuntur, vt ex demonstratis liquet.) ac proinde recta AS, cum recta EB, conueniret. quod est absurdum, cum sint parallelæ, ob rectos angulos E, A, b Angulus enim EAS, rectus est à tangente AS, constitutus, & E, rectus est, ex constructione. Denique si polum antarcticum in Astrolabio locum haberet, cum rectæ AC, BD, & omnes aliæ per centrum E, trajectæ, referant circulos maximos, qui per polos mundi ducuntur, quorum arcticus est E, vt diximus, transirent omnes illæ rectæ necessario quoque per polum antarcticum, sicuti per arcticum E, transeunt. Quare omnes in polo antarctico conuenirent, quod fieri non potest. Non ergo polum antarcticum in Astrolabio proiici potest. Immo neque alia omnia puncta semicirculi Meridiani australis BAD, (excluso etiam polo australi A,) in Astrolabium commode possunt proiici, propterea quod rectæ ex A, per puncta proxima educæ in infinitum quodammodo excurrunt, antequam rectam BD, secare possint.

Polum mundi australem solum ex omnibus punctis sphaeræ in Astrolabium non posse proiici.

a 28. primi. b 18. tertij.

Non omnia puncta sphaeræ australis (etiam polo australi excluso) commode possunt proiici in Astrolabium.

SCHOLIUM.

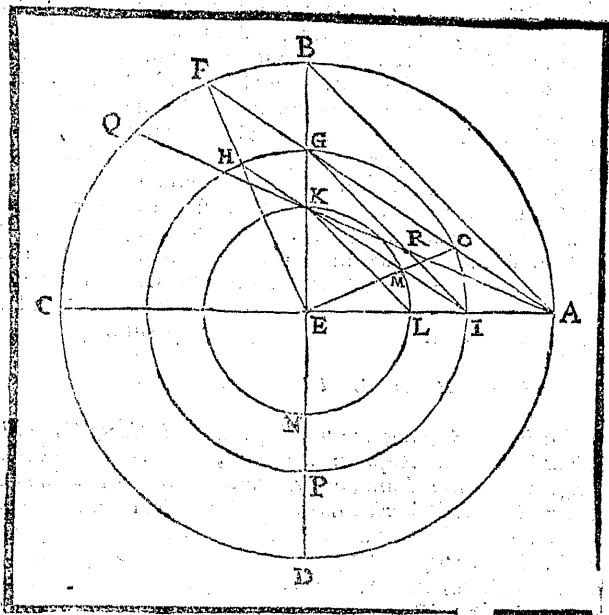
1. RATIO describendi Aequatorem cum suis parallelis in plano Astrolabij, quam hactenus explicauimus, ponit Aequatorem certam, ac determinatam habere quantitatem. Cum ergo Astrolabia vulgaria, atque vsitata, maximum circulum habeant tropicum ϑ , non abs re erit, si breuiter cum alijs Astronomis doceamus, quo pacto ex tropico ϑ , dato, in Astrolabij plano Aequator, & tropicus ϖ , cum reliquis parallelis describendus sit. Sit igitur tropicus ϑ , datus ABCD, pro magnitudine tabularum Astrolabij, cuius centrum E; linea Meridiana referens Meridianum circum BD, quam ad angulos rectos fecerit AC. Sumpta igitur maxima declinatione Solis BF, ducatur recta AF, secans EB, in G, puncto, per quod ex E, circulus describatur GI: In quo sumpta quoque Solis maxima declinatione GH, (quam dabit recta ducta EF, cum arcus BF, GH, similes sint, ex scholio propos. 22. lib. 3. Euclid.) ducatur recta IH, secans EB, in K, puncto, per quod ex E, circulus quoque describatur KL. Dico GI, esse Aequatorem, & KL, tropicum ϖ , si ABCD, est tropicus ϑ . Ductis enim rectis AB, GI, quæ parallela sunt, cum latera EA, EB, secta sint proportionaliter in I, G, quippe cum ex aequalibus aequalia ablata sint. Igitur alterni anguli BAF, IGO, aequales

Aequatorem, eiusque parallelas in Astrolabio describere, si tropici Capricorni magnitudo a a sit.

c 2. sexti. d 29. primi.

aequales sunt: ideoque ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus BF, IO, similes erunt. Cum ergo BF, sit maxima Solis declinatio, etiam IO, maxima Solis declinatio erit. Si igitur GI, statuat Aequator, atque idcirco Meridiano Analematis aequalis, & polus australis G, auferet recta GO, ex polo G, per maximam declinationem Solis ducta semidiametrum EA tropici ζ , ita ut circulus ABCD, referat eum in sphaera, qui per maximam declinationem Solis ab Aequatore in austrum abest, ut demonstratum est. Positio igitur ABCD, tropico ζ , erit GI, Aequator, cum ille ab hoc per maximam Solis declinationem versus austrum distet, ut diximus, & res postulat. Recte ergo ex tropico ζ , Aequator inuentus est, quadoquidē idē Aequator inuentus exhibet nobis eundem tropicum ζ , propositū. Hinc perspicū est, EK, esse semidiametrum tropici ζ , cum per Aequatorem GI, inuenta sit, ut supra docuimus, per rectam videlicet IH, ex polo australi per maximam declinationem Solis GH, ductam. Atque eadē ratione, inueniō Aequatore GI, alios oēs parallelos ipsius describemus in Astrolabio, ut supra traditum est.

2. SED quid oberit, si hoc loco etiam doceamus, qua ratione ex tropico ζ , descripto in Astrolabio, Aequator cum tropico ζ , & reliquis parallelis describatur? Sit igitur tropicus ζ , datus KL, cuiuscunque magnitudinis circa centrum E; linea Meridiana referens Meridianum circulum BD, quam ad angulos rectos secet AC. Sumpta ergo maxima Solis declinatione LM, ducatur recta KM, secans EA, in I, puncto, per quod ex E, circulus describatur IG: Atque in hoc sumpta quoque maxima declinatione Solis IO, (quam dabit recta ducta EM, quod arcus LM, IO, bla aut similes sint, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid.) ducatur recta GO, secans EA, in A, puncto, per quod ex E, circulus quoque describatur ABCD. Dico GI, Aequatorem esse, & ABCD, tropicū ζ , si KL, est tropicus ζ . Producta enim IK, ad H, quoniam arcus LM, IO, similes sunt, si addantur similes quadrantes LM, IP, erunt per lemma 6. toti quoque arcus NM, PO, similes. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. anguli NKM, PGO, aequales erunt, ac propterea recta HI, GO, parallela erunt; ideoque ex scholio propof. 27. eiusdem lib. 3. arcus IO, GH, aequales



Meridiana referens Meridianum circulum BD, quam ad angulos rectos secet AC. Sumpta ergo maxima Solis declinatione LM, ducatur recta KM, secans EA, in I, puncto, per quod ex E, circulus describatur IG: Atque in hoc sumpta quoque maxima declinatione Solis IO, (quam dabit recta ducta EM, quod arcus LM, IO, bla aut similes sint, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid.) ducatur recta GO, secans EA, in A, puncto, per quod ex E, circulus quoque describatur ABCD. Dico GI, Aequatorem esse, & ABCD, tropicū ζ , si KL, est tropicus ζ . Producta enim IK, ad H, quoniam arcus LM, IO, similes sunt, si addantur similes quadrantes LM, IP, erunt per lemma 6. toti quoque arcus NM, PO, similes. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. anguli NKM, PGO, aequales erunt, ac propterea recta HI, GO, parallela erunt; ideoque ex scholio propof. 27. eiusdem lib. 3. arcus IO, GH, aequales

Aequatorem, & inique parallelos in Astrolabio describere, si tropici Cancrī magnitudo data sit.

a 28. primi.

aequales erunt. Cum ergo IO, sit maxima Solis declinatio, erit quoque maxima declinatio Solis GH. Si igitur GI, statuat Aequator, ideoque Meridiano Analematis aequalis, & polus australis I, auferet recta IH, ex polo I, per maximam declinationem Solis ducta semidiametrum EK, tropici ζ , ita ut circulus KL, referat eum in sphaera, qui per maximam declinationem ab Aequatore in boream distet, ut diximus, & res postulat. Recte ergo ex tropico ζ , Aequator inuentus est; quadoquidē idē Aequator inuentus exhibet nobis eundem tropicum ζ , propositum. Hinc liquido constat, EA, esse semidiametrum tropici ζ , cum per Aequatorem GI, inuenta sit, ut supra docuimus, nimirum per rectam GO, ex polo australi per maximam declinationem Solis IO, ductam. Eademque ratione, inueniō Aequatore GI, alios omnes eius parallelos in Astrolabio describimus, ut supra traditum est.

3. QVOD autem de tropico tam ζ , quam η , diximus, intelligendum quoque est de quocunque parallelo alio sine australi, sine boreali. Nam si in Astrolabio descriptus sit quicunque parallelus, si in eo numeretur eius declinatio ab Aequatore, loco maxima declinationis Solis BF, vel LM, reperietur ex eo Aequator, atque ex hoc omnes alij paralleli. Eadem enim demonstratio in eo erit, que in tropico ζ , & tropico η .

4. QVAMVIS autem per datum Aequatorem in plano Astrolabij omnes eius paralleli tam boreales, quam australes, & per quemuis parallelum in eodem plano descriptum Aequator, atque per hūc deinde omnes alij quoque paralleli describi possint, ut in hac propof. eiusque scholio demonstrauimus: per nullum tamen parallelum alius oppositus describi potest, etiam si in illo supputerur distantia vnus ab altero, nisi prius Aequator describatur, quod opera praeium fuerit aduertere, ne quis hac in re hallucinetur. Sint enim u. g. tres paralleli descripti in proxima figura, tropicus ζ , ABCD; Aequator GIP, tropicus η , KLN. Et quia si datus sit tropicus ζ , ABCD, inueniatur semidiameter Aequatoris EG, si sumatur maxima declinatio Solis BF, quam ab Aequatore tropicus ζ , habet, & recta ducatur AF, ut demonstratū est: Dico hoc modo reperiri non posse semidiametrum EK, tropici η , si nimirum à B, numeretur duplicata maxima Solis declinatio, & ad sinem ex A, recta ducatur. Nā recta hac nō transibit per punctū K, sed vel supra, vel infra. Quod in hunc modū demonstrabimus. Sit, si fieri potest, arcus BQ, duplicata maxima Solis declinationi aequalis, hoc est FQ, sit maxima declinatio, cum BF, sit altera maxima declinatio, ex qua semidiameter Aequatoris EG, inuenta est, & recta AQ, per punctum K, transeat. Ducta ergo recta KL, quoniam FQ, est maxima declinatio, ut vult aduersarius, est autem & LM, maxima declinatio, ut supra patuit, quando ex tropico ζ , semidiametrum Aequatoris EI, inuenimus; erunt arcus FQ, LM, similes, ac proinde ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. anguli FAQ, IKL, aequales erunt. Sed & totus angulus BAQ, toti angulo AKL, aequalis est, alternus alterno, quod AB, KL, parallela sint, propterea quod latera EA, EB, in L, K, proportionaliter secta sunt; quippe cū aequalia ex aequalibus abscissa sint. Igitur demptis illis, reliqui BAF, AKI, aequales quoque erunt. Sed BAF, angulo AGI, aequalis est, alterno alterno, quod etiam AB, GI, parallela sint, propterea quod latera EB, EA, proportionaliter secta sunt in G, I; quippe cū ab aequalibus ablata sint aequalia, & angulus AKI, angulo GAK, aequalis est, alternus alterno, quod & AG, IK, parallela sint, propterea quod angulus EKI, angulo EGA, externus interno, aequalis est, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. cum insistant arcibus MN, OP, qui similes sunt. Nā cum similes sint arcus LM, IO, quod uterque sit maxima declinatio Solis, ut supra patuit, additis similibus quadrantibus LN, IP, toti quoque arcus MN, OP, ex lemma 6. similes sient, igitur & anguli AGI, GAK, aequales inter se erunt; a ideoque rectae GK, AR, aequales erunt. Rursum quia anguli AKI, GIK, angulis aequalibus GAK, AGI, aequales sunt, alterni alternis, nisi inter se aequales erunt; ac pro-

Aequatorem, & inique parallelos in Astrolabio describere, ex data cuiuscunque paralleli magnitudine.

Nullum parallelum Aequatoris in Astrolabio describi posse ex data paralleli oppositi magnitudine, nisi prius Aequator describatur.

a 29. primi.
b 2. sexti.
c 29. primi.
d 2. sexti.
e 29. primi.
f 28. primi.

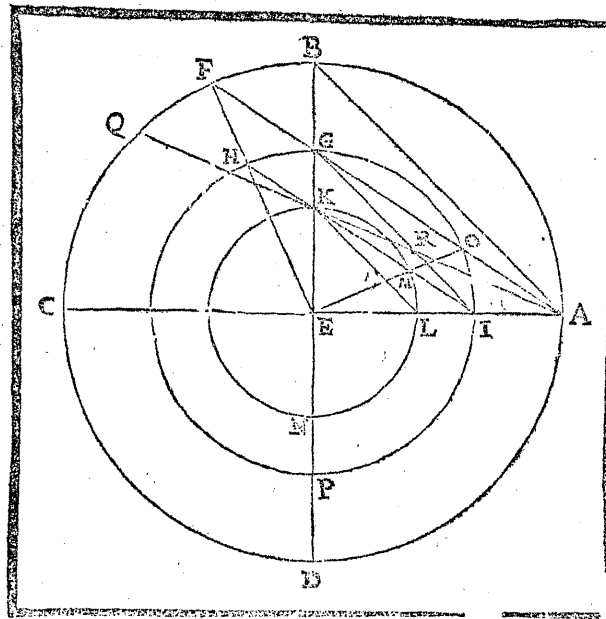
g 6. primi.
h 29. primi.
i 6. primi.

pp pterea

a 4. primi.

b 6. primi.

pterea recta quoque IR, KR, aequales erunt. Quoniam igitur duo latera GR, RK, duobus lateribus AR, RI, aequalia sunt, continentique angulos ad verticem R, aequales, erunt anguli KGR, IAR, supra bases GK, AI, & lateribus aequalibus KR, IR, oppositi aequales. Fuerunt autem & anguli AGI, GAK, aequales. Igitur toti quoque anguli EGA, EAG, aequales erunt; b ideoque & latera EG, EA, aequalia erunt. Cum ergo EG, ipsi EI, aequalis sit, erunt quoque EI, EA, aequales, pars & totum. quod est absurdum. Quocirca arcus BQ, non est duplicata Solis declinatio maxima: ne proinde cum recta AQ, per K, transeat, non transibit recta ex A, ad finem maxima Solis declinationis duplicata ducta per punctum K, sed vel supra, vel infra, quod erat demonstrandum. Ex quibus omnibus liquet, ex Aequatore quidem in plano Astrolabij dato, describi posse quemcumque parallelum,



ex quouis parallelo Aequatorem, sed ex nullo parallelo eius parallelum oppositum reperiri posse, nisi prius Aequator inuentus sit.

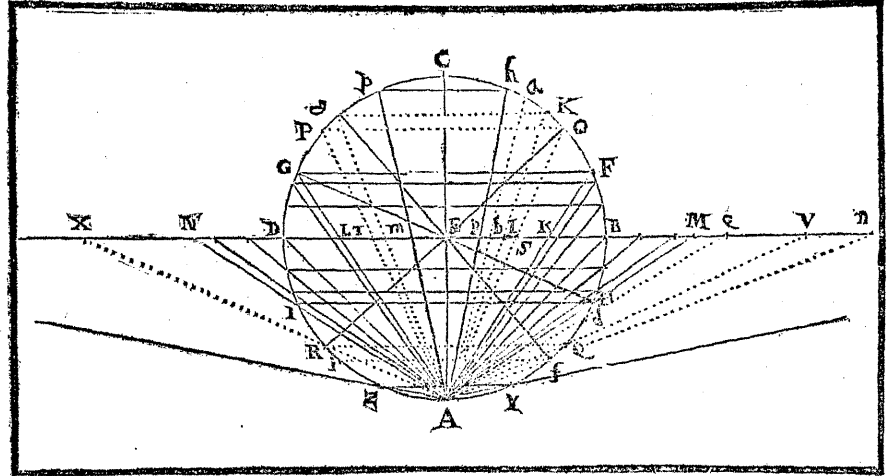
PROBL. II. PROPOS. V.

HORIZONTEM quemlibet obliquum, Verticalem eius primarium, Eclipticam, & quemcumque alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum tam rectus sit, inclinationemque ad Aequatorem habeat notam, in Astrolabio describere, atque in gradus, hoc est, in partes inaequales, quae eorum gradibus in sphaera aequalibus respondent, distribuere.

i. S

I. SI in Analemate ad initium propositi 4. descripto ex recta n X diametri visa Horizontis, Verticalis primarii, & Eclipticae, nimirum n m, SX, LM, quas radij visuales ex A, per extrema puncta diametrorum fg, OR, GH, eorundem circulorum in Analemate emissi abscindunt, & quae omnium maximae sunt, vt in scholio propositi 3. ostendimus, cum Meridianus, in cuius communi sectione cum Aequatore apparent, ad hos circulos rectus sit: si inquam, haec diametri visa ex recta n X, in Astrolabium in rectam BD, quae recta n X, in Analemate respondet, transferantur eo ordine ac situ, quem in Analemate habent, & circa eas ex medijs earum punctis circuli describantur, descripti erunt in Astrolabio praedicti circuli maximi. Vt quoniam diameter visa Horizontis est n m, in Analemate, transferemus partem eius maiorem En, in Astrolabium ex E, centro vsque ad F, & partem minorem Em, vsque ad G, rectaque FG, diuisa bifariam in H, describemus ex H, ad interuallum HF, vel HG, Horizontem AGCF. Sic etiam diametri apparentes vel visa Verticalis SX, partem minorem ES, transferemus ex Analemate in Astrolabium ex E, vsque ad I, & maiorem partem EX, vsque ad K, diuisaque recta IK, bifariam in L, describemus ex L, per I, & K, Verticalem primarium AICK. Rursus ex Analemate apparentis diametri Eclipticae ML, maiorem partem EM, transferemus in Astrolabium ex E, vsque ad M, & minorem partem EL, vsque ad N, sectaque diametro MN, bifariam in O, describemus ex O, per M, & N,

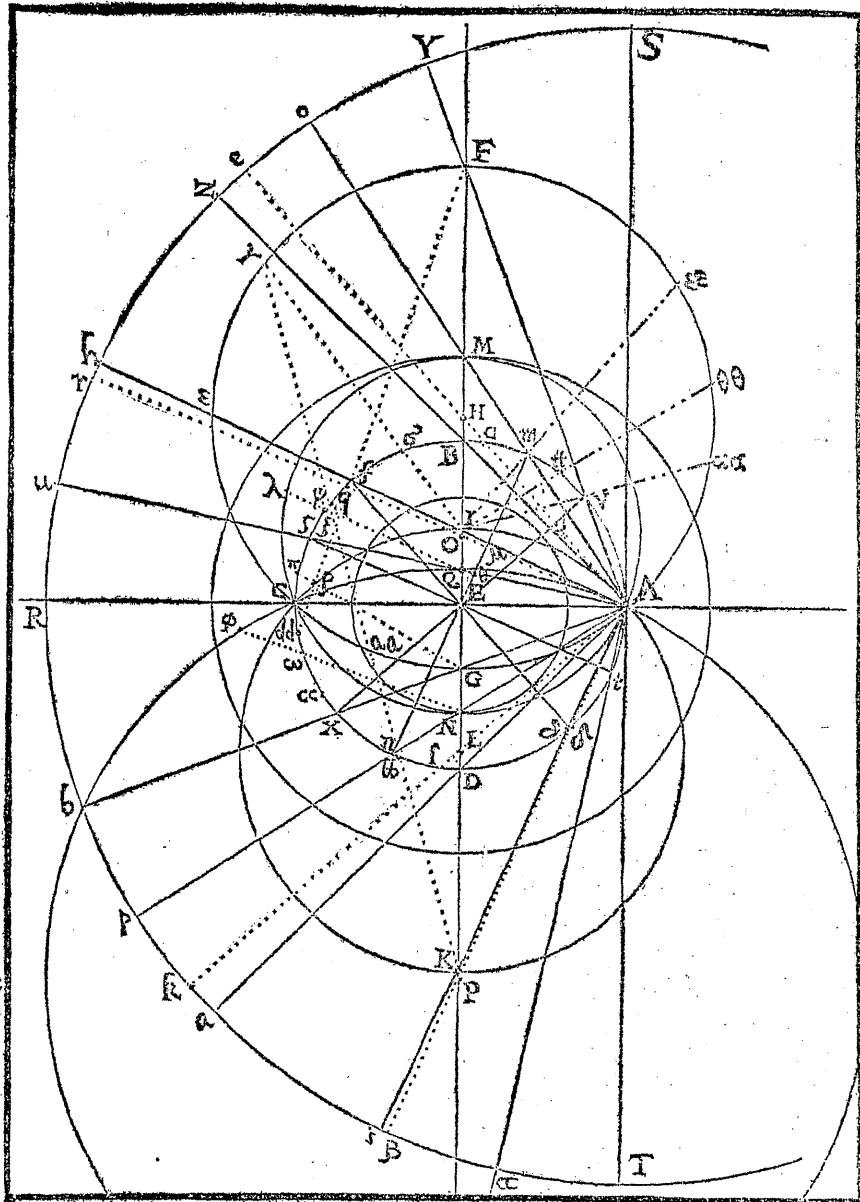
Horiz obliquus Verticalis eius primarius, Ecliptica, & quouis alius circulus maximus obliquus, at Meridianum tam rectus, quo pacto in Astrolabio ex Analemate describatur



Eclipticam AMCN, quae tropicum α , tanget in N, & tropicum ζ , in M. Quod si in Analemate ducantur flg K, ipsi BD, parallela, nimirum diametri parallelorum, quorum ille est semper delitescens, hic vero semper apparentium maximus, & per eorum semidiametros visas En, Em, describantur ex centro Astrolabij E, circuli per F, & G, incidentes, tanget eos Horizon, eritq; is, qui per F, transit, semper latentiū maximus, qui vero per G, transit, semper apparentiū maximus erit Partem em, si in eodē Analemate ducatur OP, QR, eidem BD, parallelae, diametri videlicet parallelorū, quos Verticalis primarius tangit,

Quos parallelos Ecliptica, Horizon, & Verticalis tangunt.

pp 2 & vnus



& vnus quidem per O, polum Horizontis siue Zenith, alter vero per R, alterum polum Horizontis, siue Nadir, ducitur, & per eorum semidiametros apparentes ES, EX, describantur ex E, centro Astrolabij circuli per I, K, tanget eos Verticulis primarijs AICK, & is, qui per I, transit, referet eum, qui in sphaera per superiorem polum Horizontis, qui vero per K, incedit, eum, qui per inferiorem polum Horizontis ducitur. Omnis enim circulus maximus obliquus ad Aequatorem tangit duos parallelos Aequatoris equales. Eadem prorsus ratione quilibet circulus maximus obliquus, qui ad Meridianum rectus sit, notamq; habeat inclinationem ad Aequatorem, in Astrolabio describetur, qua praedicti tres maximi circuli descripti sunt. Vt si describendus sit maximus circulus p polos Zodiaci ductus, & ad Meridianum rectus, qualis est ille, qui etiam per communes sectiones Aequatoris & Horizontis ducitur, posito principio \odot , in Meridiano, & ad Aequatorem inclinatus est grad. 66. min. 30. ducemus in Analemate eius diametrum hZ, (Hanc, vt confusio vitaretur, non duximus) per puncta h, Z, quae ab Aequatoris diametro BD, grad. 66. min. 30. absunt, & beneficio radiorum visualium ex A, per extrema puncta h, Z, ductorum diametrum apparentem in recta BD, inuestigabimus, &c. Ita vides in Astrolabio dictum circulum descriptum esse ex P, centro quod qua ratione inquirendum sit, etiam si tota diametrum visam non habeamus, paulo infra Num. 4. docebimus) per punctum Q, quod in Analemate respodet puncto p, per quod radius visualis Ah, ducitur. Eademque ratio est in caeteris. Omnes autem eiusmodi circuli maximi obliqui per puncta A, C, necessario transibunt, vt infra in scholio huius propositi. Num. 1. demonstrabimus.

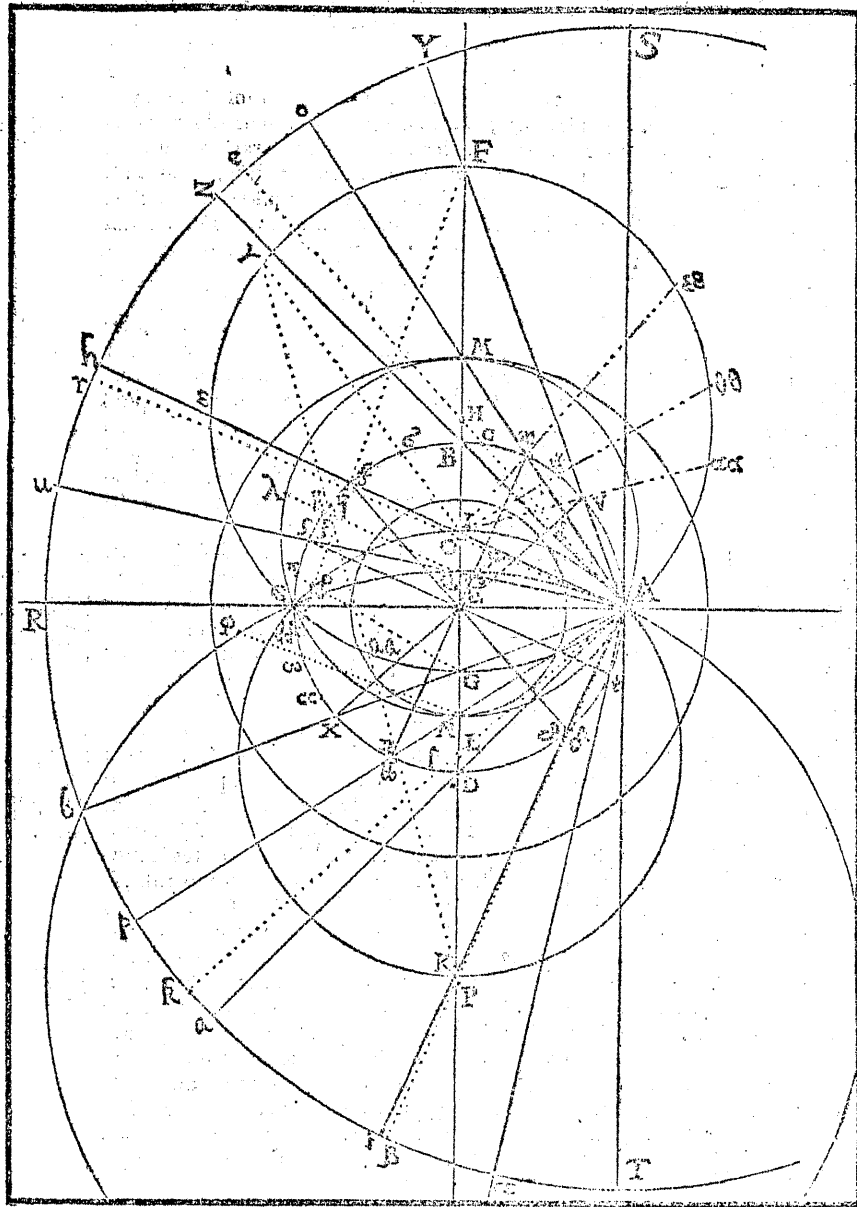
2. E O S D E M circulos maximos obliquos in Astrolabio describemus, etiam si Analemata seorsum non sit constructum, hoc modo. Descripto Aequatore cum vtroque tropico, vt supra, describarur ex A, ad quodlibet intervallum arcus circuli SRT, quem in S, T, fecerit recta ST, ducta per A, ad AC, perpendicularis, vel ipsi BD, vtrinque productae parallela, vt duo quadrantes fiant RS, RT, ex scholio propositi. 27. lib. 3. Euclid. ob rectos angulos ad A. Beneficio enim huius arcus SRT, magis exquisita puncta in Astrolabio inueniemus, quam sine illo. Deinde a polis A, C, (Aequator enim ABCD, cum Meridiano Analemmatis sit aequalis, accipi potest pro Meridiano, & A, pro polo australi, & C, pro boreali, & recta BD, in vtramque partem extensa pro communi sectione plani, in quo Aequator, & alterius plani, in quo Meridianus ABCD, vt in propositi. 4. Num. 3. dictum est; perinde ac si circulos ABCD, instar Meridiani, plano Astrolabij insisteret ad angulos rectos in recta BD.) numeretur in diuersas partes latitudo loci, pro quo Astrolabium construitur, siue (quod idem est) altitudo poli vsque ad V, & X, ducaturque diameter Horizontis VX. Ductis deinde rectis ex A, per B, & D, secabuntur quadrantes RS, RT, in Z, a, bifariam, si erratum non est. Cum enim angulus AEB, rectus sit, & anguli EAB, EBA, aequales, erit vterque semirectus; quod omnes tres duobus rectis sint aequales. Igitur & reliquus angulus SAZ, ex recto semirectus erit, ideoque angulo RAZ, semirecto aequalis; ac proinde arcus ZR, ZS, quibus insistant, aequales erunt. Eodemque modo ostendes, aequales esse arcus aR, aT. Diuiso quoque vtroque quadrante RS, RT, in 180. partes aequales, numeretur in eis, ac si essent gradus, ex S, & R, versus R, & T, altitudo poli, vel (quod idem est) ex Z, & a, versus S, & R, complementum altitudinis poli, vsque ad Y, & b: vel certe per lemma 3. accipiantur arcus SY, Rb, semissi arcus AV, vel CX, altitudinis poli similes; vel arcus ZY, a b, semissi complementi altitudinis poli, hoc est, semissi arcus BV, vel DX, similes. Nam radij visuales AY, Ab, auferentur diame-

a 1. 2. Theo?

Horizonte quae
uis obliqui, ver-
ticalem eius pri-
mariam, Eclipti-
cam, & quemcum-
que alium circuli
maximum
obliquum, qui ad
Meridianum ra-
men rectus sit, in-
clinationemq; ad
Aequatorem ha-
beat notam, in
Astrolabio siue
construcone
Analemmatis de-
scribere.

b 5. primi.
c 32. primi.

d 26. tertij.



diametrum Horizontis visam FG, quippe qui transeant per extrema puncta V, X, diametri Horizontis, propterea quod per lemma 10. tam rectæ AS, AV, & AR, Ab, auferunt ex circulo SRT, arcus semisibus arcuum AV, CX, altitudinis poli similes, quales ex constructione sunt arcus SY, Rb, quàm rectæ AZ, AY, & Aa, Ab, ex eodem circulo SRT, interceptiunt arcus semisibus arcuum BV, DX, complementi altitudinis poli similes, quales accepti sunt arcus ZY, a b. Si igitur diameter inuenta FG, secetur bifariam in H, describetur ex H, per F, & G, Horizon AFCG. Recte autem inuentam esse visam diametrum FG, ex eo patet, quòd radij AV, AX, in iisdem prorsus punctis rectam BD, secant, in quibus eandem secarent, si circulus ABCD, plano Astrolabij, vel Aequatoris, ad rectos insisteret angulos in recta BD, ita vt situm Meridiani obtineret, vt constat. Vides igitur, arcum SRT, solum esse descriptum, vt radij ex A, per puncta circuli ABCD, (quæ alioquin sufficerent) rectius possint educi.

3. CENTRVM autem Horizontis apparentis, id est, punctum H, secans diametrum visam FG, bifariam, facile hoc modo inuenietur, etiam si neutrum punctorum extremorum F, G, inuentum foret. Ducatur ex A, ad VX, diametrum Horizontis perpendicularis A c e. Hæc enim, vt in lemmate 35. demonstratum est, bifariam secabit basem FG, trianguli AFG, à radijs AV, AX, emisissis: adeo vt recta ex polo australi ad diametrum circuli maximi obliqui in Aequatore Astrolabij descriptam perpendicularis ducta cadat in centrum eiusdem circuli obliqui. Ita vero perpendicularis Ace, facile ducetur. Arcus AV, quo Horizon in sphaera à polo australi abest, hoc est, altitudo poli, duplicetur vsque ad c; Et vt res sit magis accurata, arcui quoque SY, qui semis arcus AV, similis est, equalis sumatur Yc. Nam recta A c e, perpendicularis erit ad diametrum Horizontis VX, in sphaera. Cum enim arcus Ac, secetur bifariam in V, secabitur quoque ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. recta Ac, bifariam in d; ac proinde & ad angulos rectos, quod est propositum. Iam vero si ducatur a axis Horizontis fg, ad VX, diametrum Horizontis perpendicularis, erit Cf, arcui VB, hoc est, complemento arcus AV, æqualis. Cum enim quadrantes æquales sint CB, fV, ablato communi arcu fB, reliqui arcus Cf, BV, æquales erunt. Ergo AV, Cf, quadrantem conflabunt; ac proinde & arcus Vc, fc, reliquum quadrantem semicirculi ABC, conficient. Quare & arcus fc, complementum erit arcus cV, hoc est, arcus AV, ideoque ipsi Cf, æqualis. Quamobrem si complementum arcus AV, distantie Horizontis à polo, hoc est, si arcus VB, vel Cf, duplicetur ex altero polo C, inuenietur idem punctum c, per quòd eiecta recta Ac, in H, centrum Horizontis apparentis cadit. Hoc autem posterius alio quoque modo demonstrauimus in lemmate 35.

4. HA-C eadem ratione centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio reperietur, si nimirum ex polo australi A, ad eius diametrum perpendicularis linea ducatur: quod quidem fiet, si eius distantia à polo ex polo australi A, vel complementum eius distantie ex polo boreali C, duplicetur, &c. vt in Horizonte factum est.

5. EX his constat, centrum obliqui circuli maximi in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum esse: quod & propos. 3. Num. 4. demonstratum est; quia cum perpendicularis ex A, ad diametrum circuli obliqui ducta cadat in centrum eiusdem circuli obliqui apparentis, vt ostendimus, non transibit ea perpendicularis per E, centrum Astrolabij, cum AE, rectos angulos faciens cum BD, oblique secet diametrum circuli obliqui, non autem ad angulos rectos. Idem hac ratione

Centrum Horizontis in Astrolabio inuenire, etiam si diameter eius visus inuenta non sit.

Rectam ex polo australi ad diametrum circuli maximi obliqui in Aequatore descriptam, ad angulos rectos ductam, cadere in centrum eiusdem circuli obliqui in Astrolabio.

3. tertij.

Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio inuenire, etiam si eius diameter visus inuenta non sit.

Centrum cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio à centro Astrolabij diuersum esse.

per

perpicuum fiet. Quoniam circulus maximus obliquus secat Aequatorem in duobus punctis, cum vnum extremum eius diametri sit intra Aequatorem, & alterum extra, vt patet ex inuentione eius diametri, perspicuumque est in diametro FG, erit eius centrum omnino diuersum ab E. centro Aequatoris, cum duo circuli se mutuo secantes non possint idem centrum habere.

25. tertij.

6. NON aliter alios circulos maximos obliquos ad Meridianum rectos describemus. Sit enim diameter Verticalis primarij fg secans Horizontis diametrum VX, ad angulos rectos, transiensque per fg, polos Horizontis. Si igitur ex A, per fg, radij visuales ducantur, secabunt ij rectam BD in I, K, polis Horizontis, per quos ex L, puncto medio diametri visæ IK, Verticalis primarij AICK, describendus est. Sed vt extrema puncta diametri visæ IK, magis exquisite reperiantur, præsertim remotius K, accipiendus est arcus Zh, similis semis arcus Bf, vel arcus Rh, similis semis arcus Cf. Item arcus ai, similis semis arcus Dg, vel arcus Ti, similis semis arcus Ag. Centrum quoque L, inuentum est per rectam Ak, ad diametrum fg, perpendicularem, quæ videlicet ducitur per l, terminum arcus A l, qui duplus est arcus Ag, nec non per k, terminum arcus Tk, qui arcus T i, duplus est, &c.

7. SIT rursus diameter Eclipticæ m n, distans à BD, diametro Aequatoris per maximam declinationem Solis. Si igitur ex A, per m, n, radij visuales ducantur secantes BD, in M, N, erit MN, diameter Eclipticæ apparensque accuratius inuenietur, si semisibus arcuum Bm, Dn, similes arcus sumantur Zo, a p. Centrum etiam O, repertum est per rectam Ar, ad m n, perpendicularem, quæ nimirum ducitur per q, terminum arcus A q, qui duplus est arcus Am, complementi maximæ declinationis, nec non per r, terminum arcus Sr, qui duplus est arcus So: quæ puncta q, r, habentur etiam per arcus Cq, Rr, quorum ille maximæ declinationis duplus est, hic vero semis arcus Cq, similis.

QVA MVIS autem Ecliptica vna cum Coluris in sphaera motu diurno circumferatur, non tamen idcirco in Astrolabio eius circularis figura impeditur. Nam quemcumque situm Colurus Solstitiorum occupet, semper rectus est ad Eclipticam, ac proinde in eius communi sectione cum plano Aequatoris siue Astrolabij, (quæ ad motum diurnum cum omnibus rectis per centrum Astrolabij ductis congruit) diameter visæ Eclipticæ semper maxima erit, semperque planum Astrolabij Aequaturisue, in cono, cuius basis est Ecliptica, subcontrariam sectionem faciet, hoc est, circulum, vt demonstratum est propof. 3. Ex quo fit, Eclipticam semper prolici in circulum eiusdem magnitudinis in Astrolabium, quemcumque illa situm in sphaera obtineat.

8. SIT denique diameter ft, circuli cuiusuis obliqui, ad Meridianum tamen recti, nimirum eius, qui per polos Zodiaci s, t, ducitur, & per communes sectiones Aequatoris & Horizontis, constitutis eisdem polis in Meridiano. Si igitur ex A, per s, t, ducantur radij visuales, secabunt A s, rectam BD, in Q, polo Eclipticæ, per quem propositus circulus describendus est. Sed vt exquisitius hi radij educantur, accipiendi sunt arcus Ru, Tz, semisibus arcuum Cs, At, similes. Et quia radius Az, nimis procul cum BD, concurrat, ita vt alter polus Eclipticæ in plano ægre haberi possit, descripta est circuli propositi portio tantummodo AQC, ex centro P, quod inuenitur per rectam A s, ad diametrum ft, perpendicularem, ductam videlicet per s, terminum arcus As, qui arcus Ar, duplus est, & per g, terminum Tg, qui arcus Tz, duplus quoque est.

QVO

QVO modo autem maximus circulus obliquus ad Meridianum non rectus, sed rectus quidem ad Horizontem, in Astrolabio describendus sit, docebimus propof. 8. rectus vero ad Verticalem primarium, propof. 10. neque rectus denique ad Horizontem, aut Verticalem, propof. 12.

9. VT autem sciamus, quam in partem diameter cuiusuis circuli obliqui, sed ad Meridianum recti, ducenda sit, diligenter obseruanda est eius intersectio cum Meridiano in sphaera. Eodem enim modo eius diameter secare debet circulum ABCD, in Astrolabio, qui pro Meridiano sumitur, ita vt A, sit polus australis; C, borealis; & B, intersectio eius cum Aequatore in supero hemisphaerio. Itaque quoniam Horizon secat in sphaera Meridianum inter Aequatorem in supero hemisphaerio & polum antarcticum, ducenda est eius diameter inter B, & A; qualis est diameter VX. Quia vero Verticalis primarius in supero hemisphaerio secat Meridianum inter Aequatorem, & polum arcticum, ducenda est eius diameter inter B, & C, vt factum est in diametro Verticalis fg, sic etiam quoniam Ecliptica (posito principio S, in Meridiano superi hemisphaerij) secat Meridianum inter Aequatorem, & polum antarcticum, ducenda est eius diameter m n, inter B, & A, veluti Horizontis diameter. Denique quia circulus maximus per polos Eclipticæ in eo situ, & polos Meridiani ductus, secat Meridianum inter Aequatorem, & polum arcticum, ducenda est eius diameter ft, inter B, & C, quemadmodum diameter Verticalis. Atque ita de cæteris, habita semper ratione distantia circuli obliqui à polo A, vel polo C, aut certe ab Aequatoris intersectione B.

10. P O R R O, quoniam quilibet circulus maximus obliquus tangit duos parallelos Aequatoris æquales & oppositos, inuento puncto illo extremo diametri visæ cuiusunque circuli maximi obliqui, quod à centro Astrolabij E, propius abest, (quod quidem commode haberi potest, cum radius visualis illud exhibens secet semper diametrum BD, intra Aequatorem) reperitur aliud extremum punctum remotius longe accuratius, si duabus rectis, quarum vna est portio rectæ BD, inter E, centrum Astrolabij, & extremum punctum propinquius, (hoc est, semidiameter paralleli borealis, quem maximus circulus obliquus eo in extremo tangit.) altera vero semidiameter Aequatoris, tertia proportionalis inueniatur, vt in lemmate 12. docuimus. Hæc enim dabit alterum extremum diametri visæ propositi circuli maximi obliqui, cum sit semidiameter paralleli australis, quem idem circulus maximus tangit, vt propof. 4. Num. 11. demonstrauimus. Vt in Horizonte, inuento puncto G, si duabus EG, EB, inueniatur tertia proportionalis EF, inuentum erit alterum punctum extremum F. Sic in Verticali, postquam inuentum fuerit punctum I, si duabus EI, EB, adiungatur tertia proportionalis EK, habebitur extremum alterum K. Item in Ecliptica, inuento puncto N, si duabus EN, EB, tertia proportionalis adiungatur EM, datum erit alterum extremum M. Denique in circulo AQC, inuento puncto Q, si duabus EQ, EB, reperitur tertia proportionalis, offeret ea alterum punctum extremum remotius diametri visæ eiusdem circuli. Et sic de cæteris. Verum inuentio huius puncti extremi remotioris non est oïno necessaria. Nam si exquisite centrum dati circuli obliqui reperitur per lineam ex australi polo A, ad eius diametrum in Meridiano Analématis (qui in Astrolabio est ipse Aequator.) perpendiculari, vt supra Num. 3. diximus, describetur circulus obliquus in Astrolabio ex eo centro, ad interuallum semidiametri inter centrum, & punctum extremum propinquius inuentum intercepto, exhibebitque simul alterum extremum remotius: Immo neque vicinius extremum erit necessarium omnino. Nam, vt

Diameter dati circuli maximi obliqui, & ad Meridianum recti, quæ ratione in Aequatore Astrolabij ducenda sit, vt per eum circulus obliquus describatur in Astrolabio.

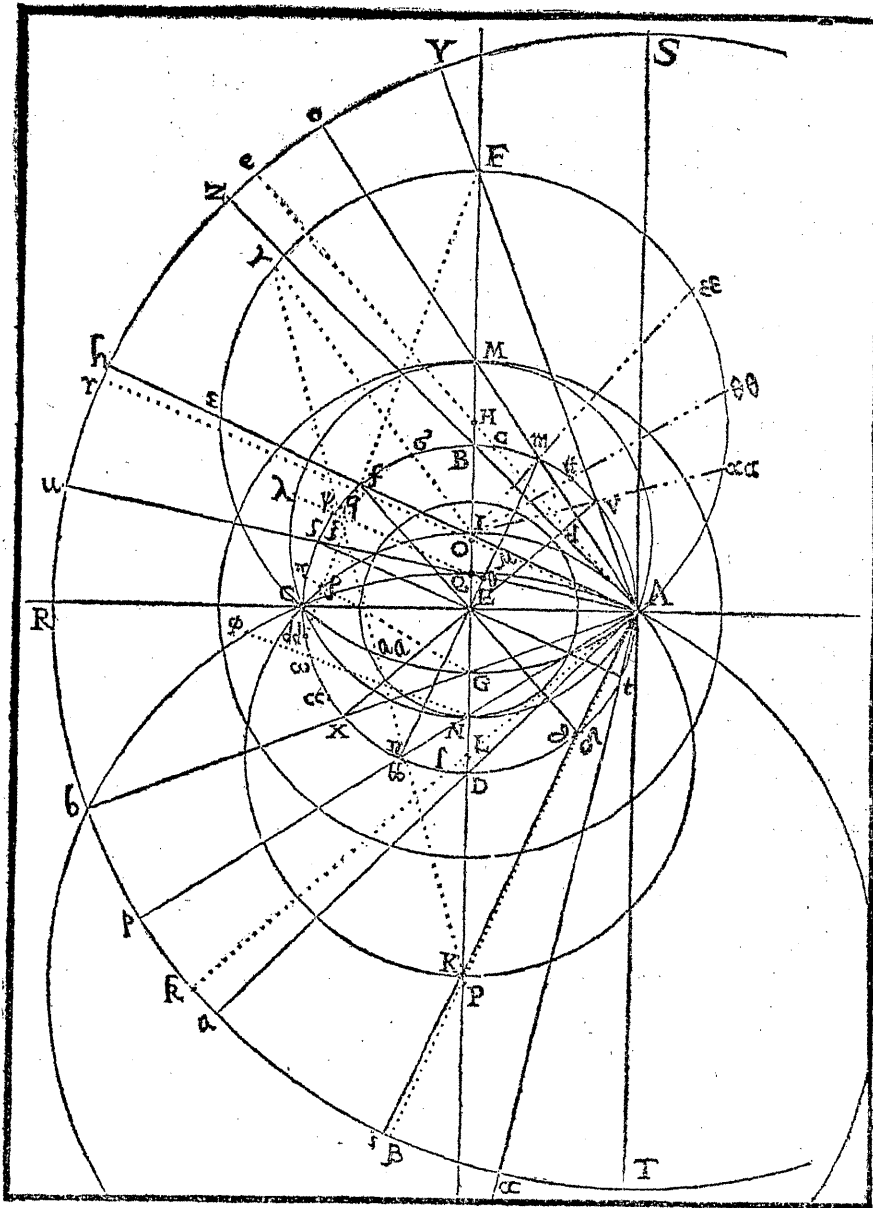
28. Theo. Extremum punctum diametri visæ circuli maximi obliqui, quod à centro Astrolabij remotius est, accuratius inuenire.

Circulum maximum obliquum in Astrolabio describere, utiensi eius diameter visæ inuenta non sit.

Qq

in scho-

Eclipticam semper apparere circulum in Astrolabio, eiusdemque magnitudinis, etiam si ad motum diurnum in sphaera continuo circumferatur.



In scholio Num. 1. ostendimus, circulus obliquus per punctum A, necessario tran-
sit. Si ergo ex centro inuento per A, circulus describatur, erit is maximus qua-
esitus, & simul vtrumque extremum exhibebit.

11. IMMO eadem hac arte semidiametrum cuiusvis paralleli Aequatoris
australis nullo fere negotio eruemus. Nam si V. g. semidiameter paralleli, cuius
declinatio australis sit BV, desideretur, ducemus diametrum circuli maximi
VEX, & ad eam ducemus perpendicularem Ad, que rectam DB, productam secet
in H. Si namque rectam HG, inter H, & punctum G, terminans semidiametrum
paralleli borealis oppositi, (quod per rectam AX, indicatur, cum declinatio bo-
realis DX, declinationi australi BV, aequalis sit) transferemus vsque ad F, erit
EF, semidiameter quaesita, propterea quod H, est centrum circuli maximi tangen-
tis in G, & F, duos parallelos oppositos & aequales, quorum declinationes sunt
DX, BV, vt ex dictis patet.

Semidiametrum
cuiusvis paralle-
li Aequatoris au-
stralis alio mo-
do, quam supra,
& valde exquisi-
te inuenire.

12. POLVS quoque circuli cuiusvis maximi obliqui ad Meridianum recti,
qui in sphaera a polo australi remotior est, indicat in BD, linea meridiana Astro-
labij per radium visualem, qui ex A, ad medium punctum illius semicirculi du-
citur, quem eius circuli diameter aufert, siue (quod idem est) qui tam eum angu-
lum, quem radij per extrema puncta diametri ipsius circuli ducti, quam eum,
quem radij per centrum Astrolabij, hoc est, centrum circuli obliqui in sphaera,
& centrum eiusdem in Astrolabio ducti comprehendunt, bifariam diuidit.

Poli cuiusvis cir-
culi maximi obli-
qui in Astrola-
bio per quas rec-
tas indicantur
in linea meridi-
na.

Verbi gratia, radius Af, cadens in f, punctum medium semicirculi VFX, quem
diameter Horizontis VX, abscindit, vel diuidens tam angulum VAX, quam
HAE, bifariam, exhibet I, polum Horizontis respondentem in sphaera polo
f, qui a polo australi A, longius abest. Nam f, punctum aequaliter distans ab Ho-
rizonte per VX, ducto polus est Horizontis, ac propterea in I, apparebit. Rec-
tam autem Af, diuidere bifariam tam angulum VAX, contentum sub radijs
AV, AX, per extrema puncta diametri VX, ductis, quam angulum HAE, quem
radij AE, AH, per centrum Astrolabij, vel Horizontis in sphaera E, & centrum
Horizontis H, in Astrolabio ducti constituunt, ita ostendimus. Quoniam arcus
fV, fX, aequales sunt, aequales quoque erunt anguli fAV, fAX. Deinde,
quia arcus CX, arcui AV, aequalis est, ob angulos in centro ad verticem
aequales, & eidem arcui AV, sumptus fuit aequalis arcus Vc; erunt quoque ar-
cus CX, Vc, aequales: quibus demptis ex quadrantibus fX, fV, reliqui arcus fC; fC,
aequales etiam erunt; ac proinde anguli EAf, HAf, illis arcubus insistentes,
aequales erunt. Et quoniam poli per diametrum sunt oppositi in sphaera, cadet
recta ducta fE, in alterum polum g; ac proinde radius Ag, ad Af, perpendicularis
(quod angulus fAg, in semicirculo fAg, rectus sit,) indicabit in Astrolabio al-
terum polum K, respondentem in sphaera polo g, qui a polo australi A, propius
abest Eodemque ratio omnino est in alijs circulis obliquis maximis. Nam G, F,
sunt poli Verticulis; Q, Eclipticae, alter vero per radium Ata, indicaretur, si id
plani angustia permitteret, & N, M, circuli AQC.

Radius ex polo
australi per poli
circuli obliqui
in Astrolabio
neam ducitur, quae
a polo secet bi-
fariam.

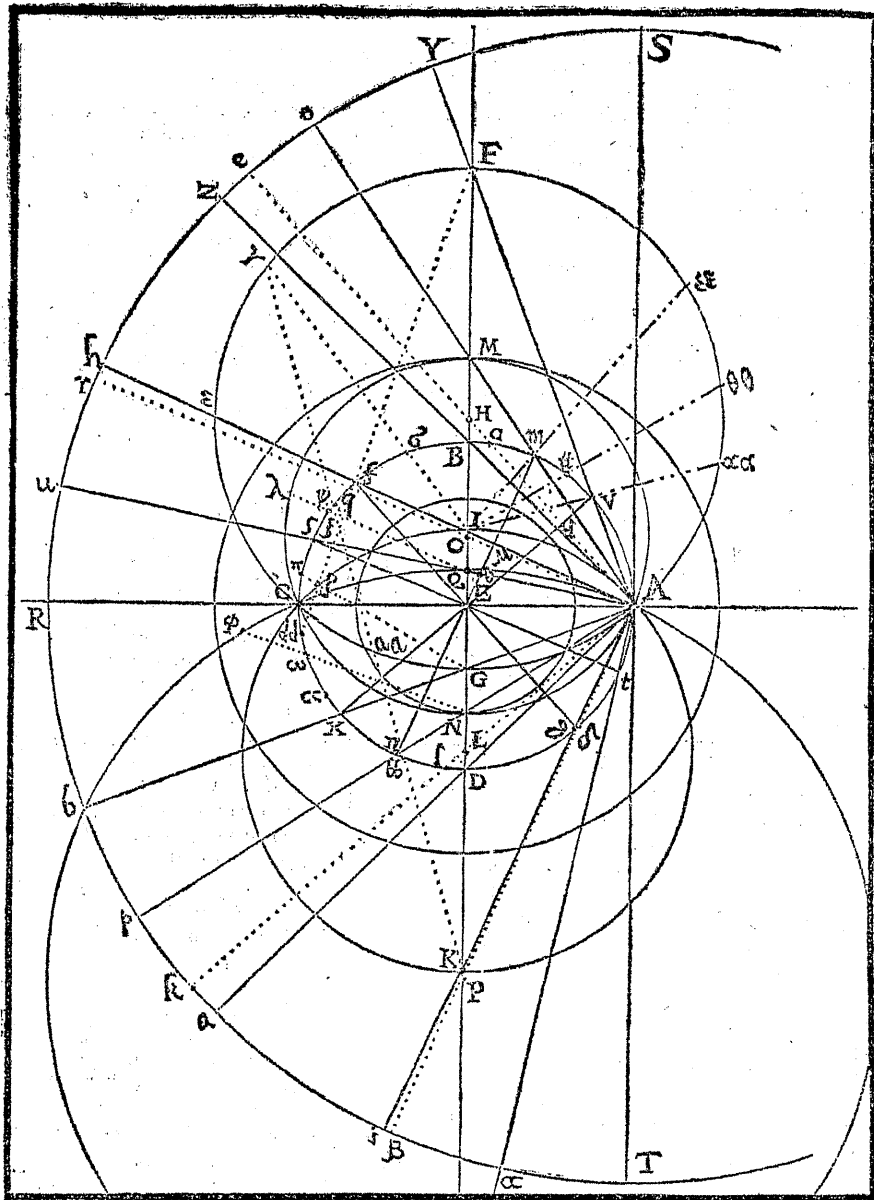
a 27. tertij.
b 26. tertij.
c 27. tertij.
d 31. tertij.

13. EX his liquet, in Astrolabio polum cuiuslibet circuli obliqui maximi a
centro Astrolabij diuersum esse. Nam cum radius ex polo australi per polum cir-
culi obliqui ductus non transeat per centrum Astrolabij, quod C, polum mundi
non possit esse polum circuli obliqui, perspicuum est, polum circuli obliqui appa-
rere extra centrum Astrolabij, ac proinde ab eo diuersum esse.

Polum cuiusvis
circuli obliqui in
Astrolabio a cen-
tro Astrolabij di-
uersum esse.

14. ITA QV E ducto radio ex A, per f, polum Horizontis, secan-
te arcum RS, in h, si arcui R h, sumatur aequalis arcus h e, vel arcui
Cf, aequalis arcus fc, cadet recta Ace, in H, centrum Horizontis in Astro-
labio:

Centrum circuli
maximi obliqui
alteri reperire in
Astrolabio.



labio: a propterea quod anguli RAh, eAh, sunt æquales; ac proinde angulus RAe, comprehensus duabus rectis, quarum AR, per E, centrum Astrolabij, vel centrum Horizontis in sphaera, at vero Ae, per H, centrum Horizontis in Astrolabio ducitur, bifariam secatur. Idemque contingit in aliis circulis maximis obliquis.

a 27. tertij.

EST quoq; obiter hic notandum, radiũ Af, ex polo australi in polum circuli obliqui maximi cadẽtem, abscindere ex linea meridiana, & diametro eiusdem circuli maximi obliqui, duas lineas æquales vsq; ad E, centrum Astrolabij; hoc est, rectam EI, vsq; ad I, polum visum, æqualem esse segmento recte EV, vsq; ad radium Af; Eademq; ratione rectam EK, vsq; ad alterum polum visum K, æqualem esse segmento recte EV, producte vsq; ad radium visualem KA, versus A, productum. Quoniam enim tres anguli in triangulo AEI, æquales sunt tribus angulis trianguli a rectis Ef, fA, EV, constituti vsq; ad intersectionem rectarum fA, EV; suntq; tam ablati anguli recti AEI, fE V, æquales, quã anguli EAf, EfA, in Isoscele AEF: erit quoque reliquus EIA, trianguli AEI, reliquo in alio triangulo, quem recte EV, fA, in communi earum sectione constituunt, equalis. Igitur recta EI, æqualis est segmento recte EV, vsq; ad radium Af. Rursus quia tres anguli in triangulo AEK, æquales sunt tribus angulis trianguli a rectis Eg, gA, EV, constituti vsq; ad intersectionem rectarum gA, EV; suntq; tam ablati anguli recti AEK, gEV, æquales, quã anguli EA g, AgE, in Isoscele AEG: erit quoque reliquus EKA, trianguli AEK, reliquo in alio triangulo, quem recte gA, EV, in earum concursu efficiunt, æqualis. Igitur recta EK, æqualis est segmento recte EV, producte vsque ad radium gA, productum versus A. quod est propositum.

Quas rectas æquales abscindat radius ex polo australi ad polum maximi circuli obliqui ductus.

b 32. primi.

c 5. primi.

d 6. primi.

e 32. primi.

f 5. primi.

g 6. primi.

15. EX his etiã constat, polum cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio a suo centro esse diuersum. Id quod in datis exẽplis vel facile videri potest. Quod tamẽ breuiter sic demonstrari poterit. Sit s, polum V. g. Eclipticę, apparens per radiũ Af, in Q. Dico Q, non esse centrũ Eclipticę. Quoniã enim centrum indicatur per radium perpendicularẽ ad diametrum Eclipticę, vt Num. 3. demonstratũ est; si Q, dicatur esse centrũ Eclipticę, erunt anguli ad ð, recti, & æquales: Sunt autem & anguli mAð, nAð, æquales, q; radius Að, per polum ductus secet angulum mA n, bifariam, vt Num. 12. ostensum est. Igitur duo anguli mðA, mAð, trianguli Aðm, æquales sunt duobus angulis nðA, nAð, trianguli Aðn. Cum ergo illis adiaceat latus commune Að; erunt quoque latera mð, nð, æqualia; ac proinde cum nð, resta maior sit, quã nE, hoc est, quã mE, erit quoque mð, maior quã mE, pars quã totum. quod est absurdum. Non ergo Q, polum Eclipticę centrum est eiusdem. Pari ratione sit O, centrum Eclipticę, quod exhibet A z, ad mn, perpendicularis. Dico O, non esse polum Eclipticę. Quoniã enim polum indicatur per radium, qui angulum mA n, diuidit bifariam, vt Num. 12. ostendimus; si O, dicatur esse polum Eclipticę, erunt anguli mAµ, nAµ, æquales: sunt autem & anguli ad µ, æquales, quia recti. Igitur duo anguli mAµ, mAµ, trianguli Aµm, duobus angulis nµA, nAµ, trianguli Aµn, æquales sunt. Cum ergo illis adiaceat latus commune Aµ; erunt quoque recte mµ, nµ, æquales; ac proinde cum nµ, maior sit, quã nE, hoc est, quã mE, erit quoque mµ, pars maior, quã totum mE. quod est absurdum. Nõ ergo O, centrum Eclipticę, polum est eiusdẽ. Eadẽq; ratio est in aliis circulis maximis. Quod tamẽ ita quoq; potest confirmari. Quoniã demonstratum supra est Nu. 12. radiũ per polum ductũ secare bifariam angulum contentũ radijs duobus per centrũ Astrolabij & centrũ circuli obliqui ductis, necessariõ differet radius per polũ ductus a radio per centrũ circuli obliqui ducto, ideõq; duo hi radij diuersa puncta in Astrolabio indicabunt.

Polum circuli maximi obliqui ab eius centro afferre in Astrolabio.

h 26. primi.

i 26. primi.

16. SED iam, quomodo quilibet circulus maximus obliquus in Astrolabio descriptus in gradus distribuatur, doceamus. Quoniam enim eorum arcus non semper in arcus similes proiciuntur, vt propof. 3. Num. 2. & 3. demonstrauimus, non erunt eorum arcus singulis gradibus eorumdem in sphaera respondentes, inter se aequales: alias similes essent arcus in Astrolabium proiecti arcibus in sphaera, qui proiciuntur. Aliam ergo viam ac rationem inire oportet, qua gradus circulorum maximorum obliquorum in Astrolabio descriptorum habere possimus. Quamuis autem in gradus diuidi possint per circulos maximos, qui per eorum polos ducuntur, vt Horizon per circulos Verticales, & Ecliptica per maximos circulos, qui per eius polos ducuntur, & circuli latitudinum dici solent, & sic de caeteris: quia tamen nondum docuimus, qua ratione huiusmodi circuli maximi describantur in Astrolabio, & eorum nonnulli in immensam ferme quantitatem excrescunt, vt vix sine errore delineari possint, diuidemus eisdem commodissime per lineas rectas, idque pluribus viis, quarum prima omnium est pulcherrima ac facillima, ac proinde ea inter alias eligenda censeo, cuius prior pars (quoniam duas continet, hoc est, duobus modis fieri potest,) sic se habet.

Horizontem in Astrolabio ex eius polo superiore in gradus distribuere.

17. INVENTO polo Horizontis, vel cuiusvis circuli obliqui maximi, (Eadem enim in omnibus est ratio, vt Num. 23. dicitur,) qui intra Aequatorem existit, (qui quidem eum exprimit, qui in sphaera a polo australi remotior est) si ex eo per singulos gradus Aequatoris rectae lineae ducantur vsque ad circulum obliquum, distributus erit obliquus circulus in gradus, hoc est, in arcus, qui quamuis inter se inaequales sint, respondent tamen gradibus aequalibus illorum circulorum maximorum obliquorum, quos in sphaera referunt. Verbi gratia, si ex I. polo Horizontis per quodcumque punctum σ , Aequatoris recta ducatur I σ , secans Horizontem in γ , respondebit arcus F γ , tot gradibus Horizontis in sphaera, quot gradus in arcu Aequatoris B σ , continentur, hoc est, arcus F γ , representabit arcum Horizontis in sphaera arcui Aequatoris B σ , aequalem: adeo vt si B σ , arcus fuerit grad. 1. etiam arcus F γ , sit grad. 1. si arcus B σ , fuerit 2. grad. etiam arcus F γ , sit 2. grad. &c. Quod sic demonstrabimus. Planum, quod in sphaera per polum antarcticum, & polum Horizontis ab eo remotiorem, nimirum per Zenith, ducitur, abscindit ex Aequatore & Horizonte arcus aequales, initio facto in Aequatore quidem a semicirculo Meridiani superiore, in quo Zenith existit, in Horizonte vero a sectione australi, quam cum Meridiano facit; vel in Aequatore a Meridiani semicirculo inferiori, in Horizonte vero a sectione boreali, vt in lem. 23. demonstrauimus. Igitur illud idem planum (quod quidem in sphaera circulum facit) in Astrolabii projectum auferre conspicietur ex polo australi eisdem illos arcus aequales ex Aequatore & Horizonte in Astrolabio conspicietis, illos videlicet, qui abscissis arcibus in sphaera respondent. Cui ergo planum, seu potius circulus, quem in sphaera efficit, per polum australem transiens faciat in Astrolabio per propof. 1. Num. 1. lineam rectam per polum I, transeuntem, referet recta I σ , circulum illum per polum Horizontis I, & punctum Aequatoris σ , ductum. Hac igitur producta secabit Horizontem in puncto γ , quod illi in sphaera respondet, per quod circulus ille ducitur; adeo vt in puncto γ , circulus ille Horizontem secare conspiciatur ex polo australi, Aequatorem vero in puncto σ , cum radius visualis in illius circuli plano per omnia puncta circumductus ab eo non recadat, ideoque in I γ , communi eius sectione cum plano Astrolabii semper existat. Arcus ergo Horizontis F γ , illum in sphaera representat, qui arcui Aequatoris B σ , aequalis est. Idem dicendum est de omnibus aliis rectis lineis ex Horizontis polo I, egredientibus, & tam Aequatorem, quam Horizontem secantibus.

Nam

Nam & recta I f_2 , auferet ex Horizonte arcum F f_2 , tot graduum, quot in arcu Aequatoris B f , continentur; & recta IA, abscindit arcum Horizontis FA, tot graduum, quot quadrans Aequatoris BA, complectitur, nimirum 90. ita vt FA, referat quadrantem Horizontis in sphaera. Denique quaelibet recta ex I, polo Horizontis educta, & meridiana linea BD, in vtramque partem extensa, si opus sit, intercipient semper in Aequatore & Horizonte duos arcus aequales, hoc est, qui gradus numero aequales complectantur; initio semper sumpto vel a duobus punctis B, F, vel a duobus D, G, quorum priorum duorum punctum B, in Aequatore est superius, & F, in Horizonte australe; posteriorum vero duorum punctum D, in Aequatore est inferius, & G, in Horizonte boreale. Id quod seruandum esse in maximis circulis praecipimus in lem. 23. quando polum Horizontis a polo australi remotior assumitur, qualis est polum assumptus I. Eadem que ratione duae quaelibet rectae ex I, emissae includant in Aequatore, Horizontemque duos arcus aequales, cuiusmodi sunt duo arcus γ ϵ , σ f , inter duas rectas I γ , I ϵ : Item duo arcus γ C, σ C, inter duas rectas I γ , & IC, (si duceretur) interficiant. Itaque si ex I, per singulos gradus Aequatoris rectae lineae ducantur, distribuatur Horizon in 360. arcus, qui singulis gradibus Horizontis in sphaera responderent.

SED quoniam accidit interdum, polum I, esse valde propinquum puncto B, ac proinde vix posse ex eo per gradus Aequatoris prope B, rectas sine errore educi, quae gradus in circulo obliquo nobis exhibeant; afferemus huic incommodo remedium facillimum propof. 6. ad finem Num. 21. vbi docebimus, quo pacto alius circulus cuiusvis magnitudinis ex certo quodam centro describi possit, ita vt recta ex I, per eius gradus emissae indicent gradus respondentes in circulo obliquo, non secus ac recta ex I, per gradus Aequatoris egredientes, vt demonstratum est.

Quo pacto ex quocumque puncto in gradus distribuatur, quae do polum I, valde propinquum est Aequatoris circuli ferentia.

18. I T A Q V E si desideretur in Horizonte gradus quicumque, hoc est, arcus quocumque gradu, cuius initium sit vel in altera sectionum eius cum Meridiano, vt in F, vel G, vel in altera eius intersectione cum Aequatore, vt in A, vel C, numerandi sunt illi gradus a puncto Aequatoris correspondente, nimirum a B, vel D, aut ab A, vel C, in illam partem, in qua arcus abscindendus est. Recta enim ex I, polo Horizontis per finem numerationis in Aequatore emissae secabit Horizontem in gradu, qui desideratur. Vt si quis cupiat arcum grad. 25. initium sumentem ab intersectione Horizontis cum Aequatore orientali, qualis in Astrolabio solet esse punctum C, (quamquam & A, accipi possit pro orientali, & C, pro occidentali.) & tendentem versus boream, supputandi sunt gradus 25. a C, versus D, in Aequatore. (Punctum enim G, Horizontis est boreale, cum referat extremum punctum X, diametri Horizontis, quod remotius est a polo australi A: at punctum F, australe est, cum respondeat puncto extremo V, eiusdem diametri, quod propius ab eodem polo australi abest.) Recta namque ex I, per finem grad. 25. ducta offeret punctum in Horizonte gradui 25. respondens, atque ita de caeteris. Sic etiam, si quis velit in Horizonte arcum grad. 15. cuius principium sit in quadrante orientali australi, & in grad. 22. ab eius intersectione australi cum Meridiano; numerandi sunt primum grad. 22. a B, vsque ad σ , ducendaque recta I σ , secans Horizontem in γ , puncto, quod gradibus 22. ab australi sectione F, distat. Deinde a puncto σ , numerandi sunt propositi grad. 15. vel versus B, vel versus C, prout arcus Horizontis abscindendus vergere debet in austrum, vel in boream. Nam recta ex I, per finem grad. 15. ducta transibit in Horizonte per grad. 15. &c.

Gradus quilibet propositus quo pacto in Horizonte ex eius polo superiore inueniatur in Astrolabio.

Pars orientalis, occidentalis, borealis, & australis in Horizonte Astrolabii qua.

IMMO

¶ I. I. T. 160.

Datum arcu ma
ximi circuli obli
qui in Astrola
bio dandere bif
ariam.

IMMO eadem prorsus ratione datum quemcunque arcum circuli maximi obliqui bifariam secabimus. Si enim datus arcus, verbi gratia Horizontis $\alpha a \epsilon \epsilon$, diuidendus bifariam. Ductis ex eius polo I, rectis $I \alpha \alpha$, $I \epsilon \epsilon$, secantibus Aequatorem in V, m, partiemur arcum V m, bifariam in tt. Nam recta I tt, secabit arcum datum in $\theta \theta$, bifariam, id est, arcus $\alpha a \theta \theta$, $\theta \theta \epsilon \epsilon$, continebunt gradus numero æquales. Id quod ex demonstratis liquet, cum hi arcus arcibus æqualibus ut t t, t t m, in Aequatore respondeant. Idem effici poterit aliis viis, quibus circulos maximos obliquos in gradus partiri in iis, quæ sequuntur, docebimus, quod semel monuisse satis sit.

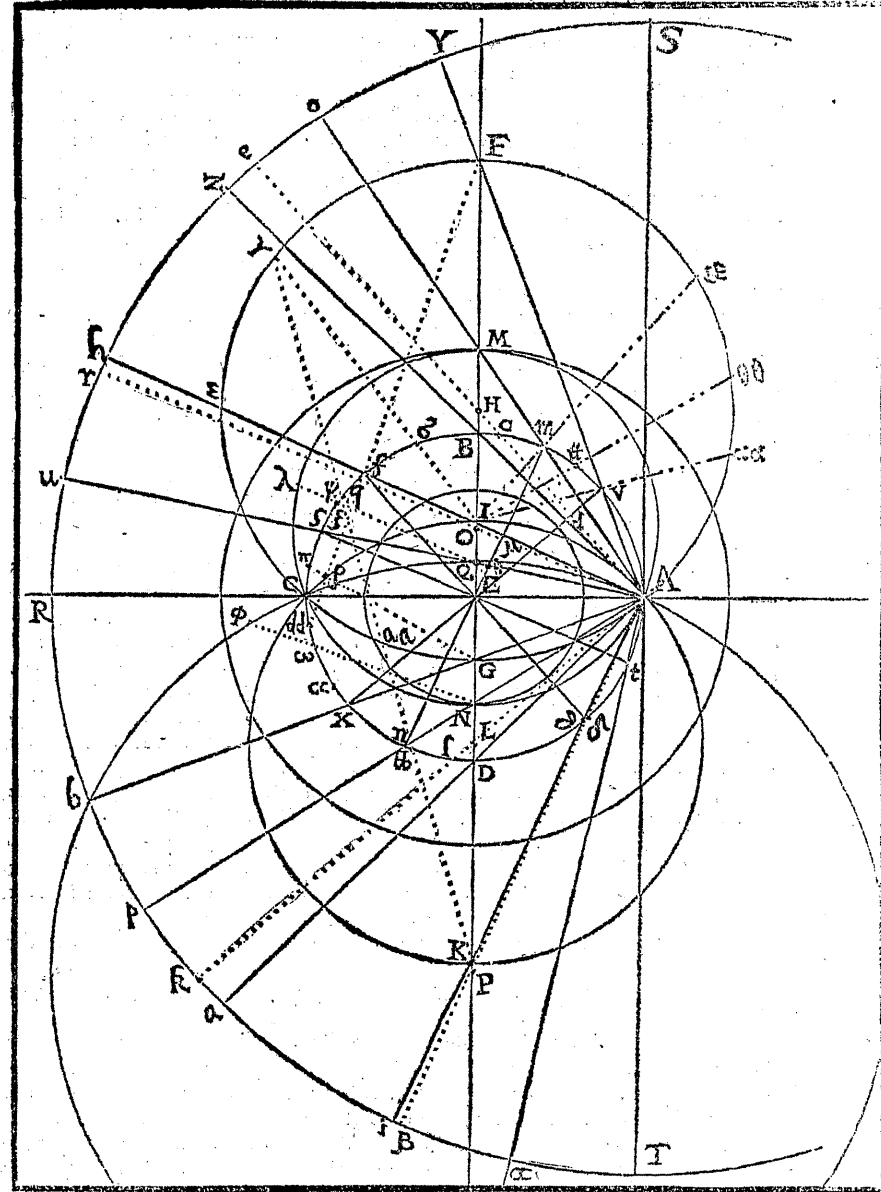
Quot gradus in
dato arcu Hor
izontis Astrola
bii contineantur,
ex eius polo in
feriore cognos
cent.

19. VICISSIM si scire quis cupiat, quot gradus in quolibet arcu Horizontis proposito continentur, ducendæ sunt ab extremis punctis dati arcus duæ rectæ ad I, polum Horizontis, secantes Aequatorem versus eandem partem Horizontis, in qua datus arcus existit. Hæ etenim in Aequatore intercipient tot gradus, quot in dato arcu continentur. Si ergo per lemma 3. inquiratur, quot gradus in illo arcu Aequatoris includantur, numerus graduum in dato arcu Horizontis contentorum ignorari non poterit. Posterior autem pars huius primæ viæ hæc est.

Horizontem in
Astrolabio ex ei
polo inferiore in
gradus distribue
nt.

20. INVENTO altero polo circuli obliqui extra Aequatorem, (qui nimirum illum in sphaera representat, qui a polo australi propius abest.) si ex eo per singulos gradus Aequatoris rectæ lineæ ducantur, secantes circulum obliquum, erit iterum obliquus circulus in gradus distinctus: sed ordo graduum in Aequatore, & circulo obliquo aliter nunc sumendus est, quàm prius. Nam si in Aequatore incipiunt a puncto superiore B, iidem in Horizonte inchoandi sunt a puncto boreali G: si vero in Aequatore incipiunt ab inferiore puncto D, inchoandi sunt in Horizonte a sectione eius australi F, cum Meridiano, ut in lemmate 23. faciendum esse monuimus. Exempli causa, si ex K, polo Horizontis extra Aequatorem existente per quodcunque punctum b b, quadrantis Aequatoris DC, recta K b b, ducatur, abscindet arcum ex Horizonte arcum F γ , a puncto F, inchoatum tot graduum, quot in arcu Aequatoris inter punctum D, & punctum b b, assumptum, per quod linea recta K b b, ducta est, continentur: quia punctum D, Aequatoris in Meridiano est inferius, & punctum F, Horizontis australe. Sic etiam arcus Horizontis à puncto G, boreali per C, usque ad punctum aa, vbi a dicta recta K b b, secatur, æqualis est (quod ad numerum graduum attinet) arcui Aequatoris a puncto B, superiore Aequatoris vsq. ad punctum J, in quadrante CB, per quod recta linea A b b, ducta fuit. Quod si arcus æquales abscissis incipere debeant a puncto A, vel C, sumendi semper erunt in contrarias partes, ita ut arcus Aequatoris à C, versus B, æqualis sit arcui Horizontis à C, versus G, si uterque inter eandem rectam ex K, emissam, & punctum C, intercipiatur. Nam hac ratione arcus ex Aequatore abscissus tendit versus punctum superius B, arcus vero ex Horizonte abscissus versus punctum boreale G. Sic etiam eadem recta abscindet duos arcus æquales a puncto A, vel C, inchoatos, quorum s, qui in Aequatore sumitur, versus D, punctum inferius, qui vero in Horizonte versus F, punctum australe tendit, ut ratio postulat. Sed quoniam eadem recta cadens extra puncta A, C, secat tam Aequatorem, quàm Horizontem in duobus punctis, (nisi quando vtrumque circulum tangit, ut in scholio Num. 15. 16. & 17. dicitur) respondebunt inter sese illa puncta, quæ sunt puncto A, vel C, propinquiora, vel remotiora ab eodem. Hæc autem omnia ex eodem lemmate 23. demonstrabuntur hoc modo. Planum in sphaera per polum antarcticum, & polum Horizontis ei propinquiorem, qualis est, quem refert polus K, ductum abscin-

dit ex



R r

dit ex Aequatore, & Horizonte arcus æquales inchoatos a punctis prædictis, ni mirum in Aequatore à superiore, in Horizonte vero à boreali; vel in Aequatore ab inferiore, & in Horizonte ab australi, vt ibi demonstratum est. Igitur illud idem planum in Astrolabio descriptum eodẽ arcus auferet, illos videlicet, qui arcubus abscissis in sphaera respõdent. Cũ ergo per propos. 7. Num. 1. planũ illud per polum australem transiens in Astrolabium proiciatur in lineam rectam per polum K, transeuntẽ, referet quælibet recta ex polo K, egrediẽs planũ illud, ac propterea æquales arcus abscindet ex Aequatore, & Horizonte, vt diximus.

IT AQVE quemadmodum recta Io, dedit punctum γ, in Horizonte, ita recta ex polo K,educta per terminum arcus Aequatoris a puncto D, inchoati, qui arcui Bδ, æqualis sit, exhibebit necessario idem punctum Horizontis. γ, si circuli recte descripti sint. Atque ita idem semper punctum optatum in Horizonte reperire licebit per duas rectas, quarum vna ex polo I, altera vero ex polo K, egreditur, si modo ea obseruentur, quæ de initiis arcuum abscissorum ex Aequatore, & Horizonte consideranda præcepimus.

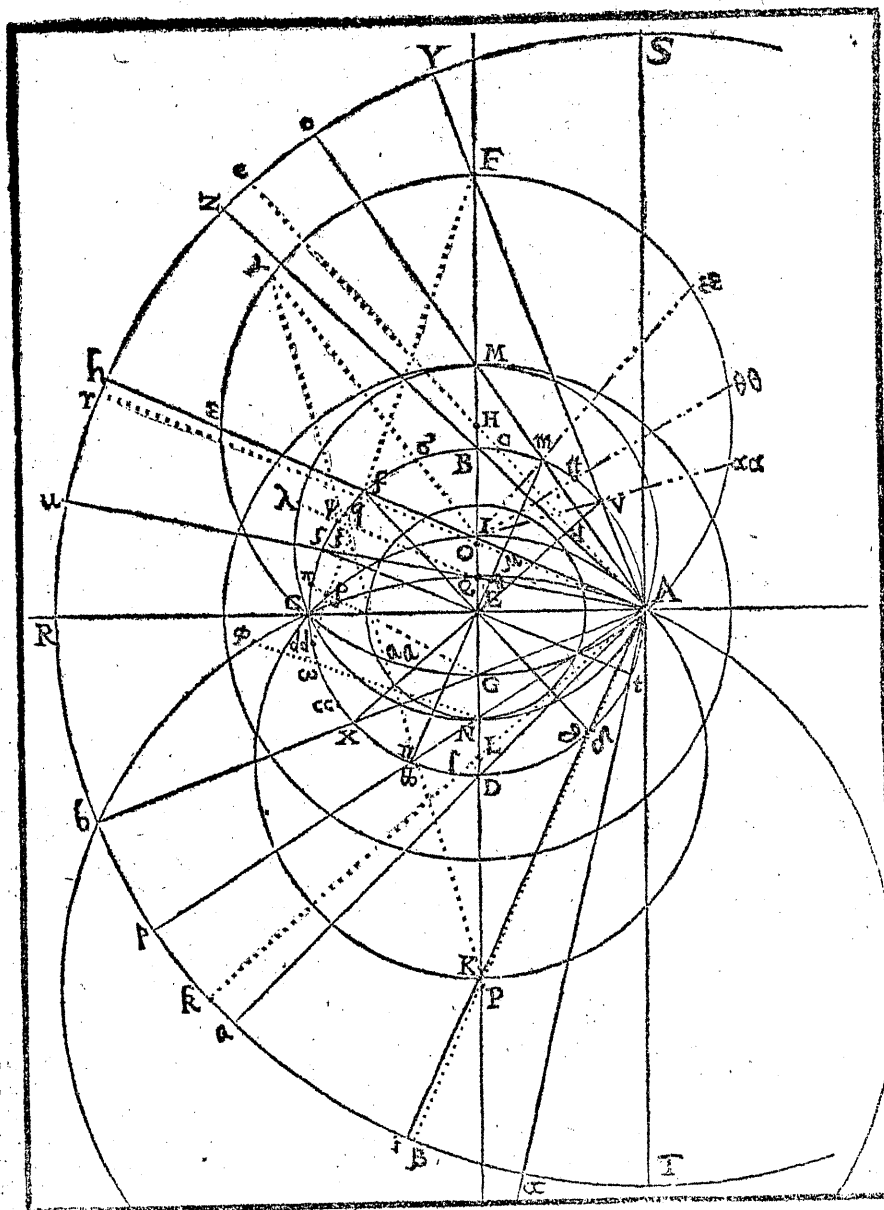
Eclipticæ, Verticalis primarium, & quemuis alium circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus sit, in Astrolabio ex vtrius eius polo in gradus partiri.

21. OMNIA hæc intelligenda etiã sunt in Ecliptica AMGN, Verticali AICK, & circulo AQC, cũ eadẽ in his circulis demõstratio sit, quæ in Horizonte. Nã recta QZ, e polo Eclipticæ Q, intra Aequatorem emissã auferet arcũ Eclipticæ Mλ, arcui Aequatoris Bξ, æqualẽ. Idemq. punctũ λ, reperietur, si ex altero polo Eclipticæ (nimirum ex puncto illo rectæ EK, in quod cadit recta Atz, vel in quo à circulo AQC, secatur) recta ducatur per terminũ arcus Aequatoris Dcc, à D, inchoati, qui arcui Bξ, æqualis sit, vel per terminum arcus Aequatoris Bcc, à B, inchoati, qui arcui Dξ, æqualis sit: quia posteriori hac ratione abscindetur arcus Eclipticæ Nλ, respondens arcui Aequatoris Bcc. Pari ratione recta Gπ, ex polo Verticalis G, intra Aequatorem auferet arcũ Verticalis Ip, æqualẽ arcui Aequatoris Bπ; quia si Verticalis cõcipiatur esse Horizõ, supra quẽ polus borealis attollitur, punctũ Aequatoris B, est interius, & punctũ I, Verticalis boreale: At punctũ D, Aequatoris est superius, hoc est, in semicirculo Meridiani superiore, in quo videlicet existit polus Verticalis G, à polo australi remotior, qui nimirũ intra Aequatorem existit, & punctũ K, Verticalis est australe. Idemq; punctũ ρ, inuenietur per rectã ex F, altero polo Verticalis ductã per terminũ arcus Aequatoris Ddd, à pũcto D, superiore inchoati, qui arcui Bπ, sit æqualis, vel per terminũ arcus Aequatoris Bdd, à puncto B, inferiore inchoati, qui arcui Dπ, æqualis sit: quia hac posteriori via abscindetur arcus Verticalis Kρ, a puncto australi K, inchoatus, respõdens arcui Aequatoris Bdd. Deniq; recta quoq; Nω, ex N, polo circuli AQC, intra Aequatorem abscindit arcũ Qρ, æqualẽ arcui Aequatoris Dω; Idemque punctum ϕ, habebitur, si ex M, altero polo circuli AQC, recta ducatur per terminum arcus Aequatoris à D, inchoati, qui arcui Bω, sit æqualis, &c.

22. ECLIPTICA igitur in gradus distribuetur per rectas ex eius polo Q; Verticalis vero per rectas ex eius polo G; & circulus AQC, per rectas ex eius polo N, per singulos Aequatoris gradus eductas, quemadmodum de Horizonte diximus.

Circulum quilibet maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus non est, ex vtrius eius polo in gradus distribuetur in Astrolabio.

23. EODEM prorsus modo quilibet alius circulus maximus obliquus in Astrolabio descriptus, qui ad Meridianum rectus non est, in gradus distribuetur, si eius poli reperiantur, sed loco meridianæ lineæ BD, accipienda est linea alia recta, quæ per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabii ducitur, communisque sectio est Aequatoris, vel plani Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui transeuntis, instar proprii cuiusdam Meridiani propositi circuli obliqui. Quo pacto autem poli cuiusuis circuli obliqui in Astro-



Rr 2

Astrolabio inueniantur, infra propof. 8. Num. 17. ostendemus.

P O R R O in maximis circulis in gradus distribuendis, non est, quod solliciti sumus, & anxii, vtrum punctorum in Aequatore superius sit, inferiusque, & vtraque sectio circuli maximi obliqui australis sit vel borealis. Nam quonia polus circuli obliqui intra Aequatorē existens, est quoque intra ipsum circulum maximum obliquum; si ex eo polo instituat diuisio, initium sument arcus in Aequatore, & circulo obliquo, a rectis ex eo polo ductis abscissi, a punctis ad easdem partes ipsius poli assumpti in Astrolabio existentibus, hoc est, superioribus inferioribusque; vel certe ab alterutro punctorum, in quibus Aequator, & circulus maximus obliquus se intersecant. Ita vides factum esse in superioribus circulis maximis diuidendis in gradus. Nam arcus Aequatoris, & Horizontis a rectis ex polo I. enisis abscissi, initium sumpserunt à punctis B, F, vel D, G, vel certe a puncto C, vel A. Sic etiā, vt Verticalis diuideretur, assumpta sunt pro initiis arcuum puncta B, I, vel D, K, vel certe alterum ipsorum A, C, quādo diuisio facta est per rectas ex G, polo Verticalis intra vtrumque circulum existente emissas. Eodē modo, cum diuideretur Ecliptica per rectas ex eius polo Q, ductas, arcus abscissi initium habuerunt a punctis B, M, vel D, N, vel certe a C, vel A. Denique in diuisione circuli AQC, ex eius polo N, initium faciendum est a punctis B, Q, vel a puncto D, & altero, in quo idem circulus rectam BD, extensam fecaret, vel certe ab alterutro punctorum A, C.

Q V A N D O autem diuisio per rectas ex altero polo, qui extra vtrumque circulum existit, egredientes faciēda est, danda est opera, vt initium sumatur a duobus punctis ad diuersas partes alterius poli in Astrolabio existentibus, ita vt quādo punctum Aequatoris superius assumitur, accipiat in circulo maximo obliquo inferius, & cōtra, vel si ab alterutro punctorum A, C, libeat incipere, vt arcus in diuersas partes tendat. Appello autē hic punctum inferius, & superius Aequatoris, ac circuli maximi obliqui illud, quod in figura superiorē, vel inferiorē locū occupat respectu centri Astrolabii, non autem illud, quod in cælo superius est, aut inferius. Hac ratione in Aequatore, Horizonte, Verticali, Ecliptica, & circulo AQC, superiora puncta sunt B, F, I, M, Q, inferiora vero D, G, K, N, & alterum, in quo circulus AQC, totus descriptus rectam BD, extensam fecaret.

V T tamen facile cognoscamus, vtrum punctorum Aequatoris vere dici possit superius, inferiusue in cælo, hoc est, ad Meridiani semicirculum superiorem spectet, vel inferiorem; Item vtrum punctorum circuli maximi obliqui, in quibus a recta per centrum Astrolabii, & centrum circuli obliqui, ducta secatur, sit boreale, vel australe, hæc regula tenenda est. In Aequatore punctum illud, quod polo circuli obliqui intra Aequatorē existenti propinquius est, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabii per dictum polum ducta transit, superius dicitur, quia vere in semicirculo Meridiani superiori existit, si circulus obliquus pro Horizonte sumatur, supra quem polus arcticus eleuetur: alterum vero punctum ab eodem polo magis distans, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabii per alterum polum extra Aequatorem ducta transit, appellatur inferius, ob contrariam causam. Itaque respectu Horizontis, & Eclipticæ, in superiori figura, punctum Aequatoris B, superius est, & D, inferius; respectu vero Verticalis, & circuli AQC, punctum D, superius est, & B, inferius. Item in circulo obliquo punctum centro Astrolabii propinquius, est boreale, remotius autem, australe. Quæ res si attente consideretur, nulla difficultas erit in arcuum initiis præfigendis, ex vtroque polorum circuli obliqui diuisio instituat, dummodo seruentur ea, quæ in lemm. 23. de eisdem initiis præscripsimus.

E T

E T quoniam in diuisione circuli obliqui per rectas ex polo intra Aequatorē existente nulla est omnino difficultas, cū quælibet huiusmodi rectarū abscondat ex Aequatore, & circulo obliquo arcus respondētes, qui initium sumunt vel a cōiunctione Aequatoris cū circulo obliquo, vt a puncto C, vel A: vel a duobus punctis proximis, in quibus recta per centrum Astrolabii, & centrum obliqui circuli ducta, Aequatorē circuli obliqui interfecat, vt a punctis B, & F, vel D, & G, vt ex iis, quæ diximus, liquet: facili negotio intelligemus, quoniam modo gerere nos debeamus in diuisione per rectas ex altero polo egrediētes, cū arcus in Aequatore incipere debeat vel ab opposito puncto rectæ per cætra ductæ, ita vt, si prius incipiebat à superiori puncto, nūc ab inferiori incipiat, versus eandē tamen sectionē circulorum progrediēdo, & cōtra; vel ab eadē interfectione circulorum in cōtrarias partes, ita vt, si in Aequatore arcus ab ea sectione descendat, in circulo obliquo ascendat, & cōtra; Quæ oīa obseruata esse vides in superiori figura, & in sequenti. Nam recta IN in sequenti figura aufert arcus æqualiū numero graduū CP, CN, ab eadē sectione C, inchoatos, versus eadē partē, vel arcus BP, FN, a proximis punctis BF, inchoatos: At vero recta KN, abscondit arcus æqualiū numero graduū DQ, FN, a punctis D, F, inchoatos, quorum illud in æquatore inferius est, & hoc in Horizonte superius, vel arcus CQ, CN, ab eadē sectione C, inchoatos, tēdētes tamē in partes cōtrarias.

24. **ALTERA** via, qua circulus quilibet obliquus maximus in Astrolabio descriptus in gradus distribuatus, est eiusmodi. Sit Aequator ABCD, circa centrum E, Horizon obliquus AFCG, vel quiuis alius circulus maximus obliquus, sed ad Meridianum rectus, hoc est, habēs tacentrum, quā polos I, K, in linea meridiani BD, vtrinq. extēsa. Deinde semidiameter EC, per lem. 8. secetur in partes inæquales, quas efficiūt perpendiculares ex singulis gradibus quadrantis BC, ad CE, demissa. Inuento autē L, cætro circuli maximi, qui in sphaera per polos circuli obliqui AFCG, & communes sectiones Aequatoris cum circulo obliquo ducitur, (quālis est Verticalis primarius, si circulus obliquus AFCG, sit Horizon, aut maximus circulus per polos Zodiaci, & communes sectiones Eclipticæ cum Aequatore ductus, positus principijs α , & β , in Meridiano, si circulus obliquus AFCG sit Ecliptica.) quod inuenitur per lineam A d, ad eius diametrum a b, perpendicularem, vel diametro YZ, circuli obliqui dati in sphaera, quem circulus AFCG, representat, parallelam: Inuento, inquam, centro hoc L, si ex eo per omnia puncta semidiametri EC, rectæ ducantur, secabunt singulæ obliquum circulum in binis punctis, quæ respondent illis gradibus circuli obliqui, quibus puncta semidiametri EC, respondent, ita vt partes arcus CNF, respondeant gradibus quadrantis CB, partes vero arcus COG, gradibus quadrantis CD. Singula enim puncta semidiametri EC, binis gradibus debentur, illis videlicet, in quos perpendiculara res per dicta puncta ductæ cadunt. V.g. Si ex L, per punctum M, quod gradui 60. à C, in vtramque partem numerato vsque ad P, Q, respondet, recta ducatur LM, secans circulum obliquum in N, O, erit vterque arcus CN, CO, graduum 60. & sic de cæteris. Quoniam vero rectæ ex L, per A, C, emissa circulum AFCG, tangunt in A, C, vt paulo inferius Num. 28. probabitur, institui poterit hæc diuisio commodius, præsertim quando recta EC, exigua est, vt non facile admittat tot puncta diuisionem, hac ratione. Agatur kl, ipsi AC, parallela, secans LA, LC, in l, k, & a recta AC, quantumlibet distans, vt kl, fiat multo maior, quam AC. Nam si vtraque semis eius tk, tl, secetur, vt in lem. 8. traditum est, (quod etiam fiet, si circa diametrum kl, circulus describatur, & ab eius gradibus ad kl, perpendiculares demittantur, vt in lem. 7, factum est) habebuntur in kl, puncta, per quæ si rectæ emittantur ex L, secabitur circulus AFCG, vt prius, per rectas ex L

per

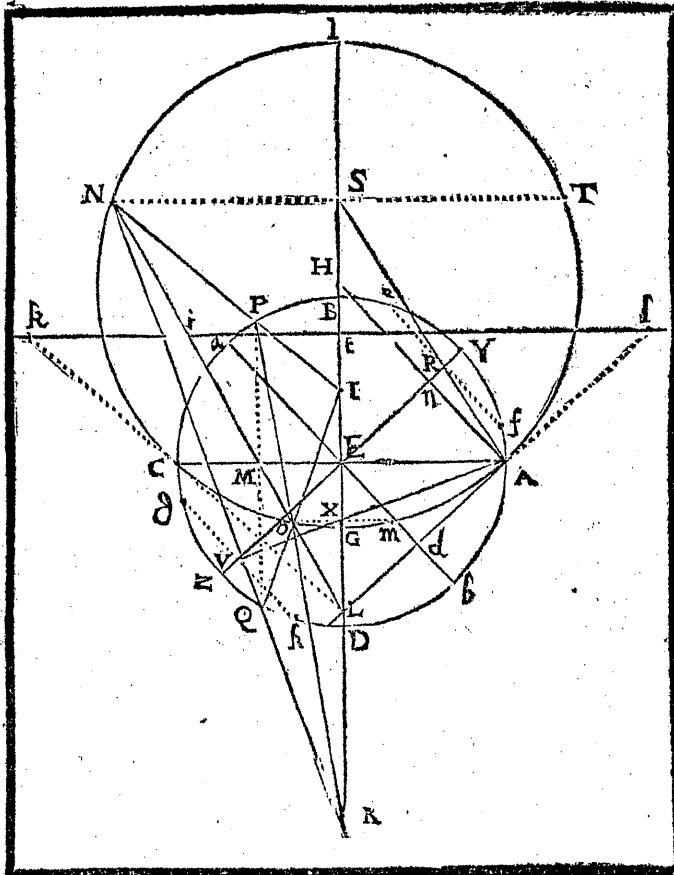
Regula facilis pro initiis arcuum abscissorum in diuisionibus circulorum maximorum in gradus, per rectas ex alterutro polorum circuli obliqui sit borealis, vel australe.

Regula facilis ad cognoscendum, vtrum punctorum Aequatoris in cælo sit superius, vel inferius: Et vtrum punctorum circuli maximi obliqui sit borealis, vel australe.

Regula facilior pro initiis arcuum præfigendis.

Circulum quævis maximum obliquum qui ad Meridianum rectus est, in Astrolabio diuidere in gradus ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar verticalis primarij.

per puncta recta AC, emissas. Nam per lemma 7. recta AC, kl, similiter secantur illis punctis. Cum ergo & recta ex L, similiter secent rectas easdem AC, kl, ex scholio propof. 4 lib. 6. Eucl. fit, vt ex recta ex L, per quodlibet punctum vnus earum ducta transeat per punctum respondens, & simile alterius. Ita vides recta LN, transire per puncta respondentia M, i, cum eadem sit proportio CM, ad MZ quæ k, ad i, t, ex prædicto scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. Idem hoc remedium adhibendum erit in diuisionibus parallelorum in gradus, vt propof. 6. Numer. 26. dicitur.



RECTE autem hoc modo circulum obliquum distribui in gradus, sic demonstrabitur. Per lemma 25. planum in sphaera per rectam AL, ductum vtrunq. auferat ex circulo obliquo diametri YZ, cui AL, aequidistat, duos arcus æquales a punctis Y, Z, inchoatos. Igitur idem illud planum in Astrolabium proiectum ab.

adiciendæ conspicietur ex polo australi eisdem illos arcus æquales ex Horizonte in Astrolabium proiecto, illos videlicet, qui abscissis arcibus in sphaera respondent. Cum ergo planum illud per polum australem incidens faciat, per propof. 1. in Astrolabio rectam lineam per centrum L, transeuntem; recta linea LM, ducta per centrum L, & punctum M, diametri AC, (quæ communis sectio est circuli obliqui, & Aequatoris, vt constat, si Meridianus ABCD, concipiatur circa BD verti, donec rectus sit ad Aequatorem, seu planum Astrolabij. Erit enim tunc, & Aequator, & circulus obliquus ad Meridianum rectus, ideoq. & eorum communis sectio ad eundem recta erit, ac proinde & ad rectam BD, in Meridiano existentem perpendicularis erit in centro sphaeræ E. Cum ergo AC, ad BD, sit perpendicularis, erit ipsa AC, communis sectio circuli obliqui, & Aequatoris, siue plani Astrolabij.) referet planum illud per eadem puncta, L, M, ductum: ideoque producta secabit obliquum circulum in punctis N, O, quæ illis respondent, quæ a plano illo ex circulo obliquo in sphaera abscinduntur; adeo vt planum illud ex polo australi conspiciatur secare circulum obliquum in punctis N, O, cum radius visualis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac propterea perpetuo in LN, communi eius sectione cum plano Astrolabij Aequatoris, existat. Arcus ergo circuli obliqui CN, illum in sphaera representat qui arcui Aequatoris CP, arcus vero CO, illum, qui arcui CQ, æqualis est, & reliqui arcus FN, GO, reliquis arcibus BP, DQ, æquales sunt. Eademq. est ratio de omnibus alijs rectis ex L, emissis. Quilibet enim duos arcus ex circulo obliquo abscindit, quorum is, qui a C, versus F, tendit, tot gradus complectitur, quot sunt in arcu Aequatoris à C, versus B, vsque ad perpendicularem per punctum diametri AC, ductam; ille autem qui a C, versus G, uergit, tot continet gradus, quot in arcu Aequatoris à C, versus D, vsque ad eandem perpendicularem continentur: adeo vt si ex singulis gradibus Aequatoris ad diametrum AC, perpendiculares ducantur, & per earum puncta ex L, rectæ traiciantur, totus circulus obliquus in singulos gradus distributus sit. Sed satis est vnum semicirculum hoc modo diuidere. Puncta enim diuisionum in alterum semicirculum translata dabunt gradus in altero illo semicirculo.

25. ITA QVE si abscindendus sit ex circulo obliquo arcus ab F, versus C, vel A, aut à G, versus C, vel A; aut à C, versus F, vel G, aut denique ab A, versus F, vel G, quotquot graduum, numerandi sunt illi gradus a B, versus C, vel A, in Aequatore; aut a D, versus C, vel A; aut a C, versus B, vel D; aut denique ab A, versus B, vel D; & à termino numerationis ad A C, perpendicularis ducenda. Nam recta ex L, per punctum huius perpendicularis in AC, eiecta dabit arcum qui queritur.

26. E CONTRARIO si de proposito arcu circuli obliqui, quot contineat gradus, queratur, ducendæ sunt ex terminis eius ad L, duæ rectæ, & ex punctis, vbi diametrum AC, secant, ad AC, duæ perpendiculares excitandæ. Arcus namque Aequatoris inter eas perpendiculares dabit graduum numerum, qui desideratur.

27. H AEC eadem intelligenda etiam sunt de quouis circulo obliquo, qui ad Meridianum non sit rectus, si pro meridiana linea BD, accipiat recta per eius centrum, & centrum Astrolabij ducta, & pro centro L, centrum alterius circuli maximi, qui sit instar Verticalis circuli primarij respectu circuli obliqui, tamquam Horizontis cuiusdam obliqui, &c.

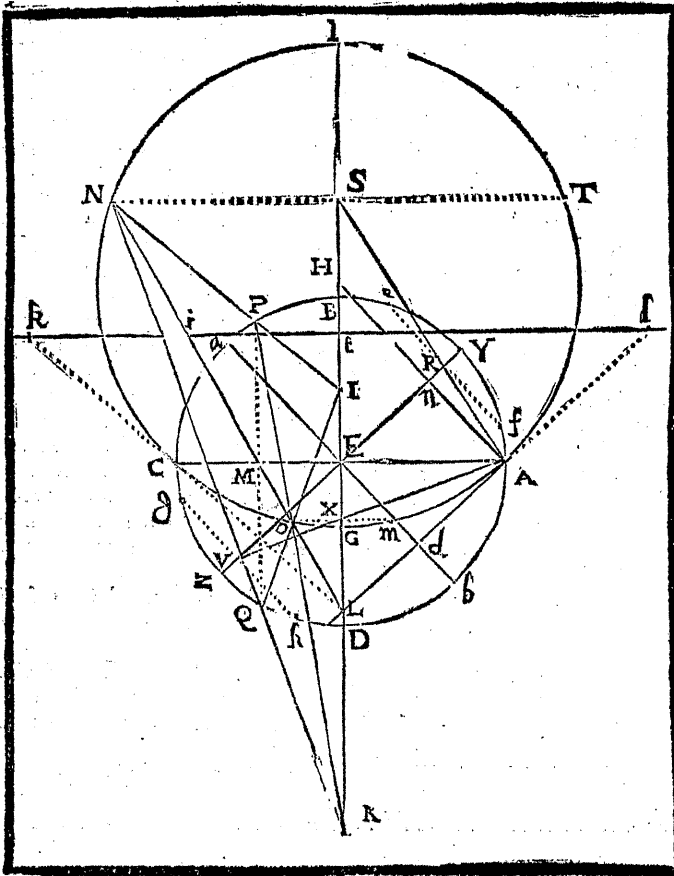
VIDE autem in figura pulchram conuenientiam, & quasi consensum huius modi cum altero illo priore: Quemadmodum enim recta LM, in hoc modo exhibit

a 19. vnde.

Gradus quilibet propositus, quo pacto in circulo obliquo maximo inueniatur in Astrolabio ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij. Quot gradus in arcu dato circuli maximi obliqui in Astrolabio contineantur, ex centro alterius circuli maximi, qui respectu illius est instar Verticalis primarij cognoscere. Circulo quemuis obliqui maximi q. ad Merid. rect. non sit, d. videre in gradus ex centro alteri? circ. max. q. respectu illius est instar Verticalis primarij.

Conferas secun-
dæ viæ diuididi
circulos maxime
obliquos, cum
prima

hibet nobis in circulo obliquo arcus FN,GO, respondentes arcibus Aequatoris BP,DQ, ita eisdem nobis præbent rectæ IP,IQ, ex polo I, per eisdem gradus Aequatoris ductæ, vt prior pars primæ viæ præcepit: Item eisdem omnino subministrant rectæ KQ, KP, ex altero polo K, per eisdem Aequatoris gradus contrario modo emissæ, vt primæ viæ pars posterior exigit.



Quæ hæc i ca-
lum obliquum ma-
ximum contingit
in Astrolabio.

28. NEQVE vero studiosum lectorem latere volo, rectas ex L, per A, & C, emissas tangere circulum obliquum in punctis A, C. Quoniam enim planum per AL, transiens & circumductum per omnia puncta diametri AC, (posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij, Aequatorisue, recto.) quæ communis sectio est circuli obliqui, & Aequatoris, secat semper circulum obliquum per lineas ad diametrum AC perpendiculares, quæ vtriusq; a punctis A, & C, arcus æquales abscindunt.

scindunt; vt constat ex lemmate 25. sit, vt cum primum ad puncta A, & C, peruenit, non amplius secet circulum obliquum, sed in illis punctis illum contingat, quod tamen Geometricè etiam mox probabitur. Cum ergo recta LA, vel LC, communis sectio sit eiusdem plani cum plano Astrolabij, ac proinde ab eo nunquam recedat, sed perpetuo in illo existat, efficitur, vt eadem recta LC, vel LA eundem circulum obliquum in Astrolabio tangat in puncto C, vel A. Si enim secaret, secaret quoque planum illud per eam ductum, circulum obliquum in sphaera in duobus punctis, quæ illis, in quibus à recta LC, vel LA, secaretur, responderet. quod est absurdum; cum ipsum contingat tantummodo in C, vel A, vt diximus, & quod Geometricè ita quoq; demonstrabimus. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij Aequatorisue, recto, vt diameter YZ, sit Meridiani, & circuli obliqui communis sectio, si per AC, in Astrolabio iacentem concipiatur circulus maximus duci ad circulum obliquum diametri YZ, in proprio situ rectus; erit idem ad Meridianum rectus, cum transeat per A, C, polos Meridiani, hoc est, per intersectiones Aequatoris cum circulo obliquo in sphaera. Igitur cum & Meridianus, & circulus obliquus ad illum maximum circulum per AC, ductum rectus sit, erit quoque eorum communis sectio YZ, ad eundem rectus, ac proinde & AL, in plano Meridiani existens, & ipsi YZ, parallela, ad eundem circulum maximum recta erit; Igitur planum per AL, in eodem Meridiani plano existentem, & per punctum C, vel A, in sphaera existens ductum, hoc est, circulus ab eo in sphaera factus, cum eodem circulo maximo rectos faciet angulos. Quocirca cum & hic circulus per AL, & punctum C, vel A, ductus, & circulus obliquus per AC ductus; (si omnia in proprio situ concipiatur in sphaera.) ad circulum illum maximum rectus sit; erit quoque communis eorum sectio ad eundem recta; ac proinde & ad diametrum AC, circuli obliqui, & ad diametrum circuli per AL, & C, vel A, ducti, quam circulus ille maximus facit. (Quoniam enim maximus ille circulus secans circulum per AL, & C, vel A, ductum ad angulos rectos, vt probatum est, secat eum bifariam, & per polos; transibit per eius centrum, & in eo diametrum efficiet.) perpendicularis erit cum vtraq; diameter in eo maximo circulo existat. Igitur eadem illa communis sectio circuli obliqui, & circuli per AL, & per C, vel A, ducti, vtrumq; circulum continget in C, vel A, ex coroll. prop. 16 lib. 3. Eucl. atque idcirco iidem duo circuli in C, vel A, se mutuo tangent, & nullo modo secabunt, ex definitione lib. 2. Theodosij.

29. VERVM rectas ex L, per A, & C, ductas tangere circulum obliquum AF CG facilius sic probabimus. Quoniam ducta recta An, ad YZ, diametrum circuli obliqui in sphaera perpendicularis cadit in H, centrum circuli obliqui in Astrolabio, vt supra demonstratum est Num. 3. huius propositionis, estq; AL, ipsi YZ, parallela; erit angulus LAH, rectus Igitur ex coroll. propof. 16 lib 3. Eucl. recta LA, circulum AF CG, in A, continget, &c.

SED soluenda videtur hoc loco difficultas quædam, quæ alicui negotium posse facillere. Cum enim rectæ FG, NO, auferant ex Horizonte arcus FN, GO æquales, quod ad numerum graduum spectat, hoc est, referant in Horizonte sphaera duas parallelas, quarum vna est communis sectio Horizontis, & plani ducti per polum australem, & punctum L, (quod nimirum circumduci diximus circa rectam AL, Horizonti parallelam in proprio situ, per omnes lineas, quæ in Horizonte meridiana lineæ ducuntur parallele) mirum alicui videri possit, rectas FG, NO, coire in L, cum tamen parallelæ illæ, quas referunt, non coeant. Hinc, n. sequi videtur vt quæadmodum singula puncta rectarum FG, NO, respondent certis qui-

a 15. i. The.

b 19. vnde c.

c 8. vnde c.

d 18. vnde c.

e 19. vnde c.

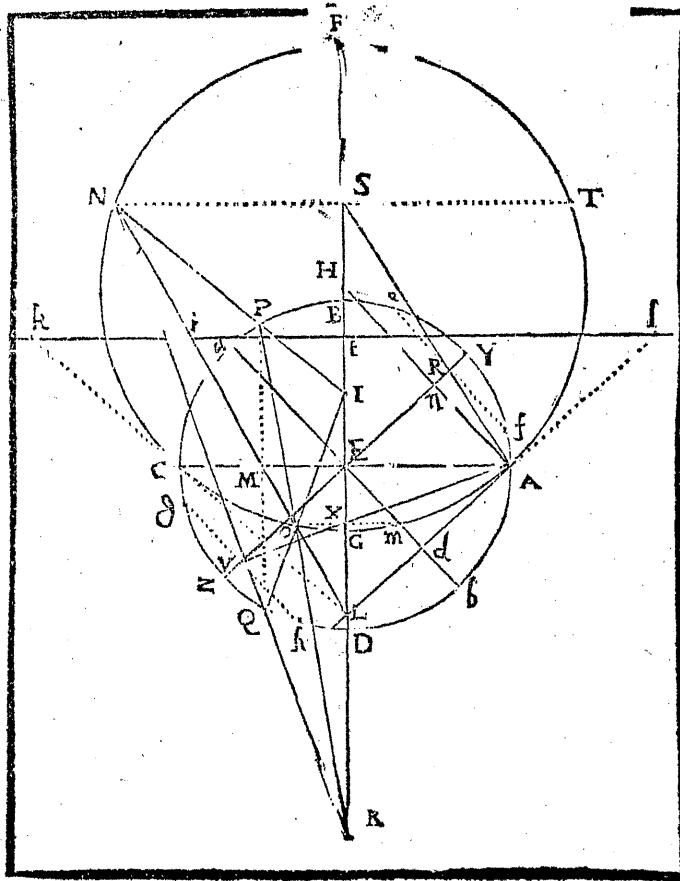
f 13. i. The.

g 29 primi.

Notas quædam in
Astrolabio cõcur-
rentes is præsentat
re in celo lineas
parallelas, & nō
concurrentes

Sf buf.

busdam punctis earum parallelarum, ita quoque punctum L, respondeat vni puncto communi in vtraq. parallela, quod tamen habere non possunt, cum nunquam concurrant. Huic dubio occurrendum est. oia puncta rectoru FL, NL, supra punctum L, respondere punctis illarum parallelarum, sed ipsum punctu L, nullu in illis respondens habere. Na quia AL, inter polum australe & punctu L, in plano Astrolabij Aequatorisue, æquidistat plano Horizontis, in quo sunt illæ paralle-



læ, non poterit vnquam radius AL, etiam in infinitum productus, cum illis conuenire, ac proinde nullum earum punctum in L, apparebit. At vero, quia radius ex polo australi per quodcumq. punctu vel rectoru FL, vel rectoru NL, quantumlibet propinquu ipsi L, secat parallelam in Horizonte existentem, cu eius æquidistat AL, secet in A, existatq. in plano per AL, & illam parallelam ducto, sit, vt quodlibet punctum supra L, habeat punctum respondens in parallela, illud nimiru, in quod radius ex

australi polo, per illud punctu rectoru FL, vel NL, transfrens cadit. Itaq. si circulus ABCD, intelligatur esse Horizon in proprio situ, vergete puncto B, in austru, & D in septentrione, C, in ortu, & A, in occasu oia puncta parallelaru BD, PQ, quæ cõtinetur in semisibus borealibus ED, MQ, habebunt respõdentia puncta in rectoris EL, ML, vsq. ad punctu L, exclusiue, cõprehensa vero in semisibus australibus EB, MP, habebunt puncta respõdentia in rectoris E F, MN, in infinitu extensis, vt in sphaera materiali perspicu est. Nõ est ergo mirum, rectoru FL, NO, esse parallelas representent, concurrere in L, quia non solu illas parallelas referunt, sed tota etiam plana, quæ per AL, in proprio situ, & per parallelas illas ducuntur, representant. Sicut igitur parallela illæ non existunt in omnibus partibus illoru planorum, ita neque omnia puncta rectoru FL, NL, plana illa representantium respondere possunt aliquibus punctis parallelarum, sed puncta illa, quæ representant partes planorum existentes extra parallelas, necessãrio extra parallelas apparebunt in Astrolabio, ita vt ad illas nullo modo pertineant.

30 TERTIA via circulu quemlibet maximu obliquu in gradus partiem in Astrolabio hac ratione. Vtraq. semidiameter circuli obliqui in sphaera EY, EZ, secetur, per lem. 8 in partes inæquales, quas efficiunt perpendicularares ex singulis gradibus quadrantu a Ya, Za, ad YZ, demissa. Satis autem est vnã diuidere, cu puncta illius in alterã translata eã eodem modo diuidant. Deinde ex A, polo australi per omnia puncta sectionum diametri YZ, rectoru ducantur secantes diametru FG, circuli dati obliqui in punctis per quæ si ad eandẽ diametrum FG, perpendiculares excitetur, diuisus erit circulus obliquus AFCG, in gradus. Exẽpli causa. Si ex A, per punctum R, quod gradui 30. ab Y, in vtramq. partem numerato vsq. ad e, f, respondet, rectoru ducatur AR, secans FG, in S, & per S, ad FG, perpendicularis excitetur NT, continebit vterq. arcus FN, FT, gr. 30. hoc est, referet arcu illum circuli obliqui in sphaera, qui vtriusq. arcui Ye, Yf, æqualis est, & ita de cæteris. Demonstratio huius rei hæc est. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabij recto, vt YZ, diameter circuli obliqui cõmunis sectio sit Meridiani, & circuli obliqui, circuluq. tunc per YZ, & AC, ducatur: quoniam planu in sphaera per australem polum A, in eo situ circuli ABCD, & per rectoru, quæ per R, ad diametru YZ, in plano circuli obliqui perpendicularis est, ductu occurrit plano Astrolabij in S, factiq. per lem. 24. rectoru ad FG, (quæ cõmunis sectio est Meridiani, siue circuli per polos Mundi, & polos circuli obliqui incidentis) perpendicularẽ transibit idem illud planum per rectoru NT, conspicieturq. in Astrolabio eosdẽ gradus abscindere ex circulo obliquo AFCG, quos in sphaera ex eodẽ abscindit cum radius visualis per omnia puncta illius plani circumductus ab eo non recedat, ac propterea perpendicularẽ per R, ductã, auferentemq. hinc inde gr. 30. ab Y, incipiendo, in rectoru NT, projiciat in Astrolabium. Arcus igitur circuli obliqui FN, FT, representant in sphaera illos, qui arcubus Ye, Yf, æquales sunt; at uero arcus CN, AT, illos, qui æquales sunt arcubus ae, bf, & sic de alijs rectoris ex A, emissis: Ita vt si ex singulis gradibus Aequatoris ad diametrum YZ, perpendiculares demittantur, & per earum puncta ex A, rectoru egrediatur, rectoru FG secta conspiciatur in punctis, per quæ perpendicularares ad FG, ductæ dabunt singulos gradus circuli obliqui.

Circulum quemlibet maximum obliquum, qui ad Meridianum rectoris sic, in gradibus distribuere ex polo australi Astrolabii.

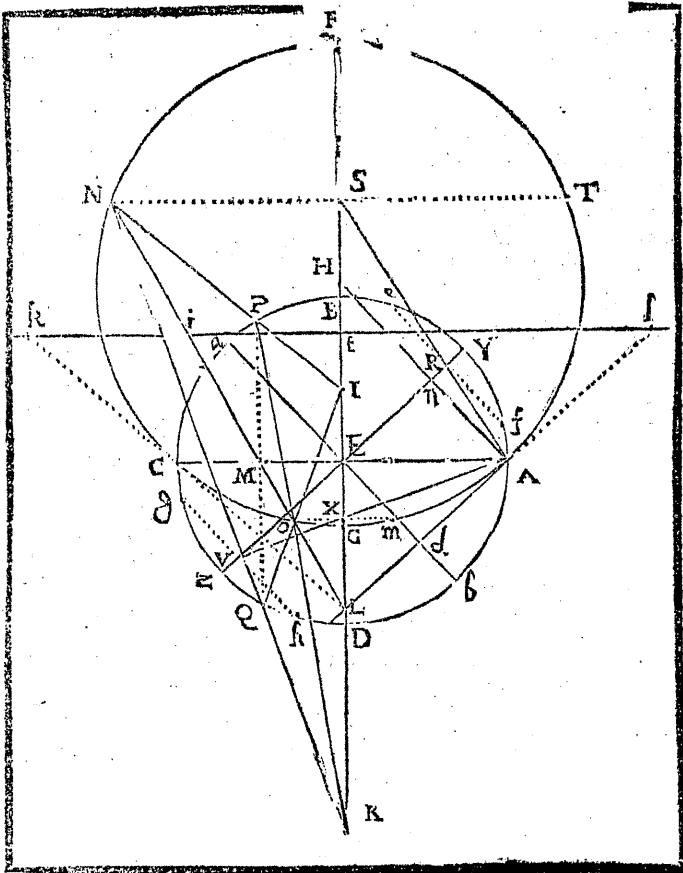
31. ITA QVE si ex circulo obliquo abscindendus sit arcus quotlibet graduum ab F, incipiendo, vel a G; numerandi sunt gradus propositi ab Y, vel Z, in vtramq. partem, v. g. vsq. ad e, f, vel g, h, & rectoru ducenda ef, secans EY, in R, vel g, h, secans EZ, in V. Rectoru enim AR, vel AV, occurret rectoru FG, in S, vel X, puncto, per quod perpendicularis ad FG, ducta NT, vel Om, auferet vtrumq. arcu

Gradum quolibet propositu in circulo maximo obliquo ad Merid. recto inuenire ex polo australi Astrolabii.

FN, FT, vel GO, Gm, continentem datum numerum graduum, qui in arcibus Ye, Yf, vel Zg, Zh, continentur.

Quos gradus in arcu dato circuli maximi obliqui ad Meridianum recti continentur, ex polo australi Analematis cognoscere.

32. CONTRA si scire quis velit, quot gradus in dato arcu circuli obliqui contineantur, ducendæ sunt ex terminis illius ad FG, duæ perpendicularares, & ex earum punctis, ubi FG, secatur, ad A, duæ rectæ ducendæ, quæ secant YZ, in duobus punctis, atque ex ijs ad YZ, duæ perpendicularares erigendæ. Arcus. n. Aequatoris inter illas perpendicularares indicabit numerum graduum, qui queritur.



Circulum quem quis maximus obliqui quom in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus non sit, partem in gradus ex polo australi Analematis.

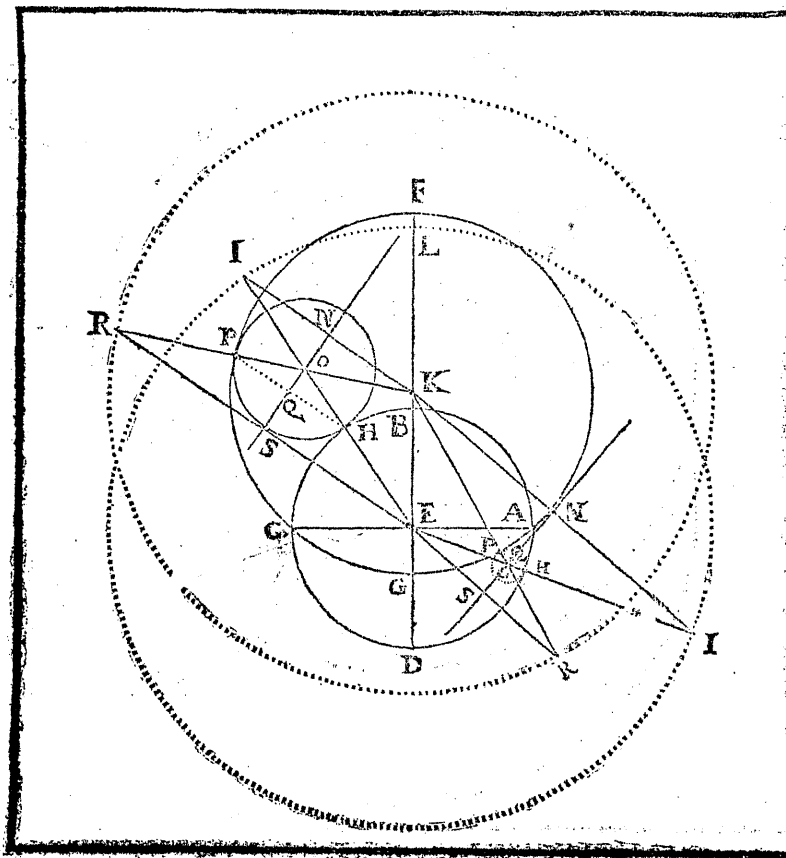
33. PERSPICVVM autem est, rationem hanc quadrare etiam in omnem alium circulum obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit, si pro meridiana linea BD, accipiatur recta per eius centrum, & centrum Astrolabii ducta, quæ nimirum communis sectio sit plani Astrolabii Aequatoris, & circuli maximi per mundi polos, & polos circuli obliqui ducti, &c.

HC

HIC etiam videre licet convenientiam huius tertie viae cum prioribus duabus. Nam iidem prorsus arcus FN, GO, vel CN, CO, per hanc inuenti sunt, quos per illas inuenimus.

Conferat tertiam viam diuidendi circulos maximos obliquos, cum primis duabus.

34. LIBET hoc loco explicare aliam adhuc viam distribuendi maximū quæuis circulum obliquum in gradus, quæ licet vsuum videatur habere aliquanto magis impeditū, quæ alia, quas explicauimus, præsertim si totus circulus in gradus sit distribuendus, commodissima tamen est, si vnus interdū, aut alter gradus duntaxat inuestigandus sit: quia in ea neque poli circuli obliqui requiruntur, vt in primo

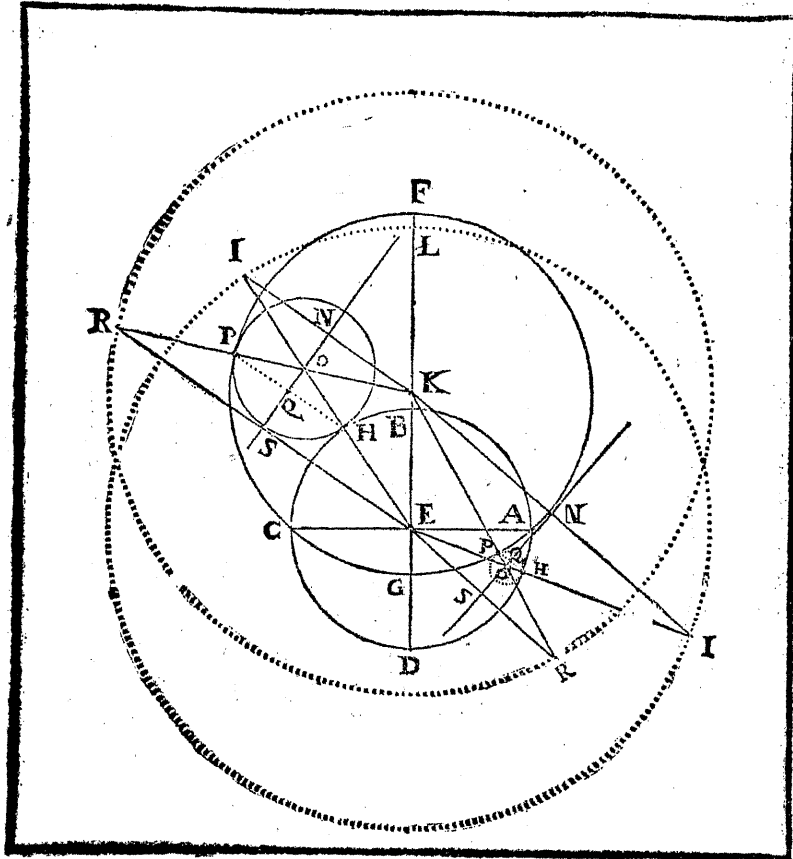


modo, quæ Num. 17. & 20. explicauimus; neque centrum maximi circuli, qui instar est Verticalis primarij respectu dati circuli obliqui, vna cū sectionibus diametri AC, vt in secunda ratione Num. 24. explicata; neque denique diameter circuli obliqui diuisa in Analemate, vt tertius modus postulabat; sed solū per rectas lineas, ex cætro Aequatoris, & proprio centro e ductas perficitur, hoc videlicet modo.

Sit

Circulum quem-
vis maximum obli-
quum in Astrola-
bio distribuere
in gradus ex pro-
prio centro, & ce-
tro Astrolabij.

Sit Aequator ABCD, cuius centrum E. & circulus obliquus quicumque AFCG, cuius centrum K; sitq; gradui Aequatoris H, inueniendum punctum respon- dens in circulo obliquo Ducatur ex E, centro Aequatoris per H, punctum da- tum recta EH, in qua producta sumatur HI, æqualis semidiametro circuli obliqui, in quo punctum respondens inueniendum est, (quando totus circulus in gradus diuidendus sit, vel plura puncta inuenienda, expedit, vt sumpta recta BL, æquali semidiametro FK, ex E, per L, circulus LI, describatur. Ita enim om-



nes rectæ ex E,eductæ vsque ad circulum istum habebunt inter eundem, & Aequatoris adiectas portiones semidiametro FK, æquales. Cum enim tam EL, EI, ex centro, quam EB, EH, æquales sint, erunt quoque reliquæ BL, HI, æquales. & sic de cæteris. & iungatur ad centrum K, circuli diuidendi recta IK, quam bifariam, & ad angulos rectos secet NO, secans EI, in O, puncto, per quod ex K, centro recta ducatur KO, secans circulum diui- dendum

dendum in P. Dico punctum P, puncto dato H, respondere, hoc est, arcus BH, FP, æquales esse in numero graduum. Quoniam enim duo latera KN, NO, duobus lateribus IN, NO, æqualia sunt, angulosq; continent æquales rectos; erunt & bases OK, OI, æquales. Sunt autè & KP, IH, æquales, quod illa sit semidiameter obliqui circuli: hæc vero eidem semidiametro ponatur æqualis. Ablatis igitur æqualibus ex æqualibus, reliquæ OP, OH, æquales quoque erunt. Quocirca circulus ex O, per H, P, descriptus vtrumque circulum tanget, (eo quod rectæ OH, OP, ad centra E, K, pertineant,) vt in lemmate 42. ostendimus, circulumq; sphaeræ referet eosdem tangentem in punctis, quæ punctis I, P, respondet: ac proinde per lemma 43. arcus BH, FP, æquales numero gradus complectentur. Punctum porro P, inuenietur quoque per rectam KP, constituentem in centro K, angulum angulo I, æqualem. ^b Nam sic rursus æquales erunt rectæ OK, OI, &c. Immo si per punctum H, datum in Aequatore agatur HP, parallela rectæ KI, inuentum erit idem punctum P. Quia enim Isoscelia sunt triangula IOK, HOP, & angulosque ad O, habent æquales; erunt reliqui reliquis æquales. ^c Cum ergo tã I, K, quam H, P, inter se æquales sint, erunt quoque OIK, OHP, æquales: ac proinde IK, HP, parallelæ erunt.

R V R S V S puncto P, circuli obliqui reperiendum sit punctum in Aequatore respondens. Ducta ex K, centro obliqui circuli per datũ in eo punctũ P, recta, accipiat PR, æqualis semidiametro Aequatoris, in quo punctum respondens inueniendum est: (Hic quoque, si plura puncta inuenienda sint, describendus erit circulus ex K per R, vt omnes rectæ ex K, ad eum circulumeductæ habeant segmenta inter eundem, & circulum obliquum semidiametro PR, æqualia.) Ducta autem ex R, ad E, centrũ Aequatoris recta RE, secetur bifariam, & ad angulos rectos per rectam SO, quæ secet KR, in O. Nam rursus recta ex E, centro per O, ducta dabit in Aequatore punctum H, quæsitum. Nam rursus tam OE, OR, quam HE, PR, æquales sunt. Igitur æqualibus demptis ex æqualibus, reliquæ OH, OP, æquales erunt. Quapropter circulus ex O, per H, P, descriptus vtrumque circulum tanget, &c. eo quod rectæ OH, OP, ad centra E, K, pertineant. Idem quoque punctum H, reperiatur, si in E, centro fiat angulo R, æqualis angulo E: vel si ex dato puncto P, in obliquo circulo parallela ducatur ipsi RE, &c.

ATQVE hæc ratio in omnes circulos maximums quadrat, etiam si neuter duorum circulorum sit Aequator.

35. ITAQVE datis duobus circulis maximis in Astrolabio, si in vno eorum detur arcus quantuscunque à communi eorum sectione inchoatus, facili negotio ei æqualem in numero graduum ex altero ressecabimus. Nam si datus sit arcus CP, in circulo AFCG, (secantibus sese duobus maximis circulis ABCD, AFCG, in A, & C.) si ex eius centro K, ducatur per punctum extremum P, recta, & in ea producta sumatur PK, semidiametro alterius circuli æqualis, ducaturq; ex R, ad eiusdem centrum E, recta, quam ad angulos rectos, & bifariam secet SO, secans KR, in O, dabit recta ex O, ad centrum E, eiusdem circuli arcum CH, ar cui CP, æqualem, & sic de cæteris. Potest quidem, & hoc fieri per primum modũ diuidendi circulos obliquos in gradus, sed opus est prius inuenisse datorum circulorum polos. Nam si ex termino dati arcus ad eius polum recta ducatur, abscindetur ex Aequatore arcus æqualis: Per cuius terminum si ex polo alterius circuli recta ducatur, abscissus erit ex eo arcus æqualis quæsitus. Sed ratio hoc loco explicata commodior videtur, cum polis circulorum non indigeat.

36. ALIVM quoque modum distribuendi maximums circulos in gradus per facilem, atque iucundum reperies in sequenti propos. Num. 36. Hic autem negotium

a 4. primi.

b 6. primi.

c 15. primi.

d 5. primi.

e 27. vel 28.

f primi.

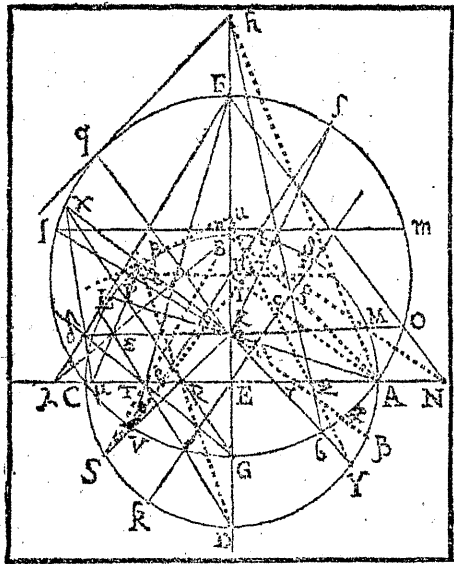
Circulum quem-
vis maximum A-
strolabij partem
in gradus p alio
circulo maxi-
mum diuisum.

Dato arcui in cir-
culo quouis ma-
ximo abscindere
arcum æqualem
in numero gra-
duum ex quouis
alio circulo ma-
ximo.

tium hoc concludemus alio quodam modo pulcherrimo per lineas rectas: quippe quo vnum idemque punctum in circulo maximo inueniri possit per plurimas rectas lineas. Est autem eiusmodi.

A lineæ medius pñi
dediti circulum
genens maxi-
mum obliquum
sa gradus.

SIT Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus quicunque AF CG, cuius centrum H; & diameter vera ik, recta DF, per eius centrum, & centrum Astrolabij ducta, referens circulum maximum per polos mundi, & polos ipsius ductum, instar Meridiani cuiusdam proprii; polos eiusdem obliqui circuli K. Et quia recta AC, communem sectionem Aequatoris & dati circuli obliqui in sphaera representat, vt in scholio sequenti Num. 1. demonstrabitur; apperebunt omnia puncta communis illius sectionis in sphaera existentis, in hac communi sectione AC, quæ in Astrolabio apparet, in eisdem prorsus distantis, & situ, quem in sphaera obtinent, cum eadẽ sint puncta vera in sphaera, & visa in Astrolabio; propterea quod radii visuales ex polo australi procedentes in iisdem punctis terminantur, & non vltius protrahuntur: quippe cù communis illa sectio sit eadẽ prorsus, quæ visa. Concipiatur circulus ABCD, circa BD, moueri, donec rectus sit ad Aequatorem, & ik, diameter circuli obliqui proprium situm habeat, vergente semicirculo BAD, versus austrum infra planum Astrolabij, hoc est, a tergo ipsius, & semicirculo BCD, boream versus supra planum Astrolabij: quo posito, prouincientur omnia puncta diametri ik, in lineam FD, per radios visuales ex A, emissos, cum tres rectæ AC, ik, FD, in ea positione sint in eodem



circulo ad obliquum circulum recto, qui videlicet instar Meridiani est circuli obliqui per diametrum ik, ducti. Quoniam vero planum, in quo obliquus circulus maximus diametri ik, existit, circa AC, circumductam congruet aliquando cum Aequatore, sicut rectæ ex quolibet puncto Astrolabij in recta FD, vel etiam extra ipsam posito, per gradus circumferentiæ ABCD, emissæ secant rectam AC, in eisdem punctis, in quibus eandem secarent, si ex respondentibus punctis plani, in quo circulus obliquus diametri ik, proprium situm habentis, per gradus circuli obliqui educerentur. Verbi gratia. Recta BS, per extremum punctum S, arcus CS, grad. 30. ducta secat AC, in T, puncto, in quo eandem secat recta ex puncto i, proprium situm habente, quod puncto B, respondet, (cum ambo puncta equaliter absint a centro E, & in eodem Meridiano dati circuli existant) educata per grad. 30. circuli obliqui a puncto C, numeratũ: propterea quod,

quod, vt dictum est, circulus obliquus diametri ik, circa AC, circumuolutus cõgruit necessario cum Aequatore, vel plano Astrolabij, & vicissim planũ Aequatoris, vel Astrolabij circa AC, circumuolutum necessario cum circulo obliquo proprium situm habente congruit; & punctum i, cum B; & k, cum D. Constat autem rectam BS, in eodem semper puncto T, secare rectam AC, quantumuis planum circuli ABCD, circa AC, circumducatur. Eadem de causa recta, quæ ex k, in plano circuli obliqui proprium situm habente duceretur per punctum puncto Q, respondens, secaret eandem AC, in R, vbi a recta DQ, secatur. Sic recta IS, eandem secat in e, puncto, in quo a recta secaretur, quæ ex puncto c, æqualem cum puncto I, distantiam habente in diametro ik, à centro E, duceretur in plano circuli obliqui proprium situm habente, ad punctum respondens puncto S. Et sic de cæteris.

HIS positis, si arcui AM, æqualis arcus abscindendus sit, ducemus ex aliquo puncto rectæ FD, vt ex B, per M, rectam, quæ ipsam AC, secet in N. Et quia punctũ i, circuli obliqui, quod respõdet puncto B, apparet ex polo australi in F, apparebit tota recta BN, trãsire per duo puncta F, N; quandoquidẽ eius pũctum B, vel i, conspicitur in F; & N, in N. Ducta ergo recta FN, secabit obliquũ circulum in puncto O, quod puncto M, respondebit, propterea quod punctum M, circuli obliqui ABCD, propriam positionem habentis apparet in O, puncto, per quod recta BN per datum punctum M, transiens, conspicitur trãsire, vt dictum est. Eodem pacto ducta recta BS, secante AC, in T, cadet ducta recta FT, in V. pũctum respondens puncto S. Rursus quia punctum k, quod respondet puncto D, apparet in G; si ducatur recta DQ, secans AC, in R, cadet ducta recta GR, in punctum X. ipsi Q respondens.

SED quoniam rectæ ex punctis B, & D, per propinqua puncta circumferentiæ ABCD, educatæ secant rectam AC, productam extra circulum valde oblique; vt omnia puncta intra circulum habeamus, ducemus per puncta semicirculi ABC, rectas ex D. Nam rectæ ex G, per intersectionum puncta in recta AC, dabunt in semicirculo obliquo AFC, puncta respondentia. Per puncta autem semicirculi ADC, ducemus rectas ex B. Rectæ enim ex F, per puncta intersectionum in recta AC, indicabunt in semicirculo obliquo AGC, puncta respondentia. Atque per hæc duo puncta F, G, binis punctis B, D, respondentia commodissime totus circulus in gradus distribuatur.

HA C eadem ratione ex quolibet puncto rectæ BD, præter cẽtrum Astrolabij E, (si tamen radius ex A, ad illud emissus, diametrum ik, etiam productam, si opus sit, cõmodè secet) rectas educere poterimus, secantes obliquum circulum in gradus; si nimirum ex A, ad illud punctũ radiũ emittamus, & punctum intersectionis illius cum diametro ik, in rectam FD, ex E, transferamus. Nam si ex hoc puncto in lineam FD, translato per quẽlibet gradum circuli ABCD, rectam ducamus secantẽ AC, cadet recta ex assumpto puncto per punctũ intersectionis in recta AC, emissæ in gradum circuli obliqui propositũ. Verbi gratia, Si ex H, centro obliqui circuli ducenda sit recta cadens in grad. 30. a puncto C, versus G, numeratum, ducemus radiũ AH, secantem ik, in e, puncto, in quo centrum H, apparet, & rectæ Ec, æqualem abscindemus EI, vt punctum translatum habeamus I. Deinde ex I, puncto translato ad S, punctum terminans grad. 30. rectam emittemus secantem AC, in e. Recta enim ex H, per e, eiecta cadet in V, grad. 30. quæ sitũ; cum recta IS, prouinciat in rectam He; quandoquidem eius punctum e, cui responder punctum I, apparet in H, & recta Ie, per punctum e, transire conspicitur. Quemadmodum autem recta IS, producta secat Aequato-

Binis punctis obliqui circuli ad intersectionem apertissima quæ sunt.

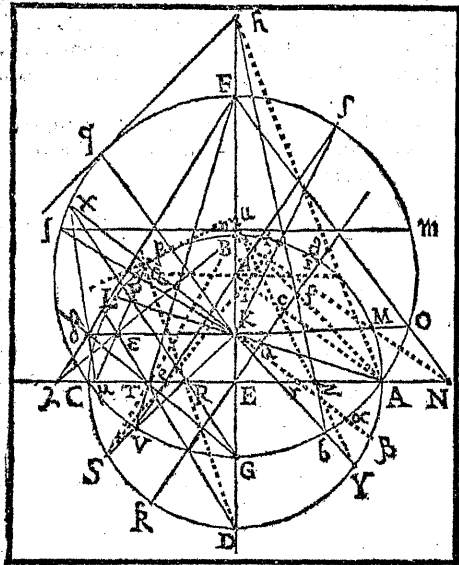
Ex quolibet puncto meridiana lineæ circuli obliqui rectas educere secantes circulum maximum in gradus.

T t rem

rem altera ex parte in t, ita recta H e, producta exhibet in circulo obliquo aliud punctum f, puncto t, respondens, ita vt arcus Bt, Ff, æquales sint: propterea quod recta tS, in circulo obliquo vero existens (posito circulo ABCD, in proprio situ, hoc est, circumuoluto circa AC, donec diameter BD, diametro ik, in proprio Meridiano posita congruat, atque idcirco & punctum I, puncto c.) proiicitur, vt dictum est, in rectam tV; quandoquidem transire conspicitur per puncta H, c; punctum quidem e, vel I, per H; & e, per ipsummet punctum e, quod est in communi sectione plani Aequatoris, & circuli obliqui.

R VRSVS si ex puncto h, in linea meridiana dato extra datū circulū maximū obliquū ducenda sit recta, quæ abscindat ex quadrante AG, arcum arcui AY, æqualem, ducemus radiū Ah, secantem ki, protractam in g, & punctum g, transferemus ex E, in u, vt punctum u, translatum habeamus. Deinde ex u, ad Y, rectam iungemus secantem AC, in Z. Recta namque hZ, offerret punctum b, puncto Y, respondens. Punctum autem intersectionis rectæ hZ cum circulo obliquo prope F, respondebit puncto intersectionis rectæ u Y, cum circulo ABCD, prope B.

QVOD si quando accadat, rectam ex aliquo puncto translato extra circum ABCD, vt ex u, quod ipsi g, respondet, per datum punctū, nimirū per p, ducenda erit ex h, puncto viso, recta hq, tangens obliquū circum.



Punctum enim contactus q, respondebit dato puncto contactus p. Nam sicut up, tangit circum obliquū in sphaera, ita conspicietur tangere in Astrolabio eundē circum visum. Cum ergo punctum g, cui respondet u, appareat in h, proiicietur tangens u p, in tangentem hq.

SIC etiam, si quando contingat, rectā ex aliquo puncto translato intra circum ABCD, vt ex H, quod puncto f, respondet, ductam per datum punctum, nimirum per P, efficere cū recta FD, angulum rectum, ducenda erit per punctum n, in quo appareat punctum f, perpendi-

cularis m n l. Punctum enim l, respondebit dato puncto P, & punctum m, alteri puncto, in quo recta PH, producta circum ABCD, secat. Id quod supra Num. 30. demonstraui: propterea quod recta HP, respondet rectæ, quæ per f, in circulo obliquo duceretur in sphaera perpendicularis ad diametrum i k, auferretque arcus æquales arcui BP, &c.

POSTREMO si ex K, polo viso circuli obliqui diuisio faciendā sit, hoc est, abscin-

est, abscindendus, v.g. ex obliquo circulo arcus arcui BQ, æqualis, transferemus punctum a, in rectam FD, vsque ad K, quod rectæ E a, EK, æquales sint, vt supra Num. 14. demonstraui, (quod tamen clarius demonstratum reperies circa finem Num. 21. propof. 6.) ita vt punctum translato a viso non differat: Deinde ex K, puncto translato, quod puncto a, respondet, per Q, rectam traiciemus secantem AC, in r. Nam recta ex K, puncto viso, in quo videlicet apparet punctum a, per punctum sectionis r, ducta, quæ a priori non differt, propter eadem puncta K, r, indicabit punctum X, puncto Q, respondens, & producta dabit alterum punctum a, puncto β, respondens. Ex quo liquido etiam constat, rectam ex polo viso per quodcunque punctum Aequatoris ductam offerre in circulo obliquo punctum illi puncto respondens: id quod supra Num. 17. ex lemmate 23. lib. 1. ostendimus.

AD maiorem euidentiā huius modi, inuenimus eadem puncta O, V, b, f, q, I, X, a, punctis M, S, Y, t, p, P, Q, β, respondentia per rectas ex viso polo K, emissas, vt Num. 17. traditum est.

NON erit autem difficile, vicissim ex dato puncto in circulo obliquo inuestigare punctum respondens in Aequatore, vel circulo obliquo in sphaera, cuius vices Aequator gerit. Sit enim datum punctum O. Ex puncto F, quod respondet puncto B, per O, rectam emittemus secantem AC, in N. Recta namque BN, secabit Aequatorem in puncto M, quod dato puncto O, respondet, vt ex dictis liquet. Idem efficiemus ex quocunque alio puncto in meridiana linea dato, vt ex H. Ducto enim radio AH, secante diametrum i k, in c, transferatur punctum c, in rectam FD, vsque ad I: sitque propositum inuestigare punctum Aequatoris respondens puncto V. Ducta recta HV, secante AC, in e, cadet recta Ie, ex translato puncto I, egrediens in quæsitum punctum S, & sic de cæteris.

IAM si ex centro circuli, qui instar proprii Verticalis est dati circuli obliqui, quale est punctum L, in superiori figura Num. 24. diuisio institueda sit, quoniam illud non habet punctum verum respondens in diametro YZ, quod transferri possit in rectam FD; quod recta AL, cadens in dictum centrum L, parallela sit diametro YZ, ac proinde tota extra planum dati circuli obliqui, vt ex Num. 4. patet, ducenda erit per datum in Aequatore punctum ipsi FD, parallela, & per punctum sectionis in AC, ex eo centro recta ducenda, &c. vt Num. 24. traditum est.

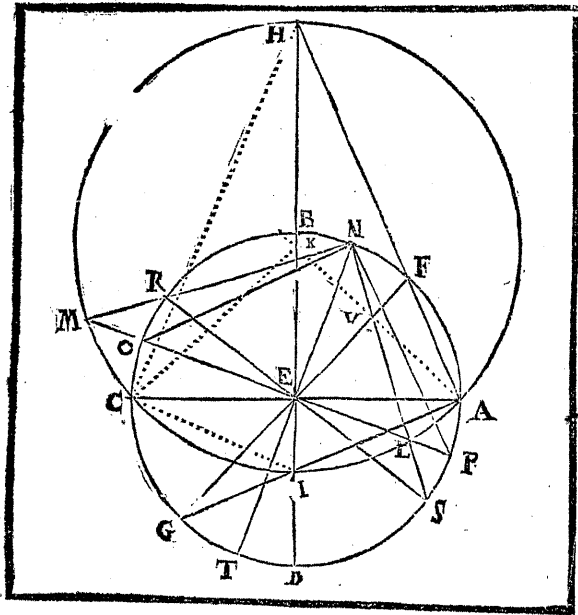
IAM vero per ea, quæ hoc loco declarata sunt, reperiemus cuiuscunque puncti in dato circulo quouis maximo, vel in eius plano producto, extra ipsum circum assignato, situm in Astrolabio, hoc est, locum, vbi in eodem plano circuli visi appareat ex polo australi inspectum. Sit enim datum punctum e, quod si fuerit in Aequatore, eius situs erit in e, cū in e, appareat: Si vero inrelligatur esse in quouis circulo maximo, vt in eo, quæ refert circulus AFCG, ita vt in eo talē situm ac positionem habeat, qualem in Aequatore Astrolabii, inueniemus eius locum visum hoc modo. Ducta ex quouis puncto recta FD, nimirum ex B, recta Be, secante AC, in γ, ducatur ex puncto F, quod ipsi B, respondet, recta Fγ; apparebitque punctum e, in recta Fγ, cum tota Bγ, in rectam Fγ, proiiciatur, vt ex dictis liquet. Ducta rursus ex quolibet alio puncto D, recta De, secante AC, in T, ducatur ex puncto G, quod ipsi D, respondet, recta GT; apparebitque rursus idem punctum e, in recta GT, cum tota DT, in rectam GT, proiiciatur, vt ex iis, quæ dicta sunt, perspicuū est. Erit ergo punctum e, vbi coeunt rectæ Fγ, GT, situs punctis e. Quod si altera rectarum ex B, & D, per assignatum punctū e, ductarum nimis procul, & oblique secet rectam AC, accipi potest pro eo puncto,

Dato puncto in circulo maximo obliquo, punctū respondens in Aequatore reperies.

Dato quouis puncto in plano cuius circuli maximi in sphaera extra circum, inuenire eius situm in Astrolabio.

lus ducitur, adeo ut recta AC, illam diametrum obliqui circuli exhibeat in Astrolabio, qua in sphaera communis sectio est ipsius cum Aequatore. Necessse enim est, ut in Astrolabio circuli per eandem lineam, & per eadē illa puncta conspiciantur incidere, per qua in sphaera ducuntur. Quod tamen Geometricè etiam ex ipsa projectione eiusmodi circum-lorum maximorum obliquorum in planum Astrolabij facile demonstrabimus hoc modo. Sit Aequator ABCD, cuius centri E; linea meridiana, hoc est, communis sectio Meridiani, & plani Aequatoris, Astrolabijue BD; quam ad rectos angulos secet AC; diametrex circuli obliqui ad Aequatorem, & ad Meridianum recti FG, ita ut arcus AF, sit altitudo poli supra illum circumulum obliquum. Sumitur enim, ut dictum est supra in hac propos. Num. 2. & in propos. 4. Num. 5. circulus ABCD, pro Meridiano Analem-matis. Ex radijs visualibus AG, AF, inuenta sit diameter visua HI, qua diuisa bifariam in K, per rectam AK, ad FG, in V, perpendiculararem, ut demonstratum est, describatur ex K, per H, I, circulus. Dico eum transire per A, & C. Quoniam enim angulus FAG, in semicirculo rectus est, erit triangulum HAI, rectangulum. Cum ergo latus HI, recto angulo oppositum bifariam sectum sit in K, transibit necessario, ex scholio prop. 3. lib. 3. Eucl. circulus ex K, per H, I, descriptus, per angulum rectum A. Eadē de causa per punctam C, transibit. Nam ductis rectis CH, CI, angulus HCI, est etiam rectus, quod sic probatur. Quoniam duo latera EH, EA, duobus lateribus EH, EC,

equalia sunt, anguloque continent aequales, nimirum rectos; erunt bases AH, CH, aequales. Non aliter ostendes, aequales esse bases IA, IC, in triangulis AEI, CEI. Quia igitur duo latera AH, AI, duobus lateribus CH, CI, aequalia sunt, & basis HI, communis; & aequales erunt anguli HAI, HCI, ideoque cum HAI, rectus sit, & HCI, rectus erit; ac proinde circulus circa HI,



descriptus per C, transibit, ex eodem scholio propof. 3. lib. 3. Euclid.

Quod tamen facilius ita potest ostendi. Ducta recta CK, cum duo latera EK, EA, duobus lateribus EK, EC, aequalia sunt, anguloque complectantur aequales, nimirum rectos; & erunt quoque bases KA, KC, aequales. Igitur circulus HMI, ex centro K,

a 31. primi.

a 4. primi.

a 8. primi.

d 4. primi.

tro K, per A, descriptus, per punctum C, transibit. quod est propositum.

2. HINC etiam liquet, circumulum quemlibet maximum in Astrolabio descriptum maiorem esse Aequatore. Ductis enim ex centro K, obliqui circuli maximi, (quod diuersum esse ab E, centro Astrolabij, supra Num. 1. huius propos. demonstrauimus) duabus semidiametris KA, KC, erunt ea toti diametro HI, aequales simul sumpta. Cum ergo maiores sint, quam AC; erit quoque diameter HI, maior diametro AC, ideoque & circulus obliquus AHCI, maior erit Aequatore ABCD: eadēque ratio est de ceteris.

3. EADEM prorsus ratione, descripto quouis alio circulo maximo obliquo in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus non sit, si per eius centrum, & centrum Astrolabij recta ducatur, (communis videlicet sectio plani Astrolabij Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui ducti, & ac proinde ad eundem rectissimam quam nimirum, maximam circuli obliqui diametrum visam projici demonstrauimus in scholio propof. 3. Num. 1. & 3.) quam ad rectos angulos diameter Aequatoris secet, demonstrabimus, circumulum illum obliquum transire per extrema puncta huius diameter, qua quidem communem sectionem circuli obliqui, & Aequatoris in sphaera representat, ut mox ostendemus. Ut si circulus AHCI, in Astrolabio ponatur maximus qui cumque obliquus ad Aequatorem, & Meridianum, & per eius centrum K, & centrum Astrolabij E, recta ducatur HI, qua communis sectio est plani Astrolabij, vel Aequatoris, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli obliqui transiens, cum in ea sectione centrum circuli obliqui in Astrolabio existat, ut in scholio propof. 3. Num. 4. demonstratum est, quippe cum in ea existat maxima eius diameter apprens, & ad HI, ducatur diameter Aequatoris AC, perpendicularis, demonstrabimus, eum necessario transire per puncta A, C, quemadmodum ostendimus, eundem, quando ad Meridianum rectus est, cuiusmodi est Horizon, Verticalis primarius, Ecliptica, (postuo principio & in Meridiano) & alij, per puncta A, C, transire. Id quod etiam de Verticalibus demonstrabitur propof. 8. Num. 16. Ex quo fit, quemlibet circumulum maximum in Astrolabio diuidere Aequatorem bifariam, cum transeat per duo eius puncta per diametrum opposita. Recta quoque AC, referet communem sectionem Aequatoris, & illius circuli obliqui in sphaera: quod non secus ostendimus, ac monstratum est, eandem AC, communem sectionem referre Aequatoris, & Horizontis, vel Verticalis primarij, vel Eclipticae, si circulus AHCI, ex his circulis vnus statuatur. Quonia enim & Aequator, & circulus obliquus ad maximum circumulum per mundi polos, & polos circuli obliqui ductum, rectus est; & erit ad eundem communem eorum sectionem recta; ac proinde eadem ad HI, in illo circulo maximo existentem perpendicularis erit in centro Aequatoris, ex def. 3. lib. 11. Eucl. Ergo AC, ad HI, perpendicularis, communis illa sectio erit.

4. ITAQUE quemadmodum in sphaera quilibet circulus maximum Aequatorem diuidit bifariam, ita quoque in Astrolabio Aequator a quolibet circulo maximo obliquo, siue is ad Meridianum rectus sit, siue non, bifariam secatur, cum ab eo secetur in extremis punctis diametri AC, qua ad HI, communem sectionem plani Astrolabij, & maximi circuli per mundi polos, & polos circuli obliqui transiens, instar proprij cuiusdam Meridiani, perpendicularis est, ut demonstrauimus. Et quoniam Aequator vicissim in sphaera quemuis circumulum maximum bifariam diuidit, & (quod circuli maximi omnes in sphaera se mutuo secant bifariam) fit ut in Astrolabio quoque cernatur diuidere quemlibet circumulum maximum obliquum bifariam, adeo ut arcus AHC, vnum semicirculum, & arcus AIC, alterum representet, licet hi arcus valde inter se inaequales sint. Hoc enim necessario in Astrolabio ita contingere, ratio euidenter demonstrat.

5. QUIA enim cuiusuis circuli maximi obliqui vnus semicirculorum, quos communis

Circulum maximum obliquum quemlibet in Astrolabio esse usque iorem Aequatore. a 20. primi.

b 15. 1. The.

Circuli maximi obliqui, & ad Meridianum non recti, per qua puncta Aequatoris in Astrolabio ducuntur.

Quemlibet circumulum maximum in Astrolabio diuidere Aequatorem bifariam, hoc est, transire per eius duo puncta per diametrum opposita.

Communis sectio Aequatoris, & cuiuslibet circuli maximi obliqui in sphaera, per qua rectam representat in Astrolabio.

c 15. 1. The.

d 19. vnder.

Aequator, & quilibet circulus maximum obliquus in Astrolabio se mutuo secant bifariam, licet segmenta circuli obliqui inter se valde sint inaequalia.

e 11. 1. The.

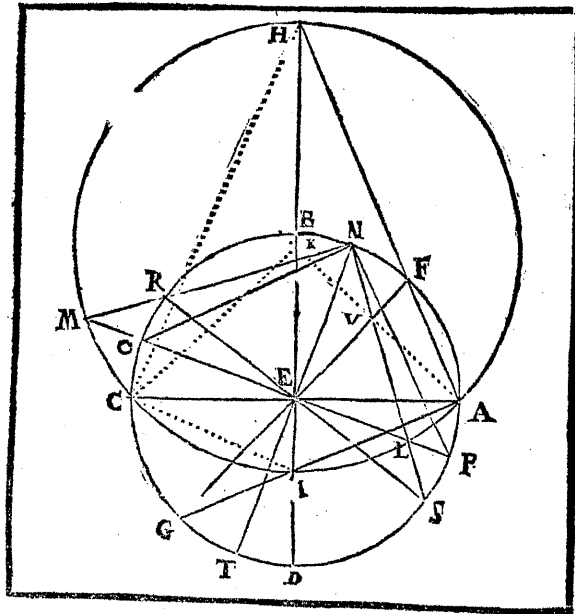
Semicirculi cuius obliqui circuli maximi ab Aequatore laeitur sunt inaequales in Astrolabio.

3, 3. The.

Aequator in Astrolabio cur a quouis circulo maximo obliquo secetur in duos semicirculos aequales in duobus punctis per diametrum oppositis.

communis eius sectio cum Aequatore facit, ab Aequatore versus polum australem, & alter versus boreale declinat, apparebit is, qui propius ab oculo, vel polo australi abest, maior, quam ille, qui longius abest, ut ex Perspectivis liquet. Item quia omnis circulus maximus obliquus tangit duos parallelos oppositos, & aequales, borealem unum, & alterum australem; australis autem projicitur in circulum Aequatore maiorem, & borealis in minorem, ex propof. 2. projicietur necessario semicirculus borealis circuli obliqui intra Aequatorem, qualis est AIC, australis vero extra Aequatorem, qualis est AHC; ac proinde hic illo maior erit, cum longius excurrat semicirculus AHC, a recta AC, quam semicirculus AIC.

6. AT verò quoniam uterque semicirculus Aequatoris, quomodocunque secetur per diametrum, aequaliter abest ab oculo, vel polo australi, aequales ambo apparebunt: quod etiam ex propof. 2. liquido constat, ubi demonstratum est, Aequatorem, ac parallelos ipsius ita in Astrolabium projici, ut arcus eorum aequales in arcus aequales projiciantur. Hinc enim fit, ut semicirculi aequales projiciantur in semicirculos aequales: ac propterea quilibet circulus obliquus maximus, cum Aequatorem bifariam in sphaera dividat, necessario in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita transibit, ut duos ex eo semicirculos aequales auferat, quos ex eodem in sphaera abscindit.



Quilibet circulus sine maximum, sine non maximum, dividens in sphaera aliquem Aequatoris parallelum bifariam, transit in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita in eoparallelo. Circulus non maximum non potest Aequatorem in Astrolabio secare bifariam. Circulus in Astrolabio secans Aequatorem bifariam

maximum, dividens aliquem ex parallelis Aequatoris in sphaera bifariam, necessario per duo puncta per diametrum opposita in parallelo illo descripto in Astrolabio transibit, ut illum bifariam quoque secet.

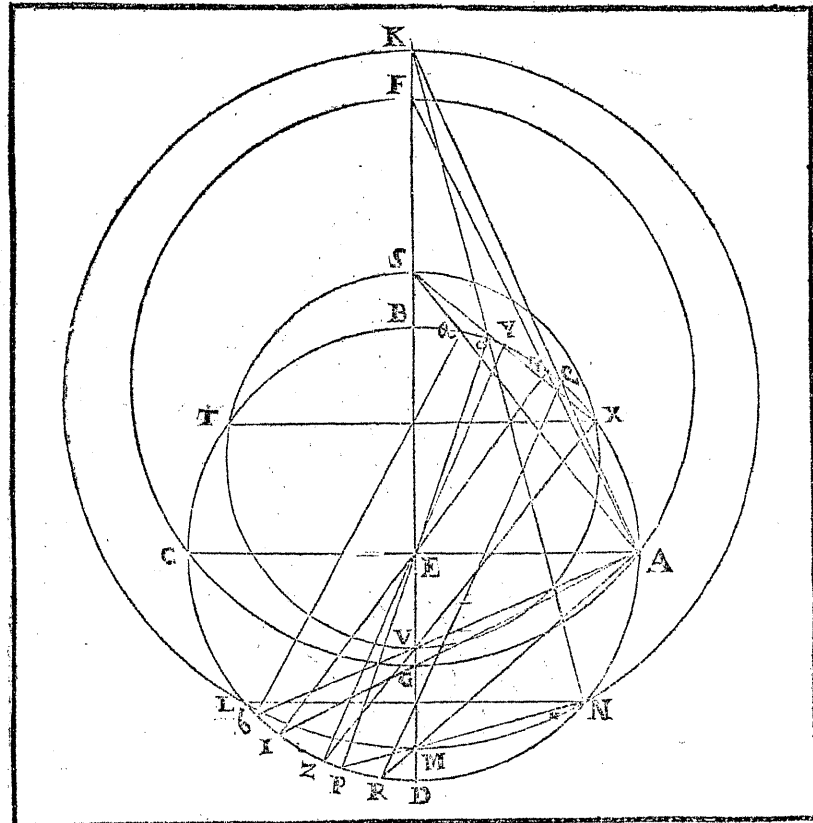
8. NVLLVS autem circulus non maximum in Astrolabio per duo puncta per diametrum opposita in Aequatore describetur, cum eum in sphaera bifariam dividere nequeat. Esset enim maximum, quippe qui per diametrum Aequatoris, ideoque & per centrum sphaerae, sine Aequatoris transiret, quod cum hypotesi pugnat.

9. EX his manifestum etiam relinquitur, circulum in Astrolabio, qui Aequatorem duobus in punctis per diametrum oppositis secat, representare circulum maximum in sphaera:

sphaera: quandoquidem non maximum Aequatorem bifariam secare non potest, ut proxime dictum est; qui vero Aequatorem in duobus punctis non per diametrum oppositis secat, referre circulum non maximum. Nam si maximum referret, divideret Aequatorem bifariam, ut monstratum est, quod non ponitur.

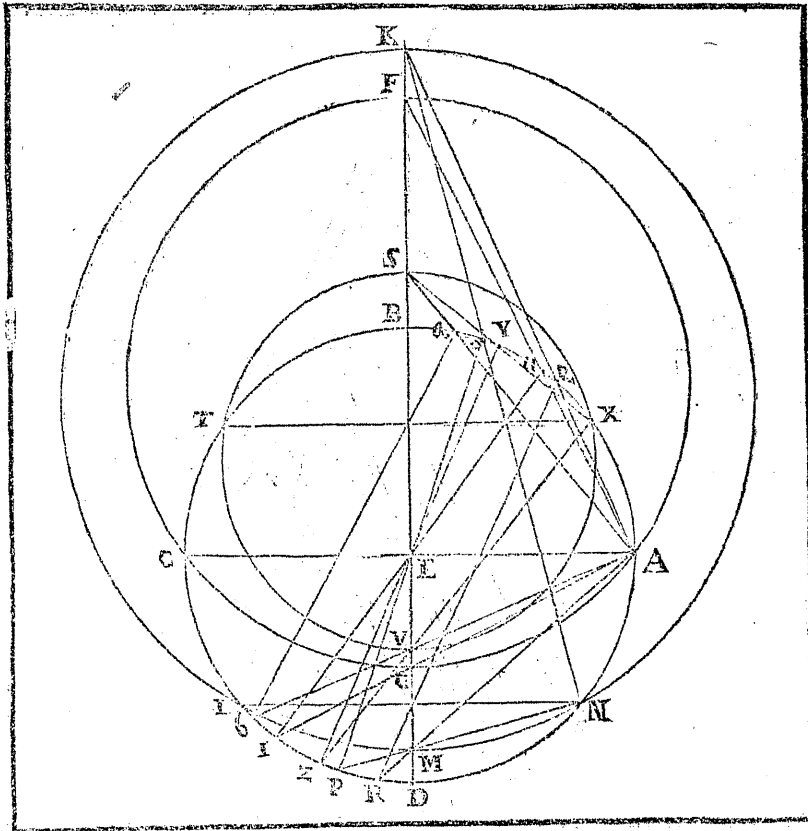
HOC ipsum Geometrice quoque, hac ratione demonstrabimus. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, eumque bifariam secet circulus FCGA, in punctis A, C, per diametrum oppositis. Dico eum representare circulum maximum in sphaera. Ducta enim diametro AC,

representat in sphaera circulum maximum: qui vero non bifariam dividit, refert non maximum.



ducatur per E, centrum Aequatoris, & centrum circuli FCGA, recta FD, quae ad AC, quam bifariam in centro E, dividit, perpendicularis erit, referetque maximum a 3. tertij. circulum per polos mundi, & polos circuli FCGA, ductum, ut in scholio propof. 3. Num. 4. demonstratum est; ideoque recta AE, perpendicularis, axis mundi erit, & A, C, poli mundi, (si circulus ABCD, intelligatur esse rectus ad Aequatorem, sine planum Astrolabij.) cum quadrante absint ab Aequatore per BD, ducto. Egreantur in radij V u AF, AG,

AF, AG, per extrema maxima diametri visa secantes Aequatorem in H, I, iungaturque HI, quae diameter erit eius circuli, quem representat FCGA, quandoquidem eius extrema apparent in F, G, extremis diametri maxima visa FG. Et quoniam angulus FAG, hoc est, HAI, rectus est, erit ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. HAI, semicirculus, & propterea HI, per centrum E, transibit, diameterque erit maximi circuli, quem quidem FCGA, refert.
D E I N D E circulus KLMN, secet Aequatorem in L, N, non bisariam infra



puncta A, C, ita, ut ducta recta LN, per centrum E, non transeat. Dico eum referre circulum non maximum. Ducta enim rursus KM, per centrum eius, & centrum E, Astrolabij, pro communi sectione Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi. & polos circuli KLMN, ducti, ducatur ad eam perpendiculari AC, pro axe mundi, ut prius. Emittantur deinde ex N, per extrema diametri visa KM, recta NK, NM, secantes Aequatorem in O, P, iungaturque OP. Et quia angulus KNM, hoc est, ONP, rectus est, erit, ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. ONP, semicirculus, eiusque diameter OP.

Quare

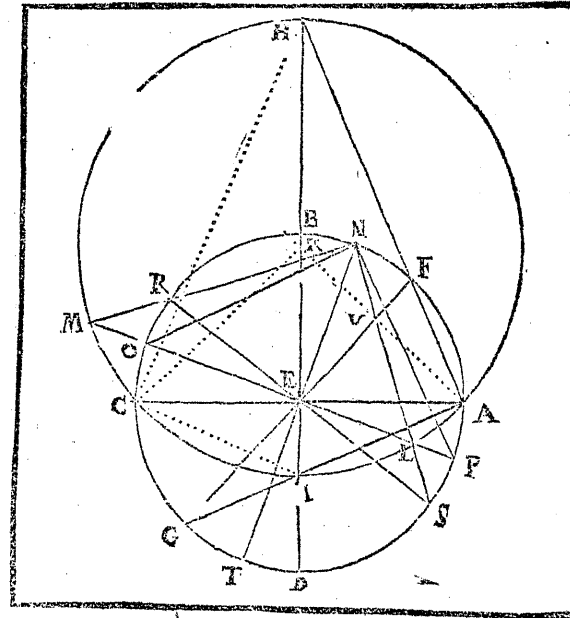
Quare cum radij ex polo A, emissi ad eadem extrema K, M, diametri visa KM, secant Aequatorem citra puncta O, P, in Q, R; (nam AK, est citra KN, & AM, secant NM, in M.) erit QAR, segmentum semicirculo minus, ac proinde iuncta recta QR, quae diameter est circuli, quem KLMN, representat, per centrum non transibit, diameterque idcirco erit circuli non maximi.

POSTREMO circulus STVX, Aequatorem secet in T, X, non bisariam supra puncta A, C, ita ut ducta recta TV, per centrum E, non transeat. Dico eum referre quoque circulum non maximum. Ducta enim rursus recta SV, per eius centrum, & E, centrum Astrolabij, pro communi sectione Astrolabij, & circuli maximi per polos mundi, & polos circuli STVX, ducti, & ad eam perpendiculari AC, pro axe mundi educantur recta XS, XV, per extrema diametri visa SV, secantes Aequatorem in YZ, siue Y, sit supra X, siue infra, (fieri enim potest, ut quando S, procul distat, recta XS, secet Aequatorem infra X.) iungatur recta YZ. Et quia angulus SXV, hoc est, YXZ, rectus est, erit ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. YXZ, semicirculus, eiusque diameter YZ. Quare cum radij ex A, polo emissi per eadem extrema S, V, diametri visa SV, secant Aequatorem in a, b, ultra puncta Y, Z. (Nam AS, cadit infra XS, & AV, secat XV, in V.) erit aAb, segmentum semicirculo maius: ac propterea iuncta recta a b, quae diameter est circuli, quem STVX, representat, per centrum non transibit, diameterque idcirco erit circuli non maximi, quod erat demonstrandum.

10. R V R S V S quoniam omnes diametri cuiuslibet circuli maximi obliqui in

sphæra per centrum sphærae ducuntur, ac per idem in Astrolabio transire conspiciuntur; fit, ut omnis linea recta per centrum Astrolabij ducta in utramque partem ad circuli obliqui circū ferentiam usque exprimat illam diametrum circuli obliqui in sphæra, quae per illa puncta ducitur, quae representantur per illa in circulo obliquo Astrolabij, ad qua extenditur recta illa per centrū

Astrolabij trajecta: adeo ut qualibet linea eiusmodi in Astrolabio sit instar alicuius diametri circuli obliqui incedens per duo puncta, quae duo referunt in sphæra per diametrum opposita. Verbi gratia, in figura prima huius scholij recta LM, per E, centrum Astrolabij circuli



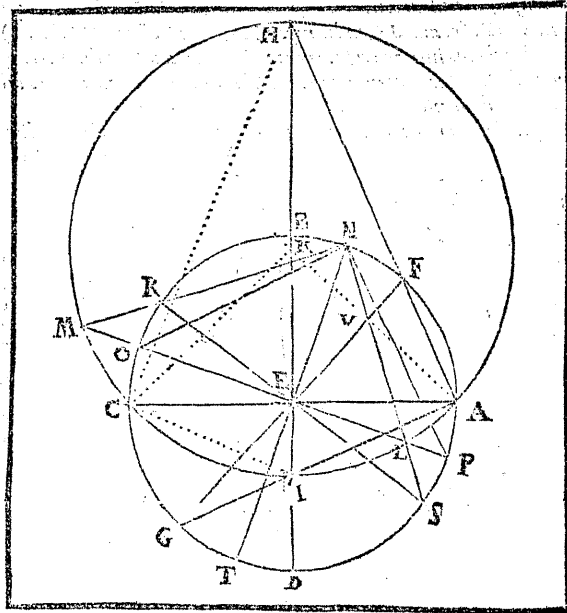
Omniem lineam rectam per centrum Astrolabij ductam indicare in circulo maximo obliquo ducta per diametrum opposita, ita ut ipsa vicegerat diametrum eius iudicem.

V u 2

by circuli

bij eieſta refert in ſphæra diametrum illam circuli obliqui, quem *AHCI*, repræſentat; qua tot gradibus a communi ſeſtione circuli obliqui cum *Aequatore* in aſtrâ recedit, quot gradus exhibit arcus *CM*, in *Aſtrolabio*; (quo vero pacto cognoscatur; quot gradus contineantur in arcu *CM*, in hac propoſ. 5. Num. 19. traditum eſt) ita ut puncta *L*, *M*, exprimant duo puncta in ſphæra per diametrum oppoſita.

II. QVOD autem qualibet linea per centrum *Aſtrolabij* extenſa, videlicet *LM*, repræſentet, ut diximus, diametrum aliquam circuli maximi obliqui, licet eum in partes inæquales ſecet, indicatq; in circulo obliquo duo puncta *L*, *M*, per diametrum oppoſita, non ſecus, ac recta linea *AC*, quam oſtendimus referre communem ſeſtioneſm circuli obliqui, & *Aequatoris* in ſphæra, hac alia ratione cum *Ptolemao Geometricæ* demonſtrabimus. Repetita prima figura huius ſcholij, excitetur in *E*, ad *LM*, perpendiculara *EN*, producaturq; uſque ad *T*. Producta quoque *ML*, uſque ad *P*, iungantur recta *MN*, *ON*, *LN*, *PN*, ſeceturq; *Aequator* ab *MN*, *LN*, in *R*, *S*. Quia igitur in circulo



a 35.tertij.

b 17 sexti.

AHCI, dua recta *AC*, *LM*, ſe. interfecant in *E*, erit reſtangu-
gulum ſub *LE*,
EM, reſtangu-
lo ſub *AE*, *EC*,
equale, hoc eſt,
quadrato recta
AE, ac proinde
& quadrato re-
cta *EN*, vel
ET. Igitur
utraque *EN*,
ET, media pro-
portionalis eſt
inter *EM*, *EL*;
ideoq; circulus
circa diametru
LM, deſcriptus
per puncta *N*, *T*,
transibit. Nam
ſi ultra punctu
N, verbi gratia,
transiret,
vel citra *N*, ab-
ſcinderet ex per-

pendiculavi *EN*, vel maiorem lineam, vel minorem lineam *EN*, qua ex ſcholio propoſ. 13. lib. 6. *Euclid.* media quoque proportionalis eſſet inter eadem ſegmenta *LE*, *EM*, ac proinde æquales forent abſciſſa illa linea, & *EN*, pars, & totum, quod eſt abſurdum. Quod etiam ex *lemmate* 15. demonſtrari poteſt. Transibit ergo circulus ille per *N*, ac proinde & per *T*, eandem ob cauſam; ideoque circulum aliquem maximum in ſphæra repræſentabit, ut paulo ante Num. 6. & 9. oſtendimus, quandoquidem *Aequatorem* bifariam diuidit in *N*, *T*. Et quoniã circulus maximus obliquus tangit duos parallelos oppoſitos, & æquales, erunt circuli, qui ex *E*, centro, & in eſſenſu ſemidiametrorum *EL*, *EM*, deſcriberentur, circulumque illum, cuius diameter *LM*, ex ſcholio propoſ. 13. lib. 3. *Eucl.*

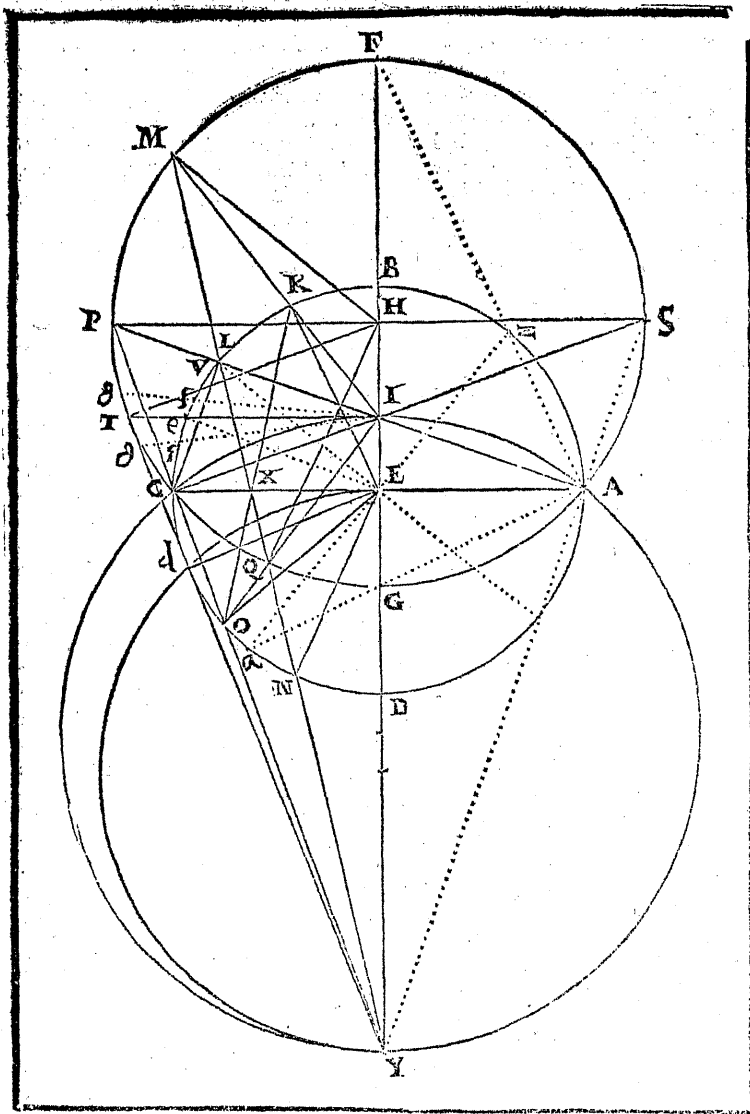
c 8.2.Theo

Eucl. tangent in *L*, *M*, duo paralleli oppoſiti, & æquales. Quocirca, cum puncta con-
tactuum per diametrum oppoſantur in ſphæra, repræſentabunt *L*, & *M*, duo puncta in
ſphæra per diametrum oppoſita, ac propterea recta *LM*, diametrum aliquam circuli
maximi obliqui referet, quod eſt propoſitum. Ut autem intelligamus, quanam puncta
ſphæra a punctis *L*, *M*, circuli obliqui, & quam diametrum recta *LM*, referat, ita pro-
grediemur. Quoniã circulus circa diametrum *LM*, deſcriptus, tranſit per *N*, ut demõ-
ſtrauimus, erit angulus *MNL*, in ſemicirculo reſtus, atque idẽcirco angulo *ONP*,
qui in ſemicirculo *ONP*, reſtus etiam eſt, æqualis; ideoque arcus *RTS*, *OTP*, æqua-
les erunt. Cum ergo *OTP*, ſit ſemicirculus, quod recta *LM*, per *E*, centrum tranſire poſ-
teſt, erit & *RTS*, ſemicirculus; ac proinde recta ducta *RS*, diameter erit circuli
ABCD. Quamobrem ſi circulus *ABCD*, concipiatur eſſe maximus per polos mundi, &
diametrum *RS*, ductus, faciens in plano *Aſtrolabij*, *Aequatoris* ſeſtioneſm *PLEOM*.
(qui quidẽm ad circulum diametri *FG*, in ſphæra, quẽ in *Aſtrolabio* circulus *AHCI*,
refert, obliquus erit, cum per eius polos non tranſeat; quod maximus circulus per mundi
polos, & per polos circuli obliqui diametri *FG*, ductus faciat in *Aſtrolabio* ſive *Aequa-
tore*, ſeſtioneſm *DEH*, non autẽ *PEM*.) erunt *N*, *T*, poli mundi, & *NT*, axis, quandoquẽ
dem in circulo maximo *ABCD*, per mundi polos ducto puncta *N*, *T*, quadrante abſunt
ad *Aequatorem* per rectam *OP*, ducto. Poſito ergo polo antarctico *N*, apparebunt puncta
extrema *R*, *S*, diametri *RS*, in plano *Aſtrolabij* in punctis *M*, *L*, per radios viſuales *NR*,
NS, ex polo aſtrali *N*, inſpecta. Igitur puncta *M*, *L*, referunt puncta *R*, *S*, in ſphæra per
diametrum oppoſita, & quorum diſtancia a polis mundi ſunt arcus *NR*, *TS*; recta au-
tem *ML*, diametrum *RS*, repræſentabit, qua communis ſeſtio eſt circuli obliqui, quem
in ſphæra exprimit circulus *AHCI*, & circuli maximi *ABCD*, per mundi polos ducti,
& qui ad circulum obliquum eundem obliquus eſt. Quod ſi in ſphæra per diametrum
RS, concipiatur duci circulus maximus ad circulum *ABCD*, reſtus in eo ſitu, quem
eum diximus habere, erit *ML*, maxima diameter viſa circuli illius per *RS*, ducti, ac
proinde circulus circa *ML*, deſcriptus repræſentabit circulum illum per *RS*, ductum, &
qui ad circulum *ABCD*, reſtus eſt. Et ut res tota fiat adhuc planior, ponamus circulum
AHCI, eſſe *Horizontem* aliquem obliquum. Si igitur *Colurus* u. g. ſolſtitiorum cir-
cumducatur in ſphæra, donec eius ſegmentum inter polum aſtralem, & *Horizontem*
ſimile ſit arcui *NR*, ſegmentum vero eiufdem inter polum borealem, & *Horizontem* ſi-
militate arcui *TS*, referet circulus *ABCD*, *Colurum* ſolſtitiorum in eo ſitu, & *RS*, erit dia-
meter *Horizontis*, qua communis ſeſtio eſt *Coluri* ſolſtitiorum in eo ſitu, atque *Horizon-
tis*, proiciturque in rectam *ML*, in communi ſeſtioneſm *Aſtrolabij* *Aequatoris*, & eiuf-
dem *Coluri* in eodem illo ſitu, quam diximus eſſe rectam *PLEOM*. Denique paralleli
Aequatoris oppoſiti, & æquales, quos circulus circa *ML*, deſcriptus tangit, ut diximus,
ſunt illi, quorum declinationes ab *Aequatore* ſunt arcus *OR*, *PS*; qua res intellectu diſ-
ficilis non eſt; ſi ſphæra materialis adhibeatur; eademque ad alios circulos maximos obli-
quos non diſſiciliter tranſferri poteſt.

12. QVIA vero propoſ. 3. Num. 3. pollicitus ſum, me hoc loco demonſtraturum,
arcus æquales circulorum obliquorum proyici in *Aſtrolabij* in arcus inæquales ordine con-
tinuato, demonſtrandum id erit hoc modo. Sit *Aequator* *Aſtrolabij* *ABCD*, cuius cen-
trum *E*; circulus obliquus maximus *AFCG*, cuius centrum *H*, & vnus polorum *I*, &
alter *T*. Sumptis autem in *Aequatore* arcubus æqualibus *BK*, *KL*, ducantur ex *I*,
polo recta *IK*, *IL*, ſecantes obliquum circulum in *M*, *P*. Reſpondebunt arcus *FM*,
MP, arcubus circuli obliqui in ſphæra æqualibus, qui arcubus *BK*, *KL*, æquales ſunt,
cum (ut in hac propoſ. Num. 17. demonſtratum eſt, in primo modo diuidendi circulos
obliquos in gradus, tot gradus complectantur, quot in arcubus *BK*, *KL*, continentur.
Et quoniã per *lemma* 33. *FM*, maior eſt, quam *MP*; & *MP*, maior, quam arcus in
ſequens,

Arcus æquales
circuli maximi
obliqui proyici
in arcus inæqua-
les, ordine conti-
nuato.

b 31.tertij.
c 31.tertij.
d 26.tertij.



sequens, qui arcui Aequatoris respondet, qui aequalis sit arcui KL, & ita deinceps, usq; ad finem semicirculi FCG; perspicuum est, arcus aequales circuli maximi obliqui projici in arcus inaequales ordine continuato, cum is, qui puncto F, propinquior est, sit semper remotiore maior, si aequalibus arcubus Aequatoris respondeant, ut lemma 33. demonstratur est. Itaque si circulus obliquus AFCG, in 360. gradus distribuat, ut supra docuimus, decreverit ij gradus continue ab F, usque ad G, in utroq; semicirculo FCG, FAG; ita ut gradus sint maximi prope punctum F; at iuxta punctum G, minimi. Ex quo fit, partes circuli obliqui in Astrolabio non esse similes partibus respondentibus eiusdem circuli in sphaera.

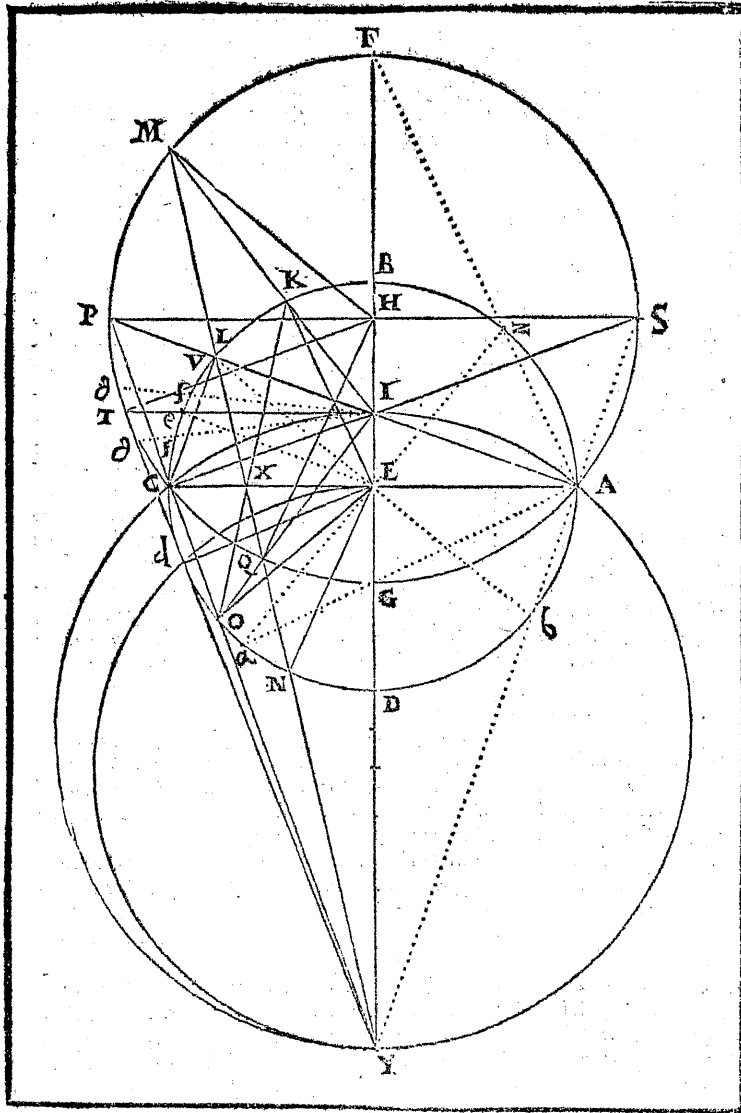
13. FIERI nihilominus potest, ut una aliqua pars quoruis graduum, pauciorum tamen, quam 180. similis sit uni parti: quod alicui fortassis incredibile videri possit. Ducta namque ex I, polo ad FG, perpendiculari IT, si ad utramque eius partem constituantur duo anguli TIM, TIQ, aequales, erunt per lemma 34. arcus MQ, KO, similes. Et quoniam, ut in eodem lemmate demonstravimus, totus angulus MIQ, utriusque angulorum MHQ, KEO, aequalis est, si totus angulus MIQ, ex duobus aequalibus TIM, TIQ, constans, insistat arcui grad. 1. vel 2. vel 3. vel 4. vel 20. vel 100. &c. in circulo, qui ex I, describeretur, insistent quoque anguli MHQ, KEO, arcubus MQ, Kq, totidem graduum in proprijs circulis, quod hi illis similes sint, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. Ex quo efficitur, arcum quotlibet graduum in circulo obliquo maximo quocumque in arcum similem, totidem videlicet graduum, projici posse, illum minorum, qui arcui MQ, respondet. Nam ille arcus in sphaera, aequalis erit arcui KO, quem similem ostendimus arcui MQ, quocumque tandem graduum fuerit assumptus. Quoniam enim ex lemmate 23. plana per polum australem, & rectas IK, IO, ducta auferunt ex Horizonte sphaerae arcum arcui KO, aequalem; est autem arcus KO, ostensus similis arcui Horizontis MQ, in Astrolabio: erit quoque arcus ille Horizontis in sphaera, qui quidem projicitur in arcum MQ, per duo illa plana per rectas IK, IO, & polum australem ducta, similis arcui eidem MQ. Atque eodem modo quacumque alia duo rectae ex I, egredientes, constituentesque angulum vel maiorem, vel minorem angulo MIQ, diuisum a recta IT, bifariam, abscindunt ex circulo obliquo, & Aequatore arcus similes: nunquam tamen dabuntur duo arcus, aut plures, in circulo obliquo, quorum unus sit totus extra alium, qui similes sint duobus arcubus, aut pluribus, in Aequatore, quorum unus sit etiam totus extra alium, sed solum plures pluribus similes esse possunt, singuli singulis, quando unus intra alium includitur: propterea quod rectae auferentes arcus similes debent cum IT, angulos aequales ex utraque parte constituere, ut dictum est. Nunquam ergo duo, vel plures aequales arcus circuli obliqui in sphaera in duos, aut plures arcus aequales in Astrolabio projici possunt: quae omnia in lemmate 34. demonstrata sunt.

14. SED libet hoc loco ad maiorem doctrinam nonnulla alia, qua ad circulos maximos obliquos in Astrolabio projectos pertinent, neque inuicenda, neque inutilia demonstrare. Primum ergo per I, Y, polos circuli obliqui AFCG, descripto circulo AICY, circa diametrum IY, qui maximus erit, cum per puncta I, Y, in sphaera per diametrum opposita describatur, referetque eum in sphaera, qui per polos circuli obliqui, quae AFCG, representat, ducitur, ad eumq; rectus est, insit ar Verticalis primarij respectu Horizontis, ut ex ijs, qua in hac propositione dicta sunt, perspicuum est. Nam si puncta I, Y, per diametrum sunt opposita, erunt duo paralleli Aequatoris ex E, per I, & Y, descripti aequales & oppositi, tangentque circulum AICY, in I, & Y, ex scholio propof. 13. lib. 3. Euclid. Cum ergo maximus circulus in sphaera tangat duos parallelos oppositos & aequales; referet circulus AICY, illum maximum tangentem. Igitur maximus circulus AICY, per puncta A, C, transibit, ut demonstravimus: ductaque per H, centrum obliqui circuli ad FG, diametro perpendiculari PS; incidunt tam tria puncta A, I, P, quam tria C, I, S, in una linea recta, hoc est, recta per quacumque duo ducta transibit

Arcum unū quē
piam maximi cir-
culi obliqui in
sphaera pici pos-
se in Astrolabio
in arcum similes.

Proprietates var-
tiz circularū ma-
ximorum obli-
quorū in Astro-
labio.

Circulum in A-
strolabio per duo
pūcta per diame-
trum opposita de-
scriptum, esse ma-
ximum.
a 8. 2. Theo.



transibit etiã per reliquum: quod idẽ dicendum est tam de tribus punctis P, C, Y, quam de tribus S, A, Y. Sit enim Z a, diameter circuli obliqui in sphaera, per cuius extremitatem Z a, radij visuales ducti AZ, A a, diametrum eius visum abscondunt FG. Item diameter Lb, diametrum Za, ad angulos rectos secet, ut L, b, poli sint circuli diametri Z a, ac proinde radij visuales AL, A b, in polos I, T, cadãt, abscondantq; visum diametrum IY, circuli diametri Lb. Quoniam igitur per lemma 10. recta AL, A a, auferuntur ex circulis ABCD, AFCG, arcus similes; Est autem abscissus arcus La, quadrans, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. ob angulum rectum LEa. Igitur producta AL, ex quo quoque ex circulo AFCG, arcus abscissus quadrans. Cum ergo arcus FG, ex eodem scholio quadrans sit, ob angulum rectum PHG, transibit ALL, per punctum P, ut quadrantem GP, auferre possit. Et quia duo latera EI, EC, duobus lateribus EI, EA, aequalia sunt, anguloque continent rectos aequales, erunt quoque anguli ICE, IAE, aequales; ac proinde arcus, cui angulus ICE, insistit in circulo AFCG, arcus CP, cui angulus IAE, in eodem insistit, aequalis erit. Cum ergo, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. arcus CP, AS, inter parallelas AC, PS, aequales sint, cadet recta CI, producta in punctum S, ut arcum arcui CP, auferre possit aequalem. Tam ergo tria puncta A, I, P, quam tria C, I, S, in recta linea iacent. Rursum unctis rectis CP, CY, quoniam anguli PCS, YCS, in semicirculis PCS, ICY, recti sunt; erunt recta CP, CY, in continuum & directum coniuncta; idemque dicendum est de rectis AS, AY. Iacent ergo tam tria puncta P, C, Y, quam tria S, A, Y, in linea recta. Ex quo fit, radium Ab, ad inueniendum alticum polum Y, duci posse per tria puncta S, A, b; quandoquidem tam recta SA, quam recta PC, producta in polum Y, cadit, ut ostendimus.

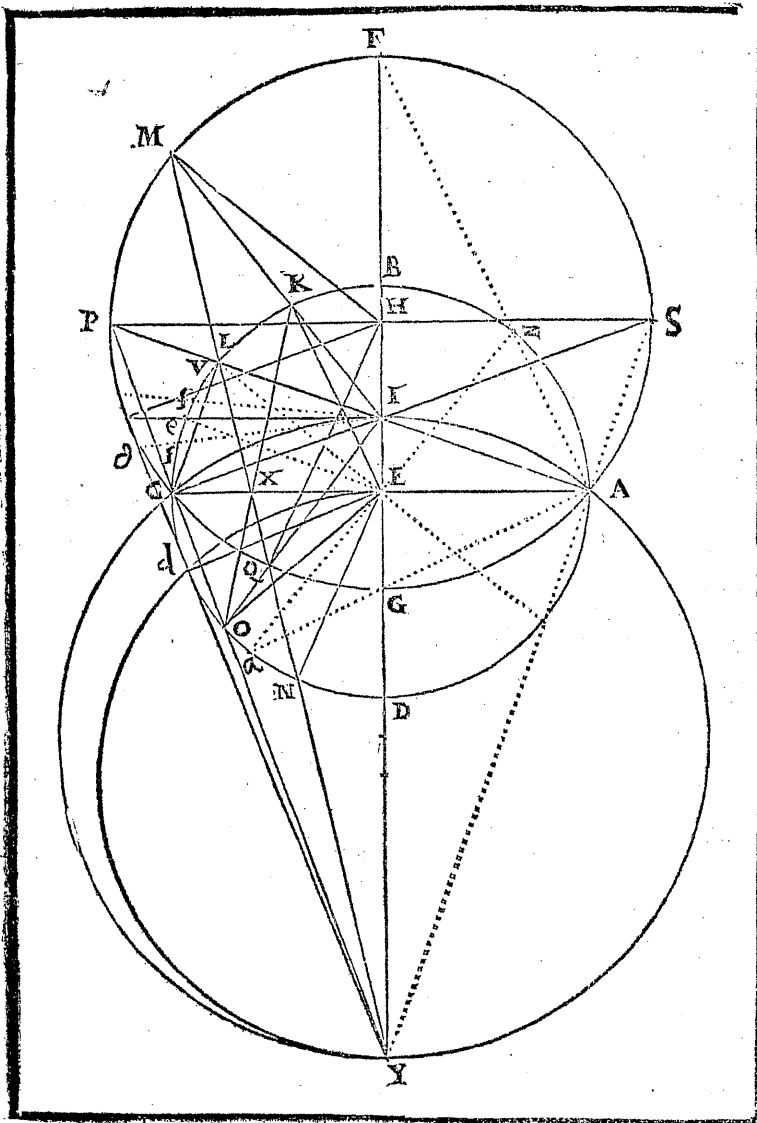
EST autem obseruatione quoque dignum, quadrantem cuiusvis circuli obliqui in Astrolabio australem, quem eius linea meridiana, & perpendicularis diameter ad eandem lineam meridianam includunt, aequalem esse, quod ad numerum graduum attinet, arcui altitudinis poli mundi supra illum circulum in sphaera; arcum vero eiusdem inter diametrum perpendicularẽ ad eius lineam propriam meridianam, & intersectionem ipsius cum Aequatore, non solum aequalem esse, quod spectat ad numerum graduum, complemento altitudinis poli mundi supra circulum illum in sphaera, verum etiam similem omnino. Nam quadrans FP, tot gradus continet, quot in arcu BL, continentur, ut constat ex ijs, quae in hac propof. 5. Num. 17. demonstrata sunt; cum recta ALL, cadat in P, ut demonstratum est. Perspicuum autem est, arcum BL, aequalem esse arcui AZ, altitudinis poli supra circulum maximum, quem circulus AFCG, refert, & cuius diameter vera est a Z, propter quadrantes aequales VZ, BA, & arcum communem BZ. Ex qua sequitur, reliquum arcum LC, esse complemento altitudinis poli aequalem, quem representat arcus PC, ut ex eadem hac propof. Num. 17. liquet: ac proinde aequales esse arcus PC, LC, quod ad numerum graduum attinet. Eosdem autẽ esse quoque similes, manifestum est ex lemmate 10. ubi demonstratum est, rectas AP, AC, ob scindere similes arcus PC, VC. Quod etiam constat ex lemmate 3. 4. Cum enim anguli ICA, IAC, aequales sint; sit autem ICE, alterno CIT, & IAE, externo PIT, aequalis: erunt quoque anguli CIT, PIT, aequales. ideoque arcus PC, LC, similes, ut in dicto lemmate 3. 4. demonstratum est.

15 DEINDE quia in posteriori parte primi modi diuidendi circuli obliquum maximum AFCG, in gradus, recta qualibet ex Y, cmissa refecat a circulo obliquo arcum inter F, & rectam illam comprehensum tot gradibus respondentem, quot in arcu Aequatoris inter D, & eandem illam rectam inclusõ continentur; fit, ut recta ex Y, egrediens, & unum circulorum tangens, tangat & alterum, ut videlicet arcus inter F, & punctum contactus possit respondeat arcui inter D, & punctum contactus correspondens, quod tamen Geometricè demonstrabimus, & simul puncta contactuum inueniemus,

a 4. primi.
b 26. terrij.
c 31. terrij.
d 14. primi.

e 5. primi.
f 29. primi.

Quae recta Ae. quatuor em, & circulum maximũ obliquum in Astrolabio tangat, & ubi. Recta ex polo in feriore circuli maximi obliqui duca, si tangat Aequatorem, tanget & circulum obli-



niemus, hoc modo. Secta recta EX , bisariam, describatur ex puncto divisionis per E , & Y , semicirculus secans Aequatorem in d . Dico rectam Yd , tangere Aequatorem in d , eandemque productam tangere obliquum circulum in T , puncto, in quod cadit recta IT , ducta ex I , polo circuli obliqui ad FG , perpendicularis. ^a Iuncta enim recta $E d$, erit angulus $E d Y$, in semicirculo $E d Y$, rectus; ac proinde, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Euclid. recta $Y d$, ad semidiametrum $d E$, perpendicularis tanget Aequatorem in d .

quum: Et si tangit circuli obliquum, tanget & Aequatorem.

a 31. tertij.

16. VT autem demonstremus, eandem productam tangere circulum obliquum in T , offendendum prius est, perpendicularem IT , auferre arcum Aequatoris $e B$, similem arcui circuli obliqui TG , & quamcumque aliam rectam ex polo I , eductam, qualis est $I g$; abscondere arcum $f B$, arcui $g G$, dissimilem: quorum utrumque ita conficiemus. Iunctis rectis $E e, HT$; quoniam triangula PHI, AEI , aequiangula sunt, cum anguli ad H, E , recti sint, & anguli ad verticem I , aequales; (Nam recta AI , producta cadit in P , ut demonstravimus,) nec non & alterni P, A ; ^d erit ut PH , hoc est, ut TH , ad HI , ita AE , hoc est, ita, & E , ad EI . Igitur cum in triangulis THI , & $E I$, anguli recti ad I , aequales sint, & latera circa angulos H, E , proportionalia, ut ostendimus, ac reliquorum angulorum T, e , uterque minor sit recto; ^e quod recta EP, GP ; $B e, D e$, in semicirculis rectos angulos efficiant, quorum illi partes sunt.) ^f erunt triangula THI , & $E I$, aequiangula, angulosque $THI, e I$, habebunt aequales in centrīs H, E ; ac propterea, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus, & B, T, G , similes erunt. quod est primum. Quod autem alia recta quacumque $I g$, auferat arcus non similes $f B, g G$, sic concludemus. Si $I g$, cadat supra perpendicularem IT , erit arcus $f B$, minor, quam $e B$, ac proinde minor, quam ut similis sit arcui TG , cum huic similis ostensus sit arcus $e B$. Multo ergo minor erit arcus $f B$, quam ut similis sit arcui $g G$, cum hic maior sit quam TG . Si vero $I g$, cadat infra perpendicularem IT , erit arcus $f B$, maior quam $e B$; ac proinde maior, quam ut similis sit arcui TG , cui similis ostensus est $e B$. Multo ergo maior erit arcus $f B$, quam ut similis sit arcui $g G$, qui minor est, quam TG ; ac proinde sola perpendicularis IT , arcus similes abscondit $B e, TG$.

Recta ad meridia nam lucam ex polo circuli maximi obliqui perpendicularis, quos arcus similes abscondat ex Aequatore, & circulo maximo obliquo.

b 15. primi.

c 29. primi.

d 4. sexti.

e 31. tertij.

f 7. sexti.

17. HIS demonstratis, facile ostendemus rectam Yd , productam tangere obliquum circulum in T . Nam ducta recta HT , ipsi $E d$, parallela, probabimus rectam Yd , productam tangere obliquum circulum in T , & perpendicularem ad FG , ex I , eductam cadere in T , punctum contactus, ac proinde eandem Yd , productam tangere circulum obliquum in T , puncto extremo perpendicularis IT . Quoniam enim parallela sunt PH, CE , ob rectos angulos ad H, E , rectaque TC , producta cadit in P , ut ostendimus; aequiangula erunt ex coroll. propof. 4. lib. 6. Eucl. triangula YHP, YEC . ^b Igitur erit, ut YH , ad HP , ita YE , ad EC ; & permutando, ut YH , ad YE , ita HP , hoc est, HT , ad EC , hoc est, ad Ed . Cū ergo HT, Ed , parallela sint, transibit recta Yd , producta per T , ex scholio prop. 4. lib. 6. Eucl. ^c Et quia angulus $Yd E$, in semicirculo rectus est, & angulo YTH , aequalis, externus interno; erit quoque YTH , rectus, ac proinde YT , circulum $AFCG$, in T , continget. Iuncta autem recta IT , secante Aequatorem in e , quoniam punctum T , inuenitur quoque per rectam ex altero polo Y , emissam, qua abscondat ex Aequatore arcum $d D$, inchoatum aequalem arcui $B e$, ut patet ex primo modo diuidendi circulum obliquum in gradus; erit arcus Dd , arcui $B e$, aequalis. Ita enim utraque recta $I e, Y d$, abscondet arcum eundem ET , tot graduum, quot in arcu $B e$, vel Dd , continentur. Est autem arcus $D d$, arcui TG , similis, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. ob angulos DED, GHT , in centro, ^d qui aequales sunt, externus, & internus, in

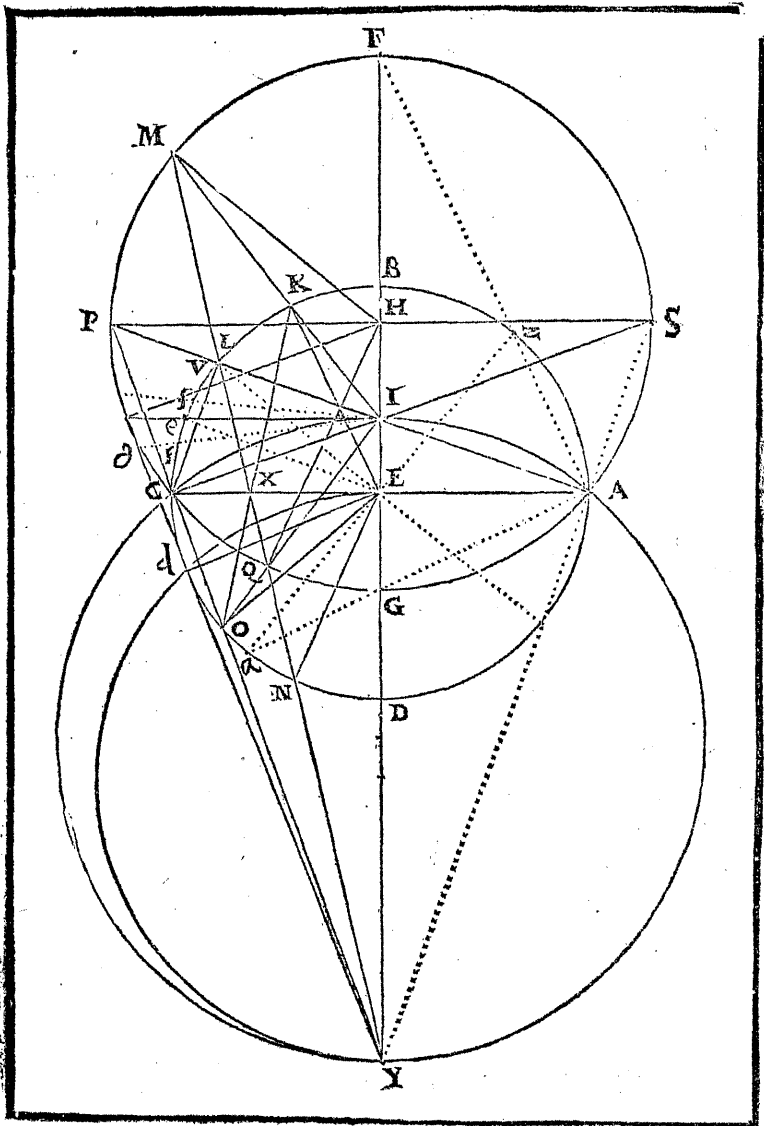
g 28. primi.

h 4. sexti.

i 31. tertij.

k 29. primi.

l 29. primi.



inchoato, ut demonstratum est, erit IG, ad FG, perpendicularis, atque idcirco recta Yd, producta tangit obliquum circulum in puncto T, in quod perpendicularis ex I, ad FG, excitata cadit. quod est propositum.

