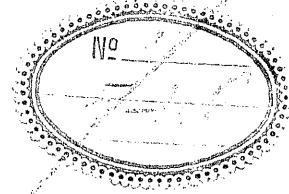


0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22



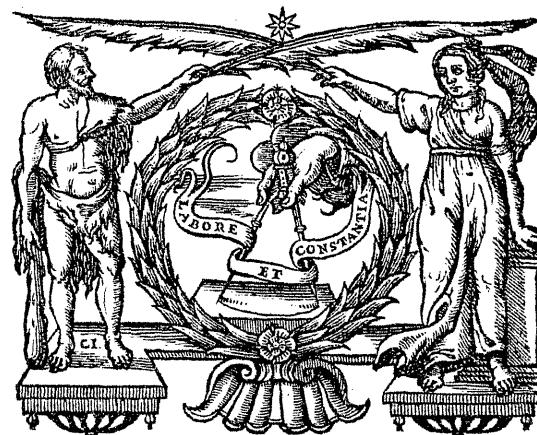
20.a.8-2

R. 4458

LIBERTI FROMONDI
IN ACADEMIA LOVANIENSI
S. TH. DOCT. ET PROF. ORD.

LABYRINTHVS
SIVE
DE COMPOSITIONE
CONTINV
LIBER VNVS.

Philosophis, Mathematicis, Theologis
utilis ac iucundus.



ANTVERPIÆ,
EX OFFICINA PLANTINIANA
BALTHASARIS MORETI.
M. DC. XXXI.



VENERANDO DOMINO
DECANO
CETERISQ. VENERABILIBVS
ET
ERUDITISSIMIS DOMINIS
CONCILII
FACULTATIS ARTIVM
STUDII GENERALIS
ACADEMIÆ LOVANIENSIS.



IBER ifte non iuit, sed cucur-
rit ad Vos materiâ ducente,
VENERANDI ET ERU-
DITISSIMI VIRI.

Philosophus enim est, li-
temque super perplexissimâ
disciplinæ eius parte instruxit, quæ non ad
aliud quâm vestrum, id est, summorum Phi-
losophorum tribunal debuit deferri. Si enim
ingeniorum vestrorum selectissima acumina,
si Scholasticas exercitationes, si incredibilem
discendi docendiq; diligentiam aspicio; nihil

* 2

simile

simile aut suppar (audacter dicam) habuere veteres illae, tam publico Orbis plausu celebratae olim Athenae. Si paucissimos etenim ibi eximios faciam, reliqua tenebrionum, & in ipso naturae meridie caligantium turba fuit, quibus hypochondria atrâ bile paullò largius, quam verâ Philosophiae luce mens perfusa erat. Ita dico: minùs altè in intima illa Philosophiae adyta penetrauerunt, etsi totam vitam per labyrinthos eius circumagerent, & diutius in vnâ aliquâ eius particulâ, quam Vos in vniuersâ, insisterent. Ecce enim diuinus ille (ita magnificè appellant) Academæ Princeps quinquenniū impendi vni Dialecticæ voluit,

Plat. I. 7.
de Rep. & quidem μηδὲν ἄλλο πράθοντι, ἀλλ' αὐτισέφως γυμναζούμενοι τοῖς πρεστὶ τὸ σῶμα γυμνασίοις, ἀ nihil aliud agente, nisi ut certis temporum vicibus, corporis cura & exercitationibus vacaret. Adolescentibus deinde & iuuenibus omnibus ciuitatis suæ Scholas Dialecticæ claudit, solisque viris τριακοντάετοι, triginta annos natis iubet aperiri.

Vos minore, & biennij diligentia adolescentes & pñne pueros, non Dialecticis tantum illis spinis, sed omni Philosophia sic vndique instruitis, vt eruditiois miraculo, multi viri

ti viri docti sèpè mecum olim obstupuerint, qui fieri posset, vt adolescentia ante rudis & ignara, intra breuissimi temporis fugam, tantum animi cultum, totque rerum abditissimarum cognitionem raperet. Sed vestra sedulitas & ars haec est, qui titubantibus, firmo gressu, allucinantibus, clarissimâ ingenij luce viam tam solerter & sollicitè præitis.

Hunc deinde tam celerem & currentem doctrinæ profectum plurimum incitat arcta illa & compressa quatuor Pædagogiorum disciplina, quâ iuuenilem lasciuiam intra studij sui stadium & scamma biennio attentissimè & castigatissimè coercetis. Monarchica denique illa in Promotione ad Licentiam ratio, quâ omnes omnium Pædagogiorum discipulos in unum agmen confunditis, vt unus universorum Princeps sit, non acuit, sed vrit, & admirabiles discipulorum ac Magistrorum diligentia faces subdit.

Hæc & alia id genus sunt, quæ Philosophie vestræ famam latissimè sparserunt, & extulerunt quoisque nulla in totâ Europâ Academia (si peregrinis, nec adulantibus credere volumus) aspirare possit. Ceteræ enim ferè

è longinquo celebres & magnæ, vbi accesseris, reuilescent, aut infra nomen deprehenduntur. Nam etiam ecce, D. Basilius Athenas ipsas olim veniens, ἐχθρούς ἀπιδεῖ, κενὸν μακάρια τὰς Αἰγαίας ὁρούσας, quarebat quod spesibi effinxerat, inanem felicitatem Athenas appellans, inquit dilectus ille condiscipulus. Non ita de Academiâ Louaniensi: quam quicumque non limis oculis aspicit, famâ suâ maiorem è propinquo dicit.

Hæc etiam ab vno iam amplius sæculo laus fuit Philosophiæ Louaniensis: munditiem quamdam orationis amauisse, & detersâ paulisper ceterarum Academiarum barbarie, veterum Athenarum exemplum dilexisse, in quibus vnicus Epicurus fuit, qui *orationis ornamenti neglexit*, inquit M. Tullius. Malè nam, vt mentem decet esse mundissimam, ait quidam; ita orationem, quæ mentis est imago, simillimam oportet effingere. Sed Epicurus spurcâ mente, talem etiam dictiōnem amauit (aut certè, quia aliter non potuit, neque litteras didicerat, vt D. Hieronymo placet) ἐν χαματυτείων, & απὸ μέσης τῆς περσοδυχῆς, ex profibulis & mendicabulis collectā, si Cleomedem audimus.

Vobis

Naziæz.
Oratio-
ne 20.

Cic. I r.
de Finib.

Epist. ad
Magnū.

Lib. I.
Meteor.

Vobis potius mundi & elegantis Aristote-
lis vestri similitudo placuit: de quo alicubi
Quintilianus: *Quid Aristotelem* (in eloquen- Lib. 10.
tiæ laudibus) *commemorem*, quem dubito, scien- cap. 1.
tiâ rerum, an scriptorum copiâ, an eloquendi sua-
nitate, an inuentionum acuminâ, an varietate
operum clariorem putem? Omnia quippe ex æ-
quo ferè admiranda, & meritò à Vobis pari
imitatione coniuncta, quæ malè aliorum olim
infirmitas diuisit.

Mathematicis etiam vbiique Aristoteles interspersus, id est, calce & plumbaturâ, quâ pulcherrimi ædificij partes alligantur, & sine quâ Philosophiam vestram dissutam aut malè hærentem omnes intelligitis, ideoque gluten istud, quantum necesse, sedulò inculcatis.

Reiecit tamen hoc olim, vt omnia pulchra & honesta, Epicurus, & Philosophiam αὐαδηματην, id est, αὐαδον αὐδο τὸς βέστες, arenam sine calce, nobis condidit. Fusca enim illa mens præclarissimarum disciplinarum lucem non capiebat, respuebatque quæ non intelligeret. Res quidem ipsa loquitur; dicet tamen etiam D. Augustinus, si magnum testem au- Lib. de
Vtilitate
credendi
cap. 6.

ras

* Eucli-
dis tamē,
opinor,
dicere
voluit:
nam Ar-
chime-
des Epi-
curo ali-
quanto
posterior
fuit.
*vos * Archimedis legere, magistro Epicuro, aut
discere voluit, contra quas ille multūm pertinaci-
ter, nihil earum, quantum arbitror, intelligens,
nam Ar-
chime-
des Epi-
curo nemo Mathematicas, ne Philosophiam qui-
dem, quæ sine istis mutila & trunca est, ab illo
magistro discet, si sapit. Vos certè, VIRI*

*ERUDITISSIMI, non facitis, quicumque
publicā & certiore Peripateticorum viā ad ve-
ritatem, & arcanorum Theologiæ intelligen-
tiā, Iuuentutem Academicam deducitis.
quā porrò incedere, omnes Theologorum
Scholæ Vos adhortantur, ego voueo, & exile
hoc xeniolum, non plenā manu, ad VENERA-
NDAS DD. VESTRAS, vnde nuper
exiui, memoris & grati animi testimonium
adfero.*

VENERAND. ET ERUDITISS. DD. VV.
deuotissimus
LIB. FROMONDVS.

Louanij Kal. Septembr.
an. CIC. IDC. XXXI.

AD

AD LECTOREM.

 AV CIS te in limine isto appellabo, Le-
ctor. Magnorum hic in Theologiā
vivorum, nec diffiteor, mea etiam in-
dignatio fecit hunc Libellum. Ili, in-
quam, mīhi auctores, resumendi paul-
isper in manū Philosophici huius stili, quem nuper ab-
ieceram. Mirantur & irascuntur, tantam iam Lo-
uanij pāsim, deserto Aristotele, Platone, Zenone, id
est, magnis illis illustrioris fama & eruditio[n]is Scholis,
ad Epicurum, in re quadam naturali (COMPOSITIO
CONTINVI hac est) fugam fieri; quam, si non sisti
(nec enim ita mīhi placeo, ut sperare id ausim,) certè
tamen refrigerari posse crediderunt, si penitus intellige-
retur, quām sententia hic Epicuri non sit similis sua
fronti, quāmq[ue] in ultimo suo recessu perplexa sit, et
iam si primore aspectu aliter, & expeditissima vi-
deatur.

Id Libello isto ostendere conatus sum, & Lycei,
Academia, Stoæ, quam Epicuri ista prælatione procul-
cant, auctoritatem defendere.

Sic enim Theologia nostra expedit, quæ ubique dif-
flatis & rejectis Epicuri atomis, in continuo Aristote-
licam partium infinititudinē supponit. Id apud D. Tho-
mam, Scotum, Ochamum, ceterosq[ue] Scholasticos, imo

**

D. Au-

D. Augustinum, & SS. Patres, ubi rei huius incidit occasio, cernere palam licet: quos intelligere soli illi possunt, qui ad eorum lectionem, Peripatetica & Academicæ sententia scientiam attulerint.

Quia vero spreti Aristotelis præcipua causa, tenebrae sunt, quas partium infinitudo offundit humanae menti, eas paullisper dispellere adnusus fui, & sublustrum saltem aliquam lucem immittere, quæ, caliganti quidem acie, veritatem cernamus tamen. Nisi autem imaginationem suam in conceptu infiniti exerceant, & quid, ac quale istud sit, utcumque apprehendere discant Epicurei, numquam ad veritatem proficient. Eius enim exercitij neglectu, ubique in ista materia allucinantur, & (animaduerte, mecum dices) in omni disputatione, in aliquot punctorum suorum, quæ assueti numerare, decades cogitatione relabuntur, non autem deinde ad eorum auctoritas, petuntque quod oporteret probare.

Arist. I.
8. c. 13. Topic.

Mathematicis etiam iucundum erit, Euclidem suum, & omnium Mathematum fundamenta, quæ in Aristotelem recumbunt, sustineri; utile omnibus, humani ingenij, in re naturæ, caliginem agnoscere; ac discere in tenebris Fidei, humanae rationis lucem aliquam pertinaciter non requirere.

Non omnia etiam, quæ in Epicurum poterant, argumenta strinxi; delectu usus sum, & raro fulmine,

quæm

quam densa grandine pugnare malui. Hinc ista, & id genus leuiuscula subterhabui: Si magnitudo ex punctis coalescat, non super qualibet linea (non enim ea, quæ duorum tantum punctorum) poterit triangulus erigi. Item: Non quælibet linea (non enim quæ constat numero punctorum impari) poterit in duas partes æquales diuidi. Hac enim Postulata tantum Euclidis sunt, quæ negationis pertinacia facile posse eludere.

Ceterum materia perplexitas & inextricabilis error Libello Labyrinthi nomen fecit: et si utcumque Eneid. nos extricasse existimemus, & quantum mihi equidem satis, ut conquiescam in ista, quam undique circumfusam video, ingenij mei nocte.

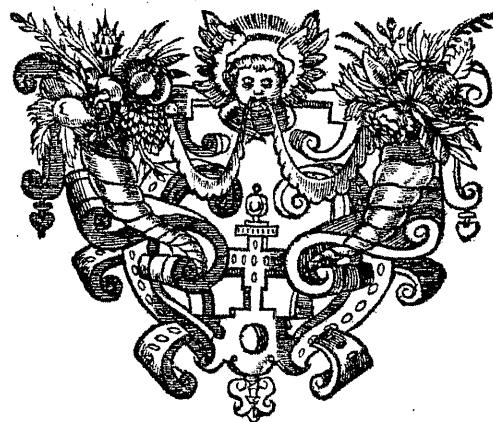
Neque extra eam Epicurei sunt, quidquid ipsi sibi de luce suâ placeant; immo in medio adhuc Labyrintho allucinantes oberrant, licet exsiliisse se credant, cum ex Lyceo in Epicuri haram, velut ex calcariâ in carboniam, ut dici olim solet, transfugerunt.

Sic olim Lycei desertor, & Epicureorum additus gregi Polyanus, præter cetera Aristotelis, etiam perplexam istam continui compositionem irridere solitus, ipse dignissimus maiore risu; quoniam ἀφέντες τὸν αἰδονόν, τῷ λόγῳ μόνῳ δελέσειν, ἀττόν τε οὐ μάταιον, Lib. περὶ sensum deserere, & vni rationi indulgere, absurdū ^{αττίουν} est & ridiculum, ait vetustus interpres Aristotelis.

Reuerà enim Epicuréa compositio, ut quodam rationis fuso primâ fronte blandiatur; aliè tamen introspecta, sensum communem satis aperte ferire videtur. Aut, si non credunt, arripiat aliquis, amabò, stimulum (quod miror à nemine hoc tempore factum) & rationes quas texuimus dissoluat. in magno id sanè beneficio, non in iniuria ponam: & hac forsitan concertatione plenior veritati lux oborietur, quam unice, & sine improbo Aristotelis amore (quid enim mihi Belga cum Macedone illo Stagiritā?) querere me profiteor.

Paciu.

Hoc volebam, nescius ne esses. Vale.



LIBER-

LIBERTI FROMONDI
LABYRINTHVS
SIVE
DE COMPOSITIONE
CONTINVI.

CAPVT PRIMVM.

Leucippus auctor partium indivisibilium continui. Celebrauit deinde eas multis libris editis Epicurus.



ELEBRE olim & nunc in Philosophorum scholis, de continui partibus dissidium fuit. aliis fine fine diuisibiles eas existimantibus, ceteri in atomis quibusdam & individuis particulis, seu micis, ut Seneca appellat, omnem divisionem tandem finiebant.

Falluntur autem qui partium fine diuidarum Aristotelem primum auctorem faciunt: vetustior quippe ipso fuit, & cum ipsa Mathesi nata hæc opinio. Nam Laërtius Leucippum, qui Anaxagoræ par, & Democrito paullò maior fuit, atomorum inuentorem facit: Λεύκιππος ὁ τεχνητὸς ἀτόμως ἀρχαὶ ὑπεστήσας. Leucippus, inquit, primus atomos principia subiecit. Et In Leucip. Lactantius: Vbi sunt, ait, aut unde ista corpuscula? cur illa nemo Lib. 3. Interpræter unum Leucippum somniauit? à quo Democritus eruditus, he-
reditatem stultitia reliquit Epicuro.

Multi tamen intra aut circa eam ætatem præter istos, Leucip- Lib. 1.c.8.
pum secuti, & Aristoteles disertè sectam atomorum imponit Em- Generat. &
pedocli, iungitque eum Plutarchus illis, οἱ μὲν οὐραθεγίσμοι τῷ αλibi,
λεπτομερῶν σωμάτων κοσμοποιεῖσι, qui per aceruationem tenuium cor- Lib. 1.c.24.
pusculorum mundum coaliuisse credunt. Placit.

A

Nec

Laërt. in
Anaxagor.

Nec alia fortasse Anaxagoræ mens, qui aiebat, πατάπερ ἐν τῷ φυγικότερον λεγομένῳ τὸ τεχνοῦ οὐνεῖδιν, δύτως ἐν τῷ ὁμοιομερῶν μηκόν σωμάτων τὸ τῶν ουγκανεῖδος, quemadmodum ex minutissimis, ut vocantur, ramentis aurum constat, ita ex paruis similium partium corpusculis uniuersum hoc esse compositum.

Maximè tamen omnium hanc sententiam celebrauit, & editis libris latissimè sparsit Epicurus: vnde factum ut ceterarum sectarum posteri eum, veluti atomorum auctorem, exagitent. Seneca Lib. 4.c. 19. ad Epicurum: *Te atomi, & iste mice tua foris ac temere conglobauerunt.*

Deinde, licet ante eum Leucippus & Democritus omnia nobis è micis illis etiam pinsuerint; isti tamen fortassis, vt Cap. III. differimus, infinitas in quamlibet magnitudinem compegerunt, quas primus finiuit, & in numeros certos redegit Epicurus, nisi ei hic etiam præiuerit Empedocles, vt ibi ostendemus. Tam verò audire atomorum auctor cupiebat Epicurus, vt glorians solitus sit iactare matris suæ felicitatem, ait Plutarchus, quod fontem fudisset, vnde in mundum effusa multitudo illa immensa atomorum. Sic etiam D. Augustinus, D. Hieronymus, D. Basilus, & omnes sacri, profani Scriptores sèpè Epicuri atomos loquuntur, & incessunt.

C A P V T . I I .

Pythagoras, Plato, Zeno Cittieus, falsò Epicureis in compositione continui ex atomis, adiuncti. Macrobius etiam, & Psellus iis abstracti. De Plutarcho res dubia.

Lib. 6.c. 2.
q. 2 Physic.

Sed Pythagoras etiam & Zeno, inquit Conimbricenses, in hac atomorum sectâ fuerunt; imò etiam Philosophorum olim deus, Plato, quem eâ re exagitat & refellit, vt solet, discipulus Aristoteles.

In Pytha-
goram.

Et de Pythagorâ quidem Laërtius ait censuisse, ἐν τοῖς περὶ ἀριθμοῦς τοῖς ἀειθμοῖς, ἐν δὲ τῷ ἀειθμῷ τὰ σημεῖα, ἐν δὲ τοῖς ταῖς γεωμετρίαις, ἢ ἀλλὶ τὰ ὄπιστα γήματα, ἐν δὲ τοῖς ταῖς σφεδονίαις, ex unitate & indefinitâ dualitate gigni numeros, ex numeris punctis, ex punctis lineas, ex lineis superficies, ex his verò corpora solida.

Gemella planè istis diffusè differit Platonis Timæus, qui è Pythagoræ scholâ fuit, docetque corpora elementaria composita esse ex superficiebus triangularibus: vnde Aristoteles argutatur, omnia

igitur

igitur corpora vltimò tandem in atomos & puncta esse resoluenda, quandoquidem nulla maior caussa subsit, cur corpora constent superficiebus, quām superficies lineis, & lineæ tandem punctis; δη τῆς αὐτῆς λόγου ἔστι, sepedi μὲν ὅτι διπέπεστον ουγκεῖδος, ὅπιστα δὲ ἐν φαμιλίᾳ, ταῦτα δὲ εἰν στριμόν, quia eiusdem rationis est, solida ex superficiebus componi, superficies ex lineis, has verò ex punctis.

Verū, cui statim, quæso, non subolet aliquod mysterium in doctrinâ illâ Pythagoræ, quæ eodem modo affirmat puncta ori-ri ex numeris, quo lineas ex punctis? Qui enim illi numeri, & particulæ, in quas puncti simplicitas resolui possit? Et de Pythagorâ vis verbo dicam? Euclides Mathematicorum pater, atomorum hostis capitalissimus, sectâ Pythagoricus fuit. *Constat enim per se, tum ex Proclo interprete*, ait alicubi Io. Keplerus, totam Euclidis Astron. opt. *Geometriam Pythagoricam esse*. Itaque compertissimum est, neque c. 10. Pythagoram, neque Platонem composuisse magnitudinem ex atomis. Liquet id etiam ex Mathematis, quæ apud Platонem aut alios sparsim supersunt; nec ullus veterum hoc vñquam (de Aristotele statim dicam) iis impegit. Omnes enim Leucippum, Pythagorâ posteriorē, patrem atomorum appellant; nec ea doctrina ad Platонem, sed à Leucippo per Democritum ad Epicurum peruenit. Plato enim à Democrito & philosophiâ eius tam palam auersus, vt, nisi Amyclas & Clinias Pythagorici eum tenuissent, scripta Democriti Vulcano fuerit traditurus, neque in tot Dialogorum libris vel tenui eum memoriâ & appellatione sit dignatus.

Quid? nōnne Aristoteles, inquit (iam enim antè audiebamus) compositionem corporum ex superficiebus Platoni tribuit? Facit quidem, sed φιλοσοφώτερον ἢ φιλοσοφώτερον το, magis id protervè, quām philosophicè, vt omnes viri boni indicant, ait Plutarchus in Lib. contra simili de ideis Platonis, quas menti diuinæ à Platone non rebus Colot. singularibus creatis infixas, vt videri vult Aristoteles, tam sèpè ἡμίονος iste discipulus perperam exagit.

Socratem enim, quem vbiique ferè Dialogorum loqui iubet, Plato imitatus, doctrinam suam non apertè, sed corice aliquo celata tradit, quem arripit vbiique Aristoteles, qui matulam, matulam dicere amabat, nec rationem illam Platonis perinvolucra verborum docendi fatis ferebat. Neque id à me vtrò confitum est, quod pluribus exemplis ostendi potest. Cum magistri sui Socratis (ait D. Augustinus de Platone) quem facit in suis voluminibus dis- Lib. 8.c. 4. putantem, notissimum morem dissimulande scientia vel opinionis Cuius.

A 2 sue

sua seruare affectet, quia & ipsi ille mos placuit, factum est, ut etiam Platonis de rebus magnis sententiae non facile percipi posint. Alium testem, & nobilem Aristotelis interpretem Philoponum laudemus.

Lib. 4.c.2.
Physic. Aristoteles alicubi in Platonem, in Timaeo dicentem, *materiam locum esse formarum*, acriter inuehitur; etiam si, vt Aristoteles ipse non dissimulat, *ἐν ἀρχάσις δόγματος, in dogmatibus non scriptis & priuatim secūs, & aperte sine metaphorā doceret. Aristoteles tamē, ait Philoponus, ut consuevit, ea quæ apparent, confutat.*

Itaque cùm Aristoteles in eodem Timaeo Platonis corpora elementorum è triangulis composita reperisset, exclamauit statim, præceptorem manifestè in principia omnia Matheſeos impegiſſe: nam si corpora in superficies proximè resoluantur, superficies eadem ratione in lineas, & lineas postremò in puncta ac atomos Leucippi & Democriti dissoluendas, cunctaque tandem ex atomis coaceruanda fore.

Sed consequentiam è falso antecedentis intellectu natam, sine dubio negauisset Plato. Nam (quod impressè animaduertendum est) non docet ibi Platonis Timaeus, materiam, aut quantitatem corporum superficiebus triangularibus constare, sed Deus, inquit, materiam mundi informē, *περὶ τὸν διεχηγήσαντον εἶδος οὐ δευθμοῖς, primū formis & numeris conformauit*: deinde formas illas, figuræ planas triangulares rectilineas fuisse edisserit. Vnde formæ illæ, non materiae antè genitæ partes, sed partes, & formæ ipsæ substanciales elementorū sunt, quas triangulos, more Pythagorico vocat: quia veluti triangulus omnium figurarum rectilinearum prima est; ita inter formas elementorum, ceterarum, quæ accidentales sunt, fundamentum & basis est forma substancialis. Cur enim, quæſo, alias triangularibus potius, quam quadrangularibus, aut alijs figuræ superficiebus, vnumquodque corpus componi oporteret? Exercit. 55. Eras igitur, sed ab Aristotele seductus, Iuli Scaliger, cùm aīs, *ex non quanto fieri quantum, Platonorum esse somnia*. Non sunt. Plotinum enim, Ficinum, Serranum, aut quem voles alium Platonis interpretem lege, omnium hoc quod iam diximus, aut vicinum interpretamentum est; nec quisquam in suspicionem compositionis continui ex atomis & indiuisibilibus venit. *Illud studiosè inculcandum*, ait Serranus, *Platonem res naturales minimè transformasse in geometricas figuræ, sed ex geometricarum figurarum imaginibus res naturales illustrare voluisse*.

Deni-

Denique ipse Aristoteles alibi Pythagoricos & Platonem posuisse quoddam *ἀπειρον* ēr *Τις αἰδηνῆς, infinitum in rebus sensibili-* Lib. 3.c.4.
bus, id est, partes continui sensibilis, sine fine diuiduas, disertè afferit. Phylic.

Huius etiam sententiae in utroque non obscurum signum est, quod dixerint, *μηδὲν νανὸν ēr τῷ φύσει εἶναι, nihil vacui in rerum na-* Plato in turā esse, vt docet Pythagoricus Platonis Timaeus. nam vniuersi Timaeo. atomorum sarcinatores vacuum induxerunt, sine quo corporū condensationem putabant non posse expediti.

Zenonem verò, illum seueræ Stoæ Principem, haberi à Conimbricensibus in ridiculâ Democriti & Epicuri classe, non refello tantum, sed irascor: nulla enim secta istis infestior, quam Stoicorum fuit; & duo nobilissimi Zenonis discipuli, Cleanthes & Sphærus Bosphoranus, totis libris acerrimè Democriti atomos oppugnauerunt. Ac, ne tardum Cleanthis ingenium (qui idcirco *ὁ Σφῆρος, ασίνη Zenonis, & ὅλος ἡ πόλης, pistillus hebes, à condiscipulis dictus*) mihi obiiciatis, ecce vobis Chrysippum, huius auditorem, & Stoæ post Zenonem, Principem (quem *ingeniosissimum & in omni genere acutissimum* appellat Laërtius) atomis & Epicuram inimicum, quam nobis Plutarchus & Laërtius descripserunt. Apud istum etiam Chrysippus expressè ait, *τῆς ὑλῆς τούτων εἰς* Laërt. in d'πειρον ēwaj, materia sectionem in infinitum abire. Et consentiunt Zenone.

Philosophi ac Geometræ, ait noster Lipsius; *excipio Epicuréos, quibus* Lib. 2. diff. *corpuscula quædam sunt individua, ideo ἀτομοι dicta*. Ita vir iste, veterum omnium sectarum scientissimus, à consensu Philosophorum & Geometrarum solos Epicuréos excipuos facit, & ceteris Stoicos accessisse aduersus Epicuri gregem, è Seneca suo ostendit.

Plutarchus etiam Chrysippo & Stoicis obiicit, ex illâ suâ partium infinitudine consequaneum esse, vt gutta vini, mare Ægæum Κοντόπειρον. incidens, per totum ipsum, & Mediterraneum, ac Atlanticum possit diffundi: similibusque aliquot exemplis ridet (vt hodie Epicurei Peripateticos solent) non deridiculos, & melioribus obgannit.

Nihil igitur compertius est, quam Zenonem & Stoam hīc in communi Academiæ & Lycei consensione fuisse.

Sed scio iam quid Conimbricenses sefellerit; legerant nempe apud Aristotelem, sublatum à Zenone fuisse localem motum, quia existimaret, partes spatij infinitas nullo tempore finito posse pertransiri. Vnde putauerunt hoc argumentum in sententiam Aristotelis à Zenone fuisse contortum, & sic oportere formari:

A 3

Si

Si partes in continuo sunt infinitæ, nullo finito tempore poterit vel minima particula spatij localis pertransiri: atqui hoc manifestè falsum est, & contra communem sensum; igitur finitæ sunt, non infinitæ, in quolibet finito continuo partes.

Attamen non fuit istud Zenonis ratiocinium, sed hic paralogismus: Infinitæ sunt (id enim tamquam publico Philosophorum ac Geometrarum consensu exploratum supponebat) in quois continuo partes; igitur nullus potest esse localis motus, quo partes istæ intra tempus finitum valeant pertransiri. Hoc enim est illud famosum Zenonis paradoxum, *εἰ ἐστὶ νίνος, non datur motus*: quod ex sententiâ communi & suâ per consequentiam mendosam intulit, ut ex Aristotele, Themistio, & veteribus Interpretibus liquet, & expressè Græcus Aristotelis commentator lib. *αὲι Α' τόμων χρημάτων*, ait in hoc paradoxo Zenonem, *ut rationem sequeretur, sensum deseruisse*.

Vulgò etiam fertur Diogenes, cùm negari à Zenone motum localem audisset, illicò surrexisse, & ita redituque aliquoties magnâ festinatione replicato inambulasse; & rogatus, quis eum subito entusiasmus perculisset, respondisse: *Zenonem refello*. Nisi hæc fabella est, ex eâ patet, Zenonem feriò motum sustulisse, & id (sensu quantumvis reclamante) maluisse, quām iis consentire, qui magnitudinem ultimò conflant ex atomis. Tam *μετέωρην*, inquies, & sensu communi egentem Zenonem fuisse? Ita. Tales enim in Philosophis istis olim quidam, *ταφεύτες τὸν αἰδονόν, οὐ παρειδόντες ἀντίλιπον, τῷ λόγῳ ἀνολαθθοῖ, qui sensum supergredi, & eum despicientes, rationem tantum sequebantur*.

Habeo hic tamen quod tibi aurem vellicem. Zenonem videlicet illum Stoicæ sectæ conditorem, supparem tantum Aristoteli, parem discipulo eius Theophrasto fuisse. Itaque viuente Aristotele, ignoratus, aut ignobilis fuit, neque apud Aristotelem facile Stoicorum mentionem aut nomen repereris; vt neque Epicureorum, qui vno cum Stoicis tempore post Aristotelem statim exorti.

Igitur Zeno iste aduersus quem Aristoteles lib. vi. Physic. disceptat, meo animo, non ille Cittieus & Stoicus, sed vetustior, Eleates Italus est, Leucippi Eleatis quoque, atomorum illius molitoris & cibratoris præceptor. Vnde ex doctrinâ illa inopinabili magistri Zenonis, quâ per compositionem continui ex partibus sine fine divisibilibus, omnem localem motum sibi credebat, existimo disci-

Lib. 6.c.9.
Physic.

Cap. 5.

Arist. lib. 1.
c. 8. Gene-
rat.

pulum

pulum Leucippum cepisse consilium de condendâ & concinrandâ nouâ compositione ex atomis.

Hic etiam, opinor, ille Zeno est, aduersus cuius scita librum unum Aristotelem scripsisse, quemque *ἀνδρα φυσικότερην καὶ τὸ Φιλοσοφίαν καὶ τὸν πολιτείαν, virum εἰς in Philosophia & in repub. nobis* Laërt. in Aristot. Dialectice inuentorem narrat. Sed quid circa Zenonem istum trepidò aut dubito? ecce enim se mihi nec opinanti argumentum suggerit, quo non opinor, sed scio iam paullominis non Stoicum fuisse, sed Eleatem illum, Parmenidis discipulum, & Leucippi præceptorem. Nam de isto Laërtius: *Τὸν Α' χιλία τεσσάρος λόγου ήράτησε. Primus, ait, rationem quamdam Achillem appellavit. Audi iam Aristotelem de alterâ ratione, quâ Zeno ille cum quo disceptat, motum localē oppugnabat: Διδύτερος λόγος Ζηνώνος, διηλεύθυνος Α' χιλίως, τοιούτην τὴν τάχιστην. Se- Lib. 6.c.9. Phyic.* cunda ratio, inquit, *Zenonis, que vocatur Achilles, est hæc, quod tardius numquam currens apprehendetur à velocissimo. Videtur igitur Ze- no ille primus (quamquam Phauorinus Parmenidi præceptori eius tribuit) argumentum insuperabile, & qualis Achilles Homerius inter Græcos, Achillem appellasse. Hunc denique Zenonem Eleatem, præteriam dicta, non fuisse in sententiâ Leucippi & Democriti, eadem coniecturâ quâ statim in Pythagorâ & Platone vtebamur, ostendere possumus: quod *νεῦρον μὴ εἶναι, vacuum non esse*, Suidas. asseruerit; quod nulli olim faciunt atomorum magistri, qui inanitates punctis omnes interserunt, ut locum inueniant corporum condensationi.*

De ceteris in veteri memoriâ extra Epicureos, qui magnitudinem ex atomis & puctis aceruauerit, vix quemquam alicuius famæ, usque ad tempora Ioannis VVicelli, certò reperio, præter fortasse Plutarchum, ut infra apparebit. Quispiam tamen etiam Macrobius huc pertrahere tentauerit. Ait enim, *Punctum protractum efficit lineam, id est, corpus* (hoc enim nomine omnem magnitudinem appellat) *unius dimensionis. Hanc lineam si geminaueris, alterum mathematicum corpus efficies, quod duabus dimensionibus estimatur, longo latoq., sed alto caret. Et hoc est quod apud illos (Mathematicos) superficies vocatur. punctis autem quatuor continetur, id est, per singulas lineas binis. Si vero duæ lineæ fuerint duplicate, ut subiectis duabus duæ superponantur, adjicietur profunditas, & hinc solidum corpus efficietur, quod sine dubio octo angulis continebitur,* quod

Lib. 2.c.2.
Somnij.

quod videmus in tessera, que Græco nomine cubus vocatur. Ecce enim fatis explicata affirmat, ex duabus lineis superficiem, è quaternis verò (è quibus binæ subiificantur binis aliis) profunditatem nasci: quod est, quantitatem totam componi ex atomis, & adiectione indivisibilis ad aliud indivisibile, aliquod diuisibile conflari.