18. TERTIO ducta ex Y, utcumque recta YM, secante Aequatorem in V, N, (casu autem factum est, ut punctum V, cum puncto L, coincideret in figura.) & circulum obliquum in M, Q, ductisque rectis IM, IQ, secantibus Aequatorem in K, O; erunt arcus VCN, MCQ; Item BV, FM, & GQ, DN, similes: Arcus item VCN, KCO, aequales: ac tandem anguli MIF, OID, aequales quoque erunt. Iunctis enim rectis HM, HQ, & EV, EN: a quoniam est, ut YH, ad HP, ita YE, ad EC; estque HQ, ipsi HP, & EN, ipsi EC, aequalis; erit quoque ut YH, ad HP, ita YE, ad EC. Quare triangula YHQ, YEN, angulum Y, habent communem & latera circa angulos H, E, proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum Q, N, uterque sit recto maior; (b Nam tam angulus HQY, maior est recto angulo HTY, quam angulus ENY, angulo recto EAY.) erunt triangula YHQ, YEN, aequiangula; aequalesque habebunt angulos ad H, E. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus GQ, DN, similes sunt. Eodem modo, quoniam est, ut YH, ad HP, hoc est, ad HM, ita YE, ad EC, hoc est, ad EV, habebunt triangula YHM, YEV, angulum Y, communem, & latera circa angulos H, E, proportionalia. Cum ergo reliquorum angulorum M, V, uterque minor sit recto, (quia cum ambo ad circumferentias insistant tantummodo semidiametris HQ, EN, acuti sunt.) Recti enim fierent, si semidiametris QH, NE, productis, ad earum extrema puncta ex M, V, recta ducerentur.) erunt triangula YHM, YEV, aequiangula, angulosque aequales habebunt YHM, YEV; ac proinde & ex duobus rectis reliqui aequales erunt FEM, BEV. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus FM, BV, similes sunt: ac proinde, ex eodem scholio, vel ex lemmate 6. & ex semicirculis reliqui VD, MG, similes erunt: Fuerunt autem & DN, GQ, similes. Igitur ex lemmate 6. & reliqui arcus VN, MQ, similes erunt. Constat ergo, rectam YM, undique arcus similes auferre, nimirum tam superiores FM, BV, quam inferiores, GQ, DN, & tam ad sinistram positos MQ, VN, quam ad dexteram MAQ, VAN, reliquos videlicet ex totis circulis, si similes MQ, VN, tollantur. Deinde quia idem punctum M, reperitur per rectas IK, YN; erunt arcus BK, DN, aequales, ut constat ex primo modo diuidendi circulum obliquum in gradus: Item quia idem punctum Q, inuenitur per rectas IO, YV; erunt eandem ob causam arcus DO, BV, aequales. Igitur erunt arcus BK, DO, simul duobus arcibus DN, BV, simul aequales: ac proinde & ex semicirculis reliqui KO, VN, aequales erunt. Et quia VN, similis fuit arcui MQ, erit eidem arcui MQ, similis etiam arcus KO. Igitur & recta IM, IQ, ducta per puncta circuli obliqui, in quibus a recta YM, secatur, abscindunt ex Aequatore arcum KO, arcui MQ, similem. Ex quo denique sequitur ex lemmate 34. angulos MIT, OIT, atque idcirco & ex duobus rectis reliquos MIF, OID, aequales esse. Quod sine lemmate 34. ita quoque ostendi potest. Quoniam est ut PH, ad HI, ita AE, ad EI, ob triangula PHI, AEI, aequiangula; erit quoque ut MH, ad HI, ita OE, ad EI. Et quia anguli hisce lateribus contenti MHI, OEI, aequales sunt, quod ex duobus rectis reliqui MHF, OED, aequales quoque sint, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. ob arcus FM, DO, qui similes sunt. (Cum enim similes sint ostenss FM, BV, erit quoque DO, ipsi BV, aequalis, eidem FM, similis.) erunt triangula MHI, OEI, aequiangula, aequalesque habebunt angulos MIF, OID. quod est propositum. Vbi etiam obiter notandum videtur, rectas KO, VN, sese mutuo intersectare in diametro Aequatoris AC, in puncto X, hoc est, diametrum AC, per earum intersectionem X, transire. Ducta enim recta CV, quoniam tam arcus BK, DN, quam arcus BV, DO, aequales sunt, ut dictum est; erunt quoque tam reliqui CK, CN, quam reliqui CV, CO, aequales, ac proinde tam anguli COK, CVN, insistentes arcibus aequalibus

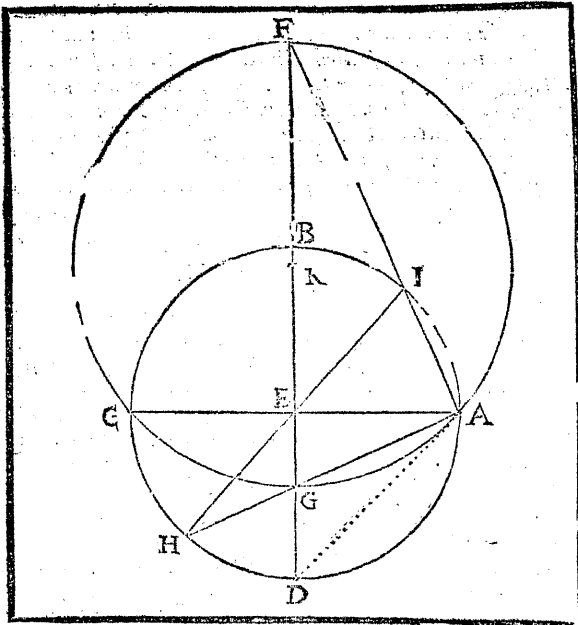
Quos arcus similes ex Aequatore, & circulo maximo obliquo anserat recte ex polis eiusdem circuli obliqui educat
a 4. sexti.
b 21. primi.
c 7. sexti.
d 4. sexti.
e 31. sexti.
f 7. sexti.
g 4. sexti.
h 6. sexti.
i 27. tertij.
bus

bus CK, CN, quæ anguli ACO, ACV, insistentes arcibus equalibus AO, AK. (Nam si equalibus arcibus DO, BV, æquales quadrantes AD, AB, adijciantur, toti arcus AO, AK, æquales sunt) inter se etiam æquales. Itaque cum in triangulis COX, CVX, que a rectâ AC, abscinduntur, (quævis nondum constet, eam per idem punctum X, transire) duo anguli COX, OCX, duobus angulis CVX, VCX, æquales sint, a sint autem et latera adiacentia CO, CV, æqualia, ob æquales arcus CO, CV; b erunt quoque latera CX, CX, æqualia, hoc est, segmenta rectæ AC, inter C, & rectas KO, VN. Transit ergo AC, per X. Nam si duobus in punctis secaret rectas KO, VN, esset unum segmentum altero maius, propterea quod unum punctum propinquius foret puncto C, quam alterum. Denique ex ijs, quæ dicta sunt, inferre quoque licebit, si ad polum I, circuli obliqui constituentur duo anguli æquales MIF, OID, rectam per puncta M, Q, ubi rectæ IM, IO, obliquum circumulum secant, traiectionem cadere in alterum polum Y, hoc est, tria puncta M, Q, Y, iacere in una linea rectâ. Nam si ducta recta MY, non dicitur transire per punctum Q, sed secare obliquum circumulum in alio puncto, constituet recta ex hoc puncto ad I, ducta cum ID, angulum æqualem angulo MIF, ut paulo ante demonstravimus; ac proinde et angulo OID; atque ita pars ac totum æqualia erunt, quod est absurdum. Transit ergo recta MY, per punctum Q, quod est propositum. Atque hac de proprietatibus varijs circumulorum obliquorum maximorum dicta sint, nunc ad institutum revertamur.

a 29. tertij.
b 26. primi.

Aequatorem in Astrolabio ex circulo maximo obliquo, qui ad Meridianum rectus sit, inclinatio nemque ad Aequatorem habet notam, describere.

19. CVM in scholio prop. 4. Num. 1. & 2. ex dato tropico S, vel D, in plano Astrolabij Aequatorem descripsi mus, doceamus queq; hoc loco, qua ratione ex dato quocunq; circulo obliquo maximo, q. ad Meridianum rectus sit, inclinatio nemque ad Aequatorem habet notam, describere.



Astrolabij describere liceat. Nam non raro res hac magnâ affert commoditatem, cû qui libet circulus obliquus in Astrolabio maior sit, quam Aequator, ut supra Num. 2. demonstravimus.

stravimus, accuratiusque ex maiore circulo minor describatur, quam maior ex minore. Sit ergo in Astrolabij plano datus circulus maximus obliquus AF CG, & ad Meridianum rectus, cuius inclinatio ad Aequatorem contineat gradus 30. hoc est, altitudo poli Borealis supra illum circumulum, siue complementum inclinationis eius ad Aequatorem, complectatur grad. 60. oporteatque in eodem plano Aequatorem describere. Ducta diametro circuli FG, per eius centrum K, numeretur a puncto G, in utramque partem complementum inclinationis, siue altitudo poli, hoc est, in dato exemplo grad. 60. usque ad A, & C, ducaturque recta AC, quæ in E, secabitur bisariam, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. propterea quod diameter FG, arcum AGC, bisariam dividit: ac tandem ex E, per A, & C, circulus describatur ABCD. Dico hunc esse Aequatorem. Ducta enim recta AG, secante circumulum ABCD, in H, erunt ex lemmate 10. arcus CG, CH, similes. Cum ergo CG, metiatur altitudinem poli supra datum circumulum maximum obliquum, metietur eandem arcus CH. Ducta igitur recta ex H, per centrum E, diameter erit circuli maximi, cuius complementum inclinationis, vel altitudo poli sit CH. Et quia ducta recta AI, angulus HAI, rectus est in semicirculo, caderet ducta recta FA, in semicirculo FAG, alterum angulum rectum FAG, priori æqualem, atque ita pars & totum æqualia forent. quod est absurdum. Itaque si ABCD, statur Aequator, describeretur circulus data inclinationis AF CG, cum radij visuales AH, AI, per extrema puncta eius diametri ducantur, abscindantque diametrum apparentem FG, ut ex ijs, que in hac propof. Num. 2. demonstrata sunt, perspicuum est. Est enim HI, diameter eius circuli in sphaera, cum arcus CH, AI, metiantur altitudinem poli supra ipsum, ut diximus. Vicissim ergo, posito AF CG, circumulo obliquo, qui altitudinem poli habeat AI, vel CH, erit ABCD, Aequator: quandoquidem ex hoc Aequatore ille describitur, veluti demonstravimus. Quod si maior pars obliqui circuli dati vergere debeat in partem inferiorem, ut contingit in Verticali primario, numerandum erit complementum eius inclinationis ad Aequatorem, vel altitudo poli ab F, in utramque partem, &c. Nam eius diameter cadere debet inter B, & C, ut ex ijs patet, que in hac propositione Num. 9. scripsimus, quando declaravimus, quam in partem ducenda sit diameter cuiusvis circuli obliqui, qui tamen ad Meridianum rectus sit. Hac eadem ratione ex quocunq; alio circulo maximo, qui ad Meridianum rectus non sit, Aequatorem describimus in Astrolabio, ut propof. 8. Num. 17. scribemus.

a 31. tertij.

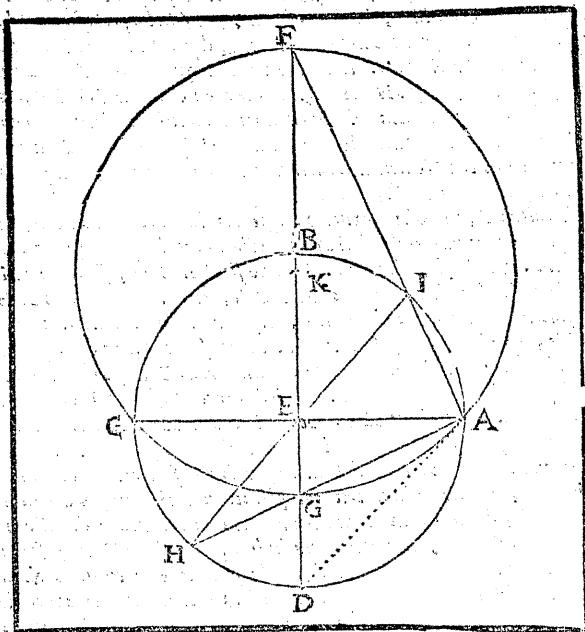
20. CONSTAT ex his, si in quovis puncto A, circumferentia Aequatoris angulus rectus constituatur FAG, a quo per centrum E, recta ducatur AC, & ad hanc in eodem centro E, perpendicularis excutetur FG, secans rectas AF, AG, angulum rectum constituentes in F, G; puncta F, G, repræsentare duo puncta in sphaera per diametrum opposita, hoc est, rectam interceptam FG, esse diametrum maximi circuli. Quia enim ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. IAH, semicirculus est, abscindunt radij AI, AH, per extremitates diametri HI, eaducti, diametrum visum FG, circuli maximi, cuius diameter HI, per ea, que Num. 2. huius propof. demonstrata sunt, ac proinde puncta F, G, per diametrum sunt opposita in circulo maximo circa diametrum visum FG, descripto, cum puncta I, H, per diametrum opposita referant.

Quæ puncta in Astrolabio per diametrum opposita sunt.

21. DENIQUE descripto quocunq; circulo obliquo maximo in Astrolabio, qui tamen ad Meridianum rectus sit, hoc est, per puncta A, C, transeat, cognoscemus eius inclinationem ad Aequatorem, altitudinem poli supra ipsum, & situm eiusdem in sphaera, hac ratione. Ex A, polo australi per G, punctum, ubi circulus obliquus AF CG, meridianam lineam BD, intersecat, centro Astrolabij E, propinquius, recta ducatur AG, secans Aequatorem in H. Nam CH, erit arcus altitudinis poli, & eius complementum DH, incli-

Altitudinem poli supra circumulum maximum obliquum in Astrolabio, qui ad Meridianum rectus sit, & eius inclinationem ad Aequatorem, si quis in sphaera, cognoscere.

DEH, inclinatio ad Aequatorem, propterea quod recta AH, cadit in H, extremum diametri circuli obliqui, cum radius AH, indicet extremum G, diametri visæ, ut ex ijs, que dicta sunt, perspicuum est. Ratio altera huius operationis perspicua hac est. Quoniam arcus circuli maximi per mundi polos, & polos obliqui circuli maximi in sphaera ducti, inter polum mundi, & circulum obliquum positus, metitur altitudinem poli supra ipsum circulum obliquum, arcus vero inter eundem obliquum circulum, & Aequatorem interceptus metitur eiusdem inclinationem ad Aequatorem, sit, ut cum recta BD, referat illum circulum maximum, ut prop. 1. Num. 1. ostensum est, portio EG, inter E, polum mundi, & circulum obliquum interiecta representet arcum altitudinis poli, & portio GD, inter eundem obliquum circulum, & Aequatorem, exprimat arcum inclinationis eiusdem circuli obliqui ad Aequatorem. Quocirca cum portio EG, arcum CH, & portio GD, arcum HD, referat, ut prop. 5. Num. 6. ostendimus, erit CH, arcus altitudinis poli, at vero HD, arcus inclinationis ad Aequatorem. Quod si punctum G, vicinius centro Astrolabij, fuerit infra rectam AC, secabit in sphaera circulus maximus, quem AF CG, representat, Meridianum inter A, polum australem, & B, punctum Aequatoris in supero hemisphaerio: si vero punctum G foret supra rectam AC, secaret circulus obliquus Meridianum inter C, polum borealem, & B, punctum Aequatoris in eodem hemisphaerio. Atque hac eadem ratio quadrat quoque in quocumque circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit, ut prop. 8. Num. 22. dicemus.



HD, referat, ut prop. 5. Num. 6. ostendimus, erit CH, arcus altitudinis poli, at vero HD, arcus inclinationis ad Aequatorem. Quod si punctum G, vicinius centro Astrolabij, fuerit infra rectam AC, secabit in sphaera circulus maximus, quem AF CG, representat, Meridianum inter A, polum australem, & B, punctum Aequatoris in supero hemisphaerio: si vero punctum G foret supra rectam AC, secaret circulus obliquus Meridianum inter C, polum borealem, & B, punctum Aequatoris in eodem hemisphaerio. Atque hac eadem ratio quadrat quoque in quocumque circulum maximum obliquum, qui ad Meridianum rectus non sit, ut prop. 8. Num. 22. dicemus.

PROBLEMA III. PROPOS. VI.

HORIZONTALIS cuiuslibet obliqui, Verticalis eius primarij, Eclipticæ, & cuiuscunque alterius circuli maximi obliqui, siue is ad Meridianum rectus sit, inclinationemque

nationemque ad Aequatorem habeat notam, siue non rectus, in Astrolabio tamen descriptus, Parallelos in Astrolabio describere, atque in gradus, hoc est, in partes inæquales, quæ eorum gradibus in sphaera æqualibus respondent, distribuere.

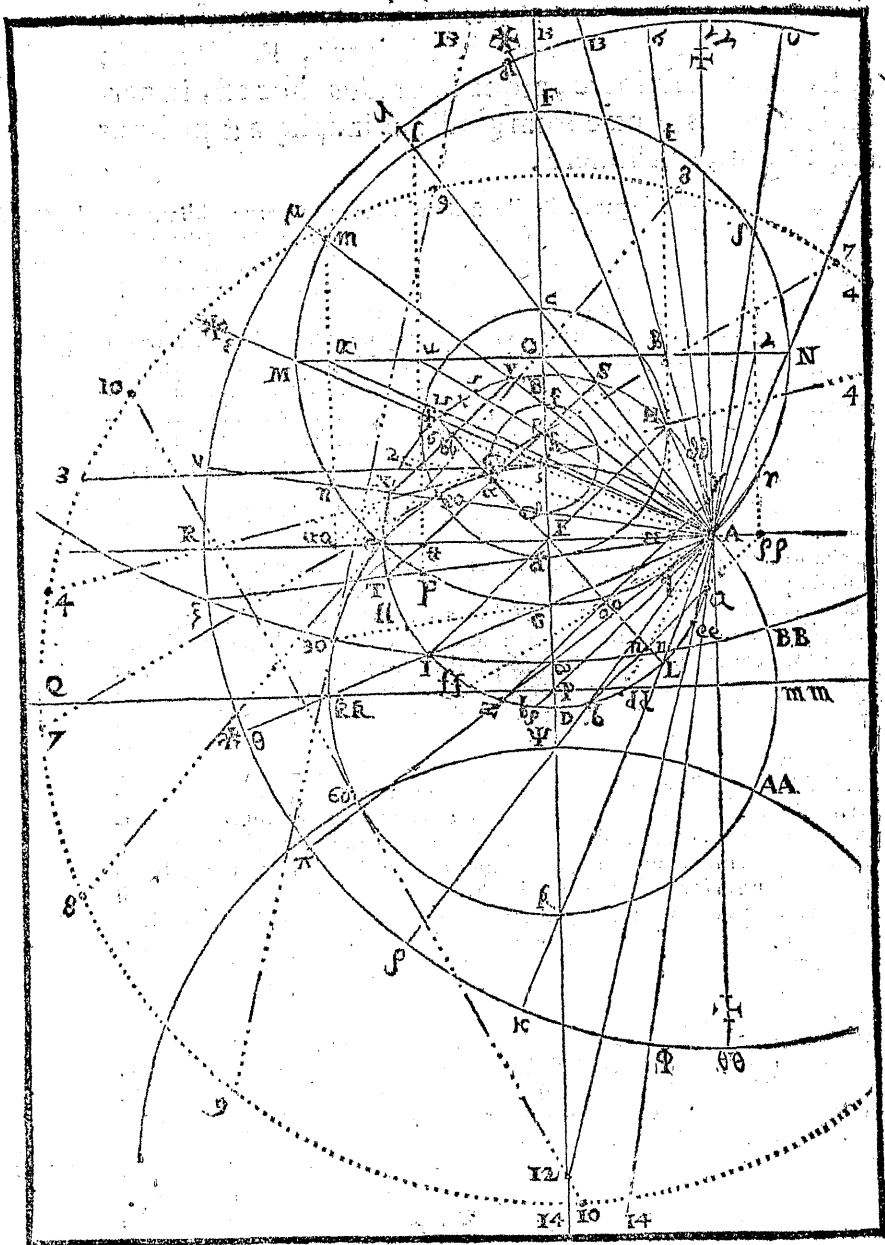
1. PRIMO loco de parallelis illorū circulorum maximorum obliquorum agemus, qui ad Meridianum recti sunt; quamvis eadem sit ratio in illis, qui ad Meridianum recti non sunt, ut Num. 25. dicemus. Si igitur diametris horum circulorum in Analemate ad initium propof. 4. descripto ducantur parallelæ rectæ per singulos gradus circuli Analematis, erunt ex diametri parallelorum per singulos gradus ductorum. Quare si ex polo australi A, per extrema puncta harum diametrorum radij visuales emittantur, abscindentur ex recta nX, diametri apparentes, seu visæ parallelorum: quæ si transferantur in lineam meridianam Astrolabij BD, eo ordine ac situ, quem in Analemate habent, & circa eas ex medijs earum punctis circuli describantur, descripti erunt paralleli circuli Horizontalis, & aliorum circulorum maximorum, quos in propof. nominavimus.

2. EOSEM parallelos comodiſsimè in Astrolabio describemus, etiam si seorsum Analemma constructum non sit, si diametris dictorum circulorum maximorum in Aequatore Astrolabij inuentis, ut in præcedenti propof. traditum est, parallelæ rectæ per singulos gradus Aequatoris agantur. Hæ namque erunt rursus diametri parallelorum. Quamobrem si per earum puncta extrema ex A, polo australi radij visuales emittantur, abscindentur ab ijs in meridiana linea BD, vtrinque producta diametri parallelorum apparentes maximæ, ut in scholio propof. 3. ostensum est, quippe cum Meridianus, in cuius communi sectione cum Aequatore apparent, ad hosce parallelos rectus sit. Si igitur ex medijs punctis diametrorum visarum circa easdem circuli describantur, descripti erunt prædicti paralleli in Astrolabio. Quod ut planius fiat, sit exempli gratia, in Astrolabio Aequator ABCD; centrum E; diameter Horizontalis HI; Verticalis primarij KL; Horizon AFCG; Verticalis primarij AIC; centrum Horizontalis O; Verticalis P; Polus Horizontalis superior, hoc est, vertex capitis, siue Zenith, punctum i; Polus inferior, siue Nadir, punctum k. Si ergo paralleli u g. Horizontalis, quos Almucantarath Arabes dicunt, describendi sint, diuidendus erit Aequator, initio sumpto ab Horizontalis diametro HI, in 360. gradus, si paralleli omnes Horizontalis, per singulos nimirum gradus Verticalis primarij transcentes, desiderentur. Nos ad vitandam confusionem contenti fuimus diuisione in 12. partes æquales, ita ut singulæ tricenos gradus complectantur. Deinde quælibet bina puncta à punctis H, I, æqualiter distantia lineis rectis iungenda, quæ ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. ipsi H I, parallelæ erunt, cuiusmodi sunt rectæ ST, VX, YZ, a b, ac proinde diametri erunt parallelorum Horizontalis per tricenos gradus ductorum, hoc est, communes sectiones Meridiani, (pro quo nunc circulus ABCD, sumitur) & parallelorum Horizontalis, cum omnes hæ sectiones inter se parallelæ sint, factæ videlicet à plano Meridiani in planis parallelis. Igitur si ex A, polo australi per S, T, radij emittantur, abscindetur paralleli ST, diameter visæ cd, qua bifariam diuisa in e, describatur ex e, circulus per c, d, qui parallelum Horizontalis, cuius Y y diameter

Horizontalis, & cuius alterius circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, parallelos in Astrolabio per Aequatorem, etiam si Analemma seorsum constructum non sit, describere.

Horizontalis, & cuius alterius circuli maximi obliqui, ad Meridianum tamen recti, parallelos in Astrolabio per Aequatorem, etiam si Analemma seorsum constructum non sit, describere.

a 16. vnde.



diameter ST, repræsentabit. Pari ratione radij AV, AX, abscident diametrum visam fg. paralleli Horizontis, cuius in sphaera diameter VX. Sic extremum Z, diametri YZ, apparebit per radij AZ, in puncto ω , alterum autem extremum Y, cernetur per radij AY σ , in concursu huius radij cum meridiana linea DBF, qui in puncto admodum procul distante contingit, vt in plano notari non possit. Quare vt portio eius paralleli per ω , transiens describi queat, inueniendum est eius centrum, etiam si alterum extremum non habeatur, vt paulo infra Num. 9. docebimus. Atque omnes hi paralleli, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad polum Horizontis K, educta intersectat, hoc est, qui in sphaera inter polum australem, & zenith Meridianum intersectant, habent sua centra in Astrolabio supra Zenith i, versus F, describunturque circa i, Zenith, siue polu Horizontis superioré.

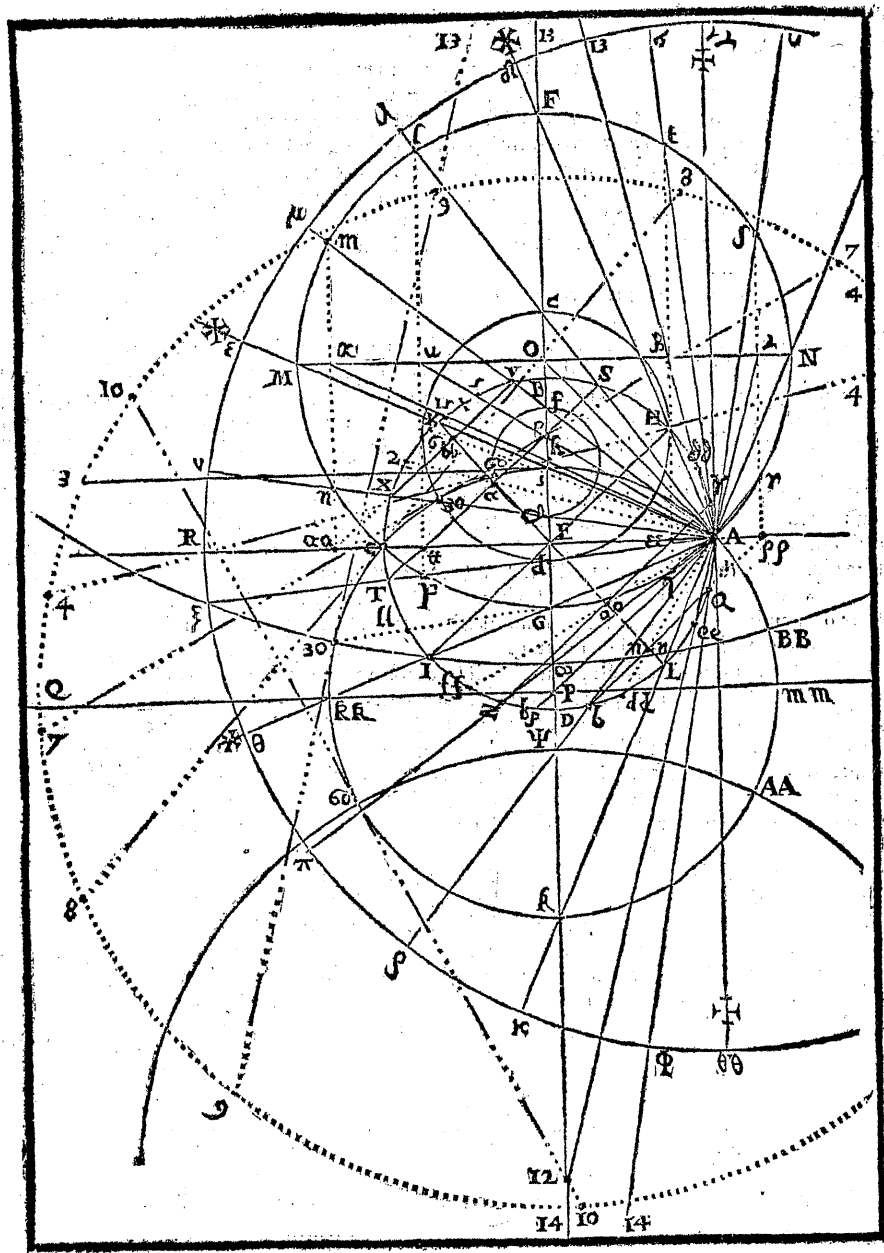
3. A T parallelus Horizontis, cuius diameter per polum A, australem tranfit, qualis est recta Abp, ad axem Horizontis KL, perpendicularis, cadens in P, centrum Verticalis, vt supra demonstratum est propos. 5. Num. 3. projicitur in lineam rectam PQ, ad BD, perpendiculararem in P. Quod. n. lineam rectam efficiat in Astrolabio, constat ex propos. 1. Num. 1. cum per polum australem ducatur. Quod autem faciat rectam PQ, ad BD, perpendiculararem in P, sic probatur. Quoniam tam planum Aequatoris, Astrolabijue, quam planum paralleli diametri AP, ad Meridianum rectum est; (Meridianus enim per ipsorum polos ductus ad vtrumque rectus est, ac proinde vicissim ipsa plana ad Meridianum recta erunt.) erit & eorum communis sectio ad eundem recta, atque idcirco ex defn. 3. lib. 11. Eucl. & ad rectam BD, in Meridiano existente perpendicularis erit in puncto P, vbi plano Astrolabij parallelus occurrit. Igitur perpendicularis PQ, erit communis illa sectio referens parallelum Horizontis per A, polum australem ductum.

4. A L II denique paralleli, quorum diametros in Aequatore Astrolabij recta AK, ex polo australi A, ad K, polum Horizontis ductum non secant, hoc est, qui in sphaera inter polum australem, & Nadir Meridianum intersectant, centra sua habent in Astrolabio infra Nadir k, describunturque circa idem Nadir k, ita vt eorum circumferentia à recta PQ, deorsum versus curuentur, quemadmodum priorum circumferentia ab eadem recta PQ, sursum versus tendunt. Ita vides radij Ab, per b, extremum diametri ab, indicare vnum punctum extremum illius paralleli visum \downarrow ; alterum vero extremum indicabitur per radij Aa ϕ , qui per alterum extremum a, ducitur, infra Nadir k, in concursu 14. si in plano notari posset, ita vt tota diameter visa infra rectam PQ, existat, inter cuius extrema ipsum Nadir k, reperitur. Sed quia hoc alterum extremum nimis procul excurrit, praestat inuenire centrum paralleli, quod est punctum 12. (quod paulo post Num. 9. inuenire docebimus) licet alterum extremum diametri visum non habeatur. Circulus igitur \downarrow 60. ex centro 12. descriptus circa Nadir k, representabit parallelum diametri ab. Atque hoc eodem artificio omnes paralleli Horizontis describentur, tam ij, qui sunt in supero hemisphaerio supra Horizontem, quos illi repræsentant, qui intra Horizontem descripti sunt, quam illi, qui infra Horizontem existunt, quos videlicet referunt ij, qui extra Horizontem designantur. Maior tamen vsus illorum, quam horum est in rebus Astronomicis: Ex quo factum est, vt in Astrolabij, extra Horizontem nullus parallelus ipsius describi soleat, præter eum, qui grad. 18. infra Horizontem existit, diciturque linea crepusculina, de qua propos. 10. agemus.

Parallelus Horizontis, qui in sphaera inter polum australem, & Zenith Meridianum intersectat describitur in Astrolabio circa Zenith.

Parallelus Horizontis, qui in sphaera per polu australem ducitur, projicitur in Astrolabio in lineam rectam, quæ ad Meridianum perpendicularis est in centro Verticalis primarij a 15. 1. Theb. b. 19. undc.

Parallelus Horizontis, qui in sphaera inter polu australem, & Nadir Meridianum intersectat, describitur in Astrolabio circa Nadir.



OMIT TENDVM etiam non est hoc loco, quando parallelus aliquis circuli maximi obliqui Aequatorem interfecat, (quod contingit, cum eius diameter meridianam lineam intra Aequatorem fecat, cuiusmodi est diameter ST.) duo puncta intersectionum Aequatoris cum parallello, & punctum intersectionis lineae meridianae cum eiusdem parallello diametro, in vna recta iacere lineam, nimirum in communi sectione plani Aequatoris, & plani parallello in sphaera, quae ad lineam meridianam perpendicularis est in Astrolabio. Quoniam, n. tam parallelus diametri ST, in propria positione, quam Aequator ad Meridianum rectus est, erit quoque communis eorum sectio ad eundem Meridianum recta, ideoque & ad meridianam lineam BD, ex defin. 3. lib. 11. Eucl. perpendicularis. Si ergo per punctum intersectionis diametri ST, cum meridianam lineam, ad eandem lineam meridianam perpendicularis ducatur, erit ea, communis sectio parallello, & Aequatoris. Cum ergo ex polo australi conspiciatur parallelus per illam communem sectionem transire, secabit necessario parallelus visus in Astrolabio descriptus Aequatorem in punctis extremis illius communis sectionis: ac proinde duo puncta sectionum Aequatoris, & parallello, & punctum intersectionis diametri ST, cum linea meridianam iacebunt in vna linea recta, in communi videlicet sectione parallello, & Aequatoris. Hac ratione experieris, intersectiones duas parallello c 30 d, cum Aequatore, & intersectionem diametri ST, cum meridianam lineam, in vna iacere linea recta: quod etiam de duabus intersectionibus parallello BB c 30. cum Aequatore, & intersectionem diametri YZ, cum linea meridianam dicendum est. Voco autem Meridianum cuiusvis obliqui circuli maximi, eiusque parallelorum, circulum maximum, qui per polos mundi, & polos circuli obliqui ducitur; & meridianam lineam, communem sectionem plani Astrolabij, & illius circuli maximi per polos mundi, & circuli obliqui transeuntis.

sectionem communem Aequatoris, & parallello, obliqui esse ad meridianam lineam in Astrolabio perpendicularis.

a 19. vnder.

Meridianus, & linea meridianam in infuis circuli obliqui, quae modo intelligatur.

ADVERTENDVM quoque est, parallelum obliquum per E, centrum Astrolabij transeuntem, aequalem esse parallello obliquo, qui in sphaera per polum australem ducitur, proiciturque in Astrolabio in rectam PQ; quia vterque in sphaera aequaliter a proprio polo distat, ille quidem a superiore, hic vero ab inferiore; cum vtriusque distantiam metiatur arcus Meridiani proprii inter polum mundi, & proprium polum interiectus: Vtrique vero aequalem esse tam parallelum Aequatoris per i, polum circuli obliqui, quam parallelum Aequatoris per k, alterum polum obliqui circuli descriptum: quia horum vterque recedit in sphaera a polo mundi per arcum inter polum mundi, & polum circuli obliqui interiectum; quemadmodum & vterque illorum a proprio polo per eundem arcum distat.

5. QVEMADMODVM autem in sphaera verticalis circulus primarius per polos Horizontis, eiusque parallelorum ductus, b fecat omnes parallellos, ipsumque Horizontem bifariam, ita quoque in Astrolabio idem fieri necesse est: adeo vt quemadmodum in Horizonte arcus AFC, referunt duos semicirculos ipsius, vt supra in scholio praecedentis propos. Num. 4. diximus, ita quoque in parallelis Horizontis arcus, quos Verticalis primarius AiCk, abscindit, semicirculos repraesentent. Rursus quemadmodum Verticalis, ac Meridianus diuidunt eosdem parallellos Horizontis, atque ipsum etiam Horizontem in sphaera, in quadrantes, ita quoque in Astrolabio arcus Horizontis, eiusque parallelorum inter Verticalem, & Meridianum, quem recta BD, in vtramque partem extensa exprimit, comprehensi referunt eorum quadrantes: cuiusmodi sunt arcus Horizontis AF, FC, CG, GA, & parallelorum arcus

b 15. 1. Th. semicirculi, & quadrantes Horizontis, cuiusque parallelorum, a Verticali primario, ac Meridiano effecti in Astrolabio, qui.

c 30, 30 d;

30, 30 d; 60, 60g; 30; 60. &c. Immo & diameter Verticalis primarii secans in P, ad rectos angulos meridianam lineam BD, exhibet semicirculum paralleli, cuius diameter in sphaera est A bp, quem per rectam PQ representari diximus; semidiametri autem Pkk, Pmm, eiusdem paralleli quadrantes referunt; semicirculum, inquam, & quadrantes eiusdem, qui à polo australi A, longius absunt.

Diametros apparentes parallelorum Horizontis, vna cum eorumdem centrīs, per ipsūmet Horizontem inuenire in Astrolabio.

6. ALIO modo & fortasse accuratius reperiemus in meridiana linea BD, vtrinque extensa diametros apparentes parallelorum Horizontis, eorumque centra simul, hoc est, diametrorum puncta media, si Horizōte descripto AFCG, per eius centrum O, diameter MN, ducatur ad FG, perpendicularis, ipseque Horizon in 360. gradus distribuatur, facto principio à puncto F, vel G, si omnes paralleli desiderentur, (Nos confusionis euitandae causa eum in 12. partes aequales, quarum singulae tricenos gradus complectuntur, partiti sumus) ac tandem per bina quavis puncta à diametro FG, aequè remota rectae occultae ducantur secantes diametrum MN, in u, a, b, g, quae omnes ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. ipsi FG, & inter se parallelae erunt, diuidenturque omnes bifariam à diametro MN, ex eodem scholio propof. 29. lib. 3. Eucl. His namque peractis radii ex A, per extrema puncta cuiusvis parallelae emissi abscedent ex FG, diametrum visam illius paralleli, qui in sphaera tot gradibus ab Horizonte distat, quot gradibus ipsa parallela à diametro FG, remouetur, atque parallelus ipse supra Horizontem existet, si parallela versus punctum M, vergat, infra vero eundem, si versus punctum N, tendat, ita vt semicirculus FCG, ad parallelos supra Horizontem, & semicirculus FAG, ad parallelos infra Horizontem pertineat. Recta verò ex A, per punctum, in quo diameter MN, à parallela secatur, emissi indicabit in recta FG, centrum eiusdem paralleli, id est, diametrum eius visam diuidet bifariam. Verbi gratia, quoniam parallela lp, recedit à diametro FG, versus M, grad. 30. abscedent radii Al, Ap, diametrum apparentem cd, paralleli, qui ab Horizonte versus Zenith totidem gradibus abest; recta vero Au, diametrum cd, secabit bifariam in e, centro paralleli c 30 d. quod hunc in modum demonstrabimus. Quoniam recta AF, Al, per 10. lemma, in circulis ABCD, AFCG, intercipiunt arcus similes, transitque AF, per punctum H, extremum diametri Horizontis, quod per radium AH, inuentum sit punctum F; extremum diametri visae Horizontis; transibit Al, per S, quod arcus Fl, HS, similes sint. Quemadmodum ergo radius, AS, exhibuit punctum c, ita idem punctum c, per radium Al, indicabitur. Rursus quia per idem lemma 10. rectae AG, Ap, in eisdem circulis arcus similes intercipiunt, rectaque AG, transit per I, transibit Ap, per T, quod arcus Gp, IT, similes sint. Igitur punctum d, reperietur per radium Ap, sicuti per radium AT, inuentum est. Et quia ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. est, vt lu, ad up, ita ce, ad ed; estque lu, ipsi up, equalis; erit quoque ce, ipsi ed, equalis. Est ergo e, centrum paralleli circa cd, descripti inuentum per rectam Au. Eadem ratione radii Am, An, auferent visam diametrum fg, eamque bifariam secabit recta Az: quia ex eodem lemmate 10. tam rectae AF, Am, quam rectae AG, An, similes arcus intercipiunt in circulis eisdem. Cum ergo arcus HV, arcui Fm, & arcui IX, arcui Gn, per constructionem similis sit, transibit recta Am, per V, & An, per X, &c. Sic etiam radii A t, A q, per Y, Z, transibunt, & recta A b, in centrum paralleli per w, descripti incidet; cum ex eodem lemmate 10. arcus similes intercipiunt in eisdem circulis rectae AF, A t, &c. Denique radii quoque A f, Ar, per puncta a, b, transibunt. Quoniam enim rectae AN, A f, versus A, productae

ductae intercipiunt, ex eodem lemmate 10. similes arcus, propter aequales angulos ad verticem A; transit autem NA, per L; Nam vt in scholio praecedentis propof. Num. 4. ostendimus, quatuor puncta N, A, L, k, in vna recta linea iacent. Igitur SA, producta transibit per a, cum arcus Nf, La, similes sint. Rursus rectae AN, Ar, productae versus A, ex eodem lemmate 10. similes arcus abscedunt. Cum ergo NA, transeat per L, vt dictum est, arcusque Lb, arcui Nr, similis sit, transibit r A, producta per b. Recta quoque Ay, versus A, producta cadet in punctum 12. quod centrum erit paralleli circa diametrum visam 14. descripti. Nam rursus recta sr, & diameter visa 14. secantur proportionaliter in g, 12. cum parallelae sint sr, 14. hoc est, ita se habet ry, ad gl, vt 12 ad 14; (sumendo 14. pro concursu rectarum BD, Aa.) quod eodem modo demonstrabitur, quo scholium propof. 4. lib. 6. Eucl. probatum fuit. Cum ergo sr, in g, secta sit bifariam, secabitur quoque 14. in 12. bifariam.

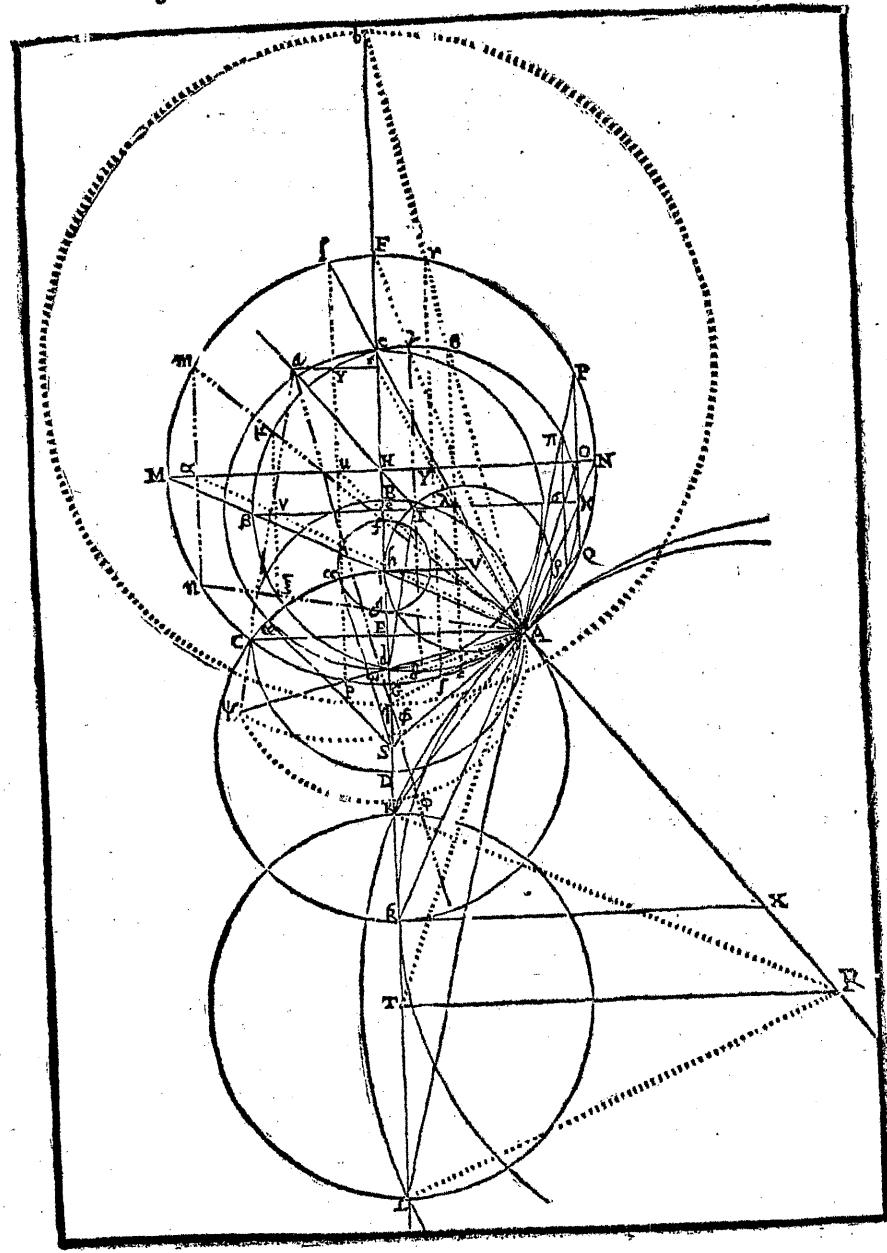
7. ACCIDIT autem in vtroque modo exposito, parallelas in Aequatore, & Horizontem ductas, eiusdem ordinis sese interfecare in diametro AC, vel in ea producta. Ita vides parallelas ST, lp, sese interfecare in puncto tt, diametri AC. Item parallelas VX, ms, productas secare AC, productam in vno eodemque puncto au: parallelas vero YZ, tq, in puncto ee; & parallelas denique a b, sr, productas conuenire in eodem puncto pp, rectae CA, productae. Ratio huius rei haec est. Quoniam recta AO, cadens ex A, polo australi, in O, centrum Horizontis, ad HI, diametrum Horizontis est perpendicularis, (si enim non credatur esse perpendicularis, si ex A, duceretur perpendicularis, caderet ea, vt demonstratum est in praecedenti propof. Num. 3. in centrum Horizontis, atque ita haberet Horizon duo centra. quod est absurdum) erunt AO, KL, parallelae, bideoque angulus externus cc E tt, interno OAE, aequalis. Cum ergo & recti E cc tt, AEO, aequales sint; aequiangula erunt triangula AEO, E cc tt. Igitur erit, vt AE, semidiameter Aequatoris ad AO, semidiametrum Horizontis, ita cc E, sinus arcus HS, ad E tt. Sed per lemma 5. semidiametri eandem proportionem habent, quam sinus arcuum similium. Igitur erit E tt, sinus arcus, qui similis sit arcui HS, hoc est, sinus arcus Fl, qui ostensus est similis arcui HS: ac proinde recta lp, abscedens ex EC, sinum arcus Fl, cadet in punctum tt, vbi recta ST, rectam EC, secat. Eadem quoque in ceteris demonstratio est, cum triangulum E bb aa, triangulo AEO, sit aequiangulum: nec non & triangula E oo ee, E nn pp, eidem triangulo AEO, aequiangula, propter alternos angulos EAO, nn EA, aequales, &c.

QVONIAM vero ratio haec secunda inueniendi diametros parallelorum Horizontis per commoda est, ac facilis, libet in ea paulo diutius insistere, varias proprietates, quae illam consequuntur, demonstrando. Quod vt commodius, & sine confusione linearum fiat, describemus figuram seorsum, in qua rursus Aequator sit ABCD, cuius centrum E: Horizon AFCG, cuius centrum H. Paralleli Horizontis cum eorum diametris in ipso Horizonte, vt supra, nisi quod arcus, Fl, lm, mM, &c. hic non sunt aequales, vt ibi. Primum igitur circulus circa tria puncta, quorum vnum est polus australis A, è quo omnes radii exeunt, alia vero duo in extremitatibus diametri visae cuiusvis paralleli existunt, tangit Horizontem in australi polo A. Ita vides circulum Acd, Horizontem contingere in A. Cum enim diameter visa cd, reperiat per radios ex A, ad extremitates rectae lp, ipsi FG, parallelae ductos, vt hic ostensum est Num. 6. erit in triangulo Alp, basi lp, parallela recta cd. Igitur per lemma 40. circuli AFCG, Acd, descripti circa triangula Alp, Acd, mutuo se tangent in A: & I, centrum circuli Acd

Diametri parallelorum Horizontis ductae in Aequatore, & Horizonte, vbi se interfecant.

a 28. primi.
b 29. primi.
c 4. sexti.

Circulum per extrema puncta diametri visae cuiusvis paralleli Horizontis, & per polum australem descriptum, tangere Horizontem in polo australi.



A *cd*, existet in recta *AH*, ex *A*, per centrum *Horizontis* emissa : quod inuenitur per rectam *dI*, facientem cum radio *Ad*, per *d*, extremitatem diametri vise paralleli ducto angulum *IdA*, angulo *IAd*, aequalem ; quod tunc recta *IA*, *Id*, aequales sint, ac proinde circulus ex *I*, per *A*, descriptus transeat per *d* ; ideoque & per *c*, cum per duo puncta *A*, *d*, vnus tantum circulus describi possit circulum *AFCG*, tangens, qualem ostendimus esse eum, qui per tria puncta *A*, *c*, *d*, describitur. Nam si per puncta *A*, *d*, alius circulus circulum *AFCG*, tangens describi posset ; tangeret is quoque circulum *Acd*, cum centrum haberet in recta *AH*, quod est absurdum, cum eundem vel secaret, vel tangeret quoque in *d*. Eademque ratione, si in *c*, altero extremo diametri vise paralleli, constituatur angulus angulo *cAI*, aequalis, cadet recta eum angulum constituens in *I*, centrum. Idem contingit in parallelis, quorum diametri vise infra *S*, centrum *Verticalis* existunt, & circa alterum polum *Horizontis* *k*, describuntur. Sit enim *KL*, diameter visa, quam exhibent radij *AP*, *AQ*, ad extremitates rectae *PQ*, ipsi *FG*, parallela ducti, ac per *A* extensi. Dico circulum quoque circa tria puncta *A*, *K*, *L*, descriptum tangere *Horizontem* in *A*. Quia namque in triangulis *APQ*, *ALK*, latera *PQ*, *LK*, parallela sunt, circuli *AFCG*, *AKL*, circa ea triangula descripti, se mutuo per lemma 40. in *A*, contingunt : atque *R*, centrum circuli *AKL*, in recta *HA*, extensa reperietur per rectam *LR*, quae angulum *ALR*, angulo *LAR*, vel per rectam *KR*, quae angulum *AKR*, angulo *KAR*, aequalem constituit. Denique si ex polis *Horizontis* *i*, *k*. ad rectam *Eh*, excitentur perpendiculares *iV*, *kX*, erunt etiam *V*, *X*, centra circulorum per *i*, *k*, transeuntium, *Horizontem*que tangentium in *A*. Nam rectae *iV*, *kX*, erunt parallelae ipsi *MN*, ob angulos rectos ad *H*, *i*, *k*, ideoque tam triangula *AHM*, *AVi*, quam *AHN*, *AXk*, similia erunt. Igitur erit, vt *AH*, ad *HM*, ita *AV*, ad *Vi* ; & vt *AH*, ad *HN*, ita *AX*, ad *Xk*. Cum ergo semidiametri *AH*, *HM*, *HN*, sint aequales, erunt quoque tam *VA*, *Vi*, quam *XA*, *Xk*, aequales. Circuli igitur ex *V*, *X*, per *i*, *k*, descripti transeunt per *A*. punctum, in eoque *Horizontem* tangent. Vbi etiam vides, rectas *iV*, *kX*, facientes angulos *ViA*, *XkA*, angulis *Vai*, *XAk*, aequales, cadere in centra *V*, *X*. Nam tam illi duo, quam hi anguli aequales sunt.

EX hoc sequitur, si desideretur diameter visa alicuius paralleli *Horizontis*, non determinando eius distantiam ab *Horizonte*, vel ab eius polo, id dicto citius fieri posse, si à quouis puncto *I*, in recta *AH*, assumpto, ad interuallum re-
ctae *IA*, beneficio circini duo puncta *c*, *d*, abscindantur. Nam *cd*, diameter erit visa alicuius paralleli, illius videlicet, cuius distantiam ab *Horizonte* radij *Ac*, *Ad*, determinant in punctis *l*, *p*. Cum enim circulus per *A*, *c*, *d*, descriptus *Horizontem* in *A*, tangat, erunt per lemma 9. rectae *cd*, *lp*, parallelae. Igitur vt supra Num. 6. ostensum est, recta *cd*, diameter erit visa paralleli distantis ab *Horizonte* per arcum *Fl*, vel *Gp*. Sic etiam, si ex assumpto puncto *a*, ad interuallum *aA*, duo puncta *b*, *q*, abscindantur, erit *bq*, diameter visa paralleli, cuius distantia ab *Horizonte* est arcus *Fr*, vel *Gs*. Item si ex puncto *R*, assumpto ad interuallum *RA*, abscindantur duo puncta *K*, *L*, erit *KL*, diameter visa paralleli, cuius distantia ab *Horizonte* est arcus *EP*, vel *GQ*.

HINC rursus facillima via elicitur, qua ex dato vno extremo diametri vise cuiuslibet paralleli *Horizontis*, alterum extremum eruatur : quae res magnam habet utilitatem in punctis, quae supra centrum *Horizontis* longius excurrunt, inuestigandis, quod ibi radij valde oblique *meridianam* lineam

ZZ inter-

a 6. primi.

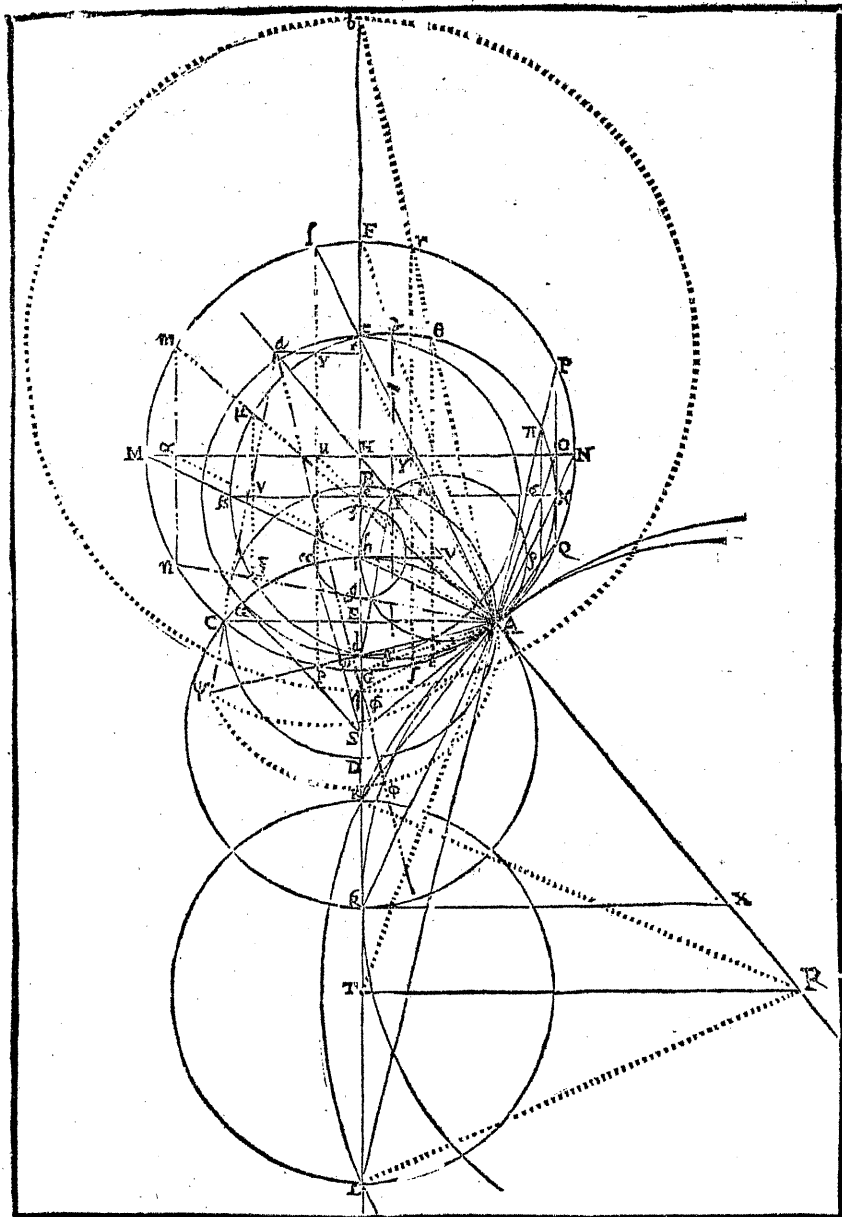
b 28. primi.

c 4. sexti.

d 5. primi.

Ex meridiana, si-
vez ab solibus re-
ctam abscindere,
quae sit diameter
vise alicuius pa-
ralleli *Horizon-*
tis.

Dato vno extre-
mo diametri vi-
se cuiuslibet pa-
ralleli *Horizon-*
tis, reperire alte-
rum extremum
per circuli, qui
Horizontem tan-
get, huiusmodi
diametri
lineam perpendi-
cularem secare bi-
sari.



Intersecant. Ita ergo faciemus. Sit data distantia paralleli sub Horizonte arcus Fr, vel Gf, cuius vis diameter inuestiganda est. Ducto radio Af, secante meridianam lineam in q, (omnes autem ha sectiones inter i, polum & S, centri Verticalis minus obliquae sunt, ac proinde magis commode,) fiat angulus A q a, angulo q A a, aequalis, secetque recta q a, rectam AH, in a; ac tandem ex a, ad interuallum a A, vel a q, sumatur in linea meridiana punctum b. quod dico esse alterum extremum diametri visae, in quod scilicet radius Ar, incurrit: propterea quod circulus ex a, per A, q, b, descriptus Horizontem tangit in A; ac proinde, vt demonstrauius, secat diametrum paralleli Horizontis. Cum ergo q, sit vnum extremorum, erit b, alterum. Quod si forte recta q a, nimis obliqua rectam AH, secet, vtetur hoc artificio. Ex quolibet puncto rectae q a, facientis angulum a q A, angulo q A a, aequalem, describemus per A, arcum circuli A o p, secantem rectam a q, productam in in o; & arcui o A, arcum o p, aequalem sumemus. Si namq; ducta recta A p, angulo HA p, aequalis fiat angulus A p a, cadet rursum recta p a, in a, sectioque eius cum AH, minus erit obliqua. Quod autem p a, incidat in a, vbi A a, q a, conueniunt, constat. Ducta enim ex a, recta a p; quoniam latera p o, o a, lateribus A o, o a, aequalia sunt, angulosque continent ad o, rectos; Nam recta q a, transiens per centrum arcus a o p, secansque eum bifariam, in o, secat quoque ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. rectam A p, bifariam, & ad angulos rectos. erunt & bases a A, a p, & anguli a A p, a p a, aequales: ac proinde recta faciens in p, cum recta A p, angulum angulo HA p, aequalem cadet in a. Sic etiam, si diametri KL, extremum K, inuentum sit per radium QAK, (quod facilius reperitur, quam alterum L, propter sectionem obliquiorem) & angulo RAK, aequalis fiat angulus RKA; ac tandem ex R, vbi recta KR, rectam HAR, secat, ad interuallum RK, meridiana linea secetur in L, erit L, alterum extremum. Inuento hac ratione altero extremo, dabit ducta perpendicularis ad lineam meridianam ex puncto rectae AH, ex quo illud extremum inuentum est, centrum paralleli, hoc est, secabit diametrum visam bifariam. Ita vides perpendiculararem Ie, cadere in centrum e, paralleli cd; & perpendiculararem a t, in centrum t, paralleli bq; & perpendiculararem RT, in centrum T, paralleli KL. Quia enim rectae RK, RL, aequales sunt, cum ex R, ad interuallum RK, sumptum sit punctum L; erunt anguli K, L, aequales: Ponuntur autem & anguli T, recti. Isitur cum latera R K, R L, illis opposita, sint aequalia; erunt & latera K T, L T, aequalia. Eademque ratio est in aliis, cum & I d, I c, & a q, a b, sint aequales, &c.

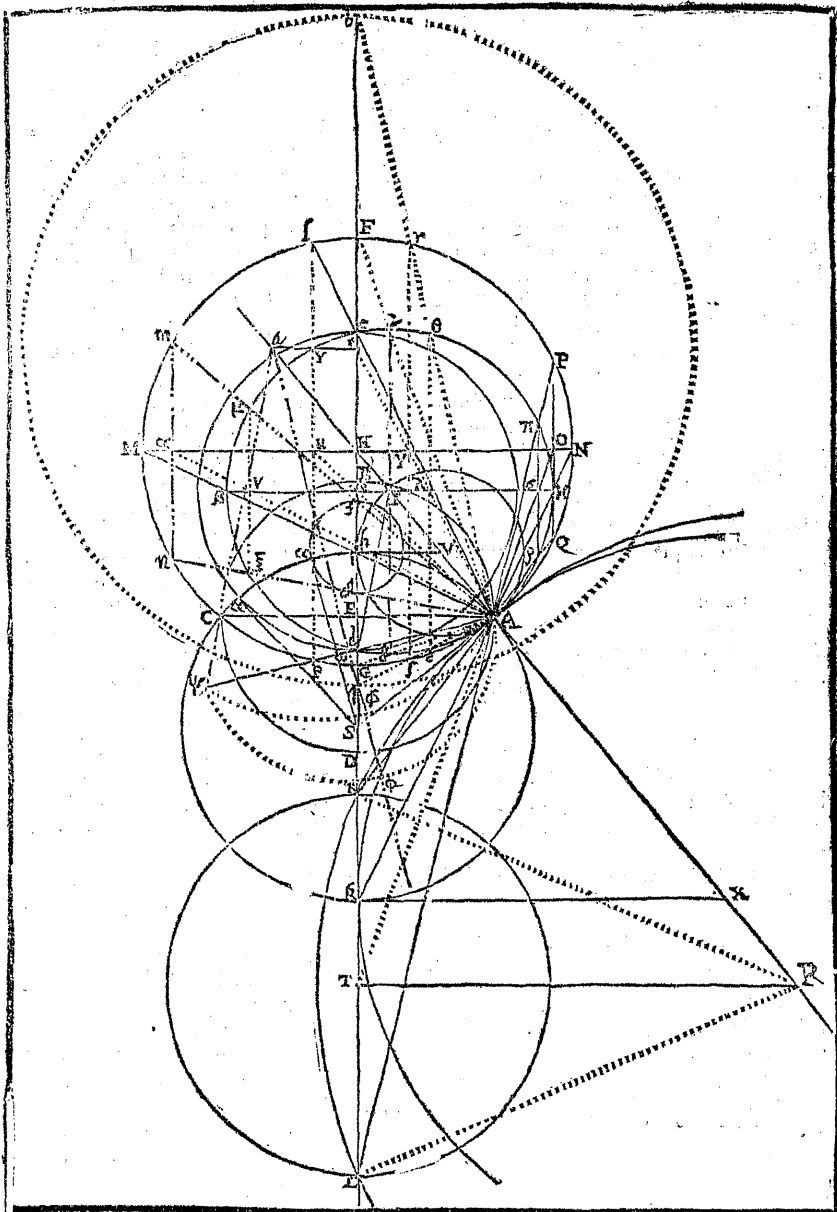
a 3. tertij.
b 4. primi.

c 5. primi.
d 26. primi.

QUOD si Horizon tantae interdum magnitudinis existat, vt vix in eo ob angustiam plani parallelae lp, mn, &c. duci queant, vti poterimus commodissime quouis circulo A gamma beta delta, ex aliquo puncto rectae AH, per A, descripto, ideoque Horizontem tangente in A. Nam si ducamus diametrum beta zeta, diametro MN, vel AC, parallelam, eamq; ad angulos rectos secemus alia diametro gamma delta, accipiendi sunt arcus gamma c, c mu, d d, d zeta, gamma theta, theta tau, delta epsilon, epsilon phi, arcubus Horizontis Fl, lm; Gp, pn; Fr, rP; Gf, Q, similes, hoc est, circulus A gamma beta delta, diuidendus, vt Horizon diuidebatur, & rectae ducendae cd, u zeta, theta tau, &c. quia radii A gamma, Ac, A mu, &c. cadunt in F, l, m, &c. propterea quod per lemma 9. similes arcus intercipiunt gamma c, Fl, c mu, lm, &c. Vt igitur in Horizonte, sic in hoc circulo radii A mu, A zeta, dabunt diametrum apparentem paralleli fg, & radius A nu, in centrū h, incidet, &c. Itaque si circulus A gamma beta delta, in partes aequales diuidatur, (quod in figura factum non est,) describentur idem prorsus paralleli, qui supra Num. 6. per Horizontem descripti sunt.

Diametros visas parallelorum Horizontis per circulum, qui Horizontem in polo australi tangit, inuenit.

FACILE quoque ex his demonstrabimus, rectas ex S, centro Verticalis



ad intersectiones eiusdem Verticalis cum parallelis ductas, parallelos ibidem tangere; quales sunt See, Sec. Iuncta. n. recta SA, tanget Horizontem in A, vt propof. 5. Num. 28. ostendimus. Si igitur describatur circulus Acd, Horizontem tangens in A, transiensque per cd, extrema puncta diametri paralleli, vt paulo ante monstratum est, tanget eadem recta SA, hunc circulum in A. Quapropter rectangulum sub cS, Sd, quadrato rectæ SA, vel Sec. (quæ ipsi SA, æqualis est) æquale erit; ac proinde recta See, parallelum cced, tanget in ee, & sic de cæteris parallelis circa Zenith i, descriptis. Neque diuersa ratio est in parallelis circa Nadir K, descriptis. Nam descripto circulo AKL, Horizontem tangente in A, transeunteque per K, L, extrema puncta diametri paralleli KL, tanget SA, hunc circulum in A cum perpendicularis sit ad HAR. Igitur rectangulum sub LS, SK, æquale erit quadrato rectæ SA, hoc est, quadrato rectæ ex S, ad intersectionem Verticalis cum parallelo KL, ductæ, ac proinde hæc recta parallelum in eadem intersectione tanget. Eademque ratio est de cæteris parallelis circa Nadir k, descriptis.

A TQVE ex hoc rursus inferitur, si inuentum fuerit vnum extremorum diametri Horizontis, vel eius paralleli, & duabus rectis, quarum prima est inter centrum Verticalis S, & extremum inuentum, secunda verò diameter Verticalis, inueniatur tertia proportionalis, extremum huius punctum esse alterum extremum diametri. Quia enim SA, tangit Horizontem, ferit rectangulum sub SG, SF, quadrato rectæ SA, æquale. Igitur erit, vt SG, ad SA, ita SA, ad SF. Eadem ratione, quia See, tangit parallelum cd, in ee, erit eius quadratum rectangulo sub Sd, Sc, æquale. Igitur erit, vt Sd, ad See, ita See, ad Sc. Quamobrem inuento extremo d, inuenietur alterum c, si duabus Sd, See, inueniatur tertia proportionalis Sc. & sic de cæteris.

8. EORVNDEM parallelorum Horizontis diametros visas, etiam si neque in Aequatore, neque in Horizonte diametri eorum ductæ sint, reperiemus hoc etiam tertio modo. Ex puncto A, in priori figura, descripto circulo cuiuscunque magnitudinis $\gamma\gamma$ R $\theta\theta$, ductaque $\gamma\gamma$ $\theta\theta$, ad AR, perpendicularari, vt quadrantes fiant R $\gamma\gamma$, R $\theta\theta$; sit arcus R ϵ , semissis complementi altitudinis poli, hoc est, semissis illius arcus, qui arcui CK, similis sit, transibitque ducta recta A ϵ , per K, cum per lemma 10. rectæ AR, AK, auferant arcum R ϵ , semissem arcus, qui arcui CK, similis sit. Eadem de causa, si arcus $\epsilon\delta$, $\epsilon\theta$, sint quadrantum semisses, transibunt ductæ rectæ A δ , A θ , per H, I, quòd KH, KI, quadrantes sint. Diuiso iam quadrante $\delta\theta$, qui semicirculo HKI, respondet, in 180 partes æquales, hoc est, vtroque arcu $\epsilon\delta$, $\epsilon\theta$, in 90 si omnes Almicantath desiderentur, (Nos vtroque in tres partes distribuimus, vt singulæ tricenarias partes contineant, hoc est, quindenos gradus) abscedent quilibet duo radij ex A, per duo puncta æqualiter distantia à puncto ϵ , quod vertici capitis respondet, emissi, ex BD, diametrum apparentem illius paralleli Horizontis, qui tot gradibus à Zenith in sphaera abest, quot semigradibus puncta illa duo à puncto ϵ , distant, vel qui tot gradibus ab Horizonte distat, quot semissibus graduum duo illa puncta à punctis δ , θ , absunt versus Zenith, si puncta assumpta sint in quadrante $\delta\theta$, aut versus Nadir, quando puncta assumpta sunt à punctis δ , θ , versus $\gamma\gamma$, & $\theta\theta$. Ita vt quadrans $\delta\theta$, respondeat parallelis Horizontis supra Horizontem, partes vero à δ , & θ , versus $\gamma\gamma$, & $\theta\theta$, parallelis infra Horizontem. Verbi gratia. Radij A λ , A ξ , abscedent diametrum cd, paralleli, qui 60. grad. à Zenith distat: quia cum rectæ A ϵ , A λ in circulo R δ , interceptiant 60. semigradus, auferent eadem ex Aequatore grad. 60. per Lemma 10.

Rectas ex centro Verticalis ad intersectiones parallelorum Horizontis ductas, tangere parallelos in eadem intersectionibus.

a 36. tertij. b 37. tertij.

c 18. tertij. d 36. tertij. e 37. tertij.

Dato vno extremo diametri Horizontis, vel eius paralleli, inuenire alterum extremum, per tertiã proportionalem ad rectam, inter datum extremum, & centrum Verticalis, & ad semidiametrum Verticalis.

f 36. tertij.

g 16. sextij.

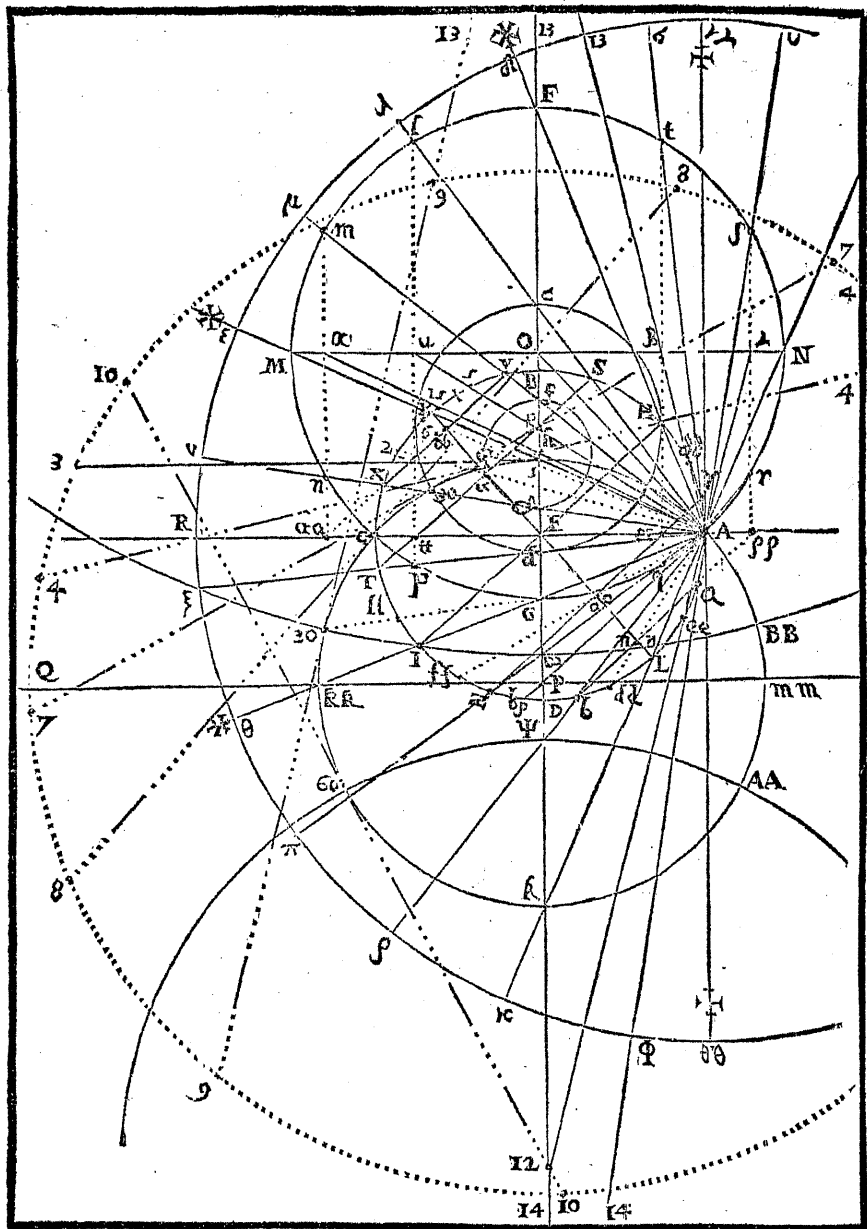
h 36. tertij.

i 16. sextij.

Semidiametrum Verticalis medio loco proportionalem esse inter rectam, quæ inter centrum Verticalis, & alterum extremum diametri Horizontis vel eius paralleli interuenit, & rectam inter idem centrum Verticalis & alterum extremum diametri Horizontis, vel eius paralleli positã.

Diametros visas parallelorum Horizontis reperire per arcum quem tuncque ex polo aut illi descriptum.

ac pro-



ac proinde radius Al , per S , transibit; eademque ratione radius $A\xi$, per T , transibit: Ideoque ambo per puncta c, d , quemadmodum prius radii AS, AT , transibunt. Simili modo radii $A\mu, Av$, per V, X , transibunt, diametrumque visam fg , abscident, Atque hi quidem radii inter ϵ , & puncta δ, θ , existentes auferent diametros parallelorum supra Horizontem. Alii vero radii ultra puncta δ, θ , diametros parallelorum infra Horizontem abscident. Vt radii $A\sigma, A\pi$, dabunt diametrum visam paralleli, qui per ω , infra Horizontem describitur. Ambo tamen radii α , puncto ϵ , æqualiter distantes, vel à punctis δ, θ , si rectam BD , secant infra punctum P , exhibebunt diametrum paralleli infra polum antarcticum existentis, qui in Astrolabio infra rectam PQ , circa Nadir k , describitur. Huiusmodi sunt radii Au, Ap , abscidentes diametrum visam $L14$. Itaque si omnes tres modi, quos tradidimus, adhibeantur, exquisitissimè inuenientur diametri visæ parallelorum Horizontis, cum pro singulis radiis ex A , ducendis habeantur præter punctum A , terna alia puncta, per quæ duci debeant, vnum videlicet in Aequatore, alterum in Horizonte, & tertium in circulo $\gamma\gamma R\theta\theta$, vt ex dictis perspicuum est.

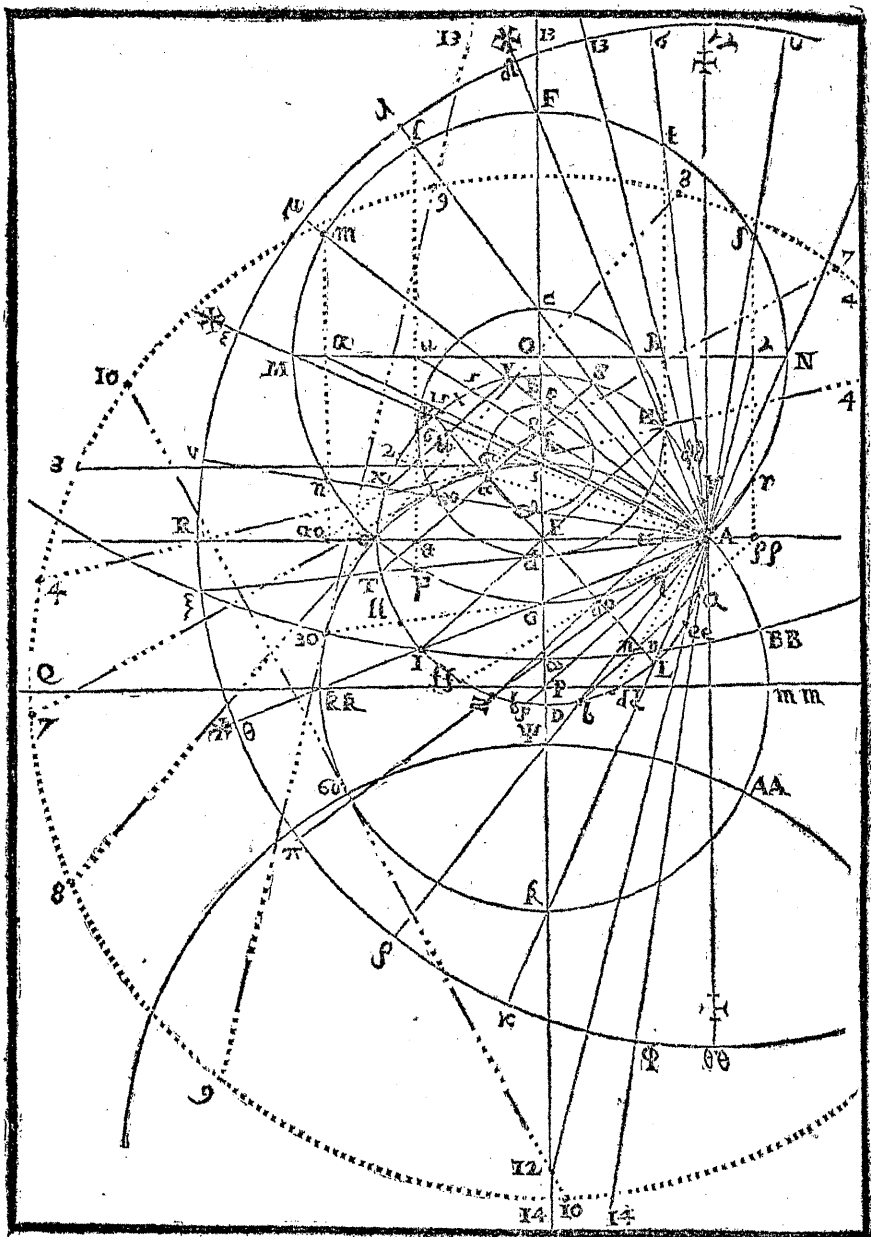
9. CAETERVM quemadmodum si angulo CAK , quem cum radio AK , in Zenith cadente, recta AC , per E , punctum, vbi axem Horizontis KL , diameter Horizontis HI , secat, emissæ constituit, fiat ex altera parte eius radij angulus æqualis OAK , hoc est, si arcui CK , sumatur à K , versus B , arcus æqualis, & per finem recta AO , ducatur; recta AO , in centrum Horizontis in Astrolabio cadit, id est, diametrum visam Horizontis FG , diuidit bifariam, vt in præcedenti propos. Num. 3. ostendimus: ita quoque, si ducta ex A , recta Az , per punctum cc , vbi ST , diameter paralleli Horizontis eundem axem KL , secat, angulo zAK , fiat æqualis angulus AK , hoc est, si arcui zK , æqualis arcus Ks , sumatur; recta ducta As , incidet in e , centrum paralleli in Astrolabio, cuius diameter in sphaera est ST , hoc est, visam diametrum cd , eiusdem paralleli bifariam diuidit, per ea, quæ à nobis in lemmate 35. demonstrata sunt. Nam axis KL , ad diametrum ST , perpendicularis est, cum perpendicularis sit ad Horizontis diametrum HI , cui ST , æquidistat. Pari ratione, si ex A , per punctum bb , vbi diameter VX , eundem axem KL , interfecat, recta ducatur $Abb\delta$, & arcui $K\delta$, æqualis accipiat $K15$, cadet ducta recta $A15$, in h , centrum paralleli, cuius diameter VX . Item si ex A , per punctum oo , vbi diameter YZ , axem eundem KL , diuidit, ducatur recta $Aoo\eta$, & arcui $K\eta$, sumatur Kgg , æqualis, vel (quod idem est) arcui $L\eta$, sumatur æqualis, Lgg , cadet ducta recta Agg , in centrum paralleli, cuius diameter YZ . Denique eandem ob causam, si ex A , per punctum nn , vbi diameter ab , eundem axem KL , secat, ducatur $Anndd$, recta, & arcui Ldd , æqualis sumatur Lec , cadet recta producta Aec , in centrum paralleli, cuius diameter ab , &c. Eadem enim in omnibus est demonstratio. Idem hoc quadrat etiam in circulum $\gamma\gamma R\theta\theta$. Nam si, verbi gratia, recta $A cc$, produceretur secans circulum $R\epsilon$, in puncto aliquo, & arcui inter hoc punctum, & punctum ϵ , æqualis abscinderetur, caderet recta per terminum huius arcus ducta in e , centrum paralleli, cuius diameter ST . Nam propter arcus æquales ad vtramque partem puncti ϵ , fierent anguli ad A , centrum illis insistentes æquales; ac propterea insisteret quoque in circulo $ABCD$, arcubus æqualibus Kz, Ks . Quare, vt demonstratum est, recta $A s$, caderet in centrum e , &c.

10. PRAETER tres modos expositos excogitauimus quartam adhuc rationem pulcherrimam, atque facillimam describendi parallelos Horizontis in Astro-

Quæ lineæ ex polo australi emissæ secant diametros visas parallelorum Horizontis in primo & tertio modo inueniuntur bifariam, hoc est, in centro parallelorum cadant.

a 29. primi.

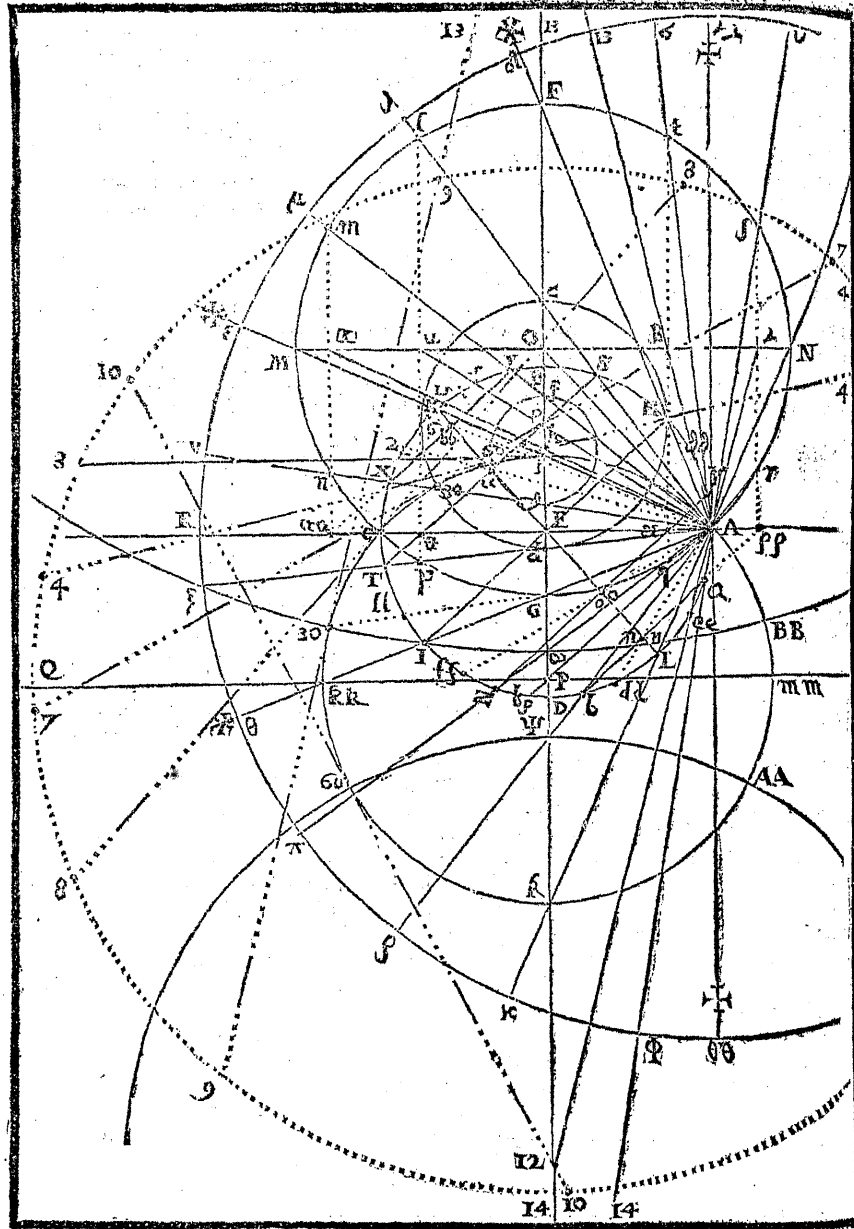
b 27. tertij.
c 26. tertij.
semidiametrum, & centrum cuiusvis paralleli Horizontis, per vnicuique diametrum, quæ Verticalem tangat, inueniuntur.



Astrolabio, qua videlicet per vnam solam rectam lineam, qua Verticalem tangat, inuenitur semidiameter paralleli describendi, eiusque centrum. Ea autem est eiusmodi. Descripto Verticali primario $AiCk$, diuidatur eius quadrans iC , in 90. gradus, si omnes paralleli supra Horizontem describendi sint, similiterque quadrans Ck , si omnes paralleli infra Horizontem desiderentur. Nos vtrumque quadrantem in ternas partes partiti sumus, vt singulae tricenis gradibus respondeant: qua diuisio exijs, qua tradita sunt, difficilis non est. Nam si vterque quadrans Aequatoris CB, CD , in tot partes aequales secetur, in quot quadrantes Verticalis diuidendi sunt, & ex G , polo Verticalis (quemadmodum $n.K, L$, poli veri sunt Horizontis, ita H, I , poli veri sunt Verticalis, qui in punctis F, G , apparent.) per diuisionu puncta in Aequatore rectae occultae ducantur, diuidetur vterque quadrans Verticalis Ci, Ck , in punctis 30. 60 qua illis in Aequatore respondent, vt in praecedenti propos. Num. 17. demonstratum est in primo modo distribuendi circulos maximos obliquos in gradus, exemplumque posuimus hic in recta $G30$, qua per 11 . gradum 30. Aequatoris a C , versus D , numeratum transiens aufert arcum $C30$. graduum 30. ex Verticali circulo. Deinde per puncta diuisionum vtriusque quadrantis in Verticali ducantur rectae tangentes Verticalem. Haec namque in meridiana linea BD ; indicabunt centra parallelorum per eadem illa puncta Verticalis describendorum, ita vt portiones tangentium inter puncta contactuum, & rectam BD , sint parallelorum semidiametri. Exempli gratia. Per C , si ducatur recta $CO8$, tangens Verticalem in C , cadet ea in O , centrum Horizontis, qui est omnium parallelorum parallelorum maximus, semidiameter autem erit OC . Igitur circulus ex O , per C , descriptus dabit Horizontem. Sic recta $30e7$, tangens Verticalem in puncto 30. quadrantis Ci , cadet in e , punctum, ex quo per punctum illud 30. circulus descriptus dabit parallelum Horizontis, qui 30. gradibus ab eo versus Zenith distat: Recta autem $60h4$ tangens Verticalem in puncto 60. eiusdem quadrantis Ci , praebit h , centrum paralleli per punctum 60. describendi, qui 60. grad. ab Horizonte versus Zenith distat. Simili modo recta 30913 , Verticalem tangens in puncto 30. quadrantis Ck , secabit DB , protractam in centro paralleli per punctum 30. eiusdem quadrantis Ck , describendi, qui 30. gradus sub Horizonte latet. Denique recta 6012 , tangens Verticalem in puncto 60. eiusdem quadrantis Ck , transibit per 12 . centrum paralleli per illud punctum 60. describendi, qui 60. gradibus ab Horizonte versus Nadir recedit. Eademque ratio est de caeteris. Demonstratio huius descriptionis, qua inter omnes magis mihi placet, haec est. Paralleli transeunt necessario per puncta in Verticali hoc modo inuenta, cum haec referant illa puncta Verticalis primarij in sphaera, per qua paralleli, quos hi in Astrolabio descripti referunt, ducuntur. Quoniam vero, vt supra Num. 7. demonstraui, rectae lineae ex P , centro Verticalis ad puncta, vbi Verticalis parallelos secat, emissae tangunt parallelos in eisdem illis punctis, erunt rectae ex illis punctis ad centra parallelorum ductae, perpendiculares ad praedictas rectas ex P , centro Verticalis ad puncta intersectionum Verticalis cum parallelis ductas. Igitur eadem illae rectae ex centris parallelorum ductae, cum sint ad semidiametros Verticalis, hoc est, ad rectas ex centro P , eductas, perpendiculares, Verticalem in punctis tangunt, ex coroll. propos. 16. lib. 3. Eucl. Quare lineae rectae Verticalem tangentes per centra parallelorum transibunt, quandoquidem rectae ex his centris ad puncta sectionum Verticalis ductae, Verticalem tangunt, vt ostendimus: alioquin duae rectae Verticalem in eodem puncto tangerent, illa

A aa videlicet,

a 18. tertij.



videlicet, quæ ex puncto sectionis ducitur tangens Verricalem, & illa, quæ ex centro paralleli ad idem sectionis punctum ducitur, quod est absurdum.

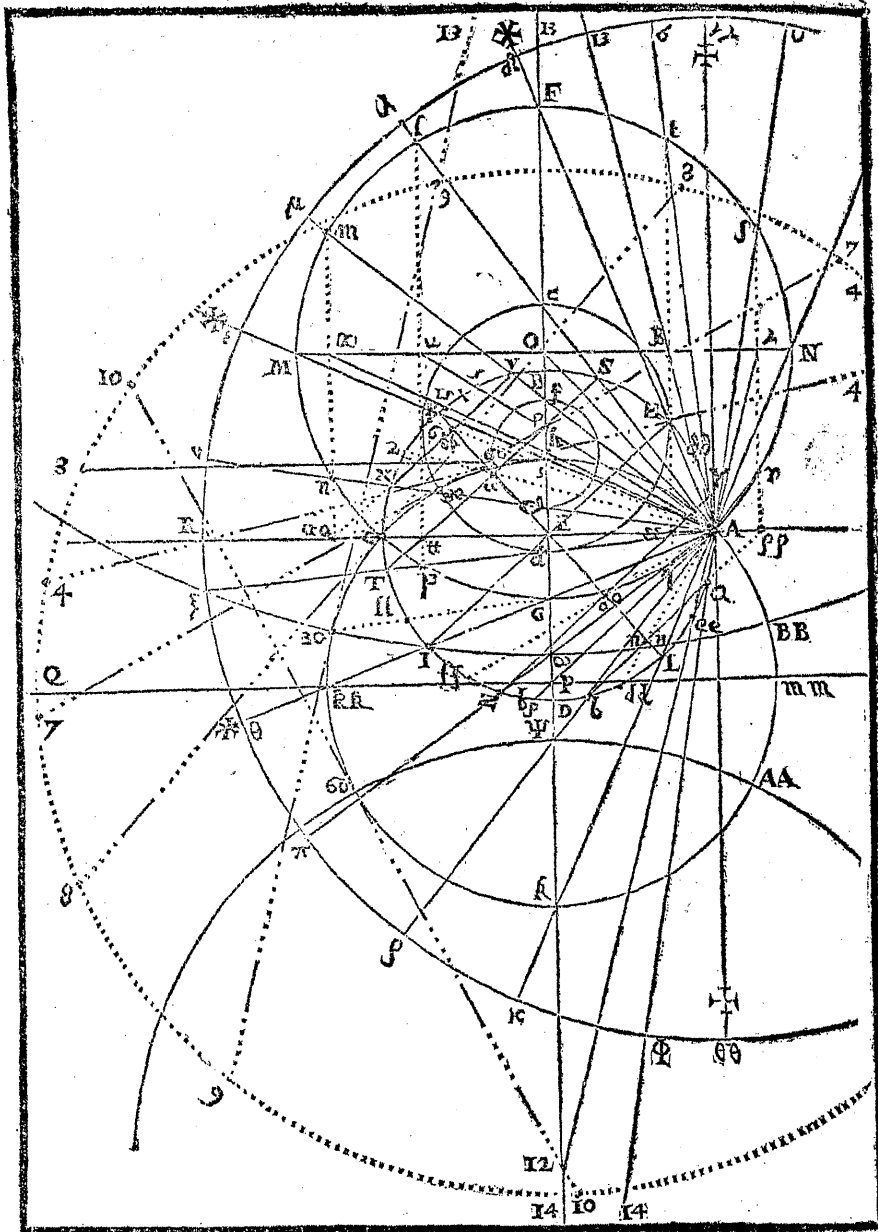
11. HOC autem artificio, si plures paralleli proponantur describendi, lineas Verticalem tangentes sine magno labore ducemus. Descripto ex P, centro circuli Verticalis, circulo cuiuscunque magnitudinis, occulto tamen, ne confusio gignatur, qualis est Q439. ducatur ex il, ad ik, perpendicularis i3, secans circulum descriptum in 3. Nam si beneficio circini interuallum i3, acceptum transferas ex quolibet puncto circuli Verticalis in circumferentiam Q439. ex P, descriptam, siue in vtramque partem, siue in alteram tantum, recta linea ex inuento puncto in dicta circumferentia descripta, per illud punctum Verticalis ducta tanget Verticalem in eodem illo puncto. Ut quia ad interuallum i3. ex puncto Verticalis 60. in quadrante i C, circinus secat vtrinque circumferentiam in punctis 4. 4. tanget recta 4 60 4. Verticalem in puncto 60. Eadem ratione, quia circinus eodem interuallo ex puncto 30. eiusdem quadrantis secat circumferentiam vtrinque in punctis 7. 7. tanget recta 7 30 7. Verticalem in 30. Rursus idem interuallum ex C, dat vtrinq in circumferentia puncta 8. 8. Igitur recta 8 C 8 tanget Verticalem in C. Item quia interuallum idem ex puncto 30. quadrantis Ck, secat circumferentiam ex vtraque parte in 9. 9. tanget recta 9 30 9. Verticalem in 30. Denique quoniam idem interuallum exhibet vtrinque in circumferentia puncta 10. 10. ex puncto 60. eiusdem quadrantis, recta 10 60 10, Verticalem in 60. continget. Atque ita de cæteris. Ratio huius operationis est, quod omnes tangentes inter Verticalem i Ck, & circulum 3 4 7. æquales sunt per lemma 48. Quin etiam quia, vt in eodem lemmate demonstratum est, arcus inter binas tangentes positi, similes sunt; si arcui i 60. similis accipiatur 3 4; & arcui i 30. arcus 3 7; & arcui i C, arcus 3 8; & arcui i C 30. arcus 3 9; & arcui i C 60. arcus 3 10. (quod facile fiet, si ex P, centro Verticalis per puncta Verticalis i, 60. 30. C, & c. rectæ emittantur. Hæ namque ex circulo descripto 3 4 7. arcus similes abscident, qui ex puncto 3. in circumferentiam 3 4 7. transferendi sunt.) habebuntur eadem puncta 4. 7. 8. 9. 10. per quæ tangentes lineæ ducendæ sunt.

EX his omnibus facile colligere licebit, nullum parallelum Horizontis, quamuis minimum, centrum habere in ipso polo i. Quia enim recta Ai, per polum i, extensa cadit in M, extremum punctum diametri Horizontis, vt in scholio præcedentis propositionis Num. 14. monstratum est, recta autem ex A, per centrum cuiuscunque paralleli ducta cadit in aliquod punctum interioris eiusdem diametri Horizontis MN, in illud videlicet, per quod transit recta ipsi FG, æquidistans, respondensque diametro paralleli in Aequatore, vt paulo ante Num. 6. ostendimus, perspicuum est, centrum cuiuscunque paralleli a polo i, esse diuersum; quandoquidem rectæ ex A, per centrum, & polum i, existant inter se differunt. Quod etiam probari potest ex iis, quæ Num. 9. demonstrauimus. Nam cum centrum reperiat per rectam ex A, educam ad punctum Aequatoris tanto spatio distans a polo K, versus B, quanto ab eodem polo K, recta ex A, per intersectionem diametri paralleli cum axe K L, emissæ abest versus C, vt ibi ostendimus; manifestum est, rectam ex A, per centrum ductam a recta A K, diuersam esse. Idem denique ex iis etiam constat, quæ Numero 10. demonstrata sunt: quia nimirum recta tangens Verticalem in puncto, ubi à parallelo secatur, cadit in centrum paralleli; quæ quidem tangens nullo modo in punctum i, cadere potest, cum recta ab intersectione paralleli cum

Praxis facilis ad plures lineas ducendas, quæ datæ circulum in datis punctis tangant.

Centrum enim parallelis paralleli Horizontis ab eius polo diuersum est.

a. 2. tertij.



Verticali ad i, ducta, intra Verticalem cadat, non autem tangat.

12. NON est autem prætereundum, ex quolibet parallelo Horizontis descripto in Astrolabio describi posse parallelum oppositum, etiamsi eius diameter apparens non sit inuenta. Quoniam enim per quodlibet punctum circuli non maximi in sphaera circulus maximus cum tangens describi potest, tanget circulus ille maximus alium non maximum priori æqualem ac parallelum. Cum ergo per Coroll. propof. 6. lib. 2. Theod. puncta contactuum per diametrum sphaeræ sint opposita, erit cuilibet puncto assignato in quouis parallelo Horizontis aliud per diametrum sphaeræ oppositum in parallelo opposito, illud nimirum, in quo circulus maximus priorem parallelum tangens in assignato puncto, posteriorem parallelum oppositum tangit. Quamobrem si tribus punctis quibusuis in descripto parallelo assignatis inveniatur tria puncta per sphaeræ diametrum opposita, ut mox docebimus, & per hæc circulus describatur, descriptus erit parallelus oppositus. Describetur autem per tria illa puncta circulus, si centrum inveniatur ex scholio propof. 5. lib. 4. Eucl. (quod tamen hic facile inuenietur, cum semper existat in meridiana linea BD,) vel quando centrum nimis procul distat, per instrumentum, quod in lemmate 14 construximus.

a 14. 2. Tb.
b 6. 2. Tb.

Ex quouis parallelo Horizontis in Astrolabio descripto, parallelum oppositum describere, etiamsi eius diameter inuenta non sit.

13. CAETERVM hac arte cuilibet puncto in Astrolabio dato oppositum punctum per diametrum reperietur. Ducta ex dato puncto recta linea per centrum Astrolabij, inueniatur per Lemma 12. duabus lineis, quarum prior sit recta inter datum punctum, & centrum Astrolabij interiecta, posterior vero Aequatoris semidiameter, tertia proportionalis, cui æqualis abscindatur ex illa recta per centrum Astrolabij ducta, initio facto ab eodem centro. Nam terminus erit punctum oppositum. Quoniam enim, ut supra ostendimus propof. 4. Num. 11. semidiameter Aequatoris medio loco proportionalis est inter duas semidiametros parallelorum Aequatoris oppositorum, fit, ut posita linea inter centrum Astrolabij, & datum punctum semidiametro vnus paralleli Aequatoris, altera linea inter idem, centrum Astrolabij, & inuentum punctum, sit semidiameter paralleli Aequatoris opposito, ac proinde inuentum punctum dato puncto sit oppositum per diametrum. Inuenietur autem tertia proportionalis facili negotio ea ratione, quam ad finem Lemmatis 12. explicauimus. Nam si ad rectam ex dato puncto per centrum Astrolabij eiectam excutatur diameter Aequatoris ad angulos rectos, & per extrema puncta huius diametri, & punctum datum circulus describatur, abscindet is tertiam proportionalem, ut ibi demonstrauimus, &c.

Dato puncto in Astrolabio punctum per diametrum sphaeræ oppositum reperire.

FACILIVS inueniemus cuius puncto dato punctum oppositum hac ratione. Detur in superiori figura punctum F, extra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta FG, excutetur ad eam in E, perpendicularis EA, & ad iunctam AF, perpendicularis erigatur AG, secans FG, in G: quod fiet, si arcui Aequatoris BH, æqualis sumatur oppositus DI. Nam recta AI, ad AF, perpendicularis erit, hoc est, angulus HAI, in semicirculo HAI, reclusus erit: Nam punctum G, per diametrum erit puncto F, oppositum, per ea, quæ in scholio prop. 5. Num. 20. demonstrata sunt. Rursus detur punctum i, intra Aequatorem, à quo per centrum E, ducta recta ik, excutetur ad eam in E, perpendicularis EA, & ad iunctam i A, perpendicularis erigatur, Ak; eritque rursus k, punctum per diametrum puncto i, oppositum. Quod si quando contingat, perpendicularem Ak, valde oblique secare rectam ik, commode ita agemus. Pro ducta AE, vsque ad C, describemus per tria puncta A, i, C, circulum, hic enim secabit

c 31. tertij.

a 31. tertij. secabit ik, in k, puncto per diametrum puncto i, opposito, cum angulus i Ak; in semicirculo rectus sit. Quo pacto autem dato puncto paralleli inueniatur punctum in eodem per eius diametrum oppositum, docebimus propof. 14. Num. 4. Quando datum punctum fuerit in circumferentia alicuius maximi circuli, dabitur recta ex eo per centrum Astrolabij ducta, in circumferentia eiusdem circuli punctum per diametrum oppositum.

14. QVIA vero, vt in scholio antecedentis propof. Num. 10. demonstrauimus, quaelibet recta linea per centrum Astrolabij traiecta indicat in quouis circulo maximo obliquo duo puncta per diametrum opposita, fit, vt recta linea ex punctis, in quibus Verticalis datum parallelum secat, per centrum Astrolabij extensa, indicent in eodem Verticali duo puncta illis opposita. Verbi gratia. Descripto parallelo Horizontis c 30 d, si ex puncto 30. vbi Verticalis secatur, per E, centrum Astrolabij ducatur recta linea, secabitur Verticalis in BB, puncto opposito: Eademque ratione recta ex altera intersectione Verticalis, & predicti paralleli, per E, ducta exhibebit in Verticali punctum quoque oppositum 30. Quod si duabus rectis Ec, EB, reperiatur tertia proportionalis E ω, (quod facile fiet, si per tria puncta A, c, C, circulus describatur. Hic enim abscindet tertiam proportionalem E ω, vt ad finem Lemmatis 12. ostensum est.) erit punctum ω, puncto c, oppositum. Per tria ergo puncta 30. ω, BB, parallelus ipsi c 30 d, oppositus describendus est. Et si pluribus punctis paralleli c 30 d, parum inter se distantibus opposita puncta reperiantur, describentur oppositus parallelus per plura illa puncta, (si nimirum puncta illa coniungantur per lineam curuam) etiam si centrum non inueniatur, neque per instrumentum Lemmatis 14. descriptio fiat. Rursus si ex punctis duobus, vbi Verticalis parallelum f 60 g, intersecat, per centrum L, recta emittantur, secabitur Verticalis in punctis AA, 60. quæ illis opponuntur. Et si fiat, vt Ef, ad Eb, ita EB, ad aliud, inuenietur punctum J, puncto f, oppositum; (Id quod facile etiam fiet, si per tria puncta A, f, G circulus describatur. Hic enim abscindet tertiam proportionalem E J, vt ad finem Lemmatis 12. demonstratum est.) ac propterea parallelus ipsi f 60 g, oppositus, per puncta 60. J, AA, describendus erit.

15. QVOD si cuiusq; alij puncto, nimirum puncto α, in recta MN, inueniendum sit punctum oppositum, ducenda erit recta ex α, per E. Nam si fiat, vt Ea, ad Eb, ita EB, ad aliud, inuenietur tertia linea, cuius terminus a puncto E, incipiendo est punctum ipsi α, oppositum. Et sic de cæteris: quæ quidem tertia linea reperietur facili negotio, per ea, quæ ad finem Num. 13. paulo ante scripsimus.

16. EX hoc rursus inueniemus in dato parallelo Aequatoris quoeunque punctum, in quo secetur a parallelo Horizontis, qui quotlibet gradibus ab Horizonte distet versus Nadir, etiam si parallelus hic non describatur: quæ res commodissima est, quando parallelus parum a recta PQ, distat, hoc est, cuius distantia ab Horizonte termè æqualis est altitudini poli AH: huiusmodi enim paralleli descriptio difficillima est, quod eius centrum nimis procul distet, & parallelus ipse in Astrolabio recta quasi linea existat. Ita ergo progrediemur. Sit v. g. inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis distans ab ipso Horizonte versus Nadir grad. 40. parallelum Aequatoris, cuius declinatio australis sit grad. 20. intersecet. Descripto parallelo Aequatoris opposito, cuius scilicet declinatio borealis sit grad. 20. & insuper parallelo Horizontis opposito,

qui

qui videlicet grad. 40. ab Horizonte versus Zenith recedat; si a punctis, vbi hi duo paralleli se interfecant, per centrum E, recta ducantur, secabitur datum parallelum Aequatoris in duobus punctis, quæ illis duobus opposita sunt; ac proinde in quibus parallelus Horizontis propositus parallelum Aequatoris datum secaret, si descriptus esset, propterea quod oppositi paralleli ducuntur per opposita puncta in sphaera. Quod si quando contingat, parallelum borealem Aequatoris dato parallelo australi oppositum a descripto parallelo Horizontis non secari, argumento est, neque australem propositum a nominato parallelo Horizontis secari posse. Sed vt res planior fiat, sit inuestigandum punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte Aequatorem diuidat. Descripto ergo parallelo Horizontis grad. 30. supra Horizontem circa diametrum cd, qui Aequatorem secet in H, (Aequator enim, cum sit circulus maximus, oppositum parallelum non habet, qui describatur) ducatur ex H, per E recta HE, secans Aequatorem in I; eritque I, punctum oppositum puncto H. Cum ergo parallelus Horizontis grad. 30. sub Horizonte, qui videlicet parallelo diametri cd, opponitur, transeat necessario per punctum puncto H, oppositum, secabit omnino Aequatorem in puncto I, quod puncto H, opponitur, atque ita inuentum est punctum I, etiam si parallelus Horizontis BB ω 30. descriptus non esset. Sumpsimus pro exemplo puncta H, I, extrema diametri Horizontis, quia licet non omnino in his predicti paralleli Horizontem intersecent, non procul tamen ab illis intersectiones fiunt, vt factis aptè per illa res explicetur, ne aliam lineam cogamur ducere, maiorque confusio in figura oriatur. Quod si quis peteret punctum, in quo parallelus Horizontis grad. 60. sub Horizonte Aequatorem secet; describendus foret parallelus Horizontis grad. 60. supra Horizontem, circa diametrum fg. Sed quia hic Aequatorem non secat; sed totus intra ipsum existit, dicemus parallelum Horizontis grad. 60. infra Horizontem nullo modo Aequatorem secare. Id quod perspicuum est in parallelo AA J 60. Et sic de cæteris.

17. EX his, quæ dicta sunt, nullo negotio quemcunque parallelum Horizontis, cuius ab Horizonte distantia data sit, siue versus Zenith, siue versus Nadir, describemus. Sit enim describendus v, g. parallelus Horizontis grad. 30. versus Zenith. In primo modo, numerabimus in Aequatore a diametro vera Horizontis HI, versus Zenith K, grad. 30. vsque ad S, T, vt habeatur eius diameter in sphaera ST, Radij, enim AS, AT, ressecabunt diametrum visam cd, propositi paralleli. In secundo autem modo, eisdem 30. grad. supputabimus a diametro visa Horizontis FG, versus M, vsque ad l, p. Nam radii Al, Ap, eandem visam diametrum cd, dati paralleli abscindent. At in tertio modo, in circulo γγ R θθ, numerabimus a punctis δ, θ, versus ε, partes 30. ex ijs 90. in quas vterque arcus ε δ, ε θ, diuisus est, vsque ad λ, ξ. Radii n. A λ, A ξ, eandem diametrum visam cd, exhibebunt. Denique in 4. modo, in Aequatore a puncto C, versus B, Sumemus arcum grad. 30. & per eius terminum ex G, polo Verticalis rectam ducemus, quæ Verticalem secet in 30. Nam recta tangens Verticalem in 30. offeret e, centrum dati paralleli per punctum 30. describendi, &c. Quod si describendus sit parallelus Horizontis grad. 30. versus Nadir, numeratio ab eisdem terminis instituenda est in contrarias partes: vt in primo modo, a diametro HI, versus L; in secundo a diametro FG, versus N; in tertio a punctis δ, θ, versus

γγ, &

Parallelum Horizontis in sphaera datâ, in Astrolabio describere.

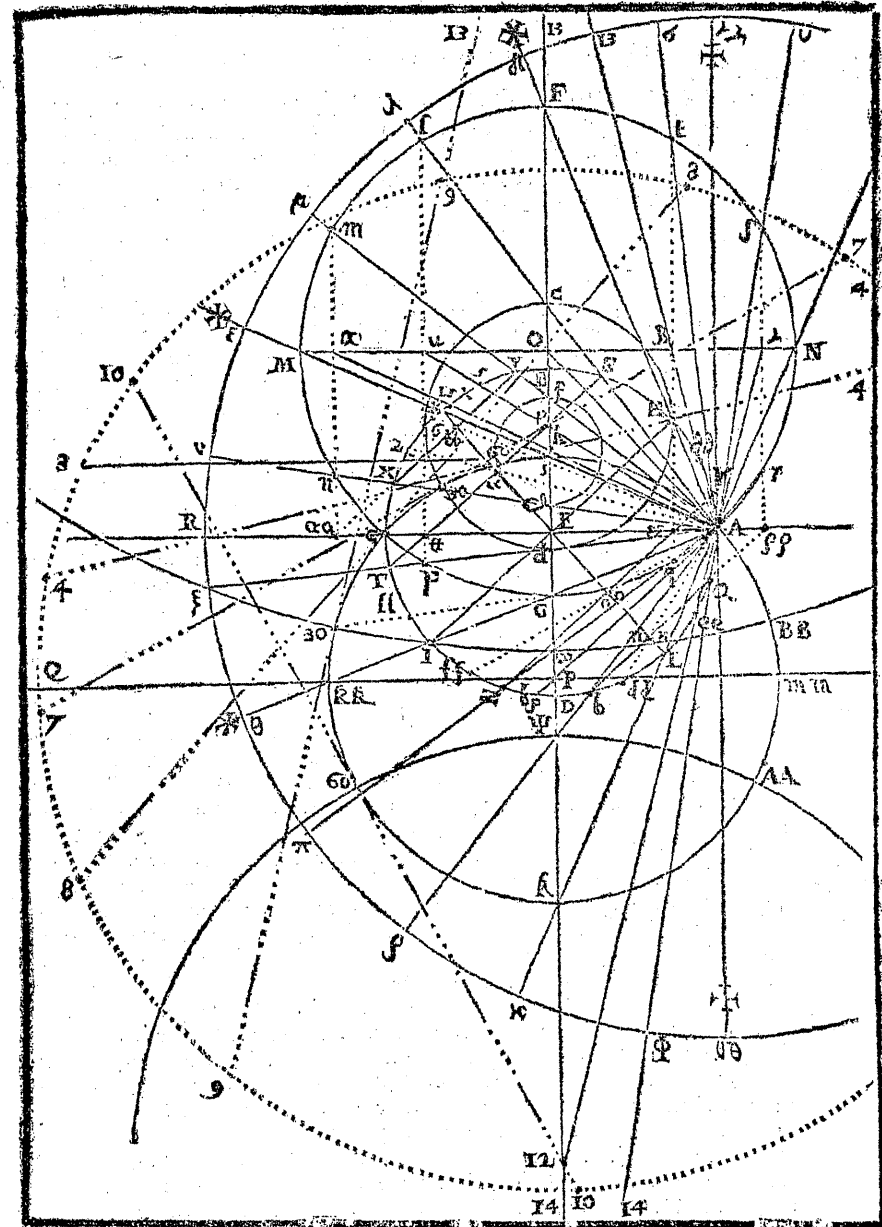
Punctum in parallelo Aequatoris australi dato inuenire, in quo a parallelo Horizontis infra Horizontem proposito secetur, quando secatur, etiam si descriptus non sit.

γγ, & θθ; In quarto denique, a puncto C, in Aequatore versus D, &c.
 18. VICISSIM cognoscemus, quantum quilibet parallelus Horizontis in Astrolabio descriptus ab Horizonte absit siue versus Zenith, siue versus Nadir, hoc modo. Sit descriptus parallelus Horizontis secans meridianam lineā BD, in c, d, punctis, a quibus ad A, polum australem rectæ ducantur cA, dA, Aequatorem secantes in S, T. Verq. enim arcus HS, IT, complectitur distantiam descripti paralleli ab Horizonte, versus K, Zenith. Necesse est autem, si error commissus non sit, ductam rectam SD, parallelam esse diametro Horizontis HI, hoc est, arcus HS, IT, esse æquales. Sit rursus descriptus parallelus Horizontis AA, in 60, secans lineam meridianam BD, in l, puncto, quod satis est, licet alterum punctum sectionis, propter nimis magnam distantiam, nequeat haberi, ducaturq. recta lA, secans Aequatorem in b. Nam arcus I b, metitur distantiam eius paralleli ab Horizonte versus L, Nadir, & sic de cæteris.

I D E M assequemur hoc et modo. Ex G, polo Verticalis ducatur per punctū sectionis paralleli dati cum Verticali recta linea secans Aequatorem. Nam arcus Aequatoris inter hanc rectam, & punctum B, indicabit distantiam paralleli a Zenith i; ac proinde eius complementum erit distantia eiusdem ab Horizonte. Vt recta G 30, per sectionem paralleli 30 a BB, cum Verticali secat Aequatorem in ll. Igitur B ll, arcus est distantia paralleli a Zenith i; arcus vero D ll, monstrat distantiam eiusdem a Nadir k. Denique C ll, arcus est distantia eiusdem infra Horizontem. Atque ita de cæteris. Ratio est, quia rectæ ex G, polo Verticalis emissa auferunt ex Aequatore, & Verticali arcus æqualium numero graduum, vt in præcedenti propositione Num. 17, demonstratum est. Quando tamen non constat, propositum circulum esse vnum ex parallelis Horizontis, vtendum est priori ratione. Nam per eam simul cognoscimus, num datus circulus sit vnus ex parallelis Horizontis, necne, prout scilicet inuenta fuerit eius diameter diametro Horizontis parallela, aut non. Quem autem circulum in sphaera referat, quando eius diameter inuenta non æquidistat diametro Horizontis, propo. 17, explicabimus.

19. OMNIA, quæ de parallelis Horizontis in Astrolabio describendis præcepimus, nullo negotio ad alios circulos obliquos, qui ad Meridianum recti sunt, transferentur, si in primo modo descriptionis parallelorum, diametro circuli maximi obliqui, cui circuli describendi æquidistant, parallelæ rectæ ducantur in Aequatore per gradus eiusdem Aequatoris, quemadmodum Horizontis diametro HI, parallelæ ductæ fuerunt ST, VX, &c. In secundo autem modo, pro Horizonte AFCG, accipiat proprius circulus maximus obliquus, atque in gradus distribuatur, factò initio a meridiana linea Astrolabij BD, &c. Vt si paralleli Verticalis primarij describendi forent, ducendæ essent in primo modo, diametro KL, parallelæ; & in secundo, Verticalis AiCk, in gradus distribuendus, principio sumpto a punctis i, & k: In tertio vero modo pro puncto e, quod ipsi Zenith, siue polo Horizontis superiori respòdet, assumatur in eodem circulo ex A, descripto punctum respondens alterutri polorum circuli maximi, cui paralleli describendi æquidistant in sphaera, & pro punctis s, θ, quæ extremis punctis diametri Horizontis HI, respondent, recipiantur puncta extremis punctis diametri assumpti circuli maximi obliqui respondentia: Vt in parallelis Verticalis circuli describendis accipiendum est pro e, alterutrum punctorum θ, s: Hæc enim polis Verticalis respondent: Deinde puncta e, x, pro punctis s, θ, accipienda &c: In quarto denique modo pro Verticali primario ad Meridianum recto, & per polos Horizontis ducto, adhibeatur circulus maximus ad Meridia-

num



bbb

Date parallelus Horizontis in Astrolabio, quanta sit eius ab Horizonte distantia, cognoscere.

Quo pacto omnia quæ de parallelis Horizontis describendis dicta sūt, ad describendos parallelos aliquorū circulorum, maximorum obliquorum, ad Meridianum tamen rectorum accommodentur.

num rectus, & per polos circuli maximi assumpti ductus; pro polo autem Verticalis G, sumatur polus circuli maximi, qui vices Verticalis gerit. Vt in eisdem parallelis Verticalis describendis, adhibendus est Horizon, eiusque polus i, &c.

20. IMMO eisdem prorsus viis parallelus cuiusvis circuli maximi obliqui in Astrolabio descripti, qui ad Meridianum rectus non sit, describere licebit, si pro meridiana linea BD, accipiatur recta per centrum circuli obliqui, & centrum Astrolabii extensa, id est, communis sectio Aequatoris, siue plani Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos propositi circuli obliqui ducti, instar proprii Meridiani eiusdem circuli obliqui. Exemplum huius rei inuenies proposit. 8. Num. 19.

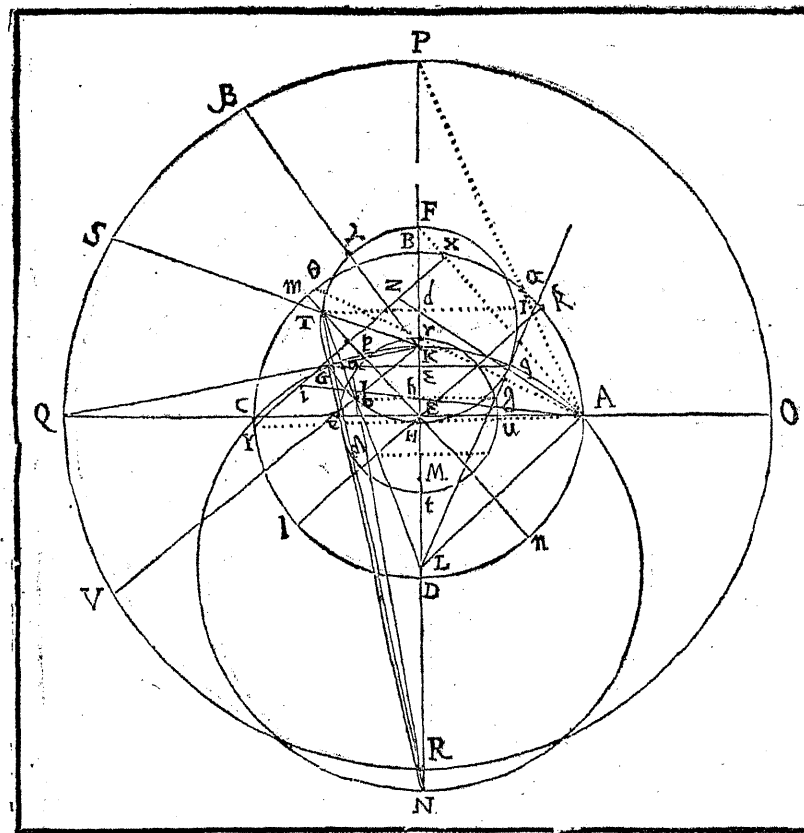
21. IAM vero parallelis cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuemus, hoc est, in partes inaequales, in quas gradus eorum in sphaera projiciuntur in Astrolabium, iisdem modis, quibus in antecedenti proposit. a Num. 17. vsque ad finem circulos maximos obliquos in gradus partiti sumus. In prior ergo parte primi modi ita rem exequemur. Sit Aequator Astrolabii ABCD, cuius centrum E; circuli maximi cuiusvis obliqui, u.g. Horizontis, diameter kl; diameter cuiuslibet eius paralleli XY, & parallelus idem in Astrolabio descriptus FGHq; Verticalis primarii diameter m n, & Verticalis ipse descriptus AKCN, cuius centrum L; K, polus Horizontis superior; N, inferior; M, polus Verticalis a polo australi in sphaera remotior, hoc est, punctum intersectionis Meridiani & Horizontis ex parte boreali, per quod videlicet Horizon descriptus transfret. Et quia Horizontis parallelus FGHq, in priora hac parte primi modi distribuendus est in gradus ex K, polo Horizontis intra Aequatorem reperto, qui in sphaera a polo australi remotior est, describendus erit parallelus Aequatoris OPQR, tanto intervallo distans a polo australi, quanto datus parallelus Horizontis a polo m, qui remotior est in sphaera a polo australi, abest, ita vt arcus Aa, metiens distantiam paralleli Aequatoris a polo australi A, aequalis sit arcui m X, qui distantiam paralleli Horizontis a polo remotiore m, metitur; adeo vt quando diameter paralleli Horizontis XY, recedit a diametro Horizontis kl, versus m, polum eius a polo australi remotiorem, diameter paralleli Aequatoris recedat a diametro Aequatoris BD, versus polum australem A, hoc est, parallelus Aequatoris sit australis: quando vero illa diameter ab Horizontis diametro versus polum Horizontis n, polo australi propinquorem vergit, haec a diametro Aequatoris vergat versus borealem polum C, id est, parallelus Aequatoris sit borealis: qui quidem parallelus Aequatoris ex E, describi potest, etiam si eius diameter visa inuenta non sit, per punctum Q, vbi recta KG, ex polo circuli obliqui K, per G, intersectionem paralleli obliqui cum circulo maximo AKCN, ducta diametrum Aequatoris AC, interfecat. Nam vt mox ostendemus, sicut FG, repraesentat quadrantem paralleli, ita recta KG, auferre debet ex parallelo Aequatoris, quadrantem. Descripto autem hoc parallelo Aequatoris, eodemque per duas diametros OQ, PR, perpendicularares in quatuor quadrantes diuiso, si ex K, polo Horizontis per singulos gradus paralleli OPQR, rectae lineae ducantur, sectus erit parallelus Horizontis FGH, in gradus, hoc est, in arcus quidem inaequales, sed qui repraesentent gradus aequales eiusdem paralleli in sphaera. Exempli gratia, si ex K, recta ducatur KS, abscindens arcum PS, grad. 60. auferet eadem ex parallelo Horizontis arcum FT; respondentem arcui grad. 60. eiusdem paralleli in sphaera. Sic si recta KV, refecet arcum RV, grad. 60. abscindetur quoque ex paral-

Quo pacto omnia, quae de parallelis Horizontis describendis dicta sunt, ad describendos parallelos cuiusvis alterius circuli maximi obliqui, & qui ad Meridianum quoque obliquus sit, accommodantur.

Parallelus cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo superiore.

Parallelum Aequatoris australem in Astrolabio describere ex parallelo aequali circuli maximi obliqui circa eius polum ab australi polo remotiore descripti.

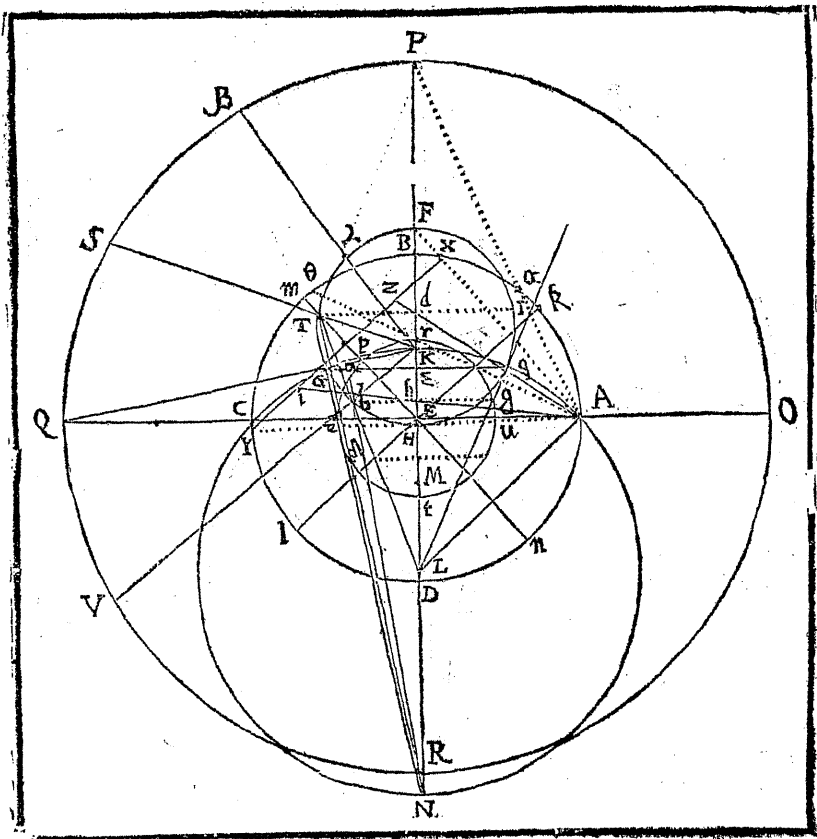
ex parallelo Horizontis arcus Hb, grad. 60. Denique recta KQ, auferens quadrantem PQ, auferet quoque quadrantem FG, ex parallelo Horizontis, hoc est, transibit per G, punctum, vbi Verticalis parallelum Horizontis interfecat. Nam quemadmodum in sphaera Meridianus ac Verticalis diuidunt ipsum Horizontem eiusque parallelis in quadrantes, ita quoque in Astrolabio contingat necesse est, adeo vt arcus FG, GH, Hq, qF, referant quadrantes eiusdem paralleli in sphaera: id quod supra Num. 5. huius proposit. declarauimus. Sumendum



autem est initium arcuum in utroque parallelo, a duobus punctis eiusdem ordinis, hoc est, vel a superioribus P, F, vel inferioribus K, H. & versus eandem partem progrediendum vel descendendo in utroque parallelo, vel ascendendo. Nam punctum P, paralleli Aequatoris est in semicirculo Meridiani superiore, in quo nimirum Zenith continetur, punctum autem F, paralleli Horizontis est australe: item punctum R, paralleli Aequatoris est in semicirculo Meridiani inferiore.

Initium arcuum respondentium in parallelis, vnde sumendum in hac parte primi modi, ex eorum polo superiore.

riore, & punctum H, paralleli Horizontis est boreale. Quare per ea, quæ in Lemmate 23. dicta sunt, recte initium sumendum esse diximus, vel a punctis P, F, superioribus, vel ab inferioribus R, H. Appello autem hic puncta superiora illa, quæ superiorem locum in figura tenent respectu partium Astrolabii, inferiora vero, quæ inferiorem; non autem illa, quæ in cælo superiora sunt, vel inferiora. Idem initium sumi potest a recta KQ, quæ ex parallelis quadrantes abscindit, vt a punctis Q, G, versus eandem semper partem progrediendo: quia hac ratione semper,



tenditur versus puncta, a quibus incipiendum esse diximus. Ita vides arcus respondentes PS, FT, incipere à superioribus punctis P, F, & descendere versus eandem partem sinistra; arcus vero respondentes RV, Hb, incipere a punctis inferioribus R, H, & versus eandem partem ascendere, &c. Hoc autem intelligendum est, quando polus circuli obliqui intra Aequatorem existens, reperitur quoque intra parallelum obliquum. Nam quando extra ipsum est, vt contingit in parallello per polum

lum australem ducto, & in aliis parallelis infra eum existentibus, quorum circumferentiæ in Astrolabio in contrarias partes describuntur, non autem versus maximum circulum obliquum, non possunt hoc modo sumi puncta superiora, & inferiora. Quare seruanda tunc sunt ea, quæ in Lemmate 23. de initiis arcuum abscissorum scripsimus.

VT autem in Astrolabio facile cognoscamus, vtrum punctorum paralleli Aequatoris sit in cælo superius, vel inferius, hoc est, contineatur in Meridiani semicirculo superiore, vel inferiore, si circulus maximus obliquus, cui paralleli obliqui æquidistant, pro Horizonte sumatur, supra quem eleuetur polus arcticus; Item vtrum punctorum paralleli obliqui sit boreale, australeue, hæc regula tenenda est. Punctum paralleli Aequatoris, quod polo circuli obliqui intra Aequatorem contento propinquius est, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabii per dictum polum ducta transit, repræsentat in cælo punctum superius, alterum vero, quod ab eodem polo magis distat, hoc est, per quod recta ex centro Astrolabij per alterum polum eiecta transit, inferius est. Item punctum paralleli obliqui centro Astrolabii (quod quidem a polo boreali non differt) propinquius, boreale est; remotius vero australe. Quæ res si vna cum iis, quæ in Lemmate 23. de initiis arcuum præfigendis scripsimus, attente considerentur, nullus erit labor in principiis arcuum abscissorum præfiniendis, siue ex polo circuli obliqui intra Aequatorem existente diuisio paralleli facienda sit, siue ex altero polo.

H V I V S autem diuisionis parallelorum obliquorum in gradus hanc accipe demonstrationem. Planum, quod in sphaera per polum antarcticum, & polum Horizontis ab eo remotiorem ducitur, abscindit per Lemma 23. ex parallelo Aequatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, (ita vt ille tanto spatium ab sit a polo australi, quanto hic a polo suo, qui a polo australi remotior est,) arcus æquales, initio facto a punctis, quæ diximus. Igitur idem planum, quod in sphaera circulum efficit, in Astrolabium proiectum conspicietur ex polo australi auferre eosdem illos arcus æquales ex duobus illis parallelis in Astrolabio descriptis. Cum ergo planum illud, vel potius circulus, quem in sphaera per polum australem transiens efficit, faciat per propos. 1. Num. 1. in Astrolabio lineam rectam per polum K, transeuntem, referet recta KS, circulum illi per polum Horizontis K, & punctum paralleli Aequatoris S, ductum. Hæc ergo secabit parallelum Horizontis in T, puncto, quod illi in sphaera respondet, per quod circulus ille ducitur: adeo vt circulus ille parallelum Horizontis ex polo australi conspiciatur secare in T, Aequatoris vero parallelum in S, propterea quod radius visualis in illius circuli plano per omnia eius puncta circumductus ab eo nusquam recedit, sed semper in KS, communi eius sectione cum plano Astrolabii existit. Arcus igitur FT, paralleli Horizontis repræsentat illum in sphaera, qui arcui PS, paralleli Aequatoris æqualis est. Idemque dicendum est de recta KV, & omnibus aliis, quæ ex K, polo Horizontis egredientes vtrumque parallelum secant. Quapropter si ex K, per singulos gradus paralleli Aequatoris rectæ ducantur, secabitur parallelus Horizontis in 360. arcus, qui gradibus 360. eiusdem paralleli in sphaera respondent: ita vt quælibet duæ rectæ ex K, emissæ intercipient in duobus illis parallelis duos arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet, hoc est, duos arcus, qui in sphaera duobus arcibus omnino æqualibus in eisdem parallelis respondent. Huiusmodi sunt duo arcus SQ, TG. Item duo SV, Tb; & QV, Gb, &c.

Regula facilis ad cognoscendum, vtrum punctum paralleli Aequatoris in Astrolabio, dicatur superius in cælo, inferius in cælo, respectu dati circuli maximi obliqui. Item vtrum punctum paralleli obliqui boreale sit, vel australe.

2. 1. 1. Theor.

Gradum quemlibet propositum in parallelo Horizontis cuius ex eius polo in orientem inuenire in Astrolabio.

22. EX his colligitur modus inueniendi quemcumque gradum propositum in parallelo Horizontis, cuius videlicet distantia sumatur vel ab alterutra sectionum F, H, paralleli cum Meridiano, vel ab alterutra sectionum G, Q, eiusdem paralleli Horizontis cum Verticali circulo primario. Si enim gradus propositus numeretur in parallelo Aequatoris ab aliquo quatuor punctorum P, Q, R, O, quatuor punctis F, G, H, q, paralleli Horizontis respondentium, & per finem numerationis ex K, recta ducatur, secabit ea parallelum in gradu proposito. Vt si a puncto F, versus G, abscindendus sit arcus grad. 60. vel a G, versus F, arcus grad. 30. numerabimus a P, versus Q, grad. 60. vel a Q, versus P, grad. 30. vsque ad S. Nam recta KS, secabit parallelum Horizontis in T, gradu 60. ab F, vel gradu 30. a G; atque ita de cæteris. Punctum porro F, spectat ad meridiem; H, ad septentrionem; G, ad ortum, & q, ad occasum, quemadmodum de Horizonte diximus.

Quo gradus in dato arcu paralleli Horizontis contineatur in Astrolabio, ex polo eius superiore cognoscere.

23. E C O N T R A R I O faele etiam cognoscemus, quot gradibus quilibet arcus in dato Horizontis parallelo propositus respondeat, si ab extremis duobus punctis dati arcus ad K, polum Horizontis, eiusque parallelorum rectæ lineæ ducantur. Arcus namque paralleli Aequatoris inter eas comprehensus tot gradus complectetur, quot in dato arcu continentur, vt ex iis, quæ dicta sunt, perspicuum est. Igitur si per Lemma 3. inquiratur, quot gradus in illo arcu paralleli Aequatoris contineantur, cognitus fiet numerus graduum in proposito arcu paralleli Horizontis contentorum. Exempli causa. Si datus sit arcus γT , in parallelo Horizontis, ductis ex K, rectis K γ , KT, secantibus parallelum Aequatoris in β , S, erunt tot gradus in arcu γT , quot in arcu βS , continentur.

Parallelos cuiusvis circuli maximi obliqui in gradus distribuere ex eorum polo inferiori.

24. I N posteriore autem parte eiusdem primi modi ita agendum erit Describatur parallelus Aequatoris u r e t, æqualis quoque parallelo dato Horizontis FGHq, sed priori parallelo Aequatoris OPQR, oppositus, hoc est, tanto intervallo a polo australi distans, quanto datus parallelus Horizontis a suo polo n, qui polo australi propior est, recedit, ita vt arcus A θ , n X, qui parallelorum distans distantias metiuntur, æquales sint, siue, quod idem est, diameter paralleli Horizontis a diametro Horizontis k l, & diameter paralleli Aequatoris a diametro Aequatoris versus eandem partem vergant, non versus oppositas, vt prius. Descripto namque hoc parallelo Aequatoris, eoque in quadrantes diuiso a diametris r t, e u, sese ad rectos angulos secantibus, si ex N, altero polo Horizontis, qui extra Aequatorem existit, propinquiorque est in sphaera polo australi, per omnes gradus ipsius rectæ lineæ ducantur, secabitur parallelus Horizontis in suos gradus, vt prius: sed ordo graduum in vtroque parallelo sumendus non est a duobus punctis eiusdem ordinis, nimirum a superioribus r, F, vel inferioribus t, H, sed a contrariis, hoc est, a superiore vnus, & inferiore alterius, ita vt in vno fiat descensus, & in altero ascensus, versus eandem tamen partem sinistram, vel dextram. Idemque initium fieri potest a recta NG, quæ ex parallelis quadrantes abscindit, vt a punctis e, G, in diuersas tamen partes progrediendo, ita vt in vno parallelo fiat ascensus, & in altero descensus. Sed quoniam non semper discerni queunt duo puncta superiora, vel inferiora, in figura, propter parallelos obliquos, quorum circumferentia non vergunt ad partes maximi circuli obliqui, cui æquidistant, sed in contrarias, præstat ordinem graduum præfinire ex ijs, quæ in Lemmate 23. scripsimus, nimirum vt in parallelo Aequatoris sumatur punctum superius, & in parallelo obliquo punctum boreale, vel in illo punctum inferius, & in hoc australe. Quo modo autem punctum superius, aut inferius in parallelo Aequatoris, & boreale, australeue in parallelo obliquo accipiendum sit re-

Initium arcuum respondentium in parallelis, vnde sumendum in hoc modo diuidendi parallelis obliquos in gradus ex eorum polo inferiori.

fit respectu partium cæli, paulo ante in priore parte huius primi modi diuidendi parallelis in gradus Num. 21. explicatum est. Exempli gratia, si ex N, ducatur recta ND, abscindens arcum t δ , grad. 60. auferet eadē ex parallelo Horizontis arcum FT, respondentem arcui grad. 60. eiusdem paralleli in sphaera. Sic si recta Na, auferat arcum r a, grad. 60. abscindatur quoque ex Horizontis parallelo arcus Hb, grad. 60. Denique recta Ne, auferens quadrantem t e, secabit etiam ex parallelo Horizontis quadrantem FG, hoc est, transibit per G, punctum sectionis Verticalis cum parallelo Horizontis. Nam vt supra dictum est, arcus FG, GH, Hq, qF, quadrantes sunt. Vbi vides, initium arcuum æqualium, quod ad numerum graduum attinet, fieri semper a punctis contrariis, vt expositum est. Hoc autem demonstrabitur hoc modo. Planum in sphaera ductum per polum antarcticum, & polum Horizontis ei propinquiorum, quem refert polus N, abscindit, per Lemma 23. ex parallelo Aequatoris, & ex parallelo Horizontis æquali, (ita tamen, vt ille tanto intervallo abutatur polo australi, quanto hic a suo polo, qui a polo australi propius abest.) arcus æquales, initio facti a punctis, a quibus initium faciendum est, paulo ante, & in dicto Lemmate præcepimus, qualia sunt puncta r, H: Itē t, F. Igitur idem illud planum in Astrolabio descriptum eisdem arcus auferre conspicietur, illos videlicet, qui in sphaera arcibus abscissis respondent. Cum ergo proposit. 1. Nam. 1. planum illud per australem polum transiens in Astrolabio efficiat lineam rectam per polum N, transuentem, referet quælibet recta ex polo N, emissa planum illud, ac propterea ex vtroque parallelo æquales arcus abscindet, vt dictum est.

I T A Q V E eadem puncta T, b, G, inuenta sunt per rectas lineas ex vtroque polo K, N egredientes, singula scilicet per binas. Atque eadem arte quodlibet punctum in Horizontis parallelo reperire licebit per duas rectas, quarum vna ex polo K, & altera ex polo N, egreditur, si modo posterior hæc per arcum paralleli Aequatoris ducatur, qui initium sumat a puncto meridianæ lineæ B D, contrario illi, a quo arcus paralleli Horizontis incipit, vt expositum est.

E X ijs autem, quæ dicta sunt, facile intelliges, quid agere debeas, vt arcum ex parallelo Horizontis abscindas quotlibet graduum, & vt cognoscas, quot gradus in proposito arcu contineantur.

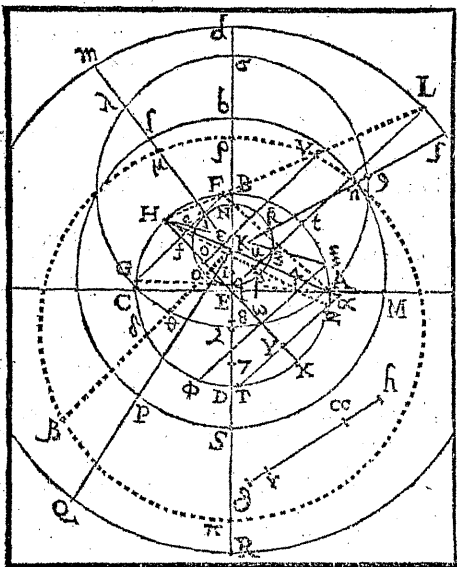
25. E O D E M prorsus modo parallelus cuiuscunque alterius maximi circuli obliqui in gradus distribuatur, si eius poli reperiantur, & quando obliquus circulus ad Meridianum rectus non est, pro meridiana linea B D, accipiat communis sectio Aequatoris, planiue Astrolabij, & maximi circuli per mundi polos, & polos circuli obliqui transcuntis, hoc est, recta linea per centrum Astrolabij, & centrum circuli obliqui traiecta.

S E D quoniam quando parallelus obliquus prope abest a polo superiore m, parallelus Aequatoris australis ei æqualis describendus in immensam propemodum magnitudinem excrescit: contra vero, cum ille non procul distat a polo inferiore n, parallelus Aequatoris borealis ei æqualis describendus valde exiguus est; fit, vt non facile parallelus obliquus hoc modo in gradus beneficio paralleli Aequatoris distribuatur: idcirco adhibendum erit sequens artificium, quo quidem sine parallelo Aequatoris parallelum obliquum per circum cuiusvis magnitudinis in gradus distribuemus, hoc modo. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E; semidiameter maximi circuli obliqui E t, & eius axis HX; diameter paralleli obliqui FG, secans eius axem in f; radius AH, exhibens K, polum obliqui circuli visum, secet FG, in e; radii AF, AG, abscindentes diametrum paralleli obliqui visum Nq, circa quam descriptus sit ipse parallelus visus N i a q k.

Quo pacto omnia, quæ de diuisione parallelorum Horizontis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accommodentur.

Parallelum obliquum per circum cuiusvis magnitudinis in gradus æquales diuisum, in gradus distribuere, ita ut opus non sit describere parallelum australem in modicæ quantitatibus, aut borealem per exigua magnitudinis.

Nia q k. Producta recta Et, si ex H, per F, recta emittatur secans Et, in L, erit EL, semidiameter paralleli Aequatoris australis, cuius diameter in Iphæra diametro FG, æqualis est. Nā si concipiatur H, polus mundi australis, & axis mundi HX, referet EL, lineam meridianam, id est, communem sectionem plani Astro labii, vel Aequatoris, ac Meridiani. Igitur radius HF, abscindet semidiameterum



10. sexti.

visam EL, paralleli, cuius diameter FG, vt ex iis constat, quæ propof. 4. Num. 5. demōstrata sunt. Si igitur ex E, per L, commode in plano Astro labii parallelus describi poterit Ldm QR, partiemur eius beneficio parallelū obliquum Nia a q k, vt dictū est, ducendo ex K, rectas per omnes gradus paralleli L d m. Si vero propter immodicam quantitatem dictus parallelus describi nequeat, perficimus eandem diuisionem per circulum cuiusuis magnitudinis, qui commode describi possit, & in gradus æquales diuidi, hoc modo. Sit data circuli diameter gh, beneficio cuius parallelus obliquus in gradus est distribuendus. Secetur gh, in r, vt ff, semidiameter vera paralleli obliqui secta est in e, a radio

AH, vel vt Ed, semidiameter paralleli Aequatoris (quando ea commode haberi potest) secta est in K, polo viso circuli obliqui. Nam vt mox ostendemus, ita secatur Ed, in K, vt ff, in e. Iā vero sumpta recta KI, æquali ipsi gr, describatur ex I, ad datū interuallū gh, circulus blPSMn. Dico rectas ex polo K, per gradus huius circuli emissas secare parallelum Nia a q k, in gradus; ita vt u g, arcus Nk, tot gradibus respōdeat, quot in arcu bn, cōtinētur, & in Ni, tot, quot in bl, & in qa, tot, quot in SP. Quoniam enim est, ex constructione, vt d K, ad K E, ita b K, ad KI; erit quoque componendo, vt d E, ad KE, ita b I, ad KI: Et permutando, vt d E, semidiameter ad bI, semidiameterum, ita KE, ad KI. Similiter ergo punctum K, (quod instar duorum est) a centrīs B, I, remotum est. Igitur ex scholio Lemmatis 21. rectæ ex puncto K, egredientes (quarum singulæ instar binarum sunt angulos æquales ad K, constituentium, si circuli Ldm QR, blPSMn, seorsum descripti essent) ex circulis Ldm QR, blPSMn, arcus similes abscindunt; ita vt tam arcus d m, b l, quam d f, b n, & R Q, SP, similes sint. Cum ergo, vt paulo ante in hoc Num. 27. ex lemmate 23. demonstrauimus, recta Kf, auferat arcum Nk, arcui d f, æqualem, quod ad numerum graduum spectat, auferet quoque recta K n, (sumpto arcu b n, simili arcui d f,) eundem arcum Nk, quandoquidem in f, cadit; quippe quæ arcus similes abscindat bn, d f, vt demonstratum est. Eadem de causa continebit arcus Ni, tot gradus, quot in arcu bl, continentur: eodemque modo

que modo arcus qa, arcui SP, similis erit in numero graduum.

ESSE autem semidiameterum Ed, ita sectam in K, polo, vt ff, secta est in e, quod vt verum assumpsimus, facile ostendemus. Quoniam enim ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. est vt fe, ad e f, ita Eu ad uL: Est autem Eu, ipsi EK, æqualis, (Nam cum triangula AEK, HEu, rectangula, habeant angulos EAK, EHu, in Isoscele AEH, æquales; erunt & reliqui anguli EKA, EuH, æquales; ideoque & latera EK, Eu, æqualia erunt. Atque ita semper radius ex polo australi ad polum circuli obliqui ductus abscindet ex meridiana linea, & diametro obliqui circuli maximi rectas vsque ad Centrum Astrolabii æquales: quod supra etiam probauimus propof. 5. ad finem Num. 1. 4.) & EL, ipsi Ed, erit quoque vt fe, ad e f, ita EK, ad Kd.

QVOD si ex quolibet puncto semidiameteri EH, vt ex O, rectæ EL, parallela agatur OV, secans AH, in e, & HL, in V; erit quoque ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. recta OV, secta in e, vt secta est ff, in e. Quare si rectæ e O, æqualis sumatur KI, & ex I, ad interuallum OV, circulus describatur blPSMn, reperiemus in dato parallelo gradus respondententes gradibus huius circuli.

NON dissimilis ratio erit, quando parallelus obliquus iuxta polum inferiorem existit, ac proinde parallelus borealis describendus est. Vt si diameter paralleli obliqui sit φξ, abscindet radius Hξ, ex E t, semidiameterum paralleli Aequatoris visam E 3: Eritq; rursus ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. semidiameter E 3, secta in u puncto, quod polo viso K, respondet, propter æqualitatem rectarum E u, EK, vt secta est semidiameter ωξ, in 4. Si igitur data semidiameter gh, secetur in cc, vt ωξ, secta est in 4. vel E 3, in u; & rectæ ccg, æqualis abscindatur Kγ, erit γ, centrum circuli interuallū gh, describendi, beneficio cuius parallelus obliquus diametri φξ, in Astrolabio descriptus in gradus distribuatur. Rursus si diameter paralleli obliqui sit TZ, abscindet radius HZ, ex E t, semidiameterum paralleli Aequatoris visam Ep: Eritq; rursus ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. vt semidiameter Ep, ad E u, ita semidiameter YZ, ad Y α. Si igitur data sit semidiameter YZ, abscindenda est Kδ, æqualis ipsi αY, & ex 8, interuallū YZ, circulus describendus, &c. Quod si alia semidiameter detur, adiungenda erit ei recta, ita vt eam proportionem habeat data illa semidiameter ad adiunctam, quam YZ, ad Z α, vel Ep, ad p u, &c. Atque in hoc casu, quando semidiameter paralleli obliqui tota est infra AC, qualis est TZ, erit polus visus K, extra parallelum Aequatoris semidiameteri Ep, & extra circulum ex puncto 8. descriptum.

IAM vero vt facilius centrum, & semidiameter circuli describendi, ex quo parallelus diuidendus est, ad libitum inueniatur, poterit segmentum fe, bis, ter, quater, aut quinques, &c. sumptum ex K, deorsum transferri in rectam KD, & termino huius translatae lineæ circulus describi ad interuallum, quod semidiametri ff, duplum quoque sit, triplum, quadruplum, vel quintuplum, &c.

IDEM prorsus artificium in circulis maximis obliquis diuidendis adhibendum erit, quando eius polus superior parū abest ab Aequatoris circumferentia. Vt si circulus maximus circulus A β γ, diuidendus sit in gradus beneficio circuli maioris Aequatoris, accipienda est semidiameter cuiusuis magnitudinis, & diuidenda, vt BE, semidiameter Aequatoris diuisa est in K, & eius segmentum segmento KE, respondens ex K, deorsum transferendum, vt centrum habeatur circuli interuallū assumptæ semidiameteri describendi. Nos in figura segmentum KE, duplicauimus vsque ad γ, & ex γ, interuallū γγ, quod duplum etiam est semidiameteri EB, (Ita enim erit vt BK, ad KE, ita Kγ, ad Kγ.) circulum ρμβτ, de-

Ccc scripsimus:

a 5. primi.
b 6. primi.

Quas rectas æquales abscindet radius in polum circuli obliqui cadens.

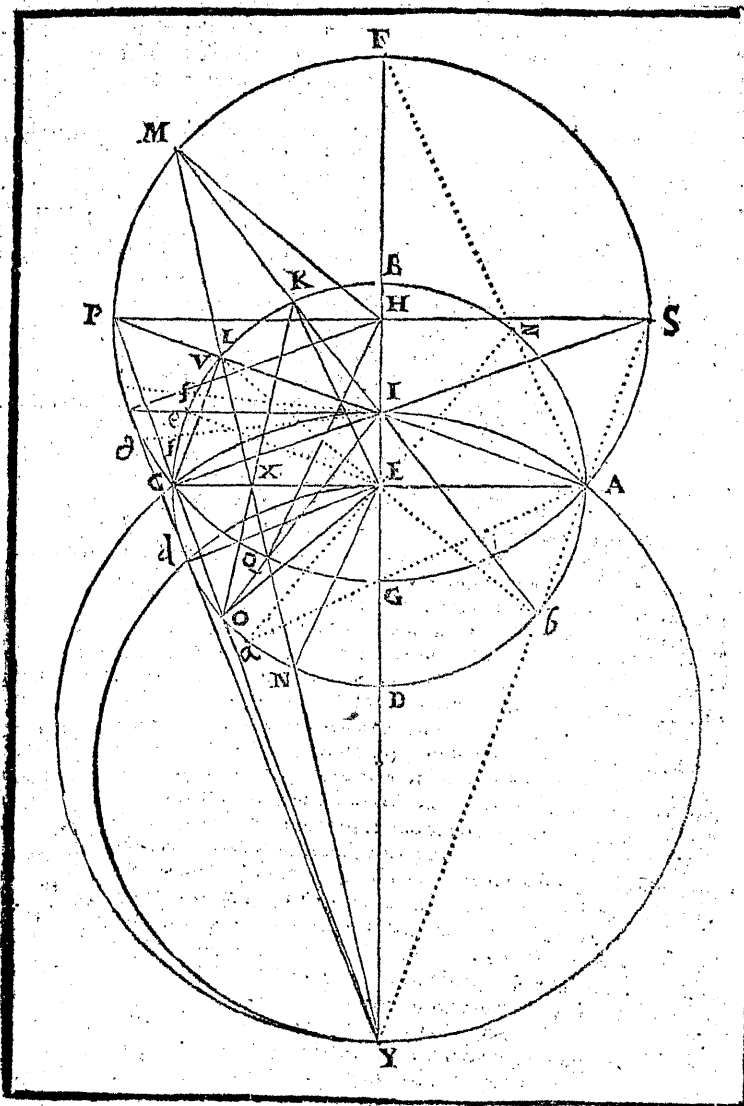
Quando parallelus obliquus iuxta polum inferiorem existit

Maximum circulum obliqui in gradus pariter per circulum Aequatoris maiorem cuiusuis magnitudinis.

scriptissimus : qui si in 360. gradus secetur , diuident rectæ ex K. per eius gradu^s emissa circulum obliquum AOCY, in gradus: propterea quod punctum K, simili ter abest a centro Aequatoris E, & γ, centro illius circuli, ac proinde rectæ ex K. egredientes Aequatorem, & circulum AOCY, in arcus similes partiuntur, vt in scholio Lemmatis 21. demonstratum est. Ita vides rectam Kβ, abscindere arcum γβ, respondentem arcui πβ, vel arcui Aequatoris Dδ, qui arcui πβ, similis est. Sic etiam recta Kμ, auferet arcum ολ, arcui ρμ. & recta Kn, arcū εγ, arcui πn, similem, quod ad numerum graduum attinet. Idē fiet, si recta Kβ, triplicaretur, vel quadruplicaretur, &c. atq; ex termino rectæ KE, triplicata, vel quadruplicata, &c. ad intervallū ipsius EB, triplū, vel quadruplū, &c. circulus describeret, &c.

CVM hæc scriberem, ecce Christophorus Gruenbergerus Mathematicarum disciplinarū in nostro Collegio Romano Professor, in nouis demonstrationibus inueniendis perspicacissimus, & cuius opera, ac diligentia non pauca huic meo Astrolabio accesserunt, aduertit circulos obliquos tā maximos, quam non maximos per lineas rectas ex gradibus æqualibus eorundem mer. circulorū per alterutrum polorū visorum ductas in gradus apparentes diuidi posse. Quæ res quoniam egregia est atq; præclara, licet fortasse incredibilis prorsus cuiuspiam videri possit, nullo modo præmittenda hoc loco videtur. Ita ergo agendum erit. Repetatur figura in scholio propof. 5. Num. 12. descripta, in qua Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus AF CG, cuius centrū H, & poli apparentes I, Y; diametri Aequatoris, & circuli obliqui AC, PS, secantes FG, ad angulos rectos. Et quoniam in eodē scholio Num. 14. demonstrauimus, tā tria puncta A, I, P, quam tria C, I, S, in vna iacere linea recta, ita vt vtraq; recta AP, CS, per polū I, transeat; si per I, ducatur recta vtcunque Ml, secans Aequatorem, & circulum obliquum in K, i: erit per lemma 9. tam arcus BK, Aequatoris arcui Gi, circuli obliqui, quam arcus Db, Aequatoris arcui FM, circuli obliqui similis. Igitur si à puncto F, versus C, abscindendus sit arcus quotuis graduum, numerandi erunt illi gradus in parte opposita circuli obliqui à puncto G, vsque ad i. Recta enim ex i, per l, eiccta abscindet arcum FM, tot gradibus respondentē, quot in arcu Gi, continentur. Cum enim arcus Gi, arcui BK, sit similis; auferat autem recta lK, arcum FM, tot graduum, quot in arcu BK, continentur, vt propof. 5. Num. 17. demonstrauimus, auferet eadem recta iK, eundē arcū FM, tot graduum, quot in arcu Gi, cōtinētur. Eadē ratione recta MI, auferet ex circulo obliquo arcū Gi, tot gradibus in celo respondentē; quot vere in arcu FM, cōtinētur. Itē ducta recta CIS, abscindet arcū FC, tot gradibus in celo respōdētē, quot re ipsa in arcu GS, cōtinētur, nimirū 90. Et vicissim eadē recta auferet arcū GS, tot gradibus respōdētē in celo, quot in arcu opposito FC, cōtinētur, qui quidē plures sunt, quā 90. cū GA, quadrantē referat, ac proinde GS, arcū quadratē maiore, quē admodū & FC, quadratē sui circuli maior est, licet quadrantē visū referat. Et sic de ceteris. Itaq; si totus circulus AF CG, in 360. gradus æquales distribuatur, ex quibus per I, polum visum rectæ traiciātur, sectus erit circulus obliquus AF CG, in gradus visos, siue apparētēs, ita tamē, vt quilibet gradus apparēs respōdeat gradui vero in parte opposita inter easdem duas rectas incluso, inter quas apparēs cōtinetur.

R V R S V S quia in prædicto scholio propof. 5. Num. 18. demonstrauimus, si ducatur ex Y, polo inferiore recta vtcunque YM, tam arcum Aequatoris BL, arcui circuli obliqui FM, quam arcum Aequatoris DN, arcui obliqui circuli GQ, similem esse: si à puncto F, versus C, abscindendus sit arcus quotuis gradibus respondens, numerandi erunt gradus propositi in eodē semicirculo ex puncto G, opposito vsque ad Q. Nam recta ex Y, polo inferiore



Circulum maxi-
mū quem vti
sum in gradus
apparetē diui-
dere benefici-
graduum æqua-
lū eū dem cir-
culi maximū
ex eius polo su-
periore, quæ ra-
tio omniū præ-
stantissima est,
& ex pedissima

Idem effere ex
polo inferiore.

inferiore per Q, emissâ abscindet arcum FM, tot gradibus in cælo respondentem, quot vere in arcu GQ, continentur. Cum enita arcus GQ, arcui DN, similis sit, auferat autem recta YN, arcum FM, tot graduum, quot in arcu DN, continentur, vt propos. 5. Num. 20. ostensum est; auferet eadem recta YNQ, eundem arcum FM, tot graduum, quot continentur in arcu GQ. Eadē ratione e contrario recta YM, abscindet arcum GQ, tot gradibus visis respondente, quot re ipsa in arcu MF, continentur. Sic recta YC, auferet arcum FP, tot gradibus respondentem, quot in arcu GC, continentur: Et vicissim eadem recta YP, auferet arcum FC, quadranti GP, respondentem. Rursus eadem recta YP, auferet arcum FC, quadranti GP, respondentem. Denique tangens recta YT, abscindet arcum FT, tot gradibus respondentem, quot in arcu GT, continentur: Item arcum GT, tot gradibus respondentem, quot in arcu FT, continentur. Itaque si ex Y, per omnes gradus circuli AFCG, rectæ ducantur, sectus erit ipse circulus in omnes gradus apparentes, ita tamen, vt cuilibet gradui aequali respondeat gradus apparens ex eadem parte inter easdem duas lineas ex Y, egredientes.

S I T rursus parallelus obliquus KnLC, cuius centrum O, & poli visis P, Q; parallelus Aequatoris australis illi æqualis VXY, & borealis bke, ducaturque per E, diameter XE, ad VY, perpendicularis. Et quoniam, vt infra in scholio huius, propos. Num. 3. demonstrabimus, recta ex X, per P, ducta cadit in extremum diametri paralleli obliqui per O, ductæ ad VY, perpendicularis; si per P, ducatur recta vtcunque eA, secans parallelum obliquum in f, C; Erit per lemma 9. arcus Ve, arcui LC, & arcus YA, arcui Kf, similis. Igitur si a puncto K, versus n, abscindendus sit arcus quotuis graduum, numerandi erunt gradus illi a puncto L, opposito in contrariam partem vsque ad C. Recta namque ex C, per P, ducta abscindet arcum quælitum Kf, cum producta auferat arcum Ve, arcui LC, similem, vt dictum est; demonstratum autem supra sit Num. 21. rectam Pe, auferre arcum Kf, arcui Ve, respondentem. Simili modo eadem recta ressecabit arcum LC, tot gradibus in cælo respondentem, quot in arcu Kf, vere includuntur. Et sic de cæteris. Itaq; si totus parallelus in gradus apparentes sit distribuendus, diuidendus prius erit in 360. ex æquales. Rectæ enim gradus hisce gradibus per P, traicte indicabunt gradus oppositos apparentes, vt de circulo maximo dictum est.

D E I N D E quia in scholio huius propos. Num. 5. demonstrabimus, si ducatur ex Q, polo inferiore vtcunque recta Qf, tam arcum Kf, arcui bβ, quam arcum Lγ, arcui eα, similem esse: si a puncto K, versus n, auferendus sit arcus quotuis graduum, numerandi erunt dati gradus a puncto L, opposito in eandem partem vsque ad γ. Nam recta ex Q, inferiore polo per γ, traicte abscindet arcum Kf, quæsitum, qui videlicet in cælo tot gradibus respondet, quot in arcu Lγ, comprehenduntur. Cum enim arcus Lγ, arcui eα, similis sit, recta autem Qα, per γ, transiens auferat arcum Kf, tot graduum apparentium, quot æquales in arcu eα, continentur, vt supra Num. 24. ostensum est; auferet eadem recta Qγ, per α, incedens eundem arcum Kf. Vicissim eadem recta Qf, auferet arcum Lγ, tot gradibus respondentem, quot in arcu Kf, continentur. Itaque si totum parallelum in gradus apparentes partiri iubeamur, distribuemus eum in 360. gradus æquales: Rectæ namque ex hisce gradibus per Q, transeuntes monstrabunt arcus apparentes, vt de circulo maximo dictum est.

H I N C facillimo negotio intelligemus, quotnam gradus quilibet arcus circuli obliqui in Astrolabio siue maximi, siue non maximi complectatur. Nam

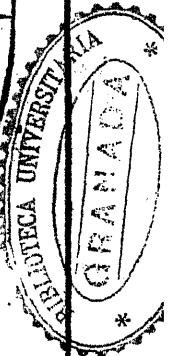
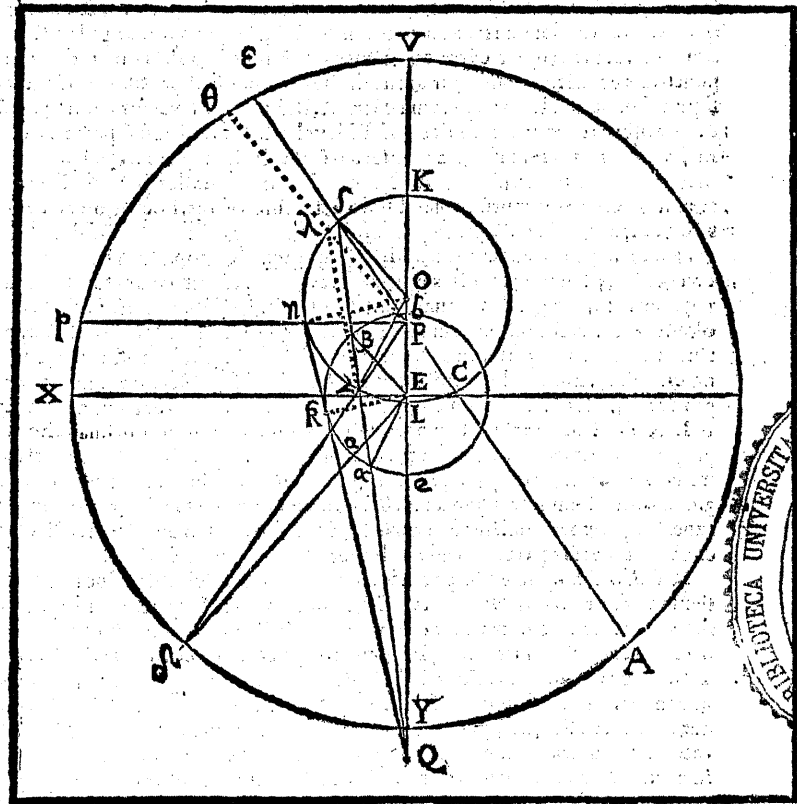
duæ

Parallelum obliquum quemuis visum in gradus apparentis distri buere beneficio graduum æqualium eundem parallelum, ex eius polo superiore.

Idem efficere ex polo inferiore.

Quot gradus in dato arcu circuli obliqui continentur, facillima ratione cognoscere.

duæ rectæ a terminis dati arcus per vtrumlibet polorum apparentium eductæ, abscindunt ex altera parte circuli arcum tot graduum æqualium, quot gradibus datus arcus respondet. Vt si in circulo KnL, siue maximus is sit, siue non, detur arcus Kf, includent tam rectæ KP, fP, arcum LC, quam rectæ KQ, fQ, arcum Lγ, tot graduum æqualium circuli eiusdem KnL, quot gradibus datus arcus Kf, æquualet, vt ex iis, quæ demonstrata sunt hoc loco, perspicuum est. Sic si datus sit arcus Lγ, auferent rectæ QL, Qγ, arcum Kf, verum, cui apparens



Lγ, æquualet. Et si recta γP, produceretur, auferret ea eodem modo arcum vsque ad K, cui arcus datus Lγ, respondet.

I T A etiam, si datus arcus Kf, circuli obliqui diuidendus sit in duas, vel plures partes æquales, fiet id, si ductis rectis KP, fP, vel KQ, fQ, arcus LC, vel Lγ, in duas partes æquales, vel in plures secetur, & per P, vel Q, ex hisce partibus rectæ traiciantur, &c.

Arum datum circuli obliqui in quotis partes æquales facillima ratione secare.

VERVM

VERVM præclaram hanc, & insignem ratione distribuendi circulos obli-
quos in gradus apparentes per rectas lineas ex eorundem gradibus æqualibus per
proprijs polos visos traiectas, facile quoq; demonstrabimus ex iis, quæ paulo an-
te scripsimus quasi ad initium huius Num. 25. in artificio, quo obliqui circuli in
gradus distribuuntur per alios circulos, quæ per Aequatorem, ejusq; parallelos
Quoniam n. in superiori figura scholii propof. 5. Num. 12. quæ est secunda huius
Num. 25. est vt AL, semidiameter Aequatoris ad EI; ita PH, semidiameter circuli
maximi obliqui ad HI, (Demonstratū. n. est in eodē scholio Num. 14. tria puncta
A, I, P, iacere in vna linea recta.) distabit superior polus I, similiter à cætris E, H.
Igitur quælibet recta Mb, ex I, egrediens auferet ex Aequatore, & circulo obli-
quo, per scholiū lemmatis 21. arcus similes Db, FM, propter angulos DIB, FIM,
æquales versus propria cætra constitutos. Cū. n. centra E, H, in diuersas partes à
puncto I, recedat, abscindetur arcus similes in oppositis partibus, quæ admodū in
figura Corollarij lemmatis 21. quia cætra A, B, à puncto I, versus eandē partē rece-
dunt, abscinduntur arcus similes CK, FM, vel EL, HN, ad easdē partes. quod etiā
in figura prima huius Num. 25. obseruatū est. Quia n. cætra E, γ, à polo I, versus
eandē partē recedunt, abscissi sunt à recta Kβ, arcus similes Dδ, πβ, ad easdē par-
tes; Et si cætrū γ, sumptū fuisset à polo I, sursum versus, hoc est, nō ad eandē par-
tē cū cætro E, sed ad diuersam, abtulisset eadē recta Kβ, arcus similes ad opposi-
tas partes. Igitur cū arcus Db, FM, in figura scholii prop. 5. Num. 12. quæ est se-
cunda huius Num. 25. similes sint; recta autē Ib, reseruet arcum Gi, tot graduum
apparentiū, quot gradus æquales in arcu Db, continentur, vt propof. 5. Num. 17.
ostendimus: reseruet eandē recta BIM, eundē arcum Gi, tot graduum apparen-
tiū, quot gradus æquales in arcu FM, includuntur. Atq; hæc est causa, cur, si diui-
sio circuli maximi obliqui instituenda sit ex polo I, superiore, numerandi sint
gradus æquales in parte, quæ opposita est gradibus apparentibus abscindendis.

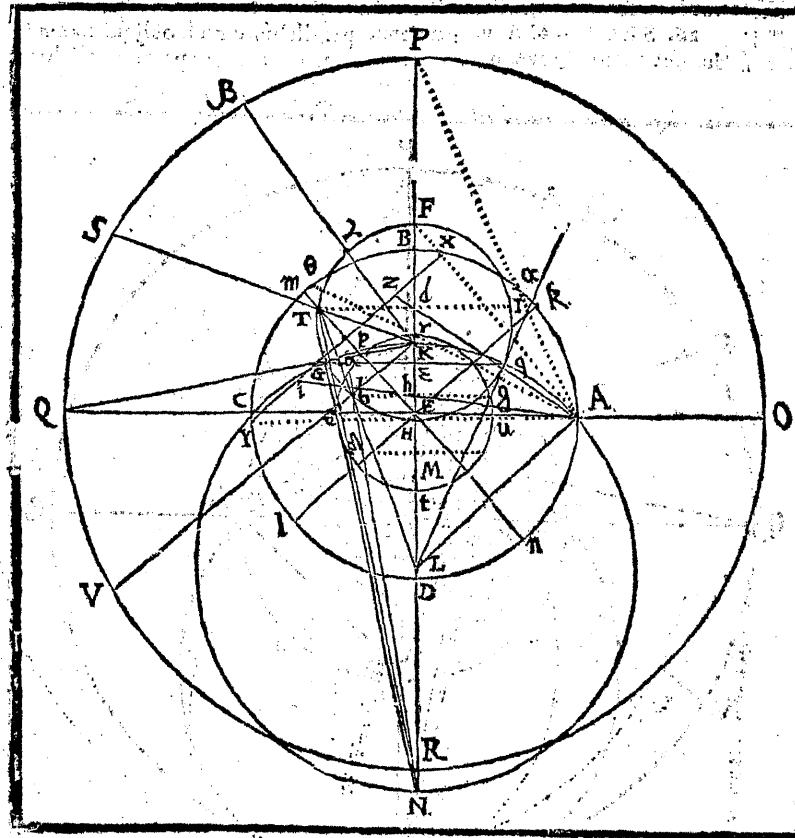
E A D E M ratio est in parallelis. Nam, vt in figura prima scholii huius
propof. Num. 2. apparet, b est vt XE, semidiameter paralleli Aequatoris ad EP,
ita NO, semidiameter paralleli obliqui ad OP. Vt enim in eodem scholio Num.
3. demonstrabimus, tria puncta X, P, N, in vna linea recta iacent. Igitur polus P,
superior proportionaliter à centrīs E, O, distat. Cum ergo centra E, O, à pun-
cto P, in diuersas partes recedant, liquet id, quod propositum est.

R V R S V S quia est in prædicta figura Num. 12. scholii propof. 5. hoc est, in
secunda figura huius Num. 25. vt CE, semidiameter Aequatoris ad EY, ita PH,
semidiameter circuli maximi obliqui ad HY; (demonstratū. n. est in prædicto scho-
lio Num. 14. tria puncta Y, C, P, in vna linea recta esse collocata.) distabit polus
Y, inferior similiter à centrīs E, H. Igitur ex scholio lemmatis 21. (cum centra
in eandem partem à puncto Y, recedant.) quælibet recta YM, ex Y, educta abscin-
det tam arcus FM, BL, quam arcus GQ, DN, ex eadem parte similes. Quare cum
recta YN, auferat arcum FM, tot graduum apparentium, quot gradus æquales
in arcu DN, continentur, vt propof. 5. Num. 20. demonstrauimus; abscindet ea-
dem recta YQ, per N, incedens eundem arcum FM, tot graduum apparentium,
quot gradus æquales in arcu GQ, continentur. Itaque quando diuisio circuli
maximi obliqui ex polo Y, inferiore instituenda est, numerandi sunt gradus
æquales ex eadem parte.

NON alia ratio est in parallelis. Nam vt in figura prima scholii huius prop.
Num. 2. manifestum est, c ita se habet d c, semidiameter paralleli Aequatoris ad
EQ, vt MO, semidiameter paralleli obliqui ad OQ. Vt enim in eodem scholio
Num. 4. demonstrabitur, tria puncta Q, d, M, in vna recta linea iacent. Igitur po-
lus Q,

lus Q, inferior proportionaliter à centrīs E, O, abest, centraque E, O, à puncto
Q, versus eandem partem recedunt, &c.

V I D E S ergo circulum ipsum obliquum esse vnum ex illis, quos paulo
ante describendos esse diximus, vt per illos ipse obliquus siue maximus, siue
non maximus diuidatur, quandoquidem eadem est proportio semidiameteri
circuli obliqui ad rectam inter eiusdem centrum, & alterutrum polorum, quæ
semidiameteri Aequatoris, vel eius paralleli, ad rectam inter centrum Astrola-

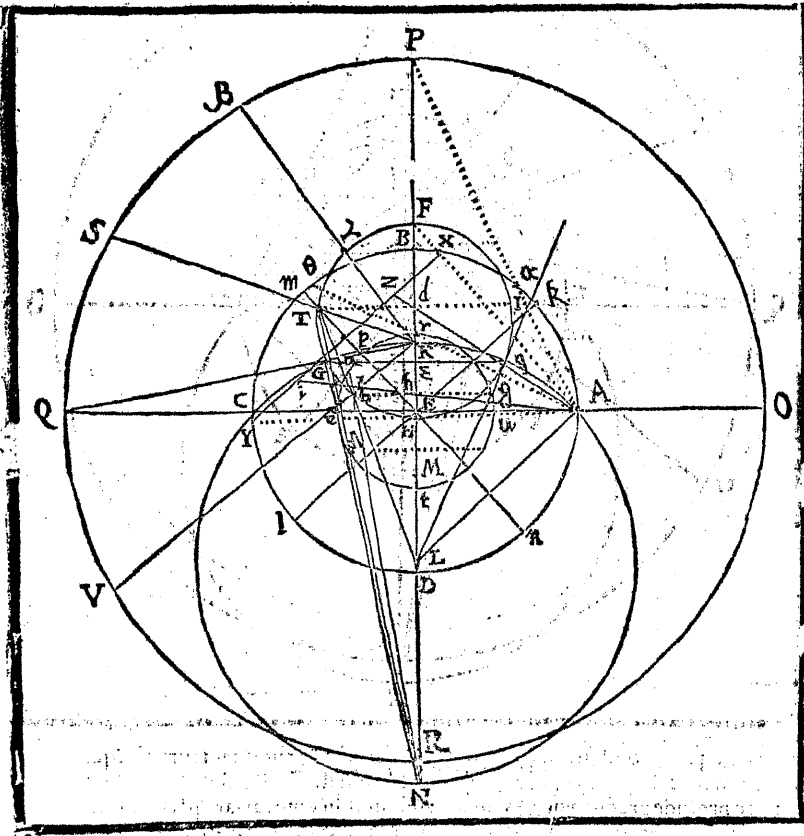


bii, & eundem polum obliqui circuli. Solum hoc interest, quod centrum obliqui
circuli a polo superiore non tendit versus centrum Astrolabii, sed in diuersam
partem, ac proinde gradus æquales numerandi sunt in contrariam partem, non
autem in eandem, ex qua gradus apparentes abscindendi sunt. Id quod etiam
in prima figura huius Num. 25. faciendum esset, si centra I, & γ, supra po-
lum K, transferrentur, & ex illis circuli ad intervalia semidiameterum I b,
γ p, describerentur. Denique quando polus obliqui circuli, ex quo facienda est
diuisio

diuisio circuli obliqui, existit inter centrum Astrolabii, & centrū circuli defecti, per cuius gradus lineæ ducendæ sunt, quæ obliquum circumulum diuidant, gradus æquales numerandi sunt in contrariam partem apparentium graduum, quæ illis respondent: in eandem vero partem, quando inter duos illa centra idem polus non reperitur. Semper autem rectæ lineæ per gradus æquales incidentes secant obliquum circumulum in gradus apparentes, vt dictum est. Ex qua autem parte gradus apparentes numerandi sint, quando diuisio fit per circumulum a circumulo obliquo diuersum, facile intelligi potest ex scholio Lemmatis 21. aut ex iis, quæ hoc loco scripsimus, colligendum erit.

Parallelos cuiusvis maximi circuli obliqui in gradus distribuere ex centro circuli maximi, qui instar est Verticalis ipsorum primarij.

26. SECVNDA via partemur parallelum circuli obliqui maximi in gradus hoc pacto. Quoniam Verticalis primarius, cum per polos parallelorum Ho-



Horizontis ducatur, diuidit parallelum FGHQ, bifaria in G, q. erit recta Gq, representans diametrum paralleli, id est, communem sectionem Verticalis, & paralleli in sphaera.

in sphaera. Secetur ergo per Lemma 8. semidiameter aG, in partes inæquales, quas efficiunt perpendiculares ex singulis gradibus quadrantis circuli circa Gq, descripti ad aG, demissa. Atque ex L, centro Verticalis primarij, (quod reperitur per rectam ex A, ad m n, diametrum Verticalis perpendicularem eductam, vt supra propos. 5. Num. 3. ostendimus) per omnia puncta semidiametri aG, rectæ lineæ ducantur, singula enim parallelum in binis punctis secabunt, quæ respondent illis punctis paralleli Horizontis, quibus puncta semidiametri aG, respōdent. Singula enim puncta semidiametri aG, binis punctis circuli circa Gq, descripti respondent. Quocirca si vtraque semidiameter aG, eq. secetur in punctis, quæ omnibus gradibus eius circuli circa Gq, descripti respondeant, secabitur parallelus in omnes 360. grad. Sed satis est, si hoc modo semicirculus FGH, in 180. gradus distribuatur. Huius enim gradus in alterum semicirculum FqH, translati exhibebunt gradus alterius illius semicirculi. Verbi gratia, si ex L, centro Verticalis per punctum a, quod gradui 60. à meridiana linea vtrinque in circulo circa Gq, descripto, numerato respondet, recta traiciatur L. a, secabitur parallelus Horizontis in T, b, punctis, quæ 60. grad. à punctis F, H, absunt; quæ si transferantur in alterum semicirculum FqH, vsque ad L, g, distabunt quoque puncta L, g, grad. 60. ab eisdem punctis F, H. Hic etiam quoniam rectæ Lq, LG, parallelū tangūt, vt Num. 7. huius prop. ostendimus, & infra Num. 30. iterum demonstrabitur, si producantur. & inter eas ducatur ipsi qG, parallela, habebitur maior linea, quā qG, quæ similiter secanda est, vt diuisa est qG; quæ admodum in superiori propos. de circulo maximo obliquo Num. 24. dictum est.

RECTE autem hoc modo diuidi parallelos in gradus demonstrabitur hac ratione. Quoniam recta AL, in circulo maximo ABCD, per polos mundi, & polos Horizontis ducto, (sumimus enim nunc circumulum ABCD, pro Meridiano) æquidistat diametro Horizontis kl; si per AL, intelligantur duci plana, auferent singula per Lemma 25. ex parallelo diametri XY, binos arcus æquales à punctis X, Y, inchoatos in sphaera. Igitur eadem illa plana cernentur quoque ex polo australi abscindere eosdem arcus æquales ex parallelo eodē Horizontis in Astrolabium proiecto. Cum ergo illa plana per polum australe ducta faciant per propos. 1. Num. 1. lineas rectas in Astrolabio per centrum L, Verticalis circuli, vbi omnia plana illa conueniunt, transeunt, necessario rectæ lineæ in Astrolabio per L, ductæ plana illa referent. Quia vero eadem plana in sphaera per singulos gradus paralleli Horizontis ducta diuidunt vtramque semidiametrum eiusdem, hoc est, communem sectionem Verticalis & paralleli, vt diuidi solet cuiusvis quadrantis semidiameter à perpendicularibus ad ipsam ex singulis gradibus quadrantis demissis, quod communes sectiones ipsorum cum parallelo sint parallelae communi sectioni Meridiani cum eodē parallelo, vt ex demonstratione Lemmatis 25. liquido constat, ac proinde ad vtramque semidiametrum paralleli prædictam perpendiculares, quemadmodum ad eundem perpendicularis est communis sectio Meridiani, & eiusdem paralleli; (Cum enim tam Meridianus, quam parallelus ad Verticalē rectus sit, erit quoque eorum sectio communis ad eundem recta; ac proinde & ad communem sectionem Verticalis, & paralleli perpendicularis erit, ex defin. 3. lib. 11. Eucl.) diuiditurque diameter vtraque eodem modo, vt vera paralleli diameter, vt mox demonstrabitur, perspicue constat, rectas ex L, centro Verticalis per dicta sectionū puncta semidiametri vtraque aG, (si diuidatur, vt diximus.) ductas transire per puncta paralleli, quæ gradibus eiusdem paralleli in sphaera respōdent; quandoquidē hæ rectæ in Astrolabio representant illa plana per singulos gradus paralleli in sphaera transeuntia, vt dictum est.

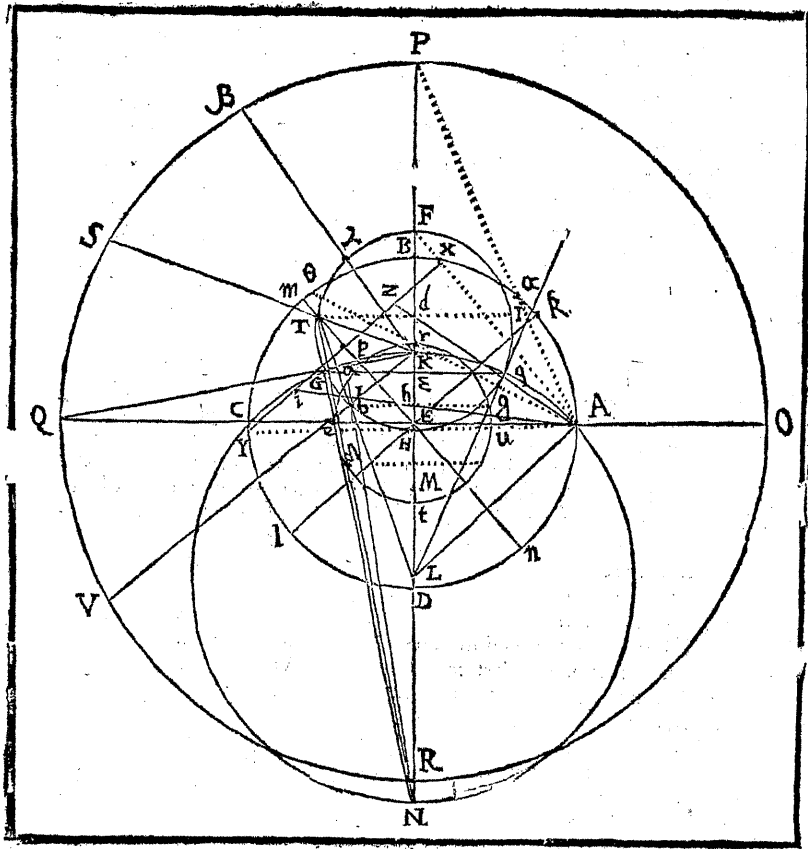
a 29. primi.

b 19. undec.

D d d Quod

Quod autem visa diameter Gq, a planis illis secetur, vt vera diameter paralleli in sphaera ab eisdem diuiditur, hunc in modum demonstrabimus. Quonia vera paralleli diameter (veram diametrum paralleli voco communem sectionem paralleli, & Verticalis in sphaera) aspicitur ex polo australi per triangulum, cuius basis est ipsa diameter vera, & vertex in oculo, ita vt diameter visa Gq, sit communis sectio plani Astrolabii, Aequatorisue, ac trianguli praedicti, a estque diameter visa diametro vere parallela, quod vtraque communi sectioni Verticalis,

a 9. vnder.



Aequatorisque, & Horizontis parallela sit: (Diameter enim vera paralleli, & communis illa sectio Verticalis atque Horizontis, cum sint sectiones in planis parallelis a plano Verticalis, effectae, b parallelae inter se sunt. Quod si per eandem illam sectionem Verticalis, Horizontisq; intelligatur duci planum triangulo praedicto, quod per veram diametrum ducitur, parallelum; c erunt quoque eadem comunis illa sectio, & visa diameter parallelae, cum sint communes sectiones in

b 16. vnder.

c 16. vnder.

nes in planis parallelis a plano Aequatoris facta. (secabatur ex scholio propof. 4. lib 6. Euclid. diameter vera, & visa proportionaliter ab illis planis per rectam AL, & singulos gradus paralleli in sphaera ductis, hoc est, a radiis visualibus, qui communes sectiones sunt illorum planorum, & praedicti trianguli. Cum ergo vera diameter ab ipsis planis secetur, vt semidiameter cuiusvis quadrantis a perpendicularibus ad ipsam ex gradibus demissis diuiditur, vt ostensum est, diuidetur eodem modo diameter visa, quod est propositum.

27. I G I T V R si quis u, g. desideret grad. 30. in parallelo FGHq, initio facto a puncto G, & siue versus F, siue versus H, progrediendo, ducenda erit recta ex L, per a, punctum diametri visa Gq, quod responderet gradui 30. circuli circa Gq, descripti, hoc est, per quod perpendicularis ex grad. 30. eius circuli demissa transit, initio etiam facto in eo circulo a puncto G.

28. C O N T R A quoque cognoscemus, quot gradus quilibet arcus paralleli Horizontis complectatur, si initium habeat a puncto G, vel q. Ducta enim ex termino T, arcus dati GT, recta ad L, secante Gq, in a, abscindet perpendicularis per a, ad Gq, educta ex circulo circa Gq, descripto, arcum tot graduum, quot in GT, comprehenduntur. Si vero arcus a G, vel q, non incipiat, assequemur propositum, vt Num. 26. propof. 5. scripsimus.

29. N O N dissimilis ratio est in parallelo cuiusvis alterius circuli maximi obliqui in gradus distribuendo, si pro L, accipiatur centrum illius circuli maximi, qui instar Verticalis primarii est respectu circuli maximi, cui parallelus aequi distat, ac proinde per polos paralleli ducitur, &c.

30. E X his, quae diximus, nullo fere negotio colligi poterit, rectas ex L, centro ad G, & q, ductas tangere parallelum in G, & q, (in figura recta tangens ducta est Lq.) quod etiam supra Num. 7. demonstrauimus. Cum enim rectae illae referant in Astrolabio plana, quae per AL, & extrema puncta verae diametri paralleli ducuntur, plana autem illa verum parallelum in sphaera nullo modo secant, sed in illis punctis extremis solum attingant, vt mox ostendemus; efficitur, vt rectae illae contingant quoque parallelum in punctis G, q, quae representant puncta illa extrema diametri verae. Si enim secarent, secarent quoque plana per eas ducta parallelum verum in sphaera in binis punctis, quae illis respondent, in quibus a rectis LG, Lq, secaretur, quod est absurdum, cum plana illa tangant parallelum verum in sphaera in punctis extremis diametri, quod sic probatur. Quoniam planum per AL, transiens, & per omnia puncta diametri verae paralleli circumductum secat semper parallelum per lineas ad ipsum diametrum perpendiculares, vel comuni sectioni paralleli, & circuli maximi per eius polos, & mundi polos ducti parallelas, vt ex Lemmate 25. constat, fit, vt cum primum ad extrema puncta peruenerit, non amplius secet parallelum, sed in illis punctis extremis eum contingat. quod etiam aliter, & Geometrice ita demonstrari poterit. Posito circulo ABCD, ad planum Astrolabii, Aequatorisue recto, vt kl, sit communis sectio circuli maximi obliqui, & eius circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi, instar proprii Meridiani, ducitur, si per rectam AC, in plano Aequatoris, Astrolabiiue, concipiatur duci maximus circulus ad obliquum maximum circumductum diametri kl, rectus, (cuiusmodi est Verticalis primarius respectu Horizontis, respectu vero cuiuscunque alterius circuli obliqui maximi, circulus maximus per eius polos, communisque sectiones eiusdem cum Aequatore ductus) a erit idem ad maximum circumductum ABCD, in eo situ, quem diximus, re-

Gradum quemlibet propositum in parallelo obliquo Astrolabii repectu ex centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primarius.

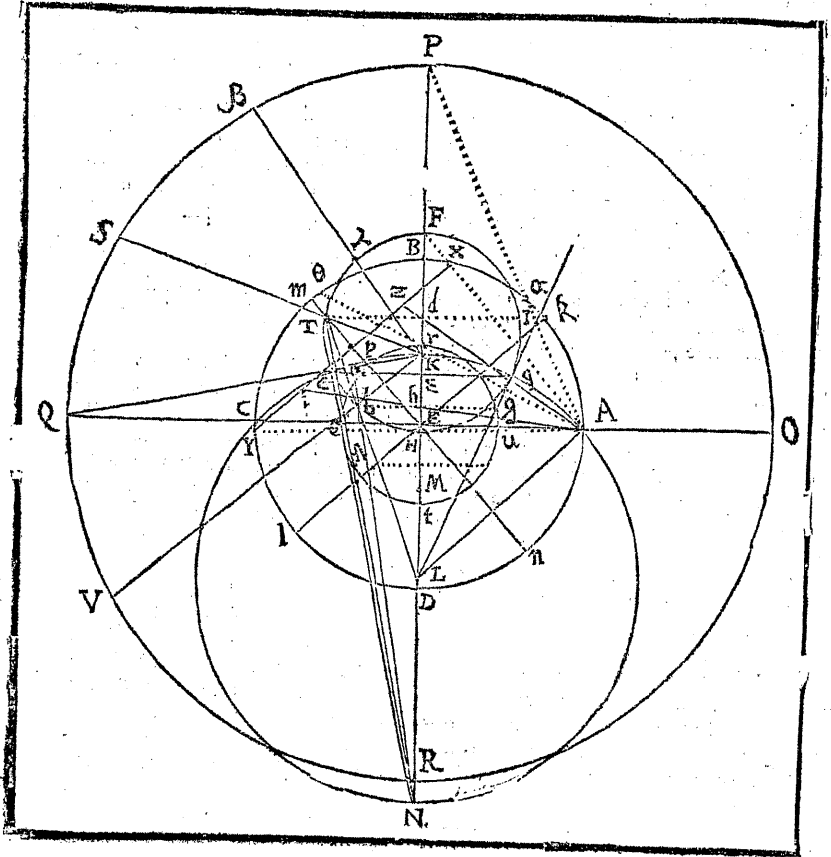
Quot gradus in arcu dato paralleli obliqui continentur, ex centro maximi circuli, qui illius est veluti Verticalis primarius.

Quo pacto omnia, quae de diuisione ue parallelorum Horizontis, ex centro Verticalis dicta sunt, ad alios parallelos obliquos accomodentur.

Rectas ex centro cuiusvis circuli maximi in Astrolabio ductas ad intersectiones eius cum parallelis alterius maximi circuli, qui ad illum se habet, vt Horizon ad Verticalem, parallelos ibi tangere.

a 15. I. Theor.

a 13. i. The. etum situm habentis. (Nā cum circulus maximus ABCD, rectus sit ad circulum obliquum, & Aequatorem^a transibit per eorum polos; ac propterea ij vicissim per eius polos transibunt, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. ideoq; communes eorū sectiones, poli erūt circuli ABCD.) Igitur cū & circulus maximus ABCD, & circulus obliquus diametri kl, ad illum circulum maximum per AC, ductum, & rectum ad obliquum, rectus sit; b erit quoque eorum communis sectio kl, ad c 8. vndec. eundem illum circulum maximum per AC, ductum recta; ac proinde & AL



a 18. vndec. ipsi kl, parallela ad eundē circulum maximum recta erit. d Igitur planū per AL, & alterutrum extremorum punctorum diametri paralleli, quæ communis sectio est eiusdem circuli maximi ac paralleli, ductum, hoc est, circulus ab eo in sphaera factus, cum eodem circulo maximo per AC, ducto rectos angulos efficiet. Quocirca cum & hic circulus per AL, & assumptum extremum punctum diametri paralleli in sphaera ductus, & parallelus ipse ad circulum illum maximū per AC, ductum,

ductum, rectus sit; a erit quoque eorum planorum communis sectio ad eundem recta; ac proinde & ad diametrum paralleli, quæ communis sectio est paralleli, & illius circuli maximi per AC, ducti, & ad diametrum circuli per AL, & assumptū extremum punctum diametri paralleli transeuntis, quam in hoc circulo maximus ille circulus per AC, ductus facit, (quoniam enim maximus ille circulus secans circulum per AL, & assumptum extremum punctum diametri paralleli ductum ad angulos rectos, vt ostendimus, b secat eum bifariam, ac per polos; transibit per eius centrum, ideoque in eo diametrum efficiet.) perpendicularis erit in extremis earum punctis, cum vtraque hæc diameter in eo maximo circulo existat. Igitur eadem illa communis sectio paralleli, & circuli per AL, assumptumq; extremum punctum diametri paralleli transeuntis, vtrumque circulum, tam parallelum, quam circulum per AL, & extremum punctum diametri paralleli ductū, continget in assumpto, extremo puncto diametri paralleli, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Euclid. Ex quo sequitur ex defn. lib. 1. Theod. hosce duos circulos in extremo puncto diametri paralleli se mutuo tāgere, & nullo modo secare, quod est propositum. Verum rectas ex L, per G, & q, ductas tangerē parallelum FGHq, aliter adhuc in scholio sequenti Num. 3. demonstrabimus: sed facilius est demonstratio, quam in hac propof. Num. 7. attulimus.

EX hoc inferitur, quamlibet rectam ex centro Verticalis ductam vsque ad concavā circumferentiam paralleli ita à parallelo diuidi, vt semidiameter Verticalis sit medio loco proportionalis inter totam illam rectam, & eius segmentum exterius. Vt si ducatur ex L, centro Verticalis recta LT, secans parallelum FGHq, in b: Dico semidiameter LK, vel Lq, medio loco proportionalem esse inter LT, & Lb. Quoniam enim semidiameter Lq, tangit parallelum, vt ostensum est, c erit quadratum rectæ Lq, æquale rectangulo sub LT, Lb. d Igitur erit vt LT, ad Lq, ita Lq, ad Lb. quod est propositum. Eadem ratio est de alijs omnibus rectis ex L, ductis.

HINC etiam elicitur ratio inueniendæ alterius extremitatis diametri paralleli visæ ex vna extremitate cognita. Si enim rectæ inter centrum Verticalis primarij, & extremitatem cognitam interceptæ, & semidiametro Verticalis primarij reperiatur tertia proportionalis, cui æqualis abscindatur, initio factō ab eodem centro, inuentum erit alterum extremum. Vt si cognitum sit extremum F, paralleli FGHq, si duabus rectis LF, LA, abscindatur tertia proportionalis LH, erit H, alterum extremum diametri visæ FH. Sic si detur extremum H, & duabus rectis LH, LA, abscindatur tertia proportionalis LF, erit F, alterum extremum, &c. Atque hoc demonstrauimus etiam Num. 7. huius propof.

31. TERTIO modo parallelum cuiusvis circuli maximi, obliqui in gradus diuidemus hac ratione. Vtraque semidiameter paralleli in sphaera pX, pY, secetur per Lemma 8. in partes inæquales, quas perpendiculares ex gradibus circuli circa XY, descripti demissæ efficiunt. Satis autem est, si vna eo modo diuidatur, cum puncta eius in alteram translata eam simili modo diuidant. Deinde ex A, polo australi per omnia puncta sectionum diametri XY, rectæ ducantur secantes paralleli diametrum FH, in punctis, per quæ si ad eandem diametrum FH, perpendiculares excitentur, diuisus erit parallelus FGHq, in gradus. V. g. Si ex A, per punctum Z, quod gradui 60. ab X, numerato in circulo circa XY, descripto respōdet, recta ducatur AZ, secās FH, in d, & per d, ad FH, perpendicularis educatur TI, cōplectetur arcus vterq; FT, FI, grad. 60. hoc est, representabit arcū paralleli grad. 60. apūcto australi numeratū in vtramq; partē tā orientālē, quā occidentālē, quod ad hunc modū demonstrabimus. Posito circulo ABCD, ad planū Astralabij recto,

a 19. vndec.

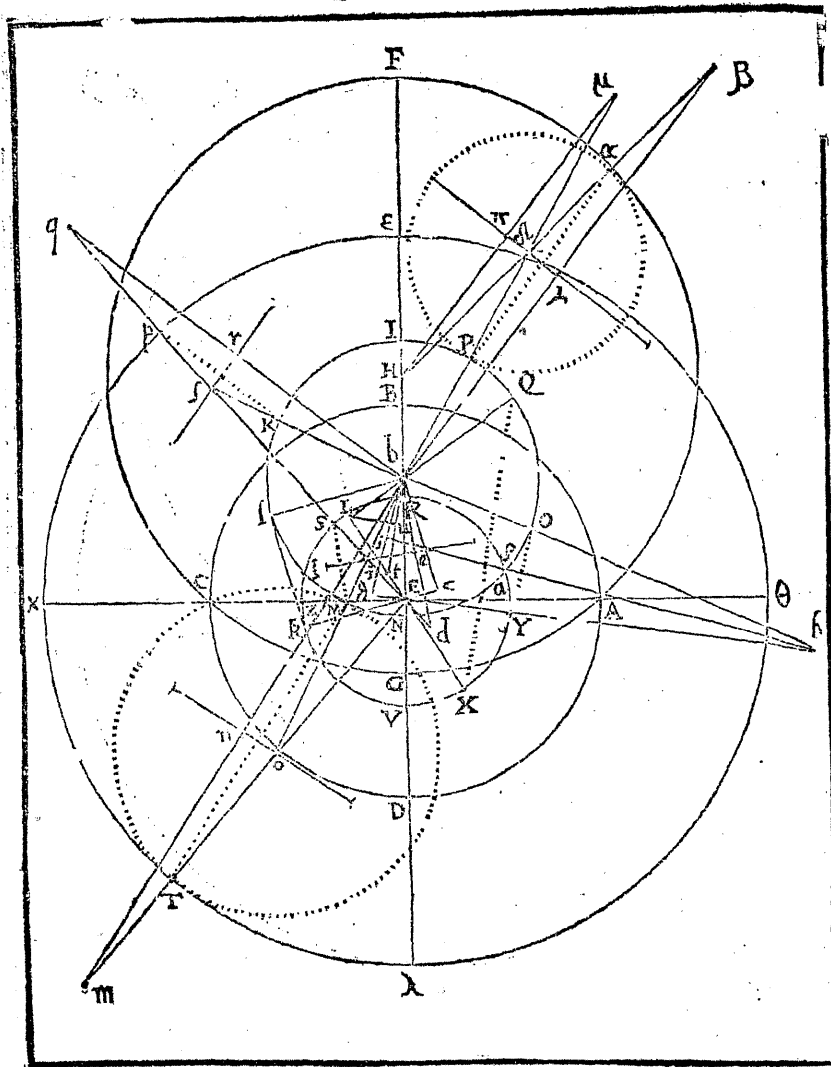
b 13. i. The.

Semidiameter Verticalis esse medio loco proportionalis inter rectam, quæ ex centro eiusdem secat Horizontis parallelū quencūque, & eius segmentū exterius. c 36. tertij. d 17. sexti.

Dato vno extremo diametri visæ alicuius paralleli obliqui, inuenire alterum extremum per tertiam quandā proportionalem.

Parallos obliquos Astralabij in gradus distrahentes, ex australi polo Analemma tis.

Sd, semidiametro alterius paralleli æqualis, ductaq; recta db, ad centrum paralleli huius alterius, in quo punctum inueniendum est, secetur in e, bifariam, & ad angulos rectos per rectam e f, secantem ES, in f, & per f, & centrum b, ducatur re-



cta b f, secans parallelum datum in M. Dico punctum M, puncto S, responderé, hoc est, arcus RS, MN, vel ξS, ξM, æquales esse in sphaera. Quoniam enim latera be, cf, b e, c f,

b e, e f, lateribus de, e f, æqualia sunt, anguloq; continent rectos; erunt & bases bf, df, æquales: Sunt autem & bM, dS, æquales, ex constructione. Igitur & reliquæ fM, fS, æquales erunt: ac proinde, vt in Lemmate 42. ostendimus, circulus ex f, per M, S, descriptus vtrumque parallelum tanget, repræsentabitq; propterea circulum in sphaera eosdem tangentem. Quamobrè per Lemma 44. arcus NM, RS, æquales erunt in sphaera. Cæterum idem punctum M, reperietur, si in b, fiat angulo bdS, æqualis angulus dbM, vel recta bd, parallela agatur SM, vt Num. 34. præcedentis propos. monstrauius: etiam si recta bd, nõ secetur bifariam, &c.

RVR SV S puncto Y, paralleli Aequatoris dandum sit respondens in parallelo obliquo, hoc est, inueniendus arcus IO, arcui VY, vel arcus ρO, arcui ρY, æqualis. Ducta semidiametro EY, abscindatur Yg, æqualis semidiametro paralleli: Et ducta recta gb, secetur in i, bifariam, & ad rectos angulos per rectam ih, secantem EY, productam in h, iungaturq; recta hb, secans parallelum in O. Dico punctum O, esse, quod queritur. Erunt enim rursum bh, gh, æquales. Cũ ergo & Yg, Ob, æquales sint, erunt & reliquæ hY, hO, æquales. Igitur circulus ex h, per O, Y, descriptus vtrumq; parallelũ tanget, ac proinde per Lemma 44. in sphaera arcus ρO, ρY, æquales erũt, &c. Idemq; punctum O, habebitur, si fiat angulus gbO, angulo bgY, æqualis, vel si per Y, ipsi bg, parallela agatur YO, etiam si recta bg, non secetur bifariam, &c.

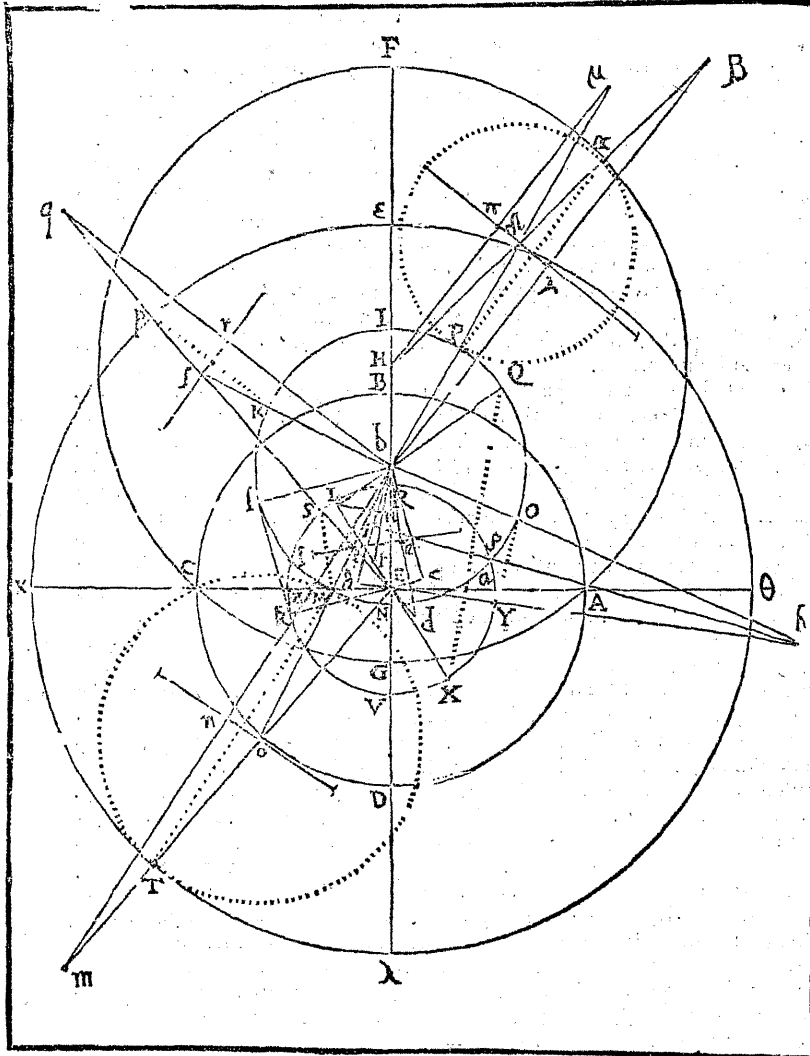
QVOD si accidat dari punctum k, in tali loco, vt ducta semidiametro Ek, sumptaq; kc, semidiametro paralleli dati æquali, iuncta recta cb, faciat angulum rectum, ac proinde recta secans rectam bc, bifariam, & ad angulos rectos, sit ipsi kc, parallela, ducenda erit bl, ipsi ck, parallela, vt punctũ l, respondens habeatur. Tunc enim, si ducatur recta kl, cum parallelæ sint, & æquales ck, bl, erunt quoq; bc, lk, parallela, ideoq; parallelogrammũ erit cl; & anguli k, l, recti erunt, atq; idcirco recta kl, vtrũq; parallelũ tanget: quæ quidẽ recta kl, tangẽs referet circulum per australe polum ductũ, qui vtrumq; parallelũ tangit in k, l. Omnis n. recta linea in Astrolabio repræsentare potest in infinitũ extensa circulum per polum australem ductum, illum nimirum, qui a plano efficitur, quod per illam rectam, & polum australem in sphaera ducitur. Quocirca quemadmodum recta kl, vtrumq; parallelum tangit, ita quoque circulus per australem polum ductus, quem repræsentat, eosdem parallelos tanget in k, l, ideoque arcus ξk, ξl, auferet æquales, ex Lemmate 44. Cæterum arcus ξk, ξl, esse æquales, ita quoque ostendemus. Recta kl, tangens producta cadit in polum inferiorem circuli maximi, cui parallelus IKl, æquidistat, si hic parallelus ad eius polum superiorem spectet, vel contra, si parallelus ad inferiorem polum spectet, tangens kl, in polum superiorem cadet. Nam, vt in scholio sequenti ad finem Num. 4. monstrauius, recta ex alterutro polorum circuli obliqui ducta, si vnum parallelum tangat, tanget & alterum. Cum ergo vna sola recta vtrumque ex eadem parte tangere possit, vt constat, (Si namque tangeret v.g. parallelum RkV, infra k, illa producta caderet tota extra parallelum IKl, si autem illum tangeret supra k, secaret producta parallelum IKl, vt perspicuum est.) cadet omnino tangens lk, in polum circuli obliqui. Cum ergo, vt Num. 21. & 24. demonstratum est, recta ex polo abscindat ex parallelis arcus æquales, æquales erunt ablati arcus Rk, Nl: Sunt autem eandem ob causam & ablati arcus Rξ, Nξ, æquales. Nam & recta ex polo paralleli obliqui ad ξ, ducta arcus æquales abscindit. Igitur & reliqui arcus ξk, ξl, æquales sunt, quod est propositum.