Verumtamen qui sic censeat, toto scopo & cælo à mente Macrobij aberrauerit. Hæc enim ex cōmuni Mathematicorum imaginatione, præstructiū ad Platonici Timæi, & Ciceronis, uti fatetur, intelligentiam præmittrit: tam verò Timæus, vt suprà ostendimus, quā Cicero omnem magnitudinis particulam infinitè dissecat. Nam etiam iste exerte ait, *Materiam interire, non in nihilum, sed in suas partes, quæ infinitè secari ac diuidi possunt; cùm sit nihil in rerum naturâ minimum, quod diuidi non queat.* Satin' id expressè & disertè?

Deinde, si hoc voluissest Macrobius, lineam etiam primam & simplicissimam compingere debuit è binis tantum punctis. Id verò cauet, sed ait tantum, lineam quæ protractione puncti efficitur, *longam esse sine lato, sine alto, & duobus punctis ex utraque parte solam longitudinem terminantibus contineri.* In qualibet igitur linea longitudinem duobus punctis interiectam ac terminatam vtrique agnoscit. Originem ergo trium dimensionum continui, secundūm Geometrarum fictionem, & talem quidem quæ etiam numerorum (qui ex solis unitatibus, seu punctis, coaceruantur) longitudini, latitudini, profunditati competenter, voluit repræsentare, non docere quibus partibus coalesceret vera magnitudo; quod cuilibet cogitatè paullisper eum legenti apparebit.

Dauid Fleurantius etiam, vt iam video, Psellum, quem circa annum Christi 1050. vixisse existimant, hac opinione Epicureūm, & lineam è punctis, superficiem è lineis, corpus è superficiebus composuisse, facit. Sed in Syntagmate geometrico Pselli omnia contraria, & ex Elementis Euclidis sumpta inuenio. De Plutarcho, in quibus eum partibus ponam, fluctuo, nisi quod inter vtrasque forsitan fuerit, & ipse in fluctu. Nam in lib. οὐδὲ τῆς Κονωπίας ἐργοῖς, acriter absurdam persequitur quæ ex infinitis continui partibus existere videntur, aitque Chrysippum & vulgus totum Stoicorum cā re, cerebro indigere, & in sensu communem impingere.

Alibi verò ait: Αἴτοις τις δεῖ οὐ πεντεράρχας εἶναι τῆς θλωρίας Ψευδῆς οὐ τέλον φύσις αλλα τέλος ποιεῖ, γιθε σφυγμὸν, γιθε οὖδεν λόγος ζειτονίας. Existimat quis atomos & vacuum esse principia uniuersi? In falsa est opinio-

Cic. Academ. i.

Lib. r. th. 8.
Element.

Lib. de Su-
perstitione.

opinione, sed qua ei neque ulcus, neque febris, neque dolorem perturbantem gignat. Et sparsim aliubi atomos Democriticas vexantem videbis. Quām falsò autem & inuitos D. Augustinum & Lincolinensem ad Epicurum & se trahat VVicleffus, infrā demonstrabimus.

C A P V T I I I.

Subtiliores, inter eos qui continuum ex atomis struxerunt, ex infinitis potius quām finitis composuisse. Epicurum tamen & Empedoclem finitas maluisse.

Mirabitur fortasse quispiam, quomodo Leucippus, Democritus, Epicurus, Mathematicarum (& duo priores præsertim) non ignari, in compositionem illam ex atomis decidere potuerint, si ea in principia & conclusiones Mathematicas tam manifeste, quā vulgo existimatur, impingat. Nam Democritus à sacerdotibus Ægypti Geometriam, à Chaldæis Astrologiam, ab aliis alias artes tam callide & scitè didicit, vt vulgo φύσις, quia Natura-
lia, Moralia, Mathematica, & vniuersam liberalium artium encyclopædiā calleret, sit dictus. In Geometriâ etiam quædam, vt φύσις εὐθύνη περὶ σφαιρας, de contactu circuli & sphærae, teste Laertio, scripsit. Inter voluminum tamen Epicuri trecentos illos cylindros (omnium enim Philosophorum πολυχειρῶν τοις eum facit Laertius) nihil Mathematicum reperio, nisi fortasse libellum οὐδὲ τῆς εὐ τῆς ατόμως φύσιας, de angulo atomi. Vnde planè appetet, Epicurus in Mathematicarum disciplinarum modicum, aut omnino nullum Mathematicis cactus fuisse, verumque hīc quod de eo Cleomedes, παταγέλασον εἶναι & deridēται, απαλέων τοποτεχνη, deridiculum esse, nec clarius vidisse, quām talpam.

De isto igitur non impensè mirum, in Mathematicorum scita & axiomata sic potuisse offendere; de duabus verò aliis, & maxime Democrito, magis aliquando sum miratus. Sed aduerti tamen iam nuper, quod largiter mihi minuit hanc admirationem. Omnes enim isti, aut certè in ipsis acutiores, non ex finitis atomis & punctis, vt VVicleffus, & hodie plerique, sed ex infinitâ eorum congerie quamlibet magnitudinem constituunt; & hac viâ plurima Mathematicorum argumenta euadunt, aut eludunt. Hinc de Leucippo Laertius: Ηρόνες ἀνταστήσεις, διπειρεγα εἶναι τὰ πάντα, η εἰς αληθ-

ἀληθὴ μεταβάννειν. Placebat, inquit, ei, infinita esse omnia (per infinitarum videlicet atomorum in vnumquodque continuum congeriem & compositionem) & in se inuicem commutari. Quomodo verò per hanc punctorum infinitudinem euitauerit molestias argumenti præceptoris sui, Zenonis Eleatis, qui ex infinitate partium spatij, motum localem tollebat, viderit ipse. An Democritus verò infinitas atomos in quolibet continuo statuerit, ambi-

In Demo-
crit.

γο: nam quod Laërtius narrat eum censuisse, τὰς ἀτόμους ἀπειρούς εἶναι καὶ μέγεθος καὶ ποσθούς, atomos & magnitudine & numero in- finitas esse, videtur de infinitorum, quos somniabat Democritus, mundorum, non de cuiuslibet continui atomis intelligendum: quas magnitudine, non solum numero, infinitas dicebat; quia, opinor, et si in se minimæ & vere ἀτόμοι essent, infinitorum tamen mundorum moles constituerent: quo etiam modo atomos infinitas, pro infinitorum mundorum, non pro cuiuslibet continui compositione, Epicurus & Lucretius sèpè asserunt. Verumtamen, cùm σωχεῖα ἀπείρα, principia infinita Democritus & Anaxagoras fecerint, verosimile est in vnamquamque etiam rem principia & indiuisibiles particulas infinitas inculcasse.

Epicurus tamen infiniti, in quo nihil cernere poterat, tenebris absteritus, numerum finitum atomorum in quolibet continuo hamatis quibusdam, vt loquitur, figuris, & vncis inter se perplexis contexere maluit, et si mundorum infinitudinem cum Democrito non sit reueritus. Ipse enim in Epistolâ quadam ad Herodotum aperte ait, *ἐν ἐδοκίσσῃ εἰς ἀπείρον τὸ τούλων γάρ, οὐκέτι διάisionem continui non in infinitum procedere.* In quâ etiam sententiâ ante Epicurum fuit Empedocles, qui *Ἐξ ἀρχῶν τετραγενερῶν, ex principiis finitis, Aristotele teste, cuncta composuit. Principia verò hæc fecisse, instar Leucippi & Democriti, atoma & indiuisibilia, ex eodem Aristotele & Plutarcho didicimus. Sed Empedocles in Mathematicis non maior Epicuro, & Rhetor ac Poëta melior quam Philosophus fuit. Nam Aristoteles eum *τεγρο- pντειντούσπεν, primum Rhetoricam artem inuenisse scribit, & Timon forensum formatorem verborum appellat.* Etsi verò rem naturæ carmine descriperit, Mathematicas tamen non attigit, neque sciuisse appetet.*

Ex quibus liquet, VVicleffum, Hussum, & quotquot hodie ex infinitâ turbâ punctorum continuum struunt, potius Epicureos, aut Empedoclistas, quam Leucippianos, aut Democriticos esse.

Aristot.
lib. 3. c. 4.
Physic.

Lib. 1. c. 6.
Physic.

CAP V T

CAP V T I V.

Sententiam Epicuri iam obsoletam instaurauit Ioannes VVicleffus. Damnata erroris in Philosophiâ à Concilio Constantiensi. Autoritas sessionis 15. in quam censura illa incidit, adstrueta.

*S*ententiam Epicureorum iam olim cum totâ scholâ suâ desistam retiocauit circa annum Christi 1350. Ioannes VVicleffus Anglus, Academiæ Oxoniensis antè Theologiæ Doctor, deinde hæreticus, & Ioannis Hussi Bohemi, Hussitarum hæreticorum antesignani magister. Cùm enim iuuenis admodum Theses Philosophicas de compositione continui Aristotelicâ defendere suscepisset, & argumentum quo stringebatur, ex tempore se posse disoluere desperaret, subito & in arenâ ab Aristotele ad Epicurum transcurrit, & totam deinde vitam in eâdem sententiâ pertinaciter durauit.

Annis postea circiter 28. à morte VVicleffi, videlicet Christi 1415. in Concilio Constantiensi, multi eius Articuli, propugnatis eos Ioanne Husso & Hieronymo Pragensi (qui paullò post ob hæresim à Concilio cremati) hærefoes, cum aliis mollioribus quibusdam censuris condemnati sunt. Præter autem Articulos principales 45. quos Concilium sess. 8. anathemate fulminat, alij 260. extrapendentes, vt Patres illi loquuntur, eodem fulmine ieiuntur. *Quia verò, inquiunt, libris Ioannis VVicleffi diligenter Acta Syn- examinatis per Doctores, Magistros Vniuersitatis studij Oxoniensis, odi. ultra dictos quadraginta quinque Articulos, ducentos sexaginta ex- trapendentes collegerunt, quorum aliqui cum supradictis in sententiâ coincidunt, licet non in eâdem formâ verborum: & sicuti de aliis su- periis dictum est, quidam ipsorum erant & sunt heretici, quidam se- ditiosi, quidam erronei, alij temerarij, nonnulli scandalosi, alij infâni, nec non omnes penè contra bonos mores, & Catholicam veritatem fuerunt, propterea per dictam Vniuersitatem scholasticè & debite reprobati: Hac igitur Synodus sacrosancta cum deliberatione quâ su- pra, prædictos Articulos, & eorum quemlibet reprobat & condemnat, prohibens, iubens, mandans, & decernens, prout de aliis quadra- ginta quinque.*

Postea verò sess. 15. leguntur in Concilio quinquaginta sex ex

istis Articulis, & residuo sancta Synodus habuit pro lectis; quorum quinquagesimus est iste: *Linea aliqua Mathematica continua componitur ex duobus, tribus, vel quatuor punctis immediatis, aut solùm ex punctis simpliciter finitis. Vel tempus est, fuit, vel erit compositum ex instantibus immediatis. Item non est possibile, quin tempus & linea, si sint, taliter componantur.* Et subditur proxime censura: *Prima pars est error in Philosophia: sed ultima errat circa diuinam potentiam.*

Hos autem Articulos à Doctoribus & Magistris studij Oxoniensis examinatos & reprobatos, *Omnes hac sancta Synodus, inquiunt, petiit examinari, & sepiùs recenseri per plures Patres Ecclesiae Rom. Cardinales, Episcopos, Abbates, Magistros in Theologia, Doctores utriusque Iuris, & alios plures notabiles dinervorum & generalium studiorum in multitudine copiosâ. Quibus Articulis sic examinatis, fuit & est repertum, aliquos & plures ex ipsis fuisse & esse notoriè hæreticos, & dudum à sanctis Patribus reprobatos, quosdam blasphemos, alios erroneos, alios scandalosos, quosdam piarum aurium offensuos, nonnullos eorumdem temerarios & seditiosos. Et propter ea in nomine Domini nostri Iesu Christi hac sancta Synodus predictos Articulos, & eorum quemlibet, hoc perpetuo decreto reprobat & condemnat, inhibens omnibus & singulis Catholicis sub anathematis interminatione, ne de cetero dictos Articulos, aut ipsorum aliquem audiat predicare, dogmatizare, efferre, vel tenere.*

Vnde patet, Articulum istum, *Linea ex punctis finitis, & tempus ex instantibus immediatis componitur, esse prohibitum dogmatizari, non tamquam hæreticum quidem, sed tamquam erroneum in Philosophia: hunc verò, Non est possibile, quin linea ex punctis finitis, & tempus ex instantibus immediatis componatur, grauiori censurâ, veluti circa diuinam potentiam erroneum feriri.* Censuerunt enim Concilij Patres, compositionem ex partibus infinitis nullam inuoluere contradictionem, ideoque sine omnipotentiæ diuinæ detractione & iniuriâ negari non posse, Deo esse possibilem. negabant tamen esse possibilem VVicleffus, Hussus & Pragensis, affirmantes nullam posse esse lineam, nisi ex punctis finitis, nec ullum tempus, nisi ex instantibus finitis immediatis.

Verumtamen nullum opinioni Epicuri ex istâ Concilio definitione ortum esse præiudicium, sic ostendi videtur.

Primiò, quia condemnatio illa Articulorum VVicleffii incidit in tempus, quo Concilium acephalum & sine capite fuit. Nam statim post sessionem secundam Ioannes XXIII. legitimus, vt vulgo

vulgò existimatur, Pontifex furtim Constantiâ profugerat, quia Patres formulam quamdam resignationis Pontificiæ potestatis ei præscribere conabantur, quam, vt nimis absolutam, abnuebat. Fugâ igitur istâ visus est totam Concilio auctoritatem abrogasse, & ipsum dissoluisse.

Deinde, esto non abrogasset, sententiam tamen depositionis, à Concilio sess. 12. in se latam, statim & ante sessionem 13. confirmauit, & insuper Papatui & iuri, si quod in eodem sibi qualitercumque competierat, seu quod sibi tunc competebat, pure, simpliciter, & odi, absolute, libereq; & sponte cessit, & renuntiavit. Similiter Gregorius XI. alter in schismate illo Pontifex, sess. 14. per Carolum Malatestam Ariminensem Dominum, Papatum, & omne ius Papatus, titulum, & possessionem, quod, quem, & quam habebat, resignauit. Igitur sessio 15. inde proxime secuta nullum habuit Pontificem & legitimum caput: nam Benedictus XIII. siue Petrus de Luna, qui tertius supererat, sine dubio (saltem plurimorum, & meo) Pseudo-Papa fuit, neque etiam auctoritate eius, (imò reniente ipso & spernente) Concilium conuocatum fuerat.

Cùm autem Concilium acephalum infallibili Spiritus sancti assistentiâ destitutum sit, nihil firmum ab eo decerni potuit usque ad sess. 41. id est, ad Martini V. noui Pontificis electionem.

Secundò, etrauit, vt omnino videtur, Concilium sess. 12. arrogando sibi auctoritatem destituendi Ioannem XIII. verum ac legitimum, vt passim Autores credunt, Pontificem: igitur ex uno isto actu disce omnes.

Tertiò, Martinus V. à Cardinalibus & Concilio Papa ritè electus, solos 45. principales VVicleffi Articulos, à Concilio sess. 8. damnatos, anathemate fulminauit, neglectis aliis 260. extrapendentibus, inter quos est ille, de compositione continui, & temporis ex partibus indivisiibilibus. Videtur autem alios Articulos contemplisse, & infirmasse, quibus eamdem firmitatem, quam ceteris, non impertivit.

Hæc sanè satis perspicuè videntur ostendere, decreta sessionis 15. non habere culmen illud supremum auctoritatis, quod vel præsidentiâ Pontificis in Concilio, vel per secutam eius approbationem, potuissent adipisci: nihilo minus tantum saltem videatur inde roboris accepisse, quantum solent, quæ à Conciliis generalibus legitimè conuocatis, sine Pontificis instructione, aut confirmatione decernuntur.

Nam in primis Martinus V. in diplomate quo Articulos 45. VVicleffi, sessione 8. damnatositerūm condemnat, honorifice de Concilio loquitur, & à *Synodo generali* illos Articulos damnatos dicit; et si tunc tamen illā sessione 8. Ioannes XXIII. cuius solius auctoritate Concilium coactum fuerat, iam aufugisset, & nequendū nouum illud auctoritatis pondus Concilio accessisset, quod ante sessionem 15. (in ipsā videlicet sessione 14.) alter Pontifex Gregorius XXII. adiecit.

Acta Synodi.

Antequam enim Gregorius ius Pontificatus quod hactenus prætenderat, resignaret, *Vt sancta*, inquit, *vnio, reformatio, & hereticae pravitatis extirpacio, Deo auctore meliorem sortirentur effectum*, & *ut sub diuersorum professione pastorum disidentes Christiani, in unitate S. Matris Ecclesiae & charitatis vinculo coniungerentur, istud sacrum Concilium generale conuocauit, & omnia per ipsum agenda auctorizauit, & confirmauit*, idque sessione 14. Igitur Concilium, quod initio non tam certò Generale erat, (quia Ecclesiæ pars quæ Gregorio adhærebat, & Pontificem non omnino improbabili iure nixum sequebatur, aberat) iam plenam, ab hac conuocatione Gregorij, generalitatem accepit. De Benedicto XXIII. nulla mihi sollicitudo, cui passim nihil in Papatum iuris tribuitur, & toties vocatus & rogatus ad tollendum tam longum & exitiabile Ecclesiæ schisma, venire aut mittere quemquam pertinaciter renuerat, & licet à cunctis destitutus, sùa tamen sè pertinacià nutriebat, vt inquit Aretinus. Igitur Concilij status sub sessionem 15. hic fuit. Maximus vndique ex toto Orbe Christiano eò confluxerat Prælatorum & Doctorum cœtus, initio solùm à Ioanne XXIII. studio & diligentia Sigismundi Cæsarisi, poste à etiam à Gregorio XII. conuocatus & confirmatus. Ante tamen illam sess. 15. vterque Pontificatu se abdicauerat, vnde Concilium tunc acephalum erat: Generale tamen & legitimum, ac quale eo tempore esse potuit, quando ad abolendum schisma, omnes Pontifices cedere iuri suo, Ecclesiæ paci necessarium erat. Auctoritatem ergo, quantum Concilio generali ritè coacto, Sede Romanâ vacante, tribue-re solemus, sessio illa 15. habuit.

*Leon. Aret.
in Histor.
sui temp.*

An verò tale Concilium, ante legitiimi Pontificis approbationem, errare possit, etiam hodie inter Doctores ambigitur. Fateor tamen plures existimare probabilius, errare posse; quia res ad decretorium & ultimum Ecclesiæ iudicium (quod à capite proficiendi debet) nondum peruenit, & ex Concilio Basiliensi, & hocce Constan-

stantiensi errorum exempla adferri solent: nam vtrumque definit, *Concilium supra Papam esse*: quod iam reputatur erroneous, postquam ab Eugenio I. V. primū, & deinde Leone X. in Concilio Lateranensi id reprobatum fuit.

Verūm, aliud longē est, loqui de conciliabulo schismatico & à capite suo discorde, aliud de legitimo Concilio generali. Leo verò X. non Concilium, sed *Conciliabulum Basiliense, præsertim post translationem per Eugenium Papam IV. factam*, appellat. & ipse Eugenius, *Concilio ad Bononiensem ciuitatem, ait, legitimè translato, ibidem postmodum Basileæ conuenientes, velut locustæ acephali, canonicum sine nostris presidentibus non fecere Concilium*.

Sed quando translatio hæc & dissolutio Concilij facta: inquires. non enim videtur, quòd mox à principio, & ante sessionem 2. in quā decretum illud Concilij Constantiensis, de eminentiā generalis Concilij supra Papam, renouatum fuit. Fateor, sic videtur vir ille magnus existimasse, qui scribit, *Concilium Basiliense, sessio secundâ, vna cum Legato Pontificis, communi consensu statuit, Concilium esse supra Papam: quod certè nunc indicatur erroneous*. & inde, *Concilium generale legitimum, ante Papæ suffragium, posse aberrare contendit*.

At enim ex Actis Concilij, Bullâ retractionis Pij II. & Eugeniano ipso diplomate demonstrare mihi videor, etiam ante primam sessionem, *cum ferè octo menses effluxerant, postquam ini- tiari debuerat sancta Synodus, nec adhuc Basileæ conuenerant tres Episcopi, &c. iussu Eugenij translatum inde Concilium. Permansit tamen Julianus Sancti Angeli Card. Legatus Apostolicus & Concilij Præses, qui auditæ Eugenij reuocatione præsidentiam dimisit, tamquam Summo Pontifici vellet obedire. Sed cum augesceret in dies Eugenio vel inuito Concilium, & multi ex diuersis regionibus Episcopi, & Regum Legati aduentarent, Cardinales quoque ex Romana Curiâ profugi in dies nonnulli concurserent, præsidentiam resumpsit, & au- toritatem Concilij mirum in modum extollens, eminentiam prima Se- dis supprimere cœpit*. En cœptam auctoritatem Concilij eleuari supra Papam, post Eugenij reuocationem, teste Aeneâ Siluio, qui in partibus Juliani & schismaticorum tunc ibi iuuenis aderat: vnde facile colligas, quia reuocanti obedire nolabant, in secundâ statim sessione decretuisse, quod paullò antè Constantienses, *Concilium potestatem immediatè à Christo habere, cui quilibet cuiuscumque odi. status vel dignitatis, etiam si Papalis existat, obedire tenetur in his que perii-*

*Bellar. li 2.
cap. 11. de
Concil.*

*Pius II. fi-
ue Aeneas
Silvius.*

*Acta Syn-
odi.*

pertinent ad fidem, & extirpationem schismatis, & ad generalem reformationem Ecclesiae Dei in capite, & in membris. Denique ex Actis Concilij satis intelligitur, sessionem 2. anno Christi 1432. 15. Cal. Martij celebratam, cum tamen constet, reuocationem factam anno praecedenti 1431. 15. Cal. Ianuar.

Non igitur à Concilio legitimo generali, ante Pontificis approbationem, sed à schismatico conciliabulo, commissus est iste error. De sessione illâ quartâ Concilij Constantiensis, quæ similiiter impegit, tantumdem dicere possumus, & debemus. Noctu enim Constantiâ tunc ante sessione 3. aufugerat Ioannes XXIII. qui solus Concilium istud conuocauerat, & fugâ istâ, auulso capite truncam Synodum reliquerat, detraxeratque legitimi Concilij auctoritatem. Qualis enim auctoritas esse possit acephali corporis, rebellis tunc & discordis à suo capite? Negant etiam aliqui Concilium tunc fuisse generale: *Cum tantum adesset, inquiunt, tertia pars Ecclesiae, id est, y solum Prælati qui obediebant Ioanni: nam qui obediebant Gregorio & Benedicto, repugnabant iis que à Synodo fiebant.* Hic tamen defectus, vt antè monui, obijci non potest sessioni decimæ quintæ.

In reliquis etiam, quæ adferuntur, errantium Conciliorum, ante Pontificis confirmationem, exemplis, aut Patres à Legatis Pontificiis, aut omnes à Pontificis instructione discrepabant: quod etiam Conciliabulo Basiliensi euenisce affirmat Eugenius. Nam multa & graria, inquit, prater illa tria, propter quæ fuerat ibi principaliter Concilium à principio constitutum, tamquam haberet generalis Synodi, nobis etiam contradictibus, potestatem, disponere, ordinare, statuere, sancire, declarare, & mandare presumpsit. In summâ igitur, nullum haec tenus Concilium generale legitimum allatum est, in quo ante Pontificis approbationem, omnium concordia suffragia à vero aberrauerint: quod, an ex directione aliquâ præparatoriâ Spiritus sancti veniat, suppare illi quâ adfistit & regit Pontificem: an, quia moraliter impossibile, tot doctissimorum & præstantissimorum virorum oculos circa idem allucinari & cæcuire, meritò dubites. Quidquid id est, Articuli à Concilio legitimo generali disputati & decreti tam veri, aut verisimiles sunt, vt Pontifices (exemplum vidimus nuper in Tridentino) illicò calculum adiicere soleant.

Tanta igitur, id est, maxima veri (vt mollissimè dicam) similitudo, imò moralis certitudo sententiae Aristotelis, præter cetera omnia

Bellar. li.2.
cap. vlt. de
Concil.

omnia argumenta, ex abundanti accessit per auctoritatem Patrum 15. sessionis Concilij Constantiensis.

Hoc etiam ex superuacuo adiiciam. Quod etsi sessio illa 15. legitimæ Synodi non esset, tamen inde confici, totius Orbis Christiani, & humani pœni generis sententiam fuisse, magnitudinem & tempus ex indiuisibilibus partibus non constitui. Qui tam publicus & communis sensus veritatem habet, aut probabilissimam eius imaginem.

Vis autem Concilij frequentiam & celebritatem videre? Audi, inquam, ab eo qui ipsius aderat, & quidem domesticus ac familiaris Ioannis XXIII. *Incredibili Principum, Prælatorumq; frequentiâ, inquit, Concilium celebrabatur, ut essent quandoq; in eo loco, equorum supra triginta millia: ex quo multitudinem hominum licet coniecture.* Et alius, *Gerebantur, ait, res in Concilio quinque nationum suffragiis, Italicae, Gallicæ, Germanicae, Hispanicae, Anglicæ. Quidquid autem harum nationum suffragiis decernebatur, id ita ratum erat: atque per preconem, atque per Notarium publicum pro Curiâ enuntiabatur, si omnium consensu postea confirmatum fuisse.*

Verum, quoisque abibis extra oleas? inquires. Non tam procul, inquam, quam tu putas: & idem tidem respicio in viam quam terre institui. Hæc enim omnia in cumulum auctoritatis iuvant condemnationis sententiae VVicleffii & Epicuri.

Sed argumētis initio allatis etiam reponendū aliquid. Quantum ad primum, Non infiteor Concilium tempore sessionis 15. caruisse capite: sed quodnam habere potuit, quando in Ecclesiâ Pontifex verus, aut certus nullus erat? Ioannes enim & Gregorius, Pontificatum suum in manus Concilij abiecerant, Benedicti verò pertinacia contemnebatur, quia tam dubius Pontifex pro nullo meritò reputabatur, & penes Ecclesiâ potestas erat cogendi generalis Concilij, Benedicto, imò duobus etiā ceteris reclamantibus, vt aduersus tam dira schismata sibi prouideret de certo & indubitate capite. Itaq; tunc Concilium quidem acephalum fuit, sed tamen legitimum, quia Pontificio capite ad Synodi generalis auctoritatem in illâ tempestate non indiguit. Tunc enim Concilium generale conuocatore, & præside per se, aut Legatos suos, Pontifice eger, quando Sedem Apostolicam certus, & extra controversiam Præsul implet. Eiusmodi tamen Concilium legitimum acephalum, si quid circa fidem, & extra negotium prouisionis indubitati capitis, definiat, sine Pontificis postea confirmatione, plenissimam auctoritatem &

Leon. Are-
tin. in Hist.
sui temp.

Platin. in
Io. XXIII.

C firmi-

firmitudinem non obtinet; perinde atque decreta aliis legitimi Concilij generalis, quod præsidentibus Rom. Pontificis Legatis, sine aliâ Sedis Apostolicæ directione & instructione, celebratum fuerit.

Igitur, vt disertè quod ex historiis illius æui, & Actis Concilij mihi vifum, edicam. Cogita, quanta Concilij Tridentini nuper ante confirmationem Pij IV. fuerit auctoritas, & parem circiter sessioni 15. Synodi Constantiensis dare, ne admodū formidaueris.

Ad secundum etiam argumentum, facilis responsio. Nam Concilium Ioannem XXXIII. tamquam non omnino indubitatum Pontificem, ceterosque duos multò magis, ne Ecclesiæ certum caput deesset, exauctorare, inquiunt Card. Bellarminus alii-que, potuit. Nullus igitur fortasse, illius sessionis 12. in quâ Ioannes depositus, error fuit. verumtamen aliis error, vt antè dixi, ses-sione 4. quæ Concilium supra Pontificem esse decreuit, præcesserat. sed Synodus tunc Ioannem, cuius solius auctoritate coacta erat, id est caput adhuc suum, & præsidem, è Concilio fugitiuum persequebatur & oppugnabat. Vnde quantum ad priores illas ses-siones, id est, à tertia ad decimam quintam, aut certè ad duodeci-mam (quando iam à Concilio destitutus Ioannes, Pontificatum insuper ipse resignauit, & Concilium suâ iam, seu Ecclesiæ auctoritate stare cœpit) plerique doctiores negant iis auctoritatem le-gitimi Concilij generalis: secùs verò de sessione 15. vt antea disseruimus.

Quod verò Martinus V. solos 45. Articulos sessionis 8. aduersus VVicleffum, non alias 260. sessionis 15. posteà confirmauerit, nihil me mouet. nam Articulos illos 45. Epicopis se dare pro fidei subditorum directione expreßè ait: ad quam ceteros Articulos, præ-sertim tam philosophos quam noster de structurâ continui, parum tunc referre existimauit. Alias si animum ad confirmationem ses-sionis 15. adieciſſet, videtur, si rem humano more æstimemus, in omnes 260. eius Articulos (quos ipse Martinus, Cardinalis tunc S. Georgij ad Vellus aureum, cum celeberrimo mille circiter Pa-trum Concilio tam solemniter damnauerat) eamdem censuram iteraturus fuiffe: quandoquidem illos 45. sessionis 8. (id est, eo tempore conditos, quo Synodus verius non erat legitima) ne apice quidam addito aut detracto, adprobauerit. Denique fatentur vniuersi, Articulos ceteros omnes sessionis 15. censuram à Conciilio inflictam commereret; vt cauſæ nihil habeamus, cur illum, de

compo-

compositione continui, vnicè oporteat excipere (vt sit, parcemiâ vul-gari, coruus inter cygnos, aut anser inter olores) nisi quia videtur nobis intellectu nimis perplexus & difficilis. Alias de toto Con-stantiensi Concilio, audite Card. Bellarmini sententiam: *Quan-tum ad ultimas sessiones*, inquit, *& ea omnia quæ probauit Marti-nus v. ab omnibus Catholicis recipitur*. Quin verò inter *ultimas sessiones*, nostram decimam quintam habeat, haud equidem am-bigo: ex cuius etiam alibi auctoritate probat Pontificem Rom. esse caput Ecclesiæ, quia *Concilium Constantiense*, ait, *sessione 15. dam-nauit heresim Ioannis Hus dicentis, non esse Papam caput Ecclesiæ*. Et ceteri passim Articulos huius sessionis 15. tamquam legitimæ Synodi, in fidei & morum decretis solent citare. Falsum igitur est, Martinum V. quando sessionis 8. Articulos 45. confirmauit, cete-ros infirmasse: robur enim quod à Concilio habebant non detra-xit, sed solùm non addidit nouum.

Hæc verò diffusiùs, & fortasse extra locum, à me sparsa ne mi-rere: examinanda enim penitus sessionis illius 15. Concilij Con-stantiensis auctoritas fuit, vt intelligeremus, quantum hinc ponde-ris sententiæ Aristotelis valuerit adiici.

C A P V T V.

Non falso tantum, sed imperitissime D. Augustinum à VVi-cleffo in suam & Epicuri sententiam trahi. D. Basiliū et-iām, & SS. Patres paſsim in Mathematicorum & Aristo-telis sensu fuisse.

Non disputare amant heretici, sed quoquo modo impudentissimâ Li. I. c. 11.
peruicaciâ superare, ait D. Augustinus. Ecce enim VVicleffus cont. Faust.
non tantum rationibus, sed Augustini etiam auctoritate oppri-me-re vult Aristotelem. Non solùm Democritus, inquit, Plato, & Lin-colensis, sed etiam D. Augustinus magnitudinem & tempus ex Tho. Wal-denistom.
puris punctis finitis compoluit. En autem omnes quos sciuit Phi-1. lib. I. a. I.
losophiæ suæ auctores, aut patronos. sed à caluo, vt dicitur, ad cal-c. 13. 14.
uum, & vniuersim fallitur, in Augustino tamen perperam &
turpissimè.

Epicurum enim aut Empedoclem (vti Cap. III. ostendi) pro Democrito verius capere debuit. de Platone, vanum etiam esse ex Cap. II. patet: Lincolnensem (cuius Philosophiæ ingens olim

C 2 apud

apud Britannos auctoritas) in mediâ Aristotelis sententiâ fuisse Thomas VValdensis demonstrauit.

De Augustino igitur, id est, ingeniorum humani generis, vt ex-
istimo, aquilâ, & vertice, paulisper videamus.

Lib. II. cap. 10. Trinit. Sententia eius illustris est lib. de Trinit. *Ratio*, inquit, docet mi-
nutissima etiam corpuscula infinitè diuidi. cùm tamen ad eas tenuita-
tes vel minutias peruentum fuerit, quas vias meminimus, exiliores
minutioresq; phantasias iam non possumus intueri, quamvis ratio non
definat persequi ac dividere. Satin' hoc disertè, VVicleffe, & Epicure?
Ecce Augustini mente, ratio diuidere sine fine pergit, vbi
imaginatio stat nec potest sequi, quia minutiae quadam sunt ad
quas ista non valet descendere.

Lib. 2.c.4. Gen. ad litter. Iterùm alibi, Mathematici, aut Philosophi subtilissima ratione
persuadent, ait, nullum esse quamlibet exiguum corpusculum, in quo
diuisio finiatur, sed infinitè omnia diuidi: quia omnis pars corporis
corpus est, & omne corpus habeat necesse est dimidium quantitatis suæ.
En non, suadent, tantum, inquit, sed persuadent.