SI T præterea datum in Aequatoris parallelo punctum X, reperiendusq; sit arcus ρ Q, arcui ρX, vel arcus IQ, arcui VX, æqualis. Ducta semidiametro EX; ab-

E e e scissaq;

a 4. primi.
b 4. primi.
c 33. primi.
d 34. primi.
Omnem lineam rectam in Astrolabio repræsentare potest per polum australem ductam.

sciffaq; Xt, æquali semidiametro dati paralleli, iungatur tb, quâ bifariâ, & ad angulos rectos secet uL, secans Xt, versus t, protractâ in L, (Hæc namq; perpendicularis secabit semidiametrû paralleli, in quo punctum datum est, vel versus datû



punctum, etiam protractam, quando opus est, vel nō secat vlllo modo, vel deniq; protractam in partem contrariam, prout angulus in extremo rectæ, quæ absciffa est semidiametro alterius paralleli æqualis, fuerit acutus, rectus, aut obtusus) ac tan-

ac tandem recta ex L, per centrum b, ducatur secans parallelum in Q. Dico arcû IQ, arcui VX, æqualem esse in sphæra. ^a Nam rursum bases tL, bL, æquales sunt. Cum ergo & tX, bQ, sint æquales positæ; erunt totæ LX, LQ, æquales. Igitur ^a 4. *primi*. per Lemma 42: circulus ex L, per Q, X, descriptus parallelum tanget; ac proinde per Lemma 44 æquales erunt in sphæra arcus IQ, VX, vel ρ Q, ρ X. Idem quoque punctum Q, reperietur per rectam LQ, facientem angulum tL, angulo bL, æqualem; vel etiam per rectam XQ, rectæ bt, parallelam, vt supra demonstratum est, etiam si bt, non secetur bifariam, &c.

DESCRIBATUR quoque parallelus Aequatoris $\beta\epsilon\lambda$, priori æqualis, & oppositus, per quem idem parallelus obliquus IKL, diuidendus sit. Et quia paralleli $\beta\epsilon\lambda$, IKL, æquales sunt, & ad diuersas partes sphære; incipient in eis partes æquales respondentes ex eadem parte, & versus eandem progredientur, vt in Lemmate 23, dictum est, nimirum a punctis ϵ , I, versus λ , L, aut à λ , N, versus ϵ , L, &c. Sumatur ergo arcus λ T, similis arcui RS, ex quo inuentus fuit arcus NM, arcui RS, æqualis, inueniendusq; sit ex arcu γ T, idem arcus NM. Ducta semidiametro ET, abscindatur ex ea producta, recta Tm, semidiametro alterius paralleli æqualis: iuncta autem recta nb, eaq; secata bifariam in n, & ad angulos rectos per rectâ n o, secantē ET, in o, connectatur o b, secans parallelum in M. Dico arcû NM, arcui λ T, hoc est, arcui RS, æqualem esse; ac proinde punctum M, esse idem, quod ante per arcum RS, inuentum fuit. ^b Quoniam enim om, o b, æquales sunt in triangulis m n o, b n o, si demantur æquales Tm, Mb, reliquæ o T, o M, æquales erunt. Igitur circulus ex o, per T, M, descriptus parallelum tanget in T, M, vt in Lemmate 42. ostensum est: atque idcirco per Lemma 44. arcus λ T, NM, æquales erunt in sphæra. Quod si angulo E m b, fiat æqualis angulus mbo, vel si TM, ipsi mb, parallela agatur, reperietur idem punctum M; etiam si mb, non secetur bifariam, & ad rectos angulos.

SIT rursum arcui dato ep, abscindendus æqualis IK. Ducta Ep, sumatur in ea extra parallelum recta pq, semidiametro paralleli IKL, æqualis. Iuncta autem recta qb, eaq; secata bifariam, & ad angulos rectos in r, per rectam secantem Eq, in s, connectatur recta sb, secans parallelum in K, eritq; arcus IK, arcui ep, æqualis in sphæra. quod demonstrabitur, vt de arcu NM, dictum est.

SIMILI ratione, si detur in maximo quouis circulo obliquo AF CG, punctû α , inueniemus in eius parallelo quolibet IKL, punctum respondens P. Idemque fiet, si dicti duo circuli sint paralleli, licet neuter eorum sit maximus. Nā ex centro H, illius, in quo punctum datur, ducta semidiametro Ha, & extra parallelum sumpta recta $\alpha\beta$, æquali semidiametro alterius paralleli, iungemus βb , quam secet in γ , bifariam, & ad angulos rectos recta $\gamma\delta$, secans H β , in δ . Iuncta enim βb , secabit parallelum in P, puncto quæsito. quod etiam reperietur, si fiat angulus $\beta b\delta$, angulo $b\beta H$, æqualis, vel per α , ipsi βb , parallela agatur αP . Quod demonstrabitur, vt proxime dictum est. ^c Nam rursum æquales erunt $\beta\delta$, δb , in triangulis $\beta b\gamma$, $\delta b\gamma$, a quibus si tollantur æquales Pb , $\alpha\beta$, reliquæ δP , $\delta\alpha$, æquales erunt, &c.

VICISSIM ex dato puncto P, reperietur respondens punctû α , in alio parallelo. Ducta enim semidiametro bP, abscindatur extra parallelum recta P μ , semidiametro alterius paralleli AF CG, æqualis. Iuncta autem μH , reliqua perficiuntur, vt prius.

HAC ratione accedente Lemmate 45. ex quouis puncto Horizontis, aut alicuius paralleli eius, inueniri poterit punctum respondens in quouis parallelo alio ipsius, & contra.

Parallelum quævis obliquum in gradis distribuetur, ex eius circulo maximo, cui æquidistant, vel e alio parallelo in gradis diuiso.

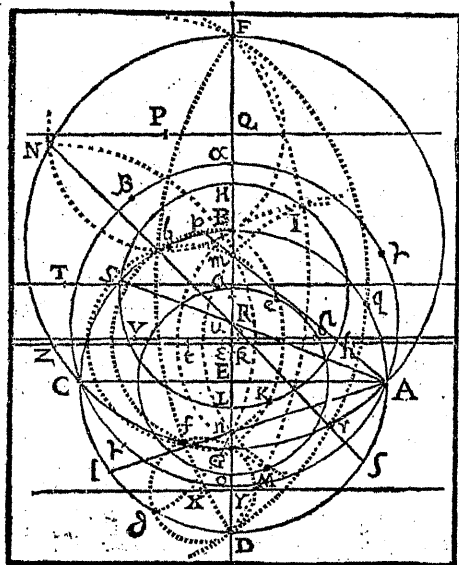
c 4. *primi*.

Quid obseruandum, ut circulus per alium circulum diuisum diuidatur in gradus.

Circulus maximus obliquus, eorumque parallelos diuidere in gradus per circulos varios, per tres puncta describitur.

VIDES ergo, quando arcus æquales in duobus circulis progrediuntur eodem ordine, sursum versus, vel deorsum, ut fit in parallelis quibuscunque, vel in duobus circulis vergentibus ad diuersas partes in sphaera, adiiciendam esse semidiametro vnus diametrum alterius; quando autem in vno descendendum est, & in altero ascendendum in arcibus, qui æqualibus arcibus in sphaera respondent, ex semidiametro vnus auferendam esse versus centrum semidiametrum alterius. quod quidem fit, quando duo circuli æquales vergunt ad eandem sphaeræ partem, ut in exemplis monstratum est.

36. NEQVE vero prætermittenda est alia via perfacilis, & iucunda distribuendi tam maximos, quam non maximos circulos in gradus, vel potius inuestigandi quemcunq; gradum in circulo siue maximo, siue non maximo; quæ est eius modi. Sit Aequator ABCD, cuius centrû E, circulus maximus obliquus AFGC, cuius polus R. Sumantur duo puncta in meridiana linea FD, equaliter distantia ab E, polo Aequatoris, & R, polo circuli obliqui, versus D, & F, nõ autê in segmento ER, ne nimis propinquum vnum alteri fiat: Huiusmodi sunt puncta D, & F, cû segmenta ED, RF, quadrantes repræsentent inter polum mundi E, & Aequatorê, & inter polû R, circuli obliqui, & ipsum circulum, intersecctos. Diuisa autê recta FD, inter assumpta puncta bifariâ in a, ducatur per a, ad FD, perpendicularis a T,



in vtramque partem in infinitum. Iam dato puncto q, in semicirculo Aequatoris ABC, quod grad. 60. a puncto B, distat, reperiemus in semicirculo circuli obliqui maximi AGC, punctû respondens r, si per tria puncta F, q, D, ex centro T, (quod per coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. in perpendiculari a T, existit) circulus describatur FqD, secans circulum obliquum in r. Quoniam enim circulus FqD, repræsentat illû in sphaera, qui per tria puncta tribus punctis F, q, D, respondentia ducitur, distans autê F, D, a polis R, E, in sphaera æqualiter; erit polus huius circuli in circulo maximo, qui per polû Meridiani FD, & punctum mediû arcus eiusdem per rectam FD, repræsentati ducitur, vt ad finem Lem

mat 47. ostendimus. Igitur per idem Lemâ dictus circulus FqD, ex Aequatore, & circulo maximo AFGC, arcus æquales abscindet, quibus respondent arcus Bq, Gr. Quod si per eadê duo puncta, F, D, & punctû Aequatoris b, grad. 30. a puncto B, distans describatur circulus FbD, centrum habens in eadê perpendiculari a T, secabitur maximus circulus AFGC, in f, puncto grad. 30. distante a puncto G.

IDEM punctum f, reperietur hoc modo. Recta YX, secet DG, bifariâ, & ad angulos rectos, & per puncta D, G, & g, distans grad. 30. a puncto D, describatur ex centro X, circulus GDg. Hic enim secabit AGC, in f. Nam rursus, vt ad finem

ncm

nem Lemmatis 47. monstratum est, circulus GDg, polos habet in circulo, qui arcum DG, in sphaera diuidit bifariâ, & ad angulos rectos. Igitur per idem Lemmâ auferet ex DC, GC, arcus æquales Dg, Gf.

RVRVS idê pûctû f, inueniemus hac ratione. Sumatur duo arcus Cl, Sp, æquales, ducaturq; radij Al, Ap, vt habeatur puncta n, m, æqualiter distantia à polis E, R, cû segmenta En, Rm, arcibus æqualibus Cl, Sp, respõdebant. Si n. accipiat arcus Bb, grad. 30. in Aequatore, & per tria pûctâ m, b, n, circulus mbn, describatur habens centrû t, in recta k, Z, secante mn, bifariâ, & ad angulos rectos, secabitur CG, in f, puncto, quod ipsi b, respondebit, vt ex Lemmate 47. perspicuum est.

PRAETEREA si per tria puncta B, b, G, circulus BbG, describatur centrum u, habens in perpendiculari i V, secante BG, bifariâ, secabitur CG, in eodem puncto f, propterea quod puncta quoque B, G, æqualiter a polis R, E, distant. Cû enim EB, RG, quadrantes sint ex polis ad circulos maximos ducti; ablato communi arcu RE, reliqui arcus RB, EG, æquales erunt.

ATQVE in hunc modum, si alia, atque alia puncta sumantur a polis R, E, æque remota, & per bina, atque punctum b, datum circuli describantur, reperietur idem punctum f, pluribus vijs. Possunt quoque assumi ipsimet poli R, E, pro punctis, si eorum distantia non sit nimis exigua.

SI C etiam, si per puncta F, B, & punctû b, distans grad. 30. a puncto B, circulus describatur Bb, centrû habens P, in recta QP, perpendiculari ad FB, secante ipsam FB, bifariâ, reperietur punctum N, puncto b, respondens. Nam vt ad finem Lemmatis 47. monstratum est, circulus FbN, polos habet in maximo circulo, qui arcum FB, in sphaera diuidit bifariâ, & ad angulos rectos, ac proinde per C, & A, polos circuli FbD, transit. Igitur ex eodem Lemmate auferet circulus FbN, ex circulis BC, FC, arcus æquales Bb, FN.

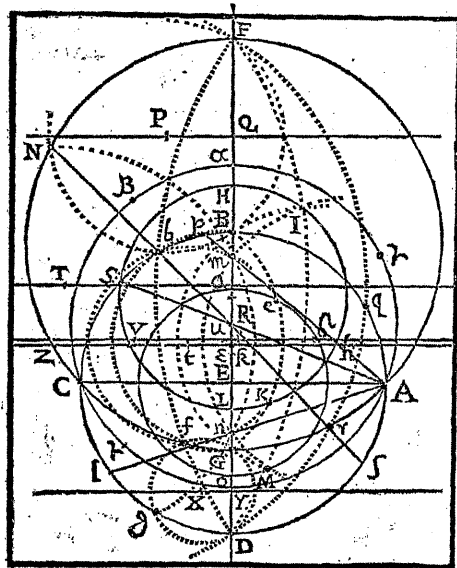
ITAQVE vt per duo puncta a polis R, E, æqualiter remota inueniatur in semicirculo AGC, punctû quocumq; gradibus a puncto G, distans, sumendum est in Aequatoris semicirculo ABC, punctum respondens: sit vero in semicirculo ADC, punctû dandû est, vt punctû respõdens in semicirculo AFC, reperiat. Si autê per duo pûctâ D, G, inueniendû sit quodlibet punctû in semicirculo AGC, accipiendû est punctû respõdens in semicirculo Aequatoris ADC. Si deniq; per duo puncta, F, B, reperendum sit punctû in semicirculo AFC, sumendum est punctum respondens in semicirculo ABC. Quæ omnia ex Lemmate 47. eliciuntur, & obseruata sunt hic in punctis inuestigandis. Nã ex pûcto g, & punctis n, m, æqualiter ab E, & R, distantibus inuestigatum est punctum N, per circulum g n mN. Itê ex puncto b, & punctis F, B, per circulum FbN, idem punctû N, inuentû est.

EADDEM ratio seruanda est in circulis non maximis, si dato circulo non maximo describatur parallelus Aequatoris æqualis, tantum a polo boreali distans, quantum ille a suo polo superiore recedit, qui intra Aequatorem existit. Vt si sit HIKL, parallelus obliquus, cuius polus R, & parallelus Aequatoris borealis illi æqualis a e MO: inuenietur puncto M, respondens punctum I, per circulum FM D, vel per circulum M n mI, ex centro h, vel MGB I, ex centro f.

QVOD si circulus non maximus obliquus propius absit a polo suo inferiore, quam a superiore, si quidem per eius polum superiorem diuidens circulus describendus sit, & per polum borealem, describendus erit parallelus Aequatoris australis illi æqualis; (quia hac ratione ambo circuli a suis polis, per quos circulus diuidens describendus est, æquales habebunt distantias) ac recta inter polum borealem, & polum superiorem obliqui circuli, vel recta inter duo puncta æqualiter ab illis distantia, diuidenda bifariâ, vt in perpendiculari ex eo puncto medio

medio ducta centrum inueniatur circuli per duos illos polos, vel duo illa puncta, describendi, &c. Si vero polus circuli obliqui inferior assumatur, describendus erit parallelus Aequatoris borealis illi æqualis; (quia hoc posito, ambo circuli a suis polis, per quos circulus diuidens describendus est; æqualiter distabunt) & recta inter polum borealem, & polum inferiorem circuli obliqui, vel recta inter duo puncta ab illis æqualiter distantia, secunda bifariam, &c. Et si in maximis circulis recta inter polum boreum, & inferiorem circuli obliqui fecetur bifariam, abscindentur ex Aequatore, & obliquo circulo partes aequales eo ordine, quem seruandum esse diximus, quando primo modo ex polo superiore diuisio circuli obliqui instituitur, non autem eo, quem in Lemmate 47. præscripsimus, hoc est, a punctis F, B, vel D, G, initium sumere debent arcus abscissi in Aequatore, & maximo circulo obliquo, non autem a punctis F, D, vel B, G. Eodem pacto in non maximis, quando parallelus obliquus polum inferiorem ambit, arcus abscissi inchoandi sunt in eo, & in parallelo Aequatoris australi & æquali, a punctis superioribus, inferioribusue, & circulus describendus per polum superiorem, & borealem, ita vt curuaturæ arcuum abscissorum eodem ordine progrediantur, hoc est, vel sursum, vel deorsum tendant.

VT autem experimento quoque discas, recte hoc modo puncta proposita in circulis obliquis reperiri, inuenimus punctum N, ex polo superiore per rectam RbN, & punctum f, per rectam Rfg, & punctum r, per rectam Rrf.



est, & per A, a, C, circulus maximus describatur AaC, & circa quodlibet eius punctum β, vel γ, per datum punctum b, vel g, in Aequatore parallelus describatur illius circuli maximi, cuius β, vel γ, polus est, vt in propof. 18. Num. 6. præcipiemus, secabit prior parallelus circulum maximum obliquum in N, poster

rior vero eundem in f, secabit, vt ex eodem Lemmate 47. liquet. Sic etiam si arcus ER, inter polum paralleli Aequatoris, & polum paralleli obliqui positus fecetur bifariam in a, per ea, quæ propof. 5. Num. 18. scripsimus, & per A, a, C, maximus circulus describatur, ac circa quodlibet eius punctum per doctrinam propof. 18. per datum punctum M, in parallelo Aequatoris parallelus describatur, secabitur parallelus obliquus in I, puncto, quod ipsi M, respondet. Sed prior via per parallelos circa polos C, A, descriptos, præstantior est, tum quia paralleli circa illos per datum punctum facilius describuntur, cum sint paralleli sphaera rectæ, quam circa alios polos, vt propof. 18. Num. 5. tradetur; tum etiam quia paralleli, quorum poli sunt A, & C, refecant binos arcus ex maximo quouis circulo obliquo, eiusq; parallelis respondententes arcui dato in Aequatore, vel eius parallelo. Vt parallelus per punctum b, descriptus secabit obliquum circulum maximum in N, & f, eruntq; arcus FN, Gf, arcui Bb, vel Dg, æquales. Exemplum huius rei reperies propof. 18. Num. 5. Huc accedit, quod in hac ratione non est necesse, vt circuli non maximi habeant polos in circulo maximo FD, æqualiter a circulo maximo medio, vt in Lemmate 47. dictum est, distantes, aut in determinatis locis, sed satis est, vt respondeant in sphaera circulis æqualibus, siue parallelus Aequatoris australis sit, siue borealis, vbicunque circulus non maximus obliquus polos in circulo FD, habeat: ita vt in figura Lemmatis 47. parallelus circa polum B, descriptus tam ex infinitis circulis maximis per B, ductis, quam ex infinitis circulis non maximis æqualibus polos in circulo maximo ADC, habentibus arcus æquales simul abscindat. Idem continget in figura paulo ante proposita. Nam si circa C, vel A, parallelus maximi circuli FED, describatur, vt propof. 18. Num. 5. docebimus, abscindet is ex circulis, quorum centra in recta FD, existant, ac proinde & qui polos in eadem recta habet, siue maximi illi sint, siue non maximi, binos arcus æquales, respondententes illi arcui Aequatoris, vel paralleli Aequatoris, per cuius extremum parallelus circa polum C, vel A, descriptus est, dummodo parallelus Aequatoris æqualis sit circulo non maximo, ex quo abscindendi arcus proponuntur, non secus, ac in sphaera contingit. Atque hæc ratio solum incommoda est, quando punctum datum in Aequatore, vel eius parallelo parum distat a recta FD, quod tunc parallelus per illud describendus, sit nimis amplus, ita vt ægre eius centrum in recta AC, haberi possit.

37. AD extremum licebit nobis quemlibet parallelum obliquum partiri in gradus modo illo pulcherrimo, quem in præcedenti propof. Num. 36. in circulis maximis exposuimus. Sit enim Aequator ABCD, circa centrum E, circulus maximus AF CG, cuius diameter vera ik, & axis Lg; eiusdem parallelus in Astrolabio aPβQ, cuius diameter vera IN, occurrens meridianæ lineæ in S, puncto, per quod ducatur Sp, ad FD, perpendicularis, quæ cõmunis sectio erit plani Aequatoris, & plani paralleli in sphaera. Quoniam enim tam Aequator, quam parallelus ad proprium Meridianum rectus est, quod Meridianus per vtriusque polos transeat: erit quoque eorum cõmunis sectio ad eundem recta, ac proinde ex defn. 3. lib. 11. Euclid. ad rectam FD, in Meridiano existentem, perpendicularis in puncto S, vbi parallelus plano Aequatoris occurrit, Perpendicularis ergo Sp, cõmunis sectio est paralleli, & Aequatoris. Rectæ deinde SM, abscindatur æqualis ST, siue deorsum, siue sursum versus, & ex T, circulus describatur VXZY, ad interuallũ semidiametri paralleli MN, vel MI, qui parallelo in sphaera æqualis erit: atque adeo si circulus ABCD, pro Meridiano proprio paralleli accipiat, concipiatque ad Aequatorem, siue ad planum Astrolabij rectus, ac denique planum, in quo circulus VXZY, circa Sp, circumducatur, congruet hic

Præstantissima via ad inueniendum datum punctum in circulo quouis obliquo per parallelum in sphaera recta

Alia ratio pulcherrima diuidendi quemuis parallelum in gradus.

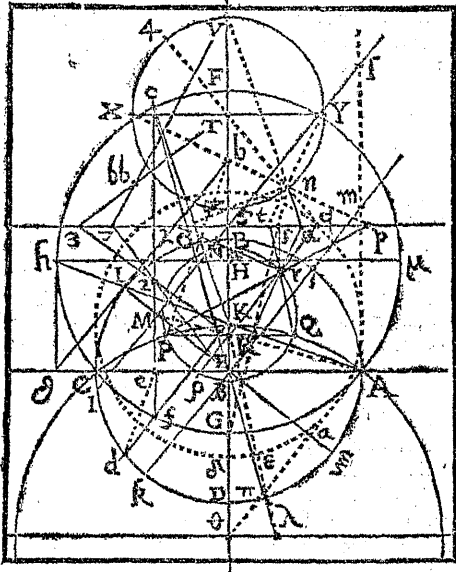
a 15. Theg. b 19. undec.

Num. 36. dictum est. Nam cum planum Aequatori parallelum per rectam Al, ductum occurrat plano circuli maximi in m, si recta Em, (quae perpetuo etiam semidiametro Verticalis Aθ, aequalis est ob parallelogrammum AE,) aequalis abscindatur Eb, ducenda erit praedicta communis sectio plani circuli obliqui, & plani illius paralleli per b. Si igitur quis velit puncto b, exhibere punctum visum respondens, ducendo ex b, per aliquod punctum obliqui circuli veri, ut per O, rectam, quae secet AC, in e, erit recta per e, ad c, punctum respondens in visio circulo obliquo ducta, parallela ipsi FG. Atq; ita aliae quoq; rectae parallelae inuenientur eidem FG, Quare haec lineae apparentes nullo modo sese interfecabunt, ut punctum visum habeatur. Ex alijs punctis communis sectionis praedictae per b, ductae inuenientur aliae rectae inter se parallelae, quibus ipsi FG, non aequidistant. Verum rectas ex punctis huiusmodi sectionis ad quavis puncta circuli obliqui veri ductas proici in lineas parallelas, planius fiet ex iis, quae mox demonstrabimus.

34. primi.

Quae puncta vera in maximo circulo obliquo sphaerae non habeant puncta visum respondenciam Astrolabio.

Circulus maximus obliquum Astrolabij in gradus partiri per lineas parallelas.



b 16 vndec.

rectas ipsi Al, parallelas, ita ut planum illud circumductum projiciatur in lineas ipsi Al, atq; ideo & inter se parallelas. Igitur cum planum per Al, & bO, ductum occurrat ipsi AC, communi sectioni Aequatoris, & circuli obliqui in e, apparebit transire per parallelae c, ac proinde cum ducatur per O, apparebit punctum O, in c, cum in illa parallela appareat. Vbi vides rectam ex polo K, per O, ductam cadere in idem punctum c, ut res postulat, quemadmodum propos. 5. Num. 17. demonstratum est. Ea dem autem parallela c, indicat alia ex parte aliud punctum f, quod puncto d, respondet, quod etiam indicatur per rectam Kd. Rursum si ex b, per L, polum verum obliqui circuli recta ducatur secans AC, in g, dabit parallela g h, punctum h, ipsi L, respondens, in quod etiam cadit recta KL: estq; punctum h, in extremo diametri Horizontis h μ, ad FG, perpendicularis: ita ut arcus hC, arcui LC, respondet: quod etiam in se hol. prop. 5. ad finem Nu. 14. demonstrauimus. Recta porro bL, tangit circulum ABCD, in polo L, aufertq; rectam Eg, semidiametro Horizontis

izontis apparentis aequalem. Quoniam enim duo latera bE, EL, trianguli bEL, duobus lateribus mE, EA, trianguli mEA, aequalia sunt, & angulosq; continent aequales, quod arcus Ai, BL, metientes altitudinem poli supra circulum obliquum aequales sunt; erunt quoq; anguli bLE, mAE, aequales. Cum ergo mAE, sit rectus, erit quoq; bLE, rectus, ideoq; ex coroll. prop. 16. lib. 3. Eucl. bL, circulum tanget in E. Auferri autem rectam Eg, aequalem semidiametri Horizontis H h, perpendicularium est, propter parallelogrammum gH.

a 27. tertij.

b 4. primi.

c 34. primi.

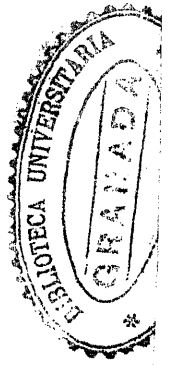
SIT rursus puncto n, vero paralleli assignandum punctum visum. Ducatur ex G, puncto vero, quod ipsi l, respondet, recta Gn, secans communem sectionem Sp, in f. Na recta fr, ipsi FG, parallela offeret punctum respondens r, quod eodem modo demonstrabitur. Na si per rectam Al in plano, quod Aequatori aequidistat, & in polo australi A, sphaeram tangit existere, & per G transeuntem in proprio situ planum circuli ducatur, faciet illud in plano Astrolabij, Aequatorisue rectas ipsi Al, parallelas, in quas planum illud circumductum projicitur. Cum ergo planum per Al, & Gn, ductum occurrat ipsi Sp, communi sectioni plani Aequatoris, & paralleli in f, conspicietur transire per parallelam fr; ac proinde cum ducatur per n, apparebit punctum n, in r, cum in illa parallela, in qua recta Gn, projicitur, appareat.

Parallelam obliquam Astrolabij in gradus diuidere per lineas parallelas.

d 16. vndec.

DENIQUE quemuis maximu circulu obliquu, eiusq; parallelos distribuemus in gradus per lineas rectas, quae per eoru centra visa transeunt, quarum singulae exhibeant bina puncta opposita per diametru, hoc modo. Sumatur arcui AE, aequalis arcus επ, ducaturq; recta Aπ, secans FD, in θ, centro Verticalis primarij, ut prop. 5. Nu. 3. & 4. ostendimus; atq; per θ, extendatur θλ, ad FD, perpendicularis referens parallelu maximi circuli obliqui dati, qui per polu australem ducitur, ut supra Nu. 3. demonstr. Descripto autem ex K, polo viso, circulo cuiusuis magnitudinis δε (Nos Aequatori aequalis descripsimus, ut facilius Aequatoris gradus in illu possint transferri) ducatur per eius gradus ex K, recta secans recta θλ, in punctis. Si n. per hanc sectionu puncta, & ta per centru visu maximi circuli, hoc est, per E, qua per R, centru paralleli visu rectae ducantur, diuisus erit verusq; circulus in gradus. V.g. si arcui BO inueniedus sit respondens arcus in circulo obliquo viso sine maximo, sine no maximo, sed eius parallelo, accipiatu arcui BO, si in eo semicirculo datur, in quo polus K, existit, in parte opposita similis arcus δε, vel aequalis, si circulus δε descriptus est aequalis aequatori (quoniam arcus Aequatoris datus est in altero semicirculo, in quo polus K, non est, accipiedus est arcus similis, vel aequalis in descripto circulo δε, ex eadem parte) ducaturq; recta Kε, secans θλ, in λ. Recta n. λE, per E, centru Astrolabij, est apprensus est, seu visu oim circuloru maximoru, emissa abscondet duos arcus oppositos, ipsi BO, aequales in numero grad. quoru vnus est Fc. Similiter recta ex λ, per R, centru visu paralleli αβγ, traiecta auferet duos arcus oppositos tot graduu, quot in BO, compreheduntur. Idemq; efficiet recta ex λ, per centru visu cuiusuis alterius paralleli, cuius polus K, emissa. Quod in huc modu demonstrabimus. Cum Kθ, ipsi Aθ, sit aequalis, quae ambae sint semidiametri Verticalis primarij obliqui circuli, si triangulu AEθ, concipiatu mo veri circa Eθ, deorsu, versus polu australe, donec ad planu Astrolabij rectu sit, hoc est, ad Meridianu propriu perueniat, ac proinde punctu A polo australi congruat; intelligatur autem circa recta θλ, moueri quoque deorsum recta Kθ, cum plano circuli δε, donec ad recta Aθ, per polu australem transeuntem perueniat, cadet K, in polu A, & planum circuli δε, parallelum erit circulo obliquo. Quia vero duo plana per rectas Kθ, Kλ, in plano illo parallelo, & per E, centrum mundi ducta, faciunt in circulo obliquo sphaerae rectas ipsi Kθ, Kλ, parallelas; erit angulus, quem haec parallelae in centro obliquo circuli faciunt, aequalis angulo (Kλ, & propterea arcus obliqui circuli absconditus similis erit arcus δε.

Circulos obliquos tam maximos quam eorum parallelos in gradus distribuere lineis rectis per eorum centra visa ductis.



e 16. vndec.

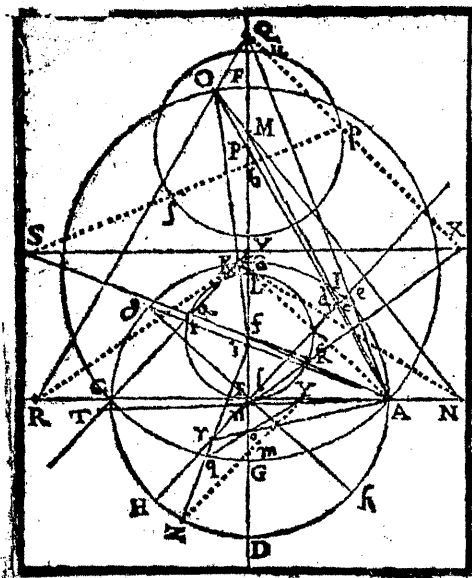
f 10. vndec.

g 26. tertij.

Cum ergo plana illa per propof. r. projiciantur in rectas $E\theta$, $E\lambda$, quod ambo per E , tranfeant, & per puncta θ , λ ; intercipient rectas $E\theta$, $E\lambda$, arcus vifos respondentis arcui circuli obliqui, qui arcui δ , similis est. Eademq; demonstratio in parallelis adhibenda est, dummodo plana per rectas $K\theta$, $K\lambda$, ducta intellegantur transire per centra parallelorum in sphaera, &c.

A T Q V E hæc via præstantissima est, quando plures paralleli obliqui in gradus diuidendi sunt; cum per eam ex vno eodemq; puncto rectæ $K\lambda$, inuento, in omnibus parallelis bina puncta opposita reperiantur, si ex illo puncto inuento rectæ per centra visa ducantur, vt dictum est. Solum incommoda est, quando puncta in recta $\theta\lambda$, nimis procul à puncto θ , abfunt: quia tunc rectæ ex K , emiffæ, nimis obliquè rectam $\theta\lambda$, interfecant, vt vix ea puncta sine errore possint inueniri. Quare tunc alijs vijs vtendum erit, quæ videlicet commodiores videbuntur.

38. NOLO etiam hoc loco præterire aliam quandam rationem, quæ post omnes modos explicatos mihi occurrit, atque inter cæteras commodissima videtur: quippe quæ ex quolibet puncto in communi sectione circuli obliqui, & plani Astrolabij, Aequatorisve extra meridianam lineam assumpto quodlibet punctum propositum in circulo exhibeat, ita vt pro arbitrio accipere quis possit punctum, ex quo recta ad punctum datum in Aequatore, si de maximis circulis agatur, vel in parallelo vero, si in parallelo obliquo punctum sit inueniendum, emiffa, commodissime propria meridianam lineam interfecet. Sit igitur rursus Aequator $ABCD$, cuius centrum E ; obliquus circulus maximus $AFCG$, cuius vera diameter HI , & polus vifus i ; diameter vera Verticalis proprii circuli obliqui gh ; diameter vera paralleli eiusdè circuli obliqui CK , & parallelus vifus LtE ; parallelus denique verus ups , cum communi sectione SX , vt in præcedenti ratione



tem datum punctum K , primum in Aequatore, hoc est, in maximo circulo vero, cui respondens in obliquo circulo maximo inuestigandum sit. Ex quolibet puncto N , assumpto in communi sectione AC , plani Astrolabij, & circuli obliqui in sphaera, (commodissime autem assumetur in parte opposita dato puncto, vt in recta EA , etiam producta, quando datum punctum est in semicirculo BCD ; at verò in recta EC , etiam producta, quando punctum in semicirculo BAD , datum est) ducatur ad datum punctum K , recta secans lineam meridianam in

nam in aliquo puncto; quod nunc sit inter B , & L : & rectæ inter E , & punctum illud sectionis abscindatur ex vera diametro HI , recta æqualis Ec ; & ex A , polo australi radius per c , emiffus secet EB , in M . Recta namque NM , cadet in punctum O , in quod nimirum recta ex i , polo per K , emiffa cadit. Nam si circulus $ABCD$, cogitetur circa AC , circumduci, donec ad diametrum HI , in Meridiano proprio existentem, constituto A , in polo australi, perueniat, congruet punctum intersectionis rectæ NK , & rectæ EF , cum puncto c ; adeo vt in sphaera recta NK , ad punctum datum K , educta, secet diametrum in c , puncto, quod per radius AC , ex polo australi A , inspectum apparet in M . Recta ergo NK , projicietur in rectam NM , ideoq; incidet in O , punctum, dato puncto K , respondens, quemadmodum NK , in datum punctum K , incidit.

SIT idem puncto K , inquirendum idem punctum respondens O , ex puncto A , assumpto in intersectione circumferentiæ Aequatoris cū circumferentiæ circuli maximi obliqui. Ducta recta AK , secante EB , in L , sumatur ipsi EL , æqualis Ed , vt d , punctum sit in diametro vera, in quo recta AK , eam interfecat, si circuli in propria positione concipiuntur. Apparebit punctum d , in P , per radius Ad ; ac proinde eadem recta AP , in quæsitum punctum O , cadet.

P R A E T E R E A idem punctum O , reperendum sit ex puncto R . Ducta recta RK , secante rectam EB , inter B , & V , accipiatur recta inter hoc punctum sectionis, & centrū E , æqualis recta Ee ; eritq; e , punctum, in quo recta RK , veram diametrum HI , secat, si circuli proprium situm habere intelligantur. Apparebit autem punctum e , per radius Ae , in Q . Recta ergo RQ , rectam RK , referet, ideoque per quæsitum punctum O , transibit.

D E N I Q V E puncto Z , ex puncto Y , inquirendum sit punctum respondens q , iuncta recta YZ , secante ED , in m , abscindatur rectæ Em , æqualis Er , vt r , punctum habeatur in quo recta YZ , diametrum HI , secat; si omnia proprium habeant situm. Ducto autem radio Ar , apparebit punctum r , in o . Recta igitur Yo , punctum q , quæsitum indicabit, in quod etiam cadit recta iZ .

D E I N D E sit datum punctum p , in parallelo vero, cui respondens inueniendum sit in vifo. Ex quolibet puncto S , communis sectionis SX , assumpto (commodissimum quoque erit punctum in opposita parte acceptum) ducatur ad datum punctum p , recta secans EF , in b , & rectæ Vb , æqualis abscindatur Va , ex vera diametro; ducto autem radio Aa , secante EB , in f , cadet iuncta Sf , in k , punctum respondens dato puncto p . Nam si concipiatur circulus ups , circa SX , circumueriti, donec ad diametrum Vc , proprium situm in Meridiano proprio habentem perueniat, congruet punctum intersectionis b , puncto a ; adeo vt in sphaera, recta Sp , ad datum punctum p , ducta secet diametrum paralleli in a , puncto, quod per radius Aa , inspectum apparet in f . Recta ergo Sp , in rectam Sf , projicietur, &c. Quod si daretur punctum f , inueniretur eodem modo respondens punctum t .

S E D idem punctum k , respondens dato puncto p , inueniendum sit ex assumpto puncto X . Ducta recta Xp , secante EF , in Q , sumatur recta VQ , æqualis VT ; eritq; T , punctum, in quo recta Xp , veram diametrum in propria positione secat, quod per radius AT , apparebit in n . Recta igitur Xn , per quæsitum punctum k , transibit. Et si datum esset punctum u , reperiretur eodem modo punctum l , respondens.

C O N V E R S O ordine inuestigabimus dato puncto in circulo obliquo vifo respondens punctum in circulo vero. Nam si ex dato v.g. puncto q , in circulo maximo, ad quoduis punctum Y , communis sectionis recta ducatur secans ED , in o , & radius iungatur Ao , secans veram diametrum in r , sumemus rectæ Er , æqua-

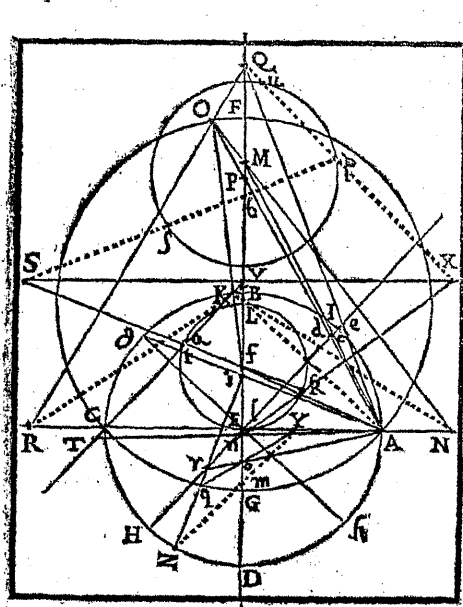
Dato puncto in circulo obliquo vifo respondens punctum in circulo obliquo vifo inuenire.

Et, æqualem Em. Recta enim Ym, in quæsitum punctum Z, cadet.

R V R S V S si ex dato puncto k, in parallelo ad quodlibet punctum S, communis sectionis recta ducatur secans EB, in f, & radius iungatur Af, secans veram diametrum in a, fumemus rectæ Va, æqualem Vb. Recta namque Sb, quæsitum punctum p, indicabit.

Dato puncto vero in plano circuli in sphaera, punctum respondens visum in Astrolabio reperire, & contra.

NON aliter dato puncto in plano circuli obliqui extra circumferentiam, respondens punctum in Astrolabio reperiemus ex duobus punctis vtrumque in communi sectione assumptis. Vt si punctum p, cogitetur esse in plano paralleli in sphaera extra eius circumferentiam, ducemus ex duobus punctis S, X, vtrumque assumptis per punctum p, rectas secantes EF, in b, Q, rectisque Vb, VQ, æquales abscindemus Va, VT, & radios iungemus Aa, AT, secantes EF, in f, n. Rectæ enim Sf, Xn, per quæsitum punctum k, transibunt. Vicissim si in Astrolabio datur punctum k, extra circumferentiam paralleli visi, inueniemus in plano paralleli veri punctum respondens p, si ex k, ad duo puncta S, X, communis sectionis duas rectas ducamus secantes EF, in f, n, & per f, n, radios emittamus ex A, secantes veram diametrum in a, T. Nā si rectis Va, VT, æquales abscindamus Vb, VQ, secabit recta Sb, XQ, se mutuo in vero puncto p, respondente.



Que ratio dividendi circulos Astrolabij in gradus sit omnium expeditissima.

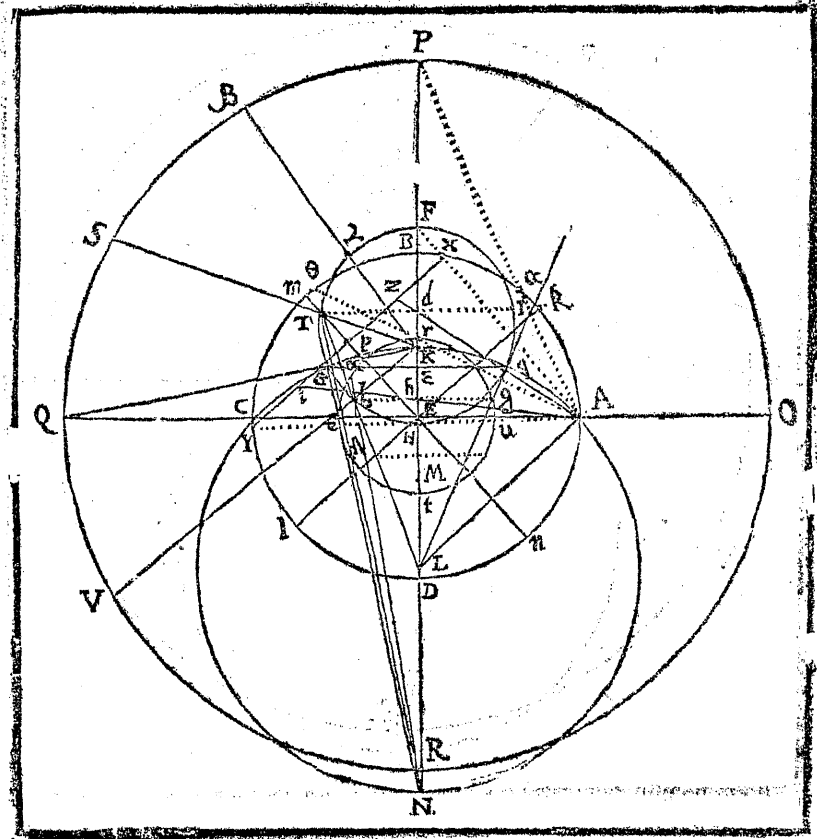
INTER omnes autem rationes distribuendi circulos Astrolabij tam maximos, quam eorum parallelos, in gradus expeditissima est prima, quam propos. 5. Num. 17. & hac propos. Num. 21. exposuimus, quæ nimirum per lineas rectas ex polo circuli obliqui eductas perficitur: præsertim si pro Aequatore, vel eius parallelo ipsemet circulus obliquus accipiatur, vel alius circulus ex alio centro describatur, vt Num. 25. huius propositionis traditum est. Immo si plures eiusmodi circuli describantur secundum aliam atque aliam proportionem, & singuli in gradus distribuuntur, transibunt singulæ lineæ ex polo circuli obliqui per plura puncta, ita vt in eis ducendis error committi non posse videatur.

SCHOLIUM.

Arcus æquales paralleli obliqui projectio arcus in æquales ordine continuo.

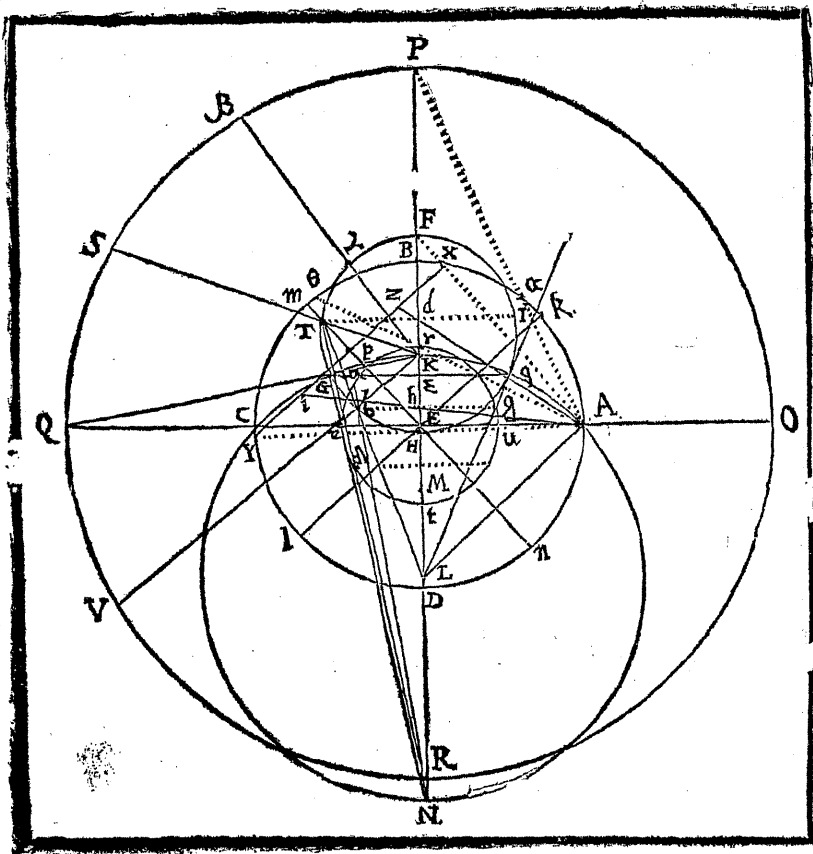
1. EX priori porro parte primi modi, quo paralleli circulorum obliquorum in gradus distribuuntur, facile colligitur, arcus æquales cuiuslibet paralleli obliqui projecti in arcus

in arcus inæquales, continuato ordine, initio facto a recta linea, quæ per centrum paralleli ducitur; quemadmodum in circulis etiam maximis obliquis contingere demonstrauimus in scholio propositionis præcedentis Num. 12. Id quod demonstratum nos hoc loco recepimus propos. 3. Num. 3. In tertia ergo figura huius propos. sint tres arcus Pβ, βS, SΩ, æquales in parallelo Aequatoris OPQR, & ex K, polo paralleli obliqui FGHq, intra Aequatorem contento ducantur tres rectæ Kβ, KS,



KQ, secantes parallelum in γ, T, G. Respondebunt arcus Fγ, γT, TG, arcibus Pβ, βS, SΩ, hoc est, tot gradus in illis, quot in his, continebuntur, vt in hac propositione Num. 21. demonstrauimus. Quia vero per Lemma 33. arcus Fγ, maior est arcu γT, & hic maior arcu TG, atque ita deinceps, vsque ad finem semicirculi FGH; liquida constat, arcus æquales paralleli obliqui in sphaera projecti in arcus inæquales in Astrolabium ordine continuato, cum is, qui puncto F, propinquior est sem-

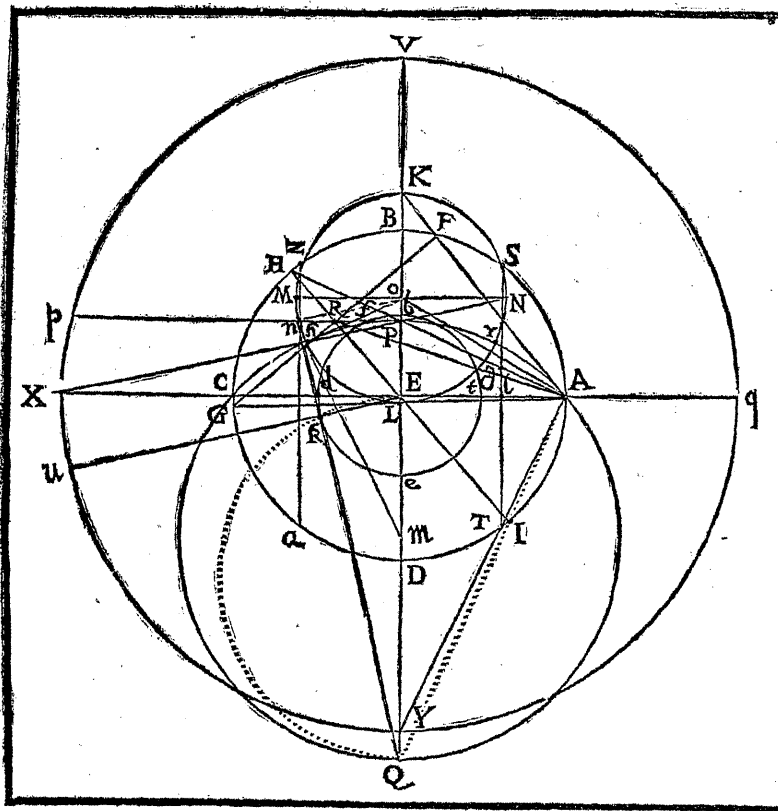
est, semper sit remotiore maior, si aequalibus arcibus paralleli Aequatoris respondeant, ut in Lemmate 33. demonstratum est. Itaque si parallelus obliquus FGHq, in 360. gradus distribuatur, ut supra docuimus, decrescent hi gradus continue ab F, vsque ad H, in utroque semicirculo FGH, PqH, ita ut gradus sint maximi pro-



pe F, ut iuxta H, minimi. Ex quo fit, arcus paralleli obliqui in Astrolabio non esse simili arcibus respondentibus eiusdem paralleli in sphaera.

2. Ad maiorem autem doctrinam libet hoc loco nonnulla alia demonstrare, qua ad parallelos obliquos in Astrolabium proiectos spectant, non inutilia, & qua studiosis non ingrata fore credimus. Ex his enim praeter caetera, colligere licet, quo pacto per datum punctum in Astrolabio describi possit parallelus cuiuscumque circuli maximi obliqui, ut ex propof. 18. patebit. Item fieri posse, ut arcus aliquis paralleli obliqui quotuis graduum, qui pauciores sint, quam 180. in Astrolabio similis sit alicui arcui eius-

dem paralleli in sphaera respondententi: quod non facile quispiam fortasse crediderit, ut ad finem Num. 5. dicemus. Id quod etiam de circulis maximis obliquis in scholio antecedentis propof. Num. 13. demonstrauimus. Sit ergo Aequator ABCD, cuius centrum E, diuisus a duabus diametris AC, BD, ad inuicem perpendicularibus in quatuor quadrantes; diameter cuiusuis paralleli obliqui FG, cuius poli H, I, aequaliter ab F, & G, distantes, & axis HI; diameter paralleli visa KL, inuenta per radios AF, AG; parallelus in Astrolabio KMIN, ex centro O, scriptus; eius diameter MN, secans KL,



ad angulos rectos; poli eiusdem paralleli in Astrolabio, P, Q, reperti per radios AH, AI, & per eos circulus maximus descriptus, APCQ, rectus ad maximum circulum per polos mundi, & polos circuli obliqui ductum, facientemque in Astrolabio sectionem BD, transiens per A, C, ut in scholio praecedentis propof. Num. 1. demonstrauimus; Diameter australis paralleli Aequatoris ST, secans AC, in l, & diametro paralleli obliqui FG, equalis, ita ut distantia AS, HF, a polis A, H, sint aequales; parallelus Aequator-

Proprietates var-
riae parallelorum
obliquorum in
Aerolabio.

a 27. tertij.

b 4. sexti.

c 14. tertij.

d 0. 1. Tbo.

e 5. primi.

f 26. primi.

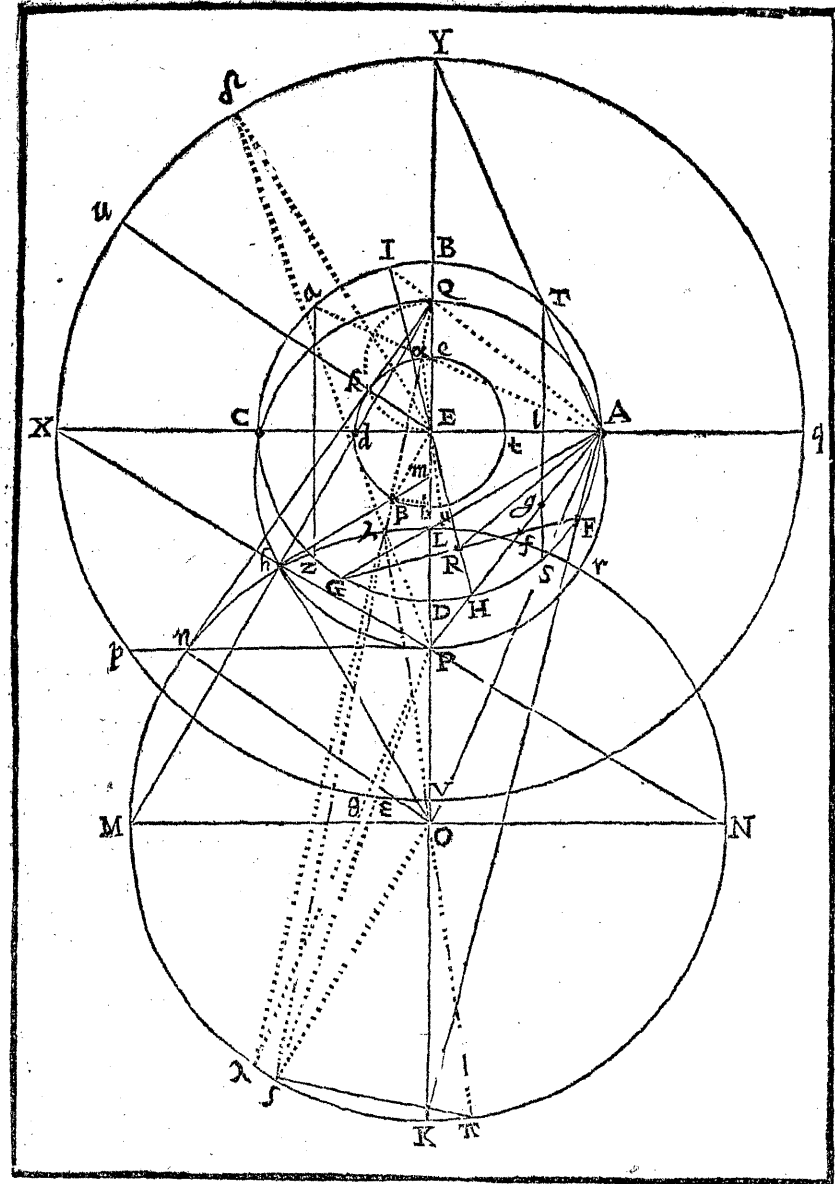
ris ipse in Aerolabio descriptus VXY, cuius semidiametrum EY, exhibet radius AT; diameter borealis paralleli Aequatoris prioris aequalis Z a, & parallelus ipse descri- ptus bde. Primum ergo demonstrabimus, ita esse YE, semidiametrum paralleli astralis ad EP, rectam inter centrum eiusdem paralleli, & polum circuli obliqui. ut est KO, semidiameter paralleli obliqui ad OP, rectam inter eius centrum, & polum: siue pa- rallelus obliquus ambiat polum superiorem, ut in prima figura huius Num. 2. siue in- feriolem, ut in secunda figura. Ducta enim recta AR, ad intersectionem diametri paralleli obliqui FG, cum eius axe HI, fiat angulo RAP, aequalis angulus PAO, cadetq; AO, in centrum paralleli O, per ea, quae in hac propos. Num. 9. demonstra- ta sunt. Ducta quoque recta AH, secet FG, in f, & ST, in g. Quoniam igitur trian- gula AFG, AKL, similia sunt, sed subcontrariè posita, ut propos. 3. Num. 1. de- monstratum est; erit angulus AGF, angulo AKL, aequalis: Sunt autem & anguli GAP, KAP, aequalibus arcibus HG, HF, insistentes, aequales. Igitur in trian- gulis AGf, AKP, reliqui etiam anguli AfG, APK, aequales erunt. Rursus ex aequalibus angulis GAP, KAP, ablati aequalibus RAP, OAP, reliqui GAR, KAO, aequales sunt: Cum ergo & anguli G, K, aequales sint ostensi, erunt in trian- gulis GAR, KAO, reliqui anguli quoque ARG, AOK, aequales. Item quia in triangulis AfR, APO, tam anguli AfR, APO, ut ostendimus, aequales sunt, quam anguli RAf, OAP, ex constructione; erunt quoque reliqui anguli ARf, AOP, a- quales: quod etiam ex eo probari potest, quod ex duobus rectis reliqui ARG, AOK, ostensi sunt aequales. His demonstratis, erit ut GR, ad RA, ita KO ad OA: Et ut RA, ad Rf, ita OA, ad OP, Igitur ex aequalitate erit ut GR, ad Rf, ita KO, ad OP. Iam vero quoniam FG, ST, aequales, aequali- ter à centro E, distant; aequales erunt per perpendiculares ER, El, (cuius axes enim EH, EA, ad parallelos diametrorum FG, ST, recti sunt, ac proinde & ad ipsas diametros perpendiculares, ex defn. 3. lib. 1. Eucl.) quibus sublatis ex semidiametris EH, EA, reliquis recta HR, Al, aequales erunt quibus cum in triangulis HRf, Alg, adiacent anguli aequales, (sunt enim anguli ad R, l, recti, & anguli EHA, EAH, in Isoscele AEH, aequales) erunt quoque recta Rf, lg, aequales: Sunt autem & GR, Tl, semisses equalium FG, ST, aequales. Igitur erit, ut GR, ad Rf, hoc est, ut KO, ad OP, (Proxime enim ostensum est, esse ut GR, ad Rf, ita KO, ad OP.) ita Tl, ad lg. Cum ergo ex scholio propos. 4. lib. 6. Eucl. sit, ut Tl, ad lg, ita YE, ad EP; erit quoque, ut KO, ad OP, ita YE, ad EP. quod erat demonstrandum. Atque hac demonstratio cum sequentibus locum habet, siue parallelus obliquus ambiat polum superiorem, ut in prima figura, siue inferiorem, ut in secunda, ut perspicuum est in figuris.

GR,	KO,
RA,	OA,
Rf,	OP.

E X hac demonstratione colligitur, semidiametrum VE, paralleli Aequatoris vi- sari ita secari a polo circuli obliqui P, viso, ut semidiameter RF, vera paralleli obliqui aequalis secta est in f, à radio APH, ad H, polum verum obliqui circuli ducto: quia vi- delicet ostensum est, esse ut GR, hoc est, ut RF, ad Rf, ita KO, ad OP: Et ut KO, ad OP, ita YE, hoc est, ita VE, ad EP, &c. Eademq; ratio est in alijs.

3. DE INDE ostendemus, rectam XP, productam cadere in N, extremum dia- metri MN, hoc est, tria puncta X, P, N, iacere in una recta linea: quod etiam de tribus punctis q, P, M, dicendum est. Item rectam Qb, ex polo opposito Q, per b, intersec- tionem circuli maximi APCQ, cum parallelo obliquo KMLN, ductam cadere in M, extremum alterorum diametri MN: eodemque modo rectam Qr, productam cadere in N. Denique rectam mb, ex m, centro maximi circuli APCQ, ad b, intersectionem eiusdem circuli maximi cum parallelo obliquo ductam, tangere parallelum obliquum in puncto b. Atque hoc postremum supra quoque in hac propos. Num. 7. & 30. aliter, quam

Semidiametrum
viam paralleli
Aequatoris ita di-
uisi in polo cir-
culi obliqui, ut
semidia necer ve-
ra paralleli obli-
qui secta est a ra-
dio per eundem
polum ducta.

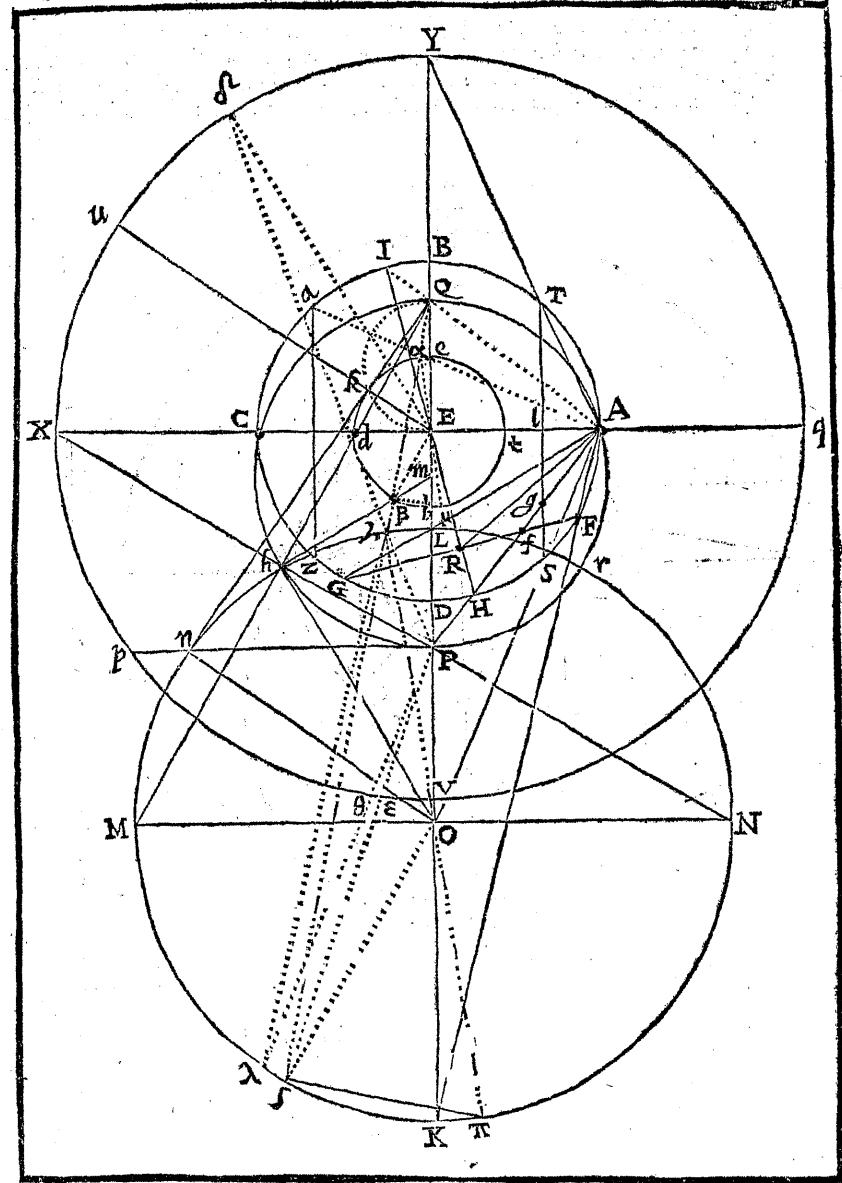


quodam hic, ostendimus. Productam enim XP, fecerit MN, in N. Dico N, esse extremum punctum diametri MN. Nam quia triangula EPX, OPN, aequiangula sunt, cum angulos ad E, O, habeant rectos, & angulos ad verticem P, aequales; ac tandem etiam angulos alternos X, N, aequales; erit ut XE, hoc est, ut YE, ad EP, ita NO, ad OP; ut autem YE, ad EP, ita ostensum est Num. 2. esse KO, ad OP. Igitur erit ut NO, ad OP, ita KO, ad OP; ac proinde NO, KO, aequales erunt, ideoque NO, semidiameter erit paralleli. Cedit ergo XP, in N, extremum diametri MN, hoc est, tria puncta X, P, N, in una recta linea iacent: Idemque probabitur de tribus punctis q, P, M. quod est primum.

¶ V I A vero, ut in hac propof. 6. Num. 21. ostensum est, recta PX, auferens ex parallelo Aequatoris quadrantem VX, aufert quoque ex parallelo obliquo quadrantem; aufert autem & circulus maximus APCQ, una cum eo, quem representat recta VQ, quadrantem, ita ut Kh, hL, quadrantibus respondeant; transibit omnino NPX, per punctum h, intersectionis maximi circuli APCQ, cum parallelo obliquo. Igitur angulus PhQ, in semicirculo rectus erit, ac proinde producta Qh, ad M, angulus quoque Nhm, rectus erit. Cum ergo angulus maioris segmenti contentus arcu Kh, & recta hN, sit recto maior, cadet Qh, producta intra circulum KhL; ac proinde arcus, in quo rectus angulus Nhm, existit, semicirculus erit, ex scholio propof. 31. lib. 3. Euclid. Ideoque cum MLN, semicirculus sit, secabit Qh, producta circulum in M, puncto extremo diametri MN, ut rectus ille angulus in semicirculo existere possit. Eadem ratione Qr, producta cadet in N. quod est secundum.

¶ D E N I Q U E iuncta recta Oh, quonia anguli OhN, ONh, aequales sunt: & est autem angulo ONh, aequalis quoque alternus angulus PXE, & huic aequalis est angulus Pqh; (Nam cum triangula PxE, Pqh, habeant angulum P, commune; & angulos ad E, h, rectos, ut ostendimus, habebunt quoque angulos reliquos X, q, aequales. Irit quoque angulus Pqh, eidem angulo ONh, aequalis; ac proinde anguli OhN, Pqh, inter se quoque aequales erunt. Atqui angulo Pqh, aequalis est angulus mbQ, in isoscele hmQ. Igitur & anguli OhN, mbQ, aequales erunt; addit oq; communi angulo mbN, toti anguli fient aequales Ohm, NhbQ: Sed NhbQ, hoc est, PhQ, proxime ostensus est rectus. Igitur & Ohm, rectus erit; ac propterea recta mb, parallelum obliqui tanget, ex coroll. prop. 16. lib. 3. Euclid in h, intersectione maximi circuli APCQ, cum parallelo obliquo KMLN. Non aliter ostendemus, ductam rectam mr, tangere eundem parallelum in r. quod est tertium.

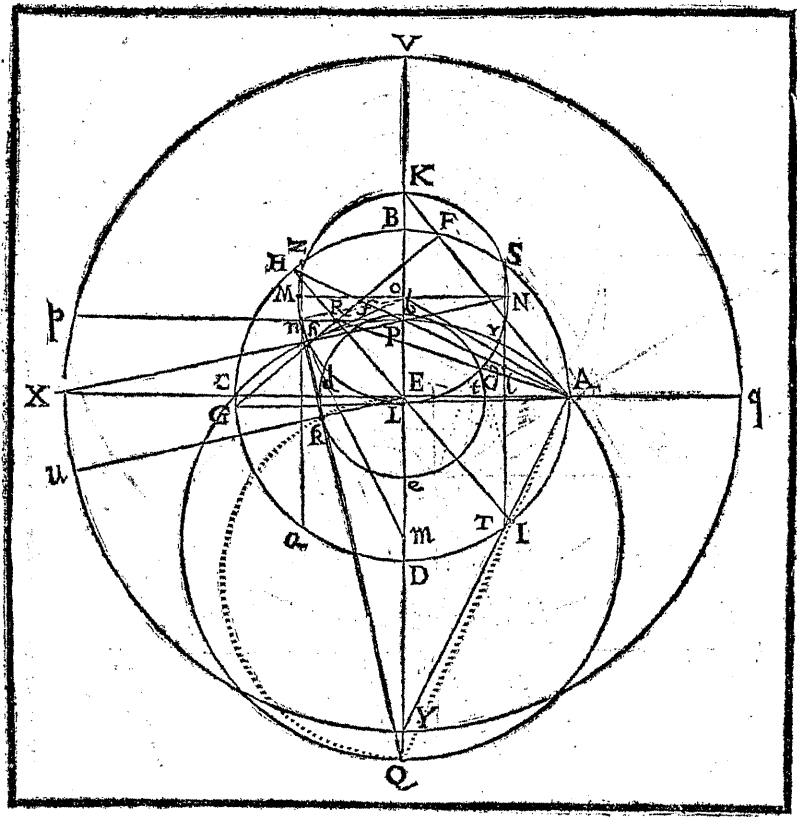
¶ T E R T I O loco demonstranda sunt nonnulla de arcibus similibus in utroque parallelo KMLN, VXY. Ducta igitur ex polo P, ad KL, perpendiculari Pn, secante parallelos in n, p. Dico arcum Kn, arcui Yp, similem esse, & arcum Ln, arcui Vp. Quoniam enim, ut Num. 2. ostensum est, ita est KO, ad OP, ut YE, ad EP; erit conuertendo, ut OP, ad KO, ita EP, ad YE; & componendo, ut KP, ad KO, ita YP, ad YE; & permutando, ut KP, sinus versus arcus Kn, ad YP, sinum versus arcus YP, ita KO, sinus totus ad YE, sinum totum. Igitur per lemma 5. arcus Kn, Yp, similes sunt: atque idcirco ex semicirculis reliqui Ln, Vp, per lemma 6. similes quoque erunt. Hinc manifestum est, nullam aliam rectam ex P, emissam praeter perpendiculararem Pnp, auferri eodem ordine arcus similes. Nam si cadat in alterutram partem perpendicularis Pn, qualis est Ph, secans parallelum Aequatoris in X, erit arcus Kh, maior, quam ut similis sit arcui Yp, cum arcus Kn, ostensus sit similis arcui Yp. Multo ergo maior erit arcus Kh, quam ut similis sit arcui YX; qui minor est arcui Yp. Quod si recta ex P, ducta cadat in alteram partem perpendicularis Pn, ostendemus eodem modo, arcum parallelum KMLN, abscissum, esse minorem, quam ut similis sit arcui abscisso ex parallelo YpV, cum ille minor necessario sit, quam Kn, hic vero maior, quam Yp, qui ipse Kn, ostensus est similis.



a 29. tertij.
b 4. sexti.
c 9. quinti.
d 31. tertij.
e 31. tertij.
f 5. primi.
g 29. primi.
h 5. primi.

est similis. Recta ergo ex P, e ducta auferens eo modo arcus similes ex utroque parallelo, ad KL, perpendicularis erit.

R V R S V S describatur parallelus Aequatoris b d e, priori VXY, oppositus & equalis, secans AC, in d. Dico rectam Qb, quam productam ostendimus transire per M, transire quoque per punctum d, aut (quod idem est) rectam Qd, productam transire per b. Nam ut in hac propof. Num. 24. demonstrauimus, recta Qd, ex opposito polo paralleli obliqui auferit ex parallelo obliquo arcum a puncto K, inchoatum, aequalem arcui e d, quod



ad numerum graduum attinet. Cum ergo e d, quadrans sit, erit & ille quadrans. Quare com Kb, quadranti respondeat, ut paulo ante Num. 3. ostendimus, incidet omnino recta Qd, in b, ut quadrantem Kb, auferat & producta ulterius, in punctum etiam M, cadet, in quod ostendimus cadere productam Qb. Itaque quatuor puncta Q, d, b, M, in una recta linea iacebunt: quod de quatuor etiam punctis Q, r, N, dicendum est.

DE-

DESCRIPTO quoque circa rectam QE, f. micirculo s. cante parallelo in bde, in k, iungatur recta Ek, cui parallela agatur On, secans parallelum obliquum in n. Dico rectam Qk, productam transire per n, tangereq; utrumque parallelum in k, n. Quia enim ostensum est paulo ante, rectam Qd, productam cadere in M, erit ut QO, ad OM, hoc est, ad On, ita QE, ad Ed, hoc est, ad Ek; & permutando, ut QO, ad QE, ita On, ad Ek. Per scholium ergo propof. 4. lib. 6. Eucl. recta Qk, per n, transibit; & erit angulus QkE, angulo Q n o, externus interno, aequalis. Cum ergo ille in semicirculo reclusus sit; erit & hic reclusus, ac propterea, ex coroll. propof. 16. lib. 3. Eucl. recta Qk n, utrumque circulum tanget in k, n, quod est propositum.

ERTI autem necessario punctum contactus n, illud, per quod transit perpendicularis P n p, hoc est, recta nP, ex puncto contactus ad polum P, ducta erit ad KL, perpendicularis. Producta enim Pn, usque ad p, & Ek, usque ad u; quoniam punctum n, hoc est, arcus Kn, inuenitur per rectam Pp, ex arcu Vp, paralleli VXY, & per rectam Qk, ex arcu ek, paralleli b d e, ut in hac propof. 6. Num. 21. & 24. demonstratum est; erit arcus Vp, similis arcui ek, cum uterque tot gradus continere debeat, quot in arcu Kn, continentur. Est autem arcui ek, similis arcus Y u, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. Igitur & arcus Vp, arcui Yu, similis erit, atque adeo aequalis, cum uterque in eodem existat circulo. Addito ergo communi arcu p u, erit totus arcus V u, totus arcui Yp, aequalis. Est autem ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus V u, arcui Kn, similis, & propterea quod propter parallelas E u, O n, anguli ad centra K, O n, V E u, externus & internus, aequales sunt. Igitur & arcus Y p, eidem arcui Kn, similis erit. Cum ergo ad initium huius Num. 4. demonstratum sit, solam perpendicularem ex P, ad KL, ductam auferere posse similes arcus eo ordine ex utroque parallelo; erit necessario Pnp, dictos similes arcus abscindens, ad KL, perpendicularis, hoc est, recta O n, cadens in n, punctum contractus, cadit in extremum punctum perpendicularis Pn, usque ad parallelum obliquum ductas, atque adeo recta Qk, tangens parallelum Aequatoris b d e, in k, tanget producta parallelum obliquum in perpendiculari Pn. Hinc fit, rectam ex Q, ductam, qua tangat alterutrum parallelorum, tangere quoque alterum: quia ostensum est, rectam Qk, qua solis parallelum b d e, tangit, cadere in n, ibique parallelum KML, tangere, &c.

5. QVARTO loco ostendendum est, rectam quamcumque ex Q, polo opposito ductam, siue ea tangat parallelus b d e, KMLN, siue secet, intercepto cum recta Qk, arcus similes versus easdem partes, &c. Describantur enim scorsim (ut confusio euitetur) paralleli cum polis, & centris parallelorum, ut in praecedenti prima figura, ducaturque primum recta Qkn, utrumque parallelum tangens in k, n. Dico tam arcus ek, Ln, quam bk, Kn, similes esse. Ducta enim ex polo P, per n, recta Pn, secante alterum parallelum in p, qua, ut proxime demonstrauimus Num. 4. ad KL, perpendicularis est; erit arcus Vp, arcui Ln, & arcus Yp, arcui Kn, similis, per ea, qua Num. 4. demonstrata sunt. Est autem arcus Vp, arcui ek, similis, cum tot gradus in uno, quot in altero continentur; quippe cum idem arcus Kn, parallelo obliquo inueniatur per ipsos, beneficio reclarum Pp, Qk, ut in hac propof. 6. Num. 21. & 24. ostensum est. Igitur & arcus ek, arcui Ln, similis erit; ideoque & ex semicirculis reliqui arcus bk, Kn, similes erunt.

IDEM hoc etiam modo confirmabitur. Quoniam Qkn, utrumque parallelum tangit, & erunt anguli QkE, QnO, recti. Cum ergo angulus O Q n, communis sit, erunt reliqui anguli E, O, in triangulis QkE, QnO, aequales in centrīs; atque idcirco, ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus ek, Ln, similes erunt, &c.

DVCA TVR deinde recta Qs, secans parallelum obliquum in S, & parallelum Aequatoris b k e, in a, b. Dico tam arcus Ks, b s, quam Ls, e s, & quam L y, e a, & quam K y, ba, & quam s y, ba, similes quoque esse. Iunctis namque reclusis O s, O y, E s,

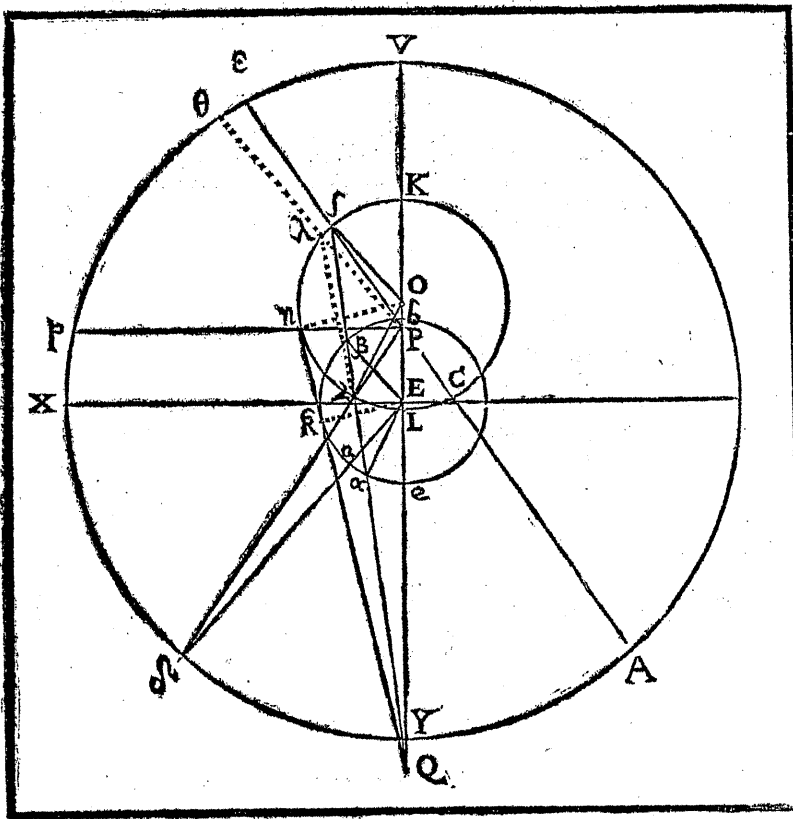
a 4. scilicet.

b 29. primi. c 34. scilicet.

d 29. primi.

e 18. scilicet.

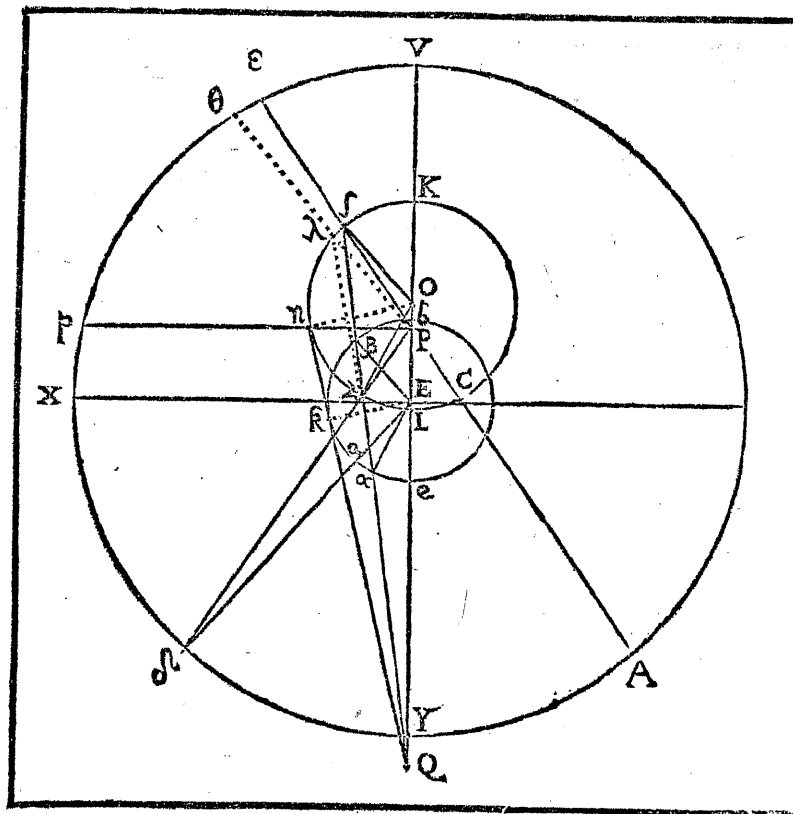
a 18. tertij. $O\gamma, E\beta, E\alpha$, iungantur quoque nO, kE , ^a qua ad tangentem Qn , perpendiculares erunt,
 b 28. primi. ^b ac proinde inter se parallela; atque idcirco triangula QOn, QEk , aequiangula erunt,
 c 29. primi. cum anguli n, k , recti sint, ^c & O, E , internus, & externus, aequales, & Q , communis.
 d 7. sexti. ^d Igitur erit, ut QO , ad On , hoc est, ad $O\gamma$, ita QE , ad Ek , hoc est, ad $E\alpha$. Triangula
 ergo $QO\gamma, QE\alpha$, angulum $OQ\gamma$, habent communem, & latera circa angulos O, E ,
 e 21. primi. proportionalia. Cum ergo uterque reliquorum angulorum $O\gamma Q, E\alpha Q$, maior sit recto
 f 7. sexti. angulo s° (Ille enim maior est recto n , hic vero maior recto k .) ^e erunt ipsa triangula



aquiangula, aequalisque habebunt angulos O, E , ad centra. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Euclid. arcus $L\gamma, e\alpha$, similes erunt, ac proinde & ex semicirculis reliqui $K\gamma, b\alpha$, similes erunt, ex lemmate 6. Pari ratione, quoniam triangula QOf, QEB , angulum OQf , habent communem, & latera circa angulos O, E , proportionalia, & utrumq; reliquorum angulorum f, b , recto minorem, ex coroll. 3. propof. 17. lib. 1. Euclid. propterea quod

quod supra bases Ifofcclium $O\gamma, E\beta\alpha$, existunt; erunt quoque ipsa triangula aequiangula, aequalisque habebunt angulos QOf, QEB ; atque idcirco & ex duobus reliquis reliquos $fOK, \beta Eb$. Igitur ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus $Kf, b\beta$, similes sunt: quibus dempsis α ex $K\gamma, b\alpha$, quos proxime similes etiam ostendimus, quam ex semicirculis $KfL, b\beta\alpha$ erunt per lemma 6. & reliqui $f\gamma, \beta\alpha$, & $Lf, e\beta$, similes quod est propositum.

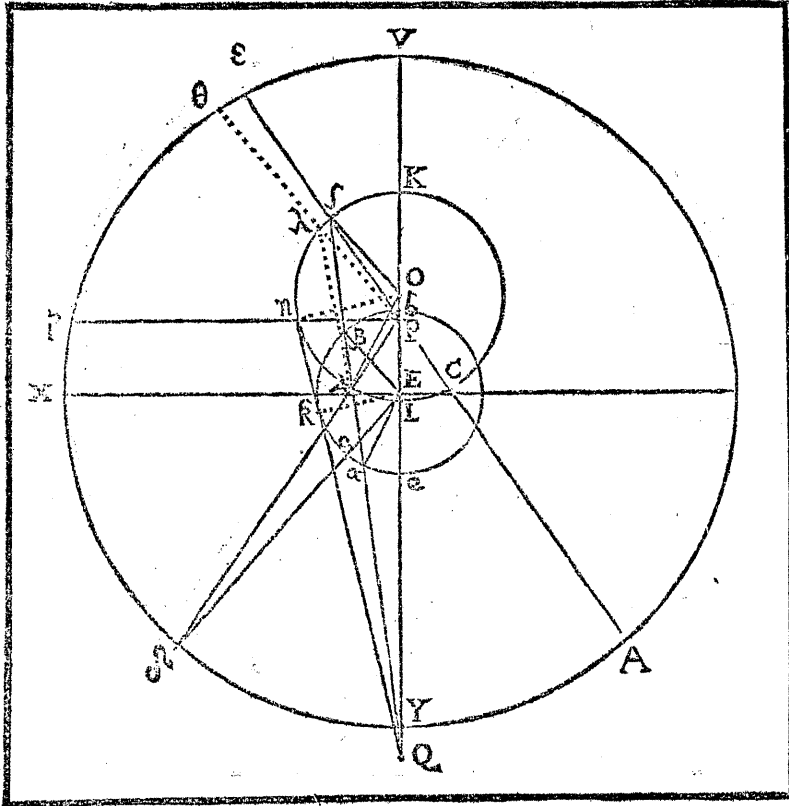
POSTREMO ductis $Of, O\gamma$, ex polo P , per f, γ secantibus parallelum $Aequa-$



rit in e, d . Dico arcus quoque $e\delta, f\gamma$, similes esse, angulosque $ePp, \delta Pp$, aequales. Quia enim idem arcus Kf , abscinditur per rectam $P\epsilon$, & per rectam $Q\alpha$, erunt arcus $V\epsilon, e\alpha$, similes, ex his, quae in hac propof. 6. Num. 21. & 24. demonstrata sunt. Eodemq; modo similes erunt arcus $V\delta, b\beta$, propterea quod idem arcus $L\gamma$, abscinditur per rectas $P\delta, Q\beta$. Igitur si ex semicirculis $VX, K\alpha L$, demantur similes arcus $V\epsilon, e\alpha$; erunt reliqui

liqui $\alpha\gamma, ab$, quoque similes, ex Lemmate 6. Ex quibus si rursus similes arcus $\gamma\delta, \beta\alpha$, tellantur; erunt eodem modo $\delta, \beta\alpha$, similes: Fuit autem arcui $\beta\alpha$, paulo ante in hoc Num. 5. similis etiam ostensus arcus $\delta\gamma$. Igitur δ arcus $\delta, \beta\alpha, \delta\gamma$, similes erunt. quod est propositum.

IT A Q V E quia arcus $\gamma\delta, \beta\alpha$, similes sunt modo ostensi, δ paulo ante arcui $\beta\alpha$, ostensus fuit similis arcus $\delta\gamma$; erunt arcus quoque $\gamma\delta, \delta\gamma$, similes, ideoq; per scholium propof. 22. lib. 3. Euclid. anguli $\delta O K, \delta E T$, ad centra aequales erunt; ac proinde δ



duobus rectis reliqui $\delta O P, \delta E P$, aequales erunt. Quia igitur triangula $\delta O P, \delta E P$, angulos O, E , habent aequales, δ latera circa ipsos proportionalia. (ostensum enim est supra Num. 2. ita esse γE , hoc est, δE , ad EP , ut KO , hoc est, EO , ad OP , ipsa equilatera erunt, aequalesq; habebunt angulos $\delta P K, \delta P E$, ac proinde δ ex rectis reliqui $\delta P P, \delta P P$, aequales erunt.

a 6 sexti.

E X

E X his vicissim efficitur, si ex P , emittantur dua recta $P\alpha, P\delta$, constituentes cum perpendiculari PP , vel cum recta KY , angulos aequales, arcus ab illis interceptos $\alpha\delta, \delta\gamma$, similes esse. Nam ducta recta $Q\gamma$, cadet in s , ut probabitur, ac proinde, ut ostensum est paulo ante in 3. membro huius Num. 5. arcus $\alpha\delta, \delta\gamma$, similes erunt. quod est propositum. Quod si dicatur rectam $Q\gamma$, productam cadere non in s , sed vel ad dextram, vel ad sinistram, ut in n ; ducta recta $P\gamma$, secant parallelum Aequatoris in θ , erunt ex 3. membro huius Num. 5. arcus $\theta\delta, \delta\gamma$, similes quoque; ac proinde ex 4. membro eiusdem huius Num. 5. anguli $\delta P P, \delta P P$, aequales erunt; ac propterea δ anguli $\alpha P P, \delta P P$, vel $\alpha P V, \delta P V$, inter se aequales erunt, pars δ totum, quod est absurdum. Facilius tamen demonstrabimus, arcus $\alpha\delta, \delta\gamma$, similes esse, si duo anguli $\alpha P P, \delta P P$, aequales sint, vel anguli $\alpha P K, \delta P Y$, hoc modo. Quoniam, ut supra in hoc scholio Num 3, ostendimus, iunctum P , est illud, per quod transit recta connectens extremitates diametrorum, in parallelis $VXY, K n L$, ad rectam VY , perpendicularium, propterea quod in 2. δ 3. figura recta $X P$, producta cadit in N , ut ibi demonstratum est; erunt per lemma 34. arcus $\alpha\delta, \delta\gamma$, similes.

E X quo illud etiam efficitur, tria puncta Q, γ, s , in una recta linea sita esse, ita ut recta per quavis duo ducta transeat quoq; per tertium, si duo anguli $\delta P K, \delta P L$, aequales sint. Nam si v.g. recta $Q\gamma$, non transit per s , secet ea parallelum in λ : Ostendimus ergo, ut prius, δ arcus $\theta\delta, \delta\gamma$, similes esse, δ angulos $\lambda P K, \gamma P L$, aequales. Igitur δ anguli $\delta P K, \lambda P K$, inter se aequales erunt, totum δ pars. quod est absurdum. Transit ergo $Q\gamma$, per s . Eademq; ratione ostendemus, rectam $Q\delta$, per γ , transire.

L I Q V E T ex his omnibus fieri posse, ut arcus aliquis paralleli obliqui projiciatur in arcum similem in Astrolabio, ille, videlicet, qui arcui $\alpha\delta$, verbi gratia, in sphaera aequalis est. Quoniam enim ex Lemmate 23. plana per polum australem, δ rectas $P\alpha, P\delta$, ducta auferunt ex parallelo obliquo in sphaera arcum arcui $\alpha\delta$, aequalem, hoc est, arcui paralleli Aequatoris, qui ipsi $\alpha\delta$, similis est; Est autem arcus $\alpha\delta$, ostensus similis arcui paralleli obliqui $\delta\gamma$, in Astrolabio: erit quoq; arcus ille paralleli obliqui in sphaera, qui quidem projicitur in arcum $\delta\gamma$, per duo illa plana per rectas $P\alpha, P\delta$, δ polum australem ducta, similis eidem arcui $\delta\gamma$, δ c. quamvis alij arcus paralleli obliqui in dissimiles arcus projiciantur, δ c. Atque hac de proprietatibus parallelorum obliquorum, nunc ad alia pergamus.

Artem Vni' que' piam paralleli obliqui in sphaera prouti pede in Astrolabio in arcum similem.

6. P E R S P I C V V M est ex ijs, qua in hac propof. 6. scripsimus, praesertim in secundo, δ quarto modo describendi parallelos obliquos, parallelos eiusdem circuli maximi obliqui diversa centra sortiri in Astrolabio, Nam in secundo descriptionis modo recta linea ex A polo australi per puncta diametri $M N$, circuli maximi obliqui rectam $B D$, ad angulos rectos secantis, in qua perpendicularares ex gradibus eiusdem circuli obliqui demissa cadunt, educta, quales in prima figura huius propof. sunt $A\alpha, A\delta$, δ c. indicat in recta $B D$, centra parallelorum. Cum ergo haec recta diversa sint, diversa quoque sint centra ab eis indicata, necesse est. In quarto autem modo recta linea circulum maximum $A i C k$, tangentes eadem centra parallelorum in recta $B D$, exhibent. Quocirca cum haec tangentes inter se differant, necessario diversa centra monstrabunt. Idem tamen Geometrica ratione Ptolemaeus in suo planisphaerio demonstrat, qua quoniam longa est, ac difficilis, breuiori nos demonstratione, δ faciliiori idem efficiemus, hoc modo. Sit Aequator $A B C D$, cuius centrum E , qui pro circulo maximo per polos mundi, δ polos parallelorum obliquorum ducto sumatur, δ sit axis $A C, \delta$ $B D$, communis sphaerae circuli maximi, δ Aequatoris, in qua diametri apparentes parallelorum sumi debent, ut in scholio propof. 3. Num. 1. δ 2. ostensum est; $E G, H I, K L$, diametri parallelorum obliquorum ad axem, quorum diametri vise $M N, O P, Q R$, a radijs $A M, A N; A H, A I; A K, A L$, abscissa diuidanturq; $M N$, bisariam in a , ita ut a , sit centri δ

Parallelos eiusdem circuli maximi obliqui diversa centra habere in Astrolabio.

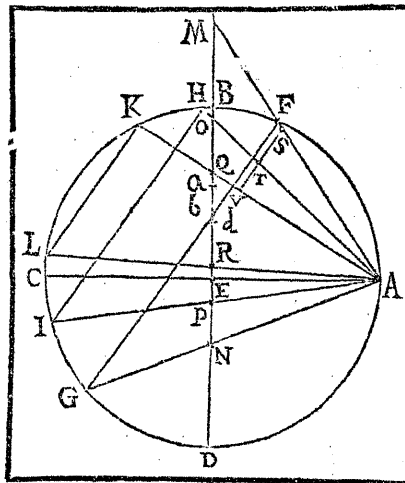
H h h 2 paralleli

paralleli diametri FG, circa MN, describendi. Dico a, non esse centrum paralleli diametri HI, circa OP, describendi, hoc est, OP, non diuidi bisariam in a. Quoniam n. diametri parallelorum obliquè secant axem, non aequaliter distabunt eorū extrema a polo mundi C, cū C, non sit eorum parallelorū polus. Distant ergo puncta F, H, magis à C, quam puncta G, I, hoc est, arcus CF, CH, sint maiores arcibus CG, CI, ac proinde & anguli CAF, CAH, maiores angulis CAG, CAI, ex scholio propof. 27. lib. 3. Euclid.

a 19. primi.

b 16. primi.

c 19. primi.



d 27. tertij.

e 4. primi.

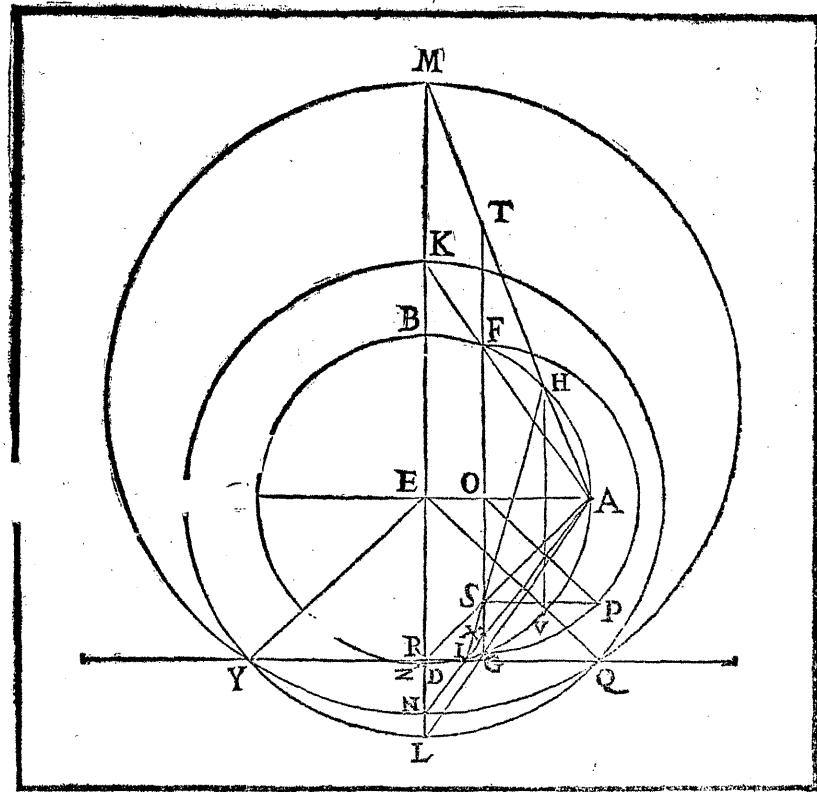
f 1. sexti.

Quoniam igitur tres anguli in triangulo AME, aequales sunt tribus angulis trianguli ANE, ex coroll. 1. propof. 32. lib. 1. Euclid. Sunt autem anguli recti ad E, aequales, & angulus EAM, maior angulo EAN, ut ostendimus; erit reliquus angulus M, reliquo angulo N, minor; & ideoque recta AM, maior, quam recta AN. Non aliter ostendimus. AO, maiorem esse recta AP: atque ita deinceps, quandocumque diameter paralleli axem secat, demonstrabimus, radium versus B, vsque ad rectam BD, maiorem esse radio altero versus D, vsque ad eandem BD. Quod si diameter aliqua, ut KL, axem non secet, erit nihilominus radius AQ, maior radio AR: b quia cum angulus ARQ, maior sit angulo recto AER, externus interno, ipse obtusus erit, ac proinde AQR, acutus in triangulo AQR. c Igitur recta AQ, maior erit, quam AR. Abscindatur AS, ipsi AN, & AT, ipsi AP, & AV, ipsi AR, aequalis, iunganturq; recta ST, TV. Et quia duo latera AS, AT, duobus lateribus AN, AP, aequalia sunt, & angulosque continent aequales insistentes arcibus FH, GI, qui ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. aequales sunt, ob parallelas FG, HI; erunt triangula AST, ANP, aequalia: atque idcirco triangulum AMO, triangulo ANP, maius erit. f Est autem, ut triangulum AMO, ad triangulum ANP, ita basis MO, ad basem NP. Igitur & basis MO, base NP, maior erit. Cum ergo Ma, ipsi Na, sit aequalis, erit reliqua Oa, minor quā Pa, reliqua. Non igitur OP, secata est in a, bisariam. Quod si OP, secetur bisariam in b, ostendimus eodem prorsus modo, rectam QR, non diuidi bisariam in b. Nam rursus erit triangulum ATV, triangulo APR, aequale, ideoque AOQ, maius, quam APR; ac proinde & OQ, maior, quam PR: quibus demptis ex aequalibus Ob, Pb, reliqua Qb, minor erit quam reliqua Rb. Medium ergo punctum d, diametri QR, cadet infra b. atque ita tres paralleli diametrorum FG, HI, KL, in Astrolabio centra habent distincta a, b, d. Eademque ratio est de ceteris.

7. QVI A vero propof. 2. Num. 4. conclusimus, Aequatorem, eiusque parallelos in Astrolabio descriptos diuidendos esse in gradus aequales, non secus atque in sphaera fieri solet, demonstrat Ptolemaeus subtili ratiocinatione quemlibet circulum obliquū Astrolabij secare quemuis parallelum Aequatoris in partes similes illis, in quas idem parallelus Aequatoris ab illo circulo obliquo in sphaera diuiditur, quamuis circulus ipse obliquus in Astrolabio a parallelo Aequatoris non secetur in partes similes illis, in quas in sphaera ab eodem parallelo Aequatoris diuiditur: quia nimirum non omnes partes obliqui

Parallelem quē
uis Aequatoris in
Astrolabio diui
di a quouis paral
lelo obliquo in
partes similes il
lis, in quas ab eo
dem in sphaera di
uiditur.

obliqui circuli à polo australi, ex quo eum intuemur, aequaliter distant; hinc enim fit, ut pars remotior, minor appareat, quam propinquior, ut à Perspectiuus demonstratur. Id quod de parallelo Aequatoris dici non potest; quippe cum omnes eius arcus aequales aequaliter à polo australi absint, ac proinde aequales etiam appareant. In hunc ergo modum ferme, Ptolemaeus id, quod propositum est, demonstrat. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, qui pro circulo maximo per polos mundi, & polos obliqui paralleli ducto accipiat, sitque AC, axis mundanus, & BD, communis sectio eius circuli maximi, &



Aequatoris; A, polus australis; FG, diameter paralleli Aequatoris; HI, diameter paralleli obliqui secans FG, in S. Emittis autem radius ex A, per extrema utriusque diametri, ut diametri vise habeantur KL, MN, describantur circa eas paralleli KQL, MQN, se intersecantes in Q, Y. Dico arcus KQ, QL, KY, YL, similes esse arcibus, in quos in sphaera parallelus diametri FG, à parallelo obliquo diametri HI, diuiditur. Descripto enim ex O, circa FG, semicirculo FPG, qui semicirculo paralleli Aequatoris

vis in sphaera aequalis erit, cum circa eius diametrum descriptus sit; extendatur GF, donec secet AM, MT: recta autem AIN, secet FG, in X; & demique ipsi BD, FG, parallela agatur HV. Quoniam igitur uterque parallelus diametrorum FG, HI, ad circulum maximum ABCD, rectus est, a quod hic per eorum polos incedens ad illos rectus sit; b erit communis eorum sectio per S, transversus, ubi diametri sese interfecerunt; ad eundem recta; ac proinde ad rectam FG, in eo circulo existentem perpendicularis in puncto S, ex defn. 3. lib. 11. Eucl. Si igitur ex S, educatur ad FG, perpendicularis SP, in plano semicirculi FPG, qui ad circulum ABCD, rectus intelligatur, erit ea, communis sectio duorum parallelorum, atque adeo parallelus obliquus diametri HI, parallelum Aequatoris FPG, secabit in P. Ducta autem recta OP, fiat angulo SOP, existenti in parallelo FPG, aequalis angulus LEQ, in plano Astrolabij, recta; E Q, parallelo K Q L, descripto in Astrolabio occurrat in Q. Ducta quoque recta AS, qua producta secet KL, in R, iungatur recta QR. c Itaque quoniam angulus AHV, aequalis est angulo AIH, hoc est, angulo HIX, cum insistant aequalibus arcibus AV, AH; a idemque angulus AHV, angulo HTX, externus interno, aequalis est; erunt inter se aequales anguli HTX, HIX; ac propterea, cum duo hi anguli habeant basem communem, rectam HX, si aucceretur: poterit ex scholio propof. 21. lib. 3. Eucl. circa quatuor puncta X, H, T, I, circulus describi, in quo se mutuo secant recta HI, TX, in S. e Igitur rectangulum sub HS, SI, rectangulo sub TS, SX, aequale erit: f Sed illud idem aequale est quoque rectangulo sub FS, SG, quod dua recta HI, FG, in S, etiam se interfecerunt in circulo ABCD. Igitur duo rectangula sub TS, SX, & sub FS, SG, aequalia inter se sunt: g ac propterea erit, ut TS, ad SG, prima ad secundam, ita FS, ad SX, tertia ad quartam: Vt autem TS, ad SG, ita est, ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. MR, ad RL: Et ut FS, ad SX, ita KR, ad RN. Igitur erit quoque; ut MR, ad RL, ita KR, ad RN: h atque idcirco rectangulum sub MR, RN, prima & quarta, aequale erit rectangulo sub KR, RL, tertia ac secunda: Quia vero est, ut LE, ad EA, ita GO, ad OA, pp aequiangula triangula AEL, AOG: Et ut EA, ad ER, ita OA, ad OS; erit ex aequalitate, ut LE, hoc est, ut QE, ad ER, ita GO, hoc est, ita PO, ad OS. Cum ergo anguli ad E, O, in triangulis EQR, OPS, ex constructione sint aequales; habeantque circa ipsos latera proportionalia, ut modo ostendimus, i aequiangula erunt ipsa triangula, aequal: s; & habebunt angulos ad R, S; ac proinde cum hic rectus sit, & ille rectus erit. Igitur ex scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. RQ, media proportionalis erit inter KR, RL, l ideoque rectangulum sub KR, RL, quadrato rectae RQ, aequale erit. Igitur & rectangulum sub MR, RN, (quod rectangulo sub KR, RL, ostensum fuit aequale.) eidem quadrato rectae RQ, aequale erit, m ac proinde RQ, media proportionalis erit inter MR, RN. Circulus igitur MQN, per extremum eius punctum Q, transibit. Nam si citra punctum Q, vel ultra secaret rectam RQ, abscinderet ex eodem scholio propof. 13. lib. 6. Euclid. aliam rectam inter MR, RN, medio quoque loco proportionalem, minorem, maioremve, quam RQ, quod est absurdum. Quo circa circuli KQL, MQN, cum uterque per Q, transeat, se mutuo secabunt in Q, extremo perpendicularis RQ. Et quia per scholium prop. 22. lib. 3. Euclid. arcus LQ, GP, similes sunt, ob angulos in centrīs E, O, aequales, ac proinde ex lemāte 6. & ex semicirculis reliqui KQ, FV; liquet, parallelū Aequatoris KQL, a parallelo obliquo MQN, in Astrolabio secari in arcus similes arcibus, in quos ab eodē in sphaera dividitur, quod est propositum. Eadē enim demonstratio adhibebitur ex altera parte, si angulus LEY, aequalis fiat angulo SOP, rectaque EY, parallelo KYL, occurrat in Y, ac tandem recta iungatur YR. Eodē enim modo ostendetur, punctū T, esse quoque in parallelo obliquo MYL. g. I D E M prorsus contingit, si parallelus obliquus per polum australem A, incedat.

a 15. 1. The. b 19. vndec.

c 27. tertij. d 29. primi.

e 35. tertij. f 35. tertij.

g 16. sexti.

h 16. sexti.

i 4. sexti.

LE,	GO,
EA,	OA,
ER,	OS.

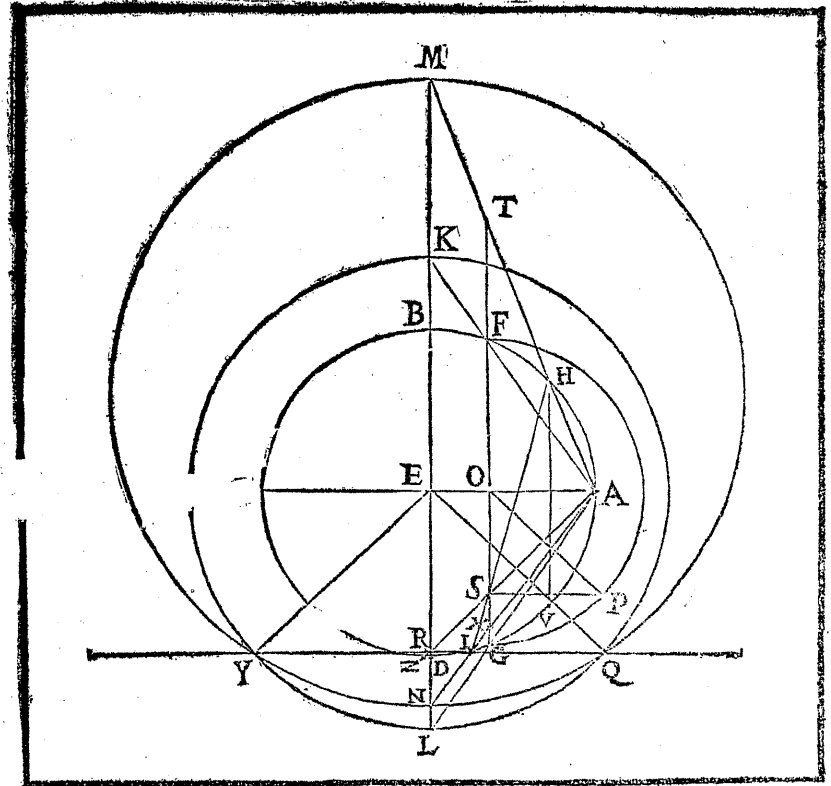
k 6. sexti.

l 17. sexti.

m 17. sexti.

dat. Manent enim Aequator cum suo parallelo, & semicirculo FPG, circa diametrum FG, descripto, ut prius, sed diameter paralleli cuiuspiam obliqui per polum australem ducti sit AZ, per polum A, transversus, secansque diametrum FG, in S. Et quia per propof. 1. Num. 1. parallelus diametri AZ, in plano Aequatoris, Astrolabijue rectam lineam facit infinitam per R, transeat, ubi diameter plano Astrolabij occurrat, sit illa linea recta QRT, communis nimirum sectio paralleli, & plani Aequatoris, vel Astrolabij, seu parallelum Aequatoris in Q. Quoniam autē & parallelus obliquus, & Aequa-

a 15. 1. Tb



tor ad circulum maximum ABCD, per eorum polos ductum rectus est, b erit quoque b 19. vndec. eorum sectio communis QR, ad eundem recta, ac proinde ad LM, edignumem sectio-nem Aequatoris Astrolabij & circuli maximi ABCD, ad planum Astrolabij, vel Aequatoris recti, perpendicularis, ex defn. 3. lib. 11. Euclid. hoc est; anguli ad R, re-cti erunt. Ducta quoque SP, ad FG, perpendiculari, qua communis sectio erit parallelo-rum, ut supra probatum est Num. 7. iungatur recta EQ, OP. Quoniam igitur ex scto-dat.

lio propof. 4. lib. 6. Eucl. est ut LR, ad ER, ita GS, ad OS, erit componendo quoque ut
 L.E, hoc est, ut Q.E, ad ER, ita G.O, id est, P.O, ad OS. Quare cum triangula EQR,
 OPS, habeant angulos R, S, reftos aequales. & latera circa angulos E, O, proportiona-
 lia, reliquorumq; angulorum Q, P, utrumque refto minorem ex coroll. 1. propof. 17. lib.
 1. Eucl. 2. ipfa aequiangula erunt, anguloſque aequales habebunt LEQ, GOP. Igitur
 ex ſcholio propof. 22. lib. 3. Eucl. arcus LQ, GP, ſimiles ſunt, ideoque & ſemicirculi
 reliqui KQ, EP, ſimiles erunt. Liqueat ergo, parallelum obliquum, quem repræſentat re-
 cta QY, ſecare in Aſtrolabio parallelum Aequatoris KQLY, in arcus ſimiles arcubus,
 in quos ab eodem in ſphæra diuiditur, quod eſt propoſitum. Eadem. n. ratione demonſtra-
 bimus, arcu LY, arcui GP, ſimilem eſſe, ac propterea & ei, quem PS, producta ex altero
 ſemicirculo abſcindit, cum ille aequalis ſit arcui GP, ex ſcholio propof. 27. lib. 3. Eucl.
 quemadmodum ex eodem ſcholio & arcus LY, arcui LQ, aequalis eſt. Eademque eſt
 ratio in omnibus alijs parallelis, vno obliquo, & altero Aequatori æquidiſtante, ſe mu-
 tuo in ſphæra, atque idcirco & in Aſtrolabio ſe interſecantibus, ſive obliquis per polum
 australem incedat, ſive non.

9. AD extremum, ſi cognoſcere quis cupiat, utrum circulus non maximus in
 Aſtrolabio deſcriptus, qui nimirum Aequatorem biſariam non ſecat, intra ſe contineat
 portionem ſphæra hemiſphærio minorem, maioremue, conſequetur id facili negotio hac
 ratione. Quando circulus totus eſt intra Aequatorem, vel totus extra, eum tamen non
 ambiens, vel quando ſecat Aequatorem non biſariam, minusque Aequatoris ſegmen-
 tum intra circulum ſecantem exiſtit, portio ſphæra intra circulum incluſa eſt hemiſphæ-
 rio minor: quando vero circulus totum Aequatorem ambit, vel eum non biſariam ſe-
 cat, maiusque Aequatoris ſegmentum intra circulum exiſtit, portio ſphæra intra circu-
 lum incluſa hemiſphærio maior eſt. Nam quando totus circulus eſt intra Aequato-
 rem, minorem portionem ſphæra includit, quam Aequator. Cum ergo Aequator hemi-
 ſphærium abſcindat, tanquam circulus maximus, includet circuloſ ille portionem he-
 miſphærio minorem. Sic etiam quando circulus Aequatorem biſariam non ſecat, mi-
 nusque eius ſegmentum comprehendit, qualis eſt in prima figura huius propof. 6. circu-
 lus c 3 o d. ſi per eius centrum, & centrum E, Aſtrolabij recta ducatur cE, quam ad re-
 ctos angulos ſecet diameter Aequatoris AC, poterit per eius punctum c, extra Aequato-
 rem, & duo puncta A, C, circulus maximus deſcribi, qui totum circulum c 3 o d, inclu-
 det, quod eum in ſolo puncto c, tangat ex ſcholio propof. 13. lib. 3. Eucl. Cum ergo maxi-
 mus ille circulus includat hemiſphærium, erit portio intra circulum c 3 o d, hemiſphæ-
 rio minor. Denique quando circulus totus eſt extra Aequatorem, eumque non ambit, qua-
 lis eſt in eadem figura priore huius propof. 6. circulus AA J, ſi ruruſum per eius centrum,
 & centrū Aſtrolabij recta ducatur J E, quam ad reftos angulos ſecet diameter Aequa-
 toris A C, poterit per eius punctum ab Aequatore remotius in recta E J, & duo pun-
 cta A, C, circulus maximus deſcribi, qui cum intra ſe contineat hemiſphærium, am-
 biatque totum n. priorem circulum, erit portio intra eum exiſtens hemiſphærio minor. At
 vero quando circulus Aequatorem totum ambit, comprehendet maiorem portionem,
 quam Aequator. Cum ergo hic hemiſphærium auferat, abſcindet ille portionem hemi-
 ſphærio maiorem. Sic etiam, quando circulus non quidem ambit Aequatorem, ſed eum
 ſecat non biſariam, maiusque Aequatoris ſegmentum in eo exiſtit, cuiusmodi in eadem
 priore figura huius propof. eſt circulus B B ω. ſi per eius centrum, & centrum Aſtola-
 bij ducatur recta ω, qua ad reftos angulos ſecet diameter Aequatoris AC, poterit per eius
 punctum ω, & duo puncta A, C, circulus maximus deſcribi, qui totus intra circulum
 B B ω, continebitur, cum eum in ſolo puncto ω, contingat, ex ſcholio propof. 13. lib. 3.
 Eucl. Quare cum circulus hic maximus hemiſphærium includat, comprehendet circu-
 lus B B ω, portionem hemiſphærio maiorem, quod eſt propoſitum.

circulus in A.
 Aſtrolabio non ma-
 ximus, an inclu-
 dat portio e ſphæ-
 ra hemiſphærio
 minorem, maio-
 remue, cognoſce-
 re.

Parallelos cuiusvis circuli maximi, qui per mundi po-
 los ducitur, in Aſtrolabio deſcribere, atque in gradus
 distribuere.

Q V A M V I S eiuſmodi paralleli per doctrinam præcedentis prop. 6. deſcri-
 bi poſſint, tamen quia in ſphæra recta deſcriptio eorum quibuſdam in rebus a
 deſcriptione eorundem parallelorum in ſphæra obliqua differt, libuit propria
 propoſitione parallelos circuli maximi per mundi polos ducti deſcribere.

Q V O N I A M igitur omnes circuli maximi per mundi polos ducti in
 Aſtrolabium projiciuntur per lineas rectas ſeſe in centro Aſtrolabij interſecan-
 tes, vt propof. 1. Num. 4. demonſtratum eſt, repræſentet recta AC, per E, centrum
 Aſtrolabij, in quo Aequator ABCD, ducta vnum aliquem ex eiuſmodi circulis,
 cuius paralleli in eodem Aſtrolabio deſcribendi ſint: intelligaturque ABCD,
 circulus per polos mundi ductus ad datum circulum, quem recta A C, repræſen-
 tat, reftus, qualis eſt Meridianus, ſi recta AC, referat Horizontem reftum, vel cir-
 culum horæ 6. a meridie, & media nocte: aut circulus horæ 6. a mcr. & med.
 noct. ſi eadem recta A C, repræſentet Meridianum circulum; qui circulus in
 Aſtrolabio faciat rectam BD, in vtramque partem extenſam in infinitum, que
 ad AC, perpendicularis erit. Quoniã enim tam hic circulus, quam Aequator,
 qui a plano Aſtrolabij non differt, ad propoſitum circulum reftus eſt, a erit eor-
 um communis ſectio BD, ad eundem refta, ideoque der deſin. 3. lib. 11. Eucl. ad
 reftam quoque AC, perpendicularis erit in centro E. Et quoniã hic circulus
 ABCD, ad datum circulū reftus, b ſecat omnes eius parallelos biſariam, & per
 polos B, D; (Nã B, D, poli ſunt circuli maximi AC, eiuſq; parallelorum.) ſi per
 ſingulos gradus circuli ABCD, parallela ipſi AC, agantur, erunt ex diametri
 parallelorum circuli propoſiti. Nos ex vtraque parte binas duximus FG, HI;
 KL, MN, per tricenos gradus, ne multitudo linearum confuſionem pariat. Con-
 ſtituto ergo A, polo Auſtrali, (Circulus enim propoſitus, quem recta AC, repræ-
 ſentat, per vtrumque polum duci ponitur) ſi ex eo per extrema puncta diame-
 trorum radij viſuales emittantur, abſcindent ij ex BD, protracta diametros vi-
 ſas, ſive apparentes, parallelorum. Nam vt in ſcholio propof. 3. Num. 1. & 2. de-
 monſtratum eſt, in recta BD, communi ſectioe plani Aſtrolabij, & circuli maxi-
 mi per mundi polos ducti, & ad propoſitum maximum circulum, eiuſque paral-
 leloſ, refti, inſpiciendi ſunt ex polo auſtrali; cum ea recta abſcindat tum triangu-
 la ſubcontraria, tum maximas diametros viſas, vt ibidem oſtendimus. Vt extre-
 ma puncta diametri FG, apparebunt in O, P, vt tota diameter viſa ſit OP. Pun-
 cta vero extrema diametri H I, cernentur in Q, R, & ſic de cæteris. Igitur diui-
 ſis biſariam diametriſ viſis, ſi circa eas circuli deſcribantur, deſcripti erunt pa-
 ralleli propoſiti, cum per propof. 3. in forma circuli appareant ex polo auſtra-
 li inſpecti. Tranſibunt autem omnes per extrema diametrorum in Aequatore
 ABCD, qui eſt Verticalis primarius Horizontis refti A C, quemadmodum in
 ſphæra per eadem incedit. Quod tamen Geometricè ita quoque concludemus.
 Iuncta recta CO, erunt duo latera CE, EO, duobus lateribus AE, EO, æqualia.
 Cũ ergo & anguloſ æquales, nimirum reftos, complectantur, c erunt etiã angu-
 li ECO, EAO, æquales inter ſe: d ac propterea æqualibus inſiſtent periphæ-
 rij. Quocirca cum arcus CF, AG, æquales ſint, inſiſtatque angulus CAF, arcui
 CF, inſiſtet angulus ACG, arcui AG, hoc eſt, recta CO, producta in punctum G,
 cadet. Et quia angulus AGC, in ſemicirculo reftus eſt, erit quoq; ei deinceps
 PGO,

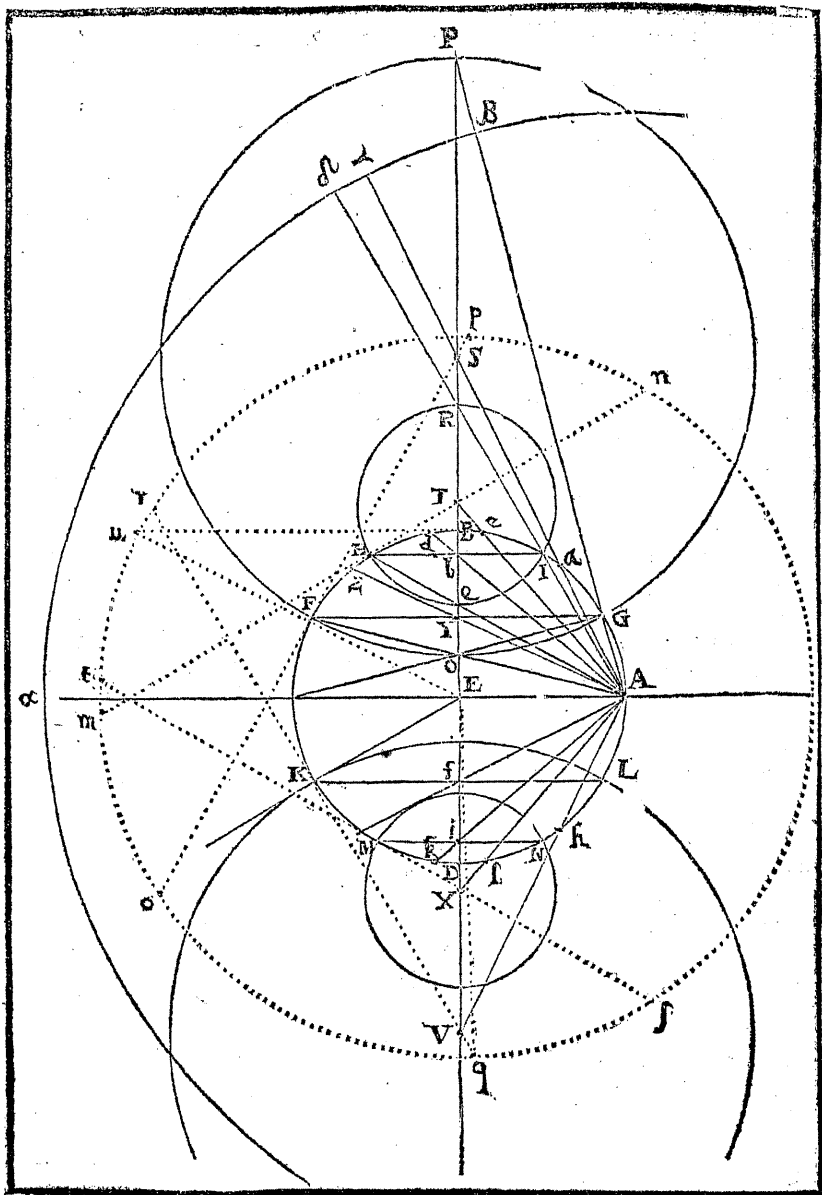
Parallelos cuius-
 vis circuli maxi-
 mi per mundi po-
 los ducti, in Aſ-
 trolabio deſcri-
 bere.

a 19. undec.

b 13. t. The.

c 24. primi.
 d 26. tertij.

e 31. tertij.



PGO, rectus Igitur ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. circulus circa OP, descri-
ptus transibit per G. Eademque ratione per F, incidet, atque ita de cæteris. Sed
quoniam radij ex A, puncto quadratis AB, vel AD, nimium excurrunt, satis erit,
si centrum S, trium punctorum F, O, G, inueniatur in recta BD, producta. Item
centrum T, trium punctorum H, Q, I, & sic de cæteris: quandoquidem per tria
hæc puncta parallelus transire debet, vt ostendimus. Ita enim magis exquisitè pa-
rallelus FOGP, describetur, quam si extremum alterum punctum P, reperiat,ur,
quod propter obliquam interfectionem rectæ AG, cum DBP, vix sine errore po-
test deprehendi.

C A E T E R V M quemlibet parallelum transire per tria puncta inuenta, vt
GPFO, per F, O, G, hinc etiam colligi potest. Cû enim parallelus Horizontis re-
cti, & Horizon rectus abscindant ex Verticalibus eisdem Horizontis recti æqua-
les arcus per propof. 10. lib. 9. Theod. Sint autem eiusmodi Verticales Aequator
ABCD, & Meridianus DEB; referatque EO, arcum CF, ex propof. 1. erunt tres
arcus æquales CF, EO, AG. Igitur parallelus GPFO, cum per O, transire con-
spiciatur, transibit quoque per puncta F, G. Eadem de causâ parallelus IRHQ,
per tria puncta H, Q, I, transibit. Et sic de cæteris.

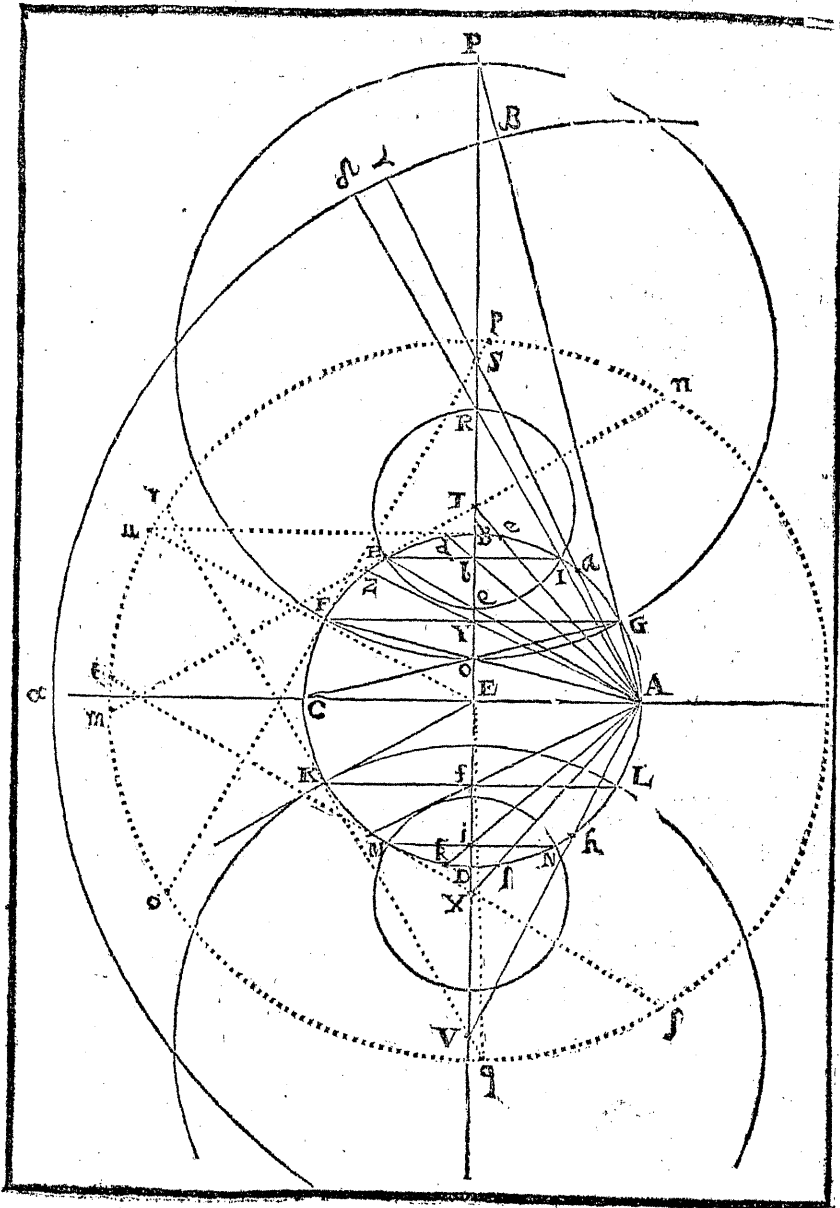
2. I T A autem centra parallelorum facile inueniemus. Ex A, per Y, vbi
diameter FG, rectam BD, secat, emittatur recta AY, secans Aequatorem in Z.
Si namque arcui BZ, æqualis abscindatur Ba, cadet recta Aa, in S, centrum quæ-
situm, vt in Lemmate 35. demonstratum est. Sic etiam ducta recta Abd, si arcui
Bd, æqualis sumatur Be, incidet recta Ae, in T, centrum paralleli per H, Q, I,
descripti. Item ducta recta Afg, si arcui Dg, accipiat æqualis Dh, dabit re-
cta Ah, centrum V, paralleli per K, L, descripti. Denique ducta recta Aik, si ar-
cui Dk, æqualis Dl, sumatur, transibit recta Al, per X, centrum paralleli per M,
N, descripti. Satis autem est, si centra S, T, reperiantur pro parallelis semi-
circuli ABC. Nam si rectis ES, ET, æquales fiant EV, EX, erunt V, X,
centra oppositorum parallelorum circa puncta K, L, & M, N, describendorum.
Oppositi enim paralleli in Horizonte recto æquales omnino sunt in Astrola-
bio, sicut in sphaera.

Centra parallelorum circuli maxi-
mi per mundi
polos ducti, in
Astrolabio reperi-
untur.

3. A L I O modo describemus eosdem parallelos, etiam si neque eorum dia-
metri in circulo ABCD, ductæ sint, neque radii ex A, emittantur. Quoniâ enim,
vt paulo inferius ostendimus Num. 10. recta quæcumque, vt EK, ex centro ad
Aequatorem educta tangit in K, parallelum per K, descriptum; fit vt KV, du-
cta ad EK, perpendicularis, vel Aequatorem tangens, cadat in V, centrum paral-
leli per K, describendi. Quocirca si ad omnia puncta Aequatoris, qui Verticalis
primarius est in sphaera recta, ex centro E, ducantur rectæ lineæ, & per earum
extrema puncta ducantur ad easdem lineæ perpendiculares, quæ quidem ex co-
roll. propof. 16. lib. 3. Eucl. Aequatorem in eisdem punctis tangent, inuenta erunt
centra omnium parallelorum, semidiameter autem cuiusque erit ipsa linea tan-
gens a centro inuento vsque ad punctum contactus. Vt in dato exemplo, semi-
diameter paralleli KL, est VK. Ducemus autem facili negotio per singula puncta
Aequatoris tangentes rectas, siue perpendiculares ad eius semidiametros, hac
ratione. Educta ex B, ad BD, perpendiculari Bu, quantacunque, describatur
ex E, per u, circulus occultus, & recta Bu, beneficio circini transferatur ex pun-
ctis Aequatoris H, F, K, M, in circumferentiam occultam ex vtraque parte, vt
ex H, vsque ad m, n; & ex F, vsque ad o, p; & ex K, vsque ad q, r; & ex M, vsque ad s,
t. Rectæ namque mn, op, qr, st, Aequatorem tangent in H, F, K, M, hoc est, per-
pendiculares erunt ad semidiametros, si ducatur, EH, EF, EK, EM. Iunctis enim

Parallelus eisdem
per rectas tangen-
tes describere.

219. tertij.



rectis Eu, Eq, erunt duo latera EB, Bu, duobus lateribus EK, Kq, equalia. Cum ergo & basis Eu, basi Eq, sit equalis; erit angulus rectus EBU, angulo EKq; equalis, ac proinde hic quoque rectus erit, ideoque Aequatorem in Kq continget. Eademque de cæteris ratio est.

a 8. primæ

4. NON erit difficile ex ijs, quæ dicta sunt, describere parallelum quocunque gradibus ab Horizonte recto AC, distantem, si distantiam datam à puncto C, vel A, numeremus versus B, si parallelus describendus sit supra Horizontem, aut versus D, si infra Horizontem, & per terminum numerationis parallelum describamus, vt traditum est.

Parallelum datæ Horizontis recti in Astrolabio describere.

5. E CONTRARIO, si descriptus sit quilibet parallelus, cognoscetur eius distantia ab Horizonte recto per arcum Aequatoris inter C, vel A, & punctum intersectionis paralleli cum eodem Aequatore. Vel si per intersectiones paralleli cum linea meridiana rectæ educantur, secabitur Aequator in duobus punctis eiusdem distantiae: Atq; hæ rectæ necessario per intersectiones paralleli cum Aequatore transibunt: Alioquin circulus datus non repræsentaret aliquem parallelum Horizontis recti: Quare quando non constat, propositum circulum esse vnum ex parallelis recti Horizontis, adhibenda erit posterior ratio, vt simul agnoscamus, nos non frustra, ac temere distantiam dati paralleli ab Horizonte recto inquirere. Nam si rectæ ex A, per intersectiones propositi circuli cum meridiana linea ductæ transeunt per intersectiones eiusdem circuli cum Aequatore, certum est, eum esse Horizonti parallelum, cuius diameter est recta duas has intersectiones coniungens: alias non erit Horizonti parallelus, sed aliquem alium circulum repræsentabit, vt propos. 17. dicemus.

Parallelus Horizontis recti in Astrolabio describitur, quantum ab Horizonte recto distat in spæriâ, cognoscere.

6. PORRO vt radij ex A, emissi, & longius excurrentes, exquisitius ducantur, describendus erit ex A, ad quoduis Interuallum circulus $\alpha\beta$, vt in antecedentibus etiam propositionibus factum est. Nam si v. g. accipiat arcus $\alpha\beta$, similis semis arcus CBG, transibit radius AG, per β ; quia nimirum per Lemma 10. rectæ A α , A β , interceptiunt duos arcus, quorum is, qui in circulo ex A, descripto existit, similis est semis arcui in circulo per A, transeunte. Ita quoq; si sumantur arcus $\alpha\gamma$, $\alpha\delta$, similes semis arcui arcuum CBa, CBI, transibunt radij Ay, A δ , per a, I, &c.

Radios longius excurrentes accuratius ducere.

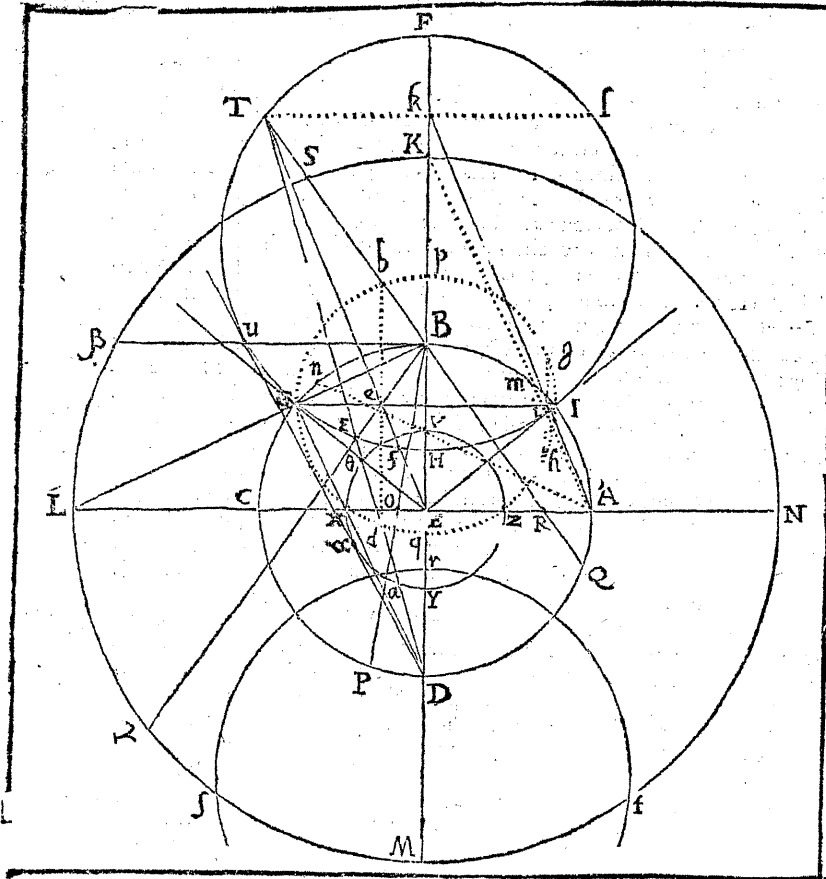
7. IAM verò circulus maximus, quem recta AC, refert, & eius paralleli ijsdem prorsus modis in gradus distribuentur, quibus superiores circulos partiti sumus. Nam circulus maximus per rectam AC, in infinitum extensam repræsentatus, diuidetur per rectas ex B, polo superiori per gradus Aequatoris emissas eo ordine, quem in lemmate 23. prescripsimus: Nimirum arcui abscisso DP, inchoato à puncto inferiori D, respondet arcus EO, à sectione boreali inchoatus: Ita quoque arcui DQ, respondet arcus ER: Item arcui DG, respondet arcus EL, ita vt quemadmodum arcus BG, incipit à puncto superiore, ita ei respondeat arcus à sectione australi inchoatus (si polus australis designari possit) vsque ad L. Itaq; si PQ, fuerit quadrans, erit quoque OR, quadrans. Rursus idem circulus maximus AC, diuidetur per rectas ex inferiori polo D, emissas, ita tamen, vt arcus à superiori puncto B, inchoati habeant respondententes in AC, à sectione boreali E, inchoatos, &c. vt in eodem Lemmate 23. dictum est. Ita vides arcui BG, respondere arcum EX, quorum ille à puncto superiori, hic vero à sectione boreali initium sumit, &c.

Circulum maximum per polos mundi dactum, in gradus distribueri.

8. SIT quoque parallelus aliquis maximi circuli AC, nimirum FGHI, diuidendus in gradus per rectas ex polo superiori B, eductas. Describatur parallelus

Parallelus circuli maximi per mundi polos dacti, in gradus distribueri, ex eodem polo.

parallelus Aequatoris KLMN, tanto intervallo à polo australi A, distans, quanto parallelus IGHl, à polo superiori B, abest, ita vt arcus BG, Am, distas distans distans. Si igitur arcus sumatur KS, in parallelo Aequatoris quotlibet graduum, dabit recta BS, in dato parallelo arcum FT, totidem graduum, quia KS, incipit à puncto superiore K, & FT, à sectione australi F. Eadem ratione tot erunt gradus in arcu MLS, inchoato à puncto M,



inferiore, quot in arcu HGT, à sectione boreali H, inchoato continentur. Et quia FG, GH, HI, IF, respondent quadrantibus dati paralleli in sphaera, quod Aequator ABCD, hoc est, Verticalis primarius sphaerae rectae, & Meridianus FD, secant Horizontem, eiusque parallelos in quadrantes; necesse est, vt recta BL, transeat per punctum G, vt auferat arcum FG, quadrantem KL, respondentem, &c.

9. QVOD

9. QVOD si idem parallelus FGHI, per rectas ex inferiori polo D, egredientes diuidendus sit in gradus, describendus erit parallelus Aequatoris VXYZ; parallelo KLMN, oppositus, qui videlicet tanto intervallo à polo australi A, abest, quanto parallelus FGHI, à polo inferiori D, distat, ita vt arcus DCG, ABn, distarum distantiarum aequales sint. Nam si arcui KS, inchoato à puncto superiori sumatur similis arcus Ya, (qui in sphaera ipsi KS, aequalis est, cum paralleli aequales sint, à puncto inferiori inchoatus, dabit recta Da, producta arcum paralleli FT, eundem à sectione australi inchoatum. Item abscindet arcui Vxa, à puncto superiori, V, inchoato arcum HGT, à sectione boreali H, inchoatum. Eodem modo DX, abscindet duos quadrantibus YX, FG, vt ex Lemmate 23. perspicuum est.

10. ALIO modo eundem parallelum ita in gradus partiemur. Descripto circa GI, circulo pGqI, sumantur arcus pb, qd, inter se aequales, iunctaque recta bd, secet GI, in e. Nam recta Ee, secabit parallelum in duobus punctis T, f, continebitque, vterque arcus FT, Hf, tot gradus, quot in arcu pb, continentur. Item vterque arcus GT, Gf, tot complectetur gradus, quot in arcu Gb, reperiuntur: adeo vt si arcus KS, p b, similes fuerint, rectae Ee, BS, in idem punctum T, incidant. Est autem haec ratio eadem omnino, quae illa, qua propos. antecedenti Num. 26. parallelos circularum obliquorum in gradus distribuimus; propterea quod E, sit centrum Verticalis primarij, sicut ibi punctum L. Ex quo fit, rectas EG, EI, parallelum tangere in G, I, extremis punctis diametri visae GI, quemadmodum ibi rectae Lq, LG, parallelum contingere ostendimus.

11. TERTIO eundem parallelum, & alios quoque hac ratione distribuimus in gradus. In circulo circa GI, veram diametrum paralleli descripto accipiantur duo arcus aequales Ig, Ih, iunctaque recta gh, secante GI, in i, ducatur ex A, polo australi per i, recta Ai, donec EB, producta secet in k. Nam recta Ti, per k, ad BE, ducta perpendicularis abscindet duos arcus FT, FL, quorum vterque continet tot gradus, quot in arcu Ig, includuntur, vel duos GT, IL, totidem graduum, quot complectitur arcus pg; adeo vt si arcus Ig, similis fuerit arcui KS, vel aequalis arcui pb, perpendicularis k l, in ipsum punctum T, quod per rectas BS, Ee, monstratum est, incidat. Atque haec ratio à tertio modo diuidendi parallelos obliquos, quem in praecedenti propos. Num. 31. exposuimus, non differt.

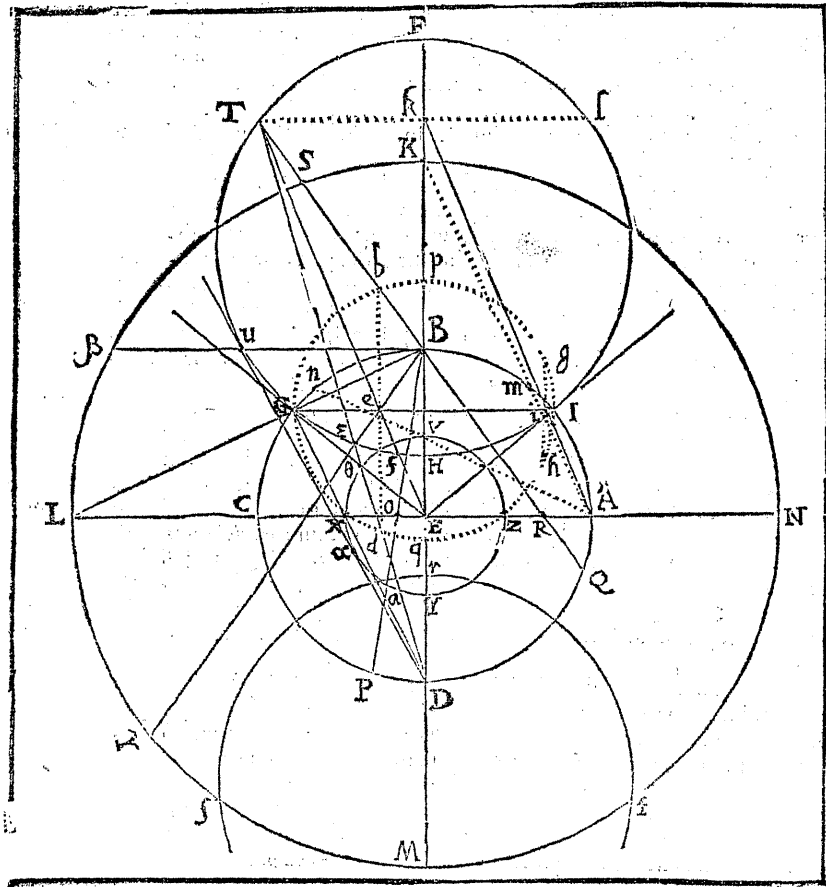
12. NON aliter paralleli infra Horizontem rectum AC, diuidentur in suos gradus. Sit enim parallelus r ft, sub Horizonte aequalis omnino parallelo FGHI, hoc est, distantia vtriusque ab Horizonte in contrarias partes sit eadem. Ergo ex polo superiori distribuetur beneficio paralleli Aequatoris VXYZ, qui tanto spatio abest à polo australi, quanto parallelus r ft, à Zenith B, distat: ita vt rectae ex B, cadentes, auferentesque arcus à puncto V superiori inchoatos abscindat ex parallelo arcus respondentes à sectione australi inchoatos, quae infra punctum M, existit: Recta vero abscindentes ex parallelo Aequatoris arcus à puncto inferiori Y, inchoatos, auferant arcus respondentes in dato parallelo r ft, incipientes à sectione boreali r, veluti prius. At ex polo inferiori D, secabitur idem parallelus r ft, beneficio paralleli Aequatoris KLMN, cum hic tanto spatio remoueatur à polo australi, quanto r ft, à Nadir, vel polo Horizontis inferiori recedit: ita vt rectae ex D, egredientes, quae auferunt arcus paralleli Aequatoris incipientes à K, puncto superiori, rescant ex parallelo r ft, arcus respondentes initium sumentes à sectione boreali r: Recta vero auferentes ex KLMN, arcus, quorum initium est in M, puncto inferiori, abscindant

Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex centro Astralibus.

Parallelos circuli maximi per mundi polos ducti, in gradus distribuere, ex polo australi Analemmatis.

dant ex r s t, respondentes arcus à sectione australi infra punctum M, existente in choatos, vt prius. Quæ omnia liquido constant ex iis, quæ in Lemmate 23. scripsimus.

PARALLELI iidem diuidi quoq; poterūt in gradus, si placet, ex centrīs proprijs, & centro Astrolabii, eo modo, quem in antecedenti propof. 6. Num. 35. exposuimus: quæ res, quoniam facilis est, longiori declaratione non indiget.



DENIQUE huc etiam facile accommodabuntur omnia ea, quæ Num. 36. & 37. propof. 6. scripsimus, vt perspicuum est.

SE D ante omnia huc transferantur ea, quæ propof. 6. Num. 25. scripsimus. hoc est, si à puncto F, versus G, abscindendus sit ex parallelo arcus quotuis gradū apparentiū, numerentur ex puncto opposito Fi, in eandem partem versus G, totidem gradus æquales vsque ad e. Recta enim ex D, polo inferiore per e, etc. etc. abscin-

ta abscindet arcum FT, quæsitum, continentem videlicet tot g radus visos, quot æquales in arcu H e, continentur. Quod si iidem gradus æquales numerentur ex H, in oppositam partem versus I, dabit recta ex fine numerationis per B, polum superiorem ducta eundem arcum FT. Vicissim si ex F, vsque ad T, numerentur quotuis gradus æquales, abscindet recta TD, ad polum inferiorem D, ducta ex eadem parte arcum H e, totidem graduum visorum: recta autem ex T, per B, polum superiorem extensa auferet ex parte opposita arcum totidem graduum apparentium.

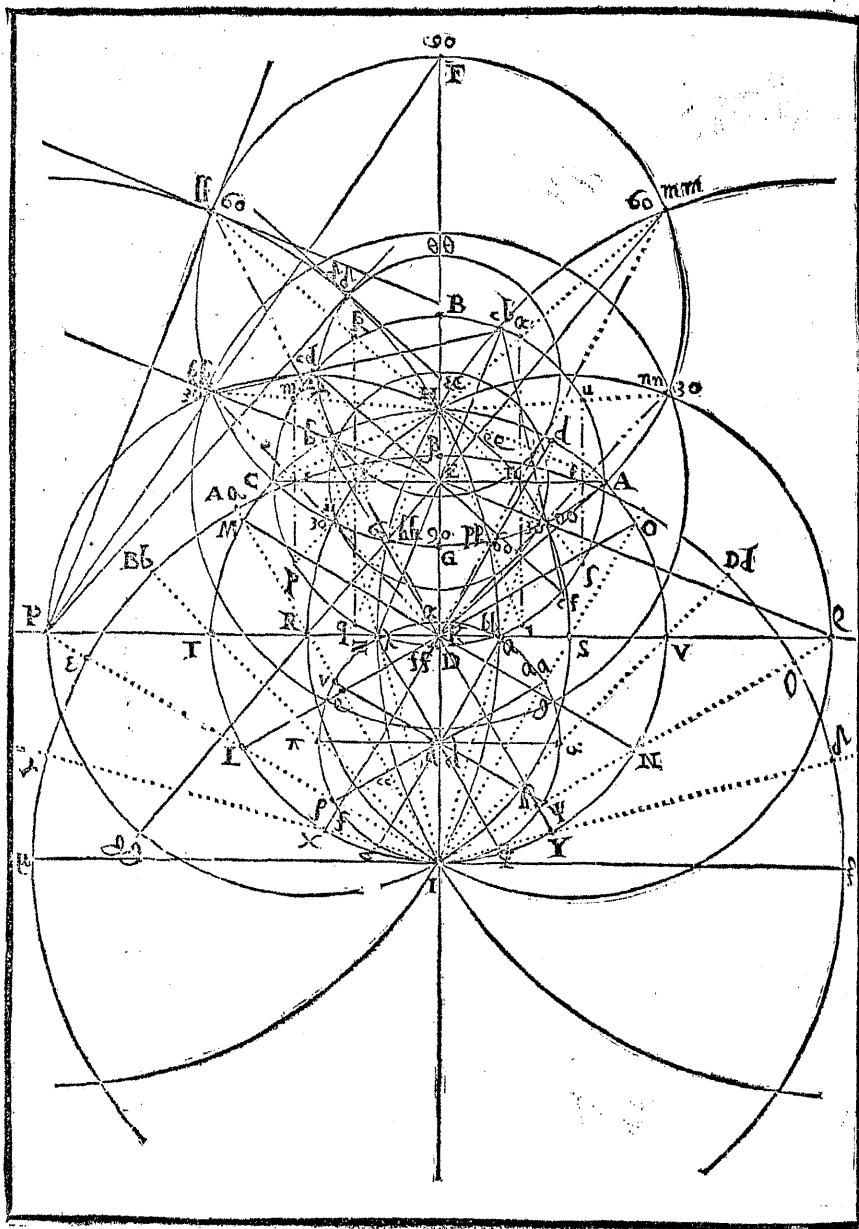
DEINDE quia V, centrum circuli pGqI, & E, centrum paralleli Aequatoris KLMN, similiter distant à B, polo superiore, (a cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VB, ita LE, hoc est, ita KE, semidiameter ad EB.) fiet diuisio paralleli FGHI, per circulum pGqI, sicuti per parallelum KLMN, ex polo superiori B. Ita vides rectam Bb, (sumpto arcu pb, simili ipsi KS,) transire per S, indicareque idem punctum T. Rursus quia eadem centra V, E, similiter distant à polo D, inferiore, sumpto E, pro centro paralleli Aequatoris VXYZ, (b cum sit, vt GV, hoc est, vt pV, semidiameter ad VD, ita XE, hoc est, ita VE, semidiameter ad ED) fiet eadem diuisio paralleli FGHI, per eundem circulum pGqI, ex polo D, inferiore. Ita vides rectam Dd, (sumpto arcu qd, simili ipsi Ya,) transire per a, monstrareque idem punctum T. Atque in hunc modum si pro parallelis Aequatoris KLMN, VXYZ, alii circuli describantur, quorum centra similiter absint à polo B, superiore cum E, centro paralleli KLMN, vel à polo D, inferiore similiter cum E, centro paralleli VXYZ, habebuntur alii circuli, per quorum gradus rectæ ex polo B, vel D, extensa partientur parallelum FGHI, in gradus, vt propof. 6. Num. 25. demonstrauimus.

13. AD extremum omnia illa hic vera sunt, quæ in scholio antecedenti propof. Num. 2. 3. 4. & 5. demonstrata sunt: hoc est, ducta recta Bug, ad BD, perpendiculari ex B, polo parallelorum Horizontis recti superiore, rectam Du, ex inferiore polo D, ductam tangere parallelos in u, a; & arcum Fu, & arcum Mg, & arcum Hu, arcui K ß, similem esse. Item arcus Yz, Hu, & Vz, Fu, quos tangens recta Du, ex inferiore polo D, educta abscindit, similes esse. Rursus si ex eodem polo inferiore D, ducatur utcumque recta DT, tam arcus FT, Vg, quam H e, Ya, & quam T e, ßa, similes esse. Præterea ductis rectis BT, B e, secantibus parallelum Aequatoris KLMN, in S, γ; & arcus Sγ, T e, similes, & angulos TBF, γBM, vel TBg, γBz, æquales esse. Denique si fiant æquales anguli TBF, γBM, ita vt rectæ BT, Bγ, parallelos secent in T, e, S, γ, vicissim arcus Sγ, T e, similes fore: atque adeo rectam ductam DT, transire per punctum e, vbi recta Bγ, eundem parallelum Horizontis secat: Et rectam ductam D e, transire per punctum T, vbi idem parallelus à recta BT, secatur; hoc est, tria puncta D, e, T, in vna recta linea sita esse. Eadem enim omnino demonstratio, quæ in dicto scholio facta est, locum hic habet, vt liquet.

PROBL. V. PROPOS. VIII.

VERTICALES circulos, qui per polos Horizontis ducuntur, & quos Azimuth Arabes appellant, & alios circulos maximos, qui per polos cuiusvis circuli maxi-

K k k mi in



mi in Astrolabio descripti incedunt, in Astrolabio describere, eosque in gradus distribuere.

1. PROPOSITIONE quinta Verticalem primarium, Horizontem, Eclipticam, & alios circulos maximos ad Meridianum quidem rectos, ad Aequatorem vero inclinatos, quorum inclinatio nota sit, descriptimus: Alii autem Verticales ad Meridianum inclinati, quos Arabes appellant Azimuth, quoniam in Analemate eandem diametrum habent cum Verticali primario, nimirum axē Horizontis, cum omnes per Horizontis polos incedant, ea ratione describi nequeunt, quod Meridianus ad illos rectus non sit, ac proinde in recta BD, communi sectione Meridiani, & plani Astrolabii, Aequatoris, eorum diametri non maximæ appareant, (quippe cum solum maximæ cernantur in communibus sectionibus plani Aequatoris, vel Astrolabii, & maximorum circularum per eorū polos, & polos mundi ductorum, vt in scholio propof. 3. Num. 1. demonstrauimus) sed omnes conspiciantur habere eandem diametrum visam cum Verticali primario, qualis est HI, in hac proposita figura. Quamobrem eos hac ratione in Astrolabium proficiemus. Verticalis primarius AHCI, diuidatur in partes equales per tot diametros, quot Verticales in Astrolabio describendi sunt, ducta prius per eius centrum K, ad HI, perpendiculari PQ, indefinitæ magnitudinis: Vt in partes 360. per 180. diametros, (qualibet enim diameter per duo puncta opposita ducitur) si 180. Verticales desiderētur, diuidentes Horizontem, eiusq; parallelos in 360. gradus: Vel in partes 180. per 90. diametros, si 90. Verticales describendi sint, Horizontē in 180. partes diuidentes, ita vt inter binos bini gradus intercipiatur: Vel in partes 120. per 60. diametros, vt singulæ partes ternos gradus complectantur: Vel in partes 72. per 36. diametros, vt singulæ partes contineant quinos gradus: Vel in partes 60. per 30. diametros, vt inter binas proximas seni gradus includantur: Vel in partes 40. per 20. diametros, vt inter quaslibet duas nouem gradus intercipiatur: Vel in partes 36. per 18. diametros, vt singulæ partes contineant denos gradus: Vel in partes 24. per 12. diametros, vt singulæ partes quindenos complectantur gradus: Vel in partes 20. per 10. diametros, vt partes singulæ octodenos gradus comprehendant: Vel denique in partes 12. per 6. diametros, vt singulæ partes tricenos gradus complectantur, vt in nostro exemplo factum est. In eo enim descripti sunt 6. Verticales, & inter quoslibet duos proximos, 30. gradus intercipiuntur, & Horizon cum suis parallelis ab eisdem in 12. partes distribuitur.

DE I N D E ex alterutro polorum Horizontis H, I, verbi gratia, ex I, per omnia extrema diametrorum radii emittantur secantes rectam PQ, in punctis, quæ & diametros, & centra Verticalium circularum exhibebunt hoc ordine: Radii per extrema cuiuslibet diametri emissi abscondunt ex PQ, diametrum illius Verticalis, qui tot gradibus in sphaera à Verticali primario distat ab ortu in austrum, quot gradibus diameter assumpta in Verticali primario à puncto T, orientali versus I, australe recedit: Vel qui tot gradibus à Verticali primario in sphaera distat ab occasu in boream, quot gradibus eadem diameter assumpta in primario Verticali à puncto V, occidentali versus H, boreale remouetur: Aut qui tot gradibus in sphaera à Verticali primario recedit ab ortu in boream, quot gradibus assumpta diameter in Verticali primario abest à puncto T, orientali versus H, punctum boreale: Vel denique qui tot gradibus à primario Verticali in sphaera ab occasu in austrum distat, quot gradibus eadem diameter assumpta

K k 2 a puncto

Verticales circulos in Astrolabio describere.

a puncto occidentali V, versus punctum australe I, abest. Est enim recta PQ, in Astrolabio ita concipienda, ut nobis in polo australi existentibus pars KP, sit ad dexteram, & KQ, ad sinistram. Nam cum nobis conuersis ad faciem Astrolabii (quod in plano Aequatoris existit) pars eius orientalis (ut ab auctoribus in usu accipitur) ita sit ad sinistram, qualis est pars a meridiana linea FI, ad sinistram porrecta; occidentalis vero ad dexteram, cuiusmodi est portio ab eadem meridiana FI, dextram versus extensa: fit, ut existentibus nobis in polo antarctico, pars orientalis Astrolabii existentis in plano Aequatoris statuatur ad dexteram, occidentalis autem ad sinistram: adeo ut polus australis concipiendus sit a tergo plani Astrolabii. Quae res attente considerata plurimum confert ad concipiendos situs omnium centrorum Verticalium in recta PQ, in infinitum producta. Omnes enim scriptores accipiunt in usu Astrolabii partem, quae nobis ad Astrolabium conuersis ad sinistram posita est, pro orientali, & quae ad dexteram pro occidentali, at Oriens constitutus nobis in polo australi, & ad Aequatorem conuersis, existit ad dexteram, & occidens ad sinistram. Quod si quis malit partem KP, recta PQ, in infinitum extensa apparere nobis ex polo australi ad sinistram, & partem KQ ad dexteram, (quod ut fiat, nihil prohibet) sumenda erit pars dextra Astrolabii pro orientali, & sinistra pro occidentali. Sed prior consideratio magis est in usu apud Astronomos. Itaque Aequatore dirimente partem caeli borealem ab australi in sphaera, erit punctum T, Verticalis primarii in Astrolabio orientale; V, occidentale; H, boreale; & I, australe.

RADIVS deinde per punctum Verticalis primarii eiectus, cuius distantia a puncto I, dupla est distantiae, quam assumpta diameter ab eodem puncto I, habet, cadit in centrum Verticalis describendi, hoc est, secat abscissam diametrum bifariam. Exempli causa. Quoniam diameter LO, recedit a T, puncto orientali versus australe I, siue a puncto occidentali V, versus boreale H, grad. 30. idcirco radij IL, IO, intercipiunt diametrum PS, Verticalis PHSI, qui a puncto orientali Horizontis C, in Horizonte Astrolabii punctum C, orientale est; A, occidentale; G, boreale; & F, australe, prout Verticalis primarius in sphaera partem borealem ab australi separat) versus australe F, totidem gradibus distat; vel a puncto occidentali A, versus boreale G. Centrum autem eius est punctum R, in quod cadit radius IM, ductus ex I, ad punctum M, cuius distantia IM, dupla est distantiae IL. Sic etiam radij IX, Id, intercipient diametrum Verticalis Ha I, recedentis a puncto Horizontis orientali C, in austrum, vel a puncto occidentali A, in boream, grad. 60. Centrum autem eius erit P. Rursus radij IY, Ib, abscindunt diametrum Verticalis HZI, qui a puncto occidentali Horizontis A, in austrum, vel a puncto orientali C, in boream distat grad. 60. centrum autem ipsius erit Q. Denique radij IN, IM, exhibebunt diametrum QR, Verticalis QHRI, qui a puncto occidentali Horizontis A, in austrum, vel a puncto orientali in boream recedit grad. 30. Centrum autem eiusdem erit S.

2. RECTE autem hac ratione Verticales circulos describi, in hunc modum demonstrabimus. Recta PQ, ad BD, perpendicularis refert parallelum Horizontis, qui per polum australem A, ducitur in sphaera, ut propos. 6. Num. 3. demonstrauimus. Cum ergo Verticales circuli Horizontem, eiusque parallelos secant in partes similes in sphaera, necessario idem in Astrolabio continget, adeo ut Verticalis transstruus v. g. in Astrolabio per grad. 30. Horizontis a puncto C, orientali versus austrum F, describendus sit per grad. 30. paralleli Horizontis, quem recta PQ, refert, numeratum ab eius puncto orientali T, vsque ad P, versus australem partem, quae versus P, tendit. Et quia idem Verticalis secat Ho-

rizontem,

rizontem, & parallelum PQ, in punctis oppositis, necesse est eum transire etiam per grad. 30. eiusdem paralleli a puncto V, occidentali versus boreale punctum K, vsque ad S, numeratum. Nam in parallelo PQ, (ut obiter etiam hoc explicemus) orientale punctum est T; occidentale V; boreale K; australe vero notari non potest, cum recta PQ, in infinitum excurrat, partes tamen eius australes sunt segmenta a punctis T, V, orientali, atque occidentali, versus P, & Q, tendentia. Quonia vero idem parallelus, quem recta PQ, in Astrolabio exprimit, distat a polo australi A, per rectam AK, hoc est, per rectam IK, ipsi AK, aequalem, cum vtraque sit eiusdem circuli semidiameter, secabitur parallelus PQ, in gradus singulos per rectas ex I, puncto per singulos gradus circuli HTIV, per I, descripti, & cuius diameter IH, ad PQ, perpendicularis est, emissas, ut constat ex iis, quae propos. 1. Num. 5. demonstrata sunt a nobis: adeo ut portio TP, respondeat arcui TL, grad. 30. ab ortu in austrum computato; portio vero VS, arcui VO, grad. 30. ab occasu in septentrionem numerato.

QVIN etiam parallelum Horizontis PQ, in gradus distribui per rectas ex alterutro polorum Horizontis H, I, emissas per gradus Verticalis HTIV, vel cuiusvis circuli Verticalis in H, vel I, tangentis, qualis est in figura circulus $\alpha\tau\iota\omega$, (Nam per 9. Lemma rectae ex I, eiectione auferunt ex circulo HTIV, & $\alpha\tau\iota\omega$, illum tangente in I, arcus similes; ac proinde eadem rectae transeunt per gradus vtriusque circuli. Quod etiam de rectis ex H, egredientibus dicendum est, si circulus describatur Verticalis tangens in H.) hac etiam alia ratione potest demonstrari. Quoniam parallelus Horizontis per polum australem ductus, quem in Astrolabio recta PQ, exprimit, diuiditur in gradus per rectas ex polo Horizontis H, ductas per gradus paralleli Aequatoris, qui ex E, centro per H, describitur, ut propos. 6. Num. 21. ex Lemmate 23. demonstrauimus, cum hic parallelus Aequatoris tantum abiret a polo australi, quantum ille Horizontis a Zenith, seu polo Horizontis boreali, cum vtrobique distantia sit arcus Meridiani inter polum australem, & polum Horizontis borealem interiectus, quod vnus ducatur per Zenith, & alter per polum australem in sphaera: fit, ut rectae ex H, emissae per gradus Verticalis, vel circuli cuiusque eum in d, tangentis, secant quoque parallelum illum Horizontis per rectam PQ, representatum, in gradus; quandoquidem rectae illae Verticales, & circulum quemlibet tangentem, & parallelum Aequatoris ex E, per H, descriptum, illosque in H, tangentem, in arcus similes partiuntur, ex Lemmate 9. Eademque prorsus ratio est de rectis ex I, emissis, cum haec ita diuidant rectam PQ, quemadmodum a rectis ex H, ductis secatur, propter aequalem distantiam vtriusque puncti H, I, a recta PQ.

HAE C cum ita sint, Verticalis circulus distans a primario Verticali grad. 30. ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, secabit parallelum PQ, in iisdem gradibus, nimirum in punctis P, S. Pari ratione Verticalis distans grad. 60. a primario Verticali ab ortu in austrum, & ab occasu in boream, transibit per punctum paralleli PQ, in quod incidit radius IX, ductus per grad. 60. a T, orientali puncto versus australe I, vsque ad X, numeratum, & per punctum a, quod respondet grad. 60. a puncto occidentali V, versus boreale H, vsque ad d, computato. Atque ita de ceteris dicendum est. Et quia omnes Verticales per polos Horizontis H, I, transeunt, perspicuum est, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. in recta PQ, secante rectam HI, in omnibus Verticalibus existentem bifariam in K, & ad angulos rectos centra omnium Verticalium existere. Igitur media puncta diametrorum in recta PQ, inuentarum centra erunt Verticalium, in quae videlicet incidunt rectae ex I, ad diametros circuli HTIV, perpendiculares, ut in Lemmate 35. ostendimus,

Centra Verticalium existere in linea recta, quae per centrum Verticalis primarii ad meridianam nec ducitur perpendicularis.

Orientalis pars, & occidentalis in Astrolabio, quae.

10. 2. The.

dimus, quales sunt rectæ ex I, per ea puncta ductæ, quorum distantia ab I, dupla sunt distantiarum, quas ductæ diametri circuli HTIV, ab eodem puncto I, habent. Hæ namque rectæ ad dictas diametros perpendiculares sunt, cum ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. a diametris bifariam secantur, quemadmodum & arcus. Verbi gratia, quia diameter dX, secat arcum IL, bifariam in X, secabit eadem rectam IL, bifariam in f; ac proinde & ad angulos rectos. Eademque ratio in IM, perpendicularis erit in e, ad LO, & IN, ad Yb, in h; & IO, ad NM, in g. Quæ cum ita sint, rectæ Verticalis PHSL, ex centro R, descriptus est; & Verticalis HaI, ex centro P; & RHQL, ex S; & HZL, ex Q.

3. CIRCULOS porro ex dictis centris in PQ, inuentis circa diametros in eadem PQ, repectas descriptos, transire necessario per H, I, polos Horizontis, ut ratio postulat, cum per eos polos in sphaera omnes Verticales incendant; ac proinde vere eosdem illos circulos representare Verticales, cum transeant etiam per puncta paralleli PQ, per quæ eos describendos esse ostendimus, breuiter hac ratione demonstrabimus. Quoniam v.g. angulus LIO, in semicirculo rectus est, hoc est, angulus PIS; transibit necessario circulus ex R, puncto medio rectæ PS, circa PS, descriptus, per punctum I, ex scholio propof. 31. lib. 3. Eucl. Eademque ratio est de aliis. Solent autem segmenta tantum Verticalium inter Horizontem, & tropicum Σ , comprehensa in Astrolabii describi, quamuis nos eosdem integros descriperimus, ut ratio descriptionis planior fieret.

4. VT quoque radii ex puncto I, longius excurrentes facilius sine errore duci possint, descripsimus ex centro I, circulum $\mu\beta\zeta$, cuiuscunque magnitudinis, Quo autem maior fuerit, eo exquisitius id, quod propositum est, exequemur. Nam, ut in Lemmate 10. monstratum est, si semissi arcus HX, similis arcus $\beta\gamma$, sumatur, vel (ducta diametro $\mu\zeta$, ad HI, perpendiculari,) si semissi arcus IX, accipiatur similis arcus $\mu\gamma$, transibit radius IX, per γ . Hanc ob causam sumptus est quoque; arcus $\xi\delta$, similis semissi arcus IY, & arcus $\mu\epsilon$, $\xi\theta$, semissibus arcu IL, IN, similes, &c. Itaque si semicirculus $\mu\beta\zeta$, in 180. partes æquales distribuitur, dabunt rectæ ex I, per illas partes emissæ in recta PQ, centra omnium 180. Verticalium Horizontem in 360. gradus diuidentium: quandoquidem rectæ ex I, per 180. partes totius circuli ITHV, quarum semissibus illæ similes sunt, emissæ exhibent eadem centra omnium 180. Verticalium. Nam recta IL, cadens in centrum P, Verticalis HaI, aufert ex circulo ITHV, arcum IL, grad. 60. ex semicirculo vero $\mu\beta\zeta$, arcum $\mu\epsilon$, grad. 30. qui semissi illius similis est, &c. Si autem idem semicirculus $\mu\beta\zeta$, in 90. partes secetur, inuenientur eodem modo centra 90. Verticalium Horizontem in partes 180. binorum graduum partientium, & sic de cæteris. Quod si ex H, non autem ex I, rectæ eductæ centra exhiberent in recta PQ, describendus esset circulus ex H, ad quodlibet interuallum, loco circuli $\mu\beta\zeta$, &c.

5. R V R S V S ut quoad eius fieri potest, exquisitissimè Verticales describantur, inueniendi sunt in Horizonte, per ea, quæ propof. 5. Num. 18. & 25. scripsimus, puncta, per quæ transire debent: nimirum grad. 30. & 60. tam à puncto orientali C, quam occidentali A, versus austrum, & Boream, non solum per rectas ex polo Horizontis H, ductas, cuiusmodi sunt Hkll, Hnkk, Hiip, Hhhq, Hppr; Hoof; Hunn, Hzimm; verum etiam per rectas ex K, centro Verticalis per puncta rectæ AC, sic diuisæ, ut in Lemmate 8. traditum est, emissas, qualia sunt puncta i, l, n, t, quæ per rectas mp, kq, zi, vs, inueniuntur, ut in figura apparet: vel (quod magis probo) per ea, quæ propof. 6. Num. 25. scripsimus, eiusmodi puncta exquirenda sunt. Ita enim singuli Verticales sensu puncta

a 3. tertij.

b 3. tertij.

c 31. tertij.

Centra omnium Verticalium secæ eum Horizontem in 360. gradus per semicirculum in 180. gradus diuisum inueniunt.

Plura puncta in Horizonte, eiusque parallelis, per quæ Verticales describendi sunt, inueniunt.

puncta habent, per quæ describendi sunt, ut fieri non possit, quin centrum cuiusque, ac diametrum rectè inuenta sint; si ipse descriptus per omnia sex puncta incedat. Quòd si describatur aliquot paralleli Horizontis, reperiri in singulis poterunt bina alia puncta pro singulis Verticalibus describendi, si luceat. Sed in Horizonte satis est, si pro quolibet Verticali vnum punctum reperiat, quia recta linea ex eo per centrum Astrolabij ducta dabit aliud in eodem Horizonte, quòd quilibet Verticalis Horizontem in duobus punctis per diametrum oppositis secet, cuiusmodi sunt duo puncta Horizontis, quæ per rectam per centrum traiectam indicantur, in scholio propof. 5. Num. 10. demonstratum est.

IMMO quando Verticalis describendus parum à Meridiano distat, eiusque proinde centrum in recta PQ, longissimè à puncto K, abest, ipseque Verticalis prope meridianam lineam BD, parum a recta linea differt, opera pretium fuerit, in pluribus parallelis Horizontis puncta inquirere, in quibus ille Verticalis eos secat. Nam si ea puncta congruenter connectantur per lineam inflexam, quæ nullibi angulos faciat, descriptus erit dictus Verticalis in Astrolabio in ea portione, quæ inter tropicum Σ , & Horizontem continetur, in qua quidem portione describi diximus Num. 3. Verticales in astrolabio.

6. FACILIVS fortasse percipietur, Verticales circulos per puncta inuenta in recta PQ, duci debere, hoc modo. Concipiatur circulus HTIV, Horizonti æqui distare, punctumque I, in polo australi existere, ita ut planum eius circuli sit illud, in quo parallelus Horizontis per polum australem ductus existit, punctumque eius ω , in ortum, & π , in occasum vergat; & in eodem plano circa diametrum I ω , diametro Aff, paralleli Horizontis per A, polum australem ducti æqualem, parallelus ipse Horizontis describatur $\alpha\pi I\omega$, ex centro dd, cuius, & Aequatoris, siue plani Astrolabij communis sectio sit recta PQ, eundem ipsum parallelum representans in Astrolabio, ut dictum est, cum eius distantia KI, à puncto I, equalis sit, per defin. circuli, rectæ AK, quæ in sphaera distantia eiusdem rectæ PQ, à polo australi metitur. Et quoniam Verticales circuli secant Horizontem, & parallelum $\alpha\pi I\omega$, in sphaera in arcus similes, facient sex illi Verticales in Astrolabio descripti, sex diametros in eodem parallelo tricenis gradibus inter se distantes, ita ut Verticalis primarius efficiat diametrum $\pi\omega$; Verticalis gradibus 30. recedens ab eo versus austrum ex parte orientis diametrum $\nu\psi$, &c. Igitur puncta Verticalium, in quibus parallelum $\alpha\pi I\omega$, secant, apparebunt ex I. polo australi in illis punctis rectæ PQ, in quæ incidunt radij ex I, per extremitates diametrorum eiusdem paralleli emissi. Cum ergo per Lemma 9. dicti radij abscondant ex circulo HTIV, qui circum $\alpha\pi I\omega$, in I, tangit, arcus similes arcubus circuli $\alpha\pi I\omega$, sint autem ex constructione arcus IX, XL, LT, &c. arcubus 10, 60, 90, &c. similes, cum tam illi, quam hi tricenos gradus complectantur; transibunt iidem radij per extremitates diametrorum circuli HTIV: ac proinde per ea puncta rectæ PQ, in quibus à dictis radijs secatur, Verticales transire conspiciuntur ex australi polo. quod erat ostendendum. Itaque quoniam centra Verticalium in recta PQ, existunt, sit, ut portio ipsius inter duos radios ex I, per extremitates diametri cuiuslibet in circulo $\alpha\pi I\omega$, ductos intercepta, equalis sit maximæ diametro visæ. Verticalis per illam diametrum incedentis. Ut portio PS, equalis est diametro visæ maximæ illius Verticalis, qui à Verticali primario gradibus 30. abest, transiitque per diametrum paa, & sic de cæteris. Cadit autem hic etiam recta ducta ex I, ad quamlibet diametrum circuli $\alpha\pi I\omega$, perpendicularis, in centrum Verticalis, hoc est, dia-

Verticales paræ à Meridiano distantes per puncta sine circulo describere.

a 10. 2. The.

Verticalis, & centrum Astrolabii existit, per vtrumque polum hh, mm, vt res postulat, cum ea recta (vt ostensum est) sit communis sectio plani Astrolabii, & circuli maximi per polos mundi, & polos dicti Verticalis ducti, hoc est, referat eum circulum maximum per nominatos polos ductum. Sic etiam puncta ii, nn, poli erunt Verticalis liHppI, & c. Hac autem ratione facile punctum in Horizonte inuenimus, quod quadrante a dato Verticali absit. Sit datus Verticalis siHnn, secans Horizontem in punctis ii, nn, & ad vtrumvis eorum ex H, polo Horizontis recta ducatur Hii, vel Hnn, secans Aequatorem in p, vel u. Si igitur ex p, vel u, in vtramque partem accipiantur duo quadrantes Aequatoris pk, pr, vel uk, ur, ducanturque rectae Hk, Hr, secabitur Horizon in polis ll, pp, dati Verticalis siHnn, cum arcus ii ll, i i p p, vel nn ll, nn pp, quadrantibus Aequatoris pk, pr, vel u k, u r, respondeant, vt ex iis manifestum est, quae propof. 5. Num. 17, 18, & 19. demonstrata sunt a nobis. Porro quemadmodum in sphaera Verticales circuli Horizontem, eiusque parallelos diuidunt in gradus: ita quoque Verticales in Astrolabio eosdem circulos in gradus distribuunt.

210. 2. The.

Verticales distribuere Horizontem, eiusque parallelos, in gradus.

Verticalem quemlibet in gradus distribuere.

Verticalem quemcumque in sphaera propositum, describere in Astrolabio.

9. I G I T V R si ex alterutro polorum cuiusvis Verticalis (eum censeo eligendum, qui intra Aequatorem, hoc est, in semicirculo Horizontis AGC, existit) per singulos gradus Aequatoris rectae ducantur, distributus erit Verticalis ipse in gradus, vt propof. 5. Num. 17. & 20. demonstrauimus, si ordo, quem ibidem praescripsimus, seruetur, additis etiam iis, quae Num. 23. eiusdem propof. seruanda esse monuimus, & c.

10. I A M vero Verticalem quemcumque propositum in Astrolabio, ex iis, quae dicta sunt, nullo ferme negotio describemus. Nam si defleat a primario Verticali ab ortu in austrum, vel ab occasu in septentrionem quotlibet gradibus, verbi gratia, 30. numerabimus illos 30. gradus a puncto T, versus I, vsque ad L, & arcui IL, aequalem sumemus LM. Recta enim IM, secabit rectam PQ, in R, centro Verticalis propositi per puncta H, & I, describendi. Si vero a Verticali primario defleat ab ortu in septentrionem, vel ab occasu in austrum, verbi gratia, grad. 30. numerabimus gradus 30. a puncto V, versus I, vsque ad N, & arcui IN, aequalem absindemus NO. Nam recta IO, rectam PQ, secabit in S, centro propositi Verticalis per puncta H, & I, describendi. Vt autem exquisitius datus Verticalis describatur, ducenda erit ex puncto extremo numerationis L, vel N, diameter LO, vel NM, & per radios emissos ex I, per terminos diametri, abscindenda ex PQ, diameter visa propositi Verticalis PS, vel QR, vt quatuor puncta habeantur P, H, S, I, vel Q, H, R, I, per quae datus Verticalis describendus est.

I D E M centrum Verticalis propositi inuenietur, si declinatio dati Verticalis duplicata numeretur ex H, versus T, quando datus Verticalis a primario declinat ab ortu in austrum, vel ab occasu in Septentrionem; aut ex H, versus V, quando Verticalis datus a primario ab ortu in septentrionem declinat, vel ab occasu in austrum, hoc est, si existente v.g. declinatione grad. 30. sumatur arcus grad. 60. vsque ad M, vel O. Nam rursus recta IM, vel IO, dabit centrum R, vel S, quod quaeritur. Quia enim declinatio, verbi gratia, Hb, aequalis est declinationi TL; addito coi arcu bT, erit arcus bL, quadrantanti HT, aequalis; ac proinde angulus bKL, rectus erit ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. hoc est, diameter bY, ad diametrum LO, perpendicularis erit. Igitur ex iis, quae in Lemmate 35. demonstrauimus, si arcui Hb, aequalis accipiat bM, diuidet recta IM, segmentum PS, a radiis IL, IO, abscessum bifariam in R. atque ita de caeteris. Alii ad inueniendum centrum cuiusvis Verticalis in recta P Q, numerant eius declinationem duplicatam ex I, versus T, vel V, & per finem numerationis ex H, rectam

emit.

emittunt, quae rectam PQ, secet in centro dati Verticalis: quae ratio a nostra non differt. Nam si arcus HM, IL, aequales sint, abscindent rectae IM, HL, eandem rectam KR, ex PQ. ^a Fiunt enim duo triangula inter se aequaliterna, cum angulos ad K, habeant rectos, ^b & angulos ad I, H, aequales aequalibus arcibus HM, IL, insistentes, necnon & latera adiacentia IK, HK, aequalia, & c.

a 26 primi.
b 27. corrig.

R V R S V S idem centrum in PQ, reperietur, si declinatio dati Verticalis numeretur a puncto β , in semicirculo $\mu\beta\xi$, versus μ , si Verticalis ab ortu in austrum, vel ab occasu in boream defleat; aut a β , versus ξ , si ab occasu in austrum, vel ab ortu in boream Verticalis defleat. Recta namque ex I, per finem numerationis educta dabit in PQ, centrum quaesitum: quia videlicet eiusmodi declinatio a puncto β , numerata similis est eidem declinationi, hoc est, semissi duplicatae declinationis a puncto H, numeratae. Igitur per Lemma 10. recta ex I, ducta ad finem declinationis in semicirculo $\mu\beta\xi$, transibit per finem duplicatae declinationis in circulo HTIV. Quare cum recta ad duplicatam declinationem ducta in circulo HTIV, cadat in centrum quaesitum, vt ostensum est, cadet quoque recta ad declinationem in semicirculo $\mu\beta\xi$, ducta in idem centrum. Ita vides rectam I β , ex I, ductam per finem arcus $\beta\xi$, grad. 60. cadere in P, centrum Verticalis HaL, qui ab ortu in austrum grad. 60. totidemque ab occasu in boream defleat, & c.

I M M O si ex Horizonte absindatur arcus declinationis dati Verticalis, initio facta a C, vel A, versus F, vel G, prout datus Verticalis a primario defleat ab ortu vel occasu in austrum, siue boream, habebuntur tria puncta, per quae ex scholio propof. 5. lib. 4. Eucl. datus Verticalis describendus est, quorum duo in quolibet Verticali sunt H, I, tertium vero est illud, quod per declinationem Verticalis inuenitum est in Horizonte: atque per punctum oppositum per diametrum in Horizonte, quod indicat recta ex inuenito puncto per centrum Astrolabii ducta, necessario etiam datus Verticalis transibit, si in descriptione error commissus non fuerit. Sed consultius feceris, si centrum priori ratione inuestiges in recta PQ, vna cum extremis punctis diametri, quia tunc plura puncta habebuntur, per quae describendus est Verticalis.

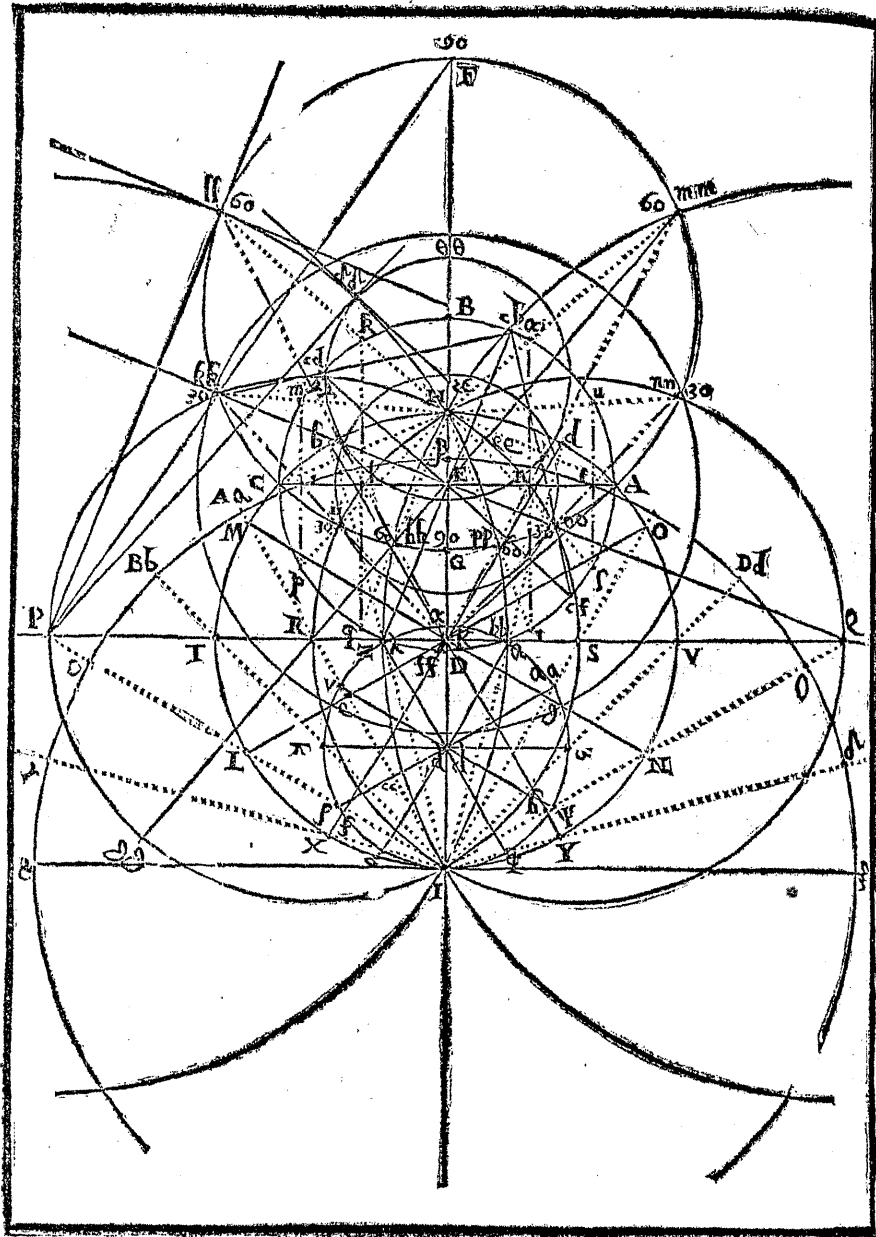
11. VICISSIM descripto quouis Verticali in Astrolabio, cognoscemus gradus declinationis ipsius a Verticali primario, & quamnam in partem defleat, hac ratione. Ex H, polo superiore Horizontis, ad punctum intersectionis dati Verticalis cum Horizonte recta ducatur, punctumque sectionis huius rectae cum Aequatore notetur. Arcus enim Aequatoris inter hoc punctum, & alterutrum punctorum A, C, quod videlicet minus distat, metietur declinationem dati Verticalis a primario Verticali, ab ortu quidem versus austrum, si arcus Aequatoris inuenitum tendit a C, versus B, vel in septentrionem, si dictus arcus a C, in D, vergit: At vero ab occasu in austrum defleat, si repertus arcus Aequatoris vergit ab A, versus B; vel in boream, si dictus arcus ab A, recedit in D. Exempli gratia, si datus sit Verticalis liHppI, ducemus rectam Hll, quae Aequatorem secet in k. Nam arcus Aequatoris Ck, metietur inclinationem dati Verticalis ad primarium ab ortu in austrum. Quod si ducatur recta Hpp, Aequatorem secans in r, metietur arcus Ar, eandem inclinationem ab occasu in boream. Nam idem Verticalis ex vna parte a primario defleat in austrum, & ex altera in septentrionem, & vtraque inclinatio eundem graduum numerum complectitur.

E A D E M inclinatio reperietur hoc modo. Ex I, ad alterutrum punctorum, in quibus datus Verticalis rectam PQ, secat, recta ducatur, punctumque interse-

LII 2

ctionis

Inclinationem cuiuslibet Verticalis in Astrolabio ad primarium Verticalem cognoscere.



tionis huius rectæ cum Verticali primario notetur. Nam arcus inter hoc punctum, & alterutrum punctorum T, V, quod videlicet propius abest, metietur inclinationem dati Verticalis ad Verticalem primarium, ab ortu quidem in austrum, si inuentus arcus à T, vergat versus I; vel ab occafu in feptentrionem, si idem arcus ab V, in H, tendat: At vero datus Verticalis defleget ab ortu in feptentrionem, vel ab occafu in austrum, si arcus inuentus vergat à V, versus H, vel ab V, versus I. Vt si datus fit Verticalis PHSI, ducemus rectam IP, vel IS, quæ Verticalem primarium fecet in L, vel O. Arcus enim TL, vel VO, dabit inclinationem quaesitam, prior quidem ab ortu in austrum, posterior vero ab occafu in boream. Alii eandem inclinationem hac ratione inuestigant. Ex I, vel H, per centrum dati Verticalis in recta PQ, existens rectam traiciunt vsque ad Verticalem primarium. Semissis namque arcus ipsius inter dictam rectam, & diametrum IH, interiecti, dabit inclinationem quaesitam. Vt si ex I, per R, centrum Verticalis PHSI, ducatur recta IR, vsque ad M, erit Hb, semissis arcus HM, inter rectas IM, IH, positi arcus inclinationis. Et si quidem centrum fuerit ad sinistram rectæ IH, defleget datus Verticalis ab ortu in austrum, & ab occafu in boream; si vero ad dextram, ab occafu in austrum, vel ab ortu in feptentrionem. Sed quoniam non semper Verticales integri descripti sunt, non semper habebimus puncta, interfectionis in recta PQ, aut centra; idcirco prior ratio huic posteriori præferenda videtur.

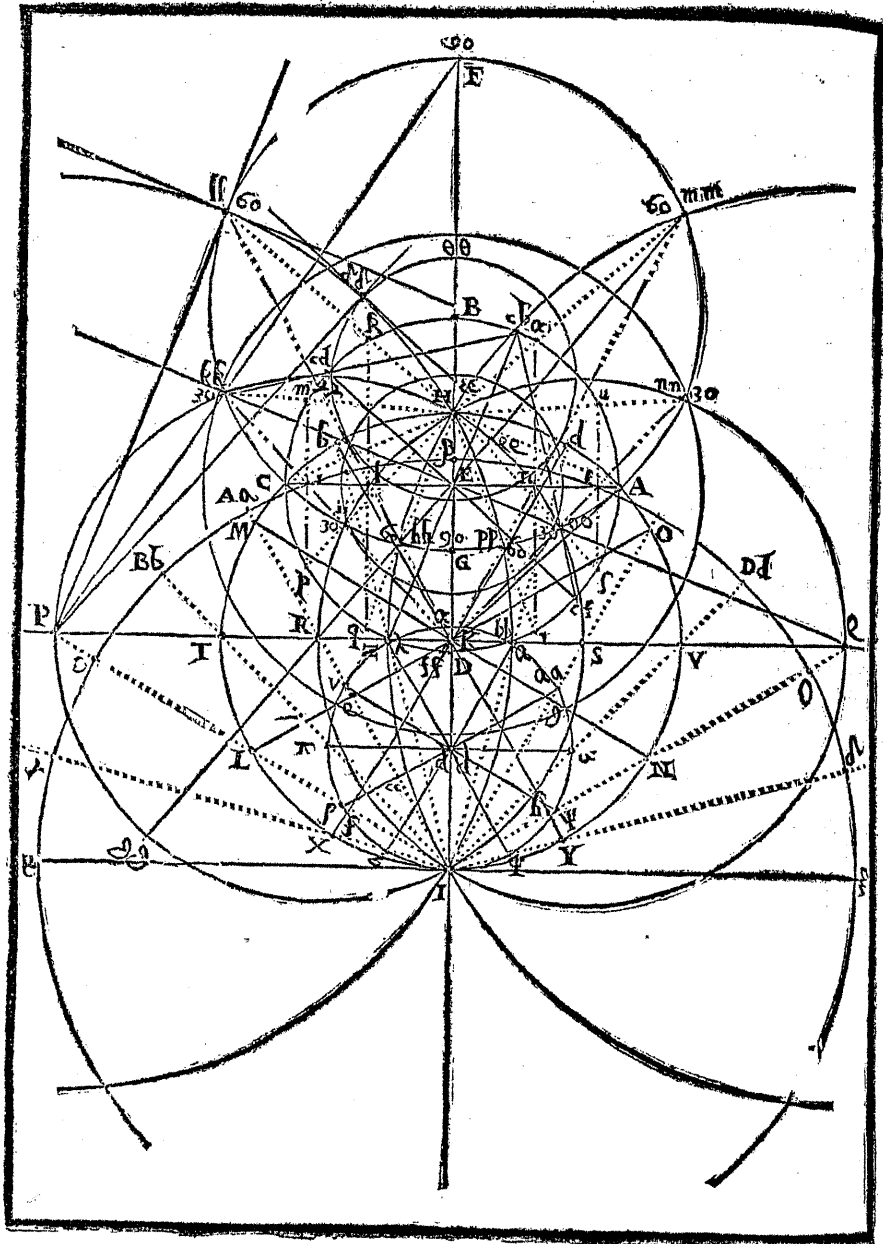
SE D fortasse facilius eandem inclinationem nancifcemur, si ex I, per centrum dati Verticalis rectam ducamus vsque ad semicirculum $\mu\beta\xi$. Arcus enim $\alpha\beta$, vsque ad illam rectam dabit inclinationem quaesitam, ab ortu quidem in austrum, vel ab occafu in boream, si centrum à K, versus P, tendat; ab occafu vero in austrum, vel ab ortu in boream, si centrum à K, versus Q, repertum fuerit. Ita vides rectam Iq, per Q, centrum Verticalis HZI, ductam offerre arcum $\beta\theta$, grad. 60. quibus ille Verticalis ab ortu in boream, & ab occafu in austrum à primario Verticali recedit. Prior tamen ratio, qua inclinatio in Horizonte reperitur, magis placet, propterea quod centra Verticalium modico interuallo a Meridiano distantium nimis longe à puncto K, distant.

COMMODISSIME autem eandem inclinationem consequemur, quæuis longissime Verticalium centra à puncto K, absint, hoc modo. Quoniam quilibet Verticalis rectam PQ, duobus in punctis fecat, vno intra Verticalem primarium inter puncta T, V, & altero extra eundem, ducemus ex I, per eius interfectionem cum recta TV, intra primarium Verticalem, rectam lineam, donec Verticalem primarium, vel semicirculum $\mu\beta\xi$, fecet. Arcus enim Verticalis priarii inter T, vel V, & illam rectam, metietur inclinationem dati Verticalis ad primarium Verticalem, vt ex iis constat, quæ paulo ante Num. 2. ostendimus. Nam fit ibi demonstrauimus, portiones rectæ PQ, parallelum Horizontis per polum australem ductum referentis respondent arcubus circuli HTIV, inter easdem rectas ex I, emissas, quod ad numerum graduum attinet. Cum ergo portiones rectæ PQ, contineant gradus, quibus Verticales inter se distant, vt ibi demonstratum est, continebunt etiam arcus circuli HTIV, eisdem gradus, quibus inter se distant Verticales. Et quia eadem recta cum recta IBb, verbi gratia, vel IDd, auferat ex semicirculo $\mu\beta\xi$, semissem arcus Verticalis per Lemma 10. dabit arcus illius semicirculi inter Bb, vel Dd, & rectam illam comprehensus semissem eiusdem inclinationis, ac proinde duplicatus totam inclinationem exhibebit, ab ortu quidem in boream, & ab occafu in austrum, quando datus Verticalis portionem KT, intersecat, vel arcum Horizontis CG; at ab occafu in boream, & ab

Ratio pulcherrima inuestigandæ inclinationis dati Verticalis ad primarium Verticalem.

Quam in præcedente datus Verticalis in Astrolabio desecat a Verticali primario, cognoscere.

ORTU



ertu in austrum, quando intersectio fit in portione KV, vel arcu Horizontis AG. Vt recta IR, ducta ex I, per R, intersectionem Verticalis HRIQ, cum recta KT, auferat ex Verticali primario arcum TM, grad. 30. & ex semicirculo $\mu\beta\xi$, arcum Bb Aa, grad. 15. Igitur dictus Verticalis a primario Verticali defeſcet ab ortu in boream, & ab occaſu in austrum, grad. 30.

E A D E M prorsus ratione inclinationem quorumlibet duorum Verticalium inuestigabimus, si per eorum intersectiones cum recta KT, vel KV, ex I, rectas emittamus, &c. Verbi gratia, rectæ IR, IZ, intercipiunt Mb, arcum inclinationis Verticalis HRI, ad Verticalem HZI, in primario Verticali, vel in semicirculo $\mu\beta\xi$, semissem eiusdem inclinationis Aa ii, & sic de cæteris.

12. N O N aliter describentur circuli latitudinum stellarum per polos Eclipticæ transeuntes, qui videlicet per longitudes stellarum incedentes earum latitudes metiuntur. Nam si Ecliptica in eo situ, quo propos. 5. Num. 7. descripta est, pro Horizonte aliquo sumatur, erit circulus maximus per eius polos, & intersectiones Eclipticæ cum Coluro æquinoctiorum in Aequatore Astrolabii ductus, quem repræsentat circulus AQC, in figura propos. 5. Num. 7. ex centro P, descriptus, instar Verticalis primarii. Quare alii describentur, sicut alii Verticales a primario defeſcentes, si eorum centra in recta, quæ per centrum P, ad ad meridianam lineam PQ, ad angulos rectos ducitur, inueniantur. Sed quia polus inferior nimis procul distat, commodius eorum centra, & diametri in illa recta inueniuntur per rectas ex polo propinquiores, vt ex puncto Q, figurae propos. 5. eductas per partes æquales circuli AQC, vel potius (quia is nimis magnus est) per partes æquales cuiusvis circuli, quamuis exigui, qui circulum AQC, in Q, attingat. Nam rectæ hæ auferent ex circulo AQC, arcus similes, ex Lemmate 9. quemadmodum etiam in figura huius propos. rectæ ex I, per arcus circuli $\alpha\pi\lambda$, eductæ transeunt per arcus similes Verticalis primarii ATIV. Aut denique si ex Q, ad quodlibet interuallum semicirculus describatur, dabunt rectæ ex Q, per gradus illius semicirculi emissæ centra in eadem illa perpendiculari per P, trajecta, quemadmodum de semicirculo $\mu\beta\xi$, paulo ante Numero 4. dictum est.

DENIQUE eadem ratione circulos maximos per polos cuiusvis circuli maximi dati ducemus, si prius primarium circulum, instar Verticalis primarii, describamus per eosdem polos, qui videlicet suos quoque polos, & centrum in eadem recta lineam habeat, in qua dati circuli maximi centrum, & poli existunt, transeatque per intersectiones eiusdem cum Aequatore, quemadmodum Verticalis Horizontis primarius polos, ac centrum habet in meridianam lineam, in qua poli, & centrum Horizontis existunt, inceditque per communes sectiones Horizontis cum Aequatore, &c.

13. Q V E M A D M O D V M autem rectæ lineæ ex K, centro Verticalis primarii per puncta A, C, vbi Horizon, Verticalisque primarius se mutuo secant, trajecta tangunt Horizontem in A, & C, & rectæ ex B, centro Horizontis ad eadem puncta emissæ tangunt ibidem Verticalem primarium, vt ex propos. 5. Num. 28. & 29. ostensum est: ita quoque in aliis Verticalibus contingit. Nam & recta Pll, ducta ex P, centro Verticalis llHpp, per punctum ll, vbi Horizontem secat, tangit ibi Horizontem, & vicissim recta Bll, ex B, centro Horizontis ad idem punctum intersectionis ducta tangit ibidem dictum Verticalem. Sic etiam recta Ppp, ducta tangeret Horizontem in pp, & ibidem recta Bpp, Verticalem prædictum contingeret. Rursus rectæ Rkk, Roo, emissæ, Horizontem tangerent in kk, oo, & rectæ Bkk, Boo, vicissim ibidem Verticalem PHSI, tan-

Inclinationem Verticalis ad alterum in Astrolabio cognoscere.

Circulos maximos per polos cuiusvis circuli maximi in Astrolabio describere.

Rectas ex centro cuiusvis Verticalis ad intersectionem eius cum Horizonte ductas, Horizontem tangere, &c.

gerent

gerent, & sic de cæteris. Præterea recta quælibet ex centro P, Verticalis lllHpp, aufert ad vtramque partem puncti contactus ll, ex Horizonte arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet. Ita vides rectam PkkF, auferre duos arcus lllk, llF, grad. 30. Simili modo recta PC, producta caderet in punctum mm, vt auferret duos arcus llC, llmm, grad. 60. Et recta PG, producta transfret per oo, vt ex vtraque parte puncti contactus pp, abscinderet duos arcus ppG, ppoo, grad. 30. Atque ita de cæteris.

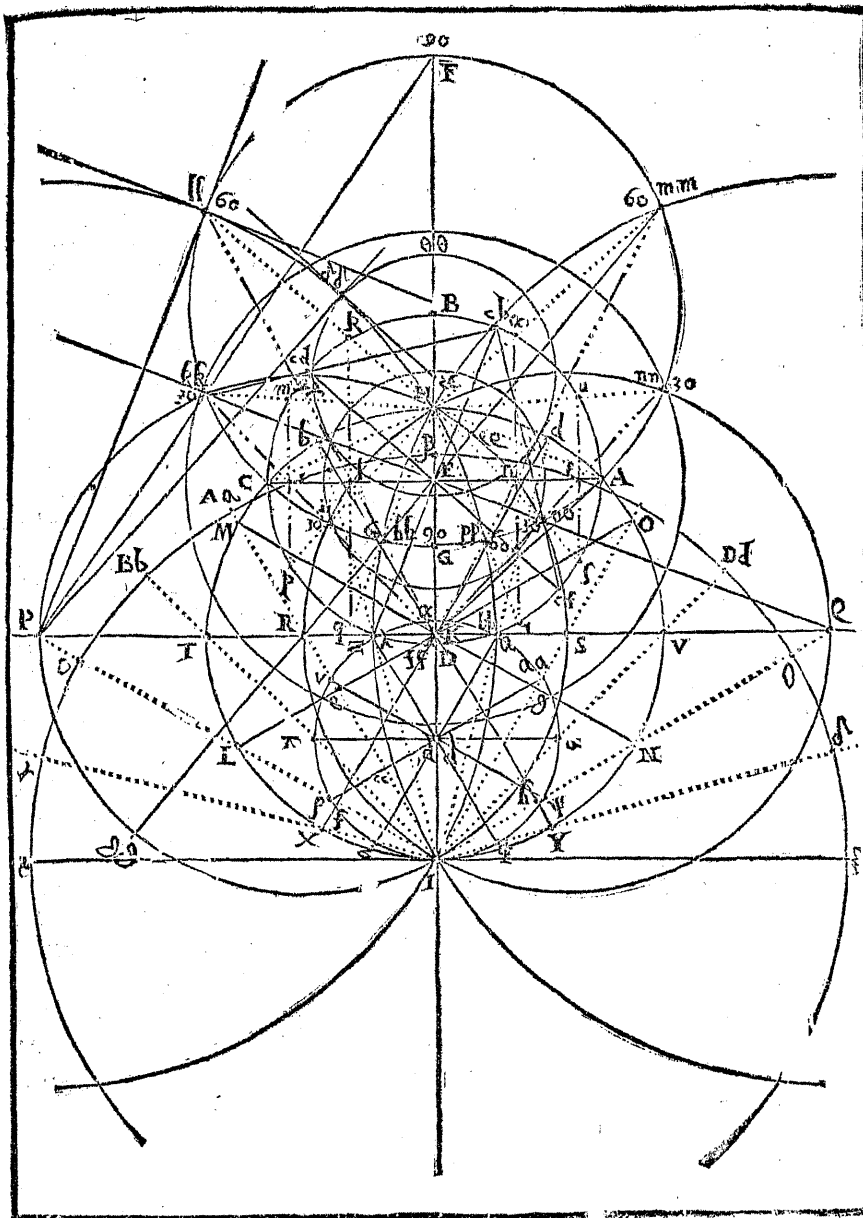
Rectas ex centro Verticalis cuiuscunq; ad eius intersectionem cum quolibet parallelo Horizontis ductas, parallelum Horizontis tangere, &c.

PARI ratione si ex centro $\epsilon\epsilon$, descriptus sit parallelus Horizontis $\delta\delta\gamma\gamma$, quicunque secans Verticales llHpp, PHSL, in $\delta\delta\gamma\gamma$, tanget recta P $\delta\delta$, parallelum in $\delta\delta$, recta autem $\epsilon\epsilon\delta\delta$, Verticalem llHpp, in eodem puncto $\delta\delta$. Item recta R $\gamma\gamma$, eundem parallelum tangeret in $\gamma\gamma$, at vero recta $\epsilon\epsilon\gamma\gamma$, Verticalem PHSL, in $\gamma\gamma$, vicissim tangeret. & sic de cæteris. Præterea quælibet recta ex P, centro Verticalis llHpp, ducta aufert ad vtramq; partem puncti contactus $\delta\delta$, ex parallelo Horizontis arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet; adeo vt recta P $\gamma\gamma$, producta caderet in $\theta\theta$, cum quilibet arcuum $\delta\delta\gamma\gamma$, $\delta\delta\theta\theta$, grad. 30. complectatur. Et sic de cæteris. Itaque si inuentum sit B, centrum Horizontis in Astrolabio descripti, & ab eo educta quævis recta Bll, ad circumferentiam vsque, a cadet llP, ad Bll, perpendicularis, in P, centrum Verticalis per ll, describendi: propterea quod Bll, cum Verticalem in ll, tangit, vt dictum est. Vicissim si ex P, centro descriptus sit Verticalis llH, secans Horizontem in ll, & ad ducta recta Pl, excitetur perpendicularis llB, cadet hæc in B, centrum Horizontis: quod & Pl, in ll, Horizontem tangat. Rursus si ex P, centro Verticalis llH, ad $\delta\delta$, vbi is Verticalis parallelum Horizontis secat, recta ducatur tangens, vt dictum est, parallelum in $\delta\delta$, cadet $\delta\delta\epsilon\epsilon$, ad P $\delta\delta$, perpendicularis, in $\epsilon\epsilon$, centrum paralleli. Et e contrario, si ex $\epsilon\epsilon$, centro paralleli ad $\delta\delta$, vbi Verticalis llH, parallelum secat, recta emittatur, cadet $\delta\delta P$, ad $\epsilon\epsilon\delta\delta$, perpendicularis, in P, centrum dicti Verticalis. Idemque de omnibus aliis Verticalibus, parallelisque, & eorum centrīs dicendum est.

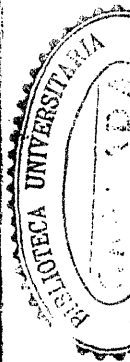
a 19. tertij.

HÆC autem omnia ita demonstrabimus. Concipiatur parallelus $\alpha\pi\iota\omega$, Horizontis per polum australem I, ductus proprium habere situm in sphaera, ita vt existente circulo ABCD, qui nunc pro Meridiano Horizontis sumatur, ipsi plano Astrolabii ad angulos rectos, punctum I, cum polo australi A, congruat. Et quia in tali situ recta $\rho\alpha\alpha$, communis sectio est dicti paralleli $\alpha\pi\iota\omega$, & Verticalis circuli 30. gradibus ab ortu in austrum à primario Verticali deflectentis, quem in Astrolabio circulus PHSL, refert; (quæ res facile intelligitur, si polum australis a tergo Astrolabii cogiterur esse collocatus, vt supra Num. 1. huius propos. diximus.) circulus autem maximus per polos mundi, & polos dicti Verticalis ductus, qui nimirum ad eum instar proprii Meridiani, rectus sit, per rectam IccR, ducitur, facitque in Astrolabio sectionem gg ee, & communis sectio eiusdem huius circuli maximi, & dicti Verticalis per punctum cc, transit, ita vt Icc, ex polo australi I, in eo situ educta ad eam communem sectionem, hoc est, ad veram diametrum dicti Verticalis sit perpendicularis, cadatque in R, centrum eiusdem Verticalis in Astrolabio, quæ omnia paulo ante Num. 7. demonstrata sunt; sit, vt planum per rectam IccR, in eodem illo situ ductum, & circa eandem rectam circumuolutum^b rectum semper sit ad prædictum Verticalem, efficiatque in Horizonte communes sectiones inter se parallelas, quæ æquales arcus hinc inde à communi sectione Horizontis cum eodem Verticali abscindant, vt in Lemmate 25. demonstratum est, nisi quando plauum illud per rectam IccR, ductum ad extremitates communis sectionis Horizontis cum dicto Verticali

b 18. undec.



M m m



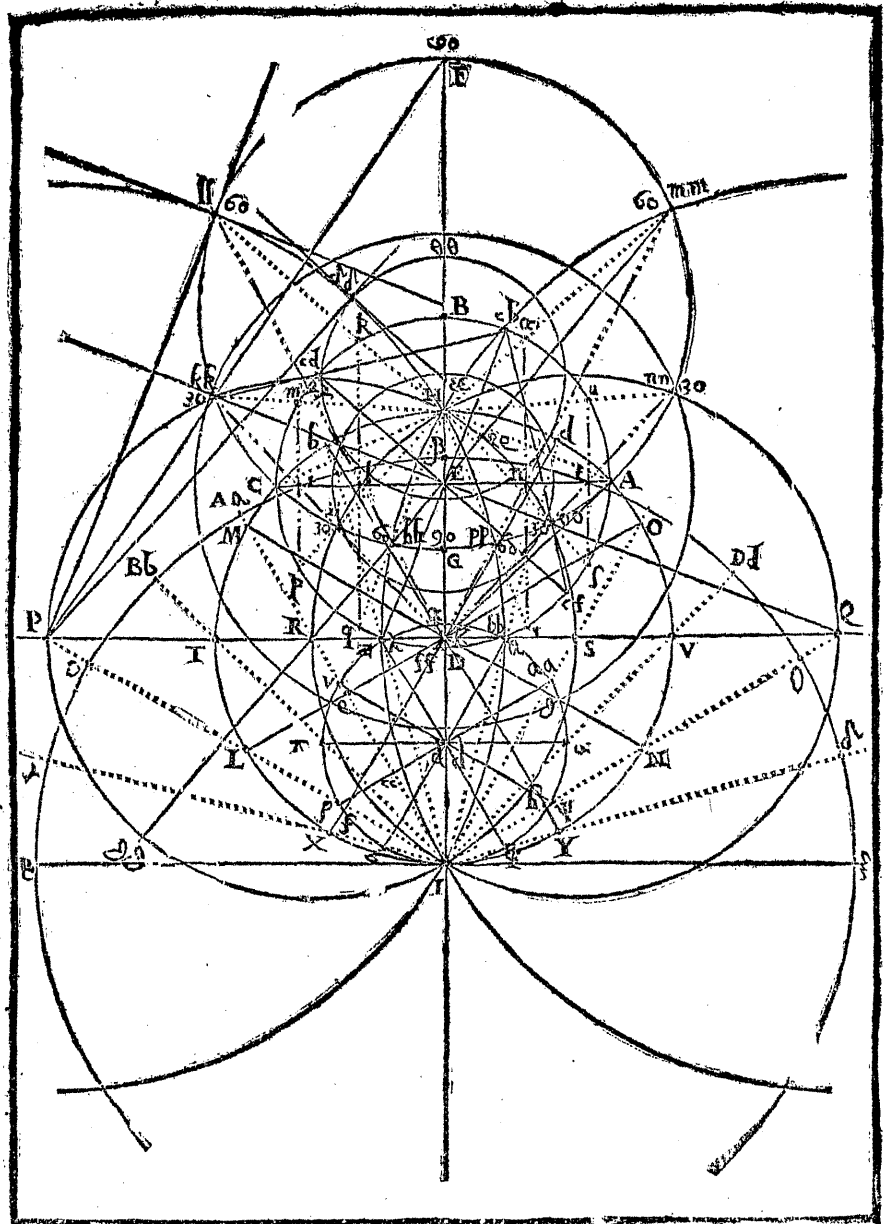
cali permenerit. Tunc enim cessat omnis sectio, & planum ipsum in iis extremitatibus utrumque circulum, hoc est, tam Horizontem, quam dictum Verticalem continget; non secus ac de plano per rectam IK, vel AK, ducto supra dictum est propof. 5. Num. 24. & 28. Quare cum planum illud in Astrolabii plano faciat rectas per R, centrum transeuntes, ex propof. 1. Num. 1. repræsentabunt rectæ ex R, eductæ planum illud circumuolutum, secabuntque Horizontem in iisdem punctis, in quibus ab eo plano secatur; ac proinde ex utraque parte Verticalis kkHoo, æquales arcus ex Horizonte abscindunt, eundemque in punctis kk, oo, contingent, vt etiam propof. 5. Num. 28. diximus. Quamuis autem planum prædictum circa rectam IR, circumductum diuidat communem sectionem Horizontis, & dicti Verticalis in sphaera, in punctis, per quæ ducuntur rectæ ex singulis gradibus Horizontis ad eam sectionem perpendiculares, non tamen propterea in Astrolabio eorundem circulorum communis sectio visa kkoo, similiter diuidi potest, cum hæc ab illa in sphaera differat, eidemque non sit parallela: Quod idcirco dixerim, ne putes, Horizontem in gradus posse distribui per rectas ex centro R, per puncta rectæ ductæ kkoo, diuisæ ea ratione, quam in Lemmate 8. tradidimus, emissas.

Puncta reperire in communi sectione Verticalis cu Horizonte, per quæ si rectæ ducantur ex centro illius Verticalis. Horizon in gradus distribuat.

a 15. i. The.

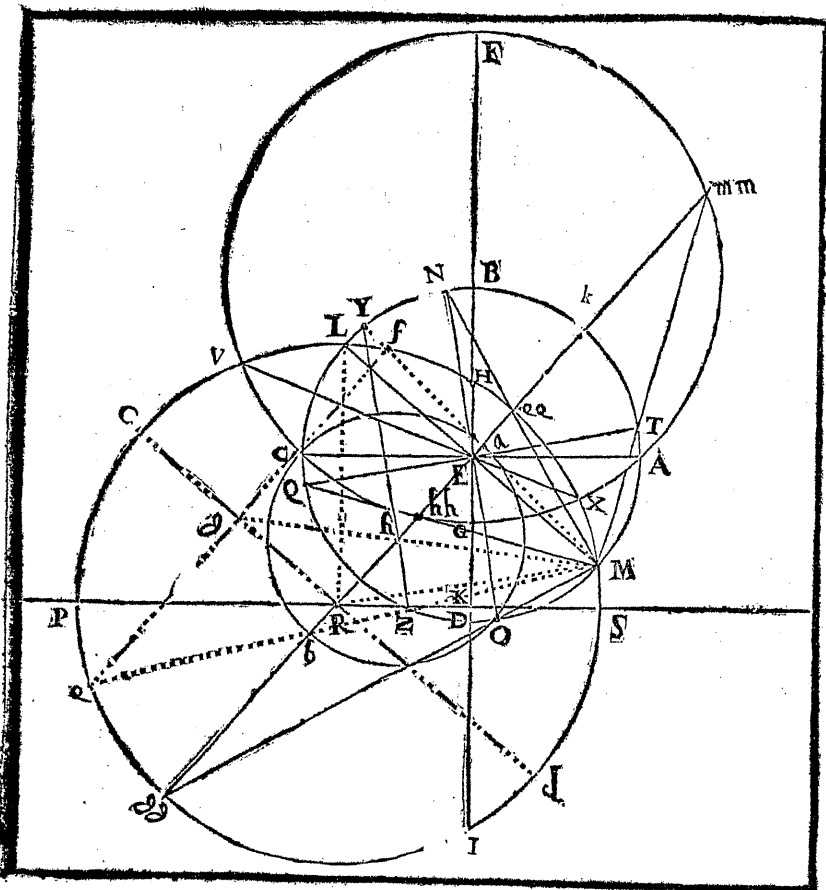
14. QVOD si puncta rectæ kkoo, inuenire quis cupiat, per quæ rectæ ex centro R, eductæ Horizontem in gradus distribuunt, initio facto a punctis contactuum kk, oo, producenda erit recta kkoo, per centrum E, quæ communis sectio erit plani Astrolabii, Aequatorisue, & circuli maximi per polos mundi, & communes sectiones Horizontis, & prædicti Verticalis ducti, & qui rectus est ad Verticalem hhHmm, per polos Verticalis dicti kkHoo, ductum; cum & ipse circulus per kkoo, ductus transeat per kk, & oo, polos Verticalis hhHmm. Nam cum hic transeat per polos illius, transibit ille vicissim per huius polos, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. qui quidem omnes sunt in Horizonte. Deinde ad kkoo, excitanda per E, centrum perpendicularis ebZ, quæ axem mundi referet, si circulus ABCD, pro circulo illo maximo sumatur, qui per polos mundi ductus sectionem in plano Aequatoris facit rectam kkoo. Postremo si ex polo cb, per puncta extrema kk, oo, diametri Verticalis visæ radii ducantur, secabitur circulus ABCD, in punctis cd, cf, per quæ vera diameter Horizontis (quæ videlicet communis sectio est ipsius, & prædicti Verticalis kkHoo, in sphaera) ducenda est edcf, & quæ ita diuidetur à plano illo per rectam IR, ducto, & per singulos gradus Horizontis circumuoluto, vt diuisa est linea in Lemmate 8. Quapropter si diameter hæc edcf, ea ratione diuidatur, & per puncta diuisionum ex polo cb, rectæ emittantur, secabitur diameter visæ kkoo, in punctis, per quæ si rectæ traiciantur ex centro R, Horizon in gradus distribuatur. Huius diuisionis exemplum nullum attulimus, ne nimis magna confusio punctorum, & linearum in figura oriretur, præsertim vero, quia & longior est, & nullus fere eius vsus existit, nisi quis eam adhibere velit, vt experiatur, num cum prioribus diuisionibus consentiat, necne.

15. EADEM prorsus ratione planum illud per rectam IR, ductum, & circumuolutum secabit parallelos Horizontis in gradus, eosque tanget in punctis, vbi Verticalis dictus eosdem secat, idemque prorsus efficient rectæ ex centro R, emissæ, quippe quæ planum illud circumductum repræsentent, vt dictum est: Sed hic difficilior est inuentio punctorum in diametro visæ cuiusque paralleli Horizontis, per quæ rectæ ex centro R, ducendæ sunt, vt ipse parallelus in gradus



emissi per illius diametri extrema puncta, aliam diametrum visam ex recta gg mm. quod est absurdum. Eademque ratione diametrum veram cuiusvis circuli siue maximi, siue non maximi, in Astrolabio descripti reperiemus, si per eius centrum, & centrum Astrolabij rectam ducamus, & ad eam in centro Astrolabij perpendicularem excitemus. Nam radii cadentes ex alterutro extremorum huius perpendicularis per extrema diametri visæ dati circuli, (quam ipse circu-

Diametrum verum cuiusvis circuli in Astrolabio descripti, siue maximi, siue non maximi, inuenit.



lus ex recta per vtrumque centrū ducta abscindit.) transeunt in circulo ABCD, per extremitates diametri veræ, vt factum est in Verticali PHSI, exemplumque aliud habes in circulo a CbO, non maximo. Si enim per eius centrum h, & centrum E, Astrolabij, rectam eductam hE, diameter Aequatoris LM, ad rectos angulos secet, & ex M, (quod pro polo australi sumatur) per a, b, extrema diametri visæ

visæ a b, radii emittantur, secabitur Aequator in Y, Z. Recta ergo YZ, erit vera diameter circuli non maximi a CbO. Eademque est in cæteris ratio. Cogitetur iam circulus ABCD, cum suis lineis iterum iacere in plano Astrolabij; eritque angulus NMO, in semicirculo, hoc est, angulus ee M gg, reclus. Igitur circulus circa diametrum ee gg, descriptus, per punctum M, transibit, ex scholio propof. 3. lib. 3. Eucl. Ducantur ex L, M, ad centrum R, rectæ LR, MR. Et quoniam duo latera ER, EM, duobus lateribus ER, EL, aequalia sunt, angulosque continent aequales, vt pote reclus; erunt quoque bases RM, RL, æquales. Cum ergo RM, sit semidiameter Verticalis, cum ostensum sit, eum transire per M; erit etiam RL, semidiameter eiusdem, ac proinde idem Verticalis per L, inciderit. Transit igitur Verticalis PHSI, per puncta L, M, ac proinde Aequatorem in eisdem duobus punctis per diametrum oppositis diuidit, quod est propositum. Idemque de omnibus aliis Verticalibus, immo de quocunque circulo maximo descripto in Astrolabio, demonstrabitur: id quod etiam in scholio propof. 5. Num. 3. monuimus. Et quoniam maximi circuli in sphaera se mutuo secant bifariam, continget idem in circulis Astrolabij circulos maximos representantibus, ac propterea arcus L e M, L gg M, semicirculos propositi Verticalis referent, in quos nimirum ab Aequatore diuiditur.

a 3. 1. tertij.

b 4. primi.

17. ET quoniam poli cuiusvis circuli maximi quadrante ab eo absunt, ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. si circulus ABCD, intelligatur in sphaera reclus ad Verticalem, quem circulus PHSI, representat; ac proinde per eius polos transeat; puncta Q, T, diuidentia semicirculos NQO, NTO, (quos vera diameter NO, Num. 16. inuenta abscindit.) bifariam in binos quadrantes, poli erunt eiusdem Verticalis, apparebuntque in Astrolabio per radios MQ, MT, in punctis hh, mm, quæ puncta in Horizonte existent. Cum enim quilibet Verticalis per polos Horizontis transeat, transibit vicissim Horizon per illius polos, ex scholio propof. 5. lib. 1. Theod. ac proinde poli hh, mm, in Horizonte existent, & in eisdem Horizontem interfecabit Verticalis ZHmm, gradibus 90. à Verticali PSHI, distans, vel grad. 60. a primario Verticali in boream, ab ortu recedens, vt in prima figura huius propof. apparet.

a 13. 1. Tba.

NON aliter polos cuiusvis alterius Verticalis, vel cuiuslibet circuli maximi in Astrolabio descripti, vel non maximi, inueniemus, si segmenta Aequatoris, quæ a vera diametro circuli inuenta, vt Num. 16. docuimus, abscinduntur, fecemus bifariam. Hæc namque puncta sectionum, veri poli erunt dati circuli, ad quos si ex polo australi, ex quo inuenta fuit diameter vera, radii emittantur, secabitur recta per centrū circuli, & centrū Astrolabij educta, in polis eiusdem circuli apparentibus: Vt factū est in Verticali PHSI, exemplumque aliud habes in circulo a CbO, non maximo. Nam puncta Q, T, diuidentia arcus YQZ, YTZ, à vera diametro YZ, Num. 16. inuenta abscissos bifariam, erunt poli veri, radii autem MQ, MT, polos apparentes, seu visos hh, mm, indicabunt in recta hE, per centrum h, ipsius circuli non maximi, & per E, centrum Astrolabij extensa. Eademque ratio est in omnibus aliis circulis tam maximis, quam non maximis.

Polos cuiusvis Verticalis, vel alterius circuli siue maximi, siue non maximi, in Astrolabio descripti, inuenire.

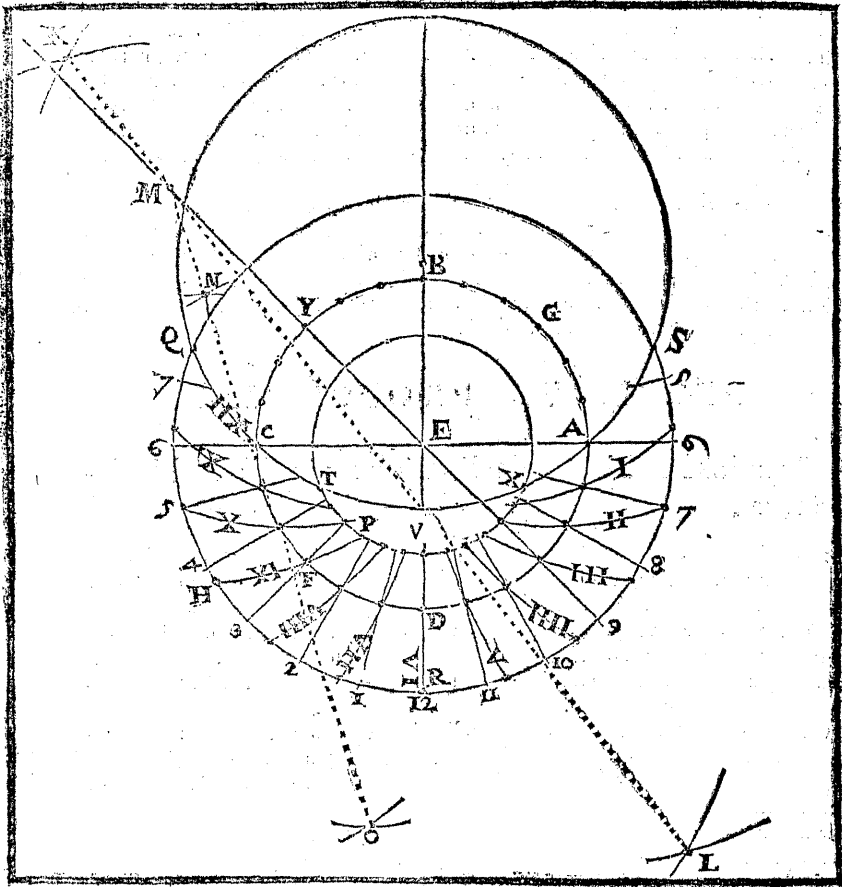
QVOD si alter polorum duntaxat desideretur, verbi gratia, superior, qui nimirum intra Aequatorem cadit, (qui plerumque solus requiritur in vsu Astrolabij.) inuenietur is nullo fere negotio in maximo circulo, etiam si neque totus circulus descriptus sit, neque eius diameter vera inuenta, hoc modo. Sit datus tantum arcus HS, secans Aequatorem in M. (Nam si non fecer, producendus erit, donec eum fecer. Ducatur ex eius centro R, per E, centrum Astrolabij re-

Polos cuiusvis circuli maximi, etiam si non sit totus descriptus in Astrolabio reperire.

cta RE,

fariam fecentur, &c. habebuntur circuli quadrantes horarum monstrantes, & sic deinceps, si minores partes horarum desiderentur.

2. HAE autem lineae rectae circulos horarum a mer. vel med. noc. captarum referentes, in Astrolabiis vulgaribus duci tantummodo solent infra Horizontem, vt in figura apparet, ita tamen, vt tropicum ☉, non transcendant, ne



pars Astrolabii supra Horizontem, in qua descripti sunt Verticales circuli, & paralleli Horizontis, nimia linearum multitudine confundatur. Alii vero de signant easdem horas in limbo duntaxat Astrolabii, adscribentes punctis, in quae dictae rectae cadunt, horarum numeros, initio facto a linea meridiana BD, & in superiore parte versus dextram, in inferiore vero sinistram versus progrediendo.

do. Deinde in centro Astrolabii affigunt regulam quandam volubilem, cuius linea altera extrema per idem centrum transeat, lineaque fiduciae dicatur. Haec enim regula circumducta fungitur munere omnium circulorum horariorum, de quibus nunc loquimur. Idem quoque, quod haec regula, praestare potest filum pertenuè a centro Astrolabii egrediens, & per singulas horas in limbo circumducta.

3. CIRCULI maximi declinationum, cum etiam per mundi polos ducantur, eodem modo in Astrolabio describentur, si per centrum, & singulos gradus Aequatoris rectae lineae ducantur, quae tamen in limbo Astrolabii per gradus tantummodo solent ostendi. Nam regula illa volubilis, vel filum ex centro circumducatur per singulos gradus, fungetur munere circulorum declinationum per singulos gradus ductorum.

Declinationum circulos in Astrolabio describere.

4. CIRCULI horarum inaequalium singulos arcus diurnos, nocturnosque in duodecim partes aequales diuidentium, ab auctoribus hoc modo in planum Astrolabii proiciuntur. Diuisis arcibus nocturnis tropici ☉, QRS. & Aequatoris CDA, & tropici ☊, TVX, in 12. partes aequales, (Nam horae inaequales infra Horizontem duntaxat describi solent, propter causam dictam in horis a mer. vel med. noc.) describunt per tria puncta eidem horae inaequali respondentia circulos, qui in Aequatore per puncta per diametrum opposita transeunt, si producerentur. Hosce enim circulos arbitrantur horas inaequales monstrare, vbiunque Sol in Zodiaco existat. Quod omnino verum non est. Cum enim hi circuli representent maximos circulos in sphaera, vt in scholio prop. 5. Num. 9. demonstrauimus, quod per duo puncta Aequatoris per diametrum opposita describantur, nulli autem maximi circuli dari possint in sphaera, qui per horas inaequales omnium parallelorum transeant, hoc est, qui singulorum parallelorum arcus diurnos, nocturnosque in duodecim partes aequales partiantur, vt in Lemmate 39. a nobis demonstratum est; perspicuum est circulos illos descriptos non indicare vere duodecim partes in singulis arcibus diurnis, nocturnisque, tribus illis exceptis, qui in 12. partes aequales diuisi sunt. Quamuis autem huiusmodi circuli diuidant ferme in partes 12. aequales, arcus diurnos, nocturnosque omnium parallelorum in eo Horizonte, supra quem polus eleuatur non pluribus gradibus, quam 45. ita vt discrimen aliquod vix possit sensu percipi, idem tamen in maiore obliquitate sphaerae, si diuidant trium parallelorum arcus diurnos, nocturnosque in 12. partes aequales, nunquam partientur arcus diurnos, nocturnosque in 12. partes aequales, sed ita inaequales partes efficiunt, vt sensu percipi possit earum discrimen, eoque maior inter eas reperitur inaequalitas, quo maior altitudo poli extiterit: quemadmodum tanto minor inaequalitas inter easdem cernitur, quanto minor fuerit poli altitudo supra Horizontem, quam grad. 45. Itaque vt verius horae inaequales in Astrolabio describantur, describendi erunt plures paralleli inter Aequatorem, & vtrumque tropicum, eorumque arcus nocturni in 12. partes distribuendi, ac tandem singulorum horarum puncta, quae in circuli circumferentia minime sita sunt, vt vulgo putatur, congruenter lineolis inflexis coniungenda, ita vt nusquam angulos efficiant, non secus atque in hyperbolis, & aliis sectionibus conicis describendis fieri solet. Si tamen quispiam velit omnino horas inaequales per circulos in Astrolabio designare, pro nihilo ducendo modicum illud discrimen, de quo diximus, vt facilius, & expeditius eiusmodi circulos describat, inuenire debet eorum centra in lineis rectis, quae Aequatoris in 24. partes aequales secant, hoc est, in lineis horarum a mer. vel med. noc. inchoatarum, si producantur. Nam cuiuslibet circuli

Circulos horarum inaequalium secundum auctores Astrolabii describere in Astrolabio.

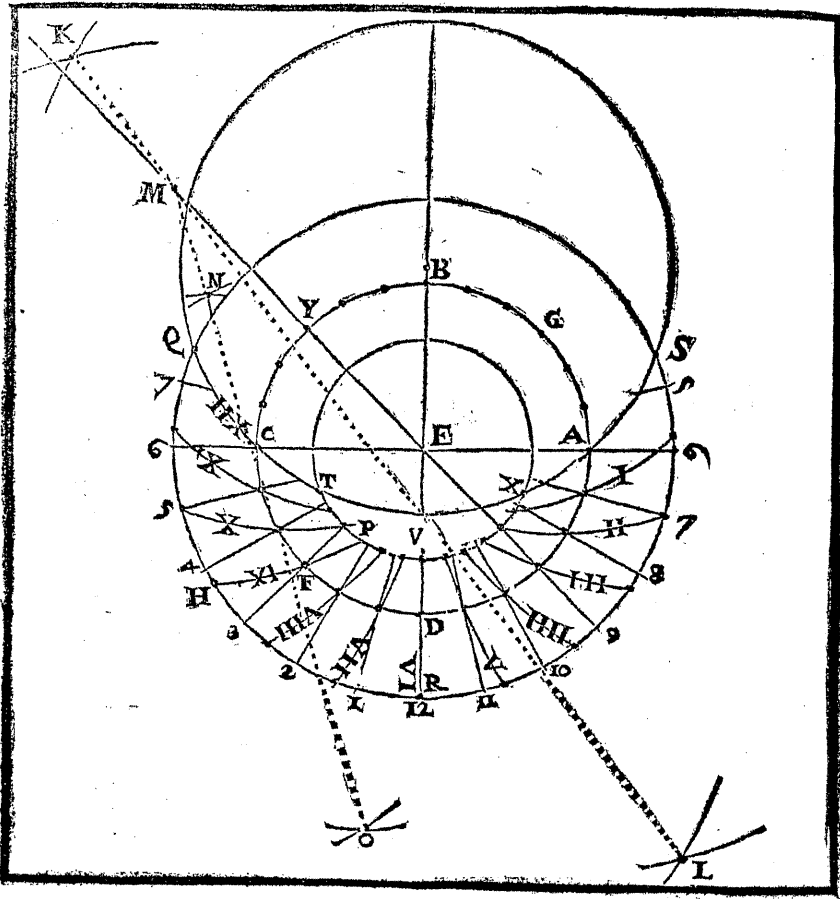
Circulos horarum inaequalium congruenter descriptos, non indicare vere horas inaequales toto anni tempore.

Horas inaequales verius per paucos duodecim partes plurius arcuum diurnorum describit.

centrum

Centra horarum
inæqualium re-
perire.

centrum existit in ea linea, quæ in Aequatore distat 6. horis integris a duobus illis punctis, per quæ circulus ille trāsire debet. Vt v.g. arcus, vel circulus HEP, per puncta Aequatoris F, G, describendus, centrum habet in recta EYM, ducta per Y, punctum Aequatoris, quod 6. horis à punctis F, G, abest. Nā cū recta EYM, à punctis F, G, distet æqualiter, fit, vt circulus ex quocunq; eius puncto per alterutrum punctorum F, G, descriptus, transeat quoque per reliquum, quemad-



modum & Horizon centrum suum habens in meridiana linea BD, quæ in Aequatore à punctis A, C, quadrante abest, transit per vtrumque punctum A, C, vt in scholio propof. 5. Num. 1. ostendimus. Quod etiam sic demonstrari poterit. Quoniam recta EM, secat diametrum Aequatoris FG, bifariam, & ad angulos rector, quod ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. anguli in centro E, quadrantibus YP, YG, infi-

YG, insistentes, recti sint; transibit eadem EM, per centrum circuli per puncta F, G, describendi, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. cuiusmodi est circulus data hora inæqualis. Quare fatis erit in hac linea EYM, reperire centrum circuli transeuntis per alterutrum punctorum respondens in tropico ζ , vel ϖ : quod quidem facile fiet, aperiendo, vel claudendo circinū magis, aut minus, prout res exigit. Geometricè tamen idem centrum reperies, si ex G, & H, quouis intervallo eodem hinc inde binos arcus se mutuo in K, L, interfecantes describas: Item alios ex punctis H, P, ad quoduis intervallum secantes sese in N, O. Rectæ namque LK, OL, per illas intersectiones traiectæ secabunt rectā EYM, in M, centro areus HEP, vt ex iis constat, quæ in scholio propof. 25. lib. 3. Eucl. demonstrata sunt a nobis. Eademque prorsus est ratio in centrīs aliorum arcuum inveniendis.

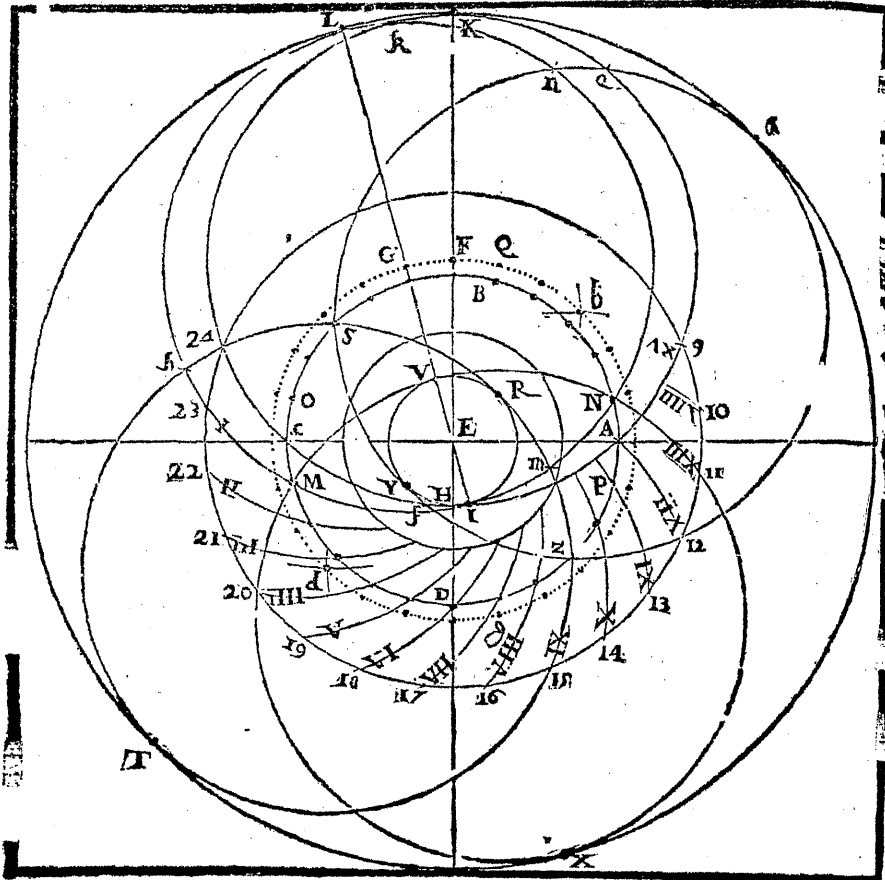
5. CIRCULOS denique horarum ab ortu, vel occasu Solis in Astrolabium proiciemus hac ratione. Circa E, centrum Astrolabii per F, centrum Horizontis descriptus circulus FG, in 24. horas æquales distribuatur, quæ in semisses, quadrantisque horarum, si libuerit, subdividantur, atque ex punctis diuisionum, vt centrīs, intervallo semper eodem semidiametri Horizontis FH, circuli describantur. Dico hos circulos horas indicare ab ortu, vel occasu Solis, hoc est, referre circulos maximos in sphaera, qui omnes parallelos Aequatoris inter maximos semper apparentium, & latentium interiectos, in Partes æquales partiuntur, initio factō ab Horizonte. Quoniam enim per propf. 10. lib. 1. nostræ Gnomonicæ, huiusmodi circuli parallelorum semper apparentium maximum, ac proinde & oppositum, nimirum semper latentium maximum, tangunt in punctis, in quibus à circulis horarum à mer. & med. noc. secantur, necesse est, vt iidem faciant idem in Astrolabio. Cum ergo circuli ex punctis diuisionum circuli FG, ad intervallum semidiametri Horizontis descripti, tangant duos parallelos KL, HI, quos Horizon tangit, & quorum hic est semper apparentium, ille vero semper latentium maximum, in punctis, in quibus rectæ linæ per centrum Astrolabii traiectæ, referentisque circulos horarum à mer. vel med. noc. vt ostensum est, eosdem secant, vt monstrabimus, lique t, circulos descriptos, esse circulos horarum ab ortu, & occasu Solis. Ducatur enim per E, centrum Astrolabii, & punctum G, recta EG, secans parallelos KL, HI, in L, I. Et quia tam EK, EL, inter se, quam EH, EI, æquales sunt, erunt totæ KH, LI, æquales. Rursus quia æquales sunt EF, EG, erunt quoque totæ BH, GI, æquales. Cum ergo FH, sit ipsius KH, semissis, erit & GI, semissis ipsius LI. Circulus igitur LhI, ex G, ad intervallum GI, vel GL, descriptus semidiametrum habet æqualem semidiametro Horizontis FH, tangitque ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. parallelos KL, HI, in L, I, punctis, in quibus recta LI, repræsentans vnum ex circulis horarum à mer. & med. noc. eosdem secat. Eadem ratione ostendemus, alios circulos ex aliis punctis diuisionum circuli FG, ad intervallum semidiametri Horizontis descriptos, tangere parallelos KL, HI, in punctis, in quibus a rectis per centra eiectis secantur, hoc est, eorum diametros inter vtrumque parallelum positas secari a circulo FG, bifariam, ipsosque circulos Horizonti esse æquales. Et certe, circulos horarum ab ortu, & occasu proici in Astrolabium in circulos æquales, hinc etiam manifestum esse potest. Quoniam enim in sphaera tangunt maximum parallelorum semper apparentium, & maximum semper delitescentium, in 24. punctis dictos parallelos in 24. horas æquales secantibus, vt ex propof. 10. lib. 1. nostræ Gnomonices liquet, ipsi ex scholio propof. 21. lib. 2. Theod. ad Aequatorem æqualiter inclinati erunt, ac proinde eorum poli ab eodem Aequatore æqualiter distabunt:

Circulos horarū
ab ortu, & occa-
su in Astrolabio
describere.

Circulos horarū
ab ortu, vel occa-
su, in Astrolabio
esse æquales.

bunt : ex quo fit, eos omnes, vnà cum Horizonte, æqualiter à polo antarctico abesse, ideoq; ex eo polo inspectos apparere inter se æquales; vt vel hinc etiam conficit, dictos circulos esse recte descriptos, cum omnes Horizonti sint æquales, ob semidiametros æquales, represententque circulos maximos, quippe qui parallelos duos oppositos KL, HI, tangant, eos nimirum, quos Horizon tangit, & perpicuum auem fit, Horizontem duos parallelos oppositos contingere. Ex

2. 2. Theo.



hoc inferre quoque licebit, quemlibet horum circulorum transire per duas horas in Aequatore per diametrum oppositas, & quæ 6. horis, id est, quadrante recta per suum centrum ducta absint, quemadmodum & Horizon transit per horas A, C, per diametrum oppositas, & à recta ducta per centrum F, 6. horis distantes. Omnis enim circulus maximus in Astrolabio secat Aequatorem bifariam in punctis per diametrum oppositis, vt in scholio propof. 5, Num. 6. ostendit

sum

sum est, & clarius in scholio propof. 12. demonstrabitur. Ita vides circulum ex G, descriptum transire per horas M, N, in Aequatore per diametrum oppositas, & quæ horis 6. a recta per centrum G, ducta absint.

6. SOLENT autem circuli horarum ab ortu, vel occasu in vulgaribus Astrolabiis (in quibus describi solent, neque enim in omnibus describuntur.) describi tantummodo infra Horizontem, ita tamen, vt tropicos non transgrediantur, propter causam paulo ante in circulis horarum. a mer. & med. noc. allatam, veluti in figura apparet, vbi exteriores numeri ad horas ab occasu, & interiores ad horas ab ortu pertinent: quamuis hi arcus satis non sint ad horas ab ortu, & occasu tam diurno tempore, quam nocturno inuestigandas, vt lib. 3. Can. 8. Num. 3. dicemus. Re ipsa tamen, si huiusmodi circuli describendi essent integri, arcus circuli per puncta O, P, ex Q, descripti supra Horizontem ex parte orientali C, spectaret ad horam 1. ab ortu Solis, eiusdem vero arcus infra Horizontem ex parte occidentali A, ad horam 1. ab occasu Solis pertineret: quemadmodum & arcus sub Horizonte per M, transiens ad horam 23. ab ortu, & arcus per N, supra Horizontem incidens ad horam 23. ab occasu spectare deberet, & sic de cæteris horis: quod suo tiam loco in vsu Astrolabii monebimus, & iamiam aliquo modo explicabimus.

7. SI circulus propositæ horæ ab ortu, vel occasu (siue integra ea sit sine minutis, siue ei aliquot minuta adhæreât.) describendus sit, efficietur id hoc modo. Numeretur data hora (reductis horis, earumque minutis, si adsint, ad gradus, ac minuta graduum, tribuendo singulis horis quindenos gradus, & quaternis minutis horæ singulos gradus, & singulis horæ minutis quindenam minuta vnius gradus, &c.) in Aequatore à puncto C, versus B, si hora data sit ab ortu, vel à puncto A, versus D, si hora ab occasu sit data. Per terminum enim numerationis describendus erit eius horæ circulus; cuius centrum ita inuenietur in parallelo FG, ex centro Astrolabii per F, centrum Horizontis descripto. Sumpta, circini beneficio, semidiametro Horizontis FH, vel FK, statuatur vnus eius pes in puncto Aequatoris inuenito, & altero parallelus FG, duobus in locis secetur. Altera enim harum sectionum centrum erit quaesitum: sed vtra earum accipienda sit, ex his discet. Quoniam omnes circuli horarum ab ortu, vel occasu æquales sunt in Astrolabio, tanguntq; duos parallelos HI, KL, in 24. punctis, in quibus à circulis horarum à mer. vel med. noc. secantur, vt supra Num. 5. diximus, & in istis punctis contactuum bifariam diuiduntur, cum in quolibet duo puncta contactuum sint per diametrum opposita, ex coroll. propof. 6. lib. 2. Theod. pertinebunt ad idem genus horarum semicirculi inter puncta contactuum comprehensum si non concurrentes, vel non se interfecantes, cum hi ex parallelis Aequatoris arcus similes abscindant. Huiusmodi sunt semicirculi HAK, INL, RST, VMX, YZA. Et quia primus HAK, cum sit semicirculus Horizontis, ad partes occidentales Astrolabii, ad occasum Solis spectat, pertinebunt alij quatuor nominati semicirculi ad horas ab occasu. Eodè modo reliqui semicirculi HCK, IML, RZT, VNX, YSA, non concurrentes sunt, ac proinde cum primis sit semicirculus Horizontis ad orientales partes Astrolabii, spectetq; ad ortum Solis, indicabunt alij quatuor nominati semicirculi horas ab ortu Solis: Vbi vides cuiuslibet circuli horarum ab ortu, vel occasu vnum semicirculum inter duo puncta contactuum interceptum ad horas ab occasu, alterum vero ad horas ab ortu pertinere. Ex his difficile non erit iudicare, vtranam duarum sectionum in parallelo FG, sumenda sit pro centro circuli horarii per punctum in Aequatore inuentum describendi: quippe cum ea eligenda sit, ex qua semicirculus horam ab

Horæ ab ortu, & occasu quo pacto in vulgaribus Astrolabiis describi solent, & quem ordinem teneant.

Per quæ puncta Aequatoris versat arcus horarum ab ortu, & per quæ arcus horarum ab occasu describendi sunt: hoc est, quæ horæ à mer. vel med. noc. in Aequatore pertinent ad horas ab ortu, & quæ ad horas ab occasu.

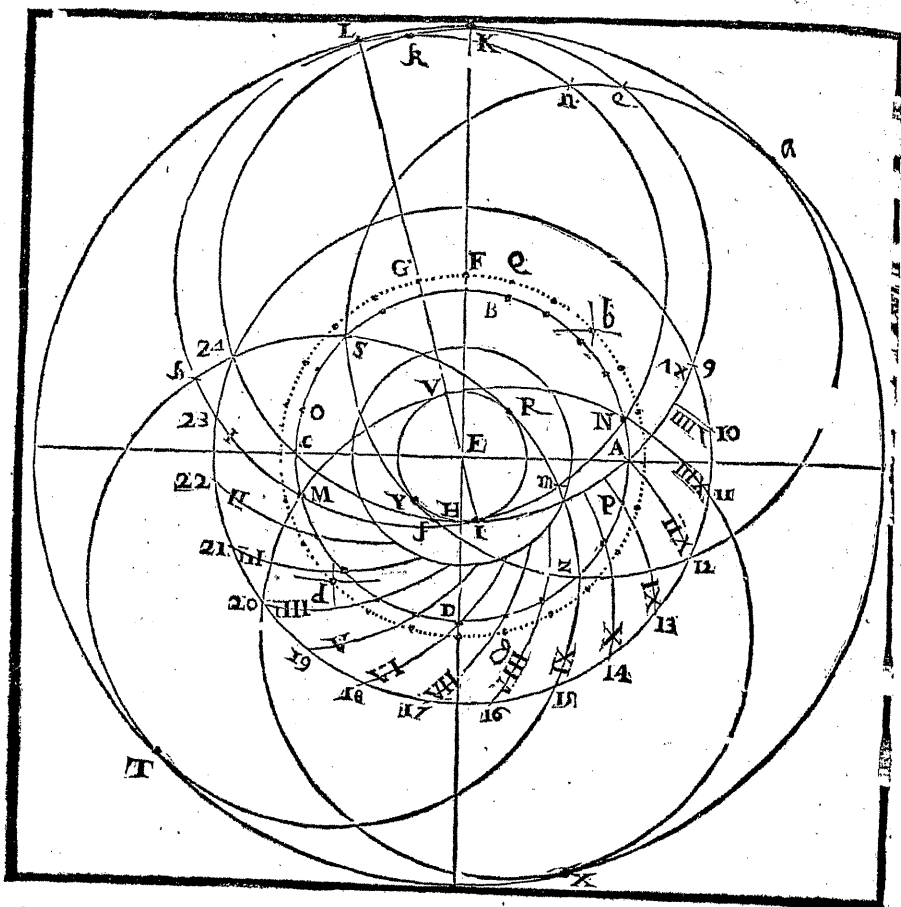
Circulum propositæ horæ ab ortu, vel occasu, in Astrolabio describere.

2. 13. 2. Theo.

Qui semicirculi horarum ab ortu, vel occasu, ad horas ab ortu, & qui ad horas ab occasu pertinent cognoscere.

O O O 2 occasu

occasu indicaturus, atque inter duo contactuum puncta inclusus, describendus cum semicirculo Horizontis HAK, vel cum quouis alio ad horas ab occasu spectante non concurret. Eademque ratione semicirculus horam ab ortu indicaturus, ex assumpta sectione describendus cum semicirculo Horizontis HCK, vel cum quolibet alio ad horas ab ortu spectante concurrere non debet. Exempli causa, si describendus sit semicirculus horæ 15. ab occasu, vel ab ortu, numera-



bimus in Aequatore ex A, puncto occasus versus D, 15 horas vsque ad S, vel ex C, puncto ortus versus B, horas etiã 15, vsque ad Z. Nam per S, incedet semicirculus horæ 15. ab occasu, & per Z, semicirculus horæ 15. ab ortu. Et quia semidiameter Horizontis HF, vel FK, beneficio circini accepta ex puncto tam S, quam Z, exhibet nobis in parallelo FG, duo puncta b, d, statuendum erit centrum d, non autem b: quia neque semicirculus RST, ex d, descriptus cum semicirculo

circulo Horizontis HAK, neque semicirculus RZT, cum Horizontis semicirculo HCK, concurrat: at tam semicirculus YSa, ex b, descriptus cum semicirculo Horizontis HAK, in puncto e, quam semicirculus YZa, cum semicirculo Horizontis HCK, in puncto f, concurrat; ac proinde neque ille ad horam 15. ab occasu, neque hic ad horam 15. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 3. ab ortu, hic vero horam 3. ab occasu indicabit: propterea quod punctum S, distat 3. horis ab ortu C, versus B, semicirculusque YSa, cum semicirculo Horizontis HCK, non concurrat; punctum item Z, abest 3. horis ab occasu A, versus D, & semicirculus YZa, cum Horizontis semicirculo HAK, non concurrat. Eandem ob causam semicirculus horæ 11. ab occasu per punctum M, & semicirculus horæ 11. ab ortu per punctum N, transibit, atque vtriusque centrum erit punctum g, non autem G. Nam neque semicirculus VMX, ex g, descriptus cum Horizontis semicirculo HAK, vel cum semicirculo RST, horæ 15. ab occasu, neque semicirculus VNX, cum semicirculo Horizontis HCK, vel cum semicirculo RZT, horæ 15. ab ortu concurrat: At tam semicirculus IML, ex G, descriptus semicirculum Horizontis HAK, inter puncta H, I, vel semicirculum RST, horæ 15. ab occasu in puncto h, quam semicirculus INL, semicirculum Horizontis HCK, in puncto k, vel semicirculum RZT, in puncto m, interfecat; ac proinde neque semicirculus IML, ad horam 11. ab occasu, neque semicirculus INL, ad horam 11. ab ortu pertinebit, sed ille quidem horam 23. ab ortu, hic vero horam 23. ab occasu monstrabit. Atque ita de cæteris.

FACILIVS idem cognoscemus hoc modo. Numerata hora ab ortu ex C, versus B, vel hora ab occasu ex A, versus D, describatur per finem numerationis a d intervallum semidiametri Horizontis ex centro in parallelo FG, assumpto circulus, ita vt eius conuexo occurramus ex C, versus B, progredientes, hoc est, ita vt eius conuexum vergat versus partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes, si ad horam ab ortu spectet: vel ita vt eius concauo ex A, versus D, occurramus, si pertineat ad horam ab occasu, hoc est, ita vt eius concauū respiciat partes Zodiaci orientales, vel posterius orientes. Vt si per S, describendus sit circulus horæ 15. ab occ. ponemus pedem vnū circini in S, & alterū d ad intervallum semidiametri FH, vel FK, extendemus vsque ad d, & ex d, per S, circulum describemus RS, ita vt eius concauum a puncto S, vergat versus A, procedendo ab S, sinistram versus, siue versus signa orientalia secundum successione signorum. Si vero per idem punctum S, describendus sit circulus horæ 3. ab ortu describemus prædicto intervalllo eodem, ex cætro b, per S, circulum SY, ita vt eius conuexum a puncto S, tendat versus C, progrediendo ab S, sinistram versus secundum successione signorum. Eodem modo semicirculus per M, descriptus ex G, pertinebit ad horam ab ortu, eo quod ex C, per B, progredientes occurramus eius conuexo in M: At semicirculus per N, ex eodem centro G, descriptus, ad horam ab occ. spectabit, quia ab A, per D, procedentes occurramus eius concauo in N. & sic de cæteris: ita vt semper progrediamur ab occasu in ortum, secundum successione signorum.

8. NON dissimili ratione per quoduis punctum intra parallelos HI, KL, in Astrolabio datum, tam semicirculus ad aliquam horam ab occasu, quam semicirculus ad aliquam horam ab ortu spectans describetur. Vt si datum sit punctum n, inuenientur per semidiametrum Horizontis beneficio circini ex n, duo centra G, b, in parallelo FG. Ex priore describetur per n, semicirculus INL, ad horas ab occasu pertinens, cum ex A, per D, progredientes, secundum successione videlicet signorū, occurramus eius concauo in puncto N; ex posteriore autem

Per datum punctum inter duos parallelos Horizontem tangentes tam semicirculum, qui ad aliquam horam ab ortu, quam semicirculum, qui ad horam aliquam ab occasu spectat in Astrolabio describere.

autem per idem punctum n, semicirculus YSa, ad horas ab ortu spectans; propterea quod ex C, versus B, progredientes, contra successiōnem videlicet signorum, eius convexo occurrimus in puncto S. Arcus autem Aequatoris ab occasu versus D, vel ab ortu C, versus B, vsque ad semicirculum horæ ab occasu, vel ortu numeratus indicabit, quotam horam ab occ. vel or. descriptus semicirculus significet. Atque hoc eodem modo cognoscemus, ad quam horam ab or. vel occ. descriptus quivis semicirculus horarius spectet; si nimirum ex A, puncto occasus versus D, arcus Aequatoris vsque ad eum numeretur, si ad horas ab occ. pertineat, vel si ex C, puncto ortus versus B, vsque ad eum numeratio fiat, si ad horas ab or. spectet, &c.

Semicirculus qui libet horæ alicuius ab ortu, vel occasu descriptus, ad quam horam ab ortu, vel occasu si pertineat, cognoscere. Eandem esse altitudinem poli supra omnes circulos horarum ab ortu, vel occasu, quæ est supra Horizontem.

9. CAETERVM neque hoc dissimulandum videtur, eandem esse politudinem supra omnes circulos horarum ab or. vel occ. quæ est supra Horizontem. Cum enim eundem parallelum HIR, tangant, cadent omnes arcus altitudinis poli ex polo ad puncta contactuum, ac proinde æquales erunt; quos in figura repræsentant rectæ EH, EI, & aliæ ex centro Astrolabii vsque ad contactus eductæ, quæ quidem sunt portiones rectarum per eorum centra ductarum, & maximos circulos referentium, qui per eorum polos, & polos mundi ducuntur. Cum ergo EH, altitudinem poli supra Horizontem metiatur, constat propositum.

PROBL. VII. PROPOS. X.

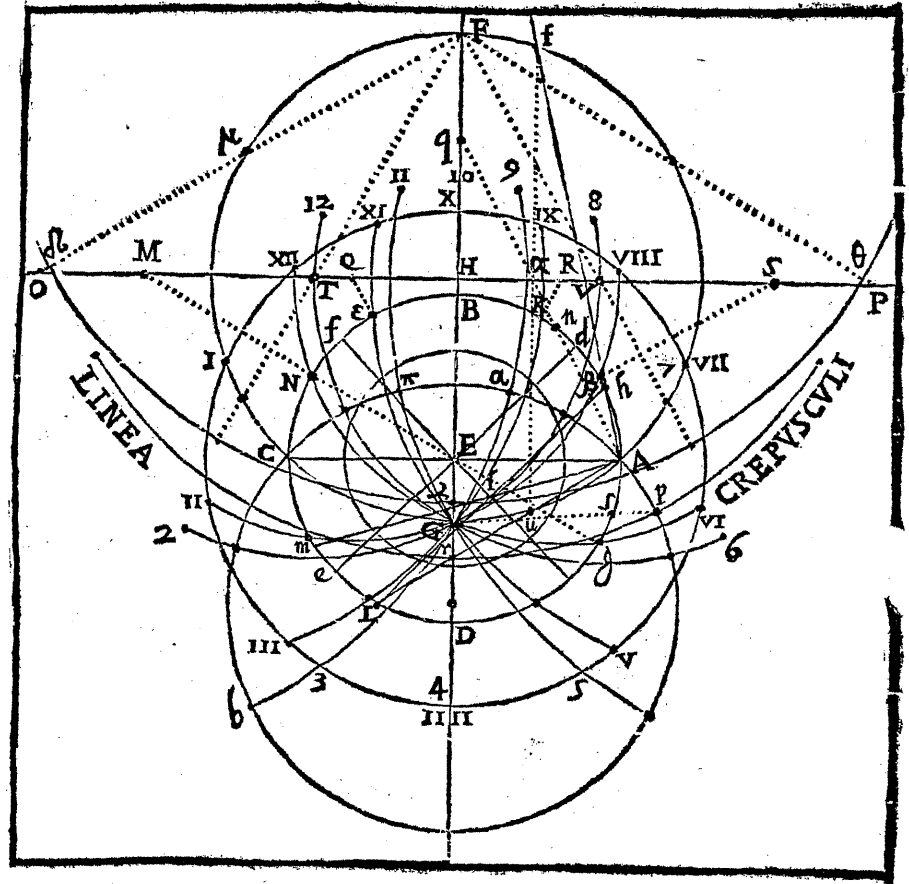
CIRCULOS domorum cælestium, siue positionū, & lineā Crepusculi, vel auroræ in Astrolabio describere.

1. CIRCVLI domorum cælestium, qui & positionum circuli dicuntur, transeuntes per communes sectiones Horizontis, ac Meridiani, diidentelque, vt vult Ioan. Regiom. Aequatorem in 12. partes æquales, initio facto a semicirculo orientali Horizontis, qui ex eorum numero vnus etiam est, & versus hemisphærium inferum progrediendo, hoc modo in Astrolabio describentur. Diuiso Aequatore in 12. partes æquales, describantur per puncta sectionum; & per puncta F, G, in quibus Horizon meridianam lineam intersecat, circuli, inuento cetro pro quibuslibet tribus punctis, quorū duo sunt F, G, & tertium in Aequatore. Hi enim per initia domorum cælestium incedent, vt eas Ioan. Regiom. disponit, transibitque quilibet eorum, cum sit maximus, (quippe cum per duo puncta F, G, per diametrum in sphæra opposita ducatur.) per duo puncta in Aequatore per diametrum opposita, vt ostendimus in scholio propof. 5. Num. 6. clariusque in scholio propof. 12. demonstrabimus. Ita vides circulum FKG, domus 3. & 9. duci per puncta K, L, in Aequatore per diametrum opposita. Ex quo fit, centrum cuiuslibet circuli existere in recta, quæ in centro E, diametrum Aequatoris [per duo illa puncta opposita ductam] secat ad angulos rectos, hoc est, quæ semicirculum Aequatoris inter illa duo puncta opposita bifariam secat. Nam perpendicularis illa, cum dictam diametrum Aequatoris secet bifariam, & ad angulos rectos, transibit per centrum cuiusvis circuli per extrema puncta eius diametri transeuntis, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. cuiusmodi est circulus domus cælestis proposita. Vt centrum circuli FKGL, erit in recta EN, quæ diametrum KL, in E, & semicirculum KNL, diuidit bifariam in N, estque ad dia-

Domus cælestes, vt à Io. Regiom. constituntur, in Astrolabio describere.

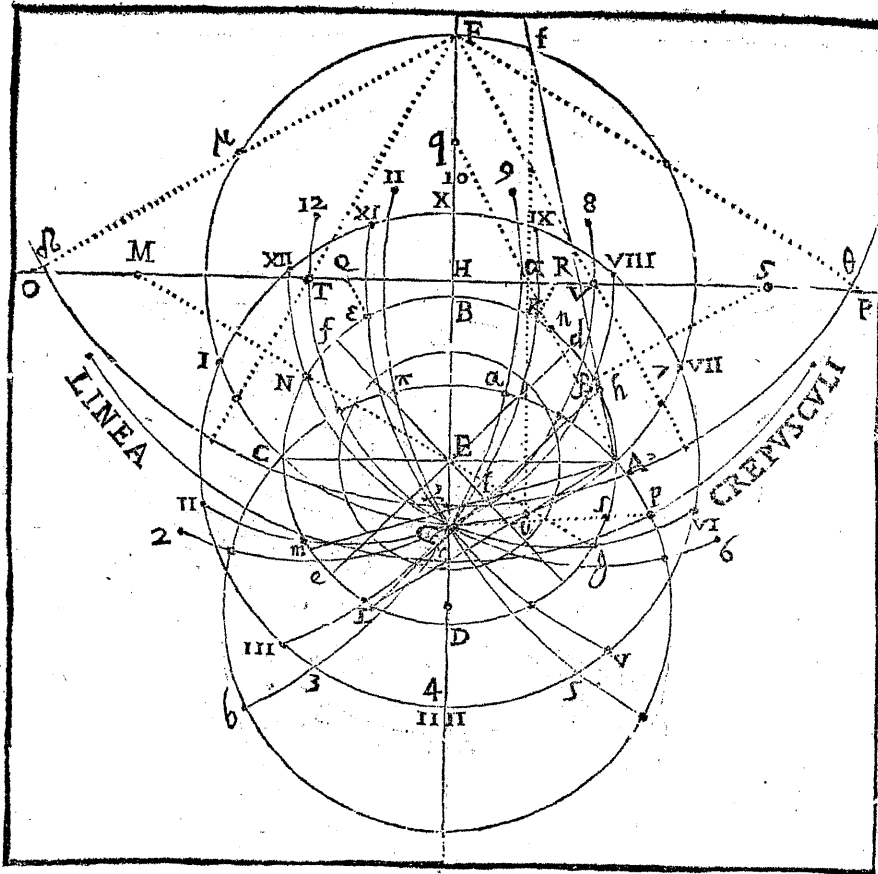
Alia domorum cælestium repetere.

ad diametrum KL, perpendicularis; cum omnia puncta huius rectæ æqualiter absint à punctis K, L, per quæ circulus duci debet, vt de centris horarum inæqualium dictum est in propof. præcedenti Num. 4. Et quia, ex eodem coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. eadem centra existunt quoque in recta OP, secante meridianam lineam FG, ad angulos rectos in centro Horizontis H, & bifariam, quod & huius rectæ omnia puncta à punctis F, G, per quæ circuli domorum ducendi



sunt, æqualiter distent, quemadmodum propof. 8. Num. 2. de centris Verticaliū in recta PQ, existentium dictum est; fit, vt centrum circuli FKGL, sit punctum M, vbi rectæ EN, OP, se intersecant: eademque ratio est de cæteris. Nam & aliorum circulorum centra sunt puncta Q, R, S, in quibus rectæ ex centro E, per puncta diuisionum Aequatoris ductæ rectam OP, intersecant. Itaque si ex E, per

per singulos gradus Aequatoris rectae educantur, secabitur recta OP, in centrīs
 circulorum positionum per singulos gradus Aequatoris transeuntium, diuiden-
 tiumque singulas domos caelestes in tricenos gradus, quemadmodum recta EN,
 per N, grad. 30. à puncto C, ducta obtulit M, centrum circuli FKGL, qui per K,
 gradum 30. Aequatoris à Meridiano numeratum descriptus est.



Ver datum quod
 nis punctum Aequatoris
 circuli positionis describere.

2. QVOD si per quemcumque gradum Aequatoris à Meridiano distantem circulus positionis describendus sit, numerabimus eundem gradum ex C, versus B, si gradus Aequatoris datus fuerit ex parte occidentali, vel si ex parte orientali extiterit, ex A. Recta namque ex E, per finem numerationis emissa dabit in recta OP, centrum quaesiti circuli. Vt si describendus sit circulus positionis per punctum B, grad. 60. distans à B, puncto meridiēci ad partes occidentales, suppu-

supputabimus ex C, grad. 60. vsque ad E. Recta enim Es, dabit centrum Q, e quo
 circulus per punctum datū B, & puncta F, G, describendus est. & sic de caeteris. Re-
 ctae autem descriptos esse circulos domorum caelestium, vt eas constituit Ioan.
 Regiom. manifestum est, cum in forma circulari appareant, descriptique sint per
 illa puncta, per quae in caelo ducuntur à Ioan. Regiom. nimirum per partes duo-
 decimas Aequatoris, & per puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Me-
 ridiani.

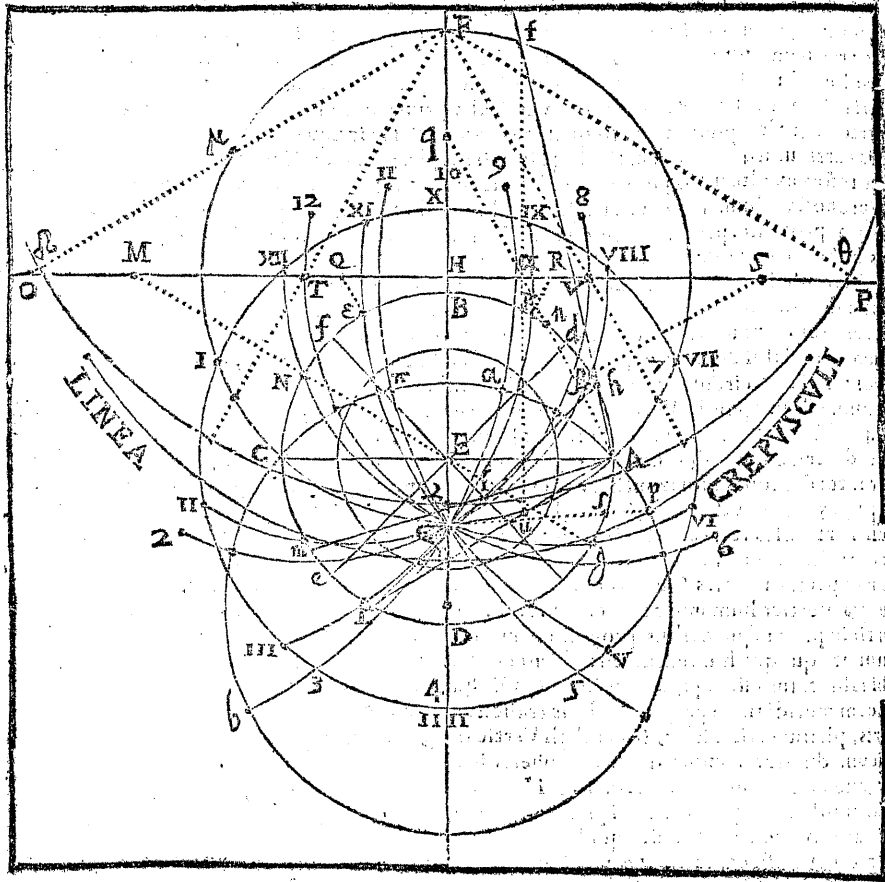
3. CIRCULI autem caelestium domorum, vt a Campano in caelo consti-
 tuuntur, diuidentes nimirum Verticalem circulum primariū in 12. partes aequa-
 les, transeuntisque per eadem puncta F, G, intersectionum Horizontis, ac Meri-
 diani, eodē modo describentur in Astrolabio, si pro duodecimis partibus Aequa-
 toris sumantur partes duodecimae Verticalis primarij, non quidem duodecimae
 partes aequales ipsius, vt in Aequatore factum est, sed inaequales, quae duodeci-
 mis partibus aequalibus Verticalis primarij in sphaera respondent, reperiunturq;
 per rectas ex alterutro poloru G, F, Verticalis p 12. partes Aequatoris educitas,
 vt propof. 5. Num. 17. & 20. traditum est, vel aliis viis, quas partim propof. 5.
 partim propof. 6. praesertim vero propof. 6. Num. 25. explicauimus. Nam inuen-
 tis hūc partibus duodecimis Verticalis, si per quodlibet illorum, & per puncta
 F, G, circuli describantur, quorum centra in recta OP, existunt, incedent ij per
 initia domorum caelestium, vt à Campano concipiuntur, transibitque quilibet
 eorum per duo puncta Verticalis per diametrum mundi, quae quilibet per E, cen-
 trum Astrolabij ducitur, opposita, cum maximum circulum referat, ac proinde
 alios maximos circulos bifariam secet. Ita vides circulum Fa Gb, domus 3. ac 9.
 ductum esse per puncta Verticalis a, b, quae per diametrum opponuntur.

Domos caelestes,
 vt eas Campanus
 constituit in Astrolabio
 accipere.

4. H O S eosdem circulos posteriores domorum caelestium ita quo-
 que describemus. Quoniam per polos Verticalis primarij in sphaera, hoc est,
 per intersectiones Horizontis, ac Meridiani ducuntur, Verticalemque primariū
 in partes aequales diuidunt, ita sese habebunt respectu Verticalis primarij, vt cir-
 culi Verticales respectu Horizontis transeunt per polos Horizontis, hoc est,
 per intersectiones Verticalis primarij, ac Meridiani, diuidentesque Horizon-
 tem in partes aequales. Quamobrem quemadmodum in propof. 8. Num. 1. & 2.
 centra Verticalium inuenta fuere in recta PQ, quae per centrum Verticalis pri-
 marij in prima figura illius propof. ad meridianam lineam perpendicularis du-
 citur, ita quoque hic centra circulorum caelestium domorum, quas Campanus
 sibi fabricatus est, reperiuntur in recta OP, quae per H, centrum Horizontis ad
 lineam meridianam perpendicularis traicitur, estque communis sectio Aequa-
 toris, planie Astrolabij, & paralleli Verticalis primarij, qui per polum antar-
 cticum ducitur, cuius quidem diameter in figura prima propof. 5. est recta
 Ac; quemadmodum & recta illa PQ, in figura prima propof. 8. est communis se-
 ctio eiusdem Aequatoris, vel plani Astrolabij, & paralleli Horizontis per po-
 lum antarcticum ducti, cuius quidem diameter in eadem prima figura propof. 5.
 est recta Al. Eadem namque vtrouique erit demonstratio. Nam si Verticalis
 primarij intelligatur esse Horizon aliquis obliquus, erit Horizon eius Verti-
 calis primarij, & puncta F, G, eiusdem poli. Itaque quoniam per posteriores
 hosce circulos domorum caelestium Verticalis primarij, tanquam Horizon ali-
 quis obliquus diuidendus est in 12. partes aequales, qui quidem sunt numero sex
 duntaxat, cum singuli per bina puncta Verticalis incedant; diuidemus Horizon-
 tem AF CG, ac si esset Verticalis primarij ipsius Verticalis Aa Cb, tanquam Ho-
 rizontis cuiuspiam, in 6. partes inter se omnino aequales: Deinde ex puncto F,
 vel G,

Domos caelestes,
 vt eas Campanus
 imaginatur, in Astrolabio, in-
 star Verticalium ipsius
 Verticalis primarij, tanquam
 Horizontis, describere.

vel G, per has sectiones lineas rectas ducemus, secantes rectam OP, in punctis O, T, H, V, P, quæ centra erunt circularum domorum caelestium per puncta F, G, describendorum, instar Verticalium respectu Verticalis AaCb, tanquam Horizontis, vt propof. 8. demonstratum est. In figura priorès circuli ex sententia Ioan. Regiom. descripti appositos habent numeros antiquos, hoc modo. L.II.III &c. Posteriores vero secundum Campanũ, vñtatos numerorũ clara.



cteres habent affixos, hoc modo, 1. 2. 3. 4. &c. Atque omnes hi circuli ita solent describi, vt tropicum 30. non transcendant: quod nos quoque obseruauimus. Quod si ex F, ad quoduis interuallum circulus describatur $\delta\gamma\theta$, & in 300. grad. distribuatur, initio facto à puncto γ , dabunt rectæ ex F, per singulos gradus illius circuli ductæ, in recta OP, centra omnium circularum positionum per

per omnes gradus Verticalis primarij transeuntium, singulaque domos caelestes diuidētium in tricenos gradus. Nam quemadmodum recta F μ , per punctũ μ , grad. 120. à puncto G, Meridiani distans cadit in O, centrum circuli positionis FaG, gradibus 60. ab Horizonte remoti, ita in idẽm centrum incidet recta F δ , ducta per punctum δ , grad. 60. à puncto γ , Meridiani distans, propterea quod eadem recta per vtrumque punctum μ , δ , transit ex Lemmate 10. cum arcus $\gamma\delta$, semisĩ arcus G μ , similis sit, &c.

5. QVOD si per quemcunque gradum Verticalis primarij ab Horizonte distantem circulus positionis describendus sit, numerabimus eundem gradum gradum ex γ , versus δ . si gradus Verticalis datus fuerit ex parte occidentali, vel si ex parte orientali extiterit, versus θ . Recta namque ex F, per finem numerationis emissa dabit in recta OP, centrum quæsiti circuli. Vt si describendus sit circulus positionis per punctum Verticalis, quod ab Horizonte ex parte orientali grad. 60. distet versus Zenith, sumemus arcum $\gamma\theta$, grad. 60. Recta enim F θ , dabit centrum P, è quo circulus per puncta F, G, descriptus transibit per π , punctum Verticalis grad. 60. à puncto Horizontis C, distans versus Zenith. Si autem punctum in Verticali proponatur infra Horizontem quocunque gradibus distans ab Horizonte, siue ad partes orientales, siue occidentales, describemus per punctum oppositum, quod supra Horizontem existit, ad contrarias partes circulum positionis, vt dictum est. Hic enim transibit etiam per punctum datum. Vt si describendus proponatur circulus positionis per grad. 60. Verticalis infra Horizontem ex parte orientali, describemus, vt dictum est, circulum per grad. 60. supra Horizontem ex parte occidentali, hoc est, numerabimus grad. 60. ex γ , vsque ad δ , ex parte orientali, vt recta F δ , centrum O, exhibeat, &c. Idem efficimus, siue punctum datum Verticalis sit supra Horizontem, siue infra, si inuenito eo puncto in Verticali, ex eius distantia ab Horizonte, vt propof. 5. Num. 18. traditum est, per ipsum, & per duo puncta F, G, circulum, ex scholio propof. 5. l. 4. Eucl. describamus, cuius centrum erit in recta OP.

6. I A M si per quoduis punctum in Astrolabio extra Aequatorem, & Verticalem primarium, assignatum describendus sit circulus positionis, inueniendum est in recta OP, centrum trium punctorum, quorum duo sunt F, G, & tertium illud, quod propositum est. Arcus autem Aequatoris inter punctum A, vel C, & intersectionem circuli descripti cum Aequatore metietur distantiam circuli positionis ab Horizonte in Aequatore. Item arcus Verticalis inter A, vel C, & descriptum positionis circulum metietur eiusdem circuli distantiam ab Horizonte in Verticali, si prius per ea, qua propof. 5. Num. 19. demonstrauius, inquiratur, quot gradibus arcus ille Verticalis æquiualeat. Atque eadem hac ratione per arcum Aequatoris, vel Verticalis inter A, vel C, & quemcunque circulum positionis positũ, cognoscemus, quantum ille circulus positionis distet ab Horizonte siue in Aequatore, siue in Verticali, prout vel ex sententia Ioan. Regiom. vel Campani, descriptus esse intelligitur: ac proinde intelligemus, quantum portionem ex domo caelesti abscindat circulus quilibet positionis.

7. LINEA crepusculi, siue Auroræ descripta erit, si parallelus Horizontis rp, describatur, distans ab eo grad. 18. versus Nadir: propterea quod Sole, vbicunque in Ecliptica existat, parallelum Horizontis grad. 18. sub Horizonte existentem attingente, crepusculum matutinum incipit, & vespertinum finitur. Ita autem per ea, quæ propof. 6. demonstrata sunt, dictum parallelum rp, describemus. In Aequatore ducta Horizontis diametro d e, & eius axe f g, sumantur infra d e, duo arcus d h, e L, grad. 18. ita vt recta ducta h L, diameter sit paral-

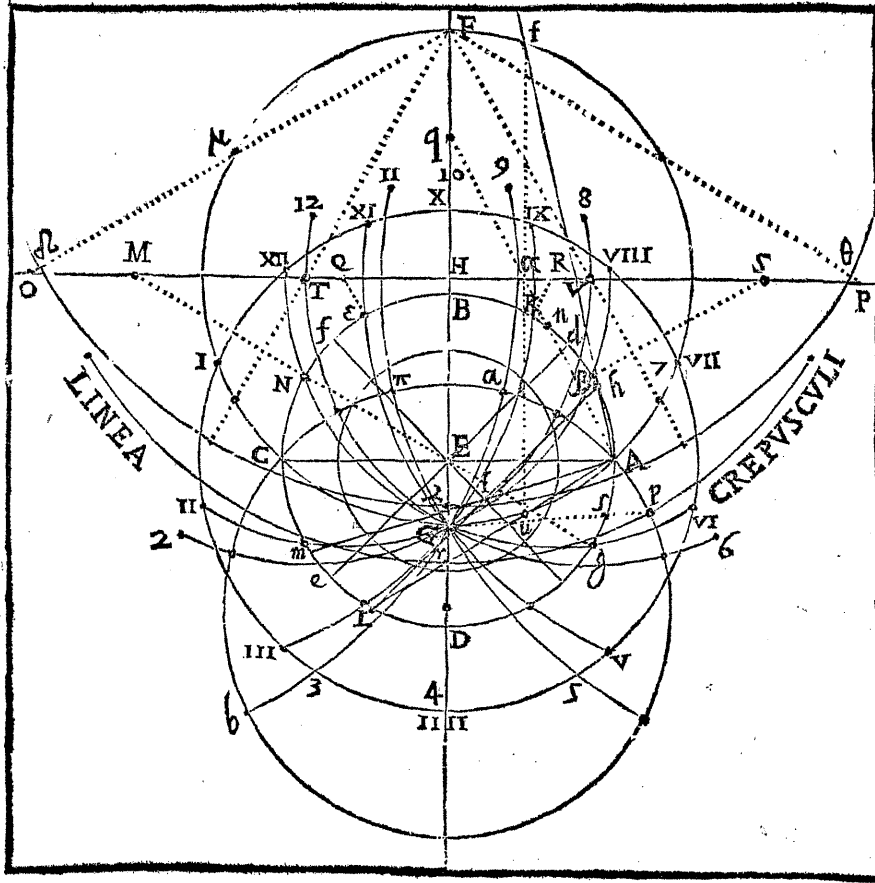
Circulum positionis per quemuis gradum Verticalis datum describere.

Per quoduis punctum datum extra Aequatorem, & Verticalem, circulum positionis describere.

Quantum quilibet circulus positionis ab Horizonte siue in Aequatore, siue in Verticali distet, cognoscere.

Crepusculinam lineam in Astrolabio describere,

leli vtrumque crepusculum terminantis; & ex A, polo australi per h, I, radij emittantur abscondentes ex meridiana linea diametrum eiusdem paralleli vifam. Sed quia radius Ah, nimis procul excurrit, fatis erit inuenire punctum eius diametri extremum r, per radium AL, & centrum paralleli Horizontis per r, describendi; quod sic fiet. Per punctum l, vbi diameter ducta hL, axem Horizontis fg, secat, ducatur ex A, polo australi recta secans Aequatorem in m, &



Centrum lineae
Crepusculinae in
uenire.

arcui m f, æqualis sumatur fn. Nam radius An, secabit meridiana lineam in q, centro paralleli Horizontis per r, describendi, hoc est, lineæ crepusculinae, vt in Lemmate 35. & propof. 6. Num. 9. demonstrauius. Vel ita agemus. Sumpto arcu Aequatoris A f, grad. 18. ducemus ex G, polo Verticalis per f, rectam quæ fecet Verticalem in p; eritque arcus Verticalis A p. grad. 18. infra Horizontem.

zontem, ex iis, quæ propof. 5. Num. 17. demonstrata sunt; ac proinde per p, parallelus crepusculi ducendus est. Si igitur per p, educatur linea Verticalem tãgens, secabit ea meridiana lineam in q. centro paralleli per p, describendi, per ea, quæ à nobis propof. 6. Num. 10. demonstrata sunt. Vel denique in Horizonte accipiantur duo arcus Ft, Gu, grad. 18. in semicirculo FAG, quem propof. 6. Num. 6. ad parallelos Horizontis infra Horizontem spectare diximus; & recta iungatur tu, secans diametrum Horizontis in æ. Nam recta ex A, per æ, emissa cadet in q, centrum paralleli grad. 18. sub Horizonte existentis, vt propof. 6. Num. 6. demonstrauius. Ceterum puncta h, L, quæ diametrum paralleli crepusculi terminant, inueniemus sine auxilio diametri Horizontis de, hoc modo. Ex C, versus D, supputetur arcus confatus ex altitudine poli, & grad. 18. vsque ad L, qui in Horizonte Romano complectitur grad. 60. Item ex B, versus A, arcus numeretur confatus ex complemento altitudinis poli, & grad. 18. vsque ad h, qui in eodem Horizonte Romano grad. 66. complectitur. Nam ducta recta hL, diameter erit paralleli crepusculini; eo quod arcus CL, confatus est ex C e, arcu altitudinis poli, & e L, arcu grad. 18. at arcus Bh, ex Bd, arcu complementi altitudinis poli, & dh, arcu grad. 18. Ex quo patet, Ioannem Stofferinum (ac proinde & alios nonnullos, qui illum sequuntur.) errare, cum præcipit, tam ex C, versus D, quam ex B, versus A, supputandam esse altitudinem poli, vna cum grad. 18. Hoc enim solum verum est, vbi poli altitudo continet grad. 45. Ibi enim complementum altitudinis poli Bd, æquale est altitudini poli Ce, vel d A, vt constat.

Error Ioan. Stofferini in linea crepusculina describenda.

PROBL. VIII. PROPOS. XI.

RETE Astrolabij, id est, figuram, in qua Ecliptica in signa, ac gradus diuisa, vna cum stellis fixis continetur, construere.

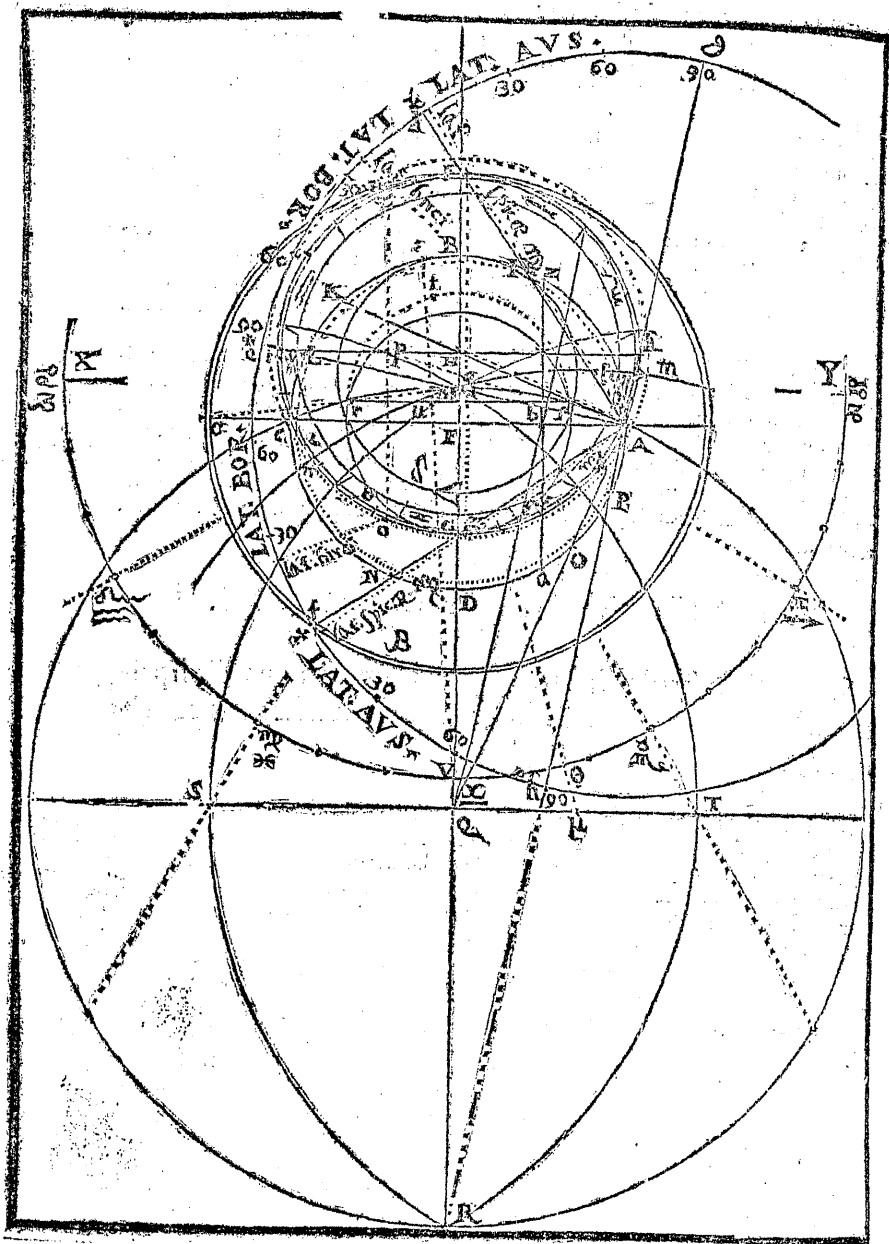
1. SIT circa E, centrum Astrolabij descriptus Aequator ABCD, cum tropicis, vt propof. 4. traditum est; & Ecliptica AFCG, tangens tropicum γ , in F, & tropicum δ , in G, descripta, vt propof. 5. tradidimus, circa centrum H, quod inuenitur per rectam ex A, polo australi per finem arcus AIK, qui complementi maximæ declinationis, est autem maxima declinatio BI, vel CL, & eius complementum AI, vel BL, duplus sit, aut (quod idem est) per finem arcus CK, qui maximæ declinationis CL, duplus sit, emissam, vt prop. 5. Num. 3. & 4. ostendimus. Nã diameter Eclipticæ per I, N, ducitur, distatq; à polo australi arcu AI, cuius complementum est maxima declinatio CL, vel BI. Et quia L, P, puncta quadrante distantia ab Ecliptica per I, N, ducta, poli sunt Eclipticæ, apparebunt si poli per radios AL, AP, in punctis M, R, quorum australis, & remotior R, accuratius ita inuenietur. Ducatur ex A, per finem arcus AO, qui duplus sit maximæ declinationis AP, recta AO, cadens in Q, centrum circuli maximi per polos Eclipticæ, & principia ν , & ω , ducti, instar Verticalis primarij, si Ecliptica Horizon foret. Nam si ex Q, per M, circulus describatur trãsens necessario per A, C, secabitur meridiana linea in R, polo Eclipticæ: Et in recta ST, quæ per Q, ad MR, ducitur perpendicularis, existent omnia centra aliorum circulorum maximorum

Rece Astrolabij construere.

Centrum Eclipticæ reperire.

Polos Eclipticæ inuenire.

Eclipticæ in 12. signa, & in 360. gradus distribuere.

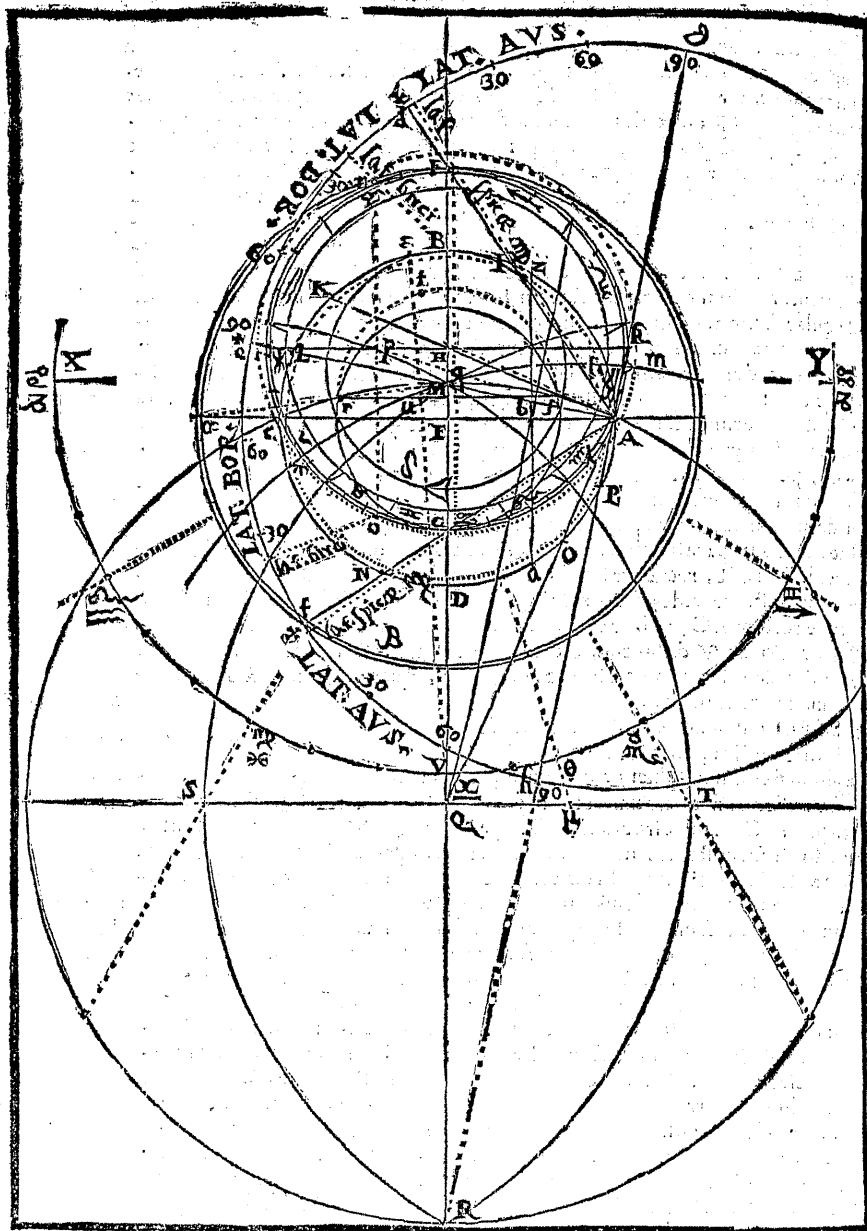


mori latitudinum per polos Eclipticæ M, R, ductorū; adeo vt circulo AMCR, secto in sex partes æquales, & rectis ex M, per sectionum puncta ductis perpendicularis ST, secetur in centris eorum circularum diuidentium Eclipticam in 12. signa, vt ex ijs constat, quæ propof. 8. Num. 2. de centris Verticalium demonstrauimus. Ita vides circulum MT, ex centro S, descriptum incidere per principia X, & N; circulum autem MS, ex T, descriptum transire per principia M, & G. Quod si singulæ sex partes circuli AMCR, intricenas partes secetur, dabunt rectæ ex M, per illas sectiones emissæ in recta ST, centra aliorum circularum maximorum, quæ singulæ 12. signa Eclipticæ in tricenos gradus distribuunt. Sed quia inferior semicirculus circuli AMCR, longius excurrit, & non semper in proposito plano describi potest, inuenientur eadem centra in recta ST, commodius, hac ratione. Semicirculus XY, ex M, ad quoduis interuallum descriptus secetur in 6. partes æquales: Rectæ enim ex M, per singulas sectiones eadundæ dabunt centra binorum signorum, illorum videlicet, quæ ipsi sectionibus ascripta sunt. Et si singulæ illæ partes diuidantur in tricenos gradus, inuenientur centra singulorum graduum; &c. vt ex ijs liquet, quæ in prædicta propof. 8. Num. 4. de centris Verticalium demonstrata sunt à nobis. Verum facilius Eclipticæ signa, & gradus distribuuntur, si rectæ tam ex polo Eclipticæ M, quam ex altero polo R, si is in plano Astrolabij notatus sit, per duodecimas partes Aequatoris, & singulos eiusdem gradus ad Eclipticam vsq; emittantur, vt propof. 5. Num. 17. & 20. ostensum est. Vel super duodecimas partes Aequatoris, singulosq; eiusdem gradus ipsi meridiane lineæ agantur parallelæ rectæ AC, secantes in punctis, per quæ ex Q, centro circuli AMCR, rectæ traiciantur, &c. vt in eadem propof. 5. Num. 24. monstratum est. Ita vides, rectam Za, ipsi BD, parallelâ distare ab A, grad. 60. secareque rectam AC, in b, ac denique rectam Qb, transire per principia T, & Q, grad. 60. ab V distantia; &c. Huc etiam transferri possunt, si lubet, aliæ viæ diuidenti maximos circulos in gradus, quas propof. 5. & 6. præferimus Num. 25. propof. 6. exposuimus.

2. STELLAE fixæ exquisitissime per earum longitudines, latitudinesque in reti Astrolabij reponentur, hoc modo. Descripto parallelo Eclipticæ per propositam stellam in sphaera transente, habita ratione latitudinis stellæ siue borealis, siue australis, numeretur in eo, initio facto ab eius intersectione orientali ad partes C, cum circulo AMCR, per principia V, & U, transente, longitudo eiusdem stellæ, hoc est, distantia eius à principio V, vt propof. 6. Num. 22. & sequentibus traditum est. Terminus enim numerationis erit locus stellæ propositæ. Parallelus autem quilibet Eclipticæ describetur, & in gradus distribuatur, eisdem modis, quibus paralleli Horizontis propof. 6. descripti sunt, & in gradus diuisi. Sed vt facilius res peragatur ea ratione, quam Num. 8. Illius propof. præscriptimus, præparanda erit figura hoc modo. Ex A, descripto ad quoduis interuallum circulo def, ducantur radii AI, AN, transeuntēs per extremitates diametri visæ Eclipticæ FG, secantesque circulum def, in d, & f, eritque df, quadrans, cum ex Lemmate 10. similis sit semisicirculi ILN, Aequatoris, vel semicirculi Eclipticæ FCG. Ducatur quoque radius AL, transiens per L, polum Eclipticæ verum, & per M, polum visum, secansque circulum def, in e, eruntque arcus de, ef, æquales, cum per idem Lemma 10. semisibus quadrantum Aequatoris IL, LH, vel Eclipticæ FCG, similes sint. Nam recta Ae, per polum Eclipticæ ducta transit per extremitatem diametri Eclipticæ ik, ad FG, perpendicularis, vt in scholio propof. 5. Num. 14.

Stellæ fixæ reti Astrolabij per earum longitudines, latitudinesq; imponere.

Figuram præparare, per quam facile quilibet parallelus Eclipticæ in Astrolabio describatur.



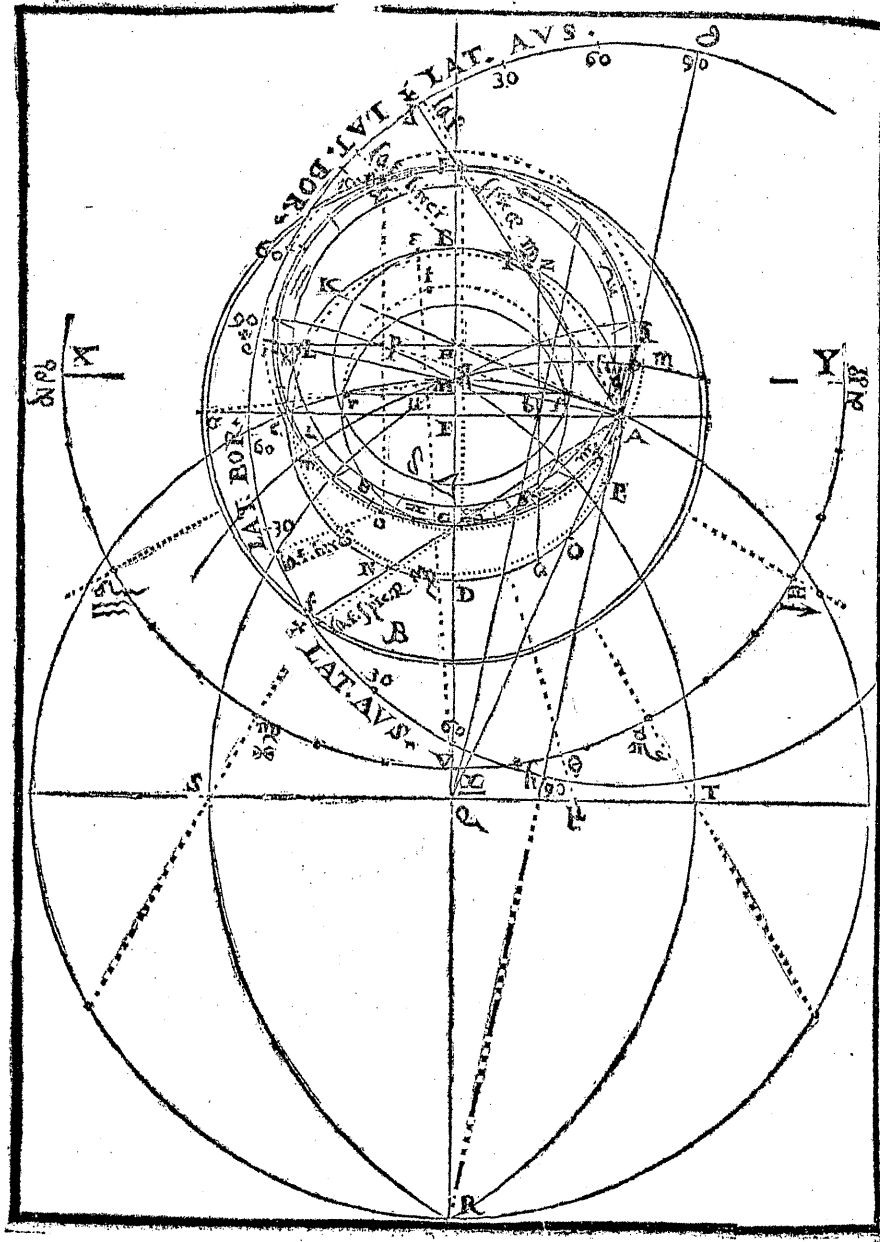
5. Num. 14. demonstrauius. Sumptis deinde arcubus dg, fh, arcubus de, ef, æqualibus, quos etiam radius APR, transiens necessario, ex eodem scholio propositionis 5. Num. 14. per k, alteram extremitatem diametri Eclipticæ ik, abscindit; propterea quod tam rectæ Ak, AF, per Lemma 10. intercipiunt arcum dg, semissi quadrantis Eclipticæ FK, quam rectæ AP, AN, arcum fh, semissi quadrantis Aequatoris PN, similem; diuidantur singulsi arcus dg, de, fh, fe, in 90. partes æquales, quæ graduum semisses erunt, initio semper factis à punctis d, & f. Nam per partes arcuum de, fe, inueniuntur diametri visæ parallelorum latitudinum borealium, per partes autem arcuum dg, fh, diametri parallelorum latitudinum australium reperientur, ideoque illis adscripta est Latitudo borea, his vero Latitudo australis, vt statim cognoscatur, quam in partem latitudo proposita numeranda sit. Quo pacto autem ex circulo def, ita diuiso paralleli describantur, prop. 6. Num. 8. declaratum est, rursumque ex sequentibus exemplis intelligi potest. Qua item ratione huiusmodi paralleli in gradus sint distribuendi, in eadem propositione 6. Num. 21. & sequentibus traditum est.

3. SIT ergo, exempli gratia, reti imponenda Spica η , cuius longitudo à prima stella γ , continet grad. 170. vera aut longitudo à principio γ , grad. 197. Min. 55 & latitudo grad. 2. versus austrum. Ex d, & f, versus g, & h, supputetur latitudo grad. 2. hoc est, sumatur duæ partes ex 90. in quas vterque arcus dg, fh, diuisus fuit, ac si esset gradus, & ad fines ducantur ex A, duo radii abscindentes ex BD, diametrum visam paralleli australis Eclipticæ grad. 2. qui quidem duo radii tam ex Aequatore ab I, & N, versus A, quam ex Ecliptica ab F, & G, versus k, 2. grad. auferent; propterea quod arcus circuli de, f, à radio Ad, & eo, qui per latitudinem Spicæ transit; Item à radio Af, & eo, qui per latitudinem Spicæ transit, abscissi similes sunt semissibus arcuum tam ex Aequatore, quam ex Ecliptica abscissorum, vt in 10. Lemmate demonstrauius; ac proinde cum priorum vterque complectatur duos semigradus, hoc est, 1. grad. continebit quilibet posteriorum 2. grad. Deinde notetur intersectio diametri Eclipticæ ik, cum recta connectente duo puncta Eclipticæ duobus gradibus ab F, & G, versus k, distantia, per quæ nimirum prædicti duo radij transeunt. Nam radius ex A, per illud punctum intersectionis diametri ik, ductus indicabit in recta FG, centrum paralleli circa diametrum visam abscissam describendi, ex iis, quæ propof. 6. Num. 6. demonstrata sunt. Descripto ergo hoc parallelo, numeretur in eo vera stellæ longitudo, hoc est, grad. 197. min. 55. nimirum distantia eius ab γ , secundum si gnorum successione. In fine namque numerationis stella collocanda est in dicto parallelo. Ita autem in dicto parallelo punctum reperiemus, quod gradum longitudinis 197. min. 55. terminet. Quoniam parallelus Eclipticæ in austrum recedit ab Ecliptica grad. 2. describemus parallelum Aequatoris totidem gradibus ab Aequatore in boream recedentem, & in eo numerabimus supradictam longitudinem, initio factis ab eius intersectione orientali ad partes C, cum recta EC, versus D, & A, progrediendo vsque ad l: quod in dato exemplo fiet, si ex grad. 197. min. 55. semicirculo dempto, reliqui grad. 17. min. 55. numerentur à recta EA, ex parte occidentali vsque ad l. Nam recta Ml, ex polo Eclipticæ ducta dabit in parallelo Eclipticæ punctum m, gradum 197. min. 55. longitudinis terminans.

EX descripto porro parallelo Eclipticæ parallelus Aequatoris, per quem in illo longitudo inuenienda est, ita facile describetur, etiam si eius declinatio in Aequatore non supputetur. Ex M, polo Eclipticæ per punctum circuli AMCR,

Spicæ Virginis
in recti collocata.

Parallelum Aequatoris ex parallelo Eclipticæ opposito, & vicissim hunc ex illo describere.



ubi a parallelo latitudinis diuiditur, recta ducatur. Hæc enim ex recta EA, vel EC, semidiametrum paralleli Aequatoris abscedet. Vicissim, si prius parallelus Aequatoris describatur, vt propof. 4. Num. 6. docuimus, tot gradibus à polo australi distans, quot gradibus parallelus Eclipticæ per stellam ductus à polo Eclipticæ boreali distat, describetur parallelus Eclipticæ hoc etiam modo. Ducta ex M, polo Eclipticæ per punctum sectionis paralleli Aequatoris cum recta EA, vel EC, linea recta, secabitur circulus AMCR, in puncto, per quod parallelus Eclipticæ describendus est; cuius centrum reperietur, si per punctum illud recta circulum AMCR, tangens ducatur, vt propositione 6. Num. 10. demonstratum est.

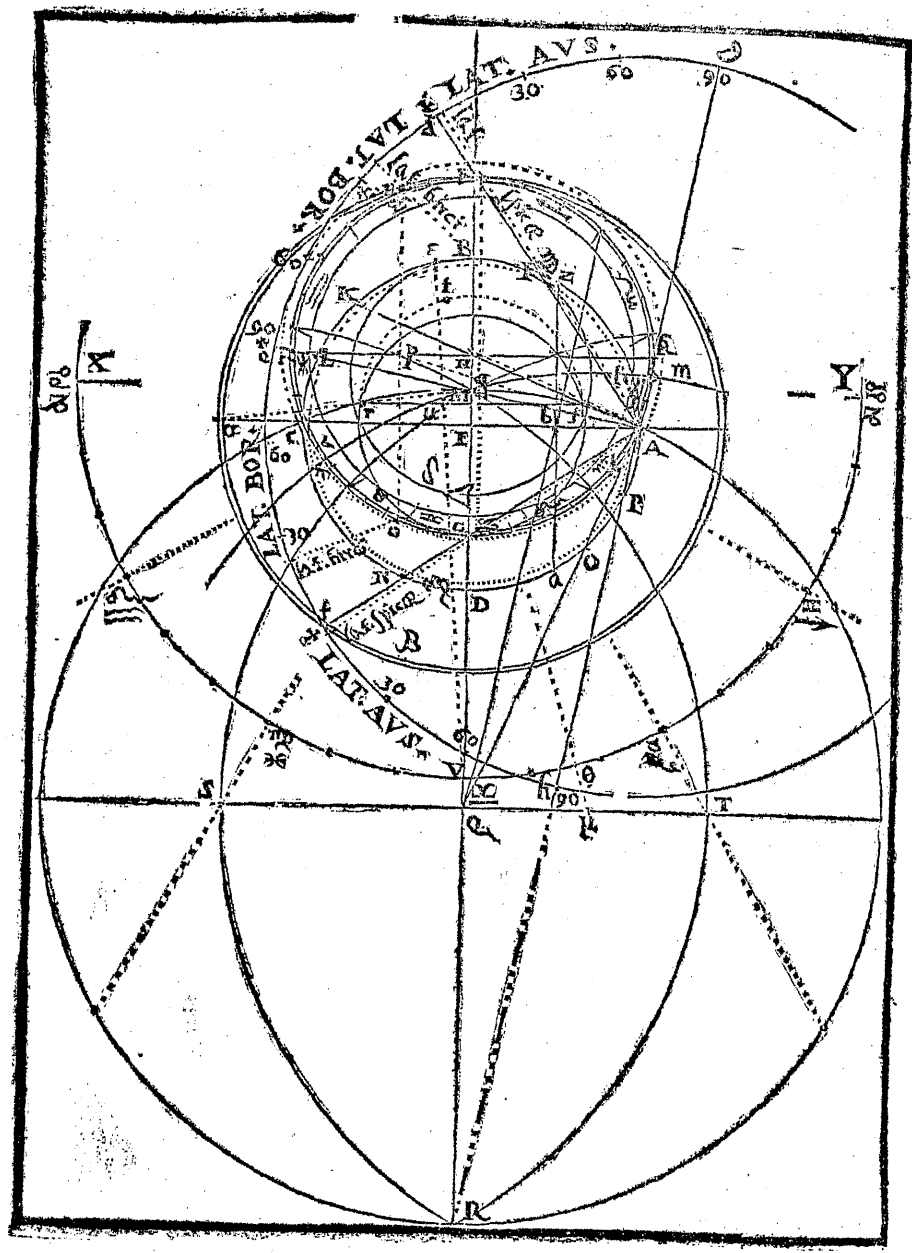
EVNDEM gradum m, longitudinis facilius reperiemus, etiam si neque circulus AMCR, neque parallelus Aequatoris descriptus sit, ex iis, quæ propof. 6. Num. 15. tradidimus. Quoniam enim longitudo continet grad. 197. min. 55. si eam ex tribus quadrantibus, hoc est, ex grad. 270. detrahamus, remanebunt grad. 72. min. 5. quibus stella in parallelo Eclipticæ à linea meridiana supra F, versus A, distat. Si ergo a puncto opposito infra G, in oppositam partem versus C, numeremus grad. 72. min. 5. in parallelo eodem Eclipticæ, cadet recta ex fine numerationis per polum M, extensa in punctum quæsitum m; propterea quod arcus paralleli prædicti inter meridianam lineam, & lineam ductam continet tot gradus apparentes, quot æquales continentur in arcu a linea meridiana infra G, versus C, numerato, vt loco citato demonstraui.

IDEM locus stellæ m, id est, grad. 197. min. 55. longitudinis, reperietur per circulum maximum latitudinis per polos Eclipticæ ductum, hoc modo. Quoniam stella veram longitudinem habet grad. 197. min. 55. hoc est, in grad. 17. minut 55. existit, numerabimus à puncto V, principio α , versus μ , in circulo XVY, grad. 17. min. 55. vsque ad β , & ex M, per β , rectam extendemus secantem rectam ST, in μ , centro circuli maximi $\pi M m$, transeuntis per grad. 17. min. 55. α , & γ , secantisque Eclipticæ parallelum in m, puncto eiusdem longitudinis.

4. SIT rursus imponenda reti stella, quæ vocatur Hircus, in sinistro humero Aurigæ fulgens, cuius longitudo à prima stella γ , continet grad. 48. min. 20. & vera longitudo à principio γ , grad. 76. min. 15. Latitudo aut, eaq; borealis, grad. 22. min. 30. Numerata ergo latitudine a punctis d, & f, versus e, ducti itq; per fines numerationum radii, secabitur FG, in extremitatibus diametri visæ paralleli latitudinis: & si puncta n, o, in quibus radii illi Eclipticam secant, coniungantur linea recta, secabitur diameter ik, Eclipticæ in puncto p, ad quod radius ex A, egrediens dabit q, centrum paralleli $\delta r s f$, per stellam transeuntis, & circulum AMC, in r, f, secantis. Describatur præterea parallelus Aequatoris $\alpha\beta$, cuius declinatio sit australis, & æqualis latitudini boreali paralleli $\delta r s f$, grad. 22. min. 30. cuius quidem semidiametrum E α , abscedit recta M r, producta. Numerata autè longitudo stellæ ex α , vsque ad β , secabit recta $\mu\beta$, parallelum latitudinis in δ , puncto eiusdem longitudinis. In δ , ergo locus erit stellæ propositæ: quem ita etiam reperiemus. Descripto circa diametrum paralleli latitudinis visam r f, (quæ nimirum communem sectionem paralleli, & circuli maximi per polos Eclipticæ, & principia γ , & α , ducti representat) circulo r t f, numeretur longitudo stellæ ex r, versus vtramvis partem vsque ad t. punctum, ex quo ipsi BD, parallela acta secet eandem diametrum r f, in u. Recta enim Qu, secabit parallelum latitudinis in duobus punctis δ , e, quorum vtrumq; à puncto r, abest grad. 76. min. 15. vt propof. 6. Num. 26. demonstratū est, quibus punctum

Facillima inuenio puncti longitudinis spicæ Virginis in parallelo latitudinis eundem.

stellam, quæ dicitur Hircus, in retu disponere.



t, ab eodem puncto r, distat. Et quia stella est in boreali medietate Eclipticæ, cum eius longitudo ab γ , minor sit, quam grad. 180, erit punctum s, in inferiori medietate paralleli latitudinis, quæ ad boream vergit, locus stellæ. Quod si stella quæpiam eandem habuerit latitudinem, eandemque distantiam ab γ , sed contra signorum successione, ita ut eius vera longitudo contineat grad. 283, min. 45, erit eius locus in puncto s, ad austrum spectante. In hoc porro exemplo laborandum non est, ut locus stellæ per circulum maximum per polos Eclipticæ ductum inquiratur, cum id perincommodum sit, propterea quod eius centrum nimis procul abest in recta ST, a puncto Q, versus T, quippe cum stella longitudo habeat grad. 76, min. 15, hoc est, in grad. 16, min. 15, II, existat.

SED hic quoque sine circulo AMCR, & parallelo Aequatoris $\alpha\beta$, facilius reperiemus punctum s, longitudinis stellæ grad. 76, min. 15. Cum enim hæc distantia sumatur ab γ , versus δ , distabit eadem stella à δ , versus γ , grad. 13, min. 45. Si igitur ex parallelo latitudinis s r e f, à meridiana linea infra polum M, versus r, abscondatur arcus grad. 13, min. 45, terminabitur arcus ille in s, loco stellæ. Ita autem agemus per ea, quæ propof. 6, Num. 25, scripsimus. In dicto parallelo s r e f, à linea meridiana supra polum M numerentur versus f, grad. 13, min. 45. Recta enim ex fine numerationis per polum M, extensa secabit prædictum parallelum in s: propterea quod, ut loco citato ostendimus, arcus paralleli inter lineam ductam, & meridianam infra polum M, tot gradus apparentes continet, quot æquales in arcu opposito inter easdem rectas supra polum M, continentur.

EODEM prorsus modo quævis alia stella, cuius longitudo, latitudoque notæ sint, in Astrolabio describetur.

5. QVOD si præ manibus habeantur declinationes, ascensiones rectæ, & mediantiones cæli stellarum, quæ in reti imponendæ sunt, collocabuntur in Astrolabio eadem stellæ sine magno labore, hac ratione. Ducta ex centro Astrolabii per gradum Eclipticæ, cû quo stella cælum mediat, hoc est; cû quo ad Meridianum peruenit, vel per finem ascensionis eius rectæ in Aequatore linea recta; ubi eâ secabit vel parallelus latitudinis, vel declinationis stellæ, ibi locus erit eiusdem in reti, vel Astrolabio. Sic etiam eiusdem locus erit in puncto, ubi parallelus latitudinis parallelum declinationis interfecabit. Sed prior ratio per stellæ longitudo, latitudinemque à nobis explicata certior est, cum raro tabulæ reperiatur, quæ stellarum declinationes, rectas ascensiones, mediantionesque cæli sine errore contineant, longitudes autem earundem à prima stella γ , cum earum latitudinibus eadem semper permaneant; ita ut cognita distantia primæ stellæ γ , a principio γ , omnium aliarum distantia notæ fiant, ut mox dicemus.

Facillima inventio puncti longitudinis in parallelo latitudinis eiusdem.

Stellas fixas rectæ Astrolabii per earum declinationes, ascensiones rectas, & cæli mediantiones, imponere.

SCHOLIUM.

1. QVONIAM præcipuus usus stellarum fixarum in Astrolabijs vulgaribus est, ut per eas nocturno tempore hora investigentur, danda opera est, ut in toto ambitu vetis aliquot stellæ contineantur, eaque quam paucissima, ne multitudo confusio generet; ita tamen, ut circumducto reti quomodocunque, semper una vel altera, cum minimum supra Horizontem existat: quibus reti impostis, excidenda sunt partes superflue, solumque in eo retinenda stellæ, & Ecliptica in gradus diuisa, in hunc finem, ut quilibet gradus Eclipticæ, & cacumen cuiusvis stellæ constitut possit in quolibet puncto plani Astrolabij, in quo circuli sphaera eundem semper situm obinentes descripsi sunt.

Vnus præcipuus stellarum in Astrolabijs vulgaribus quis.

sunt, cuiusmodi sunt Aequator, tropici, Verticalis, Horizon, eiusque paralleli, circuli horarii, & domorum caelestium, &c. qua res industria potius propria ad similitudinem alterius cuiuspiam Astrolabij perficienda erit, quam pluribus verbis inculcanda. Sed quia nos praeter hunc stellarum usum docebimus quoque, quam ratione cuiusvis stelle declinatio, ascensio tam recta, quam obliqua, & calis mediatio, ex eius longitudine, latitudineque cognitis inueniri possit, diligenter memoria mandandum est superius nostrum praeceptum de stellis in Astrolabio describendis, ut locus stella cuiuslibet in plano Astrolabij reperiat, quando usus ita postulauerit. Nunc autem ut pro horis nocturno tempore explorandis stella necessaria in Astrolabio possint reponi, proposuimus hic nonnullarum stellarum longitudes veras, quae à principio γ , numerantur, hoc est, loca in Zodiaco: Deinde earundem latitudines, declinationes, ascensiones rectas, & mediationes denique calis, sive puncta Zodiaci, cum quibus ad Meridianum quemcumque perueniunt tam supra Horizontem, quam infra: ubi littera S, latitudinem, & declinationem, que significat septentrionalem, & littera M, meridionalem. Denique numeri ipsius stellis praefixi, cuiusnam ipsa sint magnitudinis, denotant. Ceterum longitudes stellarum

Quid in hoc Astrolabio de stellis fixis tractatur.

TABELLA FIXARVM ALIQVOT STELLARVM ad annum Domini 1600. completum supputata

Magnitudo	Stellarum nomina	Stellarum loca in Zodiaco		Latitudines		Declinationes		Ascensiones rectae		Mediationes calis		
		G M		G M		G M		G M		G M		
		G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	
3	Cornu γ praecedens	28	5	7	20	S	17	32	25	20	25	11
2	Caput Medusae	21	5	23	0	S	40	5	40	55	13	33
1	Oculus δ	4	5	5	10	M	15	50	63	6	5	3
1	Dexter humerus Orionis	23	25	17	0	M	6	21	83	41	24	12
1	Hircus	16	25	22	30	S	45	9	72	6	13	30
1	Canis maior	9	5	39	10	M	15	54	97	19	6	43
2	Cauda Hydrae	21	25	20	30	M	5	4	137	19	14	51
1	Cor ω	23	55	0	10	S	13	44	146	19	23	59
1	Cauda δ	15	55	11	0	S	16	26	171	49	21	5
1	Spica η	18	5	2	0	M	8	58	195	55	17	16
1	Arcturus	18	25	31	30	S	21	49	209	23	1	33
2	Cor μ	4	5	4	0	M	24	17	241	16	3	19
1	Lyra	8	45	62	0	S	33	10	275	56	8	17
1	Vltima aquae ϵ	23	25	23	0	M	33	24	339	22	5	0
2	Cauda Cygni	0	35	0	0	S	44	8	307	22	5	0
3	Crus Pegasi	23	35	31	0	S	25	44	341	1	9	26

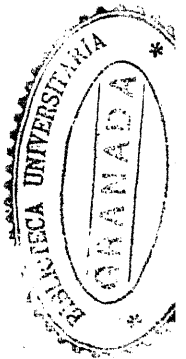
ex tabulis

ex tabulis Prutenicis diligenter, & accurate supputauimus ad annum 1600. completum. Deinde ex hisce longitudinibus & declinationibus, ascensionibus rectas, & calique mediationes venari sumus per doctrinam sinuum. Modum, quem tenuimus hac in re, lib. 3. cur in usu Astrolabij ijdem de rebus disputabimus, aperiemus, ut quilibet, cum libuerit, calculum nostrum examinare queat. Neque enim ullis tabulis declinationum, ascensionum, mediationum calis, & aliarum rerum, quae ex longis supputationibus pendunt, omnino fidendum putacum facile in ijs, nobis non animaduertentibus, error aliquis possit admitti. Atque in hoc nostro calculo ratio habitae est semper partis proportionalis in sinibus, & minutis, ut in usu tabulae sinuum monui. Sed in nostra tabella negleximus secunda, quando pauciora sunt, quam 30. & pro pluribus quam 30. unum minutum adiecimus. Itaque ut ex declinationibus supputentur ascensiones rectae, non sunt ea accipienda, ut in tabella descripta sunt, sed prout inuenta sunt per doctrinam sinuum, una cum secundis. Verum hac de re plura lib. 3. scribemus.

2. PORRO loca stellarum in Zodiaco inueniuntur. si longitudinibus earum, quas in nostris commentarijs in sphaeram ex probatis auctoribus notauimus, adiciatur vera praecessio aequinoctiorum, quae ex Prutenicis tabulis ad annum Domini 1600. post correctionem Gregorianam completum supputata continet grad. 28. min. 5. Numerus deinde conflat ex gradibus per 30. diuidatur. Quoties enim numerus, quot signa pertransierit stella, indicabit, reliquus autem numerus gradum signi insequentis, in quo existit, ostendet. & si apponantur minuta relicta, si qua sunt, habebitur verus locus stella in Zodiaco. Verbi gratia, Prima stella γ , quae est in cornu praecedenti, & dextro, nullam habet longitudinem in tabula stellarum fixarum, quam in sphaera commentarijs conscripsimus, cum ab ea aliarum longitudes numerentur. Adiecta igitur vera praecessio aequinoctiorum grad. 28. min. 5. fit vera longitudo eius stelle grad. 28. min. 5. Et quia in hac longitudine nullum signum integrum continetur, existet stella prima γ in grad. 28. min. 5. primi signi, quod est Aries. Rursus Spica η , longitudinem habet grad. 170. min. 0. si addantur grad. 28. min. 5. vera praecessio aequinoctiorum, fiet vera longitudo grad. 198. min. 5. Diuisis grad. 198. per 30. fit quotiens 6. & supersunt 18. Pertransit ergo stella sex hac signa, γ , δ , ϵ , ζ , η , θ , existitque in grad. 18. min. 5. proxime sequentis signi ι . Eadem ratio est de ceteris. Quod si numerus conflat ex additione vera praecessio aequinoctiorum maior fuerit circulo integro grad. 360. reijciendus erit integer circulus grad. 360. antequam fiat diuisio, vel post factam diuisionem abijciendus integer Zodiacus 12. signorum. Verbi gratia, stella secunda magnitudinis, quae in umbilico Pegasi, & in capite Andromeda existit, longitudinem à prima stella γ , habet grad. 341. min. 10. addita vera praecessio aequinoctiorum grad. 28. min. 5. efficietur summa grad. 369. min. 15. Abiecto integro circulo grad. 360. relinquuntur grad. 9. minut. 15. primi signi γ , pro loco stella. Vel diuisa vera longitudo grad. 369. min. 15. per 30. reperientur signa 12. grad. 9. min. 15. Reiectis ergo 12. signis, reperietur idem locus stella in grad. 9. min. 15. γ . Hac autem praecessio aequinoctiorum grad. 28. minut. 5. retineri potest pro pluribus annis annum 1600. insequentibus, quod propter tarditatem motus stellarum ab occasu in ortum non tam cito loca in Zodiaco mutare dignoscantur. Qui tamen exquisita earum loca desiderat, ei vera aequinoctiorum praecessio inuenienda erit, cum minimum pro singulis 20. annis, & pro eisdem iterum declinationes stellarum, ascensiones rectae, ac mediationes calis supputanda. Has enim mutari necesse est, mutatis stellarum locis in Zodiaco.

SED ut in hac parte studiosos molestia calculandi veram praecessio aequinoctiorum lenaremus, supputauimus sequentem tabellam, ex qua cuiusque anni à principio Olympiadum, quod incidit in annum 774. ante Christum Dominum, usque ad annum 3000. post Christum, praecessio vera aequinoctiorum facillimo negotio erucitur. Nam si annus

Loca stellarum fixarum in Zodiaco reperit ex eorum longitudinibus.



Praecessio vera aequinoctiorum ex tabella ad plurimos annos elicetur.

si annus propositus in tabella reperitur, apparebit illico de regione illius vera æquinoctiorum præcessio in gradibus, ac minutis. Positi sunt autem in tabella anni centesimi, nisi quando, ob insignem memoriam alicuius rei, anni nonnulli inter centesimos intercedi sunt. Cuiusmodi sunt anni, quibus vel insignes Astronomi floruerunt, vel à quibus, veluti radicibus, motus caelestes Astronomi supputarunt: quale est tempus Nabonnassar regis, qui est Nabuchodonosor, vel Salmassar, à quo Ptolemeus motus supputavit. Quod si annus datus in tabella non reperitur, accipienda est differentia inter duas veras præcessionis proximorum duorum annorum, quorum unus minor est anno proposito, & alter maior, una cum differentia horum annorum. Nam si fiat, ut differentia horum annorum ad differentiam præcessionum, ita differentia inter alterum eorum annum, & annum propositum, ad aliud, reperietur differentia præcessionis addenda præcessioni minoris anni tabella, si differentia inter illum annum, & annum propositum adhibita est; vel auferenda à præcessione maioris anni, si accepta est differentia inter illum, & annum datum. Hac enim ratione exquisitè satis præcessio cuiusque anni invenietur, non secus, ac si per tabulas Prutenicas erueretur, & solum differentia aliquando erit in paucis quibusdam Secundis, qua merito negligi possunt. Verbi gratia. Quærenda sit vera æquinoctiorum præcessio ad annum 880. quo Albategnius floruit. Derivatur præcessio anni 800. grad. 16. min. 44. ex præcessione anni 900. grad. 18. min. 33. & fiat, ut 100. anni ad præcessionem differentiam grad. 1. min. 49. ita anni 80. (differentia annorum 800. & 880.) ad aliud, reperieturque grad. 1. min. 27. Stiguitur addatur grad. 1. min. 27. ad grad. 16. min. 44. (præcessionem anni 800.) fiet præcessio grad. 18. min. 11. fere pro anno 880. Vel fiat, ut 100. anni ad præcessionum differentiam grad. 1. min. 49. ita anni 20. (differentia annorum 880. & 900.) ad aliud, reperieturque pars proportionalis min. 22. ferme congruens illo tempore annis 20. qua ablata ex grad. 18. min. 33. (præcessione anni 900.) reliquam faciet præcessionem anni 880. grad. 18. min. 11. ut prius. Eadem ratio est de cæteris. Anni autem huius tabella intelligendi sunt expleti, atque integri tam post Christum, quam ante: Et cuiusque præcessio sumi potest pro radice præcessionis sequentium annorum. Ut si quis præcessionem ex tabulis Prutenicis vellet supputare ad annum 1638. erueret præcessionem pro 38. annis, & ei addere præcessionem anni 1600. huius tabella, tanquam radicem.

TABELLA PRÆCESSIONIS AEQUINOCTIORUM.

TEMPVS	Anni ante Christum			TEMPVS	Anni post Christum		
	S	G	M		S	G	M
Ab Olympiadibus	774	5	54	44	400	9	56
Ab Vrbe condita	750	5	55	46	500	11	28
A Nabonnassaro	746	5	55	50	600	13	8
Inaletis Metonis	637	5	17	20	700	14	54
A morte Alexandri	431	0	0	41	800	16	44
Timocharis Hipparchi	324	0	1	59	880	18	11
Iulii Cæsaris	202	0	2	21	900	18	33
CHRISTI	126	0	4	3	1000	20	18
Menclat Ptolemæi	45	0	4	50	1100	21	8
	Post	0	5	32	1200	23	28
	Christum.	100	0	6	1251	24	11
		178	0	6	1300	24	49
		200	0	7	1400	26	1
		300	0	8	1500	27	6
Concilij Nicæni	325	0	8	44	1582	27	55

PROBL. IX. PROPOS. XII.

CIRCVLVM quemlibet maximum, cuius positio, ac situs in sphaera non ignoretur, eiusque parallelos, ac Verticales in Astrolabio describere.

1. SIT in Astrolabio, cuius centrū E, Aequator ABCD; Horizon AFCG; & Verticalis AHCI: (In ijs, quæ sequuntur, magno vsui erit. si in plano aliquo vel charta, descripti sint potissimi circuli sphaeræ, tanquam in Astrolabio, cuiusmodi sunt Aequator, Ecliptica, Horizon, & Verticalis primarius propositæ regionis, & duo tropici; in hunc finem, ut eorum cuiuslibet magnitudinem, & situm in promptu habeamus.) sitque propositum, ut circulus maximus describeretur, secans Horizontem in puncto, quod ab ortu æquinoctiali C, versus austrum F, absit grad. 30. ac proinde totidem gradibus ab occasu æquinoctiali A, versus boream G; at vero Meridianum in puncto, quod supra Horizontem ab Aequatore in austrum vergat grad. 24. quod sic fiet. Inuento puncto N, in Horizonte, quod à C grad. 30. distet: Item puncto P, quod totidem gradibus ab A, recedat, illud in austrum, & hoc puncta hic inuenta sunt per rectas HM, HO, quæ auferunt ex Aequatore arcus CM, AO, grad. 30. ut propos. 5. Num. 17. ostensum est. Satis autem est, inuenisse alterum punctorum N, & P. Nam recta ex eo per centrum E, ducta exhibebit alterum, cum illa puncta per diametrum opponatur. Deinde in meridiana linea quaeratur punctum R, distans à B, grad. 24. quod fiet, si arcus sumatur BQ, in Aequatore grad. 24. & recta ducatur AQ, secans meridianam in R. Quod si arcui BQ, sumatur æqualis oppositus DS, dabit recta AS, in eadem meridiana punctum T, puncto R. oppositum, ut ex ijs liquet. quæ propos. Num. 13. demonstrauius. Et quia circulus maximus in sphaera transit per duo puncta opposita, habebimus quatuor puncta N, R, P, T, per quæ circulus maximus propositus describendus est. Inuento ergo V, centro trium quorumlibet punctorum, quod quidem est in concursu duarum perpendicularium rectas NP, RT, bifariam secantium, ex coroll. propos. 1. lib. 3. Eucl. erit circulus NRPT, ex V, descriptus, per tria illa puncta, qui omnino & per quartum incedet, maximus ille, quem describere iussi sumus, cum transeat per puncta Horizontis, ac Meridiani proposita, quæ quidem per diametrum opponuntur. Atque hac ratione per duo quæcunque puncta data, vnum in vno circulo maximo, & alterum in alio circulo maximo, circulus maximum describemus, si eis opposita puncta inuestigentur, ut quatuor puncta habeantur, per quæ describendus est. Ut si in Horizonte detur punctum N, in Meridiano punctum R, inquiremus eis puncta opposita P, T, &c. Quod si ea puncta non assignentur, sed eorum gradus dumtaxat exprimantur, nimirum in Horizonte grad. 30. ab ortu in austrum, & in Meridiano grad. 24. ab Aequatore in austrum, inuestigandi erunt illi gradus, puncta videlicet N, R, ut paulo ante factum est.

2. QVOD si describendus sit circulus maximus referens planum aliquod declinans à meridie, verbi gratia, in occasum grad. 30. & ad Horizontem inclinatum grad. 26. ex parte australi, (quo pacto autem cuiusque plani declinatio, R r r incli-

Circulus maximus per duo puncta in Horizonte, & alterum in Meridiano datum sit, vel per gradus expressum, in Astrolabio describere.

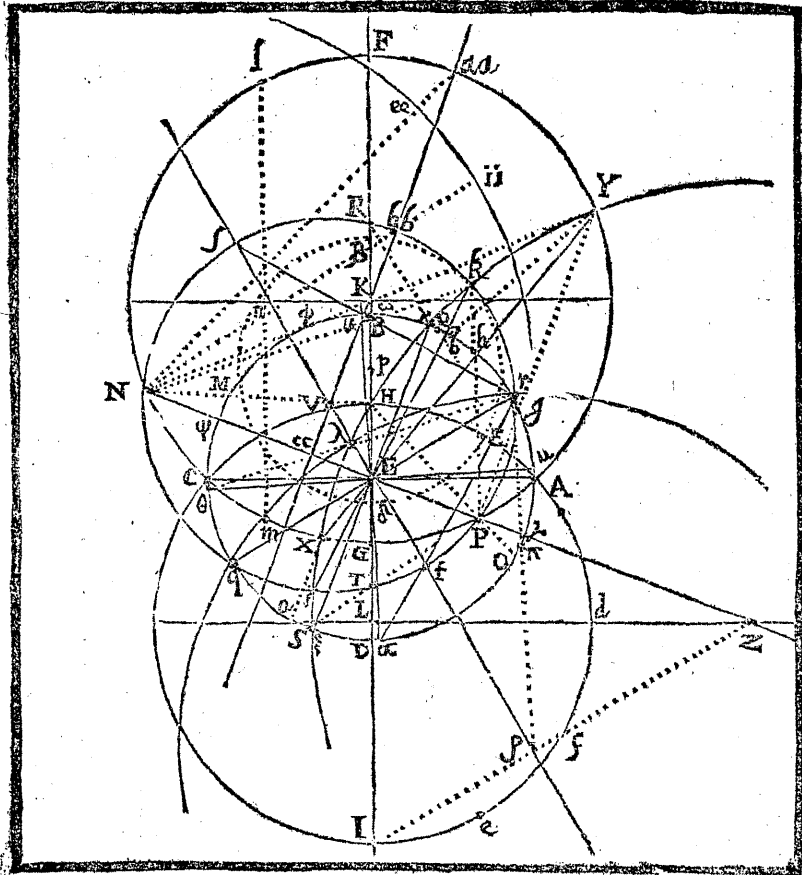
Per duo puncta quorum vnum in circulo aliquo maximo Astrolabii, & alterum in alio quorum circulo maximo datum sit, vel per gradus expressum, circuli maximum describere.

Circulus maximum, cuius declinatio à Verticali, & inclinatio ad Horizontem nota sit, in Astrolabio describere.

bio describere, be-
nificio Verticalis
eius inclinationē
metientis.

inclinatioque reperiatur, in Gnomonica lib. 1. propof. 23. docuimus.) fecabit
rursum ille circulus Horizontem in punctis H, P, quorum illud ab ortu in au-
strum, hoc vero ab occafu in boream vergit; quæ quidem reperiuntur, vt prius,
eruntque poli Verticalis circuli per polos Horizontis, & dati circuli tranfeun-
tis, inclinationēq; eius ad Horizontē metientis. Cum .n. hic Verticalis rectus
effe debeat & ad Horizontem, & ad circulum datum; transibit per vtriusque

213. 1. The.



polos, ac proinde vicissim vterque per illius polos transibit, ex scholio propof.
15. lib. 1. Theod. ideoque puncta N, P, vbi se interfecant, poli ipsius erunt. Et
quia poli quadrante maximi circuli absunt a maximo suo circulo, ex coroll. pro-
pof. 16. lib. 1. Theod. si inueniantur in Horizonte puncta X, Y. grad. 90. distan-
tia à polis N, P, vel quod idem est, grad. 30. à punctis G, F: quod fiet per rectas
ex H, ductas per puncta Aequatoris a, b, quæ 30. grad. à punctis D, B, ab-
sunt

Verticalis qui
oppositi circuli
inclinationem ad
Horizontem me-
tiantur, describere.

sunt; describendus erit Verticalis dictus per puncta X, H, Y, ex centro Z,
quod in recta LZ, ad meridianam lineam in L, centro primarii Verticalis per-
pendiculari, hoc modo reperietur. Quoniam ille Verticalis a primario ab or-
tu in boream, vel ab occafu in austrum grad. 60. recedit, sumemus arcum de
in Verticali, grad. 60. & arcum I e, duplicabimus vsque ad f: Vel ab H; sume-
mus arcum 60. grad. duplicatum vsque ad f. Nam recta I f, fecabit LZ, in Z, cen-
tro Verticalis dati, vt propof. 8. Num. 10. traditum est. Idem centrum Z, exhibe-
bit recta NP, producta, propterea quod poli illius Verticalis, & centrum in ea-
dem recta NP, per centrum, & polos ipsius ducta existit, vt in eadem propof. 8.
Num. 19. ostensum est. Descripto autem Verticali XHY, si ex eo abscindatur ar-
cus Yk, grad. 26. vt propof. 5. Num. 17. traditum est, habebimus tria puncta N,
k, P, per quæ propositus circulus describendus est, qui necessario transibit per
quartum punctum i, puncto k, per diametrum i E k, oppositum. Sic autem ar-
cum Yk, grad. 26. auferemus. Ducta ex P, polo Verticalis XHY, ad Y, recta PY,
secante Aequatorem in g, accipiatur arcus gh, grad. 26. Nam recta Ph, abscin-
det quæsitum arcum Yk, grad. 26. Aut ex altero polo N, ducatur recta NY, se-
cans vel tangens Aequatorem in q, (In hoc exemplo tangit, & non secat, ac
proinde & Verticalem tangit in Y, vt in scholio propof. 5. Num. 15. monstratum
est) sumaturque arcus q o, grad. 26. Recta enim No, dabit idem punctum k. Vbi
cernis, arcus Aequatoris yg, q o, idem punctum Y, exhibentes, esse æquales, ab
oppositis Aequatoris punctis inchoatos: Item arcus yh, q o; nec non & tam ar-
cus x g, x o, x h, x o, æquales esse, quorum principium in eadem sectione x, exi-
sit, ipsi autem in contrarias partes tendunt. Id, quod propof. 5. Num. 23. obser-
uandum esse monuimus. Vel certe describatur parallelus Horizontis kke, grad.
26. ab Horizonte distans hoc modo. Sumptis duobus arcubus Fl, Gm, grad. 26.
ducatur recta lm, secans diametrum Horizontis Kn, in n. Iunctis namque rectis
Al, Am, An, secantibus meridianam in β, δ, p, erit βδ, diameter eius paralle-
li, & p, centrum, vt ex iis constat, quæ propof. 6. Num. 6. demonstrauimus. Pa-
rallelus ergo ex p, per β, δ, descriptus secabit Verticalē XHY, in k, puncto, quod
arcum Yk, grad. 26. auferit. Immo si describatur parallelus βδ, atque in eo ex
puncto e, numerentur grad. 60. vt propof. 6. Num. 22. docuimus, vsque ad k, in-
uentum erit punctum k, per quod circulus maximus propositus transire debet,
etiãsi Verticalis XHY, descriptus non sit. Quæ quidem ratio commodissi-
ma est, quando Verticalis ille parum à Meridiano distat, ac proinde difficilis ad-
modum eius redditur descriptio, propter nimiam distantiam eius centri in recta LZ,
à puncto L. Ad finem quoque scholii propof. 15. reperies facillimam, pulcherrimamque
praxim, qua sine Verticali, & parallelo Horizontis tertium punctum
bb, inueniatur, per quod circulus propositus describendus sit. Necessè est autem,
si erratum non est, puncta q, r, vbi circulus maximus descriptus Aequatorem se-
cat, per diametrum esse opposita, hoc est, rectam q r, per centrum E, transire;
& propterea quod maximi circuli in sphaera se mutuo bifariam secant: quod etiã
in scholio propof. 5. Num. 6. monuimus. Hinc enim fit, vt omnes circuli in Astro-
labio quomodocunque per duo puncta per diametrum opposita descripti, qua-
lia sunt in proposito exemplo puncta N, P, & R, T, secant Aequatorem bifariam,
cum circulos ipsarum maximis referant. Quæ de re plura in scholio huiusce
propositionis scribemus.

Arcum dare in-
clinationis ex de-
scripto Verticali
inclinationē pro-
positi circuli me-
tiente, abscinge-
re.

Circulum eundē
maximum, cuius
declinatio a Ver-
ticali, & inclina-
tio ad Horizontē
nota sit, in Astro-
labio describere,
beneficio paralle-
li Horizontis, si-
ne Verticali incli-
nationem metien-
te.

Commodius pa-
terioris huius de-
scriptionis.

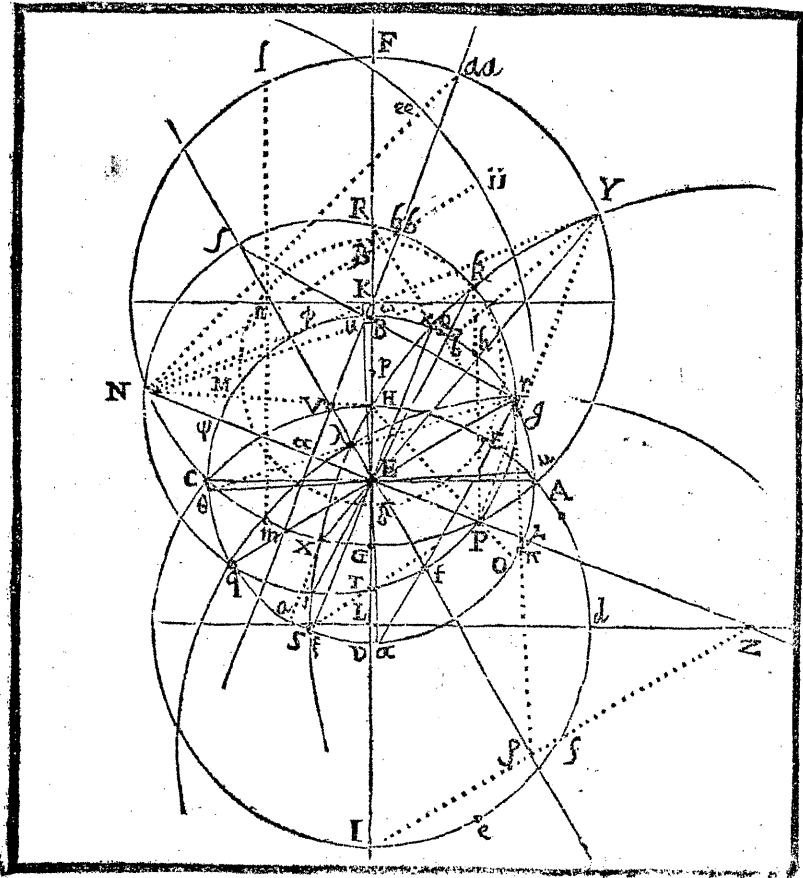
Circulum eundē
maximum facilli-
ma praxi per do-
ctrinam scholii
propof. 15. descri-
bere.

211. The.
Omnes circulos
in Astrolabio per
duo puncta per
diametrum oppo-
sita descriptos se-
care Aequatorem
bifariam.

3. VT autem parallelus huius circuli maximi descripti NRPT, describa-
mus, inuenienda est vera eius diameter in Aequatore, tanquam Meridiano Ana-
lemmaticis, vt propof. 8. Num. 16. præcepimus, hoc nimirum modo. Per E, centrum

23. *tertia*
Diametrum vera
circuli maxi
descripti, eiusde
polos, & alti
tudinem poli su
pra eundem inue
nire.

Astrolabii, & V, centrum circuli descripti, ducatur recta ft, a qua ad q r, in cir
culo NRPT, existentem, quam in E, bifariam dividit, è centro V, veniens per
pendicularis erit referet que communem sectionem Astrolabii, Aequatorisue, &
Meridiani proprii eiusdem circuli maximi, vt in scholio propof. 3. Num 4. di
uidum est. Deinde ex r, tamquam polo australi per s t, extremitates diametri ma
ximæ visæ egredientes rectæ secant Aequatorè in u, & Recta enim u a, vera dia-



meter erit dicti circuli maximi in sphaera, ita vt r u, sit altitudo poli supra eun
dem. Et si ducatur alia diameter $\theta\mu$, ad u a, perpendicularis, erit ea axis eius
dem circuli, & proprii eius poli θ, μ , quorum θ , in λ , apparebit, quæ om
nia propositione 8. Num. 16. & 17. demonstrata sunt. Vides ergo, Verticalem
XHY, trāsire per λ , polum circuli NRPT, quemadmodum & hic per N, P, polos
illius Verticalis ducitur, vt vult theor. 1. scholii propof. 15. lib. 1. Theod. Ita
que si vera diametro u a, parallelæ agantur per singulos gradus Aequatoris,
vel ipsa

Parallelas descri
pi circuli maxi
mi in Astrolabio
describere.

vel ipsi ft, parallelæ ducantur per singulos gradus circuli NRPT, & ex r, per
earum extrema radij eijciantur, secabitur recta ft, in extremis punctis diame
trorum visarum, & rectæ ex r, ad intersectiones parallelarum ipsius ft, cum
diametro circuli NRPT, secante ipsam ft, ad angulos rectos, in eadem ft, in
dicabunt centra parallelorum, vt propof. 6. Num. 6. de parallelis Horizontis
diximus.

4. VERTICALES denique eiusdem huius circuli NRPT, tanquam Hori
zontis, non aliter describentur, ac Verticales Horizontis, de quibus propof. 8.
dictum est. Primarius enim erit qar, cuius centrū ρ , in recta st, reperitur, si ar
cui μ , æqualis fiat $M\pi$, & recta $r\pi$, ducatur, vel arcui $q\alpha$, sumatur æqua
lis $\alpha\pi$, vt propof. 5. Num. 4. demonstratum est. Centra autem aliorum Verti
calium reperientur in recta per ρ , ad ρ , perpendiculari, quemadmodum pro
pof. 8. præcepimus.

Verticales circuli
maximi
descripti, tanquā
Horizontis curu
piani, describere.

HABET autem propositio hæc vsum eximium præter alios, in re Gnomo
nica. Nam per eam inuenientur altitudines Solis, & latitudines umbrarum, siue
circumferentiæ horizontales, atque arcus horarij, in circulo maximo propo
sito, ad singulas horas, in qualibet regione, vbi cunq; Sol existat in Zodiaco: si
prius illius plani, in quo horologium describendum est, declinatio à Vertica
li, & ad Horizontem inclinatio, inueniantur, ex propof. 23. lib. 1. nostræ Gno
monices; & in Astrolabio circulus maximus, per hanc propof. describatur, re
ferens maximum in sphaera circulum, cui planum horologij æquidistat; ac tan
dem eiusdem circuli describantur paralleli, & Verticales, vt hoc loco diximus.
Sed hæc planiora sient lib. 3. Can. 16. & 21.

Utilitas huiuspro
propositionis.

SCHOLIUM.

1. QVONIAM & in hac propof. Num. 3. & propof. 8. Num. 16. & in sch
lio propof. 5. Num. 6. traditum est, omnes circulos maximos in Astrolabio dividere A
equatorem bifariam, placuit hoc ipsum aliter, & Geometricè demonstrare propositio
hoc Theoremate.

SI circulum datū alius circulus bifariam, hoc est, in punctis op
positis secet, & in hoc recta vtcunq; accommodetur per centrum
dati circuli transiens: secabunt omnes circuli per extrema puncta
huius rectæ descripti datum quoq; circulum bifariam.

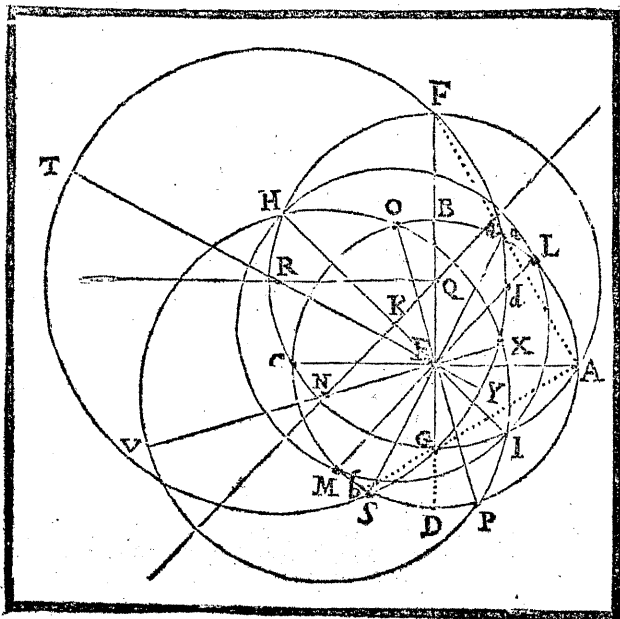
Si in circulo
cane datum cir
culum bifariam
accommodetur re
cta per centrum
dati circuli, seca
bunt omnes circuli
per extrema
illius rectæ: au
seuantes eundem
quoq; datum cir
culum bifariam.

SIT datus circulus ABCD, cuius centrum E, sectus à circulo AFCG, cuius
centrum Q, bifariam in A, & C, appliceturq; per centrum E, recta quomodo locunq;
HI, in circulo AFCG, non per eius centrum Q, transiens, & per H, I, circuli descri
bantur, vt libet, HLIM, HOPV. Dico eos datum circulum ABCD, bifariam seca
re in punctis L, M, & O, P. Sit enim primum in recta HI, centrum K, circuli prioris
HLIM, & per centrum E, ad HI, excitetur perpendicularis LM, secans circulum
datum in punctis L, M, per qua dico circulum HLIM, transire. Iuncta enim diame
tro dati circuli AC, (cum datus circulus positus sit bifariam in A, C, secari à circulo
AFCG.) quoniam recta HI, AC, se mutuo secant in E: erit rectangulum sub HE,
EI, rectangulo sub AE, EC, hoc est, quadrato rectæ AE, vel rectæ LE, æquale. Cum
ergo LE, sit ad HI, perpendicularis, transibit per lemma. 16. semicirculus HLI,
per L, atque eandem ob causam & per M, semicirculus HMI, transibit. Secat ergo
circulus

a 35. *tertia*

circulus HLIM, datum circulum in punctis L, M, per diametrum LM, oppositum, ideoq; bifariam, quod est propositum.

DEINDE sit N, centrum posterioris circuli HOPV, extra rectam applicatam HI, ducaturq; eius diameter VX, per E, centrum dati circuli, ad quam ducatur diameter eius-



culi perpendicularis OP, Dico circulo HOPV, per puncta O, P, transire. Quoniam enim recte HI, AC, se in circulo AFCG, mutuo secant in E, aequale est triangulum sub HE, EI, recte AE, EC, hoc est, quadrato recte AE, vel OE, aequale: Sed recte AE, EI, triangulo sub HE, EI, aequale est re-

a, 35. tertij.

b, 35. tertij.

ctangulum sub VE, EX; qd recte HI, VX, se mutuo quoq; secant in E, in circulo HOPV, per H, I, descripto. Igitur & quadratum recte OE, rectangulo sub VE, EX, aequale erit. Cum ergo OE, ad VX, sit perpendicularis, transibit, per Lemma 16 semicirculus VOX, per O; & eandem ob causam semicirculus VPX, per P. Circulus igitur HOPV, datum circulum secat in punctis O, P, per diametrum OP, oppositum, ideoq; bifariam, quod est propositum.

QVOD si in circulo AFCG, applicata sit recta FG, per eius centrum Q, & per E, centrum dati circuli transiens, ac per F, G, circulus, ut libet, describatur FATs, ex centro R, secans circulum datum in a, S, dico rursus, datum circulum in a, S, dividit bifariam. Ducta namque diametro circuli descripti TY, per centrum E, dati circuli, & ad eam excitata diametro dati circuli perpendiculari a S, demonstrabimus eodem modo, circulum FATs, transire per a, S. Quoniam enim recte FG, AC, in circulo AFCG, se mutuo secant in E; c erit rectangulum sub FE, EG, rectangulo sub AE, EC, hoc est, quadrato recte AE, vel aE, aequale: Sed rectangulo sub FE, EG, aequale est rectangulum sub TE, EY, quod d recte FG, TY, in circulo FATs, per F, G, descripto se mutuo quoque secant in E. Igitur & quadratum recte aE, & rectangulo sub TE, EY, aequale erit. Cum ergo aE, ad TY, perpendicularis sit, transibit per Lemmas 16, semicirculus TAY, per a; eandemq; ob causam semicirculus TSY, per S,

c, 35. tertij. d, 35. tertij.

Circulus

Circulus igitur FATs, datum circulum secat in punctis a, S, per diametrum a S, oppositum, atque idecirco bifariam, quod est propositum.

2. ET quoniam omnes maximi circuli ducuntur per duo aliqua puncta per diametrum opposita, recta autem duo huiusmodi puncta connectens, diameter est alicuius circuli maximi obliqui Aequatorem bifariam secantis; (quemadmodum enim Horizon, Verticalis, Eclipticaque Aequatorem secant bifariam, propterea quod puncta extrema in diametro vis a cuiuslibet eorum representantur duo puncta in sphaera per diametrum opposita, ut in scholio propositionis 5. Num. 1. & 3. ostendimus: ita quoque circulus circa quamcumque rectam duo puncta per diametrum opposita iungentem ex medio eius puncto descriptus, eundem Aequatorem bifariam dividit, ut in eodem scholio Num. 3. demonstratum est.) efficitur ex theoremate huius scholij, omnes maximos circulos in Astrolabio, cum per eiusmodi duo puncta per diametrum opposita describantur, Aequatorem bifariam secare, non secus atque in caelo contingit. Ex quo sequitur, omnes Verticales, circulos positionum, circulos horarios, & circulos maximos, qui per polos Eclipticae ducuntur, Aequatorem secare in punctis per diametrum oppositis. Id quod supra proprijs in locis ostensum quoque fuit.

Omnes circulos in Astrolabio maximos dividere Aequatorem bifariam.

PROBL. X. PROPOS. XIII.

PER data duo puncta in Astrolabio, vel per vnum solum, circulum maximum describere.

1. HOC idem, quod ad duo puncta attinet, demonstrat Theodosius lib. 1. propos. 20. differtque propositio haec a praecedenti, quod in hac 13. non datur finis, ac positio circuli describendi, aut duo puncta in duobus circulis maximis, sicut in illa 12. sed solum duo puncta assignantur quomodocumque. Concipiat ergo in Astrolabio, cum per eiusmodi duo puncta per diametrum opposita describantur, Aequatorem bifariam secare, non secus atque in caelo contingit. Ex quo sequitur, omnes Verticales, circulos positionum, circulos horarios, & circulos maximos, qui per polos Eclipticae ducuntur, Aequatorem secare in punctis per diametrum oppositis. Id quod supra proprijs in locis ostensum quoque fuit.

Per duo puncta quomodo, in Astrolabio data maximi circulum describere

a, 31. tertij.

2. Quando alterum punctorum datum fuerit in Circumferentia Aequatoris, absolvetur problema, si in Aequatore accipiat aliud punctum oppositum, & per tria puncta, quorum duo sunt in Aequatore opposita, tertium autem datum, circulus describatur. Ut si data sint duo puncta F, a; ducta diametro Aequatoris a S, describemus per tria puncta F, a, S, circulum FaS.

Per duo puncta, quorum vnum in Aequatore est, circulum maximum describere

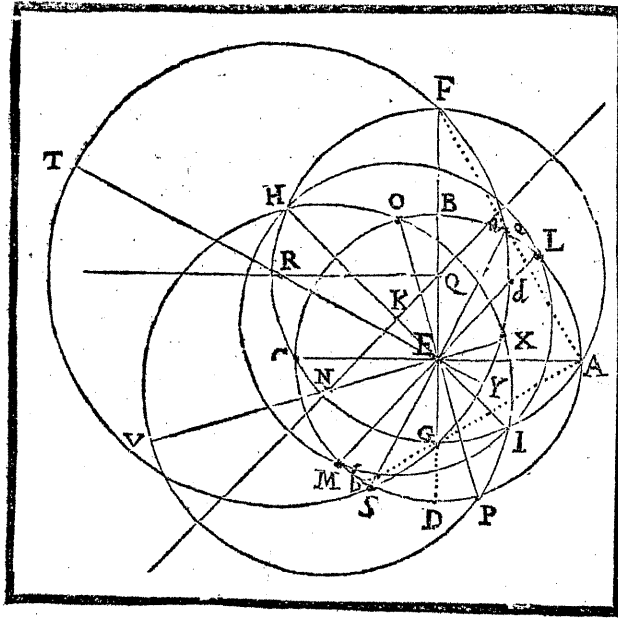
3. QVOD si duo data puncta iaceant in linea recta cu E, centro Aequatoris, ut si puncta

Per duo puncta, quae sunt in eadem recta per centrum Astrolabii ducta, circulum maximum describere.

puncta data sint F, B, vel F, G, referet ipsa recta FB, vel FG, in infinitum extensa maximum circulum per polos mundi ductum, vt constat ex propof. 1. Neque per duo illa puncta alius circulus maximus describi poterit, nisi per diametrum sint opposita, qualia sunt F, G. Tunc enim non solum recta FG, in infinitum extensa maximum circulum referet per ea puncta ductum, sed etiam per eadem infiniti alii circuli maximi describi poterunt, cuiusmodi sunt FAGC, & FYGT, ex centris Q, R, descripti: quorum omnium centra erunt in recta QR, secante FG, bifariam, & ad angulos rectos, vt constat ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl.

Per duo puncta in circumferentia Aequatoris data, circulum maximum describere.

4. K V R S V S si data puncta sint in Aequatoris circumferentia, vt B, L, erit ipsemet Aequator, maximus circulus per ea ductus, & nullus alius per eadem illa puncta poterit describi, nisi quando per diametrum opponuntur. Vt



data puncta sint O, P, describi poterunt per O, P, praeter Aequatorē, infiniti alii circuli maximi, cuiusmodi est OHVP: quemadmodum paulo ante de punctis oppositis extra circumferentiā Aequatoris diximus. Omnia autem centra erunt in recta EN, ad OP, perpendiculari, vt constat ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl.

Per datum quodvis punctum in Astrolabio, quorum circulos maximum describere.

5. I A M si per vnum datum punctum circulus sit describendus, fiet id dicto citius, si per punctum datum, & duo alia quaecunque in Aequatore per diametrum opposita circulus describatur. Ex quo efficitur, per quoduis datum punctum, infinitos maximos circulos describi posse, cum infinitis modis accipi possint in Aequatore duo puncta opposita. Ita vides per punctum H, tres maximos circulos HOP, HLM, HAC, descriptos esse, cum tam puncta O, P, quam L, M, &

L, M, & A, C, sint per diametrum opposita in Aequatore.

6. DENIQUE si dentur duo puncta per diametrum opposita, describi poterunt per ea infiniti circuli maximi, quorum omnium centra existunt in recta rectam illa puncta coniungentem secante bifariam, & ad angulos rectos. Vt in eadem figura per puncta H, I, opposita per diametrum descripti sunt tres circuli maximi HCIF, HMIL, HVIO, quorum centra sunt in recta NQ, secante rectam HI, bifariam, & ad angulos rectos in K, vt constat ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Atque ita infiniti alii circuli maximiper eadem puncta poterunt describi ex assumptis aliis centris in recta NQ. Hoc obiter etiam asseruimus paulo ante ad finem Num. 3. & 4.

Per duo puncta per diametrum opposita, quorum circulos maximum describere.

PROBL. XI. PROPOS. XIII.

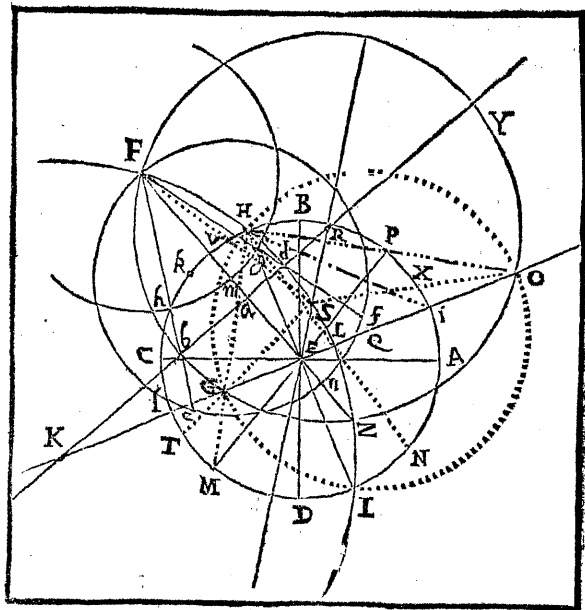
DATIS duobus punctis in Astrolabio per quadrantem maximi circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum circulum maximum describere, cuius alterum punctum sit polus: Item dato quolibet puncto, maximum circulum describere, cuius polus sit datum illud punctum: Atque insuper circulum non maximum, cuius distantia ab eo polo data sit.

1. IN Astrolabio, cuius Aequator ABCD, circa centrum E, & in quo duae diametri AC, BD, sese ad rectos angulos secant, quarū illa Horizontem rectum, hac vero Meridianum referat, sint data primum duo puncta F, G, quorum vnum ab altero absit quadrante circuli maximi, sitque per F, describendus circulus maximus, cuius polus G. Ducatur per G, polum circuli describendi, & E, centrum Astrolabii recta HE, quam ad rectos angulos secet diameter HI, describaturque per tria puncta F, H, I, ex centro K, (quod, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. necessario in recta GE, existit, ob angulos rectos in centro E.) circulus FHI, secans rectam GE, in L, qui per ea, quae in scholio propof. 4. Num. 9. demonstrauimus, maximus est, cum Aequatorem in H, I, bifariam secet. Dico eius polum esse G; si verum est, G, ab F, abesse quadrante circuli maximi, ac proinde posse esse polum alicuius circuli maximi per F, ducti, vt positum est. Quoniam enim circulus maximus per rectam KL, representatus transit per G, polum alicuius maximi circuli per F, ducti, transitque vicissim circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus G, per polum circuli maximi, quem recta KL, representat, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. Cū ergo H, sit polus circuli KL, cum ab eo aequaliter, & per quadrantes HI, H I, distet, erit FHLL, circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus G. Nam alii circuli maximi per F, ducti, & a circulo FHI, diuersi, non transeunt per H, I, polos circuli KL, quod tamen necessarium esse diximus, ex scholio prop. 15. lib. 1. Theod. si G, polus est alicuius circuli per F, ducti.

Datis duobus punctis quadrante maximi circuli inter se distantibus, per alterutrum eorum circulum maximum describere, cuius alterum punctum sit polus.

V T autem videas, quam apte haec consentiant iis, quae demonstrata sunt, ducantur ex H, polo circuli KL, per G, L, radij HM, HN. Si enim G, polus est circuli FHI, necesse est GL, esse circuli quadrantem, hoc est, arcum Aequatoris MN, cui

eui arcus GL. respondet, quadrantem esse. Item si per puncta F, G, per precedentem propos. maximus circulus describatur FGO, quod quidem sic fiet: Reperiatur punctum O, puncto G. oppositum vel per circulum GHOI, per tria puncta H, G, I, ex centro Q, descriptum, vel per angulum rectum MHO. cum ducta recta HM. ad H, constitutum, qui dicto citius constructur, si diameter ducatur MP, rectaq; HP, emittatur secans GL, in O. Deinde per tria puncta F, G, O. ex centro R, circulus describatur. necesse est arcum FG, quadrantem esse, quod sic experieris. Ducta per E, centrum Astrolabii, & R, centrum circuli FGO, recta ER, secante circulum FHI, in S, erit S. polus circuli FGO. Nam cum FGO, ponatur transire per G. polum circuli FHI, transibit ex scholio propos. 1. lib. 1. Theod. vicissim FHI per polos circuli FGO. Cum ergo huius polus sit in recta ER, ut propos. 8. Num. 19. ostensum est, erit S. eius polus. Igitur si FG, quadrans est, necesse est, radios SG, SF, ex Aequatore abscindere quadrantem TV.



3. NON est autem necesse, circulum per datum punctum F, descriptum ambire alterum punctum datum, quod polus esse debet, ita ut polus intra circulum descriptum, cuius est polus, contineatur, cum semper in Astrolabio vnus polus sit intra circulum, cuius est polus, & alter extra, ut patet in Horizote, cuiusq; parallelis. Nam si alterum punctum datum sit O, ducta recta OE, excitataq; perpendiculari ad eam HI, erit circulus FHI, maximus, cuius polus est O. quem non ambit. Quoniam enim circulus maximus, quem recta OE, refert, transit per O, polum alicuius maximi circuli per F, ducti, ex hypothesi. transibit ex scholio propos. 15. lib. 1. Theod. vicissim circulus ille maximus per F, ductus, cuius polus O, per polos circuli maximi O E, hoc est, per H, I. Circulus igitur FHI, est

FHI, est maximus ille, cuius polus O. Nam nullus alius per F, ductus transit per H, I, polos circuli O E.

HIC etiam vides, radios SF, SO, ex polo S, circuli FGO, emissos auferre ex Aequatore quadrantem VX; ac proinde arcum OYF, circuli FGO, representare quadrantem, ut vult hypothesi. Ponitur enim O, ab F, distare quadrante circuli maximi per ea puncta ducti. Arcus autem reliquus OGF, continet tres quadrantes, quemadmodum & arcus Aequatoris XIV, cui ille respondet.

3. SIT deinde datum quodlibet punctum G, describendusq; sit circulus maximus, cuius polus sit datum punctum G. Ducta recta GE, per datum punctum, & centrum Astrolabii, excitabimus ad eam perpendicularem HI. Deinde ex H, polo circuli maximi GE, ducta recta HG, secante Aequatorem in M, accipiemus quadrantem MN, siue ad dextram, siue ad sinistram, (In dato exemplo in eodem foret accipere quadrantem MK, versus sinistram, quia recta Hk, nimis procul rectam EG, secaret.) rectamque ducemus HN, qua GE, secet in L. Circulus namque per tria puncta H, L, I, descriptus erit maximus, cum Aequatorem bifariam secet; eiusque polus erit G, cum ab eo distet quadrante circuli maximi GL.

PARI ratione, si datum punctum sit O, polus describendi circuli maximi, ducemus quoque rectam OE, & ad eam perpendicularem erigemus HI. Deinde ex H, polo circuli maximi OE, ducta recta HO, secante Aequatorem in P, sumemus quadrantem PN, rectamque emitemus HN, secantem OE, in L. Nam rursus circulus per tria puncta H, L, I, descriptus, erit maximus, eiusque polus O, cum distet quadrante circuli maximi OL, ab eo.

CENTRUM autem circuli maximi describendi ita reperietur ex iis, quae propos. 5. Num. 3. demonstraui. Ducta recta ex H, per polum G, vel O, secante Aequatorem in M, vel P; sumptisq; duobus quadrantibus MN, Mk, vel PN, Pk, dabunt radii HN, Hk, in recta KO, diametrum visam circuli maximi, quod recta ducta kN, sit vera eius diameter, quandoquidem eius polus est M. Si vero arcui Hk, aequalis abscindatur a puncto k, versus M, vel arcui HN, ab N, versus M, cadet recta ex H, per extremum punctum arcus accepti ducta in K, centrum circuli, diuidens diametrum abscissam bifariam in K. Itaque etiam si tota diameter commode haberi nequeat, propterea quod aliquando alter radiorum, qualis hic est Hk, nimis procul excurrit, poterit tamen circulus maximus describi ex centro inuento per alterum extremum diametri, quale hic est punctum L.

4. DENIQUE sit describendus circulus non maximus, cuius polus G, a quo eius circumferentia quotuis gradibus recedat. Ducta per G, & centrum E, recta, quam HI, ad rectos angulos secet, ducemus ex H, per G, rectam HG. Aequatori occurrentem in M; eritq; M, polus circuli describendi, cum radius HM, exhibeat eius polum G, in Astrolabio, & ME, axis erit eiusdem circuli. Si igitur ab M, vtrinque gradus propósitos numeremus, ut terminos verae diametri circuli describendi habeamus, & per fines ex H, radii egrediantur, abscindetur ex GE, diameter circuli describendi, qua secata bifariam, circulus describetur. Quod si quando tota diameter commode haberi non potest, ut cum alterum eius extremum nimis procul a G, abest, inueniendum erit centrum circuli describendi per ea, quae propos. 6. Num. 9. demonstraui, hoc videlicet modo. Numeratis ab M, vtrinque gradibus propósitos, iungantur extrema puncta per rectam lineam, qua (ut diximus) vera diameter erit circuli describendi, & punctum notetur, ubi ea diameter axem ME, intersecat. Si enim per hoc punctum ex H, recta emittatur, & arcui inter M, & eam rectam intercepto aequalis abscindatur ex altera parte, cadet recta ex

Circulum maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio.

Circulum non maximum describere, cuius polus sit datum punctum in Astrolabio.

H, per extremum punctum arcus abscissi in centrum, &c.

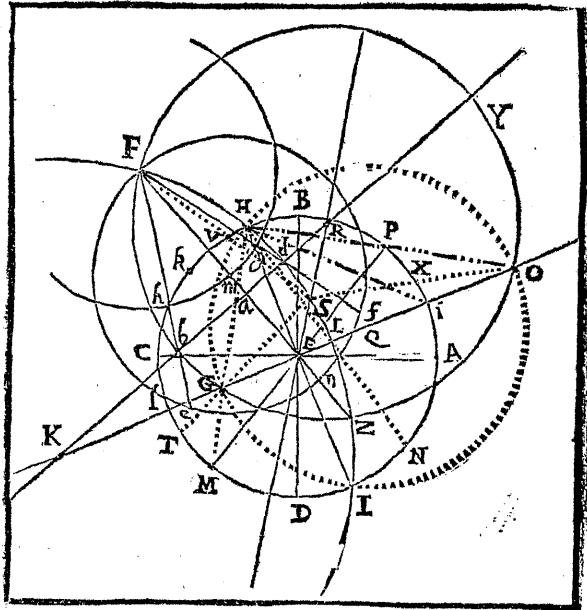
EODEM modo progrediemur, si punctum O, polus ponatur. Ducta enim recta HO, secante Aequatorem in P; erit ducta PE, axis circuli describendi, &c. Exemplum circuli non maximi describendi non proponimus, ne figura nimis tanta linearum multitudine confundatur.

PROBL. XII. PROPOS. XV.

ANGVLI sphaerici, quem duo quilibet circuli maximi in Astrolabio comprehendunt, magnitudinem, siue (quod idem est) duorum circularum in Astrolabio maximorum inclinationem inuenire.

I. IN figura antecedentis propof. fecet primum maximus circulus HOIG, Aequatorem ABCD, in H, I, punctis oppositis, vel duo circuli maximi HGI, HLI, se fecent in circumferentia Aequatoris in punctis eisdem H, I; propositum.

Anguli sphaerici in circumferentia Aequatoris constituti quantitates, vel inclinationem duorum circularum maximorum, quorum unus sit Aequator, vel ambo in Aequatoris circumferentia se interfecerint, inuestigantur.



que fit quantitatem anguli OHA, vel OIA, hoc est, inclinationem circuli maximi HOI, ad Aequatorem explorare, &c. Ducta diametro Aequatoris HI, secet eam ad angulos rectos alia diameter li, quantumlibet extensa, secans Aequatorem, & datum circulum in i, & O: iunganturque; rectae HO, Hi, secantes Aequatorem, in P, i. Dico arcum Pi, metiri angulum OHI, siue inclinationem circuli maximi

maximi HOI, ad Aequatorem. Quoniam enim li, rectam HI, in E, bisariam fecat, & ad angulos rectos, transibit per centrum circuli HOI, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Ideoque & per polos circuli eiusdem, vt propof. 8. Num. 19. ostendimus. Cum ergo per propof. 1. circulum maximum per polos mundi ductum referat, erunt ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. arcus Hi, HO, quadrantes, atque idcirco iO, arcus erit anguli OHi, vel inclinationis circularum. Quare cum per propositionem 1. Num. 5. segmentum Oi, arcum Pi, aequale sit, quod ad numerum graduum attinet, erit quoque Pi, arcus anguli OHi, vel inclinationis circuli HOI, ad Aequatorem. Sic quoque anguli GHi, (qui anguli OHi, complementum est ad duos rectos.) arcus est segmentum Gi, cui respondet arcus Mi. Item Li, vel Ni, arcus est anguli LHi: & Ll, vel Nl, arcus anguli LHI. Denique GL, vel MN, arcus est anguli GHL, quem duo circuli maximi HGI, HLI, constituunt, se mutuo secantes in circumferentia Aequatoris. Ex quo fit, eodem modo eius anguli magnitudinem inuestigandum esse.

2. SECENT deinde se se duo maximi circuli FGZ, FHa, in punctis oppositis FZZ, extra peripheriam Aequatoris, constituentes angulum GFH, quem inuestigare oportet. Ducta eorum diametro FZ, per E, centrum Astrolabii; (Quod si circuli se solum in F, interfecerant, pro ducendi essent, donec se in Z, fecerant; vel certe recta FE, producenda, & inueniendum punctum Z, puncto F, oppositum, vt propof. 6. Num. 13. traditum est). secet eam in a, recta aliqua bifariam, & ad angulos rectos, qualis est recta KR, per centra K, R, circularum transiens; unde satis est rectam KR, per eorum circularum centra ducere, etiamsi communis eorum sectio FZ, ducta non sit. quod commodissimum erit, quando alterum punctorum intersectionis procul distat. Immo si alterum centrorum nimis procul abfit a recta EF, satis est ex viciniori R, ad EF, perpendicularem demittere Ra. Haec enim secabit rectam FZ, si ducta esset, bifariam &c. Deinde ex quouis puncto m, rectae FZ, siue illud idem sit, quod punctum medium a, siue non, describatur per F, circulus Ffe: vel ex puncto F, ad quodlibet interuallum circulus gh. Postremo per puncta b, d, vbi circuli maximi dati rectam KR, interfecant, ex F, rectae egrediantur secantes circulum Ffe, in f, e, vel circulum gh, in g, h. Dico ef, arcum esse anguli GFH, hoc est, inclinationis circularum, & arcum gh, esse semissem eiusdem arcus. Nam si puncta opposita F, Z, ponantur poli alicuius Horizontis obliqui, erunt circuli FGZ, FLZ, duo Verticales, quorum primarius ex centro a, per F, Z, describendus esset; recta vero KR, referet parallelum illius Horizontis per polum mundi, in quo oculus collocatur, ductum, vt propof. 8. Num. 2. ostendimus. Igitur, vt in eadem propof. Num. 11. monstratum est, segmentum bd, rectae KR, tot gradibus eius paralleli respondet, quot in arcu ef, vel in arcu gh, duplicato continentur. Cum ergo arcus eiusdem paralleli inter circulos FGZ, FLZ, similis sit arcui illius Horizontis obliqui, qui quidem arcus est anguli GFH, liquet arcum quoque ef, eiusdem anguli arcum esse, &c. Quia vero in praecedenti propositione circulus FHZ, descriptus fuit circa polum G, transibit circulus FGZ, per illius polos; ac proinde angulus GFH, rectus erit. Necessesse est ergo, arcum eius ef, quadrantem esse circuli Ffe, arcum vero gh, semissem quadrantis circuli gh.

QVIN etiam si per punctum F, quomodocunque circulus describatur, licet eius centrum non sit in recta FZ, qualis etiam est, u. g. alteruter arcuum datum angulum continentium, vt FG, secans duas rectas Fb, Fd, in b, p; metietur eius arcus

Anguli sphaerici extra peripheriam Aequatoris constituti quantitates, vel inclinationem duorum circularum maximorum sese extra Aequatoris peripheriam secantium, inuestigantur.

a, 10. 2. Th.

b, 11. 1. Th.

arcus bp, propositum angulum GFH, cum per lemma 10. similis sit arcui ef, & hg, semisus illius arcus, qui similis sit arcui bp,&c.

Quando alter circulo- rum per polos ma- ximi ducitur, idem inuestigare.

3. QVOD si alter circulo- rum angulum sphaericum constituentium traefeat per centrum Astrolabii, hoc est, representet circulum maximum per polos mudi ductum, abfoluemus eodem modo problema, nisi quod tunc vna tantum re- cta linea ex angulo ducenda est. Vt si angulus sphaericus contineatur maximo circulo FEZ, per rectam lineam representato, & circulo maximo FGZ, erit en, arcus illius, & hm, eiusdem semisus. Sic etiam anguli EHL, arcus erit IN, & sic de caeteris.

3. 3. tertij.

IMMO etiam si neque vlla recta ex angulo ducatur, neque circulus Fen, aut hm, describatur arcus tamen bZ, angulum bFZ, & arcus LI, angulum EHL, metietur; propterea quod per Lemma 10. tam arcus bZ, e n, quam LI, NI, similes sunt &c. Ex quo fit, quoniam arcus FbZ, HLL, bifariam diuiduntur a perpendicularibus ab, EL, vt arcus quoque Fb, HL, eosdem angulos metiantur: ita vt alterum punctum intersectionis necessarium non sit.

Facilis inuentio magnitudinis anguli sphaerici, cuius neuter arcuum per centrum Astrolabii incedit.

RATIO haec accommodari etiam poterit ad angulum quelibet, licet neuter circulo- rum per centrum Astrolabii transeat. Sit enim datus angulus bZd, ita vt punctum intersectionis F, vix haberi possit. Ducta recta ZE, per centrum Astrolabii, ducatur ad eam ex R, centro circuli bZ, quod vicinius est, perpendicularis secans vtrumque circulum in b, d. Quia igitur arcus bZ, angulum bZa, & arcus dZ, angulum dZa, metitur; si arcui bZ, adiciatur arcus arcui dZ, similis; conflabitur arcus totius anguli bZd. Idemque habebitur, si ad arcum dZ, adiciatur arcus arcui bZ, similis. Rursum datus sit angulus hLK, in figura sequentis propof. Ducta recta LE, per centrum Astrolabii, ducatur ad eam ex alterutro circuli centro perpendicularis secans vtrumque circulum in h, K. Quo perado, metietur arcus Lh, angulum hLN, & arcus LK, angulum KLN. Si igitur ex arcu Lh, auferatur arcus arcui LK, similis, reliquus fiet arcus anguli hLK.

Alia solutio problematis.

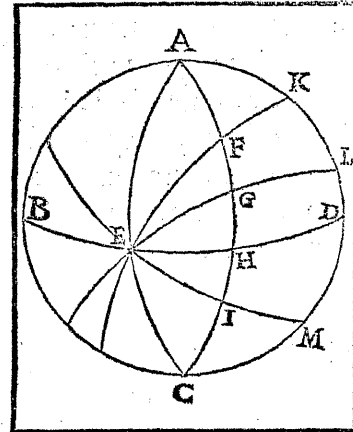
4. IDEM hoc problema soluemus, si per propof. precedentem circa angulum datum, vt polum, circulus maximus describatur. Huius enim arcus inter circumferentias angulum datum comprehendentes conclusus ipsum angulum metietur: Rectae autem ex angulo per extrema puncta huius arcus ductae abscedent ex Aequatore arcum illi aequalem, quod ad numerum graduum attinet, vt propof. Num. 17. demonstraui- mus; ac proinde arcus ille Aequatoris quantitate anguli dati indicabit. Ita vides in figura ex puncto H, anguli iHO, vt polo, descriptum esse maximum circulum KO, per rectam KO, representatum, & arcum iO, interceptum inter circumferentias Hi, HO, angulum continentes metiri dictum angulum, cuius quidem arcus magnitudinem exhibet arcus Aequatoris Pi, a rectis Hi, HO, per extremitates arcus iO, ductis abscissus. Eademque ratio est de alijs.

SCHOLIUM.

Pluribus circulis maximis per eadem puncta opposita transeuntibus ad alium quendam circulum maximum inclinatum, vno excepto, qui ad illum rectus sit, cum qui ad hunc rectus est, maxime ad illum alium inclinari, aliorum vero, qui maxime inclinatio propterea sunt, magis inclinari, quam qui remotiores sunt; duos denique aequaliter distantes ab eo, qui rectus est, ad utramque partem, aequaliter inclinari. Dico autem illum magis inclinari ad alium, qui minorem angulum acutum cum eo constituit. Sit enim circuli maximi

1. OBITER autem hoc loco animaduertendum est, si plures maximi circuli per eadem puncta opposita transeuntibus ad alium quendam circulum maximum inclinatum, vno excepto, qui ad illum rectus sit, cum qui ad hunc rectus est, maxime ad illum alium inclinari, aliorum vero, qui maxime inclinatio propterea sunt, magis inclinari, quam qui remotiores sunt; duos denique aequaliter distantes ab eo, qui rectus est, ad utramque partem, aequaliter inclinari. Dico autem illum magis inclinari ad alium, qui minorem angulum acutum cum eo constituit. Sit enim circuli maximi

aximi ABCD, polus E, per quem ducti sint quotcumque maximi circuli AEC, EF, EG, EH, EI, ad maximum quendam AHC, inclinari, excepto EH, qui ad eum re- ctus sit; ad EH, autem rectus quoque sit AEC. Dico AEC, maxime ad AHC, inclinari, & EF, magis inclinari, quam EG. Denique EF, EI, aequaliter a punctis A, C, maxime inclinari AEC, distantes, aequaliter inclinari. Quoniam enim E, polus est circuli ABCD, erunt ex coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. EA, EK, EL, ED, EM, EC, quadrantes, ideoque EF, EG, EH, EI, quadrante minores. Igitur tam arcus EA, EF, quam EF, EG, & EG, EH, semicirculo minores sunt, cum quilibet duo non aequentur duobus quadrantibus. Per propof. 14. ergo nostrorum triang. sphaer. angulus externus EHC, rectus, maior erit interno opposito EGH: & hic maior interno opposito EFG, & hic maior interno opposito EAF. Est ergo EGH, acutus; & a fortiori magis acutus EFG, & multo acutior EAF. Quare circulus EA, maxime est ad AHC, inclinatus, & EF, magis, quam EG. Deinde quia duo latera AE, AF, duobus lateribus CE, CI, aequalia sunt, (Sunt enim EA, EC, quadrantes, & arcus AF, CI, aequales, quod circuli EF, EI, in circulo AHC, aequaliter ponantur abesse a punctis A, C.) angulosque continent aequales A, C, per propof. 13. nostrorum triang. sphaer. erunt ex prop. 7. eorundem triang. anguli quoque AFE, CIE, aequales; ac proinde & ex duobus rectis reliqui EFH, EIH, aequales erunt, qui quidem sunt anguli inclinationum. Aequaliter ergo EF, EI, ad AHC, inclinati sunt. quod est propositum.



Verticalem primarij inter omnes Verticales, & Horizontem, inter omnes circulos positionu, ad Aequatorem maxime inclinatus.

ET quia omnes Verticales ad Aequatorem inclinati sunt, excepto Meridiano, ad quem primarius Verticalis rectus est, efficitur, Verticalem primarium ad Aequatorem esse maxime inclinatum, & alios eo magis inclinari, quod minus a primario recedunt. Sic etiam, quia omnes circuli positionum ad Aequatorem inclinati sunt, Meridiano excepto, ad quem Horizon rectus est, colligitur, Horizontem ad Aequatorem maxime inclinatum esse, & alios positionum circulos eo magis inclinari, quod minus distant ab Horizonte.

2. IAM vero pulcherrima, & facillima via per hanc propositionem 15. nobis aperitur, qua per inclinationem ad Horizontem datam in 12. propof. Num. 2. tertium punctum inueniatur, per quod circulus maximus propositus describendus sit. Ita ergo agemus. Quoniam circulus ibi propositus declinat a meridie in occasum, atque ita inueniatur in figura propof. 12. duo puncta N, P, in quibus circulus Horizontem secare debet; inclinationem vero habet ad Horizontem ex parte australi grad. 26. ex qua inuentum fuit punctum K, vel per Verticalem XHY, vel per parallelum Horizontis Bk & d; Inueniemus iam sine hisce circulis ex eadem inclinatione tertium aliud punctum, hoc modo. Ducta in figura propof. 12. per ce, punctum medium rectae NP, perpendiculari ce aa, qua omnino per K, centrum Horizontis transibit, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. cum rectam NP, in Horizonte secet bifariam, & ad angulos rectos. Descripto quoque ex N, ad quoduis interuallum arcu circuli ee ii, ducatur ex N, ad aa punctum intersectionis rectae ce aa, cum Horizonte rectae secans

Praxis pulcherrima pertinet ad propof. 12. pro inueniend. tertio puncto circuli maximi dati describendi, eius inclinatione ad Horizontem data, sine Verticali, & sine parallello Horizontis.

arcum descriptum in ee. Et ex ee, versus centrum Horizontis absindatur arcus ee ii, semissem inclinationis continens, hoc est, grad. 13. Vel si minuta adhareant inclinationi, accipiat arcus totius inclinationis, eiusque semissem deinde ee ii. Ducta enim recta Nu, secabit rectam cc aa, in puncto bb, per quod circulus maximus propositus describendus est. Nam descripto circulo per tria puncta N, bb, P, angulus bb Naas, continebit grad. 26. inclinationis datae, ut in hac propos. Num. 2. demonstratum est.

PROBL. XIII. PROPOS. XVI.

AD datum arcum circuli maximi in Astrolabio, ad datumque in eo punctum, dato angulo quorumcunque duorum circulorum maximorum in Astrolabio descriptorum, vel cuius arcus in gradibus datus sit, æqualem angulum constituere: siue (quod idem est) per datum punctum circulum maximum describere, qui ad datum arcum circuli maximi, in quo punctum datum est, inclinationem habeat æqualem inclinationi quorumlibet duorum circulorum in Astrolabio maximorum. Item datum angulum duorum circulorum maximorum bifariam secare.

Dato angulo spherico in Astrolabio, æqualem angulum sphericum dato puncto constituere.

1. PRIMAM partem huius propos. demonstrauius propos. 12. triangulorum sphericorum. Sit ergo in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E, & datus angulus sphericus EFG, contentus circulo maximo FEH, per polos mundi ducto, & maximo alio circulo FGH, cui æqualis constituendus sit ad arcum IKL, in puncto I. Ductis per centrum E, diametris FH, IL, vt opposita puncta sint F, H, & I, L; eiusque sectis bifariam in M, N, & ad easdem ductis perpendicularibus GM, KN, quæ per centra omnium circulorum per puncta, F, H, & I, L, transeuntium incedent, ex coroll. propositionis 1. lib. 3. Eucl. describantur per F, I, ex centris assumptis in rectis FH, IL, vt cunque circuli æquales FQOP, ITRS, vel excentris F, I, circuli æquales quantuncunque XY, ab. Ductis quoque ex F, I, per puncta G, M, K, vbi perpendiculares ab arcibus interfecantur, rectis secantibus circulos FQOP, ITRS, in Q, O, d, & circulos XY, ab, in x, V, e; erit QO, arcus dati anguli EFG, & VX, semissem arcus eiusdem anguli, vt in præcedenti problemate ostendimus. Si igitur arcus OQ, æqualis sumatur dT, si ad sinistram arcus dati IK, constituendus sit angulus, vel arcus df, si ad dextram, aut arcui VX, æqualis arcus eb, vel eg, ducaturque recta IT, vel Ib, aut If, vel Ig, secans KN, in h, vel i; efficiet tam arcus per tria puncta I, h, L, descriptus angulum hIK, quam arcus per tria puncta I, i, L, descriptus angulum iIK, angulo EFG, dato æqualem, hoc est, inclinatio arcuum IhL, IlL, ad arcum IKL, æqualis erit inclinationi arcuum FGH, ad circulum FEH, propter æqualitatem arcuum OQ, dT, df, &c.

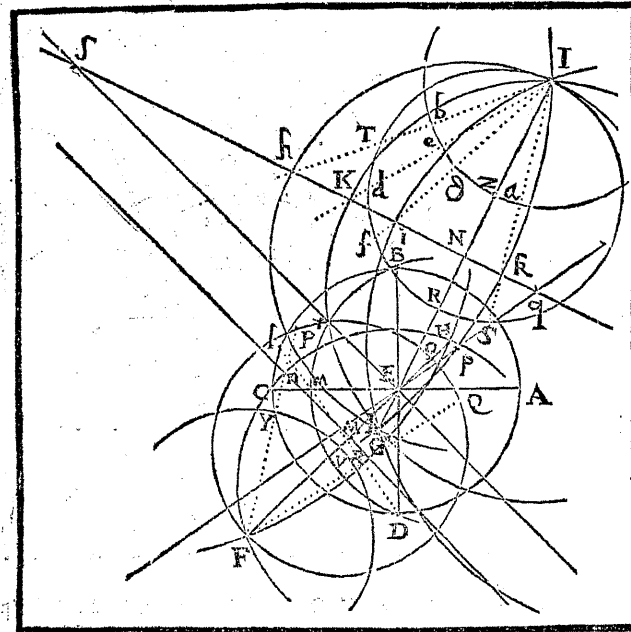
EADÉM ratione ad circulum maximum IEL, in puncto I, angulum NIK,

NIK, angulo EFn, æqualem constituemus, si, ducta recta Fn, secante circulum per F, descriptum in P, & circulum descriptum ex F, in Y, arcui OP, æqualem accipiamus Rd, vel arcui VY, æqualem Ze, & rectam ducamus Ied, secantem KN, in K. Nam circulus per tria puncta I, K, L, descriptus, angulum constituet cum circulo IEL, æqualem angulo EFn, vt constat.

SI detur anguli alicuius magnitudo quouis graduum, constituemus eiusmodi angulum ad arcum IKL, in puncto I, si ex d, numeremus propositos gradus vsque ad T, vel f; aut si sumamus semissem arcus propositorum graduum e b, vel e g. Ita quoque si accipiamus quadrantem d S, vel semissem quadrantis ea, & per S, vel a, recta ducatur secans KN, in k, constituet arcus IkL, cum IK, angulum rectum KIk.

NON fecus datum angulum constituemus in dato puncto Aequatoris. Vt

Dato angulo spherico in gradibus, æqualem in dato puncto cum dato arcu circuli maximi constituere.



si costruendus sit angulus in D, cū circulo maximo DEB, grad. 70. vel cū DCB, grad. 20. numerabimus arcū Bl, grad. 70. vel arcū Cl, grad. 20. rectamque ducemus Dl, secantem AC, in m. Circulus namque DmB, propositum concludet.

2. ET quia duo arcus IKL, IkL, continent angulum rectum KIk, vt dictum est, transibit alter per alterius polum. Cum ergo polum cuiusque circuli maximi sit quoque in recta per centrum Astrolabii, & centrum illius ducta, vt propos. 8. Num. 19. dictum est, secabit recta Eq, per q, centrum circuli IK, eiecta circulum Ik, in p, polo circuli IK; & recta Es, per s, centrum circuli Ik, traiecta secabit circulum IK, in r, polo circuli Ik. Atque hac eadem ratione, duobus quibuslibet maximis circulis in Astrolabio sese ad rectos angulos secantibus, recta connectens

Quando duo circuli maximi in Astrolabio angulum rectum continent, recta linea ex centro Astrolabii per centrum vnius ducta secat alterum in polo illius prioris circuli. a, 13. 1. Theod.

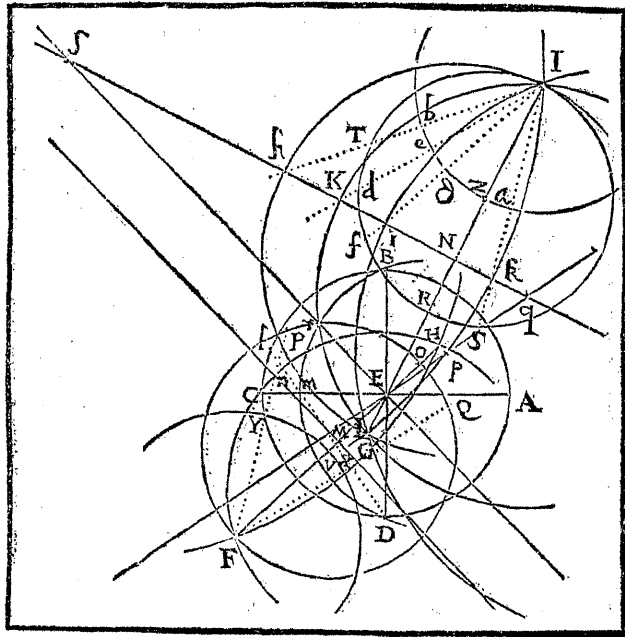
T t t alterutrus

Duorum circulo-
rum maximoru
rectum angulum
continentiu po-
los inuenire.

Datum angulum
sphericu in
Astrolabio bifaria
secare.

alterutrus centrum cum centro Astrolabii secabit alterum in polo illius prio-
ris. Ex quo fit, vt facile tunc polus vtriusque circuli inueniatur, si nimirum ex
centro Astrolabii per eorum centra rectæ ducantur. Hæc etenim secabunt circu-
los in polis.

3. I A M vero non dissimili ratione angulum, quem duo circuli maximi in
Astrolabio comprehendunt, bifariam secabimus. Sit enim angulus hIi, secandus
bifaria. Ducta IL, cõi sectione arcuum Ih, I i, per centrum Astrolabij transeun-
te, eademque secta bifariam, & ad angulos rectos in N, per recta hk, describatur
ex I, arcus vtcunque a b, vel per I, circulus quomodocunque ITS, centrũ habens



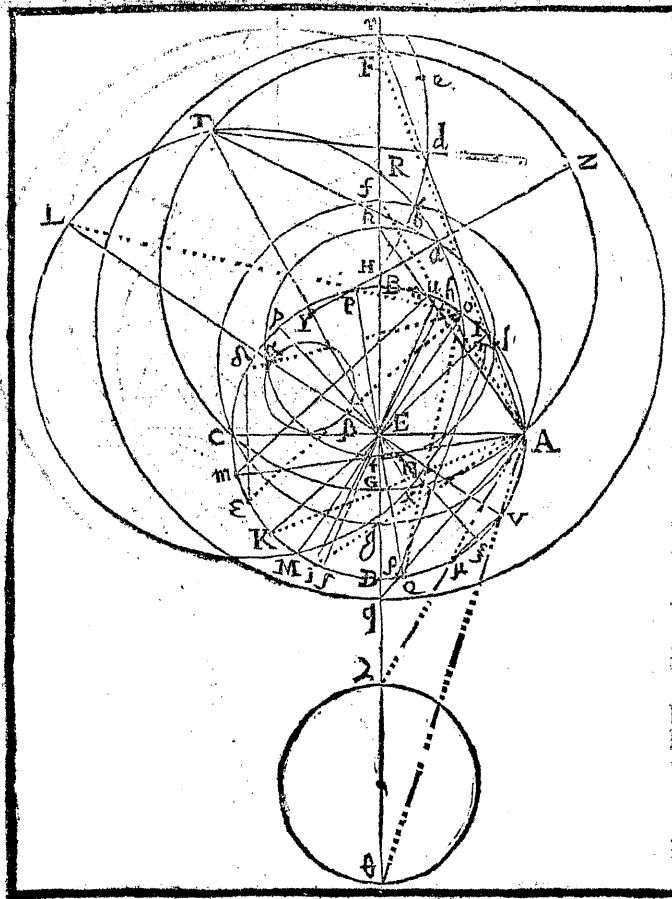
in cõmuni sectione IL, verbi gratia, Z. Ductis deinde rectis Ih, I i, descriptos cir-
culos secantibus in b, g, & T, E, secetur arcus g b, vel f T, bifariam in e, vel d, iun-
gaturque recta I e, vel I d, secans hk, in K. Circulus enim per tria puncta I, K, L,
describitur (qui maximus erit, cum transeat per puncta opposita, I, L.) secabit
datum angulum hIi, bifariam, vt ex demonstratis liquet.

PROBL. XIII. PROPOS. XVII.

DESCRIPTI cuiusuis circuli in Astrolabio, vel
lineæ rectæ in eodem ductæ, situm in sphæra explorare.
HÆC

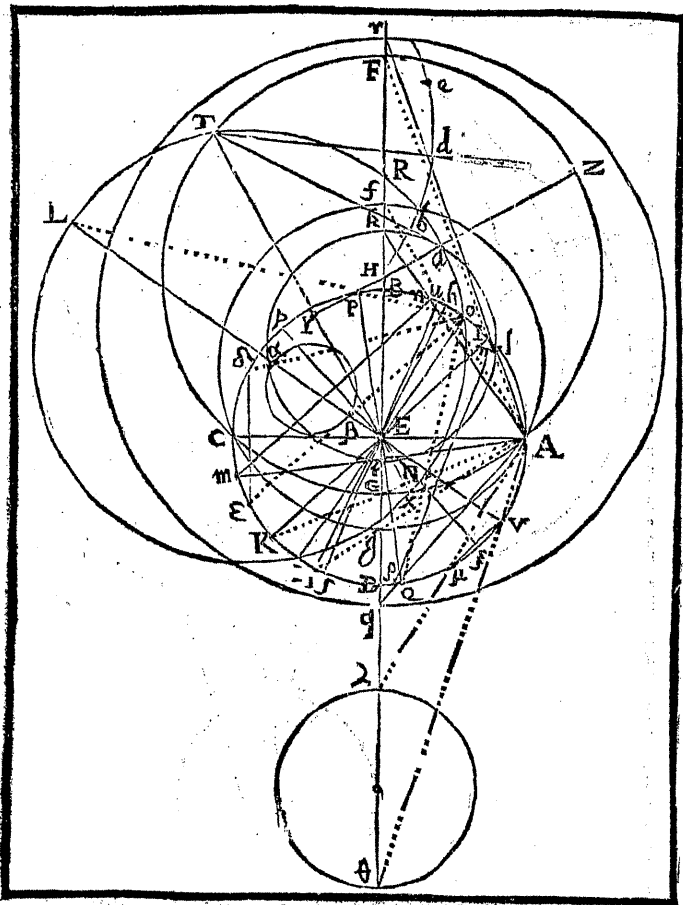
HÆC propositio nihil aliud continet, quam ad varios circulos Astrolabii
applicationem quandam eorum, quæ iam pridem demonstrata sunt, præsertim
propof. 8, Num. 16. & 17. Sit ergo in Astrolabio Aequator ABCD, cuius cen-
trum E, Horizon datæ regionis AFCG, cuius centrum H, & diameter vera IK,
ac proinde altitudo poli supra eum arcus AI, vel CK. Sit autem descriptus pri-

Variorum circulo-
rum in Astro-
labio quomodocun-
que descripto-
rum sitũ in sphæ-
ra explorare.



mus circulus LMNO, ex centro δ, cuius positio in sphæra indaganda est. Per
eius centrum δ, & E, centrum Astrolabii traiciatur recta LEN, quam ad rectos
angulos secet diameter Aequatoris OM, cadens in puncta O, M, vbi à dato cir-
culo secatur. Emisissis deinde ex O. radius OL, ON, per extrema puncta L, N, dia-
metri visæ, secantibus Aequatorem in P, Q, erit iuncta PQ, diameter vera cir-
culi

culi propositi, vt ex iis constat, quæ propof. 8. Num. 16. ostendimus. Et quia circulus maximus est, quod & Aequatorem in punctis oppositis O, M, secet, & eius diameter vera OM, per centrum transeat, erit poli supra eum altitudo arcus OP vel MQ, vt in eadem propof. 8. Num. 22. dictum est. Accidit autem, altitudinem poli OP, æqualem hic esse altitudini poli AI, supra Horizontem. Ex quo



fit, circulum eum esse vnum ex circulis horarum ab ortu, vel occasu, cum supra omnes eiusmodi circulos eadem sit altitudo poli, vt propof. 9. Num. 9. traditum est. Et quoniam Aequatorem secat in O, & M, facile cognoscemus, ad quamnam horam spectet, vt in eadem propof. 9. Num. 8. docuimus. Rursum quia idem circulus secat Meridianum in R, cognoscemus, quantum distet punctum R, ab Horizonte, si quotigradus in segmento FR, contineantur, inuestigemus ex doctrina

doctrina propof. 1. Num. 6. Denique si per polum Horizontis, & per polum eiusdem circuli describeretur Verticalis, notus fieret arcus inclinationis eiusdem circuli ad Horizontem, quem tamen Verticalem non descripsimus, vt maiorem confusionem in figura vitaremus. Quinimmo per propof. 15, inuestigari poterit eadem inclinatio ex angulo inclinationis FTR. Sic etiam per eandem propof. reperies eiusdem circuli inclinationem tam ad Meridianum ex angulo ERO, quam ad Aequatorem ex angulo NOV. Verbi gratia, (vt videas, quo pacto res per propof. 15, perficiatur) ducta YZ, ad rectam TX, ex puncto medio Y, perpendiculari, descriptoque ex T, arcu quocunque be, si emittantur rectæ TZ, Ta, ad puncta intersectionum rectæ YZ, cum circulo Ta, & Horizonte, secantes arcum be, in d, b, erit bd, semissis inclinationis, & arcus b e, ipseus b d, duplus, totam inclinationem circuli ad Horizontem dabit, vt ex demonstratis in propof. 15, liquido constat. Recta autem NV, arcum inclinationis eiusdem circuli ad Aequatorem, arcum videlicet Aequatoris QV, rectæ NV, respondentem manifestabit, &c. Itaque circulus LMNO, inuentus est esse maximus, supra quem polus eleuatur per arcum OP, abscinditque ex Meridiano supra Horizontem ex parte australi arcum FR; Inclinationem denique eiusdem ad Horizontem ex parte occasus, & austri, metitur arcus b e. &c.

2. DEINDE descriptus sit circulus AfCg, secans Aequatorem in iisdem punctis A, C, per qua Horizon transit, ac proinde maximus existens. Inuenietur eius vera diameter hi, & altitudo poli supra eum circulum arcus A h: Ipse vero circulus ad Meridianum rectus, sicut & Horizon, quod per eius polos A, C, ducatur, auferet ex Meridiano versus meridiem supra Horizontem arcum Ff, infra vero Horizontem ad partes boreæ arcum Gg. Inclinatione denique eiusdem ad Horizontem erit arcus Ff, & ad Aequatorem arcus fb, &c.

3. RVRVSVS detur alius circulus kl t, cuius centrum in eadem recta, in qua centrum Horizontis, & circuli AfCg, non maximus, cum Aequatorem in punctis oppositis non secet. Ductis radiis Ak, At, Aequatorem secantibus in n, m, erit vera eius diameter ducta recta m n: quæ reperitur parallela diametro Horizontis veræ IK. Representat igitur circulus klt, parallelum Horizontis, ab Horizonte versus Zenith p, distantem arcu In, vel Km, secantemque Aequatorem in l, à puncto Meridiani B, versus occasum, &c.

4. PRAETEREA datus sit circulus r q, centrum etiam habens in eadem recta cum Horizonte, & nullo modo Aequatorem secans, ita vt sit non maximus. Ductis radiis Ar, Aq, secantibus Aequatorem in π p, erit ducta recta π p, vera eius diameter: quæ cum non æquidistet Horizontis diametro IK, indicat, circulum non referre parallelum Horizontis, sed eius circuli maximi, cuius diameter vera u s, per E, centrum ducta, ipsi π p, æquidistat, & supra quem polus eleuatur per arcum Au, vel Cf: Cuius quidem circuli maximi ad Meridianum recti situs in sphaera cognoscetur, si ipse, inuenta eius diametro visa per radios Au, A s, in recta FD, describatur, &c.

5. AMPLIUS offeratur circulus $\alpha\beta$, centrum habens in eadem recta LN, cum circulo maximo LMNO, quam ad rectos angulos secat MO. Emisissis radiis O α , O β , qui secant Aequatorem in d, e, erit ducta d e, diameter circuli vera non æquidistans veræ diametro PQ, circuli LMNO. Ex quo conicies, circulum $\alpha\beta$, non referre parallelum circuli maximi LMNO, sed eius, qui habet veram diametrum per E, ductam ipsi d e, parallelam, &c.

6. AD hæc descriptus sit circulus $\gamma\theta$, totus extra Aequatorem, ac proinde non maximus, cuius centrum existat in eadem recta cum centro Horizontis. Ductis

Ductis radiis Aγ, Aθ, secantibus Aequatorem in V, μ, erit vera eius diameter recta Vμ, æquidistans diametro Horizontem vera IK. Igitur circulus γθ, repræsentat Horizontem infra Horizontem circa Nadir descriptum, cuius distantia ab Horizonte versus Nadir recedit per arcum IV, vel Kμ, &c.

QVANDO diameter vera circuli inuenta est admodum exigua, vt non facile ei parallela duci queat per centrum E, qualis fuit vltima Vμ, partiemur arcum Vμ, bifariam in ξ, puncto, quod erit vnus polorum circuli, ductoque axe ξp, ducemus ad eum diametrum perpendiculararem IK, pro diametro vera circuli maximi, cui datus circulus æquidistat.

7. HAC ergo arte explorabis situm cuiusuis alterius circuli in Astrolabio descripti, & intersectiones eius cum alijs circulis, quos secat, &c. si nimirum prius per eius centrum, & centrum Astrolabii rectam eduxeris pro communi sectione plani Astrolabii, & circuli maximi, qui per eius polos, & polos mundi ducitur: deinde hanc rectam per diametrum Aequatoris ad angulos rectos feceris, cuius vnus extremum (quod videlicet polo australi A, ex quo radii emissi sunt in descriptione Astrolabii data regionis, vicinior est) pro polo australi sumatur, ex quo radii emittendi sunt, &c.

8. POSTREMO data sit recta FG, explorandumq; proponatur, quid in sphaera repræsentet. Multa enim repræsentare potest. Nam si cogitetur in infinitum extensa, referet circulum per polum australem ductum, vt propof. 5. Num. 35. dictum est, cuius situm in sphaera sic reperiemus. Ducta ex E, centro Astrolabii ad FG, perpendiculari EH, secante Aequatorem in L, ducatur ad eam semidiameter perpendicularis EI, iungaturque IH, secans Aequatorem in K. Et quoniam, si circulus ABCD, cõcipiatur rectus ad planum Aequatoris, Astrolabium, super rectam EH, ita ut L, ad austrum vergat, manente Aequatore in proprio situ, hoc est, A, spectante ad occasum, & C, ad ortum, recta EI, axem mundi refert, & I, polum australem; occurret planum per IH, ductum, & ad circulum in eodem situ rectum, plano Astrolabii in H, facietque sectionem FH. Quoniam enim tam planum Aequatoris, quam illud planum per IH, ductum, ad circulum ABCD, in eodem situ rectum est; a erit quoque eorum communis sectio ad eundem recta; ac proinde ex defn. 3. lib. 1. Eucl. ad EH, in eodem circulo existentẽ perpendicularis. Cum ergo FH, ad EH, sit perpendicularis, erit FH, communis illa sectio plani Astrolabii, & plani per IH, ducti. b Quocirca cum hoc planum faciat in in sphaera circulum, cuius diameter IK, referet data recta FG, in infinitum extensa eum circulum, qui nimirum per I, polum australem transit, rectusque est ad circulum maximum per polos mundi ductum, inclinatumque ad Meridianum data regionis, qui per BD, repræsentatur, tot gradibus, quot in arcu BL, continentur, in parte quidem superiori Aequatoris versus occasum A, in inferiori vero versus ortum C.

SI vero recta FG, intelligatur terminata in punctis F, G, referre potest chordam circuli maximi per ea puncta descripti, cuiusmodi est FG MN: vel chordam innumerabiliu circulorum non maximorum per eadem puncta descriptorum, quorum situs, ac positio in sphaera explorari poterit ex iis, quæ in hac propof. scripsimus: vel denique diametrum alicuius circuli non maximi, & alicui maximo obliquo æquidistantis: quem sic inuestigabimus. Quoniam FG, repræsentat diametrum alicuius circuli, secabitur is à maximo circulo FG MN, bifaria, ac proinde hic maximus per eius polos transibit. Quare medium punctum arcus FG, polum eius erit, qui sic reperietur. Inuento O, pole maximi circuli FG MN, intra Aequatorem contento, (Hunc autem inueniemus, vt propof. 8. Num. 17. scripsimus,

Quando vera circuli diameter inuenta est valde exigua, quid faciendum.

In explorando situm descripti circuli in Astrolabio quid obseruandum.

Rectæ cuiusuis in Astrolabio ductæ, sicut in sphaera explorare.

a 19. vñdec.

b 1. 1. Theo.

c 14. 1. Theo.

mus, hoc modo. Per eius centrum P, & centrum Astrolabii ducemus rectam circulo intra Aequatorem occurrentem in Q, secantemque diametrum iunctam MN, ad angulos rectos. Recta enim MN, diameter erit, cum sit communis sectio duorum circulorum maximorum. Deinde ducta recta MQ, secante Aequatorem in R, accipiemus arcum RS, quadranti æqualem. Recta namque MS, secabit EP, in O, polo. Iducantur rectæ OF, OG, secantes Aequatorem in TV, diuisioque arcu TV, bifariam in X, ducatur recta OX, secans arcum FG, in Y. Nam Y, erit punctum illius arcus medium, cum arcus FY, GY, æqualibus arcibus VX, TX, respondeant, vt propof. 5. Num. 17. demonstrauimus, ideoque Y, polum erit circuli, cuius diametrum recta FG, repræsentat. Sed quãdo polum O, prope abest à puncto X, ac proinde vix sine errore recta OX, extendi potest, reperiemus eundem polum Y, fortasse accuratius hoc modo. Sumatur punctum Z, puncto X, op-

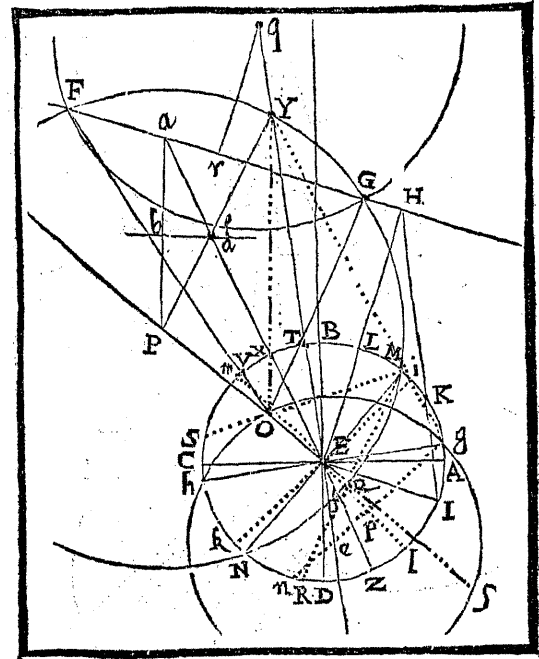
23. tertij.

positum, & per tria puncta Z, E, X, extensa recta, sumatur Xa, semidiametro PQ, circuli FG MN, æqualis, & iuncta recta a P, secetur in b, bifariam, & ad angulos rectos per rectam bd, secantem E a, in d. Nam recta Pd, extensa dabit punctum Y, puncto X, respondens, vt propof. 5. Num. 34. demonstrauimus. quod etiam offeret XY, ipsi a P, parallela, vel recta YP, faciens angulum YPa, angulo PaX, æqualem, vt ibidem ostensum est.