Epist. 151. ad Nebrid. Et nocte litteras Nebridij sui, qui Augustinum beatum appellaverat, in lectulo suo, vt ait, ruminans, *Vbi est*, inquit, *ista beata vi-
ta?* *vbi?* *ubinam?* *O si ipsa esset*, repelleret atomos Epicuri. *O si ipsa
esset*, sciret nihil deorsum esse prater mundum. *O si ipsa esset*, nosset
extrema sphera tardiūs rotari quam medium, & alia similia que si-
militer nouimus. Nunc verò quomodo, vel qualiscumque beatus sum,
qui nescio, cur tantus mundus sit, cùm rationes figurarum per quas est,
nihil prohibeant esse quantò quis voluerit ampliorem? Aut quomodo
non niki diceretur, imò non cogeneremur confiteri, corpora in infinitum
secari, ut à certâ velut basi in quantitatē certam certus corpuscu-
lorum numerus surgeret? Quare cùm corpus nullum minimum esse
sinitur, quo pacto sinamus esse amplissimum, quo amplius esse nō posse?

Igitur audistis iam confitentem, quod si beatus esset, cogeretur
(ab evidentiâ videlicet obiecti, quod ei iam erat certum, sed tamen
in nebula) confiteri, corpora in infinitum secari. Quod verò sequitur:
vt à certâ velut basi, &c. obscurum est; habet tamen, opinor, hunc
intellectum. Licet cumulus aliquis corpusculorum (puta, arena-
rum) basim, & culmen, numerumque eorum certum contineat,
tamen in infinitum secari potest. Indicat ipse, infrà. *Sensibilis nu-
merus*, ait, (nam quid est aliud sensibilis numerus, nisi corporeorum,
vel corporum quantitas?) minui quidem infinitè, sed infinitè crescere
nequit. Et ideo, addit, fortasse meritò Philosophi in rebus intelligibili-
bus

libus diuitias ponunt, in sensibilibus egestatem. quid enim ærumnosus
quam minus atque minus semper posse fieri? Ac paullulum inde:
Vnum illud multum mouebat, quod infinitè corpora secarentur.

Vis aliud? Nec ipsas atomos esse, ait ad Diocorum, *vlo modo con- Epist. 56.
cedendum est*, quod, omisâ subtilitate, que de diuisione corporum à ad Diocor.
doctis traditur, vide quam facile secundum ipsorum (Epicureorum)
opinionem posse ostendi, &c. Vbi, si animaduertisti, diuisionem cor-
porum infinitam à doctis tradi dixit, nec unquam ad atomos pos-
se perueniri. Et mox de atomis istis Epicuri: *Sed iam pudet me ista
refellere, cùm eos non puduerit ista sentire.* Cùm verò ausi sint et- Atom. E-
iam defendere, non iam eorum, sed ipsius generis humani me pudet, Augustino
cuius aures hac ferre potuerunt. Cùm igitur tanta sit cecitas men- portentosa.
tum per ingluuiem peccatorum amorem, carnis, ut etiam ista senten-
tiarum portenta, otia Doctorum conterere disputando potuerint, dubi-
tabis tu Diocore, &c.

Ite nunc VVicleffistæ & Huslitæ, & Augustinum in portenta
Epicuri, quæ sic abhorret, si potestis, pertrahite.

Si verò hæc etiam non sufficient, en plastrum totum benè di-
mensum accipite. Dialogus est Augustini Soliloquiorum, in quo
Augustinus & Ratio interfantur. Hæc ab illo quærit. R. Ergo lineam Lib. 2.c.4.
in duas lineas per longum scindi manifestum tibi est nullo modo pos- 8. Soliloq.
se? A. Manifestum. R. Quid transuersim? A. Quid, nisi infinitè
secari posse? De sphærâ deinde seu pilâ quadam, & alia complus-
cula Ratio Augustinum, tamquam discipulum interrogat: ac de-
nique R. Sed responde quomodo hac acceperis, ut probabilia, an ut ve-
ra? A. Planè ut probabilia, & in spem, quod fatendum est, maiorem
surrexi: nam prater illa duo de linea, & pilâ, nihil abs te dictum est,
quod me scire audeam dicere. Coniunge hæc prioribus, intelliges
Augustinum non tamquam probable opinari, sed scire, ac tibi
manifestum esse, lineam transuersim (id est, veluti cultro transuersim,
non secundum longitudinem ducto) infinitè secari posse. Et ne
multitudo ista & paritas in fastidium veniat, finio cum Dialogo-
rum istorum libro 2. R. Clamat ratio innumerabiles (lineas à cir- Lib. 2.c.vlt.
cumferentiâ circuli ad centrum) posse duci, nec se in illis incredibi- Soliloq.
libus angustiis, nisi centro posse contingere, ita ut in omni earum in-
tervallo scribi etiam circulus posse. Ad hunc tamen rationis clamor-
rem Epicureos, VVicleffistas, Hussitas obsurdescere necesse est, vt
infrà demonstrabimus.

Non vnius porrò Augustini, sed omnium SS. Patrum, qui vim-

C 3 quam

quam aut venerunt, aut inciderunt in huius rei cogitationem, eamdem esse sententiam, non difficile foret, nisi superuacuum ostendere. Pro sideribus cunctis $\lambda\lambda$ & $\odot\odot$, s^ol inter sidera, (vti condiscipulus olim Athenis, & familiaris D. Nazianzenus appellat) nobis sufficiat S. Basilius. Philosophus enim summus & Mathematicus fuit, id est, eius in re quam iam expendimus auctoritas infinitis aliis, qui in hæc aut numquam, aut non admodum altè se demiserunt, præponderare debet.

Is verò non vno loco Epicuræas atomos odio capitali incessit.
Homer. Hexam.
Quidam, inquit, ἀτομα & αἰρῆσθαι, καὶ θυκεῖς τόποις σωμάτων φύσιν τὸ οὐρανόν ἐφαντάθησαν, indiuisibilia & impartibilia corpora, item aceruos eorū, & meatus naturā omnium visibiliū cōtinere imaginati sunt. ac deinde tam tenuia nature principia irridēs, οὐδὲ αἴχνης, καὶ αὐτοὺς δέ τις, stamen araneorū, & res sine essentiā & hypostasi vocat.

Ac ne putes fortuitum solūm atomorum concursum, aut permixtam, opinione Epicuri, inanitatem Basilio displicere, tempus mox ex infinitis particulis componit, negatque disertè momentum esse partem temporis, id est, continuum permanens ex infinitis partibus etiam constituit; cùm omnes sciant, & infrā demonstrabimus, infinitudinē partium temporis ex infinitudine partium spatij resultare, nec vnam sine alterā defendi vllā ratione posse.

C A P V T V I.

Admirabilis maximorum omnium totius humani generis ingeniiorum consensus in infinitudine partium continuo.

Lib. 16.
Subtil.

Archimedes.

Lib. 1.
Tuscul.

M^enini, nescio vbi, Lipsium nostrum quatuor istos, Homerum, Hippocratem, Aristotelem, Iul. Scaligerum in culmine ingeniorum humani generis collocasse, & à viro magno in laudatione funebri Lipsium ipsum (& demus hoc patriæ nostræ) quintum istis adiectum fuisse. Cardanus verò alium ingeniorum censum facit, & ad duodecim extendit.

Primus ingenio & summus ei ab omni retrò memoriâ, Archimedes, in Mechanicis, & totâ Mathematicâ non tam primus auctor, inquit, quam inimitabilis. Et profectò diuinum eius ingenium M. Tullius, & omnes olim appellant. Cùm Archimedes, air, luna, solis, quinque errantium motus in sphærā illigavit, effecit idem quod ille qui in Timaeo mundum edificauit Platonis Deus, ut tarditate &

cele-

celeritate diffimilimos motus vna regeret conuersio. Quod si in hoc mundo fieri sine Deo non potest, ne in sphærā quidem eosdem motus Archimedes sine diuino ingenio potuisset imitari.

Testimonia alia à Lilio, Plutarcho, Valerio (& à quo non?) subterhabeo, ne in re notâ ex superuacuo tempus abutar.

Proximam Ptolemæo ingenij laudem dat Cardanus: quia tam Ptolemæus claras siderum rationes, inquit, ut in æternum sufficerent, excogitauit: solusq; diuini opificij modum & subtilitatem exprimere ausus est, vt inuenisse non dicam.

De tertio loco compugnant apud eum, Aristoteles, Euclides, Aristoteles. Ioannes Duns Scotus, Ioannes Suifler, vulgo Calculator dictus. Donat tamen Aristoteli: quia cùm in singulis disciplinis scriperit, ait, quod probaretur, error tamen conspicuus in tot facultatis in illius scriptis deprehendi non poterit.

Euclidem antiquitate & usu ceteris duobus, quarto loco anteponit. Eius verò, inquit, dua præcipua laudes: inconclusa dogmatum firmitas, libri Elementorum, perfectioq; adeò absoluta, ut nullum opus iure huic aliud comparare audeas. quibus sit ut adeò veritatis lux in eo res fulgeat, ut soli hi in arduis questionibus videantur posse à falso verum discernere, qui Euclidem habent familiarem.

Quintus succedit Ioannes Scotus, qui subtilis Doctoris, inquit, Scotus. ob doctrinam parq; ubiq; acumen merito meruit.

Sextus Calculator, eiusdem, ait Cardanus, insula accola. Ex quo Calculator. haud dubium esse reor, barbaros (sic Itali nos, & Britannos appellant) ingenio nobis haud esse inferiores: quandoquidem sub brumæ calo diuisa toto Orbe Britania dnos tam clari ingenij viros emiserit.

Septimus Apollonius Pergeus, qui octo de comicis Elementis libros Apollon. egregios scripsit. Pergeus.

Octauus Architas Tarentinus, qui præter ligneam columbam volvitur, veram demonstrationem duas lineas inter duas alias propositas in continua proportione collocandi, inuenit. Architas.

Nonus Mahometus Moysis filius, Arabs, algebrae inuentor. Mahometus. Decimus Alchindus, Arabs, auct^ror libelli de ratione sex quantitat^rum, quo nihil ingeniosus. Alchindus.

Vndecimus Geber, Hispanus, clarissimo inuenito: cùm enim Ptolemaeus ex quinque quantitatibus maximo labore sextam quartat, sic in ijsdem cum tribus quartam multa eritam in melius mutavit, que ad statum celi pertinebant: ut facile intelligas, multò minus & tuis maximos frigoribus gelidis obesse ingenij.

Vlti-

Galenus.

Vltimus *subtilitate*, sed *clarissimus* arte Galenus.

Exercit.
324.

Nec aduersarius Cardani Iul. Scaliger hunc ordinem multum perturbat; nisi quod indignetur (quam immerito!) *fabrum* (sic Archimedem per contemptum vocat) *Aristotelii antelatum*, non minus illis ipsis artibus eruditio, & Ioanni Scoto, qui lima fuit veritatis, ac Ioanni Suesser Calculatori, qui penè modum excessit ingenij humani. Quod deinde post Archimedem statuerit Euclidem, quasi *lumen post laternam*. Sed fallitur profectò Scaliger, si Archimedem solam Mechanicam, & non vniuersas Mathematicas, summo ingenio, & omnium stupore putet tractauisse. sed parcedum Philosopho *ἀγεωμέτρητον*, & quem vix est ut existimem vnuquam Archimedem vidisse. Irascitur deinde, nec adeò iniuriā, Scaliger parentem Nominalium Ochamum à Cardano præteritum esse: *cuius tamen, inquit, ingenium ingenia omnia vetera subuerit, noua ad inuictas insanias, ob incomprehensibiles subtilitates fabricauit, atque conformauit.* Quid verò tamen hic ei non inscīte reposuerit Cardanus, non attinet iam dicere.

Lib. 2. dif-
fert. 2. Phy-
siol.

Verùm quid tibi vis cum isthoc longo ingeniorum delectu? inquies. Hoc volo: omnes illos subtilitatis & humani ingenij apices de infinitudine partium continui nihil dubitasse. De Homero tamen, aut Hippocrate fortasse non liquet, de ceteris, qui aut professione Mathematici, aut in eâ arte egregiè callidi, aut palam Peripatetici, res est compertissima. Nam & Lipsius noster (si eum placet hic aestimare) Stoicis suis adhaesit, & Galenus alibi à me lectus est atomos Epicuri exercere.

Nisi longum etiam eset, ego alium, maximè è SS. Patribus, & aliis qui à Christianâ fide plus aliquanto luminis acceperunt, ingeniorum catalogum, in quo mihi præirent Augustinus, Basilius, Nazianzenus, Chrysostomus, &c. instituerem. Ad familias deinde tres Scholasticorum descendereim, quarum capita, Thomas angelicus, Scotus subtilis, Ocham venerabilis: quibus discipuli & acuminè suppares, aut pares quandoque, Capreolus eximius, Caietanus ingeniosus, Mayronius illuminatus, Aureolus argumentator, Marsilius clarissimus, Gabriel egregius: & quid ceteros cōmemorē? Dehinc extra familias istas, Henricus noster solemnis, Albertus Magnus, Alexander irrefragabilis, Richardus solidus, Durandus resolutissimus, alijque sine fine recensi possunt, qui vniuersi omnes perensis vtrique rationum momentis, in Aristotelis & Mathematicorum sententiam non descenderunt, sed coacti præcipites abie-

abierunt. Vnum tamen Ioannem Maiorem oportet numero isto eximere, qui non in Epicurum tamen, sed in Democritum elapsus, ex punctis solis, sed infinitis, concinnat nobis continuum: non sine diffidentiā tamen. nam vbi satis diu punctatim finxit & refinxit suum opus, denormat totum hac vltimā laciniā: *Valeat hoc para-*
In 2. d. 2.
q. 1.
doxum quantum valere potest.

Ceterūm, si quis iam ingenij & humani intellectus ista lumina cum obscuro Epicureorum grege, VVicleffio, & Husso componat, quis à noctuis istis acutius, quam ab illis aquilis conspectam fuisse credat veritatem? Quis duos atræ mentis hereticos cælestibus SS. Patrum, & Scholasticorum tot ingeniosis audeat anteferre? Quis tam vecors, vt Academiā, Lyceo, Stoā neglectā, in ganeis & lustris Epicuri verum putet inuenire? Nihilominus tamen quia in grege ebriorum quandoque est ingeniosum aliquem reperi, de Epicuri ingenio non inutile, aut iniucundum erit, longius aliquid sciscitari.

C A P V T V I I .

*Quale ingenium Epicuri, & eorum qui παντεπίκειον
atomorum repererunt.*

QUATUOR in vrbe Atheniensi, aut circa eam fuerunt olim Philosophorum scholæ, Academia Platonis, Lyceum Aristotelis, Stoa Zenonis, Viridarium Epicuri. De Platonis, Aristotelis, Zenonis ingenio, quod Sallustius de Carthagine, *silere melius puto*, quam parum dicere. superuacuum etiam sit, cum tota perfstrepatur, & pro me loquatur antiquitas. Quis enim *sapientia Principem* (ita Lib. 1. ad D. Hieronymus appellat) *diuinum, profundum, nec à iuuenilibus* uer. Iouin. Plutarch. *ingenij intelligendum* Platonem, *finem humani intellectus* Aristotelem non audiuit? Subtilissimus ille Academiæ nouæ conditor Carneades in tantum Zenonis ingenium extimuit, vt aduersus eum scripturus cerebrum helleboro aliquoties purgauerit, ne quid ex corruptis in stomacho humoribus ad domicilia usq; animi redundaret, & constantiam vigoremq; mentis labefactaret: tantâ curâ, tantoq; apparatu vir ingenio præstanti ad refellenda, que scripsérat Zeno, aggressus, inquit Agellius.

De Epicuri ingenio, in re tam naturæ, quam morum, contraria & latissimè discordantia inuenio. Lucretius qui libris sex Physicam

D Epi-

Li. 17. c. 15

Epicuri Romanis carmine vulgauit, Diogenes Laërtius, & omnes vniuersim Epicurei magistrum in omni Philosophiâ immensum extollunt. Audite de eo Lucretium:

Lib. 3.

*Tu pater, & rerum inuentor, tu patria nobis
Suppeditas praecepta, tuisq; ex iuncte chartis,
Floriferis ut apes in saltibus omnia limant,
Omnia nos itidem depascimur aurea dicta,
Aurea, perpetua semper dignissima vita.*

In Epicu-
ro.

Et Laërtius, Praestantiam eius satis ostendit, inquit, perpetua schola eius successio, que ceteris fermè omnibus deficientibus, sola persistit, discipulis perpetuo sibi inuicem succendentibus.

Lib. 35. c. 2.

Tanti verò discipuli Epicurum faciebant, ait Plinius, vt natali eius, vigesimâ lunâ, sacrificarent, feriasq; omni mense custodirent, quas ciuitatuc vocabant. Solum enim eum veram felicitatem, & in re naturali veritatem reperisse iactabant, vnicum eum Philosophum, ceteros omnia diosev, seu umbras volare. Tanti etiam ipse Lib. contra Epicur. supercilij erat, inquit Plutarchus, vt neminem, præter se unum, doctum & sapientem esse diceret, aut eos qui ex schola sua prodijissent.

Clarus quippe conceptibus mentis, & elocutione erat: quales sibi misericordie placere solent, ac difficulter se ab eo auelli sinunt, quod oculis pñne videre existimant, etiam si nexus, quibus eos aduersarij impeditos tenent, dissoluere non valeant.

In Epicur.

Epicurus, ait Epicureus Laërtius, οὐχιται λέξει πνεύματος, ήν, οὐδειώτατη δέσποιν, Α' εισοφάνης Γερμανίας αἰτάται, dictione vititur propriâ & rebus accommodatâ, quam, quia simplicissima & planè vernacula est, Aristophanes Grammaticus reprehendit.

Epist. ad

Et hoc fortasse oculos coniecit S. Hieronymus, quando ait Epicurum litteras non didicisse. Stilum enim non scholasticâ exercitatio, sed διπλό μέσον τεγοσδεχῆ, è mediâ mendicorum prosequitâ, ait teor. Cleomedes, & verba è luto tibi formauerat.

Magnum.

Sed aliorum de toto Epicuri ingenio sententias etiam audiamus. Lib. 3. Inst. Epicuri disciplina, inquit Lactantius, multò celebrior semper fuit, quam ceterorum, non quia veri aliquid afferat, sed quia multis populare nomen voluptatis inuitat: nemo enim non in vita pronus est. Ac de quibusdam Lucretij versibus in laudes Epicuri effusis:

*Qui genus humanum ingenio superauit, & omnes
Restinxit stellas, exortus uti athereus sol:*

Hos equidem versus, inquit, numquam sine risu legere possum. Non enim de Socrate, aut Platone hoc saltem dicebat, qui velut reges ha- bentur

bentur Philosophorum, sed de homine, quo sano & vigente nullus aeger ineptius deliravit. Itaque Poëta inanissimus leonis laudibus murem non ornauit, sed obruit & obtrivit.

Alicubi etiam D. Augustinus, Hoc didicit, inquit, ab Epicuro, pg 1 73. nescio quo deliro Philosopho, vel potius amatore vanitatis, non sapientia: quem ipsi etiam Philosophi porcum nominauerunt, quia voluptatem corporis summum bonum dixit, hunc Philosophum porcum nominauerunt voluntatem in cœno carnali.

Verūm, ne in moribus tantum delirasse putas, quām sanus in Philosophiâ naturali fuerit, non à SS. Patribus, ne odij, aut nimis fortassis in eum zeli suspectentur, sed à Philosopho Cleomede potius discamus. De Dialecticâ eius, & acutâ illâ ac argutâ Philosophiae parte, nihil dico, quām omnino nullam habuit. Epicurei, ait ille effusissimus Epicuri laudator Laërtius, τὴν Διαλεκτικὴν, ὡς παρέλιον, διαθετικήν εἶναι τὸ τέλος Φυσικῆς χωρεῖν καὶ τὰς τῷ φεγγυματῶν φθόγγος, Dialecticam, tamquam peruertentem, repudiant: Physicis enim simplicia rerum vocabula sufficere aiunt. Et Cicero ali- Lib. 1. de Nat. deor.

cubi Epicurum pessimum Dialecticum tuisse, & negasse alteram contradictriarum debere esse veram, affirmat. Totum hoc, inquit, aut etiam, aut non, negauit esse necessarium: quo quid dici potest obtulsi? Et eodem aspexit D. Hieronymus, dum ab hac Dialecticæ ignorantia, inimicum suum Ruffinum, Epicureum facit. Quoniam, inquit, Stoici Logicam sibi vindicant, & tu huius scientie deli- ramenta contemnis, in hac parte Epicureus es.

Quantus igitur in Physicis, in quibus οὐ μόνον τοῦτο ἀν- δεῖππων τὴν ἀληθειαν ἐδεῖσθαι, solus & primus omnium mortalium veritatem reperisse, iactabatur à discipulis, inspiciamus.

In primis, sensum, omnium veritatum vnicum & incorruptibilem iudicem constituit. Timuit Epicurus, ait M. Tullius, ne se Ibid. vnum visum esset falsum, nullum esset verum: omnes sensus veri nuntios dixit esse. Hinc docuit, solem, lunam, ceteraque astra tantula reuera esse, quantula nobis apparent. Audite istum e scholâ eius rudentem:

*Nec nimio solis maior rota, nec minor ardor
Esse potest, nostris quam sensibus esse videtur.*

Et mox de lunâ:

*Lunaq; sive notho fertur loca lumine lufrans,
Sive suam proprio iactat de corpore lucem,
Quidquid id est, nihil fertur maiore figurâ,*

Lucret.
lib. 5.

D 2

Quām

Quàm nostris oculis quam cernimus, esse videtur.

Lib. 2. Me. Hinc, inquit Cleomedes, fatebantur Epicurei solem in exortu maiorem reuerà esse, quàm in meridie, quia ita oculi renuntiant. vnde, cùm eodem temporis momento, ait, quibusdam oriatur, & aliis in meridie sit, confectaneum est, vt bipedalis tantùm, ac tamen simul etiam tripedalis diametri sit, ἐσδέντες ἀλογωτερού, quo nihil est, inquit, *stupidius*.

Secundò, existimauit Epicurus, ait idem, solem cottidie manè accendi, vesperi extingui oceani aquis. cùm igitur omni temporis puncto alicubi oriatur, & alibi occidat, vbique perpetuò simul accendi & extingui oportebit: quod non nisi à παχύδερμῳ, crasso corio, & pinguislímā Mineruā venit.

Denique vt alia ridenda, quæ ibi exhibilat Cleomedes, fileam, animam immortalem, diuinam prouidentiam, & omnem funditus religionem interfecit, &, vt ille ait, τὸ σωμόλον ἐν τάντη σώματι καταπλύ τῷ δακταλάκων τυφλότερος, prorsus in omni consideratione magis omnibus talpis cœcutiuit. Neque id mirandum, inquit, quia veritas à sobriis & siccis, ἐχτὸν σωρῆς θυσαθετησμένη, non saginam corporis amantibus, videri se finit. Homerico Theristæ deinde eum componit, iactabundo supra modum, cùm tamen caudex & turpissimus esset, & verè ad eum Vlysses:

Oὐ δὲ εἴω σέο φημὶ χερεότερον βεστὸν ἄλλον
Εὔμοδα.

Non equidem noni qui te sit turpior alter.

De Leucippo verò, & Democrito, à quibus atomos suas accepit Epicurus, & illo quidem clamat Lactantius: *An solus Leucippus oculos habuit? solus mentem? qui profectò solus omnium cœcus & excors fuit, qui ea loqueretur, quæ nec ager quisquam delirare, nec dormiens posset somnare.* Quatuor elementis constare omnia Philosophi veteres differebant, ille noluit, ne alienis vestigij videretur insistere; sed ipsorum elementorum alia voluit esse primordia, quæ nec videri possint, nec tangi, nec ullâ corporis parte sentiri. Tam minuta sunt, inquit, vt nulla sit acies ferri tam subtilis, quæ secari ac diuidi possint: vnde illis nomen imposuit atomorum.

Democritum verò (quem Metrodorus & alij Epicurei fatentur ad veram Philosophiam, & fundamenta naturæ viam aperuisse Epicuro) stultitiae, & tacta eius hypochondria, insimulat. Democritus, ait, *quasi in puto quodam sic alto, vt fundus sit nullus, veritatem iacere demersam queritur: nimurum stulte, vt cetera.*

Præter

Præter alios denique sine fine errores, animam nostram mortalem, & ex ignitis atomis, similes illis quos pulmonibus respiramus, aceruatam & male cohærentem, existimauit: quod antè etiam fecerat magister eius Leucippus, securusque deinde vtrumque Epicurus. Atque hanc intimam caussam fuisse reor, cur Democriti liberos in ignem iniiciendi impetum Plato ceperit; quidquid aliam prætexat Democrito honorificam Laërtius. Ex his, opinor, facile In Demo- crit.

intelligimus, atomorum & punctorum illam, vt Democritus appellabat, παντερυῖα, omni-feminarium à paucis, nec magni & illustris ingenij aut famæ Philosophis, sed qui ad captum suum & angustias vulgi conati aliquid dicere, fuisse repertam.

Itaque si auctoritate res agitur, S. Augustinus, & tot illa SS. Patrum columina, cùm tribus Thomistarum, Scotistarum, Nominalium scholis, alisque extra eas sparsim, par illud hæreticorum, VVicleffum & Huslum, tres Athenarum scholæ, Academia, Lyceum, Stoa, Epicurum immensū excedunt, & si componantur, oppriment. Sed desertâ auctoritate, ad rationes, scio, prouocabunt. De istis ergo posthac arbitremur: quas in Mathematicas, & Physicas distinguemus. Et primū quidem compositionem continui permanentis, siue magnitudinis, deinde temporis & motū tractabimus.

C A P V T V I I I .

Argumentum primum Geometricum, quo demonstratur, magnitudinem non componi ultimò ex solis punctis finitis:

Non à quouis puncto circumferentia rectâ duci poterit ad centrum.

Epicureorum tota factio, aquo semper errore à vero denia, & illa Lib. 1. c. 2. Somnij. existimans ridenda quæ nesciat, vt inquit Macrobius, arguenda ista è Mathesi irridebit, à quibus disciplinis ita semper abhorruit, vt in summis laudibus, nescio cuius Philosophi Apellis olim posuerit, ait Plutarchus, *numquam ab adolescentiâ suâ contaminatum fuisse disciplinis Mathematicis.* nempe pecudes istæ plus solidæ felicitatis in capone uno bellè asso, quàm omnibus Mathematicorum libris constituebant. Sed ad sanos, à hypochondriacis istis appello & transfero iudicium.

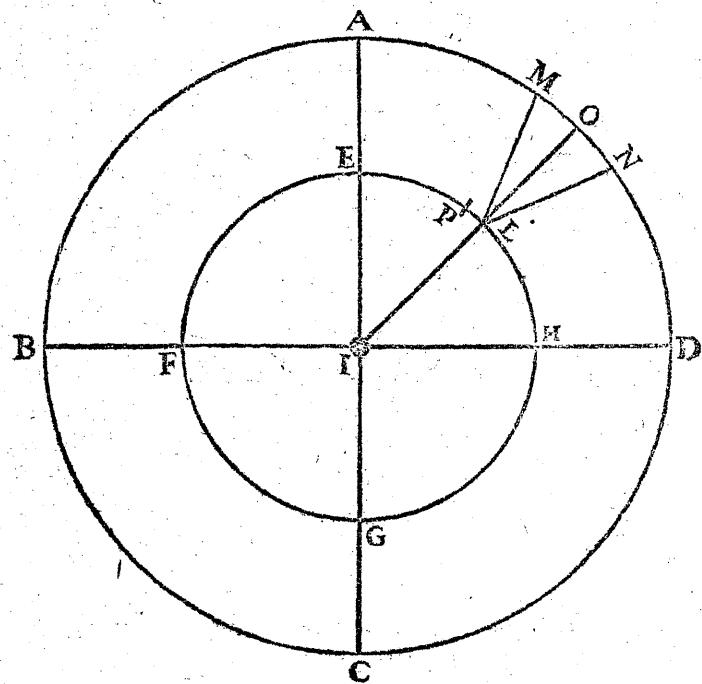
Itaque in primis docent Mathematici, quod si describantur duo

D 3

circuli

circuli concentrici, omnes lineæ rectæ, ductæ à quolibet puncto circumferentia majoris ad centrum, debeant necessariò transire per aliud & aliud semper circumferentia minoris punctum, & numquam duæ per idem. Cuius ratio est, quia si plures lineæ à diuersis punctis circumferentia majoris descendentes transirent per idem punctum circumferentia minoris, concurserent inter se antequam peruenirent ad centrum; quod est impossibile, cum supponantur esse rectæ.

Datâ verò hac demonstratione, sequitur euidenter, circumferentias illorum circulorum ex punctis finitis non componi. Fac enim circumferentiam A B C D. in segmento arcus A D. con-



tinere mille puncta, & arcum minoris circumferentia E H. ei respondentis continere dimidium numerum, id est, puncta quingen-
ta. Ducantur iam à 1000. punctis segmenti A D. totidem lineæ rectæ ad centrum I. Si transeant singulæ per aliud & aliud punctum segmenti E H. igitur in isto segmento E H. erunt etiam 1000. puncta localiter extra mutuum situm expansa, id est, dimidium erit æquale suo toti, & numerus 500. æquabitur 1000. & totus

totus circulus A B C D. nō erit maior circulo ei inscripto E F G H. quod est manifestum impossibile. Hac demonstratione aduersus Epicurum, sed paullò aliter conceptâ, vtitur Scotus.

In 2. d. 2.
q. 9.

Duo tamen, quantum video, possunt respondere.

Primo, Aristotelem resurgent eadē absurditate, dicentque nec sententiam eius posse defendi, nisi totidem in minori, quot in maiori circulo, sint puncta, & uterque circulus par sit. Sed incassum nituntur. nam si de punctis realibus, id est, Physicis & diuisibilibus, res sit: totidem in minori circulo sunt; sed minora, quam in maiori, ut infrâ mox ostendemus. si de punctis Mathematicis & imaginariis, pro unoquoque puncto maioris circuli aliud semper nouum in circulo minori ei respondens, cum fundamento in re imaginari possimus; quia, cum infinita sint, non possunt aliquando deficere. Puncta verò Mathematica realia, lineaſque omnes, & superficies reales Cap. xxxii. continuo expungimus.

Secundò (& sic qui hodie Louanij in sententiâ Epicuri, ferè solent) affirmabunt plures lineas segmenti maioris A D. deduci ad centrum I. eadē viâ; ac per idem punctum segmenti minoris E H.

Subtilitas Scotti tamen oppositum tam putauit euidentis, vt dicat: *Quod minor circumferentia non secetur in uno eodem puncto, si secetur à duabus lineis, non oportet probare, nisi propter proteruiam aduersarij: quia satis est manifestum, quod eadem linea, si protrahatur (à centro) in continuum & directum, numquam terminabitur ex eadem parte (in circumferentia circuli maioris) ad duo puncta: ita videlicet, ut linea unica à centro I. ad punctum minoris circuli L. directe protracta, diuidatur deinde in duas, quæ terminentur ad duo puncta circumferentia maioris M. & N. aut certè ad tria M. O. N.*

Verùm quia propinquitas punctorum M. O. N. potest esse tan-
ta, ut iudicio sensus videantur esse unum punctum, ac proinde li-
neæ M I. & N I. esse eadē cum lineâ rectâ O I. vnde lineæ M I.
& N I. videbuntur etiam in directum protractæ; idcirco fingamus
circumferentiam A B C D. esse longè ampliorem circumferen-
tiâ E F G H. ut exempli cauſâ, sit illa circumferentia supremi cæ-
li, hæc verò globi terrestris. Quia igitur una alteram in immen-
sum quodammodo superat, pone decies centena millia puncto-
rum circumferentia majoris respondere unico puncto minoris, &
consequenter totidem lineas à circumferentia majori per pun-
ctum L. circuli minoris transire ad centrum I. Ergo iam omnes
lineæ

In 2. d. 2.
q. 9. nu. 12.

lineæ magni tandem & notabilis segmenti circuli maioris, non recta, sed insigni inflexione & curuaturâ, necessariò traiici debebunt per punctum L. ad centrum I. ac proinde falsum erit hoc Mathematicum principium, *A quolibet puncto circumferentia posse lineam rectam ad centrum duci.* & generaliter, falsum quod tamquam lumine naturæ rationalis euidens, postulat sibi sine demonstrazione concedi Euclides, Σπὸ παντὸς σημεῖου ἡ τὰν σημεῖον ὁθεῖαν γέμισθαι γεγονέν, à quolibet puncto ad quodlibet aliud punctum lineam rectam posse duci. Dupliciter tamen hoc eludere possunt Epicurei.

Primò, postulet quantum volet, inquiet, id sibi dari Euclides, nisi tametí demonstraret, vtrò ei non dabimus.

Secundò, alij liberaliores, concedunt ei quod petit, sed omnes illæ lineæ, et si per idem punctum circuli minoris descendant ad centrum, sunt tamen rectæ, inquiunt, quia rectiori viâ trahi nequeunt. Vnde fatentur lineam M I. esse reuerà rectam. Quomodo? inquies, nōnne linea recta est, quæ inter duo aliqua puncta est breuissima? linea autem O I. sine dubio (sensus enim id ostendit) breuior est, quam M I. aut N I. Respondent, verum id esse, linea tamen M I. est etiam, aiunt, hoc sensu breuissima, quia à puncto M. non potest breuiori tramite, quam per punctum L. ad centrum I. (incedendo per quantitatem & spatium verum) descendit.

Attamen quantum ad primum, difficile non erit Eucli quod postulat demonstrare. Cùm enim aliqua puncta sic in directum disponi possint, vt lineam rectissimam, qualis est I O. in praecedente figurâ, conficiant; fiat ex talibus regula, ego quibuscumque assignatis à te punctis eam interponam, & sic breuissimum omnino dimetiar quod interiacet spatium, ostendamque verum hoc esse, *A quolibet puncto ad quodlibet aliud punctum lineam omnino rectam posse duci*, ac talem esse lineam spatij, cui regula illa superponitur.

Itaque linea I O. exactè & mathematicè recta, transferatur in M. ostendet manifestè inter M. & I. esse breuius & directius spatium, quam illud quod iam metitur linea I M. quæ torquet se & à recto tramite deuiat transeundo per L. cùm per punctum P. effet ei transeundum.

Ex quo etiam vanitas secundæ responsionis statim apparent. Si enim linea I O. ad M. transferri possit, igitur series aliqua punctorum inter M. & I. quæ per punctum P. transit, directior & breuior est, quam illa quæ per L. descendit. hæc ergo erit linea M P I. cui regula

Lib. I.

regula similis lineæ I O. superponetur. Nec illa linea M P I. ex punctis imaginariis tantum, sed etiam realibus, vt loquimur, contexta erit; quandoquidem totum undeque spatum imaginarium veris punctis veraque quantitate plenum sit, nec in illâ vel minimâ particulâ dehiscat aut vacet.

Ex his ergo, opinor, liquet, numquam duas lineas à duobus punctis circumferentiae maioris ad centrum descendentes, per idem punctum circumferentiae minoris transire, sed semper per aliud aliudque: quod facilè deprehendi potest, si linea I O. usque ad A. circumducatur. nam omni momento quo supremum eius punctum O. in circumferentia maiori locum mutabit, etiam medium punctum L. seruat proportione mutauerit. unde cùm O. transierit in M. etiam L. in P. migrauerit, atque ita deinceps usque ad A. Id autem vt fieri possit, totidem puncta in segmento minori E H. quot in maiori A D. esse oportet, si utriusque circuli circumferentiam ex puris punctis Mathematicis finitis constituas. Istud autem absurdum, impossibile, & contra sensum est: igitur infinitæ partes in circumferentia minori, et si minores quam in maiori, compingendæ sunt, vt quoties punctum O. se mouet per segmentum A D. maius, punctum quoque L. inueniat in segmento minori E H. aliquod spatium, quod se (licet tardius, quam O. in segmento maiorì) promoueat. Quod demonstrandum fuit.

Atque hæc doctrina Peripatetica eodem & firmo pede incedet, siue per puncta & lineas Physicas, siue per Mathematicas & imaginarias expedire velis. Nam lineæ Physicæ sunt vera segmenta circuli, in summâ peripheriâ unde incipiunt, latiora, & deinde paullatim versus centrum descendendo, angustiora. Tales autem in quolibet circulo (si in segmenta proportionalia diuidatur) infinitæ, & rectissimæ sunt, reperiuntque singulæ in circulo minori concentrico noua puncta per quæ ad centrum transeant, quia hæc puncta non Mathematicæ ac omnino indivisibilia, sed naturalia & divisibilia sunt, ac proinde in circumferentia circuli minoris tantò minora, quanto circulus ipse est angustior maiori circulo, quo includitur.

Nihil igitur mirum in sententiâ Peripateticâ, omnes lineas naturales infinitas à punctis naturalibus circumferentie maioris A B C D. eductas, transire per alia semper puncta naturalia circumferentiae minoris E F G H. quia paullatim in descensu gracilescunt & cuaneantur; veluti etiam in segmento A I M. cernere licet, quod in

E summâ

summâ circumferentiâ latissimum est, & intercipit arcum A M. at vero in circulo minori, solummodo arcum E L. & perpetuò se restringit donec perueniat ad centrum I. Sic igitur res se habet in qualibet, ac quantumlibet gracili linea naturali, quæ reuerà tenuè quoddam circuli segmentum est, quod non eodem filo, sed sensim gracilescere (vt in aristis, aut barbae etiam nostræ pilis videmus) à circumferentiâ descendit ad centrum.

Singulis ergo partibus diuisibilibus circuli maioris totidem in circulo minori respondent, sed minores, per quas proinde lineæ naturales in descensu se perpetuò extenuantes, facile transmittuntur rectâ ad centrum, cùm punctum naturale, siue particulam minorum circuli minoris in transitu intercipiant, quâm sit punctum illud naturale in circumferentiâ circuli maioris, vnde incipiunt. In continuo verò Epicuri, quod ex meritis punctis Mathematicis finitis componitur, omnes lineæ pari filo, & crassitudine, vt sic dicam, vbi que punctuali, ad centrum decurrent: vnde si rectæ sint, necesse est, vt singulæ nouum punctum in peripheriâ circuli minoris intercipiant, eiusdem molis cum puncto circuli maioris, quod est earum linearum principium. & hinc planè consequanum est, totidem in ambitu vtriusque circuli puncta eiusdem molis esse, ac circulos ipsos æqualem habere peripheriam.

Putabant fortasse eâdem, quâ nos, viâ elabi, per lineas nempe Physicas & diuisibiles perpetuò deorsum se cuneantes & adstringentes: sed fallentur. Nam fac in schemate superiori, lineam Physicam Epicuri ex tribus punctis M O N. in latum dispositis crassescere, statim ecce deorsum se extenuando, ad duo puncta crassities eius veniet, & deinde mox ad vnum, & dehinc eodem vnius puncti filo perget usque ad centrum: id est, linea illa Physica reuerâ recta esse non poterit, cùm nec vniiformis crassitiei sit, nec vniiformiter decrecat usque ad finem: vnde, vt ex demonstracione superiori patet, lineæ istæ extremæ M L. & N L. quæ terminant utrimque crassitatem lineæ Physicæ, nullâ rectâ viâ possunt peruenire ad centrum I.

Praeter autem lineas nostras Physicas, Mathematici alias imaginarias infinitas ad centrum dêducunt. Binas in primis, quæ utrumque lineæ Physicæ latera cingant, deinde alias sine fine quæ intra lineam istam Physicam, à summo deorsum ad centrum decurrant. Cùm enim iuxta circuli maioris circumferentiam latius à se mutuò distent, & paullatim se cum linea Physicâ restringant, donec

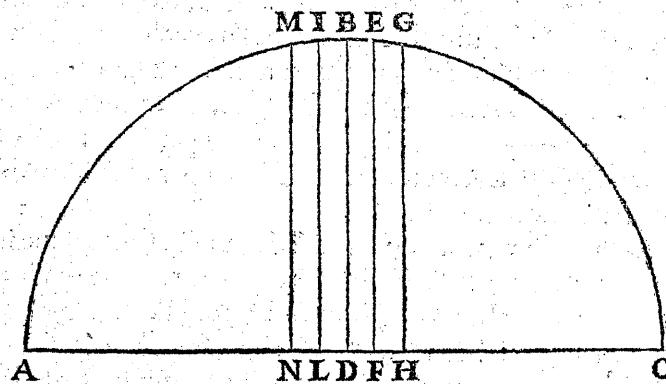
donec concurrent in centrum, Mathematici imaginantur per angustias illius particulæ circuli minoris, quam linea Physica intercipit, totidem lineas Mathematicas posse transire, quot à punctis imaginariis maioris circumferentiæ possunt inchoari. nam quæcumque & quantumcumque propinqua duo puncta in maiori circulo designaueris, inter ea est pars lineæ, quæ in infinitum decrescere potest; ac proinde si à punctis illis lineæ duæ versus centrum dêducantur, spatium inter eas perpetuò restringetur ac decrebet, atque ubi ad minoris circuli circumferentiam lineæ peruenient, eam in duobus punctis propinquioribus secabunt, quâm fuerint illa duo puncta in circumferentiâ maioris circuli, à quibus incepunt sunt. Quotquot igitur lineas Mathematicas imaginarias à punctis arcus A O. imaginatio nostra inchoat, totidem per arcum minorem E L. ad centrum I. dedit. Secundus verò effet, si lineæ parallelæ, siue æquidistantes traherentur. nam eo casu non omnes inchoantur à punctis arcus A O. incidenter in aliquod punctum arcus E L. sed tantum ex quæ inchoarentur à parte arcus A O. tantâ, quantus est arcus E L. vt scienti quid linea parallela, & paullisper cogitanti facile liquet.

An igitur totidem in arcu minori E L. puncta sunt, atque in arcu majori A O: inquires. Resp. Puncta vera & realia nec plura, nec pauciora, nec æquali numero sunt, quia puncta eiusmodi, cum lineis suis, & superficiebus realibus Cap. XXXII. vniuersim continuo expellimus. Partes tamen in utroque arcu infinitæ sunt, licet plures in majori, quâm in minori. Ut tamen omnes lineæ à punctis imaginariis circuli maioris rectâ perueniant ad centrum, fatis est infinitudo quælibet partium circuli minoris, inter quas lineæ imaginariae indiuisibili tramite, ac sine ullâ spatijs extra partes illas occupatione, sed ipsis implicitæ, imaginatio nostra in centrum trahiunt. Atque ita hæc infinitudo partium minoris circuli dat Mathematicis sufficiens fundamentum imaginandi rectitudinem imaginariae lineæ, à quo cumque puncto imaginario maioris circuli, cogitatione suâ eam voluerint dêducere ad centrum. Poteſt tamen id etiam de punctis & lineis Physicis intelligi, quas diximus initio latiores esse, deinde pedetentim accessu ad centrum restringi. Tales enim infinitæ recto, sed paullatim angustiori tramite descendunt ad centrum.

CAP V T I X.

*Argumentum secundum Geometricum idem demonstrans:
Tot erunt in Diametro puncta, quot in toto semicirculo.*

EX sententiâ Epicuri iterum hoc adhuc & impossibile sequitur, *Tot esse præcisè in diametro circuli puncta, quot in totâ circumferentia semicirculi.* Describatur enim semicirculus A B C. cuius diameter sit A C. Si circumferentia siue linea A B C. finito numero punctorum constat, aio non pluribus, quâm diametrum siue lineam A C. constare. id est, duæ lineæ inter eadem duo extre-



ma puncta A. & C. quarum una est recta, & altera curua, erunt æquales, cùm eumdem punctorum extra mutuum situm expansorum numerum contineant. Quæ res non verbis, sed flagris est dignissima.

Sic autem ostenditur. A singulis punctis circumferentiaz duci possunt lineæ rectæ perpendicularares, quæ per alia ac alia semper diametri puncta transeant, quales sunt M N. & I L. &c. igitur tot præcisè erunt puncta in arcu semicirculi A B C. quot in diametro A C. Nam aliâs aliquot lineæ necessariò per idem punctum diametri transire deberent. vt, exempli caussâ, linea à puncto M. nulla posset in punctum N. perpendiculariter, seu ad angulos rectos deduci, sed in punctum L. fortassis cum linea I L. necessariò deberet ad angulos obliquos incidere, nec posset directius per aliud punctum diametrum interfecare.

Hoc verò statim ridiculum appetit. Cur enim magis potest

I. in

I. in L. rectissimè & perpendiculariter, quâm M. in N. protrahi? Iam enim Cap. præcedenti ostendimus, verissimum hoc Euclidis pronuntiatum esse, inter quælibet duo puncta rectam omnino & Mathematicè lineam posse duci. Igitur inter M. & N. extrema puncta tam valet rectissima linea, quam inter I. & L. aut inter B. & D. &c. interiacere.

In sententiâ verò Aristotelis & Mathematicorum, sufficit in diametro puncta, aut partes infinitas esse, licet in circumferentia semicirculi plures inueniantur: vnum quippe infinitum alio maius esse nihil vetat; quemadmodum in numero hominum possibilium infinito, non tantum vnitates, sed centenarij infiniti sunt, etsi vnitates, quâm centenarij, plures sint.

C A P V T X.

Argumentum tertium Geometricum idem demonstrans.

IDem in lineis rectis facile potest ostēdi. Sit enim triangulus A B C. cuius basis B C. continet quemcumque punctorum numerum. Habet igitur 10. vt in paruo numero res tota facilius capiatur: latera verò singula habeant duplum, id est, puncta 20. eritque totus triangulus isoscelis, siue æquicrurus, cuius latera duplo longiora basi. Ducatur deinde à punto proximo (si tale aliquod est) supra angulum B. linea recta ad punctum ex aduerso positum, proximè supra angulum C. fiatq; linea D E. quam, quia intra triangulum cadit, manifestum est esse breuiorem

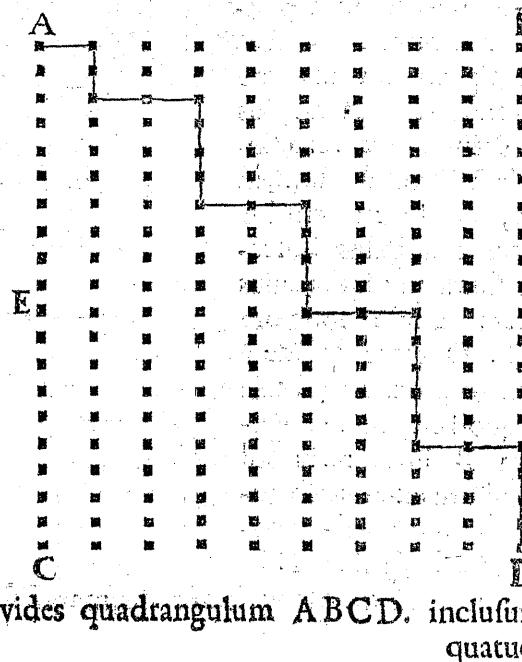
E ,

basi

basi BC. Nam cùm latera trianguli perpetuò comprimantur, donec tandem in conum A. concurrant, fieri non potest, quin linea basi parallelæ, triangulo sic inscriptæ, sciam sim sursum pergendo, perpetuò decurrentur. Igitur linea DE breuior erit basi BC. vno, vt minimum, puncto minor enim mensura, quām puncti indiuisibilis dari nequit. Itaque DE nouem punctorum erit. proximè deinde sequens octo punctorum, & ita deinceps sursum eundo, & vnicum semper punctum carpendo, decimam lineam FG. vnius tantum puncti esse inuenies: & tamen dimidiari solūm areæ trianguli partem lineis inscriptam & occupatam vides. Quā igitur magnitudine superiores decem lineæ usque ad conum A. inscribendæ constabunt? Certè enim spatium illud non magis est vacuum, quām inferius. Hoc igitur fateri Epicurū oportet: lineas supra FG. inscribendas esse minores lineā FG. punctuali, & proinde puncto esse aliquid minus: vnde punctum esse diuisibile, nec esse punctum, & eiusmodi tanta alia delirare, vt nemo Medicus tam tardus sit, qui ad cucurbitas statim non decurrat, aut Hippocraticis vinculis ligatum in Anticyranam nauem non iniiciat. Hæc verò demonstratio ante me etiam Gregorij Ariminensis est, cui olim cùm clarissima mihi videretur, & tenebras tamen aliquas in gratiam Epicuri, offundere studerem, nihil aliud post longam muginationem exprimere valui, quām triangulum isoscelem, chimæram esse, & rem impossibilem. Et ut intellectum meum in hanc fidem cogarem, & fucum ei aliquem non omnino improbabilem facerem, ego superficiem ex puctis, seu paumentum ex tessellis, sic sternebam, vt vnumquodq; punctum quaterna alia proximè cingerent, hoc modo:

In 2. d. 2.
q. 2.

Ex quā punctorum acie construi quidem vides quadrangulum ABCD. inclusum quatuor



quatuor lineis perfectè rectis, sed triangulum nequaquam potest. Nam licet duo latera recta, vt exempli gratiâ, AC. & CD. pro triangulo sumi possint, tertium tamen latus, videlicet AD. quod est diameter quadranguli, perfectè & Mathematicè rectum esse nequit. Cùm enim quodlibet punctum quarternis solummodo aliis, sursum, deorsum, & ad utrumq; latus proximè ambiatur, nulla linea recta ab eo puncto sic inclusu exire potest, nisi per aliquod ex quatuor illis punctis ipsum ambientibus. Igitur à puncto extremo D. (quod quia in ultimo angulo est, à duobus tantum punctis quadranguli cingitur) recta linea solūm duci potest versus C. & versus B. non autem versus A. per medianum diametrum areæ quadranguli; sed oportet lineam serpentinam & delirantem, hoc quo ibi cernis patto, à D. versus A. contorquere. Et hæc est linea rectissima (aut certè alia hac non correctior) quæ à D. in A. protrahi per puncta intermedia potest, si tota area contexta est ex meritis punctis. Ne nimis effuse tamen rideas, linea illa DA. ad sensum recta est, quia paucula proxima & contigua puncta per quæ à rectitudine Mathematicâ deuiat, non efficiunt quantitatem quæ oculis cerni possit: etiam si in præsenti figurâ, vbi puncta cum interuallis ad distinctionem depicta sunt, euidens flexus & deliratio lineæ appareat.

Cur autem non sufficit, inquires, vt per vnius solūm puncti latitudinem extra viam rectam vbiique se detorqueat? Resp. quia sic numquam lineam tuam à D. usque ad A. deducere poteris, sed necessariò finietur in E. decimo puncto lateris, ita videlicet, vt CD. & CE. (duo trianguli quod inde resultabit latera) sint lineæ aquales. Periclitare, si vis, ita rem habere inuenies, & ex Capitis XI. demonstratione patebit.

Sic igitur ego olim pro Epicuro papyrus meam dispungebam. Sed bonâ fide, estne excusare hoc, an accusare? qualis enim est iste Epicureus triangulus ADC. quām ridiculus? Insaniet, si videat, non irascetur Euclides, & frontem clamabit perisse de rebus.

Incredibile enim nimis est, à D. in A. lineam directiorem & breuiores istâ non posse pertrahi. Nam sumatur linea AC. quæ rectissima est, & aliquot punctorum additione prolongata (diameter enim quadranguli DA. est aliquantò longior, quām latus AC.) inter puncta extrema D. & A. interponatur: iam diametri illius longitudinem perpetuâ & directissimâ punctorum suorum serie metietur, punctaque eius in totidem areæ puncta cadent, cùm nullibi

nullibi vacuum sit; unde diameter D A. tam recta, quam latus A C. erit: quod tamen fieri nequit, si tota area composita sit ex puris punctis.

Deinde, quomodo A D C. est triangulus, cum multæ lineæ basi C D. parallelæ triangulo isti admirabili inscriptæ, sint inter se æquales, superiores scilicet cum inferioribus? hoc enim est manifestum impossibile; nam tales lineæ, sursum versus conum trianguli scandendo, perpetuò contrahuntur & fiunt breuiores, & inferior semper est longior proximâ superiore: idque iudicio etiam sensus intelligi potest. Finio igitur, & aio: si triangulus nullus ifoscelles, seu cuius basis breuior est lateribus, aut si nulla in mundo perfecta pyramis esse potest, manifestè deprehensus est sine effugio, nec solùm à ratione, sed etiam à sensibus ipsis quorum iudicium tanti facit Epicurus.

Negare verò perfectum ifoscelem posse fieri, est vnâ operâ universas figuræ rectilineas conturbare & euertere: cur enim aliarum potius figurarum areæ rectis lineis omnibus claudi possunt, quam area talis trianguli? Non negabitur saltem, spero, Deum tres lineas ifoscelis ex punctis directissimè & Mathematicè compositis posse concinnare, areamque iis conclusam verâ & reali quantitate totam compleere. Hoc verò si detur, satis est: omnia enim illic sequuntur absurdia, & impossibilia quæ ante demonstrauimus.

C A P V T X I.

Argumentum quartum Geometricum, quo Aristoteles idem demonstrat.

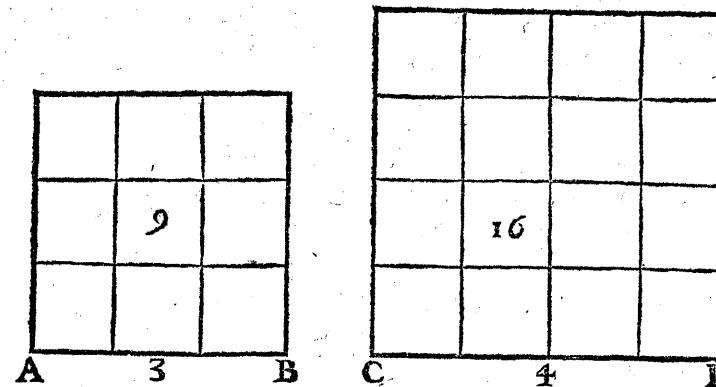
Lib. ro.
prop. vlt.

Geometræ passim & Euclides demonstrant, τὸ δέ μετεον καὶ πλάσει τετραγώνος υἱης αὐτομέτρει εἶναι, diametrum & costam quadrati longitudine incommensurabiles esse. Hoc autem falsum est, inquit Aristoteles, si quadratum componatur ex meris punctis. Antecedens ex Euclide scitè demonstrat subtilis Scotus. Si enim diameter & costa (id est latus) quadrati inter se commensurabiles essent (hoc est, si pars aliqua assignari posset, quæ foret communis mensura longitudinis utriusque lineæ) sequeretur hoc impossibile: numerum aliquem parem esse aequalē impari.

In 2. d. 2.
q. 9.

Nam si diameter & costa longitudine commensurabiles sunt, habent inter se proportionem, qualem numerus unus ad alium numerum

numerum, ut olim demonstrauit Euclides, ac insuper quadrata Lib. ro. linearum eamdem habebunt proportionem quam numeri quadrati, geniti ex ductu & multiplicatione istorum numerorum & 9.



Sit enim linea A B. trium pedum, & altera C D. quatuor pedum: sunt igitur commensurabiles longitudine, & eamdem proportionem habent quam numerus ternarius ad quaternarium. igitur & quadrata illarum linearum, ut ex Euclide & Geometriâ est certum, proportionem eamdem, quam quadrata numerorum, seruabunt. Nam vt in schemate hîc appisto cernis, quadratum lineæ A B. quæ est trium pedum, occupat nouem pedes in quadrato, qui numerus etiam est quadratus ternarij, nam ter tria conficiunt nouem. quadratum verò lineæ C D. quatuor pedum, diffundit se ad sedecim pedes in quadratum, qui numerus quoque est quadratus quaternarij; quater enim quatuor colligunt sedecim. Vides igitur eamdem esse proportionem inter maius quadratum lineæ C D. & quadratum minus lineæ A B. quæ est inter 16. & 9. siue inter numerum quadratum quaternarij, & quadratum ternarij.

Id si ita est, & proportio talis, aut quæcumque alia inter diametrum quadrati & costam eius sit, exprimatur illa aliquo numero quocumque tandem. Igitur ad vitandam confusionem, eosdem numeros retineamus, & quoniam diameter longior aliquantò est, quam costa, sit diameter vt 4. & costa vt 3. unde statim conficitur, quadratum numerum quaternarij, id est 16. eamdem habere proportionem ad 9. qui est quadratus ternarij, quam habet quadratum diametri, siue lineæ C D. ad quadratum costæ, siue lineæ A B. Hoc autem est manifestum impossibile: nam alias oporteret numerum

F
merum

Lib. I.
prop. 47.

merum 9. qui est impar, & qualem esse 8. qui par est. quod sic ostenditur. Euclides quippe, & ante eum Pythagoras demonstrauit, quadratum diametri cuiuscumque quadrati præcisè duplum esse ad quadratum costæ. quæ demonstratio si falsa, næ egregiè frustrâ fuit Pythagoras, qui eius inuentione tam impotenter lætatus est, vt illicò bouem vnum (alij ἐγερόμενος centum boues) quamquam non oppidò diues, & θαυματικός annulorum sculptoris filius esset, dicatur Musis immolasse. Verùm, et si facto isto ipse delirus, non tamen delirat eius demonstratio: quod, nisi longum & extra scamma iam id fore, facile esset ostendere. sed apud Euclidem, & eius commentatores potes videre.

Si verò quadratum diametri duplum præcisè est ad quadratum costæ, & eamdem proportionē numerus quadratus 16. ad numerū quadratum 9. habet, igitur numerus 9. est æqualis 8. quia 16. ad 8. tantum dupli proportionem obtinet. Quod cùm absurdum sit, discordum est, numerum quadratū 16. non eamdem habere proportionem ad 9. quam quadratum diametri ad quadratum costæ, ac proinde (argumento ab opposito consequentis ad oppositū antecedentis) diametrum & costam quadrati non esse lineas longitudine commensurabiles. Sparsa iam igitur sic colligamus in nodum:

Quotiescumque duæ lineæ sunt longitudine commensurabiles, quadrata numerorum quibus earum proportio exprimitur, habent eam inter se proportionem, quam quadrata illarum linearum, & contrà:

Sed nullorum numerorum quadrata possunt habere illam proportionem (videlicet dupli ad dimidium) quam diametri & costæ quadrata habent:

Igitur diameter & costa longitudine commensurabiles non sunt. Vt autem minor intelligatur, recense omnes numeros quadratos in infinitum (vt 4. cuius radix est 2. deinde 9. cuius radix est 3. postea 16. cuius radix est 4. Item 25. cuius radix est 5. & ita scandendo sine fine) numquam duos reperies, quorum vnum sit alterius duplum, id est, qui obtineat proportionem quadrati diametri ad costæ quadratum.

Antecedente igitur hoc stabilito (diameter & costa quadrati incommensurabiles sunt) infertur euidenter: igitur duæ istæ lineæ ex puris punctis finitis non componuntur. Cùm enim omnes numeri finiti commensurabiles sint, & eadem parte (videlicet unitate, vt minimum) tamquam mensurâ communī possimus eos metiri,

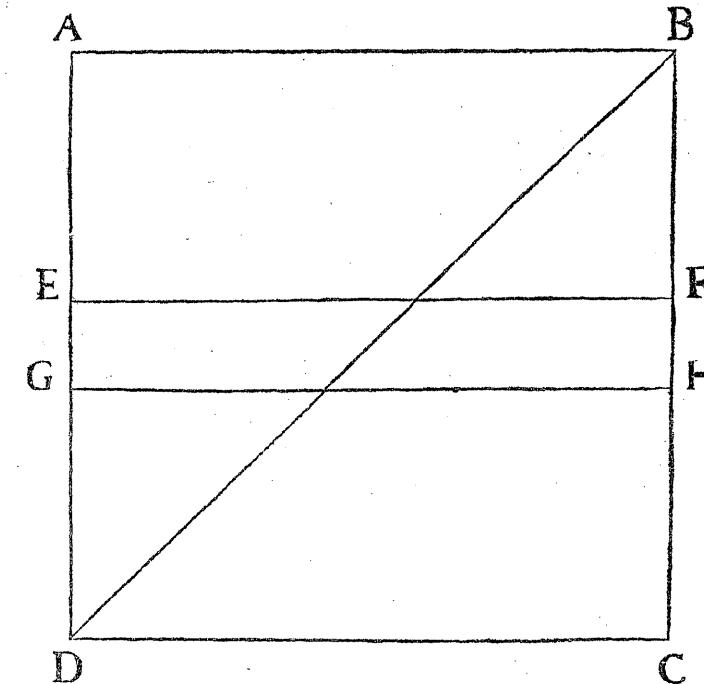
quo-

quocumque numero finito punctorum diameter quadrati constituerit, semper erit commensurabilis costæ, ac proinde quadrata numerorum punctorum diameter & costæ habebunt inter se proportionem dupli ad dimidium, quam quadrata (vt toties iam diximus) diameter & costæ obtinent; quod omnino est absurdum & impossibile.

Hæc tam diffusè differuimus ad lucem & intelligentiam demonstrationis Scoti, quæ breuitate suâ quibusdam forsitan fusca videbitur. Ne tamen hic etiam aliqui tenebras Mathefeos accusent, aliâ viâ rem eodem deducemus, tam clarâ & illustri, vt talpæ etiam in eâ videant. Hac eadem tandem etiam Scotus & Gregorius Ariminensis incessere, sed diuertunt tamen paullisper, & tenebras è Mathefi iterum miscent.

C A P V T X I I .

Argumentum idem aliter, ac magis dilucidè propositum.



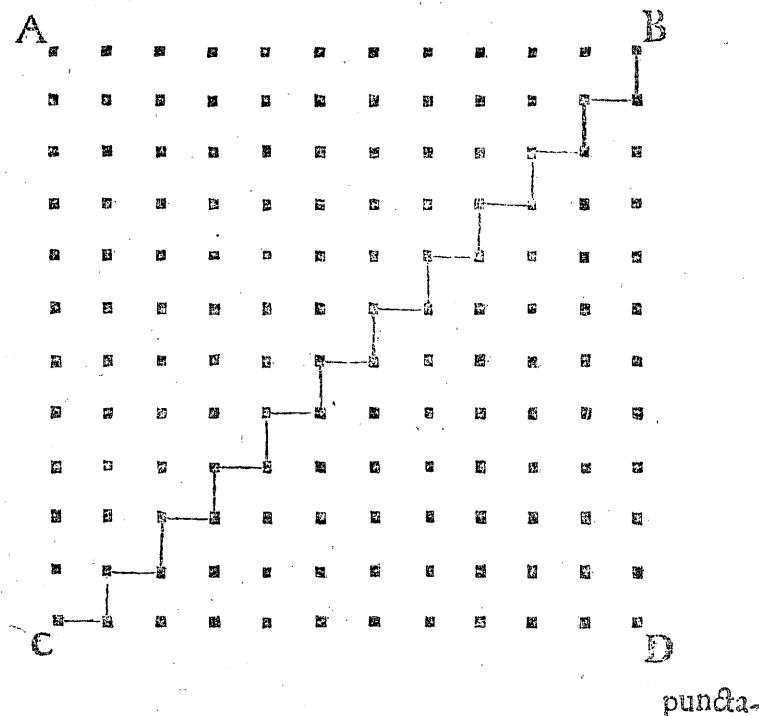
Fiat Epicureum è puris punctis finitis quadratum ABCD. aio iam in isto, contra manifestam Euclidis demonstrationem, diametrum esse commensurabilem costæ, imò ipsi aut æqualem esse,

F 2

est, aut duplo maiorem; quorum vtrumq; refellitur euidenti iudicio oculorum: nam mensura sensibilis tibi dicer, diametrum aliquanto solùm esse costâ longiorem. Ducantur enim lineæ rectæ à punctis omnibus vnius costæ in omnia puncta alterius ex aduerso opposita, quæ necessariò transibunt per medium diametrum. Ut à puncto E. ducatur recta ad punctum F. à puncto G. in punctu H. & ita porrò tota area compleatur lineis, quæ vniuersa eius puncta, nullo excepto, intercipiat, transeantq; omnes per diametrum B D.

Vel igitur duæ proximæ lineæ, eductæ à duobus proximis & contiguis punctis vnius costæ in duo proxima alterius (quales sint E F. & G H.) intercipiunt vbiique duo proxima puncta diametri, nullo intermedio relicto, vel inter duas quasque lineas vnum saltem diametri punctum intactum à lineis manet. Si primum: igitur tot sunt præcisè in diametro puncta, quot in singulâ quâque costâ, & proinde costa est diametro secundùm longitudinem æqualis. Si secundum: igitur diameter duplo plura puncta, quam costa continet, atque ita est dupla ad ipsam.

Quid ad hæc reponeret Epicurus, equidem nescio, hoc tamen pro eo olim sum muginatus. Deformabam quadratum A B C D.



punctatim, vt vides. Deinde cùm cernerem diametrum rectissimam non posse duci, delirando hæc illâc, vt hîc conspicis, ab angulo C. ad angulum B. instar serpentis atramentum conspirabam. Vbi hæc diameter C B. est tam recta quam esse potest, punctis ab vnâ costâ in aliam secundùm absolutam & Mathematicam rectitudinem ordinatis. Quia enim à quolibet puncto non nisi per quatuor vias rectissimè exire licet, idcirco in figurâ perfecte quadrata, vbi omnia latera æquè multa puncta habent, per vnius saltem vbiique puncti flexu lineam diametralem torquere oportet, vt à C. ad B. perueniat. Si autem figura non perfecte quadrata, sed alterâ partelongior esset, maiori flexu & plurium punctorum deviatione, vt ab imo angulo ad summum oppositum pertingi posset, opus foret, vt Cap. x. dicebamus: & nisi credis, cape calatum, & periculum facito, mentior, aut sic inuenies.

Quid igitur pro Epicuro hîc respondendum? Hoc sanè, vel tacendum erit. Diametrum C B. duplo plura puncta, vt ibi cernis, quam latus A C. aut B D. habere. nec tamen esse duplo longiorem, quia puncta eius non in directum ab angulo C. ad angulum B. ordinantur, sed ex quavis lineâ à latere A C. in latus B D. directè productâ diameter duo puncta rapit: atque ita non directo itinere, ab uno quadrati angulo versus alterum oppositum, proficit, sed se conspirat & torquet. Verumtamen quam hæc infirmiter dicantur, inde patet. Cur enim diameter per mensuram rectam tantò appetat longior, quam latus, si non recta, sed in singulis lineis areæ se per vnius puncti spatium detorquendo, versus angulum oppositum se promouet? Deberet enim saltem mensurâ rectâ, si non obliquâ, lateri esse æqualis.

Deinde, quod diameter C B. nequeat esse tam recta quam A C. aut quodus aliud quadrati latus, tolerari vix potest. nam rectissimâ lineâ, qualia sunt latera quadrati, longitudinem diametri metiri possumus, ita vt puncta mensuræ in totidem diametri puncta, & eâdem rectissimâ serie disposita, cadere oporteat.

Denique ex latere quadrati cuiuscumque potest fieri diameter, si ei aliud quadratum circumscribas: igitur sicuti, cùm officio lateris prioris quadrati fungebatur, linea Mathematicè rectissima erat; ita iam erit, cùm eadem immota manens ad officium diametri alterius quadrati assumitur. Si verò diameter est tam recta, quam latus siue costa, iterum in medium difficultatem retrahimur, nec

satis extricare nos possumus, quin vel diameter duplo plura puncta in directum disposita contineat, quam costa, vel æquè præcisè multa, si omnia sua puncta à lineis quæ ipsam secant, sufficeretur.

In 2. d. 2.
¶ 9.
Lib. 3. c. 1.
Cali.