EVNDEM polum Y, commode inuenies per ea, quæ propof. 6. Num. 36. scripsimus. Nam si per tria puncta, quorum duo sunt illa, in quibus recta EP, Aequatorem, & circulum GYF, secat, tertium autem punctum X, circulum describas, cuius centrum est in recta, quæ rectam inter Aequatorem, & circulum GYF, bifariam, & ad angulos rectos diuidit, transibit is circulus per punctum Y, vt loco citato demonstratum est. Vel si ex ijs, quæ propof. 18. sequenti Num. 5. trademus, per punctum X, in Aequatore datum, describas parallelum maximi circuli per rectam PQ, repræsentati, secabit is circulum FYG, in eodem polo Y, vt in eadem propof. 6. Num. 36. ostendimus.

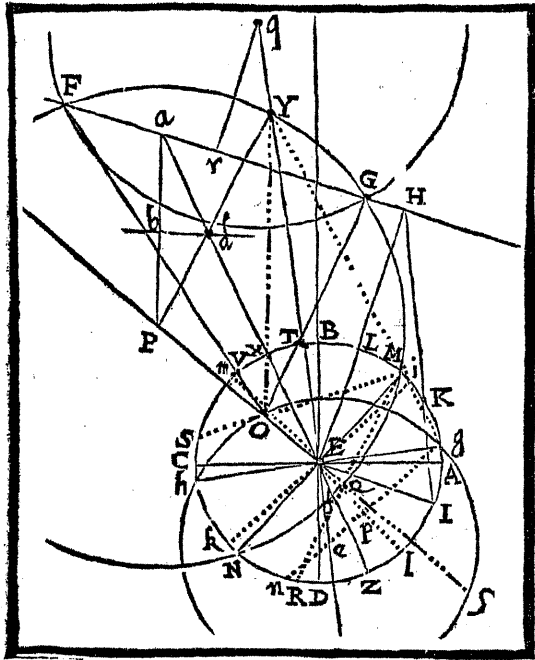
AD inueniendum porro eundem polum Y, adhiberi quoque possunt alia

viz



via prop 5. exposita, praesertim illa, quam prop. 6. Num. 25. posuimus. Nam si, productis rectis FO, GO, versus polu O, arcus circuli obliqui FGQ, inter illas rectas interceptus e regione arcus FG, diuidendi bifaria, secetur bifaria, cadet recta ex medio puncto per O, polu emissa in Y, punctu mediu apparens arcus FG, transibitque idcirco per punctum X, arcum Aequatoris TV, secans bifariam ita vt iam tria puncta habeantur, per qua duci debeat recta diuidens arcum FG, bifariam, nimirum X, O, & medium illud punctum praedicti arcus circuli obliqui FGQ, e regione arcus FG, qui inter rectas FO, GO, productas interceptitur. Et si alij circuli loco Aequatoris describantur, quorum semidiametri in recta PQF, in O, ita sectae sint, vt in eodem puncto O, secta est semidiameter Aequatoris, reperientur alia puncta, per qua eadem recta OX, ducenda est, si videlicet in illis circulis arcui TX, similes arcus abscindantur a recta ET, initio facto, & versus rectam PQ, progrediendo.

Data recta finita, quanti arcus maximi circuli chorda sit inquirere.



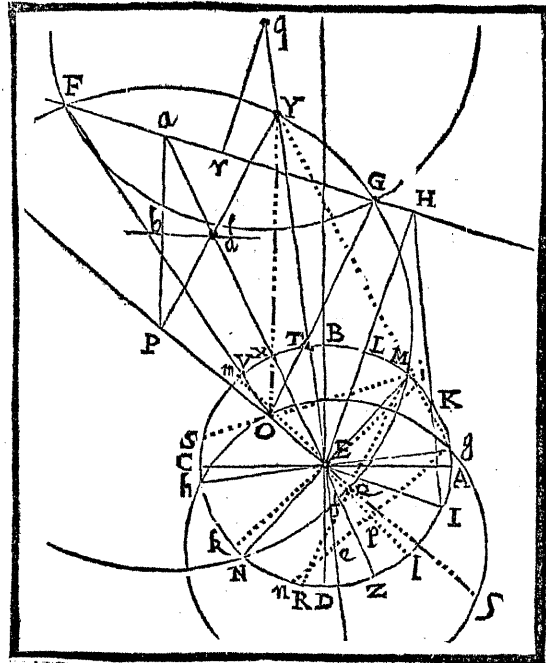
graduū spectat, que data recta subtēdit. Quod si rectae FO, GO, producatur, interceptient quoque in parte inferiori eiusdem circuli maximi FGQ, arcu tot æqualem graduum, quot apparentes in arcu FYG, continentur, vt propof. 6. Num. 25. ostendimus. Cæterum in sequenti propof. Num. 3. docebimus rursus inuestigare, cuiusnam arcus circuli maximi data recta sit chorda, etiam si circa eius extrema circulus maximus non describatur.

INVENTO ergo Y, polo circuli, cuius diametrorum aliquam recta EG, refert,

ARCUS porro Aequatoris TV, indicabit, quanti arcus circuli maximi data recta FG, chorda sit, cum arcus TV, arcui FYG, quem data recta FG, subtendit, æqualis sit in numero graduum, vt propof. 5. Num. 17. demonstrauimus. Atque hoc modo, proposita quavis recta terminata, inuestigabimus, quantum arcum maximi circuli subtendat; si circa eius extrema puncta circulum maximum describamus, & ex eius polo inuenito, vt paulo ante scripsimus, ad eadem extrema emittatur duæ rectæ. Hæ namque ex Aequatore arcum abscident æqualem arcui maximi circuli, quod ad numerum

refert, si ducatur recta EY, existet in ea & centrum eius circuli, & centrum maximi circuli, cui æquidistat, vt propof. 8. Num. 19. ostensum est. Quamobrem recta rq, secans FG, bifariam, & ad angulos rectos in q, centrum circuli FG, cadet, cuius vna diametrorum est FG, recta. Circulus porro maximus, cui circulus ex q, descriptus æquidistat, describetur hoc modo. Ducta dimetro gh, ad EY, perpendiculari, radius gY, secabit circulum ABCD, in i, polo, ac proinde iEk, axis erit quæsti circuli maximi, & lm, ad eum perpendicularis, diameter eiusdem. Igitur gn, ad lm, perpendicularis in p, cadet in e, centrum maximi circuli hog, cui æquidistat circulus ex q, descriptus, cum eundem polum habeat Y, qui maximus circulus transibit omnino per O, polum maximi circuli FGMN, cum hic transeat per Y, polum illius. Alter autem polus circuli FGMN, est punctum S, & alter polus circuli goh, punctum f. Iam vero per ea, quæ dicta sunt supra, facile explorabitur situs circuli maximi goh, & eius paralleli, in quo vna diametrorum est data recta FG.

QVOD si detur recta, quæ extensa per centrum Astrolabii transeat, repræsentabit ea circulum maximum per polos mundi ductum: vel si eius puncta extrema per diametrum sunt opposita, diametrum infinitorum circulorum maximorum, qui per puncta illa extrema describi possunt: vel si non per diametrum opponuntur ea puncta extrema, referet aut chordam plurimorum circulorum non maximorum, qui per illa possunt describi, aut diametrum visam maximam circuli non maximi circa ipsam descripti.



Rectam per centrum Astrolabii ductam varia posse repræsentare.

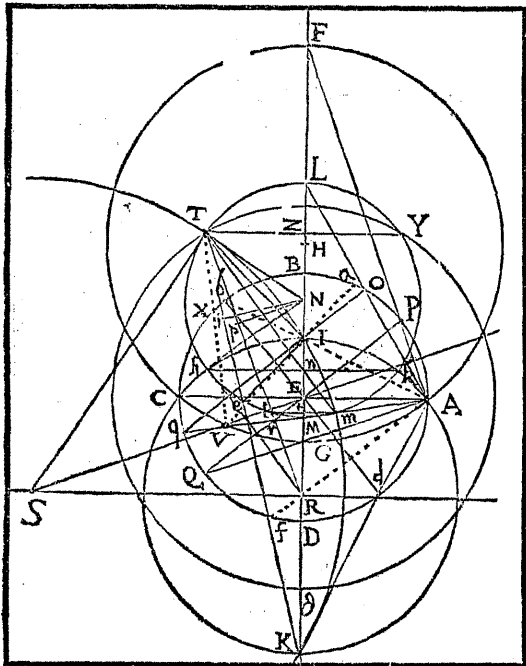
PROBL. XV. PROPOS. XVIII.

PER datum punctum circulo maximo dato in Astrolabio parallelum delineare: Item circa datum polum

lum, circulum describere, siue punctum detur, per quod transire debeat, siue non.

Per datum punctum in recta per centrum Astrolabij, & centri maximi alieam: circuli ducta, parallelum illius circuli maximi describere.

1. SIT in Astrolabio Aequator ABCD, cuius centrum E; circulus maximus obliquus quicumque AFCG, siue Horizon sit, siue non, cuius polus I; datumque primum sit punctum L, in recta FG, per H, centrum circuli maximi, & E, centrum Astrolabij extensa, per quod describendus sit parallelus dati circuli maximi, habens centrum in eadem recta FG. Possunt quidem per L, ex infinitis centris in recta FG, assumptis infiniti circuli describi, sed vnus tantum referet aliquem parallelum dati circuli AFCG, quem ex dato puncto L, sic reperiemus.



Ducta diametro AEC, ad FG, perpendiculari, quæ in interfectione Aequatoris cum dato circulo cadet, inuentaque vera diametro PQ, maximi circuli dati per radios AF, AG, Aequatorem secans in O, puncto, per quod agatur ipsi PQ, parallela Oq, quæ diameter vera erit paralleli per L, trãseuntis, propterea quod radiusex A, per eius extremum O, eius cadit in L, extremum diametri visæ, quandoquidem parallelus describendus per L, ponitur transire. Quod si detur polus I, inueniemus diametrum veram quæsiti paralleli, siue diamet-

tro vera circuli maximi, hoc modo. Ducto radio AL, secante Aequatorem in O, ducatur radius per polum I, qui in verum polum b, cadet. Sumatur ergo arcui bO, arcus bq, æqualis. Nam recta Oq, vera diameter erit, cum puncta O, q, à polo b, æqualiter distent, & vera diameter per O, transeat, propter radium AL, secantem Aequatorem in O. Igitur ducto radio Aq, per alterum extremum q, veræ diametri, habebitur alterum extremum visum M: quod etiam hac ratione reperietur, etiam si veræ diametri ratio non habeatur. Inuento polo I, dati circuli maximi per radium Ab, ductum ad b, punctum medium semicirculi PbQ, quem vera diameter PQ, abscindit, hoc est, ad extremum punctum axis dati circuli,

culi, sumatur arcui Ob, æqualis arcus bq, ducaturque radius Aq, secans FG, in M, eruntque portiones IL, IM, circuli maximi FG, æquales, cum respondeant arcibus æqualibus Ob, bq, vt constat ex propof. 1. Num. 5. Cum igitur FG, referat vnus ex Verticalibus dati circuli maximi, tanquam Horizontis alicuius, incedet omnino idem parallelus per puncta L, M, æqualiter à vertice I, remota. Secta ergo diametro visa LM, bifariam in N, erit N, centrum paralleli quæsiti per datum punctum L, describendi.

2. DETVR quoque punctum h, in Verticali primario AICK, dati circuli maximi, tanquam Horizontis. Ad rectam Rh, ex centro Verticalis ductam excitetur perpendicularis hN. Hæc enim in centrum N, paralleli per h, describendi cadet, vt ex propof. 6. Num. 10. constat, propterea quod recta hN, Verticalem tangit in h, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Quod si arcui Ih, æqualis sumatur Ik, & ex FG, abscindantur segmenta IL, IM, arcubus Ih, Ik, æqualia, quod ad numerum graduum attinet, habebimus quatuor puncta h, k, L, M, per quæ describendus est parallelus, cuius centrum est in recta FG.

3. DEINDE datum sit punctum T, extra rectam FG, per centrum dati circuli maximi, & centrum Astrolabij ductam, & extra Verticalem primarium. Inuento altero polo K, circuli maximi dati per radium Ad, ductum per d, punctum medium alterius semicirculi PdQ, vel accuratius per Verticalem primarium AICK, dati circuli descripti ex centro R, quod radius ex A, ad punctum f, ductus indicat, existente arcu Af, duplo arcus Ad, ducatur ex altero hoc polo K, recta KT. Ducta deinde recta TL, ad alterum priorem polum I, fiat angulo TIF, æqualis angulus KTe, secetque recta Te, rectam KT, in e; transibitque parallelus, qui per T, ducitur, per punctum e. Nam si concipiatur descriptus per T, parallelus quæsitus, secabit recta KT, eum parallelum in puncto e, interfectionis rectæ Te, cum parallelo, propter æqualitatem angulorum TIF, KTe, vt ex ijs perspicuum est, quæ in scholio propof. 6. ad finem Num. 5. demonstrauimus. Nam si recta KT, secaret parallelum in alio puncto, quâ in e, faceret recta ex eo puncto ad I, ducta cum IK, angulum æqualem angulo TIF, ac propterea & angulo eIK, vt in eodem scholio Num. 5. ostendimus: Ideoque pars, & totum æqualia forent, quod est absurdum. Ducta ergo recta Te, bifariam, & ad angulos rectos, transibit per centrum paralleli per T, e, transeuntis, ex coroll. propof. 1. lib. 3. Eucl. Cum ergo centrum sit in recta FG, erit N, centrum quæsiti paralleli, qui necessario transibit quoque per punctum Y, si ducta sit TZ, perpendicularis ad FG, & assumpta ZY, ipsi TZ, æqualis.

QVOD si quando contingat, punctum T, datum existere in tali loco, vt recta TI, cum FG, angulum rectum efficiat, tanget recta KT, parallelum per T, descriptum in T, vt ostensum est in scholio propof. 6. Num. 4. Igitur tunc recta ex T, ad KT, perpendicularis excitata, cadet in centrum paralleli describendi.

RVRVSVS si datum punctum extiterit infra rectam RS, quæ per centrum primarij Verticalis ducitur ad FG, perpendicularis, ducenda erit ex polo I, per punctum illud recta linea, & in altero polo K, duo anguli constituendi æquales, loco angulorum TIF, eIK: quia tunc parallelus describendus polum K, ambiet, ac proinde recta ex I, ducta per punctum datum, secabit parallelum in punctis, in quibus rectæ angulos æquales in K, constituentes eundem secant, &c.

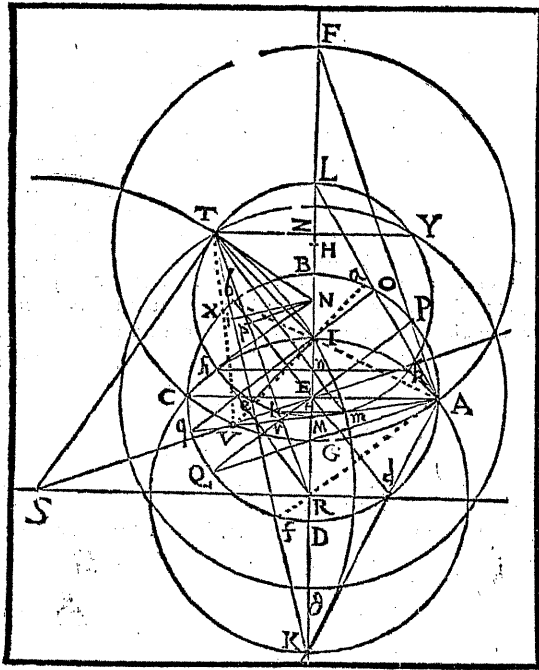
SI denique punctum T, in tali extiterit loco, vt æqualiter ab vtroque polo I, & K, distet, (quod facile cognoscetur beneficio circini. Nam si, posito vno pede in T, & altero in I, circinus circumductus transeat per K, æqualiter distabit

Per datum punctum in Verticali primario alicuius circuli maximi, parallelum illius circuli maximi describere.

Per datum punctum extra rectam per centrum circuli maximi, & centri Astrolabij ductam, & extra Verticalem primarium parallelum illius circuli maximi describere.

T, à punctis I, & K, alias non.) hoc est, si in recta RS, quæ per centrū primarij Verticalis ducitur ad meridianam lineam perpendicularis, repertum fuerit; referet recta RS, parallelum per T, descriptum, hoc est, parallelus in sphaera ipsimet respondens per polum australem ducetur, ideoque in rectam projicietur lineam, &c.

HOC idem effici potest hoc modo. Ex dato puncto T, ad FH, ducta perpendiculari TZ, sumatur ZY, ipsi ZT, æqualis, transibitque parallelus etiam per Y. Deinde ex alterutro punctorum T, Y, nimirum ex Y, per alterutrum polorum I, K, nimirum per I, recta ducatur YI, e, quam secet in e, recta TK, ex altero puncto T, ad alterum polum K, ducta. Nam per e, quoque parallelus describendus transibit, vt constat ex ijs, quæ propof. 6. Num. 25. demonstrauius. Si namque parallelus per T, Y, cōcipiatur esse descriptus, erunt tot gradus visi in arcu LY, quot gradus æquales in arcu à rectis LI, YI, productis, abscisso cōtinentur; vt ostensum est. Cum ergo recta KT, auferat quoque arcum LT, tot graduum ap-



parentium, quot gradus æquales in arcu à rectis KL, KT, abscisso includuntur, vt ibidē demonstrauius; sit autem arcus LT, arcui LY, æqualis, (Recta n. KF, per centrū paralleli ducta secans rectam TY, bifariā, & ad angulos rectos, secat quoque ex scholio propof. 27. lib. 3. E ucl. arcū TLY, bifariam.) abscinderit omnino idem arcus à rectis KL, KT, qui à rectis LI, YI, ac proinde parallelus TLY, per e, punctum intersectionis rectarum YI, KT, transibit. alias recta LI, YI, & KL, KT, non abscinderent eundē arcum. Circulus igitur per tria puncta

T, Y, e, descriptus, erit parallelus quæsitus. Eademque prorsus ratio est, si datum punctum T, sit infra rectam RS, ac proinde parallelus per T, circa polum inferiorem K, describendus sit. Vt si in 2. figura scholij propof. 6. in parallelo LMN, circa polum inferiorem P, descriptum datum sit punctum N, ducemus ex N, ad meridianam lineam perpendicularem NO, rectamque OM, ipsi ON, æqualem sumemus. Nam si ex N, per polum P, recta ducatur, secabit eam in h, puncto paralleli recta ex M, ad alterum polum Q, ducta, vt ex ijs, quæ loco citato,

tato, id est, propof. 6. Num. 25. demonstrata sunt, liquet. Vterque enim arcus KN, KM, tot gradus apparentes, includit, quot gradus æquales in arcu Lh, continentur, &c.

SED via non minus expedita, qua nimirum in ipsa linea meridiana diame- ter paralleli describendi reperitur, hæc est. Ductis ex puncto T, extra Verticalem AICK, dato ad vtrumque polum I, K, rectis, si angulus acutus ITK, bifariā secetur, cadet recta eum diuidens in punctum M, extremum diametri, per quod parallelus describendus est: Et si ad rectam ductam MT, excitetur in T, perpen- dicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus, quem recta KT, vltra T, produ- cta cum TI, constituit, secetur bifariam, incidet illa perpendicularis, vel hæc li- nea diuidens in punctum L, alterum extremum, ita vt tota diameter sit LM: qua diuisa bifariam in N, erit N, centrū paralleli per T, L, M, describendi, quod sic demonstrabitur. Concipiatur descriptus parallelus LTM. Et quoniam, vt propof. 6. Num. 25. demonstrauius, tot gradus apparentes sunt in arcu LT, quot æquales tam in arcu Me, à rectis TK, LK, quam in arcu ex altera parte à rectis TI, LI, productis abscisso continetur; erunt arcus hi abscissi inter se æquales. a Igitur anguli, quos recta MT, cum rectis TK, TI, efficit, illis arcubus insi- stentes, æquales erunt: ac propterea recta angulum ITK, secans bifariam in punctum M, cadet. b Cum ergo angulus ad T, in semicirculo LTM, constitu- tus, rectus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam TM, in punctum L. Rec- tam autem ductam TL, secare bifariam angulum obtusum, quem TI, cum KT, producta constituit, ac proinde rectam, quæ prædictum angulum diuidit bifa- riam, cadere in punctum L, hoc modo ostēdemus. c Quoniam recta ducta LT, cum MT, producta rectos angulos facit, hoc est, æquales, cum angulus LTM, sit in semicirculo: d Est autē & angulus MTL, hoc est, ei æqualis MTK, angulo ad verticem T, quem MT, KT, productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquus angulus ITL, reliquo angulo, quem ducta LT, cum KT, producta efficit, æqua- lis, quod est propositum.

SIMILI modo si detur punctum e, intra Verticalem AICK, & ductis rec- tis ex e, ad vtrumque polum I, K, angulus acutus TeI, secetur bifariam, cadet recta diuidens in punctum L, extremum diametri: Et si ad ductam rectam e L, in e, erigatur perpendicularis, vel (quod idem est) angulus obtusus I e K, bifariam secetur, incidet illa perpendicularis, vel linea diuidens, in punctum M, alterum extremum, Concipiatur enim descriptus parallelus LTM. Et quia, vt propof. 6. Num. 25. monstratum est, tot gradus apparentes sunt in arcu Me, quot æqua- les existunt tam in arcu LT, a rectis KT, KL, quam in arcu ex altera parte à rec- tis e I, MI, productis abscisso; erunt arcus hi abscissi inter se æquales. e Igi- tur anguli, quos recta Le, cum rectis e T, e I, efficit, illis arcubus insistentes æquales erunt; ideoque recta angulum TeI, bifariam partiens, in punctum L, cadet. f Cum ergo angulus ad e, in semicirculo L e M, constitutus, rectus sit, cadet perpendicularis ad ductam rectam e L, in punctum M. Porro rectam eM, ductam secare obrusum angulum I e K, bifariam, ac proinde rectam, quæ eum diuidit, cadere in punctum M, ita probabitur. Quoniam ducta recta Me, cum du- cta Le, facit angulos æquales, nimirum rectos, g cum angulus Lem, in semircu- lo rectus sit, h Est autem & angulus L e I, hoc est, ei æqualis L e T, angulo ad verticem e, quem L e T, e, productæ efficiunt, æqualis; erit quoque reliquus an- gulus M e I, reliquo angulo MeK, æqualis quod est propositum.

EST autem via hæc commodissima. Nam si recta angulum acutum secans bifariam, nimis oblique lineam meridianam intersecet, secabit altera linea an- gulum

Expediētissima via ad inueniēdam in meridia- na linea diame- trum paralleli per datum punctum describen- di.

a 27. tertij.

b 31. tertij.

c 31. tertij.

d 15. primi.

e 27. tertij.

f 31. tertij.

g 31. tertij.

h 15. primi.

gulum obtusum bifariam secans, eandem minus oblique. Quare per hanc inueniendum tunc erit punctum in linea meridiana, vt v. g. punctum L, per rectam, quæ angulum obtusum, quem recta IT, cum KT, producta efficit, diuidit bifariam. Nam ducto radio AL, ex polo australi A, secante Aequatorem in O, erit recta Oq, diametro PQ, maximi circuli obliqui ducta parallela, diameter vera parallelis; ac proinde radius Aq, alterum extremum M, exhibebit. Vel certe si iuncta recta TL, secetur bifariam, & ad angulos rectos, reperietur per lineam diuidentem centrum N, in linea meridiana. Vt autem ea, quæ hoc loco sunt demonstrata, facilius intelligantur, ducendæ erunt rectæ TM, e L, & vnâ cum recta KT, producendæ. Item rectæ TL, e M, iungendæ. quod in hac figura factum non est, vt confusio linearum vitaretur.

E X his facile etiam explorabimus, quantinam arcus circuli maximi data recta terminata sit chorda, etiam si circulus maximus, in quo chorda est, non describatur, vt in antecedente propof. Num. 8. factum est. Si enim in Astrolabio, in quo Aequator ABCD, circa centrum E, data recta TI. Fingamus alterutrum extremorum, nempe I, esse polum, circa quem per alterum extremum T, circulus describendus sit, quod ita fiet. Ducta ex E, centro per punctum I, quod debeat esse polus, recta IEK, reperietur punctum K, per diametrum puncto I, oppositum, vt propof. 6. Num. 13. docuimus, quod erit alter polus. Ducta igitur ex altero hoc polo, K, ad alterum extremum T, recta KT, secetur angulus ITK, acutus bifariam per rectam, quæ secet rectam IK, in M, vel si mauius, producta recta KT, angulus obtusus ad T, constitutus à recta IT, & producta KT, secetur bifariam per rectam secantem IK, in L: Eritque tam M, quam L, extremum diametri circuli per T, describendi, vt monstratum est. Quoniam vero ex defn. poli, rectæ ex polo ad circumferentiam circuli cadentes æquales sunt; erunt quoque arcus circulorum maximorum inter polum & eundem circumulum positi, quorum illæ rectæ chordæ sunt, æquales. Igitur arcus Meridiani IM, IL, & arcus maximi circuli per puncta I, T, descripti, cuius chorda est recta TI, æquales erunt. Ducta ergo ex E, ad IK, diametro perpendiculari AC, si ex alterutro extremorum, vt ex A, per I, M, vel I, L, radii emittantur secantes Aequatorem in b, q, vel b, O, erit arcus apparens IM, vel IL, vero arcui bq, vel b, O, æqualis, cum hi veri arcus projiciantur in arcus IM, IL, apparentes. Igitur TI, referet chordam arcus maximi circuli, qui arcui bq, vel b, O, æqualis sit.

E O D E M modo si T, statuatur polus, circa quem describendus sit circulus per I, ducenda erit ex T, per centrum E, recta, & in ea inueniendum punctum ipsi T, per diametrum oppositum, pro altero polo; deinde ex hoc polo ad I, recta ducenda, angulusque, siue acutus, siue obtusus, quem hæc recta cum data recta IT, efficit, secandus bifariam, vt in ducta recta TE, punctum extremum reperietur, per quod circulus per I, circa polum T, describendus est. Ducta enim per E, ad iunctam rectam TE, diametro perpendiculari, si ex alterutro eius extremo per T, & punctum in iuncta recta TE, inuentum radii emittantur, abscedent ii ex Aequatore arcum æqualem ei, cuius data recta TI, chorda est, &c.

C A E T E R V M si commode inueniri possit in recta RS, ad FG, perpendiculari in R, centro Verticalis primarii, centrum Verticalis per T, & I, transeuntis, describatur eiusmodi Verticalis TI, ex centro S, ducaturq; recta SE, quæ datum circumulum maximum secabit in V, polo Verticalis TI. Nam cum circulus TI, transeat per I, polum dati circuli, transibit idem datus circulus per polum ipsius TI, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. Cum ergo polus Verticalis TI, sit in recta SE, vt propof. 8. Num. 19. demonstratum est, erit V, polus Verticalis TI. Igitur

Igitur ductis rectis VI, VT, secantibus Aequatorem in a, X, erit a X, arcus æqualis arcui TI, quod ad numerum graduum attinet, vt liquet ex propof. 5. Num. 17. Huic ergo si æquales arcus abscindamus IL, IM, ex circulo maximo FG, habebimus tria puncta T, L, M, per quæ describendus est parallelus quæsitus, cuius centrum est in recta FG. Inuentur autem puncta L, M, hoc modo. Ducta recta AI, secante Aequatorem in b, sumantur hinc inde arcus b O, b q, arcui a X, æquales. Rectæ enim A O, A q, auferent segmenta IL, IM, tot graduum, quot in arcubus b O, b q, ac proinde & in a X, vel TI, continentur, vt ex iis constat, quæ propositione 5. Num. 23. & propositione 1. Num. 6. demonstrata sunt.

I T E M si arcui a X, æqualis fiat a A, abscindet ducta recta VA, ex Verticali TI, arcum Im, arcui a A, vel a X, seu TI, æqualem, transibitque parallelus describendus per m. Si igitur ducta recta Tm, secetur bifariam, & ad angulos rectos, cadet linea diuidens in N, centrum paralleli quæsitum, ex coroll. propositione 1. lib. 3. Eucl. cum recta Tm, sit in eo parallelo. Eodem pacto recta secans iunctam rectam TL, vel TM, bifariam, & ad angulos rectos, in idem centrum N, cadet, in vtraque rectarum TL, TM, in eodem parallelo existat.

I M M O necessarium non est, vt puncta L, M, inueniantur. Si namque ex S, centro Verticalis TI, (quod inuenitur per rectam, quæ rectam TI, vel TK, ex dato puncto T, ad alterutrum polorum circuli obliqui ductam diuidit bifariam, & ad angulos rectos) ad datum punctum T, recta ducatur ST, fiatque rectus angulus STN, cadet TN, in centrum N, paralleli quæsitum, vt propof. 8. Num. 13. demonstratum est. Quare circulus ex N, per T, descriptus, erit quæsitus parallelus.

S E D commodissimè hac alia ratione per datum punctum T, parallelum dati circuli obliqui describemus. Ducta ex T, puncto dato ad R, centrum Verticalis primarii recta TR, inueniatur duabus rectis TR, RI, (quarum prior est ducta recta, posterior verò semidiameter Verticalis) tertia proportionalis, cui æqualis abscindatur RI. Secta deinde TI, bifariam in p, exciterur ad TI, perpendicularis p N. Dico circumulum ex N, per T, I, descriptum Thl, parallelum esse obliqui circuli maximi AFCG. Si namque non est, cogitetur parallelus descriptus per T, secans rectam RT, (si possibile est) in alio puncto, quam in l, vt in r. Igitur ex iis, quæ propositione 6. Num. 30. demonstrauimus, erit semidiameter Verticalis RI, medio loco proportionalis inter RT, & RI, quod est absurdum, cum RI, sit per constructionem inter RT, & RI, media proportionalis. Sic etiam, si detur punctum l; ducta ex R, per l, recta, & sumpta RT, tertia proportionali duabus RI, RI, describendus erit parallelus per l, T, vt dictum est.

E S T autem sciendum, quando punctum datum est extra Verticalem, cuiusmodi fuit punctum T, tertiam proportionalem RI, minorem esse recta RT; quando autem datum punctum est intra Verticalem, quale est punctum l, tertiam proportionalem RT, maiorem esse recta RI, quæ ex centro Verticalis ad datum punctum ducitur.

Q V A D R A T hæc etiam ratio in punctum, quod in recta per centrum dati circuli maximi obliqui, & centrum Astrolabii ducta datur. Vt si datum sit punctum L, si duabus rectis RL, RI, inueniatur tertia proportionalis RM, describendus erit parallelus per L, M, ex medio puncto rectæ LM. Ita quoque si datum sit punctum M, inuenta duabus rectis RM, RI, tertia proportionali RI, de-

Quantum arcum
maximi circuli
data recta subten-
dat, inuenire, erit
si circulus ille
maximus non de-
scribatur.

a 28. tertij.

Alia descriptio,
quando punctum
datum est in re-
cta per centrum
obliqui circuli
maximi dati, &
centrum Astrola-
bii ducta.

RL, describendus erit idem parallelus quæsitus per M, L, &c.

QVOD si datum sit punctum in circumferentia Aequatoris, ducenda erit ex eo linea perpendicularis ad lineam meridianam. Nam recta, quæ per intersectionem illius cum meridiana ducetur parallela diametro PQ, maximi circuli, cui describendus parallelus æquidistare debet, erit diameter quæsitæ paralleli in sphaera: ex qua parallelus describeretur, vt propof. 6. traditum est. Ratio huius rei est, quia intersectiones illius paralleli cum Aequatore, & punctum intersectionis eius diametri veræ cum linea meridianâ, iacent in vna linea recta, in communi videlicet sectione plani paralleli cum Aequatoris plano, vt propositione 6. Numero quarto ostendimus. Cum ergo perpendicularis illa ad meridianam lineam ex dato puncto ducta, sit communi illa sectio, (quandoquidem, vt ibidem demonstratum est, communis sectio perpendicularis est ad meridianam lineam, transitque ex hypothefi per punctum datum in Aequatoris circumferentia, cum per illud parallelus transire debeat.) erit punctum intersectionis dictæ perpendicularis cum linea meridianâ illud, per quod diameter propofiti paralleli ducenda est. Vt si data esset alterutra intersectionum paralleli LTM, cum Aequatore, secaret recta ex eo puncto ad FG, perpendicularis ipsam FG, in puncto, per quod diameter Oq, dicti paralleli ducta est.

4. AD extremum, sit per datum punctum T, vbicumque existat, describendus parallelus Aequatoris. Fiet hoc sine vilo labore, si ex E, centro Astrolabii per T, circulus TYg, describatur, cum omnes paralleli Aequatoris, idem cum Astrolabio centrum possideant, vt propof. 2. Num. 6. demonstrauiamus.

BENEFICIO autem huius paralleli Aequatoris per datum punctum T, descripti, describemus alio modo per idem punctum parallelum obliquum. Si enim ex A, polo australi ducatur recta ad intersectionem paralleli Aequatoris cum recta FG, secabit ea Aequatorem in declinatione illius paralleli, vt v.g. in dato exemplo, in a, puncto, per quod ducta parallela ipsi FG, diameter erit eiusdem paralleli. Deinde per datum punctum T, ducta TZ, ad FG, perpendiculari, emittatur ex A, ad Z, radius visualis. Vbi enim is diameter paralleli Aequatoris per punctum a, in dato exemplo transeuntem secabit, per illud punctum sectionis ducenda est recta Oq, diametro PQ, maximi circuli obliqui parallela pro diametro vera paralleli obliqui describendi. Quoniam enim TY, communis sectio est paralleli Aequatoris TYg, & paralleli obliqui per T, describendi, vt ex iis, quæ propof. 6. ad finem Num. 4. demonstrauiamus, liquet; erit punctum Z, tam in parallelo Aequatoris, quam in parallelo obliquo. Cum ergo punctum Z, visum respondeat puncto vero in Meridiano, atque adeo puncto diametri paralleli, per quod radius AZ, eicitur, cum hoc punctum appareat in Z; transibit per idem punctum in Meridiano parallelus obliquus, ac proinde per illud diameter paralleli obliqui ducenda erit. Inuenta autem vera diametro Oq, paralleli obliqui, abscindant radii AO, Aq, diametrum eius visam LM, circa quam parallelus obliquus describendus erit.

5. FACILIVS per datum punctum describetur parallelus maximi circuli per mundi polos ducti. Representet enim recta BED, circulum maximum per polos mundi ductum, quam ad rectos angulos fecerit diameter AEC, quæ referet eius Meridianum, in quo omnia centra parallelorum circuli maximi BD, existant, vt ex iis, quæ propof. 7. demonstrauiamus, constat. Sit ergo primum in Aequatore datum punctum F. Ducta recta DF, secante AC, in G, sumatur arcui BF, æqualis arcus DH. Circulus enim FGH, per tria puncta F, G, H, ex centro I, descriptus

Quando punctum datum est in circumferentia Aequatoris.

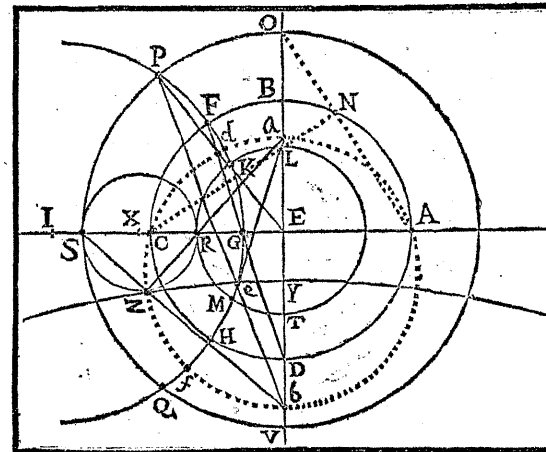
Per punctum vtunque datum, parallelum Aequatoris describere.

Alia descriptio paralleli obliqui per datum punctum.

Per datum punctum describere parallelum maximi circuli per mundi polos ducti.

scriptus parallelum maximi circuli BD, referet, vt ex iis perspicuum est, quæ propof. 7. demonstrauiamus.

SIT deinde datum punctum K, intra Aequatorem. Descripto ex E, per K, parallelo Aequatoris KLM, describatur eius oppositus POQ, quod facile fiet, si per L, ducto radio CLN, secante Aequatorem in N, ducatur ex A, per N, radius ANO, secans DB, in O. Nam EO, erit semidiameter oppositi paralleli, vt constat ex iis, quæ propositione 4. Num. 6. demonstrata sunt. Nam arcus BN, æqualis est illi, quem radius AL, abscinderet, si ductus esset. Ducta autem recta EK, secante in P, parallelum POQ, vt arcus OP, LK, similes sint; si arcus RK, SP, æquales sumantur RM, SQ; erit circulus PKMQ, ex centro I, descriptus, parallelus, qui quæritur: propterea quod in sphaera eiusmodi parallelus ex oppositis parallelis Aequatoris æquales arcus abscindit, quippe cum arcus abscissi habeant sinus rectos æquales, nimirum perpendiculares, quæ ex intersectionibus illius paralleli cum parallelis Aequatoris æqualibus, & oppositis, in planum circuli maximi demittuntur: quandoquidem inter plana parallela iacet, vt ad finem Lematis. 48. demonstrauiamus. Cum ergo quatuor arcus OP, LK, TM, VQ, referantur arcus æquales in sphaera, parallelus per K, descriptus transibit quoque per P, M, Q. quod est propositum.



SIT rursus datum punctum P, extra Aequatorem. Descripto ex E, per P, parallelo Aequatoris POQ, describatur eius oppositus KLM. quod fiet, si per O, ducto radio AO, secante Aequatorem in N, ducatur radius CN, secans BD, in L. Nam EL, semidiameter erit oppositi paralleli. Ducta autem recta EP, secante parallelum KLM, in K; si arcus OP, LK, æquales sumantur VQ, TM, transibit parallelus quæsitus per P, K, M, Q, &c.

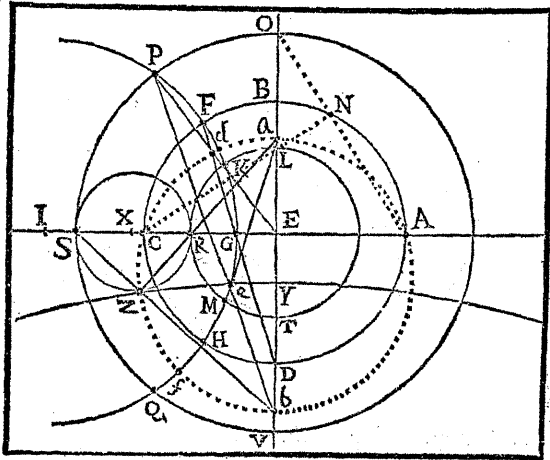
QVOD si per punctum R, quadrante distans in parallelo Aequatoris KLM, à maximo circulo BD, describendus sit parallelus, transibit is necessario per punctum quoque S, quadrante distans in parallelo POQ, ab eodem circulo maximo BD. Diuisa ergo recta RS, bifariam in X, erit circulus ex X, per R, S, descriptus, parallelus, qui desideratur, tangetque duos parallelos KLM, POQ, quemadmodum in sphaera contingit. Sic parallelus describendus per S, transibit per R, &c.

SIT datum denique punctum G, in recta AC. Ducta recta DG, secante Aequatorem in F, sumatur arcui BF, arcus DH, æqualis. Circulus enim FGH, [per

per tria puncta F, G, H, descriptus, erit parallelus quæsitus.

I A M verò vt videas, quam commode per huiusmodi parallelus obliqui paralleli diuidantur in gradus, vt ad finem propositionis 6. scripsimus: sit parallelus obliquus YZ, tanto spatio distans à suo polo inferiore, quanto parallelus Aequatoris KLM, à polo boreali, vel POQ, ab australi abest: & eius Verticalis primarius sit a Cb, auferens ex eo quadrantè YZ. Vbi vides, parallelum RZS, per finem quadrantis LR, vel OS, descriptum, qui tangit vtrumque parallelum Aequatoris, auferre eundem quadrantem YZ. & parallelum ipsum YZ, tangere in Z, quemadmodum in sphæra idem parallelus RZS, tres circulos æquales KLM, POQ, YZ, tangit. Ita quoque cernis, rectam a R, ex a polo superiore paralleli YZ, per finem quadrantis TR, paralleli Aequatoris borealis ductam transire per finem eiusdem quadrantis YZ: Item rectam bS, per finem quadrantis OS, paralleli Aequatoris australis eductam transire quoque per finem eiusdem quadrantis YZ, vt ratio postulat, quemadmodum propof. 6. Num. 21. & 24. demonstratum est. Rursum apparet, parallelum PGQ, auferre

Qua ratione circuli maximi, & paralleli obliqui, per polos maximi circuli per mundi polos ducti, in gradus distribuuntur.



arcu Ye, æqualem, quod ad numerum graduum attinet, tam arcui TM, quàm arcui OP; cum eundem arcum Ye, abscindat: tam rectam M, ex polo superiore, quàm rectam bP, ex inferiore polo: educta. Constat autem ex ijs, quæ prop. 6. Num. 21. & 24. demonstrata sunt, arcum Ye, arcubus TM, OP, æqualem esse.

E A D E M ratione idè parallelus PGQ, ex circulo maximo obliquo AaCb, qui polos habet in recta OV, abscindit duos arcus æquales ad, b f, respondentes nimirum arcubus Aequatoris æqualibus BF, DH. Atque ita semper parallelus, cuius polus C, vel A, tam ex maximo circulo obliquo, quam non maximo, polos habente in recta OV, abscindet duos arcus æquales, initium sumentes à linea OV, per centrum obliqui circuli ducta ex centro Astrolabij.

NEQVE verò silentio prætereundum censeo, modum hunc diuidendi circulos obliquos in gradus per circulos varios per terna puncta descriptos, quem propof. 6. Num. 36. explicauimus, virtute continere primum modum, quo tam maximi circuli obliqui, quam eorum paralleli in gradus distribuuntur per rectas lineas ex alterutro polorum circuli obliqui propositi egredientes: quem propof. 5. Num. 17. & 20. & propof. 6. Num. 21. & 24. declarauimus, & qui ex Lemmate 23. demonstratus fuit. Nam si in sphæra concipiatur

Demonstratio a. Ita facilius primi modi diuidendi circulos obliquos in gradus, qui ex Lemmate 23. pendebat.

arcus proprii Meridiani dati circuli obliqui inter polum eiusdem circuli obliqui siue superiorem, siue inferiorem, & polum mundi australem positus diuidi bifariam per circulum maximum ad eundem Meridianum rectum, existet in hoc maximo circulo perpendiculari polus cuiusdam circuli non maximi per assumptum polum circuli obliqui, & polum australem mundi, ac per datum quoduis punctum in Aequatore, vel eius parallelo transeuntis, qui ex maximo dato circulo obliquo, vel ex eius parallelo, qui parallelo Aequatoris æqualis sit, vt propof. 6. Num. 21. dictum est, arcum æqualem auferat ei, quem ex Aequatore, vel eius parallelo abscindit, vt in Lemmate 47. demonstratum est; cum eius polus existat in circulo illo maximo perpendiculari, à quo in proprio Meridiano equaliter absunt polus circuli obliqui, & polum mundi australis. Quare idem hic circulus in Astrolabio descriptus idem effieiet. Cum igitur proiectiatur in lineam rectam, vt propositione 1. ostendimus, quippe qui per polum australem ducatur, referet eum circulum lineam rectam per polum circuli obliqui assumptum, hoc est, per polum superiorem, inferioremvè, atque per datum punctum Aequatoris, vel eius paralleli extensa; ac propterea ex circulo dato maximo, vel eius parallelo, qui assumpto parallelo Aequatoris respondet, arcus æquales, quod ad numerum graduum attinet, abscindet, quemadmodum in primo modo prædicto fieri docuimus. Initia porro arcuum abscissorum sumenda sunt, vt in Lemmate 47. scripsimus. Dicit hæc debuissent prop. 6. Num. 36. sed quia hoc primum loco occurrerunt, non præmittenda censuimus.

6. VERVM sit iam in priore figura circa datum polum I, & per datum punctum T, describendus circulus, qui parallelus erit maximi circuli, cuius polus est quoque I. Ducta per I, & centrum Astrolabij E, recta, erit in hac centrum circuli describendi, vt propositione 8. Num. 19. ostendimus; quam ad rectos angulos secet diameter AC. Inuento autem altero polo K, si ducatur recta TK, & ducta recta TI, fiat angulo TIF, angulus KIE, æqualis, transibit circulus quæsitus per e, & recta IN, diuidens Te, bifariam, & ad angulos rectos, cadet in N, centrum, vt Num. 3. demonstratum est. Rursum si, inuento centro R, circuli AIC, hoc est, puncto medio rectæ IK, recta ducatur TR, & duabus TR, RI, tertia proportionalis reperiatur RI, transibit idem circulus per I, & recta pN, diuidens TI, bifariam, & ad angulos rectos, cadet in N, centrum, vt ibidem ostendimus.

a. 2. 2. Theo.

Circa datum polum describeto circulum, siue punctum detur, per quod transire debeat, siue non.

SI datum punctum sit L, per quod recta EI, extensa transit, ducemus radiu AI, cadentem in polum verum b; & ducto radio AL, secante Aequatorem in O, sumemus arcui bO, arcum bq, æqualem. Ducta enim recta Aq, secabit FK, in M, puncto, per quod circulus quæsitus transibit, cum arcus IL, IM, respondeant arcubus æqualibus bO, bq, &c. Punctum ergo N, medium diametri visæ LM, erit centrum.

QVOD si detur solum polus I, circa quem describendus sit circulus quantuscunque, non dato puncto, per quod transire debeat; ducemus radium AI, cadentem in polum verum b. Si enim accipiantur duo arcus vtriusque æquales bO, bq, dabunt radii AO, Aq, diametrum visam circuli describendi LM, &c. Et si quidem ducta recta Oq, (quæ diameter vera est quæsitæ circuli) transeat per centrum E, circulus descriptus erit maximus, transibitque per A, C, cum eius diameter vera per centrum transeat: Si verò non transeat per E, erit circulus descriptus, non maximus.

QVANDO datus polus est in circumferentia Aequatoris, nimirum C, in figura posteriore, describendus erit parallelus maximi circuli BD, per quoduis

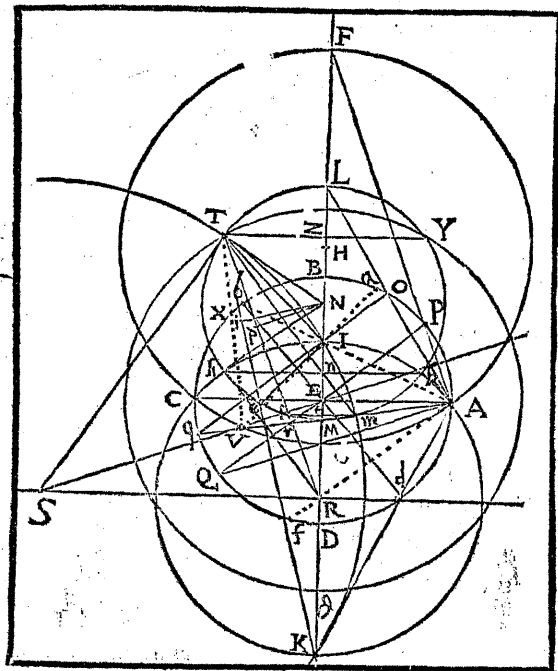
xxx 2 pun-

punctum assumptum P, vel F, vel K, vel G, &c. ad libitum, vt Num. 5. docuimus. Si forte datus sit alter polus K, extra Aequatorem, inuestigandus erit oppositus I. intra Aequatorem, & caetera peragenda, vt dictum est.

IN posteriore figura res absoluetur, vt Num. 5. diximus, cum omnes illi paralleli circa polos C, A, descripti sint.

7. I A M verò si dato puncto in parallelo obliquo, siue descriptus ille sit, siue non, punctum per diametrum in eodem oppositum reperire quis velit, (Id quod propositione 6. Num. 13. facturos nos hoc loco recepimus, efficiet) id hac ratione. Sit primum in parallelo descripto LTM, in priore figura, punctum datum T, cui oppositum inueniendum est, hoc est, quod in sphaera dato puncto T, opponitur per diametrum. Iungatur recta hK; quæ representabit illam diametrum paralleli, quæ in sphaera communis sectio est paralleli, & Verticalis

primarij. Et quia in sphaera omnes diametri eiusdem paralleli se intersecant in Meridiano plano, cernentur omnes eius diametri transire per n, punctum Meridiani, per quod duci conspiciuntur h k. Quare ducta recta Tn, cadet in punctum oppositum m. hoc est, Tm, representabit diametrum paralleli per puncta opposita T, m, ductam. Quod Geometricè quoque sic demonstrari poterit. Quoniam recta RI, secans arcum h k, bifariam in I, secat quoque rectam h k, bifariam in n, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. secabit eadem RI, eadem h k,



a 3. tertij.

b 35. tertij. c 17. sexti.

ad angulos rectos. b, Cum ergo rectangulum sub Tn, nm. æquale sit rectangulo sub hn, nk, erit idem æquale quadrato rectæ nh: Est autem eidem quadrato æquale quoque rectangulum sub In, nK, quod ex scholio propof. 13. lib. 6. Eucl. recta nh, sit media proportionalis inter In, nK. Igitur rectangula sub Tn, nm, & sub In, nK, æqualia sunt; ac proinde ex scholio propositionis 35. lib. 3. Eucl. per quatuor puncta T, I, m, K, circulus describi poterit TImK, qui cum sit Verticalis, (quippe qui per polos Horizontis I, K, ducatur.) secabit parallelum in punctis oppositis, & cum eum fecerit bifariam. Igitur punctum m, per diametrum

d 15. The.

diametrum opponitur puncto T, in parallelo.

IDE M punctum oppositum facilius reperietur per Verticalem, qui per datum punctum describitur, & per polos I, K, quando eiusmodi Verticalis commode describi potest. Hic enim vt proximè diximus, secabit parallelum in puncto opposito.

SIT deinde datum punctum Y, in parallelo, qui nondum sit descriptus, cui oppositum punctum inueniendum est. Ducta YT, ad FG, perpendiculari, sumatur ZT, ipsi ZY, æqualis, eritque punctum T, in eodem parallelo. Iuncta verò recta recta RT, sit RI, tertia proportionalis duabus RT, RI. Dico I, punctum opponi dato puncto Y. Nam descripto parallelo LTM, transibit is necessario per I, propterea quod, vt propof. 6. Num. 30. monstratum est, parallelus ex recta RT, abscindit duabus RT, RI, tertiam proportionalem, qualis fuit KI. Quia verò arcus hI, hT, æquales sunt, quod ad numerum graduum spectat, vt ex propositione 6. Num. 26. liquet, & arcus hM, hL, quadrantes referunt, erunt quoque arcus LM, TL, æquales: Sed TL, arcui YL, æqualis est. Igitur & LM, ipsi YL, æqualis erit, additoque communi arcui YM, toti arcus LYM, lMY, æquales erunt. Cum ergo LYM, semicirculus sit, erit & lMY, semicirculus, ideoque punctum l, puncto Y, per diametrum opponitur in parallelo LTM, quod est propositum. Eodem pacto, si detur punctum m, & ducta perpendiculari mt. sumatur tl, ipsi tm, æqualis, & recta RI, per l, extensa, accipiatur duabus RI, RI, tertia proportionalis RT, erit T, punctum per diametrum puncto dato m, oppositum.

SE D punctum idem oppositum reperietur facilius, si, quando commodè id fieri potest, Verticalis TIK, per datum punctum T, & per polos paralleli I, K, describaris. Hic enim per punctum oppositum transibit. Quare si arcui TI, arcus æqualis abscindatur Im, per ea, quæ propositione 5. Num. 18. scripsimus, erit m, quæ situm punctum oppositum.

PROBL. XVI. PROPOS. XIX.

PER datum punctum in circumferentia dati circuli non maximi in Astrolabio, circulum maximum describe, qui datum circulum tangat.

1. HAEC est prop. 14. lib. 2. Theod. quam in Astrolabio sic absoluemus. Sit Aequator Astrolabij ABCD, circa centrum E, & quilibet circulus non maximus FGH, cuius centrum I, datumque in eo punctum F. Ducta per F, & per circuli centrum I, recta IF, & quantumlibet protracta, ducatur quoque per F, & Astrolabij centrum E, alia recta FEK, in qua reperietur punctum K, puncto F, oppositum, vt propof. 6. Num. 13. docuimus: quod facile fiet, si ducta diametro AC, ad FK, perpendiculari, circa tria puncta A, F, C, circulus describatur. Hic enim secabit FEK, in puncto K, opposito. Deinde angulo KFL, æqualis fiat FKL, eruntque rectæ FL, KL, æquales. Descriptus ergo circulus ex L, per F, transibit per K, tangetque circulum datum in F, propterea quod recta in F, faciens cum vtraque semidiametro IF, LF, angulos rectos, tangit vtrumque circulum in F, ex coroll. propositionis 16. lib. 3. Eucl. Idem vero circulus

Per datum punctum in circulo non maximo, circulum maximum, qui eum tangat, describere.

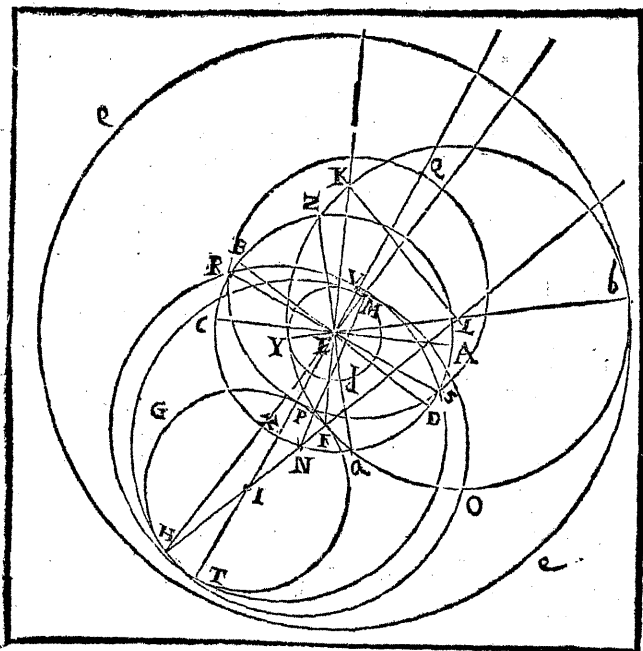
a 6. primi.

10 circ

rò circulus est quoque maximus, cum per duo puncta opposita F, K, descriptus sit.

Si C etiam, si detur punctum H, ducemus per illud, & per centrum I, rectam HI. Item per H, & centrum E, rectam HEM, punctoque H, oppositum inuenimus M: quod etiam fiet, si ducta diametro BD, ad HM, perpendiculari, per tria puncta B, H, D, circulus describatur. Hic enim ferabit HM, in puncto M, opposito. Deinde angulo MHN, æqualem constituemus HMN, eruntque rursum æquales rectæ HN, MN. Descriptus ergo circulus ex N, per H, transibit per M, tangetque circulum datum in H, ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. Vel propterea quod recta faciens in H, cum HI, angulos rectos, vtrumque circulum

a 6. primi.



tangit, ex coroll. propof. 16 lib. 3. Eucl. Idem vero circulus est quoque maximus, cum per duo puncta H, M, opposita descriptus sit.

2. QVOD si quando accidat, datum punctum P, vel T, in tali esse situ, vt recta per ipsum, & per centrum I, emissa transeat per centrum E, cuiusmodi est recta TIPE, absoluemus problema, si ducta diametro RS, ad TE, perpendiculari, per tria puncta R, P, S, circulus describamus RPSQ, ex centro V. Hic enim maximus erit, ex scholio propof. 5. Num. 9. tangetque in P, circulum datum. Eodem modo circulus RTSV, per tria puncta R, T, S, ex centro X, descriptus, maximus erit, datumque circulum in T, continget.

3. DENIQUE si circulus datus fuerit vnus parallelorum Aequatoris, qualis est Yd, & datum punctum Y, ducemus ex Y, per centrum E, rectam YEB, eamque

Quando datum punctum est in recta per centrum circuli dati, & centrum Astrolabii ducta, idem efficitur.

Quando datum punctum est in circumferentia parallelum Aequatoris, idem exequi.

eamque ad angulos rectos secabimus per diametrum Za. Circulus enim ex centro L, per tria puncta a, Y, Z, descriptus a YZb, maximus erit, parallelumque; tanget in Y, ex scholio propositionis 13. lib. 3. Eucl. Sic etiam, dato parallelo Aequatoris be, & puncto b, ducemus ex b, per centrum E, rectam bE, & ad eam excitabimus diametrum a Z, perpendiculararem. Nam rursus circulus abZY, ex L, per tria puncta a, b, Z, descriptus, erit maximus, ac parallelum in b, tanget. quod est propositum.

SE D facilius hoc efficiemus, si ducta recta Yb, per centrum E, ex puncto dato Y, in parallelo Yd, vel ex b, dato puncto in parallelo be; parallelo Yd, oppositum parallelum be, vel parallelo be, oppositum parallelum Yd, describamus. Secta enim recta Yb, bifariam in L, descriptus circulus abZY, ex L, per Y, vel b, vtrumque parallelum continget.

PROBL. XVII. PROPOS. XX.

PER datum punctum extra circumferentiam dati circuli non maximi, quod sit inter ipsum, & alium circulum eidem æqualem, & parallelum, circulum maximum describere, qui datum circulum tangat.

1. HAEC est propof. 15. lib. 2. Theod. quæ sic absoluetur in Astrolabio. Sit Aequator Astrolabii ABCD, cuius centrum E, & circulus non maximus datus HN, siue parallelus sit Aequatoris, siue alterius circuli maximi, & primum portio sphaeræ intra ipsum comprehensa sit hemisphaerio minor: (quod tunc erit, quando circulus vel totus intra Aequatorem, vel totus extra continetur, eum tamen non ambiens, vel quando minor eum non bifariam secat, dummodo portio Aequatoris intra eundem circulum existat, vt in scholio prop. 6. Num. 9. ostendimus.) sitque datum extra circumferentiam dati circuli, & extra ipsum circulum, punctum F, inter datum circulum, & eius parallelum oppositum, per quod describendus sit circulus maximus tangens datum circulum: Ducta ex F, per E, centrum Astrolabii recta FG, reperiat ex propositione 6. Num. 13. punctum G, puncto F, oppositum, quod necessario extra datum circulum existet, si F, extra eundem existit, & inter eum, eiusque parallelum oppositum. Nam si intra ipsum esset; punctum F, intra parallelum oppositum existet, non autem inter duos illos parallelos oppositos. quod est contrahypothæsim. Si enim G, esset in portione sphaeræ, hemisphaerio minore, quam videlicet circulus datus HN, abscindit, esset eius punctum oppositum F, in opposita portione sphaeræ hemisphaerio etiam minore, quam nimirum parallelus oppositus intra se comprehendit. Transeat autem primum recta FG, per centrum dati circuli, quod quidem semper contingit in parallelis Aequatoris, cum idem sit centrum Aequatoris, eiusque parallelorum; in aliis autem circulis non maximis non semper id accidit. Et quoniam maximus circulus per F, describendus transit quoque per G, punctum oppositum, describemus per ea, quæ ad initium Lemmatis 41. demonstraui, per duo puncta F, G, extra datum circulum existentia, circulum tangentem, hoc scilicet modo. Secta recta FG, bifariam in L, eriga-

Per datum punctum extra circumferentiam circuli non maximi, inter ipsum circulum, & eius oppositum parallelum, ita vt recta coniungens datum punctum & centrum Astrolabii transeat per datum circulum, circulum maximum describere, qui eum tangat.

vt in Lemmate 41. monstratum est. Descripto autem ex E, centro dati circuli per Q, arcu circuli secante perpendicularem KL, in K, P, erit K, centrum circuli FIG, datum circulum tangens in I, extremo puncto rectæ EK, vsque ad circumferentiam dati circuli productæ ex vna parte rectæ FG: at P, centrum erit alterius cuiusdam circuli datum circulum ex altera parte rectæ FG, tangens in puncto extremo rectæ EP, vsq; ad circumferentiam dati circuli productæ vt in prædicto Lemmate 41. ostēdimus.

EODEM modo procedemus, si datum punctum sit G, intra datum circulum, qui portionē hēmisphærio maiorem contineat. Ducta enim rursum ex G, per E, centrum Astrolabii GF, inuentoque puncto opposito F, quod etiam intra circulum erit, si G, sit inter ipsum circulum, eiusque parallelum oppositum: reliqua absoluemus, vt prius, si modo recta FG, transeat quoque per centrum dati circuli.

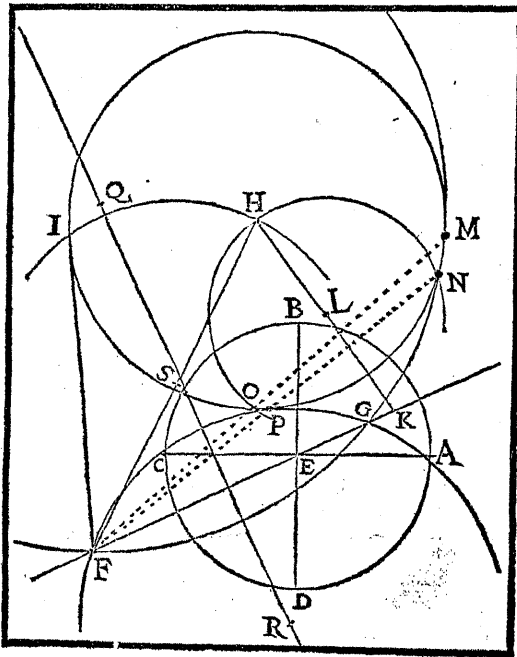
3. PRAETEREA sit datus circulus non maximus IMO, includens

portionē sphærae hēmisphærio minorē, cuius cētrum H. Recta autem ex F, dato puncto extra circumferentiam dati circuli per E, centrum Astrolabij educta non transeat per centrū H, siue eadem circulum secet, siue non. Inuēto ergo puncto G, quod dato puncto F, opponitur, describendus erit maximus circulus per duo puncta F, G, opposita, tangens datum circulum, quod per Lemma 41. sic fiet. Ducta ex dato puncto F, ad centrum H, recta FH, describatur ex medio eius puncto S, per H, arcus circuli secans datum circulum in I; & ducta recta FI, inueniatur duabus rectis GF, FI, ter-

tia proportionalis FK; cadetque punctum K, aut citra G, aut vltra G. Vbiunque tandem existat, ducta recta KH, describatur ex medio eius puncto L, circulus per H, secans datum circulum in O, N. Si igitur ducatur ex dato puncto F, per O, punctum propinquius puncto I, recta FO, vsque ad circumferentiam in punctum M, circulus per tria puncta F, G, M, descriptus ex centro Q, quod est in perpendiculari QR, secante FG, bifariam, tanget datum circulum in M;

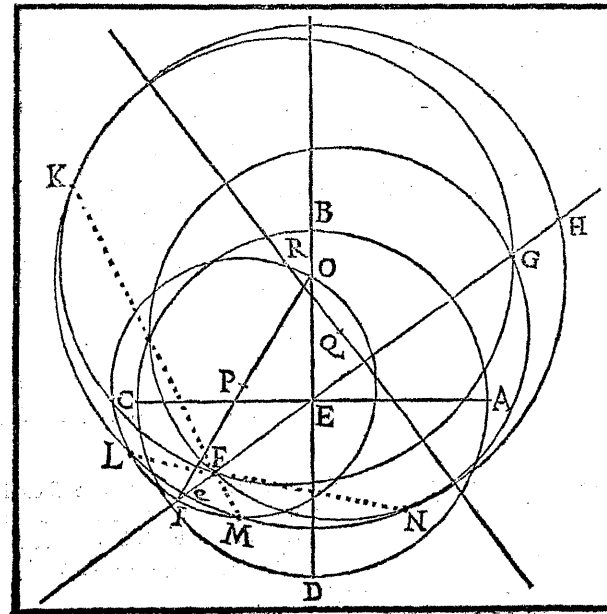
vt in

Per datum punctum extra circulum ferentiam circuli non maximi, inter ipsum circulum, & eius oppositum parallelum, ita vt recta coniungens datū punctum, & centrum Astrolabii non transeat per dati circuli centrum, circulum maximum, qui eum tangat, describere.



vt in Lemmate 41. demonstratum est. Si vero ex eodem puncto F, dato ad punctum N, longius distans ab I, recta FN, ducatur secans circumferentiam dati circuli in P, circulus per tria puncta F, G, P, descriptus ex centro R, quod etiam existit in perpendiculari QR, secante FG, bifariam, tanget eundem circulum datum in P, vt in eodem Lemmate 41. ostēsum est.

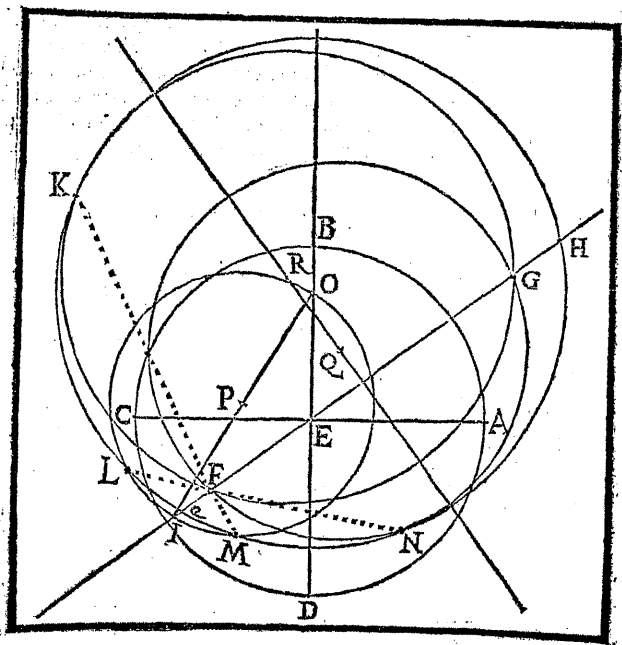
4. NON aliter per idem Lemma 41. circulum tangentem describemus, si circulus datus non maximus maiorem portionem hēmisphærio includat, ac proinde, vt paulo ante Num. 2. ostēdimus, tam datum punctum, quam eius oppositum intra eundem circulum existat; vt eo in Lemmate demonstratum est, quando duo puncta intra circulum data fuerint. Sit enim circulus datus non maximus KLMN, cuius centrum O, includens sphærae portionem hē-



misphærio maiorem: Et recta ex F, puncto intra circulum dato per E, centrum Astrolabii ducta non transeat rursum per centrum O. Inuento ergo puncto G, quod per diametrum puncto F, opponitur, erit quoque G, intra datum circulum, vt Num. 2. diximus. Describendus ergo est circulus maximus per duo puncta F, G, per diametrum opposita, tangens datum circulum, quod per Lemma 41. sic fiet. Tribus rectis FG, FH, Fe, inuenta quarta proportionali FI, cadet necessario punctum I, extra datum circulum, vt ibidem demonstrauimus. Ducta ex I, ad centrum O, recta IO, eaque bifariam secta

Yyy 2 in P,

in P, describatur ex P, per O, circulus secans datum circulum in L, M. Si igitur ex L, per F, ducatur recta secans datum circulum in N, tanget circulus per tria puncta F, G, N, descriptus, (cuius centrum Q, erit in recta QR, secante rectam FG, bifariam, & ad angulos rectos) interius datum circu-



lum in N, vt in Lemmate 41. demonstratum est. Pari ratione si ex M, per F, recta extendatur secans datum circulum in K, circulus per tria puncta F, G, K, ex centro R, (quod in eadem recta QR, secante FG, bifariam, & ad angulos rectos existit.) descriptus, datum circulum tanget in K, vt in eodem Lemmate 41. ostendimus. Quod est propositum.

SCHOLIUM.

1. EXPLICEMVS iam, qua ratione instrumentum, in quo Astrolabium descriptum sit, construatur. Paretur igitur ex orichalco, vel cupro, vel alia materia solidissima, circulus ABCD, cuius centrum E, tanta magnitudinis, quantum instrumentum habere cupimus: qui ex vna parte excanetur circulariter, relicto limbo, vt in eo numerus horarum, & graduum describi possit, ex altera vero parte accuratissime complanetur. Deinde preparentur aliquot circulares laminae aenea, vel cuprea tanta magnitudinis, vt sommode intra partem excanatam collocari possint, & tot, vt concavitatem expleant.

Hac

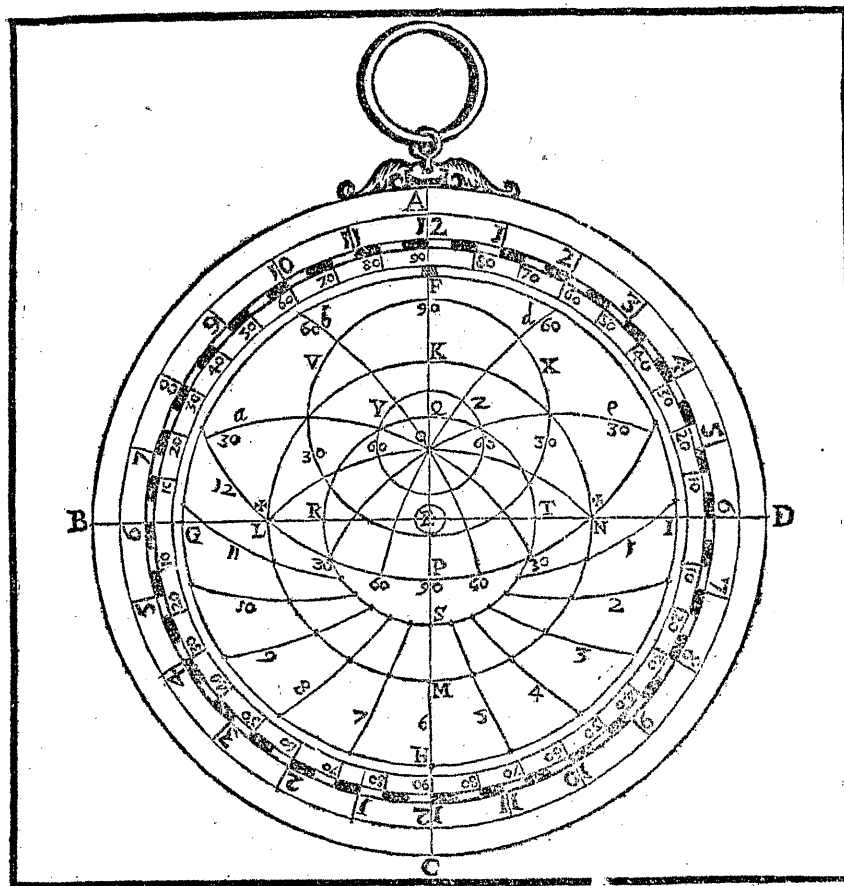
Materia Astrolabii quae esse debet.

Hac pars excanata cum limbo, & laminis, quas tympana vocare solent, dicitur à scriptoribus Facies Astrolabij, & eius pars concava intra lymbum contenta, Mater: altera vero pars, Dorsum Astrolabij appellatur.

Facies Astrolabii quae. Dorsum Astrolabii quod.

2. FACIES ergo sic construatur. Limbus quatuor circulis ex eodem centro faciei descriptis diuidatur in tria spatia: In exteriore diuiso in 24 partes aequales describatur numerus horarum, vt in figura apparet: spatium medium secetur in 360 gradus,

Facies Astrolabii constructio.



initio facto à recta BD: in tertio denique, & interiore spatio apponantur numeri graduum, quorum initium sit in recta BD; ita vt grad. 90. terminetur ad utramque partem rectae AC.

Limbi constructio in facie Astrolabii.

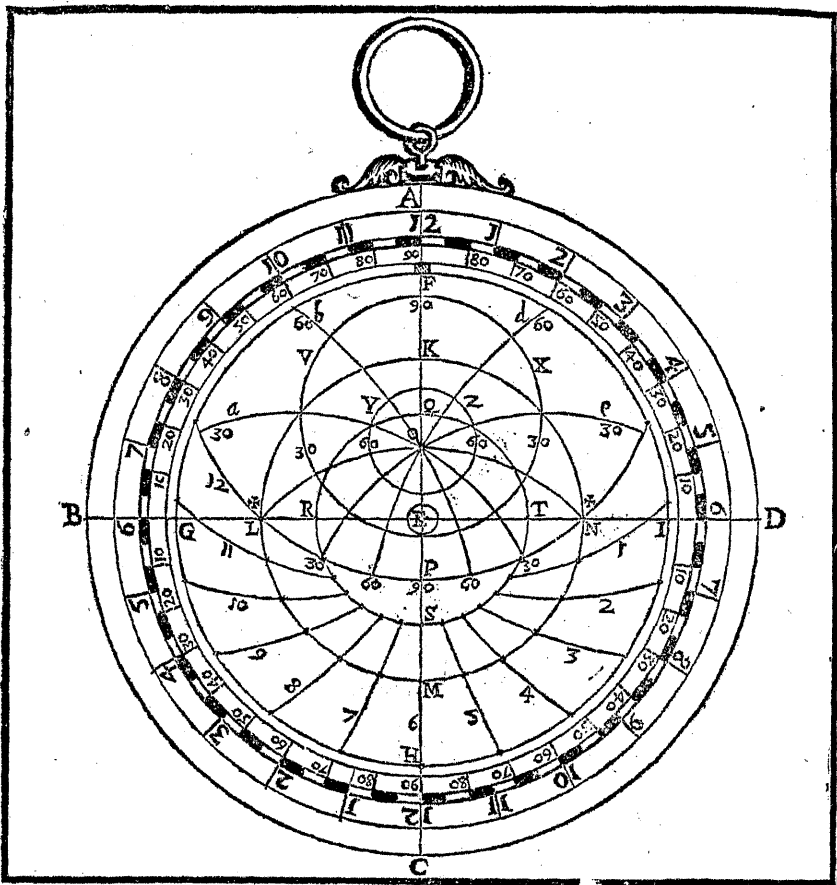
3. DEINDE in laminis aeneis ad hoc negotium preparatis describantur tropicus 20, FGHI; Aequator KLMN; & tropicus 22, QRST, ex data magnitudine

Tympanorum in facie Astrolabii constructio.

tudine

tudine tropici ☉, ut in scholio propositioni 4. Num. 1. docuimus, nisi prius ex data magnitudine Aequatoris tropicos describere velis, atque ex descripto tropico ☉, Martis magnitudinem desinare.

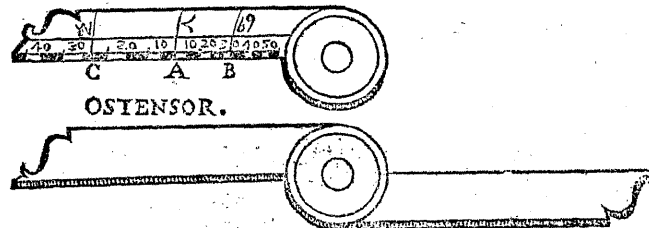
POST hac in una lamina describantur pro data altitudine poli, reliqui circuli sphaera, quotquot commode describi possunt. Nos exempli causa in subiecta figura ad altitudinem poli grad. 42. qualis forma est Roma, descripsimus Horizontem L P N.



cum duobus tantummodo eius parallelis VX, TZ, circa Zenith O, qui 30. gradibus inter se distant; Verticalem primarium LON, cum quatuor duntaxat alijs Verticalibus a O, b O, c O, gradibus etiam 30. inter se distantibus; Ac denique infra Horizontem circulos horarum inaequalium tantum, diuisentes portiones tam tropicorum, quam Aequatoris sub Horizonte in 12. partes aequales. In eadem lamina describi

describi poterunt, si placeat, circuli domorum caelestium, ut propos 10. traditum est, & circuli horarum ab ortu, vel occasu Solis, quos hic describendos esse non censuimus, ne figuram tanta linearum multitudine confunderemus. Quemadmodum autem in una lamina circuli praedicti descripti sunt pro data poli altitudine, vel pro data latitudine loci, sic in alijs delineandi idem erunt pro alijs poli altitudinibus, quae nimirum magis vsui futurae creduntur. Ad extremum in una sola, in qua Aequator & tropici sint tantummodo descripti, Eclipticam designauimus in signa, & gradus exquisitissime distributara, una cum stellis nonnullis, ressectis tamen partibus superfluis, ad instar retis cuiuspiam, ita ut relinquuntur tantummodo Ecliptica cum nominibus signorum, & numeris graduum, & cacumina stellarum. Solet autem in singulis laminis relinqui denticulus quidam prope superiorem partem F, qui in foramen limbi iuxta idem punctum F, immittatur, ne lamina ipse ad motum retis circumducatur, sed eundem semper situm obtineant: Sola retis lamina hoc denticulo carebit, ut libere circa centrum E, circumuolui possit: in quem finem circa centrum E, excidendus est circulus quidam exiguus in omnibus laminis, ut rete circa clauum teretem, qui foramen illud rotundum expleat, circumducatur. Quid si in superiori parte Astrolabij iuxta punctum A, affigatur armilla, ex qua Astrolabium suspensum libere pendeat, & in centro Astrolabij apponatur regula quaedam volubilis, cuius linea extrema altera, quam lineam fiducia dicunt, per centrum transeat, absoluta erit tota facies Astrolabij. Hac autem regula dicitur ostensor, & vel solum a centro ad limbi extremitatem protenditur, vel duplo longior est, ut subiecta figura demonstrat. Diuisi quoque solet hac regula a centro usque ad tropicum ☉, in gradus,

Armillae suspensoris, & ostensoris constructio.



hoc modo. Primum ex centro transferuntur semidiametri Aequatoris, tropici ☉, & tropici ☉, usque ad A, B, C, ex Astrolabio. Deinde diuiso semicirculo Aequatoris LKN, in 180. grad. emittuntur ex N, ad singulos gradus rectae secantes EF, semidiametrum in gradus, qui in regulam ex centro transferuntur, eorumque numeri ab Aequatoris puncto A, incipiunt, & versus utrumque tropicorum progrediuntur, ut in figura apparet, ubi per denos gradus progrediuntur. Officium horum graduum est, indicare declinationes punctorum Astrolabij ab Aequatore, atque adeo fungi munere omnium parallelorum Aequatoris.

4. DORSVM autem Astrolabij sic constructur. Primum exterior limbus quinque circulis in 4. spacia distribuendus est, & in extremo numeri graduum, in quos primum spatium diuisum est, ponendi initio facto a punctis B, D, versusque A, C, progrediendo, ita ut in A, & C, grad. 90. scribatur. In tertio spatio describendi sunt numeri graduum per 30. procedentium pro signis, quorum principium est in puncto D: Atque in ultimo spatio, signa pingenda sunt, ut in figura vides.

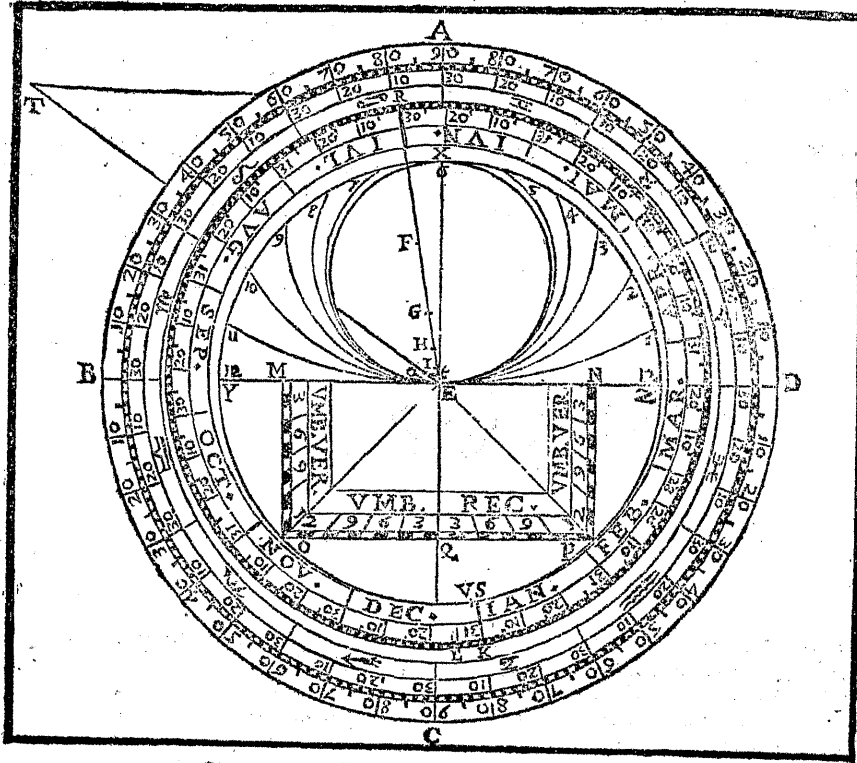
Dorsi Astrolabii constructio.

Limbi in dorso Astrolabii constructio.

5. DEIN-

Centrum, ac die-
rum in dorso A-
strolabii per cir-
culos concentri-
cos descriptio.

5. DEINDE alia tria spatia per 4. circulos paranda sunt pro diebus mensum
in supremo spatia, & pro eorundem numero in medio, ac tandem pro mensum nomi-
bus in infimo collocandis. quod duobus fieri solet modis. Nam quatuor hi circuli vel cōcen-
trici sunt cum prioribus quinque, vel eccentrici. Qui eos concentricos faciunt, applicat re-
gulam centro E, & 10. gradui 30. lineamque SK, per tria illa spatia ducit pro initio
Ianuarij, propterea quod, ut Ephemerides docent, Sol primo die anni in gradu 10.
30. existit. Deinde ex eisdem Ephemeridibus inuestigant, ubi Sol reperitur die
quinto anni, & ad gradum Solis aliam rectam ducunt pro die 5. Ianuarij. Idemque
faciunt pro die 10. 15. 20. &c. donec ad finem anni perveniant, efficiantque spatia



73. qua subdivisa in 5. partes aequales dabant 365. dies totius anni. Tandem vero
in tertio spatia inscribunt mensum nomina, & numerum dierum secundum signorum
successionem, tribuendo Ianuario dies 31. Februario dies 28. Martio 31. Aprili 30.
& reliquis mensibus proprios dierum numeros. Huius divisionis exemplum non appo-
suimus, tum quia facilis est, tum etiam quia plerumque apud scriptores Astrolabij,
praesertim apud Ioannem Stophlerinum, reperitur.

6. QVI vero eccentricos potius circulos describunt, ne cogantur per quinos dies
locum

locum Solis inuestigare, hanc tenent viam. Quarunt locum augis Solis, qua hoc
tempore est in gradu 9. Cancrj, & ab eo semidiametrum ducunt RE, eamque bifa-
riam secant in F, & rursum EF, bifariam in G, & iterum EG, bifariam in H, rur-
sumque EH, bifariam in I, & denique EI, bifariam in t, ut Et, sit una particula
ex 32. in quas tota RE, diuisa est. Ita enim fit, ut proportio Rt, ad tE, nimirum
31. ad 1, sit prope modum eadem, qua 60. ad 1 1/4. quam videlicet hoc tempore ha-
bet semidiameter Eccentrici Solis ad eccentricitatem, cum eccentricitas contineat par-
tem 1. & min. 56. quarum 60. in semidiametro Eccentrici continentur. Re ipsa ta-
men paulo minor est proportio 31. ad 1. quam 60. ad 1 1/4. sed quia discrimen perexi-
guum est, iure accipi potest particula Et, pro eccentricitate hoc tempore. Quando au-
tem mutata reperitur quantitas eccentricitatis, diuidenda erit recta ER, in t, ut pro-
portio Rt, ad tE, sit eadem, qua 60. ad eccentricitatem, ut hoc tempore ad par-
tem 1. & minuta 56. quod ita fiet. Ducta recta ET, sumantur beneficio circini par-
ticula aequales 116. ab E, usque ad a, hoc est, pars 1. & min. 56. qua faciunt 116.
minuta. Primum quidem sumantur 10. Deinde hac lineola sexies sumpta dabit 60.
Adiecta eadem lineola quinquies, dabit 110. & adiectis 6. particulis eiusdem lineo-
la, habebuntur 116. particula. Post hac sumptis ex hisce particulis, 60. qua faciunt
partem 1. accipiatur hac pars sexages, nimirum primum decies, deinde hac linea 10.
partium sexies. Sint ergo in aT, partes 60. quarum aE, continet 1. & min. 56.
autaeque recta TR, agatur ei parallela a t, eritque eccentricitas tE, cum sit, ut
Ta, ad aE, hoc est, ut 60. ad eccentricitatem, ita Rt, ad tE. Sed quoniam fieri
non potest, ut recta ET, in proposito plano tot particulas suscipiat, ut nimirum Ea,
contineat 116. & aT, 360. rectius feceris, si in alio plano lineam satis longam in eas
partes feces. Nam si aliquam eius partem aliquotam, ut dimidiam, vel certiam, vel
quartam, vel quintam &c. sumptis, qua commode ex E, usque ad T, transferri
possit, & eandem partem aliquotam illius segmenti, quod particulas 116. continet, ex
E, in a, transferas, & iuncta recta TR, parallelam duxeris a t, habebis punctum t,
ut prius. Nam erit, ut tota illa linea ad segmentum particularum 116. ita eius
quinta pars u. g. ET, ad Ea, quintam partem dicti segmenti. Ergo diuidendo, ut
maius segmentum eiusdem rectae ad minus, hoc est, ut semidiameter Eccentrici ad ec-
centricitatem, ita Ta, ad aE; ac proinde etiam ita Rt, ad tE. Ex centro igitur t,
ad intervallum tR, describunt circulum Eccentricum, & infra hunc alios tres, & su-
preum spatium in dies partiuntur hoc modo. Principium Ianuarij in K, reperiunt,
ut ij, qui concentricos circulos describunt. Deinde applicant regulam centro E, &
gradui 4. min. 40. 30. hoc est, puncto, quod a 10. gradu 30. versus principium abest
grad. 5. min. 20. notantque punctum L, in Eccentrico, quia spatium KL, respon-
det diebus 5 1/4. quibus in opposito augis Sol conscit grad. 5. min. 20. reliquis vero arcus
KRL, reliquos 360. dies anni complectitur. Diuiso igitur arcu KRL, in 360. par-
tes aequales, & arcu LK, in 5 1/4. hoc est, in partes 21. quarum 20. quinque diebus
debentur, & reliqua quarta parti diei, distributus erit totus Eccentricus in dies 365.
& horas. 6. Menses denique inscribuntur, ut prius.

7. AD hac erit construenda scala alimetra hoc modo. Descriptio ex E, cir-
culo tangente vltimum eccentricum in V, ducantur dua semidiametri EO, EP,
ad grad. 45. limbi secantes circulum descriptum in O, P. Iunctaque OP, secan-
te EC, in Q, abscondantur EM, EN, ipsi QO, QP, aequales, iunganturque re-
cta OM, PN. Diuisis autem rectis quatuor MO, OQ, QP, PN, in 12. partes
aequales, ductisque ternis rectis; qua ipsi aequidistant, contineantque tria spatia,
pingantur in extimo spatia duodena partes ad centrum E, tendentes; in spatia ma-

Mensum ac die-
rum in dorso A-
strolabii per cir-
culos concentri-
cos descriptio.

a 2. sexti.

b 15. quinti.

c 2. sexti.

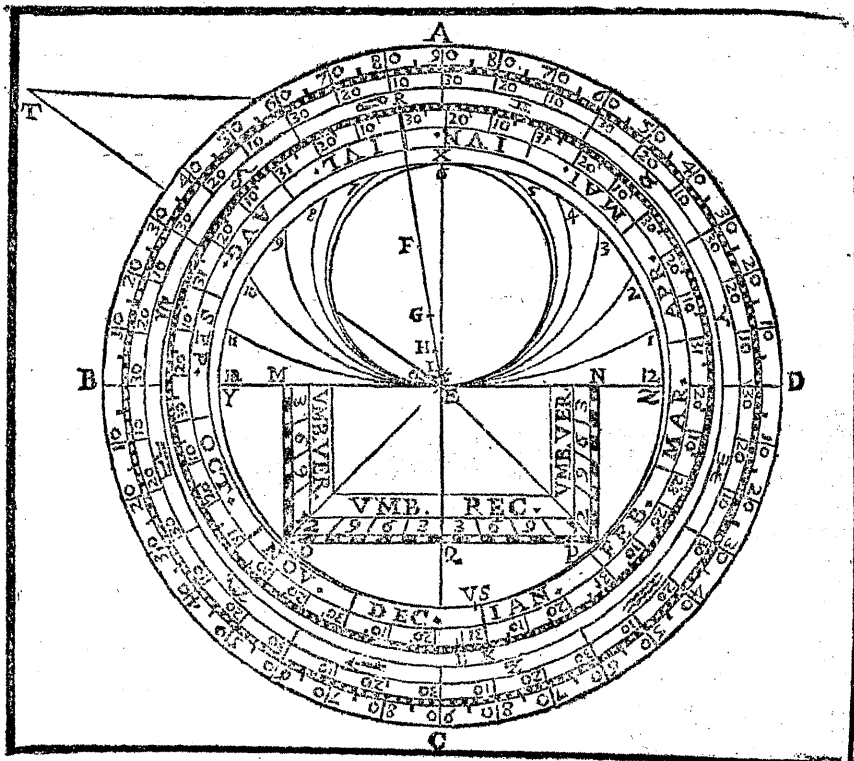
Scala alimetra
in dorso Astrola-
bii constructio.

Zzz dio

dio numerus partium reponatur, ita ut 12. occupet angulos O, P. in tertio denique spatio umbra recta, & versa scribatur, recta quidem in latere OP, versa autem in lateribus OM, PN.

Horatij inaequalium in dorso Astrolabii descriptio.

8. DIVISIS quoque duobus quadrantibus XY, XZ, in senas partes aequales, descriptisque arcibus circulorum per centrum E, & bina puncta à diametro CD, aequaliter remota, quorum centra in diametro AC, existunt, & ultimus circa diametrum EX, integer describitur, habebuntur in dorso 12. hora inaequales, ut in figura apparet.



Mediclinii, vel Dioptrae in dorso Astrolabii descriptio.

9. POSTREMO in centro E, apponitur mediclinium volubile, quod nihil est aliud, quam ostensor integer paulo ante descriptus, affixis tamen in extremitatibus tabellis quadratis perforatis, qua pinnacidia dicuntur. Atque totum hoc mediclinium appellari quoque solet Dioptra ab Astronomis.

Quae in Astrolabio communi sunt, etiam in sphaera cuiuslibet obliquae, & obliquae sunt sub polo.

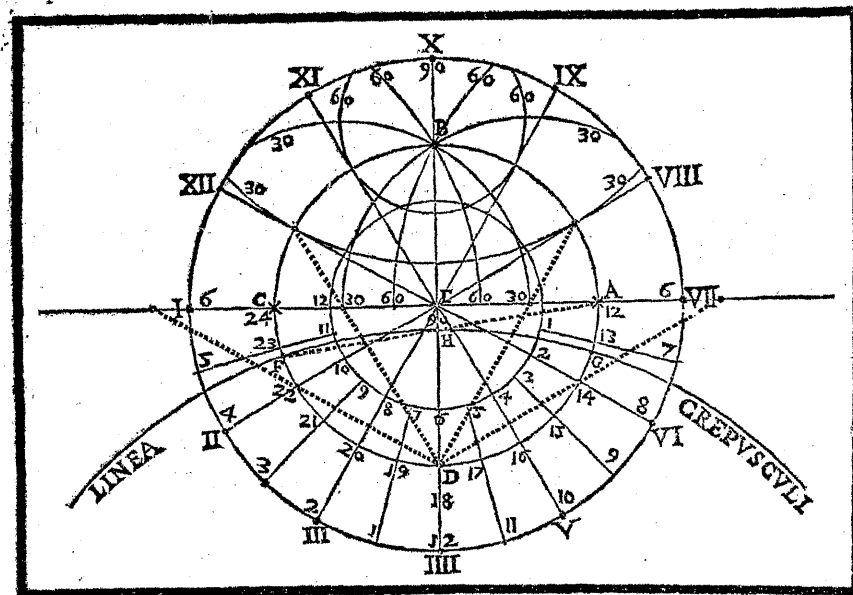
10. SED ut Astrolabium nostrum omnibus mundi partibus inseruiat, doceamus, qua ratione ipsum tam in sphaera recta, quam in obliquissima, ubi polus mundi in vertice constituitur, describendum sit: quod ex his, qua demonstrata sunt, difficile non erit. In primis igitur in utraque sphaera limbus faciei, Aequator, tropici, & alij

alij paralleli Aequatoris, Rete, & totum dorsum, constituentur, ut in qualibet sphaera obliqua.

Astrolabii in sphaera recta constructio.

11. DEINDE in sphaera recta, quoniam Horizon per polos mundi transit, projiciturque in rectam lineam per E, centrum Astrolabii, quod & polus mundi est, traiecitam, ut propos. 1. ostensum est; sit recta AC, Horizon rectus, cui ad angulos rectos insistent recta BD, Meridianum circulum referat. Et quia in ea sphaera Aequator ABCD, primarius Verticalis est, erit punctum B, gradibus 90. utrinque ab Horizonte AC, recedens vertex capitis, siue polus Horizontis, & oppositum Verticis, vel alter polus Horizontis, D.

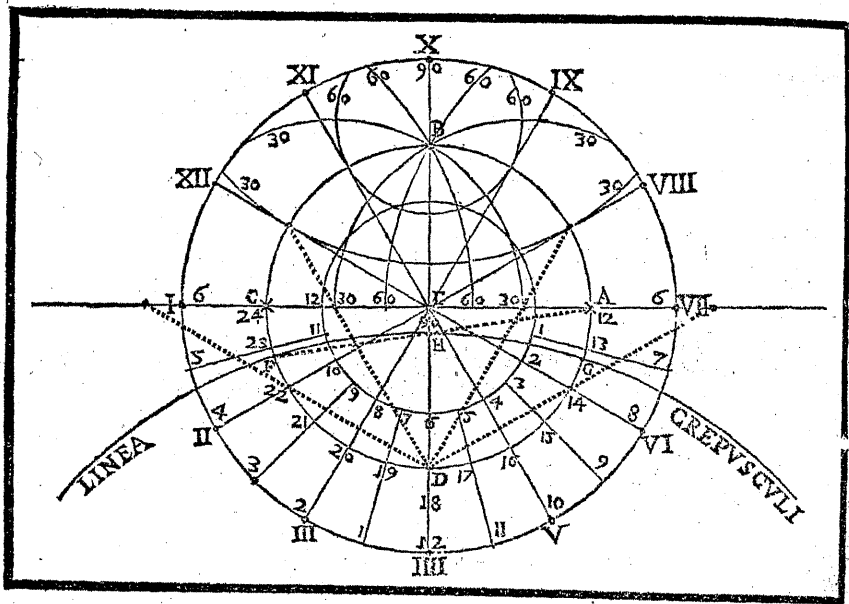
ALMVCANTARATH, hoc est, paralleli Horizontis recti, describentur, ut propos. 7. Num. 2. & 3. tradidimus, ut in figura descriptos esse vides duos circa Zenith B, quorum alter ab Horizonte, & alter ab illo, & à Zenith 30. gradibus abest.



AZIMUTH, seu circuli Verticalis describentur, ut in sphaera obliqua. Nam si Aequator ABCD, hoc est, Verticalis primarius, in tot partes aequales secetur, quot Verticalis describendi sunt, & per puncta divisionum ex B, vel D, recta emittantur, secabitur recta AC, in centris Verticalium per B, D, ducendorum, secantiumque Horizontem rectum AC, in gradus, quemadmodum in sphaera obliqua propos. 8. Verticalis circuli parallelum Horizontis per rectam PQ, representatum in gradus partium, ut ibidem demonstratum est. In hac figura quatuor Verticalis descripsimus, 30. gradibus inter se distantes.

In sphaera recta
ijdem circuli ma
ximi indicant ta
horas à mer. &
med. noc. quam
ab or & occasu
horas inaequales.

HORARI circuli cuiusque generis repraesentantur hic per rectas ex centro E, per quindenos gradus Aequatoris, eiusque parallelorum, ductas. Nam cum Horizon re-ctus, & circuli horarum à meridie, ac media nocte, per polos mundi ducantur, transibunt quoque & circuli horarum ab ortu atque occasu, & horarum inaequalium per eosdem polos, illi quidem, quia nullus est parallelus Horizontem tangens, quem ipsi tangant, hi vero ut tam semicirculi parallelorum diurni, quam nocturni in 12. horas aequales distribuuntur; quae quidem initium habere possunt vel à meridie, & media nocte, vel ab ortu & occasu. Cum igitur omnes circuli maximi per polos mundi incedentes projiciantur in lineas rectas, ut propos. 1. ostensum est, liquido constat, rectas lineas ductas, ut diximus, referre circulos horarios cuiusvis generis. Has lineas solum infra



Horizontem rectum AC, & intra tropicos produximus, ne linearum multitudo supra Horizontem confusionem nobis exhibeat. Numeri porro iuxta tropicum θ , descripti ad horas à meridie, & media nocte; iuxta Aequatorem vero, ad horas ab ortu, & occasu iuxta tropicum σ , denique ad horas inaequales pertinent.

DOMVS caelestes tam ex sententia Ioan. Regiom. quam secundum Campanum, projiciuntur, ut circuli horarij. Transseunt namque & earum circuli per polos mundi, nimirum per communes sectiones Horizontis, ac Meridiani, ac proinde in rectas lineas projiciuntur: quas per totum Astrolabium eduximus, & dividentes tam Aequatorem, ut vult Ioan. Regiom. quam Verticalem primarium, ut Campano placet, qui ab Aequatore

quatore hic non differt, in 12. partes aequales.

LINEA denique Crepusculi non aliter describitur, quam circuli altitudinum, seu paralleli Horizontis, cum & circulus, in quo Crepusculum matutinum habet initium, & finem vespertinum, sit Horizonti parallelus, distans ab Horizonte versus Nadir grad. 18. Itaque si ex A, & C, in Aequatore sub Horizonte supputentur grad. 18. usque ad G, F, & ex A, per F, recta ducatur secans meridianam lineam in H, describendus erit parallelus, sine linea Crepusculi, vel Aurora, per tria puncta F, H, G, centrum in meridianam lineam ED, producta habens.

12. **AT** vero in sphaera obliquissima, qua verticem capitis habet in polo arctico, describendi sunt paralleli Aequatoris usque ad Aequatorem duntaxat, hoc est, solum boreales; propterea quod, cum Aequator ibi sit Horizon, paralleli inter Aequatorem, & tropicum θ , infra Horizontem sunt, nullumque usum habent, praeter illum, in quo crepusculum matutinum incipit, & vespertinum finitur. In figura sequenti Aequator est ABCD; tropicus σ , & circulus arcticus sunt duo circuli punctis inter se distincti: hoc est, proximus Aequatori, & proximus centro E.

HORIZON, ut dictum est, ab Aequatore non differt, ideoque eius paralleli describuntur, ut paralleli Aequatoris: adeo ut quadrante BC, in 90. grad. divisio, si ex A, per singulos gradus recta educantur, secabitur recta BD, in punctis, per quae ex centro E, Almucantarat describendi sunt. In figura descripti sunt duo tantum paralleli, 30. & 60. gradibus, ab Horizonte distantes, quorum semidiametros abscindunt radij AF, AG.

VERTICALES circuli, cum per mundi polos incedant, nimirum per polos Horizontis, in rectas per centrum E, transeuntes projiciuntur, ut propos. 1. ostensum est. Quamobrem recta per centrum E, ducta, partientesque Aequatorem, hoc est, Horizontem Astrolabij, in 360. partes aequales, instar omnium Verticalium erunt. In figura descriptus Verticalis quindenis gradibus inter se distantes.

HORARI circuli, lineae quoque rectae sunt, dividentes Aequatorem, eiusque parallelos, in 24. horas aequales, cum per polos etiam mundi incedant: initiumque habere possunt in quocunque puncto, ut in linea recta BD, quam in Astrolabio pro meridianam lineam assumpsimus. Indicant autem huiusmodi hora partes vigesimasquartas unius integrae revolutionis Aequatoris ab aliquo puncto fixo inchoata, non autem ab ortu, vel occasu, aut à meridie, vel media nocte, cum perpetua ibi sit dies, Sole existente in hemisphaerio supero, atque adeo neque ortus, vel occasus, neque merities, vel media nox possit assignari, si proprie loqui velimus. Potest tamen pro libro assumi recta BD, pro linea meridianam, & AC, pro Verticali primario, ac proinde & punctum C, quodammodo pro ortu, & A, pro occasu, &c.

CAELESTIVM domorum circuli in hoc Astrolabio inscribi nequeunt, propterea quod neque verus ortus, occasusque datur, neque Aequator dividi potest per circulos maximos per communes sectiones Meridiani, etiam pro libro assumpti, & Horizontis, qui idem est, qui Aequator, incedentes, ut liquet. Quod si ortum, & occasum appellemus puncta C, A, & meridianam lineam BD, describentur, ex sententia Campani, domorum caelestium circuli, ut Verticalis in sphaera recta. Nam si Verticalis primarius accipiatur esse ABCD, ad planum Astrolabij rectus, faciensque in Astrolabio rectam AC, & per 12. partes aequales ipsius in eo situm ex B, vel D, recta emittantur, dividetur Verticalis linea AC, in centris circulorum caelestium domorum, qui omnes per puncta B, & D, transibunt. Quemadmodum enim in sphaera recta circuli habentes centra in recta AC, hoc est, in Horizonte recto, incedentesque per puncta B, D, nimirum per verticem capitis, punctumque oppositum, dividunt rectum Horizontem

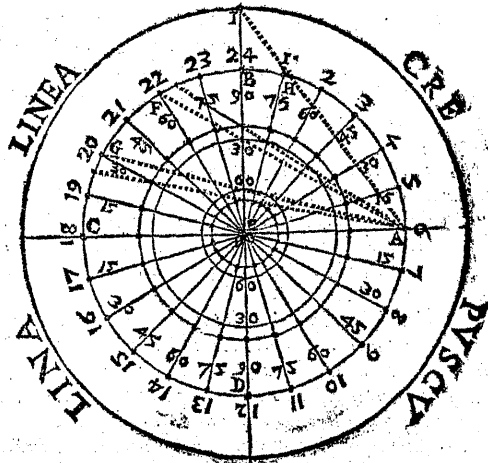
Astrolabij sphaera obliquissima constructio.

In sphaera obliquissima non sicut proprie hora à mer. vel med. noc. aut ab ortu, vel occ. aut inaequales.

In sphaera obliquissima nulli sicut proprie circuli domorum caelestium.

zontem in suos gradus, ita & hi circuli transeuntes per B, D, communes sectiones Ho-
rizontis ABCD, & Meridians assumpti, partiuntur Verticalem lineam AC, in
12. domicilia coelestia, &c.

DENIQUE Crepusculi linea, cum referat parallelum Aequatoris, id est,
Horizontis obliquissimi, ad oppositum polum vergentem, distantemque ab Aequato-
re grad. 18. projicietur in Astrolabium hac ratione. Ex B, versus polum antarctici
A, (quia parallelus per initium crepusculi matutini, & finem vespertini descriptus,



australis est in hac obliquissima sphaera.) suppetentur grad. 18. usque ad H; & ex A,
radius emittatur per H, secans rectam BD, in I. Nam circulus ex E, centro per I,
descriptus dabit lineam crepusculam, hoc est, parallelum 18. gradibus infra Ho-
rizontem depressum, ut ex ijs, qua demonstrata sunt, perspicuum est.

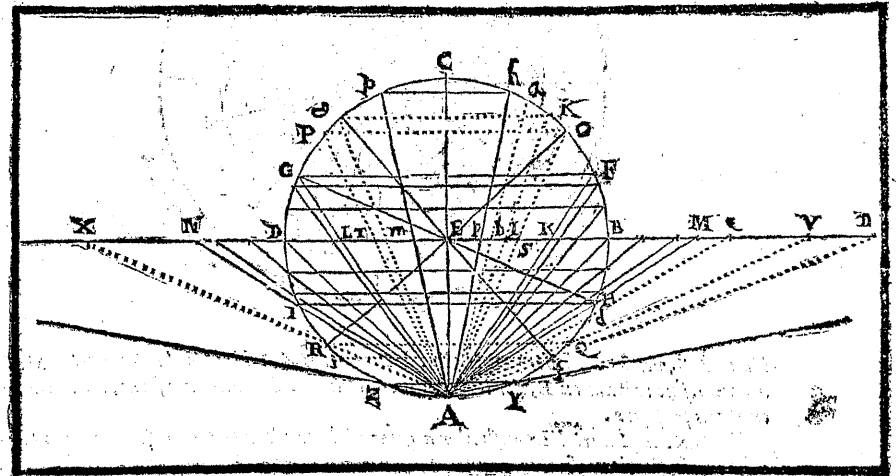
13. PORRO idem hoc Astrolabium illis quoque inseruiet, qui sub polo antar-
ctico degunt, si centrum E, pro polo antarctico, & tropicus ζ , pro tropico λ , &
circulus arcticus pro antarctico sumatur; signa item Zodiaci singula cum oppositis
permutentur, ita ut ex γ , fiat α ; & ex δ , fiat μ ; & τ , ex π , & λ , ex ζ ,
&c. Nam oculo constituto in polo opposito, nimirum in arctico, (in eo enim oculus
constituendus est, ut Astrolabium in sphaera australi describeretur.) polus antarcticus
conspicitur in E, & tropicus λ , in ea forma, in qua tropicus ζ , ex polo antarcti-
co cernitur, &c.

14. EODEM modo Astrolabium sphaera obliqua cuiuslibet accommodabitur in
tipodibus illius, quibus polus antarcticus supra Horizontem eleuatur; si eadem permu-
tatio fiat signorum septentrionalium in australia, & contra, &c. Sed stella alia
sunt collocanda in Reti, australes videlicet prope centrum, hoc est, prope polum antar-
cticum &c. Quod etiam de Rati in Astrolabio sphaera obliquissima australis dicendum
est: quia in huiusmodi Astrolabio construendo oculus statuitur in polo boreali, ut au-
stralis in E, centro appareat, ut dictum est.

15. QVEM-

15. QVEM ADMODVM autem in plano Aequatoris haftenus descripti-
mus omnes circulos caelestes ea forma, ac distantia vnus ab altero, qua ex polo au-
strali cernuntur: ita ydem in plano cuiuslibet circuli maximi describi poterunt ea for-
ma, distantiaque, qua ex inferiori eius polo apparent, si circulus Analematis,
in quo diametri circulorum continentur, sumatur pro Meridiano proprio illius circuli
maximi, hoc est, pro circulo per polos mundi, ac per polos illius circuli maximi du-
cto. Exempli causa. Si in prima figura propof. 4. recta BD, accipiatur pro diametro
Horizontis; A, pro eius polo inferiore, siue pro Nadir, & C, pro polo superiore, siue
pro Zenith; fg, pro diametro Aequatoris; O, pro polo mundi boreali, quippe qui pun-
cto verticali C, propinquior sit, & R, pro australi, &c. apparebit Horizon in quan-
titate circuli ABCD, & Zenith in E, centro; atque eius paralleli describentur, ut
prius paralleli Aequatoris descripti fuere; Aequator autem cum suis parallelis proj-

Descriptio Astro-
labii in plano cu-
iuslibet circuli ma-
ximi obliqui.



cietur in planum Astrolabij, ut prius Horizon obliquus cum proprijs parallelis, ita ut
mn, sit diameter Aequatoris apparens, polusque boreus O, appareat in S, & australis
R, in X; Verticales autem omnes projicientur in rectas lineas per centrum E, in-
cedentes, quemadmodum prius circuli horarij, & circuli declinationum per polos mun-
di transeuntes, &c. Atque hac quidem ratione Astrolabium in plano Horizontis de-
scriptum erit, non autem in plano Aequatoris. Qua res facile ex ijs, qua demonstra-
ta sunt, intelligi potest, & clarius percipietur lib. 3. can. 12. & in alijs nonnullis se-
quentibus, in quibus circulus ABCD, qui haftenus in Astrolabio fuit Aequator, Ho-
rizontem referet, &c. in canone autem 15. Num. 8. Astrolabium in plano Eclipticæ
describemus.

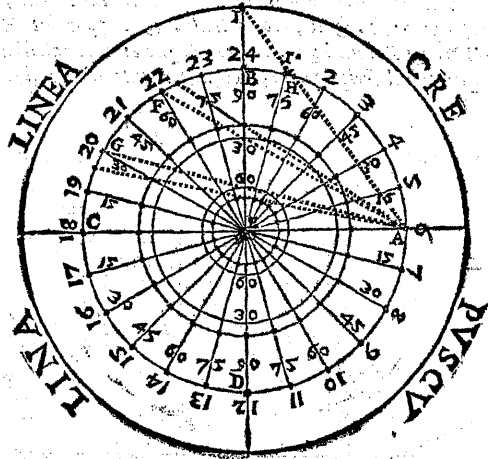
16. SED neque hoc omittendum est, globum terrestrem cum omnibus circulis,
& oppidis, instar Astrolabij describi posse, ea nimirum forma, quam Num. 12. Astro-
labium in sphaera obliquissima habuit, Nam Aequator erit ABCD; circuli longi-
tudinum, siue Meridiani per rectas per centrum E, tractas representabuntur; circuli
denique

Descriptio terræ
in forma Astrola-
bii.

Astrolabij sphae-
re obliquissimæ
borealis, quo pacto
obliquissimæ
sphaere australi
accommodetur.

Astrolabij sphae-
re cuiuslibet obli-
que borealis,
quo pacto obli-
que sphaere au-
strali accommodetur.

denique non maximi latitudinum describentur, ut paralleli Aequatoris. Itaque si queratur situs alicuius civitatis, sumemus u.g. rectam ED, pro Meridiano insularum Fortunatarum, à quo Cosmographi initium sumunt longitudinum, & ab eo dextrorsum longitudinem proposita civitatis numerabimus, ac per finem numerationis ex E, rectam ducemus pro Meridiano illius civitatis. Deinde parallelum Aequatoris describemus pro latitudine eiusdem civitatis, quam quidem, si borealis est, numera-



dimus à B, versus C; si vero australis, à B, versus A. Vbi enim hic parallelus Meridianum, siue rectam ex E, per longitudinem civitatis ductam intersecat, ibi locus est civitatis proposita.

QUONIAM autè loca australiora, quae videlicet ultra tropicum γ , excurrunt, ègrè in Astrolabio describi possunt, commode fecerimus, si duas mappas describamus, unam ab Aequatore versus polum borealem E, ut haecenus diximus, & alteram ab Aequatore versus australem polum, quem tunc referat centrum E, &c. Sed haec plura fient lib. 3. Cap. 15. ubi distantias locorum inquiremus.

FINIS SECVNDI LIBRI.

ASTROLABII LIBER TERTIVS.

AUCTORE

CHRISTOPHORO CLAVIO

BAMBERGENSI

E SOCIETATE IESV.



UPEREST tertius liber, ac postremus, in quo de multiplici usu circularum, quos superiore libro in Astrolabio descripsimus, agendum est. Qua in re omnis nobis cura atque opera ponenda erit, ut quae alij per instrumentum materiale inuestigant, nos solo circino, & regula, & quidem longe certius, accuratiusque inquireamus: quamquam usum vulgarem Astrolabij materialis non

omnino neglecturi sumus, verum in principijs Canonum, ubi commode fieri poterit, explicaturi: (Neque enim semper id praestare poterimus, cum multo plura sine instrumento perscrutaturi simus, quam vilius Astrolabij beneficio inueniri queant) vijs praesertim satisfacimus, qui Astrolabium habent, & eius usu delectantur. Atque ut planius id, quod nobis in tertio hoc libro propositum est, intelligatur, proponatur ante oculos globus aliquis ita diligenter tornatus, ut nihil fieri possit rotundius. Ut igitur in eo liceret nobis dimetiri omnia intervalla punctorum, arcuum magnitudines atque angulorum, circuli vnius ad alterum inclinationem, & id genus alia: ita eadem omnino conabimur in plana aliqua superficie inuestigare; ut nihil prorsus sit, quod in primo mobili cognoscere quis cupiat, quod perfectissime in plano assequi nostris praeceptis non possit: adeo ut quaecunque etiam ex doctrina triangulorum sphaericorum, quae immensa est, & propemodum infinita, molestissimis numerorum multiplicationibus, divisionibusque Astronomi mirabili sanè artificio, atque industria eruunt, non

A a a

minus

Argumentum
tercij libri.

minus exploratè in plano aliquo spatio, circularum beneficio, qui in procedenti libro descripti sunt, eruere, indagare, atque scrutari nobis liceat. Quæ res ut magis absoluta perfectaque reddatur, adiungemus plerisque in locis usum etiam Analemmatis, quo non pauca problemata Astronomica mira interdum facilitate, ac incumditate solvuntur. Neque vero prætermittimus, quin eorum, quæ proposita nobis sunt, nonnulla per sinuum quoque doctrinam perquirere doceamus. Sed quæ nostro hoc nouo Astrolabij usu acquiri possunt, longe clarius Canones, qui sequuntur, docebunt, quam multa verborum ambages explicare queant. Quamobrem ad Canones statim ipsos aggrediamur.

C A N O N I.

ALTITVDINEM Solis, aliarumq; stellarum quolibet momento temporis deprehendere.

Altitudo sideri quo pacto exploranda per Astrolabium.

1. SVSPENDATUR Astrolabium ex armilla, ut liberè pendeat, punctumque B, versus Solem, aut stellam dirigatur, & mediclinium dorsum Astrolabij sursum ac deorsum tamdiu circa centrum E, conuertatur, donec per respondentia foramina pinnacidiorum radius Solis transeat, vel donec oculus per eadem foramina stellam, aut etiam Solem interdum, quando nubibus contractus est, aspiciat, medicliniumque situm v. g. obtineat rectæ FG. Dico gradus in arcu BF, contentos indicare altitudinem Solis, vel stellæ, hoc est, quot gradus in arcu BF, includuntur, totidem intercipi inter Solem, stellam, atque Horizontem in Verticali circulo per Solem, vel stellam tempore observationis ducto. Quoniam enim, ut in sphaera demonstrauimus, terra, si cum cælo conferatur, instar puncti est, erit E, centrum Astrolabii idem, quod centrum terræ, seu cæli, ipsumque instrumentum idcirco in plano Verticalis, qui per Solem tunc, aut stellam ducitur, circa idem centrum erit collocatum. Cum ergo recta BD, Horizonti æquidistet, & lineæ rectæ ex circulis concentricis similes arcus abscindant, ut in scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. ostendimus, intercipient rectæ EB, EF, ad cælum vsque protractæ tot gradus in Verticali per Solem aut stellam ducto, quot in arcu BF, continentur. Quamobrem cum EF, ad Solem, vel stellam pertingat, indicabit arcus BF, gradus inter astrum, & Horizontem in dicto Verticali interceptos.

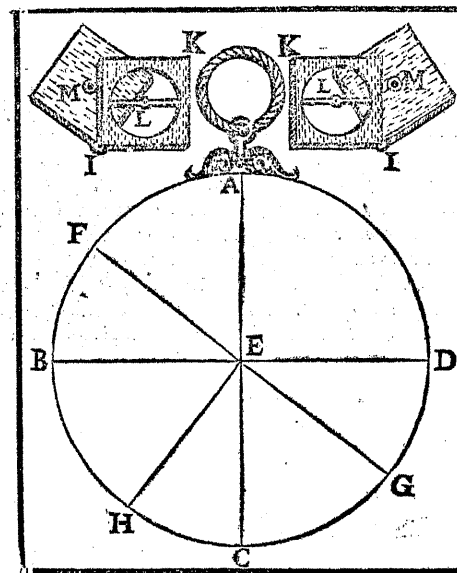
Quadrans, cõmodius instrumenti ad altitudines siderum captandas, quam Astrolabium.

2. QVONIAM vero molestum est toties mediclinium eleuare ac deprimere, donec per pinnacidiorum foramina radius Solis penetret, aut oculus astrum aspiciat, commodius, aptiusque instrumentum ad siderum altitudines captandas erit Quadrans circuli EHG, in cuius latere EG, affixa sint duo pinnacidia, numerusque 90. graduum incipiat ab H, versus G, progrediendo, ac tandem ex centro E, filum cum perpendiculari pendeat. Nam si huiusmodi Quadrantis latus EH, versus Solem, vel stellam dirigatur, & ipse Quadrans, radente eius planam superficiem filo perpendiculari, eleuetur, ac deprimatur circa centrum E, tanquam cardinem, donec radius Solis per foramina pinnacidiorum

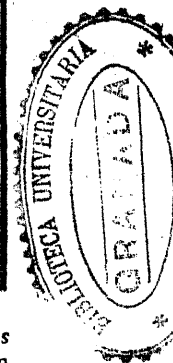
eidiorum ingrediatur, vel radius visualis per eadem foramina stellam inspiciat, (quod quidem facilius, atque expeditius in Quadrante fit, quàm in Astrolabio, ut experientia docet) abscindet filum perpendiculari arcu HC, altitudinis astri. Quia enim radius GE, productus pertingit ad astrum, ostendet arcus BF, altitudinem ipsius, ut demonstratum est. Cum ergo BF, HC, æquales sint, quod & Quadrantes toti FH, BC, æquales sint, & arcus BH, ablati, communis; erit quoque HC, arcus altitudinis astri. Est & alia causa, cur in hoc negotio Quadrantem Astrolabio præferam: quia nimirum, ut per Astrolabium altitudo deprehendatur, necesse est, ipsum vniformem habere grauitatem, adeo ut, quemcunque situm habeat mediclinium, recta AC, in centrum mundi omnino vergat, quod plerumque non fit, cum facile instrumentum plus ponderis in vna, quam in alia parte possit habere.

3. QVANDO porro per radium visualet altitudo stellæ inuestiganda est, construuntur duo pinnacidia hoc modo. In tabella quadrata IK, fiat foramen magnum rotundum, in cuius medio relinquatur foramen perexiguum L, quod sustineatur à diametro quadam tenui; & circa I, circumuertatur alia tabella quadrata priori æqualis, in cuius medio sit perexiguum foramen M, respondens foramini L. Huiusmodi duo pinnacidia si fiant, dici vix potest, quam expedite quamcunque stellam, aut aliam quamlibet rem contueri liceat. Nam pinnacidium, quod ab oculo propius abest, claudendum est tabella illa quadrata, aliud autem aperiendum. Sic enim fiet, ut radius visualis per foramen M, prope oculum immisus, illico conspiciat per illud foramen L, in pinnacidio remotiore, stellam, vel aliam rem propositam: quia foramen illud magnum apertum facile rem ipsam intueri, & sine vlllo negotio foramen exiguum L, in ipsam rem dirigere nos sinit.

4. VT autem scias, quando stella prope Meridianum existit, num ante ipsum, an post, an vero in ipso Meridiano reperitur; accipienda est stella altitudo bis, terue, modico temporis spatio inter duas proximas observationes intercepto. Si namque posterior altitudo deprehendatur priore maior, stellam nondum attigisse Meridianum scias; si vero minor, Meridianum pertransiisse, & quâdo maximam deprehensa est habuisse altitudinem, in ipso Meridiano extitisse. Sed quanta sit altitudo Meridiana Solis quolibet die, & stellarum in quouis climate, infra Canone 3. Num. 8. docebimus.



Pinnacidia que pacto construenda.



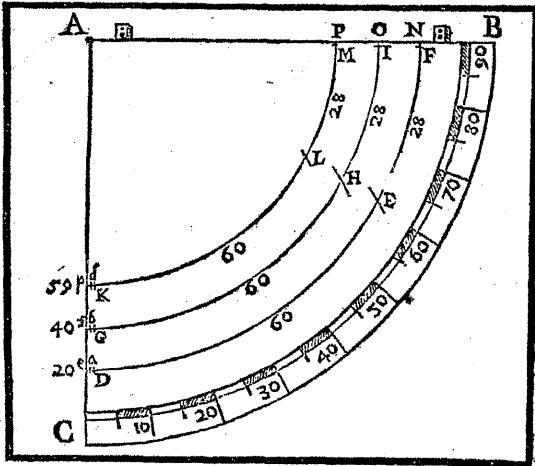
Num stella sic aute Meridianum, vel post, vel in ipso existat cognoscere.

Quo pacto in altitudine siderum prater gradus Minuta accipiantur.

1. CVM in Quadrante, vel Astrolabio gradus tantum integri descripti sint, si ut altitudo Stellarum ad vnguem tunc solum deprehendatur, quando filum perpendiculari, aut linea fiducia Mediclinij, in gradum aliquem integrum cadit. Nam cadente filo, aut linea fiducia, in partem alicuius gradus, addenda erunt gradibus integris altitudinis tot Minuta, quot estimatione, plus minus, iudicari poterunt esse abscissa à filo, vel linea fiducia: adeo ut, si dimidiatus gradus videatur abscindi, adijciantur 30. Min. si tertia pars, Minuta 20. &c. Aut certe beneficio particula abscissa eruendus erit per circum Minutorum numerus, ut in Lemmate 3. & ultimo capite libelli de Fabrica & usu instrumenti ad horologiorum descriptionem peropportuni, docuimus.

2. In eodem libello & capite descriptimus & Quadrantem plures quadrantes complectentem, & Quadratum cum plurimis lineis parallelis, ad cognoscendum, quot Minuta in arcu, qui uno integro gradu minor sit, & quem perpendiculari filum abscindit, contineantur: qua duo instrumenta illustris & excellens Dominus Iacobus Curtius à Senftenau in omni doctrinarum genere exercitatisimè, tunc Casareus ad Summum Pontificem Legatus, nunc autem S. R. Imperij Procancellarius, à se primum inuenta, Roma humanissimè mecum communicavit. Idem vero non ita multo post ex Germania mihi transmisit alterius cuiusdam Quadrantis constructionem novam, ex quo facilius Minuta discernuntur, cuius compositionem non gravabor hoc loco explicare, ut quilibet sibi similem construere possit, si libuerit. Sit igitur quadrans BC, divisus in 90. gradus, quorum initium progrediatur à C, versus B, & pinnacidia in latere AB, collocentur. Nos eum, ob spatij angustiam, in quinos gradus partiti sumus. Intra hunc ex

Quadrantis constructio, quo ultra gradus Minuta quoque discernantur.



eodem centro A, describantur alij 59. quadrantes, qui diuidantur in gradus hoc modo. In primo, qui proximus est quadranti BC, in grad. 90. diuiso, arcus continens grad. 61. secetur in partes 60. aequales, vel arcus graduum $30 \frac{1}{2}$. nimirum semisis ipsius, in partes 30. aequales, quarum qualibet continebit grad. 1. Min. 1. hoc est, Minuta 60.

Nam

Nam eadem proportio est partium 60. in quas arcus graduum 61. diuisus est, ad gradus 61. hoc est, ad Minuta 3660. qua partis 1. ad Min. 61. Idem enim numerus produciur ex 60. primo numero, in 61. quartum numerum, (produciur autem numerus minorum 3660.) qui ex 1. tertio numero in 3660. secundum numerum produciur. Aut eandem ob causam, eadem est proportio partium 30. in quas arcus graduum $30 \frac{1}{2}$. diuisus est, ad grad. $30 \frac{1}{2}$. hoc est, ad Minuta 1830. qua partis 1. ad Min. 61. Hac autem diuisio, ut confusio punctorum in primo illo quadrante vitetur, faciendâ est seorsum in quadrante alio, qui illi aequalis est. Deinde una pars continens Min. 61. transferatur beneficio circini in primum quadrantem predictum, initio facto à semidiametro AC. Ex termino huius partis ad interuallum semidiametri propria abscindatur arcus grad. 60. quo diuiso in 60. gradus, continebit reliquus arcus usque ad semidiametrum AB, grad. 28. Min. 59. ac proinde in eum transferendi sunt grad. 28. ita ut super sit particula Minutorum 59.

In secundo quadrante arcus graduum 62. in 60. partes, vel arcus graduum 31. in 30. partes aequales secetur, ut qualibet contineat grad. 1. Min. 2.

In tertio arcus graduum 63. in 60. partes, vel arcus graduum $31 \frac{1}{2}$ in partes 30. aequales diuidatur. In quarto idem fiat de arcu graduum 64. vel 32. & sic deinceps. Reliqua autem perficiantur, ut de primo quadrante diximus. Quod ut planius fiat, ponamus exemplum in quadrante 20. 40. & 59. siue ultimo & intimo. Itaque in quadrante vigesimo eN, sit arcus eD, pars sexagesima arcus graduum 80. (nimirum tot graduum ultra 60. quotum locum ipse quadrans occupat,) ita ut complectatur grad. 1. Min. 20. b, cum sit, ut 60. arcus graduum 80. ad grad. 80. hoc est, ad min. 4800. ita 1. pars ad grad. 1. Min. 20. hoc est, ad Min. 80. Vel certe arcus eD, sit pars trigesima arcus graduum 40. Ita enim rursus continebit gradus $1 \frac{1}{3}$. hoc est, Min. 80. Deinde ad interuallum semidiametri Ae, abscindatur arcus DE, grad. 60. qui propterea in 60. gradus distribuatur: arcus autem EF, contineat grad. 28. & arcus FN, Min. 40. quod arcus eF, complectatur grad. 89. Min. 20. Ita ut particula FN, sit complementum Minutorum, qua in eD, ultra unum gradum continentur: complementum, inquam, usque ad 60.

R V R S V S in quadragesimo quadrante fO, arcus fG, sit sexagesima pars arcus graduum 100. vel pars trigesima arcus graduum 50. qui illius semisis est; ita ut contineat grad. 1. Min. 40. Arcus vero GH, contineat grad. 60. & HI, 28. & denique IO, Min. 10. nimirum complementum Minutorum 40. qua in fG, ultra unum gradum comprehenduntur.

POSTREMO in quadrante pP, quinquagesimo nono sit arcus pK, sexagesima pars arcus graduum 119. vel pars trigesima arcus graduum $59 \frac{1}{2}$. qui semisis illius est; ita ut contineat grad. 1. Min. 56. Arcus autem KL, sit graduum 60. & LM, grad. 28. & denique MP, Min. 1. Ex his exemplis facile intelliges, quid faciendum sit in alijs quadrantibus. Semper enim in quolibet quadrante secundus est in 60. partes aequales arcus, qui tot gradus ultra 60. complectatur, quotum locum quadrans ipse tenet, excluso extremo BC. Ita enim continebit particula ipsius prope semidiametrum AC, ultra unum gradum totidem Minuta, quotus ipse quadrans est inter quadrantes, hoc est, quot gradus ultra 60. continentur in arcu diuiso in 60. partes aequales. Vltima vero particula iuxta semidiametrum AB; includet reliqua Minuta ex 60. Idemque assequeris, si semissem illius arcus, quem in 60. partes secundum diximus, partieris in 30. aequales partes.

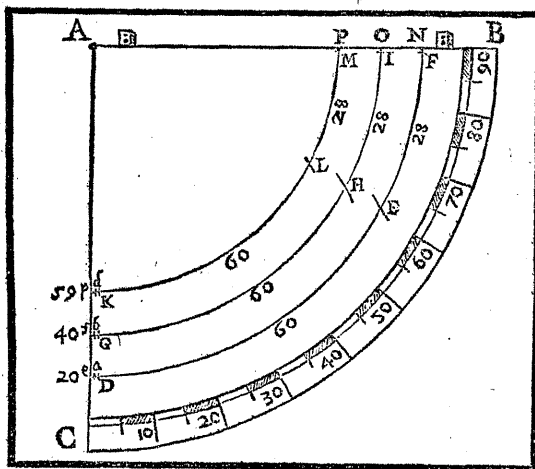
PERACTA diuisione omnium quadrantum, adscribendi sunt eorum numeri iuxta semidiametrum AC, ita ut primus quadrans citra quadrantem BC, habeat numeri 1. secundus tertius 3. vigesimus 20. quadragesimus 40. quinquagesimus nonus 59. &c. 3. V S V S

219. sept.

619. sept.

3. V S V S quadrantis hoc modo constructi praclarus est, cum eius beneficio in altitudinibus astrorum cognoscimus etiam Minuta. Nam cadente filo in aliquem gradum quadrantis BC, altitudo continebit tot gradus sine Minutis, quot à filo abscinduntur. Quando autem filum non abscindit aliquem gradum ex quadrante BC, considera attente, ex quo quadrante partem integram abscindat; quod fere semper accidet, propter partium multitudinem. Nam altitudo tunc continebit ultra gradus ex quadrante BC, abscissos tot insuper Minuta, quot unitates adscriptae sunt illi quadrantanti, cuius pars integra fuit abscissa. Ut cadente filo ultra gradum 30. in particula aliqua integram quadrantis quadragesimi, complectetur altitudo Grad. 30. Min. 40.

4. V E R V M quia hac ratione cognoscuntur solum Minuta ultra unum, vel plures gradus; ut discernantur etiam Minuta citra unum gradum, transferantur ex terminis particularum illarum primarum singulorum quadrantum, de quibus diximus, versus semidiametrum AC, singuli gradus. Ita enim cuiusvis quadrantis particula prope eandem semidiametrum continebit tot Minuta, quot unitates Quadrant



ti adscriptae sunt, totidem nimirum, quot prior particula ultra unum gradum continebat. Verbi gratia, si arcus Da, Gb, Kd, contineant singuli singulos gradus, complectetur arcus ea, Min. 20. fb, Min. 40. Et pa, Min. 50. Cadente ergo filo in aliquam particulam integram citra puncta D, G, K, continebit altitudo tot Min. quot unitates quadrantis, cuius particulam integram filum abscindit, adscriptae sunt. Itaque quando filum nullum gradum integram ex quadrante BC, abscindit, caditque in particulam primam integram quadrantis verbi gratia eN, indicabitur arcus Min. 20. quando autem abscindit unum, vel plures gradus, & insuper calet in aliquam particulam integram eiusdem quadrantis, offeretur arcus unius gradus, vel plurium, & insuper Minutorum 20. Idemque dicendum est de alijs quadrantibus, habita semper ratione numerorum adscriptorum: hi enim minuta numerant.

M A N I F E S T V M autem est, quo maior fuerit Quadrans ABC, eo magis exquisitae omnes quadrantes in partes, quas diximus, posse distribui.

s. B.E-

3. BENEFICIO huius quadrantis commodissime quoque accipi potest arcus quocunque graduum ac Minutorum, & vicissim cognosci, quot gradus, ac Minuta propositus arcus contineat. Nam si ex centro A, per finem gradus propositi in extremo quadrante BC, recta ducatur, ultra quam in alio quadrante, cui adscriptus est numerus Minutorum datorum, accipiatur primum punctum occurrens versus B, continebit arcus illius quadrantis inter dictum punctum, & semidiametrum AC, interventus gradus & Minuta, qua desiderantur. Huic ergo arcui simili auferendus est ex circulo proposito. Vicissim, ut cognoscamus, quot gradus, ac Minuta in oblato quouis arcu contineantur, accipiemus ex similem in aliquo quadrante intra quadrantem BC, descripto, vel certe in ipso quadrante BC, & per eius finem ex centro A, rectam ducemus, qua fere semper transibit per aliquam particulam integram alicuius quadrantis. Ea ergo particula dabit ultra gradus ab illa recta abscissos tot Minuta, quot unitates illi quadrantanti adscriptae sunt; atque gradus illi ac Minuta in proposito arcu continebuntur. Vides ergo, si huiusmodi quadrans tantae magnitudinis, quantum diuisiones supradictae exigunt, summa cura ac diligentia construatur, quam praclare cum ipsa Astronomia agatur, cum non minus explore Minuta beneficio ipsius comprehendamus, quam per sinuum multiplicationes, diuisionesque: qua res non parui facienda videtur.

Ex quadrante arcum quocunque graduum ac minutorum aufero & quot gradus, minuzque in dato arcu contineatur, cognoscere.

C A N O N II.

SOLIS verum locum in Zodiaco inquirere.

1. IN dorso Astrolabii descripti sunt dies mensium cum respondentibus gradibus Zodiaci, in quibus Sol existit illis diebus, plus minus. Si igitur linea fiduciae Mediclinii, vel filum tenue è centro E, per diem mensis propositum educatur, indicabit eadem linea fiduciae, vel filum in circulo signorum signum, ac gradum, in quo Sol eo die existit. Ita vides in dorso Astrolabii, quod in scholio vltimae propos. superioris lib. construximus, lineam ex centro E, per diem 20. Iulii eiecitam indicare gradum 27. 55, & aliquot insuper Minuta. Dicemus ergo Solem die 20. Iulii ultra gradum 27. Cancrì reperiri. Vicissim ex gradu Solis cognito diem mensis addiscemus. Eadem enim linea ex centro per gradum Solis extensa transibit per diem mensis respondentem. Ut Sole existente in gradu 27. 55 si scire quis velit, quo die anni illud contingat, extendat lineam ex centro per dictum gradum, hæc enim indicabit ferme diem 20. Iulii.

Locum Solis quem liber die per Astrolabium explorare.

2. E V N D E M locum Solis in Zodiaco comperiemus memoriter, plus minus, per hæc duo carmina duodecim dictionum duodecim mensibus anni respondentium.

Incylla Laus Iustis Impenditur: Hæresis Horret
Garrula: Grex Gratus Faustos Gratatur Honores.

Horum significatio hæc est, atque vsus. Prima dictio tribuitur Ianuario, secunda Februario, tertia Martio, & sic deinceps ordine aliarum dictionum aliis mensibus. Itaque ut scias, quo die Sol quolibet mense signum proprium mensis (Quouis enim mense nouum Sol signum ingreditur) ingrediatur, & quo in gradu quolibet die existat, addiscenda sunt ordine omnia 12. signa, quemadmodum in his alijs duobus versibus posita sunt.

Ingressum Solis in duodecim signa, & eiusdem locum quolibet die memoriter perquirere.

Sunt

Sunt Aries, Taurus, Gemini, Cancer, Leo, Virgo, Libraque, Scorpius, Arcitenens, Caper, Amphora, Pisces.

Primum enim signum, id est, Arietem, ingreditur Sol mense Martio, secundum mense Aprili, atque ita deinceps, ita ut nono mense à Martio inclusive, qui est Nouember, Sol ingreditur nonum signum, quod dicitur Arcitenens, hoc est, Sagittarius. Sic mense decimo, id est, Decembri, Sol intrat decimum signum, quod Caper appellatur, siue Capricornus. Mense autem vndecimo, vel Ianuario ingreditur vndecimum signum, nimirum Aquarium, qui per Amphoram expressus est in dictis versibus. Mense denique duodecimo, qui est Februarius, ingreditur signum duodecimum, nimirum Pisces.

COGNITO, quodnam signum Sol ingrediatur quolibet mense, accipiatur priorum duorum carminum dictio dato mensi respondens. Quorum enim locum in alphabeto prima litera illius dictionis occupat, tot unitates auferendæ sunt ex 30. ut relinquatur dies, quo Sol signum illius mensis ingreditur.

Exemplum.

SOL ingreditur Libram, hoc est, septimum signum, mense Septembri, qui septimus est à Martio: Et quia Septembri respondet dictio nona, videlicet *Gratus*, quod September sit nonus mensis à Ianuario; primaque litera *G*, septima est in alphabeto, auferemus 7. ex 30. ut reliquantur 23. Die ergo 23. Septembris Sol Libram ingreditur. Rursus Pisces ingreditur Sol mense Februario, cui debetur dictio secunda, *Laus*. Et quia prima litera *L*, vndecima est in alphabeto, si 11. detrahantur ex 30. supererunt 19. Quare die 19. Februarii Sol intrat in signum *X*. Et sic de cæteris.

I A M vero ut scias, quem gradum Eclipticæ quolibet anni die Sol teneat, adde ad diem mensis propositum tot unitates, quotum locum in alphabeto prima litera dictionis proposito mensi respondentis occupat. Et si quidem numerus conflatus minor fuerit, quam 30. indicabit is gradum signi mensis antecedentis: si vero maior, quam 30. fuerit, abiectis 30. reliquus numerus dabit gradum signi mensis propositi: si denique conflatus ille numerus fuerit 30. exisset Sol in fine signi præcedentis mensis, & in principio signi mensis propositi.

Exemplum.

SCIRE volo quem gradum Eclipticæ Sol teneat die 13. Iunii, cui mensi, quia sextus est à Ianuario, debetur sexta dictio, *Horret*, cuius prima litera *H*, octava in alphabeto est. Additis igitur 8. ad 13. fiunt 21. qui numerus minor est, quam 30. Existet ergo Sol die 3. Iunii in 21. gradu *II*, quod signum Sol ingreditur mense Maio. Rursus si proponatur dies 27. Iunii, additis 8. fiunt 35. qui numerus maior est, quam 30. Reiectis ergo 30. remanent 5. Ergo Sol tunc occupat gradum 5. quod signum mense Iunio ingreditur. Denique si offeratur dies 22. Iunii, additis 8. fiunt 30. Sol igitur versabitur tunc in fine *II*, & in principio *III*. Eademque ratio est in cæteris.

I N annis bissextilibus ad locum Solis inuentum adiiciendus est post festum S. Matthiæ vnus gradus, ut magis accurate locus Solis habeatur. Verbi gratia, Die 27. Septembris, cui debetur dictio, *Gratus*, cuius prima litera *G*, septima est. Additis ergo 7. ad 27. fiunt 34. abiectisque 30. superiunt 4. Erit ergo tunc Sol in 4

Sol in 4. gradu \square si annus cõmunis est: at si bissextilis, in gradu 5. \square . Hoc etiã obseruandũ est in priori ratione, qua in dorso Astrolabii locus solis indagatur.

ET SI autem vtrovis modo non omnino verus locus solis cognosci potest, quod Sol non prorsus vnũ gradum quotidiè in Zodiaco peragret, vix tamen error committetur dimidiati gradus, vel ad summum vnus: ita vt, plus minus, verum Solis locum assequamur; tam certo videlicet, atque explorete, vt tuto eo vti possimus in vsu eorum horologiorum, in quibus ad horas cognoscendas necesse est, locum Solis in Zodiaco habere perspectum. Quod etiam ad vsũ aliorum instrumentorum, quibus Astronomi vtuntur, requiritur.

I N Apologia nostra noui Calendarii, cap. penultimo lib. 3. pro dictionibus *Garvula, Grex, Gratus*, posueramus has, *Firmaque Facta Fides*; sed illæ accuratius locum Solis quolibet die videntur offerre, quamuis per has in Apologia positas aliquanto certius Solis ingressus in signa inueniri videatur. Sed parum interest, vtrum his, vel illis vtaris.

SCHOLIUM.

1. **QVONIAM** perneccessarius est vsus loci Solis in Zodiaco, & ad plurimas obseruationes utilis, libet hoc loco, ut magis exquisitè locus Solis habeatur, excerpte ex *Ephemeridibus Ioan. Antonij Magini* locum Solis ad quatuor annos pro singulis diebus anni supputatum, nimirum ad annum bissextilem, & tres communes insequentes. In his enim quatuor annis tota varietas loci Solis in Zodiaco accidit, propter sex horas in annis communibus neglectas. Accipimus autem annum 1600. cum tribus insequentibus, quod hi anni parum à tempore, quo hæc scribimus, absint; ac propterea nulla esse possit differentia sensibilis inter locum Solis illorum annorum, & horum, qui nunc presentes sunt; atque ideo exquisitius etiam annis futuris respondeant. Post plurimos autem annos elapsos, si hi anni non amplius vero loco Solis congruere deprehendantur, ex cerpendi erunt alij quatuor anni, bissextilis videlicet, & tres communes, ex *Ephemeridibus illius temporis*. Et quia Maginus locum Solis supputauit etiam in Secundis, nos contenti erimus Minutis, sumẽdo vnum Minutum pro pluribus Secundis, quam 30. At que ex hisce tabellis multo certius Solis locus verus elicietur, quam ex ullo instrumento, si tamen is in prima tabella quaratur pro anno bissextili, in secunda vero pro anno primo post bissextum, & pro anno secundo post bissextum in tertia, ac denique in quarta pro tertio anno post bissextum.

Locum Solis exquisitius ex tabellis reperire.

2. **COGNOSCES** autem, num annus oblatas sit bissextilis, an vero primus, secundus; vel tertius post bissextum, hoc modo. Reijce ab anno proposito omnes annos millefimos, & centesimos, atq. ex reliquis, qui pauciores sunt, quam 100. numerum 20. quoties potes. Reliquos deinde annos, qui pauciores sunt, quam 20. in quatuor digitorum extremitatibus sinistra manus, initio factò ab Indice, numera. Nam si annus datus incidit in quartum digitum, hoc est, in *Auricularem*, bissextilis erit: si in *Indicem*, id est, in primum digitum, primus post bissextum: si in *digitum Medium*, siue secundum, secundus: & si in tertium digitum, hoc est, in *Annularem*, tertius à bissextio. Quod si post abiectionem numeri 20. quoties abijci potest, nihil super fuerit, datus quoque annus erit bissextilis. Vt si propositus sit annus 1594. reiectis annis 1500. & 20. ex reliquis 94. quoties fieri potest, residuos annos 14. supputa in 4. digitis, quos diximus, cadetque annus 14. in *digitum Medium*. Dices ergo annum 1594. communem esse, & secundum post bissextum. Sed hæc de re plura scripsimus in cap. 5. lib. 3. Apologia noui Calendarii, ubi etiam docuimus, quo pacto post anni correctionem anni centesimi bissextiles à non bissextilibus discernendi sint.

Verum annus datus sit bissextilis, an primus, secundus vel tertius post bissextum, cognoscere.

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600. vel bifextili.

Dies mensium	Locus Solis in Zodiaco Anno 1600. vel bifextili.					
	Januar.	Februar.	Martius	Aprilis	Maius	Iunius
	G M	G M	G M	G M	G M	G M
1	9 58	11 29	10 42	11 29	10 47	10 39
2	10 59	12 30	11 42	12 28	11 46	11 38
3	12 0	13 31	12 43	13 27	12 44	12 34
4	13 1	14 31	13 42	14 26	13 42	13 32
5	14 2	15 32	14 42	15 25	14 40	14 29
6	15 4	16 33	15 42	16 24	15 38	15 27
7	16 5	17 33	16 42	17 23	16 36	16 24
8	17 6	18 34	17 42	18 22	17 34	17 22
9	18 7	19 35	18 42	19 21	18 32	18 19
10	19 8	20 35	19 42	20 20	19 30	19 17
11	20 9	21 36	20 42	21 18	20 28	20 14
12	21 10	22 37	21 41	22 17	21 26	21 11
13	22 11	23 37	22 41	23 16	22 24	22 9
14	23 12	24 38	23 41	24 15	23 21	23 6
15	24 13	25 38	24 40	25 13	24 19	24 3
16	25 14	26 39	25 40	26 12	25 17	25 1
17	26 15	27 39	26 40	27 10	26 15	25 58
18	27 16	28 39	27 39	28 9	27 13	26 55
19	28 17	29 40	28 39	29 7	28 10	27 53
20	29 18	0 40	29 38	0 6	29 8	28 50
21	0 19	1 41	0 38	1 4	0 6	29 47
22	1 20	2 41	1 37	2 3	1 3	0 45
23	2 21	3 41	2 36	3 1	2 1	1 42
24	3 22	4 41	3 36	4 0	2 59	2 39
25	4 23	5 42	4 35	4 58	3 56	3 37
26	5 24	6 42	5 34	5 56	4 54	4 34
27	6 25	7 42	6 34	6 55	5 52	5 31
28	7 26	8 42	7 33	7 53	6 49	6 29
29	8 27	9 42	8 32	8 51	7 47	7 26
30	9 27		9 31	9 49	8 44	8 23
31	10 28		10 30	9 42		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1600. vel bifextili.

Dies Mensium	Locus Solis in Zodiaco Anno 1600. vel bifextili.					
	Iulius.	August.	Septemb.	Octob.	Nouemb.	Decemb.
	G M	G M	G M	G M	G M	G M
1	9 58	8 59	8 51	8 10	8 58	9 12
2	10 18	9 56	9 50	9 9	9 58	10 13
3	11 15	10 54	10 48	10 8	10 58	11 14
4	12 12	11 52	11 46	11 8	11 58	12 15
5	13 10	12 49	12 44	12 7	12 58	13 16
6	14 7	13 47	13 43	13 6	13 59	14 17
7	15 4	14 44	14 41	14 5	14 59	15 18
8	16 1	15 42	15 39	15 5	15 59	16 19
9	16 59	16 40	16 38	16 4	16 59	17 20
10	17 56	17 37	17 36	17 3	17 0	18 21
11	18 53	18 35	18 35	18 3	19 0	19 22
12	19 51	19 33	19 33	19 2	20 0	20 23
13	20 48	20 30	20 32	20 2	21 1	21 24
14	21 45	21 28	21 30	21 1	22 1	22 25
15	22 43	22 26	22 29	22 1	23 2	23 26
16	23 40	23 24	23 27	23 0	24 2	24 27
17	24 37	24 22	24 26	24 0	25 3	25 28
18	25 35	25 19	25 25	25 0	26 3	26 29
19	26 32	26 17	26 23	25 59	27 4	27 30
20	27 30	27 15	27 22	26 59	28 5	28 31
21	28 27	28 13	28 21	27 59	29 5	29 32
22	29 24	29 11	29 20	28 58	0 6	0 33
23	0 22	0 9	0 18	29 58	1 6	1 34
24	1 19	1 7	1 17	0 58	2 7	2 35
25	2 17	2 5	2 16	1 58	3 8	3 36
26	3 14	3 3	3 15	2 58	4 9	4 37
27	4 11	4 1	4 14	3 58	5 9	5 38
28	5 9	4 59	5 13	4 58	6 10	6 40
29	6 6	5 57	6 12	5 58	7 11	7 41
30	7 4	6 55	7 11	6 58	8 12	8 42
31	8 1	7 53		7 58	9 13	9 43

Locus Solis in Zodiaco Anno 1601.
vel primo post bifextum.

Dies mensium	Ianuar		Februar.		Martius		Aprilis		Maius		Iunius	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	44	12	15	10	28	11	15	10	33	10	25
2	11	45	13	16	11	28	12	14	11	34	11	23
3	12	46	14	16	12	28	13	13	12	29	12	20
4	13	47	15	17	13	28	14	12	13	27	13	18
5	14	48	16	18	14	28	15	11	14	26	14	15
6	15	49	17	18	15	28	16	10	15	24	15	13
7	16	51	18	19	16	27	17	9	16	22	16	10
8	17	52	19	20	17	27	18	8	17	20	17	8
9	18	53	20	20	18	27	19	6	18	18	18	5
10	19	54	21	21	19	27	20	5	19	16	19	2
11	20	55	22	22	20	27	21	4	20	13	20	0
12	21	56	23	22	21	27	22	3	21	11	20	57
13	22	57	24	23	22	26	23	1	22	9	21	55
14	23	58	25	23	23	26	24	0	23	7	22	52
15	24	59	26	24	24	26	24	59	24	5	23	49
16	26	0	27	24	25	25	25	57	25	3	24	47
17	27	1	28	25	26	25	26	56	26	1	25	44
18	28	2	29	25	27	24	27	54	26	58	26	41
19	29	3	0	25	28	24	28	53	27	57	27	39
20	0	4	1	26	29	23	29	51	28	54	28	36
21	1	5	2	26	0	23	0	50	29	51	29	33
22	2	6	3	26	1	22	1	48	0	49	0	31
23	3	7	4	27	2	22	2	47	1	47	1	28
24	4	8	5	27	3	21	3	45	2	45	2	25
25	5	9	6	27	4	20	4	44	3	42	3	23
26	6	10	7	27	5	20	5	42	4	40	4	20
27	7	11	8	27	6	19	6	40	5	37	5	17
28	8	11	9	27	7	18	7	38	6	35	6	15
29	9	12			8	17	8	37	7	33	7	12
30	10	13			9	17	9	35	8	30	8	9
31	11	14			10	16			9	28		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1601.
vel primo post bifextum.

Dies Mensium	Iulius		Augustus.		Septēber.		October.		Nouēber.		Decēber	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	5	6	8	45	8	37	7	56	8	43	8	57
2	10	4	9	42	9	35	8	55	9	43	9	58
3	11	1	10	40	10	34	9	53	10	43	10	59
4	11	58	11	37	11	32	10	54	11	43	12	0
5	12	56	12	35	12	30	11	52	12	43	13	1
6	13	53	13	33	13	28	12	51	13	44	14	2
7	14	50	14	30	14	27	13	51	14	44	15	3
8	15	47	15	28	15	25	14	50	15	44	16	4
9	16	45	16	25	16	23	15	49	16	44	17	5
10	17	42	17	23	17	22	16	49	17	45	18	5
11	18	39	18	21	18	20	17	48	18	45	19	6
12	19	37	19	18	19	19	18	47	19	46	20	7
13	20	34	20	16	20	17	19	47	20	46	21	8
14	21	31	21	14	21	16	20	46	21	46	22	9
15	22	29	22	12	22	14	21	46	22	47	23	11
16	23	26	23	10	23	13	22	46	23	47	24	12
17	24	23	24	7	24	12	23	45	24	48	25	13
18	25	21	25	5	25	10	24	45	25	48	26	14
19	26	18	26	3	26	9	25	44	26	49	27	15
20	27	15	27	1	27	8	26	44	27	50	28	16
21	28	13	27	59	28	6	27	44	28	50	29	17
22	29	10	28	57	29	5	28	44	29	51	0	18
23	0	8	29	55	0	4	29	43	0	51	1	19
24	1	5	0	53	1	3	0	42	1	52	2	20
25	2	2	1	51	2	2	1	43	2	53	3	21
26	3	0	2	49	3	1	2	43	3	54	4	22
27	3	57	3	47	3	59	3	43	4	54	5	23
28	4	55	4	45	4	58	4	43	5	55	6	24
29	5	52	5	43	5	57	5	43	6	56	7	25
30	6	50	6	41	6	56	6	43	7	57	8	27
31	7	47	7	39	7	54	7	43	9	58	9	28

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bissextum.

Dies Mensium	Januar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	29	12	0	10	13	11	0	10	19	10	11
2	11	30	13	0	11	13	11	59	11	17	11	0
3	12	31	14	1	12	13	12	58	12	15	12	6
4	13	32	15	2	13	13	13	57	13	13	13	4
5	14	33	16	3	14	13	14	56	14	11	14	1
6	15	34	17	3	15	13	15	55	15	9	14	59
7	16	35	18	4	16	13	16	54	16	7	15	56
8	17	37	19	5	17	13	17	53	17	5	16	53
9	18	38	20	5	18	12	18	52	18	3	17	51
10	19	39	21	6	19	12	19	51	19	1	18	48
11	20	40	22	7	20	12	20	49	19	59	19	46
12	21	41	23	7	21	12	21	48	20	57	20	43
13	22	42	24	8	22	12	22	47	21	55	21	40
14	23	43	25	8	23	11	23	46	22	53	22	38
15	24	44	26	9	24	11	24	44	23	51	23	35
16	25	45	27	9	25	11	25	43	24	49	24	33
17	26	46	28	10	26	10	26	41	25	46	25	30
18	27	47	29	10	27	10	27	40	26	44	26	27
19	28	48	0	10	28	9	28	39	27	42	27	25
20	29	49	1	11	29	9	29	37	28	40	28	22
21	0	50	2	11	0	8	0	36	29	37	29	19
22	1	51	3	11	1	8	1	34	0	35	0	17
23	2	52	4	12	2	7	2	32	1	33	1	14
24	3	53	5	12	3	6	3	31	2	30	2	11
25	4	54	6	12	4	6	4	29	3	28	3	6
26	5	55	7	12	5	5	5	27	4	26	4	6
27	6	56	8	12	6	4	6	26	5	23	5	3
28	7	56	9	13	7	4	7	24	6	21	6	0
29	8	57			8	3	8	22	7	18	7	58
30	9	58			9	2	9	21	8	16	8	55
31	10	59			10	1			9	14		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1602.
vel secundo post bissextum.

Dies Mensium	Iulius		Augustus.		Septēber.		October.		Nouēber.		Decēber	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	8	52	8	31	8	23	7	41	8	28	8	42
2	9	50	9	28	9	21	8	40	9	28	9	43
3	10	47	10	26	10	19	9	39	10	28	10	44
4	11	44	11	23	11	17	10	38	11	28	11	45
5	12	41	12	21	12	16	11	38	12	29	12	46
6	13	39	13	18	13	14	12	37	13	29	13	47
7	14	36	14	16	14	12	13	36	14	29	14	48
8	15	33	15	14	15	11	14	35	15	29	15	48
9	16	31	16	11	16	9	15	35	16	30	16	49
10	17	28	17	9	17	7	16	34	17	30	17	50
11	18	25	18	7	18	6	17	33	18	30	18	51
12	19	23	19	4	19	4	18	33	19	31	19	52
13	20	20	20	2	20	3	19	32	20	31	20	53
14	21	17	21	0	21	1	20	32	21	31	21	54
15	22	15	21	57	22	0	21	31	22	32	22	55
16	23	12	22	55	22	58	22	31	23	32	23	56
17	24	9	23	53	23	57	23	30	24	33	24	57
18	25	7	24	51	24	56	24	30	25	33	25	58
19	26	4	25	49	25	54	25	30	26	34	27	0
20	27	1	26	47	26	53	26	29	27	34	28	1
21	27	59	27	44	27	52	27	29	28	35	29	2
22	28	56	28	42	28	51	28	29	29	36	29	3
23	29	54	29	40	29	49	29	29	0	36	1	4
24	0	54	0	38	0	48	0	28	1	37	2	5
25	1	48	1	36	1	47	1	28	2	38	3	6
26	2	46	2	34	2	46	2	28	3	38	4	7
27	3	43	3	32	3	45	3	28	4	39	5	8
28	4	41	4	30	4	43	4	28	5	40	6	9
29	5	38	5	28	5	41	5	28	6	41	7	10
30	6	36	6	27	6	42	6	28	7	41	8	11
31	7	33	7	25	7	42	7	28	8	41	9	13

Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bisextum.

Dies Mensium	Ianuar.		Februar.		Martius.		Aprilis.		Maius.		Iunius.	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	10	14	11	45	9	58	10	46	10	4	9	57
2	11	15	12	45	10	58	11	45	11	3	10	55
3	12	16	13	46	11	58	12	44	12	1	11	52
4	13	17	14	47	12	58	13	43	12	59	12	50
5	14	18	15	48	13	58	14	42	13	57	13	47
6	15	19	16	48	14	58	15	41	14	55	14	44
7	16	20	17	49	15	58	16	40	15	53	15	42
8	17	21	18	50	16	58	17	38	16	51	16	39
9	18	22	19	50	17	58	18	37	17	49	17	37
10	19	24	20	51	18	57	19	36	18	47	18	34
11	20	25	21	52	19	57	20	35	19	45	19	32
12	21	26	22	52	20	57	21	34	20	43	20	29
13	22	27	23	53	21	57	22	32	21	41	21	26
14	23	28	24	53	22	56	23	31	22	39	22	24
15	24	29	25	54	23	56	24	30	23	37	23	21
16	25	30	26	54	24	56	25	28	24	34	24	18
17	26	31	27	55	25	55	26	27	25	32	25	16
18	27	32	28	55	26	55	27	26	26	30	26	13
19	28	33	29	55	27	54	28	24	27	28	27	10
20	29	34	30	56	28	54	29	23	28	25	28	8
21	30	35	1	56	29	53	30	21	29	23	29	5
22	1	36	2	56	30	53	1	20	30	21	30	2
23	2	37	3	57	1	52	2	18	1	19	1	0
24	3	38	4	57	2	52	3	16	2	16	1	57
25	4	39	5	57	3	51	4	15	3	14	2	54
26	5	40	6	58	4	50	5	13	4	12	3	52
27	6	40	7	58	5	50	6	11	5	9	4	49
28	7	41	8	58	6	49	7	10	6	7	5	46
29	8	42			7	48	8	8	7	4	6	44
30	9	43			8	47	9	6	8	2	7	41
31	10	44			9	46			8	59		

Locus Solis in Zodiaco Anno 1603.
vel tertio post bisextum.

Dies Mensium	Iulius		Augustus.		Septēber.		October.		Nouēber.		Decēber	
	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M	G	M
1	8	38	8	16	8	8	7	26	8	13	8	27
2	9	36	9	14	9	6	8	25	9	12	9	28
3	10	33	10	11	10	5	9	25	10	13	10	29
4	11	30	11	9	11	3	10	24	11	14	11	30
5	12	27	12	7	12	1	11	23	12	14	12	31
6	13	25	13	4	12	59	12	22	13	14	13	32
7	14	22	14	2	13	58	13	21	14	14	14	32
8	15	19	14	59	14	56	14	21	15	14	15	33
9	16	17	15	57	15	54	15	20	16	15	16	34
10	17	14	16	55	16	53	16	19	17	15	17	35
11	18	11	17	52	17	52	17	19	18	15	18	36
12	19	9	18	50	18	50	18	18	19	16	19	37
13	20	6	19	48	19	48	19	18	20	16	20	38
14	21	3	20	46	20	47	20	17	21	16	21	39
15	22	0	21	43	21	45	21	17	22	17	22	40
16	22	58	22	41	22	44	22	16	23	17	23	41
17	23	55	23	39	23	43	23	16	24	18	24	42
18	24	53	24	37	24	41	24	15	25	18	25	43
19	25	50	25	35	25	40	25	15	26	19	26	44
20	26	47	26	32	26	39	26	15	27	20	27	45
21	27	45	27	30	27	37	27	14	28	20	28	47
22	28	42	28	28	28	35	28	14	29	21	29	48
23	29	39	29	26	29	35	29	14	30	21	30	49
24	30	37	30	24	30	34	30	14	1	22	1	50
25	1	34	1	22	1	33	1	13	2	23	2	51
26	2	32	2	20	2	31	2	13	3	23	3	52
27	3	29	3	18	3	30	3	13	4	24	4	53
28	4	27	4	16	4	29	4	13	5	25	5	54
29	5	24	5	14	5	28	5	13	6	26	6	55
30	6	21	6	12	6	27	6	13	7	27	7	56
31	7	19	7	10	7	27	7	13	8	27	8	57

DECLINATIONEM Solis quolibet die, siue cuiusuis puncti Eclipticæ, stellarumque indagare. Et vicissim ex data declinatione Solis arcum, vel punctum Eclipticæ respondens explorare: Atque hinc, quanta sit Solis, vel stellæ cuiusuis altitudo meridiana, eruere.

Declinationem gradus Eclipticæ propositi, vel stellæ cuiuslibet per Astrolabium inuenire. Que puncta in Astrolabio habeant declinationem borealem, & que australem.

1. SI ostensor in facie Astrolabii in gradus diuisus sit, vt in scholio propositi libri præcedentis docuimus, inuenietur declinatio cuiusuis puncti Eclipticæ, vel stellæ beneficio Astrolabij hoc modo. Ponatur linea fiduciæ ostensoris supra gradum Eclipticæ propositum, aut supra cacumen stellæ. Gradus enim ostensoris in eum gradum, aut stellam incidens illico declinationem ipsius quaesitam monstrabit, borealem quidem, si gradus Eclipticæ, vel stella intra Aequatorem existat, hoc est, si gradus ostensoris reperitur ab Aequatore versus centrum Astrolabii vergat; australem vero, si gradus Eclipticæ, vel stella existat extra Aequatorem, hoc est, si gradus ostensoris inuentus ab Aequatore versus tropicum, recedat.

2. SI vero non adsit ostensor in gradus distributus, circumducatur rete, donec gradus Eclipticæ propositus, aut cacumen stellæ in lineam meridianam incidat. Reti enim talem obtinente situm, circuli ipsi Almucantarath, id est, paralleli Horizontis inter gradum Eclipticæ, vel cacumen stellæ, & Aequatorem interpositi, numerabunt gradus declinationis, borealis quidem ab Aequatore versus centrum Astrolabii, australis vero ab eodem Aequatore versus tropicum.

Ex data declinatione arcum seu punctum Eclipticæ respondens inuestigare ex Astrolabio.

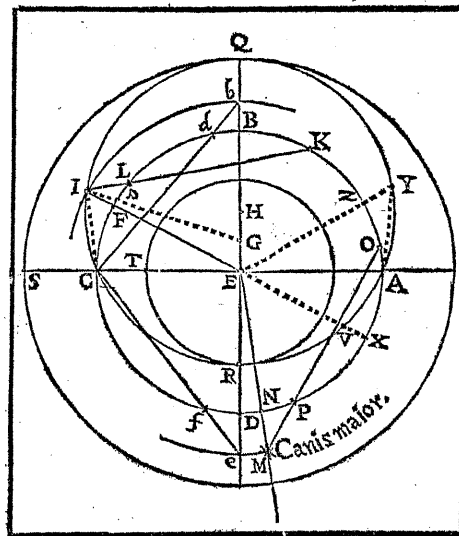
3. E contrario vt ex data declinatione arcum, vel punctum Eclipticæ respondens inuenias; numera inter parallelos Horizontis in linea meridianam declinationem datam ab Aequatore siue versus boream, siue austrum versus. Deinde circumduc rete, donec Ecliptica præcisè termino numerationis congruat. Gradus enim ille Eclipticæ, seu punctum habebit illam declinationem, & præterea tria alia puncta, quæ æqualem distantiam ab æquinoctiorum punctis cum illo fortiuntur, eandem declinationem habebunt. Vt si inuentum fuisset principium χ , haberet eandem declinationem principium μ , & principia γ & ν . Semper enim quatuor puncta Eclipticæ, duo borealia, & duo australia, eandem habent declinationem, vt in Lemmate 49. Num. 5. ostendimus, & alio quoque modo paulo post Num. 6. demonstrabimus. Idem consequeris beneficio Indicis, vel ostensoris in gradus distributi. Nam si eum circumducas, donec punctum declinationem terminans Eclipticam contingat, siue hoc versus boream, siue versus austrum fiat, congruet data declinatio illi puncto Eclipticæ, & præterea aliis tribus, vt dictum est.

4. SED quia raro ostensor accurate in gradus diuisus inuenitur, aut Astrolabium, in quo per singulos gradus paralleli Horizontis ea diligentia, qua par est, descripti sint; necesse est, verouis modo veram declinationem non posse ad vnguem reperiri, sed plus minus duntaxat, aut circiter: idcirco nos sine instrumento

strumento arcum verè declinationis ad vnguem, si magna cura in circulis describendis, atque diligentia adhibeatur, reperiemus hoc artificio.

SIT Aequator Astrolabii ABCD, cuiusuis magnitudinis circa centrum E, cum tropicis RT, QS; Ecliptica AQCR, tangens tropicos in Q, R, cuius centrum H, & polus G. Propositum autem sit, inuenire declinationem principij χ . Et quoniã signum χ , australe est, ac proinde in semicirculo australi AQC, continetur, eiusque principium ab ν , distat grad. 30. numerabimus à puncto C, quod principio ν , tributum est, versus B, grad. 30. vsque ad a, & ex Eclipticæ polo G, per a, rectam ducemus Ga, quæ Eclipticam secet in I, eritque I, principium χ , cum, vt propositi 5. præcedentis libri Num. 17. demonstrauimus, arcus CI, arcui C a, æqualis sit, quod ad gradus attinet. Ducta auem ex centro E, per I, recta secante Aequatorem in F, sumemus arcui CF, æqualem arcum BK, & rectam KI, ducemus, quæ Aequatorem secet in L. Dico FL, arcum esse declinationis puncti Eclipticæ I. Quoniam enim recta EI, circulum declinationis per I, principium χ , ductum repræsentat, vt propositi 1. superioris lib. Num. 4. demonstrauimus, respondebit portio IF, arcui declinationis, cui quidem æqualis est Aequatoris arcus FL. Nam si cogitetur circulus ABCD, esse Meridianus, & in sistere plano Astrolabii in recta EI, ad angulos rectos, erit K, polus australis, cum a plano Aequatoris, vel Astrolabii distet per quadrantē FK, propterea quod, si æqualibus arcibus CF, BK, addatur communis arcus FB, totus arcus FK, toti quadrantē CB, fit æqualis. Hinc autem sequitur, arcus FL, FI, esse æquales, vt propositi 1. lib. 2. Num. 5. monstratum est.

Declinationem gradus Eclipticæ propositi, vel cuiuslibet stellæ siue Astrolabio certius inuenire.



SIT rursus inuestiganda declinatio stellæ, quæ Canis Maior appellatur. Inuenito eius loco M, in Astrolabio, vt propositi 11. lib. 2. Num. 2. docuimus, per eius longitudinem, & latitudinem, ducatur recta EM, circulum declinationis referens, vt NM, metiatur declinationem stellæ australem. Sumpto autem arcui DN, æquali arcu AO, ducatur recta OM, secans Aequatorem in P, eritque, vt proxime demonstratum est, NP, arcus declinationis quaesitæ, hoc est, arcus NM, NP, æquales erunt.

5. DECLINATIONEM porro tam dati puncti Eclipticæ, quam stellæ, hoc etiam modo nascitur. Per inuentum punctum I, in Ecliptica ex centro E, arcus describatur I b, secans meridianam lineam in b, & ex A, vel C, ad b, recta extendatur secans Aequatorem in d. Nam Bd, est arcus declinationis paralleli bI, vt propositi 4. Num. 7. superioris lib. ostendimus, ac proinde & puncti

Declinationem aliter sine instrumento inuenire.

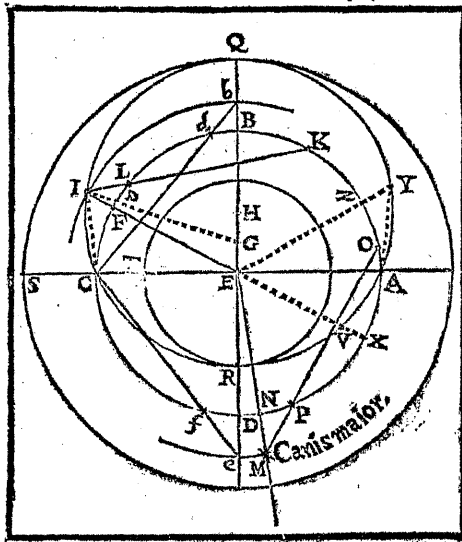
I. in Ecliptica dati. quod est propositum.

RVRSVS ex eodem centro E, per centrum stellæ M, arcus describatur Me, secans lineam meridianam in e, & ex A, vel C, ad e, recta ducatur secans Aequatorem in f: eritque vt dictum est, Df, arcui declinationis paralleli Me, hoc est, stellæ M.

Preceptum generale ad inveniendam declinationem cuiusvis puncti Astrolabii.

6. HAC eadem ratione cuiusvis puncti in Astrolabio positi declinationem reperiemus; si nimirum per illud punctum ex centro E, rectam ducamus, & a puncto, vbi Aequatorem secat, quadrantem in eodem Aequatore sumamus, ex cuius termino ad punctum datum rectam ducamus. Hac enim & prior illa per idem punctum datum emissâ intercipient in Aequatore arcum declinationis. Ita vides rectam EM, ex centro per punctum M, ductam, cum recta OM, ex termino O, quadrantis NO, ad idem punctum M, ductam, intercipere NP, arcum declinationis puncti M, vt ostendimus. Quadrans autem in Aequatore abscindetur sine vilo negotio, si ductis duabus diametris AC, BD, sese ad angulos rectos secantibus, arcui inter vnam earum, & punctum, in quo recta ex centro E, ducta Aequatorem secat, intercepto, æqualem arcum, ab altera diametro facto initio, abscindamus: quemadmodum in præcedentibus exemplis arcui DN, sumptus est æqualis AO, & arcui CF, arcus BK, vt quadrantes NO, FK, haberentur. Idem quadrantes habebuntur, si quadrans AD, vel AB, vel BC, vel CD, transferatur ex N, & F, vsque ad O, & K.

VEL certe cuiusvis puncti declinationem inueniemus, si ex E, centro per datum punctum parallelum Aequatoris describamus, & ad punctum, vbi lineam meridianam BD, secat, ex A, vel C, rectam emittamus. Hac enim ex Aequatore arcum declinationis auferet à meridianâ lineâ inchoatum, vt diximus de puncto I, & stellâ M.



ITAQUE si Ecliptica diuisa sit in signa, & gradus, non erit necessariû, vt in Aequatore numeretur distantia dati gradus Eclipticæ, à proximo æquinoctio, vt eius situs in Ecliptica reperitur per rectam ex polo G, emissam; quo pacto inuentus fuit situs I, principii X, per rectam Ga; sed satis est vt ex centro E, per gradum propositum recta educatur, & ab hac incipiendo in Aequatore quadrans abscindatur, &c. Vel certe ex E, centro per propositum gra-

dum parallelus Aequatoris describatur, &c. Satis etiam est, vt punctorum vnus quadrantis Eclipticæ, v. g. quadrantis CQ, declinationes inquirantur. Hænamque declinationes declinationibus punctorum in aliis tribus quadrantibus æquales

æquales sunt, quod etiam si ostensum à nobis sit in Lemmate 49. Num. 5. idem tamen hoc loco sic demonstrabimus. Sumatur in alio quadrante australi AQ, arcus AY, æqualis arcui CI, vt Y, sit principium m, ducaturque recta EY, vt ZY, arcus sit declinationis, quem dico æqualem esse arcui FI. Ductis enim rectis CI, AY; erunt duo latera EC, CI, duobus lateribus EA, AY, æqualia; (Nam EC, EA, semidiametri sunt Aequatoris, & CI, AY, æquales sunt, ob arcus æquales, quos subtendunt) b, & anguli quoque ECI, EAY, insistent in circumferentia arcibus æqualibus AQI, CQY, æquales. Igitur & bases EI, EY, æquales erunt. Demptis ergo æqualibus EF, EZ, reliquæ FI, ZY, æquales erunt: quæ cum æqualiter à centro E, absint, æqualibus arcibus Aequatoris respondebunt; ac proinde declinationes punctorum I, & Y, æquales erunt. Eodem modo ostendemus declinationem cuiusvis alterius puncti in quadrante CQ, æqualem esse declinationi puncti in quadrante AQ, cuius distantia ab æquinoctio A, æqualis sit distantie alterius puncti ab æquinoctio C. Rursus producta IE, vsque ad X, secante Eclipticam in V, representabunt IV, FX, semicirculos, a quod maximi circuli se mutuo bifariam secent; dempto communi arcu FV, erunt reliqui arcus declinationum FI, VX, æquales. Cum ergo puncta Eclipticæ I, V, sint per diametrum opposita, vt lib. 2. in scholio proposit. 5. Num. 17. ostendimus, liquet, puncta Eclipticæ opposita æquales habere declinationes. Eadem enim demonstratio est in aliis punctis oppositis, quæ in F, V, vt perspicuum est.

7. PORRO ex data declinatione punctum, seu arcum Eclipticæ respondentem hac ratione eruemus. Numeretur data declinatio in Aequatore à puncto B, vsque ad d, siue versus A, siue versus C; & ex A, vel C, per d, recta ducatur, secans meridianam lineam in b; ac tandem per b, ex E, parallelus Aequatoris describatur secans Eclipticam in I; eritque punctum I, id quod queritur. Quantum autem inuentum punctum I, ab æquinoctiali puncto C, distet, indicabit recta ex polo Eclipticæ G, ad I, ducta. Hæc enim ressecabit arcum Aequatoris Ca, arcui Eclipticæ CI, æqualem, vt lib. 2. proposit. 5. Num. 17. ostendimus.

8. EX declinatione denique Solis, vel stellæ cognita, hoc pacto eius altitudinem meridianam eruemus. Si declinatio borealis est, addiciatur ea complemento altitudinis poli; si vero australis, dematur ex eodem. Numerus enim conflatus, vel relictus, quanta sit Solis, vel stellæ altitudo meridianâ, indicabit.

SED quando ex additione declinationis borealis ad complementum altitudinis poli maior numerus conflatur, quam grad. 90. existet Sol, vel stella in Meridiano inter verticem loci, & polum arcticum. Quare numerus ille conflatus ex semicirculo detractus altitudinem meridianam monstrabit. Hoc autem contingit, quotiescunque altitudo poli minor est declinatione boreali.

RVRSVS quando altitudo poli maior est complemento declinationis borealis, vel (quod idem est) quando complementum altitudinis poli minus est declinatione boreali, habebit Sol, vel stella duas altitudines meridianas, maximam scilicet, ac minimam, ac nunquam orietur, vel occidet. Maxima reperietur, vt dictum est; minima vero, si ex altitudine poli complementum declinationis borealis tollatur, vel si complementum altitudinis poli ex declinatione boreali dematur.

POSTREMO quando complementum altitudinis poli minus est declinatione australi, Sol, vel stella semper sub Horizonte latebit, nullamque habebit altitudinem meridianam. Quæ omnia ex sphaera materiali liquido constant. Atque hæc

Declinationes punctorum vnus quadrantis Eclipticæ declinationibus punctorum aliorum quadrantibus æquales sunt.

a 29. tertij. b 27. tertij. c 7. primi.

d ff. l. Theod.

Ex data declinatione punctum, vel arcum Eclipticæ respondentem sine instrumento elicere.

Altitudinē meridianam Solis, vel stellæ cuiusvis dieprehendere.

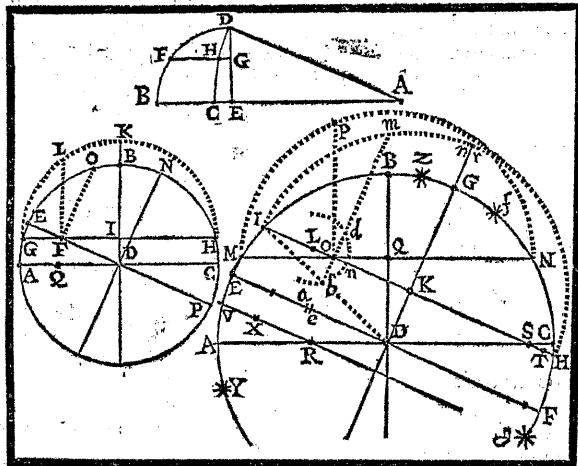
que hæc intelligenda sunt in regione boreali; In australi vero regione, quæ dicta sunt de boreali declinatione, intelligantur de australi, & contra.

IN scholio Canonis 22. inuestigabimus declinationem dati puncti Eclipticæ, licet ipsa Ecliptica in Astrolabio descripta non sit, & declinationem cuiuslibet stellæ, etiam si eius locus in Astrolabio inuentus non sit: quæ res mihi sane præclara esse videtur, atque egregia, cum non facilis sit inuentio loci stellæ cuiusvis in Astrolabio, vt ex propof. 11. libri 2. manifestum est, propterea quod nonnullarum stellarum paralleli Eclipticæ sunt vel nimis ampli, vel nimis angusti.

SCHOLIUM.

Declinatione dati cuiusvis puncti Eclipticæ ex Analemmate inuestigare.

1. EX Analemmate duobus modis declinationem cuiusvis puncti Eclipticæ inuestigabimus. Priore sic. Ducta recta AB, describatur ex A, arcus circuli CD, quolibet interuallo, in quo sumatur arcus maxima declinationis CD, hoc est, constituitur angulus CAD, maxima declinationis. Demissa deinde ex D, ad AB, perpendiculari DE, describatur ex E, per D, quadrans circuli DB. Si igitur à puncto B, numerentur vsque ad F, gradus, quibus datum Eclipticæ punctum à proximo æquinoctij puncto abest, demittaturque ad DE, perpendicularis FG, vel ipsi BA, parallela, secans arcum CD, in H; erit CH, arcus declinationis dati puncti. Cum enim in Lemmate 18. demonstratum sit, esse sinum totum ad sinum maximæ declinationis, ut est sinus arcus à proximo æquinoctij puncto numerati ad sinum declinationis puncti dictum arcum terminantis, liquido constat, arcum CH, metiri declinationem puncti,



quod tanto arcu Eclipticæ à proximo æquinoctio abest, quantus est arcus BF, respectu sui circuli. Nam cum sit, vt ED, sinus totus circuli BD, ad EG, sinum arcus BF, eiusdem circuli, ita ED, sinus maxima declinationis circuli CD, ad EG, sinum arcus CH, eiusdem circuli: sit autem ex Lemmate 5. vt ED, sinus totus ad EG, sinum arcus BF, ita sinus totus Eclipticæ ad sinum arcus, qui arcui BF, similis sit; erit quoque,

quoque, vt sinus totus Eclipticæ ad sinum arcus, quo datum punctum à proximo æquinoctio recedit, ita ED, sinus maxima declinationis ad EG, sinum declinationis CH: Et permutando, vt sinus totus Eclipticæ ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantia puncti dati à proximo æquinoctio ad sinum EG. Ex quo colligitur, EG, esse sinum declinationis dati puncti, atque idcirco arcum CH, declinationem ipsam metiri. Hic porò modus à priore ratione, qua in Lemmate 19. parallelos Solis in Analemmate descripsimus, non differt, nisi quòd hic integri circuli descripti non sint. Nam sector ACD, huius figura refert sectorem Analemmatis EHM, in Lemmate 19. & quadrans BD, quadrantem SM. Immo in eodem Lemmate 19. docuimus quoque ad finem, qua ratione ex Analemmate declinatio cuiusvis puncti Eclipticæ inuestiganda sit. Quare eo Lectorem remittendum censeo, vt hæc, qua hoc loco traduntur, plenius intelligantur.

2. POSTERIORE modo sic idem assequemur. Sit Meridianus, vel Colurus Solstitiorum ABC, circa centrum D; eius cum Aequatore sectio AC, cum Eclipticæ ED; axis Aequatoris DB; Eclipticæ DN. Sit autem DF, sinus rectus arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio numerati: (qui reperietur, si datus arcus ab N, numeretur vsque ad O, & ad ED, perpendicularis demittatur OF.) Et per F, ipsi AC, parallela agatur GH. Dico AG, esse arcum declinationis quaesita. Describatur enim circa GH, ex I, semicirculus GKH, & ad GH, perpendicularis erigatur FL. Si igitur semicirculus ENP, concipiatur esse Eclipticæ semis, & circa EP, moueri, donec ad Colurum planum rectus sit; erit per defn. 4. lib. 11. Eucl. recta OF, ad idem planum perpendicularis. Eadem ratione, si circumuertatur semicirculus GKH, circa GH, donec ad idem planum rectus sit, erit recta LF, ad idem perpendicularis, ipsique OF, congruet. Igitur planum per rectam GH, & per rectam OF, vel LF, in eo situ ductum, ad eundem Colurum rectum erit. Cum ergo parallelus Aequatoris per datum punctum O, ductus, rectus quoque sit ad eundem Colurum; b faciatque in eo sectionem ipsi AC, parallelam; erit semicirculus GKH, in eo situ per OF, transiens, parallelus Aequatoris faciens sectionem GH, cum Coluro ipsi AC, parallelam. Quocirca AG, arcus erit declinationis puncti propofiti. Hic etiam modus à posteriore, quo in Lemmate 19. parallelos Solis in Analemmate descripsimus, non differt. Nam & ibi ex k, puncto extremo arcus lk, demissimus ad Eclipticæ diametrum MP, perpendicularem ku, atque per u, Aequatoris diametrum HI, parallelam duximus YZ, pro parallelo Aequatoris per punctum Eclipticæ k, ducto, quod tamen in dicto Lemmate 19. aliter demonstrauimus.

a 18. undec.

b 16. und.

3. IAM duobus quoque modis data declinationi arcum, punctumque Eclipticæ respondens assignabimus. Priore sic. In arcu CD, ex A, descripto in 1. figura numeretur declinatio vsque ad H, & per H, ipsi AB, parallela agatur FG. Hæc enim ex quadrante BD, arcum rescabit BF, qui quaesiti puncti distantiam à proximo puncto æquinoctiali metitur, vt ex dictis liquet. Posterioris autem sic. Numeretur in 2. figura data declinatio ex A, & C, vsque ad G, & H, ducaturque recta GH, secans Eclipticæ diametrum in F. Perpendicularis enim DN, FO, ad EP, erecta, interceptient arcum quaesitum NO, à proximo puncto æquinoctiali inchoatum, vt perspicuum est ex ijs, qua dicta sunt.

Ex data declinatione punctum Eclipticæ, vel arcum respondentem elicere beneficio Analemmatis.

4. STELLAE autem cuiuslibet declinationem, cuius longitudo & latitudo cognita sint, per Analemma scrutabimur hoc modo. Sit rursus Meridianus, siue Colurus Solstitiorum ABC, circa centrum D, vt in 3. figura; communis eius cum Aequatore sectio AC; cum Eclipticæ EF; axis Aequatoris DB; Eclipticæ DG; & polus borealis B. Ab Eclipticæ sumantur duo arcus latitudinis stellæ EI, FH, versus quidem polum boreum B, si latitudo est borealis, si vero australis, in contrariam partem: ducaturque recta IH, pro diametro paralleli Eclipticæ per stellam transeuntis. Deinde sit Ea, st-

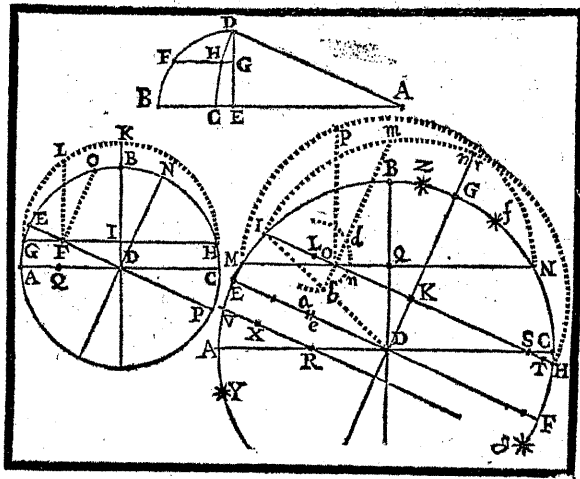
Declinationem cuiusvis stellæ per Analemma indagare.

Et sinus versus arcus, quo stella à principio \odot , hoc est, à semicirculo Coluri per principium \odot ; transiente, abest, sine secundum successione signorum, siue contra, qui sinus versus reperietur, si ab E, ea distantia numeretur in semicirculo EGF, & ex termino numerationis ad EF, perpendicularis demittatur cadens in a. Semidiameter autem IK, ita secetur in O, ut secta est semidiameter ED, quando punctum a, est in ED; vel semidiameter KH, ita secetur, ut secta est semidiameter DF, quando punctum a, cadit in DF. quod facile ita fiet.

Semitem recte diametro circuli equidistantis, secare, ut semidiameter secta est.

a 2. sexti.

5. DVCTA semidiametro DI, sumatur Db, ipsi Da, aequalis, ducaturque bO, ad IK, perpendicularis: quod facile fiet, si ex quouis puncto I, in IK, assumpto per b, arcus describatur, & arcui ub, aequalis abscondatur nd. Recta enim bd, perpendicularis erit, ut constat ex praxi propos. 12. lib. 1. Eucl. Dico, IK, ita sectam esse in O, ut secta est ED, in a. Quoniam enim est, ut Da, ad aE, ita Db, ad bI, propter aequalitatem rectarum Da, Db, &c. Ut autem Db, ad bI, ita est KO, ad OI, erit quoque KO, ad OI, ut Da, ad aE. Atque hoc modo semper secabitur semissis recta diametro circuli aequidistantis, ut semidiameter secta est.



Semidiametrum] circuli secare, ut semissis eius parallela secta est.

b 29. primi.
c 33. primi.
d 2. sexti.

6. VICISSIM quoque semidiametrum ED, secabimus, ut semissis IK, eius parallela secta est in O, hoc modo. (Hac enim re in ijs, qua sequuntur, indigebimus quoque) Ducta rursus semidiametro DI, secet eam in b, excitata ad IK, perpendicularis Ob (qua facile ducetur, si recta KO, aequalis sumatur De. Nam Oe, perpendicularis erit ad IK; cum sit ipsi KD, parallela) & recta Db, aequali abscondatur Da. Dico ED, ita sectam esse in a, ut secta est IK, in O. Cum enim sit ut KO, ad OI, ita Db, ad bI; sit autem ut Db, ad bI, ita Da, ad aE, propter aequalitatem rectarum Db, Da, &c. erit quoque ut KO, ad OI, ita Da, ad aE.

7. INVENTO autem puncto O, (quod reperietur quoque, si ex K, circa IH, semicirculum ImH, describas, in eoque numeres ex I, distantiam stella à principio \odot , usque ad m, & ex m, ad IH, perpendicularem demittas in O. Ita enim erit quoque IO, sinus versus dicta distantia) ducatur per O, Aequatoris diametro AC, parallela MN. Dico AM, arcum esse declinationis stella proposita. Describatur enim ex Q, circa KN,

circa MN, semicirculus MPN, & ad MN, perpendicularis excitetur OP. Si igitur semicirculus ImH, concipiatur circa IH, circumveriti, donec rectus sit ad Colurum, ac proinde Ecliptica aequidistet; erit per defm. 4. lib. 11. Eucl. m O, ad eundem Colurum perpendicularis, & m, locus erit stella. Eadem ratione si semicirculus MPN, circa MN, moueatur, donec ad eundem Colurum rectus sit, ipsique Aequatori parallelus; erit recta PO, ad eundem Colurum perpendicularis, ipsique mO, congruet. Igitur planum per rectam PO, vel m O, in eo situ, & per rectam MN, ductum, ad eundem Colurum rectum erit. Cum ergo parallelus Aequatoris per stellam in puncto m, ductus, rectus quoque sit ad eundem Colurum, faciatque in eo sectionem ipsi AC, parallelam; erit semicirculus MPN, in eo situ per PO, transiens, parallelus Aequatoris, faciens sectionem MN, in Coluro ipsi AC, parallelam. Quare AM, arcus erit declinationis stella.

a 18. undec.

b 16. undec.

8. H AEC autem declinatio septentrionalis erit, quando sinus versus IO, distantia stella à principio \odot , minor fuerit segmento diametri paralleli stella inter Colurum prope \odot , & sectionem illius cum diametro Aequatoris AC: Australis vero, si maior: Declinatione denique carebit, si aequalis: atque hoc semper verum est, siue latitudo stella sit borealis, siue australis, siue denique latitudine careat. Itaque si stella latitudo sit borealis EI, & sinus versus distantia à Coluro in proprio parallelo Eclipticae IS, nullam habebit stella latitudinem: Si vero sinus versus sit IT, declinationem habebit australem. Sic etiam si stella latitudinem habeat australem EV, & sinum versus VX, declinationem habebit borealem: Si vero sinum versus habeat VR, declinatione carebit, &c.

9. RVSVS stella in Coluro solstitiorum existente, hoc est, in principio \odot , vel \ominus , inuenietur eius declinatio hac ratione. Quando declinatio puncti tropici, in quo est stella, & latitudo stella, sunt eiusdem denominationis, id est, borealis, vel australis, addantur simul, constabitque declinatio stella eiusdem denominationis cum declinatione puncti tropici, vel latitudinis.

QUANDO autem declinatio puncti tropici, & stella latitudo diuersa sunt denominationis, hoc est, punctum tropicum est boreale, & stella latitudo australis, vel contra; subtrahatur minor à maiore, relinquaturque declinatio stella eiusdem denominationis cum maiore, à qua facta est subtractio.

QUANDO ex additione fit maior numerus, quam 90. reliquus numerus ex 180. dabit declinationem stella eiusdem denominationis cum puncto tropico. Quando item ex detractioe nihil superest, stella declinatione carebit. Quando denique latitudo nulla est, habebit stella eandem declinationem, quam punctum tropicum.

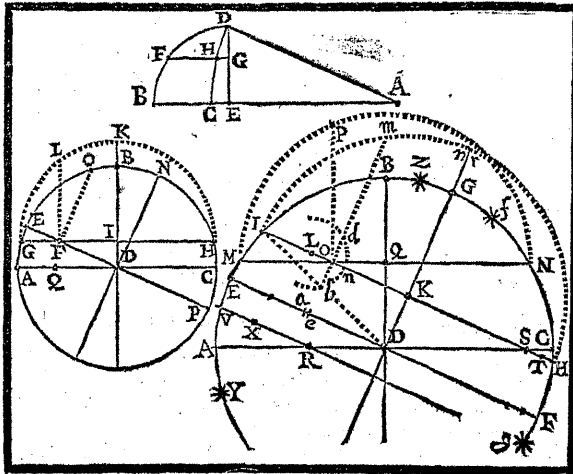
VERBI gratia, stella existens in I, habebit declinationem borealem AI, constata ex declinatione AE, boreae puncti tropici E, & ex latitudine boreae EI. Sic declinatio stella g, erit australis constata ex CF, declinatione australi puncti tropici F, & ex latitudine australi Fg. Itē stella existens in V, habebit declinationem boream, & stella existens in H, australem, quia illa relinquatur, detracta latitudine australi EV, ex declinatione boreae AE; puncti tropici E, hac vero reliqua sit, detracta latitudine boreae FH, ex declinatione australi CF, puncti tropici F. At vero stella in Y, declinationem habebit australem, & stella in s, boream: quia illa relinquatur post detractioe declinationis borealis AE, ex latitudine australi EY; hac vero post detractioe declinationis australis CF, ex latitudine boreali F s. Deinde quia ex declinatione boreae AE, & latitudine boreae EZ, fit maior arcus quadrante AB, dabit ex semicirculo reliquus CZ, declinationem borealem. Praeterea stella in A, vel C, nullam habet declinationem, cum declinatio sit utrobique latitudini aequalis, ac proinde post detractioe vnius ex altera nihil superfit. Denique stella in E, declinationem habebit eandem, quam punctum tropicum.

D d d E, nimi-

E, nimirum borea'em; *Stella* vero in *F*, sortitur declinationem australem, eandem uel delictet cum puncto tropico *F*.

Declinationem cuiuslibet puncti Eclipticæ per sinus inuestigare. a 29. primi,

10. *P E R* sinus denique declinatio cuiuslibet puncti Eclipticæ, aut stella, cuius latitudo, & latitudo nota sint, ita inuestigabitur. Quoniam in secunda descriptione huius figura est, ut *DF*, sinus totus ad *DI*, sinum maxima declinationis, (Posto enim sinu toto *DF*, recta *DI*, sinus est anguli *DFI*, qui equalis est altero angulo *ADF*, maxima declinationis) ita *DF*, sinus arcus Eclipticæ *NO*, à proximo æquinoctio *N*, inchoati ad *DI*, sinum declinationis puncti *O*: id quod etiã in lemmate 19. demonstra-



imus, Si fiat, ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantie dati puncti Eclipticæ à proximo æquinoctio ad aliud, procreabitur sinus declinationis puncti propositi. Ex tabula ergo sinuum declinatio ipsa fiet cognita.

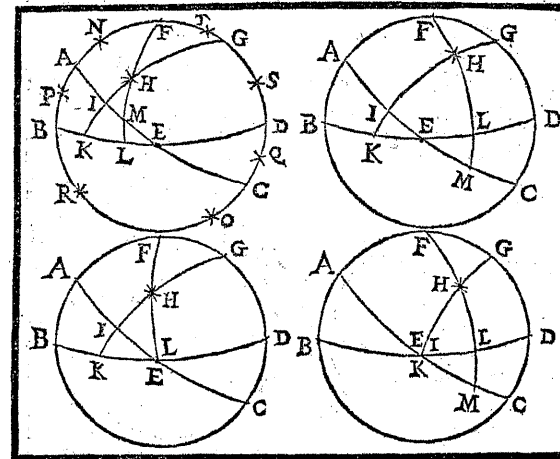
Ex data declinatione punctum Eclipticæ respiciens reperire per sinus.

VICISSIM si fiat, ut sinus maximæ declinationis ad sinum totum; ita sinus declinationis datæ ad aliud, producet sinus arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio inchoati, cui proposita declinatio congruit. Nam cum sit, ut sinus totus ad sinum maximæ declinationis, ita sinus arcus Eclipticæ à proximo æquinoctio inchoati ad sinum declinationis eiusdem arcus, ut dictum est; erit conuertendo, ut sinus maximæ declinationis ad sinum totum, ita sinus declinationis datæ ad sinum arcus Eclipticæ, cui debetur, à proximo æquinoctio inchoati.

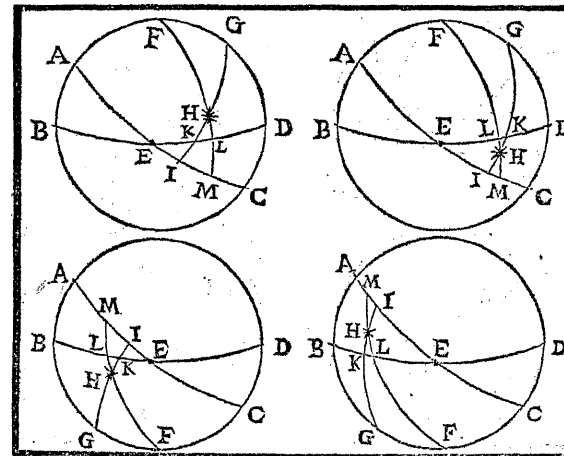
Declinatione cuiuslibet stelle per numeros indagare.

V T autem stella cuiuslibet declinatio per numeros inueniatur, sit *Colurus* solstitiorum *ABCD*; *Aequator* *BD*, & eius *polus* *F*; *Ecliptica* *AC*, eiusque *polus* *G*; *E*, principium γ , vel ω ; *A*, principium φ ; *C*, principium χ ; *locus* stelle *H*; *circulus* maximus declinationis stella *FH*, secans *Aequatorem* in *L*, & *Eclipticam* in *M*; *circulus* maximus latitudinis stella *GH*, secans *Eclipticam* in *I*, & *Aequatorem* in *K*; *declinatio* stelle *HL*, eiusque *complementum* *FH*; *latitudo* stelle *HI*, eiusque *complementum* *GH*; *Arcus* denique *Eclipticæ* *AI*, distantie stelle à principio φ , siue secundum signorum successionem, siue contra, numeratus: ut in 12. circulis hoc loco descriptis apparet. Quoniam igitur in triangulo spherico *FGH*, duo latera *GF*, *GH*, cognita sunt, cum *FG*, sit *arcus* maxima declinationis, & *GH*, *complementum* latitudinis

itudinis stelle; est autem & angulus ab ipsis cõprehensus *FGH*, notus (Nã in prioribus 6. circulis, in quibus latitudo stelle borealis est, eius anguli arcus *AI*, distantiam stella à principio φ , mensiens cognitus est: in posterioribus vero 6. circulis, in quibus stel-

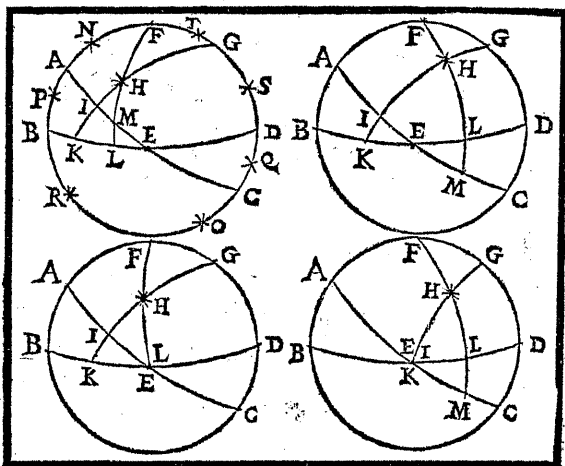


la latitudinem habet australem, arcus prædicti anguli *CI*, distantia est ipsius stella à principio χ , qui relinquitur, detracto arcu *AI*, distantia à principio φ , ex semicirculo.) inuenietur per problema 22. triang. spher. in ultimo lemmate, tertium latus

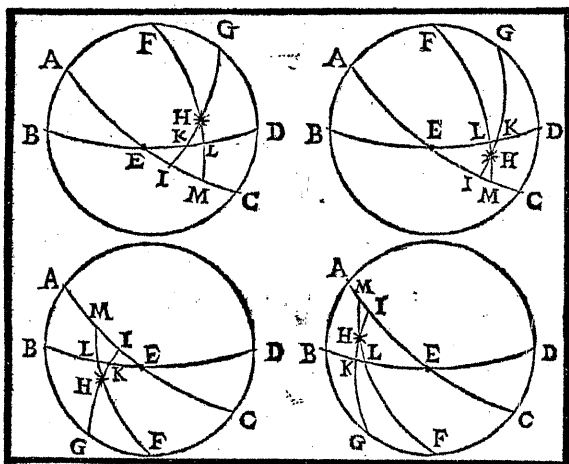


FH, hoc est, complementum declinationis stelle, hac videlicet ratione. Fiat, ut sinus totus ad sinum maioris lateris dati, hoc est, ad sinum maximæ declinationis, Dddd 2 nis FG,

nis FG, vel complementi latitudinis GH, ita sinus minoris lateris dati ad aliud: inuenieturque quartus quidam numerus. Deinde rursus fiat, vt sinus totus ad quartum numerum proxime inuentum, ita sinus versus dati anguli FGH, ad



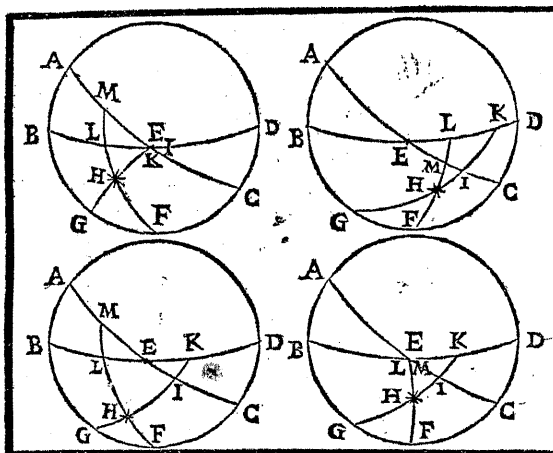
aliud: produceturque differentia inter sinu versus tertij lateris FH, quod quaeritur, & sinu versus arcus, quo duo latera data FG, GH, inter se differunt: quae differentia adiecta ad sinu versus arcus, quo dicta duo latera data FG, GH, inter se



differunt, conficiet sinu versus quaesiti lateris FH, ex quo latus ipsum FH, id est, complementum declinationis stellae, cognitum euadet. Declinatio porro semper est eiusdem

dem nominis cum latitudine, hoc est, borealis, si latitudo borealis est at australis, si australis, nisi quando sinus versus lateris quaesiti FH, maior inueniatur fuerit sinu toto, vt in 6. & 8. circulo, ubi latus inuentum FH, non est complementum declinationis quaesita, sed potius eius complementum HL, est declinatio quaesita, ipsumque latus quadrante maius est. In hoc enim situ stella habet declinationem contrariam latitudini: adeo vt latitudine existente boreali, declinatio sit australis, vt in 6. circulo; latitudine vero existente australi, declinatio sit borealis, vt in 8. circulo.

QUOD si quando contingat, latera data FG, GH, esse aequalia; (quod fit, quando latitudo stella complectitur grad. 66. min. 30. hoc est, complemento maxima declinationis aequalis est.) Fiat, vt sinus totus ad sinum maximae declinationis, hoc est, ad sinum lateris FG, ita sinus semipsis anguli FGH, distantiae stellae a principio ♄, si eius latitudo borealis est, vel a principio ♃, si australis, ad aliud inuenieturque sinus cuiusdam arcus, qui duplicatus totum latus quaesitum FH, notum efficiet; vt ad sinum praedicti problematis 22. triang. sphaer. diximus.



RVRSVS si accidat, datum angulum FGH, rectum esse; (quod fit, quando distantia stella a principio ♄, quadrans est, vt in 4. & 9. circulo.) Fiat, vt sinus totus ad sinum complementi maximae declinationis FG, ita sinus complementi lateris GH, hoc est, ita sinus latitudinis stellae, ad aliud: Inuenieturque sinus complementi quaesiti lateris FH; vt perspicuum est ex 1. modo problematis 15. triang. sphaer. ultimi Lemmatis.

EADEM declinatio stella hac alia quoque ratione supputari poterit. Quando stella existit in principio ♃, vel ♄, hoc est, eius distantia a principio ♄, continet grad. 90. vt in 4. & 9. circulo; si in triangulo EHL, cuius angulus L, rectus, per primum modum problematis 8. triang. sphaer. in ultimo Lemmate explicati, fiat vt sinus totus ad sinum latitudinis stellae HE, ita sinus anguli HEL, complementi maximae declinationis ad aliud, gignetur sinus declinationis HL, quaesita, eiusdem nominis cum latitudine.

QUANDO autem stella est extra principia ♃, ♄, ♅, & ♆, vt in alijs 10. circulis, dempto 4. & 9. si per primum modum problematis 4. triang. sphaer. in ultimo

Verum stellae declinatio borealis sit an australis, cognoscere.

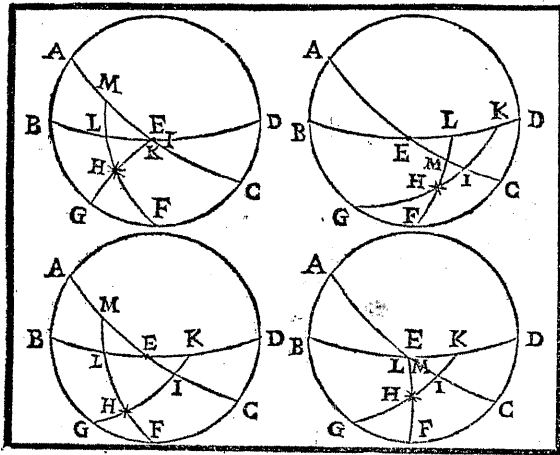
Aliis quoque stella est in principio Arietis, Librae, Cancris, & Capricorni.

Quando stella est extra principia Arietis, Librae, Cancris, & Capricorni.