Occasione porrò huius argumenti concludit Scotus: *Generaliter totus decimus liber Euclidis destruit istam compositionem linea ex punctis; quia nulla esset omnino linea irrationalis siue surda, cum tamē principaliter tractet ibi de irrationalibus.* Imò verò omnium pñmè librofum Mathemata corruunt, dissolutâ texturâ illâ quantitatis & fundamenti, cui pleraque omnia innituntur: vt non inmerito Ari- stoteles alicubi pronunciarit, *corpora ex superficiebus componere*, *invenerit in multis mathematicis, aduersari disciplinis Mathematicis, facile statim primo aspectu esse videre.* Hinc Polyænus Philosophus, vbi in Epicuri & voluptatis scholam transfugit, omnes protinus Mathematicas, ceu fatuas & delirantes, abi- rare debuit.

C A P V T X I I I .

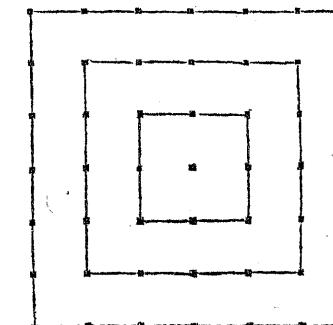
Argumentum quintum Geometricum. Circulum nullum ex punctis Epicuri fieri posse.

Cap. x. omnes figuræ rectilineas à punctis Epicuri conturbari & dissolvi ostendimus, idem nunc circulo faciemus; licet in primo & secundo Argumento, tamquam sensu notum, supposuerimus circulum posse dari. Cùm enim attentiùs punctorum istam in plano aciem oculis circumlustro, circulum nullum omnino ex ipsis concinnari posse animaduerto. Rem enim istam (quia paradoxorum tarda solet esse fides) vt credas, imò videoas, ad dispu- tationem vocemus.

Ex quadrato igitur A B C D. excindere circulum tentemus. Ac in primis, quia per quatuor solum vias ab unoquoque puncto exire (incedendo per spatia punctorum realia) licet, minimus circulus 12. punctorum in ambitu erit, talis qualem h̄c in medio quadrati vides. Periclitare enim, ex paucioribus punctis describere nullum potes, nisi eum per centrum suum circumducas, id est, centrum inter circumferentias suæ puncta enormiter & turpi- ter ponas. Circulus verò iste 12. punctorum, cùm quatuor late- ribus constet, quorum vnumquodque à tribus punctis in li-

neam

A



B

C

D

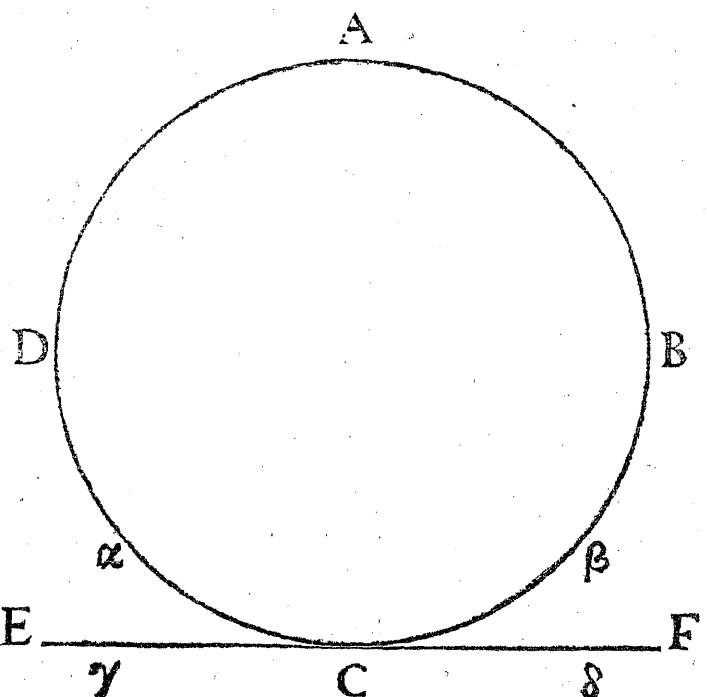
neam rectam conformatis conficitur, reuerà non circulus, sed quadratum est. Deinde circuli omnes alij maiores ei concentrici, quos etiam in schemate cernis, nil aliud, quam maiorum perpetuò laterum quadrata sunt, & longius à circuli verâ rotunditate recedunt.

Hoc verò absurdum, & contra sensum est. Sumatur enim circinus benè firmus, & circulus eo circumscribatur, certum est, pedem qui circumducitur, numquam secundū lineæ rectæ segmentum incedere, nec quadratum posse ab eo describi, cùm linea quam describit, vbique æqualiter remoueat à pede altero qui est defixus in centro. Aut certè, cùm nulla sit caufsa, cur pes ille centrum circumambulans, potius uno loco quam alio lineam rectam pro circulari describat, totus circulus linea una recta erit.

Idem etiam ratione istâ, licet sensum non haberemus, potest ostendi.

Sit globus aliquis, siue circulus, si potest dari, tangens lineam perfectè plani in unico punto. Cùm spatium inter circumfe- rentiam

rentiam circuli & lineam plani finitum sit & admodum angustum, ac quanta est distantia inferioris segmenti circuli A B C D.



à linea E F. quam in punto C. tangit, si circulus paullò maioris circumferentię fiat, statim nō in punto vnico amplius, sed in duobus, aut tribus, & pluribus quo amplior conficietur circulus, tanger, ac breui totum circuli segmentum $\alpha\beta$. coëxtendetur linea $\gamma\delta$. ita ut punctum α . in punctum γ . & β . in δ . cadat. Amplia iam circuli tui circumferentiam usque ad lunæ, aut firmamenti concavum: quām ingentem plani lineam circulus ille Epicureus in omnibus punctis suis tanget, seque illi secundūm exactissimam eius rectitudinem conformabit? Itaque tota cæli concavitas planissima & rectissima erit, ac quidem tam rigide & contumaciter, vt ne Dei quidem omnipotens manus eam inflectere, & in perfectum, circa terræ centrum, orbem incuruare valeat.

Hoc verò, quia vanissimum esse videtur (potest enim Deus tantum circinum fabricare, cuius pes unus in centro terræ, alter in con-

concauo lunæ varicùs consistat) euidentissimè, si quid video, hinc Epicurus refellitur. quia, inquam, Deus circulos sine fine ampliores efficere potest, qui planum numquam contingant, nisi in solo puncto (quæ enim ratio minimi circini & circuli, eadem est omnium etiam maximorum) idcirco impossibile omnino est, distantiam inter inferiorem arcum circuli, & lineam contingentia (id est, spatium $\alpha\gamma$. & spatium $\beta\delta$.) ex finitâ punctorum multitudine contextam esse, sed certissimum est, infinitudine partium proportionalium indigere.

Si etiam latus inferius circuli secundūm rectitudinem lineæ contingentia E F. extendatur: igitur totus circulus (rideant Epicurei quantum velint) linea rectissima erit. Cur enim non esset, cum una omnium segmentorum ratio sit, & omnibus circuli punctis linea aliqua contingentia extrinsecus ad contactum admoueri possit? Fiat igitur, & illicò videbis, ne quidem vnicum esse in toto circuli istius chimærici ambitu punctum, quod alicui lineæ rectæ contingentia conformatum, & in longum porrectum non sit.

Itaque si ullum umquam circuli, aut globi sensum habuerunt Epicurei, opinionem & intellectum eorum oculi corrigan; aut si oculis, tamquam Pyrrhonij, non credant, tactu (beato scilicet & vero illo sensu, cui ipsi culmen suæ felicitatis imponunt) rem periclitentur. an nihil in mundo sit, inquam, quod tactus iudicet esse globum.

Quis, malum, etiam Peripateticus tam acutus, fortasse inquiet, qui Mathematicum, à vulgari tornatorum nostrorum globo valeat sensu discernere?

Sed Mathematicum nil curio, vulgarem tantum quem centies viderunt, & manu voluerunt, globum volo. Hunc enim, ex disciplinâ illâ bellâ Epicuri, superficiem planissimam, & vniuersos, qui globi rotunditatem cingunt, circulos, lineas rectissimas esse prouuntio. Addo deinde, omnes figuræ columnares, pyramidales, & quidquid vispiam in aliquam etiam rudent rotunditatem se colligit, subitura hoc fatum, & redire debere in vniiformem & exasciatissimam planitiem. Quo enim argumento id de circulo & globo ostendimus, etiam de cylindro seu columnâ iacente, ac in linea planum tangente, & vniuersim de figuris omnibus rotundis, demonstrare nullo negotio possumus. Si enim cylindrus gracilis & tenuissimus planum in longitudine linearis con-

G

tingit;

tingit; igitur paullò plenior & crassior statim in superficie secundùm latitudinem diuisibili tanget; atque ita paullatim si crassescat & dilatetur, ad subiecti plani formam latissimè se complanabit.

Hæc ex Geometriâ sufficere poterant, ne tot exemplorum similitudo abiret in fastidium; sed hoc tamen etiam addendum quod iam incidit, & est illustre.

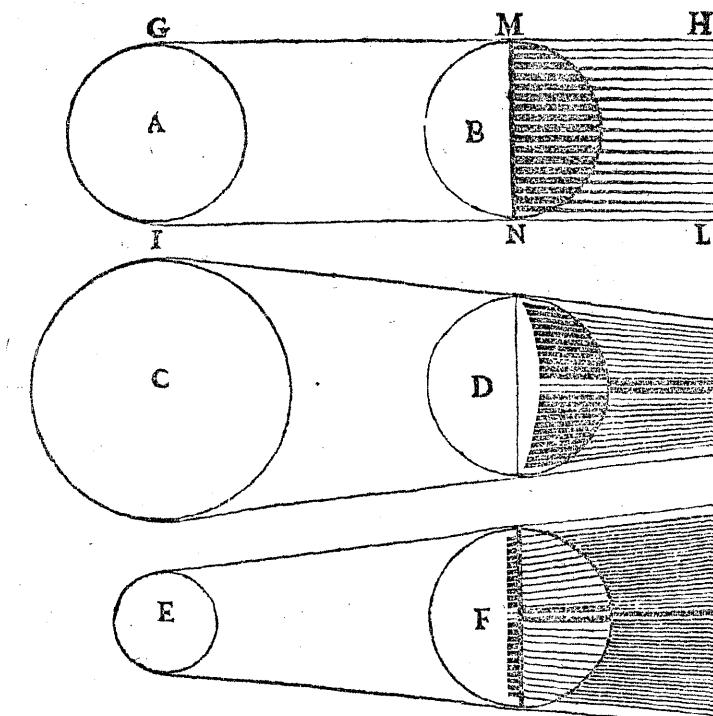
Quia igitur oculorum & tactus non semper falluntur Epicurei, dare nobis debent aliquem saltem rudem & cute exasperatâ globum, qualis est, exempli caußâ, orbis terræ. Hunc ergo assumamus.

C A P V T X I V.

Argumentum sextum Geometricum.

Luna integrum vnde terrea globum, sol nihil omnino eius illuminabit, nisi fallitur Epicurus.

Compertum in Geometriâ, ac in Opticâ sensu etiam cognitum est: si luminans rotundum æquale sit opaco rotundo, medianam circumcisè opaci superficiem, ex quacumque distantiâ illuminandam esse: si verò luminans sit maius opaco (qualis sol respectu terræ) vltra medietatem opaci (ex quocumque itidem interuallo) exhibunt extreui radij illuminantes: si denique luminans est minus & angustius opaco (qualis est luna comparatione orbis terræ) non totam opaci medietatem sive hemisphærium radiis suis amplecti poterit. Quò tamen longiori interuallo vnum ab altero remouetur, eò latius & latius diffunditur basis pyramidis illuminationis in superficie opaci, id est, luna, exempli gratiâ, ampliorem terræ partem illustrat, quò ab eâ est distantiâ, minorem, quò propinquior. numquam tamen in tantum remoueri potest, vt totum vnum terræ hemisphærium illuminet. Et hinc dicunt vulgò Optici, vmboram æqualis opaci esse columnarem & vuniformi crassitudine, vmboram minoris opaci pyramidalem, initio crassissimam, ac deinde paullatim in conum & cuspidem gracilescere, vmboram denique opaci maioris, pyramidem inuersam esse, cuius tenuissima pars opaco proxima est, dein perpetuò se inflat & crassescit. Id si quis non cre-



Sit A. luminans, opacum ei æquale B. luminans maius C. opacum minus D. luminans minus E. opacum maius F.

Primum illuminat præcisè hemisphærium opaci, adeò vt extreui radij G H. & I L. destringant & radant extrema puncta diametri M N.

Secundum illuminat plus hemisphærio, caduntque extreui radij vltra polos diametri.

Tertium illuminat minus hemisphærio.

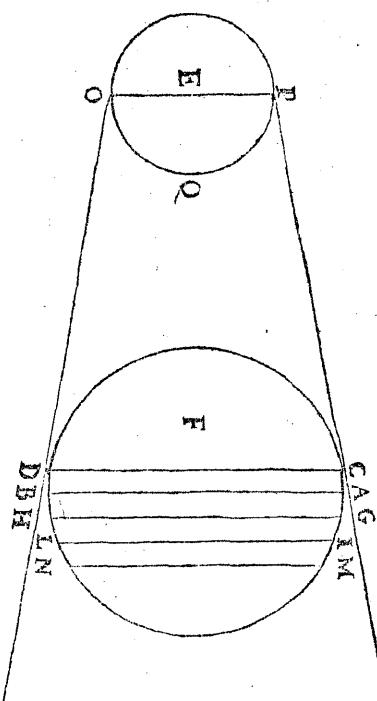
Hoc etiam addendum: quò longius luminans maius recedit ab opaco, eò magis retrahit extreui radios, & minorem opaci partem illuminat: contrà verò luminans minus longinquo recessu dilatat orbem illuminationis, & maiorem opaci partem lumine perfundit; ita tamen vt numquam ad totum opaci hemisphærium illuminatio perueniat, multò minus vltra ipsum diffundi posset. Hæc vniuersim compertissima sunt, & sensus refutare ne-

gantem potest, etiam si ratio & demonstratio euidens non satis valeret.

Attamen omnia vanissima sunt, nisi vanus Epicurus. Singula persequi nil attinet, extremum schema, ubi luminans est minus, accipiamus.

Igitur luminans minus E. sit luna, opacum maius F. sit terra. Dico, si superficies terræ componitur ex finitis punctis, terram illuminari posse à lunâ ultra hemisphærium, quod cum experientiâ pugnat. Nam si E. luna proximè admoueatur F. terræ, illuminabit insignem eius partem, circa tamen dimidiū: radij ergo eius extremiti cadant in extrema puncta lineæ C D. deinde per unicum etiam solūm punctum spatij recedat E. longius ab F. ecce statim circulus illuminationis in superficie terræ crescat, & vt minimum, ad unius puncti latitudinem (sic enim iam cum Epicuro loqui & balbutire oportet) vndique in orbem proficiet. Remoueatur iterum, altero spatij punto, E. ab F. circulus illuminationis nouam in superficie terræ punctorum circumferentiam occupabit, & perget se promouere versus circulum terræ maximum, qui eam in duo hemisphæria æqualia diuidit. & cum tot punctis retrocesserit E. ab F. siue luna à terrâ, quot inter C. & A. item D. & B. in superficie terræ interiacent, tunc totum terræ hemisphærium usque ab A B. illuminatum erit. Si vero etiam perget retrocedendo luna à terrâ, radius eius ultra diametri polos pertinget, & extrema puncta lineæ G H. radet. Deinde, quia perpetuo illo recessu certum est augeri circulum illuminationis, tandem radij extremiti etiam ad puncta I. & L. pertingent, ac tandem integrum globum, usque ad M. & N. & ultra, perfundent.

Stultum id est, inquiet, quia terræ vndique in orbem tumor,
& gib-



& gibbus perpetuus eam præcingens, impedit ne circumferentia circuli illuminationis peruenire possit usque ad circulum in terrâ maximum.

Fateor, in sententiâ Aristotelis, & Geometriâ est stultissimum, Epicurus tamē pro stulto habere non potest, nisi opinionem suam, vnde manifestè id sequitur, velit etiam astimare talem. Si enim perpetuò per finitos circulos increscere oporteat basim illuminationis isto illuminantis recessu, nec unquam stet & finiatur incrementum, vt ratio conuincit, & experimur; tandem, & quidem breui, circuli illi ex quibus terræ superficies secundum Epicuri Philosophiam contexitur, finientur, & antequam luna à terræ superficie ad cælum in quo est, imaginatione nostrâ retrocesserit, totum terræ ambitum, radiis suis contra naturam, in puncta G H. item I L. & M N. inflexis, lumine inuoluet, atque ita cum ipsa antipodas nostros illucebit, lumine etiam suo nos aspergere ex illo opposito hemisphærio valebit: quod aperte fatuum est, & cucurbitulas querit. Argumentum etiam soli, siue luminanti maiori respectu opaci minoris, admoueri, & per eadem aut paria absurdâ deduci potest.

Conuersâ enim imaginatione, puta in schemate præcedenti, sole esse F. terram E. sole minorem. Experimento autem constat, quod luminans maius ab opaco longius recedit, eō minorem partem illustrare, & ad singula recessuum momenta, lumen in superficie opaci contrahi ac minui.

Solem igitur iuxta terram primū statue, aliquantò amplius hemisphærio, non tamen totam vndique illuminare poterit. Itaque reducendo se à terrâ in altum, statim circulum illuminationis usque ad circulum in terrâ maximum retrahet, id est, dimidiatam terræ superficiem præcisè illustrabit. Eleuetur deinde porrò, & retrocedat à terrâ per totidem spatij solūm puncta, quot sunt in quartâ parte longitudinis terræ, id est, à puncto O. ad punctum Q. quod spatio breuissimo fiet. ecce autem iam extremiti radij solis radentes polos diametri terræ O P. retrahentur in punctum Q. & illud unicus ē totâ terræ superficie sol illuminabit, si superficies terræ consuta est ex circulis secundum latitudinem indivisibilis, vt Epicuro placet. Reducatur denique sol in cælum suum, vnde eum imaginatio nostra deduxerat, iam etiam ē puncto Q. radios quos in eo collegerat, recipiet, & ne hilum quidem aut punctum latum ē totâ terræ superficie, lumine continget.

Quomodo tam insignem & illustrem absurditatem demostras? inquies. Facile est, inquam, ex ipsis quæ proximè de lunâ differebamus. Cùm enim numerus circulorum in superficie terræ à punctis O & P. perpetuò decrescentium usque ad punctum Q. sit finitus, vt credit Epicurus, lumen solis circulatim per eos etiam decrescendo dum à terrâ retrocedit, breui in punctum Q. necessariò se contrahet, & longiori solis à terrâ recessu, omnino è terrâ euaneat. Vnde radius eius, in tantâ iam à terrâ distantiâ, huc usque pertingere non poterit, nec quisquam umquam mortalium, nisi in cælum ipsum scandat, solem oculis (qui lumine ab eo delapso adiuuari debent) videbit. Verissimum igitur est, lunam integrum terræ globum vndique illuminaturam, & hinc in altero hemisphærio lucentem à nobis esse videndam; solem verò nihil eius illuminaturum, neque claro etiam meridie cernendum, nisi Epicuri schola allucinatur in texturâ illâ suâ superficie terræ ex meritis punctorum atomis.

Lib. 3. c. 4.
Cæli.

Quam igitur scitè & meditatè Aristoteles, cùm ait, ἀπομειωμένα λέγοντες, indivisibilia corpuscula astruentes, non tantum μάχεσθαι ταῦς Μαθηματικῶν θεούματας, αλλὰ καὶ πολλὰ τοῦ ἐνδόξου νοῆτοῦ φανορύθρων καὶ τοῦ αὐθονοῦ ἀναρπεῖν, pugnare cum disciplinis Mathematicis, sed multa etiam communi sententiâ recepta, & quæ sensum feriunt, destruere. Si igitur Epicuro credimus,

Horat.

Nil intra est oleam, nil extra est in nuce duri.
Putaueram hic Mathematica finire, sed non temporo, quin etiam isthoc adiiciam.

CAPVT X V.

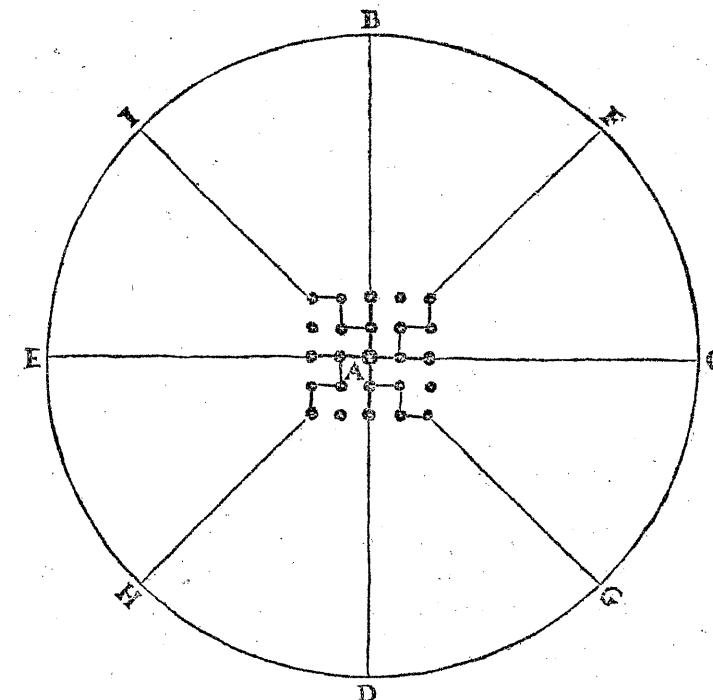
Argumentum septimum Geometricum.

Solem à nobis tantum videndum certis quibusdam interuallis, non in omni punto sui circuli.

Risum paullisper minuamus, rideamus tamen, sed osculo collectiori. Dixi iam solem numquam videndum in sententiâ Epicuri, ostendam hic videndum solum saltuatim, & quibusdam tantum horarum interuallis, etiam si meridies sit, & nubila omnia deterferis.

Cùm enim sol in paralleli, id est, circuli alicuius circumferentia terram circumeat (res tamen eodem ibit, si cum Copernico terram

terram immoto sole moueas,) consideremus circulum istum super terræ, id est, suo centro, ab ortu in occasum, usque ad viam solis erectum esse. Quia verò, vt Cap. XIII. diximus, & pictura punctorū satis ostendit, à singulis punctis alicuius areæ per quatuor solum proxima puncta, viâ rectâ exire ad circumferentiam circuli licet, ducantur quatuor semidiametri rectæ A B. A C. A D. A E.



Vel, ne existimemus nos incertum assumere, & putemus mysterium aliquod, aut fraudem in tam paucis viis rectis delitescere, quaternas alias semidiametros addamus, & rectas arbitremur. aut certè numerum alium quemcumque semidiametrorum, modò finitum, nobis assignent, in easdem prorsus absurditates hac, & omnibus precedentibus demonstrationibus (vt paullisper attente meditanti statim liquet) eos impellemus.

Sint igitur semidiametri A F. A G. A H. A I. etiam rectæ. Sol deinde, aut aliud quodus astrum per circumferentiam B C D E. spatio 24. horarū circumcurrat. Pone etiam oculum spectatorem in centro A. aut alibi in superficie terræ, ubi voles; nil ad rem attinet.

Aio

Aio iam solem in punctis B F C. &c. quæ terminant rectas diametros à centro A. in circumferentiam eductas, videndum ab oculo ex centro A. sursum spectante, non tamen in toto arcu intermedio B F. nec in arcu F C. aut C G. &c.

Cùm enim ex centro A. nullæ linea rectæ ad puncta inter B. & F. media peruenire valeant, vt ipsi etiam adspicuntur, & patet ex primo argumeto Cap. viii. & sidus (nisi per refractionem) debeat per lineam rectam ac breuissimam videri, palam est, interuallis B F. item F C. &c. non posse ex A. confisci. Itaque in punto B. subitè emerget, deinde in toto segmento sequenti usque ad F. contetur. in F. iterum momento emicabit, ac statim denuò ex oculis euanescet usque ad C. & tales porro inimicos & ridiculos lusus excebit circa totum orbem.

Si inquiant plures longè semidiametros rectas ad puncta alia inter B. & F. aut inter F. & C. &c. media posse deduci, demus id sanè gratia Epicuri, & numerum quem volet eligat. postulet centum, postulet mille, postulet millia centum, ego in tam amplio, quantus est parallelus solaris, aut stellæ fixæ, circulo, statim demonstrauero, inter quaslibet proximas duas tales semidiametros multa millaria in circumferentiâ interiici, per quæ motum sidus, semoto omni alio impedimento, nequibit à nobis adspici. Igitur si hæc duo principia, quæ satis experta sunt, minimè delirant, *Sol in quolibet punto sui circuli potest directè videri, &c., Ad visionem quæ res directè in suo loco, non extra eum refractè adspicitur, opus est specie visibili per lineam Mathematicè rectam ad oculum traiectâ, iudicent Medici de Epicuri sincipite.*

C A P V T X V I.

Argumentum primum Physicum.

Equus Adraſti, si Epicuro credimus, numquam cursu testudinem assequetur.

EPICUREI, vel, vt honestiori eos nomine compelle, Empedoclistæ quidam nostri Louanienses, non cessant Aristotelem è Mathematicis ad Physicam euocare. Vincat Aristoteles, vincant omnes Mathematici, inquiunt, in melancholico & à sensibus abstracto Euclidis sui tribunal, ad Physicum prouocamus, vbi sine dubio victores sumus. Hæc apud discipulorum frequentissimas classes

clases magnâ auctoritate, non sine splene meo & risu, sæpè audiui proclaimari.

Igitur deferatur appellationi, sequatur eos Aristoteles, & secundum Physicum tribunal lis ista detur. Zeno olim paralogismo quodam, ex infinitudine partium continui, intulit, βερεύτερος δέ πότε καταληφθεῖσι. Σένων τὸ ταχίστην, velocissimum numquam posse assequi id quod tardissimo fertur motu. Nec alatus Adraſti equus, ait Plutarchus, adipiscetur tardigradam testudinem: sed idem verâ demonstratione poterat ex finitudine atomorum Epicuri.

Totus igitur campus, in quo testudo Adraſti equum, vel Pegasus Bellerophontis, aut illum Martis qui apud poëtam

Ante notos Zephyrumq; volat,

Virgil.

ad certamen prouocauerit, punctis Epicureis instratus sit. Tempus etiam (quod inde planè consequens) suis tantum momentis, nullis partibus in infinitum diuisibilibus, decurrat. Præcedat deinde testudo uno saltem passu (quid enim alatus equus minus concedere potest miseræ bestiæ, domo suâ, supellectile, & totâ familiâ onustæ?) Incipiant iam dato signo, & missâ à Prætore mappâ currere. Ride quantum lubet, ait testudinem vetricem, & uno toto passu, à carceribus ad metam usque, perpetuò ante equum fore.

Nam primo temporis momento quodlibet testudinis punctum mutabit punctum spatij cui insidebat, & emouebit se ad punctum sequens. Secundo momento tantumdem perget, & ita ad metam usque, singulis temporis momentis nouum semper occupabit spatij punctum, id est, non segnius, quād equus mouebitur. Quid enim iste amplius potest? Nullum enim temporis momentum otiosum testudo finit abire, omnibus, inquam, se mouet, idem equus facit, nec unumquodque eius punctum plus puncto spatij, momento uno temporis (alias totum equi corpus in varia loca adæquata, per replicationem diffiliret) conficere valet.

Sint igitur (ne numero nimis prolixo rei claritatem infusemus) mille puncta spatij decurrentia, mille temporis momentis testudo ea peragrauerit; sed totidem etiam omnino equus, nec plura poterit, quantumcumque pedibus pennisque cursum incitauerit. Tam manifestè deprehensus Epicurus, tribus, quantum prospicio, viis potest fugam moliri.

Primo, si testudinis punctum omni momento temporis gressum quidem promouere dicat, sed non per totum spatij punctum. Verumtamen hæc fuga improbabilis est, quia cùm punctum in-

H diuisi-

diuisibile & impers sit, non potest pars vna eius sine aliâ pertransiri. minima igitur particula, quæ puncto temporis à puncto mobili confici potest, est punctum spatij.

Duplex igitur via restat, utraque à Louaniensibus nostris Empedoclistis visitata iam & trita.

Aut enim remoranda est certis temporum momentis testudo, vt eam equus motu præuertat interea dum ipsa quiescit, aut certe pergenter per singula momenta temporis ad vnius puncti longitudinem testudine, equus duo triâve spatij puncta debet transilire. Utroque enim modo equus citius, quam testudo, poterit ad metas pertingere.

Sed difficile non est hanc etiam utramque viam obstruere, & auspicemur à posteriori.

C A P V T X V I I .

*Vana fuga eorum, qui mobile acceleratione
motus censem replicari.*

Si punctum vnum volantis equi duo vel tria campi puncta vnico tempore momento peruerlat; igitur totus iam equus replicatus in diuersis locis illo momento, & duplo aut triplo, imò centuplo quandoque, longior apparebit. Et demonstratio est in promptu, & facili.

Hoc enim A
temporis mo-
mento quie-
scat punctum
testudinis A.
in puncto spa- C

tij B. & pun-
ctu Pegasi C. D F G H I L M N O P Q R S T V
similiter conquiescat in puncto spatij D. deinde sequenti proximo momento A. ex B. transeat in punctum E. & C. (quia velocius duplo mouetur) eodem temporis momento, saltu quodam per F. perueniat in G. Dico iam, hoc eodem momento C. esse simul in punctis F. & G. Nam cum à primo puncto D. ad tertium G. sine transitu per secundum F. transilire non possit, & momentum temporis partes priores & posteriores nullas habeat, necesse prorsus est, vt

est, vt uno temporis indiuisibili puncto in F. & G. simul sit, punctaque ista tangat, & iis insistat: quod aliud nihil est, quam replicatum esse (vt iam loquuntur Philosophi) in pluribus locis.

Intendat iam cursum Pegasus ille, & centuplo, aut millecuplo (quod facilè potest) velocius feratur, quam testudo: ecce nunc punctum eius C. per lineam mille punctorum se effundet, & ab F. usque ad V. & longè ultra, ad milletimum spatij punctum aufugisse, & tamen in omnibus intermediis simul esse apparebit. Cum verò non vnicum equi punctum, sed omnia pari impetu volent, totum equum in mille simul locis adæquatis, eodem momento dispersum videbimus. quando enim rei alicuius motum oculo sequimur, nullum temporis momentum elabitur, quo rem illam, & vnam situm eius ac prætentiam quam ad partes spatij habet, non intueamur: igitur si in tot præsentias uno momento se induit, nil causia est, cur sub omnibus illis oculus illo momento spectator eam non adspiciat, aduertatque. Itaque hanc in celeri cursu punctorum corporis replicationem iudicium oculorum manifestò refellit.

Addetiam, sublimi D. Thomæ ingenio tam difficilem & impeditam, circumscriptiua eiusdem corporis in diuersa loca adæquata replicationem visam esse, vt virtute etiam diuinâ posse accidere negauerit. Hinc si veterum Philosophorum dogmata memoriâ repetis, qui vacuum in mundum, qui penetrationem corporum, & id genus falsa admiserunt, facilè reperies, neminem (aut valde mentior) cui replicatio corporum umquam in mentem incederit. & verè ad Sofiam suum Amphitruo ille ridiculus:

Tu me verbero audes herom ludificarier?

Tun' id dicere audes, quod nemo umquam homo antedhac

Plaut. Am-
phit. act. 2.
sc. 1.

Vidit, nec potest fieri, tempore uno

Homo eidem duobus locis ut simitu siet?

Vis tamen diuina hoc, & longè mirabilia potest. Ego olim, vt huic corporum replicationi fucum saltem aliquem leuiter & per iocum allinerem, exemplum rotæ, quâ restiones nostri suos funes, aut fæminæ pensa torquent, afferebam. Si enim rotula ista incitetur, radij replicari, & sua interualla replere sic videntur, vt nequeas amplius transpicere. Simile est etiam in puerili lusu, quo titio à pueris circumactus videtur in tot loca diffilire, vt impleat totum ignitum quemdam circulum.

Sed puerilia, vana, & ludibria oculorum hæc sunt, quæ libri de animâ explicant. Nam si radij rotæ, celeri vertigine replicantur,

quousque interualla à radiis ipsiis verè compleantur , acceleretur deinde motus, quónam, amabò, iam radij, omnibus interuallis plenis, euadent? ad quæ loca se eiicient & replicabunt? nulla alia sunt, nisi mutuò se penetrant & peruadant, quæ merissima ægroti veteris somnia sunt.

Deinde, si res in motu plura loca, quām in quiete occupat, quomođ superficies continens capere potest corpus contentum , vbi hoc incipit intra eam circumagi ? quomodo superficies concava Empyrei non dirumpitur tam incredibili celeritate cæli primi mobilis, si secundūm mensuram celeritatis , corporum replicatio crebrescit & augetur ? sic enim oporteat superficiem conuexam primi mobilis in immensum inflari, & infinites propemodum plus spatij, quām si conquiesceret (quod fieri in fine sæculi) occupare. Vt aliud dicam magis familiare: quis vñquam expertus , pistillum quo in mortario finapi teritur , minorem locum , dum quiescit , implere, quām dum in orbem rotatur ?

Fallaciam denique sensus , elongatio oculi à re quæ mouetur, manifestè detegit . nam si medius inter vtrumque scopum confistas, & sagittam ante oculos volantem adspicias, non vnicam, sed binas , aut ternas , omnes simillimiſ pennis alatas videre existimabis; recede verò inde longiusculè, vnicam tantūm, sine congeminatione iam videbis. Sic si quispiam è propinquo incitatissimum illum solis raptum inspiciat, non vnum solem, sed aliquot myriades, longissimâ catenatione se cernere crebet; cùm tamen nos hinc vnicum & solitarium interuallo cæli & terræ allucinationem (quod alibi demonstramus) detergere, aspiciamus.

Hoc etiam inopinabile & deridiculum in illâ replicatione eueniet. Nam non tantūm replicabuntur in paullò celeriori motu vniuersa puncta corporis mobilis , sed pleraque etiam omnia intra mutuum situm per penetrationē dimensionum compingentur. Si enim tota sagitta, exempli gratiâ, extra se eiici, & ante se ita replicari debet, vt pennæ præcedentis sint ante spiculum seu caput sequentis, oportet pennas, vt spiculum sic præcurrerent, per totam sagittæ siue hastilis longitudinis penetrasse & transiisse ante spiculum.

Quod aliter sic demonstrari potest:

Si C. in priori nostro exemplo, sit primum punctum equi volantis, & vnicum momento per omnia spatij puncta usque in V. replicatur , cùm punctum istud non sit auulsum à ceteris, sed omnia pari celeritate subsequantur ; igitur punctum secundum eodem mo-

mento

mento usque in T. perueniet, tertium usque in S. & ita de ceteris. id est, primum punctum mobilis cum secundo, in puncto spatij T. primum cum secundo, & tertio in S. primum cum secundo, tertio, & quarto in R. & ita porrò per penetrationem erit. Vel, vt planius hæc percipias : caput Pegasi cum collo in T. caput & collum cum pectore in S. caput, collum, pectus, venter in R. caput, collum, pectus, venter, coxendices in Q. denique caput, collum, pectus, venter, coxendices, cauda, id est tota equi longitudine in P. colligetur, redibitque nobis chaos antiquum , & confusio illa partium , ac ὄμοιούπεια Anaxagoræ.

Alterum iam ecce ἀπότομον hoc etiam in mentem venit. Cùm Pegasus noster extra se in aliud Vbi per replicationem electus & duplicatus fuerit, quā, obsecro, viā iterūm ad unitatem (vt sic dicam) & intra se redibit ? Quomodo id fiat in Angelis, aut animâ rationali replicatis, & in sphæram angustiorem se quodammodo retrahéti bus, res facile expediri potest, quod spiritales substatiæ sint ac sine partibus: equus verò partes naturâ suâ loco impenetrabiles habet, nec in corpore iam replicato ita inter se componi possunt, quin semper duæ aliquæ distinetæ concurrent & se in uicem continent, ac ita ab eodem situ se expellant , perinde videlicet atque in corpore non replicato facere solent.

Sic Catholicorum Philosophorum ferè doctrina est: quod si homo virtute diuinâ circumscriptiuè replicatus sibi obuius fuerit, non illicè se in vnicam præsentiam, alterâ abiectâ, recipere possit, sed extra se emansurus sit, donec nouo miraculo secundâ eum præsentiam Deus exuat.

Quid si affirmem, inquires, Deum statuisse duas, tres, aut etiam centum præsentias , pro mensurâ celeritatis , dare cuilibet mobili quamdiu mouetur, statim verò atque quiescere cœperit, vnicâ oportere esse contentum ? Dicam te hominem optimi stomachi, qui hoc tam rancidum possit digerere. Non opus diutiùs (etsi totum etiam diem possim) hic tecum rixari , sensus experimenta, & alia quæ antè cumulauimus affatim retundunt tuam istam subtilitatem.

Fixum igitur ratumque (si quid in totâ naturali Philosophiâ) sit, replicationem corporis, nisi insolenti, magno, & diuino miraculo fieri non posse, ac proinde eos qui accelerationem corporum per eam expedire conantur, valde frustrâ esse.

Hanc etiam mantissam quæ exciderat, in cumulum coniicio. Si

H 3.

celeri-

celeritas motū replicat mobile; ergo nullo non motu (excepto solo tardissimo) replicatur mobile. Id verò si ita est, omnis, etiam non admodum festina, ambulatio nos replicabit, & in duo, tria, plurāve loca adæquata, omnibus momentis quibus mouemur, disperget: quod nemo (nisi fortè strabo, cui omnia etiam in quiete congerminantur) tibi, opinor, crederet. Etenim ambulatione etiam lentissimā & testudinē assignari tardior aliquis (puta, gnomonis horologij, aut alius similis) motus continuus potest. Hoc verò, quem tardissimum appellas, singulis temporum momentis singulā spatij puncta à mobili pererrantur (id enim necesse est, ut sit continuus, non interruptus;) igitur, si minimum acceleretur, uno momento punctum quodque mobilis per duo puncta spatij gressum faciet; quod sine replicatione, in istâ sententiâ fieri nequit.

Præclusâ igitur hac fugâ, quæ Pegasum & quodus mobile in motu celeri replicat, inspiciamus iam, an sistendo saltem subinde testudinē motum, spatium temporis dari non possit, vt eam in ridiculo isto certamine Pegasus assequatur & præteruolet.

C A P V T X V I I I .

Fuga aliorum occlusa, qui in motu quolibet tardiore moras & pausas interseminant.

PLures hīc Louanij, & pauci quidam in Hispaniâ, vt iam intellico, ab Aristotele ad Epicurum transfugæ, sistere testudinem malunt, quām Pegasum replicare. Id est, in omni motu tardo pausas & morulas quasdam interiiciunt quibus mobile quiescat, quæ in motu celeriori complentur; vt mirum non sit, tardum à veloci præuerti, quia momentis quibusdam temporis stat & otiaatur, dum alterum pergit & negotiatur.

Hæc fuga probabilior in speciem videtur, quām altera; quia fortè sensus facilius replicationis in motu celeri falsitatem, quām morarum in motu tardo deprehendit.

Stemus igitur paullisper (aut saltem simulemus) à partibus eorum, & filum vtriusque motū legamus quod texunt testudo & Pegasus.

Cūm itaque missâ tessellâ currere incipiunt, primo momento temporis vterque punctum vnicum spatij peragret. secundo verò momento, vt Pegasus anteuertere testudinem occipiat, pergit ipse se mo-

se mouere ad sequens spatij punctum, ipsa verò in suo puncto immota consistat. tertio porrò momento promoueat se iterūm ad tertium spatij punctum equus, & testudo ad secundum. quarto momento perget more suo Pegasus, testudo autem iterūm quiescat & halitum resumat. Breuiter, moueat se perpetuò omnibus momentis equus, testudo solūm alternis. Hinc enim fiet, vt ille duplo celerius progrederiatur, & dimidiatâ horâ ad metam perueniat, vbi ista totam horam impendere debebit.

Verumtamen, quoniam non duplo tantūm, sed millecuplo, & vltra, Pegasus testudinem celeritate vincit, quid facimus? Nil aliud possumus, quām istud.

Post primum momentum motū, non solūm vno momento, vt proximè dicebamus, sed integrâ catenâ mille momentorum testudo interquiescat, quibus se mouet equus: ac deinde istis elapsis, resumat ipsa impetum, & ad secundum spatij punctum eripat: vbi iterūm mille momenta otiosa præterlabi finet, Pegaso interim minimè dormitante, sed viam perpetuò prosequente; & legem istam seruent usque ad finem motū. Ita ferè Valesius, et si Lib. 3. c. 8. magnitudinem & tempus ex infinitis cum Aristotele componat, Controuer. moras tamen & mansueltas, vt vocat, motui tardo interpergit, eamque Galeni sui, imò Zenonis & veterum Stoicorum sententiam fuisse credit. sed vnde largiter fallitur.

Et in primis quæro ex ipso & Epicureis, quænam est ista caussa, quæ testudinem proportionem illam seruare docet, vt post vnum quodque momentum motū, mille semper momentis interquiescat? quis lapidem molarem per aëra maximo impetu deciduum, nunc mouet, nunc sistit? hoc enim etiam fieri debet, cùm motus iste tardus etiam sit, si comparetur cum motu solis, aut primi mobilis.

Dicent credo, quod solūm possunt à caussâ primâ videlicet sic frænari & regi illas caussas mouentes, vt nūc exeant in aërum, nunc certis, quæ ipsa determinat, interuallis suspendantur & quiescant.

Sed ecce, cui non statim hīc fucus & falsitas subolet, cùm videt illicò tam procul, & usque ad caussam primam eos aufugere? Lapidem autem in aëre libero, qui casurus aliás omnibus momentis, vt pendulus aliquamdiu ibi hæsit, à Deo subinde per certa interualla momentorum frænari? Quis, iterūm inquam, non sentit subefie fucum, & illud imaginarium frænum frangere impetum illum, quo caussæ naturaliter agentes ruunt laxis habenis in effectus suos,

suos, vbi omnia ad actionem prærequisita eas circumstant? Reponent, scio, non adesse omnia prærequisita illis momentis, quibus lapis in aëre suspenditur; quia præparatio diuini concursus deest, sine quâ, in omnium sententiâ, causa secunda nequit agere.

Responsio dat aliquid, sed non satisficit. Non enim solet Deus alia agentia naturalia, vt infessor equum, sic regere, nec habendas adducit, vbi possunt, quantum est ex parte suâ, pleno cursu currere. Non habent, inquiunt, paratum pro illo momento, Dei cursum: sed deberent, inquam ego, habere. hoc enim conditio eorum naturalis flagitat, & effrænis modus agendi. Nam omnibus indifferenter momentis agere possunt, neque per villam conditionem creatam stat quò minus agant; igitur nec Deus (nisi propter caussas extraordinarias & fines superiores, vt factum in igne Babylonico) actionem eorum pro libitu, hoc aut illo temporis momento connaturaliter potest suspendere. Aliud foret, si non omnibus momentis agere possent, & opus esset aliquâ electione, quam diuina prouidentia pro agentibus illis brutis & deligendi ignaris deberet facere.

Deinde cùm appetitus testudinis omnibus momentis imperet potentia progressiæ motum localem, quid caussæ est, cur non obediatur semper? Motus enim ille sequitur per naturalem sympathiam potentiarum, quam in aliis à motu locali effectibus impedit non assueuit causa prima (omni enim momento quo voluntas intellectui, aut appetitus inferior phantasie imperat, illico & perpetuò in actionem impelluntur, & obediunt imperio;) cur in motu locali aliam legem sequatur? Quàm videtur id mihi deridiculum: voluntatem meam, cùm impellit potentiam loco motuam vt moueat manum, etiam quàm potest celerrimè, non posse tamen efficere, vt omnibus momentis effectus sequatur; imò contra expressum eius imperium, quo omnibus veller mouere, potentia tamen motuia à Deo frænetur ne pro toto tempore, sed quandoque solum obediatur, & morulis vbique interiectis, redeat postea tandem ad motum & obedientiam.

Referre etiam híc lubet, quid his annis à Philosopho non exigui nominis Anglo, sed studio Salmanticensi audiuérimus, dum Spadæ fortè inter hydropotas versor. Epicureus in re naturali erat, quòd alios quosdam iam in Hispaniâ aiebat etiam prolapsos, aut inclinare. Loci illius amœnitatis Musarum etiam delicias & iocos permiscebamus, & in Labyrinthum compositionis continui semel de-
lapsi,

lapsi, quid caussæ esset, exquirebam, cur lapis ex alto decidens, tot stationibus & moris interpellaret suum motum? Ipse nihil (tamquam in re facilis & certâ) cùctatus: Quia, inquit, fatigatur, & quiete intermediâ vires mouendi eum oportet reparare. Cùm hæc valde seriò, & exemplo animalium affirmaret, quæ cursu fatigantur, & priuora fiunt ad motum: Putásne igitur, inquam, lapides & saxa esse animalium quoddam durum genus, quæ dissipatis motu spiritibus quibus nerui & musculi intenduntur, flaccescant, & ad viarium instaurationem quiete indigeant? Cùm negaret esse animalia, instar tamen animalium lassitudinem perseveraret tribuere; Res ista Medica est, inquam, & iurisdictionem huic Aesculapij filio, (Medicus fortè magnæ eruditiois per clium vicini collis in moliter inambulans subibat) permittamus. Adsentitur, adimus. Auditis partibus: Ita, inquit, oportebit postliac culcitas & lectos lapidibus substernere, in quibus lassitudinem deponant à motu: ægrotabunt etiam tandem, & ad explorandum febricitantium pulsum vocabimur. & sic inter hunc, aliosque risus, Philosophi verò nihilominus pertinaciam & responsitationes, institutam ambulationem continuabamus. Hinc autem vides, quónam ingenium humandum abeat, vbi semel extra oleas & verum aberrare cœpit.

Inspiciamus etiam attente, fortasse sensu ipso deprehendemus vanitatem istarum pausarum in motu tardiori.

Et in primis supponamus, moram aliquam temporis minimam & primam esse, intra quam sensus possit quietem corporis aduertire, ita vt si minori tempore interquiescat, putetur perpetuò moueri. Sit ergo, exempli caussâ, tempus illud decem millium momentorum.

Secundò supponatur etiam, minimam lineam, siue quantitatem spatij sensibilem totidem punctorum esse, ita vt minor seorsim ab aliis inspecta effugiat sensum: vnde corpus tum primum mutasse locum videbitur, cùm pertransierit minimam illam, siue primam sensibilem spatij particulam. nam citrà, et si moueretur, non tamen apparebat, quia quantitas pergrata nondum erat sensibilis.

Itaque reuocatâ iam testudine, aio quietem eius fore manifestam, si tot momentis motus eius interrupitur.

Dicebamus enim, primo momento testudinem ad unum punctum spatij prorepere. Deinde, quia Pegasus millecuplo & supra moueretur celerius, eam mille momentis interquiescere. post quæ

I elapsa,

elapsa, iterum motum priori similem repetere, & ad secundum spatij punctum pergere. Vbi denuo abrumpit, & redit ad quietem mille momentorum; & ita porrò alternatim. Nam verò sume in manus calculum, reperies testudinem post decem millia & dena momenta (id est, tempus quod iam cœpit esse sensibile) solum decem spatij puncta (quæ nondum sub sensum cadunt) confecisse, ac proinde tempore quod mora sua notari valeat, videbitur eodem loco immobilis adhæscere. Imò vero longo post tempore ibidem pertinaciter apparebit conquiescere, donec scilicet ad decies mille-simum circiter spatij punctum peruererit; quia quantitatem decem millium punctorum fecimus inter sensibiles minimam.

Vltrà etiam progredior, & intrepidè asseuero, Pegasū, imò velocissimæ sagittæ, aut globi tormenti volatum pauis & mansunculis Valesij sic interpolandum, vt quies manifesta in oculos veniat.

Lib. 4. Epit. Caussa remota non est: quia motus æquinoctialis primi mobilis, quo metimur nostrum tempus, est infinito propemodum velocior, quam globi volatus. Expertum enim est, globum tormenti maioris, uno horæ minuto, nondum tria millaria Italica, siue unum Belgicum transvolare: igitur tertia parte minutæ, id est, viginti scrupulis secundis (quorum unumquodque creditur adæquare circiter moram pulsus arteriæ humanae) milliare unum Italicum conficer, ac uno scrupulo vicesimam partem Italicæ milliaris. Hoc autem eodem temporis scrupulo, secundum nouam Kepleri Astronomiam, punctum unum æquinoctialis firmamenti septuages quinque centena millia milliarum Germanicorum (quorum quodque Italica quatuor comprehendit) pererrat. Statue iam supra firmamentum, vt Ptolemaici & Astronomi vulgo faciunt, duas tres ye alias spheras iramanis spissitudinis mobiles, rapiditas æquinoctialis sphæræ primæ mobilis, & excessus celeritatis quo motum globi vincit, enarrari, aut cogitari vix poterit.

Si igitur punctum illud Äquatoris sine replicatione (quam Cap. præcedenti euidenter, si quid video, confutauimus) tantæ rapiditate moueri potest, numquam uno tempore veri aut imaginarij momento duo puncta spatij percolat, sed singulo quoque momento tantum singula. Sit tamen motus iste, si vultis, tam celer, vt celerior nullus esse valeat, citra mobilis replicationem. sic enim omnia momenta temporis imaginarij aliquâ parte indiuisibili, siue *enarrari* illius motus occupabuntur, id est, omni omnino instanti imagi-

imaginario, sine ullâ vel minimâ intermediâ quiete, tale mobile mouebitur. Accipite iam calculum, & videte, quot millia momentorum otiosorum inter duo quælibet momenta quibus se globus mouet, oporteat intercurrere, vt interea temporis Äquator fe pro-moueat, vt tam ingenti celeritatis mensurâ possit globum anteire.

Itaque cum inter duo quævis momenta motus, oporteat globum tanto agmine momentorum interlabentium quiescere, interruptio in motu manifestè prodetur, vt anteostendimus in testudine. Nec regi (quod fortè quisquam putet) hæc interruptio poterit, si non post singula momenta motus, sed post duo, tria, aut plura quibus perpetuo mobile se moueat, moræ illæ otiosorum momentorum interueniant; quia tunc multò plura momenta otiosa continuanda erunt, quæ aliæ medio aliquo momento quo mobile pergebat, distinguebantur: unde hac ratione degetur facilius interruptio motus, non obtegetur.

Aliis argumentis detrahi hæc larua, & morarum motui tardo inspersarum vanitas ostendi potest: & quia omnes ferè hodie Epicurii naturales, desertâ replicatione, per istas moras elabi conantur, pluribus eas vrgebimus. si enim obstruere has lacunas possimus, & demonstrare motum etiam tardum, esse continuum, non morulis & mansunculis interpolatum, fuga omnis quæ euadant Epicurei occlusa est, redire ad Aristotelem compelluntur, & telam illam male ex atomis suis contextam dissoluere.

C A P V T X I X.

Argumentum secundum Physicum:
Puer ferreos rota radios minimo nisu incuruabit.

Mirata est vetustas ingenium Archimedis, qui helice fabricata, non magno nisu urbem, verius quam nauem regis Hieronim, attraxit in mare: sed tamen puer iam nullâ helice adiutus, simplice manu tantumde & amplius potest, si vera sententia Epicuri.

Fac enim ferreis, aut adamantinis (qui nullâ malleorum vi inflecti valeant) radios, axe facili & versatili suspensam esse rotam, quam puer circumagere possit: aio radios istos, cuiuscumque duritie tandem & rigoris fuerint, insigniter, etiam leuissimâ pueri manu incuruandos esse.

Cum enim pars radiorum axi propinquior tardius, remotior

velocius circumagatur, momentis quibusdam temporis circumferentia rotæ & pars radiorum ei infixa in orbem mouentur, cum interea pars propinqua axi stat ac moratur; quod sine partis superioris flexu & incuruatione fieri nequit. Nam, ut alicubi verè Aristoteles, linea recta non potest nisi per se primò, siue secundùm omnes suas partes simul moueri. si enim pars vna moueat alterā immobili, necesse est eam inflecti & rectitudinem amittere. Sic si arbusculæ rectæ cacumen velis in latus inclinare, oportet rectitudinem eius necessariò deprauare, si pars in terram defixa non sequatur, sed immota permaneat.

Ita igitur etiam radiis cuiuscumque rotæ eveniet, minimo ad circumagendum conatu. Nec id solum in hac sententiâ quæ motum tardiorem quiete interpolat, sed in alterâ etiam quæ mobile per motum celestiem replicari mauult: nam replicatio & electio partis superioris radiorum in spatium antecedens, non replicatâ eousque parte inferiore, accidere etiam nequit sine superioris partis inflexione.

Sed ecce quid etiam iam ridiculi hîc in mentem venit. Equus, inquam, trahens currum, mouebit rotæ axem (per axem enim modiolo insertum rotam circumagit) & inde proximè circumferentiam, non mouendo modiolum intermedium, cui axis tamen est contiguus. nam quiescit, aiunt, aliquo tempore modiolus, & partes radiorum ei vicinæ, quæ breuiori & tardiori gyro aguntur, cum interea circumferentia circuit.

Deinde, cum quispiam brachio extento gladium in orbem rotat, extrema cuspis (quia mouetur celerius quam brachium, quod centro illius orbis est propinquius) aliquo tempore necessariò raptur quiescente brachio, quod tamen gladium & cuspidem agitat: quasi verò anima, non moto ante brachio, motum proximè in gladium transfundere possit.

Sed cur magis miraris, inquiunt, partem rotæ vicinam centro, aliquanto tempore interquiescere, quam centrum eius, siue centrum globi intra eadem sua vestigia circumacti, numquam moueri? Resp. tamen, latum & euidens esse discriminem. nam centrum nullum habet spatium, circa quod in orbem verti possit, quemadmodum omnes partes distinctæ à centro habent. nec potest etiam centrum in loco suo manens intra se, ut sic dicam, conuerti; quia intelligi non potest, quæ ratione punctum centrale, quod partibus mediis & extremis caret, valeat eodem loco permanens in orbem ambu-

ambulare: ὡς δὲ μήτε μέσα μήτε μεσῆν περιστίνει, τὸ μηχανὴν, τὸ τοῦ Plat. in κύκλῳ ποτὲ, οὐδὲ τὸ μέσαν συνθίνει; cui enim neque medium ullum neque pars illa competit, qui fieri potest, ut illud in orbem circa medium feratur? Deinde nullum in Philosophiâ meâ centrum aut punctum posituum reale est, quod fuscipere motum possit, ut Cap. xxxii. persuadere etiam aliis conabimur. vnde quidquid in globo reale posituum est, circa imaginarium centrum ambulat.

C A P V T X X.

Argumentum tertium Physicum:
Trochus acri flagello in orbem actus, longissimo tamen tempore quiescat.

Imaginemur enim lineam rectam à centro, seu axe trochi in ultimam usque mundi superficiem extendi, quam revolutione sui vna circumagat trochus. Extremum huius lineæ punctum tam citò vniuersum mundi ambitum, quam punctum aliquod superficie trochi, circulum suum circa trochi axem, absoluere. Cum igitur extremum illud punctum non replicetur, ut Cap. xvii. demonstrauimus, singulis temporis momentis unicum, ut summum, spatij punctum pererrabit, totidemque momenta in vna revolutione trochi, quot sunt in ultimo mundi circulo puncta, impendere debet. sunt autem in isto circulo infinites propemodum plura puncta, quam in circello qui trochum cingit. Si igitur per puncta circelli tantò pauciora non citius se revoluit trochus, quam extremum illius lineæ punctum per totum ambitum caeli, diutissime interquiescere debet, & prolixissimum inter omnes ubique partes motus, momentorum agmen otiosum transmittere: nam alias si omnibus, aut multis temporis momentis moueretur, longè breuiori tempore, quam ultimum illud punctum, circuitum suum, tantò breuorem, absoluere. Quod autem trochus in vna sui tam rapidâ revolutione toties & tam diu interquiescat, est contra manifestum iudicium sensus.

Aliud exemplum ab oculo sumere possumus, qui vnicâ capitâ nostri circumactione, extremum lineæ visualis punctum, circa totam mundi superficiem vna circumferre potest. Ex quibus, & aliis id genus exemplis facilè quis intelligit, modum reperiendum esse, quo duo mobilia, sine quiete tardioris, aut replicatione celerioris,

continuò sic moueri valeant, vt æquali tempore spatiū confiant inæquale. Modus verò omnis alias frustrè tentabitur, præter vnicum qui in spatio angustiori, partium infinitudinem, perinde atque in ampliori, compingit.

C A P V T X X I.

Argumentum quartum Physicum:

Vmbra gnomonis horologij solaris non proiecetur in partem plani directè auersam à sole.

Sensu, & Mathematica ac præcisa omnis dimensio dicit, vmbram gnomonis, siue stili erexit in horologio solari, directè semper versari in parte auersâ à sole, numquam contra solem, aut in latus proiici. Sit, inquam, sol nobis in meridie, vmbra stili in polum aquilonarem, non in meridiem, ortum, vel occasum dirigi potest. Falsum tamen hoc est, si verus Epicurus.

Cùm enim vmbra, propter angustias circelli quem circa stilum describit, multò tardius, quām sol moueatur, per gente & circum-eunte per sat multa momenta temporis sole, ipsa in eodem situ defixa quiescere debebit; vnde cùm sol non eum dem situm in principio & fine quietis vmbrae obtineat, palam est vmbram, si initio è regione solis fuerit, in fine alium respectum habituram, & in latus detorqueri oportere.

Quod hoc etiam pacto demonstrari potest:

Si stilus tam longus esset, vt vmbram usque in cælum solis proprie valeret, vertex axis vmbrae in punctum cæli è regione centri solis caderet, ac pari cum centro isto celeritate in orbem circuaret, paullatim verò à vertice vmbrae usque ad terram & ipsum stili contactum, celeritas decresceret, & iuxta stiolum tardissimus motus esset. Hoc autem euentu, vt ex Cap. xix. & xx. patet, necesse est longitudinem vmbrae in arcum curuari, cùm suprema pars citissime, mediæ aliquantò lentius, infima lentissime feratur: vnde consequens planè est, vt si vertex vmbrae pari cum sole paulli è regione obambulet, ima pars eius quæ ad stiolum est, retro deferatur, & in aliam partem reflexa sit; quod nemo hactenus vidit, nemo fando accepit.

Et vide quid etiam iam occurrit:

Non in nodis, siue capite aut caudâ draconis cuenient lunæ eclipses,

eclipses, cùm videlicet in eadem mundi diametro cōstiterit vtrumque fidus. nam, etsi quando sol est in capite, vertex vmbrae terræ, si ad cælum solis extenderetur, in caudâ siue intersectione quam in cælo solis imaginamur, foret, tamen in cælo lunæ, vbi lunaris eclipsis accidit, vmbra à punto intersectionis oppositæ centro solis largiter defleget, quandoquidem vmbra pars quæ lunam attingit, maximo interuallo depresso, & terræ vicinior sit, quām culmen vmbrae quæ cælum usque solis se porrigeret: vnde & segnius multò per cæli lunæ ambitum eam incedere necesse est, quām culmen illud vmbrae per orbitam cæli solis, è regione centri solis incederet. Igitur vmbra terræ in cælo lunæ nequaquam è regione solis, sed retrò aliquantum semper erit. Denique cùm sol ad punctum Meridiani mediæ noctis pertigerit, nondum media nox nobis erit, neque in axe ipso vmbrae telluris versabimur; quia videlicet axis vmbrae iuxta superficiem terræ non obambulat è regione centri solis, sed retrò necessariò, vt antè diximus, relinquì debet. Quæ omnia falsa, sine dubio, & sensus ipse communis reuincit.

C A P V T X X I I.

Argumentum quintum Physicum:

Oculus rem pupillâ suâ maiorem simul distinctè non videbit.

Pythagoras, inuento quadrato lateris trianguli quod angulo recto subtenditur, æquali duobus reliquorum laterum quadratis, repente latitudine effusus dicitur bouem Musis victimasse: ego vitulum faltem bene pinguer fecisse, si per Christianas leges licuisset, vbi per tubum in Belgio nuper inuentum mihi primùm incidit quod iam dicam.

Si continui planities ex meris punctorum atomis sternitur, oculus numquam simul distinctè videre poterit rem pupillâ suâ, aut minimo meo vnguiculo ampliorem. Quis sic? inquires. Quia, inquam, tubus ille docuit nos, ad perfectam & distinctam rei visionem opus esse, vt omnes partes obiecti visibilis in fundo oculi extra mutuum situm, per species suas depingantur: id verò impossibile est, si obiectum latius sit fundo illo, siue tabula tunicæ retiformis, in quâ depingi ipsum oportet, si superficies obiecti amplioris, & superficies tabulæ retiformis compactæ sint ex solis punctis. Fac enim superficiem visibilem constare mille, tabulam verò solū centum

centum punctis in orbem dispositis. vbi centum obiecti puncta tabulæ, sine confusione & extra mutuum situm, impresseris, vniuersa tabulæ puncta occupaueris; reliqua igitur nongenta obiecti puncta sine picturâ competenti erunt. vbi enim picturam eam collocabis? nam si picturam picturæ intra idem spatium superfundas, omnia obiecti lineamenta confundes, & nil nisi confusum chaos oculus ille videbit. Igitur vt puncta reliqua nongenta in unam visionem distinctam cum aliis centum admittantur, locum alium in tabellâ illâ oculi reperire debent; quod non possunt, quia tabella centum tantum punctorum planitatem habet. Nongentorum ergo punctorum obiecti pictura competens & distincta excludetur, nec videri simul distinctè cum aliis centum, possibile erit.

Accurrent illicò, scio, & ex veteri suâ Philosophiâ reponent punctorum patroni: non opus esse picturam in oculo extendi, sed ad distinctissimam etiam visionem sat esse, si oculus omnium partium obiecti species, intra unius etiam puncti angustias confusas recipiat. Sed profectò nihil intelligo, vel naturam & ingenium visionis non intelligunt isti. Dissimulemus hoc iam tamen, & à veris ad crystallinos oculos, ad lentes, inquam, dioptrarum nostratium, litem transferamus, & oculorum suorum (nisi aperire deditantur) iudicio eos confutemus.

Lens, siue vitrum connexum, quod ad obiectum spectat in Belgicis dioptris, tunicarum & humorum anteriorum oculi nostri vera imago, amplissimi obiecti in exiguo papyri spatio imaginem sic affabre & distinctè exprimit, vt omnium picturas partium oculis ipsis videre & distinguere possumus. Exempli caussâ, excipiatur in papyrum species arboris, omnia folia numerare etiam poteris: aut si vastus ager admittatur, spicas illas innumerabiles capita conserentes, & vento agitari in papyro miraberis. Numera iam tot spicarum innumerabilium innumerabilissima puncta, si potes, & in illis papyri angustiis numerum punctorum reperias in quibus omnia extra mutuum situm depingas. Non faciet Callicrates ipse, qui complusculos versus Homeri in grano uno milij insculpere ad ostentationem solitus. Quomodo autem Aristoteles tuus, inquies, spatium ibitot spicis, aristis, & totius Africæ messi, imò hemisphærio tam ingentis cœli inueniet? maximum, non diffiteor, naturæ miraculum est, tamen (postea dicimus) inueniet.

CAPVT

C A P V T X X I I I.

Argumentum sextum Physicum:

Fluuius nullus poterit nauigari.

Fluuij plerique omnes molli, aut præcipiti inclinatione aluei eunt, aut feruntur in mare. In leni aquarum agmine, ex Alberto Magno, & Geometris docet Daniel Barbarus, in singula aluei millaria Italica, siue milletos Geometricos paetus, sufficere deuergentiam unius pedis, id est, vt alueus ita perpetuo inclinetur & deuergat, vt in termino Italici milliaris, uno pede propinquior centro terræ sit, quam in principio. Fluuij vero rapidiores 3. 4. aut etiam 5. pedum deuexitatem habent, qui vero ad sextum aut septimum pedem deuergunt, præcipito & violentiâ aquarum intractabiles, & nauium impatiens sunt.

Si autem aluei punctis Epicureis strati sunt, fluuios omnes, tales, & longè magis præcipiti vnde futuros, imò post singula millaria uno etiam toto millari (quod mirum, imò ridiculum) depressiores futuros affirmo.

Facile in sensum huius rei hac cogitatione te deducam. Imaginare tantum unius milliaris continuam ex punctis lineam, cuius secundum punctum sit depressius primo, & tertium secundo, & iterum quartum tertio, & ita porro. Cum enim secundum non possit esse demissius primo, minori excessu quam punctuali, & sic de quolibet puncto sequenti, comparato cum proxime præcedenti; erit igitur tertium punctum duobus punctis, quartum tribus punctis, & ita deinceps, depressius, quam primum, & tandem extremum totius milliaris punctum tot, quot in toto millari sunt, punctis, propriis ad terræ centrum accedet, quam primum. Vnde hoc admirabile accidet. vt, inquam, fluuius (qualis fermè Nilus) qui per sextam circuli maximi in terrâ partem perpetuâ & mollissimâ deuexitate decurreret, in fine, siue in ostio suo, centrum terræ contingere debeat. ostia igitur Nili & Ægyptus in centro terræ erunt.

Hinc porro fiet, vt nulli aquæductus commodi deduci, nulli canales, nisi præcipites, & aquarum incontinentes; imò vt

K

nullus

nullus baculus (quod effusissimè rideas) aliter possit versus centrum terræ inclinari , quin pars ima tanto interuallo sit centro terræ propinquior parte supremâ , quanta est totius baculi longitudo . Hoc , ne forte non intelligas , volo . Vidisti quandoque Germanos milites hastas illas decumanas humero gestantes ? spiculum quod retrò est , aliquantulo tantum elatius est , quam pars anterior & ima quæ terræ solet defigi . si Epicuro tamen credis , spiculum , dum hasta sic in humero iacet , tantò est à centro terræ remotius parte alterà quam antè est , quantò , si hæc pars anterior terræ defixa esset , & spiculum rectè in cælum spectaret : nam in utroque hastæ situ pars superior est totâ longitudine hastæ eleuatiōr à centro terræ , quam ima . Vel , si hoc est familiarius : dum iaces in lecto , corpore à capite ad pedes molliter declini , sic ut caput vno palmo sit , quam pedes , elatius , non minori interuallo caput superat distantiam pedum à centro terræ , quam si corpus in pedes erectum foret : id est , palmus unicus est æqualis longitudini sex pedum , si corpus tuum sex pedibus longum sit .

Nec tantum dicas & risus ergo hæc à me dicuntur . reuerā enim opinioni Epicuri omnia hæc evidenti sequelā adhærent , & eādem demonstratione , quā in alio fluminis usq; iam sumus , manifestari possunt .

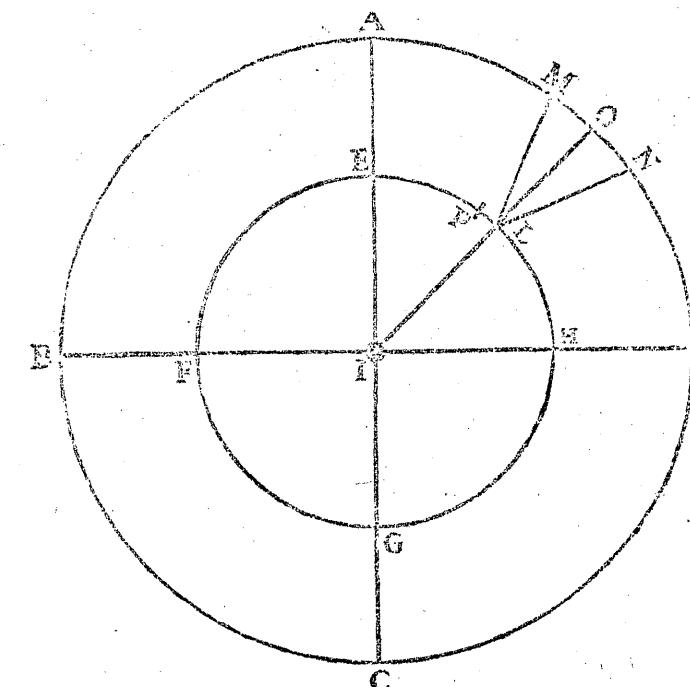
C A P V T X X I V.