Lemmate explicati, Fiat in triangulo EIK, cuius angulus I, rectus, vt sinus totus ad sinum anguli IEK, maximæ declinationis, ita sinus complementi arcus EI, distantiam stellæ à proximo æquinoctio metientis ad aliud, procreabitur sinus complementi anguli EKI, subtendentis arcum declinationis HL, in triangulo HKL.

DEINDE in eodem triangulo EIK, si per 1. modum problematis 11. triang. spher. fiat vt sinus totus ad sinum arcus EI, distantiam stellæ à proximo æquinoctio metientis, ita tangens anguli IEK, maximæ declinationis ad aliud, inuenietur tangens arcus IK, quo latitudo HI, differt ab arcu HK, quem argumentum declinationis dicere possumus. Hæc differentia IK, est borealis, hoc est, ab Aequatore versus septentrionem porrigitur, quando stella locus est in aliquo signo boreali; australis vero, stella existente in signo aliquo australi. Itaque quando differentia IK, & latitudo stella HI, habent eandem denominationem, borealem scilicet, aut australem, dabit summa ex ipsis confecta argumentum HK, eiusdem denominationis cum latitudine, vel differentia: quando autem differentia IK, & latitudo stella HI, sunt diuersæ denominationis, hoc est, vna est borealis, & australis altera,

Argumentum de
clinacionis Rel.
lz.



detrahta minore ex maiore, reliquum fiet argumentum eiusdem nominis cum arcu, à quo facta est subtractio. Ita vides in 1. 2. 3. 5. & 8. circulo argumentum HK, esse boreale, australe vero in 6. 7. 10. 11. & 12. circulo.

POSTREMO in triangulo HLK, angulum L, rectum habente, si per 1. modum problematis 8. triang. spher. fiat vt sinus totus ad sinum argumenti HK, proxime inuenti, ita sinus anguli HKL, in triangulo EIK, primo loco inuenti ad aliud, producet sinus declinationis HL, eiusdem denominationis cum argumento. Vt autem declinatio stella exquisitius reperiatur, inueniendus erit angulus EKI, per partem proportionalem accuratissime, ac similiter differentia IK, inter argumentum, & latitudinem stella, vt in tertio discursu deinde verior sinus argumenti per partem proportionalem eliciatur. Denique declinatio quoque HL, quærenda est ex eius sinu per partem proportionalem, vt postea in scholio sequentis Canonis magis exquisite sinus eius

eius complementi inueniri possit, ad rectam ascensionem stellæ supputandam. Atque hoc in omnibus supputationibus obseruandum erit, quando ex arcu inuento, vel ex eius complemento alius arcus inquirendus est. Nam nisi sinus, & arcus per partem proportionalem exquisitissime accipiantur, vt in ultimo Lemmate traditum est, fieri potest, vt in ultimo arcu inueniendo committatur error non leuis.

¶ V O pacto autem, stella existente in Coluro solstitiorum, eius declinatio reperitur, paulo ante Num. 9. huiusce scholij doctumus, & præcepti illius exempla habes in stellis N, O, P, Q, R, S, T, B, D, A, C, primi circuli, quarum quidem stellarum loca ordine locis stellarum I, g, V, H, Y, f, Z, A, C, E, F, in tertia descriptione prima figura huius scholij respondent.

Quando stella est
in principio can
cri, vel Capricor
ni.

CANON III.

ASCENSIONEM, descensionemque rectam cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ exquirere: Et vicissim ascensionem, descensionemque rectæ cognitæ arcum Eclipticæ respondentem assignare: Denique punctum Eclipticæ, cum quo stella proposita in sphaera recta oritur, vel occidit, aut cælum mediat, determinare.

1. CIRCVM DVCATVR rete Astrolabii, donec gradus Eclipticæ, vel stella proposita, in Horizonte recto, ex parte orientali, id est, in diametro Astrolabii, quæ meridianam lineam, hoc est, diametrum, quæ ad armillam suspensoriam protenditur, ad angulos rectos secat, constituatur. Nam reti hunc obtinente situm, arcus Aequatoris à principio ♈, secundum signorum successiōnem vsque ad eundem Horizontem rectum ex parte orientali, quæ ad sinistram existit, computatus ascensionem rectam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ metietur: quippe cum eiusmodi arcus in sphaera recta simul cum dato puncto, hoc est, cum arcu Eclipticæ ab ♈, vsque ad illud punctum, stellæ supra rectum Horizontem ascendat. Hunc quoque ascensionis arcum dabunt gradus in limbo intercepti inter Horizontem rectum, & ostensorem, siue indicem per principium ♈, in eo situ retis transeuntem: gradus, inquam, a linea fiduciæ indicis secundum successiōnem signorum, id est, versus ♄, ♃, &c. vsque ad Horizontem rectum numerati. Posita autem stella in Horizonte recto ex parte orientali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella oritur, aut cælum mediat, siue (quod idem est) ad Meridianum peruenit.

Ascensionem re
ctam dati puncti
Eclipticæ, aut
stellæ, ex Astrola
bio cognoscere.

2. NON aliter descensionem rectam cuiusvis puncti Eclipticæ aut stellæ explorabis, si datum punctum, vel stellam in Horizonte recto ex parte occidentali colloces. Nam eum situm reti obtinente, arcus Aequatoris à principio ♈, secundum seriem signorum vsque ad Horizontem rectum ex parte occidentali numeratus dabit descensionem in sphaera recta, quam etiam exhibent gradus limbi inter ostensorem per principium ♈, ductum, & Horizontem rectum ex parte occidentali intercepti, si secundum signorum seriem numerentur. Sed factis est ascensionem rectam cuiuslibet puncti, vel stellæ inuestigare, cum hæc descensionem

Qui gradus Ecli
pticæ cum data
stella oritur in
sphaera recta, aut
mediet cælum.
Descensionem re
ctam dati puncti
Eclipticæ, vel
stellæ ex Astrola
bio cognoscere.
16.

Ascensio recta cu
ius puncti des
censionem eiusdem
aqualis est.

Qui gradus Eclipticæ cum data stella oc idat in sphaera recta.

Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Eclipticæ respon dentem inuenire ex Astrolabio.

scensionem eiusdem in sphaera recta sit æqualis, vt in sphaera dictum est. Posita autem stella in Horizonte recto ex parte occidentali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella occidit. Atque hoc punctum semper illud idem est, cum quo eadem stella in sphaera recta oritur, & celum mediat.

3. SED si ascensio recta, aut descensio alicuius puncti, vel stellæ cognita sit, inueniemus arcum Eclipticæ respondentem, hoc est, punctum Eclipticæ, quod vna cum stella, cuius ascensio, descensiove data est, ad Horizontem peruenit, aut cui data ascensio, descensiove congruit, hoc modo. Circumducatur rete Astrolabii, donec arcus Aequatoris inter principium ♈, & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum seriem iacens æqualis sit datæ ascensioni rectæ puncti Eclipticæ quæsiti, aut donec cacumen stellæ in Horizonte recto reperiat ex parte orientali, quod tunc arcus Aequatoris inter principium ♈, & rectum Horizontem positus ex parte orientali metiatur datam ascensionem stellæ. Nam obtinente reti eum situm, punctum Eclipticæ, quod tunc in Horizonte recto ex parte orientali existit, erit illud, cui data ascensio debetur, aut quod vna cum stella, cuius ascensio recta data est, ad Horizontem rectum peruenit. Idem obtinebis, si in limbo gradus datæ ascensionis rectæ contra successiōnem signorum numeretur, initio factō ab Horizonte recto ex parte orientali; & ad finem numerationis linea fiduciæ ostensoris applicetur. Nā circumuoluto tunc reti, donec principium ♈, ad lineam fiduciæ perueniat, existet in Horizonte recto ex parte orientali punctum illud Eclipticæ, cui data ascensio conuenit, aut quod vna cum stella, cui ascensio illa debetur, supra Horizontem ascendit. Arcus autem Eclipticæ inter illud punctum, & principium ♈, positus, erit ille, qui quæritur, dummodo arcus ille ab ♈, vsque ad inuentum punctum secundum seriem signorum sumatur. Idem prorsus dicendum est de puncto, seu arcu Eclipticæ inueniendo, qui datæ descensionis respondet, si pro parte orientali recti Horizontis occidentalis pars accipiat. Immo idem punctum, siue arcus inuentus conuenit quoque descensionis æquali in sphaera recta, cum, vt dictum est, ascensio cuiusvis puncti in sphaera recta descensionis eiusdem sit æqualis.

Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ariete inchoati, ex Astrolabio reperire.

4. EX his facile ascensionem, descensionemque rectam cuiusvis arcus Eclipticæ non à principio ♈, inchoati reperiemus. Differentia enim inter ascensionem primi puncti, & ascensionem vltimi puncti arcus propositi erit ascensio recta dicti arcus. Vel sic agemus. Posito vltimo puncto dati arcus in Horizonte recto ex parte orientali, ponatur linea fiduciæ ostensoris supra primum punctum eiusdem arcus. Arcus enim Aequatoris, vel limbi inter lineam fiduciæ, & Horizontem rectum ex parte orientali secundum signorum successiōnem computatus ascensionem rectam dati arcus metietur. Quod idem de descensione eiusdem arcus dices. Hic non docemus inuestigare arcum non ab ♈, inchoatum, qui datæ ascensionis rectæ respondeat: quia variis arcus Eclipticæ æquales possunt habere ascensiones, vt perspicuum est in sphaera materiali, & ad finem Num. 8. dicemus.

Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis puncti Eclipticæ vel stellæ sine Astrolabio inquirere.

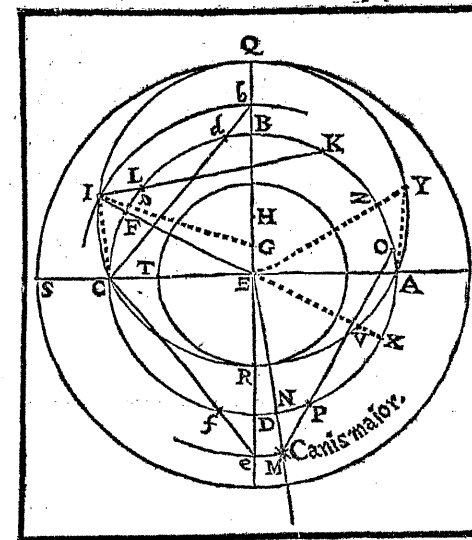
5. SINE instrumento eandem ascensionem rectam, descensionemque venabimur hac ratione. Repetatur figura antecedentis Canonis, in qua Aequator ABCD; Ecliptica AQCR; eius centrum H, & polus G: propositumque sit inuestigare ascensionem, vel descensionem rectam principii ♈. Inuenio hoc puncto Eclipticæ, quod sit I, per rectam Ga, ex polo G, Eclipticæ per punctum a, distantiam principii ♈, ab ♈, terminans eductam, ducatur ex E, centro Astrolabii ad I, recta secans Aequatorem in F. Dico arcum Aequatoris CDABF, secun-

secundum successiōnem signorum numeratum, ascensionem rectam esse, aut descensionem puncti Eclipticæ I, vel arcus CRAQI, ab ♈, inchoati. Quoniam enim EI, est Horizon quidam rectus, cum maximum circulum per polos mundi ductum referat, vt propof. 1. Num. 4. superioris lib. ostendimus, orientur in sphaera recta simul duo puncta I, F, & simul occident. Quo ergo tempore principium ♈, arcum FBADC, conficiet ad motum primi mobilis, eodē Eclipticæ punctum I, ad Horizontem rectum perueniet, hoc est, totus arcus Eclipticæ CRAQI, ascendet, vel descendet.

6. EODEM modo ascensionem, descensionemque rectam cuiusvis arcus Eclipticæ non ab ♈, inchoati explorabimus, si ex E, centro Astrolabii per extrema duo puncta arcus in Ecliptica dati duas rectas ducantur. Hæ etenim in Aequatore arcum ascensionis rectæ, vel descensionis includent. Vt arcus Aequatoris BF, ascensio vel descensio recta erit arcus Eclipticæ QI, qui inter principium ♈, & principium ♋, incipit.

7. ITAQVE si Ecliptica AQCR, in 2. signa distribuatur, vt propof. 5. lib. 2. Num. 17. docuimus, & ad eorum puncta ex centro E, rectas ducantur, constructa erit figura continēs ascensiones, descensionesque rectas omnium signorum. Nam arcus Aequatoris à puncto C, versus D, vsque ad singulas eiusmodi lineas, dabunt ascensiones, descensionesque punctorum, quæ initia, ac terminos signorum definiunt. Arcus vero eiusdem Aequatoris inter quatuor duas eiusmodi rectas comprehensus, ascensionem, descensionemque illius arcus Eclipticæ non ab ♈, inchoati exhibebit, qui inter easdem duas rectas includitur. Et si singula signa in gradus subdividantur, atque ad eos similiter rectæ ex E, emittantur, habebimus quoque ascensiones, descensionesque omnium graduum Eclipticæ. Ita vides in prædicta figura, arcum CD, ascensionem rectam esse arcus CR, inter principium ♈, & principium ♋, positi: Arcum vero CDA, ascensionem arcus CRA, inter principium ♈, & ♌: Arcum item CDAB, ascensionem arcus CRAQ, à principio ♈, vsque ad principium ♋: Arcum præterea FCD, esse rectam ascensionem arcus ICR, inter principia ♈, & ♋, interpositi, & sic de cæteris. Atque huiusmodi figuram refert prior figura Andree Schoneri, quam in Scholio propof. 9. lib. 2. Gnomonices descripsimus, exemplumque ponemus in Canone sequenti, Num. 10.

EADEM figura ascensionum rectarum constructur, si Ecliptica diuidatur in
E c c e gradus

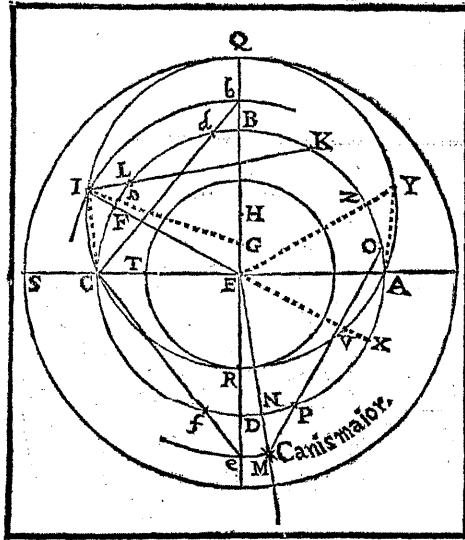


Ascensionem rectam, descensionemque cuiusvis arcus Eclipticæ non ab Ariete inchoati, sine Astrolabio deprehendere.

Figuram ascensionum rectarum omnium arcuum constructur.

gradus per lineas rectas per centrum Astrolabii ductas, vt lib. 2. propof. 6. ad finem Num. 37. docuimus: fi nimirum puncta inueniantur in recta, quæ in centro maximi circuli inftar Verticalis Eclipticæ (qualis est recta ST, in figura propof. 11. lib. 2.) ad meridianam lineam perpendicularis est, per quæ rectæ per centrum Astrolabij educantur. Hæ enim rectæ & Eclipticâ in gradus diftribuunt, vt lib. 2. propof. 6. ad finem Num. 37. ostendimus, & rectas ascenfiones eorundem graduum indicant, vt hic ostentum est.

Ex data ascensione, descenfioneue rectæ arcuum Eclipticæ respondentem ertere.



8. VICISSIM ex data ascensione, aut descensione recta arcum Eclipticæ respondentem eliciemus, si ex centro E, per terminum ascensionis, descensionisue recta emittatur. Hæc enim Eclipticam secabit in puncto, cui ascensio data conuenit, arcus autem respondens erit is, qui à principio γ , secundum successione signorum ad illud vsque punctum protenditur. Vt ascensionem rectæ C D A B F, respondet arcus Eclipticæ CRAQI: atque ita de cæteris. Manifestum est autem ex ipsa figura, datæ ascensionis, quæ ab γ , non incipiat, assignari non posse arcum Eclipticæ respondentem. Nam ascensionem BF, respondet tam arcus QI, quam arcus QY, cum ascensio BF, ascensionem BZ, sit æqualis: atque ita fit arcui BF, alibi in Aequatore arcus æqualis accipiat, respondebit ei ascensionem alius arcus Eclipticæ.

Ascensionem, descensionemque rectam stellæ cuiusvis sine Astrolabio explorare, vna cum puncto Eclipticæ, quod simul oritur, vel occidit.

9. ASCENSIO recta, & descensio cuiuslibet stellæ eadem facilitate reperietur. Si namque ex centro Astrolabii per locum, seu centrum stellæ recta linea ducatur, arcus Aequatoris inter principium γ , & illam rectam secundum signorum seriem interceptus, ascensionem, descensionemue rectam stellæ metietur. Vt ascensio, vel descensio recta Canis maioris erit arcus Aequatoris CDN. Punctum autem Eclipticæ simul cum stella proposita coorians supra Horizontem rectum EM, vel occidens, aut ad Meridianum perueniens, hoc est, cælum medians, erit illud, per quod eadem recta EM, in Eclipticâ transit. Quanto autem interuallo punctum illud à principio γ , ablit, indicabit recta ex G, polo Eclipticæ, per ipsum punctum Eclipticæ traiecta. Tot enim gradus in arcu Eclipticæ inter dictam rectam, & principium γ , continentur, quot in arcu Aequatoris inter eandem rectam, & principium γ , comprehenso, vt lib. 2. propof. 5. Num. 17. demonstrauimus. V. g. si recta EI, per alicuius stellæ centrum ducta esset, orietur ea stella supra Horizontem rectum EI, vel infra eum descenderet, aut cælum medietur cum puncto Eclipticæ I, quod tot gradibus a principio

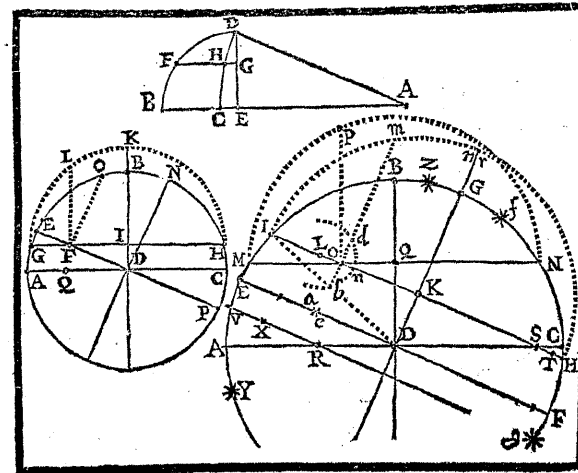
pio γ , versus γ , recedit, quot in arcu Aequatoris Ca, continentur; Eiusdem autem stellæ ascensio, descensioe recta esset arcus CDAF.

SCHOLIUM.

1. EX Analemate sic ascensionem, descensionemue rectam cuiusvis puncti Eclipticæ adipiscemur. Repetita figura scholij antecedentis Canonis, sumatur in 2. descriptione arcus NO, æqualis distantia dati puncti à proximo puncto æquinoctij, & demittatur ad Eclipticam diametrum perpendicularis OF, ac per E, Aequatoris diametro parallela agatur GH, secans BD, in I, ac demique ad GH, excitetur perpendicularis FL, secans circulum circa GH, descriptum in L. Dico arcum KL, esse ascensionem, descensionemue rectam dati puncti O. Nam vt in scholio præcedentis Canonis ostendimus, GH, est diameter paralleli, quem datum punctum describit, eiusque semicirculus GKE, & dati puncti declinatio AG: a Et quoniam Colurus æquinoctiorum per D, initium γ , ductus, & circulus declinationis, qui tunc est Horizon rectus, similes arcus ex A-

Ascensionem, descensionemue rectam dati puncti Eclipticæ ex Analemate adipisci

a 10. 2. Theod.



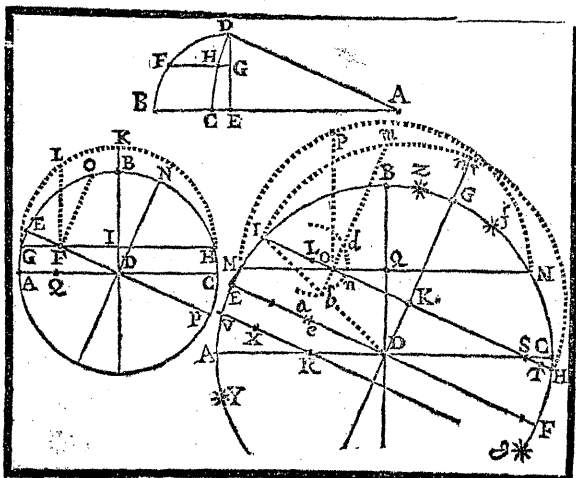
quatore & parallelo abscondunt, erit arcus KL, similis arcui ascensionis, vel descensionis rectæ in Aequatore, quem circulus declinationis per punctum L, incedens abscondit, tanquam Horizon rectus. Quod vt planius fiat, concipiantur semicirculi ENP GKH, (Eclipticæ, & paralleli,) ad Colurum recti, quo posito congruent sibi mutuo puncta L, O, vt in scholio præcedentis Canonis diximus. Cum ergo circulus declinationis inftar recti Horizontis transeat per O, punctum Eclipticæ, transibit idè per punctum L. Et quia tunc punctum K, est in Coluro æquinoctiorum, cum IK, communis sectio sit paralleli, & prædicti Coluri ad Colurum solstitiorum perpendicularis, vt ratio postulat: (Nam quia & Colurus æquinoctiorum, & parallelus ad Colurum solstitiorum rectus est, b erit quoque cõmunis eorũ sectio ad eundem rectam, ideoq; & ad GH, communem b 10. vnd. sectionem paralleli, & Coluri solstitiorum. Quare KI, cum ad GH, sit perpendicularis communis sectio erit Coluri æquinoctiorum, ac paralleli) c erit arcus KL, similis arcui Aequatoris inter Colurum æquinoctiorum, & circulum declinationis per L, tran-

c 10. 2. Theod.

Eccc 2 seuentem,

seuitem, qui quidem arcus ascensio recta est, aut descensio puncti O, siue arcus Ecliptica NO, quippe qui inter Horizontem rectum, qui tunc est circulus declinationis & Co-lurum aequinoctiorum, siue punctum aequinoctij intericiatur.

ITAQUE si punctum O, datum existat inter V, & S; ascensio eius recta, vel descensio, erit KL, minor quadrante: si inter S, & V, ascensio, descensio erit arcu constatus ex quadrante KG, & arcu GL, quia tunc ascensio, descensio KL, cum contra successione supputetur a V, auferenda est a semicirculo, ut ascensio, aut descensio ab V, inchoata relinquatur: si inter V, & S; ascensio, vel descensio erit arcus constatus ex semicirculo, & arcu KL, quia tunc ascensio, descensio KL, sumit initium a V, tenditque versus S; si denique ultra S; recta ascensio, aut descensio erit arcus ex tribus quadrantibus, & arcu GL, constatus, quia tunc ascensio, descensio KL, congruit reliquo arcui Ecliptica vsque ad V, ac proinde ex integro circulo auferenda, ut ascensio, descensio ab V, inchoata relinquatur. Quod si datum punctum sit E, principium S, erit eius ascensio, vel descensio quadrans: si principium V, semicirculus: si denique principium S, arcus ex tribus quadrantibus constatus.



Ascensionem rectam stellae cuiusvis, vel descensionem, ex Analemate reperire.

2. STELLAE, cuiusvis ascensionem rectam vel descensionem eodem modo cognoscemus, si eius declinatio inueniatur, ut in scholio praecedentis Canonis dictum est. Nam in 3. descriptione recta QO, erit sinus ascensionis, vel descensionis recta in parallelo MPN, ita ut recta DB, producta, & perpendicularis OP, intercipient ascensionem descensionemue rectam. Eadem enim ratio hic est, qua paulo ante de ascensione, descensioneque dati puncti Ecliptica allata est.

SI igitur stella distantia Im, a principio S, numeretur contra successione signorum, minorque sit quadrante, ascensio, vel descensio eius recta erit minor quadrante, arcus videlicet sinu QO, debitus: si vero distantia illa contra signorum ordinem sit quadrante maior, superabit ascensio, vel descensio recta tres quadrantes complemento arcus, qui sinu QO, debetur; quia enim tunc ascensio descensione inuenta initium sumit ab V, & versus S, tendit, subducenda erit ex integro circulo, ut ascensio, vel descensio recta ab V, secundum signorum ordinem numerata relinquatur:

tur: Quod si distantia Im, a principio S, numeretur secundum successione signorum, minorque sit quadrante, ascensio, aut descensio recta inuenta, initium sumet a V, versus S, tendens, ideoque ex semicirculo auferenda erit, ut ascensio, vel descensio recta stella relinquatur ab V, inchoata: Si denique distantia illa secundum successione signorum sit quadrante maior, tendat ascensio, vel descensio inuenta a V, versus S, ideoque ad semicirculum adijcienda, ut ascensio descensione stella ab V, numerata conficiatur. Quod si stella distantia a S; nulla sit, continebit eius ascensio vel descensio recta quadrantem: si quadranti aequalis sit secundum ordinem signorum, semicirculum: si denique semicirculo siue secundum signorum seriem, siue contra numerata, tres quadrantes. Quae omnia in sphaera materiali perspicua sunt.

3. SI ascensio vel descensio recta arcus cuiusvis Ecliptica non ab V, inchoati consideretur, inuestiganda erunt ascensiones, vel descensiones duorum extremorum punctorum dati arcus. Nam si minor ascensio, descensio ex maiore detrahatur, reliqua fiet dati arcus ascensio recta, aut descensio.

4. IAM ex data ascensione, aut descensione recta arcum Ecliptica respondentem, cui videlicet ascensio, vel descensio data conuenit, ita colligemus. Si ascensio, aut descensio recta quadrante minor est, assumatur ea, ut proposita est: Si vero maior est quadrante, sed semicirculo minor, detrahatur ex semicirculo: si maior semicirculo, sed minor tribus quadrantibus, detrahatur ex ea semicirculus: si denique maior tribus quadrantibus, dematur ex integro circulo: hac enim ratione habebitur semper ascensio, vel descensio recta a proximo puncto aequinoctij nota, ac minor quadrante. Huius ascensionis descensionisue sumatur in 2. descriptione sinus rectus DQ: quod facile fiet, si ex B, versus A, ipsa ascensio, vel descensio numeretur, & a termino numerationis ad A D, perpendicularis demittatur. hac enim sinum abscindet DQ, quem cupimus. Inuenienda ergo est parallela GI, qua a diametro Ecliptica DE, sic diuidatur in F, ut eadem sit proportio IF, ad FG, qua DQ, ad QA. Tunc enim si circa eam semicirculus describeretur GK H, & perpendicularis excitaretur FL, esset arcus KL, similis arcui ascensionis, vel descensionis datae, cuius sinus est DQ, ex Lemmate 5. ac proinde ascensio descensione illa recta arcui Ecliptica deberetur, cuius sinus est DF, & ultimi puncti declinatio AG. Quo pacto autem ex inuenito puncto F, eliciendus sit arcus Ecliptica, cui data ascensio descensione congruat, Num. 6. docebitur.

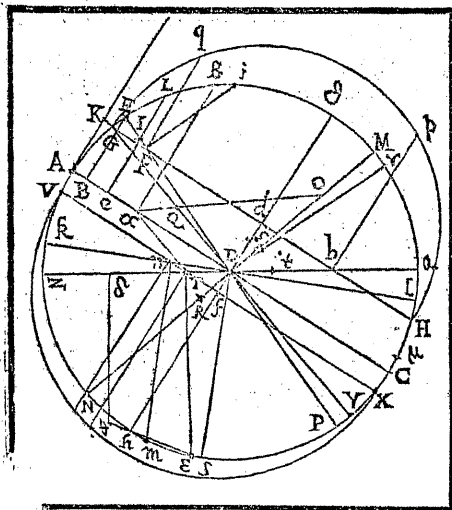
SI C autem parallela GI, qua eo modo diuidatur, inueniatur. Per Lemma 5. reperitur in DE, punctum F, per quod transire debet Ellipsis, cuius maioris axis semisus DB, minoris DQ. Recta enim per F, ducta aequidistans ipsi AD, erit ea, qua quaeritur, cum per Lemma 5. sit, ut DQ, ad QA, ita IF, ad FG. Punctum porro F, refert illud, in quod cadit perpendicularis ex communi sectione circuli declinationis, & paralleli in planum Coluri solstitiorum demissa, cum ab omnibus punctis illius circuli perpendiculares demissa cadant in Ellipsim, ex propof. 24. lib. 1. nostra Gnomonices. Ex quo fit, circulum illum declinationis secare parallelum in proprio situ in puncto L, ideoque KL, arcum similem esse arcui ascensionis descensionisue recta in Aequatore, quem idem circulus abscindit, & cuius sinus est DQ, quem perpendicularis ex interfectione dicti circuli declinationis cum Aequatore in Colurum solstitiorum demissa refecat.

5. IDEM punctum F, Ecliptica, & declinationem AG, sine auxilio Ellipsis reperiemus hoc modo. Quoniam per propof. 44. nostrorum triang. sphaer. in triangulo sphaerico ELM, quod in duodecim circulis scholij Canonis praecedentis continetur, est ut sinus totus ad sinu arcus ascensionis descensionisue recta EL, ita tangens anguli MEL, maxima declinationis ad tangentem arcus declinationis LM; erit permittendo, ut si-

Ascensionem rectam descensionemue dati arcus Eclipticae non ab Ariete inchoati, reperire ex Analemate. Ex data ascensione, vel descensione recta arcum Eclipticae respondentem per Analemma exquirere.

nus totus ad tangentem maxima declinationis, ita sinus ascensionis, descensionisue re-
 Et a data ad tangentem declinationis puncti, cui ascensio, vel descensio illa debetur. Sed
 per propof. 18. tractatus nostri finium, & tangentium, est quoque sinus complementi
 maxima declinationis ad finum maxima declinationis, ut sinus totus ad tangentem
 maxima declinationis. Igitur erit quoque, ut sinus complementi maxima declina-
 tionis ad finum maxima declinationis, ita sinus ascensionis, descensionisue re \dot{c} t \dot{a} ad
 tangentem declinationis puncti, cui ea ascensio, vel descensio congruit. Sit ergo Meri-
 dianus, siue Colurus solstitiorum ANCM, cuius centrum D; Aequatoris diameter AC;
 Ecliptica EP, axis mundi gh. Demittatur ad AC, perpendicularis EB, & ex A, ad ead \dot{e}
 AC, erigatur perpendicularis AK, qua circuli tanget, ex coroll. propof. 16 lib. 3. Eucl.

a, 11. quinti.



b, 4. sexti.

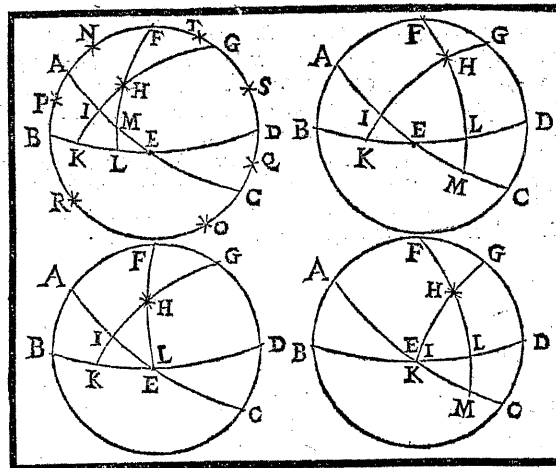
Denique De, sit sinus data as-
 censionis, descensionisue re \dot{c} t \dot{a} , &
 ex e, ad AC, perpendicularis
 excitetur e I. Et quoniam est
 ut BD, sinus complementi ma-
 xima declinationis AE, ad
 BE, sinum eiusdem maxima
 declinationis, ita De, sinus as-
 censionis, descensionisue re \dot{c} t \dot{a}
 data ad e I, erit ut proxime de-
 monstrauimus, e I, tangens de-
 clinationis quaesita. Sumpta er-
 go AK, ipse e I, equali, ducatur
 ex K, per centrum D, re \dot{c} t \dot{a}
 KDY, secans circulum in G;
 eritq; AK, tangens arcus AG,
 ideoq; AG, declinatio erit qua-
 sita, ita ut tunc Ecliptica cum
 Coluro, vel Meridiano efficiat
 sectionem communem GT. Du-
 eta autem GH, ipse AC, paral-
 lela secabit Eclipticam in F,
 puncto, quod quaeritur.

6. INVENTO puncto F,
 ducantur ex D, F, ad EP, dua
 perpendiculares Dr, Fi; eritque ri, arcus Eclipticae inter V, vel u, & circulum decli-
 nationis, qui vicem gerit Horizontis re \dot{c} t \dot{a} . Si igitur data ascensio, vel descensio re \dot{c} t \dot{a} mi-
 nor est quadrante, arcus ri, erit is, cui ea ascensio, descensionisue debetur, initiumque su-
 met ab V. Si vero ascensio, aut descensio data maior est quadrante, sed semicirculo mi-
 nor, tendet arcus r i, a u, versus s. Eo ergo ablato ex semicirculo, reliquus fiet quaes-
 itus arcus ab V, sumens initium. At si data ascensio, vel descensio maior est semicirculo,
 sed tribus quadrantibus minor, verget arcus r i, a u, versus s. Quare si adijciatur
 semicirculus, conflabitur arcus quaesitus ab V, inchoatus: Si denique data ascensio, aut
 descensio maior est trians quadrantibus, arcus r i, porrectus erit ab V, versus s. Eo er-
 go ex toto circulo detracto, relinquetur arcus quaesitus ab V, inchoatus. Manifestum au-
 tem est, si ascensio, vel descensio re \dot{c} t \dot{a} sit quadrans, arcum Eclipticae respondentem esse
 quadrantem ab V, inchoatum; si semicirculus, semicirculum; si denique tres qua-
 drantes, tres quadrantibus.

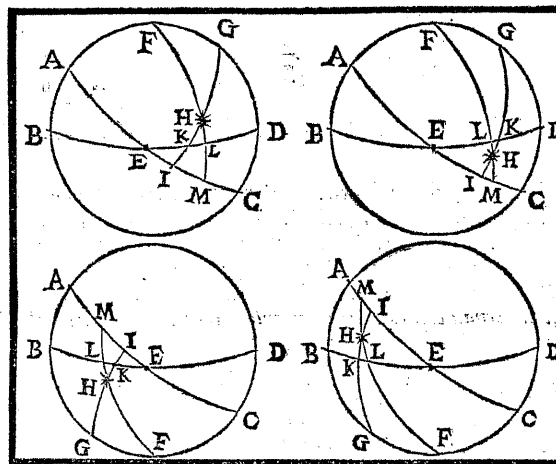
7. AVXILIO sinuum omnia haec indagabimus hac ratione. Repetantur 12.
 circuli

circuli ad finem scholii antecedentis Canonis descripti, in quibus omnibus (tertio & duo-
 decimo excepto) ascensio re \dot{c} t \dot{a} a proximo aequinoctii puncto computata, qua puncto
 Eclipticae m, congruit, est arcus EL, cum circulus FL, vices gerat Horizontis re \dot{c} t \dot{a} ,

A ascensionem re-
 ctam, descensio-
 nem dati pun-
 cti Eclipticae, be-
 neficio sinuum sup-
 putare.



quippe qui per polos mundi ductus cum Aequatore re \dot{c} tos angulos ad L, constituat. Si
 igitur in triangulo sphaerico re \dot{c} tangulo ELM, per 1. modum problematis 9. triang.
 sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli MEL,

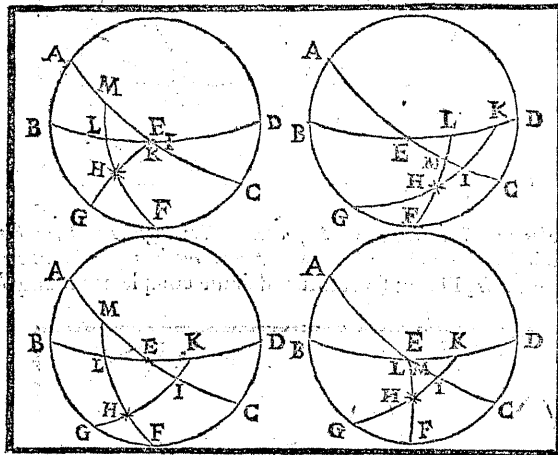


maxima declinationis, ita tangens arcus EM, Eclipticae a proximo puncto equi-
 noctii inchoati ad aliud, producet tangens ascensionis re \dot{c} t \dot{a} EL, quaesita.
 Et si

Et si punctum M, extiterit inter principium ♄, & ♃, erit ascensio recta ipse arcus inuentus EL, quadrante minor: si vero inter principium ♃, & ♄, detrahenda erit ascensio inuenta, qua à ♄, versus ♃, supputatur, ex semicirculo, ut ascensio recta quaesita ab ♄, inchoata reliqua fiat: At si inter principium ♄, & ♃, adiciendus erit semicirculus ad ascensionem inuentam, cum hac a ♄, versus ♃, numeretur, ut ascensio recta quaesita, ab ♄, inchoata conficiatur: Si denique inter ♃, & ♄, auferenda erit inuenta ascensio, qua ab ♄, versus ♃, numeratur, ex integro circulo, ut ascensio recta ab ♄, inchoata, & secundum successionem signorum supputata, qua quaritur, relinquatur. Eodem autem modo descensio recta cuiusvis puncti Ecliptica supputabitur, cum hac ascensionem recta equalis est.

Ex data recta ascensione, descensione arcu Eclipticae respondens, hoc modo. In eodem triangulo ELM, si per I. modum problematis 13. triang. sphar. Lemmatis ultimi, fiat ut sinus totus ad finem complementi anguli LEM, maximae declinationis, ita tangens complementi rectae ascensionis, de-

VICISSIM ex data ascensione, descensione recta supputabitur arcus Eclipticae respondens, hoc modo. In eodem triangulo ELM, si per I. modum problematis 13. triang. sphar. Lemmatis ultimi, fiat ut sinus totus ad finem complementi anguli LEM, maximae declinationis, ita tangens complementi rectae ascensionis, de-

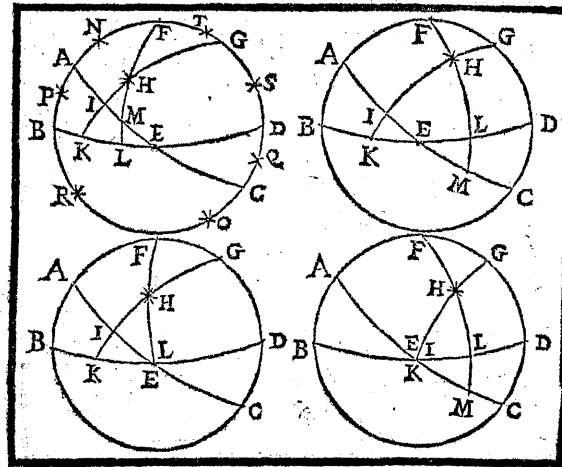


scensionisue data EL, ad aliud, procreabitur tangens complementi arcus EM, quaesiti. Sed hic etiam, ut Num. 4. diximus, si data ascensio, aut descensio recta quadrante minor est, assumenda erit, ut proponitur: si vero quadrante maior, sed minor semicirculo, detrahenda erit ex semicirculo: si autem maior semicirculo, sed tribus quadrantibus minor, demendus erit semicirculus: si denique tribus quadrantibus maior, subducenda erit ex integro circulo. Hac enim ratione habebitur semper ascensio, descensioe recta quadrante minor, & à proximo puncto æquinoctij inchoata. Rursus quando ascensio, vel descensio recta data quadrante minor est, erit arcus Ecliptica EM, is qui quaritur ab ♄, inchoatus: si autem maior quadrante, semicirculo tamen minor, auferendus erit inuentus arcus EM, ex semicirculo, ut quaesitus arcus reliquus fiat ab ♄, numeratus: at si semicirculo quidem maior, sed tribus quadrantibus minor, adiciendus erit inuento arcui EM, semicirculus, ut quaesitus arcus ab ♄, initium sumens conficiatur: si denique tribus quadrantibus maior, inuentus arcus EM, ex integro circulo subtrahendus erit, ut reliquus sit arcus quaesitus ab initio

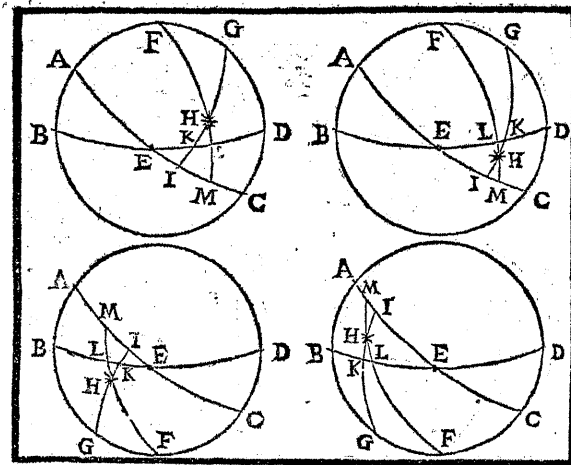
ab initio ♄, numeratus. Id quod in precedenti etiam Num. 6. diximus.

ASCENSIO recta, descensioque cuiusvis stella hac arte per numeros reperietur. In omnibus 12. circulis ascensio, vel descensio recta stella est arcus BL, à Coluri solstitii

Ascensionem rectam, descensionemque cuiuslibet stelle per numeros reperietur.

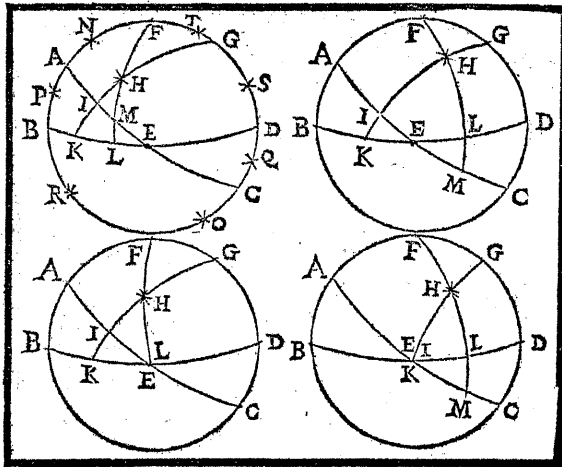


tiorem semicirculo, in quo principium ♃, existit, numeratus, vel arcus DL, à semicirculo eiusdem Coluri, in quo principium ♄, est, computatus, quem ex angulo BFL, vel DFL, sic inuestigabimus. Quoniam in triangulo spherico FGH, tria latera nota

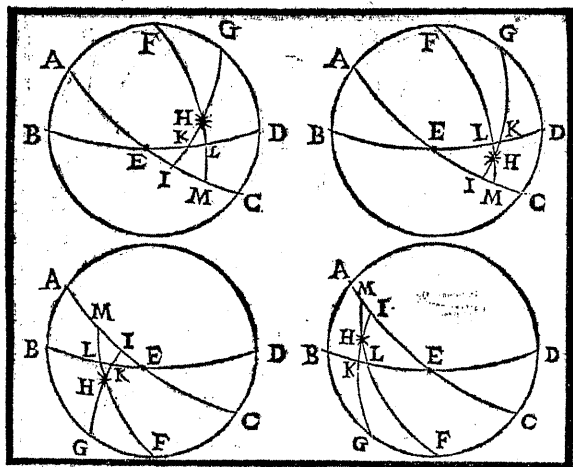


sunt, cum FG, sit arcus maxima declinationis, & GH, complementum latitudinis stelle, ac denique FH, complementum declinationis eiusdem stelle in scholio precedentis

Can. Num. 10. inuenta; si per problema 21. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat vt sinus totus ad sinum arcus FH, complementi declinationis, ita sinus arcus FG, maximae declinationis ad aliud, inuenietur quartus quidam numerus. De-



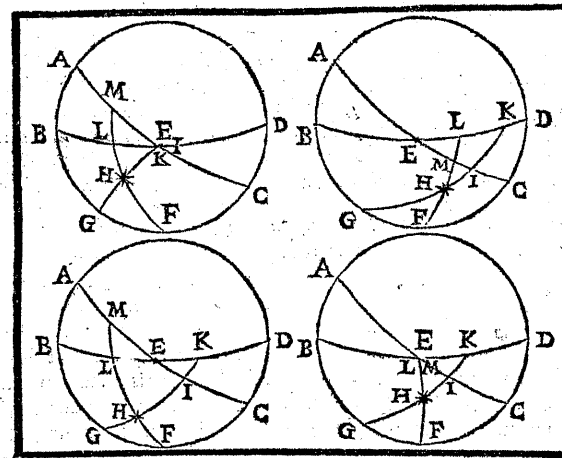
inde si rursus fiat, vt quartus numerus proxime inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus tertij arcus GH, latitudinem stellae metientis, & sinum versus arcus, quo duo arcus FG, FH, inter se differunt, ad aliud, gigne-



tur sinus versus anguli GFH, cuius arcus DL, vel BL, quaeritur; hoc est, sinus versus ascensionis, descensionisue rectae quaesitae, numeranda quidem in Aequatore

tore à semicirculo Coluri solstitiorum per ♄, ducto, si latitudo stellae borealis est, vt in prioribus 6. circulis; à semicirculo vero eiusdem Coluri per ♃, descripto, si latitudo est australis, vt in posterioribus 6. circulis. *Ipse porro sinus versus inuentus indicabit, num ea ascensio maior sit, vel minor quadrante, an vero quadrans, prout videlicet maior fuerit sinu toto, aut minor, vel aequalis. Vtrum etiam inuenta ascensio, aut descensio numeranda sit secundum successionem signorum, vel contra à ♄, aut ♃, monstrabit locus Stella in Zodiaco. Nam si stella existat in semicirculo Ecliptica ascendente, & latitudinem habeat borealem, numeranda est inuenta ascensio, aut descensio à ♄, secundum signorum successionem; contra vero, si in semicirculo descendente existat, latitudinemque habeat borealem. At stella existente in semicirculo ascendente, & latitudinem habente australem, numeranda est ascensio, descensioe inuenta à ♃, contra signorum ordinem; secundum vero successionem, stella in semicirculo descendente existente, latitudinemque habente australem.*

EX his nullo negotio ascensionem, siue descensionem rectam stellae ab ♄, inchoa-



tam reperiemus. Quando enim à ♄, secundum successionem signorum numeratur, adijcendi sunt tres quadrantes, & ex numero conflate integer circulus abijciendus, si abijci potest, vt ascensio, descensioe ab ♄, inchoata producat: Quando autem à ♃, contra signorum ordinem numeratur, auferenda ea erit ex tribus quadrantibus, vt ascensio, vel descensio ab ♄, inchoata relinquatur: Quando vero à ♃, computatur secundum successionem signorum, adijcendus est quadrans, vt conficiatur ascensio, descensioe ab ♄, inchoata: Quando denique à ♄, contra signorum seriem numeratur, auferenda est ex quadrante, adiecto prius circulo integro, quando der actio fieri nequit, vt ascensio, vel descensio ab ♄, numerata remaneat. Quae omnia in sphaera materiali perspicua sunt.

QVOD si quando accidat, complementum declinationis aequale esse maxima declinationi, ita vt latera FG, FH, quatuor angulum GFH, ambientia sint aequalia: si fiat, vt sinus totus ad semissem complementi latitudinis, hoc est, ad semissem lateris GH; ita secans complementi arcus FG, maxima declinationis ad aliud,

gignetur sinus semifsis anguli GFH, &c. ut constat ex 2. modo problematis 1. trian-
sphaer. Lemmatis ultimi.

R V R S V S si repertus fuerit angulus GFH, rectus, existet vel principium γ , vel
in Horizonte recto, ut in 3. & 12. circulo patet. Quam ob rem ascensio recta,
aut descensio vel nihil est, vel semicirculo aequalis. Quando enim ascensio inuenta,
(qua tunc quadranti aequatur.) numeranda est a γ , secundum successione[m] signo-
rum, aut a δ , contra successione[m], ascensio vel descensio nihil est: quando vero a
 γ , contra successione[m], aut a δ , secundum successione[m] computanda est, ascensio,
descensione semicirculo aequatur.

A S C E N S I O, atque descensio recta hac alia quoque ratione supputari potest.
Quando stella est in principio γ , vel δ , ut in 4. & 9. circulo, si in triangulo K L H,
habente angulum L, rectum, per 1. modum problematis 9. triang. sphaer. ultimi Lem-
matis, fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli H K L, hoc est, ad sinum
anguli L K M, maximae declinationis, cum hic illius sit complementum, ita tan-
gens latitudinis stellae H K, ad aliud, procreabitur tangens ascensionis, vel
descensionis rectae K L, a proximo equinoctii puncto inchoatae. Hac, si stella
borealis est, existitque in principio γ , numeranda est ab γ , contra successione[m] signo-
rum, ac proinde subtracta ex integro circulo ascensionem relinquit ab γ , inchoatam;
si autem borealis est in principio δ , existens, numeranda est a δ , secundum successio-
nem signorum, ideoque adiecta ad semicirculum conficit ascensionem ab γ , inchoa-
tam: At vero si stella est australis, & in principio γ , existit, numeranda est ab γ , se-
cundum successione[m] signorum; si vero australis est, & in principio δ , supputanda est
a δ , contra signorum successione[m], adeo ut subtracta ex semicirculo ascensionem
ab γ , inchoatam relinquat.

Q U A N D O autem stella existit in principio δ , complectetur eius ascensio, vel
descensio recta quadrantem; in principio vero γ , tres quadrantes.

E X I S T E N T E vero stella extra principium γ , δ , ϵ , vel ζ , erit in
omnibus circulis, praeter 4. & 9. ascensio, vel descensio recta E L, a proximo equinoctii
puncto computanda, qua sic inuenietur. In triangulo E I K, cuius angulus I, rectus, si per
1. modum problematis 13. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad
sinum complementi anguli I E K, maximae declinationis, ita tangens comple-
menti arcus E I, distantiam stellae a proximo puncto equinoctii metientis, ad
aliud, producet tangens complementi arcus E K, quem argumentum ascen-
sionis rectae dicere possumus.

D E I N D E in triangulo H L K, cuius angulus L, rectus, si per 1. modum problematis
7. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad secantem declinationis H L,
in scholio antecedentis Canonis inuenta, ita sinus complementi anguli declina-
tionis H K, in eodem scholio inuenti, ad aliud, producet sinus complementi ar-
cus K L, qui differentia est inter ascensionem rectam E L, & eius argumentum in-
uentum E K. Quando stella declinationem habet borealem, & in semicirculo Eclipticae
boreo existit, ut in 1. 2. 3. & 8. circulo; vel australem habet declinationem, & in Ecli-
ptica semicirculo australi existit, ut in 6. 10. 11. & 12. circulo, conferantur inter se argu-
mentum ascensionis, & differentia inter ipsum, & ascensionem; & si deprehensa fuerint
in aequalia, minus ex maiore tollatur. Reliquus enim numerus dabit quaesitam ascen-
sionem rectam, vel descensionem E L, a proximo equinoctio supputandam, versus eandem
quidem partem, in qua locus stella reperitur, quando argumentum minus est differen-
tia, ut in 1. 6. 8. & 10. circulo; in contrariam vero partem loci stella, quando argumen-
tum minus est differentia, ut in 2. & 11. circulo: Si vero argumentum differentia in-
uentum fuerit aequale, existet stella in Coluro equinoctiorum, ut in 3. & 12. circulo.

Quare

Aliter quando stel-
la est in princi-
pio Ariens, vel
Librae.

Quando stella est
in principio Can-
cri, vel Capricor-
ni.

Argumentum ascen-
sionis rectae.

Quare si stella prope γ , extiterit, eius ascensio, descensione recta nihil erit; si vero pro-
pe δ , semicirculo erit aequalis. Quando autem declinatio stella borealis est, eiusque
locus in semicirculo Eclipticae australi, ut in 5. circulo; vel eius declinatio australis, &
locus in Ecliptica semicirculo boreo, ut in 7. circulo; summa argumenti, & differentia
dabit ascensionem, descensionemue rectam quaesitam E I, a proximo equinoctio versus
eandem partem computandam, in quam stella locus vergit.

I A M vero in omnibus circulis, (praeter 3. & 12. in quibus stella oritur supra Ho-
rizontem rectum, & mediat caelum cum principio γ , vel δ , prout iuxta γ , aut
 δ , extiterit, cum sit tunc in Coluro equinoctiorum.) punctum M, Eclipticae, cum
quo stella oritur in sphaera recta, calumque mediat, hoc modo supputabitur. In triangu-
lo E L M, cuius angulus L, rectus, si per 1. modum problematis 13. triang. sphaer. ultimi
Lemmatis, fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli L E M, maximae de-
clinationis, ita tangens ascensionis rectae E L, inuenta, & a proximo equinoctio
numerata, ad aliud, prodibit tangens arcus Eclipticae E M, in eandem partem
vergens: in quam ascensio tendit. Punctum ergo Eclipticae M, quaesitum ignorari
non poterit.

Q U O D si stella caruerit latitudine, inuenietur eius declinatio, ascensioque recta,
vel descensio, ex eius distantia a proximo equinoctio: quemadmodum dati puncti Ecli-
pticae declinatio, ascensioque recta supputata fuit.

Punctum Eclipti-
cae, cum quo
stella in Horizon-
te recto oritur,
caelumque me-
diat, per nume-
ros supputare.

C A N O N V.

A S C E N S I O N E M, descensionemque obliquam
cuiuslibet puncti Eclipticae, vel stellae inuestigare: Et vi-
cissim datae ascensionis, descensionisque obliquae arcum
Eclipticae respondentem assignare: Denique punctum
Eclipticae, cum quo stella proposita in sphaera obliqua ori-
tur, vel occidit, determinare.

I. N O N proponimus hic determinationem puncti Eclipticae, cum quo
stella data caelum mediat, hoc est, ad Meridianum peruenit; quod quilibet stel-
la cum eodem puncto in sphaera obliqua Meridianum attingat, cum quo in sphae-
ra recta: quod quidem indicatur in Ecliptica per lineam fiduciae ostensoris stel-
lae cacumini superpositam; vel per rectam ex centro Astrolabii per stellam du-
ctam, ut in praecedenti Can. Num. 9. diximus.

Stella quaevis est
eodem puncto E-
clipticae mediat
caelum, in sphae-
ra obliqua cum
quo in recta.

P O N A T V R datum punctum Eclipticae, hoc est, vltimum punctum arcus
ab γ , inchoati, vel cacumen stellae propositae, in Horizonte obliquo datae re-
gionis ex parte orientali. Nam reti sic constituto, arcus Aequatoris a princi-
pio γ , secundum ordinem signorum vsque ad Horizontem obliquum, hoc est,
vsque ad interfectionem orientalem Aequatoris cum Horizonte recto, & obli-
quo, computatus, dabit ascensionem obliquam, quae inquiritur: quam etiam
dabit arcus ei similis in limbo inter lineam fiduciae ostensoris per principium
 γ , transeuntem, & Horizontem rectum interceptus. Arcus enim ille Aequa-
toris peroritur simul cum arcu Eclipticae ab γ , vsque ad datum punctum nu-
merato supra Horizontem obliquum; idemque perortus tunc erit, quando stella
ad Ho-

Ascensione obli-
quam dati pun-
cti Eclipticae, aut
stellae per instru-
mentum require-
re.

Qui gradus Eclipticæ cum data stella oritur in sphaera obliqua.

ad Horizontem obliquum peruenit, vt ex instrumento liquido apparet. Posita autem stella in Horizonte obliquo ex parte orientali, punctum Eclipticæ, in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella oritur.

Descensionē obliquam dati puncti Eclipticæ, seu stella per instrumentum inueni-

2. E O D E M modo, si datum punctum, vel stella in eodem Horizonte obliquo ex parte occidentali collocetur, dabit arcus Aequatoris à principio, secundum signorum successiōnem vsque ad Horizontem obliquum, id est, vsque ad interiectionem Aequatoris cum Horizonte obliquo, & recto, computatus, descensionem obliquam dati puncti, aut stellæ: Cui arcui similis est arcus Limbi inter Horizontem rectum, & lineam fiduciæ Ostensoris per initium, transeuntem, interpositus. Nam arcus ille Aequatoris totus infra Horizontem obliquum descendisse conspicietur, cum primum stella, vel punctum datum ad obliquum Horizontem peruenit. Posita autem stella in Horizonte obliquo ex parte occidentali, punctum Eclipticæ in eodem Horizonte tunc existens est illud, cum quo stella occidit. Atque hoc punctum semper diuersum est ab eo, cum quo eadem stella oritur in sphaera obliqua.

Qui gradus Eclipticæ cum data stella occidit in sphaera obliqua.

3. ASCENSIONI, descensionisue obliquæ cognitæ, siue ea alicuius puncti Eclipticæ sit, siue stellæ, arcum Eclipticæ respondentem sic reperies. Circumoluatur rete, donec arcus Aequatoris à principio, versus ♄, & ♀, tendens vsque ad Horizontem obliquum ex parte orientali complectatur tot gradus, quot in data ascensione continentur. Nam punctum Eclipticæ, quod tunc Horizonte obliquum ex eadem parte attingit, terminat arcum Eclipticæ quæsitum, cui nimirum data ascensio congruit: Et si ascensio data est alicuius stellæ, necesse est, tunc stellam in eodem Horizonte reperiri. Quocirca vt habeatur punctum Eclipticæ cum stella coorientem, satis est, vt stella in Horizonte obliquo ponatur. Punctum enim Eclipticæ Horizontem eundem attingens, erit id, quod queritur. Ascensionem autem facile numerabis in Limbo ab Horizonte recto ex parte orientali versus armillam progrediendo. Si enim ad terminum applices lineam fiduciæ ostensoris, vertendum erit rete, donec principium, præcise sub linea fiduciæ reperiat. Tunc enim arcus Aequatoris inter, & Horizontem rectum, similis erit ei, qui in Limbo numeratus est. Non aliter descensionem obliquæ arcum Eclipticæ simul descendentem inuenies, si pro parte orientali occidentalem recipias.

Differentia ascensionis quo pacto reperitur ex Astrolabio.

CAETERVM posito puncto Eclipticæ dato, vel stella in Horizonte obliquo, & superposita linea fiduciæ ipsi puncto, vel stellæ, arcus limbi inter lineam fiduciæ, & Horizontem rectum interiectus, est differentia ascensionalis illius puncti, vel stellæ, cum ascensio recta terminetur in linea fiduciæ, quæ instar est Horizontis recti, obliqua vero in Horizonte recto, vt Num. 1. dictum est.

Ascensionem, descensionemue obliquam dati arcus Eclipticæ non ab Ariete inchoati ex Astrolabio inuestigat.

4. NON difficile erit ex his ascensionem, descensionemue obliquam cuiuslibet arcus Eclipticæ non ab inchoati conicere. Nam differentia inter ascensionem, descensionemue primi, & vltimi puncti arcus propositi, erit ascensio, descensionisue obliqua dicti arcus. Vel ita procedemus. Posito primo puncto dati arcus in Horizonte obliquo, notetur in Limbo per lineam fiduciæ ostensoris per idem punctum transeuntem gradus, in quem linea fiduciæ cadit. Deinde circumoluatur rete, donec vltimum punctum eiusdem dati arcus Horizontem obliquum attingat, & notetur iterum gradus in Limbo à linea fiduciæ per primum punctum transeunte monstratus. Arcus enim inter duo illa puncta positus, erit ascensio, aut descensio obliqua dati arcus, prout videlicet pars orientalis, aut occidentalis Horizontis obliqui assumpta fuerit:

5. ASCENSIONEM, descensionemque obliquam cuiuslibet puncti Eclipticæ,

Eclipticæ, seu stellæ cognoscemus sine instrumento, hac ratione. Sit Aequator ABCD, cuius centrum E, tropicus ♋, FLM; tropicus ♎, GNO; Eclipticæ AFCG, cuius centrum H, & polus I; Horizon obliquus ad datam regionem descriptus LCPAM, cuius centrum K, & polus Q: describaturque per K, centrum Horizontis, parallelus Aequatoris KTR. Sumpta ergo beneficio circini semidiametro Horizontis KP, ponatur vnus circini pes in dato puncto Eclipticæ, vel in centro stellæ, verbi gratia, in d, principio ♍, vel in centro stellæ V, & altero centrum T, sumatur in circulo KTR, ex quo per d, vel V, Horizon dato Horizonti similis describatur Vdm, ita vt eius conuexum à dato puncto respiciat Eclipticæ partes præcedentes, occidentalesue signorum, vt ex ♍, Leonem, ex ♎, Libram, &c. Arcus namque Aequatoris CDI, ab V, vsque ad dictum Horizontem erit ascensio obliqua puncti d, vel arcus Eclipticæ CGd, & stellæ V; propterea quod punctum Aequatoris i, vna cum puncto Eclipticæ d, & stella V, oritur supra Horizontem obliquum dV. Quod autem dV, Horizon sit dato Horizonti similis, hoc est, eiusdem inclinationis ad Aequatorem cū Horizonte dato APC, patet, cum sit vnus ex circulis horarum ab ortu, vel occ. vt cōstat ex ijs, quæ lib. 2. prop. 9, Num. 5. demonstrauius.

Ascensio obliqua dati puncti Eclipticæ, vel stellæ sine instrumento inuestigat.

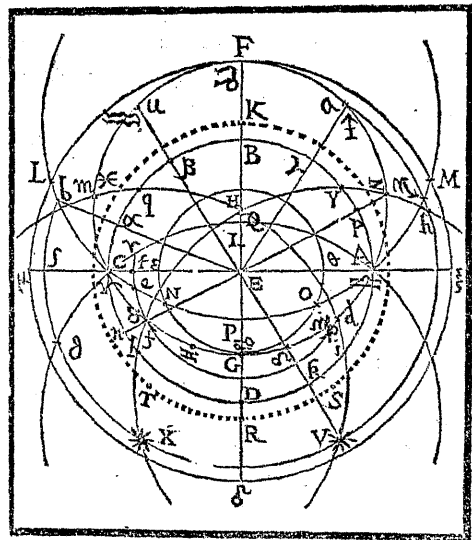
Quo pacto Horizon obliquus describitur sic pro ascensionibus obliquis.

qui quidē circuli omnes eandem inclinationem cum Horizonte, cui æquales sunt, ad Aequatorē habēt, ex theor. 1. propos. 21. lib. 2. Theod. quippe qui eosdem parallelus, quos Horizon, tangant. Cum ergo signa & stellæ eodem modo oriātur supra omnes Horizontes eiusdem inclinationis, quamuis vnus sit altero orientatior, perspicuū est, arcum Aequatoris CDI, esse ascensionem ♍, & stellæ V, in dato Horizonte, cū ascensio fiat supra Horizontē per ♍, transeuntem, & per stellā V. Sic si per principium ♎, id est, per punctum Z, ex centro S, Horizon describatur secans Aequatorem in Y, erit arcus Aequatoris CDY, ascensio obliqua puncti Z, vel arcus Eclipticæ CDZ. Et sic de cæteris. Gradus autem Eclipticæ d, ab Horizonte per stellam V, descripto abscissus est ille, cum quo stella oritur.

Qui gradus Eclipticæ cum data stella oritur in sphaera obliqua.

Quo pacto Horizon obliquus describitur sic pro descensionibus obliquis.

DESCENSIO obliqua eodem modo reperietur, si per datum punctum, aut stellam Horizon describatur centrum habens in prædicto parallelo KTR, per centrum Horizontis descripto, ita tamen, vt eius conuexum respiciat partes Eclipticæ præcedentes, siue occidentales, Vt si per f, principium ♄, vel per stellam X, ex centro S, Horizon fX, describatur secans Aequatorem in l, erit



erit arcus Aequatoris Cl, descensio obliqua puncti Eclipticæ f, vel arcus Cf, & stellæ X. Gradus autem f, Eclipticæ ab Horizonte per stellam X, descripto abscissus est ille, cum quo stella occidit.

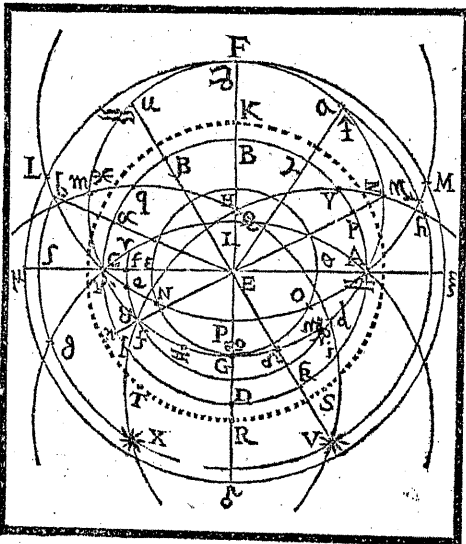
Qui gradus Eclipticæ cum data stella occidit in sphaera obliqua.

Differentia ascensionalis descensio alicuius quo pacto repetitur sine instrumento.

Ascensionem descensionemq; obliquam cuius arcus Eclipticæ non ab Ariete inchoat, sine instrumentis deprehendere.

6. SI ex centro E, per datum punctum Eclipticæ, vel stellam, recta ducatur secans Aequatorem, erit arcus Aequatoris inter illam rectam, & Horizontem eo modo, quo diximus, descriptum differentia ascensionalis, vel descensionalis. Vt pY, erit differentia ascensionalis primi puncti m, cum eius ascensio recta sit CDp, obliqua vero CDY. Sic l n, differentia ascensionalis erit primi puncti Y: Et ki, differentia ascensionalis stellæ V.

7. OBLIQUA ascensio dati arcus Eclipticæ non ab Ariete, inchoat, est arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema puncta dati arcus descriptos, ita vt concauum vtriusque respiciat præcedens signum, quod videlicet ante datum punctum oritur. Eiusmodi enim arcus erit differentia ascensionum, quæ punctis extremis dati arcus debentur. Vt ascensio obliqua signi ♄, est AY; signi ♃, A i; arcus denique dZ, inter principium ♃, & finem ♄, ascensio obliqua est i A Y. Non alia ratione descensio obliqua dati arcus aliunde, quam ab Ariete, inchoat, erit arcus Aequatoris inter duos Horizontes per extrema dati arcus descriptos, ita vt vtriusque conuexum præcedentes partes Eclipticæ, quæ videlicet prius oriuntur, respiciat. Vt descensio obliqua signi ♄, erit Cl; signi ♃, Cq; descensio denique obliqua arcus fm, inter principia ♄, & ♃, positi, erit arcus Aequatoris lq.



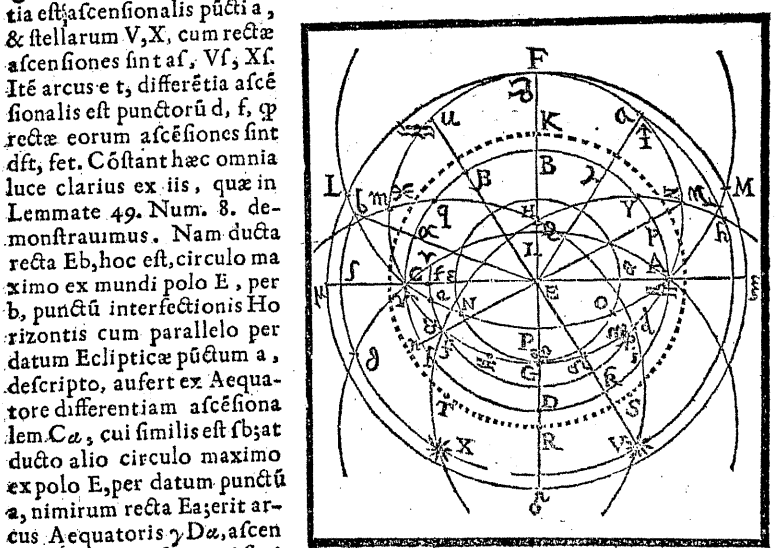
Ascensioni obliquæ, vel descensioni datur arcum Eclipticæ simul orientem vel occidentem sine instrumentis assignare.

pticæ punctum d, principium videlicet ♃, cui prædicta ascensio congruit, ascensioni vero CDY, respondebit arcus CGZ. Ita quoque descensioni Cl, respondebit punctum f, vel arcus Bf, Arietis: Item descensioni CDBq, arcus CGfm, respondebit.

9. SVN T quoque alia dux via inuestigandi ascensiones, descensionesque obliquas

Alia ratio duplex inueniendi ascensiones, descensionesque obliquas sine instrumentis.

obliquas, sine descriptione Horizontum, quarum prima hæc est. Ex centro E, per datum punctum, vel stellam, describatur arcus paralleli Aequatoris contra successiorem signorum vsque ad Horizontem ex parte orientali. Hic enim ascensionem obliquam metietur. Vt arcus aVb, dabit ascensionem principii ♃, seu arcus Eclipticæ CGa. Quoniam enim similes arcus Aequatoris, eiusque parallelorum supra Horizontem quemcunque ascendunt, propter vniuersalem motum primi mobilis; ascendit autem arcus aVb, eo tempore, quo ad motum retis punctum a, ad Horizontem in punctum b, peruenit; quippe cum punctum a, dictum arcum ad motum primi mobilis describat; liquet eum arcum similem esse arcui Aequatoris, qui cum prædicto arcu Eclipticæ CGa, supra Horizontem ascendit, metiturque eiusdem ascensionem obliquam. Eadem ratione erit arcus VXb, ascensio obliqua stellæ V, similis nimirum arcui Aequatoris Ci: Item arcus Xb, ascensio obliqua stellæ X: Et arcus dfe, ascensio obliqua principii ♃, similis videlicet arcui Aequatoris Ci: Et arcus fe, ascensio principii ♃. Porro arcus fb, differentia est ascensionalis puncti a, & stellarum V, X, cum rectæ ascensiones sint af, Vf, Xf. Itæ arcus e t, differentia ascensionalis est punctorum d, f, quæ rectæ eorum ascensiones sint dft, fet. Cõstant hæc omnia luce clarius ex iis, quæ in Lemmate 49. Num. 8. demonstrauimus. Nam ducta recta Eb, hoc est, circulo maximo ex mundi polo E, per b, punctum intersectionis Horizontis cum parallelo per datum Eclipticæ punctum a, descripto, aufert ex Aequatore differentiam ascensionalem Ca, cui similis est fb; at ducto alio circulo maximo ex polo E, per datum punctum a, nimirum recta Ea; erit arcus Aequatoris γ Da, ascensio obliqua puncti a, cui similis est arcus aVb. Sic quoniã parallelus per u, principium ♄, descriptus secaret Horizontem in b, auferent rectæ Eb, Eu, circulos maximos representantes, ex Aequatore arcum β Da, ascensionem scilicet obliquam arcus Eclipticæ CGu. Atque ita necesse non est describere parallelum per datum punctum Eclipticæ, sed satis est in Horizonte punctum notare, vbi ab eo parallelo secaretur. Restat enim per hoc punctum ducta, & recta ad datum punctum emissã, intercipient in Aequatore arcum obliquæ ascensionis dati puncti, vt in dicto Lemmate 49. Num. 8. demonstratum est.



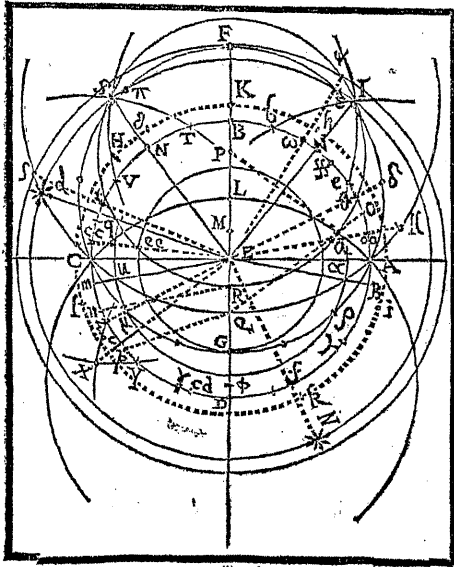
QVO D si ex centro R, per C, A, Horizon obliquus describatur g C A, Horizonti datæ regionis obuersus, erit arcus aVg, descensio obliqua puncti a; & Vg.

Gggg & Vg.

& Vg, descensio obliqua stellæ V; & Xg, descensio obliqua stellæ X. Item dfr, obliqua descensio puncti Eclipticæ d, & fr, descensio obliqua puncti f. Denique tr, differentia erit descensionalis, punctorum Eclipticæ d, f, &c.

Alia ratio facillima.

ALTERA autem via, quæ mihi magis probatur, propterea quod in ea necesse non est parallelum describere, & ipsa statim ascensio, descensioque in Aequatore reperitur. est hæc. Sit rursus Aequator ABCD, circa centrum E; tropicus ζ , Gce; tropicus η , Fd; Ecliptica AF CG, cuius polus M; Horizonti obliquus AQC, cuius polus L, & centrum K; sitque inuestiganda ascensio obliqua principii γ . Ducta ex centro E, per μ , principium γ , recta E ζ , secante Aequatorem in ξ ; Item recta Em, per punctum u, ubi ex parte orientali Horizontem obliquum secat parallelus ex E, per datum punctum Eclipticæ μ , descriptus, secante Aequatorem in m, sumatur beneficio circini arcus ξ C, in Aequatore, à puncto ξ , vsque ad principium γ , contra ordinem signorum supputatus, eique æqualis abscindatur mq, à puncto m, contra ordinem quoque signo



rum progrediendo. Dico arcum qC, esse ascensionem obliquam principii γ . Si namque Ecliptica cogitur moveri contra ordinem signorum, hoc est, ab ortu in occasum, donec μ , principium γ , ad u, perueniat, congruet recta E ξ , rectæ Em, & C, principium γ , in q, existet, propter æquales arcus ξ C, mq. Hinc. n. fit, vt & arcus ξ m, Cq, æquales sint; ac proinde equalibus temporibus percurrantur: adeo vt promotio puncto ξ , ad m, punctum C, ad q, perueniat. Igitur arcus Aequatoris qC, à principio γ , vsque ad Horizontem secundum successione signorum computatus, ascensio obliqua erit principii γ , in u, puncto Horizontis orientali tunc existens. Rursus inquirenda sit obliqua ascensio principii η .

Ducta recta EF, ex centro E, ad F, principium η , secante Aequatorem in B, & recta Ef, ad intersectionem orientalem Horizontis cum parallelo per F, descripto, quæ Aequatorem secet in t, sumatur arcui Aequatoris BAC, contra ordinem signorum numerato æqualis arcus versus eandem partem tBr. Dico arcum rABC, obliquam esse ascensionem principii η . Nam mota Ecliptica contra signorum successione, donec F, principium η , ad f, perueniat, congruet recta EF, rectæ Ef, & C, principium γ , in r, existet, propter arcus æquales BAC, tBr. Hinc enim fit, vt & arcus BACt, CtBr, æquales sint, ideoque eodem tempore B, ad t, & C, ad r, perueniat ad motum retis. Ex quo efficitur, arcum Aequatoris rABC, à principio γ , vsque ad Horizontem orientalem, secundum ordinem

ordinem signorum computatum, ascensionem esse obliquam principii η , in f, puncto Horizontis orientali tunc existentis. Denique eodem modo ascensionem obliquam reperiemus stellæ Z. Ductis namque rectis EZ, Ed, ad stellam, & ad intersectionem eius paralleli cum Horizonte ex parte orientali, si arcui Aequatoris à recta EZ, vsque ad C, principium γ , contra successione signorum accipiat arcus æqualis à recta Ed, vsque ad ff, erit arcus fBC, ascensio obliqua dictæ stellæ.

NON aliter descensiones obliquæ inuestigabuntur, si pro intersectione orientali Horizontis cum parallelo per datum punctum, vel stellam descripto, assumatur intersectio occidentalis. Vt si queratur descensio obliqua principii γ , accipienda erit intersectio α , & ducenda per α , recta ex E, secans Aequatorem in β , & altera recta ex E, per μ , principium γ , secans Aequatorem in ξ . Nam si arcui Aequatoris ξ C, æqualis sumatur $\beta\gamma$, erit arcus γ A, descensio obliqua principii γ . Nam mota Ecliptica ab ortu in occasum, donec μ , principium γ , ad α , perueniat, & recta E ξ , rectæ E β , congruat, existet principium γ , in γ , propter æqualitatem arcuum ξ C, $\beta\gamma$. Hinc enim fit, vt & arcus ξ C β , C $\beta\gamma$, æquales sint, atque idcirco eodem tempore ξ , ad β , & C, ad γ , perueniat) ac proinde arcus Aequatoris γ A, à principio γ , vsque ad Horizontem occidentalem, secundum successione signorum computatus, descensio obliqua erit principii γ , in α , puncto occidentali Horizontis tunc existentis. Sic etiam si desideretur descensio obliqua principii η , ducatur recta E δ , ad δ , principium η , secans Aequatorem in θ , & alia recta Ell, ad intersectionem occidentalem ll, Horizontis cum parallelo principii η . (Non est autem necesse, vt parallelus dictus describatur, sed satis est, si ad interuallum E δ , notetur punctum ll, in Horizonte secans Aequatorem in oo. Nā si arcui Aequatoris θ AC, contra successione signorum vsque ad γ , æqualis arcus ooDq, sumatur, erit qDA, descensio obliqua principii η , quod γ , tunc in q, existat, &c.

10. I A M vero figuram quandam construemus, (quam secundo loco lib. 2. Gnomonices in scholio propof. 9. ex Andrea Schonero etiam descripsimus: in qua tamen circulus ex L, descriptus diuidendus non est in 12. partes æquales, vt ibi per imprudentiam faciendum esse diximus, sed in ascensiones rectas 12. signorum, vt in hac figura circulus ABCD, diuisus est. quod ideo dixim, vt studiosus Lector illam figuram corrigere possit.) in qua omnium arcuum Eclipticæ ascensiones rectæ & obliquæ contineantur, ita vt dato quolibet puncto Eclipticæ ascensionem tum rectam, tum obliquam ad datam poli altitudinem, ad quam nimirum figura constructa est, facili admodum negotio exhibere possimus. Item ex data recta ascensione cuiuslibet puncti ascensionem eiusdem obliquam, & contra ex obliqua ascensione data rectam eruere: ac denique ex vtralibet cognita punctum Eclipticæ respondens assignare. Ex centro igitur H, circulus quantuscunque describatur KLMN, cum duabus diametris sese ad angulos rectos secantibus KM, LN. Sumpto autem arcu MP, duplo maximæ declinationis, id est, grad. 47. ducatur recta KP, secans HL, in Q. Et quia iuncta recta PH, & angulus PHM, maximæ declinationis duplicata, duplus est anguli HKQ; erit HKQ, angulus maximæ declinationis, ac proinde HQK, angulus complementi maximæ declinationis. Quoniam autem est, vt KH, sinus anguli HQK, complementi maximæ declinationis in partibus sinus totius KQ, ad HQ, sinum anguli HKQ, maximæ declinationis in eisdem partibus, ita KH, sinus totus ad sinum HQ, in partibus sinus totius KH, erit ex ijs, quæ in Lemmate 49. Num. 19. demonstrauimus, HQ, sinus differentie ascensionalis principii ζ , vel η , (hoc

Gggg est,

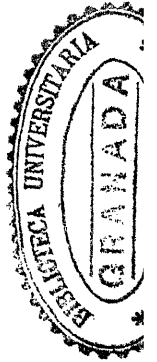
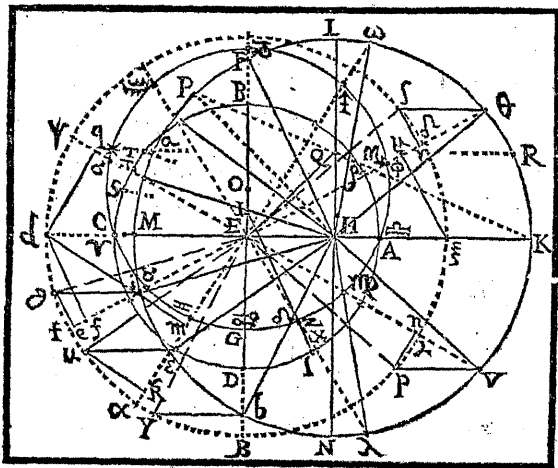


Figura continens omnium punctorum Eclipticæ ascensiones rectas & obliquas.

a 20. tertij.

est, puncti Eclipticæ, quod maximam declinationem habet ab Aequatore) in latitudine grad. 45. cōplectens particulas sinus totius KH. 43 48 r paulo amplius, vt ex dicta proportione colligitur : qui quidem sinus, vt ibidem ostendimus, & hic etiam apparet, equalis est Tangenti HQ, maxima declinationis, respectu sinus eiusdem totius KH, (cum HQ, sit tangens anguli HKQ, posito sinu toto KH.) cui Tangenti 43 48 r. in tabula sinuum inuenta, hoc est, sinui differentie ascensionalis principii ζ , vel η , in latitudine grad. 45. congruunt grad. 25. min. 46. Ex quo efficitur, si ex K, M, numerentur gradus 25 $\frac{3}{4}$. paulo amplius, vsque ad R, a, rectam iunctam Ra, exhibere idem punctum Q, quippe quæ abscedat rectam HQ, æqualem sinui grad. 25 $\frac{3}{4}$. paulo amplius, quanta nimirum est differentia ascensionalis principii ζ , vel η , in latitudine grad. 45. quam Tangens HQ, maximæ declinationis in rabula Sinuum inuenta offert, (etiam si sinus ipse dictæ differentie ascensionalis non supputetur ex supradicta proportione.) nimirum grad 25. min. 46. vt diximus.

INVENTO puncto Q, constituatur angulus altitudinis poli datæ HQE, quæ maior non sit complemento maximæ declinationis, eritque QEH, angulus complementi altitudinis poli, Ex centro vero E, describatur Aequator cuiusvis magnitudinis ABCD, & ducta diametro BD, ipsi AC, ad angulos rectos, sumantur arcus CS, ST, maximæ declinationi æquales, secabitque iun-



cta recta occulta AT, ipsam BD, in O, centro Eclipticæ, vt lib. 2. propof. 7. Num. 4. ostendimus, iuncta vero recta occulta AS, eandem BD, secabit in I, polo Eclipticæ, vt ibidem Num. 12. demonstrauiamus. Descripta ergo ex O, per C, & A, Ecliptica AFCG, secetur in 12. signa per rectas ex eius polo I, per duas decimas partes æquales Aequatoris emissas, vt in figura factum esse vides: & ex centro E, per 12. signa Eclipticæ eiciantur rectæ, quarum qualibet per duo signa opposita transibit. Hæ namque Aequatorem secant in ascensionibus rectis signorum, vt in Canone 4. Num. 7. dictum est: adeo vt arcus Aequatoris inter-

C, &

C, & rectam per quodcunque punctum Eclipticæ ductum positus (à puncto C, quod est principium γ , versus D, progrediendo, id est, secundum successio-

DEM DESCRIBATUR ex E, circulus d β z, circulo KLMN, omnino æqualis, qui à rectis ex E, egredientibus secabitur quoque in ascensionibus rectas, cum ambo circuli ABCD, d β z, similiter secentur, ex scholio propof. 22. lib 3. Eucl. In primis igitur, Mb, esse ascensionem obliquam initii ζ , in altitudine poli assumpta, cuius nimirum angulus est HQE, ita perspicuum fiet. Ducta recta EY, ipsi Hb, parallela, quoniam æquales sunt Hb, EY, cum semidiametri sint æqualium circularum; erunt quoque HE, bY, parallela & æquales. Quia vero est, vt QH, sinus complementi altitudinis poli ad HE, sinum altitudinis poli, respectu sinus totius QE, ita recta QH, quam paulo ante ostendimus esse sinum differentie ascensionalis principii ζ , in latitudine grad. 45. respectu sinus totius KH, ad HE; erit ex iis, quæ in Lemmate 49. Num. 20. demonstrauiamus, HE, sinus differentie ascensionalis principii ζ , in latitudine proposita. Igitur & Yb, ipsi HE, ostensa æqualis, sinus erit differentie ascensionalis principii ζ , in latitudine data. Cum ergo Yb, sinus sit arcus Y β , erit Y β , differentia ascensionalis principii ζ , in data regione. Est autem d β , quadrans, ascensio recta principii ζ . Igitur ablata differentia ascensionali Y β , (Nam ascensionibus obliquæ ab γ , vsque ad α , minores sunt rectis, vt in Lemmate 49. Num. 12. ostendimus,) reliquus arcus dY, ascensionem obliquam initij ζ , dabit, cui æqualis est arcus Mb, propter angulos in centris dEY, MHb, qui æquales sunt, propter parallelas EY, Hb.

AT arcum M ϵ , esse ascensionem obliquam initij η , ita planum faciemus. Ducta E u, parallela ipsi E ϵ , d erit rursus iuncta us, æqualis, & parallela ipsi HE: Demissis ite d m, u k, ad E α , perpendicularibus, erunt triangula E d m, e u k, æquiangula, quod anguli m, k, recti sint ϵ & d E m, u ϵ k, internus, & externus, æquales. Ostensa enim sunt parallelæ u ϵ , & HE. Igitur erit, vt Ed, sinus totus ad d m, sinum ascensionis rectæ δ , initij η , ita e u, sinus differentie ascensionalis initij ζ , in data regione, ad u k, ac proinde, vt in Lemmate 49. Num. 18. monstratum est, erit u k, sinus differentie ascensionalis initij η , in data regione, & arcus u α , differentia ascensionalis, ideoque d u, ascensio obliqua principij η , cui æqualis est arcus M ϵ .

ITEM arcum Mi, ascensionem obliquam esse initij γ , sic probabitur. Ducta Eg, ipsi Hi, parallela, erit rursus iuncta gi, æqualis, & parallela ipsi HE. Demissis item d f, g e, ad E t, perpendicularibus, erunt triangula Edf, ige, æquiangula, ob rectos angulos f e, i & angulos d Ef, g i e, internum & externum, æquales. Igitur erit vt E d, sinus totus ad d f, sinum ascensionis rectæ d t, principij γ , ita i g, sinus differentie ascensionalis principij ζ , in data regione, ad g e; atque idcirco, vt in Lemmate 49. Num. 18. ostendimus, erit g e, sinus differentie ascensionalis initij γ , ideoque arcus g t, in data regione differentia ascensionalis, & d g, ascensio obliqua principij γ , cui æqualis est arcus Mi.

a 33. primi.

b 26. tertij. c 29. primi.

d 33. primi. e 29. primi. f 4. sexti.

g 26. tertij.

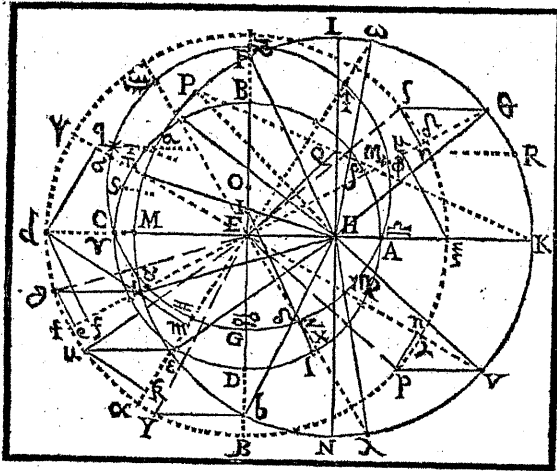
h 33. primi. i 29. primi. k 4. sexti.

l 26. tertij.

R V R.

a 33. primi. R V R S V S arcum MV, ascensionem esse obliquam principii $\eta\eta$, eodem modo demonstrabimus. Ducta enim Ep, ipsi HV, parallela, erit, vt prius, iuncta recta pV, ipsi HE, æqualis ac parallela. Demissis item d q, p n, ad EV, perpendicularibus, erūt triagula Edq, Vpn, æquiagula, quod anguli q, n, sint recti, & dEq, pVn, æquales, externus, & internus. Igitur erit, vt E d, sinus totus ad dq, sinu ascensionis rectæ d n, principii $\eta\eta$, ita Vp, sinus differentiæ ascensionalis principii $\eta\eta$, in data regione, ad pn. Est ergo ex ijs, quæ in Lemmate 49. Num. 18. ostendimus, p n, sinus differentiæ ascensionalis principii $\eta\eta$, in eadem regione; ideoq; arcus p n, differentia erit ascensionalis; & dp, ascensio obliqua initii $\eta\eta$, cui æqualis est arcus MV.

A D extremum (Nam in omnibus semper eadem demonstrandi ratio vsurpabitur) arcum Kθ, esse ascensionē principii η , obliquam à principio η , nume-



ratam, ac proinde addito semicirculo MNK, totum arcum MKθ, esse eiusdem principii η , obliquam ascensionem à principio η , numeratam, eodem prorsus modo demonstrabimus. Ducta enim Ef, ipsi Hθ, parallela, erit iterum iuncta recta θf, ipsi HE, æqualis & parallela. Demissis item ξμ, sr, ad Eθ, perpendicularibus, erunt triagula Eξμ, θsr, æquiangula, propter rectos angulos μ, r, & æquales Eξμ, θsr, alternos. Igitur erit, vt Eξ, sinus totus ad ξμ, sinum ascensionis rectæ ξd, initii η , ab initio η , numeratæ, ita θf, sinus differentiæ ascensionalis principii η , ab initio η , numeratæ, in eadem regione; ac propterea arcus θf, differentia erit ascensionalis. Et quoniam, vt in Lemmate 49. Num. 12. monstratum est, ascensiones obliquæ à η , vsque ad η , maiores sunt, quam rectæ, si ad rectam ascensionem ξd, differentia dicta θf, adiciatur, erit ξf, ascensio obliqua principii η , cui æqualis est arcus KO.

II DETVR iam punsum Z, quodcunque Eclipticæ, initium, v.g. Ω . propositum-

positumque sit ex superiore figura eius rectam ascensionem inuenire. Ex E, centro Aequatoris, per datum punctum Z, recta ducatur EZ, secans Aequatorem in X, eritque CX, ascensio recta dati puncti, vt Can. 4. Num. 5. demonstratum est. Quod si eiusdem puncti ascensio obliqua in regione, cuius poli altitudinis angulus est H Q E, desideretur, ducemus rursus ex E, centro Aequatoris per datum punctum Z, rectam. Hæc enim ex circulo K L M N, ascensionem obliquam abscindet Mλ, vt proxime ostendimus. Præterea si ex data ascensione recta obliquam iubeamur eruere, numerabimus in Aequatore rectam ascensionem datam ex C, vsque ad X. Recta enim ex E, centro Aequatoris per X, emissæ ex circulo KLMN, ascensionem obliquam abscindet Mλ. At vero si recta ascensio ex obliqua quaratur, numeretur data obliqua ascensio in circulo K L M N, ex M, vsque ad λ. Nam recta Eλ, auferet ex Aequatore ascensionem rectam CX. Postremo si data ascensione siue recta, siue obliqua, punctum quidem in Aequatore ex C, vsque ad X, obliqua vero in circulo K L M N, ex M, vsque ad λ, & per finem numerationis, & centrum E, recta ducenda secans Eclipticam in Z. Nam recta ex polo Eclipticæ I, per Z, ducta abscindet ex Aequatore arcum Cl, cui arcus Eclipticæ Cz, in sphaera æqualis est, quod ad numerum graduum attinet.

12. D E descensionibus porro arcuum, punctorumque Eclipticæ ex prædicta figura inquirendis nihil præcipimus. Quoniam enim, vt in Lemmate 49. Num. 14. dictum est, descensio cuiusuis arcus æqualis est ascensioni arcus oppositi, & æqualis, inquirenda erit ascensio arcus oppositi pro descensione propositi arcus.

13. E X eadem hac figura facile demonstrabimus, quaternos arcus Eclipticæ æquales, quorum bini ab æquinoctialibus punctis, vel tropicis, æqualiter distant, habere ascensiones rectas æquales: quod in Lemmate etiam 49. Num. 6. demonstrauius. Quoniam enim arcus Aequatoris Cπ, Ap, continentes v.g. grad. 30. æquales sunt, per quorum extrema puncta π, p, rectæ emissæ ex I, polo Eclipticæ (Hæ rectæ confusionis vitandæ gratia ductæ non sunt) exhibent arcus Eclipticæ Cθ, Aφ, arcus v.g. χ, & ω ; est autem punctum I, in diametro Aequatoris BD, præter eius centrum E, eruat ex theor. 5. scholii 29. lib. 3. Eucl. anguli, quos rectæ illæ cum BD, constituerent, æquales. Igitur cum eadem illæ duæ rectæ pertingant ad θ, φ, faciantque in puncto I, præter centrum O, Eclipticæ angulos æquales, vt ostensum est; erunt per idem theorema, arcus Eclipticæ Cθ, Aφ, æquales. Quocirca cum rectæ Eθ, Eφ, cadentes ex E, puncto præter centrum Eclipticæ O, abscindant arcus æquales Cθ, Aφ, erūt per idem theorema, anguli FEθ, FEφ, æquales; ideoque ex rectis reliqui \angle Ed, \angle Eξ, æquales quoque in centro E, Aequatoris, vel circuli dξξ, concentrici. Quamobrem arcus dξ, ξd, hoc est, ascensiones rectæ arcuum æqualium Eclipticæ Cθ, Aφ, æquales erunt. Et quia rectæ θE, φE, productæ transeunt per puncta Eclipticæ opposita, hoc est, per principia $\eta\eta$, & δ , suntque arcus ξγ, dt, arcubus dξ, ξd, æquales, ob angulos ad verticem, E, æquales; erunt omnes quatuor ascensiones rectæ dξ, dt, ξd, ξγ, quatuor æqualium arcuum Eclipticæ, nimirum quatuor signorum χ, ν , $\eta\eta$, & ω , æqualiter distantium à punctis æquinoctialibus C, A, vel tropicis F, G, æquales.

E A D E M prorsus ratione ostendemus angulos FE ω , FE π , esse æquales, quibus demptis ab æqualibus FEθ, FEφ, æquales erunt reliqui θE ω , φE π . Ergo, vt prius, rursus æquales erunt quatuor ascensiones rectæ quatuor arcuum

Ascensionem rectam, & obliquam cuiusuis puncti Eclipticæ & ex alterutra data, alteram, vna cō puncto Eclipticæ respondente ex superiore figura reperitur.

Descensio obliqua vt reperitur ex figura præcedente.

Quaternos arcus Eclipticæ æquales à punctis æquinoctialibus vel tropicis æqualiter distantes habere ascensiones rectas æquales.

a 26. tertij.

b 26. tertij.

Arcus Eclipticæ equalis ab altero punctorum æquinoctialium æque licet distantiam habere æquales obliquas æquales.

arcuum æqualium, signorum videlicet $\alpha, \gamma, \Omega, \& \mu$. Atque ita de cæteris. 14. INFERTVR ex eadem figura, ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ æqualium ab alterutro punctorum æquinoctialium æqualiter distantium, esse inter se æquales. Sint enim æquales arcus Eclipticæ $A\theta, A\mu$, à principio α , æqualiter distantes, hoc est, respondeant arcibus in sphaera æqualibus à principio α , æqualiter distantibus. Dico eorum ascensiones obliquas $K\theta, KV$, æquales esse. Quoniam enim eorum ascensiones rectæ æquales sunt, vt Num. 13. ostendimus, erunt anguli $\theta EH, VEH$, æquales. Cum ergo punctum E , sit præter H , centrum circuli $KLMN$, in eius diametro; erunt per theor. 5. scholii propof. 29. lib. 3. Eucl. arcus $K\theta, KV$, æquales. Eodem argumento concludemus, ascensiones obliquas $K\alpha, K\lambda$, arcuum Eclipticæ æqualium, $A\mu, AZ$, æquales esse; ac proinde ablatiis æqualibus $K\theta, KV$, reliquas quoque ascensiones $\theta\omega, V\lambda$, æqualium arcuum $\theta\mu, \mu Z$, æquales esse. Et sic de reliquis.

Arcus Eclipticæ in semicirculo ascendente tanto minores habere ascensiones obliquas rectis eorundem ascensionibus, quanto maiores sunt ascensiones obliquas æqualium oppositorum, vel cū illis ab eodem tropico puncto equa licet distantiam & in semicirculo descendente existant.

15. PRAETEREA ex eadem figura colligere licebit, arcus Eclipticæ æquales ab alterutro tropicorum punctorum æqualiter distantes, vel per diametrum oppositos, in æquales habere ascensiones obliquas, minores quidem in semicirculo ascendente à θ , per ν , vsque ad σ , maiores vero in semicirculo descendente à σ , per α , vsque ad θ . Item illas tanto esse minores ascensionibus rectis eorundem arcuum, quanto hæc maiores sunt. Sint enim duo arcus æquales $\gamma \mu, \mu \Omega$, à tropico puncto G , æqualiter remoti. Et quia eorum ascensiones rectæ æquales sunt, vt Num. 13. ostensum est, erunt anguli $\theta Ea, VE\lambda$, æquales. Cum ergo punctum E , sit in diametro circuli $KLMN$, præter eius centrum H , erit per Lemma 32. arcus ie , minor arcu $V\lambda$. Eademque ratione probabitur ascensio obliqua cuiusuis arcus in semicirculo Eclipticæ FCG ; ascendente, minor arcu æquali in semicirculo descendente GAF , qui æqualiter cum illo ab eodem puncto tropico distet. Quia vero arcus $\gamma \mu, \mu \Omega$, æquales, & æqualiter à puncto tropico G , distantes, æqualiter quoque à punctis æquinoctialibus C, A , distant; habet autem arcus $\mu \Omega$, cum arcu $\mu \gamma$, æquali, & æqualiter ab eodem puncto æquinoctiali A , remoto, æqualem ascensionem obliquam, vt Num. 14. monstratum est; habebit quoque arcus $\gamma \mu$, minorem obliquam ascensionem arcu æquali $\mu \Omega$, qui illi oppositus est, cum æqualiter à punctis æquinoctialibus C, A , secundum successiorem signorum distent. Eademque ratione quilibet arcus in semicirculo Eclipticæ FCG , minorem habebit ascensionem obliquam arcu æquali in semicirculo GAF , qui illi oppositus sit.

a 5. primi. b 29. primi. c 26. tertij.

DEINDE, quia in Isoscele $iH\theta$, anguli i, θ , æquales sunt, b & his æquales alterni anguli $iEg, \theta Ef$, erunt quoque differentia ascensionales gt, fd , arcuū oppositorum æqualium $C\gamma, A\mu$, æquales; ideoque quanto minor est ascensio obliqua dg , vel Mi , recta ascensione dt , tanto maior erit ascensio obliqua Ed , vel $K\theta$, ascensione recta Ed . Cum ergo ascensio obliqua $K\theta$, æqualis sit ostensa ascensioni obliquæ KV , erit quoque ascensio obliqua Mi , arcus $C\gamma$, tanto minor, quàm recta, quanto ascensio obliqua KV , Arcus $A\mu$, æqualis, & æqualiter cum illo à tropico puncto G , recedentis, minor est ascensione recta Ed , eiusdem arcus. Eadem prorsus ratio est in cæteris arcibus æqualibus, siue oppositis, siue æqualiter ab eodem puncto tropico recedentibus.

Ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ æqualium oppositorum, vel æqualiter ab eodem puncto tropico distantium simul sumptas æquales sunt rectis earundem ascensionibus.

16. POSTREMÒ ex his omnibus sequitur, ascensiones obliquas duorum arcuum Eclipticæ oppositorum, vel ab eodem tropico puncto æqualiter distantium simul sumptas, æquales esse ascensionibus rectis eorundem arcuum simul.

mul sumptis: quia nimirum quanto vnus ascensio minor est ascensione eiusdem recta, tanto alterius maior est.

SCHOLIUM.

1. PER Analemma ascensiones, descensionesque obliquas punctorum Eclipticæ, stellarumque hoc modo inuestigabimus. Repertur figura, quam in scholio præcedentis Canonis Num. 5. descripsimus, in qua Meridianus $ANCM$, eiusque centrum D ; Aequatoris diameter AC ; Eclipticæ EP , vel kl ; & axis mundi gb . Si igitur punctum Eclipticæ, cuius ascensio obliqua queritur, fuerit in semicirculo descendente, complementum eius distantia à principio α , numeretur ab E , principio σ , vsque ad i , & ex i , ad EP , perpendicularis demittatur in F , & per F , Aequatoris diametro AC , parallela agatur GH , qua diameter erit paralleli per punctum, in quo numeratio terminata fuit, descripti, secet autem GH , Horizontis diametrum aZ , in b , & axem mundi gb , in d . Denique ex d , per G, H , semicirculo paralleli descripto GpH , ducatur ex b, F , ad GH , perpendiculares bp, Fq . Erit ergo arcus pq , ascensio obliqua arcus Eclipticæ à principio α , versus σ , numerati, cuius nimirum sinus est DF , qualis est arcus ri , inter perpendiculares Dr, Ft , interceptus, vt lib. 1. Lemmate 49. Num. 17. ostensum est. Si igitur arcum pq , ex semicirculo detraxeris, reliqua erit ascensio obliqua arcus à principio ν , vsque ad punctum Eclipticæ puncto F , respondens secundum signorum seriem numerati. Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio α , versus θ , numeratus, qui æqualis sit arcui, cuius sinus est DF , ab eodem initio α , versus σ , numerato, vt paulo ante in hoc Canone Num. 14. monstratum est; si ascensio inuenta pq , ad semicirculum adijciatur, prodibit ascensio obliqua puncto Eclipticæ, quod tanto intervallo à principio α , versus θ , recedit, quanto punctum puncto F , respondens ab eodem initio α , versus σ , abest.

Ascensiones, descensionesque obliquas ex Analemma te elicere.

SI vero punctum Eclipticæ, cuius ascensio obliqua inuenienda est, in semicirculo ascendente extiterit, numerandum erit eius à principio ν , distantia complementum à k , principio θ , vsque ad m , & ex m , ad kl , perpendicularis ducenda in n , & rursum per n , diametro Aequatoris AC , parallela extendenda VX , diameter nimirum paralleli per punctum, in quo terminata fuit numeratio, transeuntis, secans Horizontis diametrum in T , & axem mundi in f, N am si ex f , per V, X , semicirculus paralleli describatur $V\pi X$, erit, vt lib. 1. Lemmate 49. Num. 17. demonstrauimus, ipsius arcus πE , inter perpendiculares $D\pi, nE$, ex T, n , ad VX , eductas interceptus, ascensio obliqua arcus Eclipticæ à principio ν , versus θ , numerati, cuius sinus est Dn , qualis est arcus sm , inter perpendiculares Ds, nm , interceptus. Si igitur ascensio obliqua inuenta ex integro circulo detrahatur, reliqua fiet ascensio obliqua arcus Eclipticæ à principio ν , vsque ad punctum, quod puncto n , respondet, secundum successiorem signorum numerati. Et quia eandem ascensionem obliquam habet arcus à principio ν , versus σ , numeratus, qui æqualis sit arcui, cuius sinus est Dn , ab eodem initio ν , versus θ , numerato, vt Num. 14. huius Canonis ostensum est, congruet eadem ascensio inuenta puncto Eclipticæ, quod tanto intervallo à principio ν , versus σ , abest, quanto punctum, quod ipsi n , respondet, ab eodem initio ν , versus θ , remouetur.

ALITER. Inuenta puncti Eclipticæ dati, vel stella declinatione, vt Canonem 3. traditum est, numeretur ea ex A , & C , quamcumque in partem eandem vsque ad G, H , ducaturque diameter paralleli GH , per datum Eclipticæ punctum, vel stellam transeuntis, secans axem mundi in d , & Horizontis diametrum in b . Et quoniam $G b$, est sinus versus arcus semidiurni, erit ab , sinus rectus differentia inter

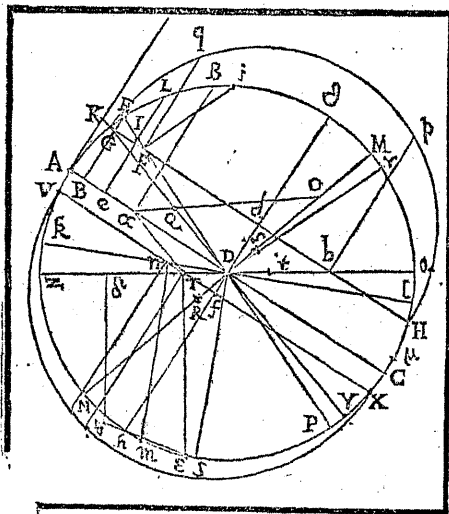
Inuentio differentie ascensionalis dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, ex Analemma te.

H h h h arcum

arcum semidiurnum paralleli, & arcum semidiurnum Aequatoris, cui debetur sinustotus G d. Cum ergo, ut lib. 1. Lemmate 49. Num. 15. ostendimus, eadem sit differentia ascensionalis, qua inter arcum semidiurnum puncti, vel stella, & arcum semidiurnum Aequatoris; erit quoque d b, sinus differentia ascensionalis stelle, vel puncti Eclipticae dati. Si igitur datum punctum, vel stella declinet in boream, auferatur differentia ascensionalis inuenta ex ascensione recta stella eiusdem, aut puncti Canone 4. inuenta, vel si declinet in austrum stella, vel datum punctum, adiciatur ad rectam ascensionem. Relinquetur enim, vel constabitur ascensio obliqua, ut ex ijs constat, qua lib. 1. in Lemmate 49. Num. 15. diximus. Nihil autem interest utram in partem, borealem, vel australem, declinatio supputetur à punctis A, C, cum puncta opposita eandem habeant differentiam ascensionalem, ut ibidem traditum est.

In qua celi parte initium Ascensionis existit, ex cognita ascensione obliqua cognoscere.

2. VT autem ex cognita ascensione obliqua alicuius puncti Eclipticae arcum Eclipticae respondentem eruamus, explicanda prius sunt nonnulla.



Primum enim sciendum est, quando ascensio obliqua minor est quadrante, principium \vee , existere inter orientem, ac Meridianum supra Horizontem: quando est quadrans, in ipso Meridiano supra Horizontem: quando maior quadrante, sed semicirculo minor, inter Meridianum supra Horizontem, & occidentem: quando semicirculo maior, sed minor tribus quadrantibus, inter occidentem, & Meridianum infra Horizontem: quando res complectitur quadrantes, in ipso Meridiano sub Horizonte: quando denique tribus quadrantibus maior, inter Meridianum sub Horizonte, & orientem.

DEINDE non ignorandum est, quando initium \vee , est inter orientem & Meridianum supra Horizontem, punctum Eclipticae in Meridiano existens esse australe, in Horizonte vero orientali boreale: quando in Meridiano supra Horizontem, punctum in Horizonte orientali esse boreale: quando inter Meridianum supra Horizontem, & Occidentem, tam punctum in Meridiano, quam in Horizonte orientali esse boreale: quando in occidente, punctum in Meridiano esse boreale: quando inter Occidentem & Meridianum sub Horizonte, punctum in Meridiano sub Horizonte, punctum in Meridiano esse boreale, & in Horizonte orientali australe: quando in ipso Meridiano sub Horizonte, punctum in Horizonte orientali esse australe: quando denique inter Meridianum sub Horizonte; & orientem, tam in Meridiano, quam in Horizonte orientali, esse australe. Quae omnia

Sicut puncti Eclipticae tam in Meridiano supra Horizontem, quam in Horizonte orientali, ex fine principij Ascensionis cognoscuntur.

nia in sphaera materiali perspicua sunt.

3. HIS cognitis, explorabimus arcum Eclipticae ab \vee , secundum signorum successionem numeratum, qui data ascensioni obliqua congruat, hoc modo. Si ascensio obliqua maior est quadrante, sed semicirculo minor, detrahatur ex semicirculo; si maior semicirculo, sed minor tribus quadrantibus, detrahatur ex ea semicirculus; si denique maior tribus quadrantibus, dematur ex integro circulo: hac enim ratione habebimus semper arcum Aequatoris inter principium \vee , & Horizontem, siue orientalem, siue occidentalem, quadrante minorem. Huius arcus reliqui, vel ipsiusmet ascensionis obliqua, si quadrante minor est, accipiat in diametro Aequatoris AC, sinus rectus Da: quod facile fiet, si ex G, versus A, ipsa ascensio obliqua quadrante minor, vel arcus reliquus numeretur usque ad β , & ex β , ad AD, perpendicularis demittatur βa . hac enim sinum rectum Da, quem volumus, abscondet: eritque punctum a, illud, in quod perpendicularis ex initio \vee , in planum Meridiani demissa cadit, cum principium \vee , existat tunc in β , si semicirculus ABC, cogitatur esse rectus ad Meridianum, hoc est, idem, qui semicirculus Aequatoris: Atque hoc quidem, quando ascensio obliqua data semicirculo minor est. Nam ea existente maiore, punctum a, erit illud, in quod perpendicularis ex principio \vee , in Meridiani planum demissa cadit: propterea quod quantum initium \vee , sub Horizonte ex una parte deprimitur, tantum ex opposita parte principium \vee , supra eundem attollitur.

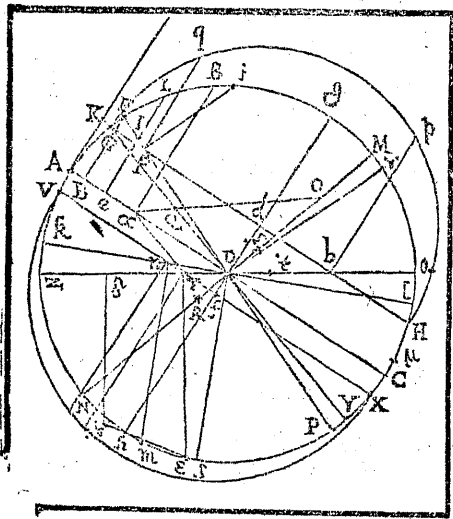
Ascensioni eblit. que data arcum Eclipticae respondentem beneficio Analématis exhibere.

HOC posito, erit reliquus arcus βA is, qui in Aequatore inter idem principium \vee , vel \vee , & Meridianum supra Horizontem interijcitur, hoc est, ascensio recta illius puncti Eclipticae, quod tunc Meridianum supra Horizontem possidet, cuius sinus rectus a β ascensio, inquam, recta ab \vee , vel \vee , inchoara. Ex hac ascensione recta inuenienda est declinatio illius puncti, quod tunc in Meridiano reperitur, & cui ea ascensio recta cõuenit, ut in scholio praecedentis Canonis Num. 5. traditum est, hac videlicet ratione. Sinui a β , aequalis recta accipiatur De, & ad AD, perpendicularis excutitur e I, cui ex tangente AK, aequalis abscondatur AK. Recta enim KD, arcum declinationis AG, quaesita abscondet, ut loco citato demonstrauimus. Hac declinatio erit borealis, quando data ascensio obliqua est maior quadrante, & tribus quadrantibus minor; australis vero, quando obliqua ascensio data quadrante minor est, vel tribus quadrantibus maior, ut Num. 2. diximus, & liquido ex sphaera materiali colligitur. Recta autem ex G, per centrum D, ducta, erit tunc communis sectio Eclipticae, ac Meridiani. Et quoniam Ecliptica ad Meridianum inclinata est, nisi quando alterum punctorum tropicorum in Meridiano existit supra Horizontem, & alterum infra, (tunc enim Ecliptica ad Meridianum recta est, quod Meridianus per eius polos incedat) cadent oes perpendiculares ex punctis Eclipticae ad planum Meridiani demissa in Ellipsis, per propositionem 24. lib. 1. Gnomonices nostrae, quorum unum est a, in quod cadit perpendicularis ex principio \vee , vel \vee , demissa, cuius Ellipsis maior axis est GY, minor autem in diametro MN, ad GY, perpendiculari existit, qui sic reperietur. Intervallo DG, semissis maioris axis, sumatur beneficio circini ex a, in MN, punctum O, & recta ducatur aO, secans GY, maiorem axem in Q. Nam a Q, est semissis minoris axis, qua si ex D, transferatur in utramque partem recta MN, usque ad R, S, erit RS, minor axis, ex Lemmate 5. lib. 1. Si igitur per Lemma 5. 2. inueniantur in Horizonte diametro Za, puncta T, t, per qua ducta Ellipsis transit, cadet perpendicularis ex altero eorum ad Meridianum erecta, nimirum ex T, si Ecliptica ex parte australi Horizontem secat, in punctum Eclipticae in Horizonte orientali tunc existens. Quod si ducta recta Ta, aequalis sumatur Td, & ad ZD, perpendiculares excutentur Te, d θ . ita ut d θ , ipsi a β , aequalis sit, erit ducta recta d θ , aequalis chorda arcus Eclipticae inter punctum Horizontis T, & principium \vee , vel \vee , interiecti, cum aequalis sit recta intercepta inter perpendiculares ex T, a, emissas ad planum Meridiani, qua quidem chorda est ducti arcus. Atque ita si beneficio chorda d θ , ex aliquo pun-

a 15. I. Theod.

Et, ut ex α , abscindatur arcus μ , erit hic arcus Eclipticae praedictae aequalis, atque adeo si à principio ν , vel ω , (prout videlicet punctum α , respondet initio ν , vel ω ,) dictus arcus numeretur, terminabitur numeratio in puncto, quod tunc in Horizonte reperitur, & ex quo perpendicularis demissa in planum Meridiani in T , incidit. Eodem pacto si Ecliptica ex parte boreali Horizontem secat, reperietur punctum Eclipticae tunc in Horizonte existens, punctoque t , respondens, si ducta recta $t\alpha$, aequalis recta sumatur in Za , &c.

INVENTIO puncto Ecliptica, quod puncto T , vel t , respondet, hoc est, arcu inter principium ν , vel ω , & Horizontem orientalem intercepto reperiemus arcum Eclipticae data ascensioni obliqua respondentem hoc modo. Quando data ascensio obliqua minor est quadrante, respondebit punctum α , initio ν , & declinatio puncti in Meridiano existens erit australis, punctumque Ellipsis boreale t , assumendum est, atque arcus inuentus, qui nimirum inter perpendiculares ex t, α , ad planum Meridiani emissas interceptitur, erit is, qui quaritur. Quando vero ascensio obliqua maior est quadrante, & semicirculo minor, respondebit rursus punctum α , principio ν , sed declinatio puncti in Meridiano existens erit borealis, sicut & punctum, quod in Horizonte orientali tunc reperitur, ac proinde punctum in Horizonte occidentali



existens, cui principium ν , vicinior est, erit australe, ideoque punctum Ellipsis australe T , assumendum. Quare arcus Eclipticae inuentus, qui nimirum inter perpendiculares ex T, α , ad planum Meridiani emissas interceptitur, ex semicirculo detractus relinquet arcum quasi sum à principio ν , secundum successione signorum numerandum. Quando autem ascensio semicirculo maior est, sed tribus quadrantibus minor, respondebit punctum α , principio ω , & declinatio puncti in Meridiano existens erit borealis, punctumque Ellipsis australe T , assumendum, atque arcui Eclipticae inuenti, qui nimirum inter perpendiculares ex T, α , ad planum Meridiani emissas includitur, aequalisque est in figura arcui μ , adiacendus semicirculus, ut conficiatur arcus quasi sum à ν , inchoatus. Quando denique ascensio tribus quadrantibus maior est, respondebit rursus punctum α , principio ω , sed declinatio puncti in Meridiano tunc existens erit australis, quemadmodum & punctum in Horizonte orientali existens, ac proinde punctum in Horizonte occidentali existens, cui principium ω , vicinior est, boreale erit, ideoque punctum Ellipsis boreale t , assumendum. Quocirca arcus Eclipticae inuentus, qui videlicet inter perpendiculares ex t, α , ad planum Meridiani erectas ponitur, (cui aequalis est arcus oppositus inter principium ν , sub Horizonte, & Horizontem orientalem

talem interceptus) ex integro circulo subtractus relinquet arcum quasi sum à principio ν , secundum signorum successione numerandum.

QUOD si ascensio obliqua proposita sit quadrans, existet initium ν , in Meridiano supra Horizontem in puncto A , maiorque axis Ellipsis erit AC , minor autem, segmentum axis mundi gb , à diametris parallelorum cs , & do , abscissum, ut ex proposit. 24. lib. 1. nostrae Gnomonicae constat, propterea quod inclinatio Ecliptica ad Meridianum tunc est aequalis complemento maxima declinationis. Inuenitur ergo rursus punctus, in quibus Ellipsis Horizontem secat, assumendum est boreale. Arcus enim inuentus, qui videlicet interceptitur inter perpendicularem ex eo puncto boreali ad Meridianum erectam, & punctum A , erit quasi sum. Si vero ascensio contineat tres quadrantes, existet primum punctum ω , in Meridiano supra Horizontem, id est, in puncto A , fietque eadem Ellipsis, qua antea, sed eius punctum in Horizonte australe assumendum est, & arcui inuenti, qui interceptitur inter perpendicularem ex eo puncto australi ad Meridianum erectam, & punctum A , adiacendus semicirculus, ut quasi sum arcus prodeat ab ν , numerandum. Si denique ascensio sit semicirculus, erit quaecumque arcus Eclipticae ei respondens, semicirculus. Qua quidem omnia ex his, qua Num. 2. diximus, & ex sphaera materiali facile colliguntur.

4. EX doctrina sinuum idem assequemur, hoc modo. Si per punctum Eclipticae, vel centrum stellae, cum oritur, vel occidit circulus maximus ducatur, instar Horizontis cuiusdam recti, erit (ut ex sphaera materiali constat) arcus Aequatoris inter illum circulum, & Horizontem positus, differentia ascensionalis, descensionalisve, cum ascensio, descensione recta ab ν , secundum successione signorum progrediendo terminetur in illo circulo maximo, obliqua vero in Horizonte: qua differentia supputanda erit in triangulo sphaerico retriangulo, cuius unum latus est ipsa differentia, & alterum, arcus praedicti circuli maximi inter Aequatorem, punctumque Eclipticae, vel stellam interceptus, declinationem eiusdem puncti, stellaeque metiens; basis denique arcus Horizontis inter Aequatorem, & punctum Eclipticae, vel stellam inclusus, latitudinem metiens ortivam, aut occidentalem: hoc scilicet modo. Repetatur 1. figura huius Canonis, in qua ascensio recta primi puncti m , est arcus CD , obliqua vero CDY , & differentia ascensionalis pY , atque pZ , declinationis arcus. Si igitur per 1. modum problematis 10. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat ut sinus totus ad tangentem complementi anguli pYZ , quem Aequator cum Horizonte facit, & in proposito casu semper acutus est, (Cum enim omnes arcus sint quadrante minores, quippe cum metiantur declinationem, differentiam ascensionalem, & latitudinem ortivam, qua omnes complectuntur pauciores gradus, quam 90. erunt duo anguli Y, Z , acuti, ex proposit. 28. nostrorum triang. sphaer.) hoc est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis pZ , ad aliud, producetur sinus differentiae ascensionalis pY . Hac ratione inueniri differentiam ascensionalem, demonstrauimus etiam sine triangulis sphaericis in Lemmate 49. Num. 17. Quod si nolueris uti tangentibus, inuenietur eadem differentia, sicut in eodem Lemmate Num. 18. demonstratum est, si fiat ut sinus totus ad sinum ascensionis rectae dati puncti Eclipticae, ita sinus differentiae ascensionalis initii cs , vel do , in data regione (qui sinus reperietur ex 1. modo problematis 10. triang. sphaer. ut dictum est: ita ut solus hic sinus per tangentes quaerendus sit.) ad aliud. Inuenietur enim hoc modo sinus differentiae ascensionalis dati puncti Eclipticae. Eadem differentia reperietur ut in eodem Lemmate Num. 20. ostendimus, hac ratione. Fiat ut sinus totus ad tangentem altitudinis poli propositae, ita sinus differentiae ascensionalis dati puncti Eclipticae in altitudine poli grad. 45. (quam differentiam offeret Tangens declinationis in tabula Sinuum, ut Num. 19. in eodem Lemmate 49. probauimus) ad aliud. Quartus enim numerus erit sinus differentiae ascensionalis quaesita.

Ascensionem obliquam dati puncti Eclipticae, aut stellae per sinus inquirere.

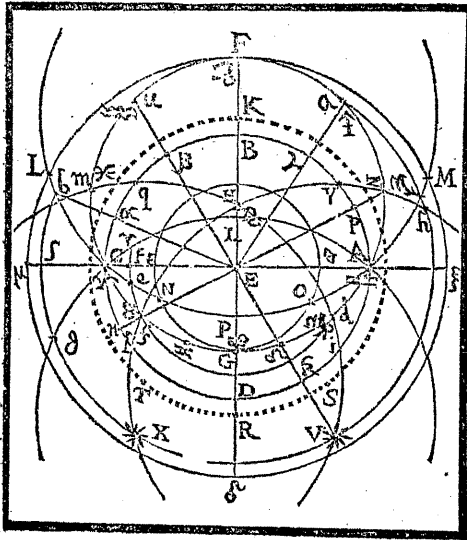
Differentiae ascensionalis inuenire

Alia inuentio differentiae ascensionalis.

Alia ad hunc inuentio differentiae ascensionalis.

NON aliter supputabitur differentia ascensionalis cuiuslibet stella, ut patet in stella V: cum rursus per 1. modum problematis 10. triang. spher. in triangulo spherico kIV, cuius angulus k, rectus, sit ut sinus totus ad tangentem complementi anguli ivk, id est, ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis kV, ad sinum differentia ascensionalis ik, &c. Atque eadem ratio est in omnibus punctis Ecliptica, & stellis, siue australem habeant declinationem, siue borealem.

Tuencio differen-
tia ascensionalis.



Afensio obliqua
quo pacto ex dif-
ferentia ascensio-
nali elicatur.

Descensio obli-
qua, quo modo
ex differentia de-
scensionali eru-
tur.

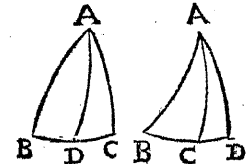
ciemus ascensionem, aut descensionem obliquam hoc modo. Si punctum Ecliptica, vel stella declinet in boream, detrahatur differentia ascensionalis inuenta ex ascensione recta eiusdem puncti, aut stella; addatur vero ad rectam ascensionem, si punctum, vel stella declinationem habeat australem. Reliquus namque numerus, aut conflatus dabit ascensionem obliquam quesitam, ut in Lemmate 49. Num. 15. traditum est, perspicueque ex proposita figura colligitur: quia punctum, v.g. boreale d, nimirum principium NP, habet ascensionem obliquam CDi, minorem recta, qua terminatur ultra i, in puncto videlicet, in quod Horizon rectus ex E, per d, eictus incidet; eademque ratio est de alijs punctis ac stellis borealibus ab Aequatore. Ex quo efficitur, differentiam ascensionalem ex recta ascensione subtrahendam esse, ut obliqua ascensio fiat reliqua: At vero punctum australe Z, nimirum principium M, ascensionem obliquam habet CDY, maiorem recta CDp; eodemque pacto stella V, australis ab Aequatore ascensionem habet obliquam CDi, maiorem recta CDk, atque ita de ceteris punctis, stellisque australibus ab Aequatore. Ex quo fit, ut recta ascensionis adijcienda sit differentia ascensionalis, ut obliqua ascensio coficiatur.

CONTRARIUM omnino faciendum est in descensione obliqua inquirenda. Nam in punctis Ecliptica, ac stellis borealibus ab Aequatore, addenda est differentia descensionalis recta descensionis, in punctis vero, stellisque australibus ab Aequatore, eadem differentia auferenda est ex descensione recta, ut constet, vel relinquatur descensio obliqua: quia puncta borealia habent maiores descensiones obliquas, quam rectas, australia

australia vero minores. Ut in eadem figura, descensio obliqua principij G, hoc est, puncti borealis, est arcus Cl, maior quam descensio recta Cn: At descensionem obliquam principij X, quod est australe, metitur arcus CD Aq, minor quam arcus recta descensionis CD Aa: & sic de ceteris.

IAM vero data ascensione, vel descensione obliqua alicuius puncti Ecliptica, vel stelle, inueniuntur punctum Ecliptica respondens, quod videlicet una cum stella oritur, aut occidit, vel cui data ascensio, descensione conuenit, hoc modo. Quando ascensio, vel descensio obliqua semicirculo maior est, detrahatur ex ea semicirculus, ut habeatur semper per triangulum sphericum obliquangulum, cuius duo latera (vnu in Aequatore, alterum in Ecliptica) a principio, vel inchoata in Horizonte terminantur, & tertium in ipso Horizonte arcus est latitudinis ortiua, vel occidua puncti Ecliptica, quod quaritur. Et quia in hoc triangulo unum latus datum est, arcus videlicet Aequatoris ascensionem, vel descensionem ab, vel inchoatam metiens, cum duobus angulis ei adiacentibus, cum vnus sit maxima declinationis, quem Aequator cum Ecliptica conficit, alter vero, quem Aequator cum Horizonte facit: obtusus quidem, qui relinquitur, detracto complemento altitudinis poli ex semicirculo, quando ascensio obliqua data ab, & descensio a, incipit; acutus vero, qui complemento altitudinis poli equalis est, quando ascensio a, & descensio incipit ab, ut in sphaera materiali perspicuum est: reperietur per problema 23. triang. spher. ultimi Lemmatis, arcus Eclipticae quaesitus, ab, vel inchoatus, & in Horizonte terminatus. Quod ut planius fiat, sit eiusmodi triangulum ABC, in quo arcus Aequatoris ascensionem, aut descensionem obliquam metiens sit AB; arcus Eclipticae quaesitus BC, ita ut angulus maxima declinationis sit ABC; Horizontis arcus latitudinem ortiuam metiens AC, & BAC, angulus, quem Aequator cum Horizonte efficit. Ex hoc angulo demittatur ad Eclipticam BC, arcus perpendicularis AD, qui vtrum intra, vel extra triangulum ABC, cadat, mox ipsa operatio docebit. Quoniam igitur in triangulo spherico ABD, angulus D, rectus est, & AB, arcus data ascensionis, descensionisue (qui angulo recto opponitur) datus, vna cum B, angulo maxima declinationis; si per 1. modum problematis 8. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum arcus AB, ascensionis, vel descensionis obliquae, ita sinus anguli B, maxime declinationis ad aliud, gignetur sinus arcus AD.

Ex data ascensione, aut descensione obliqua, arcus Eclipticae respondente per numeros explorare.



RURSUS quia in eodem triangulo ABD, datus est arcus AB, recto angulo oppositus, sum ascensionem, vel descensionem obliquam datam metiatur, datusque, insuper est angulus B, maxima declinationis, si per 1. modum problematis 3. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum complementi arcus ascensionis obliquae, descensionisue datae AC, ita tangens anguli B, maxime declinationis ad aliud, producet tangens complementi anguli BAD, qui si deprehensus fuerit minor angulo BAC, quem Aequator, & Horizon cointer, cadet arcus perpendicularis AD, intra triangulum, extra vero, si maior. Depto ergo angulo inueto BAD, ex ang. BAC, dato, vel hoc ex illo, cognitus quoque erit ang. CAD.

DEINDE quia in eodem triangulo ABD, datus est arcus AB, recto angulo oppositus, qui nimirum obliquam ascensionem, aut descensionem datam numerat, vna cum angulo B, maxime declinationis, si per 1. modum problematis 9. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum complementi anguli B, maxime declinationis, ita tangens arcus AB, ascensionis, descensionisue obliquae datae ad aliud, inuenietur tangens lateris BD; atque idcirco arcus BD, cognitus erit.

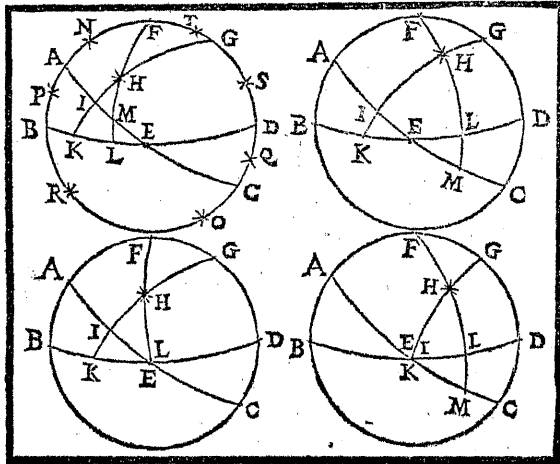
POSTREMO quia in triangulo CAD, angulus D, rectus est, si per 1. modum problematis 11. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum arcus AD, in primo discursu in-

su in-

fu inuentum, ita tangens anguli CAD, in secundo discursu cogniti ad aliud, procreabitur tangens arcus CD; ideoque notus erit arcus CD. *Cadente igitur arcu perpendiculari AD, intra triangulū ABC, summa laterū BD, CD, cognitiorū totum latus BC, quod in Ecliptica data ascensionis, descensionisue obliqua debetur, notū efficiet; cadente vero extra, latus CD, ex latere BD, sublatū, cognitum faciet reliquū latus BC, quāsitum. Punctū autem extremū C, in Ecliptica est illud, quod una cū stella, cuius ascensio obliqua, aut descensio data est, oritur, vel occidit. Longe facilius in scholio Canonis 22. eundē arcū Eclipticae datae ascensionis, vel descensionis obliqua respondēt inueniemus, sine numeris, cū, ut vides, p̄ quatuor opationes numerorū inuētus sit hoc loco.*

VERVM cū iam docuerimus, quā ratione inuenienda sit declinatio cuiusuis stelle, ascensio recta, ac mediatio cali, doceamus etiā, quo artificio ex declinatione stelle, & mediatioe cœli, eius latitudo, verusque locus in Zodiaco reperiarur: Itē qua arte ex declinatione stelle, ac latitudine idem locus verus inuestigetur. Declinatio namq; stelle, ex accepta per instrumentū eius altitudine meridiana, facili negotio cognoscitur. Nā existēte eius altitudine meridiana australi, si minor deprehensa fuerit cōplemento altitudinis poli, detrahatur ea ex cōplemento altitudinis poli; si vero maior, tollatur e contrario ex ea cōplementū altitudinis poli. Reliqua enim semper fiet stella declinatio, priori quidē modo australis, posteriori vero borealis. Existente autē altitudine meridiana stelle boreali, si minor fuerit altitudine poli, dematur ea ex altitudine poli; si vero maior, detrahatur e contrario ex ea altitudo poli. Reliquus enim numerus cōplementū declinationis stelle indicabit, qua borealis erit. Mediatio quoq; cœli, hoc est, punctū Eclipticæ, quod una cum stella ad Meridianum pervenit, cognita fiet, si existente stella in Meridiano, queratur hora tunc instans per altitudinem alterius cuiuspiam stelle, cuius locus in Zodiaco non ignoretur, ut Can. 8. eiusque scholio docebimus. Nam per hanc horam inuentam veniemus in cognitionem puncti Eclipticæ in Meridiano tunc temporis existētis, ut Can. 11. eiusque scholio demonstrabitur. Latitudo denique stelle manifesta est ex tabulis stellarum fixarum, cum hac non mutetur.

ITAQVE si in 12. circulis in fine scholij Can. 3. positis notum sit M, punctum mediatioe cali stelle H, una cum declinatione HL, ita latitudinem stelle, verumque



locum venabimur. Inuenio arcu LM, declinationis puncti M, ut in scholio Canon 3. docuimus.

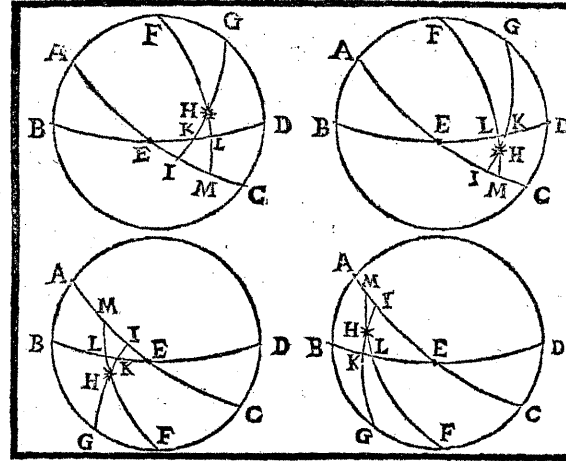
Quodam punctum Eclipticæ cum data stella oritur, aut occidit.

Declinatio stelle quo pacto per eius altitudinem meridiana inueniatur.

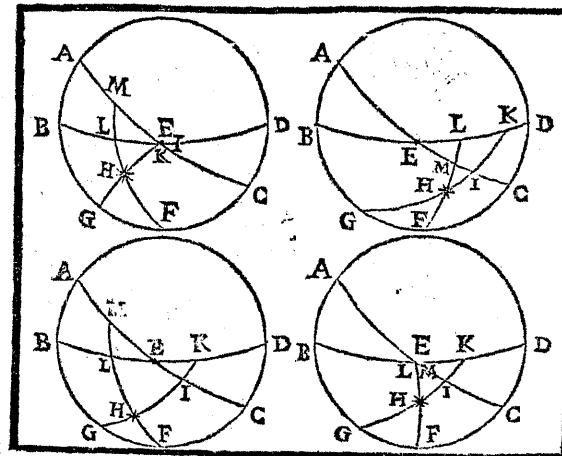
Cum quo pacto Eclipticæ stella data oritur meridiet, etiam si eius locus ignoretur in Zodiaco cognoscere.

Inuentio latitudinis stelle, & loci veri, ex eius declinatione, & mediatioe cali.

docuimus. Fiat per 1. modum problematis 3. triang. spher. in triangulo ELM, ut sinus totus ad sinum complementi arcus Eclipticæ EM, a proximo æquinoctio ad punctum mediatioe cali numerati, ita tangens anguli LEM, maximæ

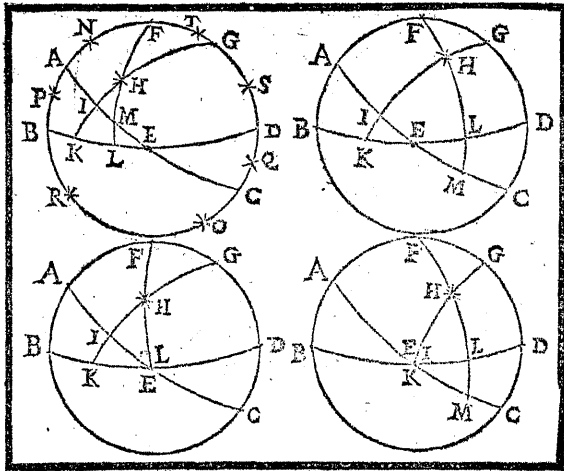


declinationis ad aliud, inuenieturque tangens complementi anguli EML, cui ad verticem æqualis est angulus HML, in 1. circulo, oppositus arcui HI, latitudinis stelle.

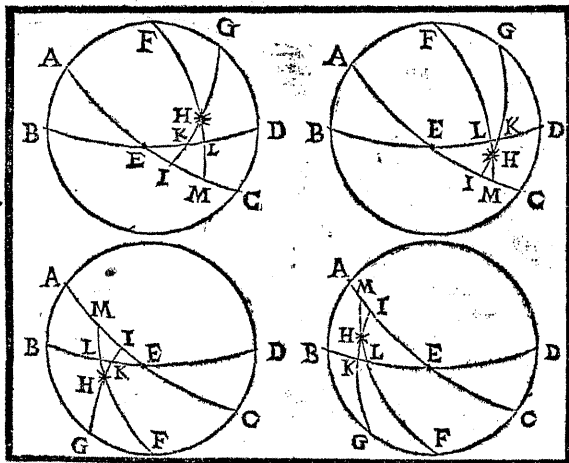


In 3. & 12. circulo eiusmodi angulus latitudini stelle HI, oppositus, est complementum maxima declinationis AEB, vel CED, quod contingit, quando stella ca' un' mediat cum principio V, vel Q. Conferantur deinde inter se declinatio stelle, & declinatio

ei puncti M, mediationis cali. Et si fuerint eiusdem denominacionis, ut in 1. 6. 8. & 10. circulo, minor ex maiore detrahatur; si autem diuersa denominacionis, ut in 2. 4. 5. 7. 9. & 11. circulo, in vnâ summam colligantur, ut reliquus fiat, vel constet arcus



HM, inter stellam, atque Eclipticam. Quando punctum mediationis cali est initium ♄, vel ♃, ut in 3. & 12. circulo, eiusmodi arcus est declinationi stellæ HL, æqualis

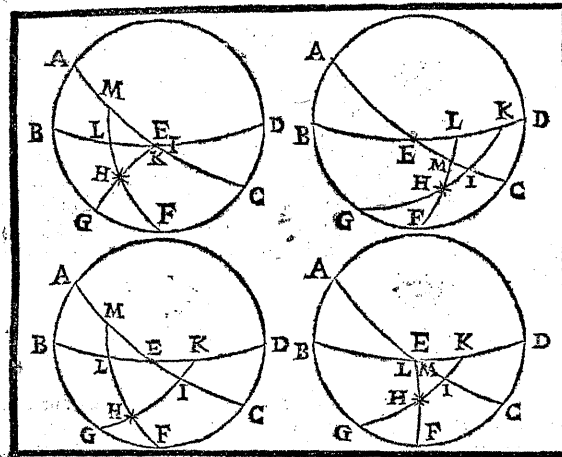


Post hæc in triangulo HIM, cuius angulus I, rectus, si per 1. modum probl. 8. triang. spher. fiat vt sinus totus ad sinum arcus HM, proxime inuenti, ita sinus anguli HMI, in superiore operatione inuenti ad aliud, reperietur sinus arcus HI, latitudinis

dinis stellæ. Quando punctum mediationis cali est principium ♄, vel ♃, ut in 3. & 12. circulo, est per 1. modum dicti probl. 8. vt sinus totus ad sinum declinationis stellæ HL, ita sinus anguli HLI, qui complemento maxima declinationis æqualis est, ad sinum latitudinis stellæ HI. Inuentæ latitudine stellæ HI, uenimus in cognitionem veri loci eo modo, quem iam iam subiungemus, qui quidem assumit declinationem, latitudinemque stellæ notum.

SIT igitur nota tam declinatio stellæ HL, quam latitudo HI; ac proinde & earum complementa FH, GH. Cum ergo & arcus FG, maxima declinationis notus sit, erunt in triangulo spherico FGH, omnia tria latera nota. Igitur per problema 21. triang. spher. angulus FGH, cognitus fiet, ideoque & eius arcus AI, distantiam stellæ à principio ♄, metiens, quando eius latitudo borealis est, ut in prioribus sex circulis; vel arcus CI, distantiam stellæ à principio ♃, metiens, quando eius latitudo est australis,

Inuentio veri loci stellæ ex eius declinatione, & latitudine.



ut in posterioribus sex circulis. Vtrū autem distantia hæc à ♄, vel ♃, numeranda sit secundum, an contra successionem signorum, docebit punctum M, mediationis cali. Ex eo enim discemus, num stella sit in semicirculo Eclipticæ descendente, an vero in ascendente, cum illud punctum, ac stella in eodem semicirculo Eclipticæ existant. Vel certe idem cognoscetur ex situ stellæ. Si namque propinquior fuerit principio ♄, quam initio ♃, erit in semicirculo ascendente, in descendente vero, si vicinior exitterit principio ♃, quâ primo puncto ♄. Stella igitur existente in semicirculo descendente, numeratio à ♄, faciendâ est secundum signorū successionem; contra vero à ♃: Stella autē existente in semicirculo ascendente, fieri debet numeratio à ♄, contra signorum successionem; à ♃, vero secundum seriem signorum. Ita autem ex prædicto problemate 21. angulus FGH, reperitur. Fiat vt sinus totus ad sinum maioris lateris FG, maximæ declinationis, vel GH, complementi latitudinis, ita sinus maioris lateris ad aliud, iuuenieturque quartus quidam numerus. Deinde rursum fiat, vt quartus numerus inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versum lateris FH, complementi declinationis stellæ, & sinum versum arcus, quo duo latera GG, FH, inter se differunt, ad aliud. Inuenietur enim sinus versus anguli FGH. Angulus igitur

tur FGH, ideoque *cy* eius arcus AI, vel CI, notus erit, qui quidem distantiam stel-
lae à principio *cy*, vel *cy*, metitur.

QVOD si complementum latitudinis aequale fuerit maximæ declinationi, hoc est,
latera FG, GH, aequalia fuerint, inuenietur facilius idem angulus FGH. Nam si per
2. modum problematis 1. triangulorum sphaer. fiat vt sinus totus ad sinum semisissis
lateris FH, ita secans complementi maximæ declinationis FG, ad aliud, proce-
ditur sinus semisissis anguli FGH, &c.

CANON VI.

LATITVDINEM ortiuam, occiduamue Solis,
aut puncti cuiusuis Eclipticæ, siue stellæ, quolibet anni
die explorare. Et contra datæ latitudini ortiuæ, occidue
punctum Eclipticæ congruens inuenire.

Latitudo ortiuæ,
vel occidua, quid

Latitudinem orti-
uam, occiduam-
ue beneficio A-
strolabii inueni-
gare.

1. APPELLATUR latitudo ortiuæ, occiduæ Solis, vel gradus Ecli-
pticæ, aut stellæ, arcus Horizontis inter Aequatorem, & Solem, gradusue Ecli-
pticæ, aut stellæ, cum oritur, vel occidit, interiectus. Hanc alij Zenith or-
tus, vel occasus Solis, gradusue Eclipticæ, aut stellæ vocant: alij vero amplitu-
dinem ortiuam, vel occiduam. quam sic explorabis. Pone gradum Eclipticæ, in
quo Sol existit, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte, siue ex parte ori-
tis, siue ex parte occidentis. Nam Verticales circuli interiecti inter gradum,
Eclipticæ, vel stellæ, & interfectionem Horizontis cum Aequatore, vel Verti-
cali primario, indicabunt latitudinem ortiuam, occiduamue, hoc est, quot gra-
dus in arcu Horizontis, qui inter gradum Eclipticæ, vel stellæ, & interfectio-
nem prædictam positus est, contineantur. Et si quidem gradus Eclipticæ, vel
stellæ, in Horizonte extiterit inter Aequatorem, Verticalemue primarium, &
lineam meridianam Astrolabii, latitudo erit borealis, australis vero, si inter
Aequatorem, & Limbum extiterit.

2. EST autem latitudo ortiuæ cuiusuis puncti latitudini occidua eiusdem
æqualis. Cum enim Horizon tangat parallelum semper apparentium maximū,
erunt duo eius arcus inter Aequatorem, & quemlibet parallelum, quem secat,
(quorum vnus latitudinem ortiuam, & occiduam alter determinat) inter se æ-
quales. Ex quo fit, satis esse, si vel ortiuæ latitudo reperitur, cum hæc occidua
æqualis sit; vel occidua, cum hæc ortiuæ sit æqualis, vt ostendimus. Immo quia
quaterna puncta Eclipticæ æquales habent latitudines ortiuas, vt in Lemmate
49. Num. 5. ostendimus, satis est, si latitudines ortiuæ graduum vnus quadran-
tis Eclipticæ inueniantur.

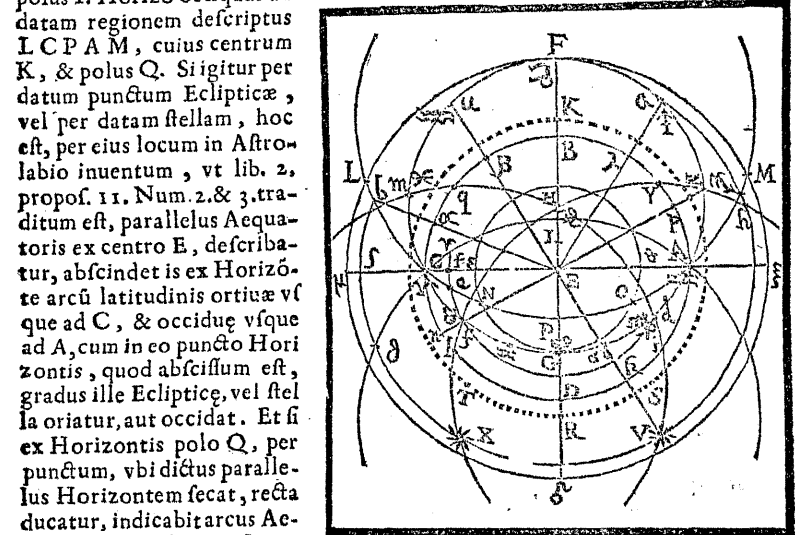
QVANDO autem gradus Eclipticæ, vel cacumen stellæ non præcise in
aliquem Verticalem incidit, vt plerumque contingit, non poterit latitudinis
ortiuæ quantitas cognosci, nisi per æstimationem, plus minus, diuidendo nimi-
rum cogitatione spatium inter duos proximos Verticales, inter quos gradus
Eclipticæ, vel stella existit, in tot gradus, quot inter quosuis duos Verticales in-
tercipiuntur in Astrolabio.

3. CONTRA ex cognita latitudine ortiuæ, occiduæ Solis cognosce-
tur

2 13. 2.
Theod.
Latitudinem or-
tiuam occidua
æqualem esse.

tur gradus Eclipticæ, cui ea conuenit, hoc modo. Circumducatur rete, donec
gradus aliquis Eclipticæ in finem cognitæ latitudinis præcise incidat. Is etenim
gradus est, qui quaritur, vel certe alter, qui æquali spatio cum eo ab eodem pun-
cto tropico distat, cum duo puncta equaliter ab eodem tropico puncto distantia
eamdem habeant latitudinem ortiuam, vt in Lemmate 49. Num. 3. ostensum est.
Cognitâ porrò latitudo ortiuæ sumenda est in Horizonte ab Aequatore versus
limbum, si australis est, versus tropicum vero *cy*, si borealis.

4 SINE instrumento eandem latitudinem ortiuam certius cognoscemus
hoc modo. Repetatur prima figura antecedentis Canonis, in qua Aequator
ABCD, circa centrum E; tropicus *cy*, FL M; tropicus *cy*, GNO; Ecliptica
AFCG, cuius centrum H, &
polus I; Horizō obliquus ad
datam regionem descriptus
LCPAM, cuius centrum
K, & polus Q. Si igitur per
datum punctum Eclipticæ,
vel per datam stellam, hoc
est, per eius locum in Astro-
labio inuentum, vt lib. 2.
propof. 11. Num. 2. & 3. tra-
ditum est, parallelus Aequa-
toris ex centro E, describa-
tur, abscindet is ex Horizō-
te arcū latitudinis ortiuæ vt
que ad C, & occidue vsque
ad A, cum in eo puncto Hori-
zontis, quod abscissum est,
gradus ille Eclipticæ, vel stel-
la oriatur, aut occidat. Et si
ex Horizontis polo Q, per
punctum, vbi dictus paralle-
lus Horizontem secat, recta
ducatur, indicabit arcus Aequa-
toris inter hanc rectam,
& punctum C, vel A, inter-
ceptus quantitatem latitudinis, ita vt tot gradus latitudo contineat, quot in
eo arcu Aequatoris comprehenduntur: propterea quod arcus ille Aequatoris,
& arcus Horizontis abscissus, continent gradus numero æquales, vt lib. 2 propof. 5. Num. 19. demonstraui-
mus. V. G. Latitudo ortiuæ principii *cy*, est arcus Horizontis CN, occidua vero AO, & vtraque borealis: Latitudo autem
ortiuæ initij *cy*, est arcus CL, & occidua AM, & vtraque australis: Latitudo
vero principii *cy*, est arcus Cb, que etiam stellæ V, vel X, congruit, estque au-
stralis. Et si ex Q, polo Horizontis ad b, recta ducatur, dabit arcus Aequato-
ris inter hanc rectam, & punctum C, quantitatem latitudinis Cb. Et sic de
cæteris.



QVOD si nimis molestum videatur locum inquirere illius stellæ, cuius la-
titudo desideratur, accipe declinationem eius ex tabula alicuius Astronomi, in
qua declinationes stellarum pro hoc tempore supputatæ sint, qualem etiam Io.
Ant. Maginus in suis Ephemeridibus composuit. Nam parallelus eius declina-
tionis

Ex latitudine or-
tiuæ, occidua
cognita punctum
Eclipticæ respon-
dens reperire.

Latitudinem or-
tiuam sine instru-
mento inquirere

tionis ex centro E, descriptus abscindet ex Horizonte arcum latitudinis ortiuæ illius stellæ: sed exquisitius priori modo latitudo inuenitur, propterea quod vix tabulæ declinationum stellarum sine errore aliquo reperiuntur.

5. DATA autem latitudine ortiuæ, occiduæ, reperiemus punctum Eclipticæ, cui congruit, hac ratione. Numeretur latitudo proposita in Aequatore à puncto C, versus D, si borealis est, versus B, autem, si australis: Per

terminum numerationis ex Q, polo Horizontis recta emitatur, quæ ex Horizonte eadem latitudinem abscindet, vt ex iis constat, quæ lib. 2. propof. 5. Num. 18. scripsimus. Postremo ex centro E, per finem latitudinis in Horizonte inuētum, parallelus Aequatoris describatur. Hic enim Eclipticam duobus in punctis secabit, quibus proposita latitudo congruit. Quos autem gradus duo illa puncta referant, discas ex Num. 19. propof. 5. lib. 2. si videlicet ex I, polo Eclipticæ per puncta illa rectas eiecieris. Hæ namque ex Aequatore similes arcus abscident, quod ad numerum graduum attinet. V. g. si ex boreali latitudine ortiuæ data, sit in Horizonte inuentus arcus Ce, borealis, transibit

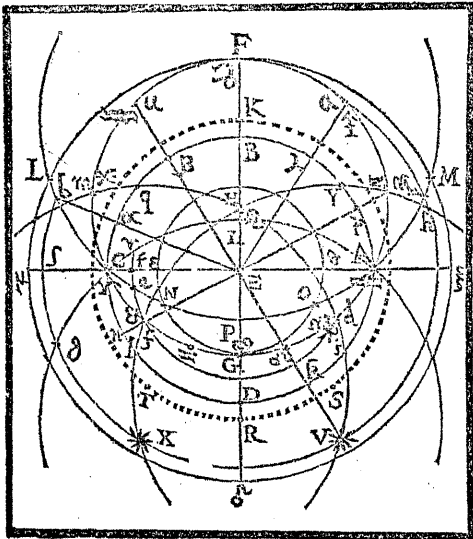
parallelus Aequatoris ex E, per e, descriptus per f, principium γ , & per d, principium $\eta\psi$. Sic si ex data australi latitudine repertus sit in Horizonte arcus australis Cb, transibit parallelus ex E, per b, descriptus per a, principium τ , & per u, principium ω . Prior ergo latitudo principis γ , & $\eta\psi$, posterior vero primis punctis τ , & ω , conuenit.

QUANTVS autem sit arcus Horizontis inter C, vel A, & Verticalem, qui per centrum Solis ducitur qualibet hora diei, non solum autem in ortu, vel occafu interiectus, vt hic traditum est, Canone 16. docebimus.

SCHOLIUM.

I, VT autem doceamus, qua ratione ex Analemmate latitudinem ortiuam cuiusvis puncti Eclipticæ, seu stellæ deprehendere possimus, describatur Analemma ipsum cum parallelorum per initia signorum transeuntium diametris, vt in Lemmate 19. lib. 1. traditum est, in quo Meridianus ABCD, circa centrum E, axis mundi FG, Aequatoris diameter HI, Horizontis BD, Verticalis AC, tropici $\sigma\alpha$, MO, tropici ρ , NP, & aliorum parallelorum per signorum initia transeuntium diametri descripta sint beneficio circuli MKN, in 12. partes aequales diuisi, vt in dicto Lemmate 19. scripsimus, sciantes

Ex cognita latitudine ortiuæ, occiduæ puncti Eclipticæ congruentem, sine instrumento exquisire.

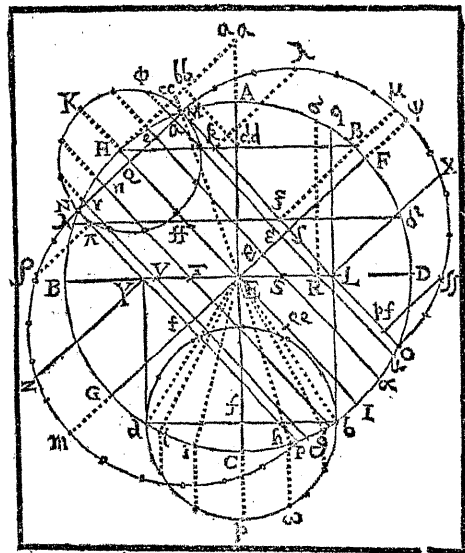


Latitudinem ortiuam cuiuslibet puncti Eclipticæ vel stellæ ex Analemmate deprehendere.

eantes diametrum Horizontis in L, R, S, T, V, Y. Dico rectam inter E, & quemcumque parallelum esse sinum latitudinis ortiuæ, occiduæ que illius puncti, per quod parallelus illius diametri transit, nimirum EL, sinum latitudinis ortiuæ σ ; ER, η ; ρ ; ES, γ , & $\eta\psi$; ET, η , & X; EV, τ , & ω ; ac denique EY, ρ ; adeo vt recta ex hisce punctis ducta ad BD, perpendiculares intercipient cum AD, in Meridiano arcum latitudinum ortiuarum. v. g. arcum Aq, vel Cb, (ductis bq, Yd, per L, Y, ad BD, perpendiculis) latitudinem esse ortiuam, occiduamque σ , & Cd, ρ . Quoniam enim Horizontis & parallelus σ , per rectas BD, MO, ducti ad Meridianum recti sunt, a quod Meridianus per eorum polos ductus ad ipsos rectus sit, b erit eorum communis sectio per L, transiens ad eundem recta, & propterea ex defin. 3. lib. 11. Eucl. ad BD, in plano Meridiani existentem perpendicularis. Si igitur circulus ABCD, concipiatur in plano Horizontis, erit qb, communis sectio Horizontis, & paralleli σ , si recta BD, situm meridianam lineam obtineat. Eodemq. modo AC, communis sectio erit Horizontis & Aequatoris, Verticalisue primarij; & Yd, communis sectio Horizontis, & paralleli ρ . Igitur Aq, vel Cb, latitudo erit ortus, vel occasus σ , & Cd, ρ . Eademque ratio est de parallelis intermedijs. Nam eodem argumento ostendemus, perpendiculares ad BD, per R, S, T, V, ductas, esse communes sectiones Horizontis, & parallelorum intermediorum. Hac ratione latitudinem ortus cuiuslibet puncti Eclipticæ reperies, si beneficio circuli MKN, eius puncti declinationem inuenias, hoc est, diametrum paralleli per illud punctum transeuntis ducas, vt in dicto Lemmate 19. docuimus. Nam eiusmodi diameter abscindet ex BD, sinum latitudinis quæsita, ita vt perpendicularis ad BD, excitata in extremo eius sinus, auferat arcum latitudinis, quam quæris, ab A, vel C, inchoatum.

NON aliter latitudinem ortus, vel occasus stellæ cuiusvis adipsicis, si per eius declinationem vel ex Can. 3. inuentam, vel ex tabula alicuius Astronomi desumptam, diametrum paralleli, quem stella describit, in Analemmate duxeris. Vt si stella quæpiam habeat declinationem borealem HM, ita vt diameter eius paralleli sit MO, erit eiusdem latitudo ortiuæ, occiduæ Aq, vel Cb, &c.

2. EX data autem latitudine ortiuæ, occiduæ sic punctum Eclipticæ respondens assequemur. Numeretur data latitudo ab A, vel C, versus D, si borealis est, aut si australis, versus B, vsque ad g, & demissa ex g, ad BD, perpendiculari gR, agatur per R, Aequatoris diametro HI, parallela Rq, secans circulum MKN, in q. Nam quot gradus in arcu Kq, continentur, tot gradibus punctum Eclipticæ, cui latitudo borealis



a, 11. 16. Theod. b 19. vnder.

Data latitudine ortiuæ, congruentem punctum Eclipticæ inueniri.

Alia inuentio la-
titudinum ortu-
rum ex Analit.
mate.

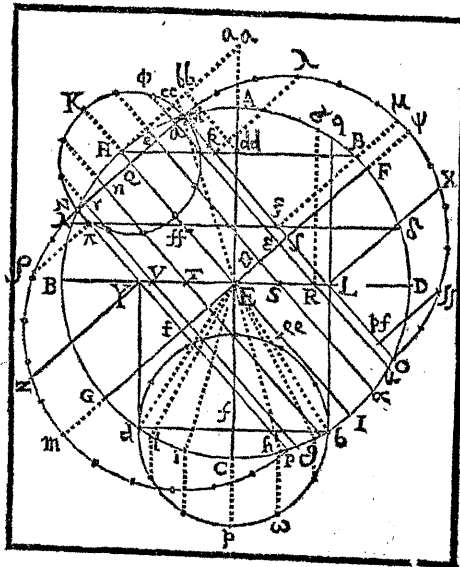
borealis *Ab*, conuenit, à principio *V*, vel *Q*, versus *Q*, recedit, ut ex ijs constat
qua ad finem Lemmatis 19. lib. 1. & in scholio Can. 3. Num. 3. explicatum est.

3. QVEMADMODVM autem beneficio circuli *MKN*, circa maxi-
mas Solis declinationes descripti inueniuntur declinationes omnium punctorum Eclipti-
ca, ut ad finem Lemmatis 19. lib. 1. & in scholio Can. 3. Num. 1. tradidimus, ita
beneficio alterius circuli circa latitudines ortuum *Q*, & *Q*, descripti, omnium puncto-
rum Ecliptica latitudines venabimur; hoc scilicet modo. Inueniuntur latitudines *Q*,
& *Q*, *Cb*, *Cd*, ut dictum est, neclatur recta *bd*, secans *EC*, in *f*, secabiturque *Q*,
in *s*, bifariam, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. ac proinde & ad angulos rectos.
Descriptio ergo ex *f*, per *b*, *d*, circulo *bpd*, eoque diuiso in 12. partes aequales, si bina
puncta a punctis *b*, & *d*, aequaliter remota rectis oculis iungantur, secabuntur arcus
bCd, in latitudines ortuum, qua signorum initijs congruunt; ita ut *Cb*, sit latitudo

a 3. tertij.

b 2. sexti.

a 34. primi.



d 34. primi.
e 9. quinti.

T, *V*, cadent, cum ha parallela aequalia segmenta auferant ex rectis *bd*, *LY*; ideoque
ex arcibus *Cb*, *Cd*, latitudines ortuum auferent, quemadmodum parallela per puncta
R, *S*, *T*, *V*, easdem abscondunt, ut Num. 1. demonstratum est. Recta porro ex cen-
tro *E*, ad puncta *b*, *g*, *h*, *i*, *l*, *d*, ducta dici poterunt radij latitudinum ortuarum, &
occiduarum, quemadmodum & recta ex *E*, ad extrema puncta parallelorum *MO*,
a *u*, &c. ducta radij signorum appellantur, ut in Gnomonica diximus.

ITAEQVE si cuiuslibet puncti Ecliptica dari distantia à proximo puncto aequi-
noctiali numeretur in circulo *bpd*, à *p*, in utramlibet partem, & per terminum nu-
merationis ipsi *CE*, parallela ducatur, secabitur arcus *Cb*, vel *Cd*, in latitudine or-
tuum illius puncti Ecliptica. Ut si distantia ab alterutro puncto aequinoctiali sit grad.
30. & ex *p*, numerentur grad. 30. usque ad *o*; parallela *cb*, ressecabit latitudinem
ortuum *Cb*, puncti, quod grad. 30. à principio *V*, vel *Q*, abest, cuiusmodi est prin-
cipium

cipium *Q*, vel *X*, vel *mp*, vel *m*.

SIC e contrario, si data latitudo ortus, vel occasus numeretur a puncto *C*, ver-
sus *b*, vel *d*, usque ad *h*, & parallela ducatur *hw*, dabit arcus *pw*, distantiam puncti
Ecliptica ab *V*, vel *Q*, cui data latitudo conuenit.

EX hoc liquet etiam, quaterna puncta Ecliptica, prater initia *Q*, & *Q*, eandem
habere latitudinem ortuum, bina quidem borealem, bina vero australem: quemad-
modum & eandem declinationem habent. Id quod in Lemmate quoque 49. lib. 1.
Num. 2. & 3. demonstrauimus. Nam dua latitudines *Ch*, *Cl*, qua aequales sunt,
quatuor punctis Ecliptica congruunt, duobus nimirum borealibus, & duobus austr-
alibus, &c.

4. EX sinuum calculo reperietur latitudo ortuum, seu occidua cuiuslibet puncti E-
cliptica, siue stella, hoc modo. Circulus maximus declinationis per polos mundi, & da-
tū punctū Ecliptica, vel per centrū stelle in Horizonte orientali ductus, cū Aequatore,
atque Horizonte triangulum sphericū constituit, cuius angulus, quē circulus declinatio-
nis cū Aequatore facit, rectus est, & arcus declinationis puncti Ecliptica, vel stelle no-
tus, una cū angulo cōplementi altitudinis poli, quē Aequator cū Horizonte constituit.
Ut in figura Num. 4. huius Canonis, ducta recta *EZ*, ex centro per principium *m*, rese-
rent circuli declinationis eiusdem principij, sit triangulū sphericum *pYZ*, cuius angu-
lus *p*, rectus, & arcus declinationis *pZ*, notus, una cum angulo *pYZ*, cōplementi alti-
tudinis poli. Semp enim angulus ab Horizonte, & Aequatore comprehensus acutus
est, per propof. 28. nostrorum triang. spher. cum in eo triangulo omnes arcus quadran-
te sint minores. Si igitur per 1. modum problematis 14. triang. spher. ultimi Lemma-
ris fiat ut sinus totus ad secantum cōplementi anguli *pYZ*, hoc est, ad secan-
tem altitudinis poli, ita sinus arcus declinationis *pZ*, ad aliud, productetur si-
nus arcus latitudinis ortuum *YZ*. Vel si solis sinibus velis uti, fiat per 3. modum
eiusdem problematis, ut sinus anguli *pYZ*, cōplementi altitudinis poli ad sinum
totum, ita sinus arcus declinationis *pZ*, ad aliud. Procreabitur enim rursum si-
nus arcus latitudinis ortuum, occiduae *YZ*. Vtraque hac operatio perspicue etiam
demonstrari potest in figura huius scholij. Nam in triangulo rectilineo rectangulo *ELf*,
per 5. problema triang. rectil. ultimi Lemmatis est, ut sinus totus *Es*, ad *Es*, quatenus
sinus est declinationis paralleli *MO*, ita *EL*, secans anguli *LEf*, altitudinis poli (Po-
sito enim sinu toto *Es*, recta *EL*, secans est anguli *LEf*.) ad *EL*, quatenus sinus est la-
titudinis ortuum, aut occiduae. Item ita est sinus anguli *ELf*, cōplementi altitudinis
poli ad sinum totum, ut *Es*, sinus declinationis ad *EL*, sinum latitudinis ortuum.

E A D E M prorsus ratio est in latitudine ortuum, occiduae cuiuscunque stella in-
quirenda. Ita namque vides in stella *V*, idem prorsus triangulum constitui *ikV*, cuius
angulus *k*, rectus, & arcus declinationis *kV*, notus, una cum angulo *kiV*, cōplemen-
ti altitudinis poli, & *Vi*, arcus latitudinis ortuum, qui quaritur, ut patet in figura hu-
ius Canonis, &c.

E C O N T R A R I O data latitudine ortuum, siue occidua alicuius puncti Ecli-
ptica, reperiemus punctum illud Ecliptica, cui debetur, si in eodem triangulo *pYZ*,
per 1. modum problematis 8. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum arcus *YZ*,
latitudinis ortuum datae, ita sinus anguli *pYZ*, cōplementi altitudinis poli ad
aliud. Productus enim quatuor sinus erit arcus declinationis quaesita
pZ. Igitur per ea, qua in Canone 3. eiusque scholio scripsimus, punctum Ecliptica
reperietur, cui illa declinatio inuenta congruit. Sed quoniam quatuor puncta eandem
habent declinationem, necesse est, ut sciamus, quoniam in quadrante Ecliptica conti-
neatur, ut punctum quaesitum eliciamus. Eadem hac operatio demonstrabitur in
triangulo rectilineo rectangulo *ELf*, figura huius scholij. Nam per 2. problema triag.
K k k k rectil.

Latitudinem ortu-
rum per nume-
ros inuestigare.

Data latitudinis
ortuum punctum
Ecliptica respon-
des inuenire per
numeros.

rectil. ultimi Lemmatis est, ut sinus totus ad sinum basis EL, quatenus sinus est latitudinis ortiva cognita, ita sinus anguli EL, complementi altitudinis poli ad E, sive sinus declinationis quaesita in partibus sinus EL.

C A N O N VII.

ARCVM semidiurnum, & feminocturnum cuiuslibet puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ dato arcui semidiurno, feminocturno congruens inquirere.

Arcum semidiurnum, vel feminocturnum cuiuslibet gradus Eclipticæ, seu stellæ per instrumentum indagare.

1. H O C nihil aliud est, quam moram Solis in quouis Eclipticæ gradu existens, vel stellæ cuiuslibet, ab Horizonte orientali vsque ad Meridianum, vel à Meridiano vsque ad Horizontem occidentalem exquirere, id est, quot gradus Aequatoris cum quolibet gradu Eclipticæ, vel stellæ, ab Horizonte ad Meridianum vsque ascendant, vel à Meridiano vsque ad Horizontem descendant, &c. Si igitur rete Astrolabii circumuoluatur, donec gradus Eclipticæ, quem Sol die proposito occupat, vel cacumen stellæ propositæ, in Horizonte orientali statuat, & linea fiducia ostensoris, vel Indicis eidem gradui, vel cacumini stellæ superponatur; erit arcus limbi inter lineam fiducia, & lineam meridianam ex parte superiori prope armillam suspensoriam, semidiurnus illius gradus, vel stellæ: reliquus vero arcus limbi ab eadem linea fiducia vsque ad meridianam lineam ex parte inferiori, feminocturnus erit. Et si tam ille, quam hic duplicetur, totus arcus diurnus, nocturnusque prodibit. Facile autem eiusmodi arcum inueniunt ad horas reduces, si singulas horas quindenis gradibus, & quaterna minuta horæ singulis gradibus tribuas. Vel certe omnes gradus in arcu semidiurno, feminocturno, vel diurno, nocturno comprehensi reducuntur ad horas per tabellam, quam in cap. 2. sphaeræ ad finem explicationis Aequatoris descripsimus. Immo horæ in limbo descriptæ, quæ inter meridianam lineam, & lineam fiducia supra dictam situm obtinentem comprehenduntur, dabunt quantitatem arcus semidiurni, vel feminocturni in horis, &c.

N O N est autem necesse, ut omnes gradus limbi inter lineam fiducia, & meridianam lineam positi numerentur, sed satis est, si pauci illi gradus, qui inter lineam fiducia, & Horizontem rectum comprehenduntur: qui quidem differentiam ascensionalem dati puncti Eclipticæ, vel stellæ, exhibent, ut Num. 3. Can. 5. diximus. Hi enim ad quadrantem, hoc est, ad grad. 90. adiecti, si punctum Eclipticæ, vel stella ad boream vergat, vel ab eodem quadrante subtracti, puncto Eclipticæ, vel stella australi existente, conficiunt, vel relinquunt arcum semidiurnum, quo ex femicirculo, id est, ex grad. 90. sublato, feminocturnus arcus reliquus erit, qui etiam habebitur, si puncto Eclipticæ, vel stella existente boreali, differentia ascensionalis inuenta, hoc est, arcus inter lineam fiducia, & Horizontem rectum interiectus, ex quadrante dematur, adiciatur vero ad quadrantem, quando punctum Eclipticæ, vel stella in austrum vergit.

2. D A T O vero arcui semidiurno, vel feminocturno punctum Eclipticæ respondens sic perscrutabimur. Numeretur in limbo arcus semidiurnus à linea meridianam

Ex dato arcu semidiurno, vel feminocturno punctum Eclipticæ respondens inuestigare in Astrolabio.

meridiana ex parte superiori, feminocturnus vero ab eadem linea meridiana ex parte inferiori, & ad terminum numerationis linea fiducia ostensoris applicetur. Deinde circumducatur rete, donec punctum aliquod Eclipticæ in punctum intersectionis lineæ fiducia cum Horizonte incidat. Ei etenim puncto, & alteri, quod illi ex altera parte puncti tropici respondet, datus arcus semidiurnus, feminocturnus conuenit.

3. S I N E instrumento ita agemus. Repetatur prior figura Can. 5. describaturque ex centro E, per Eclipticæ punctum datum, vel stellam, parallelus Aequatoris. Nam eius arcus inter Horizontem obliquum LPM, & lineam meridianam EE, supra centrum E, erit semidiurnus quaesitus; arcus vero eiusdem

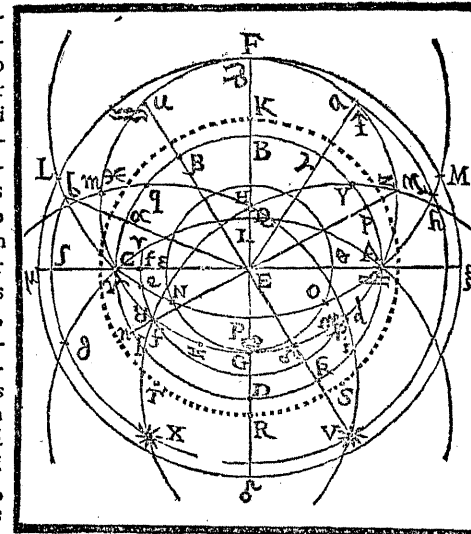
inter Horizontem obliquum, & meridianam lineam EJ, in fra centrum E, feminocturnus erit. Ut LF, erit arcus semidiurnus; & LJ, feminocturnus. Item semidiurnus arcus Aequatoris, vel principii V, & Q, erit CB, feminocturnus vero CD. Sic semidiurnus arcus SS, erit arcus NH, (sumpto puncto H, pro intersectione tropici SS, cum meridianam lineam) feminocturnus autem NG. Rursus arcus feminocturnus principii P, vel R, est segmentum paralleli aVb, inter b, & meridianam lineam EJ, semidiurnus autem eiusdem segmentum inter b, & lineam meridianam EF, si parallelus totus descriptus esset. Denique stellæ V, vel X, arcus feminocturnus est arcus eiusdem paralleli inter b, & rectam EJ, semidiurnus autem, eiusdem arcus inter b, & rectam EF, si totus parallelus describatur.

A V T sic. Per punctum, ubi parallelus per datum punctum Eclipticæ, vel stellam descriptus Horizontem secat, ex centro E, recta ducatur. Hac enim femicirculum Aequatoris orientalem in duos arcus secabit, quorum superior semidiurnus, & inferior feminocturnus est. Ut quia parallelus per principium P, vel R, aut stellam V, vel X, descriptus secat obliquum Horizontem in b, si ducatur ex E, recta Eb, secans Aequatorem in a, erit aB, arcus semidiurnus principii P, vel R, aut stellæ V, vel X; & aD, feminocturnus.

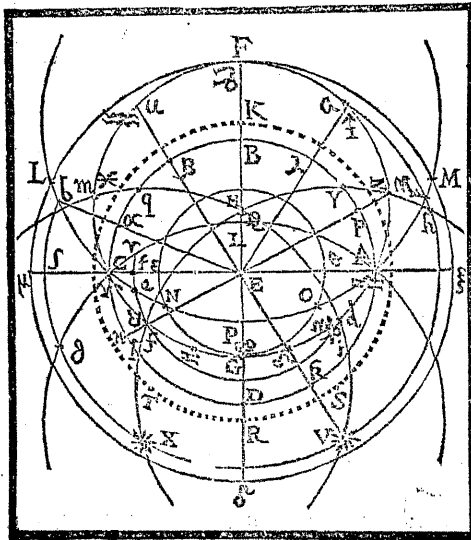
A L I T E R. Descripto per datum Eclipticæ punctum, aut stellam, Horizonte obliquo, (cuius centrum semper est in parallelo KZR, per centrum Horizontis K, descripto, & femidiameter PK,) ducatur ex E, centro ad idem punctum, vel stellam recta, quæ auferet ex Aequatore differentiam ascensionalem inter ipsam rectam, & Horizontem obliquum descriptum, ut in Can. 5. Num. 6.

K k k k 2 dictum

Arcum semidiurnum vel feminocturnum dati puncti, aut stellæ, sine instrumento inuenire.



dictum est. Hæc igitur, quando punctum datum, vel stella est borealis, addita ad quadrantem, conficiet arcum semidiurnum, eadem vero ex quadrante sublata, quando datum punctum, vel stella australis est, arcum semidiurnum relinquet. Verbi gratia, si per principium γ , & per initium m , Horizon obliquus describatur secans Aequatorem in l , Y , ducanturque rectæ $E f$, $E Z$, ad initia γ , & m , secantes Aequatorem in n , p , erunt differentie ascensionales ln , Yp . Et quia principium γ , boreale est, addita differentia ln , ad quadrantem, efficiet arcum semidiurnum primi puncti γ . Quia vero initium m , australe est, differentia Yp , ex quadrante dempta arcum semidiurnum relinquet. Denique descripto Horizonte per stellam V , secante Aequatorem in i , ductaque recta $E V$, secante Aequatorem in k , erit differentia ascensionalis stellæ ik , quæ ablata ex quadrante semidiurnum arcum stellæ V , relinquet, cum stella australis sit, vtpote vltra Aequatorem collocata.



Ex dato arcu semidiurno, seminocturno punctum Eclipticæ respondens sine instrumento perscrutari.

per punctum illud sectionis in Horizonte descriptus, secabit Eclipticam in duobus punctis æqualiter à tropico puncto distantibus, quibus datus arcus semidiurnus, vel seminocturnus convenit. Ut si arcus semidiurnus sit Ba , vel seminocturnus Da ; ducta recta Ea , secabit Horizontem in b , puncto, per quod parallelus ex E , delineatus secat Eclipticam in principiis α , & ω . Hisce ergo punctis arcus semidiurnus, vel seminocturnus oblatu congruit.

SCHO-

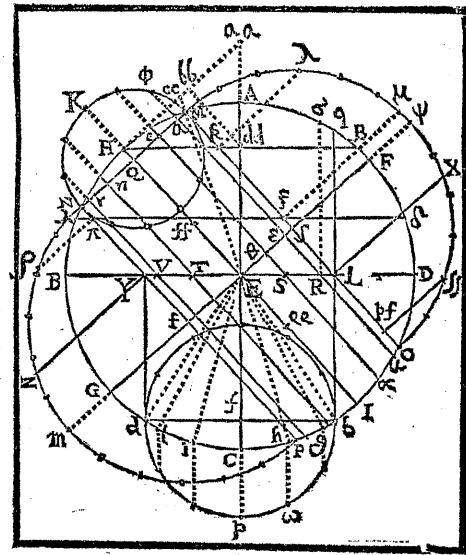
SCHOLIUM.

1. IDEM arcus semidiurnus, vel seminocturnus dati puncti Eclipticæ, aut cuiuslibet stellæ, per Analemma peruestigabimus hac ratione. Invenit ex scholio Can. 3. declinatione propositi puncti, vel stellæ, ducatur in Analemmate diameter paralleli, quem datum punctum, aut stellæ describit. Nam eius portio superior inter Meridianum, ac diametrum Horizontis, est sinus versus arcus semidiurni, inferior autem portio, sinus versus arcus seminocturni questus. Exempli causa, in Analemmate scholij præcedentis Canonis, declinatio principij γ , est HM , eiusque paralleli diameter MO , secans Horizontis diametrum in L . Erit igitur ML , sinus versus arcus semidiurni principij γ , & OE , sinus versus arcus seminocturni: adeo ut, descripto circulo MXO , circa diametrum paralleli MO , & ducta ex L , perpendiculari LX , ad MO , arcus semidiurnus γ , sit MX , & seminocturnus OX . Nam cum γ Horizon, & parallelus MXO , in propria positione, ad Meridianum rectus sit; erit quoque communis eorum sectio ad eundem recta, ideoque ex desin. 3. lib. 11. Euclid. ad MO , in Meridiano existentem perpendicularis. Recta ergo LX , ad MO , perpendicularis, communis sectio erit Horizontis, ac paralleli MXO ; atque idcirco MX , arcus semidiurnus erit, & OX , seminocturnus. Eadem ratione erit NZ , arcus semidiurnus γ , & PZ , seminocturnus. Et sic de cæteris. Quod si HM , poneretur declinatio alicuius stellæ, esset MX , arcus eius diurnus, & OK , seminocturnus eiusdem.

Arum semidiurnum, aut seminocturnum dati puncti Eclipticæ, vel stellæ ex Analemmate perscrutari.

219. vides.

EST autem tam SL , quam TY , sinus rectus differentia ascensionalis, adeo ut in punctis Eclipticæ, & stellis septentrionalibus arcus $\downarrow X$, ad quadrantem adiectus conficiat arcum semidiurnum, arcus vero mZ , in australibus ex quadrante subtractus arcum semidiurnum relinquat, &c.



2. EX cognito autem arcu semidiurno eliciemus punctum Eclipticæ, cui congruit, hac ratione. A punctis F , & G , numeretur in utramlibet partem differentia inter datum arcum semidiurnum, & semidiurnum arcum Aequatoris, siue quadrantem, & recta terminos numerationis connectens, quæ ex scholio propos. 27. lib. 3. Eucl. axi FG , parallela erit, ob arcus numeratos æquales, secet Aequatoris diametrum in ee , ut ee , sinus rectus sit dictæ differentia. Deinde erecta Haa , perpendiculari ad eandem

dem

dem diametrum Aequatoris, qua diametrum Verticalis productam fecit in aa, sumptaque aa bb, ipsi Eee, aequali, ducatur bb dd, ipsi HI, parallela secans AC, in dd: ac tandem ipsi bb dd, aequalis abscondatur Hcc. Nam recta Ecc, ducta abscondet arcum declinationis puncti quaesiti HM: qua borealis erit, si datus arcus semidiurnus quadrante maior fuerit, australis vero, si minor. Atque huic declinationi inuenta assignabitur punctum Ecliptica respondens, ut in scholio Can. 3. Num. 3. traditum est. Hoc autem sic demonstrabitur. Quoniam, ut in Lemmate 49. lib. 1. Num. 17. demonstrauimus, est ut sinus totus ad tangentem altitudinis poli, ita tangens declinationis cuiusuis puncti Ecliptica ad sinum differentia ascensionalis; erit conuertendo, ut tangens altitudinis poli, ad sinum totum, ita sinus differentia ascensionalis ad tangentem declinationis. Cum ergo Haa, sit tangens arcus AH, altitudinis poli, & aa bb, sinu differentia ascensionalis Eee, aequalis;

(Eadem enim est differentia ascensionalis, qua arcus semidiurni, &c. ut in eodem Lemmate 49. Num. 15. dictum est) a, sitque ut aaH, tangens altitudinis poli ad HE, sinum totum, ita aa bb, sinus differentia ascensionalis ad bb dd, hoc est, ad Hcc, ipsi bb dd, aequalis; erit Hcc, tangens declinationis quaesitae, ac proinde HM, arcus erit declinationis.

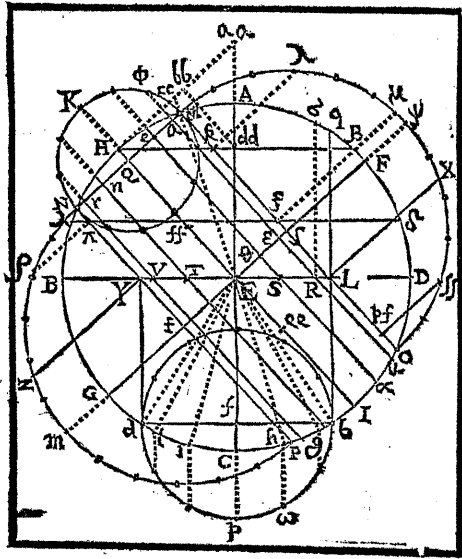
ALITER. Per Lemma 52. lib. 1. in Horizontis diametro BD, inueniantur puncta L, Y, in quibus Ellipsis circa axes FG, eeff, (sumpta Eeff, ipsi Eee, equali) descripta eam intersecat. Nam si per L, quando arcus semidiurnus datus maior est quadrante, aut per Y, quando minor, diametro Aequatoris HI, parallela agatur MO, vel NP, erit

hac, diameter paralleli per quaesitum punctum descripti, proindeque declinationem quaesitam ex Meridiano abscondet. Cum enim per Lemma 51. lib. 1. sit, ut EI, ad Eee, ita FO, ad FL; vel ut EH, ad Eeff, ita IN, ad IY, sint; ex Lemmate s. sinus similium arcuum sinibus totis proportionales; erit FL, vel IY, sinus differentia ascensionalis in circulo diametri MO, vel NP, quemadmodum Eee, vel Eeff, in circulo maximo ABCD.

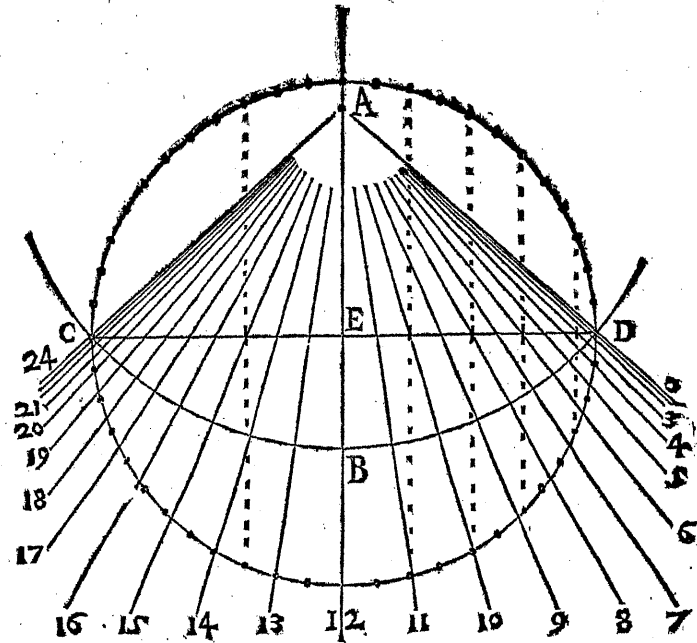
ELLIPSIS porro circa axes FG, eeff, descripta refert circulum declinationis, vel horarium, per mundi polos, & punctum Horizontis, in quo à parallelo dati arcus semidiurni secatur; quippe cum perpendiculares ex eius punctis in Meridianum demissa eam efficiant, punctumque illud Horizontis in L, vel Y, cadat.

SED ex dato arcu semidiurno cuiusuis paralleli eliciemus quoque declinationem

a 4. sexti.



respondentem eo modo, quem ex Schoneo tradidimus in scholio propof. 33. lib. 1. Gnomonices, & ad calcem lib. 8. demonstrauimus, eundemque denique in libello de Fabrica & usu instrumenti horologiorum cap. 12. repetiuimus. Nam si in ea figura, quam hic appofuimus, numeretur arcus semidiurnus ex D, in circulo circa rectam



CD, descriptio, diuisioque in 24. partes aequales, vel in grad. 360. & per finem numerationis radio Aequatoris AB, parallela agatur, secabitur CD, in puncto, per quod recta ex A,educta abscondet ex arcu CBD, arcum declinationis quaesitae à puncto B, inchoatum, qua australis erit, si in arcu BD, contineatur, borealis vero, si in arcu BC, &c.

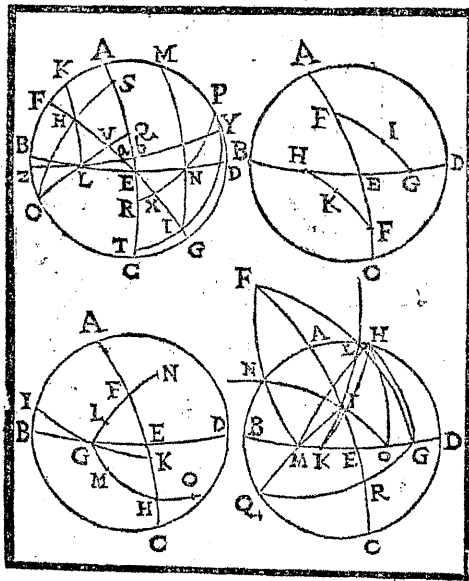
3. PER sinus denique ita agemus. Cum in Lemmate 49. Num. 15. demonstratum sit, eandem esse differentiam ascensionalem cuiuslibet puncti Ecliptica, & differentiam inter arcum semidiurnum paralleli per illud punctum descripti, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui semper quadrans est, satis est, si differentia ascensionalis dati puncti Ecliptica, vel proposita stella, inquiratur: hac enim, si punctum Ecliptica, vel stella in boream recedit ab Aequatore, adiecta ad quadrantem conficit arcum semidiurnum, ablata vero ex quad. ante, seminocturnum arcum relinquit; Si autem punctum, vel stella in austrum declinat, eadem differentia ex quadrante sublata arcum semidiurnum reliquum facit, adiecta vero ad quadrantem conficit arcum seminocturnum. Id quod in praedicto Lemmate, & Num. 15. eodem, à nobis quoque demonstratum fuit. Hac autem differentia ascensionalis supputanda erit, ut in scho-

Arcum semidiurnum, & seminocturnum dati puncti, vel stellae per sinus inquirere.

lio Canonis s. Num. 4. tradidimus. Poterunt etiam, si placet, adhiberi alia rationes supputandi arcum semidiurnum, quas lib. 1. Gnomonices propos. 34. & in scholio propos. 35. demonstrauimus, quarum unam in scholio Can. 10. Num. 2. afferemus.

VICISSIM dato arcu semidiurno, seminocturno, reperiemus punctum Eclipticæ, cui congruit, hac ratione. Subducto arcu dato ex quadrante, vel quadrante ex illo, ut differentia habeatur inter datum arcum semidiurnum, seminocturnum, & arcum semidiurnum Aequatoris, qui quadrans est; si quæsitum punctum concipiatur constitutum in Horizonte, per quod ex mundi polo circulus maximus declinationis ducatur, constitutum erit triangulum sphericum reſt angulum, cuius angulus reſtus ab illo circulo declinationis, & Aequatore continetur, & arcus Aequatoris inter Horizontem, & prædictum circulum declinationis, notus, cum differentia sit inter datum arcum semidiurnum, seminocturnum, & quadrantem Aequatoris; angulus denique, quem Aequator cum Horizonte efficit, complementum est altitudinis poli, qui arcui declinationis, quem quarimus, in dicto triangulo opponitur. Si igitur per 1. modum problematis 11. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum differentie inter arcum semidiurnum, aut seminocturnum datum, & quadrantem Aequatoris, ita tangens complemen-

Dato arcu semidiurno, aut seminocturno, punctum Eclipticæ respondens per numeros inuelligare.



ti altitudinis poli, ad aliud, producet tangens declinationis quæsitæ. Huiusmodi triangulum habetur in primo circulo figura 1. problematis 49. quam hoc loco repetimus. Ibi enim puncti Eclipticæ borei arcus semidiurnus est MN, cui similis est arcus Aequatoris AR; & ER, differentia inter semidiurnum arcum AR, & quadrantem AE, qui arcus semidiurnus Aequatoris est; triangulum denique prædictum est ENR, in quo per 1. modum problem. 11. triang. spher. ultimi Lemmatis, est ut sinus totus ad sinum arcus ER, differentie prædictæ, ita tangens anguli REN, complementi altitudinis poli ad tangentem arcus declinationis NR. Simile triangulum est ELQ, quando KL, vel arcus Aequatoris similis AQ, est arcus semidiurnus puncti Eclipticæ australis H, &c. Inuenta hoc modo declinatione, inquirendum est punctum Eclipticæ ei respondens, ut in scholio Can. 3. scripsimus: Et si quidem arcus semidiurnus datus maior est 6. horis, vel seminocturnus arcus 6. horis minor, erunt duo puncta Eclipticæ borealia à principio ☊, aequaliter remota, quibus congruit australia vero à principio ☋, aequaliter distantia, si 6. horis minor est arcus semidiurnus, aut seminocturnus 6. horis maior. Si tamen declinatio inuenta fuerit maxima declinationi aequalis, respondebit arcui semidiurno 6. horis; maiori, & seminocturno 6. horis.

us puncti Eclipticæ australis H, &c. Inuenta hoc modo declinatione, inquirendum est punctum Eclipticæ ei respondens, ut in scholio Can. 3. scripsimus: Et si quidem arcus semidiurnus datus maior est 6. horis, vel seminocturnus arcus 6. horis minor, erunt duo puncta Eclipticæ borealia à principio ☊, aequaliter remota, quibus congruit australia vero à principio ☋, aequaliter distantia, si 6. horis minor est arcus semidiurnus, aut seminocturnus 6. horis maior. Si tamen declinatio inuenta fuerit maxima declinationi aequalis, respondebit arcui semidiurno 6. horis; maiori, & seminocturno 6. horis.

horis minori, primum punctum ☊; at semidiurno arcui 6. horis minori, & seminocturno 6. horis maiori, primum punctum ☋. congruet.

HORAM interdiu ex altitudine Solis, & noctu ex altitudine cuiusvis stellæ, expiscari.

1. QVONIAM quatuor sunt genera horarum, tria æqualium, nimirum vel a meridie, aut media nocte, vel ab ortu Solis, vel a Solis occasu initium sumentium, & vnum inæqualium, de quibus copiose satis ad initium nostre Gnomonices scripsimus: de omnibus Canon propositus est intelligendus. Diurno ergo tempore si horam à mer. vel med. noc. elapsam desideras, accipe per Can. 1. altitudinem Solis, & circumducere, donec gradus Eclipticæ, in quo Sol tunc moratur, parallelum Horizontis, siue Almucantarath inuentæ altitudinis attingat, ex parte quidem orientali, si tempus est antemeridianum, si vero pomeridianum, ex parte occidentis. Linea enim fiducia Ostensoris eidem gradui Solis superposita, in Limbo horam à med. noc. indicabit, vel à mer. prout tempus fuerit antemeridianum, vel pomeridianum. Quod si horæ in Limbo descriptæ non sint, elicienda erit hora ex arcu Limbi inter lineam fiduciam cum situm habentem, & lineam meridianam intercepto, tribuendo quindenis gradibus singulas horas, & singulis gradibus quaterna horæ minuta: ita tamen, ut ante meridiem arcus ille incipiat à linea meridiana ex parte inferiori, post meridiem vero ex parte superiori.

Horæ à mer. vel med. noc. interdiu per Astrolabium veniunt.

2. SI vero tempore nocturno eandem horam à mer. vel med. noc. inquirere velis, obserua per Can. 1. stellæ alicuius in reti descriptæ altitudinem, & circumduc rete, donec cacumen eius stellæ parallelum Horizontis, siue Almucantarath altitudinis inuentæ attingat, ex parte quidem orientali, siue sinistra, si stella ad Meridianum nondum peruenerit, si vero Meridianum transierit, ex parte dextra, siue occidentali. Linea enim fiducia gradui Solis superposita, monstrabit in Limbo horam à mer. vel med. noct. prout gradus Solis extiterit uel in medietate Astrolabii dextra, vel sinistra. Quod si horæ in Limbo notatæ non sint, reducendi erunt ad horas gradus Limbi inter lineam fiduciam, & lineam meridianam, initio factæ à parte superiore, si gradus Solis fuerit in parte Astrolabii occidentali, siue dextra; si vero in parte orientali, vel sinistra, à parte inferiori. Prior enim arcus dabit horas à mer. & posterior à med. noc. elapsas.

Horam à mer. vel med. noc. per Astrolabium noctu inquirere.

3. HORAM ab or. vel occ. sic inquires. Nota punctum horæ à mer. vel med. noc. inuenta siue per altitudinem Solis interdiu, siue noctu per altitudinem stellæ, ut dictum est. Deinde posito gradu Solis in Horizonte orientali, si hora ab or. quæratur, vel occidentali, si hora ab occ. desideretur, numera arcum Limbi inter punctum, quod linea fiducia Ostensoris gradui tunc Solis superposita indicat, & punctum horæ à mer. vel med. noc. prius notatum, progrediendo semper à posteriori puncto notato cõtra successione signorum: ad illud prius, (hoc est, ab ortu in occasum progrediendo vsque ad punctum horæ à mer. vel med. noc. notatum) scilicet dextram versus; nimirum pro hora à mer. vel med. noc. notatum.

Horam ab or. vel occ. per Astrolabium cognoscere.

ra ab occ. ex parte occidentali versus inferiorem partem Astrolabii, pro hora vero ab or. ex parte orientali versus superiorem. Nam si gradus in hoc arcu limbi comprehensū reuocentur ad horas, habebitur numerus horarum ab occ. vel ortu elapsarum.

QVOD si in parte inferiori Astrolabii arcus horarum ab or. & occ. descripti sint, vt lib. 2. prop. 9. Num. 6. diximus, collocato interdiu gradu Solis supra circulum Almucantarath inuentæ altitudinis Solis, moto tamen reti à sinistra dextram versus, ita vt sinistra sit pars ante meridiem, & dextra post meridiem, indicabit gradus oppositus inter illos arcus horam ab occ. Posito autem eodem gradu Solis supra circulum Almucantarath altitudinis Solis inuentæ, moto tamen reti à dextra sinistram versus, ita vt pars dextra spectet ad tempus ante meridiem, & sinistra ad pomeridianum, indicabit idem gradus oppositus inter arcus eorundem horarios horam ab or. vt numeri horarum in figura dictæ propof. 9. lib. 2. monstrant. Nocturno vero tempore horæ ab occ. ex altitudine stellarum inueniri hac ratione non poterunt, nisi alii arcus horarii, qui priores interfecerat, describantur. Quare prior ratio exposita magis probanda videtur.

4. DENIQVE horam inæqualem in parte inferiori Astrolabii ostendet interdiu gradus oppositus Solis, posito ipso gradu Solis in parallelo Horizontis, siue Almucantarath inuentæ altitudinis Solis, noctu vero idem præstabit ipsemet gradus Solis, si stella in Almucantarath suæ altitudinis inuentæ collocata fuerit.

5. QVANDO paralleli Horizontis non per singulos gradus ducuntur, sed duobus gradibus, vel tribus, aut quinque inter se distant, & altitudo Solis vel stellæ inuenta non habet parallelum respondentem, sed collocanda est inter duos eiusmodi parallellos; vt accuratius in propria altitudine collocetur, inuenienda erit pars proportionalis hoc modo. Collocetur gradus Solis, vel stellæ cacumen, super parallelum proxime minoris altitudinis, noteturque punctum in limbo à linea fiduciæ illi gradui, vel stellæ superposita ostensum. Deinde idem gradus, vel cacumen stellæ moueatur vsque ad parallelum proxime maioris altitudinis vna cum linea fiduciæ, punctumque rursus in limbo notetur, & gradus limbi inter duo illa puncta diligenter numerentur. Post hæc fiat, vt numerus graduum inter duos proximos parallellos in Astrolabio inclusorum ad numerum graduum limbi inter duo illa puncta notatum, ita numerus graduum altitudinis Solis, vel stellæ, subtracto prius numero graduum paralleli proxime minoris altitudinis, ad aliud. Inuenietur enim quartus numerus graduum, qui si à priore puncto notato in limbo supputetur versus punctum posterius, & ad finem supputationis admoueatur linea fiduciæ, collocandus erit gradus Solis, vel cacumen stellæ præcisè sub linea fiduciæ eum situm obtinente, vt proprium situm suæ altitudinis habeat. V. g. ponamus vnum parallelum ab alio distare grad. 5. & altitudinem inuentam esse grad. 33. Notatis ergo punctis in limbo, quæ exhibentur à linea fiduciæ super gradum Solis, vel cacumen stellæ posita, quando tum in parallelo grad. 30. tum in parallelo grad. 35. collocatur, si gamus inter duo illa puncta positos esse grad. 16. Si ergo dicamus; Si differentia grad. 5. inter duos proxime parallellos requirit in limbo grad. 16. quid requirit differentia grad. 3. inter altitudinem grad. 33. & parallelum grad. 30. inueniemus grad. 9. Min. 36. quos si numeremus à priore puncto in limbo, & ad terminum numerationis applicemus lineam fiduciæ, ac denique sub linea fiduciæ in eo situ gradum Solis, vel cacumen stellæ statuamus, collocatus erit gradus Solis, vel cacumen stellæ in altitudine grad. 33.

6 SINE

6. SINE instrumento horam perscrutabimur hac ratione. Repetatur secunda figura Can. 5. in qua Aequator ABCD, circa centrum E; tropici F, G, & Ecliptica AFCG, cuius polus M; Horizon obliquus AQC, cuius centrum K, & vertex, vel polus L, per quem descriptus sit Verticalis primarius ALC, cuius centrum φ, & polus Q, intersectio nimirum Horizontis cum Meridiano; Denique Kg, parallelus per K, centrum Horizontis descriptus, in quo centra omnium circulorum horariorum ab or. vel occ. existunt, vt lib. 2. propof. 9. Num. 5. demonstrauius: Diurno ergo tempore horam inuestigaturus capiet altitudinem Solis. Deinde quærat intersectionem paralleli puncti illius Eclipticæ, quod Sol tunc occupat, cum parallelo Horizontis per gradum altitudinis inuentæ descripto. Recta enim ex centro E, per punctum illud intersectionis ducta secabit Aequatorem in puncto distantia Solis a mer. vel med. noc.

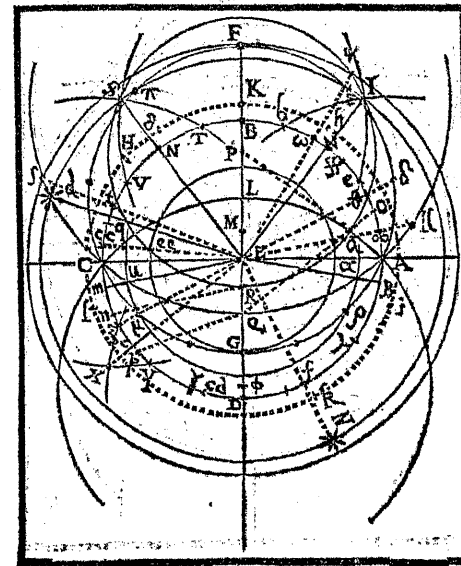
Horam sine
centrali instrum
to inuestigare.

Hora a mer. vel
med. noc. tempe
re diurno.

adeo vt arcus Aequatoris inter punctum illud, & meridianam lineam inferiorem ad horas redactus det horam a med. noc. si tempus est ante meridianum, arcus vero inter idem punctum, & lineam meridianam superiorem, horam a mer. si tempus pomeridianum est. V. g. Sole existente in principio ♈, vel ♎, obseruata sit altitudo Solis grad. 20. siue ante merid. siue post. Describatur per π, principium ♎, aut per ε, principium ♈, parallelus Aequatoris πζd. Deinde numerata in Aequatore altitudine Solis AO, grad. 20. siue ex parte orientali, siue occidentali, ducatur ex Q, polo Verticalis per O, recta QO, secans Verticalem in a, complecteturque arcus Aa, grad. 20. altitudinis Solis, vt lib. 2. propof. 5. Num. 17.

& sequentibus ostensum est; ac proinde per a, parallelus Horizontis per Solem tunc transiens describendus erit. Ducta ergo per a, recta ap, tangente Verticalem in a, hoc est, perpendiculari ad a φ, semidiametrum Verticalis, si ducta esset, erit P, centrum eius paralleli, & Pa, semidiameter, ex iis, quæ propof. 6. lib. 2. Num. 10. demonstrauius: qui tamen parallelus aliis viis, quas lib. 2. propof. 6. tradidimus, describi etiam poterit, si placet. Secet autem parallelus hic Horizontis, ex P, per a, descriptus (qui necessario per punctum R, in linea meridiana transibit, in quod cadit recta ex A, ad terminum n, arcus Cn, grad. 20. altitudinis Soliseducta, vt ex iis liquet, quæ in eadem propof. Num. 2. ostensa sunt a nobis) parallelum Aequatoris πε, in S, & I, ducaturque ex E, centro recta ES, vel EI, secans Aequatorem in N. Si igitur altitudo Solis accepta fuerit

Llll 2 ante



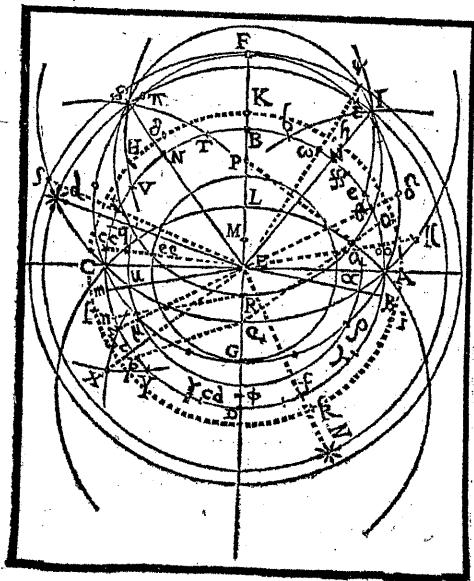
Horam inæqua-
lem per Astrola-
bium inquirere.

Quando altitudo
Solis vel stellæ
non habet paral-
lelum Horizontis
respondentem
quo pacto inter
proxime mino-
rem, & proxime
maiores paral-
lelum locandus sit
Sol, vel stella vt
proprium habeat
altitudinem.

ante meridiem, indicabunt gradus in arcu DN, contenti horas a med. noc. elapsas; si vero post meridiem, gradus in arcu BN, comprehensi horas a meridie transactas monstrabunt, propterea quod tunc temporis punctum Eclipticæ datum π , vel ϵ , in S, vel I, existit, & recta ES, vel EI, lineam fiduciæ refert, non fecus, ac si rete circumuolueretur.

Hora ab or. vel occ. tempore dinoscitur.

IAM si hora ab ortu desideretur ante meridiem, describendus est per S, punctum interfectionis paralleli Solis cum parallelo Horizontis, circulus SV, ad interuallum semidiametri Horizontis KQ, ex centro h, in parallelo KH, assumpto, ita ut eius conuexum in V, puncto Aequatoris vergat versus partes orientales, siue posterius orientes, hoc est, ita ut eius conuexo occurramus progredientes ex C, principio V, contra successiorem signorum. Nam arcus CV, dabit horam ab ortu numeratam, ut ex iis constat, quæ lib. 2. propof. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Si vero quæratur ante meridiem hora ab occ. describendus est per idem punctum S, circulus ST, ad interuallum semidiametri Horizontis KQ, ex centro l, in parallelo Kg, assumpto, ita ut eius concauum in T, puncto Aequatoris progredientibus nobis ex A, contra successiorem signorum occurrat, hoc est, vergat ad partes orientales. Nam arcus ADCT, horam ab occ. indicabit, ut ibidem ostendimus. At si post meridiem, tam hora ab or. quam ab occ. inuenienda sit, describendi erunt per l, dicti duo circuli, quales sunt Ib, Ie, quorum centra sunt i, g. Arcus enim Cb, contra signorum seriem vsque ad conuexum circuli Ib, numeratus dabit horam ab or. & arcus Ace, contra



signorum successiorem vsque ad concauum circuli Ie, computatus horam ab occ. exhibebit.