*Argumentum septimum Physicum:
Pleraque , aut omnia ædifica corruerent.*

Hoc , & præcedentia aliquot argumenta Mathematicis accensi , sed tamen etiam Physicis possunt , quia in materia sensibili versantur .

Vt autem ædifica firmiter & extra periculum lapsūs constanter , ad perpendiculari normam fieri , id est , lineâ rectâ in centrum terræ spectare debent : unde turres , ne cadant , oportet angulis rectis superficie terræ insideant . Id autem in plerisque ædificiis seruari nullâ ratione poterit , nisi vanæ sunt atomi Epicuri . Nam retractâ huc Capitis VIII. figurâ , sit ABCD .

terre



terræ superficies , & puncto M. sit turris aliqua imponenda . Dico ruituram , quia axis eius non lineâ rectâ , sed curuâ , & ab axe horizontis imaginario deflexâ respicit terræ centrum : lineâ , inquam , MLI . Nam à puncto M. vt ipsi adfarentur , non potest breuiori & directiori viâ ad centrum terræ I. per veram & realem punctorum quantitatē incedendo , perueniri , quam descendendo per punctum L. id est , per lineam reuerā obliquam .

Itaque turris in puncto A. aut B. aut C. aut D. ad perpendiculari excitata , in directo horizontis axe , & extra ruinæ periculum erit ; quia à quatuor illis punctis lineæ rectissimæ ad centrum terræ I. decurrunt , nempe AEI. BFI. &c. sed omnibus aliis punctis imposita minabitur ruinam .

Diximus enim Cap. xv. quatuor solūm viis Mathematicè rectis , iuxta Epicurum , à centro exiri posse ad circuli circumferentiam , aut certè , si aliquantò plures (vt exempli gratiâ , etiam ILO . & tres aliæ , quæ reliquos tres circuli quadrantes in duas partes æquales similiter secent ;) paucæ tamen comparatione curuarum erunt . ceteræ enim omnes lineæ à centro I. in quodus pun-

Etum segmenti A O. item O D. &c. educatae, rectae nullatenus esse possunt.

Igitur si demus octo itineribus rectis à centro circuli ad circumferentiam transiri, ut in schemate Cap. xv. vides esse concessum, octo solum tures in circumferentia tali extrui poterunt ad Mathematicum perpendicularum. Imò istarum octo non omnes lineæ, sed media tantum, siue axis à vertice in mediā basim decurrentes, erit perpendicularis ad terræ superficiem, reliquæ vero lineæ circumstantes, parte suâ inferiore versus axem declinabunt, ut cum eo in idem punctum concurrere possint, antequam ad centrum terræ pertingant: sicuti in præsenti schemate lineam M L. obliquam cum rectâ O L. cernis concurrere. Hinc ergo etiam earum octo turrium latera pendebunt extra Mathematicum & præcisum perpendicularum.

Hoc quoque ad risum adiicio. Nullibi in toto circuli terræ ambitu erecti sine inclinatione stare valebimus, nisi in illis punctis octo, quæ rectas à centro ad circumferentiam terminant. In A O D. &c. igitur erecti, & in Mathematico horizontis axe consistere poterimus, at nequaquam in M N. &c. sed incuruari necessariò nos oportebit, cum discrimine ne in nasum decidamus.

C A P V T X X V.

*Argumentum octauum Physicum:
Continuum contexi ex indivisibilibus sine vacuo
interiecto non potest.*

Hoc cum curâ animaduerti. Plerisque omnes veterum, qui magnitudinem ex atomis compegerunt, etiam vacuum quoddam singulis intertexuisse. ita enim de Leucippo, Democrito, Epicuro narrat Laërtius. & profectò acutius & penitus mihi videntur texturam illam introspexisse, quâm iij. qui hodie sine mixturâ inanitatis continuum suum agglutinant ex immediatis & perpetuis atomis. reuerâ enim magis consequenter philosopharentur, si proximis duobus quibuslibet punctis modicam saltem vbique inanitatem interiererent. Quod demonstrari hac Aristotelis ratione potest.

Punctum puncto proximè additum, vel ipsum tangit, vel non. Si non tangit, igitur vacuum inter utrumque intercedit, cum partes alias

tes alias quantitatis realis medias, quæ puncta non sint, hæc sententia respuat.

Si verò punctum unum alterum tangit, igitur ei illabitur, & penetrat, neque extensius aliud cum eo, quâm sine eodem facit. Hoc est, quod Aristoteles toties iterat: *indivisibile proxime additum indivisibili divisibile extensius facere nequit.*

Non ignoror hanc Aristotelis rationem vulgo contemni ab aduersariis. Nonne, inquiunt, duo puncta aliquid amplius sunt, quâm unum? Sanè, sed non fuit tam obtusus, ut hoc etiam non viderit Aristoteles. Aliiquid, sine dubio amplius sunt, si numerum species, sed non idcirco statim faciunt unum continuum extensius. nam in compositione Physicâ, anima & corpus plura sunt, quâm solum corpus, & tamen sic vniuntur, ut non constituant compositum maioris extensionis; quia videlicet pars una collabitur in situ suæ compartis. Hoc autem idem euenturum duobus proximis punctis, sic ostendi potest.

Punctum res omnino indivisibilis est secundum extensionem; ergo, si nullo inani, aut pleno interposito, unum ad contactum alterius admoueas, impossibile est, ut extra situm eius emaneat: nam per se primò tangere ipsum debet, cum omni extensione partium careat, nec secundum aliquid sui tangere, & secundum aliud extra situm eius remanere possit.

Hic clamant, & fatigant se admirando nostram & Aristotelis allucinationem, qui concipere mente non valeamus, quomodo duo indivisibilia per se primò se tangant, & tamen extra multum situm in diuersis inmediatis spatiis sint.

Iam intelligo profectò, quâm verè ille apud Augustinum: *Non possum longitudinem, quæ adhuc nullam latitudinem assumpserit, cogitare. si enim filum araneæ in animo constituero, quo nihil exilius sollemus videre, occurrit mihi etiam in eo tamen & longitudo per se, & latitudo, & altitudo: quæ qualescumque sint, esse tamen negare non possum.* Difficillimum, inquam, esse humano intellectui sensibus assefacto aliquid indivisibile, & præsertim punctum, vndique circumcisissimum, cogitare. Loquere subtilissime Nominalium: *Dificillimum est, ne dicam impossibile, imaginari punctum.*

Nam quia super quolibet obiecto visibili (atomo etiam in radio art. 1. solis oberrante) basim visualem divisibilem constituimus, & imaginatio ac intellectus, quamdiu corpori immersus, visum maximè inter sensus imitari in conceptibus suis confuerunt; idcirco licet

Lib. de Quantit.
animæ c. 6.

Gregor.
Artim. in 2.
d. 2. q. 2.

minimum quid apprehendamus, aliquam ei magnitudinem dare solemus, & mente eam concidendo, particulas quidem toto minorē, sed tamen extensionis alicuius etiam retinentes facimus, ac difficillimā prorsus, aut nullā vñquam fortè mentis analyſi ad punctum vndique impers & indiuisibile rem illam deducimus. Periclitetur quisque secum, valdē fallar, aut subtilitati suā nimis impensē blanditur, nisi sic experiri se affirmet.

Itaque existimo, istos qui tam facile punctum puncto proximum concipiunt, veram puncti imaginem perdidisse, quam Aristoteles fortassis habuit, & pro Mathematicā atomo, Physicam substituere, qualem in radiis per fenestram illapsis ludentem sāpē conspiciimus. Talis igitur Physica & vulgaris vna atomus tam alteri proximē deinceps, quām globulus precarius globulo in rosariis nostris, esse potest; Mathematica verò & omnino indiuisibilis atomus non potest: quod acutē intellectum à Lēucippo, Democrito, Epicuro, & illis veteribus, ideoque non atomum atomo immediate, sed modicā interiectā inanitate consuerunt.

Non possunt ergo duo puncta se totis extra mutuos situs in diversis spatiis immediatis esse; quia (iterū dico) si contigua sunt, & sine interuallo se premant, inuicem confundentur, cùm profunditate, & omni extensione, quā vnum à situ alterius recedat, careant. Non intrant mutuum spatiū, sed capitella tantū conferunt, inquiet.

Verè puncta sua tamquam rotundula quādam capitella & globulos cum omnibus suis dimensionibus sibi deformant, qui sic cogitant. Alias si imaginatione suā capita duo plana inprimis & superficialia sibi concinnent, ac deinde immediatē coniungant, nisi phantasias mea decipit, penetrabunt se, ac mutuos situs confundent, quia sine profunditate vtrīque sunt, quā se repellant. Et idem eueniet, si duarum linearum latera (vt sic dicam) aut cuspides punctorum inter se proximē & cum contactu componantur.

Non eueniet, iterū inquiet: sed punctum tangit punctum, quia & extra situm eius est, & nihil tamen spatij imaginarij interiacet, cui vel quantitas punctualis inferi possit, ideoque sine vñlā intermediā inanitate, & penetratione est ei proximum. Quod enim absurdum, aut difficile, duorum punctorum præsentias ad duo proxima puncta imaginaria, non ad idem, mente concipere?

Nescio quid ipsiſ sit, certè est difficillimum mihi: & mentior, aut ipſi iterū allucinantur, quia spatiū imaginariū, ad modum

dum Epicurei continui, ē solis imaginariis punctis consarcinant, & id tamquam fundamentum, aut exemplar quoddam, ad cuius instar reale continuum contexant.

Verūm, quandoquidem imaginarium spatium, imaginarium tantū, id est, reuerā sit nihil, nec magis punctis, aut aliis partibus, quām chimæra capite & caudā, constet, non oportet spatium reale ipsi, sed ipsum spatio reali conformare: sic enim entia rationis ad realium imaginem solemus fingere.

Igitur inquirendum ante omnia de texturā realis continui, & deinde iuxta filum ac stamen eius, continuatatem spatij imaginarij oportet consuere.

Dico itaque falsum eos fundamentum supponere, & perperām duo proxima imaginaria puncta in spatio imaginario, quæ à duabus realium punctorum præsentis respiciantur, statuere. Ex infinitis enim partibus contortum spatium illud chimæricum imaginari oportet, non punctatum tessellatum, vt continuum Epicuri. Inter ergo duorum punctorum realium præsentias, quæ distincta spatij imaginarij puncta respiciant, extensio imaginaria necessariō intercedit, nec ad mutuum contactum (vt sāpē iam repetitum) duo realia puncta venire possunt, nisi se penetrent, & in vnum spatij imaginarij punctum collabantur; quia totis se tangere debent, nec secundūm vnam partem in contactu, & secundūm alteram extra ipsum esse valent, quandoquidem partibus careant. Itaque propter summam suam tenuitatem puncta, & omnia indiuisibilia statim atque leuissimo contactu immediato in mutua, vt sic dicam, oscula peruererint, ita se inuicem quodammodo rapiunt, vt extra se consistere amplius non possint.

Sapient ergo VVicleffus, Huslus, & alij in Epicuri sequelā hodie, si non saltuatim eum uno pede, sed utroque gradatim sequantur, & atomis *nevōr*, *vacuum* eius permisceant: id est, rem ab Aristotele & bonis omnibus Philosophis omnium occisissimam denudò resuscitent. Et hoc quidem argumento non tantū pura puncta finita Epicuri, sed Leucippi, Democriti, & nouissimè Ioannis Maioris infinita confutantur.

q. r.

C A P V T X X V I .

Argumentum nonum Physicum:

Sine tactio, vel partium penetratione, aut replicatione propriam condensationem corporum expedire non possunt Epicurei.

Lib.3.q.3.
Symbol.

Veteres omnes atomorum hyperaspistæ vacuitates per vniuersa corpora disseminauerunt, quarum dilatatione & ampliori hiatu ipsa rareficerent, aut constrictione densarentur. Ita ex disciplinâ Epicuri Boëthus apud Plutarchum venustè satis (si tam verè) modum explicat, quo aër frigore nocturno intra pororum suorum inanitates contrahitur, & manè radio solis ictus, iterum dehiscit & expanditur. Sine talibus enim inanitatibus, aut partium penetratione, aut certè replicatione condensationem non posse explicari intelligebant. Elegerunt verò potissimum vacuitatem, quia durissimum & incredibile existimabant, corporum partes, quas tam pertinaciter inuicem resistere experimur, intra idem spatum naturaliter posse compelli. Replicatio etiam corporum res insolentissima est, extra omnem experientiam, & vires naturæ. In aliquam tamen ex tribus istis viis discedendum esse, sic ostenditur.

Vel enim inter puncta vacuitates sunt, quæ rarefactione diducantur, & condensatione conniveant, vel certè omnia continua & immediatè inter se connexa sunt. Si immedietè connexa & contrahi debeant, aliter profectò non possunt, quām si vnum punctum spatum alterius proximi intret, aut nisi in corpore illo rariori puncta replicata fuerint, quorum præsentiaz per condensationem minuantur, & dicatur corpus condensatione eodem modo contrahi, quo angelus, quando intra maiorem sphæram replicatus, accisis præsentii suis redigit se ad minorem.

Sit enim aër vnius palmi, aut, si maius, sit mille punctorum continuus, & sine miscelâ vacui, dico, nisi puncta anteà replicata fuerint, non posse condensari, siue ad spatum minus redigi sine penetratione mutuâ eorum. Nam si mille puncta continua erant, totidem etiam puncta imaginaria (sic enim concipimus, & loquimur) continua implebant. redigantur ergo iam ad quingentorum punctorum imaginiorum spatum, id sanè fieri non poterit, nisi in uno-

in vnoquoque puncto imaginario bina puncta realia compingantur. Debet enim per condensationem punctum vnum loco se mouere, & in proximum spatum punctuale transire, in quo aliud punctum inuenit, nec tamen inde expellit, ne omnia simul puncta suos locos ita deserant, vt spatum æquale occupent ante & post condensationem; quemadmodum euenit dum linea mille punctorum sine condensatione aut rarefactione loco transfertur.

Quispam fortasse existimabit hæc etiam contra Aristotelis sententiam valere, nec posse in eâ, condensationem sine vacuo, aut penetratione, aut replicatione partium expediri: sed falleatur iste, nec formauit quam debet, infinitudinis in partibus continui imaginem. Verùm hoc posteâ, nunc dispiciamus quâ probabilitate per vacuum, penetrationem, vel replicationem Epicurei defendere possint corporum condensationem. Et primùm de iis, qui desperantes posse omnia absurdâ trium istarum viarum perrumpi, omnem propriam & Philosophicam condensationem respuunt, contenti solâ vulgari.

C A P V T X X V I I .

Frustrâ euadere tentant, negando quidquam, nisi vulgari condensatione, posse naturaliter condensari.

Quidam citò se & vnicò saltu, condensationis hoc Labyrintho expediunt, id est, propriam condensationem negant. Propriam voco, de quâ passim Aristoteli & Philosophis sermo, per quam corpus sub eâdem partium multitudine minus spatum occupat.

Præter hanc verò est alia vulgaris, quæ fit per expressionem corporis tenuioris ex poris alterius crassioris. sic condensatur sponsa, quando compressione manus, aqua vel aët intra poros eius delitescens expellitur.

Verùm hac condensatione vulgari partes spongiæ non minus spatum, quām antè occupant, quia spatum intra latera pororum aqua vel aët, non partes spongiæ antè occupabant. Vnde cùm expressa aquâ partes spongiæ in locum eius subintrant, simplici motu locali spatum vnum deserunt, & inuadunt alterum, nec magis propriæ & Philosophicè condensantur, quām acies militaris quæ per milliare priùs expansa, ad dimidium milliaris se contrahit.

L

trahit. secūs verò foret, si ante spongiæ compressionem, pori essent occlusi, & totum spatum intra extremam spongiæ superficiem comprehensum, partibus spongiæ, non alio corpore permixtim, oppletum esset: tunc enim sine propriâ condensatione ad minus spatum redigi spongia non posset.

Quidam igitur non Epicurei tantum, sed etiam Peripatetici, difficultate absterriti, negant aliter vñquam corpora condensari, quam vulgariter, & per expressionem corporis rarioris ex meatibus & poris alterius densioris.

Sed difficile non est eos refellere. Nam in primis, raritas & densitas, omnium sententiâ, dispositiones quædam sunt ad formas substantiales: dici verò nequit, formam aliquam esse, quæ corpus alterius speciei partibus materiae suæ interiici postulet; nec enim forma terræ, aut alia quævis flagitat mixturam alterius corporis, etiam si aqua terræ permisceatur in eodem luto. Omnis tamen forma eiusmodi mixtionem postulabit, in istâ sententiâ, præter eam cuius materia est omnium, citra partium penetrationem, densissima: nam vñcumque minima est raritas, ibidem erit materiae per alicuius alterius corporis interiectionem intersectio. Vnde fiet, vt omnes formæ, quæ aliquam raritatem, sive densitatem non summam flagitant, (quales omnium animalium, plantarum, lapidum & metallorum, præter fortasse aurum, formæ sunt) materiae suæ discontinuationem naturâ suâ postulent. & quandoquidem nulla vnius potior, quam alterius partis (præsertim in metallis, & inanimatis homogenijs) sit ratio; omnium vniuersim partium in vltimas atomos suas & puncta dissolutionem, & (vt Chymici loquuntur) calcinationem naturaliter exigent. Alia igitur est raritas, & densitas, præter vulgarem quæ materiae continuationem non dissoluunt, sed modi quidam materiae sunt, quibus partes omnes inter se proxime (nullo alio rariori, aut densiori corpore intertexto) deuinctæ, nunc ad maioris, nunc ad minoris spatijs mensuram componuntur. tali enim partium densitate, aut raritate formæ quædam substantiales, ad obeundas ritè suas functiones, indigent.

Secundò, incredibile est, nullum in vniuerso corpus esse purum & sincerum, excepto vnicō corpore densissimo. Cur enim unus saltem puri aëris, in toto elemento tam vasto, palius non potest inueniri? atque is frigore potest densari, neque tamen per alterius corporis interpositi expressionem, cùm sit aër sincerus, nec poris

vllis

vllis perforatus, qui alterius extranei intra se mixturae recipiant.

Tertiò, nullum aliàs corpus vñiformiter rarum, nisi in partes omnes suas vsque ad vltima puncta dissectum, assignari posset. vnde tot semper oporteret esse puncta interiecta corporis alterius speciei, quot sunt puncta corporis vñiformiter rari. Cuiusnam autem, obsecro, speciei sunt tot illa puncta singulis aëris, aut aquæ vñiformiter raræ punctis intertexta? Aquam sàne quandoq; purissimam, ac summâ partium unitate perspicuam & homogeniam cernimus, quæ tamen summam nondum densitatem est adepta, sed raritatem adhuc aliquam, & quidem vñiformem habet: quis verò ibi sensus, quæ apparentia alicuius alterius corporis non aquei, quod singula aquæ puncta à proximis absindat, & eorum vbiique continuatè interpellent? Omnis aqua, quam sincerissimâ existimamus, impurissima erit & valetudini maximè inimica, si res ita habet.

Quartò, experimento certo constat, aquam, aut aërem intra vas vndique conclusum, ad spatum angustius, non per expressionem partium heterogeniarum aliùs corporis, contrahi. sic enim hieme lagenæ, & alia vas, conglaciato intus humore, ob metum vacui rumpuntur: quod haud dubiè non fieret, si partes humoris permixtæ in proximum tantum spatum exprimerentur, operculato enim vndique vase erumpere foras nequeunt. intra vas igitur capacitem permanent, & totam, perinde atque ante conglaciationem, sine periculo vacui implerent.

Aliud illustre & manifestissimum exemplum nupera Psychiologiorum inuentio nobis suggescit. Fistula vitrea capitata, instar longi vñinalis inuersi, est, quæ aquâ infernè non tota repletur; superiora enim & globum capitis aër complet. Hac fistulâ intentionem & remissionem frigoris hieme metimur. Si acriùs gelet, aqua in tubo metu vacui ascendit, quia aër in superiori fistulæ parte frigore contrahitur: si frigus remittit, aëre se relaxante, aqua desidit. Cùm autem in superiore fistulæ cavitate, vbi est aër, nullum sit foramen, quo fistula respiret, dici non potest, aërem, per expressionem alterius corporis intermixti, ad minus spatum frigore contrahi; quia nulla est via, quâ extra fistulam quidquam foras exprimi valeat. Idem igitur omnino aër, nullius alterius corporis accessu, aut descenditu nunc maius, nunc minus occupat spatum.

C A P V T X X V I I I .

Alij cum Veteribus per vacuitates fistulas fugam moluntur: quam tamen non est difficile obstruere.

VETERES Epicurei, aliquique olim atomorum aduocati, magno consensu per vacuitates quasdam corporibus vbiue permixtas condensationis difficultates effugere conati sunt. huic enim fini

Arist. lib. 1. Λύσιππος τοῦ Δημόκριτον παντὶ σωματὶ διώρυξε νεφέλα, Leucippus & Democritus vniuersum non esse continent, sed corpora vacuo interiecto distincta esse dixerunt.

Poteram verò hanc vacui confutationem, vt satis procul olim ab Academiâ, Lyceo, Stoâ reieci, protritique, præterire, nisi quodam hodie iterum in inania ista pronos & labentes cernerem.

Problem. *Densari & coire aqua nullâ alia ratione potest*, inquit Casmannus, ex disciplinâ magistri sui Patriotij, *præterquam quod vel aërem per atomos sibi intermissum in alias impellat partes, unde spuma fit: vel in atomos vacui sibi intermissos interim residat, quos dilatata & rarior facta mox aperiat.* Id est, vel nulla alia, præter vulgarem, condensatio esse potest, vel certè defendi non potest, nisi per vacui beneficium.

Lib. de Calore. Gallorum eruditissimus Adrianus Turnebus, sustinens lumen corpusculorum quoddam flumen esse: *Nec verendum est, ait, nec penetrando, corpus corporis alterius locum obsideat.* Sunt enim inanitates quædam interpositæ, per quas radij elabuntur. nec enim summarerum ita conferta est, ut non crebra inanitates interiectæ sint. Id declarat aëris qui modo laxus remissusq; est, modo spissus & contractus. Eius enim laxitas & raritas, quid aliud est obscuro, quæm foraminum eius dilatatio & eius contractio, quæm foraminum compresio, ut minutiora sint quæm prius? alioqui cum se laxat aëris, ecquod tandem corpus vacua eius spatia implet? cum se densat, nonne in eadem residit? Id adeò sub oculos ab Herone in Pneumaticis subiicitur, ut nemo qui legerit, contradicere quidquam posset. Heronem tamen legi, & adhuc contradico, Turnebi. Quæ enim illa tam iniusta Heronis argumenta? Eadem planè quæ Turnebi.

Quod scilicet aliter intelligi nequeat, quomodo lumen per aërem immotum, aut vitrum penetrerit: quod si vas aëre vndique, sine permixtis inanitatibus, plenum sit, concipi non possit, quæ ratione,

vel

DE COMPOSITIONE CONTINVI LIBER. 85

vel minima alterius corporis particula ei inficeri valeat: & alia eiusdem commatis.

Sed primum soluitur, negando lumen esse corpus. Est enim accidens, quod in eodem spatio cum subiecto suo esse potest, imò debet.

Secundum, quod difficultatem in hac materiâ maximam continet, explicabitur infrâ cum sententiâ Aristotelis. Sed experimentum etiam manifestæ, vt putat, vacuitatis Hero, & ex eo Turnebus hoc nobis obiicit.

Si pilam vitream perforaueris, & per foramen sphunculum in eam immiseris, diligenterq; ad foramen adplumbaueris, ore interiorē aërem elicies, magnaq; intus relinquetur inanitas: cuius argumentum hoc fuerit. Si enim priusquam externus subeat aëris, siphonem digito operculaueris, & in aquam inuerteris, amoto digito humor succedit, sursumq; in pilæ sinum feretur. Sanè faciet, sed non quia vacuum in pilâ illâ vitrâ, sed aëris admodum rarefactus fuit, qui frigore aquæ subitè inhorrescit & se contrahit, aquamque metu vacui sursum inuitat.

Falluntur igitur Hero & Turnebus, existimantes siphone illo vniuersum aërem è pilâ exsugi. pars enim vna solùm extrahitur, remanet altera, rarior tamen & extenuatior, vt totum illud pilæ spatiū valeat implere. Cùm enim pertinax contiguitas aëris ad superficiem concavam pilæ, non finat aërem auelli, & tamen siphoni attractrice oris, aliquam partem exsugat, aëris in pilâ residuus istâ attractione violentâ expanditur, quoisque pilam totam completere possit. Raritatem enim, & densitatem solo motu locali, sine alteratione præviâ, induci posse, est etiam alibi in comperto.

Alia quædam vacuitatis argumenta (vt vasis, quod cinere impletum tantumdem aquæ videtur capere, ferri carentis, quod substantiam ignis inanibus quibusdam poris videtur combibere) puerilia ferè iam sunt, & nemo trium dierum Peripateticus est, qui nesciat respondere.

Ceterum, vacuum nullum in naturâ rerum esse, infinitis exemplis non tam probare, quæm obruere eos possumus. Quis nescit plurima organa hidraulica, & fontes artificiales non aliâ de cauſâ, quæ ad propulsandum vacui periculum, fluere? quæ ancilla ignorat, liquorem, extracto infernè epistomio, si vas supernè non respiret, stare tamquam congelatum, nec effundi? quis puer adeò puerilium nescius, vt corio illo suo orbiculari filices platearum

L 3

non

non attraxerit, aut attrahi ab aliis, cum admiratione non confinxerit; quis nescit, vasa ænea ingentis spissitudinis, instar vitreorum, frigore dirumpi? quis aquam per quantævis capacitatibus siphonem, exsucto aëre, magnâ abundantia & pleno tubo sponte subire? Atqui hæc, & sine fine alia plura operatur vnicus meatus vacui.

Cur verò natura tam accuratè contigitatem inter corporum superficies conseruet, caufsa est, vt influentia cæli per omnes usque quaque mundi angulos & spatia traiici possit, quod interposito vacuo fieri nequirit. vacuum enim actionis continuatatem, & perpetuam illam ab agente usque ad patiens catenam abrumperet. Pulchrè de Stoicis Laërtius. Docent, inquit, ἐν τῷ πόσῳ
εἰς τὸν οὐρανὸν, ἡνῶδης ἀντὸν· τοῦτο γένος αὐτογνάζεται, τοῦτο τοῦ σεμνῶν θεοῖς
τὰ διάφανα σύμπτωτα, in mundo nihil esse vacuum, sed omnia inter se
colligata: hoc enim necessarium esse ad cælestium & terrestrium con-
sensum ac concordiam.

Sed insignem solum vacuitatem, inquiunt, non paruam & angustam natura refugit. Quod enim tam intolerandum vniuerso malum, si alicubi continuitas eius paullisper dehiscat, vt rarefactioni & condensationi corporum locus aliquis esse possit? Vacuitates istas, ait Turnebus, omnibus corporibus inservit natura, ne si soliditate continuata constarent omnia, excluso lumine & calore (quæ corpora cum suis dimensionibus esse credit) nihil hic rerum gerere posset. sed probabilius necessitatem talis vacui ad rarefactionem & condensationem inducendam referemus. Verum nec sic longè euadit Turnebus. nam ipse mox subdit. Altera est inanitas vasta quedam lateg̃ patens, quam refugit natura, cuius causa miracula molitur, & grania sursum pellit; que tamen effici potest. Ecce, quomodo postquam fenestrâ solūm aperiusset, iam ostium totum pandit. Ait enim iam vastam etiam vacuitatem posse effici, & artem id efficiendi per vitream pilam & immisum siphunculum ex Herone nos docet, quam iam paullò antè recicimus.

Igitur affirmo, paruas illas vacuitates quibus corpora perforantur, ruptis parietibus coituras sæpè in magnas lacunas, valde noxias vniuerso. nam si aqua, exempli gratiâ, tot pusillis inanitatibus foraminosa est, cùm in centuplo maius spatum per rarefactionem naturaliter expandi possit; eadem etiam natura centuplo maiores inanitates æquo animo tolerabit.

Dein-

In Zeno-
nc.

Lib. de
Calore.

Deinde innumeræ illæ vacuitates in uno corpore tam angustis parietibus distinctæ, cælestes, & ceterorum agentium influxus notabiliter interpellarent, distorquerent, diminuerentque.

Tertiò, maxima etiam spatia quandoque naturaliter euacuanda fore, sic potest ostendi.

Corpora quædam sunt quæ rarefactione in maximam amplitudinem extenduntur, vt aqua vitæ, pyrus puluis, &c. nam flammam grani vnius, centies vices quinques millies maius 125000. spatum, quæ granum ipsum, occupare Snellius expertum se dicit. Igitur vacuitates quæ in grano pulueris adstrictæ erant, toties largius diduci possunt, & ingentibus tandem foraminibus dehiscere. Poteſt enim aliquo artificio puluis vase sic includi, vt flamma eius totum aërem vase expellat, & alium nullum, ad complendos flammæ hiatus, admittat.

Denique, quot punctorum crassitudinem inter duos quoilibet grani pulueris inanes poros intericere placet? Sanè cum puluis ubique eiusdem sit raritatis, & æquè fistulosus, plurimos per totum ipsum vacuos meatus discurrentes fateri est necesse; vnde & paucorum punctorum interualllo esse discretos. Cùm autem per rarefactionem inflentur & tumescant inanes illi meatus, oportet parietes interiectos tendi & extenuari: & quandoquidem hi paucorum punctorum crassitiem habeant, modicâ statim rarefactione ad superficie tenuitatem, siue puncti vnius crassitudinem redigentur, quæ auctâ rarefactione dirumpetur, & sic omnium foraminum inanitatulæ, vt sic dicam, in vnam insignem inanitatem rescindentur, ac vniuersa grani pulueris puncta efficientur in flammæ circumferentiam. Computent enim Epicurei, non sufficient omnia pulueris puncta ad texendam tam magni ambitûs flammæ extimam superficiem. Vnde sequitur hoc absurdum & deridiculum: totam flammam esse vnam tantum sine corpore superficiem, & totum spatum inter latera eius tam turgida, esse vacuum. Quod verò de grano vniaco pulueris demonstramus, potest de modio, & mensurâ quæcumque.

C A P V T X X I X.

Sed neque per penetrationem partium quantitatis effugere possunt.

RELECTIS igitur vacuitatibus istis iam dudum obsoletis, plurimi hodie ad penetrationem partium decurrunt.

In condensatione, inquiunt, partes corporis quæ antè extra mutuum situm erant, per illam compressionem incipiunt se ingredi & penetrare, quæ in rarefactione denuò extrahuntur, & expanduntur in ordine ad locum. Cogita cultrum, qui vaginâ suâ nunc conditur, nunc eximitur, & rudem huius Philosophiæ habes imaginem: sic enim ferè vna pars continui intra aliam se insinuat (cum penetratione dimensionum tamen, quod cultro & vaginæ non accidit) ac deinde se educit.

Hæc tamen penetrationis, ad expediendam condensationem, via vetustis illis in mentem non venit, quia nimis contumaciter corpora inter se configli, & ab eodem spatio inuicem se repellere, ac plurima naturæ miracula, penetrationis fugâ existere cernebant. Pulueris nostri pyrij necdum tamen vires & furias in penetrationis metu confexerant. *E maximâ bombardâ, quam duplîcem cartoam vocant, globus ferreus ad obliquum emissus, intra duo minuta temporis vix motu fessus terram pertingit, vt Rothmannus Principem suum (V Vilhelnum Hassiæ Lantgrauum) aliquando periculum fecisse mihi indicabat, ait alicubi Tycho.*

Igitur ad duo circiter millaria Belgica globus expuitur antequam decidat in terram, cum singulo quoque horæ minuto, id est, parte horæ sexagesimâ, 3000. passuum, siue milliare ferè Belgicum præteruolat. Historiæ etiam cum ingenti admiratione basiliicum illum Mahometis II. Turcarum Principis loquuntur, qui 700. librarum sphærâm tanto turbine excutiebat, vt montes etiam totos, aiunt, paucis ictibus comminueret.

Quas etiam tempestates in cuniculis subterraneis puluis iste ex Lib. 4. cap. citet, nuper in Meteorol. nostris diximus. Et breuiter, formidandi vlt. a. 9. illi fulminum impetus, terrarumque agitationes fugam penetrationis etiam pro cauſâ habent.

Videtur igitur nimis longè natura penetrationem refugere, quæm ut tantâ eam facilitate admittat in omni condensatione. Duo enim maxi-

maxima naturæ odia, vacuum, & partium quantitatis penetratiōnem, ab experientibus, nec iniuriâ vocantur, propter quorum fugam nulla non molitur & patrat miracula. Aristoteles etiam nullo fortiori arguento, lumen non esse corpus ostendit, quæm quod aërem penetret: *εδί γδ δύο σώματα ἀμφα δυνατὰ εἰναι τοῖς αὐτοῖς εἴρηναι, Lib. 1. c. 7. Animæ. duo enim corpora, ait, non possunt in eodem simul esse.*

D. Thomas etiam, Scotus, & vnuerst. Theologi dotem subtilitatis corporis gloriost explicantes, penetrationem corporum solâ Dei virtute supernaturali posse induci affirmant, ideoque beneficium illud supra naturæ debitum esse. imò acutissimum Durandi ingenium ita hîc hæsit, vt negauerit etiam virtute diuinâ penetrationem istam posse fieri. SS. Patres deinde ingressum Christi Domini ad discipulos ianuis clausis, egressum ex vtero & sepulchro, cælorumq; in ascensione penetrationem in maximis diuinæ omnipotentiae miraculis ponunt. *Si corpus erat, ait Augustinus, si hoc surrexit è sepulchro quod pependit in ligno, quomodo per ostia clausa intrare potuit? Si comprehendis modum, inquit, non est miraculum: ubi deficit ratio, ibi est fidei edificatio.* Eadem aut similia Gregorius, alijque Patres paslim. Et reuerâ difficultis est imaginatio, quomodo corpus vnum cum naturali partium extensione per alterius soliditatem, ad modum spiritûs se transfundat.