Hora ab or. vel occ. tempore dinoscitur.

TEMPORE autem nocturno obseruetur altitudo alicuius stellæ, nimirum eius, quæ situm habet in Z, ponamusque altitudinem inuentam esse grad. 20. & stellam nondum ad Meridianum peruenisse, ac Solem in δ , principio η , existere: fecent autem se mutuo in S, ex parte orientali parallelus a stella descriptus $\pi\delta Z$, & parallelus Horizontis RS, grad. 20. Deinde ductis rectis EZ, ES, E δ , secantibus Aequatorem in f, N, θ , arcui f θ , secundum signorum successiorem computato sumatur aequalis Nc, a puncto N, secundum seriem etiam signorum progrediendo, & per eius terminum c, recta ducatur EX, ipsi E δ , æqualis, ita ut parallelus per δ , principium η , descriptus, transeat per X. Et quoniam moto reti, donec stella Z, ad S, perueniat, & recta Z, recta ES, congruat,

congruat, recta E δ , congruat rectæ EX, & punctum δ , puncto X, propter æqualitatem arcuum f θ , Nc, sit ut existente stella Z, in S, Sol primum punctum η , occupans existat in X; ac proinde arcus Dc, horam a med. noc. exhibeat. Quod si per X, ad interuallum semidiametri Horizontis KQ, ex centrīs H, k, in parallelo KH, assumptis, duo circuli describantur secantes Aequatorem in ξ , Y, dabit arcus AD ξ , horam ab occ. & arcus CBADY, horam ab ortu, ut patet ex iis, quæ lib. 2. propof. 9. Num. 7. & 8. scripsimus. Arcus porro BN, indicat distantiam stellæ a Meridiano tempore obseruationis.

SOLE existente in principio θ , habenteque eandem altitudinem grad. 20. si ducatur recta E δ , ad interfectionem paralleli θ , cum parallelo Horizontis grad 20. secans Aequatorem in o; dabit arcus B θ , horam a mer. si tempus fuerit pomeridianum, & arcus DA θ , horam a med. noc. si tempus antemeridianum fuerit. Sic etiam quando Sol primum punctum θ , tenet, altitudinemque habet grad. 20. si ducatur recta Eee, per interfectionem paralleli θ , cum parallelo Horizontis grad. 20. secans Aequatorem in cc; dabit arcus Bcc, horam a mer. tempore pomeridiano, arcus vero Dcc, antemeridiano tempore horam a med. noc. præbebit. Et si per δ , ee, bini circuli describantur ad interuallum semidiametri Horizontis, KQ, quorum centra in parallelo Kg, existant, reperietur quoque hora tam ab or. quam ab occ. sicuti in præcedentibus.

Horam inæqualis siue instrumentodeprehendit.

7. HORAM denique inæqualem cognoscemus, si arcum semidiurnum, aut seminocturnum paralleli per datum punctum Eclipticæ descripti, in sex partes æquales partiamur pro horis inæqualibus. Recta etenim ex centro E, ad locum Solis tempore obseruationis, ut ad S, vel X, ducta, indicabit, quanta hora inæqualis transacta est.

SCHOLIUM.

1. SI Analemma ad datam poli altitudinem describatur, ut in 19. Lemmate lib. 1. & in scholio Can. 6. tradidimus, cognoscemus horam interdiu ex altitudine Solis hoc modo. Ducta in Analemmate scholij Can. 6. diametro paralleli per gradum Solis transeuntis MO, vel NP, descriptoque circa eam semicirculo MXO, vel NZP, erigatur ad eandem ex puncto L, vel Y, ubi à diametro Horizontis secatur, perpendicularis LX, vel YZ, ut MX, vel NZ, sit arcus semidiurnus, & OX, vel PZ, seminocturnus. Deinde ex D, & B, supputata altitudine Solis vsque ad δ , & γ , negetatur $\delta\gamma$, diameter paralleli Horizontis inuenta altitudinis; & ex puncto ξ , vel π , ubi diametrum paralleli Solis diuidit, perpendicularis ad eandem paralleli Solis diametrum excitetur $\xi\mu$, vel $\pi\rho$. Nam arcus M μ , vel N ρ , horam a mer. vel med. noc. indicabit, prout tempus obseruationis pomeridianum, aut antemeridianum fuerit; propterea quod Sol tempore obseruationis in puncto μ , vel ρ , existit. Cum enim parallelus Solis, cuius diameter MO, vel NP, & parallelus Horizontis, cuius diameter $\gamma\delta$, ad Meridianum recti sint, erit eorum communis quoque sectio ad eundem recta, adeoque ex desin. 3. lib. 11. Eucl. ad rectam MO, vel NP, in plano Meridiani existentem perpendicularis erit. Quapropter $\xi\mu$, vel $\pi\rho$, ad MO, vel NP, perpendicularis, communis illa sectio erit; atque idcirco cum Sol tunc in communi illa sectione existat, nimirum in puncto, ubi se duo illi paralleli per Solem descripti interfecant; erit Sol in puncto μ , vel ρ , ac proinde arcus M μ , vel N ρ , distantiam eius à Meridiano metietur.

Hora à mer. vel med. noc. interdiu ex Analemmate perferuntur.

ARCUS autem X μ , vel Z ρ , distantia erit Solis ab Horizonte, cum LX, vel YZ,

a 19. undec.

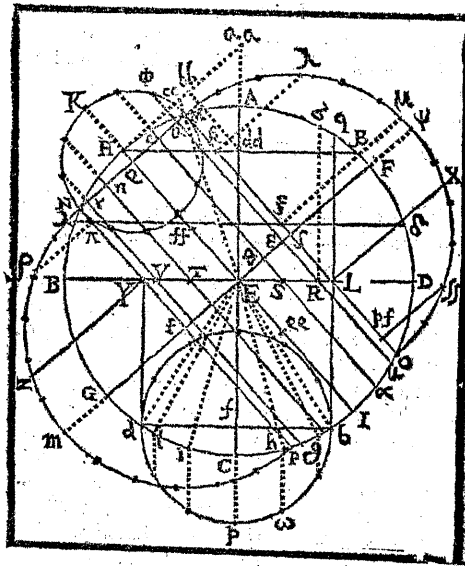
vel YZ , communis sectio sit Horizontis, ac paralleli Solis, ut in scholio precedentis Canonis Num. 1. demonstratum est. Ex hac distantia $X\mu$, vel $Z\rho$, ita horam ab or. cognoscemus. Si tempus est ante meridiem, arcus ipse $X\mu$, vel $Z\rho$, horam ab or. exhibebit, si vero post meridiem, arcus conflatus ex XM , & $M\mu$, vel ex ZN , & $N\rho$, eandem horam manifestabit; quod tunc Sol motus sit ab X , vel Z , puncto ortus usque ad M , vel N , punctum meridiem, & à meridiem usque ad μ , vel ρ . Ex eadem distantia $X\mu$, vel $Z\rho$, horam occ. sic cognoscemus. Si tempus est ante meridiem, arcus conflatus ex XO , & $O\mu$, vel ZP , & $P\rho$, horam ab occ. indicabit, quod Sol motus tunc sit ab X , vel Z , puncto occasus, usque ad O , vel P , punctum meridiem, & à meridiem usque ad μ , vel ρ . Si vero Sol fuerit post meridiem, arcus conflatus ex XO , & OM , semicirculo, & $M\mu$, vel ex ZP , & PN , semicirculo, & $N\rho$, eandem horam ab occ. notam efficiet, propterea quod Sol motus tunc erit ab X , vel Z , puncto occasus, usque ad O , vel P , punctum meridiem, & hinc usque ad M , vel N , punctum meridiem, ac denique hinc usque ad μ , vel ρ .

Horam inaequale interdu per Analemma venari.

Horam quamcumque nocte per Analemma explorare.

SI arcus semidiurnus XM , vel ZN , in sex partes aequales dividatur pro horis inaequalibus, indicabit eadem perpendicularis $\xi\mu$, vel $\eta\rho$, horam inaequalem, &c.

2. NOCTURNO autem tempore ex altitudine alicuius stella hac ratione horam venari licebit. Distantia stella à Meridiano quaratur, ut de Sole diximus, per lineam videlicet perpendiculararem ductam ad diametrum paralleli stella ex puncto, ubi ea diametrum paralleli Horizontis transeuntem per inuentam stella altitudinem intersectat. Vt si stella, cuius declinatio sit HM , borealis, & diameter eius paralleli MO , ipse vero parallelus MO , habeat altitudinem $D\beta$, vel BH , ita ut ducta recta $H\beta$, sit diameter paralleli Horizontis per stellam ducti, secans diametrum paralleli eiusdem stella in k ; ostendet perpendicularis $k\lambda$, distantiam stella $M\lambda$, à Meridiano semicirculo supero in ortum, vel occasum, prout stella reperia fuerit in parte orientali, vel occidentali. Deinde ut regularum multitudinem fugiamus in hora inquisitione ex distantia stella à Meridiano inuenta, accipiemus semper eius distantiam à Meridiano supero versus ortum, siue secundum successione signorum, ita ut stella existente occidentali, eius distantiam inuentam ex integro circulo detrahamus, ut reliqua fiat eiusdem distantia à Meridiano supero ortum versus computata, licet semicirculo maior sit. Verbi gratia, si deprehensa fuerit distantia alicuius stella à Meridiano supero versus occasum grad. 70. detrahemus 70. ex grad. 360. ut relinquatur grad. 290. pro distantia eiusdem à supero



Distantiam stelle à meridiano supero ortum versus sumendam esse ad horam inueniendam.

sum, siue secundum successione signorum, ita ut stella existente occidentali, eius distantiam inuentam ex integro circulo detrahamus, ut reliqua fiat eiusdem distantia à Meridiano supero ortum versus computata, licet semicirculo maior sit. Verbi gratia, si deprehensa fuerit distantia alicuius stella à Meridiano supero versus occasum grad. 70. detrahemus 70. ex grad. 360. ut relinquatur grad. 290. pro distantia eiusdem à supero

per Meridiano ortum versus computata.

DEINDE ex hac distantia stella à Meridiano supero versus ortum computata inuestigetur distantia Solis à stella ab occasu quoque in ortum, hac arte. Ascensio recta stella ex scholio Can. 4. Num. 2. inuenta auferatur ex ascensione recta Solis ex eod. scholio Num. 1. cognita, adiecto prius integro circulo, si subtractio fieri nequeat. Numerus enim reliquus dabit distantiam Solis à stella secundum signorum successione numeratam. Vt si in proximo Analemmate circulus $ABCD$, cogitatur esse Ascensio, in quo dicta distantia numeranda sunt, & D , principium Ψ , atque A , punctum Meridiano superi, ponatur autem AM , distantia stella à Meridiano supero versus ortum, & AN , distantia Solis, ab eodem Meridiano in ortum, si DM , ascensio recta stella ex DN , ascensione recta Solis detrahatur, reliquus fiet arcus MN , distantia Solis à stella secundum signorum ordinem. Rursus si distantia stella à Meridiano in occasum sit Aq , ita ut eiusdem distantia in ortum sit $ABCDq$, & distantia Solis à Meridiano versus eandem partem sit $ABCD\delta$; recta autem ascensio stella Dq , ex $D\delta$, ascensione recta Solis, adiecto prius integro circulo, detrahatur, (quod fiet, si Dq , ex toto circulo dematur, & reliquo arcui $qBCD$, ascensio recta Solis $D\delta$, adiciatur) reliquus fiet arcus $qBCD\delta$, distantia Solis à stella secundum signorum successione numerata. Verum eadem hac distantia Solis à stella inuenietur hoc etiam modo. Quando ascensio recta Solis maior reperitur ascensione recta stella, subtracta hac ex illa, remanebit distantia Solis quaesita à stella. Vt quoniam DM , ascensio recta stella minor est, quam ascensio recta Solis DN , subtracto arcu DM , ex arcu DN , relinquatur MN , distantia Solis à stella ab occ. in ortum. Quando autem recta ascensio Sole minor est ascensione recta stella, si illa ex hac subtrahatur, & reliquus numerus ex toto circulo, reliqua erit distantia Solis quaesita à stella. Vt postea stella in M , & Solis in δ , si $D\delta$, ascensio Solis recta ex DM , ascensione recta stella dematur, relinquatur arcus δM , quo subtra 90 ex toto circulo, reliquus sit arcus $MC\delta$, distantia Solis à stella ab occ. in ortum.

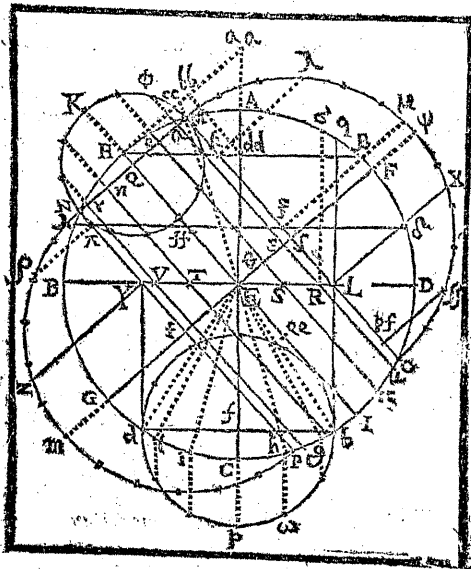
Distantia Solis à Meridiano supero ortum quoque pariter inuestigetur ex distantia stella à Meridiano supero ortum versus numerata.

IA M vero arcus conflatus ex distantia stella à Meridiano supero versus ortum numerata, & distantia Solis à stella secundum ordinem quoque signorum computata, abiectione integro circulo, si conflatus arcus maior fuerit, indicabit distantiam Solis à Meridiano supero secundum signorum quoque successione numerandam: qua distantia ex integro circulo detracta distantiam Solis à meridiem notam relinquet: Vt in eodem Analemmate ex AM , distantia stella à Meridiano supero versus ortum, & MN , distantia Solis à stella M , versus ortum, conficitur AN , distantia Solis à Meridiano supero versus ortum: qua ex circulo integro sublata, relinquatur ADN , distantia Solis à meridiem. Reducto igitur arcu ADN , ad horas, hora à meridiem elapsa ignorari non poterit. Et si plures hora, quam 12. reperit fuerint, detractis 12. horis, reliqua erunt hora à med. noc. Rursus posita stella in q , & Sole in δ , si ex arcu, qui ex $ABCq$, & $qABCD$, conflatur, integer circulus dematur, qui nimirum ex $ABCq$, & qA , conficitur, relinquatur $ABCD$, distantia Solis à Meridiano supero ortum versus numerata. Sic etiam posita stella in q , & Sole in N , si ex arcu, qui ex $ABCq$, & qAN , componitur, integer circulus tollatur, qui nimirum ex $ABCq$, & qA , conflatur, remanebit AN , distantia Solis à Meridiano supero in ortum computata. Quod si forte ascensio recta Solis ascensione recta stella deprehensa fuerit aequalis, Sol, & stella aequaliter à Meridiano distabunt versus eandem partem. Quare tunc distantia stella à Meridiano inuenta horam indicabit. Aut si forte differentia rectarum ascensionum Solis, ac stella aequalis fuerit semicirculo, erit distantia stella à Meridiano supero distantia Solis à Meridiano infero aequalis secundum successione signorum, & è contrario. Quocirca distantia Solis à meridiem cognita erit. Qua omnia ex eodem Analemmate perspicua sunt.

Distantiam Solis à Meridiano supero ortum versus, ex distantia stella ab eodem Meridiano, & ex distantia Solis à stella, eodem ordine inuenta, colligere.

Distantia Solis a stella versus occasum, quae pacto figuratur.

ALITER. Inuenta, ut diximus, distantia stella à Meridiano sive in ortum, sive in occasum, auferatur recta ascensio Solis à recta ascensione stella, adiecto prius integro circulo, quando detractio fieri nequit. Quod enim relinquitur, erit distantia Solis à stella versus occasum: Ab hac autem distantia auferatur distantia stella à Meridiano inuenta, si stella fuerit orientalis, aut ad distantiam Solis à stella adiciatur distantia stella à Meridiano, si stella fuerit occidentalis. Quod enim relinquitur, vel conflatur, erit distantia Solis à meridie in occasum: ac proinde hora latere non poterit. Vt si stella ponatur in N, & Sol in d; detracta ascensione recta Solis D d, ab ascensione recta stella DN, relinquetur N d, distantia Solis d, à stella N, versus occasum. Et quoniam stella N, vergit à Meridiano in ortum, si ex N d, distantia Solis à stella dematur NA, distantia stella à Meridiano, relinquetur A d, distantia Solis à meridie versus occasum. Rursus posita stella in q, & Sole in d, si detrabatur ascensio recta Solis D d, ab ascensione recta stella Dq, relinquitur qd, distantia Solis d, à stella q, versus occasum. Et quoniam stella q, vergit à mer. in occasum, si eius distantia à Meridiano Aq, adiciatur ad qd, distantiam Solis à stella, conficietur A d, distantia Solis a mer. in occasum. Item posita stella in H, & Sole in G, si ascensio recta Solis DAG, auferatur ex DAH, ascensione recta stella, adiecto prius integro circulo, hoc est, si ascensio recta Solis DAG, dematur ex integro circulo, & reliquo arcui GD, addatur ascensio recta stella DH, prodibit HAG, distantia Solis à stella versus occasum: à qua si subtrahatur HA, distantia stella orientalis à Meridiano, relinquetur ADG, distantia Solis à mer. in occasum, Denique constructa stella in q, & Sole in M; si DM, ascen-



Horam, qua stella ad Meridianum peruenit, cognoscere.

occasu reperiemus. Numerata enim ea hora à mer. M, vel à med. noc. O, usque ad s, prout Sol ante mediam noctem, vel post inuentus fuerit; si quidem nondum ad mediam noctem peruenit Sol, dabit arcus conflatus ex arcibus XM, M s, horam ab ortu, arcus

arcus vero X s, horam ab occasu: Si autem mediam noctem transeverit, dabit arcus ex arcibus XM, MO, O s, conflatus horam ab or. arcus vero ex arcibus XO, O s, compositus horam ab occasu indicabit.

Q V O D si arcus seminocturnus XO, secetur in 6. partes aequales pro horis inaequalibus, cognoscatur quoque hora inaequalis, in quam punctum s, incidit.

3. I A M vero, quando de horarum inuentione multa diximus, opera pretium fuerit docere, quam ratione ex data hora à mer. vel med. noc. eliciatur tam hora ab ortu, quam ab occasu; & vicissim quo pacto ex hora data ab or. vel occ. cognoscatur hora a mer. vel med. noc. Item quo pacto ex data hora ab or. inueniatur hora ab occ. & vicissim hora ab or. ex hora ab occ. Hac enim ratione fiet, ut inuenta hora à mer. vel med. noc. (qua inuentione per Astrolabium, vel Analemma facillima est) illico hora ab or. vel occ. cognoscatur.

I T A Q V E si arcus seminocturnus detrabatur ab hora data à med. noc. (adiectis prius 24. horis, si detractio fieri nequit; Item ad horam datam à mer. additis prius 12. horis, ut distantiam à med. noc. habeamus) dabit reliquus numerus horam ab ortu Solis numeratam. Vt arcu seminocturno continente horas quinque, si data sit hora 8. à med. noc. demantur 5. ex 8. relinqueturque hora 3. ab ortu Solis. Si autem sit data hora 3. à med. noc. adiciantur 24. hora, (quia 5. ex 3. auferri nequeunt) & ex conflato numero 27. tollantur 5. eritque reliqua hora 22. ab ortu Solis. Denique si data sit hora 6. à mer. addantur 12. hora, ut fiat hora 18. à med. noc. & ex numero conflato 18. subtrahantur 5. remanebitque hora 13. ab or. Solis numerata. Ratio huius rei perspicua est ex proximo Analemmate. Nam si hora 4. numeretur à puncto O, media noctis, si auferatur arcus seminocturnus O X, reliqua erit distantia X u, à puncto ortus X. Si vero eadem hora 4. numeretur à puncto M, meridiei, si adiciantur 12. hora, ut habeatur distantia à med. noc. OM u, & dematur arcus seminocturnus O X, reliqua erit distantia XM u, ab ortu puncto X. Denique si detur hora 5. à med. noc. à qua auferri nequeat arcus seminocturnus O X, addantur 24. hora, ut habeatur distantia à media nocte OM O s, à qua si tollatur arcus idem seminocturnus O X, reliqua fiet distantia XMO s, à puncto ortus X. At si eadem hora 5. numerata sit à mer. adiectis 12. horis, habeatur distantia à med. noc. OM s, à qua si dematur arcus seminocturnus O X, relinquetur distantia XM s, à puncto ortus X, ut manifestum est.

S I autem arcus seminocturnus ad horam à med. noc. datam (adiectis prius 12. horis ab horam à mer. ut distantia à med. noc. habeatur) adiciatur, conflabitur hora ab occasu Solis inchoata; abiectis tamen 24. horis, si abijci possunt. Vt si data sit hora 8. à med. noc. & apponatur arcus seminocturnus horarum 5. conficietur hora 13. ab occasu. Si autem data sit hora 6. à mer. addantur 12. ut fiat distantia à med. noc. horarum 18. quibus si adiciatur idem arcus seminocturnus horarum 5. componetur hora 23. ab occasu Solis. Ratio quoque huiusce rei obscura non est eodem Analemmate. Si namque hora 4. numeretur à med. noc. O, appposito arcu seminocturno XO, nota fiet distantia ab occasu Solis XO u. Si vero eadem hora 4. à mer. supputetur, adiciendus est semicirculus OM, 12. horarum, ut distantia à med. noc. OM u, habeatur, ad quam si addatur arcus seminocturnus XO, cognita erit tota distantia ab occasu Solis XOM u. Quod si hora 5. à mer. numeretur, appposito semicirculo, ut distantia à med. noc. habeatur OM s, si addatur arcus seminocturnus XO, fiet distantia ab occasu XOM s, toto circulo maior. abiecto ergo integro circulo XOM X, reliqua erit hora ab occasu X s.

V I C I S S I M si arcus seminocturnus addatur ad horam ab ortu Solis, prodibit hora à med. noc. abiectis tamen 24. si abijci possunt. Et si numerus conflatus maior fuerit quam 12. abiectis 12. manebit hora à mer. supputata. Vt si data sit hora 4. M m m ab ortu,

Reductio horae à mer. vel med. noc. ad horam ab ortu Solis.

Reductio horae à mer. vel med. noc. ad horam ab occasu Solis.

Reductio horae ab ortu Solis ad horam à mer. vel med. noc.

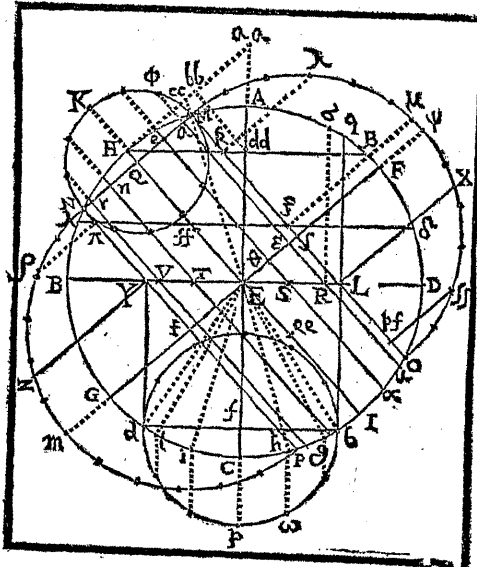
ab ortu, adiecto arcu seminocturno horarum 5. conficietur hora 9. à med. noc. Item si ad horam 22. ab ortu apponamus arcum seminocturnum horarum 5. conflabitur numerus 27. & abiectis 24. supererit hora 3. à med. noc. Denique si ad horam 10. ab ortu addatur idem arcus seminocturnus horarum 5. exurget hora 15. à med. noc. Abiectis ergo 12. reliqua erit hora 3. à mer. Nam in eodem Analemmate si ad $X\mu$, horam ab ortu X , inchoatam adiciatur arcus seminocturnus XO , conflabitur distantia $O\mu$, à med. noc. Si autem ad $XM\mu$, distantiam ab ortu X , addatur arcus seminocturnus XO , efficietur distantia $OM\mu$, à media nocte, maior semicirculo. Abiecto ergo semicirculo OM , reliqua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ad $XMO\sigma$, distantiam ab ortu X , adiungatur arcus seminocturnus XO , fiet distantia $OMO\sigma$, à med. noc. toto circulo maior. Abiecto ergo integro circulo OMO , remanebit distantia $O\sigma$, à med. noc.

A T vero si arcus seminocturnus detrahatur ex hora ab occasu Solis, adiectis prius

24. si subtractio fieri nequit, reliqua fiet hora à med. noc. Et si numerus reliquus maior fuerit, quam 12. abiectis 12. remanebit hora à mer. Vt si ex hora 16. ab occ. detrahamus arcum seminocturnum horarum 5. relinquetur hora 11. à med. noc. Itē si ex hora 23. ab occ. abijciantur 5, reliqua erit hora 18. à med. noc. hoc est, (abiectis 12.) hora 6. à mer. Denique si hora 3. ab occ. data sit, addemus 24. & ex aggregato 27. rejiciemus 5. ut reliqua fiat hora 02. à med. noc. hoc est (abiectis 12.) hora 10. à mer. In eodem enim Analemmate si ex distantia ab occasu $XO\mu$, detrahatur seminocturnus arcus XO , supererit distantia à med. noc. μO . Sic etiam si ex distantia ab occasu $XOM\mu$, dematur arcus seminocturnus XO , reliqua erit distantia à med. noc. $OM\mu$, & detracto semicirculo OM , reliqua erit distantia $M\mu$, à mer. Denique si ex distantia $X\sigma$, ab occasu, addito prius integro circulo $XOMX$, auferatur arcus seminocturnus XO , relinquetur distantia à med. noc. $OM\sigma$, hoc est, dempto semicirculo, distantia à mer. $M\sigma$.

P R A E T E R E A si totus arcus nocturnus adiciatur ad horam ab ortu, prodibit (reiectis prius 24. si rejici possunt) hora ab occasu. Vt si ad horam 8. ab or. addatur arcus nocturnus horarum 10. conflabitur hora 18. ab occ. Item si ad horam 19. ab or. apponatur idem arcus nocturnus horarum 10. exurget hora 29. ab occ. hoc est, abiectis 24. hora 5. ab occ. Nam in eodem Analemmate, si ad horam ab or. $X\mu$, adiciatur arcus nocturnus XOX , conficietur hora ab occ. $XO\mu$. Item si ad horam ab or. $XM\sigma$, addatur arcus nocturnus XOX , conflabitur hora ab occasu $XOM\sigma$, & abiecto

integro



Reductio horæ ab occasu Solis ad horam à met. vel media nocte

Reductio horæ ab ortu ad horam ab occasu.

Integro circulo $XOMX$, hora ab occ. $X\sigma$, reliqua erit.

D E N I Q U E si totus arcus nocturnus detrahatur ex hora ab occ. adiecto prius toto circulo, si subtractio fieri nequit, reliqua erit hora ab ortu. Vt si ex hora 20. ab occ. dematur arcus nocturnus horarum 10. relinquetur hora 10. ab or. Item si ex hora 9. ab occ. hoc est, (abiectis 24.) ex hora 33. ab occ. tollantur 10. remanebit hora 23. ab or. Id quod ex eodem Analemmate perspicuum est. Nam si ex hora ab occ. $XO\mu$, dematur arcus nocturnus XOX , habebis horam ab or. $X\mu$. Item si ex hora ab occ. $X\sigma$, appositio prius toto circulo $\sigma OM\sigma$, detrahatur arcus nocturnus XOX , reliqua erit hora ab or. $XM\sigma$.

4. C A E T E R V M ut hora inaequales ad aequales reducantur, & contra, indaganda prius erit qualibet die magnitudo inaequalis horæ, tam diurnæ, quam nocturnæ, hoc scilicet modo. Posito gradu Eclipticæ opposito ei, quem Sol occupat, hoc est, Nadir Solis, (Ita enim gradum Solis oppositum vocant) super quamlibet lineam horarum inaequalium, notetur in limbo punctum a linea fiducia Offensoris per gradum Solis tunc transeunte ostensum: I demque fiat, posito eodem gradu super proxime insequentem, vel præcedentem lineam horarum. Gradus enim inter duo puncta notata intercepti quantitatem unius horæ inaequalis diurnæ continebunt. Reuocatis igitur illis gradibus ad tempus, cognita erit magnitudo unius horæ inaequalis diurnæ. Quod si idem fiat cum gradu ipsi Solis, reperietur quantitas horæ inaequalis nocturnæ, quam etiam inuenies, si quantitatem horæ diurnæ ex grad. 90. auferas.

S I N E instrumento certius idem assequemur hoc modo. Diuiso arcu semidiurno, vel seminocturno (quem exhibet arcus paralleli per gradum Solis descripti inter Horizontem & meridianam lineam Astrolabij interceptus, vel in Analemmate arcus paralleli circa propriam diametrum descripti inter Meridianum, & perpendiculararem, quæ ad diametrum ex intersectione ipsius cum diametro Horizontis educitur, ut in Can 7. Num. 3. & in suis scholio Num. 1. scripsimus) in 6. partes aequales, erit qualibet earum magnitudo unius horæ inaequalis; diurnæ quidem, si arcus semidiurnus, nocturnæ uero, si seminocturnus diuisus fuerit in 6. partes aequales. Quot autem gradus, ac minuta in qualibet parte sexta contineantur, ex Lemmate 3. lib. 1. cognosces. Hac ratione inuenies, Sole in principio σ , existente, horam unam inaequalem diurnam completi grad. 18. min. 50. fere, hoc est, unam horam aequalem cum 15. minutis, paulo amplius, & c.

P R O P O S I T A ergo qualibet hora inaequali diurnæ, si eius numerus multiplicetur per quantitatem unius horæ inaequalis diurnæ, procreabitur distantia Solis ab ortu. Si vero numerus cuiuslibet horæ inaequalis nocturnæ ducatur in quantitatem unius horæ inaequalis nocturnæ, distantia Solis ab occasu producet. Atque hoc modo reducetur qualibet hora inaequalis diurnæ ad horam ab ortu Solis, nocturnæ uero ad horam à Solis occasu numeratam: hinc uero per reductionem horæ ab or. vel occ. ad horam à mer. vel med. noc. cognoscetur quoque hora à mer. vel med. noc. data hora inaequali respondens.

E C O N T R A R I O si inter diu distantia Solis ab ortu, vel noctu distantia ab occasu diuidatur per quantitatem unius horæ inaequalis diurnæ, vel nocturnæ, prodibit numerus horæ inaequalis diurnæ, vel nocturnæ. Quod si data hora à mer. vel media nocte inuenienda sit hora inaequalis respondens, reducenda prius erit inter diu ad horam ab ortu, noctu uero ad horam ab occasu inchoatam, & c.

5. P E R calculum sinuum hoc modo horæ quoque aequalis inuenietur ex altitudine Solis inter diu, & noctu ex altitudine alicuius stelle. (Nolo autē repete hoc loco rationes in ultima propos. lib. 1. nostræ Gnomonicæ explicatas, quarum omnium expeditissima est, quæ proxime rationem, quæ per triangula spherica absoluitur, antecedit.) Re-

M m m 2 perantur

Reductio horæ ab occasu ad horam ab ortu.

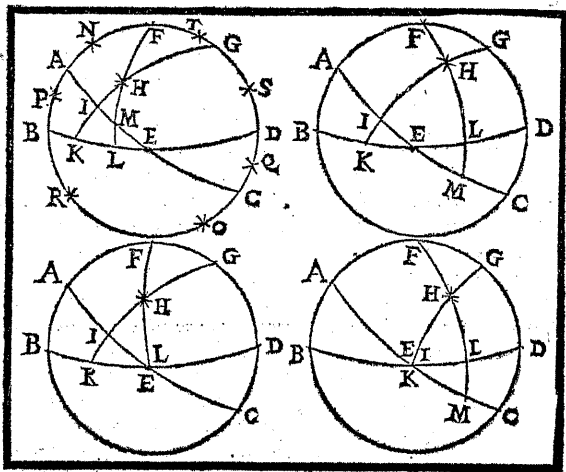
Horæ inaequalis magnitudinem esse per instrumentum quam sine instrumento cognoscere.

Reductio horæ inaequalis ad aequalem.

Reductio horæ inaequalis ad inaequalem.

Horam aequalem per unum inueniuntur.

petantur priores 4. circuli ex 12. illis, quos ad calcem scholij Can. 3. attulimus, in quibus ABCD, ponatur Meridianus; DEB, Horizon, eiusque polus F; Aequator AEC, & eius, vel mundi polus G; Verticalis per Solem, vel stellam H, ductus FL, ita ut HL, sit eius altitudo supra Horizontem; Circulus horarius, vel declinationis GI, ita ut declinatio sit HI, siue borealis, siue australis. Quoniam igitur in triangulo sphaerico FGH, tria latera nota sunt, cum FG, sit complementum altitudinis poli; FH, complementum altitudinis Solis, ubi stella; & GH, complementum declinationis, quando declinatio borealis est, quando autem declinatio est australis, habebit arcus GH, eundem sinum,



quem reliquus arcus ex semicirculo in altero polo terminatus, qui complementum est declinationis australis: cognoscetur angulus FGH, ex problemate 21. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, hoc modo. Fiat ut sinus totus, ad sinum arcus FG, complementum altitudinis poli, ita sinus arcus GH, complementum declinationis, ad aliud, producatetur quartus quidam numerus. Rursus fiat, ut quartus numerus inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus arcus FH, complementum altitudinis Solis, aut stellae, & sinum versus arcus, quo duo latera FG, GH, inter se differunt, ad aliud gigneturque sinus versus anguli quaesiti FGH; ex quo cognita erit distantia a Meridiano numerata; qua utrum versus ortum numeranda sit, an versus occasum, situs ipsius astri docebit, prout videlicet in hemisphaerio orientali, vel occidentali extiterit.

H AEC distantia Solis a Meridiano intenta horam ignorari non sinet; ex distantia vero stellae ab eodem Meridiano hora elicienda erit, ut Num. 2. docuimus.

CANON IX.

QVA hora Sol, aut quaeris stella oriatur, & occidat, aut ad Meridianum perueniat: Et quidies, & noctes

et aequales inter se sint: Denique qui dies habeant arcus diurnos, nocturnosque alternatim aequales, inquirere.

1. CIRCVMVOLVTO reti, donec gradus Solis, vel cacumen stellae propositae in Horizonte orientali, siue recto, siue obliquo reperiatur, linea fiduciae Ostensoris gradui Solis superposita indicabit in limbo horam, qua tunc Sol vel stella oritur: quia gradu Solis, vel stella existente in Horizonte, hoc est, oriente supra Horizontem, sphaera cum situ obtinet, quem Astrolabium tunc indicat. Eodem pacto horam occasus reperies, si gradum Solis, aut cacumen stellae in Horizonte occidentali, & lineam fiduciae supra gradum Solis colles.

Horam ortus, & occasus solis, vel stellae cuiusvis per Astrolabium inuestigare

2. NON aliter horam, qua proposita stella caelum mediat, id est, ad Meridianum peruenit, (Sol enim semper in meridie, hoc est, hora 12. in Meridiano superiore existit, media vero nocte in Meridiano inferiore) inuenies, si eius cacumen in linea meridiana tam supra Horizontem, quam infra, constituas, & lineam fiduciae gradui Solis superimponas.

Horam, qua stella caelum mediat, ex Astrolabio cognoscere.

3. IAM si in reti accipiantur duo quilibet gradus Eclipticae aequaliter a principio ♈, vel ♎, distantes, & in dorso Astrolabii reperiuntur duo dies illis gradibus respondententes; habebunt duo illi dies arcus diurnos, nocturnosque aequales, eandemque horam ortus, atque occasus.

Qui dies ac noctes inter se sint aequales, ex Astrolabio discernere.

4. SI autem in reti sumantur quilibet duo gradus Eclipticae a principio ♈, vel ♎, aequaliter remoti, & in dorso Astrolabii duo dies illis gradibus accipiantur respondententes, erit arcus diurnus vnus aequalis arcui nocturno alterius, & nocturnus vnus diurno alterius.

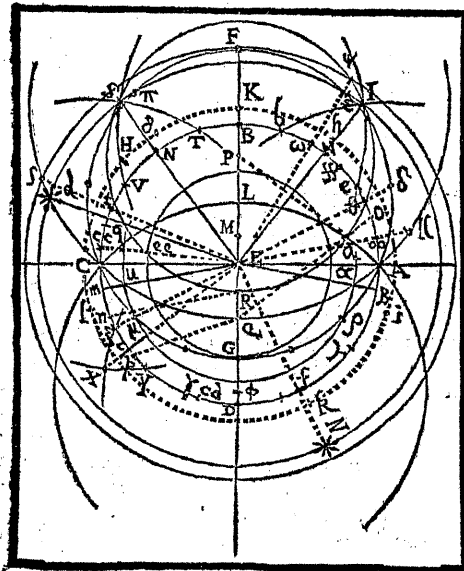
Qui dies habeant arcus diurnos, & nocturnosque alternatim aequales.

5. ABSQVE instrumento hunc in modum progrediemur. Per gradum Solis, vel per stellam describemus ex E, centro parallelum, donec Horizontem secet, ac Meridianum. Arcus enim eius inter Horizontem & Meridianum positus metietur distantiam Solis, aut stellae a Meridiano, cum oritur: quae distantia si Solis est, in tempus conuersa, indicabit, quot horis ante meridiem Sol oriatur, & quot horis post meridiem occidat. Quare si distet hora ex 12. auferantur, reliquae erunt horae post mediam noctem, quibus Sol exoritur. Ut Sole existente in principio ♎, cuius parallelus Horizontem secat in f, & Meridianum superiorem in F; arcus Ff, est Solis in f, existentis distantia a meridie, &c.

HORAM autem ortus stellae situm v.g. habentis in Z, cuius parallelus Horizontem secat in d, (Eius namque distantia a Meridiano horam non indicat) ita venaberis. Ducta recta EZ, ad situm stellae; recta Ed, ad intersectionem paralleli stellae cum Horizonte, & recta Eθ, ad gradum Solis, quem nunc ponamus esse principium ♎; accipiatur arcui Aequatoris fθ, inter rectas EZ, Eθ, aequalis arcus a puncto intersectionis rectae Ed, cum Aequatore, vsque ad punctum cd, ita ut punctum cd, versus eandem partem a puncto rectae Ed, recedat, versus quam punctum θ, a puncto f, remouetur. Nam arcus BCcd, erit distantia Solis, vel principii ♎, ante meridiem, cum stella in d, oritur: propterea quod, si concipiat moueri rete, donec recta EZ, rectae Ed, hoc est, donec stella Z, in d, existat, recta Eθ, secabit Aequatorem in cd, propter dictos duos aequales arcus acceptos, &c.

NON aliter horam, qua stella eadem occumbit, inuestigabis. Nam si arcui praedicto fθ, a puncto intersectionis Aequatoris cum recta, quae ex E, ad intersectionem

tionem paralleli stellæ cum Horizonte occidentali ducitur, secundum succet-
tionem signorum æqualis arcus sumatur, (nimirum versus eandem partem ab il-
lo puncto intersectionis recedendo, in quam punctum θ , a puncto f , recedit) erit
terminus huius arcus punctum illud, ad quod gradus Solis peruenit eo temporis
momento, quo stella occidit. Itaque arcus Aequatoris inter idem punctum, &
meridianam lineam EF, distantia erit Solis ante meridiem, vel post, prout pun-
ctum illud in parte orientali Astrolabii existet, aut occidentali. Sic etiam hora,
qua ad Meridianum stella peruenit, inuenietur, si arcui $f\theta$, æqualis accipiatur
BC. Nam cum primum recta EZ, ad rectam EB, peruenit, congruet recta E δ ,
rectæ EC, ac propterea arcus BC, distantia erit Solis ante meridiem. Quod si
eidem arcui $f\theta$, æqualis sumatur DA, erit arcus BA, distantia Solis post meri-
diem. stella existente in Meridiano infra Horizontem: propterea quod, mota re-
cta EZ, ad rectam ED, recta E δ , rectæ EA, congruit, ob arcus $f\theta$, DA, æquales.



Denique non alia ratio est
inuestigandæ horæ, quando
stella in Horizonte, vel Me-
ridiano existit, quam quan-
do in alio puncto cæli repe-
ritur. Hac enim eadem ra-
tione supra in Can. 8. Num.
6. ex situ stellæ Z, in puncto
S, quem ex eius altitudine,
& parallelo inuenimus, re-
pertus est arcus Bc, distan-
tiæ Solis à Meridiano in prin-
cipio m , existentis, quia ni-
mirum arcum Ne, arcui $f\theta$,
accepimus æqualem, &c. Ex
quo perspicuum est, si in re-
cta EC, sumatur recta æqua-
lis semidiametro paralleli
Solis E δ , & per extremum pū-
ctum interuallo semidiamet-
ri Horizontis KQ, duo cir-
culi horarii, quorum centra
in parallelo Kg, existant, de-
scribantur, inuentam quoq;

esse horam tam ab ortu, quam ab occasu, qua stella Z, cælum mediat. Item si ex
recta Ecd, producta abscindatur recta eidem E δ , æqualis, & per extremum pun-
ctum eodem modo duo circuli horarii describantur, horam tam ab or. quam ab
occ. inuentam esse, qua eadem stella in d, oritur supra Horizontem, &c. Hac ta-
men conditione seruata, vt horarius circulus, cuius conuexo occurrimus a pun-
cto C, versus B, progredientes, horam ab ortu Solis indicet; circulus vero hora-
rius, cuius concauo occurrimus à puncto A, versus D, procedentes, horam à So-
lis occasu demonstret: quod ex iis perspicuum est, quæ lib. 2. propos. 9. Num. 7.
demonstrata sunt a nobis.

6. ALIA duo reperientur, vt Num. 3. & 4 dictum est, nisi quod dies gradi-
bus Eclipticæ respondententes non ex dorso Astrolabii, sed ex tabula scholii Ca-
nonis 2. inquirendi sunt.

SCH-O

1. IN Analemmate recta, qua ex intersectione diametri Horizontis cum diamet-
ro paralleli Solis ad eandem hanc diametrum educitur perpendicularis, aufertur ex se-
micirculo circa diametrum eiusdem paralleli descripto arcum distantia Solis à mer-
vel med. noc. arcum videlicet semidiurnum à seminocturno dirimens. Vt in Analem-
mate superiori scholij Canonis 6. 7. & 8. Sole existente in principio θ , distantia eius
a mer. est arcus MX; à med. noc. autem arcus OX, &c. Hora vero ortus vel occasus
stella difficiliter per Analemma inquiritur. Primum enim inuestiganda est eius distan-
tia à Meridiano, cum oritur, vel occidit, hoc est, eius arcus semidiurnus, vt in scholio
Can. 7. Num. 1. docuimus. Deinde ex hac distantia, inquirenda distantia Solis à Me-
ridiano, vt in scholio præcedentis Canonis Num. 2. scripsimus. Ex hac enim distantia
nullo negotio hora colligetur, vt ibidem traditum est.

Horam ortus ca-
susque Solis,
vel stellæ per A-
nalemma inuesti-
gare.

2. Vt autem per sinuum doctrinam hora ortus occasusque Solis, vel stella elicia-
tur, inuestigandus erit arcus semidiurnus ex iis, qua in scholio Can. 7. Num. 3 scripta
sunt. Hic enim distantiam Solis, vel stellæ à Meridiano supero manifestabit, quando
oritur, vel occidit. Quocirca hora ortus, occasusque Solis ignorari non poterit. Ex distan-
tia autem stelle à Meridiano eruenda erit hora ortus ipsius atque occasus, vt proxime
Num. 1. scripsimus.

Hora ortus, occa-
susque Solis, vel
stellæ, que pacto
per Sinus inqui-
renda sit.

INITIUM, finem, & durationem vtriusque cre-
pusculi, tam matutini, quam vespertini, perquirere.

1. POSITO gradu Solis supra lineam crepusculi ex parte orientali, no-
tetur in limbo hora, vel horæ pars, quam linea fiduciæ Ostensoris gradui Solis
in eo situ superposita indicat. Ea enim dabit initium Crepusculi matutini. Pro-
moto deinde gradu Solis vsque ad Horizontem, indicabit in limbo eadem linea
fiduciæ gradui Solis superposita horam, vel partem horæ, qua matutinum cre-
pusculum finitur, vel cessat. Tempus autem interiectum inter initium ac finem,
Crepusculi totius matutini durationem determinabit. Non aliter Crepusculi
vespertini principium, finem, ac durationem inquirens. Nam posito gradu Solis
supra Horizontem ex parte occidentali, monstrabit linea fiduciæ gradui Solis
superposita in horis limbi initium Crepusculi vespertini. Promoto deinde gra-
du Solis ad lineam Crepusculinam vsque, ostendet in limbo eadem linea fiduciæ
gradui Solis superposita horam, vel partem horæ, qua vespertinum Crepuscu-
lum euanescit. Tempus vero interiectum inter initium, ac finem, totius vespertini
Crepusculi magnitudinem exhibebit, quæ quidem semper quantitati Cre-
pusculi matutini æqualis deprehendetur. Gradus porro limbi inter puncta, quæ
a linea fiduciæ Ostensoris gradui Solis tam in linea Crepusculina, quam in Ho-
rizonte existentis superposita indicantur, in tempus conuersi, moram quoque
Crepusculi vtriusque exhibent.

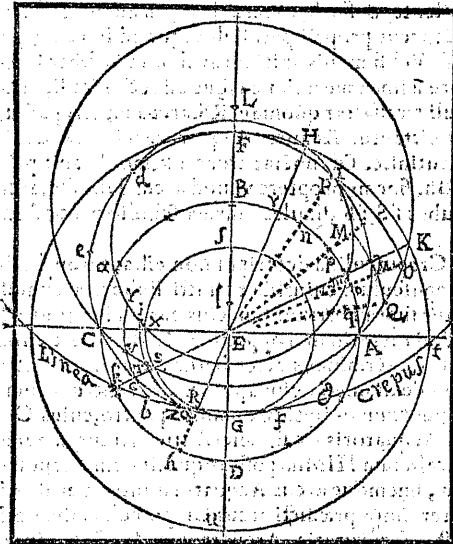
Crepusculi ma-
tutini, ac vespertini
quantum
daret, & qua ho-
ra incipias, & fi-
niatur, ex instru-
mento cognoscere

2. SED quoniam linea Crepusculina nõ facile sine errore describitur, pro-
pterea

Alia Crepusculi
inuentio serior.

ini autem initium dabit arcus Dq; & finem arcus Dp. Item arcus Aequatoris Am, per principium α , descriptus inter Horizontem; & eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii γ . Et matutini principium dabitur per arcum Bm, vsque ad parallelum Horizontis, finis vero per arcum BA. E contrario arcus tropici $\sigma\zeta$, SX; inter Horizontem atque eius parallelum grad. 18. erit Crepusculum principii δ . Arcus vero Ti, per initium τ , & δ ; descriptus, Crepusculum erit principii ϵ , & ζ . Et arcus VY, per principium ν , & η , descriptus, Crepusculum erit principii η , & θ . Arcus denique Aequatoris Cz, per primum punctum ν ; descriptus, Crepusculum erit primi puncti α . Initia autem, & fines horum Crepusculorum inueniuntur, vt prius, si ex E, per terminos arcuum inter Horizontem, & eius parallelum grad. 18. postoriorum recte ducantur: hoc ob-

Quid obseruandum in Crepusculi cuiusvis initio, ac fine determinando.



seruato, vt initium, ac finis cuiusvis Crepusculi matutini numeretur a med. noc. vespertini autem a meridie; Item vt initium matutini Crepusculi incipiat in Aequatore a puncto, per quod transit recta ex E, per terminum arcus Crepusculi in parallelo Horizontis educta; si autem uero a puncto, per quod ducitur recta ex E, per terminum eiusdem arcus Crepusculi in Horizonte emissa. At vero initium, ac finis Crepusculi vespertini contrario modo sumantur: Denique si posteriori hac via sine linea Crepusculina Crepuscula inquiruntur, vt initium ac finis cuiusvis Crepusculi numerari incipiant a puncto B; vespertini vero a puncto D.

F N V E N I R I autem Crepusculi cuiusvis puncti Eclipticae per arcum, qui per punctum oppositum describitur, ita demonstrabimus. Quonia

per quodlibet punctum circuli non maximi in sphaera, vt per H, circulus maximus eum tangens describi potest, tanget circulus ille maximus alium non maximum priori aequalem, parallelum & oppositum. Cum ergo HE, sit diameter illius circuli maximi, vbi ea occurrit linea Crepusculina in R, ibi idem circulus maximus parallelum Horizontis baRt, parallelo HIMm, oppositum tanget: ideoque cum per coroll. propof. 6. lib. 2. Theod. puncta contactuum per diametrum sphaerae opposita sint, erunt puncta H, R, per diametrum opposita. Igitur existente principio δ , in H, existet principium δ , in R, puncto linea crepusculina, atque idcirco Sole ibidem existente, Crepusculum matutinum incipiet. Quando autem raptu primi mobilis initium δ , ad K, peruenerit, existet primum punctum σ , in S, quod puncta K, S, in Horizonte sint etiam per diametrum opposita, nimirum occasus δ , & ortus σ . Arcus ergo HK, quem eodem tempore

a. 4. 2. Theod. b. 6. 2. Theod.

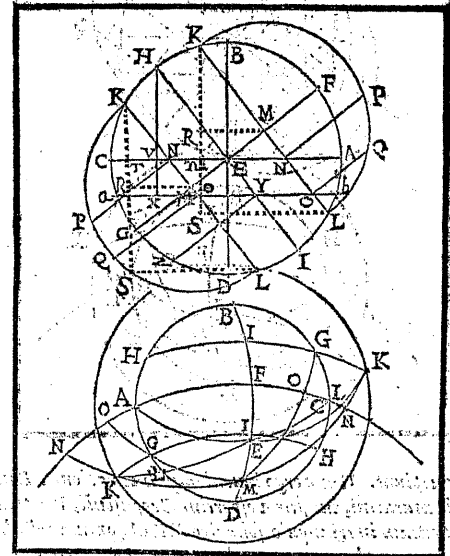
tempore principium δ percurrat, quo principium σ , arcum Crepusculi RS, absoluit, (quippe qui illi similis sit, ex scholio propof. 22. lib. 3. Eucl. ob angulos aequales HEK, RES, ad uerticem in centro) durationem Crepusculi primi puncti σ , metietur. Non aliter ostendemus, arcum IO, similem esse arcui Crepusculi a T, propterea quod eandem ob causam, existente principio δ , vel σ , in L principium τ , vel δ , existit in a puncto linea Crepusculina, eodem vero principio δ , vel σ , promotum ex I, ad O, punctum Horizontis, principium τ , vel δ , promotum tunc est ad punctum Horizontis ad punctum T, atque ita de ceteris.

S C H O L I V M.

1. EXPEDITE quoque Crepuscula ex Analemmate cognoscemus. Sit enim Meridianus Analemmatis ARC D, circa centrum E; diameter Horizontis AC; Verticalis diameter BD; axis mundi FG; Aequatoris diameter HI; diameter paralleli

Crepuscula ex Analemmate inquirere.

Solis sine borealis, sine australis KL, circa quem semicirculus descriptus sit KPL; & denique a b diameter paralleli Horizontis grad. 18. in hemisphaerio infero, in quo Crepuscula omnia incipiunt & desinunt. Si igitur ex N, O, intersectionibus diametri KE, cum AC, & a b, ad KL, perpendicularayes educantur NP, OQ, erit arcus PQ, magnitudo Crepusculi quod sit fuerit matutinum, distabit eius initium a med. noc. per arcum LQ, & finis per arcum LP; si vero vespertinum fuerit, distabit eius principium a meridie per arcum KP, & finis per arcum KQ; propterea quod NP, communis sectio est paralleli Solis, & Horizontis, vt in scholio Cas. 7. Num. 1. ostensum est, atque eandem de causa sa OQ, communis sectio eiusdem paralleli Solis ac paralleli Horizontis. Simili modo ducta YZ, ad HI, perpendicularari, erit arcus GZ, longitudo Crepusculi, Sole in aquinoctijs existente; & matutini quidem initium a med. noc. distabit per arcum IZ, & finis per arcum IG; vespertinae vero principium a meridie distabit per arcum HG, & finis per arcum HZ.



2. P E R sinus ita Crepuscula supputabuntur, si prius sinum vespertini arcus seribendi inquiramus hoc modo. In Analemmate ex punctis extremis K, L, diametri paralleli ducantur diametro Verticalis BD, & diametro Horizontis AC, parallelae rectae KS, LS, secantes sese in S; atque ex M, puncto medio diametri paralleli, ubi axem mundanum intersecat, eidem diametro Horizontis AC, alia parallela agatur MR, eritque recta KS, in R, secta bifariam, cum sit, vt KM, ad ML, ita KR, ad RS.

a. 2. sexti.

ipsa autem KS, constat erit, ex KT altitudine meridiana dicti paralleli, & ex TS, sinu depressionis meridiana eiusdem paralleli, qua depressio altitudini meridiana paralleli oppositi aequalis est. Igitur si fiat, vt KR, semisis rectæ KS, constat ex sinu altitudinis meridiana, & ex sinu depressionis meridiana, ad KT, sinum altitudinis meridiana, ita KM, sinus totus ad aliud, producetur KN, sinus versus arcus semidiurni KP. Ex hoc sinu verso eruetur ipse semidiurnus arcus, vt in expositione tabula sinuum docuimus.

IA M si rursus fiat, vt KR, semisis rectæ KS, constat ex sinu altitudinis meridiana, & sinu meridiana depressionis, ad sinum arcus grad. 18. (hoc est, ad segmentum rectæ KS, inter AC, & ab.) ita KM, sinus totus ad aliud, reperietur

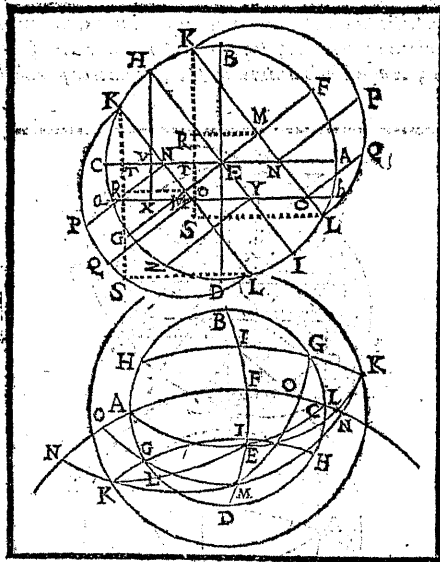
recta NO; que ad sinum versus u. KN, arcus semidiurni adiecit & conficit KO, sinum versus arcus KQ, ex arcu semidiurno KP, & arcu Crepusculi PQ, constat. Si ergo ex hoc arcu KQ, arcus semidiurnus subtrahatur, reliquus erit arcus Crepusculi PQ.

SED & per triangula spherica idem Crepusculum inuestigari potest. Sit enim Horizon ABCD; Meridianus BD; Aequator AFC; parallelus Solis quicumque GIH; polus Horizontis E; Verticalis primarius AEC; parallelus Crepusculorum KK, infra Horizontem grad. 18, ab eo distans, secans parallelum Solis in K, ita vt KG, sit arcus Crepusculi, Sole parallelum GIH, percurrere, cui similis est arcus Aequatoris NO, quem maximi circuli MG, MK, ex

M, polo mundi egredientes interceptiunt. Hunc ergo inueniemus hac ratione. Ducto per K, centrum Solis in principio matutini, aut sine vespertini Crepusculi, Verticali EK, secante Horizontem in L; quoniam in triangulo spherico EKM, omnia tria latera nota sunt; (Est enim EM, arcus complementi altitudinis poli; MK, arcus complementi declinationis Solis in parallelo boreali, in australi vero, arcus constat ex quadrante MN, & declinatione NK; arcus denique EK, constat ex quadrante EE, & arcu LK, grad. 18.) cognoscetur per problema 21. triang. spher. ultimi Lemmatis, angulus EMK, ac proinde eius arcus FN, hoc modo. Fiat vt sinus totus ad sinum lateris MK, (quod est vel complementum declinationis, vel arcus constat ex quadrante, & declinatione) ita sinus lateris EM, complementi altitudinis poli, ad aliud, inuenietur que quartus quidam numerus. Et si rursus fiat, vt quartus numerus inuentus ad sinum totum; ita differentia inter sinum versus lateris EK, compositi ex grad. 20. & ex grad. 18. & sinum versus arcus, quo duo latera ME, MK, inter se differunt, ad aliud, producetur sinus versus anguli quaesiti E MK; idem

sinum versus arcus semidiurni, ideoque & ipsi arcum semidiurnum per numeros explorare

Crepuscula per numeros indagare.



2, 10, 2. Theod.

que angulus ipse, eiusque arcus FN, notus fiet: ex quo si dematur arcus semidiurnus FO, reliquus fiet arcus Crepusculi NO.

CANON XI.

QVAE puncta Eclipticae in Meridiano, atque Horizonte, vel quolibet alio circulo Eclipticam secante existant, & quanam in domo caelesti proposita quavis stella, aut punctum Eclipticae, quouis temporis momento reperiat, explorare.

1. DIVRNO tempore capiatur altitudo Solis, eaque inter Almucantarath ex parte orientali, vel occidentali, prout tempus antemeridianum, aut pomeridianum fuerit, numeretur. Si enim gradus Solis ad Almucantarath inuentae altitudinis promoueat, repraesentabit Ecliptica eum situm, quem in caelo tunc habet; ac proinde puncta Eclipticae, quae tunc in meridiana linea, Horizonte, & in quolibet alio circulo, siue is Verticalis sit, siue circulus positionum, siue parallelus Horizontis, siue alius circulus quicumque tam maximus, quam non maximus, reperiuntur, erunt ea, quae eo tempore in dictis circulis existunt in caelo. Immo & stellae in reti descriptae indicabunt situm, quem in caelo tunc obtinent.

TEMPORE vero nocturno altitudo alicuius stellae obseruetur, atque cacumen stellae in Almucantarath inuentae altitudinis collocetur vel ex parte orientali, vel occidentali, prout stella quavis in Astrolabio descripta, exoritur, Sole quem ratione habebit rursus Ecliptica eum situm, quem in caelo tunc habet; ac propterea non solum apparebit, quae puncta Eclipticae in quolibet circulo existant, verum etiam, in quonam circulo haec vel illa stella reperiat, aut quem situm habeat in caelo.

2. SI idem ad datam quamcunque horam inuestigandum sit, mouenda erit linea fiduciae Ostensoris ad eam horam siue antemeridianam, siue pomeridianam, prout ante vel post meridiem data fuerit. Circumuoluto enim tunc reti, donec gradus Eclipticae, quem Sol occupat, sub linea fiduciae constituitur, habebit rursus Ecliptica proprium situm, &c.

SIC etiam si scire quis cupiat, quanam hora sit, cum quodlibet signum, aut gradus Eclipticae, vel stella quavis in Astrolabio descripta, exoritur, Sole quem cunq; gradum Eclipticae occupante, statuendus est gradus ille, vel stella in Horizonte orientali. Linea namque fiduciae Ostensoris per gradum tunc Solis incedens, monstrabit in limbo horam, seu distantiam Solis a Meridiano circulo, &c.

3. ABSQVE materiali Astrolabio idem assequemur hoc modo. Sit Aequator ABCD, circa centrum E; Ecliptica AFCG, cuius centrum 8, & polus a; Horizon AqC; tropicus 55, GI; tropicus 30, FH. Sitque primum inuestigandum, quod proponitur, Sole existente in puncto Eclipticae O, quando altitudo Solis deprehensa est ante meridiem grad. 20. Descripto parallelo Horizontis grad.

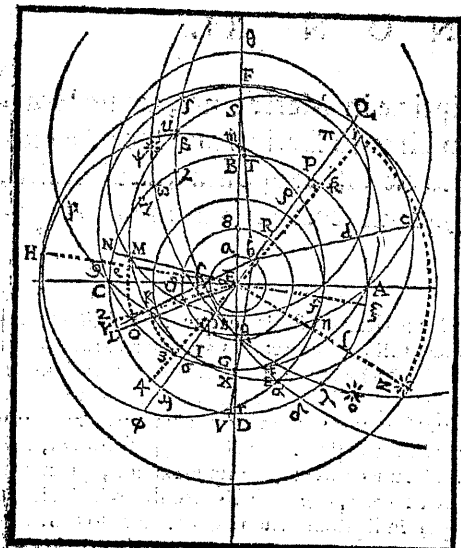
Per Astrolabium materiale puncta Eclipticae inuestigare, quae in quolibet circulo Eclipticam secante existant.

Qua hora quivis gradus, aut signum Eclipticae occurrat, cognoscere.

Sine Astrolabio materiale puncta Eclipticae inuestigare, quae in quouis circulo Eclipticam secante existant.

20. θ Mi,

20. θ Mi, delinectur parallelus Aequatoris per datum punctum O, secans parallelum θ Mi, in M ductis autem ex E, per O, M, rectis secantibus Aequatorem in L, N, accipiat arcum LN, aequalis arcus BP, ducaturque recta EP, secans tropicum θ in Q, & tropicum σ in I. Et quoniam sic cogitur rete circum duci, donec datum punctum O, ad M, perueniat, ut datam altitudinem habeat ante meridiem, rectaque EL, rectae EN, congruat, congruet recta EB, rectae EP, ob arcus aequales LN, BP, principiumque θ , F, in Q, exister, & principium σ , in I. Quocirca recta QEL, secante parallelum Aequatoris BRQ, per θ centrū Eclipticæ descriptum in R, & parallelum abh, per a, polulum eiusdem Eclipticæ descriptum in b, exister tunc centrum Eclipticæ in R, & polus in b. Descripta ergo ex R, per Q, & I, Eclipticæ QSRic, tangente tropicos



in Q, I, habebit ea proprium tunc situm, secabitque Meridianum in S, X, & Horizontem in K, c. Quae puncta quibus gradibus Eclipticæ respondeant, indicabunt rectae ex b, polo Eclipticæ ad ipsa eductae, ut lib. 2. propof. 5. Num. 19, ostendimus. Tot enim gradibus distabit S, a principio θ , hoc est, a puncto Q, secundum successionem signorum, quot in arcu Aequatoris PT, continentur. Punctum autem K, tot gradibus ab eodem principio θ , aberit secundum successionem signorum, quot in arcu PBY, continentur, vel tot gradibus ab initio σ , I, centra signorum ordinem, quot in arcu μ Y, reperiuntur. Puncta denique X, c, punctis S, K, per diametrum sunt opposita, quorum tamen etiam distantias σ , & θ arcus μ V, Pd, metiuntur; prior tamen secundum successionem signorum, posterior vero contra signorum seriem numerandus est.

QVOD si data sit hora, id est, distantia a Meridiano, qua inuestigare debeamus eadem puncta, ducenda erit ex E, centro recta per datam horam, hoc est, quae ex Aequatore abscondat arcum distantiae Solis a Meridiano circulo, cuiusmodi est recta EN, secans parallelum puncti O, in Ecliptica dati, in quo videlicet Sol existit, in puncto M. In puncto namque M, hora proposita Sol existit, non secus ac si parallelus Solis parallelum Horizontis θ Mi, intersectaret. Quare reliqua peragenda erunt, ut prius.

I A M si, Sole existente v.g. in puncto Eclipticæ θ , indaganda sit hora, qua punctum θ , eiusdem Eclipticæ exoritur, describemus ex E, per θ , 3, arcum, qui Horizontem orientalem secat in K, ductisque ex E, per θ , K, 9, rectis secantibus Aequatorem in 4, 2, e, accipiemus arcui θ 2, aequalem arcum e7; eritque arcus B7, distantia

Qua hora quodlibet punctum Eclipticæ oritur, videlicet quae Sol existat, hinc in istum meato exquirere

distantia Solis a Meridiano, quando punctum θ , supra Horizontem ascendit. Nam promotum puncto θ , usque ad K, congruet recta E4, rectae E 2, punctumque e, ad θ , promotum erit, ob aequalitatem arcuum 42, e7, &c.

4. DEINDE eadem puncta Eclipticæ sint inquirenda, cum stella Z, altitudinem pomeridianam nocturno tempore habet grad. 20. Descripto per Z, centrum stellæ parallelo Aequatoris secante parallelum Horizontis grad. 20. in i, ducantur rectae per Z, i, ex E, secantes Aequatorem in l, k, & arcui lk, equalis arcus abscondatur Be, ducaturque recta Ec, secans tropicos in H, f, & parallelus R8g, bah, in g, h. Existente ergo tunc stella Z, in i, collocabitur principium θ , in H, & primum punctum σ , in f, & centrum Eclipticæ in g, polus denique in h. Descripta ergo ex g, per H, f, Ecliptica secabit Meridianum in m, r, & Horizontem in p, n, quorum punctorum distantia a principio θ , H, & principio σ , f, reperientur per rectas ex polo h, emissas, ut prius.

5. E A D E M ratione cognoscemus, quae puncta Eclipticæ tempore observationis in quolibet circulo siue maximo, siue non maximo, qui tamen Eclipticam secet, reperiantur. Ita enim vides parallelum Horizontis θ Mi, ab Ecliptica Q S X c, secari in M. Et si describatur circulus positionis γ qd, per γ , principium domus 11, & per δ , principium domus 5, secabitur 1s ab Ecliptica A F C G, in It, & ab Ecliptica Q S K c, in u, a, & ab Ecliptica H r f m, in β , e; quae omnia puncta, quantum a θ , & σ , distent tam secundum seriem signorum, quam contra, indicabunt rectae ex polis a, b, h, ad puncta ipsa emissae. Non aliter habebuntur puncta, quae in quouis circulo horario existunt data hora. Ut si recta Q μ , referat aliquem circulum horae a mer. vel med. noc. obtinente Ecliptica situm circuli A F C G, existent puncta π , ϕ , in eo circulo horario, quae quantum absint a principiis θ , & σ , hoc est, a punctis F, G, docebunt rectae ex a, polo ad π , ϕ , eiectae. Ecliptica vero existente Q S X c, reperientur prima puncta θ , & σ , nimirum Q, & I, in horario circulo Q μ . Ecliptica denique situm obtinente circuli H r f m, transibit idem circulus horarius per puncta Eclipticæ β , ϕ , & arcus Eclipticæ β ϕ , H θ , a principiis σ , & θ , secundum successionem signorum numerati cognoscuntur per arcus Aequatoris a rectis ex h, polo ad β , ϕ , ductis abscessos.

6. I A M si reti, vel Ecliptica quemcumque situm obtinente, scire quis desideret, quam in domo caelesti, & qua in parte eius domus, ex sententia Ioan. Regiom. descripta, quilibet stella proposita, vel punctum Eclipticæ existat, (invento prius loco eius stellæ respectu Eclipticæ illum datum situm habentis, ut lib. 2. propof. 11. Num. 23 & 4. traditum est.) describendus erit per stellæ centrum, & per duo puncta, in quibus Horizon meridianam lineam intersectat, circulus positionis, cuius centrum existit in recta ad meridianam lineam in centro Horizontis perpendiculari, ut lib. 2. propof. 10. Num. 6. dictum est. Nam si stella, vel punctum Eclipticæ extiterit supra Horizontem, illico gradus Aequatoris, per quem circulus positionis incedit, monstrabit distantiam propositae stellæ, vel puncti a linea meridiana, hoc est, ab initio domus 10. & quam in domo supra Horizontem reperiat, cum triceni gradus Aequatoris singulas domos caelestes constituent. Idemque dicas de domibus infra Horizontem, si stella vel punctum sub Horizonte extiterit. Verbi gratia, si datum sit punctum u, Eclipticæ Q S X c, supra Horizontem, describatur per u, circulus positionis uq, secans Aequatorem in γ . Et quia arcus B γ , completitur gradus 30. dicemus punctum u, in principio domus 11. existere. Punctum vero datum a, sub Horizonte, (si per illud circulus positionis describatur aq, secans Aequato-

Qua in domo caelesti stella data, vel punctum Eclipticæ hora observationis existat, cognoscere.

Aequatorem in δ) dicemus esse in principio domus 5, quod arcus quoque DA, grad. 30. complectatur. Simili modo stellam o, pronuntiabimus esse in domo 5, tot gradibus ab eius initio distantem, quot in arcu $\delta\lambda$, continentur. At stellam ψ , esse in domo 11. tot gradibus ab eius principio distantem, quot in arcu $\gamma\omega$, includuntur. Non aliter procedemus, si domos cœlestes ex sententia Campani describere quis malit, numerando gradus inæquales Verticalis circuli primarii, ut lib. 2. propof. 5. Num. 17. traditum est, pro gradibus æqualibus Aequatoris, &c.

S C H O L I V M.

Puncta Eclipticæ in Meridiano, Horizonte, & quouis circulo horario a mer. vel med. noc. existentia, per ascensionem rectas & obliquas inuestigare.

1. PUNCTA quoque Ecliptica quavis hora in Meridiano, Horizonte, & quouis circulo horarum, a mer. vel med. noc. existentia facillimo negotio per ascensionem rectas, & obliquas reperiemus, hac videlicet ratione. Ad distantiam Solis à meridie versus occasum progrediendo. (Distantia hac colligitur ex hora à meridie, si cuiuslibet hora tribuantur grad. 15. Ex hora autem à med. noc. eadem distantia cognoscetur, si ad distantiam à med. noc. semicirculus adijciatur) addatur ascensio recta puncti Ecliptica, quod tunc Sol occupat: qua vel ex tabula rectarum ascensionum sumatur, vel inquiratur, ut can. 4. docuimus. Constat enim numerus, abiectionis prius toto circulo, si abijci potest, sit ascensio recta puncti Ecliptica in Meridiano supra Horizontem tunc existentis. Quare vel ex tabula ascensionum rectarum, vel ex ijs, qua in Can. 4. eiusque scholio scripsimus, punctum Ecliptica in Meridiano existens, quod videlicet inuentæ ascensionis rectæ debetur, eruendum erit; Punctum autem huic oppositum in Meridiano infra Horizontem existet. Quod si dicta ascensionis rectæ adijciatur quadrans, constabitur, abiectionis prius integro circulo, si abijci potest, ascensio obliqua puncti Ecliptica in Horizonte ex parte orientali existentis: quod vel ex tabula ascensionum obliquarum ad eandem eleuationem poli supputata, vel ex Can. 5. eiusque scholio cognoscetur: Punctum vero huic oppositum existet in Horizonte ex parte occidentali. Ratio huius nostri præcepti perspicua est ex sphaera materiali, & facile hoc etiam modo ostendi potest. Ponatur distantia à meridie Bd, in figura superiori, ita ut circulus horarius per d, transeat, in star Horizontis cuiusdam recti, in quo punctum Ecliptica, in quo est Sol, tunc existit. Si igitur A d, sit ascensio recta illius puncti, hoc est, A, sit principium γ , constabitur AB, ascensio recta Ecliptica in Meridiano tunc existentis: Et si addatur quadrans BC, usque ad Horizontem obliquum, constabitur ABC, ascensio obliqua puncti Ecliptica in Horizonte existentis. Quod si ascensio recta puncti Ecliptica in circulo horario per d, ducto existentis sit Pbd, constabitur arcus P B d B, & abiectionis circulo integro P B d P, reliqua erit ascensio recta PB, puncti Ecliptica in Meridiano existentis, &c. Item si ascensio recta prædicti puncti Ecliptica sit γ Dd, ita ut initium γ sit in γ , constabitur γ D d B, ascensio recta puncti Ecliptica in Meridiano existentis: Et additio quadrante BC, fiet ascensio obliqua puncti Ecliptica in Horizonte existentis γ DBC; & abiectionis integro circulo γ D B γ , reliqua erit ascensio obliqua γ C, &c. Exempli gratia. Sole existente in principio γ , ad eleuationem poli grad. 42. inuestiganda sint quatuor Ecliptica puncta hora 3. ante mer. hoc est, hora 9. à med. noc. sive hor. 21. à mer. quod tempus dabit grad. 315. à meridie elapsos. Si igitur ascensionem rectam principij γ , qua continet grad. 27. min. 54. ad grad. 315. adijciamus, consociemus grad. 342. min. 54. pro ascensione recta puncti Ecliptica calum tunc mediantis, cui ascensionis respondens grad. 341. min. 27. ferme. Gradus ergo 11. min. 27. χ , mediat tunc cælum; ac proximè oppositum punctum, nimirum grad. 11. min. 27. ψ , in eodem Meridiano infra Horizontem existet. Quod si ascensionis rectæ grad. 342. min. 54. punctum calum

calum mediantis adijciatur quadrans, fiet numerus grad. 432. min. 54. & abiectionis 10. circulo, reliqua fiet ascensio obliqua puncti supra Horizontem ascendens, (quod Hæroscopum appellant) grad. 72. min. 54. cui in eleuatione poli grad. 42. debentur grad. 95. min. 20. paulo amplius, ut ex tabellis ascensionum obliquarum, vel ex ijs, qua in Can. 5. eiusque scholio scripsimus, constat. Igitur grad. 5. min. 20. ψ , supra Horizontem tunc ascendet, ideoque punctum oppositum, nimirum grad. 5. min. 20. γ , sub Horizonte descendere conperietur.

2. E A D E M prorsus ratione ad datam horam, hoc est, ad datam distantiam Solis a meridie, explorabimus punctum Ecliptica in quolibet circulo horario per polos mundi ducto existens, si datus circulus horarius concipiatur esse Meridianus aliquis, atque ex hora data inquiratur distantia Solis ab eodem circulo horario dato versus occasum progrediendo: quod fiet, si huius circuli distantia à meridie, detrahatur à distantia hora data à meridie, adiectionis prius integro circulo, si detractionis fieri nequeat. Vel certe à circulo horario dato numerentur versus occasum progrediendo, omnes hora usque ad horam datam. Hora enim numerata dabunt eius distantiam à circulo dato horario, tanquam ab aliquo Meridiano, versus occasum. Verbi gratia. Sole adhuc existente in principio γ , hora 3. ante mer. hoc est, hora 21. à mer. inuestigandum sit punctum Ecliptica in circulo hora 10. min. 35. à mer. Detracta distantia huius dati circuli à mer. qua complectitur hor. 10. min. 35. ex data distantia Solis à mer. hoc est, ex hor. 21. reliqua erit distantia Solis ab hoc circulo, hor. 10. min. 25. versus occasum progrediendo. Quæ distantia etiam reperietur, si à circulo hora 10. Min. 35. percurrantur oēs horæ usque ad hor. 3. ante mer. qua est 9. post med. noc. Nam usque ad horam 11. habentur Min. 25. Deinde sequuntur hora 12. media noctis, & hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. & 9. à med. noc. Vbi vides horam 3. ante mer. vel 9. post med. noc. à circulo hora 10. Min. 35. à mer. distare horis 10. min. 25. ut prius. quod tempus continet grad. 156. min. 55. Si igitur addatur ascensio recta principij γ , grad. 27. min. 54. constabitur arcus grad. 184. min. 9. pro ascensione recta puncti Ecliptica in circulo hor. 10. min. 35. à mer. existentis, cui debentur grad. 184. min. 31. sec. 38. Gradus ergo 4. min. 31. sec. 38. ψ , existet tunc in circulo dato.

Si iisdem datis, punctum Ecliptica indagandum sit in circulo hora 11. à med. noc. hoc est, hora 23. à mer. existens, auferemus huius circuli distantiam à mer. nimirum hor. 23. ex hor. 21. adiectionis prius integro circulo horarum 24. ut ex constato numero horarum 45. detractionis fieri possit. Ita enim reliqua fient hora 22. quibus data hor. 21. à mer. à dato circulo hor. 23. à mer. versus occasum recedit, quæ distantia gradus 330. complectitur. Eademque distantia obtinebitur, si post horam 23. à mer. dati circuli percurrantur omnes horæ usque ad datam horam 21. à mer. Inuenientur enim rursum hora 22. quæ sunt ha, hora 12. meridiæ, deinde hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10. 11. 12. à mer. & insuper hora 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. & 9. à med. noc. qua omnes sunt 22. ut prius. Adita ergo recta ascensione principij γ , grad. 27. min. 54. fiet ascensio recta puncti Ecliptica in circulo hor. 23. à mer. existentis, grad. 357. min. 54. cui congruunt ferme grad. 357. min. 42. sec. 33. Igitur grad. 27. min. 42. sec. 33. χ , in circulo hor. 11. à med. noc. existet. Atque ita de cæteris. Idem hoc punctum in quolibet circulo horario, propof. 9. Geometricis inuestigare docuimus, si cognitum tamen sit punctum, quod data hora supra Horizontem ascendit, eiusque ascensio obliqua, vel punctum in circulo hor. 6. à med. noc. tunc existens, eiusque ascensio recta. Sed ratio hoc loco proposita expeditior est, cum neutro illorum punctorum indigeat, sed solam ascensionem rectam puncti Ecliptica, (qua in omni eleuatione poli eadem semper est) requirat, in quo Sol existit tempore observationis.

I M M O, si idem inuestigandum sit, posito quocunque Ecliptica puncto in Horizonte

○○○○ te orientem

te orientali; accipimus arcum semidiurnum illius puncti tunc supra Horizontem ascendens pro distantia horaria à Meridiano circulo, & reliqua perficiemus, ut dictum est. Verbi gratia. Quando principium Ω , supra Horizontem latitudinis grad. 42. ascendit, inquirendum sit punctum Eclipticæ in circulo hora 5. à meridie existens. Aufertur hac distantia hor. 5. ex hor. 16. min. 43. id est, ex distantia primi puncti Ω à Meridiano versus occasum progrediendo, cum arcus semidiurnus Ω complectatur hor. 7. min. 17. ut relinquatur distantia principij Ω , tunc exorientis à circulo hora 5. à meridie nimirum hor. 11. min. 43. hoc est, grad. 175. min. 45. ad quam distantiam si adiciatur ascensio recta grad. 122. min. 12. qua initio Ω , debetur, conficietur ascensio recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 5. à merid. existens grad. 297. min. 57. cui congruunt grad. 295. min. 57. paulo amplius. Igitur grad. 25. min. 57. Ω , existet in circulo hor. 5. à merid. ac propterea grad. 25. min. 57. Ω , in circulo hor. 5. à merid. nocte reperietur, tunc principium Ω , oritur. Verum nisi arcus semidiurnus sumatur in horis, minutis, & secundis, vel in gradibus, ac minutis, in quibus per sinus fuit inuentus, ac cedere poterit error in aliquot minutis: quod proposito proximo exemplo declarabimus. Arcus semidiurnus initij Ω , continet grad. 109. min. 21. id est, hor. 7. min. 17. Sec. 24. quo detracto ex integro circulo 360. graduum, vel 24. horarum, relinquetur distantia Ω , in Horizonte orientali existens, à Meridiano versus occasum procedendo, grad. 250. min. 39. vel horarum 16. min. 42. sec. 36. à qua si detrahatur distantia hor. 5. à merid. qua complectitur grad. 75. reliqua erit distantia Ω , à circulo hor. 5. à merid. versus etiam occasum, grad. 175. min. 39. vel hor. 11. min. 42. sec. 36. quibus horis & minutis debentur idem gradus 175. min. 39. Ad hanc distantiam si apponatur ascensio recta Ω , grad. 122. min. 12. conflabitur ascensio recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 5. à merid. existens grad. 297. min. 51. cui debentur grad. 295. min. 51. hoc est, grad. 25. min. 51. Ω , Ita ut differentia inter hoc punctum, & illud, quod prius inuentum fuit, contineat min. 6. Quod cum ita sit, quando arcus semidiurnus non habetur in gradibus & minutis, vel in horis, minutis, ac secundis, exquisitius inuenietur punctum in circulo dato hora ea ratione, quam in Gnomonica explicauimus; nimirum auferendo gradus Aequatoris à sexta hora matutina usque ad circulum hora data versus occasum numeratos, ex ascensione obliqua dati puncti supra Horizontem emergentis, adiecto prius integro circulo, si subtractio fieri nequeat. Ita enim reliqua fiet ascensio recta puncti Eclipticæ in circulo data hora existens. Ut in eodem exemplo, ab hora 6. matutina usque ad horam 5. à merid. numerantur hora 11. hoc est, grad. 165. qui si demantur ex ascensione obliqua principij Ω , grad. 102. min. 51. hoc est, (adiecto toto circulo) ex grad. 462. min. 51. reliqui sunt grad. 297. min. 51. pro ascensione recta puncti Eclipticæ in circulo hor. 5. à meridie existens, ut supra.

3. DENIQUE horam, qua signum, vel punctum quodlibet Eclipticæ exoritur Sole quemcunque Eclipticæ gradum possidentem, hoc modo explorabimus. Ascensio obliqua arcus Eclipticæ inter locum Solis, & punctum ascendens positi, & secundum seriem signorum numerati, ad horas reducta, subtrahatur ex arcu semidiurno puncti, quod Sol obtinet; vel contra, arcus semidiurnus ex dicta ascensione obliqua ad horas reducta subtrahatur, minor scilicet numerus ex maiore. Priori enim modo hora ante meridiem, posteriori vero, hora post meridiem, qua punctum Eclipticæ, cuius ascensio obliqua accepta fuit, supra Horizontem emergit, remanebit. Ratio huius rei perspicua est ex parallelo puncti, in quo Sol existit. Nam posito gradu Solis in Horizonte orientali, & mota sphaera, donec eundem Horizontem attingat punctum ascendens, arcus paralleli Solis inter locum Solis, & Horizontem metitur ascensionem obliquam arcus Eclipticæ inter eundem locum Solis, & punctum ascendens intercepti, cum ille arcus paralleli cum hoc puncto Eclipticæ exoritur. Igitur dempto eo arcu paralleli ex arcu semidiurno, vel hoc ex

illo, reliqua erit distantia Solis à Meridiano vel ante meridiem, vel post meridiem, ut diximus. Exempli causa. Sole existente in principio Ω , exploranda sit hora, qua initium Ω , oritur ad latitudinem grad. 42. Ascensio obliqua arcus inter initium Ω , & Ω , continet grad. 77. min. 9. id est, horis 5. min. 9 quibus detractis ex horis 7. min. 17. hoc est, ex arcu semidiurno initij Ω , relinquuntur hora 2. min. 8. Tot ergo horis ante merid. principium Ω , exoritur. Rursus Sole in eodem principio Ω , commorante, querendum sit, qua hora principium Ω , exoritur. Ascensio obliqua arcus ab initio Ω , usque ad principium Ω , secundum successionem signorum computati complectitur grad. 324. min. 6. hoc est, hor. 21. min. 36. Ex qua si dematur arcus semidiurnus Ω , hor. 7. min. 17. relinquuntur hor. 14. min. 19. post merid. hoc est, hor. 2. min. 19. à med. noc. quibus initium Ω , super Horizontem emergit. Atque ita de ceteris.

C A N O N XII.

MERIDIANAM lineam, & proinde lineam quoque veri ortus, atque occasus, in plano quod Horizonti æquidistet, inuenire.

1. INVENTA altitudine Solis siue antemeridiana, siue pomeridiana, collocetur gradus, quem tunc Sol occupat, in parallelo Horizontis eius altitudinis, & notetur Verticalis, in quem idem gradus incidit. Quot namque gradibus Verticalis ille à primario Verticali, id est, ab intersectione Aequatoris, Horizontis, & Verticalis primarii recedit in austrum, Septentrionemue, (quos quidem gradus metitur arcus Horizontis inter Verticalem primarium, & Verticalem, in quem gradus Solis cadit, positus.) tot gradus numerandi sunt in dorso Astrolabii à diametro Horizontali, qua nimirum lineam meridianam per centrum, & armillam suspensoriam extensam secat ad rectos angulos, ex parte orientis, occidentisue, prout Solis altitudo reperta fuerit antemeridiana, siue pomeridiana, sursum quidem, versus armillam, si Sol inuentus fuerit in Verticali australi, deorsum vero, si in boreali. Nam posita linea fiducie Mediclinii supra vltimum gradum numerationis, si tunc Astrolabium ponatur Horizonti æquidistans, & tam diu hinc inde vertatur, donec umbra vnus lateris pinnacidi per latus Mediclinii extendatur, & alterius lateris pinnacidi umbra lineæ fiduciae sit parallela, indicabit diameter dati dorso Astrolabii per armillam transiens, situm meridianæ lineæ. ita ut eius pars versus armillam recta in austrum vergat, & altera pars in boream; altera vero diameter priorem ad angulos rectos secans, vera puncta ortus atque occasus monstrabit.

2. CERTIVS autem meridianam lineam, punctaque propterea veri ortus, & occasus inueniemus sine materiali Astrolabio, ea ratione, quam in scholio propof. 23. lib. 1. nostræ Gnomonices præscripsimus, quam repetendam hoc loco non censemus: solum hoc in ea notari velim, necesse non esse, ut Verticalis HO, per O, punctum intersectionis paralleli Solis cum parallelo Horizontis describatur, ad eius declinationem a primario Verticali eliciendam; sed satis esse, si ex illo puncto O, & ex puncto intersectionis Verticalis primarii cum parallelo Horizontis, (quod in figura prædicti scholij paulo infra punctum O, existit) per H, polum Horizontis duæ rectæ extendantur. Hæ etenim ultra H, in eodem

Oooo 2 parallelo

Acurator inuentio puncti Eclipticæ in dato circulo horario existens, quolibet signo orietis, quædo arcus semidiurnus non habetur in grad. & min. vel in horis, min. & sec.

Horæ, qua quodam Eclipticæ punctum oritur, ubi enque Sol existat, inuentio per ascensiones obliquas.

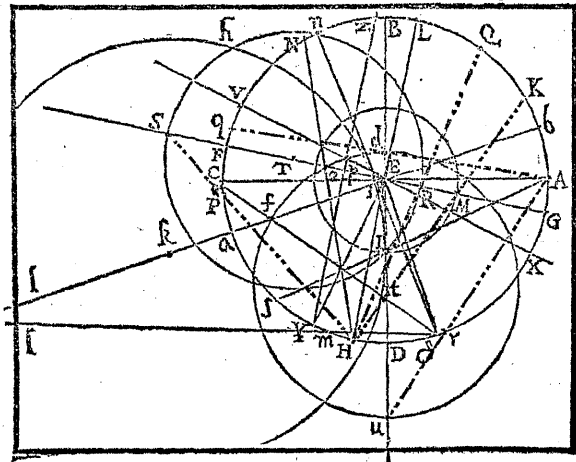
Lineam meridianam, & puncta veri ortus, atque occasus per Astrolabium materiale inactigare.

Lineam meridianam sine Astrolabio materiali certius inuenire.

parallelo Horizontis intercipient arcum quæsitæ declinationis, qui videlicet tot gradus æquales paralleli complectatur, quos apparentes gradus inter O, & alteram illam intersectionem continentur, vt lib. 2. propof. 6. Num. 25. demonstrauimus.

3. FORTASSE magis commode idem assequemur per vnicam obseruatione ex eisdem datis, nimirum ex declinatione Solis, & altitudine poli cognitis, (quæ ibi etiam data erant) hoc alio modo. In plano, quod Horizonti aquidistet, descriptus sit ex E, centro circulus ABCD, Horizontem referens, in cuius plano describendi erunt nonnulli circuli sphaeræ, prout ex Nadir, siue polo eius in inferiore, in eo conspiciuntur, veluti in scholio propof. 20. lib. 2. Num. 15. dictum est. Deinde qualibet hora, filo aliquo tenui, vel instrumento, quod initio scholii propof. 23. lib. 1. Gnomonice construximus, obseruetur umbra Solis, per cuius duo puncta extendatur recta FG, per centrum E, transiens, ac simul (nulla interposita mora) altitudo Solis capiatur, quam metiatur arcus FN. Vel certe instru-

Lineam meridianam sine instrumento materiali ex declinatione Solis, & altitudine poli cognitis, per vnicam obseruationem indagare.



mento, quod in sequenti scholio Num. 3. construemus, vna eademque opera umbra, altitudoque Solis obseruetur. Excitata autem ad FG, diametro perpendiculari HL, numeretur ab L, complementum altitudinis poli vsque ad K, vel ipsa altitudo poli à G, vsque ad K; ductoque radio HK, secante EG, in M, continebit segmentum EM. Verticalis FG, tot gradus, quot in arcu LK, continentur, vt ex his constat, quæ lib. 2. propof. 1. Num. 5. ostensa sunt. Nam ex Nadir H, punctum K, in M, apparebit. Quare parallelus Horizontis ex E, per M, descriptus transibit per polum mundi, cum à Zenith E, per complementum altitudinis poli recedat, describaturque ex puncto E, sicut prius ex eodem centro paralleli Aequatoris, quando circulus ABCD, Aequatorem representabat, describebantur. Vt autem sciamus, quodnam punctum huius paralleli sit polus mundi, ducemus ex H, radiam ad centrum Solis in N, existentis, vt constat, si circulus ABCD, concipiatur in recta FG, ad planum Horizontis rectus, hoc est, in situ Verticalis per Solem

Solem transeuntis: apparebitque Sol in puncto O. Et quoniam in sphaera circulus ex centro Solis, vt polo, ad interuallum complementi declinationis Solis descriptus, (quando tamen Sol australis est, accipiendum est interuallum ex quadrante, & declinatione compositum) transit per eundem polum mundi; si circa O, vt polum, circulus ille describatur, secabit is parallelum prius descriptum ex parte boreali in polo: qui quidem circulus hoc modo describetur. Ex N, vtrinque numeretur complementum declinationis, vel si Sol australis est, arcus ex quadrante, & declinatione conflatus, vsque ad P, Q. Ductis namque radijs HP, HQ, abscindetur illius circuli diameter visa SR; qua diuisa bifariam in T, describatur circulus prædictus secans parallelum Horizontis duobus in punctis, quorum illud, quod borealius est, nimirum quod nobis inter Solem & centrum E, constitutis, & ad idem centrum conuersis, ad dexteram existit, si obseruatio fit ante meridiem, ad sinistram vero, si obseruatio fit post meridiem, polus est, cuiusmodi est punctum I. Ducta ergo recta IE, erit linea meridiana, hoc est, Meridianum per polum mundi, & Zenith ductum referet: quam si diameter AC, ad rectos interfecet angulos, erit C, veri ortus punctum, & A, punctum veri occasus.

4. QVOD si poli altitudo ignoretur, explorabimus idem ex sola declinatione Solis cognita, per duas obseruationes, hac ratione. Matutino tempore efficiat umbra Solis rectam ab, cum eius altitudo supra Horizontem est arcus a e. Ducta autem Eg, ad ab, perpendiculari, emittatur ex g, Nadir, (Si enim circa ab, circumuolui intelligatur circulus ABCD, donec rectus sit ad Horizontem, & punctum g, deorsum vergat, erit Eg, axis Horizontis, & g, eius polus inferior) radius ge, secabiturque ab, in f, puncto, in quo Sol apparet. Numerato autem ex e, vtrinque complemento declinationis Solis vsque ad n, m, egrediantur ex g, radij gn, gm, secantes a b, in i, l: diuisaque il, bifariam in k, erit circulus hi, ex k, per i, l, descriptus circa f, tanquam polum, representans eum, qui in sphaera ex centro Solis ad interuallum complementi declinationis, hoc est, per polum mundi describitur: quod quidem centrum k, reperietur ex ijs, quæ lib. 2. propof. 6. Num. 9. docuimus, etiam si radius gm, nimis procul excurrat, ita vt eius intersectio cum a b, vix haberi queat.

POST aliquod deinde temporis spatium umbra Solis efficiat rectam FG, eiusque altitudinem metiatur arcus FN. Ducta autem ad FG, perpendiculari EH, emittatur ex Nadir H, radius HN, secans FG, in o, puncto, in quo Sol ex Nadir apparet. Numerato quoque ex N, in vtramque partem complemento declinationis Solis vsque ad P, Q, egrediantur ex H, radii HP, HQ, secantes FG, in S, R: diuisaque RS, bifariam in T, circulus ex T, per R, S, descriptus circa O, vt polum, referet eum in sphaera, qui circa Solem per mundi polum describitur. Vbi ergo hic priorem versus boream interfecat in I, ibi erit polus mundi apparens. Quocirca recta IE, meridiana linea erit. Et si, aliqua mora interiecta, fiat tertia obseruatio, (quod tamen necessarium non est) eodemque modo tertius circulus circa Solem, vt polum, describatur, transibit is necessario per idem punctum I, si erratum non fuerit.

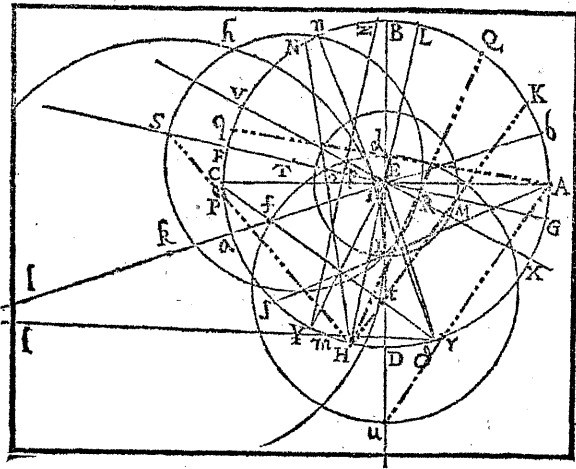
5. IMMO per tres obseruationes meridianam lineam reperiemus, etiam si neque altitudo poli, neque declinatio Solis cognita sit: quod etiam in libello de Fabrica, & vsu instrumenti Horologiorum Cap. 19. eadem ferme ratione effecimus. Faciat ergo in prima obseruatione umbra Solis rectam ab, eiusque altitudo sit ae. Ducta autem ad ab, perpendiculari Eg, apparebit centrum Solis in e, constituti, per radiam ge, in f.

Lineam meridianam sine Astrolabio materiali ex sola declinatione Solis cognita, per duas obseruationes indagare.

Meridianam lineam sine Astrolabio materiali per tres obseruationes, etiam si declinatio Solis, & altitudo poli ignoretur, inquire.

IN secunda autem obseruatione efficiat umbra rectam FG, Solisque altitudo sit FN. Ducta autem ad FG, perpendiculari EH, apparebit centrum Solis in N, existentis, per radium HN, in O.

IN tertia denique obseruatione linea umbrae sit VX, altitudoque Solis VZ,



Ducta autem ad VX, perpendiculari EY, apparebit Solis centrum in Z, existens per radium YZ, in p, puncto.

QVONIAM igitur Sol in tribus illis obseruationibus ponitur in eodem parallelo Aequatoris existere, quod eius declinatio in eis no mutetur sensibilliter; si trium punctorum f, O, p, centrum t, reperiat, erit recta tE, linea meridiana, quod centrum paralleli Solis fOp, & centrum Horizontis, in linea meridiana existant, vt ex iis, quae lib. 2. propof. 6. demonstrauiamus, manifestum est.

SCHOLIUM.

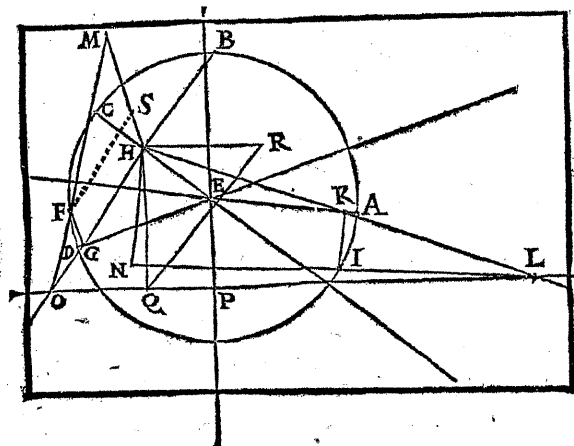
Lineae meridiana inuenio ex Analemate, per declinatione Solis & altitudinē poli cognitas.

QVA ratione linea Meridiana ex Analemate, quando & altitudo poli, & declinatio Solis cognita est, eliciatur, tradidimus lib. 1. Gnomonices in Scholio prop. 23. & in libello de Fabrica & usu instrumenti horologiorum cap. 18. vt superuacuum sit eam hoc loco repetere.

Lineae meridiana inuenio in plano Horizontali per tres obseruationes. eua msi declinatio solis & altitudo poli cognita non sit.

2. SED incunda quoque operatione idem efficiemus per tres umbrarum obseruationes, & tres altitudines Solis, quarum duae fiat ante meridiem, & una post meridiem, vel dua post, & una ante; etiamsi neque declinatio Solis, neque altitudo poli cognita sit. Circulus enim ABCD, cuius centrum E, sit in plano quod Horizonti aequidistet, descriptus, & matutino tempore in diuersis horis umbra Solis efficiat rectas DE, CE, per centrum E, extensas, & in eisdem horis altitudines Solis deprehensa sint DF, CB. Vespertino autem tempore umbra proiectatur per rectam AE, & Solis altitudo sit AI, minor quam

nor quam altitudo CB, antemeridiana. Ex altitudinibus Solis ad proprias umbrarum lineas perpendiculares demittantur FG, BH, IK. Extensa autem ex H, per G, recta HG, fiat HM, ipsi FG, parallela, & ipsi HB, aequalis, iungaturque recta MF, qua re-
 tam HG, in O, secabit. Abscissa namque HS, aequali ipsi GT. (Est enim altitudo Solis DF, minor altitudine CB, quod hac meridiei vicinior sit; ideoque & sicut FG, sinu
 BH, minor) iunctaque recta FS, a qua ipsi GH, parallela erit, b erit angulus FSM, a 33. primi.
 angulo GHM, aequalis externus interno. c Cū ergo in triangulo FSM, duo anguli S, M, b 29. primi.
 sint duobus rectis minores, erunt quoque duo anguli GHM, & M, duobus rectis mi- c 17. primi.
 nores, ac propterea recta HG, MF, concurrent, hoc est, recta MF, producta reftam HG, secabit in aliquo puncto, nimirum in O. Et quoniam, si concipiantur GF, & HM, vel HB, ad planum Horizontis perpendiculares, Sol in duabus obseruationibus exiit in F, B, punctis, transibit parallelus Solis per F, B, eiusque planum per rectam MF, exten-
 sum plano Horizontis occurret in O. d Nam cum sit, vt HM, ad GF, ita HO, ad GO; d 4. sexti.
 erit quoque vt, HM, rectos angulos cum plano Horizontis faciens ad GF, rectos item

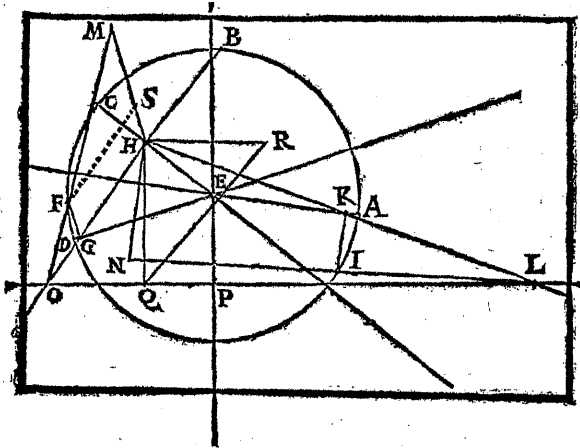


angulos cum eodem plano Horizontis facientem, ita HO, ad GO; ideoque ex scholio propof. 4. lib. 6. Eucl. recta ex M, in sublimi per F, in sublimi extensa cadet in punctum O; atque idcirco planum paralleli Solis per illam rectam ductum plano Horizontis in O, occurret.

EODEM pacto si ex H, per K, recta HK, extendatur, & ex H, ipsi KI, parallela agatur HN, & ipsi HB, aequalis, secabit iuncta recta NI, rectam HK, nimirum in puncto L, in quo idem parallelus Solis plano Horizontis occurrat. Adiuncta ergo re-
 cta OL, communis sectio erit paralleli Solis, atque Horizontis. Quare recta PE, per centrum ducta ad OL, perpendicularis, meridiana linea erit, hoc est, communis sectio Meridiani, atque Horizontis. Quoniam enim tam parallelus Solis, quam Horizon, ad Meridianum rectus est, e erit eorum quoque sectio communis OL, ad eundem recta, ideo-
 que ex defn. 3. lib. 11. Eucl. & cum meridiana linea in Horizonte, & Meridiano existente, rectos efficiet angulos; ac proinde PE, ad OL, perpendicularis, meridiana
 linea erit. e 19. undec.

3. SI forte contingat, duas Solis altitudines esse aequales, tunc videlicet ante meridiem, & post meridiem alteram, ut si altitudines DE, AI, sint aequales, dividendus erit angulus DEA, bifariam. Dividens enim linea erit linea meridiana; propterea quod Sol in duabus illis observationibus aequales habuit à meridie distantias, & duo Verticales per Solem ducti aequales cum Meridiano angulos efficiunt, &c.

4. QVOD si quādo omnes tres altitudines Solis observatae forent aequales, argumentum esset, parallelum Solis Horizonti aequidistare, ac proinde polum mundanum esse in polo Horizontis superiore, altitudinemque eius supra Horizontem esse grad. 90. Ex quo sequitur, nullam tunc lineam in eo plano esse posse proprie meridianam.



POSSUNT quoque omnes tres observationes fieri vel ante meridiem, vel post, sed tunc duo puncta O, L, reperientur ex eadem parte parum inter se distare, ut non facile recta OL, sine errore duci possit. Quā ob rem magis exquisita res perageretur, si una observatio fiat post meridiem, & dua ante meridiem, vel una ante meridiem, & dua post, ut diximus.

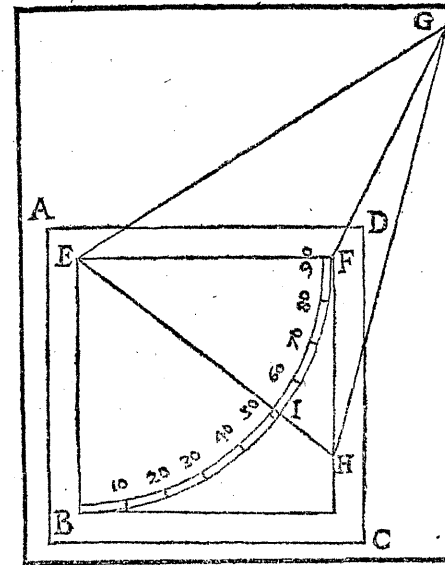
5. QVONIAM vero in qualibet observatione umbra statim accipienda est altitudo Solis, ne aliqua mora inter umbra observationem, & altitudinem Solis accipiendam interponatur, construemus cum Petro Nonio lib. 2. de Navigatione cap. 6. instrumentum, quo eadem opera, & umbra & altitudo Solis observetur: hoc scilicet modo. In quadrata aliqua tabella plana ABCD, describatur quadrans BF, ex E, dividaturque in 90. gradus, initio facta à B; & per F, agatur FH, lateri quadrati CD, parallela: Et in semidiametro EF, ipsi quadrata & tabella inscribat ad angulos rectos norma, siue triangulum rectangulum EFG, cuius duo latera EF, FG, aequalia sint, & hypotenusa EG. Poterit autem triangulum hoc ita accommodari, ut deprimi possit, & elevari, ita tamen, ut eleutum semper rectum sit ad quadratum ABCD. Atque ut minus graue, aut ponderosum fiat instrumentum, excidenda erunt partes superflua intra quadrantem EBF, & extra: Item partes interiores trianguli EFG; ita ut intacta relinquuntur arcus BF, recta FH, & hypotenusa EG. Iuxta latus quoque trianguli GF, appendi potest filum cum perpendiculari, ut facile planum, supra quod statuen-

Instrumentum, quo simul umbra, & altitudo Solis depictentur.

dum est instrumentum pro observatione, vel certe ipsummet quadratum ABCD, Horizonti parallelum possit constitui.

VSVS huius instrumenti hic est. Posito instrumento in plano Horizontali, (quod vult instrumenti. tum demum factum erit, quando filum perpendiculari lateri GF, adhaerebit) vergenteque triangulo EFG, versus Solem, vertatur hinc inde, donec umbra lateris FG, re-

hos cum quadrato ABCD, angulos facientis, cadat praecise in recta FH. Tunc enim recta iuxta latus CD, in plano, supra quod positum est instrumentum, descripta ipsi CD, parallela, umbram indicabit: umbra autem EH, proiecta ab hypotenusa EG, abscindet arcum BI, altitudinis Solis supra Horizontem. Cum enim latus FG, ad tabellam ABCD, sit rectum, erit per defn. 3. lib. 11. Eucl. angulus GFH, rectus. Quia igitur duo latera GF, FH, trianguli FGH, aequalia sunt duobus lateribus EF, FH, trianguli EFH, angulosque continent rectos; & aequales erunt bases GH, EH, & anguli GHF, EHF. Est autem GHF, angulus altitudinis Solis supra Horizontem, cum recta HF, HG, producta interceptant in Verticali per Solem ducto arcum inter Solem, atque Horizontem. Igitur & EHF, angulus erit altitudinis Solis, cui cum sit aequalis alter



a. 4. primi.

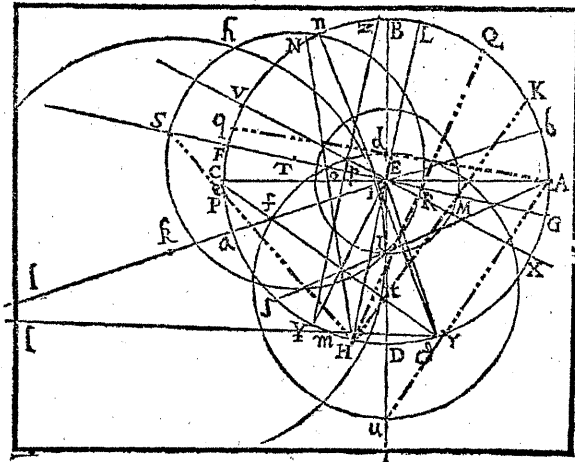
nus BEH, in centro, erit quoque BEH, angulus altitudinis Solis, ideoque arcus BI, eandem altitudinem metietur, quod est propositum.

NON debet autem instrumentum eiusmodi esse nimis magnum, quia extremitas umbra EH, ab hypotenusa proiecta quasi evanesceret in plano ABCD, ob nimiam distantiam hypotenusa ab eodem plano: sed mediocrem quandam magnitudinem habere debet, ut umbra extremum facile discerni queat: Id quod usus atque experientia te docebit.

ALTITVDINEM Poli cuiusvis oppidi, lociue, hoc est, eius latitudinem, distantiamue ab Aequatore; longitudinemque, id est, distantiam ab insulis Fortunatis, explorare.

Altitudinem poli reperire per vnam obseruationem, quando declinatio Solis, & situs lineæ meridianæ dantur.

1. QVANDO declinatio Solis eo die, quo altitudo poli inquiritur, cognita est, & situs lineæ meridianæ notus, inueniemus altitudinem poli per vnam obseruationem hoc modo. In plano Horizonti parallelo descriptus sit circulus ABCD, ex centro E, & linea meridianæ BD, per centrum extensa. Obseruata vmbra FG, & altitudine Solis FN, erigatur ad FG, perpendicularis EH; ductoque radio HN, secante FG, in O, loco Solis tempore obseruationis, numeretur complementum declinationis, quando Sol borealis est, vel quando est australis, arcus ex quadrante, & declinatione confatus, à puncto N, in vtramque partem vsque ad P, Q, ductisque radijs HP, HQ, secantibus FG, in S, R, describatur circa RS, ex medio eius puncto T, circulus SIR, referens in sphaera parallelum circa centrum Solis ad interuallum complementi declinationis descriptum, ac proinde per polum mundi incedentem. Vbi enim circulus hic ex parte boreali meridianam lineam interfecat, vt in I, puncto, quod nobis in F, inter Solem, & centrum E, constitutis ad dextram iacet, si obseruatio fit ante



meridiem, vel ad sinistram, si post meridiem obseruatio fit, ibi polus boreus apparet. Ducta igitur ad meridianam lineam diametro perpendiculari AC, si ducatur ex A, per I, polum visum radius AI, erit arcus DI, altitudo poli, cui respondeat arcus visus Meridiani ID, inter Horizontem ac polum; & arcus IC, complementum altitudinis poli, cum ei respondeat arcus Meridiani EI, apparet inter verticem & polum, vt ex iis liquet, quæ lib. 2. propof. 1. demonstrata sunt.

SI forte accidat, circulum circa Solem descriptum ad interuallum complementi declinationis, meridianam lineam contingere, quod solum accidere potest hora 6. ante, vel post meridiem, (vt si vmbra fuisset ab, altitudoque Solis a e; erecta Eg, ad a b, perpendiculari, ductoque radio ge, secante a b, in f, numerandum esset complementum declinationis ex e, vsque ad m, n, vt radii gm, on, diametrum il, abscinderent circuli h i, cuius centrum k, meridianam lineam tangen-

tangentis in I.) erit ipsum punctum contactus, polus borealis: quia cum quicumque circulus ex quolibet puncto circuli horæ 6. per polum descriptus Meridianum tangat in polo; propterea quod circulus horæ 6. ad Meridianum reclusus est; fit vt circulus ex centro Solis in circulo horæ 6. existente, tanquam polo, ad interuallum complementi declinationis descriptus, tangat Meridianum in polo, cum necessario per polum transeat, propter interuallum complementi declinationis.

ACCIDIT; interdum, quando Sol borealis est, circulum circa centrum Solis, vt polum, ad interuallum complementi declinationis descriptum, secare Meridianum duobus in punctis ultra verticale punctum versus boream. Quando igitur distantia Solis à Meridiano maior est sex horis, erit intersectio minus borealis, polus boreus; si autem distantia minor est, intersectio borealis polus boreus erit: quia in priori casu, circulus horarius per Solem, & polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum obtusum, qualis est ille, quem circulus maximus in sphaera per Solem & intersectionem minus borealem ducitur; in posteriori vero casu, circulus horarius per Solem, ac polum ductus facit cum Meridiano versus austrum angulum acutum, qualis est ille, quem circulus maximus in sphaera per Solem, & intersectionem borealiorem ducitur; propterea quod duo circuli maximi per Solem, & duas illas sectiones ducti efficiunt triangulum isosceles, cuius duo anguli ad basem acuti sunt, quæ omnia in sphaera materiali perspicua sunt.

SI vero ignoretur, num distantia Solis à Meridiano maior sit sex horis, an minor, facienda erit alia obseruatio. Punctum enim meridianæ lineæ, in quo circulus in posteriori obseruatione circa Solem, vt polum, ad interuallum complementi declinationis descriptus, circulum prioris obseruationis secat, polus borealis erit. Posterior enim circulus priorem necessario in Meridiano interfecabit, cum vterque per polum incedat; neque vero posterior per vtramque intersectionem prioris cum Meridiano transibit, sed per vnam duntaxat; alias essent duæ lineæ rectæ in sphaera ex centro Solis in priori obseruatione ad duas illas intersectiones ductæ æquales duabus rectis ex centro Solis in posteriori obseruatione ad easdem duas illas intersectiones emissis, quod absurdum est. Legatur, si placet, caput 13. lib. 2. Petri Nonii de Nauigatione, vbi omnes hic casus fufius demonstrantur.

3, 7. primis.

2. QVANDO autem situs lineæ meridianæ ignoratur, reperiemus poli altitudinem, lineamque meridianam ex data Solis declinatione per duas obseruationes, hac ratione. Ex duabus vmbis a b, FG, & altitudinibus Solis a e, FN, inueniatur polus borealis I, in intersectione circulorum hiL, SIR, vt in præcedente Can. Num. 4. factum est. Ducta enim recta IE, erit linea meridianæ, ad quam si excitetur diameter perpendicularis AC, & ex A, radius egrediatur per polum I, erit arcus DI, altitudo poli, & arcus CI, eiusdem complementum, vt paulo ante dictum est.

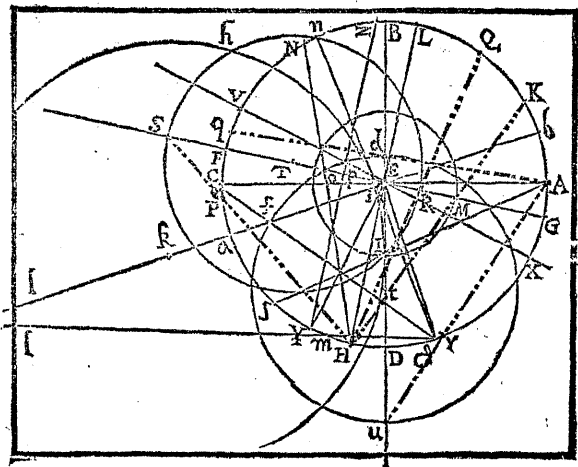
Altitudinem poli, & lineam meridianam per duas obseruationes ex sola declinatione Solis cognita inuestigare.

3. QVANDO denique & situs lineæ meridianæ, & Solis declinatio ignoratur, explorabimus eandem altitudinem poli, vna cum declinatione Solis, ideoque & cum eius loco in Ecliptica, & situ lineæ meridianæ, per tres obseruationes, hoc modo. Ex tribus vmbis a b, FG, VX, & altitudinibus Solis a e, FN, VZ, inquiratur t, centrum circuli per tria centra Solis f, O, p, descripti, vt in Can. antecedente Num. 5. factum est. Ducta namque recta tE, meridianæ linea erit, ad quam si erigatur diameter AC, perpendicularis, & ex A, per d, u, intersectiones meridianæ lineæ cum circulo fOp, parallelum Solis repræ-

Altitudinem poli, lineam meridianam, & declinationem Solis per tres obseruationes exquirere.

Pppp 2 sentante,

sentante, vt Num. 5. præcedentis Can. diximus, radii emittantur, fecabitur circulus ABCD, in q, r, extremitatibus veræ diametri paralleli Solis per visam diametrum du, representatæ, vt constat, si A, ponatur in Nadir, & circulus ABCD, ad Horizontem intelligatur rectus. Diuiso igitur arcu q r, bifariam



in f, erit f, polus mundi verus, & radius emissus A f, indicabit eundem polum apparentem in I. Igitur, vt prius, arcus Df, altitudinem poli, & arcus Cf, eiusdem complementum metietur. Arcus denique f q, vel f r, erit complementum declinationis Solis, siue paralleli Solis, cuius diameter vera esset recta q r, ducta.

Longitudines locorum per Eclipses lunares quo pacto explorantur.

4. I A M vero nulla adhuc certior via est ab Astronomis inuenta ad longitudines locorum explorandas, quàm per Eclipses Lunares, quæ eiusmodi est. Obseruetur à pluribus Astronomis in insulis Fortunatis, à quibus longitudines locorum incipiunt, & in aliis locis orientioribus initium alicuius lunaris Eclipsis, & eodem temporis momento per altitudinem stellæ cuiuspiam hora à mer. vel med. noc. inquiratur per ea, quæ Can. 8. scripsimus. Nam si horam, qua Eclipsis apud insulas Fortunatas incipit, detraxeris ex hora, qua eiusdem Eclipsis initium in quavis ciuitate orientiori conspectum fuit, & reliquum numerum horarum ad gradus reduceris, reliqui erunt gradus longitudinis illius ciuitatis orientioris, hoc est, quibus illa orientior ab insulis Fortunatis versus ortum recedit. Vt si u. g. in Fortunatis insulis Eclipsis quæpiam Lunaris incipiat hora 11. min. 15. post meridiem, & Romæ hora 1. min. 41. post med. noc. hoc est, hora 13. min. 41. post meridiem, detrahemus hor. 11. min. 15. ex hor. 13. min. 41. eruntque reliquæ horæ 2. min. 26. quæ efficiunt grad. 36. min. 30. Tantam ergo pronuntiabimus esse longitudinem Romanæ vrbis, id est, Meridianum Romanum à Meridiano insularum Fortunatarum oriente versus distare grad. 36. min. 30. qui quidem gradus inter vtrumque Meridianum in Aequatore numerantur. Sed hac de re plura in Cosmographia reperies.

SCHO-

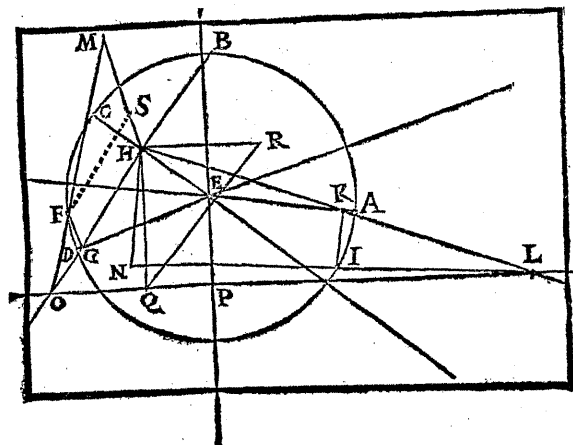
SCHOLIUM.

1. IN scholio 2. propof. 28. lib. 1. Gnomonice ostendimus, qua ratione altitudo poli ex Analemate per duas obseruationes eliciatur, etiamsi declinatio Solis data non sit, dummodo meridiana linea situs non ignoretur. Quare eam hoc loco repetere necesse non est, cum ex illo scholio addisci possit: sed contenti erimus eandem poli altitudinem per tres obseruationes explorare, etiamsi neque declinatio Solis, neque linea meridiana positis cognitæ sit.

Altitudinis poli inuenta ex Analemate per duas obseruationes, etiamsi declinatio Solis ignoretur, dummodo situs meridiana linea detur.

2. PER tres ergo umbras DE, CE, AE, in Horizonte, & tres altitudines Solis DF, CB, AI, quarum dua obseruatæ sint ante meridiem, & tercia post, vel contra, vt in 1. figura scholij præcedentis Can. apparet, reperitur OL, communis sectio plani Horizontis, ac paralleli Solis, vt Num. 2. scholij præcedentis Can. 12. factum est. Nam perpendicularis PE, dabit lineam meridianam, vel etiam quacunque alia perpendiculari-

Altitudinem poli, lineamque meridianam per tres obseruationes cognoscere, licet declinatio Solis sit ignota.



laris HQ: Et si agatur HR, ipsi OP, parallela, vel ad meridianam lineam perpendicularis, ipsique HB, æqualis, iungaturque recta QR, erit QRH, angulus altitudinis poli. Nam si triangulum QHR, cogitetur rectum ad Horizontem super rectam HQ, excuset Solis centrum in R, eo tempore, quo umbra CE, & altitudo Solis CB, obseruatæ sunt. Cum ergo parallelus Solis per OL, transeat, transibit quoque per rectam RQ, ita vt RQ, sit communis sectio eiusdem paralleli, ac Meridiani. Quapropter RQH, angulus erit complementi altitudinis poli, quem nimirum Aequatoris, eiusque parallelorum plana cum Horizonte efficiunt; atque idcirco QRH, angulus erit altitudinis poli.

3. E A D E M altitudo poli siue borealis, siue australis, siue vlla descriptione figuræ, interdum ex altitudine meridiana, ac declinatione cognita, noctu vero ex meridiana altitudine cuiuslibet stellæ, & declinatione percepta, facili negotio reperiri poterit, si prius doceamus, quo pacto cognosci possit, num vertex capitis, vel polus Horizontis sit inter polum arcticum, & Solem, stellamue in Meridiano positam, an vero Sol ipse, stellæ,

laue, cum Meridianum possidet, iaceat inter polum arcticum, & verticem loci: quod ita planum fiet. Quando constat, in quam partem Septentrio vergat, vel auster, (quod beneficio acus Magnete illita dicto citius cognosci potest) facile id, quod propositum est, percipietur. Nam si umbra corporum, cum Sol maximam habet altitudinem, projiciantur in Septentrionem, vel si nobis conuersus in austrum, altitudo maxima stella obseruanda sit, constitutus erit uertex loci inter poli arcticum, & Solem. Si autem umbra corporum in austrum projiciantur, Sole maximam habente altitudinem, vel si altitudo maxima stella, nobis in Septentrionem conuersis, obseruanda sit, Sol, vel stella inter polum arcticum, & verticem loci reperietur. At si signoretur, qua ex parte Septentrio sit, aut Meridies, si conuersa facie ad Solem, vel stellam, quando a vertice prope abest, uiderimus Solem, vel stellam cum mundo ab ortu in occasum circumuolui a sinistra uersus dextram, existet uertex loci inter polum arcticum & Solem, vel stellam; si uero a dextra uersus sinistram, Sol uel stella inter arcticum polum, & uerticem loci constituetur.

An uertex loci sit inter polum arcticum & Solem uel stellam in Meridiano positam, an uero Sol, uel si illa in Meridiano posita sit inter polum arcticum & uerticem loci, quo pacto cognoscatur.

Altitudo poli, quo pacto ex declinatione Solis, uel stellam, altitudineque meridia venanda sit.

4. IIA QVE si declinatio Solis, uel stella, quando borealis est, dematur ex quadrante inter polum arcticum, & Aequatorem intercepto, vel quando australis est, ad eundem quadrantem adiciatur, relinquetur, uel constabatur distantia Solis, stellae a polo arctico. Obseruata igitur circa meridiem aliquoties altitudo Solis, aut stella, donec deprehendatur maxima, complementum maxima altitudinis deprehensa (Quod si adsit linea meridiana, habebit Sol maximam altitudinem, sine meridiana, quando umbra styli in meridiana linea collocati in ipsam lineam meridianam projicitur: stella uero altitudinem meridianam, uel maximam obtinebit, quando in Meridiano existit; quod tum fiet, si planum ad Horizontem in meridiana linea relictum per stellam transibit, si producatur) ex inuenta distantia Solis, stellae a polo arctico auferatur, si uertex loci inter astrum, & polum arcticum extiterit, uel addatur ad eandem distantiam, si astrum extiterit inter uerticem loci, & polum mundi arcticum. Nam relictus numerus, uel constatus distantiam uerticis loci a mundi polo arctico indicabit. Quae distantia si reperta fuerit aequalis quadranti, erit uerticis punctum in Aequatore, nullaque erit poli altitudo supra Horizontem. Si uero minor quadrante fuerit inuenta, detracta ea ex quadrante, reliqua fiet altitudo poli borealis: si denique quadrante maior extiterit, ablato quadrante ex ea, altitudo poli australis fiet reliqua, ut facile intelligetur, si sphaera materialis adhibeatur.

SI Sol, uel stella reperta fuerit in uertice loci, hoc est, maxima eius altitudo deprehensa fuerit grad. 90. erit ipsamet declinatio Solis, uel stella, altitudo poli supra Horizontem, borealis quidem, si declinatio fuerit borealis, australis uero, si australis.

RVRSVS si Sol, uel stella in locis borealibus neque oriatur, neque occidat (quod in Sole contingere potest, quando in signis borealibus uersatur, & loci uertex est inter polum borealem, & circulum arcticum) habebit intra spatium 24. horarum duas altitudines meridianas, unam maximam, & minimam alteram. Ex maxima reperietur poli arctici altitudo, ut dictum est: ex minima uero hoc modo. Distantia Solis, stellae a polo arctico inuenta, ut ad initium huius Num. 4. diximus, adiciatur ad minimam altitudinem. Constat enim numerus dabit altitudinem poli arctici. Eadem ratione, si Sol, uel stella in locis australibus neque oriatur, neque occidat, (quod in Sole contingere potest, quando australia signa percurrit, & uertex loci inter polum australem, & circulum antarcticum existit) habebit intra spatium 24. horarum duas meridianas altitudines, maximam unam, & alteram minimam. Ex maxima erit poli antarctici altitudo, ut initio huius Num. 4. praecipimus: ex minima uero hac ratione. Distantia Solis uel stella a polo antarctico (qua habetur, si eius distantia a polo arctico inuenta, ut supra traditum est, ex semicirculo, uel eius declinatio australis ex qua-

ex quadrante detrahatur) adiungatur ad minimam altitudinem. Constat enim numerus latitudinem poli australis exhibebit.

DENIQUE si quando acciderit, altitudinem Solis aut stella per aliquod temporis spatium neque auferi, neque minui, altitudo poli grad. 90. continebit, hoc est, in ipso loci uertice polum collocatus erit; borealis quidem, si declinatio Solis, stellae uel fuerit borealis; australis uero, si australis.

5. IDEM alia ratione nonnihil diuersa assequemur, hac uidelicet. Discatur primum, ubi sit, plus minus, pars mundi septentrionalis, & ubi australis: quod facile nos acus Magnete illita edocet. Quod si eiusmodi acu careamus, circa meridiem, hoc est, quando propemodum Sol, uel stella maximam obtinet altitudinem, faciem nostram ad Solem uel stellam conuertemus. Et si quidem moueri cerneatur a sinistra in dextram, dorsum nostrum in partem septentrionalem, & facies in australem uerget; si uero a dextra in sinistram, e regione nostra sita erit pars Septentrionalis, & australis in parte opposita.

HOC cognitio, maximam Solis, uel stella altitudinem obseruabimus. Eius complementum, si umbra corporum ad eandem partem projiciatur, in quam astrum declinat, (In stella, quoniam umbram non projicit, sumemus pro umbrarum adium uisuaalem ab oculo ad stellam ductum) declinationi adiectum consuet altitudinem poli eiusdem nominis cum declinatione, hoc est, arctici, si tam umbra, quam declinatio est borealis, antarctici uero, si australis. At si corporum umbra in contrariam projiciantur partem, id est, in septentrionem, si declinatio est australis, uel in austrum, si septentrionalis, si quidem complementum maxima altitudinis declinationi deprehensum fuerit aequale, existet uertex loci sub Aequatore, nullamque polum altitudinem habebit: Si uero complementum maxima altitudinis minus reperit fuerit declinatione, detracto illo ex hac, reliqua fiet altitudo poli eiusdem nominis cum declinatione, hoc est, arctici, si declinatio est borealis, antarctici uero, si australis: si denique complementum maxima altitudinis declinatione exuerit minus, erit eorum differentia altitudo poli opposita denominationis cum declinatione, nimirum antarctici, si declinatio est borealis, arctici uero, si australis.

QUANDO Sol, uel stella declinatione caret, complementum maxima altitudinis dabit altitudinem poli eiusdem nominis cum umbra, nimirum arctici, si umbra est septentrionalis, antarctici uero, si australis.

QUANDO denique Sol, uel stella in uertice loci extiterit, ipsa declinatio, si quam habet, erit poli altitudo eiusdem nominis cum declinatione, arctici uidelicet, si declinatio est borealis, antarctici uero, si australis.

6. QUANDO constat, polum arcticum supra Horizontem eleuari, solent Astro nomi hac facili uia eius altitudinem indagare. Sole, uel stella declinatione carente, complementum altitudinis meridia exhibet altitudinem poli arctici. Existente autem declinatione boreali, & astro uergente a uertice in austrum, arcus ex declinatione, & complemento meridia altitudinis constat altitudinem arctici poli manifestat: Declinatione uero australi existente, detracta ea ex complemento altitudinis meridia, reliquus arcus altitudinem poli borealis meriur. Quod si astrum a uertice loci tendat in boream, complementum altitudinis meridia ex declinatione boreali detractum reliquam facit altitudinem poli borealis. Denique Sole, aut stella neque oriente, neque occidente, ita ut duas altitudines meridianas habeat, si quidem in maxima uerget a uertice uersus boream, semisis aggregati ex utraque altitudine meridia altitudinem poli borealis indicat: si uero astrum in maxima altitudine a uertice in austrum tendat, detracta ea ex semicirculo, semisis aggregati ex residuo, & minima altitudine est ipsa poli arctici altitudo.

Aliter. Vbi se parafpct. tribualis, & australis, quo pacto depreheadatur.

Aliter & facilius, si esset poli arctici eleuari supra Horizontem.

NON aliter agemus in regionibus australibus, si ea, quæ de declinatione, & parte boreali dicta sunt, ad declinationem, ac partem australem transferantur, & contra.

C A N O N XIII.

IN quacunq; orbis parte versetur, etiam in mari, quanam in Zona, & climate constituti simus, cognoscere.

1. HVNC Canonem, nisi ab omnibus scriptoribus Astrolabii positus esset, nullo modo explicarem, cum nihil noui contineat, sed solum requirat inuentionem poli in eo loco, in quo sumus. Inuenta namque per Canonem 13. vel eius scholium, poli altitudine, siue latitudine loci, si ea minor fuerit, quam grad. 23. min. 30. locus in Zona torrida situs erit; & si latitudine careat, verticem sub ipso Aequatore habebit, hoc est, in medio Zone torridæ iacebit. Si autem latitudo contineat præcise grad. 23. min. 30. collocabitur præcise vel sub tropico 23. vel sub tropico 20. prout locus borealis est, vel australis, hoc est, iacebit in fine torridæ Zone, & in principio temperatæ. At si latitudo maior sit, quam grad. 23. min. 30. minor autem quam grad. 66. min. 30. situm habebit in temperata Zona, vel boreali, vel australi, prout locus in boream, vel in austrum declinat. Quod si latitudo loci præcise complectatur grad. 66. min. 30. positus erit sub circulo arctico, vel antarctico, hoc est, collocabitur in fine Zone temperatæ, & in principio frigidæ. Si denique loci latitudo maior fuerit, quam grad. 66. min. 30. situs eius reperietur in Zona frigida; & si latitudo contineat grad. 90. verticem sub ipso habebit polo, mediumque Zone frigidæ occupabit.

E A D E M altitudo poli inuenta docebit, quoniam in climate locus, in quo sumus, collocetur. Nam si inuenta altitudo poli quaratur in tabula climatum, quam ad calcem cap. 3. spheræ secundum recentiores copiosissimam descripsimus; si quidem præcise reperiat, illico constabit, in cuiusnam climatis initio, vel medio, vel fine locus noster situs sit: Si vero præcise non inueniatur, intelligemus ex altitudine poli in tabula descripta, quæ a nostra altitudine minus differt, prope cuius climatis principium, vel medium, finemue versetur. Verbi gratia. Nauigans quispiam delatus sit ad portum Mozambique in Africa orientali. Et quoniam deprehenditur latitudo australis grad. ferme 15. dicemus eum versari prope medium primi climatis australis, cum clima 1. in medio altitudinem poli australis habeat grad. 16. min. 43. Rursus delatus quispiam sit ad insulas Orcades ultra Scotiam. Et quia latitudo earum insularum complectitur propemodum grad. 61. min. 50. pronuntiabimus eas iacere in climate 13. septentrionali, & quidem prope eius finem, ac proinde iuxta principium climatis 14. cum altitudo poli in fine climatis 13. & principio 14. gradus 61. min. 53. complectatur.

C A N O N XV.

DISTANTIAM duarum quarumlibet ciuitatum in terra, vel stellarum in cælo, quarum longitudines, latitu-

tudinesque cognitæ sint, dimetiri, hoc est, arcum circuli maximi per eas descripti inuestigare.

DISTANTIA hæc sumenda est penes arcum circuli maximi inter duo loca terræ, vel duas stellas, interceptum, quod is minor sit omnibus arcibus circulorum non maximorum per eadem loca descriptorum, vt in Cosmographia demonstratum est.

1. QVANDO igitur duo loca sub Aequatore sita sunt, hoc est, latitudine carent, detracta minore longitudine ex maiore, reliqua erit differentia longitudinis, eademque distantiam quæsitam metietur.

2. QVANDO vero duo loca eandem habent longitudinem, hoc est, sub eodem semicirculo Meridiani inter duos mundi polos intersecto sita sunt, & vterque in boream, vel in austrum vergit; detracta minore latitudine ex maiore, reliqua erit differentia latitudinum, eademque quæsitam distantiam metietur. Quod si vnus locorum in boream vergat, & alter in austrum; addita latitudine vna ad alteram, conflabitur arcus Meridiani quæsitam distantiam metiens. Denique si vnus locorum sit sub Aequatore, & alter siue in boream, siue in austrum vergat, metietur ipsamet latitudo posterioris loci distantiam, quæ desideratur.

3. QVANDO duo loca differentiam longitudinû habent grad. 180. hoc est, sub diuersis semicirculis eiusdem Meridiani locantur, & vterque in boream, vel austrum tendit, detracto aggregato latitudinum ex semicirculo, reliquus fiet arcus Meridiani distantiam, quam quarimus, metiens. Quod si locorû vnus in boream, & in austrum alter deflectat ab Aequatore; differentia latitudinum ex semicirculo subtracta relinquet arcum Meridiani, qui quæsitam distantiam metietur: vel arcus Meridiani ex latitudine alterutrius loci, & complemento latitudinis loci alterius, ac quadrante, qui inter polum, & Aequatorem ponitur, conflatus distantiam delideratam metietur, si semicirculo minor est: si vero semicirculum superet, detracto eo ex integro circulo, reliquus arcus metietur distantiam locorum. Denique si alteruter locorum sub Aequatore, iaceat, latitudo alterius ex semicirculo detracta relinquet arcum Meridiani, qui distantiam, quam inquirimus, metietur.

4. QVANDO denique duo loca nullo prædictorum modorum se habent, siue alteruter sub Aequatore sit positus, siue neuter, & siue eandem habeant latitudinem, siue non, explorabimus eorum distantiam hoc modo. Sit in Astrolabio Aequator ABCD; centrum E; duæ diametri sese ad angulos rectos secantes AC, BD, quarum AC, Meridianû referat per insulas Fortunatas ductû, à quibus longitudines locorum incipiunt. Proposita autem sint duo loca, prioris quorû longitudo sit grad. 60. & latitudo borea grad. 30. posterioris autem longitudo complectatur grad. 150. & latitudo borea grad. 60. Supputetur longitudo ab A, versus B, hoc est, ab occasu ortû versus, vsq; ad F, G, ducanturq; diametri FE, GE, referentes Meridianos per data loca transeuntes. Rursus numerentur latitudines à B, vsq; ad L, G; ductis autem radijs AL, AG, secantibus BE, in M, N, describantur ex E, per M, N, paralleli latitudinû secantes Meridianos FE, GE, in P, eritq; P, I, situs prioris loci, & I, posterioris. Si igitur per propof. 13 lib. 2. circulus maximus per loca P, I, describatur, metietur arcus PI, eorum distantiam. Inuento ergo eius circuli polo O, vt lib. 2. prop. 8. Num. 17. docuimus, abscedent emissæ rectæ OP, OI, arcum Aequatoris QR, arcui PI, æqualem. Quot ergo gradus in arcu QR,

Qqqq conti-

Duorum locorû in terra sub Aequatore positord distantiam itinerariâ exquirere.

Duorum locorû eiusdem longitudo nis distantiam metiri.

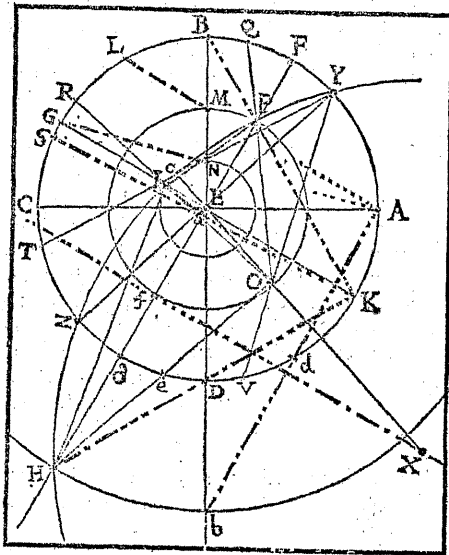
Duorum locorû differentia longitudinum grad. 180. habentium, distantiam respectare.

Duorum locorû diuersarum longitudinalium, latitudinumque distantiam inuestigare.

In quoniam Zona datus locus collocetur, cognoscere.

In quoniam climate datus locus collocatus sit, percipere.

continentur, tot gradibus vnus locus ab altero distabit. Ita autem per P, I, circulum maximum describemus, cuiusque polum reperiemus. Ducta recta EK, ad FE, perpendiculari, (potuisset quoque duci perpendicularis ad GE, sed eligenda potius est recta FE, per punctum P, a centro E, remotius ducta. Ita enim punctum ipsi P, oppositum minus distabit a centro, quam punctum ipsi I, oppositum) ducatur ex K, per P, recta KPB, ad quam perpendicularis excitetur KD, (quod fiet, si arcui FB, arcum gD, æqualem sumemus, &c.) secans FE, productam in H: eritque punctum H, ipsi P, oppositum, vt ex iis liquet, quæ lib. 2. propof. 6. Num. 17. scripsimus. Si igitur per tria puncta P, I, H, circulus describatur ex centro X, quod erit in recta fX, secante PH, in f, bifariam, & ad angulos rectos; erit ille maximus, cum per puncta P, H, per diametrum opposita transeat. Iam vero ducta ex centro X, per E, recta XE, secante descriptum circulum in c, erectaque ad XE, perpendiculari, vel quod idem est, iuncta recta YZ, (hæc enim ad XE, per-



a 11. 1. Theod.

b 3. 2. 17.

Aliter, etiam si per data loca circulus maximus non describatur.

scribamus, &c. si, ducta recta PI, inquiramus per ea, quæ lib. 2. propof. 18. Num. 3. tradita sunt a nobis, quantinam arcus circuli maximi chorda sit, quod sic fiet. Inuento puncto H, quod loco P, remotiori a centro E, opponitur, iungatur recta HI, angulusque PIH, bifariam secetur per rectam I a, secante PH, in a, puncto, per quod describendus esset circulus non maximus per punctum I, transiens, circa polum P, vt lib. 2. propof. 18. Num. 3. ostendimus; adeo vt arcus P a, circuli maximi PEH, per polum E, ducti, æqualis sit arcui circuli maximi per P, I, descripti inter P, H, intercepto, cum ambo ex polo P, in circumferentiam circuli non maximi per a, I, circa polū P, descripti cadant. Excitata igitur EK, ad PH, perpendiculari, abscondent radii KP, Ka, ex Aequatore arcum BS, tot graduum, quot arcus P a, ac proinde & arcus circuli maximi a recta PI, subtenfus, completur:

titur: eritque arcus hic BS, priori arcui QR, inuento æqualis, si erratum non sit.

6. SIT rursum locus, cuius longitudo grad. 150. & latitudo borea grad. 60. & alius locus, cuius longitudo grad. 240. & latitudo australis grad. 30. complectatur. Numeratis longitudinibus ab A, versus B, vsque ad G, g. erunt ductæ rectæ GE, gE, Meridiani datorum locorum. Sumpta quoque prioris loci latitudine borea BG, emissioque radio AG, secante BD, in N, describatur ex E, per N, parallelus illius latitudinis secans Meridianum GE, in I; eritque I, situs prioris loci. Et si accipiat loci posterioris latitudo australis Dd, emittaturque radius A d, secans BD, in b, ac denique ex E, per b, describatur parallelus huius latitudinis secans Meridianum g E, in H, erit posterioris loci situs in H. Igitur si per I, H, circulus maximus describatur, (inuento nimirum prius puncto P, opposito ipsi H, &c.) eiusque polus reperiat O, dabunt emissi radii ex O, per I, H, in Aequatore arcum R e, arcui IH, distantiam locorum I, H, metienti æqualem.

V E L breuius, vt Num. 5. sic etiam agemus, sine descriptione circuli per loca I, H. Inuento puncto P, opposito ipsi H, ductisque rectis HI, PI, secetur angulus PIH, bifariam per rectam I a, secantem PH, in a, puncto, per quod describendus esset circulus non maximus per punctum I, transiens, circa polum H, vt lib. 2. propof. 18. Num. 3. ostendimus; adeo vt arcus Ha, Meridiani HP, æqualis sit arcui circuli maximi per H, I, descripti inter loca H, I, intercepto, cum ambo ex polo H, in circumferentiam circuli non maximi per a, I, circa polum H, descripti cadant. Erecta igitur EK, ad HP, perpendiculari, abscondent radii KH, Ka, ex Aequatore arcum DS, tot graduum, quot in arcu Ha, ideoque & in arcu maximi circuli a recta HI, subtenso continentur: eritque arcus hic, si erratum non sit, æqualis omnino priori arcui inuento eR.

H A C arte distantiam quorumlibet duorum punctorum in sphaera datorum, quam arcus circuli maximi per ea descripti metitur, reperies, siue ambo in boream vergant ab Aequatore, siue in austrum, & siue vnum in boream, & alterum in austrum tendat: & siue verumque in eodem parallelo Aequatoris positū sit, siue non; siue denique vnum sit in Aequatore ABCD, & alterum ab illo vel in boream, vel in austrum declinet.

7. QVONIAM vero loca australia minus exquisite in Astrolabio describuntur, quam borealia, quod parallelorum australium semidiametri inueniantur per radios ex A, emissos, qui valde oblique rectam BD; secant: quâdo vnus locorum australis est, & alter borealis, commodissime res peragetur, si pro loco australi accipiat borealis per diametrum ei oppositus, quem videlicet Antipodes incolunt, & cuius latitudo borealis latitudinī australi alterius æqualis est, longitudo vero a longitudine illius semicirculo differt: adeo vt si longitudo loci australis semicirculo minor est, ei addendus sit semicirculus, si vero maior, ab ea semicirculus demendus, vt vel constet, vel relinquatur longitudo loci borealis oppositi. Nam si distantia inter datum locum borealem, & hunc alterum borealem australi oppositum inuenta ex semicirculo subtrahatur, reliqua fiet distantia loci dati borealis ab australi dato. Exempli causa. Si detur locus borealis I, cuius longitudo continet gradus 150. & latitudo grad. 60. & locus australis, cuius longitudo est grad. 240. & latitudo grad. 30. accipiemus pro hoc locum borealem P, cuius longitudo sit grad. 60. (quæ relinquatur, detracto semicirculo ex data longitudine grad. 240. quæ semicirculo maior est.) latitudo vero grad. 30. sicut & australis loci. Nam si distantia inter loca I, P, inuenta detrahatur ex semicirculo, reliqua erit distantia loci I, a loco australi, qui

Distantia inter locum borealem & australem quo pacto commodius reperitur.

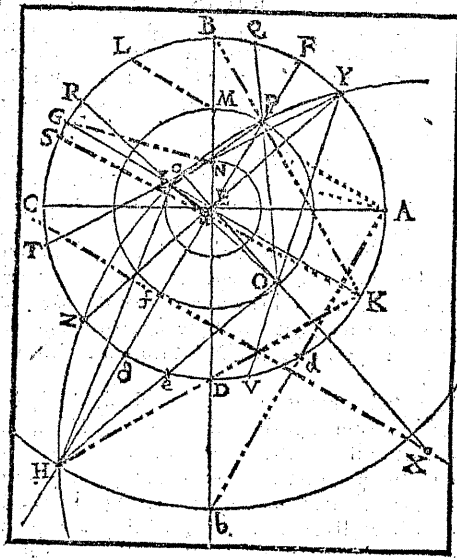
loco P, oppositus est. Cum enim circulus maximus in sphaera per loca P, I, descriptus transeat necessario per loca opposita, distetque locus P, a loco opposito per semicirculum; liquido constat, arcum illius circuli maximi inter P, & I positum (id est, distantiam inter loca P, I) ex semicirculo sublatum, relinquere arcum eiusdem circuli maximi inter locum I, & locum australem, qui loco P, opponitur, interiectum, qui quidem distantiam loci I, ab eo loco australi metitur. Ita vides in figura arcum PI, ex semicirculo PIH, detractum, reliquum facere arcum IH. Quod si locus australis datus habeat longitudinem grad. 40. & latitudinem grad. 50. fumendus erit locus borealis, cuius latitudo sit etiam grad. 50. longitudo autem grad. 220. quae conflatur ex longitudine grad. 40. loci australis, (quae semicirculo minor est.) & semicirculo.

SIMILI modo, si duorum locorum australium distantia inuestiganda sit, inuenienda erit distantia duorum locorum borealium illis oppositorum, eadem videlicet latitudines cum illis habentium, longitudes autem ab illorum longitudes differentes semicirculo; quae quidem ob

tinebuntur, si illis vel semicirculus adiciatur, (si nimirum datae longitudes semicirculo minores sunt vel (si maiores sunt semicirculo) ab eisdem semicirculo subtrahatur, ut dictum paulo ante est. Hac enim distantia inuenta, qualis prorsus erit distantia datorum locorum australium. Aut certe in Astrolabio centrum E, accipiendum est pro polo australi, ita ut oculus collocetur in polo boreali. Hac enim ratione Astrolabium inter Aequatorem & centrum referet hemisphaerium australe, & in eo omnia loca australia describentur, si eorum longitudes, ut a Geographis notatae sunt, numerentur ab A, versus B, latitudines vero a B, versus C, ut paralleli latitudinum australium intra Aequatorem describantur, quemadmodum prius paralleli latitudinum borealium. id quod ad finem libri 2. monuimus.

8. **STELLARVM** fixarum distantiae eadem prorsus ratione inuestigabuntur. Si namque in Astrolabio inueniantur loca quarumlibet duarum stellarum propositarum, ut lib. 2. propof. 11. Num. 2. 3. & 4. docuimus, & per ea loca circulus maximus describatur, cognoscemus magnitudinem arcus illius inter eadem loca interiecti, per radios ex eius polo per extrema puncta, hoc est, per eadem illa loca emissos. Vel si in recta, quae a stella remotiore a centro Astrolabij per centrum ducitur, punctum reperiat eadem stellae remotiori oppositum, cognosce-

Distantia inter duo australia loca, quo pacto ex oppositis locis borealibus inquirenda sit.



Distantiam duarum stellarum quarumlibet inueniuntur.

cognoscemus arcum, cuius chorda est recta inter easdem stellas collocata, ut lib. 2. propof. 18. Num. 3. tradidimus, atque paulo ante exemplum etiam positum est Num. 5. de recta PI, & Num. 6. de recta HI. Denique sicut duorum locorum in terra, ita quoque distantia duarum stellarum in caelo, si earum loca in Astrolabio reperiantur, ut propof. 11. lib. 2. tradidimus, inquirenda est.

SED ut facilius situs stellarum reperiamus pro earum distantis eruendis, statuemus in figura huius Canonis circulum ABCD, non esse Aequatorem, sed Eclipticam, eiusque polum borealem E, ita ut sphaerae circulos describamus in plano Eclipticae ea forma, qua ex eius polo australi conspiciuntur. Ita. n. circuli longitudinum stellarum per polos Eclipticae transeuntes proficiuntur in rectas lineas per centrum E, ductas; & paralleli eiusdem Eclipticae per stellas ducti in Astrolabio ex centro E, describentur, ut paralleli Aequatoris. Ex quo efficitur, locum cuiusvis stellae per eius longitudinem latitudinemque non secus in Astrolabio reperiri posse, ac supra locus quicumque terra in eodem inuentus fuit. Nam si v.g. stella quaequam habeat longitudinem a prima stella Arietis grad. 60. & latitudinem borealem grad. 30. numerabimus eius longitudinem ab A, versus B, vsque ad F. Recta enim FE, erit eius longitudinis circulus: Deinde eiusdem latitudinem boream supputabimus a B, vsque in L, ut per radium AL, referetur semidiameter EM, paralleli per stellam transeuntis. Hic enim parallelus ex E, per M, descriptus, secabit FE, in P, loco stellae. Eadem ratione reperietur I, locus stellae longitudinem a prima stella Arietis habentis grad. 50. & latitudinem borealem grad. 60. & sic de ceteris.

IGITUR distantia stellae P, a stella I, reperietur perinde, ac si P, & I, loca essent in terra descripta. Quod si duarum stellarum altera habeat latitudinem australem, reperiemus distantiam inter eius punctum oppositum, & alteram stellam borealem, eaque ex semicirculo auferemus, ut distantia inter duas illas stellas reliqua fiat: quemadmodum supra de duobus locis terrae, quorum vnus borealis sit, & australis alter, diximus. Habebit autem punctum, quod stellae latitudinis australis opponitur, aequalem latitudinem borealem, longitudinem autem eam, quae conflatur vel ex additione semicirculi ad longitudinem australis stellae, vel quae relinquatur post deductionem semicirculi, si detrahi potest, ut de locis terrae Num. 7. dictum est. Sic etiam si offerantur duae stellae latitudinum australium, indagabimus distantiam duorum punctorum oppositorum. Haec enim aequalis erit distantiae inter oblatas duas stellas.

VERVM in scholio Canonis 22. distantiam eandem inuestigabimus, etiam si alter locorum, vel altera stellarum australis sit; vbi nimirum, quo pacto ex datis duobus trianguli sphaerici lateribus, cum angulo ab eis comprehenso, tertium latus in Astrolabio sine calculo sinuum eruatur, docebimus: ita ut necesse non sit accipere locum per diametrum loco, vel stellae australi oppositum.

Quando alter locus, vel stella australis est, eandem distantiam inuenite, etiam si eius punctum oppositum non adsumatur.

SCHOLIUM.

1. **PRAETER** modum illum Francisci Maurolyci Abbatis, distantia duorum quorumlibet locorum ex Analemmate inuestiganda, quem in cap. 2. sphaera, cum de officijs Meridiani circuli ageremus, exposuimus, & demonstrationibus confirmamus Geometricis: qui quidem modus facillimus est, atque exquisitissimus: asseremus hoc loco alios duos aequae fere faciles, quos Petrus Nonius lib. 2. de Navigatione cap. 20. insinuat. Sed ut priorem deterrere non est, ostendendum primum est, chordae arcuum duo

Distantiam duorum locorum in terra ex Analemmate perscrutari.

rum parallelorum inter duos Meridianos parallelas esse, ac proinde cum chordis arcuum aequalium eorundem Meridianorum, quos praedicti paralleli abscindunt, constituere quadrilatera lateram figurati in uno plano existentem. Secent namque se mutuo duo Meridiani ABC, ADC, in polis A, C, & recta BD, chorda sit arcus Aequatoris inter eos Meridianos; at FG, HI, chordae arcuum parallelorum inter eosdem; & FH, GI, chordae arcuum aequalium, quos paralleli abscindunt: Arcus enim FH, GI, aequales esse perspicuum est. Dico HI, FG, parallelas esse, &c. Sit enim axis AC, & centrum sphaerae E; & sumpto arcu BN, arcui BF, aequali, iungatur recta FN; & quoniam reliqui arcus quadrantum FA, NC, aequales quoque sunt, erunt ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. AC, FN, parallelae. Igitur, ducta semidiametro sphaerae FE, anguli AEF, EFO, duobus rectis aequales sunt; adeoque AEF, EFH, duobus rectis minores. Concurrent ergo rectae EA, FH, extra sphaeram in K. Eadem ratione ostendes, rectam GI, cum eodem

a 10. 2. Theod.

b 29. primi.

c 27. tertij.

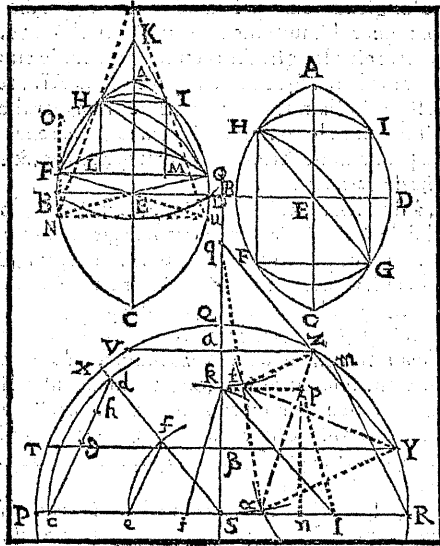
d 26. primi.

e 2. undec.

f 16. undec.

g 29. tertij.

h 2. sexti.



EFK, aequale est lateri alterius trianguli ab E, usque ad concursum rectarum EA, GI. Triangulum ergo est KFG, ac proinde in uno plano: ideoque & recta FG, HI, in uno plano erunt, nimirum in plano trianguli KFG. Ex quo efficitur, easdem rectas FG, HI, esse parallelas, nimirum communes sectiones in plano FGIH, factas a planis parallelorum Aequatoris, qua parallela sunt, quod etiam ita ostendatur. Quoniam trianguli KFG, latera aequalia KF, KG, proportionaliter secta sunt, & cum aequales sint chordae FH, GI, ac propterea & reliqua recta HK, IK, erunt FG, HI, parallelae. EADEM prorsus demonstratio erit, si paralleli, quorum chordae FG, HI, versus diversos polos vergant, dummodo non aequaliter ab Aequatore distent. Ut si paralleli v.g. australis chorda sit Nu, & borealis HI, minusque distet punctum N, a puncto B, quam punctum H, sumpto arcu BF, aequali ipsi BN, erunt rursus sum ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. recta FN, AC, parallela, ob arcus aequales AF, CN. Iuncta ergo semidiamete

tyo sphaerae NE, erunt duo anguli AEN, ENF, duobus rectis aequales; ac proinde duo anguli AEN, ENH, duobus rectis minores; ideoque concurrent EA, NH, versus H. Pari ratione & I, cum EA, concurret, atque adeo in eodem puncto cum recta NH, propter triangula equalia. Nam & hic tam anguli AEN, AEu, ad centrum insistentes arcubus aequalibus AN, Au, aequales sunt, quam anguli ENH, EuI, insistentes ad circumferentias aequalibus arcubus, qui relinquuntur, si arcus aequales NH, uI, detrahantur ex semicirculis Meridianorum a semidiametris NE, uE, productis abscessorum, &c.

a 29. primi. b, 27. tertij.

QVOD si parallelus per Nu, ductus distet magis ab Aequatore per BD, ducto, quam parallelus per HI, ductus, coibunt rectae HN, Iu, cum axe AC, versus C, producto.

SI vero paralleli per FG, HI, ducti aequalibus spatiis ab Aequatore per BD, ducto absint, ut in secunda figura, ostendemus HFGI, esse parallelogrammum rectangulum in uno plano existens. Erunt enim tam recta HF, AC, parallela, ob arcus aequales AH, CF, quam recta IG, AC, ob aequales arcus AI, CG, ex scholio propof. 27. lib. 3. Eucl. atque idcirco & HF, IG, inter se parallela erunt, atque ob id in uno plano; ideoque & HI, FG, in eodem cum ipsis plano; & quidem inter se parallela, cum sint communes sectiones in plano HFGI, factae a planis parallelis parallelorum Aequatoris: vel quia coniungunt rectas HF, IG, parallelas, a qua aequales sunt, propter aequalitatem arcuum FH, GI. Parallelogrammum ergo est HFGI, in uno existens plano. Et quoniam axis AC, ad plana parallelorum per FG, HI, ductorum rectus est, transiuntque per eorum centra, & per centrum sphaerae; erunt quoque axi parallela HF, IG, ad eadem plana perpendiculares; ideoque & ad rectas FG, HI, in eisdem planis existentes, ex defn. 3. lib. 11. Eucl. perpendiculares erunt. Parallelogrammum ergo HFGI, rectangulum est.

c 9. undec. d 7. undec. e 16. undec. f 33. primi. g 29. tertij. h 10. 1. Theod. i 8. undec.

2. HIS demonstratis, hac ratione distantiam unius loci ab altero investigabimus. Sit Meridianus PQR, & PR, diameter Aequatoris; axis mundi QS; sintque primum duo loca vel borealia, vel australia, & unius latitudo sit PT, grad. 20. & alterius PV, grad. 60. Diametri quoque parallelorum per ea loca ductorum sunt TY, VZ; ac differentia longitudinum PX, hoc est, arcus PX, aequalis sit arcui Aequatoris inter Meridianos locorum posito, contineatque v. g. grad. 50. Quando hac differentia semicirculo maior est, accipiendum est eius complementum ad integrum circumulum: ut si contineat grad. 310, accipiendi sunt grad. 50. pro differentia longitudinum, vel potius pro arcu Aequatoris inter Meridianos per data loca descriptos intercepto. Ducta autem recta SX, describatur ex centro S, ad intervallum alterutrius semidiametrorum ST, a V, ad intervallum v. g. semidiametri ST, arcus cd, qui quoniam similis est arcui PX, aequalis erit arcui paralleli diametri TY, inter duos Meridianos datorum locorum intercepto, & iuncta recta cd, eiusdem arcus chorda erit. Si differentia longitudinum quadrante maior esset, nimirum arcus RX, describendus esset arcui paralleli a semidiametro SR, usque ad rectam SX, rectaque a puncto d, usque ad intersectionem paralleli cum semidiametro SR, ducta, foret chorda arcus paralleli inter Meridianos positi. Post hoc per puncta T, V, vel (ut hic factum est) per puncta X, Z, ducta recta secante axem SQ, productum in q, describatur ex T, ad intervallum chordae cd, arcus, quem in a, secet alius arcus ex q, ad intervallum qX, descriptus, iungaturque recta aZ, quam dico esse chordam arcus distantiam locorum quae sita metientis: adeo ut applicata recta Rm, equali ipsi aZ, arcus Rm, dictam distantiam metiatur. Quoniam enim axis QS, rectus est ad planum paralleli diametri TY, in eius centro, erit ex defn. 3. lib. 11. Eucl. omnes anguli, quos cum semidiametris facit, recti. Igitur duo latera qb, bY, trianguli qbY, aequalia sunt duobus lateribus trianguli cuiuslibet, cuius unum latus est qb, & alterum semidiameter quacunque paralleli ex b, egrediens. Cum

Alia ratione distantiam locorum ex Analemmate inquirete.

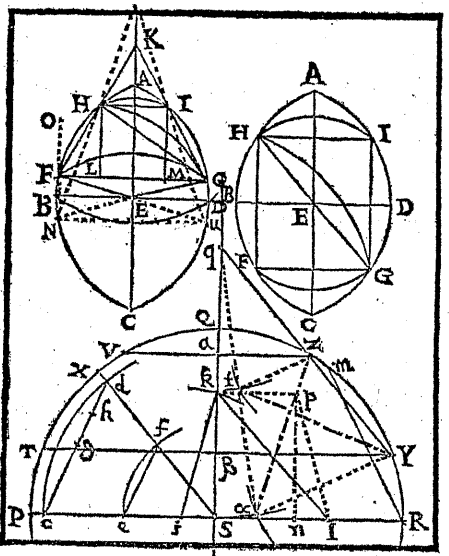
k 10. 1. Theod.

a 4. primi.

ergo & angulos contineant aequales, utpote rectos, ut ostensum est; erunt quoque bases aequales, nimirum qX, & recta ex q, ad circumferentiam usque paralleli educta, hoc est, ad punctum, quod semidiametrum paralleli pro latere posterioris trianguli sumptam terminat. Eademque ratione ostendentur omnes rectae ex q, ad eandem circumferentiam emissae, eidem qX, & inter se proinde aequales. Quocirca si triangulum qX, concipiatur moveri circa qX, cadet tandem punctum a, propter aequalitatem rectarum qX, qY, in circumferentiam paralleli, & Y a, chorda erit arcum eiusdem paralleli inter duos Meridianos locorum propositum subiens; propterea quod ipsi cd, sumpta fuit a qualis: ac proinde a, vertex erit loci, per quem parallelus diametri TY, ducitur. Cum ergo Z, sit vertex alterius loci, erit aZ, chorda arcus distantiam unius loci ab altere metientis.

PARI ratione, si ad intervallum semidiametri aV, arcus ef, describatur, & ad intervallum chordae ef, ex Z, arcus delineatur, quem secet in t, alius arcus ex q, ad intervallum qZ, descriptus; erit ducta X, chorda eiusdem distantia; propterea quod circumducto triangulo q t Z, circa q Z, punctum t, in verticem loci, per quem parallelus diametri VZ, ducitur, cadit, &c.

QVOD si locorum unus in boream, & alter in austrum vergat, si quidem latitudines inaequales sint, inuestigabitur eodem prorsus modo eorum distantia. Nam tunc quoque recta per duo puncta intersectionum unius Meridiani cum diametris parallelorum extensa concurret cum axe producto versus parallelum loci maioris latitudinis, ut in prima figura patuit de locis, quorum latitudines fuerunt BH, BN, &c.



SI vero latitudines eorumdem locorum fuerint aequales, efficiet chorda duorum Meridianorum inter parallelos locorum cum chordis parallelorum inter eosdem Meridianos parallelogrammum rectangulum, ut in secunda figura ostensum fuit. Quare si triangulum rectangulum construatur, cuius unum laterum circa angulum rectum aequale sit chordae arcus Meridiani ex duobus

latitudinibus aequalibus conflati, alterum vero chorda alterutrius parallelorum inter duos Meridianos; (qua chorda reperietur ex differentia longitudinum, ut chorda c d, in tertia figura innota fuit ex differentia longitudinum FX,) dabit latus recto angulo oppositum, (qualis in 2. figura est recta GH,) chorda distantia quaesita in circulo maximo.

DENIQUE si duo loca versus eundem polum vergant, eandemque habeant latitudinem, erit chorda arcus paralleli inter duos Meridianos, chorda quaesita distantia in maximo circulo.

3. CAETE-

3. CAETERVM quia non semper recta per extrema puncta diametrorum parallelorum, qualis fuit recta YZ, commode axem productum intersectat, sed interdum nimis procul; atque adeo nimis oblique, commedius agemus, si in plano quadrilaterum FGIH, vel NuIH, prima vel secunda figura, aut potius triangulum HFG, describemus, quod sic fiet. Quoniam demissus ex H, I, ad FG, perpendicularibus HL, IM, a latera opposita HI, LM, & HL, IM, in parallelogrammo rectangulo HM, aequalia sunt; b sunt autem & FH, GI, chorda aequalium arcuum Meridianorum aequales; c quadratis ex IM, MG, aequale: erit quoque quadratum ex LF, quadrato ex MG, aequale, ideoque & recta FL, GM, aequales erunt; ac proinde utraque erit semissis differentia rectarum FG, HI. Quocirca si fiat angulus rectus, qualis est QSR, in tertia figura, & descriptis ex centro S, arcibus cd, ef, ad intervallum semidiametrorum ST, & V, ita ut recta cd, ef, sint chorda parallelorum inter Meridianos, accipiat chorda ef, aequalis cg, & reliqua gd, bisariam secetur in h, ut gh, vel hd, semissis sit differentia gd, rectarum cd, ef; sumemus Si, ipsi gh, vel hd, aequalem, atque ex i, ad intervallum TV, vel YZ, chorda nimirum arcus Meridiani inter duos parallelos positi, arcum delineabimus secantem QS, in k. Nam si recta il, aequalis sumatur chorda cd, maioris paralleli, erit ducta recta kl, chorda distantia locorum quaesita, propterea quod triangulum ktl, referet omnino triangulum HFG, cum is, semissis differentia chordarum parallelorum cd, ef, respondeat ipsi FL, semissi differentia chordarum HI, FG, in prima figura, & recta ik, chorda FH, & perpendicularis ks, perpendiculari HL: adeo ut, sumpta lo, aequali ipsi Si, erectaeque perpendiculari np, ipsi Sk, aequali, iunctisque re-ctis kp, pl, trapezium k l p, respondeat trapezio HFGI, in prima figura, vel trapezio taYZ, in tertia figura.

A. POSTREMO distantiam duorum locorum versus eundem polum vergentium hoc alio modo explorare licebit. Sit in sequenti Meridiano ABC, cuius centrum D, primus locus sub vertice A, & eius Horizontis diameter BC; polus mundi E, Aequatorisque diameter FG; Latitudo secundi loci GH, vel FI, & paralleli Aequatoris per eius verticem ducti diameter HI, circa quam paralleli semicirculus descriptus sit HKI, Numerata autem differentia longitudinum ab I, usque ad K, siue ea minor sit quadrante, siue maior, semicirculo tamen non maior, (Quando enim differentia longitudinum semicirculo maior est, accipiendus erit pro ea arcus qui, detracta longitudinum differentia ex integro circulo, relinquitur) demittatur ad HI, perpendicularis KL, sinus videlicet reclusus differentia longitudinum: ex quo fit, rectam LI, esse sinum versus eiusdem differentia. Ducta tandem per L, ipsi BC, diametro Horizontis primi loci parallela MN; dico arcum AM, vel AN, distantiam datorum locorum metiri. Si namque semicirculus HKI, concipiatur circa HI, moveri, donec reclusus sit ad planum Meridiani ABC, ac proinde recta KL, ad idem planum perpendicularis sit, ex defn. 4. lib. 11. Eucl. cadet punctum K, in verticem secundi loci, cum parallelus Aequatoris HKI, per eundem verticem transeat in eo situ, & arcus IK, sit intervallum duorum Meridianorum. Igitur si per rectas KL, MN, intelligatur duci planum, dicit illud in sphaera circulum per verticem K, secundi loci transeuntem, cuius polus A, atque adeo ex scholio propof. 18. lib. 11. Eucl. Horizonti primi loci, cuius diameter BC, parallelum, cum tam hic circulus, quam Horizon dictus ad Meridianum ABC, reclusus sit, & communes eorum cum Meridiano eodem sectiones MN, BC, parallela. Cum ergo ex definitione poli, polus A, aequaliter distet ab omnibus punctis circumferentia diametri MN, sitque recta inter A, & K, (existente KL, ad Meridianum ABC, perpendiculari) chorda distantia locorum; erit quoque arcus AM, vel AN, distantia datorum locorum.

a 34. primi.
b 29. tertij.
c 47. primi.

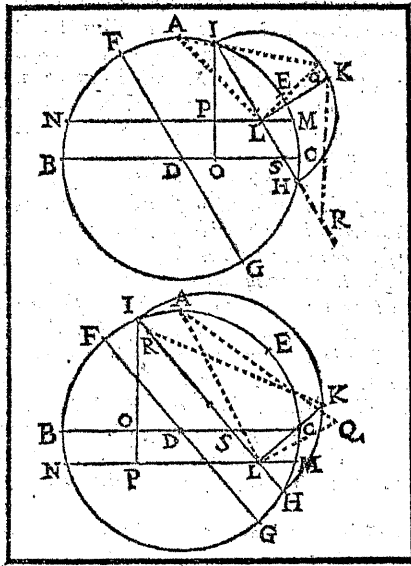
Alia ratio inveniende distantia duorum locorum.

Alia ratio inveniendae distantiae inter duo loca borealia, vel australia.

d 10. I. Theod.

Rrrr EAN-

EANDEM distantiam reperies, etiamsi parallelam MN, non ducas. Nam si intervallo LA, ex recta HI, aequali abscindas rectam LR, versus quamcumque partem, erit ducta recta RK, chorda quaesita distantia. Si namque ad iunctam AL, perpendicularem excites LQ, ipsi LK, aequali, erit recta ducta AQ, chorda eius distantia, cum, circumducto triangulo ALQ, circa AL, donec rectum sit ad Meridianum ABC, punctum Q, in verticem secundi loci cadat.



4. primi.

Cum ergo recta AQ, recta RK, aequalis sit, propterea quod latera AL, LQ, lateribus RL, LK, aequalia sunt, angulosque continent aequales, ut pote rectos; erit quoque RK, chorda distantia quaesita.

QVOD si quando accidat, perpendicularem KL, cadere in S, intersectionem rectarum BC, HI; erit locorum distantia quadranti AB, vel AC, aequalis, propterea quod tunc parallela MN, a diametro BC, non difert.

SIC etiam quando duo loca proposita eandem habent Latitudinem, id est, quando recta HI, in punctum A, cadit; chorda differentiae longitudinum in parallelo HKI, subtendet in Meridiano ABC, arcum distantiam locorum.

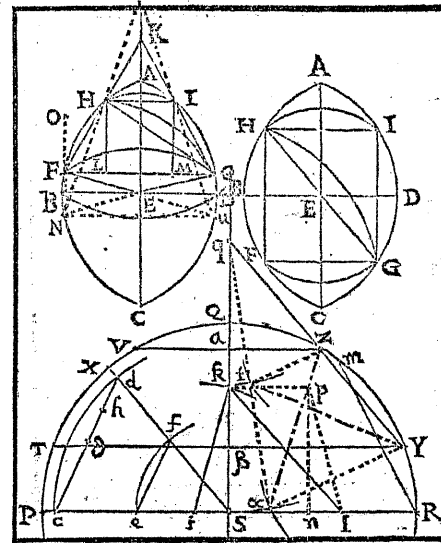
5. QUANDO unus locorum borealis est, & alter australis, inquirenda erit distantia inter alterutrum locorum, & locum alteri per diametrum oppositum, sumendo pro longitudinum differentia (quando iam reducta est ad arcum semicirculo minore, ut Num. 4. dictum est.) id, quod relinquitur, detracta differentia longitudinum ex semicirculo. Nam inuenta distantia ex semicirculo dempta, relinquet distantiam quaesitam, uti supra Num. 7. huius Canonis dictum est.

6. IAM per sinuum calculum praedictam locorum distantiam indagabimus hoc modo. Repetatur prima figura huius scholij, ubi in prioribus duabus descriptionibus primus locus ponatur in H, ita ut eius latitudo sit BH, & eiusdem complementum AH: secundus autem locus sit in G, minus borealis, quam primus, vel etiam australis, ut in 2. descriptione; & differentia longitudinum sit angulus BAD, siue arcus Aequatoris, aut paralleli per alterutrum locorum ducti, inter duos Meridianos ABC, ADC, interceptus, si semicirculo minor est. Nam si semicirculum superat, accipiendus est angulus, vel arcus, qui cum illo totum circumplexum complet; intelligatur autem per duo loca H, G, descriptus arcus maximus circuli HG, eorum distantiam metiens, cuius magnitudinem sic reperiemus. In triangulo sphaerico AHG, duo latera AH, AG, data sunt, cum sint complementa latitudinum, quando uterque locus borealis est, vel australis, sumpto puncto A, pro polo arctico, quando uterque est borealis, pro polo vero ant arctico, quando uterque est australis. At quando unus locus borealis est, nimirum H, & alter G, australis,

Quando unus locus borealis est, & alter australis.

Locorum distantia per sinus exquirere.

australis, erit quidem AH, complementum latitudinis loci borealis, sed AG, arcus erit ex quadrante AD, & latitudine australi DG, compositus. Est insuper angulus HAG, a dictis lateribus comprehensus, notus, cum sit differentia longitudinum, vel certe id quod superest, detracta ea differentia ex toto circulo. Igitur per problema 22. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, tertium latus HG, inueniemus hoc modo. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis loci minus borealis, ita sinus complementi latitudinis loci borealis ad aliud; gignetur quartus quidam numerus. Si igitur rursus fiat, ut sinus totus ad quartum hunc numerum inuentum, ita sinus versus anguli HAG, differentiae longitudinum, ad aliud; procreabitur differentia inter sinum versus arcum, quo data duo latera AH, AG, inter se differunt, & sinum versus tertii arcus HG, qui quaeritur. Hac differentia adiecta ad sinum versus arcum, quo data latera inter se differunt, conspiciet sinum versus arcus HG, quaesitum.

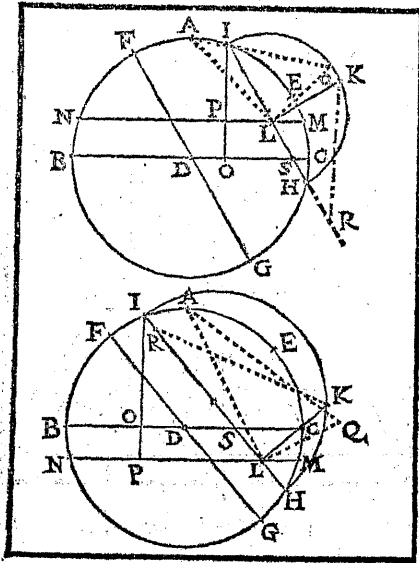


QUANDO latitudines locorum aequales sunt, ita ut triangulum fiat isosceles AFG, vel AHI; si per 1. modum problematis 8. triang. sphaer. Fiat ut sinus totus ad sinum complementi latitudinis alterutrius loci, ita sinus semissis anguli dati ad aliud: produceretur sinus semissis lateris quaesiti FG, vel HI, inuenta ergo eius semisse, totum latus cognoscetur.

ALITER. Repetatur secunda figura huius scholij, in qua Meridianus ABC, circa centrum D; primi loci vertex A, & Horizontis diameter BC; Polus mundi E, Aequatorisque diameter FG; Latitudo secundi loci GH, vel FI, & paralleli Aequatoris per eius verticem ducti diameter HI, circa quam semicirculus paralleli descripti sit HKI. Numerata autem longitudinum differentia ex I, usque ad K, si semicirculo minor est, (Nam si maior est semicirculo, numerandum est eius complementum, quod relinquitur, ea detracta ex toto circulo, ut Num. 4. diximus.) demittatur ex K, ad HI, perpendicularis KL, ac per L, diametro Horizontis BC, primi loci parallela agatur MN. Et quoniam si semicirculus HKI, concipiatur moveri circa HI, donec rectus sit ad Meridianum, punctum K, in vertice secundi loci cadit, cum IK, differentia sit longitudinum inter duos Meridianos; erit MN, diameter paralleli Horizontis primi loci, qui per verticem secundi loci K, ducitur. Cum ergo omnia puncta huius paralleli aequaliter a polo suo A, absint, erit arcus AM, vel AN, aequalis arcui inter duo loca A, K, (semicirculo HKI, existente recto ad Meridianum) intercepto: quem hoc modo expricabimur. Ducta ex I, ad BC, perpendiculari IO, secante MN, in P; erit IO, sinus arcus CI, in primo circulo, vel arcus BI, in circulo secundo, qui complementum

mentum est arcus AI, differentia latitudinum duorum locorum, cum primi loci latitudo sit AF, & IF, secundi.

ITAQUE quoniam per Lemma 5. est, ut sinus totus Aequatoris ad sinum totum paralleli IH, hoc est, ad sinum complementi latitudinis secundi loci, ita sinus versus differentia longitudinum in Aequatore numerata ad IL, sinum versus differentia earundem longitudinum in parallelo HKI, numerata; ad IL, inquam, in eisdem partibus circuli maximi, in quibus sinus totus paralleli, sinus est complementi latitudinis secundi loci: Item per propos. 1. nostrorum triang. rectil. in triangulo rectangulo IPL, est, ut sinus totus recti anguli P, ad sinum anguli L, complementi latitudinis primi loci, (complementum enim latitudinis primi loci est arcus BF, a cuius angulo BDF, aequalis est interiori DHI, & huic similiter aequalis externus ILP,) ita IL, in partibus sinus totius maximi circuli, ad IP, in eisdem partibus; ponatur eadem proportio ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci, que ex proportionibus sinus versus differentia longitudinum ad IL, & IL, ad IP, (sumendo semper hostes in partibus sinus totius in maximo circulo) cum haec componentes proportionibus illis componantibus sint aequales. Componitur autem proportio sinus versus differentia longitudinum ad IP, ex proportionibus eiusdem sinus versus ad IL, & IL, ad IP. Igitur eadem proportio sinus versus differentia longitudinum ad IP, componitur ex proportionibus sinus totius ad sinum complementi latitudinis secundi loci, & sinus totius ad sinum complementi latitudinis primi loci. Cum ergo ex his eisdem duabus proportionibus componatur quoque proportio quadrati sinus totius (hoc est, rectanguli sub sinu toto, & sinu toto comprehens) ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum datorum locorum contentum; erit eadem proportio quadrati sinus totius ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum locorum datorum contentum, qua sinus versus differentia longitudinum ad IP.



a 29. primi.

b 23. sexti.

Alia inventio distantiae locorum per numeros.

QUAMOBREM, si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinibus complementorum latitudinum locorum propositorum, ita sinus versus differentia longitudinum ad aliud, procreabitur recta IP, quam argumentum distantiae locorum appellabimus, cum per eam ipsa distantia eliciatur. Quando enim argumentum IP, inuentum fuerit aequale rectae IO, hoc est, sinui complementi differentiae latitudinum, ita ut parallela MN, a diametro BC, non differat, complectetur distantiam locorum quadrantem AB, vel AC. Quando autem IP, ar-

IP, argumentum deprehensum fuerit minus, quam IO, sinus complementi differentiae latitudinum, ut in primo circulo; detractio illo ex hoc, reliquus fiet PO, sinus arcus CM, qui complementum est distantiae locorum AM, vel AN. Quando denique argumentum IP, maius fuerit inuentum, quam IO, sinus complementi differentiae latitudinum, ut in 2. circulo; detractio hoc ex illo, reliquus fiet OP, sinus arcus CM, qui ad quadrantem AC, adiectus, distantiam locorum AM, conficit. Atque hoc modo semper reperietur distantia duorum locorum, si utriusque latitudo borea est, vel australis.

QUANDO autem unus latitudo borea est, & alterius australis, inuestiganda est distantia inter locum borealem, & locum, qui australi opponitur. Hac enim ex semicirculo dempta reliquam faciet distantiam quaesitam, ut Num. 5. dictum est.

QUOD si eadem fuerit utriusque loci latitudo, ita ut punctum I, in A, cadat, distantiam iam supra fuit, quo pacto per triangula sphaerica inueniatur eorum distantia: qua tamen ex eadem hac figura 2. indagabimus hoc modo. Quoniam enim tunc sinus versus IL, differentia longitudinum in parallelo secundi loci numerata chorda est distantia, reperiemus sinum versus IL, in partibus sinus totius circuli maximi hac ratione. Fiat ut sinus totus Aequatoris ad sinum totum paralleli HKI, id est, ad sinum complementi latitudinis secundi, vel primi loci, (quia eadem ponitur utriusque loci latitudo) ita sinus versus differentia longitudinum in Aequatore numerata, ad aliud. Producentur enim IL, sinus versus dictae differentiae in partibus sinus totius circuli maximi: cum per Lemma 5. eadem sit proportio sinus totius ad sinum totum, qua sinus versus ad sinum versus.

PORRO argumentum IP, cognitum fiet quoque hac alia ratione. Fiat ut sinus totus IL, ad IP, sinum anguli ILP, complementi latitudinis primi loci, (Nam posito sinu toto IE, recta IP, sinus est anguli ILP, ut in sinuum tractatione diximus.) ita IL, sinus versus differentiae longitudinum, ad aliud. Producentur enim numerus dabit rectam IP, in partibus sinus totius paralleli HKI, in quibus IL, data fuit. Rursum fiat, ut sinus totus paralleli HKI, ad seipsum, quatenus sinus est complementi latitudinis secundi loci in circulo maximo, ita IP, cognita in partibus sinus totius eiusdem paralleli, ad aliud. Producentur enim IP, in partibus eiusdem sinus totius in circulo maximo, in quibus sinus complementi latitudinis secundi loci sumptus est.

NON minus accurate eandem locorum distantiam per numeros explorabimus in priori figura huius scholii, si prius duos errores quorundam in hac distantia inuestiganda detexero. Sunt enim nonnulli, in ter quos est Appianus in sua Cosmographia, & Ioan. Stoblerius in Astrolabio, qui, quando duo loca differunt sola longitudine, hoc est, sub eodem parallelo sunt sita, docent, eorum distantiam inuentam esse, cum arcus illius paralleli inter duos Meridianos positus in gradus maximi circuli convertatur: de qua conversione paulo inferius dicemus. Sed hallucinantur: quia hac ratione inuenitur distantia in arcu paralleli inter duos parallelos positus, alterum vero, arcus maximi circuli reducto; qui arcus maior est arcu circuli maximi per eadem loca descripti, ut alibi demonstrauimus, qui quidem arcus circuli maximi veram locorum distantiam motitur. Deinde sunt alij, qui duorum locorum sub diuersis Meridianis, ac parallelis collocatorum distantiam inquirunt per triangulum rectangulum, cuius unum latus circa angulum rectum est arcus Meridiani loci borealis inter duos parallelos positus, alterum vero, arcus paralleli loci minime borealis inter duos Meridianos inclusus; (quod tamen improprie dicitur, cum arcus parallelorum non constituant triangulum sphaericum, etiamsi ad gradus maximi circuli reuocentur.) tertium denique latus, siue basis, est arcus maximi circuli per data duo loca descripti. Huiusmodi triangulum est in prima descriptione, & secunda prima figura

Inuentio alia argumenti distantiae locorum.

Errores quorundam in distantia locorum inuestiganda.

a 47. primi. *gura huius scholij, HFG, ex tribus arcibus constans. Sumunt namque hoc triangulum, ut inde ac si rectilineum esset, atque ita ratiocinantur. Duo quadrata arcuum HF, FG, ac si recta essent linea, sunt simul sumpta quadrato arcus HG, tanquam linea recta, aequalia. Igitur si summa illorum duorum quadratorum radix quadrata extrahatur, dabit ea magnitudinem arcus HG, tanquam linea recta. Ceterum hoc quidem modo in locis parum inter se distantibus, praesertim iuxta Aequatorem, distantia citra errorem alicuius momenti inuenietur, at in locis, quorum distantia non exigua est, non item. Quare alia via tenenda est.*

Modus Vernerii in distantia locorum exequenda.

b 29. tertij. *IOANNES igitur Vernerius Norimbergensis ita rem exequitur. Reductis chordis HI, FG, arcuum parallelorum, differentiam longitudinum metientium ad partes diametri maximi circuli, ut paulo inferius docebimus, demittit ex H, I, ad rectam FG, perpendicularares HL, IM. Et quia quadrata rectarum HF, IG, b qua ob aequales*

c 47. primi. *arcus Meridianorum aequales sunt, aequalia existunt; c estque quadratum rectae HF, quadratis rectarum HL, LF, & quadratum rectae IG, quadratis rectarum IM, MG, aequale; erunt quoque illa duo quadrata his duobus aequalia. Ablatis ergo aequalibus*

d 34. primi. *quadratis rectarum HL, IM, a qua aequalia sunt, ob parallelogrammum HLM, (ostenditur enim est Num. 2. chordas HI, FG, parallelas esse. c Cui ergo & HL, IM, parallelae sint, ob rectos angulos L, M, parallelogrammum erit HLM.) erunt quoque reliqua quadrata rectarum FL, GM, ac proinde & ipsa latera, aequalia. Cum ergo HI, ipsi LM, aequalis sit, erit summa rectarum FL, GM, differentia chordarum HI, FG, & tam FL, quam MG, semissem eiusdem differentiae. Est autem ea differentia cognita, quod & chorda sint nota. Igitur & semisses cognitae erunt; ac proinde LG, ex MG, semisse differentiae, & LM, chorda minore constata cognita erit: Sed & HL, cognita fiet. Ablato enim quadrato rectae FL, nota, ex quadrato rectae HF, nota, reliquum erit quadratum rectae HL, notum. Si ergo quadrata rectarum HL, LG, cognitarum in unam redigantur summam, notum fiet quadratum rectae HG, ac propterea eius radix quadrata chordam distantiae locorum, quae sita exhibebit. Sed quia in hoc modo nimis multa sunt multiplicationes, atque operationes, progrediemur cum Petro Nonio longe facilius, haec scilicet ratione.*

RE DVCTIS chordis HI, FG, ad partes diametri circuli maximi, cognitur differentia earum secta bifariam in partes FL, GM, & adiecta in rectum recta LM, vel chorda minor HL. Igitur rectangulum sub recta FG, & adiecta LM, vel chorda minore HI, una cum quadrato semissem differentiae FL, aequale erit quadrato rectae LG, composita ex semisse altera GM, & adiecta LM. Addito ergo communi quadrato rectae HL, erit rectangulum sub FG, HI, (sumitur iam HI, pro LM.) una cum quadratis rectarum FL, LH, b, hoc est, una cum quadrato rectae FH, aequale quadratis rectarum GL, LH, i, hoc est, quadrato rectae HG, aequale. Quocirca si rectangulum sub chordis HI, FG, reuocatis ad partes diametri circuli maximi contentum, & quadratum chordae FH, arcum Meridiani inter duos parallelos subtendentis, in unam summam colligantur, exuret quadratum chordae HG, distantiam quaesitam subtendentis; ideoque radix quadrata huius quadrati ipsam chordam efficiet cognitam. Arcus porro Meridiani inter duos parallelos, quando uterque locus est borealis, aut australis, est differentia latitudinum; quando vero unus in boream, & in austrum alter vergit, ex duabus latitudinibus constat.

QVANDO duo loca aequales habent latitudines, sed unus in boream vergit, & alter in austrum, ut in 2. descriptione huius figurae, facilius distantia HG, reperitur. Quoniam enim, ut Num. 1. demonstrauimus, parallelogrammum rectangulum est HIGF, erit triangulum HFG, rectangulum, ideoque quadratis rectarum HF, FG, quadratum rectae HG, aequale erit. Cum ergo duo illa sint cognita, quod & latera sint nota, est enim HF, chorda arcus Meridiani inter duos parallelos ex duabus latitudinibus BH, BF, aequa-

BF, aequalibus constati: at chorda FG, nota fit per reductionem ad partes diametri circuli maximi; erit quoque quadratum rectae HG, notum, &c.

I AM vero arcus cuiusuis paralleli declinationem habentis notam, ad gradus maximi circuli reducitur hoc modo. Quoniam diametri circulorum, a ideoque & semidiametri, eandem proportionem habent, quam eorum circumferentiae, ut a Pappo demonstratum est, & a nobis quoque in Geometria Practica. Si fiat, vt sinus totus Aequatoris ad sinum complementi declinationis paralleli, hoc est, ad semidiametrum eius, ita gradus 360. Aequatoris ad aliud, producet numerus graduum maximi circuli, quibus gradus 360. paralleli aequivalent. Et quia arcus similes eandem habent cum totis circumferentiis proportionem; si fiat vt sinus totus ad sinum complementi declinationis paralleli; ita gradus in arcu Aequatoris BD, contenti, vel etiam vnus gradus, id est, 60. minuta, ad aliud, gignetur numerus graduum Aequatoris, vel Minutorum, quibus arcus paralleli HI, vel vnus gradus, aequialet.

EADEM facilitate reducitur chorda cuiusuis arcus paralleli ad partes diametri circuli maximi. Si namque fiat, vt sinus totus paralleli, ad seipsum, quatenus sinus est complementi declinationis, ita chorda dati arcus ad aliud, procreabitur chorda in partibus diametri maximi circuli, in quibus sinus totus paralleli sinus est complementi declinationis, &c.

POSTREMO silentio praeterire nolo, quemadmodum ex secunda figura huius scholij distantia duorum locorum inuenta est, ita ex eadem reperiri posse, & quidem eodem modo, declinationem cuiusuis stella. Id quod ex Petro Nonio demonstraturos nos recipimus in commentariis nostris in Sphaeram. Repetatur ergo dicta 2. figura, in qua Colurus solstitiorum sit ABC, circa centrum D; diameter Aequatoris BC, eiusque polus A; Ecliptica diameter FG, ita vt FA, sit latitudo poli mundi ab Ecliptica, tanquam primi loci. Deinde cogitentur per datam stellam duci duo circuli, vnus parallelus Eclipticae, cuius diameter HI, & alter parallelus Aequatoris, cuius diameter MN; eritque IL, sinus versus distantia stellae a Coluro solstitiorum, & FI, eius latitudo, tanquam secundi loci. Ostendemus iam, vt supra, quadratum sinus totius ad rectangulum contentum sub sinu maxima declinationis, (hoc est, sub sinu complementi latitudinis primi loci A, quod aequale est maxima declinationi BF.) & sub sinu complementi latitudinis stellae, tanquam secundi loci, (qui sinus est semidiameter paralleli latitudinis stellae, cuius diameter HI) eandem habere proportionem, quam sinus versus distantia stellae a Coluro solstitiorum in Ecliptica comburata habet ad rectam IP, quam iure dicere etiam possumus Argumentum declinationis stellae. Quare si fiat, vt quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu maxima declinationis, & sub sinu complementi latitudinis stellae contentum, ita sinus versus longitudinis stellae a Coluro solstitiorum inchoatae ad aliud, producet IP, argumentum declinationis. Ex hoc argumento IP, ita declinationem stellae BN, inueniemus. Quando argumentum IP, inuentum fuerit aequale sinu complementi differentiae inter maximam declinationem, & complementum latitudinis stellae, (sive differentia inter complementum maxima declinationis, & latitudinem stellae. Vtraque enim differentia eadem est, cum inter EA, maximam declinationem, & EI, complementum latitudinis stellae, differentia sit AI, eadem, qua inter FA, complementum maxima declinationis, & FI, latitudinem stellae.) hoc est, recta IO, ita vt diameter paralleli MN, a BC, non differat, carebit stella declinatione. Quando autem minus fuerit deprehensum, detractio eo ex IO, sinu complementi praedictae differentiae, reliquus fiet sinus OP, declinationis stellae, eiusdem denominationis cum latitudine stellae. Quando denique argumentum maius fuerit deprehensum sinu IO, complementi differentiae praedictae, detractio hoc ex illo, reli-

215. quinti.

Reductio circumferentiz paralleli ad gradus circuli maximi.

Reductio chordae arcus paralleli ad partes diametri circuli maximi.

Argumentum declinationis stellae.

Declinatio stellae, quo pacto alter inueniatur per numeros, & in scholio Canonis dictum est.

quus

quus erit sinus OP, declinationis stella, contraria denominationis cum latitudine stel-
la. Qua de re consule propof. 6. libri Petri Nonij de Crepusculis, ubi 6. figuris omnem
varietatem complexus est.

LONGITUDO porro stella à Coluro solstitiorum numeranda est à principio ☉,
si latitudo stella est borealis, & quidem secundum signorum successione, si stella in se
micirculo Eclipticæ descendente exciterit, contra vero, si in semicirculo ascendente: Ea
dem vero longitudo à principio ♀, numeranda est, stella latitudinem habente australem,
& quidem secundum successione signorum, si stella fuerit in semicirculo ascen-
dente, contra vero, si in descendente semicirculo. Hac enim ratione erit sumpta stella
longitudo semper semicirculo minor.

I D E M argumentum declinationis IP, supputabimus hac alia ratione. Fiat ut
sinus totus IL, ad IP, sinum anguli ILP, maximæ declinationis, ita IL, sinus ver-
sus longitudinis stellæ à Coluro solstitiorum, ad aliud. Productus enim nume-
rus dabit rectam IP, in partibus sinus totius paralleli HKI, in quibus IL, sinus
versus prædictus datur. Rursus fiat, ut sinus totus paralleli HKI, ad seipsum,
quatenus sinus est complementi latitudinis stellæ in circulo maximo numerate,
ita IP, proxime inuenta ad altud. Gignetur enim argumentum IP, in partibus
sinus totius in circulo maximo, &c.

Q U O D si stella careat latitudine, reperietur eius declinatio, si fiat ut sinus totus
ad sinum maximæ declinationis, ita sinus distantie stellæ à proximo puncto æ-
quinoctii ad aliud. Procreatus enim numerus, sinus erit declinationis quaerita,
quemadmodum Solis declinatio inuenitur, ut in scholio Can. 3. ad initium Num. 10.
scripsimus.

C A N O N XVI.

ALTITVDINEM Solis supra quemlibet circu-
lum maximum, eiusque distantiam Horizontalem, singu-
lis horis inuestigare.

D I S T A N T I A M Solis Horizontalem appellamus arcum cuiusvis cir-
culi maximi, instar Horizontis alicuius, interceptum inter eius Verticalem pri-
marium (hoc est, inter punctum intersectionis eius cum Aequatore) & Vertica-
lem eiusdem, qui proposita hora per centrum Solis ducitur.

1. S I T ergo in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E; tropicus
☉, P c estropicus ♀, fb Q; Horizon AFCG, eiusque centrum H; Verticalis
primarius AICK, eiusque centrum L; & poli Horizontis I, K. Data autem hora
à med. noc. numeretur à puncto D, versus C; à meridie vero à puncto B, versus
A; at hora ab occasu à puncto A, versus D; hora denique ab ortu à puncto C,
versus B; sitque N, terminus horæ 10. a med. noc. & horæ 16. ab occ. & horæ 4.
ab or. Recta igitur EN, indicabit in omnibus parallelis Aequatoris horam 10.
à med. noc. nimirum in tropico ♀, in puncto b. & in tropico ☉, in puncto c. Cir-
culus aut Horizonti æqualis QNP, per N, ex centro h, quod in parallelo per H, cẽ
trũ Horizontis delineato existit, descriptus, ita ut ex A, versus D, eius concavo
occurramus, secabit oēs parallelis Aequatoris in hora 16. ab occ. nimirum tro-
picũ ♀, in Q, & tropicũ ☉, in P. Circulus deniq. eidẽ Horizonti æqualis f Ne,
per N,

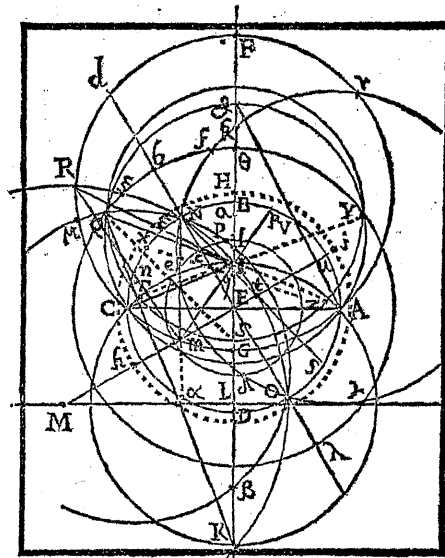
A. in inuencio ar-
gumenci latitudi-
nis.

distancia Solis ho-
rizontalis in quo
nis circulo ma-
ximo quid.

per N, ex centro i, quod in eodem parallelo per H, centrum Horizontis ducto
existit, descriptus, ita ut ex C, versus B, eius concavo occurramus, eosdem pa-
rallelos Aequatoris in hora 4. ab or. secabit, nimirum tropicum ♀, in f, &
tropicum ☉, in e; ut ex iis liquet, quæ lib. 2. propof. 9. Numero 7. demonstra-
uimus.

I T A Q U E si altitudinem Solis supra Horizontem, eiusque distantiam ho-
rizontalem inquirere velimus ad datam horam 10. à med. noc. vel 16. ab occ. vel
4. ab or. Sole existente in Aequatore, describemus per horam N, & polos Hori-
zontis I, K, Verticalem RNIK, secantem Horizontem in R, cuius centrum M,
in recta LM, ad meridianam lineam FG, in L, centro primarij Verticalis perpẽ-
diculari existit. Erit namque NR, arcus altitudinis Solis supra Horizontem, &
IN, eius complementum, ad CR, erit arcus distantie horizontalis, in austrum
vergens: quorum arcum ma-
gnitudinem sic cognosce-
mus. Ducta ex M, centro
Verticalis RIK, ad E, cen-
trum Astrolabii recta ME,
secante Horizontem, hoc
est, circumulum AFCG, supra
quem altitudo Solis quaeri-
tur, in m; erit m; polus Ver-
ticalis RIK. Cum enim hic
Verticalis per polos circuli
AFCG, transeat, transi-
bit vicissim hic per illius
polos, ex scholio propof.
17. lib. 1. Theod. &c. Du-
ctæ ergo rectæ m N, m R;
abscindet ex Aequatore
arcum Nn, arcui NR, alti-
tudinis Solis æqualem; &
rectæ m N, m L, intercipient
in eodem Aequatore arcũ
p N, complemento eiusdem
altitudinis æqualem, ut ex
iis constat, quæ lib. 2. pro-
pos. 5. Num. 17. demon-
strauimus.

Altitudo Solis
ad datam horã
quo pacto inue-
niatur sine Astro-
labio materiali.



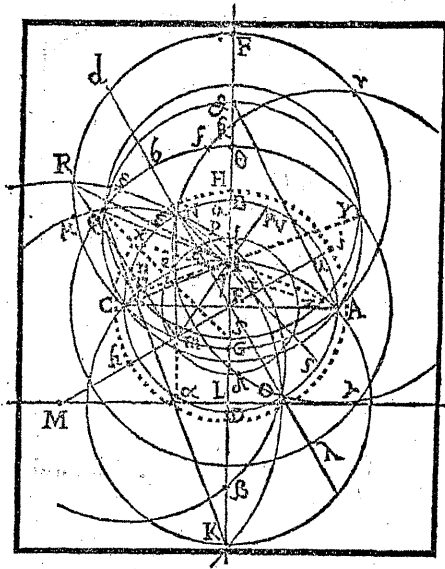
R V R S V S ductis ex I, polo Horizontis rectis IR, IC, secantibus Aequatorem
in e, C, erit arcus eC, distantie horizontali CR, æqualis, ut ibidem osten-
dimus.

Distancia horis
talis ad datã ho-
ram, quo pacto
cognoscatur sine
Astrolabio mate-
riali.

E A D E M ratione, si per b, I, K, Verticalis describatur centrum habens in
eadem recta ML, inuenietur altitudo Solis, & distantia horizontalis pro hora
10. à med. noc. Sole existente in primo puncto ♀. Et si per c, I, K, Verticalis
describatur, erit eius arcus à puncto c, vsque ad Horizontem altitudo Solis, &
arcus Horizontis inter C, & eundem Verticalem positus, distantia horizonta-
lis, pro eadem hora, Sole existente in principio ☉. Sic eadem duo, altitudo vi-
delicet Solis, distantiaque horizontalis, reperientur pro hora 16. ab occ. Sole
existente in principio ☉, si per P, I, K, Verticalis describatur: Pro hora vero ea
S f f f dem, So-

dem, Sole principium \mathcal{H} , possidente, si Verticalis describatur per Q, I, K, Non aliter propositum assequemur pro hora 4. ab or. tam in principio \mathcal{G} , quam in principio \mathcal{H} , si tam per e, I, K, quam per f, I, K, Verticalis describatur, eiusque polus inueniatur, &c.

2. VERVM & altitudinem Solis supra datum circulum maximum, tanquam Horizontem quempiam, & distantiam horizontalem reperiemus, etiam si Verticalis (qui aliquando non sine labore describitur, præsertim quando hora prope meridianam lineam existit, per datam horam descriptus non sit, hoc modo. Sit data v. g. hora 16. ab occ. Sole tenente principium \mathcal{H} , in puncto Q. Ductis ex Q, ad polos I, K, dati circuli maximi AFCG, rectis QI, QK, secetur angulus IQK, bifariam per rectam QS, secantem FG, in S: eritque S, punctum, per quod parallelus circuli AFCG, per Q, descriptus transit, vt lib. 2. propof. 18. Num. 3. ostensum est; ac proinde arcus Meridiani IS, æqualis erit arcui Verticalis per Q, descripti inter Verticem I, & punctum Q, in quo Sol ponitur. Rectæ ergo ex A, per I, S, emissæ abscedent ex Aequatore arcum æqua-



a 10. 2.
Theod.

le arcui IS, vel illi arcui Verticalis complementum altitudinis Solis metienti.

QVOD si iuncta recta QS, bifariam, & ad rectos angulos, secetur per rectam secantem FG, in a, erit a, centrum paralleli per Q, S, describendi. Descripto ergo ex a, parallelo QTS, secante Verticalem in T, referet arcus TQ, arcum similem horizontali distantiæ, a quod Verticales circuli secant Horizontem, eiusque parallelos in arcus similes. Idem parallelus describetur, si angulo FIQ, æqualis ad rectam GI, in I, constituitur, &c. vt ad initium Num. 3. propof. 18. lib. 2. diximus. Quantitatē autem arcus TQ, horizontalis distantie cognoscemus, si ex T, Q, per I, polum Horizontis duas rectas extendamus. Hæ etenim v-

tra polum I, ex eodem parallelo arcum abscedent tot graduum æqualium, quot per arcum TQ, repræsentantur, vt lib. 2. propof. 6. Num. 25. demonstrauimus.

3. QVOD de altitudine Solis supra Horizontem, & distantia eius horizontali inuestiganda dictum est, intelligendum quoque est in aliis circulis maximis. Quilibet enim circulus maximus vices gerit alicuius Horizontis. Quare si is ex proprio situ in sphaera cognito describatur in Astrolabio, vt lib. 2. prop. 12. docuimus. sumenda erit recta per eius centrum, & centrū Astrolabii ducta, pro eius linea meridiana, in qua eiusdem poli inuestigandi sunt, & centrū Verticalis eius.

eius primarii, per quod recta ad propriam meridianam perpendicularis est excitata, vt in ea centra omnium Verticalium inueniantur. Recta autem ex centro cuiusque Verticalis per centrum Astrolabiieducta secabit descriptum circulum maximum in eiusdem Verticalis polo, &c.

4. VERTICALIS primarii AICK, meridiana linea est FK, & Verticalis eiusdem primarius, Horizon AFCG, cum per eius polos F, G, & per A, C, polos Meridiani incedat. Omnes autem alii Verticales ipsius circuli AICK, tanquam Horizontis, centra habebunt in recta, quæ per H, centrum Horizontis AFCG, qui primarius Verticalis est circuli Verticalis AICK, perpendicularis ad FG, educitur. Atque ita descripto Verticali per F, Q, G, metietur eius arcus inter Q, & circulum AICK, altitudinem Solis supra eundem circulum AICK, & arcus eiusdem circuli AICK, inter C, & dictum Verticalem per F, Q, G, descriptum, erit distantia horizontalis. Prioris arcus magnitudo cognoscetur per arcum Aequatoris, quem rectæ ex polo dicti Verticalis ad extrema puncta illius arcus emissæ abscedunt: magnitudinem vero posterioris metietur arcus Aequatoris abscessus a rectis ex G, polo circuli AICK, per extrema puncta eius arcus traiecit. Quod si per Q, describatur parallelus circuli AICK, referet eius arcus inter Q, & circulum AFCG, quem primarium Verticalem ipsius Verticalis AICK, diximus, arcum similem horizontali distantie, &c.

5. MERIDIANI circuli FK, meridiana linea est AC, referens circulum maximum per polos mundi, & per A, C, polos ipsius Meridiani ductum. Verticalis autem eius primarius, erit Aequator ABCD, ductus per A, C, polos Meridiani FK, & per B, D, polos circuli maximi AC, qui proprius Meridianus est Meridiani FK; & in recta FK, ad AC, perpendiculari in E, centro Aequatoris, qui Verticalis primarius est Meridiani, existit centra omnium Verticalium Meridiani per A, C, describendorum. Ita que si per A, Q, C, Verticalis describatur, metietur eius arcus Qg, altitudinem Solis supra Meridianum hora 16. ab occum principium \mathcal{H} , Sol occupat; quem arcum cognoscemus per arcum Aequatoris abscessum a rectis, quæ ex q, polo Verticalis CQg, (Inuenietur autem polus q, si ducta recta Ag, secante Aequatorem in V, quadrantem sumamus VX. Recta namque AX, secabit FK, in quaesito polo q, quod segmentum gg, rectæ FK, circulum maximum per mundi polos ductum repræsentantis, quadrantem VX, referat) ad g, Q, ducuntur. Arcus autem Bg, erit distantia horizontalis, cui æqualem ex Aequatore abscedent rectæ ex A, ad g, B, emissæ. Quod si per Q, Meridiano FK, parallelus describatur, vt lib. 2. propof. 18. Num. 5. docuimus, referet eius arcus inter Q, & Aequatorem, arcum horizontali distantie similem. Et si angulus comprehensus a rectis ex Q, ad A, C, polos Meridiani ductis secetur bifariam per rectam, secabit ea rectam AC, in puncto, per quod Meridiani parallelus per Q, describendus transit. Segmentum ergo rectæ CA, inter C, & illud punctum, referet complementum altitudinis Solis, &c.

6. AEQVATORIS denique ABCD, linea meridiana est BD, & Verticalis eius primarius recta AC, repræsentans circulum maximum per polos mundi, & per A, C, polos Meridiani ductum. Altitudo Solis supra Aequatorem quolibet die in singulis horis æqualis est declinationi Solis, quam eo die habet. Distantia vero horizontalis est arcus Aequatoris inter C, vel A, & rectam lineam, quæ ex centro E, per horam in quolibet parallelo datam ducitur, cum Verticalem Aequatoris per centrum Solis ductum repræsentet.

7. ITA QVE si omnium horarum tam a merid. & med. noc. quam ab or. & occ. in Astrolabio describantur, vt lib. 2. propof. 9. traditum est; & circulus

maximus, supra quem altitudines Solis, & in quo distantiae horizontales indaganda sunt, delineetur, vt lib. 2. propof. 12. docuimus, illico apparebit, quibusnam in punctis horae cuiusque generis parallelos Aequatoris interfecent. Quare si reperitur diameter vera circuli dati maximi, vt lib. 2. propof. 8. Num. 16. dictum est, eiusdemque poli inueniantur, vt in eadem propof. Num. 17. praecipimus, reperiemus pro qualibet hora cuiusvis paralleli altitudinem Solis, distantiamque horizontalem, si per horam in dato paralelo vel Verticalem propofiti circuli maximi, vel parallelum eiusdem circuli maximi describamus, &c.

VERVM altitudines Solis, distantiasque horizontales alia ratione in scholio Canonis 22. inueniemus, etiam si nec Verticales circuli, aut paralleli maximi circuli obliqui describantur.

SCHOLIUM.

Circumferentia descendens, & horizontalis, quae

1. COMPLEMENTVM altitudinis Solis supra datum circulum maximum, lib. 6. nostra Gnomonices appellauimus cum Ptolemao circumferentiam descendens; horizontalem vero distantiam, circumferentiam horizontalem: Et utraque tam ex Analemate, quam ex calculo sinuum inuestigauimus. Horizontales circumferentia latitudines umbrarum, descensua vero circumferentia; vel altitudines Solis, earundem umbrarum longitudines determinant. Ex latitudinibus porro umbrarum, ac longitudinibus, in plano, quod circulo maximo aequidistat, supra quem altitudines Solis, horizontalesque distantia sunt inuenta, horologia describuntur, vt abunde lib. 5. Gnomonices, propof. 5. & lib. 6. cap. 9. & 10. tradidimus. Altitudinem quoque Solis, supra Horizontem quidem lib. 1. Gnomonices, propof. 36. supra quemlibet vero alium circulum maximum, lib. 5. propof. 1. alijs vis, quam lib. 6. inuestigandam propofuimus. Verum si ea, qua in hoc Canone scripsimus, attente considerentur, non admodum modos illos in Gnomonica descriptos desiderabimus, cum utramque circumferentiam, ita eam, qua altitudinem Solis, quam eam, qua horizontalem distantiam metitur, oro quolibet hora, Sole quemcumque parallelum obtinente, sine magno labore hoc Canone inuestigare docuerimus in quouis circulo; adeo vt per hunc solum Canonem omnia reperiantur, qua ad horarum determinationem in quolibet horologio requiruntur.

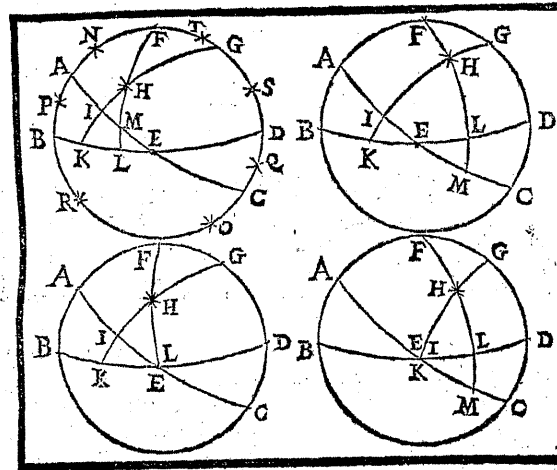
Canonis huius utilitas in horologiis describendis.

2. SED vt in planis, qua neque Horizonti, aut Verticali primario, neque Meridiano, vel circulo hora 6. a mer. ac med. noc. aut Aequatori aequidistant, describantur horologia per praepcepta propof. 5. lib. 5. Gnomonices, opus habebimus arcu circuli maximi, cui horologium aequidistat, interiecto inter Meridianum proprium eius circuli, & Meridianum Ciuitatis, in qua horologium describitur: Item interdum indigemus in elinatione Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis eius loci, in quo delineamus horologium; agemus de his, & nonnullis alijs problematibus, qua partim in Gnomonica explicauimus, in Canonibus, qua sequuntur.

3. LIBET autem prius Canonem hunc per numeros alio modo, quam in Gnomonica, expedire. Repetantur ergo priores 4. circuli ex illis duodecim, quos in scholio Can. 3. Num. 10. descripsimus, in quibus Meridianus sit ABCD; Aequator AC, & polus mundi G; Horizon, vel quouis alius circulus maximus obliquus, cuius situs in sphaera notus sit, BD, eiusque polus F, & cuius Meridianus proprius sit ABCD, per eius polum, & polum mundi ductus. Ponatur autem Sol in H, quemcumque parallelum occupet, & per H, ex polo mundi G, transeat circulus horarius GI, ita vt angulus AGI, distantiam Solis a Meridiano metiatur. Denique per H, ex vertice F, Verticalis descenda FL, ita vt HL, sit arcus altitudinis Solis supra circulum BD, quem Horizontem dicemus,

dicemus, cum vere minare Horizontis in aliquo loco fungatur. Quoniam igitur in triangulo sphaerico FGH, duo latera FG, GH, nota sunt, cum illud sit complementum altitudinis poli supra datum circulum, cui Horizontem; hoc vero, complementum declinationis, vel, si Sol australis est, arcus ex declinatione, & quadrante conflatus; Est autem & angulus ob ipsis comprehensus FGH, distantiam Solis a proprio Meridiano dati sinus totus ad sinum arcus GH, complementi declinationis, vel arcus conflati ex declinatione australi, ac quadrante, ita sinus arcus FG, complementi altitudinis poli ad aliud, gignetur quartus quidam numerus. Et si iterum fiat, vt sinus totus ad quartum numerum proxime inuentum, ita sinus versus anguli FGH, distantiae Solis a Meridiano, ad aliud, producet differentia inter sinum versus tertij lateris FH, & sinum versus arcus, quo data latera FG, GH, inter se differunt. Qua differentia addita sinui verso dicti arcus, quo dati arcus FG, GH, inter se differunt, conficiet sinum versus tertij lateris FH; ac proinde arcus ipse FH, complemen-

Altitudinem Solis supra quem circulum maximum obliquum per numeros quatuor nota.

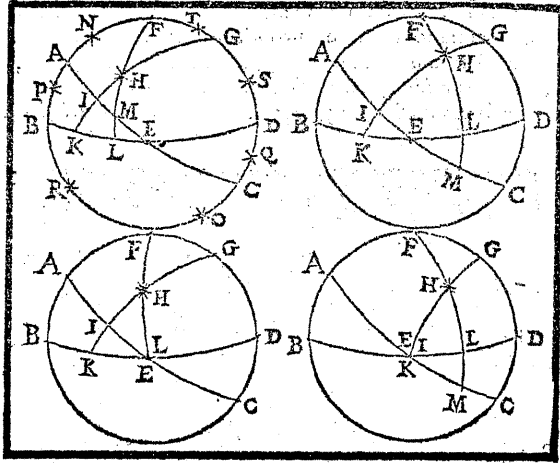


ti altitudinis Solis, ideoque & arcus HL, altitudinis, cognitus fiet. Quod si complementum altitudinis poli aequale sit complemento declinationis, ita vt triangulum FGH, sit isosceles, facilius inuenietur tertium latus FH, vt in eodem problemate dictum est. Si enim per 1. modum problematis 8. triang. sphaer. fiat vt sinus totus ad sinum complementi altitudinis poli, ita sinus semisus anguli FGH, distantiae Solis a Meridiano, ad aliud, producet sinus semisus lateris FH. Cognita ergo fiet semisus lateris FH, ideoque & totum latus, complementum scilicet altitudinis Solis, notum erit.

DEINDE in eodem triangulo FGH, inueniemus angulum GFH, per problema 21. triang. sphaer. hoc modo. Fiat vt sinus totus ad sinum arcus FG, complementi altitudinis poli, ita sinus arcus FH, complementi altitudinis Solis, ad aliud, vt quartus quidam numerus gignatur. Et rursus fiat, vt quartus numerus proxime inuentus ad sinum totum, ita differentia inter sinum versus arcus GH, comple-

Distantiam Horizontalem qualibet hora per numeros scriptas.

complementi declinationis Solis, (quando enim Sol australis est, habet arcus GH, ex arcu declinationis, & quadrante conflatus eundem sinum, quem arcus complementi declinationis, cum duo hi arcus semicirculum conficiant) & sinum versum arcus, quo duo latera GF, FH, inter se differunt, ad aliud. Procreatus enim numerus erit sinus versus anguli quæsti GFH. *Angulus ergo ipse cognitus erit, ac proinde & eius arcus DL, Horizontis inter Meridianum versus polum borealem, & Verticalem FL, qui per Solem hora observationis ducitur. Et si arcus DL,*



maior fuerit quadrante, dempto quadrante ex eo, reliqua fiet distantia horizontalis à proprio Verticali primario versus austrum: si autem quadrante minor, dempto eo ex quadrante, remanebit horizontalis distantia ab eodem Verticali versus Septentrionem. Quod si complementum altitudinis poli complemento altitudinis Solis sit æquale, ita ut triangulum GFH, sit isosceles, reperietur angulus GFH, longe facilius, ut in eodem problemate scripsimus. Nam si per 2. modum problematis 1. triang. spher. fiat ut sinus totus ad sinum semisis lateris GH, (quod complementum est declinationis, quando Sol borealia signa percurrit, vel arcus ex declinatione, & quadrante coagmentatus, quando australia signa Sol possidet) ita secans cõplementi arcus FG, hoc est, ita secans altitudinis poli, ad aliud, producet sinus semisis anguli GFH, quæsti, &c.

ALTI TY D I N E M quoque Solis supra Horizontem, aut quemcumque circum maximum, supputare possumus cum Petro Nonio, quemadmodum in scholio præcedentis Canonis distantias locorum, & declinationes Stellarum supputauimus. Repetatur enim secunda figura illius scholij, & in primo eius circulo intelligatur ABC, Meridianus, circa centrum D; diameter Horizontis BC, eiusque polus A; Aequatoris diameter FG, & polus mundi E; diameter paralleli Solis quicumque HI, circa quem parallelus descriptus sit IKH, in quo locus Solis ponatur in K; demissa autem ad IH, perpendiculari KL, agatur per L, diametro Horizontis parallela MN, quæ diameter erit paralleli Horizontis per Solem ductum, ut constat, si semicirculus IKH, statua-

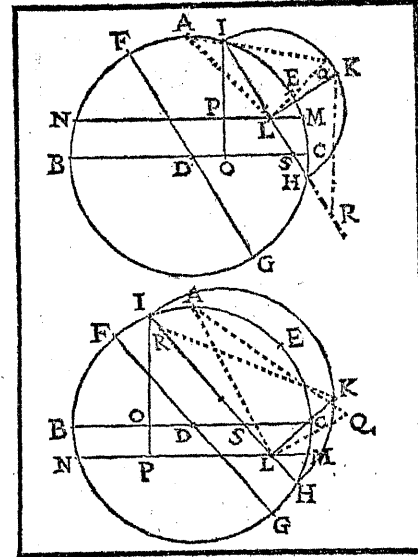
tur re-

tur rectus ad Meridianum. Erit enim tunc KL, ad eundem Meridianum perpendicularis, ex defn. 4. lib. 11. Eucl. & ideoque & planum per KL, & MN, ductum ad Meridianum rectum erit. Cum ergo & Horizon ad Meridianum, rectus sit, sintque BC, MN, communes sectiones Meridiani cum Horizonte, & plano per KL, MN, ducto, parallela; erunt ex scholio propof. 18. lib. 11. Eucl. planum Horizontis, & planum per KL, MN, ductum, parallela; quem posterius planum in sphaera facit, parallelus erit Horizontis. Demissa denique ex I, ad BC, perpendicularis IO, sinus rectus erit altitudinis meridianæ IC; & PO, sinus altitudinis Solis tempore observationis; & IL, sinus versus distantia Solis à Meridiano. Iam si cogitur A, esse vertex primi loci, ita ut eius latitudo sit FA, parallelus autem secundi loci sit HKI, ita ut eius latitudo sit FI, & differentia latitudinum AI, erit IO, sinus complementi huius differentia. Igitur, ut in scholio præcedentis Canonis Num. 6. demonstrauimus, erit ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu cõplementi declinationis FI, & sinu complementi altitudinis poli AF, ita IL, sinus versus distantia Solis à Meridiano, ad IP, differentiam inter IO, sinum altitudinis meridianæ, & PO, sinum altitudinis Solis tempore observationis.

QVOCIRCA si fiat, ut quadratum sinus totius ad rectangulum sub sinu cõplementi altitudinis poli supra circum propositum, & sinu complementi declinationis, ita sinus versus distantia Solis à Meridiano proprio dati circuli, ad aliud, producet numerus, qui ex sinu altitudinis meridianæ subtractus reliquum facit sinum altitudinis Solis quæstæ. *Atque hac ratio quadrat in omnem sinum Solis, etiam si eius parallelus totus extet supra circum maximum, ac proinde duas habeat altitudines meridianas; dummodo in calculo maior altitudo meridianæ assumatur. Qua de re legatur, si placet, propof. 12. libri Petri Nonij de Crepusculis.*

DIFFERENTIA tamen eadem IP, inter sinum altitudinis meridianæ, & sinum altitudinis Solis hora observationis, supputabitur hac etiam ratione. Fiat ut sinus totus IL, ad IP, sinum anguli ILP, complementi altitudinis poli, ita IL, sinus versus distantia Solis à Meridiano ad aliud. Numerus enim productus dabit rectam IP, in partibus sinus totius paralleli Solis IH, in quibus data est IL. Si igitur rursum fiat, ut sinus totus paralleli Solis ad seipsum, quatenus sinus est complementi declinationis in circulo maximo, ita IP, cognita in partibus sinus totius eiusdem paralleli, ad aliud; procreabitur IP, in partibus eiusdem sinus totius in maximo circulo, in quibus sinus complementi declinationis sumptus fuit.

VICIS-



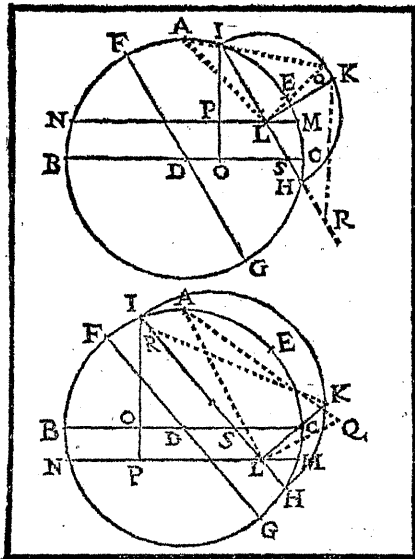
Inuentio alia altitudinis solis per numeros.

Alia inuentio differentia inter sinum altitudinis meridianæ, & sinum altitudinis quæstæ.

Horam ex altitudine Solis per numeros obseruare.

VICISSIM si fiat, vt rectangulum contentum sub sinu complementi altitudinis poli, & sinu complementi declinationis, ad quadratum sinus totius, ita differentia inter sinum altitudinis meridiana, & sinum altitudinis Solis aliunde cognite tempore obseruationis, ad aliud; producet sinus versus distantia Solis a Meridiano. Ex hac distantia facile hora tempore obseruationis cognoscetur.

Q V E M sinum versus distantia Solis a Meridiano ita quoque reperietur. Fiat vt IP, sinus anguli ILP, complementi altitudinis poli, ad IL, sinum totum, ita IP, quatenus differentia est inter sinum altitudinis meridiana, & sinum altitudinis Solis cognita, ad aliud. Numerus enim, qui gignetur, dabit rectam IL, in partibus sinus totius in circulo maximo, in quibus videlicet sinus altitudinis meridiana datus est. Si igitur versus sum. Fiat, vt sinus complementi declinationis Solis ad seipsum, quatenus sinus totus est paralleli Solis, ita IL, nuper inuenta ad aliud, producet eadem IL, quatenus sinus versus est distantia Solis a Meridiano in partibus sinus totius eiusdem paralleli. Igitur distantia a Meridiano, arcus scilicet IK, cognitus erit, &c.



Altitudine stelle ex eius distantia a Meridiano: Et vicissim distantiam eius a Meridiano, ex eius altitudine pericrucari per numeros.

OMNIA hac quadrant etiam in quamcunque stellam, cuius declinatio cognita sit. Na eadem prorsus ratione, ex eius distantia a Meridiano inuenitur eiusdem altitudo supra Horizontem; & ex altitudine cognita per aliquod instrumentum, distantia ipsius a Meridiano: si nimirum pro declinatione, & parallelo Solis accipitur declinatio, & parallelus stella, vt perspicuum est. Ex distantia autem stella a Meridiano inuenta elicietur hora, quemadmodum in scholio Can. 8. Num. 2. docuimus. Verum horam ex altitudine Solis interdum, & noctu ex altitudine alicuius stella, supputauimus etiam supra, alia tamen ratione, ad calcem scholij Canonis 8.

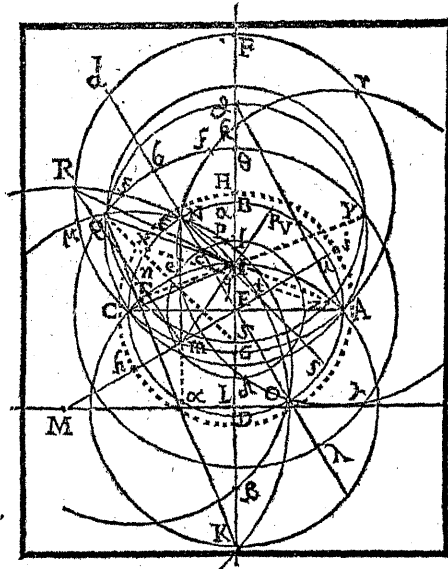
stania autem stella a Meridiano inuenta elicietur hora, quemadmodum in scholio Can. 8. Num. 2. docuimus. Verum horam ex altitudine Solis interdum, & noctu ex altitudine alicuius stella, supputauimus etiam supra, alia tamen ratione, ad calcem scholij Canonis 8.

CANON XVII.

DATO circulo in sphaera maximo ad Meridianum inclinato, quantus sit arcus ipsius inter Meridianum Horizontis, & Meridianum eius proprium interiectus: & quanta sit huius Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis inclinatio, indagare.

I. HAEC

I. HAEC est propositio 30. lib. 1. Gnomonices, quam ibi per Sinus absolutus, hic autem eandem per ea, quae hoc Astrolabio demonstrata sunt a nobis, (quam rationem, & in iis, quae sequuntur, seruariimus) facilius expediemus. Sit ergo in figura praecedentis Canonis maximus circulus, cuius positio ac situs in sphaera datus sit, descripsit per propof. 12. lib. 2. in Astrolabio RNIOK, cuius centrum M, secansque Meridianum Horizontis in I, & Aequatorem in N, O. Ducta ex M, centro propositi circuli per E, centrum Astrolabii, recta ME, secante eundem datum circulum in t; referet ea Meridianum proprium dati circuli, vt propof. 3. lib. 2. Num. 4. demonstrauius, ideoque It, arcus erit circuli propositi inter duos Meridianos EI, Et, qui quarritur. Inuento dati circuli polo m, intra Aequatorem, per ea, quae libro 2. propof. 8. Num. 17. ostensa sunt, (quod fiet, si iuncta recta NO, quae per E, centrum transibit, cum sit duorum maximorum circularum sectio, a perpendicularis erit ad Mt, cum Mt, ex M, centro circuli NIO, ducta eam secet bifariam in E; ex alterutro punctorum N, O, nimirum ex N, per t, rectam emittamus Nt, & sc, quadrantem accipiamus. Recta namque Na, rectam Mt, in polo quaesito m, secabit, &c.) auferent rectam mt, mI, ex Aequatore arcum up, quae sito arcui It, aequalem, quod ad numerum graduum attrahet.



Arcum circuli cuius maximus inter proprium Meridianum, & Meridianum regionis datae inuefigare.

a 3. serij.

2. ARCVS autem Bu, metietur angulum BEu, inclinationis Meridiani MEu, ad Meridianum BED: quae quidem inclinatio in supero hemisphaerio occidentalis est, in infero vero orientalis. Atque ita semper arcus Aequatoris inter duos Meridianos positus inclinationem Meridianorum metietur.

Inclinatione Meridiani circuli cuiuslibet ad Meridianum Horizontis inuenire.

3. QVANDO circulus ad Meridianum inclinatus per polos mundi transit, cuiusmodi v. g. est NEO, nullus arcus ipsius inter duos Meridianos interpietur, cum vtrumque Meridianum in ipsismet polis interfecet.

SCHOLIUM.

I. IN horologiorum descriptione, circulus maximus datus aut rectus est ad Horizontem, hoc est, ex Verticalibus vnus; atque ita inuenta eius declinatione, vt propof. 23. lib. 1. Gnomonices tradidimus, describemus eum Verticalem in Astrolabio, per ea, quae lib. superiore propof. 8. Num. 10. scripsimus, dummodo pro declinatione a meridie in ortum, vel a septentrione in occasum inuenta, accipiat declinatio aequa-

Quo pacto circuli maximi, quibus horologia aequidistant describantur in Astrolabio.

T t t t l u s

lis à Verticali primario ex parte orientali versus boream, vel ex parte occidentali versus austrum; & pro declinatione à meridie in occasum, vel à septentrione in ortum, sumatur declinatio à Verticali primario ex parte orientali versus austrum, vel ex parte occidentali versus boream: Aut datus circulus maximus ad Horizontem inclinatus etiam est; atque ita, inuenta eius declinatione à Verticali primario, inclinationeque ad Horizontem, ut lib. 1. Gnomonices propof. 23. declarauimus, describetur in circulo in Astrolabio, ut lib. superiore propof. 12. Num. 2. docuimus.

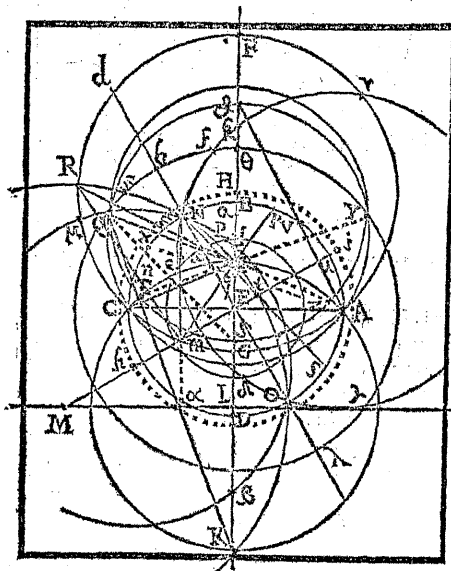
CANON XVIII.

DATI circuli in sphæra maximi inclinationem tum ad Meridianum, tum ad Aequatorem inuestigare.

1. PRIOR huius Canonis pars per sinus explicata est a nobis propof. 27. lib. 1. Gnomonices: eadem autem hic per Astrolabium in iis, quæ lib. 2. propof. 8. Num. 11. & propof. 15. scripsimus, absoluetur a nobis; posteriore vero partem ex iis, quæ propof. 8. Num. 22. demonstrauius, expediemus. Sit enim in eadem figura Canonis 16. maximus circulus positionem in sphæra notam habens descriptus in Astrolabio RNIOK, ex centro M, secans Meridianum in I, K, & Aequatorem in N, O. Igitur si recta IK, bifariam secetur, & ad rectos angulos per rectam ML, secantem datum circulum in O, (Nolo enim eadem litteram O, pertinere & ad intersectionem circuloꝝ QNO, sive cum Aequatore, & ad intersectionem rectæ ML, cum circulo RIK.) & ex I, vel K, per O, intersectionem rectæ ML, cum circulo RIK, recta emittatur; metietur arcus circuli AICK, ex I, per I, K, descripti, inter illam rectam; & rectam I, K, positus, magnitudinem anguli LIO, vel LKO, inclinationis dati circuli ad Meridianum. Aut si ex K, arcus circuli quolibet describatur interuallo,

metietur eius arcus inter rectas ex K, per L, & O, emissas interceptus, semifem eiusdem anguli LKO, &c. Idemque facient rectæ ex I, per L, & O, emissæ, si ex I, ad quodlibet interuallum arcus circuli describatur. Nam & hæ rectæ ex

Inclinatio dati circuli maximi situm habentis notum in sphæra ad Meridianum, qua ratione cognoscatur.



etæ ex illo arcu semifem magnitudinis anguli LIO, auferent, &c. ut lib. 2. propof. 15. demonstratum est.

2. DEINDE, si iuncta recta NO, quam in E, ad rectos angulos, bifariam que secet recta ME, secans datum circulum in t, & Aequatorem in u, egrediantur ex N, per t, u, rectæ lineæ, abscident eæ ex Aequatore arcum su, qui magnitudinem anguli tNu, inclinationis dati circuli ad Aequatorem, metitur.

3. QUANDO datus circulus ad Verticalem primarium rectus est, hoc est, quando transit per communes sectiones Horizontis ac Meridiani, dabit complementum eius inclinationis ad Horizontem, per propof. 23. lib. 1. Gnomonices inuenta, inclinationem eiusdem ad Meridianum.

4. QUANDO autem datus circulus declinatione caret, ac proinde per polos Meridiani incedit; rectus erit ad Meridianum, nullamque habebit ad ipsum inclinationem.

5. QUANDO denique circulus datus ad Horizontem rectus est, hoc est, vnus est ex Verticalibus, dabit complementum declinationis ipsius à Verticali primario per propof. 23. lib. 1. Gnomonices inuenta, inclinationem eiusdem ad Meridianum.

Inclinatio circuli obliqui maximi, cuius situs in sphæra cognitus sit, ad Aequatorem quo pacto reperitur.

CANON XIX.

DATO circulo maximo obliquo in sphæra, arcum Meridiani inter ipsum, & tam Horizontem, quam polum mundi, & verticem capitis, siue polum Horizontis, inclusum explorare.

PROBLEMA hoc soluimus quoque propof. 28. lib. 1. Gnomonices, tum beneficio Ellipsis, tum per calculum sinuum. In eadem ergo figura Canonis 16. sit descriptus circulus maximus obliquus QIOG, indicans nimirum horam 16. ab occ. secansque Meridianum in l, ß; ita vt tam ßG, quam lE, arcus sit Meridiani inter datum circulum, & Horizontem quadrante minore cum KG, lF, quadrantes sint à polis Horizontis vsque ad eius circumferentiam: At lE, arcus eiusdem Meridiani inter datum circulum, & polum mundi E, quadrante quoque minor, cum EB, quadrans sit: Arcus denique ll, inter circulum datum, & verticem loci. Hi autem omnes arcus cognoscuntur per arcus Aequatoris, qui inter rectas ex A, per terminos dictorum arcuum eductas intercipiuntur; cum hi arcus Aequatoris dictis arcibus Meridiani respondeant, vt lib. 2. prop. 1. Num. 6. demonstrauius.

Arcus Meridiani inter datum circulum obliquum, cuius situs in sphæra cognitus sit, & tam Horizontem, quam polum mundi, & polum Horizontis, inquirere.

CANON XX.

DATO circulo maximo obliquo in sphæra, altitudinem poli supra ipsum deprehendere.

Altitudinem poli supra datum circulum maximum, cuius positio in sphaera fit cognita, inquiret.

1. SOLVTVM etiam fuit hoc problema lib. 1. Gnomonices propof. 29. tum per Ellipsum, tum per sinuum supputationem. Sit igitur in eadem figura Canonis 16. maximus circulus obliquus, cuius situs cognitus sit in sphaera, descriptus RNIOK, cuius centrum M, & proprius Meridianus M.E.T. diameter autem Aequatoris NO, secet Mt, ad rectos angulos in centro E, quæ omnino cadet in puncta N, O, cum circulus maximus RNIOK, per puncta extrema N, O, incedat, vñ sub initium scholii propof. 5. lib. 2. demonstrauiamus. Ducto ergo radio Nt, secante Aequatorem in f, transibit vera diameter circuli maximi obliqui, quem repræsentat RNIOK, per f. Igitur Of, arcus erit altitudinis poli supra propositum circulum maximum, vt ex ijs liquet, quæ lib. 2. propof. 8. Num. 22. demonstrauiamus.

2. SIT rursus descriptus circulus maximus obliquus AgC, cuius situs cognitus sit in sphaera, nimirum ad Meridianum rectus, transiens per eius polos A, C, & ad Horizontem obliquus. Ducto radio A, g, secante Aequatorem in V, erit AV, arcus altitudinis poli supra ipsum, cum diameter eius vera transeat per V, propterea quod eius extremum V, in g, apparet.

S C H O L I V M.

Arcti circuli maximi obliqui sit in sphaera habentis centrum, inter maximi circuli, qui per eius polos, & polos Horizontis ducitur, & tam Meridianum proprium, quam Meridianum Horizontis positum inueniunt.

Arcus maximi circuli per polos Horizontis, & polos dati circuli maximi obliqui transeuntis inter Horizontem, & circulum horæ, a mer. vel med. noc. positus, quæ ratione cognoscitur.

Quot horæ, & que existant in prævratamque faciem circuli maximi obliqui, & qua hora illi in mari incipiat. Denique quos arcus parallelorum circuli ille maxime abscindat.

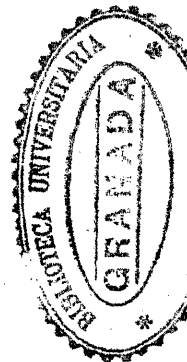
1. NON aliter absoluimus pleraque alia problemata Gnomonices. Nam primum, si describatur datus circulus obliquus maximus in Astrolabio ex proprio situ cognito, & per eius polum, & polum Horizontis maximus circulus ducatur, statim apparebit arcus dati circuli obliqui inter circulum maximum per dictos polos ductum, & tam proprium Meridianum dati circuli, quam Meridianum Horizontis interpositus; cuius magnitudo per arcum Aequatoris exhibebitur, qui per rectas ex eius polo per extrema eiusdem puncta ductas abscinditur. Quem etiam arcum lib. 1. Gnomonices propof. 31. per sinuum supputationem inuestigauimus.

2. DE INDE mox conspicietur arcus circuli maximi, qui per polos dati circuli maximi obliqui situm in sphaera habentis cognitus, & per polos Horizontis ducitur, inter Horizontem & circulum horæ 6. a mer. vel med. noc. quem in Astrolabio repræsentat recta AC, interpositus; cuius quantitatem cognoscemus per arcum Aequatoris a rectis ex polo circuli per dictos polos transeuntis per extrema puncta dicti arcus emisissis abscissum. Hunc arcum lib. 1. Gnomonices propof. 32. per sinus quoque inquisiuimus.

3. RVRVS quolibet maximo circulo obliquo, cuius positio in sphaera non ignoretur, descripto in Astrolabio, reperiemus dicto cuius arcus parallelorum Aequatoris ab eo abscissos, atque ex ijs mox cognoscemus, quot & quam horæ cutusius paralleli supra utramque faciem eiusdem circuli maximi existant, & denique qua hora Sol alterutram faciem incipiat illuminare. Quæ res eximum usum habet in horologis describendis, vt ex Gnomonica nostra liquet. Hanc enim ob causam in scholio propof. 40. lib. 3. Gnomonices per sinus indagauimus, quam horam Sol in Aequatore positus, ad propositum quemcunque Verticalem perueniat, hoc est, quantumnam arcum Aequatoris datus Verticalis abscindat: Item in scholio propof. 1. lib. 5. eiusdem Gnomonices tum per sinus, tum beneficio Ellipsis, perscrutati sumus, quantumnam arcus cuiuslibet paralleli Aequatoris a dato circulo maximo obliquo abscindantur, & qua hora a Sole alterutra eiusdem circuli facies incipiat, aut desinat illuminari: Idemque repetiuimus lib. 6. cap. 10. Sed vt appareat, quam expedite hæc omnia ex descriptione nostri Astrolabii cognoscantur, sit exempli causa in antecedenti Astrolabio descriptus circulus horæ quaræ ab ortu rNγ, qui ad Horizontem inclinatus est, cum per eius polos non transeat, quippe

quippe qui Meridianum secet in k, inter I, polum Horizontis, & Horizontem ipsum ex parte australi. Secet autem dictus circulus tropicum γ, in f, γ; Aequatorem in N, O, & tropicum δ, in e, δ. Quæ igitur facies superior, ac borealis circuli rNγ, à Sole illuminatur, cum circumferentias fθγ, NAO, ePδ, percurrat, inferiorem vero & australem, dum peragratur arcus γδ, OCN, de si paralleli singuli in 24. horas distribuuntur, initio factò ab eorum intersectionibus cum Meridiano FK, si de horis à mer. ac med. noc. agitur, vel si hora ab occ. vel or. proponuntur, ab eorundem intersectionibus cum Horizonte ex parte occidentali, orientaliue, confestim hora conspicietur, quæ supra utramque faciem circuli propositi contineatur, & qua hora facies utraque à Sole incipiat illuminari, &c. Ita vides dicti circuli faciem superiorem incipere illuminari hora 4. ab or. & hora 4. ab occ. cessare illuminari, ubique Sol existat in Zodiaco. Tot autem horis ante meridiem incipere illuminari, Sole existente in principio γ, quot hora in arcu θf, continentur: eodem vero existente in Aequatore, quot hora in arcu BN, reperitur eodem denique tropicum δ, describente, quot horas arcus l e. (Sumpto puncto l, pro intersectione tropici δ, cum linea meridiana) complectitur, &c. cum Sol supra eum circulum oriatur in punctis f, N, e, occidat autem infra eundem in punctis γ, O, δ. Idem in quouis alio circulo cernere licebit. Nam v. g. supra faciem borealem Verticalis RIK, existunt omnes horæ tropici γ, reperta in arcu à puncto E, per Q, progrediente usque ad intersectionem tropici γ, cum dicto Verticali, qua intersectio fit inter puncta β, γ, supra australem vero faciem horæ arcus a puncto E, per θ, tendentis usque ad eandem intersectionem: & Sol in Aequatore existens oriatur supra eiusdem dati Verticalis faciem australem in puncto N, hora 10. a med. noc. & 4. ab or. & 10. ab occ. occidetque in puncto O, hora 10. a mer. & 16. ab or. & 4. ab occ. atque in eodem puncto O, eorundem horarum supra faciem borealem oriatur, occidetque in puncto N: adeo vt facies australis illustrari incipiat a Sole hora 10. a med. noc. & 4. ab or. & 16. ab occ. desinatque illuminari hora 10. a mer. & 16. ab or. & 4. ab occ. Borealis autem facies illustretur à fine hora 10. a mer. usque ad finem hora 10. a med. noc. &c.

4. POSTREMO nullo fere negotio inueniemus magnitudines angularum, quos singulis in punctis Ecliptica cum Meridiano, Horizonte, & cum quolibet Verticali constituit: de quibus angulis multa scripserunt Ptolemaus, Ioan. Regiom. Copernicus, & Geber Hispanensis. Nam si per datum punctum Ecliptica ex centro Astrolabii recta ducatur Meridianum referens, confestim apparebit angulus, quem hic Meridianus cum Ecliptica facit, cuius magnitudo per ea, quæ lib. 2. propof. 15. tradita sunt, cognoscetur. Simili modo, si per gradum Solis in Ecliptica ex centro Astrolabii parallelus describatur secans Horizontem ex parte quidem orientali, si angulus orientalis, quæ Ecliptica in eo gradu cum Horizonte facit, quaratur, ex parte vero occidentali, si occidentalis: Deinde per illud punctum Horizontis Ecliptica describatur proprium situm habens; habebitur angulus, quem Ecliptica in dato gradu cum Horizonte efficit. Sed quia per idem punctum dua Ecliptica describi possunt, quarum quidem centra semper in parallelo per centrum Ecliptica, quam lib. 2. propof. 5. descripsimus, delineato existunt; vt ea describatur in proprio situ, considerandum erit, an punctum solstitiale, quod à dato puncto Ecliptica propius ab est, præcedat ortum dati puncti, an vero subsequatur. Hoc enim obseruato, facile ex duabus Eclipticis ea describetur, quæ proprium situm habet. Hunc autem angulum cognoscemus etiam ex ijs, quæ lib. 2. propof. 15. scripsimus. Denique si per datam horam à mer. vel med. noc. in Aequatore ducatur ex Astrolabii centro recta linea, quam secet parallelus Aequatoris per punctum Ecliptica, quod Sol possidet, descriptus, & per punctum sectionis Ecliptica delineetur in proprio situ, habita ratione proximi puncti tropici, ac tandem per idem sectionis punctum Verticalis circulus describatur, reperiemus per eandem propof. 15. lib. 2. quantitatem anguli, quem



Angulus, quos Ecliptica cum Meridiano, Horizonte, & Verticali per Solem qualibet hora ducto, constituit, inueniunt.

ti, quem hic Verticalis cum Ecliptica in eo situ constituit. Atque in hunc modum quoslibet arcus, sine angulis circulorum maximorum in sphaera inuestigabimus: ut perspicuum fiet ex sequenti Can. quem de arcibus horariis in quolibet maximo circulo proponimus, quod horum arcuum eximius sit usus in horologiorum descriptione.

C A N O N XXI.

ARCUS horarios in quouis circulo maximo perue-
stigare.

Arcus horarius
in quouis circulo
maximo quid

1. VOCAMVS arcum horarium in quouis maximo circulo eum, qui inter quemcunque circulum horarium, & maximum circulum per polos mundi, & polos proprii Meridiani (instar circuli horæ 6. à mer. ac med. noc. in Horizonte) ductum includitur. Omnes autem arcus horarios horarum à mer. & med. noc. lib. 5. Gnomonices propos. 4. beneficio sinuum explorauimus. In Astrolabio ergo præcedenti Canonis 16. sit v. g. maximus circulus Horizon AFCG, quem circulus horæ 10. à mer. & med. noc. dEΛ, secet in d, circulus autem horæ 16. ab occ. in μ, & circulus horæ 4. ab or. in r. Et quoniam A, C, poli sunt Meridiani, referet recta AC, circulum horæ 6. à mer. ac med. noc. Igitur erit Cd, in Horizonte arcus horarius horæ 10. à mer. ac med. noc. orientalis: at Cμ, horæ 16. ab occ. orientalis quoque: Et denique Ar, horæ 4. ab or. occidentalis: quos omnes arcus cognoscemus per arcus Aequatoris à rectis ex I, polo Horizontis per extrema puncta illorum arcuum ductis abscissos. Nam recta IC, Id, si ducantur, intercipient in Aequatore arcum horario arcui Cd, æqualem, &c.

2. DEINDE quia A, C, sunt quoque poli Meridiani ipsius Verticalis partem marii AICK, ac proinde recta AC, refert quoque circulum horæ 6. à mer. ac med. noc. respectu Verticalis, tanquam Horizontis cuiuspiam; erunt arcus horarii in Verticali primario intercepti inter A, vel C, & intersectiones horariorum circulorum cum eodem Verticali: quorum magnitudines cognoscuntur similiter per arcus Aequatoris à rectis ex G, polo Verticalis per extrema puncta ipsorum arcuum ductis abscissos.

3. RVRSVS cum recta Mu, sit proprius Meridianus Verticalis circuli RIK, & recta NO, circulus horæ 6. à mer. ac med. noc. si ductus Verticalis statuatur Horizonti aliquis, erunt arcus horarii in eo Verticali intercepti inter N, vel O, & intersectiones circuli RIK, cum circulis horariis: quorum magnitudines determinabuntur in Aequatore per arcus, quos rectæ ex m, polo Verticalis RIK, per extremitates arcuum horariorum emissæ auferunt. Itaque arcus horarii horæ 10. à mer. vel med. noc. & horæ 16. ab occ. & 4. ab or. nihil sunt, cum hi tres circuli horarii secant Verticalem RIK, in N, polo proprii ipsius Meridiani.

4. PRAETEREA quoniam AC, est Meridianus Meridiani FK, cum per E, polum mundi, & A, C, polos Meridiani FK, incedat, suntque B, D, poli ipsius circuli AC, ac denique ipsemet Meridianus est instar circuli horæ 6. à mer. & med. noc. cum à suo Meridiano AC, sex horis abfit; intercipientur in Meridiano FK, arcus horarii inter B, vel D, & puncta, in quibus horarii circuli Meridiani

ridianum FK, intersecant. Vt arcus omnium horarum à mer. vel med. noc. per quadrantem BE, representabuntur, cum omnes illarum horarum circuli Meridianum FK, in E, secant. At vero arcus horæ 16. ab occ. erit Bl, borealis; horæ vero 4. ab or. Bk, australis, quibus arcus æquales arcus in Aequatore intercipient rectæ ex A, polo Meridiani FK, per B, l, & B., k, emissæ.

5. POSTREMO quia Aequatoris Meridianus est FK, habens polos A, C, & AC, circulum horæ 6. à mer. vel med. noc. intercipientur in Aequatore arcus horarii inter C, vel A, & singulas horas Aequatoris: vt CN, erit arcus horæ 10. à mer. vel med. nocte, & horæ tam 16. ab occ. quam 4. ab or.

S C H O L I V M.

1. BENEFICIO arcuum horariorum à mer. ac med. noc. describi possunt horologia earundem horarum in quolibet plano proposito, vt copiose tractatum est à nobis prop. 5 lib. 5. Gnomonices, vt supernacaneus sit illud hoc loco repetere. Quare hic soliti paucis monebimus, quæ ratione horæ ab ortu & occasu per earundem horarum arcus horarios describenda sint. In plano igitur horologij ex loco styli circulus describatur Aequatoris Astrolabij, in quo arcus horarij reperti sunt, æqualis, & in eo diameter ducatur perpendicularis ad propriam lineam meridianam, hoc est, ad lineam styli, vt communis sectio habeatur proprii Verticalis & plani horologij. Ab hac diametro numeratis arcibus horariis in eam partem, in quam reperti sunt declinare in Astrolabio, ducantur per eorum extrema, & per locum styli recta linea, erunt hæc, parallela communibus sectionibus circulorum horariorum, & maximi circuli, cui horologium æquidistat. Nam si per stylium, & hæc communes sectiones duci concipiuntur Verticalis illius circuli maximi, & abscindentur in circulo, quem in plano horologij descripsimus, arcus similes arcibus horariis in eodem illo circulo maximo, b fuerintque in prædicto circulo plani horologij linea parallela communibus illis sectionibus in circulo maximo, cui horologium æquidistat, existentibus. Cum ergo per constructionem, in circulo, qui in plano horologij descriptus est, arcus sumpti sint similes arcibus horariis in maximo circulo, cui horologium æquidistat, existentibus; erunt ducta illa recta ex loco styli per arcus horarios in eodem circulo horologij numeratos extensa, parallela illa, quas Verticales dicitur per omnes sectiones horariorum circulorum, & circuli maximi, cui horologium æquidistat, transiens efficiunt in horologij plano. Quoniam vero circuli horarij in horologij plano, & circulo maximo, cui parallelum est, communes etiam sectiones efficiunt parallelas; si in plano horologij reperiantur puncta in linea æquinoctiali, vel alibi, per quæ horæ ab ortu & occasu ducenda sunt, (hoc est, per quæ ipsi circuli horarij ducuntur.) & per ea puncta rectis prædictis in circulo ex loco styli descripto per horarios arcus emissis parallela agantur, descriptæ erunt horæ ab ortu, & occasu: a cum recta illa ex loco styli per arcus horarios emissæ, communibus hisce sectionibus, id est, horariis lineis, parallela sint; quandoquidem tam hæc, quam illa, ostensa sunt æquidistare communibus sectionibus horariorum circulorum in maximo circulo, cui horologium parallelum est, factis. In horis Astronomicis, quoniam omnes transeunt per centrum horologij, satis est per centrum horologij educere lineas parallelas communibus sectionibus circulorum horarum à mer. vel med. noc. & circuli maximi, cui horologium æquidistat: quales sunt rectæ ex centro horologij per arcus horarios in circulo ex eodem centro horologij descripto emissæ; vt factum a nobis est propositione 5. lib. 5. Gnomonices.

2. ITAQUE si in Astrolabio omnes circuli horarij descripti sint, illico apparent arcus horarij in dato circulo obliquo, quorum omnium magnitudines æquales sunt, (quod

Horarum descriptio in quouis plano, beneficio arcuum horariorum.

a 10. r.
Theod.
b 16. undec.

c 16. undec.

d 9. undec.

(quod ad numerum graduum attinet,) arcibus Aequatoris, quos recta ex polo dati circuli obliqui per extrema puncta arcuum horariorum emissis abscindunt.

3. IN Canone porro diximus, arcus horarios interiectos esse inter horarium quem cuiusque circulum, & circulum, qui per polos mundi, & polos proprii Meridiani, in ista circuli hora 6. à mer. vel med. noc. ducitur, non autem inter Verticalem primarium proprium, qui tamen per eosdem polos Meridiani proprii incedit: quia in horologijs describendis arcus horarum à mer. vel med. noc. computantur, à communi sectione plani horologii, & illius circuli, qui vices circuli hora 6. à mer. vel med. noc. gerit in circulo maximo, cui horologium aequidistat; Arcus tamen horarum ab or. & occ. numerantur à communi sectione plani horologii, & Verticalis proprii & primarij. Quod si complementa arcuum horariorum accipiantur, numeranda ea erunt tam pro horis ab or. vel occ. quam a mer. vel med. noc. à linea propria meridiana, in qua videlicet stylus collocatur.

Arcus horarios pro horis à mer. & med. noc. inscriptate.

4. QVONIAM vero lib. 5. Gnomonices propof. 4. duabus operationibus arcus horarios horarum à mer. & med. noc. per sinus supputauimus, reperiemus nunc eisdem per solam unam operationem, hoc modo. Cum triangulum semper fiat rectangulum ex arcu Meridiani proprii altitudinem poli vicinioris supra datum circulum maximum metientis, & ex arcu circuli horarij ab eodem viciniori polo vsque ad circulum datum maximum, atque ex arcu circuli dati maximi inter Meridianum proprium, & circulum horarium; qui arcus complementum est arcus horarij quaesiti. Si ergo per modum problematis 11. triang. sphaer. ultimi Lemmatis, fiat vt sinus totus ad sinum arcus Meridiani altitudinis poli, ita tangens anguli, quem circulus horarius cum Meridiano facit in polo, ad aliud; reperietur tangens arcus circuli maximi dati inter Meridianum, & horarium circulum inclusi, &c.

CANON XXII.

OMNIA Problemata triangulorum sphaericorum absque numerorum auxilio explicare.

LA TISSIME patet huius Canonis vsus. In eo enim angulorum, laterumque omnium triangulorum sphaericorum magnitudines Geometricae per arcus Aequatoris inuestigabimus, atque adeo omnia problemata, quae per laboriosum eiusmodi triangulorum calculum explicari solent, mira facilitate ex descriptione duorum, triumue duntaxat circulorum Astrolabii expediemus: quae res non paucis haecenus visa est incredibilis. Torum autem hoc negotium in constructione triangulorum sphaericorum consistit, vt apparebit. Progreдемur autem eo ordine, quem in Lemmate 33. lib. 1. obseruauimus. Et quamuis in prioribus 16. problematibus trianguli sphaerici rectanguli vel solum angulus, vel solum latus, vel sola denique basis, per sinus, ex duobus datis soleat inuestigari: nos tamen per Astrolabium reliqua duo, quae non dantur, hic quoque in quolibet triangulo simul explorabimus. In triangulo igitur sphaerico rectangulo haec, quae sequuntur, ex datis quibusdam à nobis inuestigabuntur.

I. ANGVLVVS

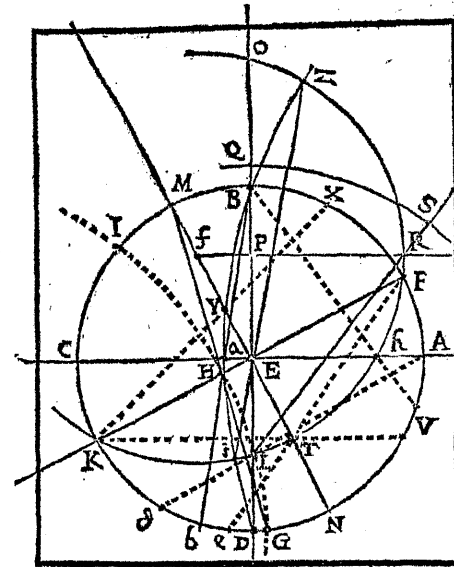
CVM altero angulo, & latere, quae non dantur.

Probl. 1.

EX base, & latere; quod angulo quaesito opponitur.

SIT in Astrolabio Aequator ABCD, circa centrum E, cum duabus diametris BD, AC, sese ad rectos angulos secantibus. Numeretur latus datum a puncto B, vsque ad F; & basis à puncto F, vsque ad G. Sumptis autem arcibus BM, CK, DN, aequalibus arcui AF, iungantur diametri FK, MN, sese quoque ad angulos rectos secantes, cum quadrantes sint FM, MK, KN, NF. In eam namque partem accipiendi sunt arcus BM, CK, DN, in quam arcus AF, vergit, vt dicti quadrantes efficiantur. Deinde iuncta recta MG, secante rectam FK, in H, sumatur arcui NG, aequalis arcus MI, ac per tria puncta G, H, I, circulus describatur, (cuius centrum erit in recta FK, extensa, indicabiturque à rectis Aequatorem in G, I, tangentibus, hoc est, a rectis, quae ad iunctas semidiametros EG, EI, perpendicularares sunt, vt propof. 7. lib. 2. ostensum est) secans rectam BD, in L, intra Aequatorem, qui parallelus erit maximi circuli MEN, polos habentis F, K, cum aequaliter ab hoc circulo MEN, recedat; propterea quod arcus EH, aequalis est arcui NG, vt ex iis constat, quae lib. 2. propof. 1. Num. 5. & 6. demonstrauimus; & arcus MI, arcui NG, sumptus fuit aequalis. Immo ex iis, quae lib. 2. propof. 18. Num. 5. scripsimus, liquet etiam GHI, parallelum esse maximi circuli MEN. Denique per tria puncta F, L, K, circulus, cuius centrum f, est in recta MN, describatur FLK, secans EB, productam in O. Erit igitur triangulum sphaericum rectangulum BFL, id, quod proponitur, cum angulus FBL, rectus sit, & datum latus BF, basisque data FL; quod arcus FL, FG, ex polo F, cadentes in parallelum GHI, aequales sint: Cuius quidem angulum quaesitum FLB, cui datum latus BF, opponitur, sic inuestigabimus per ea, quae lib. 2. propof. 15. Num. 3. demonstrata sunt. Secta recta LO, bifariam, & ad angulos rectos per lineam PR, secantem circulum LFO, in R, metietur arcus RO, ma-

Angulum cū reliquis, ex data base, & latere quod angulo quaesito opponitur, inaequifigare.



gnitudo per lineam PR, secantem circulum LFO, in R, metietur arcus RO, ma-

gnitudinem anguli quæsti FLB. Et si ex angulo L, arcus quocunque intervallo describatur QS, quem recta LR, secet in S, metietur arcus QS, semissem anguli eiusdem FLB, ac proinde arcus QS, duplicatus totum angulum metietur. Quod si punctum sectionis O, nimis procul distet, satis erit ex f, centro circuli KLF, ad LB, perpendiculararem ducere, secantem circulum KLF, in R. Hæc enim secat rectam LO, bifariam. Vel sine centro f, sic agemus. Inuenio centro P, trium punctorum A, L, C, excitetur PR, ad BD, perpendicularis. Erit enim rursus P, punctum medium rectæ LO, cum circulus maximus per A, L, C, descriptus transeat per O, punctum ipsi L, oppositum. Quare arcus QS, circuli ex L, descripti inter rectas LQ, LR, positus, semissem anguli BLF, metietur. Et si per L, circulus, ut libet, describatur, metietur eius arcus inter easdem rectas totum angulum. Quæ omnia demonstrata sunt ad finem Num. 2. propofitionis 15. lib. 2.

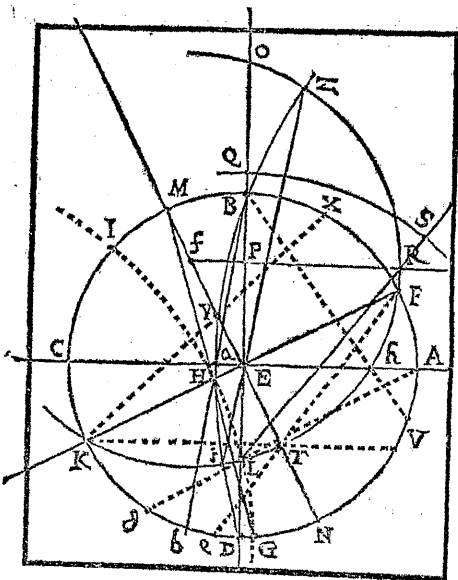
I M M O & ipsemet arcus LR, eundem quæsitum angulum BLF, metietur, vt Num. 3. eiusdem prop. 15. lib. 2. demonstraui.

I A M vero eadem ratione alter angulus BFL, non datus inuenietur. Ducto enim radio FT, secante Aequatorem in e, metietur arcus Me, angulum BFL, cum eius arcus sit MT, cui æqualis est arcus Me, vt ostensum est lib. 2. propof. 1.

D E N I Q V E reliquum latus non datum BL, efficitur notum per arcum Aequatoris, quem recta ex A, polo circuli BED, per puncta B, L, extense intercipiunt, cuiusmodi est arcus Bg, vt ex eadem propof. 1. lib. 2. manifestum est.

Q V O D si ducta diametro FK, ex puncto extremo lateris dati BF, quam ad rectos angulos secet diameter MN, circulum maximum referens

per mundi polos ductum, cuius poli F, K, parallelus GHI, maximi huius circuli MN, per extremum punctum G, basis datæ FG, descriptus non secet diametrum BD, intra Aequatorem, impossibile erit problema, quia tunc ex F, ad BD, deducti non poterit arcus circuli maximi basi FG, æqualis, qualis fuit FL, arcus vsque ad parallelum GHI, demissus, auferens latus BL, semicirculo minus, vt ratio postulat. Itaque quando latus datum BF, quadrante minus est, basis proponi debet maior ipso latere: (propterea quod per propof. 34. nostrorum triang. sphær. angulus lateri dato oppositus, acutus est, ideoque per propof. 11. eorundem triang. sphær. latus datum minus est base, quæ angulo recto opponitur) ita tamen, vt basis cum latere semicirculo minorem arcum constituat,



3. terij.

situat, qualis fuit basis FG. Nam si punctum G, esset ultra D, parallelus GHI, rectam BD, non secaret: Quando autem latus datum quadrante maius est, basis debet proponi minor ipso latere: (propterea quod per propof. 34. nostrorum triang. sphær. angulus lateri dato tunc oppositus, obtusus est, ac proinde per propof. 11. eorundem triang. sph. latus datum minus est base, quæ angulo recto opponitur) ita tamen, vt basis maior sit complemento lateris dati ad semicirculum. Vt si datum latus sit BN, basis maior esse debet arcu ND, alias parallelus maximi circuli FK, secantis diametrum NM, ab extremo puncto dati lateris ductam ad angulos rectos, descriptus per extremum punctum basis, non secaret BD, intra Aequatorem. Verum hac cautione opus non est, cum triangula sphær. in operatione ponantur eiusmodi, quæ vere, & re ipsa in superficie sphæricæ existant. Quod etiam in problematibus, quæ sequuntur, intelligendum est.

II. ANGVLV S.

Cum altero angulo, & latere, quæ non sunt data.

Probl. 2.

EX base, & latere, quod angulo quæsito adiacet.

C O N S T R V A T V R ex datis triangulum sphæricum BFL, vt in præcedente problemate, in quo angulus BFL, cui datum latus BF, adiacet, quærendus proponitur. Quoniam arcus TK, angulum KFL, metitur, vt lib. 2. propof. 15. Num. 3. demonstratum est; si angulo hinc addatur rectus angulus KFM, notus euadet totus angulus BFL, quæsitus. Quod si ex F, per M, recta ducatur, donec circulum FTK, productum secet, dabit arcus eiusdem circuli inter eam rectam, & punctum T, interceptus, quantitatem totius anguli BFL, vt lib. 2. propof. 15. Num. 2. demonstraui. At si ex F, circulus quolibet intervallo describatur, metietur eius arcus inter rectas FT, FM, positus semissem eiusdem anguli. Immo & arcus Aequatoris Me, eundem angulum metitur.

Angulum et reliquis ex base data, & latere, quod quæsito angulo adiacet, reperire.

A L T E R angulus non datus BLF, cognoscetur, vt in præcedenti problemate, nimirum vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c. R E L I Q V V M autem latus BL, reperietur hic etiam per arcum Bg, quem recta AL, ex Aequatore aufert, vt in problemate antecedente.

Probl. 3.

III. ANGVLV S.

Cum duobus lateribus, quæ non dantur hoc loco.

EX base & altero angulo non recto.

N V M E R A T A base ex B, versus C, vsque ad g, ductoque radio visuali Ag, secante BD, in L, erit BL, basis propositi trianguli, cum tot gradus in arcu BL, contineantur, quot in Bg, vt lib. 2. propof. 1. demonstratum est. Deinde in L, constitutur angulus datus per propof. 16. lib. 2. hoc modo. In recta LB, inuenito puncto O, ipsi L, opposito, secetur LO, in P, bifariam, & ad rectos angulos per

Angulum cum aliis ex data base.

Vuuu 2 rectam

rectam PR. Aut si punctum O, nimis remotum sit, inueniatur P, centrum trium punctorum A, L, C, (Hoc enim erit in medio duorum punctorum L, O, cum circulus per A, L, C, ex P, descriptus sit maximus, ac proinde per O, punctum oppositum transeat.) & in P, ad BL, perpendicularis excitetur PR. Descripto autem ex L, circulo quantocunque QS, numeretur in eo semissis dati anguli à puncto Q, vsque ad S; vel certe, (si in eo minuta contineantur numero imparia) totus angulus numeretur, & arcus numerati semissis accipiatur QS. Ducta namque recta LS, secante PR, in R, si per tria puncta L, R, O, vel per duo L, R, si O, sit nimis remotum, circulus maximus describatur LRO, (cum per puncta opposita transeat) centrum f, habens in recta PR; erit angulus BLF, dato angulo equalis, cum arcus QS, eius semissem metiatur, vt propof. 15. lib. 2. Num. 2. ostendimus.

I A M ducta ex f, centro per E, centrum Aftrolabij recta MN, quam diameter FK, ad rectos secabit angulos, si erratum non est, emittatur radius KT, secans Aequatorem in V, & quadrans sumatur VX. Recta enim KX, secabit f E, in Y, polo circuli maximi LRO, vt lib. 2. propof. 8. Num. 17. monstrauimus. Si igitur per tria puncta D, Y, B, ex centro in recta EA, inuenio circulus describatur secans LRO, in Z, qui maximus erit, cum per puncta opposita D, B, ducatur, erit angulus BZL, rectus, quod circulus maximus DYB, per Y, polum maximi circuli LRO, transeat: ac proinde triangulum rectangulum propositum erit BZL, cum BL, sit basis data opposita recto angulo Z, & angulus non rectus datus BLZ. Angulus ergo alter non rectus LBZ, ita inuenietur. Ducta recta Ba, per a, punctum intersectionis circuli ZBD, cum recta AC, secans Aequatorem in b, erit Db, magnitudo anguli aBE, vt constat ex iis, quæ propof. 15. lib. 2. ostendimus: qui si ex duobus rectis auferatur, quibus duo anguli aBE, EBZ, æquales sunt, ex propof. 5. nostrorum triang. sphar. reliquus fiet quæsitus angulus LBZ, qui totus hoc etiam modo reperietur, quando circulus DBZ, commode totus describi potest, vt rectam EA, intersectet. Ducatur recta ex B, per intersectionem circuli DBZ, cum recta EA. Tam enim arcus Aequatoris, quam circuli DBZ, inter hanc rectam, & diametrum BD, versus D, interceptus, vel etiam arcus circuli DBZ, inter B, & eandem rectam positus, quæsitum angulum LBZ, metietur, vt ex ijs, quæ propof. 16. lib. 2. Num. 3. demonstrauimus, liquet.

I A M vero latus LRZ, æquale erit arcui Aequatoris, quem rectæ ex Y, polo circuli KFZ, per puncta L, Z, emissæ auferunt.

E A D E M Q V E ratione alterum latus BZ, indicabit arcus Aequatoris a rectis ex h, polo circuli DBZ, per B, Z, eductis abscissus. Polus aut h, erit in intersectione circuli KFZ, cum recta AC. Cum enim maximus circulus DBZ, transeat per Y, B, polos maximorum circulorum KFZ, CA; transibit hi vicissim per illius polos, ex scholio propof. 15. lib. 1. Theod. ac proinde punctum h, polus erit circuli DBZ: qui etiam reperietur, si radius emittatur ex B, per a, secans Aequatorem in b, & quadrans sumatur b V. Radius namque BV, rectam AC, in h, polo quæsitum interfecabit, vt propof. 8. Num. 17. lib. 2. ostensum est.

Q V O D si detur basis DL, quadrante minor, & eadem fiant, constituetur ex altera parte triangulum propositum DLI, cum angulus DLI, sit æqualis angulo BLF, ad verticem, &c.

III. AN-

IIII. ANGVLV S.

Probl. 4.

Cum latere, ac base, quæ hic non dantur.

EX latere, quod angulo quæsitto opponitur, & altero angulo non recto.

SIT latus datum BF; & in F, cū eo constituatur angulus dato angulo æqualis, per propof. 16. lib. 2. hoc modo. Ducta diametro FK, quam ad angulos rectos fecet diameter MN, numeretur gradus dati anguli a puncto M, vsque ad e, ductæque recta Fe, secante MN, in T, describatur per tria puncta F, T, K, ex centro f, in recta MN, existente, circulus FTK, qui maximus erit, cum per opposita puncta F, K, incedat. Secet autem hic circulus rectam BD, in L; eritque datus angulus BFL, cum eius arcus sit Me; ac proinde triangulum sphericum BLF, erit id, quod quæritur, habens nimirum angulum LBF, rectum, latiusque datum BF, vna cum non recto angulo LFB, dato. Angulus igitur BLF, dato lateri oppositus, inuenietur, vt in 1. problemate. Secta namque recta LO, bifariam, & ad angulos rectos per rectam PR, metietur arcus RO, vel LR, angulum quæsitum BLF. Aut si ex f, centro circuli KTF, ad LB, perpendicularis excitetur, & ex L, descripto circulo QS, quantocunque, recta ducatur LR, metietur arcus QS, semissem eiusdem anguli, &c.

L A T V S autem BL, cognoscetur ex Aequatoris arcu Bg, quæ recta AL, abscindit.

A T vero basem FL, exhibebit arcus Aequatoris FG, qui a recta ex Y, polo circuli FLK, per L, emissæ auferuntur.

V. ANGVLV S.

Probl. 5.

Cum base, & altero latere non dato.

EX latere, quod angulo quæsitto adiacet, & altero angulo non recto: dummodo constet, num quæsitus angulus maior sit recto, minorue; vel an basis, aut alterum latus non datum quadrante maius sit, minusue.

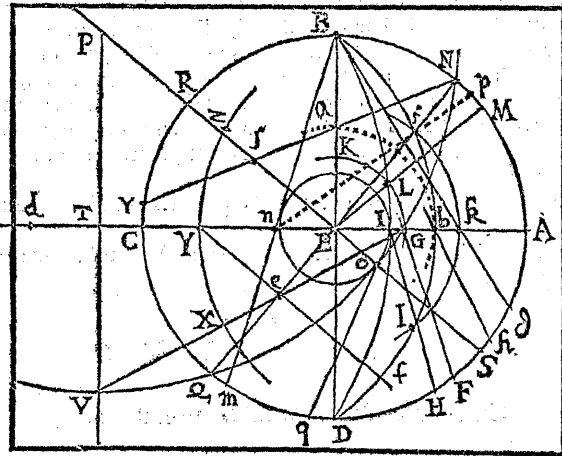
SIT rursus Aequator ABCD, cum duabus diametris AC, BD, sese in centro E, ad angulos rectos secantibus. Numeretur latus datum à puncto A, vsque ad F, iungaturque recta BF, secans AC, in G; erit arcus AG, dato lateri AF, æqualis, vt propof. 1. lib. 2. monstratum est. Numeretur quoque dati anguli magnitudo a puncto A, vsque ad H, iungaturque recta BH, secans AC, in I; erit arcus AI, æqualis arcui AH, dati anguli, maiorque necessario quam AG, si datus angulus acutus sit, vt demonstrabitur. Descripto ergo circulo BID, per tria puncta B, I, D, centrum habente d, in recta AC, qui maximus est, cum per puncta opposita B, D, transeat; erit angulus ABI, dato angulo æqualis, cum eum metiatur arcus AI, vel AH. Describatur quoque ex E, per G, parallelus Aequatoris GK, secans

Angulum cum reliquis, ex dato latere, quod est oppositum, & altero angulo non recto inquirere.

Angulum enim reliquis, ex dato latere, quod angulo quæsitto adiacet, & altero angulo non recto elicere.

secans circulum BID, in L, & emissa recta EL, secante Aequatorem in M, sumatur arcui AM, æqualis arcus BN. Ducta autem diametro NQ, secet eam ad rectos angulos RS. quod fiet facile, si arcubus BN, DQ, æquales sumantur arcus AS, CR, quod hoc modo efficiantur quatuor quadrantes NS, SQ, QR, RN. Descripto iam per tria puncta N, G, Q, circulo NOQ, qui maximus est, cum per opposita puncta N, Q, transeat, habetque centrum P, in recta ER, tantum distans ab E, quantum centrum d, circuli BID, ab eodem centro E, abest, propterea quod, ut infra ostendemus, duo circuli BID, NGQ, eundem parallelum tangunt; erit AGN, vel CGQ, triangulum propositum. Quoniam enim arcus AM, BN, æquales sunt; estque AM, per scholium propof. 22. lib. 3. Eucl. arcui GL, similis, erit quoque BN, eidem GL, similis. Igitur circuli maximi BID, NGQ, auferentes ex parallelis GK, AB, arcus similes, & per polum E, non transeunt, a tangent eundem parallelum, eum videlicet, qui ex E, per I, describitur, cum BID, cum tangat in I, ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. ac proinde ex

a 16. 2. Theod.



scholio propof. 27. lib. 2. Theod. æqualiter ad maximum parallelorum ABCD, inclinabuntur, hoc est, anguli ABI, ANG, æquales erunt. quod ex eo etiam constat, quod eorum arcus AI, SO, æquales sunt. Cum ergo ABI, dato angulo sit æqualis, erit etiam ANG, dato angulo æqualis, qui quidem dato lateri AG, opponitur. Itaque si constet, quæsitum angulum ad G, esse acutum, accipiendum est triangulum ANG; si vero quæsitum angulum ad G, constet esse obtusum, sumendum est triangulum AGQ, &c. Angulum vero quæsitum ita cognoscemus, Ex P, centro circuli NGQ, ad AC, perpendicularis demittatur PT, secans eundem circulum in V. Arcus enim GQV, angularis CGQ, ideoque & angulum AGN, trianguli AGN, metietur, ut lib. 2. propof. 15. Num. 3. ostendimus, qui angulus ex duobus rectis subducitur angulum AGQ, reliquum faciet in triangulo AOG. Idem angulus CGQ, habebitur, si ex G, arcus quantumcunque XZ, describatur secans GC, in Y. Nam arcus XY, semissem anguli CGQ

CGQ, & duplus arcus XZ, totum angulum metietur. QVOD si datum latus sit quadrante maius, ac proinde angulus oppositus datus obtusus, minor tamen ipso latere, ut demonstrabitur, numeretur datum latus a puncto C, vsque ad F, emittaturque radius BF, secans AC, in G, ut latus datum sit CG. Numeretur quoque quantitas dati anguli obtusi a puncto C, vsque ad H, & radius emittatur BH, secans AC, in I, ut CI, arcus sit dati anguli. Descripto igitur per tria puncta B, I, D, ex centro d, in recta AC, existente, circulo BID, erit CBI, angulus dato angulo æqualis. Hunc circulum parallelus GK, secet in L; emissaque semidiametro ELM, accipiat arcui AM, æqualis arcus BN, ac per tria puncta N, G, Q, circulus describatur, ut prius: eritque rursum angulus GNC, angulo GBC, æqualis. quod probabitur, ut prius. Igitur si constet, angulum quæsitum ad G, adjacentem dato lateri CG, esse obtusum, erit propositum triangulum CGN. Nam si acutus est, oblatum triangulum erit CGQ. Angulus porro quæsitus CGQ, cognoscetur per arcum GV, ut prius, quo detracto ex semicirculo, relinquetur angulus CGN, &c.

EX constructione liquido constat, quando datum latus minus est quadrante, angulum oppositum datum esse acutum, maiorem tamen ipso latere dato; quando autem datum latus maius est quadrante, angulum datum oppositum esse obtusum, minorem tamen dato latere. Quoniam enim per theoremata 4. scholii propof. 21. lib. 2. Theod. arcus GA, minor est arcu GN, erit per propof. 17. nostrorum triang. sphær. angulus ANG, in triangulo AGN, minor angulo recto A, hoc est, acutus, ideoque GNC, obtusus. Eadē ratione in triangulo AGQ, erit angulus GQA, minor recto A, quod per idem theor. 4. dicti scholii, arcus GA, minor sit arcu GQ, &c. Angulum autem datum lateri AG, oppositum, maiorem esse latere AG, qualis fuit angulus ABF, liquet. Nam si esset minor, cuiusmodi est angulus ABb, cum circulus BbD, parallelum ab, tangat in b, tangeret circulus NGQ, faciens angulum ANG, ipsi ABb, æqualem, eundem parallelum ab; quia circuli BbD, NGQ, propter æquales angulos ad B, N, æqualiter ad Aequatorem inclinati sunt, &c. quod est absurdum, cum NGQ, parallelum ab, secet. Hinc efficitur, obtusum datum angulum oppositum lateri dato CG, minorem esse ipso latere CG, qualis fuit angulus GNC. Nam si esset maior, cuiusmodi est CBB, tangeret circulus NGQ, iterum parallelum ab, quem circulus BbD, tangit. quod absurdum est. Sed de angulis trianguli sphærici tam rectanguli, quam non rectanguli, plura demonstrabimus in scholio huius Canonis.

CONSTAT quoque, si, constructo angulo ABI, dato angulo æquali, per punctum G, describatur ex propof. 20. lib. 2. maximus circulus NGQ, tangens eundem parallelum IO, quem circulus BID, tangit, constructum quoque esse triangulum propositum. Nam ex Theor. 1. propof. 21. lib. 2. Theod. circuli BID, NGQ, æqualiter inclinati erunt ad Aequatorem, hoc est, anguli ABI, ANG, æquales erunt, &c.

Alia solutio problematis.

FACILIVS idem problema soluemus hoc modo. Sit Ah, magnitudo anguli dati, ductoque radio Bh, secante AC, in b, erit Ab, arcui Ah, æqualis. Descripto ergo circulo BbD, per tria puncta B, b, D, centrum Y, habentē in recta AC, erit ABb, angulus datus. Deinde sit arcus Ag, dato lateri æqualis, & primum quadrante minor, ducaturque radius Bg, secans AC, in k, ut Ak, sit etiam arcus dato lateri æqualis. Descripto autem parallelo Aequatoris per k, secante circulum BbD, in i, ducatur recta Ei, secans Aequatorem in N: Eritque triangulum propositum BiN, vel DiN; cum angulus ad N, sit rectus, & latus

Facilior solutio problematis.

a 15. 1. Theod.

VII. L A T V S.

Probl. 7.

Cum utroque angulo non recto, quorum neuter datur.

Ex base, & altero latere.

Latus cum reliquis ex base, & altero latere explorant.

IN eadem figura sit datum latus BF, & basis FG. Ductis autem duabus diametris FK, MN, ad angulos rectos se secantibus, ducatur recta MG, secans FK, in H, & arcui NG, æqualis arcus sumatur MI, ac per tria puncta I, H, G, describatur maximo circulo MN, cuius polus E, parallelus GHI, secans BD, in L, ut in problemate 1. factum est. Nam si per tria puncta F, L, K, describatur maximus circulus, erit triangulum propositum BFL; cum FL basis æqualis sit assumptæ basi FG, ex defin. poli, angulusque rectus FBL, & datum latus BF. Quæritur autem latus BL, erit æquale arcui Bg, quem radius AL, abscindit, ut ex propo. 1. lib. 2. manifestum est.

AT angulus uterque BLF, BFL, cognoscetur, ut in precedenti problemate.

VIII. L A T V S.

Probl. 8.

Cum altero latere, & angulo non recto non datis.

Ex base, & angulo, qui quæsitio lateri opponitur.

Latus cum reliquis ex base & angulo, qui quæsitio lateri opponitur, inquirere.

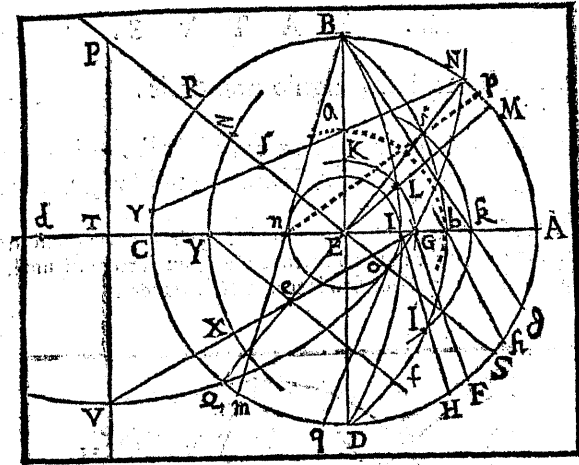
IN figura problematis 5. Sit Ah, arcus dati anguli, & ducto radio Bh, secante AC, in b, describatur maximus circulus per B, b, D, ut ABb, sit angulus datus. Sumpto deinde quadrante hm, ductoque radio bm, secante AC, in n, polo circuli BbD, ut lib. 2. propo. 8. Num. 17. monstratum est, numeretur basis data ex B, vsq; ad p, punctum, ex quo ad n, polū circuli BbD, recta ducatur secans eundem circulū in i: eritq; arcus Bi, basi Bp, æqualis, per eā, quæ lib. 2. propo. 5. Num. 17. demonstrata sunt. Ducta igitur recta Ei, secante Aequatorem in N, erit triangulum propositum BiN; cum angulus N, rectus sit, & basis data Bi, una cum angulo iBN, qui lateri quæsitio iN, opponitur; quod latus iN, cognoscetur, si ex R, polo maximi circuli NEQ, per i, recta ducatur. Hæc enim abscindet ex Aequatore arcum a puncto N, inchoatum arcui iN, æqualem: Vel si per i, parallelus describatur secans AE, in k. Arcus enim Ak, arcui Ni, æqualis est, & notus fiet per rectam Bk; cum hæc arcum abscindat Ag, ipsi Ak, vel Ni, æqualem, ut patet ex propo. 1. lib. 2.

ALTERVM porro latus BN, per se cognitum est, cum sit arcus Aequatoris.

ANGVLVS denique reliquus BiN, notus efficietur, si ex Y, centro circuli BbD, ad iE, perpendicularis deducatur, secans eundem circulum in f. Arcus namque if, angulum eif, hoc est, ei ad verticem æqualem BiN, metietur, ut propo. 15. Num. 3. lib. 2. monstratum est.

QVAMVIS autem problema hoc solutum a nobis sit, quando datus angulus acutus est, & data basis quadrante minor, eodem tamen modo soluetur, si datus

datus angulus sit acutus, & data basis quadrante maior, vel datus angulus obtusus, & basis data quadrante minor, aut maior. Nam si dato angulo acuto fiat æqualis ADb, & basi assumptæ Dp, quadrante maiori abscindatur ex n, polo circuli BbD, æqualis Di, per radiū np; constituet recta Ei, propositum triangulum DiN. Eadem ratione, si datus obtusus angulus numeretur à C, versus D, vsque ad h, ducaturque radius Bh, secans AC, in b, constituet maximus



circulus BbD; angulum obtusum CBb, datum. Si igitur numeretur etiam basis data ex B, vsque p, quadrante minor, constituet recta iE, extensa per i, punctum à recta np, ex pole n, ducta abscissum, propositum triangulum BiQ, & latus iQ, quæsitum, cui datus obtusus angulus opponitur, cognoscetur per arcum Aequatoris inter Q, & rectam ex R, polo circuli iQ, per i, emissam, interceptū. Denique si detur obtusus angulus CDb, & basis quadrante maior Dp, abscindet ei recta np, æqualem arcum Di. Recta ergo Ei, constituet propositum triangulum DiN, cuius latus quæsitum Qi, inuenietur, ut prius.

IX. L A T V S.

Probl. 9.

Cum altero latere, & angulo non recto, quæ data non sunt.

Ex base, & angulo, qui lateri quæsitio adiacet.

CONSTRVATR in figura problematis 1. triangulum BLZ, ex data base BL, & angulo dato BLZ, prout idem, quod in problemate 3. constructum fuit: eritq; latus quæsitum LZ, dato angulo BLZ, adiacens; quod notum efficiet arcus Aequatoris à rectis ex Y, polo circuli LZ, per extrema puncta L, Z, extensis abscissus, ut lib. 2. propo. 5. Num. 17. ostensum est. Quod, si basis DL,

Latus cum reliquis ex base, & angulo, qui lateri quæsitio adiacet, inuestigare.

Xxxx 2 quadrante

quadrante sit minor, & eadem fiant, construatur triangulum DLi , cuius latus quæsitum Li , reperietur rursus per arcum Aequatoris, quem rectæ ex Y , polo circuli Li , per extrema puncta L , i , emissæ abscindunt.

$LATVS$ autem alterum BZ , exhibebitur notum per arcum Aequatoris, quem rectæ ex h , polo circuli BZ , per B , Z , emissæ includunt, &c.

$ANGVLVS$ verò reliquus $L B Z$, inuenietur, vt in 3. problemate scripsimus, &c.

X. LATVS.

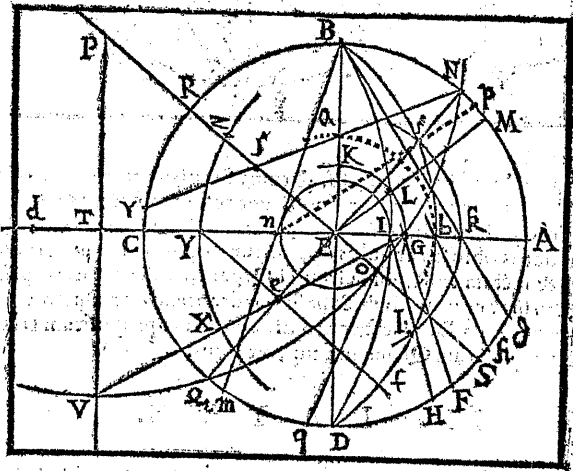
Probl. 10.

Cum base, & altero angulo non datis.

Ex altero latere, & angulo, qui quæsitio lateri adiacet: si modo constet species lateris quæsitii, vel anguli recti non dati, vel deniq; ipsius basis.

Latus cum reliquis ex altero latere, & angulo adiacente quæsitio lateri inacti-gare.

HIC etiam construatur in figura problematis 5. idem omnino triangulum AGN , quod in eo problemate constitutum est, ex dato nimirum latere AG , & dato angulo ANG , qui quæsitio lateri AN , adiacet.



Nam quando datum latus quadrante minus est, si constet, latus quæsitum esse minus quadrante, erit quæsitum latus AN , in triangulo AGN : si verò constet, quæsitum latus quadrante esse maius, erit latus quæsitum AQ , in triangulo AGQ . At quando latus datum maius est quadrante, si constet quæsitum latus esse minus quadrante, erit quæsitum latus CQ , in triangulo CGQ : Si autem constet, latus quæsitum quadrante maius esse, erit quæsitum latus CN , in triangulo CGN , &c. Est autem, vt vides, latus quæsitum semper arcus Aequatoris, ac proinde cognitum.

BASIS

$BASIS$ autem GN , cognoscetur ex arcu Aequatoris, quem intercipiunt rectæ ex f , polo circuli NOQ , inuenito in problemate 5. circa finem, per puncta N , G , emissæ. Angulum verò reliquum AGN , inueniemus, vt in eodem problemate 5. traditum est, &c.

XI. LATVS.

Probl. 11.

Cum base, & altero angulo non recto non datis.

EX altero latere, & angulo, qui lateri quæsitio opponitur.

IN eadem figura problematis 5. constituatur datus angulus, si acutus est, ABb , vt in 8. problemate. Deinde sumpto dato latere BN , ducatur ex N , per E , polum Aequatoris maximus circulus NEQ , secans circulum BbD , in i , eritq; BiN , triangulum propositum, cum angulus BNi , rectus sit, & datus angulus NBi , quæsitio lateri Ni , opponatur: quod quidem notum efficietur per arcum Aequatoris inter N , & rectam ex R , polo circuli NEQ , per i , extensam; aut per arcum inter A , & rectam Bg , quæ per k , ducitur, vbi parallelus per i , descriptus rectam AC , interfecat, vt ex propof. 1. lib. secundi perspicuum est.

Latus cum reliquis ex altero latere & angulo, qui quæsitio lateri opponitur, per scriptari.

$BASIS$ verò Bi , æqualis erit arcui Aequatoris Bp , abscisso à rectis nB , np , ex polo n , circuli BbD , eductis.

$ALTER$ autem angulus BiN , notus efficietur, vt in problemate 5. dictum est.

$ATQVE$ ita quidem res se habebit, quando datū latus minus est quadrante, & angulus datus acutus; At si latus datum minus quidem est quadrante, sed datus angulus obtusus, erit quæsitum latus Qi , quadrante maius in triangulo DiQ ; quod constituetur, si fiat datus obtusus angulus CDb , ex eius arcu Ch , & radio Bh , secante AC , in b , puncto, per quod circulus BbD , describitur, faciens angulum datum CDb ; deinde verò datum latus assumatur DQ , ex cuius extremo recta ducatur QEi , &c.

$QVOD$ si datum latus maius fuerit quadrante, & angulus datus acutus, constituatur ille angulus ADb , hoc est, ABb , sumpto prius eius arcu Ah , ductoq; radio Bh , secante AC , in b , &c. Deinde sumpto latere dato DN , ducatur recta NE , secans circulum BbD , in i . Nam propositum triangulum erit DiN , cum angulus ad N , rectus sit, & datus angulus iDN , quæsitio lateri Ni , opponatur, &c. quod quidem latus Ni , reperietur, vt prius.

$DENIQVE$ si datum latus fuerit quadrante maius, & angulus datus obtusus; constituatur datus angulus CBB , ex eius arcu Ch , &c. Deinde sumpto dato latere BQ , ducatur recta, QE , secans circulum BbD , in i , referensq; circulum maximum per polos Aequatoris ductum. Erit igitur triangulum propositum BiQ , cuius latus quæsitum est Qi , quod quidem cognoscetur per arcum Aequatoris inter Q , & rectam ex R , polo circuli NEQ , per i , extensam, &c.



XII. AN-

XII. L A T V S.

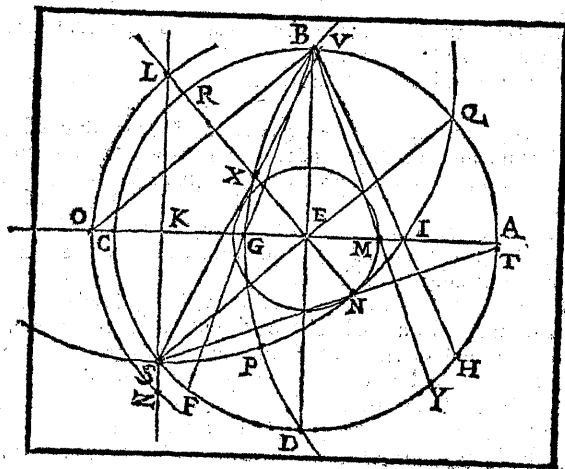
Cum base, & altero latere non datis.

EX utroque angulo non recto.

Locus cum reliquis ex utroque angulo non recto explorare.

15. Theod.

SIT iterum Aequator ABCD, circa centrum E, cum duabus diametris sese ad rectos angulos secantibus AC, BD, & proponatur primo triangulum rectangulum duorum angulorum obtusorum. Sit vnus obtusi anguli arcus AF, ductoq; radio BF, secante AC, in G, describarur per B, G, D, maximus circulus, vt constitutus sit datus ille angulus obtusus ABG. Sumpto deinde quadrante FH, ductoq; radio BH, secabitur AC, in I, polo circuli BGD, vt constat ex ijs, quae lib. 2. propof. 8. Num. 17. demonstrata sunt. Si igitur per I, circulus maximus describatur faciens cum Aequatore angulum alterum obtusum datum, constructum erit propositum triangulum, cum angulus, quem idem hic circulus posterior cum BGD, priore facit, rectus sit. Id autem sic fiet. Sit CY, arcus alterius anguli obtusi dati. Et quoniam, vt in scholio huius Canonis demonstrabitur, in omni triangulo sphaerico rectangulo, vteruis angulo



rum non rectorum minor est arcu, quo complementum alterius anguli non recti a semicirculo differt; est autem arcus AI, arcui EG, hoc est, complemento anguli ABG, aequalis, quod GI, EA, quadrantes sint, ex Coroll. propof. 16. lib. 1. Theod. ac proinde AI, complementum anguli ABG, a semicirculo AC, differt arcu CI, erit CY, arcus alterius anguli obtusi minor arcu CH, qui arcui CI, aequalis est. Ducto igitur radio BY, secante AC, in M, erit punctum M, inter E, & I: ac proinde descripto parallelo MN, describi poterit circulus maximus

maximus per I, tangens circulum MN, vt propof. 20. lib. 2. tradidimus; quem sic describemus. Recta inter I, & alterum polum circuli BGD, bifariam diuisa in K; vel, quando alter ille polus nimis procul excurrit, inuento K, centro trium punctorum B, I, D, quod praedictam rectam bifariam secat, cum circulus per B, I, D, descriptus per alterum polum transeat, propterea quod maximus est, per B, D, puncta opposita incedens; erigatur ad AC, perpendicularis KL, in qua necessario centrum circuli tangenti maximi exister, vt ibidem demonstrauimus. Post haec rectilineo angulo BMC, fiat aequalis angulus MBO. Nam quia semicirculus circa rectam inter I, & alterum polum circuli BGD, positam descriptus transit per punctum B, extremum perpendicularis EB, vt loco citato demonstratum est; idcirco in B, ad rectam BM, angulus constitutus est aequalis angulo BMC; cadetq; necessario punctum O, vt ibidem ostensum est, ultra K. Descripto igitur ex E, per O, circulo, secabitur KL, in L, Z, punctis, quorum vtrumlibet centrum esse potest circuli maximi per I, descripti, circulumq; MN, tangenti; punctum quidem L, centrum erit, si tangens circulus facere debeat angulum obtusum cum Aequatore versus angulum ABG, & punctum contactus erit N, in quod recta LE, incidit: at si circulus tangens debet cum Aequatore versus B, constituere angulum acutum, erit eius centrum Z, punctumq; contactus a ducta recta ZE, indicabitur, vt ibidem monstratum est. Descripto ergo ex L, (quia angulum obtusum desideramus) per I, circulo maximo, qui tanget circulum MN, in N, transibitque per alterum polum circuli BGD, atque Aequatorem in punctis oppositis Q, S, secabit, ita ut recta QS, ad LN, perpendicularis sit, si erratum non est; erit propositum triangulum BPQ; cum angulus B, rectus sit, & angulus ABG, vnus ex datis angulis obtusis, & BQP, reliquus, co quod eius arcus RN, aequalis est arcui CM, hoc est, arcui assumpto CY. Quod si radius emittatur SNT, & quadrans TV, accipiat, vt radius SV, exhibeat X, polum circuli QNS; (qui necessario erit in communi sectione rectae EL, cum circulo BGD. Cum enim circulus QNS, transeat per I, polum circuli BGD, transibit hic vicissim per illius polos. Cum ergo polus circuli QNS, sit in recta EL, vt propof. 8. Num. 19. ostensum est, erit X, communis sectio rectae EL, cum circulo BGD, polus circuli QNS; cognoscemus latus PQ, per arcum Aequatoris inter Q, & rectam ex polo X, per extremum punctum P, extensam. Latus vero BP, per Aequatoris arcum inter B, & rectam ex polo I, per punctum extremum P, emissam, vt lib. 2. propof. 5. Num. 17. demonstrauimus.

15. 1. Theod.

PROPONATUR deinde triangulum rectangulum duorum angulorum acutorum. Si igitur construat, ut triangulum rectangulum duorum obtusorum angulorum, qui datorum acutorum complementa sint ad semicirculum, vel ad duos rectos, vt proxime dictum est, nimirum triangulum BPQ; erit propositum triangulum DPS, cum angulus P, rectus sit, & alii acuti, quorum complementa ad duos rectos sunt obtusi ADG, vel ABG, & RSN, vel RQN. Latus ergo DP, aequale erit arcui Aequatoris, quem rectae ID, IP, (si ducantur) abscedunt: Latus vero PS, arcui Aequatoris, a rectis XP, XS, (si ductae fuerint) absciso aequale erit.

TERTIO triangulum propositum sit rectangulum, cuius alter reliquorum angulorum acutus sit, & alter obtusus. Constituat ergo iterum triangulum BPQ, rectangulum duos angulos habens obtusos, quorum vnus datus sit ABG, alter vero RQN, complementum acuti dati ad duos rectos. Triangulum enim propositum erit DPQ, habens rectum angulum P, & obtusum datum PDQ, & acutum DQP, cuius complementum ad duos rectos est angulus constitutus PQB.

PQB. Latus ergo PD, notum fiet per rectas ex I, polo circuli BGD, per P, & D, emissas; at latus PQ, per rectas ex polo X, circuli QNS, per P, Q, extensas.
 IN omnibus autem hisce triangulis basis BQ, vel DS, vel DQ, per se nota est, cum sit arcus Aequatoris.

XIII. BASIS.

Probl. 13.

Cum altero latere, atque angulo non datis.

EX latere, & angulo ei adiacente.

Basem enim reliquis ex latere, atque angulo ei adiacente cognoscere.

IN figura problematis 1. fit datum latus BF, & ad F, construatur angulus BFL, dato angulo æqualis, vt in 4. problemate: quod fiet, si sumpto arcu Me, dati anguli, radius egrediatur ex F, per e, secans MN, in T, (ductis prius duabus diametris FL, MN, ad angulos rectos se diuidentibus.) & per tria puncta F, T, K, circulus ex centro f, describatur, qui maximus erit, cum per opposita puncta F, K, incedat. Triangulum igitur propositum erit BFL; cuius basis FL, reperietur per rectas ex Y, polo basis, (qui inuenietur, si ducto radio KT, quadrans sumatur VX. Nam radius KX, rectam MN, in Y, polo secabit.) per F, L, eductas.

ALTERVM latus BL, æquale erit arcui Aequatoris Bg, à radio AL, abscisso.

RELIQVVS vero angulus BLF, cognitus erit vel per arcum LR, vel per arcum QS, duplicatum, &c.

XIIII. BASIS.

Probl. 14.

Cum altero latere, & angulo, non datis.

EX latere & angulo ei opposito: si modo constet, num basis quadrante maior sit, vel minor: Aut an alter angulus non datus sit acutus, obtususue: Aut denique num alterum latus non datum, minus sit quadrante, an maius.

Basem enim reliquis ex latere, & angulo ei opposito perferuari.

FIA T in figura problematis 5. ex dato latere, & angulo opposito triangulum AGN, vt in 5. problemate: quod fiet, si sumpto latere dato AF, & arcu dati anguli AH, qui maior erit arcu AF, vt in 5. problemate dictum est, atque reliqua construantur, vt ibidem factum est. Propositum enim triangulum erit AGN, si constet, basem esse quadrante minorem, vel hGQ, si constet basem maiorem esse quadrante. Quod si datum latus fuerit maius quadrante, erit vel CGN, vel C G Q, triangulum propositum, prout videlicet constabit, basem minorem esse quadrante, vel maiorem. Basis autem GN, vel GQ, nota fiet ex arcu Aequatoris abscisso per rectas per puncta G, N, vel G, Q, emissas ex f, polo circuli NGQ, qui reperietur, si ducta recta NOq, quadrantem accipimus q. Radius enim Nr, polum quæsitum f, in recta PS, indicabit, vt ex propof. 8. Num. 17. lib. 2. perspicuum est.

ALTE-

ALTERVM latus AN, vel AQ, vel CN, vel CQ, per se notum erit, cum sit arcus Aequatoris.
 ANGLVS autem reliquis ad punctum G, cognoscetur, vt in problema- te 5. dictum est.

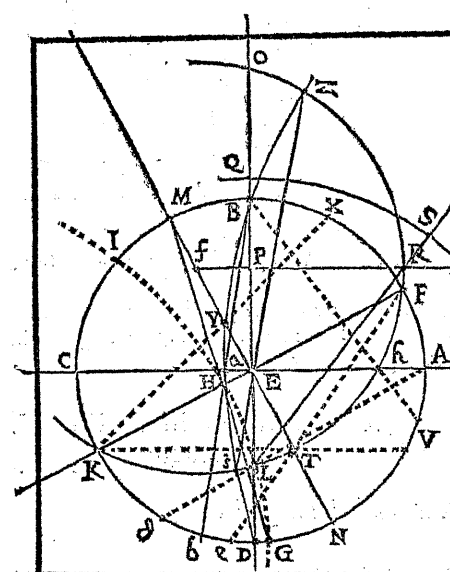
XV. BASIS.

Probl. 15.

Cum vtroque angulo non recto, quorum neuter datur.

EX vtroque latere.

IN figura problematis 1. sint duo latera data BF, Bg, & ipsi Bg, per radium Ag, æqualis arcus auferatur BL. Ducta deinde diametro FK, quam ad rectos angulos secet MN, describatur per tria puncta F, L, K, maximus circulus ex centro f. Quæsitæ enim basis erit FL, in triangulo datorum laterum BFL, quod in problemate 6. etiam constitutum. Posset quoque latus maius Bg, assumi, & minori BF, æqualis arcus ex recta BE, abscindi, &c. vt in dicto problemate 6. dictum est. Basis porrò FL, cognoscetur per arcu Aequatoris abscissum per rectas emissas per puncta F, L, ex polo Y, circuli FLK, qui inuenietur in recta MN, si ducto radio KTV, quadrans accipiat V X, radiusque KX, emittatur secans MN, in Y.



Basem enim reliquis ex vtroque latere venari.

ANGVLVS autem vterque BLF, BFL, cognoscetur, vt in 2. problemate.

XVI. BASIS.

Probl. 16.

Cum vtroque latere non dato.

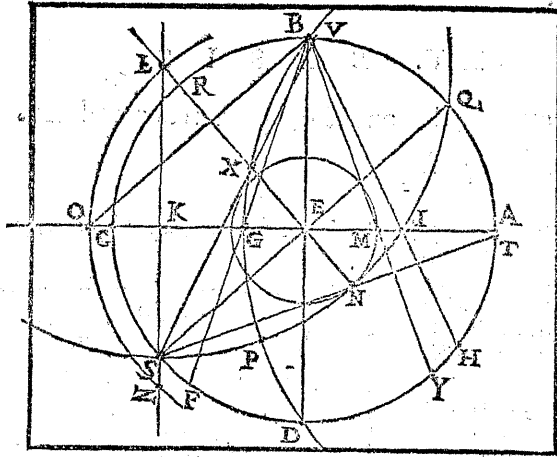
EX vtroque angulo non recto.

FIA T omnino idem triangulum datorum angulorum, quod in problemate 12. constructum fuit, BPQ, vel DPS, vel DPQ, prout vterque angulus datus fuerit

Basem enim reliquis ex vtroque angulo non recto peruenire.

Yyyy

fuerit obtusus, vel acutus, vel acutus vnus, & alter obtusus. In his autem omnibus basis BQ, vel DS, vel DQ, nota est, cum sit arcus Aequatoris.



VTRVMQVE porrò latus notum efficietur, vt in 12. problemate docuimus.

ATQVE ita omnia problemata triangulorum sphaericorum rectangulorum expedita sunt: sequuntur iam triangula obliquangula, in quibus videlicet nullus angulorum rectus est.

XVII. OMNIA LATERA trianguli obliquanguli.

EX omnibus angulis.

Probl. 17.

Angulos, quos arcus perpendicularis ad latus oppositum demissus in triangulo sphaerico facit in opposito angulo cognoscitur.

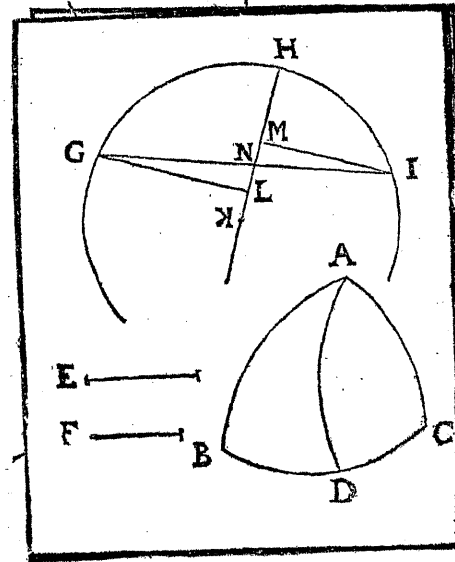
IN huiusmodi triangulo quocunque erunt saltem duo anguli acuti, vel obtusi, si omnes tres acuti non sunt, aut obtusi. Sit igitur triangulum sphaericum obliquangulum ABC, datorum angulorum, cuius duo anguli B, C, obtusi sint, vel acuti, intelligaturque ex reliquo angulo A, qualiscunque sit, ad latus BC, demissus arcus perpendicularis AD, qui per propof. 57. nostrorum triang. sphaer. intra triangulum cadet. Primum ergo inuestigare oportet duos angulos BAD, CAD, hoc modo. Sumantur in aliquo circulo arcus angulorum B, C, & eorum complementorum sinus, qui proportionem habeant, quam recta E, ad rectam F, Deinde in circulo GHI, cuius centrum K, accipiatue GI, arcus anguli A, eiusque chorda GI, fecetur in N, ex scholio propof. 10. lib. 6. Eucl. ita vt sit GN, ad NI, quemadmodum E, ad F, atque ex K, centro per N, recta ducatur KNH. Dico GH, arcum esse anguli BAD, & HI, arcum anguli CAD. Ductis enim ex G, I, ad KH, perpendicularibus GL, IM, hoc est, sinus arcuum GH, HI,

GH, HI, quoniam anguli L, M, recti sunt, ideoque aequales, itemque & anguli ad verticem N, aequales; erunt triangula GLN, IMN, aequiangula. Igitur erit, vt GN, ad GL, ita IN, ad IM; & permutando vt GN, ad IN, ita GL, ad IM: Est autem vt GN, ad NI, ita E, ad F, hoc est, ita sinus complementi anguli B, ad sinum complementi anguli C. Igitur erit quoque, vt sinus complementi anguli B, ad sinum complementi anguli C, ita GL, ad IM. Quamobrem cum per propof. 61. nostrorum triang. sphaer. eandem proportionem habeant sinus complementorum angulorum B, C, quam sinus angulorum BAD, CAD, habent; erit quoque vt GL, ad IM, ita sinus anguli BAD, ad sinum anguli CAD. Cum ergo GL, IM, sinus sint arcuum GH, HI, erit GH, arcus anguli BAD, & HI, arcus anguli CAD; cum sinus angulorum iidem sint, qui arcuum angulos metientium. Cogniti igitur erunt anguli BAD, CAD, cum eorum arcus GH, HI, cogniti sint.

4. 4. sexti.

SE D quia contingere potest, vt existente angulo BAC, obtuso, arcus perpendicularis AD, faciat alterutrum angulorum BAD, CAD, rectum, propositio autem 61. nostrorum triangul. sphaer. demonstrata est per propof. 42. eorundem,

quae locum solum habet in triangulo vnicum habente angulum rectum, non autem duos quales esse possunt vel BAD, ADB, vel CAD, ADC, demonstrari poterit eadem propof. 61. quando alter angulorum ad A, rectus est, hoc modo, Sit primus angulus BAD, rectus. Cum ergo & ADB, rectus sit, erunt AB, DB, per propof. 25. nostrorum triang. sphaer. quadrantes, ac propterea AD, arcus erit anguli B. Igitur erit, vt sinus anguli recti BAD, ad sinum totum, ita sinus complementi anguli B, ad sinum complementi arcus AD, cum utrobique sit proportio aequalitatis. Est enim idem complementum anguli B, & arcus AD, cum AD, arcus sit anguli B. Sed per propof. 42. nostrorum triangul. sphaer. est, vt sinus anguli DAC, (qui minor semper est recto, cum totus angulus BAC, duobus rectis sit minor, & BAC, rectus ponatur) ad sinum totum, ita sinus complementi anguli C, ad sinum complementi arcus AD: Et conuertendo, vt



Demonstratio vniuersalis propositio 61. triangul. sphaer.

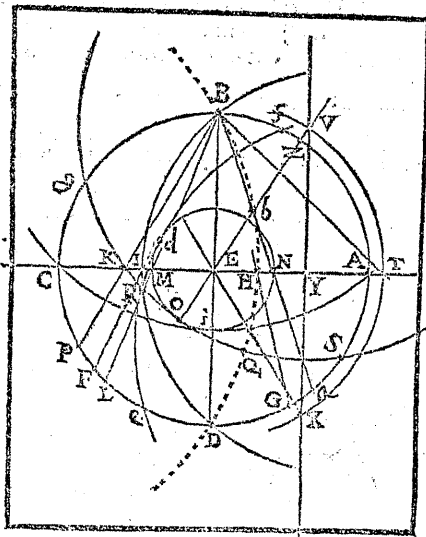
sin. angul. recti BAD.	sin. compl. ang. B.
sinus totus.	sin. compl. arcus AD.
sin. anguli DAC.	sin. compl. ang. C.

Igitur erit ex aequalitate, vt sinus anguli recti BAD, ad sinum anguli DAC, ita sinus complementi anguli B, ad sinum

Yyyy 2 sinum

finum complementi anguli C, quod in dicta propof. 61. erat demonstrandum.
SIT deinde angulus CAD, rectus. Igitur, vt proxime demonstrauiamus, erit vt sinus anguli recti CAD, ad finum anguli BAD, ita sinus complementi anguli C, ad finum complementi anguli B: Et conuertendo, vt sinus anguli BAD, ad finum anguli recti CAD, ita sinus complementi anguli B, ad finum complementi anguli C, quod est propofitum.

Tria latera ex tribus angulis elicere.



INVENTIS arcibus angulorum BAD, CAD, quos arcus AD, ad latus BC, perpendicularis facit, sit Aequator Astrolabij ABCD, circa centrum E, superiori circulo GHI, æqualis, vt facilius arcus angulorum inuenti in eum transferantur, ducanturque duæ diametri BD, AC, ad angulos rectos sese secantes. Sumpto autem arcu AF, anguli BAC, qui nimirum arcu GHI, superioris figuræ sit æqualis, vel certe similis, si Aequator ABCD, circulo GHI, non fuerit æqualis descriptus, & ducto radio BF, secante AC, in I, describatur per B, I, D, maximus circulus BID, vt fiat angulus ABI, dato angulo BAC, æqualis. Deinde sumpto arcu AG, anguli CAD, qui videlicet arcui HI, superioris figuræ æqualis sit, aut similis, ductoque radio BG, secante AC, in H, describatur per B, H, D, circulus maxi-

mus BHD, vt fiat angulus ABH, angulo CAD, ac proinde reliquus IBH, reliquo BAD, æqualis. Sumpto quoque quadrante GP, dabit radius BP, in recta AC, polum K, circuli BHD. Et quoniam arcus CK, æqualis est arcui EH, hoc est, complemento anguli ABH, vel CAD, superioris figuræ; quod quadrates sint CE, KH; differet complementum anguli ABH, vel CAD, superioris figuræ, a semicirculo AC, arcu AK. Si ergo accipiat AL, arcus anguli ACD, dati in triangulo rectangulo ACD, superioris figuræ, ducaturque radius BL, secans AC, in M, erit punctum M, inter A, & K; propterea quod, vt in scholio ostendimus, in triangulo rectangulo ACD, angulus C, minor est arcu AK, quo complementum anguli CAD, superioris figuræ, vel anguli ABH, in hac figura, a semicirculo differt. (Quod si angulus C, foret acutus, cuius videlicet arcus esset AN, si ei æqualis acciperetur CM; caderet adhuc punctum M, inter A, & polum circuli per B, N, D, descripti, propterea quod, vt in eodem scholio huius Canonis demonstrabitur, in omni triangulo rectangulo vteruis reliquorum angulorum, nimirum acutus C, ideoque & CM, arcus anguli eiusdem C, maior est complemento alterius, hoc est arcu circuli CEA, a puncto C, vsque ad polum circuli per B, N, D, descripti.) Parallelus ergo ex E, per M, descriptus

totus

totus inter puncta A, K, continebitur; ac proinde si per K, circulus KS, describatur parallelum MON, tangens, habebimus propositum triangulum BKS, datorum angulorum, vt probabitur. Ita autem per prop. 20. lib. 2. vel per Lemma 41. per K, circulum tangentem describemus. Diuisa recta inter K, & alterum polum circuli BHD, bifariam in Y, vel quando alter polus nimis procul distat, inuento centro Y, trium punctorum B, K, D, quod dictam lineam bifariam diuidet, cum circulus per B, K, D, descriptus transeat etiam per alterum polum, erigatur ad AC, perpendicularis YV, in qua centrum circuli describendi existet; quod reperietur hoc modo. Angulo rectilineo BMA, fiat æqualis MBT, cadetque necessario punctum T, vltra Y, & parallelus ex E, per T, descriptus, secabit rectam YV, in punctis V, X, quorum vtrumque centrum esse potest circuli tangentis; quæ omnia in dicta propositione 20. lib. 2. & Lemmate 31. demonstrauiamus. Punctum quidem V, erit centrum, si vterque angulorum C, B, datus sit obtusus, alias punctum X, centrum erit. Ponamus ergo, vtrumque angulum esse obtusum, & ducta recta VEO, describatur ex V, per K, circulus, qui, vt in dicta propof. 20. lib. 2. ostendimus, circulum MON, in O, continget, secabitque circulos BID, ABC, in duobus punctis, nimirum R, S. Dico BRS, esse triangulum propositum. Quoniam enim maximus circulus ZEO, tranfit per polos circuli KOS, & Aequatoris, quod eius centrum, ac poli, & centrum Astrolabij, siue polus Aequatoris, in eadem recta sint, vt lib. 2. propof. 8. Num. 19. monstratum est; transibunt vicissim circulus KOS, & Aequator per illius polos, ideoque S, polus erit circuli maximi ZEO, per polos mundi ducti; ac proinde ZO, arcus erit anguli BSR. Quare cum arcus ZO, quadrante maior sit, & æqualis arcui AM, anguli C, erit angulus BSR, obtusus, & æqualis angulo C. Et quoniam angulus BQS, rectus est, ideoque recto ADC, æqualis; erunt tres anguli trianguli BQS, tribus angulis trianguli ADC, superioris figuræ æquales; atque idcirco per propof. 19. nostrorum triang. sphær. & latus BS, lateri AC, & latus PQ, lateri AD, & latus QS, lateri DC, æquale erit. Rursum quia in triangulo BQR, duo anguli B, Q, duobus angulis A, D, in triangulo ADB, æquales sunt, latusque adiacens BQ, lateri adiacenti AD, ostensum est æquale; erit per propof. 20. nostrorum triang. sphær. & latus BR, lateri AB, & latus QR, lateri DB, æquale, atque angulus R, angulo B. Totum ergo triangulum BRS, toti dato triangulo ABC, æquilaterum est, & æquiangulum. Latus autem BS, notum est, tanquam pars Aequatoris; alia vero duo cognoscuntur per rectas ex eorum polis per puncta extrema emissas; qui poli sic inueniuntur. Sumpto quadrante Fa, dabit radius Ba, in AC, polum N, circuli BR. Deinde quia maximus circulus KS, ducitur per K, S, polos maximorum circulorum BHD, ZO, (ostensum enim fuit, S, polum esse ipsius ZO,) transibunt hi vicissim per illius polos, ideoque polus circuli KS, erit punctum b, vbi circuli ZO, BQ, se interfecant.

QVOD si anguli C, B, ponantur acuti, describendus erit circulus ex X, per K, qui tanget circulum MON, in extremo puncto rectæ ex X, per E, extensæ, facietque cum Aequatore angulum acutum angulo C, æqualem, cum eius arcus minor tunc sit quadrante, &c.

a 15. r. Theod.

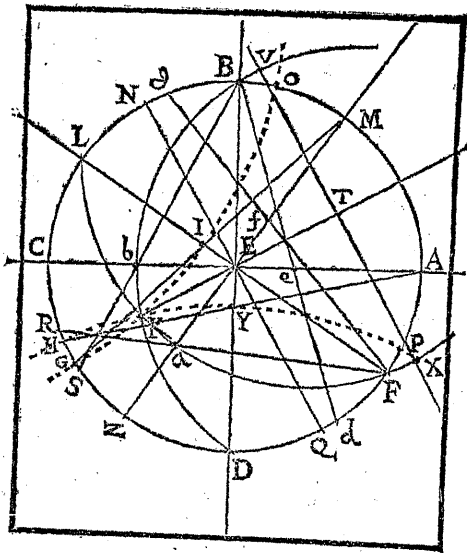
X V. I I I. O M N E S A N G V L I
trianguli obliquanguli.

Probl. 18.

EX omnibus lateribus.

Tres angulos ex
tribus lateribus
erunt.

IN Aequatore ABCD, cuius centrum E, & duae diametri sese ad rectos angulos secantes AC, BD, sumantur tres arcus tribus datis lateribus aequales BF, BH, FG, Circa polum B, vel D, per propof. 18. lib. 2. describatur maximo circulo AC, per mundi polos ducto parallelus HYP, per punctum H: quod sic fiet. Ducta recta AH, secante BD, in Y, sumatur arcui CH, aequalis arcus AP. Nam circulus per tria puncta H, Y, P, centrum habens in recta BD, parallelus erit maximi circuli AC, per H, descriptus. Rursus ducta diametro FL, quam ad rectos angulos secet MZ, describatur circa polum F, vel L, maximo circulo MZ, per polos mundi ducto parallelus OIG, per punctum G, hoc modo. Ducta recta MG, secante FL, in I, sumatur arcui ZG, aequalis arcus MO, ac per tria puncta O, I, G, circulus OIG, centrum habens in recta FL, describatur, qui parallelus erit maximi circuli MZ;



que omnia lib. 2. propof. 18. Num. 5. demonstraui. Seca-
bunt autem se mutuo duo hi pa-
ralleli, si problema possibile
est, in puncto K. Si igitur per
tria puncta F, K, L, maximus
circulus describatur FKL, &
per tria puncta B, K, D, alius
BKD, erit propositum triangu-
lum BFK, cum latus BF, sit v-
num ex datis, & BK, ex defini-
tione poli aequale alteri dato
lateri BH, & FK, tertio lateri
dato FG, aequale. Anguli hu-
ius trianguli sic reperientur.
Ductis radijs FaR, BbG, da-
bit arcus MR, magnitudinem
anguli BFK, & arcus AS, qua-
ritatem anguli FBK. Denique
ducta recta KE, qua ad rectos
angulos secet diameter NQ,
si trium punctorum N, K, Q,
centrum reperiat T, & ad
KT, perpendicularis excitetur.

TV, metietur arcus KV, angulum VKT, & arcus KX, angulum XKT, vt lib. 2. propof. 15. Num. 3. monstratum est. Si igitur arcui KV, adijciatur arcus similis arcui KX, habebitur arcus totius anguli BKF.

X I X. L A T V S C V M D V O B V S A N G V L I S
adiacentibus in triangulo obliquangulo.

Probl. 19.

EX reliquis duobus lateribus, & angulo ab ipsis comprehenso.

IN antecedentis problematis figura sit vnum ex datis lateribus BF. Sumpto autem arcu dati anguli AS, ductoque radio BS, secante AC, in b, describatur per tria puncta B, b, D, circulus maximus, vt datus angulus sit ABb. Deinde sumpto quadrante Sd, ducatur radius Bd, secans AC, in e, polo circuli BbD, vt ex ijs constat, qua lib. 2. propof. 8. Num. 17. demonstraui. Si igitur accipiat arcus BH, alteri dato lateri aequalis, & ex e, polo recta emittatur eH, abscondatur ex circulo BbD, arcus BK, aequalis arcui BH, hoc est, alteri lateri dato. Postremo ducta diametro FL, quam ad angulos rectos secet diameter MZ, & per tria puncta F, K, L, descripto maximo circulo FKL, centrum habente in recta MZ, constructum erit propositum triangulum BKF, cum duo latera data sint BF, BK, vna cum angulo FBK, ab ipsis comprehenso. Iam ducta recta FaR, sumptoque quadrante Rg, si ducatur recta Fg, secabitur MZ, in f, polo circuli FKL. Recta ergo fK, abscondet arcum Aequatoris FG, lateri quaesito FK, aequalem. Anguli autem BFK, BKF, cognoscentur, vt in praecedenti problemate.

Latus cum adia-
centibus duobus
angulis, ex duo-
bus reliquis la-
teribus, & angu-
lo comprehen-
so colligere.

NON aliter problema soluetur, si datus angulus sit acutus. Sit enim vnum ex datis lateribus BL, & CS, arcus dati anguli acuti. Ducto ergo radio BS, secante AC, in b, constituetur circulus per tria puncta B, b, D, descriptus angulum datum LbB, acutum. Sumpto deinde altero latere dato BH, si ex c, polo circuli BbD, ducatur recta eH, abscondatur arcus BK, huic alteri dato lateri BH, aequalis. Ducta postremo diametro LF, quam ad angulos rectos secet MZ, si per tria puncta L, K, F, circulus maximus describatur, constructum erit triangulum propositum BLK, Recta autem fK, ex polo f, circuli K L, emissa auferet arcum LH, quaesito lateri LK, aequalem. Anguli ad L, K, inuenientur vt prius, quemadmodum lib. 2. propof. 15. traditum est. Angulus enim BLK, inuento angulo BFK, aequalis est: Et si inuentus angulus BKF, ex duobus rectis tollatur, reliquus erit quaesitus alter angulus BKL.

X X. D V O L A T E R A C V M A N G V L O A B
ipsis comprehenso in triangulo obliquangulo.

Probl. 20.

EX reliquo latere, & duobus angulis illi adiacentibus.

IN eadem figura problematis 18. sit datum latus BF, a cuius extremis ducta sint diametri BD, FL, quas ad rectos secant angulos aliae diametri AC, MZ: sitque AS, arcus anguli ad B, constituendi, & MR, anguli constituendi ad F. Ducis igitur radijs BS, FR, secantibus AC, MZ, in b, a, si tam per tria puncta B, b, D, quam per tria F, a, L, maximus circulus describatur, constructum erit triangulum propositum BFK, cum habeat datum latus BF, cum duobus datis angulis adiacentibus FBK, BFK. Hos etenim angulos metiuntur arcus AS, vel Ab, & MR, vel Ma, vt lib. 2. propof. 15. ostendimus. Inuentis autem e, f, polis circulorum BbD, FaL, (quod fiet, si sumptis quadrantibus Sd, Rg, radij egrediantur

Duo latera, &
angulum ab ip-
sorum contentum ex
reliquo latere, &
angulis ei adia-
centibus perser-
uare.

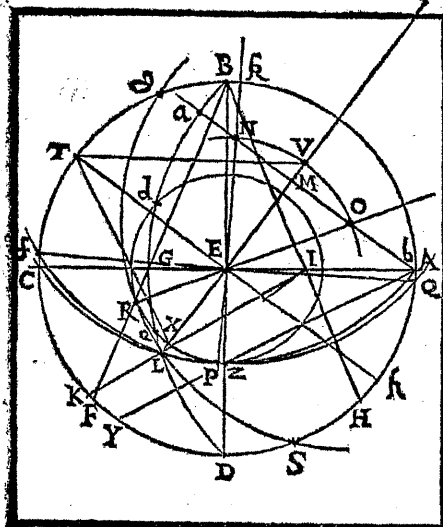
diantur B d, Fg, secantes AC, MZ, in e, f, polis, vt constat ex propof. 8. Num. 17. lib. 2.) recta eK, abscindet arcum BH, lateri BK, & recta fK, arcum FG, lateri FK, æqualem. Angulus vero BKF, notus fiet, vt in problemate 18. cum arcus KV, metiatur eius partē VKT, & arcus KX, eius alteram partem XKV, &c.

Probl. 21. XXI. DVO LATERA CVM VNO ANGVLO vni eorum opposito in triangulo obliquangulo.

E X reliquis duobus angulis, & reliquo latere, quod vni eorum opponitur, si modò constet species lateris quæstii alteri angulo dato oppositi.

Duo latera, & angulum vni eorum oppositum, ex duobus reliquis angulis, & reliquo latere vni eorum opposito, perferuntur.

SIT Aequator ABCD, circa centrum E, cum diametris AC, BD, sese ad rectos angulos secantibus. Sumpto arcu AF, alterius angulorum datorum, qui



Casus varij problematis.

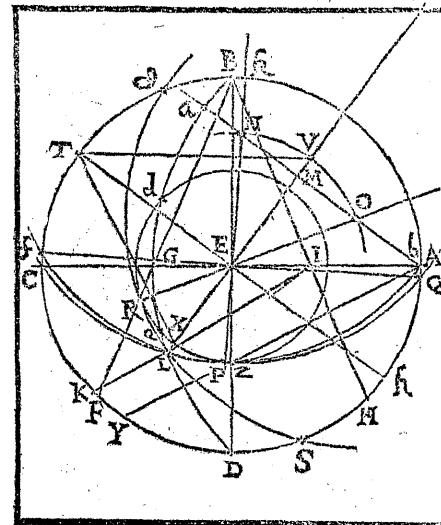
nunc obtusus ponatur, ductoque radio BF, secante AC, in G, describatur per B, G, D, circulus, vt datus angulus sit ABG. Sumpto quoq; quadrante FH, iungatur radius BH, secans AC, in I, polo circuli BGD. Sit rursus arcus BK, dato lateri æqualis, iungaturque recta IK, quæ abscindet latus datū BL, æquale nimirum arcu BK. Post hæc sumpto arcu BY, alterius anguli dati, ductoque radio AY, secante BD, in Z, describatur circulus per A, Z, C, vt fiat angulus BAZ, alteri huic angulo dato æqualis. Descripto deinde ex E, per Z, parallelo ZR, extra quem necessario punctum L, existet, si problema possibile est. Et si quidem datum latus BL, quadrante sit maius, ac parallelus circulum BGD, fecerit, vt in d. c. necesse est posterior

rem datum angulum obtusum esse, & maiorem dato priore angulo ABG, constareque debet omnino species arcus angulo ABG, oppositi: si vero non fecerit, poterit posterior datus angulus esse vel obtusus, vel acutus, problemaque soluetur, etiamsi non constet species arcus oppositi angulo ABG. At vero si datum latus sit quadrante minus, nimirum DL, & parallelus circulum BGD, fecerit, necesse est posteriorem angulum datum esse acutum, debetque species constare arcus, qui angulo obtuso dato ABG, opponitur. Si autem non fecerit, poterit posterior

posterior angulus datus esse vel acutus, vel obtusus, & necesse non erit, vt species arcus angulo CDG, oppositi detur,

QVOD si datus angulus primo loco constitutus CBG, fuerit acutus, & datum latus BL, maius quadrante, atque parallelus circulum BGD, interfecerit, erit alter angulus datus obtusus necessario, debeatque constare species lateris, quod dato angulo CBG, opponitur. Si verò parallelus circulum non fecerit, poterit posterior angulus datus esse vel obtusus, vel acutus, & necesse non erit dari speciem lateris angulo dato CBG, oppositi. At si datum latus sit minus quadrante, nimirum DL, si quidem parallelus circulum fecerit, necesse est, datum posteriorem angulum esse acutum, constareq; debet species lateris dato angulo CBG, oppositi. Si verò non fecerit, poterit posterior datus angulus obtusus esse, vel acutus, problemaque soluetur, licet species lateris dato angulo CDG, oppositi non detur, quæ omnia demò strabimus.

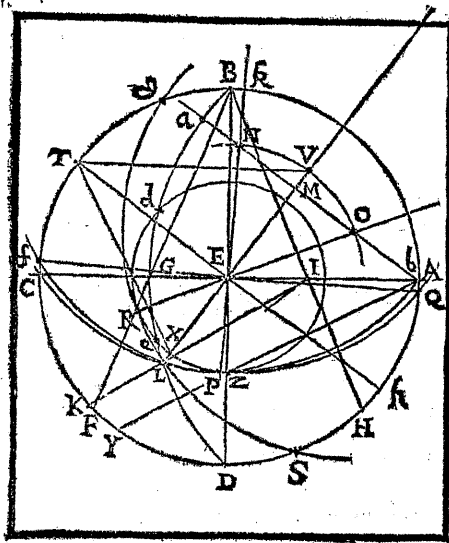
SECRET ergo primum parallelus per Z, descriptus circulum BGD, eritq; tunc necessario datus alter angulus BAZ, obtusus, & maior priore angulo dato ABG. Arcus enim per L, descriptus efficiens cum Aequatore angulum æqualem posteriori huic dato angulo, tangere debet parallelum per Z, descriptum, quem etiam tangit circulus AZC, vt constat ex i. theor. scholij propof. 21. lib. 2. Theod. propterea quod hi duo circuli efficientes æquales angulos, æqualiter inclinantur ad Aequatorem. Cum ergo per L, duo circuli maximi tangentes describi possint, vnus quidem tangens in P, & alter tangens in R, vt mox docebitur, secabit vterque semicirculum BAD, in punctis Q, S, infra punctum L, productus; eo quod supra punctum L, versus B, productus arcum BL, ante punctum B, neuter secare potest: aliàs esset BL, arcus semicirculo maior; cum maximi circuli se mutuo bifariam fecerit. Igitur tam angulus BQL, quàm BSL, obtusus erit, obtusoque BAL, æqualis, sed maior obtuso dato angulo ABL, quod anguli BAZ, arcus BZ, maior sit arcu AG, anguli ABL, quia & portio rectæ AC, inter A, & parallelum iuxta G, (quæ ipsi BZ, æqualis est) maior est, quam AG. Quoniam ergo duo triangula constituta sunt BQL, BSL, cuius duo anguli ad B, Q, vel ad B, S, dati sunt, vnâ cum latere BL, opposito angulo Q, vel S; nisi constet species lateris LQ, vel LS, quorum illud quadrante maius est, & hoc minus, (Nam cum angulus externus BQL, internus BSL, æqualis sit, erunt per propof. 15. nostrorum triang. sphær. LQ, LS, semicirculo æqualia,



ai. i. Theod.

Z z z z Cum

Cum ergo per Theor. 4. scholij propof. 21. lib. 2. Theod. arcus $L S$, minor sit arcu $L Q$ eò quod ex L , puncto intra peripheriam Aequatoris sumpto tres arcus cadentes $L K$, $L S$, $L Q$, inæquales sunt. minimus quidem $L K$. & $L S$, minor quàm $L Q$; erit $L S$, quadrante minor, & $L Q$, maior) incerti erimus, vtrū triangulorum accipere debeamus. Quod si confiterit latus angulo ABL , dato oppositum debere esse quadrante maius, describendus erit per L , circulus tangens LPQ , per punctum P , versus Z ; si vero idem latus quadrante debeat esse minus, describendus erit circulus tangens $R L S$, per punctum R , tangens ad partes e , d . Ita autem vtrumque circum tangens, per ea, quæ lib. 2. propof. 20. & in Lemmate 41. demonstrata sunt, describemus. Ducta recta ex L , per E , inueni-
toque in ea puncto ipsi L , opposito, secetur recta inter ea puncta opposita bifariam in M , vel ducatur ad EL , perpendicularis diameter Th , & trium puncto-
rum T , L , h , centrum reperiatur M , quod distam rectam secabit bifariam, cum maximus circulus per T, L, h , descriptus transeat necessario per punctum
oppositum: atque ex M , exci-
tetur perpendicularis MN .
In hac enim centrum vtrius-
que circuli tangens existit,
quod sic inuenietur. Iuncta
recta $T X$, fiat angulo $T X E$,
aqualis angulus $X T V$; ca-
detq; necessario punctum V ,
ultra M , vt in Lemmate 41.
ostensum est. Descripto ergo
ex E , per V , parallelo secante
 MN , in N , & O , erit N , cen-
trum circuli per L , descripti
tangentiq; parallelum $Z R$,
in P , puncto extremo iunctæ
rectæ $N E P$; at vero O , cen-
trum erit circuli per L , descri-
pti, tangentiq; eundem pa-
rallelum $Z R$, in R , puncto ex-
tremo iunctæ rectæ $O E R$, demon-
strauimus.



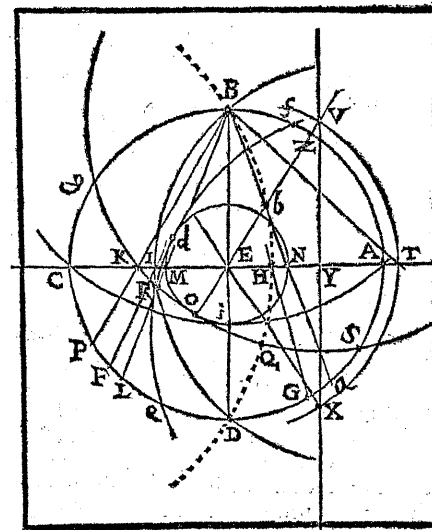
DEINDE in figura se-
cunda problematis 17. con-
stituto rursus dato angulo

obtusio ABR , & abscisso arcu BR , dato lateri aequali, constructoq; angulo obtuso $B A i$, vel acuto $DA i$, aequali alteri dato angulo, non secet parallelus per i , descriptus circulum $B i D$. Dico in hoc casu posteriorem datum angulum posse esse vel acutum, vel obtusum, propterea quod duo circuli tangentes parallelum versus centrum E , secant semicirculum BAD , & vicinior puncto B , facit versus B , angulum acutum $B f R$, remotior vero angulum obtusum BSR . Itaq; non est opus dari speciem lateris angulo ABR , oppositi. Nam si alter datus angulus est obtusus, describendus erit circulus maximus tangens ROS , si vero datus angulus acutus est, circulus tangens $R d f$, describendus est. Nam tam angulus BSR , obtuso angulo $B A i$, quam angulus $B f R$, acuto angulo $DA i$, aequalis

aqualiserit, cum circuli $A i C$, $f R e$, $R O S$, similiter ad Aequatorem inclinentur. Neque vero alius arcus præter $R f$, duci poterit faciens angulum obtusum æqualem ipsi $B A i$, qui cum arcu BR , in R , angulum constituat versus E . Tangentem circulus $f R e$, secat Aequatorem in alio semicirculo $B C D$, vt in puncto e . Ita quoque tangens circulus SR , secat Aequatorem in g . Ergo quando posterior datus angulus est obtusus, triangulum propositum erit BRS , si vero acutus, triangulum $B R f$.

I A M verò sit datus angulus obtusus in r . figura huius problematis constru-
ctus ADG , & datum latus DL , quadrante minus. Si igitur eadē fiant, quæ prius,
si quidem parallelus ZR , circulum BGD , secet, erit triangulum propositum vel
 DLQ , vel DLS , semperq; datus posterior angulus LQD , vel LSD , acutus erit,
& aequalis dato acuto DAZ . Igitur necesse est, notam esse speciem lateris dato
obtusio angulo ADL , oppositi, vt quando maius est quadrante, triangulum
 DLQ , fumatur, si vero quadrante minus, triangulum DLS .

S I vero in secunda figura
problematis 17. dat⁹ angulus
obtusio constructus sit ADR ,
& datum latus DR , quadran-
te minus, & parallelus nō se-
cet circulum BLD , erit pro-
positum triângulum vel DRf ,
habens angulum alterum da-
tū $D f R$, obtusum, vel tri-
angulum DRS , habens angu-
lum DSR , acutum Vbi etiã
necesse non est dari speciem
arcus dato angulo obtuso
 ADR , oppositi.



S E D iã in i. figura huius
problematis sit datus angu-
lus acutus constructus CBG ,
& datum latus BL , maius qua-
drante, secetque parallelus
circulum BGD , &c. Erit
ergo triangulum propositū
vel $B L f$, vel $B L g$, habens
semper posteriorem angulū
datum $B f L$, vel $B g L$, obtu-
sum. Nisi ergo detur species
lateris oppositi angulo acuto CBL , dato, ambigemus, an sumendum sit latus Lg ,
quadrante maius, an vero $L f$, quadrante minus, &c.

At si eadem ponantur, sed parallelus circulum non secet, vt in 2. figura pro-
blematis 17. in qua constitutus angulus datus acutus est CBI , & datum latus
quadrante maius BR , poterit triangulum propositum esse vel $B R e$, habens po-
steriorem datum angulum ReB , acutum, vel triangulum $B R g$, habens datum
alterum angulum $B g R$, obtusum, neque opus est, vt species lateris $R e$, vel $R g$,
data sit.

Q V O D si in j. figura huius problematis detur iterū acutus angulus CDG ,
sed datum latus DL , minus quadrante, & parallelus circulum secet, erit triangu-
lum

Iam propositum D f L, vel D g L, habens semper posteriorem angulum datum D f L, vel D g L, acutum. Constare ergo debet, an sumendus sit arcus L g, quadrante maior, an vero L f, quadrante minor.

DENIQUE in 2. figura problematis 17. datus sit angulus acutus CDI, & datu latus D R, minus quadrante, & parallelus circumlo non secet, erit propositum triangulum vel D R e, habens posteriorem datum angulum DeR, obtusum, vel triangulum DRg, habens posteriorem datum angulum DgR, acutum; neque requiritur, ut species lateris R e, vel R g, dato acuto angulo CDR, opposito detur.

EX his omnibus liquet, quando vnus datorum angulorum constituitur vel in B, vel in D, siue obtusus, siue acutus, si quidem alterius dati anguli complementum maius fuerit complemento prioris, ut fit in 1. figura huius problematis, necesse esse, ut species lateris priori dato angulo oppositi detur: si autem minus, non esse necesse, ut in 2. figura problematis 17. per-

spicuum est. Nam in 1. figura huius problematis EZ, complementum posterioris anguli dati maius est, quam EG, complementum prioris: In 2. autem figura problematis 17. complementum posterioris anguli, nimirum E i, minus est arcu E I, qui complementum est prioris anguli.

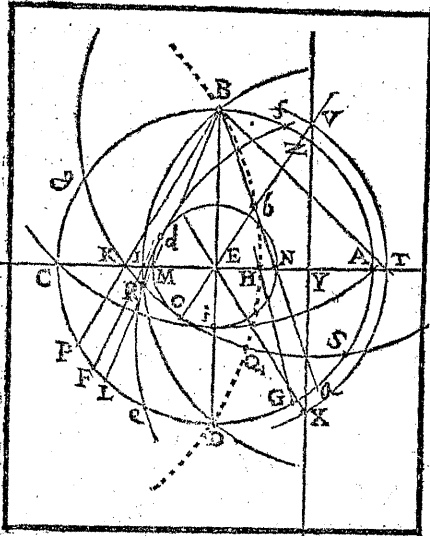
IN omnibus autem casibus predictis est vnum laterum quaesitorum, arcus Aequatoris, ideoque cognitum, alterum vero cognoscetur, si eius polus reperitur, ut in praecedentibus dictum est. Tertius quoque angulus notus fiet, quemadmodum in aliis problematibus. Ut in 1. figura huius problematis angulus BLQ, cognoscetur, cum eius partem BLE, metiatur arcus La, alteram autem partem QLE, arcus Lb, statuendo punctum b, in intersectione rectae a M, cum arcu LQ. Quare si arcui La, adiciatur arcus similis arcui Lb, conflabitur arcus totius anguli quaesiti BLQ, &c.

XX. DVOS ANGVLOS

cum vno latere vni eorum opposito in triangulo obliquangulo.

EX reliquis duobus lateribus, & reliquo angulo, qui vni eorum oppositur,

Quibus in casibus problema ambiguum fit, & in quibus non.

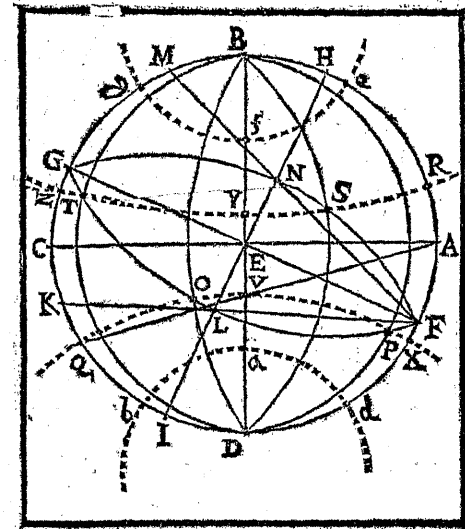


nitur, si modo constet species anguli quaesiti alteri lateri dato oppositi.

SIT Aequator ABCD, circa centrum E, ut prius: Datum autem vnum latere sit BF. Constituatur ad F, angulus datus, qui primum sit obtusus, quod sic fiet. Ducta diametro FG, quam ad rectos angulos secet HI, accipiat arcus dati anguli obtusi HK, ductoque radio FK, secante HI, in L, constituatur circulus per tria puncta F, L, G, descriptus maximus angulum datum HFL. Sit quoque alterum latus datum BQ, quadrante maius, & per Q, describatur maximo circulo AC, parallelus FVQ, ut lib. 2. propof. 18. ad initium Num. 5. traditum est; hoc videlicet pacto. Ducto radio AQ, secante BD, in V, sumatur arcus AX, arcui CQ, & qualis. Circulus enim per tria puncta X, V, Q, descriptus erit dictus parallelus, qui secet circulum FLG, in punctis O, P. Tam ergo maximus circulus per tria puncta B, O, D, quam per tria puncta B, P, D, descriptus problema perficiet. Nam in triangulo BOF, data sunt duo latera BF, BO, (cum BO, arcus arcui BQ, & qualis sit, ex defin. poli.) cum angulo BFO, dato lateri BO, opposito. Item in triangulo BPF, data sunt duo latera BF, BP, (quod & arcus BP, arcui BQ, ex defin. poli & qualis sit) cum eodem angulo BFP, dato lateri BP, opposito. Nisi ergo constet species anguli alteri lateri BF, oppositi, ambigui erimus, vtrum datorum triangulorum accipere debeamus. Quonia enim equalia sunt latera BO, BP, ex defin. poli, & quadrante maiora, erunt per propof. 25. nostrorum triang. sphaeric. duo anguli BOP, BPO, obtusi, ideoque BPF, acutus. Si igitur constet, angulum dato lateri BF, oppositum debere esse obtusum, sumendum erit maius triangulum BOF, minus vero BPF, si constet, eundem angulum esse acutum. Quod si secundum latus datum esset minus quadrante, fierent duo anguli BOP, BPO, acuti, ideoque BPF, obtusus, &c. Atque ita, quotiescunque parallelus per extremum punctum secundi lateris dati descriptus secat intra Aequatorem circulum, qui cum Aequatore datum angulum in extremo puncto primi lateris dati constituit, duobus in locis, ambiguum erit problema, nisi species anguli, qui primo dato lateri opponitur, cognita sit.

Si vero dictus parallelus dictu circulum in vno tantum puncto intra Aequatorem secet, vel contingat, non erit ambiguum problema, cum vnum tantum triangulum tunc constitui possit. Ut si primum datum latus sit BF, ut prius, & datus angulus acutus, cui & qualis constituitur BFN, (quod fiet, si sumpto HM, arcu

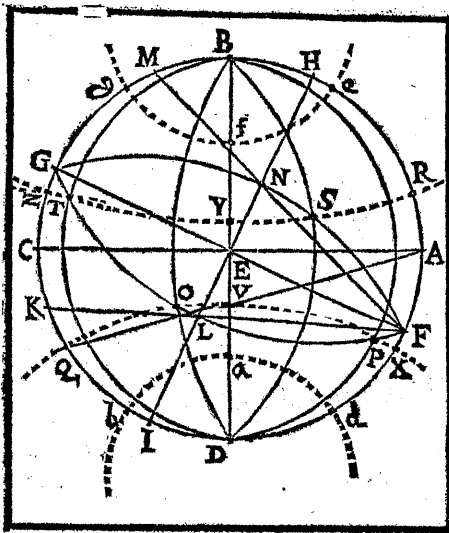
Duos angulos, & vnum latus vni eorum oppositu ex duobus reliquis lateribus, & reliquo angulo vni eorum opposito, inquirere.



Quando problema sit ambiguum, & quando non.

Probl. 22.

arcu dati anguli, radius iungatur FM, secans HI, in N, & per tria pñta F, N, G, circulus describatur.) datum autem secundum latus sit BR, minus quadrante, per cuius extremum R, maximo circulo A C, parallelus describatur RYZ, secans circulum FNG, intra Aequatorem in vno tantum puncto S; ac deniq; per tria puncta B, S, D, circulus maximus describatur: constitutum erit solú vnum triangulum propositum BFS. Nam in altero puncto sectionis paralleli RYZ, extra Aequatorem versus Z, non constituetur triangulum: quia latus à puncto F, per N, vique ad illam sectionem maius est semicirculo. Sic etiam si datum primum latus sit BF, quadrante maius, & datus angulus obtusus BFL, datum auté se cūdū latus sit BR, minus quadrāte, secabit parallelus RYZ, circulum FLG, in vno tantū pñto T. Quare vnicum tantū triangulū tūc datū cōstituetur BFT.



EODEM modo si datū latus primum sit quadrante minus BG, & datus angulus acutus BGN, datum autem latus secundum BZ, minus quoque quadrante; secabit rursus parallelus ZYR, circulum GNF, in vno tantum puncto S, vnicumque triāgulum propositum BGS, constituetur. At si primum latus BG, datum sit minus quadrāte, sed datus angulus obtusus BGL, & datum secundum latus BX, quadrante maius, secabit parallelus XVQ, circulum GLF, in duobus punctis O, P, intra Aequatorem, ideoque duo triangula constituetur BGO, BGP. Quare nisi detur species anguli, qui dato lateri BG, opponitur, ignorabitur, vtrum triangulorum assumendum sit.

Quando problema sit impossibile.
 SI quando contingat, parallelum per extremum punctum secundi lateris descriptum non secare circulum, qui angulum datum efficit, intra Aequatorem, problema impossibile est, quod nimis magnum, vel paruum acceptum sit secundum latus. Vt si primum latus datum sit BF, & secundum Bd, & datus angulus siue obtusus BFL, siue acutus BFN, problema solui non potest; quia parallelus d a b, neutrum circulorū FLG, FNG, secat intra Aequatorem. Eadem de causa impossibile erit problema, si primum latus sit datum BG, vel BF, & secundum Bg, siue angulus datus in G, vel F, constitutus sit obtusus, siue acutus; quia parallelus g f e, neutrum circulorum interfecat intra Aequatorem.

QVAESITVM reliquum latus, nimirum FO, vel FP, in alterutro triāgulorum BFO, BFP, notum fiet, vt in precedentibus, si polus inueniatur circuli cuius dictum latus portio existit. Reliqui vero duo anguli cognoscuntur etiam per ea, quæ lib. 2. propof. 15. scripsimus, sicut & in antecedentibus dictum est.

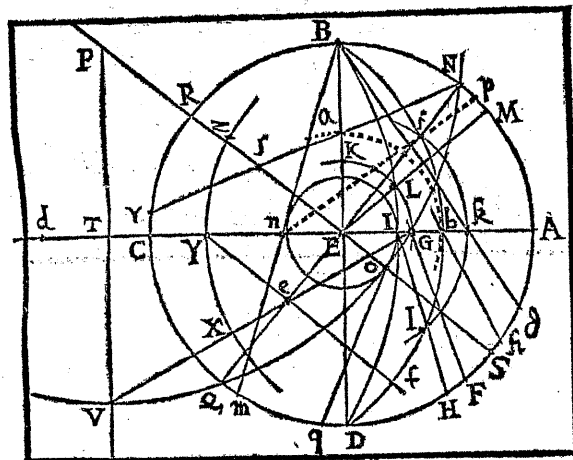
SCHOLIUM.

QVONIAM anguli, & latera triangulorum sphericorum debent habere certam quandam quantitatem, vt ex illis triangulum sphericum constitui possit, vt ex precedentibus problematibus colligitur, (quamuis in rebus Astronomicis semper talia triangula proponantur, quæ in ipsa in sphaera existunt, & non finguntur ad libitum.) pla cet hoc loco pauca quadam theorematum hac de re demonstrare, vt iudicare possimus, num triangulum quodpiam propositum fictitium sit, an vere in natura existat: hinc exordientes.

Theorema varia de magnitudine angulorum ac laterum triangulorum sphericorum.

1. IN omni triangulo spherico rectangulo, cuius nullus arcuum sit quadrans: angulus lateri, quod quadrante minus est, oppositus acutus est, & ipso latere maior; oppositus vero lateri, quod maius est quadrante, obtusus est, & ipso latere minor. Theor. 1.

REPETATUR figura problematis 5. sine quo primum duo latera AG, AN, circa angulum rectum BAE, quadrante minora, & ducta diametro NQ, describatur per tria puncta N, G, Q, circulus maximus, vt triangulum sphericum constituatur AGN; eritque angulus ANG, lateri AG, oppositus, acutus; quod eius arcus SO, quem

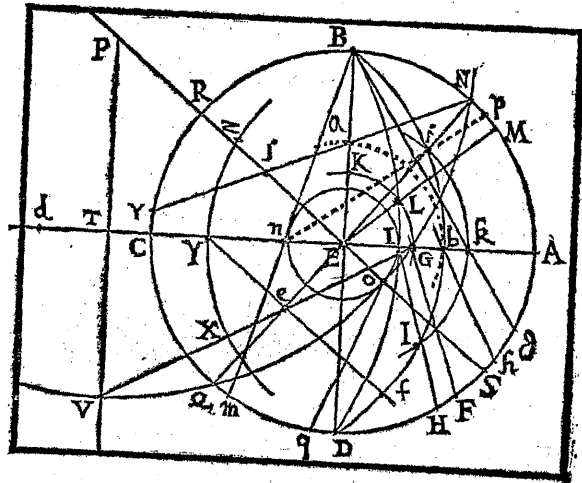


recta RS, ad NQ, perpendicularis refert, quadrante minor sit: id quod etiam ex scholio propof. 28. nostrorum triang. spher. constat. Cum enim duo latera AG, AN, quadrante sint minora, erit per illud scholium, vterque angulorū GN, acutus. Dico eundem angulum, hoc est, eius arcum SO, maiorem esse latere AG. Descriptus namque ex E, per O, parallelus OI, cum circulum NOQ, tangat in O, ex scholio propof. 13. lib. 3. Eucl. secabit AE, inter E, & G. Cum ergo AI, ipse SO, equalis sit, constat SO, arcum anguli ANG, maiorem esse latere AG.

SIT deinde latus AG, quadrante minus, sed BQ, quadrante maius, circa rectum angulum DAE; & ducta diametro QN, describatur per tria puncta Q, G, N, circulus maximus, ut sphaericum triangulum construatur AGQ, in quo angulus AQG, lateri AG, oppositus, acutus erit, propterea quod eius arcus SO, quadrante minor est. Ostendemus iam, ut prius, eundem angulum, id est, eius arcum SO, maiorem esse latere AG.

RURSUS duo latera CG, CN, circa rectum angulum BCE, sint quadrante maiora, & ducta diametro NQ, eadem construantur, qua prius. Erit angulus CNG, in triangulo CGN, lateri CG, oppositus, obtusus, ob eius arcum RO, quadrante maiorem; sed eius arcus RO, hoc est, CI, minor erit latere CG, opposito.

DEINQUE V E latus CG, sit maius quadrante, & CQ, minus, circa rectum angulum DCE, atque eadem fiant. Erit rursus angulus CQS, lateri CG, oppositus, obtusus; ob eius arcum RO, quadrante maiorem; sed eius arcus RO, id est, CI, latere



CG, minor erit. Itaque si in triangulo aliquo sphaerico rectangulo latus unum circa rectum angulum contineat grad. 40. necesse est, angulum oppositum esse acutum, maiorem tamen, quam grad. 40. Et si angulus dicatur esse grad. 40. oportet latus oppositum minus esse, quam grad. 40. At si unum laterum compleatur grad. 130. erit necessario angulus oppositus, obtusus, minor tamen, quam grad. 130. Et si alter angulorum non rectorum ponatur esse grad. 130. erit latus oppositum maius, quam grad. 130.

Theor. 2.

2. IN omni triangulo sphaerico rectangulo omnes tres anguli quatuor rectis sunt maiores, hoc est, duo anguli non recti minores sunt tribus rectis, siue gradibus 270.

IN triangulo ABC, sit angulus A, rectus. Dico duos reliquos angulos ABC, ACB, tribus rectis minores esse. Produciuntur enim lateribus AB, AC, circa angulum rectum, donec concurrant in D, efficianturque semicirculi ABD, ACD; erit per prop. 13.

prop. 13. nitorum triang. sphaer. angulus quoque D, rectus. Cum ergo tam duo ABC, quam duo ACB, DCB, per prop. 5. eorundem triangulorum sint duobus rectis DEB, erunt omnes sex anguli A, D, ABC, DEB, ACB, DCB, sex rectis aequales. Igitur cum tres anguli in triangulo DEB, per prop. 31. eorundem triang. sint duobus rectis maiores, erunt reliqui tres anguli in triangulo ABC, quatuor rectis minores; ac proinde existente A, recto, reliqui duo ABC, ACB, tribus rectis, hoc est, gradibus 270. erunt minores. Itaque si in triangulo sphaerico rectangulo unus angulorum non rectorum statuatur grad. 150. erit necessario alter minor, quam grad. 120.

3. IN triangulo sphaerico rectangulo Ioscele, si duo aequales anguli sint acuti, erit uterque semirecto maior; si vero obtusi, recto cum semisse minor.

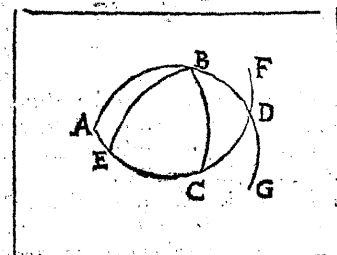
SINT primum in Ioscele DEB, cuius angulus D, rectus, duo anguli B, C, acuti. Dico utrumque esse semirecto maiorem. Quoniam enim omnes tres sunt duobus rectis maiores, ex prop. 31. triang. sphaer. erunt duo B, C, uno recto maiores. Cum ergo aequales sint, erit uterlibet semirecto maior.

SINT deinde in Ioscele ABC, cuius angulus A, rectus, duo anguli B, C, obtusi. Dico utrumque minorem esse recto cum semisse. Cum enim omnes tres sint, per theor. 2. quatuor rectis minores, & duo B, C, tribus rectis minores, sint autem hi duo aequales, erit quilibet minor uno recto cum semisse. Itaque in quolibet triangulo sphaerico Ioscele erit uterque aequalium angulorum maior, quam grad. 45. sed minor quam grad. 135.

4. IN omni triangulo sphaerico rectangulo uterlibet angulorum non rectorum maior est complemento alterius.

SINT primum in triangulo DEB, cuius angulus D, rectus, duo anguli B, C, acuti. Dico angulum B, maiorem esse complemento anguli C. Quoniam enim duo anguli B, C, maiores sunt uno recto, cum omnes tres duobus sint rectis maiores, & angulus C, cum suo complemento aequialet tantum uni recto; perspicuum est angulum B, maiorem esse complemento anguli C. Eademque de causa erit angulus C, maior complemento anguli B.

SIT deinde in triangulo DEB, angulus D, rectus; DEB, obtusus, & DEB, acutus. Vbi liquido constat, obtusum angulum maiorem esse complemento acuti E, cum hoc complementum sit angulus acutus. Dico angulum E, maiorem quoque esse complemento anguli obtusi DEB. Per solum enim arcum DB, intelligatur descriptus arcus maximi circuli BC, eritque angulus DEB, rectus, ideoque angulus CBE, acutus a 15. 1. erit, & complementum obtusi anguli DEB, quo maiorem dico esse acutum angulum DEB. Quia enim duo anguli D, DEB, recti sunt, erunt DC, BC, quadrantes, per prop. 25. nitorum triang. sphaer. ideoque arcus CE, quadrante minor, quod latus DE, per prop. 2. eorundem triang. sit semicirculo minus. Igitur in triangulo BCE, cum latus BC, maius sit latere CE, erit per prop. 11. eorundem triang. angulus DEB, maior angulo CBE.



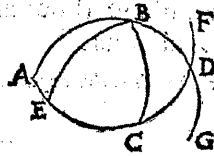
I A M vero si uterque angulorum *ABC, ACB*, in triangulo *ABC*, cuius angulus *A*, rectus, sit obtusus, liquet utrumlibet maiorem esse alterius complemento, cum huiusmodi complementum sit angulus acutus. Itaque si in triangulo rectangulo uterque angulorum non rectorum sit acutus, & unus statuatur grad. 50. erit necessario alter maior, quam grad. 40. Si vero unus sit acutus, & alter obtusus; si quidem acutus ponatur grad. 50. erit omnino obtusus minor, quam grad. 140. quia complementum grad. 140. complectitur grad. 50. quo complemento maior esse debet datus angulus grad. 50. Sic si obtusus angulus ponatur grad. 140. necesse est, acutum maiorem esse, quam grad. 50. ut maior esse possit complemento anguli obtusi.

Theor. 5.

5. IN omni triangulo sphaerico rectangulo uterque reliquorum angulorum non rectorum minor est angulo, quo complementum alterius à duobus rectis, id est, a semicirculo differt.

IN triangulo *DBC*, sit angulus *D*, rectus. Si igitur alter angulorum, nimirum *B*, acutus sit, quicquid sit de altero *C*, liquido constat, angulum *B*, minorem esse eo, quo complementum anguli *C*, a semicirculo differt. Nam cum hoc complementum sit quadrante minus, erit differentia inter ipsum, & semicirculum quadrante maior.

Si vero in triangulo *ABC*, angulus *A*, sit rectus, & uterque *B, C*, obtusus, erit uterque *B, C*, in triangulo *DBC*, acutus. Et quia acutus *DBC*, per theor. 4. maior est complemento acuti *DCB*, hoc est, complemento obtusi *ACB*, quod duo anguli ad *C*, idem habent complementum, efficitur quod hoc complementum cum differentia, qua a semicirculo differt, quam acutus angulus *DBC*, cum obtuso *ABC*, semicirculum, id est, duos rectos; si inde auferatur complementum obtusi anguli *ACB*, & hinc acutus angulus *DBC*, qui illo complemento



maior est: reliquus erit angulus obtusus *ABC*, minor quam differentia, qua complementum alterius anguli obtusi *ACB*, a semicirculo differt. Eademque ratione minor ostendetur obtusus angulus *ACB*, quam differentia inter complementum obtusi anguli *ABC*, & semicirculum.

Si denique in eodem triangulo *ABC*, angulus *B*, sit acutus, ideoque *DBC*, obtusus; & *C*, obtusus, ideoque *DCB*, acutus iam initio huius theorematum dictum est, acutum *ABC*, minorem esse differentia inter complementum anguli obtusi *ACB*, & semicirculum. Esse autem & obtusum *ACB*, minorem differentia inter complementum acuti *ABC*, & semicirculum, sic patebit. Quoniam acutus *DCB*, per theoremam 4. maior est complemento obtusi *DBC*, hoc est, complemento acuti *ABC*, quod idem sit complementum utriusque anguli ad *B*, efficitur quoque complementum hoc cum differentia inter ipsum, ac semicirculum *ABC*, duos rectos, siue semicirculum, efficiet acutus *DCB*, cum eadem differentia maior es duobus rectis. Cum ergo *DCB*, acutus cum obtuso *ACB*, efficiat tantummodo duos rectos, erit obtusus *ACB*, minor, quam praedicta differentia inter complementum acuti anguli *ABC*, ac semicirculum. Itaque si in triangulo rectangulo uterque reliquorum angulorum non rectorum ponatur obtusus, & unus sit grad. 130. erit necessario alter minor, quam grad. 140. ut ille minor esse possit, quam differ-

rentia

rentia inter complementum huius, (quod debet esse minus grad. 50.) & semicirculum. Sic si unus angulorum statuatur grad. 140. necesse erit, alterum minorem esse, quam grad. 130. Nam cum huius complementum grad. 40. demptum ex semicirculo relinquitur grad. 140. non foret ille minor hac differentia. quod est absurdum. Quod si unus sit acutus, & obtusus alter, acutus autem ponatur grad. 50. erit necessario obtusus minor, quam grad. 140. alias non esset minor, quam differentia inter illius complementum, quod est grad. 40. & semicirculum. Eadem ratione si obtusus contineat grad. 140. continebit acutus plures grad. quam 50.

Theor. 6.

6. IN quouis triangulo sphaerico duo anguli quomodocunque sumpti sunt simul maiores differentia inter reliquum, ac semicirculum.

IN triangulo *ABE*, quocunque sumantur, ut libet, duo anguli *A, ABE*. Dico eos simul maiores esse angulo *BED*, quo tertius *AEB*, à duobus rectis differt. Quoniam enim duo *A, ABE*, cum *AEB*, constituunt plus, quam duos rectos, ex propof. 31. nostrorum triang. sphaer. & angulus *BED*, cum eodem *AEB*, duos solum rectos constituit: sit, ut duo *A, ABE*, simul maiores sint angulo *BED*.

Coroll.

EX quo colligitur, in omni triangulo sphaerico, producto vno latere externum angulum esse maiorem duobus internis, & oppositis simul sumptis.

ITAQUE si duo anguli constituantur grad. 40. & grad. 70. necesse est, tertium esse maiorem, quam grad. 70. alias illi duo consociantes grad. 110. non essent maiores, quam grad. 110. quibus tertius à semicirculo differt. Sic etiam si unus statuatur grad. 60. necesse est, reliquos duos simul maiores esse, quam grad. 120. quibus ille à semicirculo differt.

Theor. 7.

7. IN omni triangulo sphaerico duo anguli quomodocunque sumpti sunt simul minores differentia inter angulum vel arcum, quo reliquus à semicirculo, vel duobus rectis differt, & integrum circulum, siue quatuor rectos.

SIT triangulum sphaericum quodcunque *ABC*. Dico duos angulos *B, C*, simul esse minores differentia inter arcum, quo reliquus angulus *A*, a semicirculo differt, & totum circulum, siue quatuor rectos. Productis enim arcibus *AB, AC*, donec se secent in *D*, erit per propof. 13. nostrorum triang. sphaer. angulus *BDC*, angulo *A*, a qualis, & *CDG*, angulus, quo ipse angulus *BDC*, vel *A*, à duobus rectis differt: differentia autem inter hunc angulum *CDG*, & 4. rectos, vel totum circulum, complectentur tres angulos *CDB, BDF, FDG*. Probandum igitur est, duos angulos *ABC, ACB*, simul minores esse tribus angulis *CDB, BDF, FDG*, quod sic fiet. Quoniam per theor. 6. duo anguli *DBC, DCB*, simul maiores sunt angulo *CDG*, quo reliquus angulus *BDC*, à duobus rectis differt, & tam duo anguli *DBC, DCB*, una cum duobus *ABC, ACB*, quam angulum *CDG*, cum tribus *CDB, BDF, FDG*, quatuor rectis aequales sunt: si inde tollantur duo *DBC, DCB*, & hinc angulus *CDG*, qui illis minor est ostensus, reliqui erunt duo anguli *ABC, ACB*, minores tribus angulis *CDB, BDF, FDG*, quod est propositum. Itaque si in quolibet triangulo sphaerico duo anguli simul ponantur continere grad. 300. necesse est tertium maiorem esse, quam grad. 120. quia tunc differentia inter hunc, & duos rectos erit minor, quam grad. 60. ac proinde

Aaaaa 2 differentia

differentia inter differentiam, & integrum circulum maior, quam grad. 300: ideoque duo anguli positi simul minores erunt hac differentia.

Theor. 8. 8. IN quolibet triangulo sphaerico differentia inter summam duorum angulorum utcumque sumptorum, & integrum circulum, siue quatuor rectoros, maior est, quam differentia inter reliquum angulum, ac semicirculum, siue duos rectoros.

SIT rursus triangulum ABC. Dico differentiam inter duos angulos ABC, ACB, & quatuor rectoros maiorem esse differentia inter reliquum angulum A, & duos rectoros. Facta namque eadem constructione, conspiciet duo anguli DBC, DCB, simul differentiam inter duos angulos ABC, ACB, simul, & 4. rectoros; & angulus CDG, differentia erit inter reliquum angulum A, hoc est, inter angulum BDC, (qui per propof. 13. nostrorum triang. sphaer. ipsi A, aequalis est.) & duos rectoros. Cum ergo per theor. 6. duo anguli DBC, DCB, simul maiores sint angulo CDG, liquet id, quod proponitur. Itaque si in quouis triangulo sphaerico duo anguli simul statuatur conspiciere grad. 300. oportet necessario tertium angulum esse maiorem, quam grad. 120. quia tunc differentia inter grad. 300. & 360. continet grad. 60. at differentia inter tertium angulum, qui maior est, quam grad. 120. & duos rectoros, siue grad. 180. minor erit, q. grad. 60.

EX his igitur facile colligemus, num ex tribus angulis sphaericis in sphaera oppositis triangulum in sphaera constituatur, nec ne.

HIS expositis, ac demonstratis, ut studiosus Lector intelligat, quam iucundum usum habeat doctrina triangulorum sphaericorum in Astrolabio descriptorum, libet paucis hoc loco plerumque problemata, quae in superioribus Canonibus per circulos sphaerae in Astrolabio descriptos solvimus, per triangula sphaerica rursus expedire. Hinc ergo exordiamur.

Quaestio 1.

Q V A E S I T V M I.

DECLINATIONEM cuiusvis puncti Eclipticae, vel stellae, cuius longitudo, latitudoq; nota sit, indagare. Et vicissim ex data declinatione punctum Eclipticae determinare, cui congruit.

Declinatio dati puncti in Ecliptica, quo pacto sine calculo per triangula sphaerica repetatur.

ARCUS Eclipticae inter datum punctum, & proximum aequinoctij punctum positus, cum arcu declinationis, (qui portio est maximi circuli per polos mundi, & datum Eclipticae punctum ducti) & arcu Aequatoris inter idem punctum aequinoctij, & arcum declinationis intercepto, triangulum sphaericum constituit rectorangulum, in quo ex base (hoc est, ex arcu Eclipticae inter proximum aequinoctij punctum, & datum punctum, cuius declinatio quaritur) & angulo maxime declinationis, (quem Aequator, & Eclipticae continent) latus huic angulo oppositum (arcus videlicet declinationis) inuestigandum est. Si igitur huiusmodi triangulum extruatur, ut in problemate 8. tra dictum est, inuentus erit declinationis arcus quaesitus.

Arcus Eclipticae dati declinationi respondens, quo pacto per triang. sphaer. sine calculo determinetur.

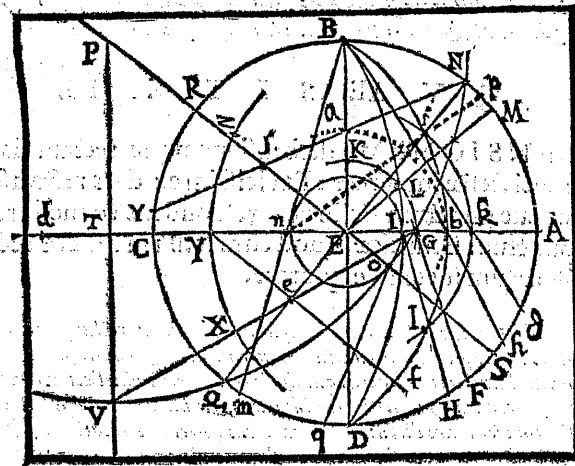
QVOD si declinatio data sit, & arcus Eclipticae inquirendus, cui congruat, fiet id per problema 14. ubi basis, (qua est arcus Eclipticae quaesitus) inquiretur ex latere dato, (cuiusmodi est arcus declinationis,) & angulo ei opposito, (qui hic est angulus maxime declinationis) quod in dato casu facile fiet, cum constet, basem esse quadrante minorem.

DEIN-

DEINDE si ex polo mundi, & polo Eclipticae per centrum stella duo circuli maximi intelligantur descripti, quorum ille stella declinationem, hic vero latitudinem metitur, constituitur triangulum sphaericum, in quo duo latera nota sunt, (arcus videlicet Coluri solstitiorum inter duos polos inclusus, ac maxime declinationi aequalis, & complementum latitudinis, siue arcus circuli latitudinis inter polum Eclipticae & centrum stella.) una cum angulo ab eis comprehenso, quem scilicet metitur distantia stella a principio ♄, quando latitudo eius est borealis, vel a principio ♃, quando latitudo est australis: qua quidem distantia a ♄, numeranda est secundum signorum successionem, si stella in semicirculo descendente existit, contra vero, si in ascendente: a ♃, autem secundum successionem numeranda est, si in ascendente semicirculo existit, contra vero, si in descendente. Huiusmodi triangulum est FGH, in 12. illis circulis, quos ad finem scholij canonis 3. descripsimus. Si igitur per problema 12. quaratur latus tertium in eo triangulo, quod est complementum declinationis stella, ex duobus reliquis lateribus, quorum unum maxime declinationi, & alterum complementum latitudinis stella aequale est, atq; ex angulo ab ipsis comprehenso, qui aequalis est, ut diximus, distantia stella a ♄, vel ♃, complementum declinationis latere non poterit. Quando tamen tertium latus dicti trianguli inuentum, maior est, quadrante, detracto quadrante, reliqua fiet declinatio stella contraria denominationis cum latitudine. In alijs casibus omnibus tertium latus complementum est declinationis, & eiusdem nominis cum latitudine.

HOC quaesitum facilius ita absoluetur. In figura problematis 5. fiat angulus maxime declinationis ABb, quem videlicet Ab, ideoque & Ab, arcus maxime de-

clinatio facilius declinationis dati puncti Eclipticae.



clinationis metiatur. Sumpta deinde quadrante hm, exhibeat radius Bm, polum n, circuli BbD. Si igitur accipiat arcus Bp, arcui Eclipticae dato aequalis, auferet recta ap, arcum Bi, ei aequalem. Ducta ergo recta EiN, referente circumulum declinationis, erit nN, arcus declinationis quaesitus, cui aequalis est arcus Ag, descripta ex E.

ex E, per i, parallelo ki, ut aequales sint Ni, Ak, &c. Atque ita dato arcu Eclipticae, inuenta est eius declinatio.

Inuentio facilior puncti Eclipticae, quod data declinationi respondeat.

R V R S V S si data sit declinatio Ag, fiat iterum angulus ABb, maxima declinationis. Deinde ducto radio Bg, ut Ak, sit quoque arcus declinationis datae, & descripto ex E, per k, parallelo ki, secante circulum BbD, in i, erit Bi, arcus Eclipticae quaesitus. Nam ducta recta EiN, arcus iN, ipsi Ak, vel Ag, aequalis, metietur declinationem puncti i. Qui arcus Bi, aequalis est arcui Aequatoris Bp, quem auferit recta ni, ex n, polo circuli BbD, (qui inuenitur per quadrantem hm, ut supra) per i, extensa.

Inuentio facilior declinationis stellae.

P R A E T E R E A in eadem figura, fiat angulus ABb, distantia stella a principio ζ , si eius latitudo borealis est, vel a principio γ , si australis, siue secundum susceptionem signorum, siue contra, a numeranda sit, ut supra dictum est: deinde sumatur arcus BN, aequalis arcui maxima declinationis inter polum mundi, & polum Eclipticae; item abscindatur ex circulo BbD, arcus aequalis complemento latitudinis stellae per rectam ex eius polo n, per extremum punctum arcus eiusdem complementi in Aequatore sumpti eductam; ac demique per finem huius arcus, & punctum N, eiusque oppositum Q, circulus describatur. Nam huius circuli arcus inter N, & punctum extremum arcus complementi latitudinis stellae a circulo BbD, abscissi positus dabit complementum declinationis stellae, si arcus ille interceptus minor fuerit quadrante, vel si maior quadrante fuerit, arcum compositum ex quadrante, & declinatione, ut supra diximus. Hic autem arcus cognoscetur per rectas ex eius polo emissas, &c. Fit enim hoc modo triangulum simile omnino triangulo FGH, in illis 12. circulis scholij Can. 3. cum BN, respondeat arcui FG, & arcus complementi latitudinis stellae ex circulo BbD, abscissus arcui GH, & tertius denique arcus inuentus arcui FH, &c.

Q V A N D O distantia stellae a ζ , vel γ , maior est quadrante, constituendus erit eius angulus CBb, & arcus BR, sumendus v.g. aequalis declinationi maxima, &c.

Quaestio 2.

Q V A E S I T M I I.

ASCENSIONEM, descensionemque rectam dati puncti Eclipticae, vel stellae inquirere: Et vicissim ex data recta ascensione, descensioneue punctum Eclipticae respondens cognoscere: Ac postremo punctum Eclipticae, quod cum stella in sphaera recta oritur, occidit, & caelum mediat, explorare.

Ascensio vel descensio recta puncti Eclipticae, quo pacto per triang. sphaer. siue numeris cognoscatur.

S I per problema 9. constituantur triangulum sphaericum rectangulum, cuius basis sit arcus Eclipticae inter proximum punctum aequinoctiale, & punctum datum; & angulus maxima declinationis, adiacens quaesito lateri, arcui videlicet Aequatoris rectam ascensionem, descensionemue metiens: inuentus erit hic arcus Aequatoris, ut in eo problema dictum est. Nam dictus Eclipticae arcus, arcus declinationis, & arcus ascensionis, descensionisue rectae, eiusmodi triangulum constituunt, cuius unus angulorum non rectus maxima declinationis aequalis est.

Punctum Eclipticae datae ascensionis, vel descensionis rectae respondens, quo pacto per triang. sphaer. inueniatur siue numeris

V I C I S S I M si recta ascensionis, aut descensionis data reperiendus sit arcus Eclipticae respondens, dabitur in eodem triangulo rectangulo, de quo proxime dictum est, lateris unum, nimirum arcus Aequatoris rectam ascensionem, descensionemue metiens, & idem angulus maxima declinationis illi lateri adiacens: Ex quibus basis, id est, arcus Eclipticae respondens inuestigabitur, ut in problemate 13. dictum est. Sed pro arcu ascensionis, vel descensionis accipiendus est semper arcus Aequatoris quadrante minor, ut in scholio

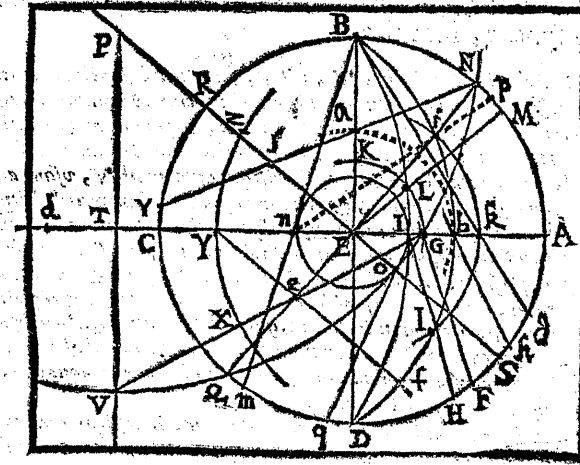
in scholio Can. 4. Num. 6. factum est a nobis.

I N T E L L I G A N T V R deinde ex polo mundi, & polo Eclipticae, per stellam luci duo circuli maximi, ut constituantur triangulum FGH, in 12. illis circulis scholij Can. 3. Et quia in hoc triangulo duo latera sunt cognita, nimirum arcus Coluri solstitiorum inter duos polos, qui maxima declinationi aequalis est; & complementum latitudinis stellae, una cum angulo ab ipsis comprehenso, cum eum metiatur distantia a principio ζ , vel γ , si per problema 19. constituantur eiusmodi triangulum, quale est in figura problematis 18. triangulum BKF; inuenietur angulus, quem cum Coluro circulus declinationis in polo mundi efficit, nimirum angulus GFH, in praeiudicis 12. circulis, quem metiatur ascensio recta a ζ , vel γ , inchoata, &c.

Ascensio, vel descensio recta stellae quo pacto per triang. sphaer. siue numeris, cognoscatur.

S E D hoc problema facilius fortasse ira expediemus. In figura problematis 5. fiat angulus maxima declinationis ABb, & arcus Bi, aequalis sit arcui Eclipticae a

Inuentio facilior ascensionis rectae dati puncti Eclipticae.



proximo puncto aequinoctij numerato, qui facile abscindetur, si ei aequalis in Aequatore sumatur Bp, & recta np, ex n, polo circuli BbD, per p, ducatur, &c. Recta namque Ei, Horizontem rectum referens abscondet arcum BN, ascensionis, descensionisue rectae.

C O N T R A vero, si data ascensione recta, rursus fiat angulus ABb, maxima declinationis, & arcus BN, ascensionem rectam datam metiatur; abscondet recta EN, arcum Eclipticae Bi, respondentem: quem notum efficit recta ni, ex polo n, emissa, &c.

Inuentio facilior puncti Eclipticae respondens datae ascensionis rectae.

D E I N D E si constituatur angulus ABb, distantia stella a ζ , vel γ , accipianturque arcus BN, maxima declinationis, & complemento latitudinis stellae aequalis arcus abscondatur ex circulo BbD, per rectam ex n, eius polo emissam usque ad punctum terminans arcum Aequatoris eidem complemento latitudinis stellae aequalem: ac tandem per terminum huius arcus, & per N, eiusque punctum oppositum Q, circulus describatur, respondebit eius arcus inter N, & circulum BbD, inclusus arcui FH, in triangulo FGH, 12. circulorum scholij Can. 3. Angulus ergo, quem idem arcus

Inuentio facilior ascensionis rectae datae stellae.

cum arcu BN, in polo mundano, qui nunc est N, facit, dabit ascensionem rectam a B, vel P, inchoatam.

Eclipticæ punctum cum stellæ oritur, occiditque, & calu' uigilians.

ET si forte distantia stellæ à G, vel P, maior fuerit quadrante, constituendus erit eius angulus C B b recto maior, & in quadrante B C, accipiendus arcus maximæ declinationis, &c.

PUNCTUM Eclipticæ, quod huic ascensioni rectæ congruit, erit illud, cum quo data stellæ oritur, occiditque, & calum mediat in sphaerâ rectâ.

Quæsitum 3.

Q V A E S I T V M III.

ASCENSIONEM, descensionemque obliquam dati puncti Eclipticæ, vel stellæ inuestigare: Et vicissim punctum Eclipticæ datæ ascensionis descensionis obliquæ congruens determinare; ac denique punctum Eclipticæ, cum quo data stellæ oritur, occiditque, in obliqua sphaera, inuenire.

Ascensionem, descensionem obliquam dati puncti Eclipticæ, per triang. sphaericæ sine numeris inuestigare.

ARCUS Eclipticæ à principio V, vel P, usque ad punctum datum oriens secundum successionem signorum numeratus constituitur cum Aequatore, atque Horizonte obliquo triangulum sphaericum obliquangulum, in quo duo anguli dati sunt, angulus videlicet maxima declinationis, quem Eclipticæ cum Aequatore efficit, & angulus, quem Aequator cum Horizonte constituit, qui quidem ab V, usque ad P, obtusus semper est, vergitque in boream, & relinquatur, si complementum altitudinis poli ex semicirculo dematur; acutus vero à P, usque ad V, ipsemet nimirum angulus complementi altitudinis poli, vergitque in austrum; datusque insuper est: arcus posteriori dato angulo oppositus, arcus videlicet Eclipticæ ab V, vel P, usque ad datum punctum numeratus. Si igitur per problema 21. quaratur arcus Aequatoris ascensionem obliquam metiens, ex dato arcu Eclipticæ, qui uni datorum angulorum opponitur, & duobus dictis angulis, cum constet, tertium arcum Horizontis, qui alteri dato angulo oppositus est, esse quadrante minorem, nimirum latitudini ortiue æqualem, inuenta erit ascensio obliqua dati puncti Eclipticæ.

NON aliter descensio obliqua dati puncti Eclipticæ inuestigabitur; cum simile prorsus triangulum sub Horizonte occidentali constituatur, nisi quod angulus, quem Aequator cum Horizonte efficit, acutus est ab V, usque ad P, ac vero à P, usque ad V, obtusus.

QUOD si obliqua ascensio, siue descensio detur, erunt in eodem triangulo, de quo proxime dictum est, iidem duo anguli dati, una cum arcu Aequatoris illis adiacente, qui ascensionem, descensionemque datam metitur. Igitur per problema 20. ex illis datis cognitus fiet arcus Eclipticæ quæsitus, cui videlicet data ascensio, vel descensio conuenit. Est autem ascensio, descensio data sumenda semicirculo minor sita ut ea existente maiore, semicirculus subtrahatur, ut ascensio, vel descensio à P, inchoata habeatur.

FACILIVS autem fortassis utrumque hac alia ratione exequemur. In figura problematis 5. constituatur angulus A B b, maxima declinationis, & ex semicirculo B b D, abscindatur arcus B i, vel B l, æqualis dato arcui Eclipticæ per rectam ex n, polo emissam ad punctum Aequatoris, quod terminat arcum æqualem à B, inchoatum. Si enim per extremum punctum i, vel l, describatur arcus Horizontis, cuius centrum sit in parallelo per Horizontis centrum descripto, & concavum vergat versus B, abscindet hic arcus ex Aequatore ascensionem obliquam puncti i, vel l, ut patet. Si autem concavum arcus Horizontis per i, aut l, descripti vergat versus B, abscindet is ex Aequatore descensionem obliquam.

Punctum Eclipticæ datæ ascensionis, vel descensionis obliquæ eò gruis, per triang. sphaer. sine numeris assignare.

Inuentio facilior ascensionis, descensionis obliquæ dati puncti Eclipticæ.

CONTRA

CONTRA vero, si ascensio, vel descensio obliqua numeretur in Aequatore à B, & per extremum punctum Horizon describatur, ita ut eius concavum respiciat partes B, si de ascensione agitur, concavum vero, si de descensione; indicabitur Horizon hic in circulo B b D, punctum Eclipticæ à principio V, aut P, numerandum, cui data ascensio vel descensio congruit, &c.

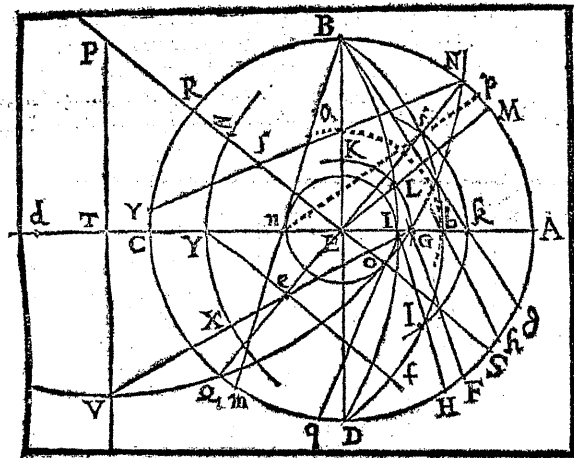
Inuentio facilior puncti Eclipticæ datæ ascensionis, vel descensionis obliquæ responsidentis.

I A M vero, ut ascensio descensionem obliqua stellæ cuiuslibet inueniatur, exploranda est eius differentia ascensionalis, hac ratione. Arcus circuli declinationis ex polo mundi per stellam, cum oritur, ducti, inter stellam & Aequatorem positus, & arcus Horizontis latitudinem ortiuam metiens, atque arcus Aequatoris metiens differentiam ascensionalem, constituunt triangulum sphaericum rectangulum, in quo arcus declinationis per quæsitum i, datus est, cum angulo opposito, quem cum Horizonte Aequator efficit, hoc est, cum angulo complementi altitudinis poli. Igitur ex hisce datis per problema 10. eruetur arcus differentie ascensionalis, qui dato angulo adiacet, cum constet, arcum hunc quæsitum esse quadrante minorem.

Differentia ascensionalis stellæ, vel puncti datæ Eclipticæ, quopasso per triang. sphaer. sine numeris reperitur.

HANC ascensionalem differentiam facilius fortassis ita reperiemus. In figura problematis 5. fiat angulus A B b, complementi altitudinis poli, & arcus A k, metiatur

Inuentio facilior differentie ascensionalis.



declinationem stellæ, abscissus per radium B g, ex B, ad g, extremum arcus A g, declinationis emissum: eritque A k, minor arcus A b, qui complementum altitudinis poli metitur, cum hic loquamur de altitudine poli, quæ maior non sit, quàm grad. 66. min. 30. Descripto ergo ex E, per k, parallelo secante arcum B b, in i; auferet recta E i, arcum B N, differentia ascensionalis quæsitæ: propterea quod triangulum B i N, est illud, de quo proxime dictum est: quippe cum i N, arcus æqualis sit arcui A k, declinationis, &c. Declinatio autem stellæ minor esse debet complemento altitudinis poli: aliàs non oriretur, aut occideret, vel certe Horizontem tangeret, atque ita non haberet differentiam ascensionalem, ut in sphaera docuimus.

QUO pacto autem per differentiam ascensionalem ipsa ascensio, vel descensio obliqua eliciatur, in scholio Can. 5. ad finem Num. 1. docuimus.

B b b b S I M I -

SIMILI prorsus modo differentia ascensionalis cuiusvis puncti Eclipticæ inni-
 niatur, si pro stella ipsum punctum Eclipticæ in Horizonte ponamus.
PUNCTVM denique Eclipticæ, cui congruis ascensio, vel descensio obliqua
 stella, est illud, cum quo stella oritur, aut occidit in sphaera obliqua: Cum eodem autem
 puncto calum mediat, cum quo in recta sphaera oritur, aut calum mediat.

Eclipticæ pun-
 ctum cum stella
 oriens, vel occi-
 dens in sphaera
 obliqua.

Quæstio 4.

Q V A E S I T V M IIII.

LATITVDINEM ortiuam, occiduamq; cuiuslibet pun-
 cti Eclipticæ, aut stellæ, explorare. Et è contrario, data latitudine
 ortiua, aut occidua, punctum Eclipticæ respondens reperire.

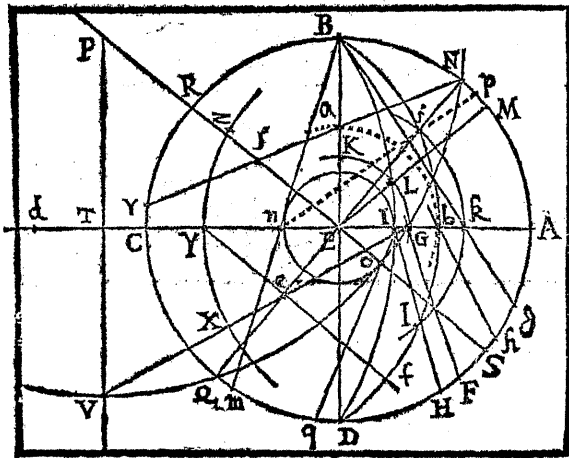
Latitudinem or-
 tiuam dati pun-
 cti Eclipticæ,
 vel stellæ indaga-
 re per triangul.
 sphaer. sine nume-
 ris, & contra.

IN triangulo sphaerico rectangulo, de quo in fine præcedentis quæstio dictum est,
 inquirenda erit basis, id est, arcus Horizontis, vel latitudinis ortiua ex arcu decli-
 nationis per quæstum I. cognito, & angulo complementi altitudinis poli, qui arcui decli-
 nationis opponitur: quemadmodum in problemate 14. traditum est; cum constet,
 eam basem esse minorem quadrante.

ET si latitudo ortiua data est, inuestigandus erit in eodem triangulo arcus de-
 clinationis ex base, quæ est latitudo ortiua, & angulo complementi altitudinis poli,
 qui arcui quæsto opponitur, ut in problemate 8. scripsimus, &c.

VEL facilius sic agemus. In figura problematis 5. fiat angulus *ABb*, complemen-
 ti altitudinis poli: Sumpto autem arcu declinationis dati puncti, aut stellæ *Ag*, cui per

Inuentio facilior
 latitudinis orti-
 uæ.



radium *Bg*, aequalis resecetur *Ak*; (erit autem *Ak*, minor arcu complementi alti-
 tudinis poli *Ab*: aliàs Sol, vel stella neque oriretur, neque occideret, ut in sphaera di-
 scripta.) Descriptoque ex *E*, per *k*, parallelo secante *BbD*, in *i*, traiciatur ex *E*, per
i, recta *Ei*. Ita enim constitutum erit prædictum triangulum *BiN*, & arcus *Bi*,
 latitudinem

latitudinem ortiuam metietur, qui per rectam *ni*, cognoscetur, &c.
QVOD si latitudo data sit; constituto angulo *ABb*, complementi altitudinis
 poli, absindatur arcus latitudinis ortiua *Bi*, per rectam *ni*, ex polo *n*, emissam ad
 punctum *p*, terminans arcum latitudinis ortiua *Bp*. Nam extensa recta ex *E*, per *i*,
 dabit *iN*, arcum declinationis, &c.

Q V A E S I T V M V.

Quæstio 5.

ARCVM semidiurnum, & seminocturnum dati puncti Ecli-
 pticæ, aut stellæ inueffigare.

INVENTA differentia ascensionali dati puncti Eclipticæ, seu stellæ, ut in quæstio
 3. dictum est, reperietur per eam arcus semidiurnus, & seminocturnus, ut in Can. 7.
 Num. 3. tradidimus.

Arcum semidie-
 rum, seminoctur-
 num, ne dati pun-
 cti Eclipticæ, aut
 stellæ sine nume-
 ris per triangul.
 sphaer. definitur.
 Quæstio 6.

Q V A E S I T V M VI.

DISTANTIAM Solis, aut Stellæ à Meridiano per eius al-
 titudinem exquirere.

SI, ut problema 18. docuit, construatur triangulum sphaericum ex tribus lateri-
 bus notis, quorum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meridiano inter po-
 lum mundi, & polum Horizontis positus; alterum vero arcus circuli declinationis, vel
 horarij inter polum mundi, & centrum Solis, stellæque inclusus; qui, si astrum boreale
 est, complementum declinationis metitur, si autem australe, ex quadrante, & declina-
 tione constat; tertium denique arcus Verticalis per astrum ducti, metiens comple-
 mentum cognitæ altitudinis: Si, inquam, huiusmodi triangulum construatur, dabit
 angulus, quem Meridiani arcus, & arcus circuli declinationis comprehendunt, distan-
 tiam astri à Meridiano: qui angulus per propof. 15. libri 2. cognitus fiet.

Distantiam Solis
 vel stellæ à Me-
 ridiano per trian-
 gu. sphaer. sine
 numeris seruat

Q V A E S I T V M VII.

Quæstio 7.

Crepusculi magnitudinem perueffigare.

EADEM ratione, si per problema 18. sphaericum triangulum construatur ex
 tribus datis lateribus, quorum unum est arcus complementi altitudinis poli in Meri-
 diano inter polum mundi, & verticem loci positus; alterum verò, arcus circuli declina-
 tionis inter polum mundi, & centrum Solis existentis in parallelo grad. 18. sub Hori-
 zonte; qui, si Sol borealis est, complementum est declinationis, si verò australis, ex
 quadrante, & declinatione constat; tertium denique, arcus Verticalis per idem cen-
 trum Solis descripti, constans ex quadrante & arcu grad. 18. Si, inquam, huiusmodi
 fiat triangulum, dabit angulus, quem arcus circuli declinationis cum Meridiano efficit,
 arcum ex arcu semidiurno, & arcu Crepusculi compositum: qui angulus per propof. 15.
 lib. 2. notus euadet. Si igitur ex hoc arcu dematur arcus semidiurnus, reliquus erit
 arcus Crepusculi.

Crepusculi ma-
 gnitudinem per
 triang. sphaer. sine
 numeris expli-
 catur.

Quaestio 8.

QVAESITVM VIII.

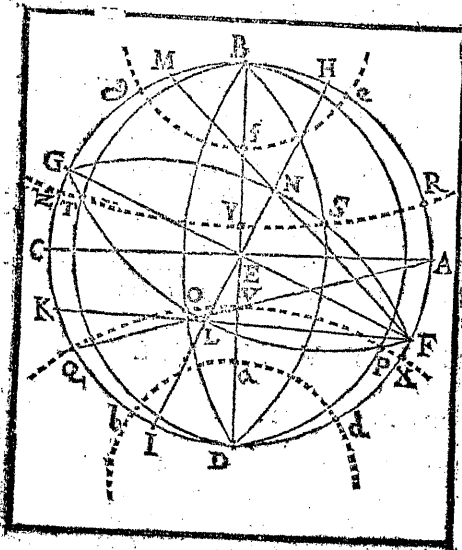
Distantiam duorum locorum in terra, vel Stellarum in caelo, dimetiri.

Quorum locorum in terra, vel Stellarum in caelo distantiam metiri.

FIAT per problema 19. triangulum sphaericum ex duobus lateribus notis, cum angulo ab ipsis comprehenso, cuius duo latera nota, sunt complementa Latitudinum locorum, si utriusque latitudo borealis fuerit; vel arcus conflati ex quadrante, & latitudinibus, si latitudo utriusque fuerit australis, &c. angulus vero ab ipsis comprehensus datus, est differentia longitudinum, hoc est, determinatur ab arcu Aequatoris, in circulo minore, inter Meridianos locorum posito. Nam tertium latus, quod cognoscitur per rectas ex eius polo inuenio per eiusdem extrema puncta extensas, distantiam inter duo loca manifestabit.

IDEM dicendum est de distantia Stellarum, si pro circulis, qui latitudines locorum metiuntur, accipiantur circuli latitudinum Stellarum.

EXEMPLI gratia, Sint duo loca borealia, & angulus, quem eorum Meridiani efficiunt CBS, unusque complementum latitudinis BG, & alterius BS, ut in figura



problematis 22. apparet. Si iungatur per G, eiusque punctum oppositum F, ac per S, maximus circulus describatur, metietur arcus GS, (quem notum reddet recta ex eius polo educta,) distantiam loci G, à loco S. Pari ratione si duo sint loca australis, ita ut angulus à Meridianis constitutus sit FBO, & arcus Meridianorum inter B, polum arcticum, & ipsa loca, sint BF, BO, &c. dabit arcus FO, locorum distantiam. Denique si unus locus sit borealis, & australis alter, ita ut Meridiani ipsorum efficiant angulum GBP, & arcus Meridianorum inter ipsa loca, & polum arcticum sint BG, BP, &c. erit eorum distantia arcus GP. Atque ratio hac, ut vides, multo est commodior, quam illa, quam in Can. 15. explicauimus. Nam in hac linea-

mentum non multum excurrunt; sicut in illa, etiam si unus locorum sit borealis, & alter australis.

QVAESITVM IX.

ALTITUDINEM Solis supra quemlibet circulum maximum

Quaestio 9.

num, eiusque distantiam horizontalem singulis horis inquirere.

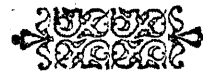
QVA MVIS ratio in Canone 15. explicata facilis sit, atque expedita; quando tamen unius, dumtaxat aut alterius hora indaganda sit altitudo Solis, horis aliisque distantia, efficiemus id nullo ferè negotio, hac arte. Inuenta per Canonem 20. altitudinis poli supra datum circulum maximum, & per Can. 17. inclinatione eius Meridiani proprii ad Meridianum Horizontis illius loci, in quo hac inuestigantur, ut distantia horarum ab eo Meridiano possint cognosci, fiat in figura eadem problematis 22. angulus CBS, distantia date hora à proprio Meridiano, sique BG, arcus proprii Meridiani inter B, polum mundi, & polum dati circuli maximi G; arcus vero BS, sit complementum declinationis Solis, vel certe conflatu ex quadrante, & declinatione, quando Solis distantia à polo supra datum circulum conspicuo maior est, quam grad. 90. Nam si per G, eiusque punctum oppositum F, ac per S, circulus maximus describatur, erit eius arcus GS, inter polum dati circuli, & Solem, complementum altitudinis Solis quaesita. Si vero angulus distantia Solis à Meridiano proprio fuerit GBO, & arcus BO, inter polum conspicuum supra datum circulum, & Solem, &c. erit GO, complementum altitudinis Solis. Prior porro casus solum pro exemplo allatus est. Impossibile enim est, ut quando complementum declinationis est BS, angulus distantia Solis à Meridiano proprio possit esse GBS: quia altitudo Solis GS, esset quadrante maior, quod fieri nequit.

DISTANTIAM horizontalem exhibebit angulus BGS, vel BGO, quem metitur arcus dati circuli, tanquam Horizontis, HN, vel HL, à Meridiano proprio ad partes poli conspicui supra datum circulum, seu Horizontem, inchoatus, &c.

ATQUE hunc in modum omnes quaestiones ad primum mobile spectantes, quae per sinus, ac numeros, hoc est, per triangula sphaerica soluantur, expediti possunt per descriptionem unius aut alterius arcus in Astrolabio; Et si quidem summa diligentia, ut par est, adhibeatur, tam certo, ut vix paucorum minorum error contingere possit. Quae res praclara sanè est, & ad hanc usque diem, quod ego sciam, à nemine tentata, aut demonstrata.

Restat, ut quemadmodum, quae ab Oceano fluxerunt aquae longis circuitibus eodem reuoluuntur, sic quoniam horum hoc, quodcunque est, manauit à fonte omnium bonorum, Deo optimo Maximo, gratia à nobis, quantè à mortalibus esse possunt, maxima auctori optimo, ac donatori liberalissimo agantur, & habeantur.

FINIS TERTII LIBRI.



Altitudinem Solis supra datum circulum maximum, distantiamque horizontalem per triangulum sphaericum, sine numeris venari.

E R R A T A,

Quae sine Correctorum aciem effugerunt, sine incuria irrepperunt Typographi, antequam legatur liber, emendanda, ne cursus interrumpatur legentium, haec ferè sunt.

Pag. Lin.	Errata.	Corrections.	Pag. Lin.	Errata.	Corrections.
17 13	EI, IR, RC.	EI, IR, RB.	109 6.à fi.	arc ^o OR, QR,	arcus OR, QP,
18 19	in 6. partitu fu- mus.	in 6. partes partitifu mus	113 37	parallela G,	parallela G K,
19 8	ad latus A B,	ad latus B C,	115 28	R L C, maior	RLC, minor recto,
22 10	rectæ BA, ZA,	rectæ BK, ZK,	116 33	rectæ PN,	rectæ M N,
22 11	anguli ad A, & L,	anguli ad K, & L,	119 33	quadratis mpD,	semicirculi mpD,
22 21	angulos DEH, DFI,	angulos BEH, DFI,	120 21	femidiurni IK,	femidiurni SK,
23 9	RBV, STD,	RBV, SDT,	126 39	puncta D, E	puncta O, C, æquali- ter à G, distantia.
25 1	BC, GF, HM,	BC, GF, NM,	126 40	puncta D, P, E,	puncta O, P, E, & versu 42. idè fiat.
25 28	AD, A C, positi,	AD, AG, positi,	132 17	ctum, H, I, n,	ctum, H, in
29 15	angulus BAB,	angulus B A d,	135 6	facit E N,	facit E M,
29 16	gulo AFD,	gulo AFD,	135 8	in M, cadet.	in N, cadet.
29 29	IAE,	IAE.	136 3	circulum A B,	circulos A B, CD,
29 36	A LP,	A I P,	136 14	æqualibus DE,	æqualibus BE, CG, C G,
37 10	in recta BE,	in recta B C,	136 14	ut in 3. figura,	ut in 2. figura,
37 27	secundæ GK,	secundæ GR,	137 3	aKE, AEK,	aKE, aEK.
40 18	Cr, ut	C, ut	145 38	arcus EG, EH,	arcus EG, FH,
44 15	constringatur,	constringatur,	146 pen.	secantis X, z,	secantis in X, z.
45 1	cer puncta	per puncta	149 16	Tâgès igit CP,	Tangens igitur GP,
47 39	& linea FGH,	& plano FGH,	156 37	& inchoatorû	& inchoatorum
57 1	tangit in	tangit in B.	157 41	angulo AFG,	angulo AEG,
57 19	RO, PP,	IO, I P,	158 31	rectas FR, FS,	FR, F I,
57 31	HM:Ha, $\frac{m}{n}$.	HM, $\frac{m}{n}$: Ha, $\frac{m}{n}$.	166 8	Vt quia tâgens	Vt tangens
58 3	in 12. figura	in 12. signa	167 1	productam,	productum,
58 9	segmento	segmentum	167 7	dimidia maioris	dimidio maioris
58 10	parallelæ KS,	parallelæ k f,	168 19	& LM,	ex LM,
60 14	anguli GEF, HPE,	anguli GEF, HFE,	178 4.à fi.	non solum	non solum locum habeat
63 27	LGN, MHS,	GLN, HMS,	180 3	dempta M E,	dempta M e,
65 14	basi KE,	basi HE,	180 5	relictî EP,	relictî e P,
69 37	verba hæc [ideoq. ex defin. 3. eiusdè lib. angu. GOQ. rect ^o erit] deleant.		180 12	ME, æquali ip- si KP,	Me, æquali ipsi RP,
73 37	rectas CH, EH,	rectas CK, EH,	180 14	compositæ EP,	compositæ e P,
76 8	LOM, OEP,	LCM, OEP,	183 7.à fi.	qui minori	qui maiori
79 3.à fine	At verò B,	At vero B F,	228 2.à fi.	188. addem ^o	1828. addemus 1828.
81 6.à fine	APMB,	CPMB,	229 3	inter sinum pro- ximè minorè.	Inter sinû ppositû, & sinum proxime minorem.
83 1	H Y Z,	H Y X,	262 19	per pblema 10.	per problema 11.
83 5	obliquo GDI,	obliquo G K I,	268 23	rum æqualium	In Ifofcele,
83 23	ELF, C me,	E l f, C m e,	268 24	In Ifofcele,	Vt alterutrum late-
84 37	Oo, Sa;	On, So;	268 25	vt alterutrû late-	rum æqualium
86 3.à fine	CD, FA,	C D, FG,			
96 8.à fine	prectâ LK,	per rectam I K,			
100 10	bi, cK, ex semi- circulis	bl, cK, ex quadran- tibus			
105 5.à fi.	MN,	DN,			

Pag. Lin.	Errata	Corrections.	Pag. Lin.	Errata	Corrections.
275 15	à puncto E,	à puncto C,	457 35	versus austrum	versus boream
276 13	rectæ ad cetrû.	rectæ ad polum A.	459 3.à fine	KK,	inter rectas IR, IZ,
281 4	oppositi inæ- quales	oppositi æquales	461 10	A a, ii,	recta FL,
283 16	q LV, ad VK.	quàm hi, ad i S, hoc est, q LV, ad VK.	470 7.à fi.	recta EL,	HFP,
296 10	à fi blaati	ablati	482 2	HEP,	L K, ON,
296 3.à fi.	LM, IP,	LN, IP,	483 9	LK, OL,	PH, GI,
311 22	ad finè Num. 21.	ad initium Num. 25.	483 33	BH, GI,	IL, LN,
312 7	urt,	V t t.	497 3.à fi.	IL, LH,	min. 25.
314 16	A M G N,	A M C N,	501 32	min. 25.	recta Mg,
314 17	A Q G,	A Q C,	502 2	in punctis H, P,	in punctis N, P,
314 36	D w;	B w;	509 6	arcum 6. grad.	arcum 60 grad.
323 7	è sit parallelas	etiam sit parallelas	511 10	fiat M π.	fiat μ π,
323 12	representât par- tes	representant partes aliquas	515 18.à fi.	recta HE,	recta GE,
327 9	punctis I, P,	punctis H, P,	526 3	vera OM,	vera PQ,
339 7	recta TV,	recta TX,	530 12	a recta ET,	a recta OT,
343 16	MQ, Kq,	MQ, KO,	534 5.à fi.	in 3. figura	in 3. figura
345 34	VZ, BA,	LZ, BA,	537 17	in vtraque re- ctarum	in vtraque recta- rum
347 18	ctæ EP, GP;	ctæ FT, GT;	537 38	duabus RI, RI,	duabus RI, RI,
347 vlt.	arcui à D.	arcui à G,	604 5	arcus GH, lati- tudinem	arcus GH, comple- mentû latitudinis
349 1	erit IG,	erit IT,	605 27. & 28	ad semisè	ad finem semisè
350 1. & 3	AO, AK,	AO, AV,	607 5	quæsitam EI,	quæsitam EL,
359 4	Igitur SA,	Igitur FA,	610 3.à fi.	arcus Bf,	arcus Cf,
361 26	AXK,	AXk,	615 31	ipfi Es,	ipfi Hs,
365 9	Nadir K,	Nadir k,	616 pen.	arcus KO.	arcus Ks.
374 28	A, f, G,	A, f, C,	618 29	cum arcu π P,	cum arcu μ P,
376 8	rectam SD.	rectam S T,	618 6.à fi.	minor est a- scensione	maior est ascensio- ne
379 5.à fine	K, H,	R, H,	620 5.à fi.	deleantur hæc verba	[punctum in Meri- diano sub Hori- zonte]
382 4	Q, eiusdem	q, eiusdem	624 3	anguli i V k,	anguli ki V,
384 10.à fine	a cetrû B, I,	a cetrû E, I,	624 20	fl,	fn,
390 16.	& i8 a polo I,	a polo K,	625 37	datæ AC;	datæ AB,
395 1	factè (factæ)	629 5.à fi.	ita finus ma- ioris	ita finus minoris
399 2	in illo pucto V,	in illo a puncto V,	629 2.à fi.	latera GG,	latera FG, GH,
403 5	per Lemma 44.	per Lêma 44. æqua- IQ, VX, vel pQ,	633 5	cum AD,	cum AC,
403 10. &	obliquus	obliquus IKI.	639 20	& OE,	& OL,
403 13. & 14	versus XL,	versus XI,	639 29	& OK,	& OX,
403 17	recta nb,	recta mb,	659 10	& arcus tk,	& arcus uk,
409 13	metri LN,	metri IN,	662 1	ex KT, altitudi- ne meridianæ	ex KT, sinu altitudi- nis meridianæ
413 9	per radiû A C,	per radium Ac,	666 35	recta Eclipticæ	recta puncti Ecli- pticæ
416 4	PqH,	FqH,	667 26	min. 55	min. 15
420 29	hoc est, PHQ,	hoc est, PhQ,	677 15	borealem du- ctur;	borealem ductus ef- fic;
430 2	AM, m T,	AM, in T,	677 18	borealiore du- ctur;	borealiorem ductus constituit;
435 45	& recta BM,	& recta Bu,			
455 30	cum in d,	cum in H,			
457 23	ω, in ortû, & π, in π, in ortum, & ω, in				

Page. Lin.	Errata	Corrections	Page. Lin.	Errata	Corrections
681	6	latitudi- nem poli	694	17	DHI, DSI,
683	5. a fi.	in P. I. erit- que P, I, tus	701	pen.	si omnium si circuli omnium
684	4. a fi.	inter P, H, inter P, I,	711	22	& 10. ab occ. & 16. ab occ.
			723	17. a fi.	recta FLe, recta FTe,
			724	20. a fi	radio bm, radio Bm,
			725	14	DIN, DIQ,

*LINEAE ET LITERAE, QUAE IN
quorundam exemplarium figuris desunt.*

- 12 In recta prope lineam AB, deest litera E, in intersectionibus eius cum arcibus BG, BI, BL.
- 55 Deest recta NP, diameter tropici \propto .
- 63 Vbi semicirculi MVH, DEF, se interfecant, ponatur O, pro C.
- 66 In extremitate rectae AC, deest L.
- 82 In intersectione rectarum AC, Or, deest t. Et in intersectione rectarum EF, SR, deest u.
- 85 In extremitate rectae Nq, deest L, in circumferentia.
- 105 In 2. figura deest C, in extremitate diametri AF.
- 318 In suprema parte rectae BD, deest F, & in infima parte K.
- 346 In extremitate rectae Ie, deest T. Et supra hanc in extremitate rectae If, deest g.
- 360 In extremitate rectae $\theta\lambda$, deest e, prope f.
- 406 Deest recta Rfg.
- 429 In extremitate diametri AE, deest C.
- 434 In extremitate diametri Aequatoris AE, deest C. Et in extremitate rectae Af, deest g.
- 489 Litera g, quae est in extremitate rectae ME, debet esse in extremitate diametri fE.
- 518 Recta Fd, producat, donec circumulum FGO, secet in p.
- 620 In extremitate perpendicularis ad VX, ex n, ductae deest ξ . Et in extremitate perpendicularis ex τ , ductae deest π .



EGO Fridericus Merius legi tres libros, quos admodum Reuer. Pater Christophorus Clavius Bambergensis e Societate IESV conscripsit de Astrolabio, in quibus nihil inueni, quod pias & religiosas offenderet aures, sed omnia summa doctrina, suo more, scripta reperi, & summa pietate coniuncta. In quorum fidem haec scripsi profesto die Assumptionis Gloriosae Beatiss. Virginis 1593.

Fridericus qui supra manu propria.

REGESTUM

ABCDEFGHIKLMNOPQRSTUVWXYZ.

Aa Bb Cc Dd Ee Ff Gg Hh Ii Kk Ll Mm Nn Oo Pp
Qq Rr Ss Tt Vv Xx Yy Zz.

Aaa Bbb Ccc Ddd Eee Fff Ggg Hhh Iii Kkk Lll
Mmm Nnn Ooo Ppp Qqq Rrr Sss Ttt Vuu Xxx
Yyy Zzz.

Aaaa Bbbb Cccc Dddd Eeee Ffff Gggg Hhhh Iiii
Kkkk Llll Mmmm Nnnn Oooo Pppp Qqqq Rrrr
Ssss Tttt Vuuu Xxxx Yyyy Zzzz.

Aaaaa Bbbbbb.

Omnia sunt folia, praeter Bbbbb, folium & semis.



ROMAE, Ex Typographia Gabiana. M. D. XCIII.