Respondent tamen vulgò, distinctorum corporum penetrationem, non tamen partium eiusdem corporis, naturaliter esse impossibilem. Quasi dicas, aër aquam penetrare nequit, aëris tamen partes se penetrant, si frigore condensentur.

Verum tam leui & paratae responsioni numquam potui firmiter acquiescere.

Cur enim continuitas illa, siue vnio integralis partium continuitatis vires habet, vt claustra naturæ quodammodo aperiat, & partes intra mutuum situm admittat, quæ inter se discontinuatae pertinacissimè ab eodem loco se repellunt? Quid si illa vnio (quæ sententia Nominalium est, & valde probabilis) nihil reale extremis suis superaddat?

Sed vnio ista, inquiunt, non propriâ aliquâ virtute, sed Dei manus id facit, qui occasione vnonis partium, vnam partem aliam ingredi permittit, non facturus alias, si non essent per vnonem colligatae.

Verum legem istam diuinam nullâ reuelatione, aut firmâ ratione probant.

M

Nam

Nam in primis, si experientiam attendimus, veluti aëris partes condensatione videntur se aliquousque penetrare; ita vapor aëri permixtus, qui contigitatem solum, non continuatatem cum eo habet, pari omnino modo in eamdem cum ipso massam, & in spatiū angustius, viribus condensationis compingitur, nec secūs vapor aërem, & aër vaporem, quām aër aërem, vapor vaporem appetet ingredi. Igitur, si quō ducere nos videtur experientia condensatio-
nis, sequi volumus, non solum eiusdem, sed etiam diuersorum corporum partes naturaliter se penetrare valebunt; vt cūm in eum-
dem vtrem, aërem nostrum tot exhalationibus & vaporibus im-
purum infercimus.

Deinde, Partes eiusdem corporis continuæ, quantum experimur, pari contumaciâ, atque corpora discontinua, sibi inuicem resistunt, & ab eodem sitū depellunt.

Tertiò, Non solum penetrationem distinctorum corporum, sed etiam partium eiusdem (vt accidit membris Christi Domini in mysterio Eucharistiæ se penetrantibus) in ingenti & supernaturali miraculo ponunt SS. Patres & omnes Theologi: igitur non facile in quauis condensatione admittenda talis partium penetratio.

Sed aliquot solummodo, non omnium (sicut in illo mysterio) partium in condensatione fit penetratio, inquiunt; ideoque vnum est miraculum supra naturam, & rarum, alterum verò res naturæ, & cottidiana.

At facile est eos ex hac fugâ retrahere.

Si enim tot puncta auri, quot sunt in grano uno milij, se penetrant in auro, quod tanto densius est, quām milium, cur non omnia etiam milij puncta redigi poterunt ad puncti spatium? Quod enim puncta auri habeant continuatatem cum aliis auri punctis, non adiuuat penetrandi facilitatem, vt paullò ante diximus; sicuti nec eam impedit discontinuitas, quā granum vnum milij circumcisum est & separatum ab aliis. Tota igitur milij quantitas compelli poterit naturaliter in suum centrum, & in puncto spatij colligi; atque ita per vires agentis naturalis illi corpori fiet, quod Christi Domini in Eucharistiâ: quod profectò durissimum est, & omnino reiciendum.

Idem aliâ viâ confici potest. Abradatur enim fortè ramentum punctuale auri, in quo puncta auri fortassis mille se penetrant: ecce iam totum factum est, quod ante auri erat pars, & integrum corpus, sine ullâ partium extensione locali, naðti sumus.

Deinde,

Deinde, si punctum vnum intra spatiū suum, recipit primum alterum, & secundum, & tertium; cur non etiam centesimum, millesimum, & omnia vniuersim integri alicuius corporis puncta admittit? reuerà enim vna, aut par omnium est ratio. Vnde, veluti Cap. præcedenti ex multis paruis inanitatibus grande vacuum posse inferri ostendimus; ita h̄c ex paucorum punctorum penetratione, omnium totius corporis penetrationem confidere possumus. Illa etiam extractio punctorum extra mutuos situs, in quā rarefactionem consistere existimant, fine transitu quantitatum per mutua spacia fieri nequit: & quantulum verò hoc à miraculo Christi distat, quo per clausas fores ineffabili modo ad discipulos penetrauit?

Denique penetrationem istam partium simili arguento, quo Seneca permixtas corporibus raris vacuitates, refellere possumus.

Aërem, inquit, quidam ex distantibus corpusculis, ut puluerem struunt Lib. 2. c. 6.
(Epicurei videlicet) plurimumq; à vero recidunt. numquam enim Natur. contexti nisi per unitatem (continuitatem, aut immédiatam conti-
guitatem) corporis nifus est, cūm partes consentire ad intensionem
debeant, & conferre vires. aër autem, si in atomos diuiditur, sparsus
est: teneri verò disiecta non possunt.

Quemadmodum, inquam, ex condensatione & intensione aëris, quā partes eius in vtre inflato se inuicem premunt, & resilunt si relaxetur locus, demonstrat atomos illas nullis intercisis esse inanitatibus, quibus arceantur à mutuo immediato contactu; ita eodem exemplo aduersus penetrationem vti possumus. Si enim partes aëris in condensatione se penetrat, non premunt se, nec resilient laxato obice, cūm resultus fiat metu penetrationis, cuius periculum in illâ partium compressione natura quodammodo formidat. non enim tanto impetu penetrationem reiiceret, quam iam admissit: quod manifestè in corporibus densis & simul duris (vt in metallis) appareat. Ibi enim, et si partes plurimæ, eorum opinione, se penetrant, non conantur à mutuâ penetratione resilire tamen, sed sine nisu in eâ conquiescunt; idque ideo, quod non cum periculo aliquo penetrationis se premant.

Sic igitur partibus aëris etiam eueniet, si quis in inflato vtre bina semper proxima puncta aëris in eodem puncto imaginario sic con-
tineat, vt tertium punctum in idem spatiū punctuale com-
pingere, & duobus aliis aggregare non contendat. Hac enim ratione pars vna aëris reuera alteram non premet, nec cau-
sam

sam habent, cur perforato vtre, tanto impetu foras se explodant.

Scio quam responsonem parent. nempe, penetrationem illam partium esse contra aëris naturam, ideoque à formâ eius substanciali illicò, tamquam noxiā repellī, vbi licuit per effractos carceres & sublatum impedimentum. Nonne enim aqua, inquiet, contra naturæ inclinationem calefacta, expellit, quantum potest, calorem simul atque remota fuerit à contrario agente? Sic igitur forma aëris, sublato obice, rapit illicò occasionem, penetrationem illam partium dissoluendi, & refundendi se motu locali in naturalem suam raritatem.

Primâ fronte satis probabili hæc statim occurunt; sed tentemus laruam.

Nam in primis forma aëris resultum partium, & rarefactionem illam tamquam naturalem, non efficit; cum vaporis, aut exhalationis partes compressæ, eodem modo & impetu, quo partes aëris, resiliant: & tamen forma aquæ in vapore, & forma terræ in exhalatione non raritatem illam aëream, sed aqueam, aut terream densitatem potius expertant. Si igitur venti aut exhalationis resultus, actio naturalis resultantiæ non est, magno sanè arguento tandem existimare debemus de resultu tali partium aëris. Effectus enim tam vndique similes, similē in vtroque corpore, aëre, inquam, & exhalatione videntur habere caussam. sed in exhalatione compressâ nō fit resultus à formâ terre; igitur nec in aëre à formâ aëris, sed alia caussa est vtriq; communis, quam alibi diffusè explicamus.

Tandem igitur huc, vt video, delabentur, vt dicant à quantitate fieri hunc resultum, quia penetratio est contra naturam partium quantitatis. Sed veluti tamen calor, inquiunt, in aquam contra aquæ naturalem inclinationem, virtute agentis naturalis (id est, sine miraculo supernaturali) induci potest; ita penetrationem partium quantitatis, contra propriam inclinationem & renisum caussa condensans, citra miraculum efficere valet. Vbi tamen impedimentum, quod partes intra idem spatum cum penetratione mutuâ continebat, semotum fuerit, absiliunt illæ, & in naturalem libertatem se expedient; quemadmodum aqua calorem ignis coacta accipere, eum absente igne illicò contrario frigore pugnat excutere, quantum maximè valet.

Sic olim, fateor, Epicuro paullò pronior, etiam responsabam, & nihil dum video, quid in hac sententiâ posse probabilius. Iam non probo tamen, imò omnino displiceret.

Sic

Sic enim materiæ primæ quantitas, imò materia ipsa prima (cuius proprietas naturalis, est quantitas, aut certè etiam, quæ forte eadem est cum suâ quantitate) sub omnium animalium, planitarum, lapidum, metallorum, & omnium vniuersim corporum naturalium formis (vno fortassis igne rarissimo excepto) contra naturam suam confisteret. omnes enim illæ formæ aliquam in materia suâ densitatem flagitant, quæ si sine partium, quam ita materiæ quantitas refugit, penetratione haberri non potest, formis bene esse nequit, nisi quantitatî & materiæ malè sit. Id est, natura hæc rerum à conditore pessimè constituta est, cùm vniuersorum corporum materia ad formarum susceptionem naturaliter ordinetur, quas tamen non potest naturaliter, & sine naturalis proprietatis iacturâ, suscipere. Incredibile etiam est, materiæ primæ melius & connaturalius esse sub formâ ignis (si hæc forte maximam sine vllâ densitate raritatem postulauerit) quam sub formâ auri, aut etiam hominis; ed quod illam sine naturalis impenetrabilitatis dispensio, has cum penetratione partium, necessariâ (vti credunt) ad densitatem recipiat. Vnde cùm homines, cæli, & elementa in æternum duratura sint, materia prima sub eorum formis in statu violento & contra naturam per totam æternitatem erit. Igitur longè sapientius videtur facturus fuisse conditor, si materiam talem creauerit, quæ sicuti omnes formas sine discrimine appetit; ita naturales proprietates eiusmodi habeat, quas sub omnibus retinere possit. aliás enim non omnes indifferenter appeteret, sed magis eas quæ ei permittunt seruare partem extra partem, id est, quæ nullam, aut minorem densitatem flagitant. Et hinc etiam frigus & dispositiones quæ densitatem cum illâ penetratione inducerent, abhorret, amaret verò solū calorem & quæ raritatem efficerent: cùm tamen perinde atque calore rarefieri, ita frigore sinat se condensari, nec maiorem inclinationem in calorem & raritatem, quam in frigus & densitatem ostendat. Nam aliás materia sub formâ aquæ conaretur à densitate se expedire, & in aëream aut igneâ raritatem se dissoluere: nec eam mollis & fluxa aquæ (quæ tam paruo igne funditur & liquefcit) conditio impedire valeret. Imò si perpendiculariter vires quibus materia accensi pulueris se rarefacit, & penetrationem partium (vt volunt) abrumpit, etiam metallorum durities non tam dura & fortia vincula materiæ suæ iniiciet, quin ipsa tali impetu & conatu, quo se distendere pugnat, facile diffingere possit: & sic breuî terram, lapides, metalla, homines ipsos, instar pulueris

M 3

pulueris

ueris pyrij, in igneā raritatem diffilire & dissolui, id est maximas nugas, videbimus.

Concludo igitur, nullam in densitate partium esse penetratōnē, neque materiam auri, & ceterorum metallorum, quantumuis fuerit densa, conatum ullum adhibere, vt partes extra mutuum situm, & densitatis nodos expediat, cūm nullae eius partes in eodem sint sitū, & tam patienter densitatē, quārū raritatem eārum toleret. Video tamen adhuc aduersarios breui hac fugā posse elabi. Dicent, inquam, materiam sine vlo renis pati densitatē & penetrationē partium, si ea per alterationem aliquam (exempli gratiā frigefactionem) fiat, non autem si per merum localem motum. Hinc ergo tam cōtumaciter in follem lusorium iam vento tumentem alijs aēr inspirari & inferciri potest, quia videlicet mero motu locali cōdensationem, quam partes materiae aēris refugunt, hīc fieri oportet: vbi verò materia frigore condensatur, obediunt illīcō sine renis partes, & spontanēā penetratione confluunt in idem spatium.

Verumtamen ex hac etiam fugā facile reprehendi possunt. Nam perinde hoc est, ac si dicas, calorem productum ab igne, non tamen productum à sole, esse contrarium aquæ: quod nemo non videt, quārū absurdum sit. Quid enim refert à quā causā qualitas illa efficiatur, cūm tota species sit noxia tali subiecto? Igitur si partibus materiae impenetrabilitas, & situm distinctio est connaturalis, penetratio & confusio sitū est contra naturam, & eam abhorrebunt, à quacumque causā efficiente proueniat. Vnde partes aēris non tantū sibi inuicem resistent, cūm intra follem syringe & mero locali motu, sed etiam quando frigore hiemis condensabuntur, & à se resiliere summis viribus connitentur. Hoc tamen pugnat cum experientiā: nam si partes aēris friguscō aliquo contracti tanto conatu se rarefacere niterentur, facile caussam illam condensantem vincerent; quandoquidem motus localis haud difficulter eam vincat, cūm videlicet aēr flagello diuerberatus, non obstante frigore rarescit.

Stet igitur fixum, nullam in condensatione, partiū penetratōnē accidere, sed eam tam esse materiae detestabilem, vt ipsam omnino, & à quacumque causā, siue ab alteratione, siue à solo motu locali veniat, naturaliter excludat, nec nisi manu fortiori & diuinā ac per ingens miraculum posse induci.

CAP VT

CAP VT XXX.

*Nec condensatio explicari potest per diminutionem replicatio-
nis, quā singula puncta replicata esse aiunt in corpore raro.*

T Andem postquam vacuitas, aut penetratio partium quantitatis non sat feliciter ad condensanda corpora Epicurēis successit, quidam eō prolapsi sunt, vt affirment, per rarefactionem puncta materiae replicari, & vnumquodque duas trēsve, aut centum præsentias occupare? cūm verò corpus per condensationem contrahitur, carpi & minui singulorum præsentias opinantur, donec ad vnicam veniant: quo facto si inter puncta nihil alterius corporis interiectum sit, sed inuicem proximè continentur, maxima in eo corpore futura est densitas, quæ naturaliter & sine partium penetratione, esse potest.

Sed vara sequitur vibiam, vt casci illi loquebantur. Tam enim reuerā hæc fuga improbabilis & absurdā, aut magis, quārū si fieret per vacuum aut partium penetrationem.

Primi, Quia si in rarefactionē omnia puncta replicantur, igitur totum corpus est in diuersis locis: quod quale hoc sit, patet ex Capite XVII.

Secundi, Rarefactio plerumque non fiet sine penetratione plurimarum partium quantitatis, quārū tamen illi Philosophi conantur per replicationem istam euitare. Nam certum est calore ignis partes aquæ in orbem vndique (nisi à corpore continente prohibeantur) rarescere; igitur duo proxima puncta versus se mutuo rarefiant, & in mutua spatiā se penetrabunt.

Tertiō, Actio per rarefactionem agentis non relanguescit & remittetur, sed robur ac intensionem accipiet; quod experimento constat esse falsum. Nam punctum vnum caloris in igne, cum puncto materiae cui inhæret, replicatum, viribus agendi, pluribus punctis caloris æquiuale. Vnde non aliter vis agendi augebitur, quārū si totidem alia puncta caloris, in pari densitate prioribus punctis sine rarefactione adderentur. Imò puncta illa per rarefactionem ampliores vires, quārū per additionem nouorum, acquirent; quia plurima replicando se in orbem, sepe, vt statim diximus, penetrant, & ad agendum magis & pressius, penetratione istā, adiuuant. Hinc etiam agentis rarefacti sphæra auctiuitatis ampliabitur; cūm tamen

tamen experientia clamet, carbonem viuum, quām tenuem & raffissimam aquæ vitæ flammam, longius & acriorem spargere actionem.

Quartò, Experimur per rarefactionem corporis colores discingi ac remitti, aut etiam quandoque in aliud colorem dilui, quia opacitas densitatis sèpè comes, vñà cum densitate minuitur: id autem numquam eueniet, si rarefactio fiat per punctorum replicationem: singulorum enim punctorum præsentia tam compressè spatium maius post rarefactionem implent, quām præsentia pauciores ante rarefactionem spatium minus occupabant. Vnde etiam colores rarefactione, seu replicatione subiecti magis incitabuntur, & longius radios iaculabuntur, quām si singula puncta per condensationem ad vnicam præsentiam rediissent.

Quintò, Quispiam vinum igne rarefactum, aut calidam aliam sorbitonem hauriat: ecce duo, triáve fortasse puncta scutellam eius & ventriculum replebunt, quæ vbi ad vnicam præsentiam condensatione redacta fuerint, saturum istum egregiè delusum inanitate solâ pascent, nec eiusmodi ex cibo tam plenam corpus alitaram inueniet, quām experimur.

Sextò, Scoti, & probabilis Philosophia est: si res alibi replicata interimitur, hīc, & vbicumque erit, interituram, quia substantia rei verè destrœcta trahit secum omnia accidētia, & præsentias vbiçumque fuerint, in interitum. extinguatur ergo punctus caloris in extremo igne, ecce per totum spatium, quod etiam in profundo ignis occupat, interibit, & magna pars signis videbitur extinguui.

Alia huc vndique cumulare possem, sed quid opus? Quis vñquam Theologus dixit membra Christi Domini in Eucharistiâ, aut alterius hominis replicati, rarefieri? Plerique omnes vbi quærunt, quomodo ex tantillâ costæ Adami materiâ mulier iustæ plenitudinis formari potuerit, tres afferunt modos. Primus per rarefactionem costæ: alter per multiplicationem costæ in se, id est, per replicationem, vt iam loquitur: tertius, per alterius materiæ additionem. Magister secundum modum est amplexus, & ei consen-

In 2. d. 18. tiens Gabriel, *Quando modica materia, ait, sine sui multiplicatione (replicatione) multum extenderetur, tunc induceret raritatem: sed in formatione corporis Euæ materia costæ in seipso multiplicata est, & per hoc corpus Euæ non caruit debitâ densitate.* Non accredo ei, corpus Euæ ex solâ costâ replicatâ esse contextum, hoc tamen censuit verissimè, corpus aliquod, & omnia eius membra in suâ densitate,

sitate, ac sine vñâ omnino rarefactione posse replicari. Igitur longissimè distat rarefactio à replicatione.

Finio itaque, & repeto quod Cap. xxvi. dixi, tribus solùm viis, per vacuitatem, penetrationem vel replicationem partium corporis, propriam condensationem & rarefactionem explicare possunt Epicurei: sed omnes, vt ostendimus, improbabiles sunt, & in aperta absurdâ deducunt; igitur ex istis semitis in publicam & Aristotelis viam est redeundum. quam antequam tamen explicemus, circumspiciendum, an nulla alia supersit, siue, an deserto Epicuro, necessariò ad Aristotelem sit transeundum.

C A P V T X X X I.

Frustrâ quidam conati inter Aristotelem & Epicurum medij incedere, negando vñllas esse in continuo partes, aut afferendo infinitas, sed indivisibiles.

Q Vidam nuper admirabili inuento litem inter Aristotelem & Epicurum non composuerunt, sed abruperunt. Nec finitæ, nec infinitæ, inquiunt, in continuo partes, sed nullæ omnino sunt. Continuum enim, aiunt, est tale ens vnde excindit partes possunt, sed in quo tamen, priusquam excindas, non continentur. Sic ferè gallinis nostris oua excidunt: in exitu enim formantur, ventrem si aperias, omnia informia, & necdum oua reperiuntur.

Sed in continuo tamen profectò res habet aliter: in quo nisi partes formatæ & formaliter continentur, non magis inde eximi poterunt, quām pecunia ex crumenâ inani.

Itaque non improbabilis tantum, sed ridicula mihi videtur hæc imaginatio. Non enim primulū fit & producitur, instar oui, linea pedalis cùm ex bipedali excinditur, sed soluitur solùm vñio integralis, quâ suæ comparti alligabatur. Igitur hac viâ non possunt medij inter Aristotelem & Epicurum diu incedere, sed statim in medium rixam retrahentur, si queras, an ea (siue partes, siue quocumque alio nomine placet appellare) quæ lineâ bipedali excinduntur, multitudine finita aut infinita sint. Nam solùm potest de modo loquendi esse controversia, an quamdiu in toto sunt, partes vocari debeant. ipsi videntur negare; ego affirmo; imò numquam aliæ partes posse appellari, quandoquidem ratio fundandi relationem

nem partis, sit vno cum toto, quam perdunt illicò vbi à toto reselluntur.

Alia tamen via est quæ media inter Aristotelem & Epicurum tendit, & ab utroque aliquid accipit: nam partes continui indiuisibiles cum Epicuro statuit, sed earum infinitudinem ab Aristotele capit.

In 2. d. 2.
q. 1. Hæc sententia Leucippi & Democriti fortasse, vt Cap. III. coniectabam, olim fuit, quam dudum intermortuam Ioannes Maior, è scholâ Nominalium Scriptor non ignobilis, à centum iam circiter annis rursum excitauit.

In 2. d. 2.
q. 2. Huius tamen ante eum opinionis meminit Gregorius Arimennsis, & refellit: quia magnitudo ex puris punctis se proximè sequentibus infinitis composita, *est infinita secundum extensionem: quod de facto suppono esse falsum. Consequentia patet: nam haberet in se partes inuicem æquales secundum magnitudinem, infinitas multitudine (utpote infinitas partes, quarum qualibet est ex quatuor indiuisibilibus, vel decem indiuisibilibus constituta:) quoniam in infinitâ multitudine indiuisibilium essent infiniti quaternarij, & quilibet quaternarius esset cuilibet alijs quaternario aequalis magnitudinis. Quæ ratio, si benè perpendatur, est sanè optima. Nec militat (quod quis fortè existimare possit) contra sententiam Aristotelis: quia etsi partes infinitas, & fortassis indiuisibilia continuantia infinita continuo inferciat, nullas tamen extensiones inter se æquales, numero infinitas admittit.*

Ex sententiâ etiam Maioris sequitur, quodlibet tempus, infinitorum momentorum perpetuum agmen esse, ac proinde numquam posse totum elabi; continebit quippe partes quatuor aut decem momentorum se proximè sequentium æquales infinitas, quæ non magis omnes successiue, quâm infiniti dies, elabi possunt.

Argumentum præcipuum Maioris condendi talem magnitudinem & tempus, fuit; quod non intelligeret, quomodo punctum globi, aut angelus ad spatium puncti redactus, continuo per lineam moueri posset, nisi perpetuam punctorum seriem numerando, & ab uno immediate ad alterum, sine alijs partis interiectione, transeundo.

Verum hanc charybdim vitando Maior in aliam incidit scyllam: nempe, vt nullum diuisibile spatium à quo quis mobili vniquam posset pertransfiri, & vt nullum diuisibile tempus valeat vniquam totum effluere; cùm tam spatium, quâm tempus partibus

tibus æqualibus constet infinitis, vt egregiè Gregorius statim demonstrauit.

Præter alia etiam, quæ facilè cogitari possunt, Maiorem confutat axioma illud Aristotelis: *Indiuisibile immediate additum indiuisibili, diuisibile facere nequit: quod quâm verum sit, Cap. xxv.* ostendimus.

Item, si ratio quam Aristoteles à grauitate corporum accedit, aliquid in Epicurum valet, iisdem viribus contra Maiorem pugnabit.

Si corpus, inquit, constituitur ex atomis, grauitatem nullam habere poterit. nam eam à partibus suis accipere debet, atomi vero siue puncta sunt expertia grauitatis.

Si autem primum punctum grauitate caret, secundum etiam, & tertium, & centesimum eadem ratione carebit; atque ita tota magnitudo ex iis conflata necessariò grauitatis expers erit.

Hoc tamen telum (etsi à magnâ, & Aristotelis manu, nec spernendum) in superioribus neglexi, quia videbam non magno nisu ab aduersariis posse eludi.

Meritò igitur Ioannes Maior cum fluctu, & gratiâ, inquit, *sophistica disputationis* opinionem istam asseruit, & disputationem finiens, *valeat, ait, hoc paradoxon, quantum valere potest. Quæ vero ibi in Aristotelem iacit, infrâ cum ceteris reuellemus.*

C A P V T . X X X I I .

Verius, nulla in continuo reperiri positiva indiuisibilia preter partes in infinitum diuiduas.

HAec tenus partes continui indiuisibiles finitas, aut infinitas oppugnauimus, & si expugnauimus, ad Aristotelem (quod solum superest) redire Democriticos & Epicureos per pulimus. Post hac tamen detutando etiam Aristotele, quem aduersarij non impigrè profectò assiliunt, sollicitos nos esse oportebit. Primum tamen dispiciamus, an præter partes proportionales infinitas, etiam infinita indiuisibilia continuantia partibus interserere debeamus.

Si quis Philosophos Peripateticos, si quis Mathematicos puncta, lineas, superficies suas ybique concrepantes audiat, non dubitabit, præter partes, continuo terminos quosdam alios positivos intersper-

terspergere. Si tamen non paucos eorum interroges, quid termini illi sint, respondebunt, nil reale, sed negationes solum quasdam vltioris extensionis: linguam tamen se conformare menti, & tamquam de rebus positius loqui, quia sic solent concipi à nobis.

Categor. Quant. Nam ecce Aristoteles, qui in Logicā & Metaphysicā lineam & superficiem inter species quantitatis recenset, qui *στημὴ γεωμετρίς κοινὸν δέργε τοὺς δύο τὰ μόνα ἀντίκτυα, πunctum linea communem terminum esse, quo partes eius inter se copulantur*, afferit; alibi tamen

Lib. 3. c. 6. ait, *ἡ στημὴ, η̄ τὰ μόνα ἀντίκτυα, πunctum, & omnis divisione, & eo modo indivisibile* (linea, & Animæ. superficies quæ quatenus termini, etiam indivisibiles sunt) manife-

Lib. 3. c. 44. statur, ut priuatio. quod exponens Themistius Hermolai, Intellec-
tus, inquit, cognoscit illa definitio, non priuato adortu, aut directo in ea incubitu (quia nullam formam à se obtinent cui posse incumbere) sed sequestrando, & præcidendo dimensum & magnitudinem. Vbi formam, siue, ut opinor, essentiam positivam indivisibilibus istis negat, cui possit intellectus incumbere. Et addit Aristoteles ea ab intellectu cognosci, *τῷ μὲν τῷ νοοῦν, τῷ μέλον, τῷ τε φυσικῷ, quo modo malum, aut nigrum, ac per suum contrarium. malum verò priuationem significat, & de nigro (quidquid alij tot hodie repugnant)* multis alibi argumentis ostendimus.

Scio tamen hæc Philosophi verba aliorum posse & solere detorqueri: sed vt cumque ista se habeant, numquam quæ alibi de Lib. 6. c. 10. puncti immobilitate differit, ab errore grandi liberabunt, nisi es-
Physic. sentiam puncti in negatione quadam constituant. Eamdem existi-

Lib. 1. c. 4. mo fuisse Commentatoris mentem, dum ait: *Secundum considerationem Geometrarum, superficies & sphæra possunt se contingere super punctum; sed cum fuerint in corpore naturali, non possunt se tangere, nisi super partem diuisibilem. Imaginantur, opinor, vult dicere, Geometræ punctum aliquod in circumferentiâ sphæræ suæ, à materiâ sensibili abstractum in quo tangatur ab ea planum; cum tamē si consideretur, ut reuerâ in corpore naturali tactus ille exercetur, potius fiat in parte diuisibili, eâ ratione quæ infrâ à nobis explicabitur.*

Idem Platonis sensus, ex cuius disciplinâ M. Varro apud Cicero-
dem. ronem ait, *Nihil omnino in rerum naturâ esse minimum, quod diuidi nequeat. Quæ autem moueantur, omnia interallis moueri, quæ in- Orat. 34. teralla item infinitè diuidi possint. D. Nazianzenus etiam in eamdem sententiam deduci potest. Ποιῶ Εὐπλεῖτης ἐμφιλοσοφῶν ταῦτα, οὐδὲν τοῦτον τοῦτον εἰπεῖται;*
Ecquis

Ecquis Euclides, inquit, hæc imitatione expresserit, de lineis philosophans nusquam extantibus, & anxiè desudans in demonstrationibus?

Ecce lineas (& idem de ceteris indiuisibilibus iudicium) nusquam affirmat extare. Fauet quoque nonnumquam (etsi alibi videtur

aliter) D. Augustinus. *Vnquamne, ait, oculis istis corporeis, vel tale Lib. de Quantit. punctum, vel talem lineam, vel talem latitudinem vidisti? R. Omnipotens non numquam. non enim sunt ista corporea.*

Ac deinde colligit, animum nostrum esse incorporeum, quo cernuntur illa incorporea.

quæ collectio nulla, aut valde imbecillis erit, si indiuisibilia ista, entia realia positiva sint: sic enim materialia, & reuerâ corporea futura sunt, id est, dependentia à subiecto corporali. Negationes

verò, sicuti propriæ non sunt, ita neque propriæ corporeæ (etiamsi in corpore à nobis cogitentur) dici debent; neque aliâ potentia cognitiuâ, quâm intellectu spiritali, cognosci possunt. Alius ta-

men, fateor, verborum Augustini sensus esse potest, cuius in fine

Capitis huius mentionem habes:

In eadem sententiâ Iul. Scaligerum primulū iam video. Ipse enim aduersus Cardanum, *Naturalis superficies, inquit, pati potest divisionem, Mathematica non: est enim imaginaria, ex quâ corpus nullum constituitur. Et infrâ probat, ex indiuisibiliū superficerum coitione non componi corpus, quia nihil ex priuatione aut ex negatione, tamquam ex materia, confieri potest.* Exercit. 65. Et tamen hic est, opinio-
num Aristotelis tam pertinax ille Scaliger, ut de eo alibi Franc. Patricius. *Scaliger vir fuit sanè acutus, sed qui pro Aristotele contra manifestam veritatem etiam peierare lubens sustinuerit.*

Hæc omnium passim Nominalium etiam opinio est; nec aliter, ut opinor, Euclides, & plerique Mathematicorum, si interrogentur, censeant. nam reuerâ figuræ & Mathemata eorum punctis, lineis, superficiebus positivis realibus non magis indigent, quâm Logici chimæris & hippocentauris quadrupedibus, quibus tam multa vera explicant. Hæc sententia mihi quoque olim allubuit; quod cernerem per eam multa, quæ in Aristotelem iaciuntur, in irritum cadere. Et ecce etiam dum hæc scriptito, commodū in-
cidit in libros Reueredissimi D. Pauli Aresij Episcopi Derthonensis, qui inter cetera quæ in Aristotelem de Generatione eruditissime commentatur, etiam indiuisibilia ista positiva egregie conuelit; etsi non omnia placeant, & quædam videam quæ in partes infinitas Aristotelis facile possint retorqueri.

Nota verò, indiuisibilia in continuo duplicitis generis esse: quæ-

dam enim terminant, alia continuant & copulant partes continui. Indivisibilia terminantia reicit Durandus, quia inutilia sunt; quandoquidem linea sine finiente puncto, superficies sine linea, corpus sine superficie, habitura nihilominus sint aliquem finem ultra quem non excurrant. *Fatuum enim est*, inquit, *imaginari, quod nisi essent puncta terminantia lineam, linea ex utraque parte efflueret infinitum*. Non enim puncta continent utrumque lineas fluxum, quemadmodum Hollandiae aggeres frementem & erupturum Oceani impetum, aut veluti epistomium vas obstruit, ne effundat suum vinum.

*Suar. to. 2.
d. 40. sect. 5.
Metaph.*

Verumtamen, nisi finis lineae sigilletur puncto positio, tantummodo erit negatiè terminata, inquiunt; cum tamen positiuam terminationem secundum connaturalem modum essendi requirat: *lacet tamen repugnantia* (addunt) *non videatur tam clara, quin probabiliter dici possit, conseruari posse à Deo lineam sine puncto terminante*. Sed unde connaturalis iste essendi modus colligitur? *Quia alias*, inquiunt, *corpus carens intrinseco termino non esset aptum ad physicum contactum cum aliis corporibus, neque ad figuram, & alia similia accidentia*.

Sed responsio est in promptu, quam paullisper tamen differo. Nunc vero breuiter necessitas illa terminorum positiorum eneruatur: quia qualitates materiales eodem modo secundum intensionem & extensionem, quo quantitates, componuntur: sed qualitates terminis positius naturaliter carere possunt; igitur & quantitates poterunt. Antecedens patet in qualitatibus repugnantibus, nam si summus calor termino suo positio occupauerit punctum lineae, aut quemcumque quantitatis terminum, ab isto termino quantitatis arcebit posituum terminum contrarij frigoris, ut ipsi etiam adfarentur: unde frigus solùm negatiè, per negationem vterioris extensionis erit terminatum.

Eodem modo, si vestis aliqua sit bicolor, linea panni quæ est in confinio vtriusque coloris, non potest rubedinis, exempli gratiâ, & viredinis positios terminos recipere, cum repugnantum formarum termini etiam repugnet: igitur alter, aut vterque color sine termino positio erit ab illâ parte. Non est vero potior vnius quam alterius ratio; vbi præsertim agentia quæ utrumque contrarium producunt, simul & viribus æqualibus agere incipiunt. Cur enim eo casu vnum contrarium potius, quam alterum, posituum quantitatis terminum in medio vtriusque positum occupet?

Si qua-

Si qualitas autem positiuè interminata esse potest, nihil omnino bonæ causæ est (quidquid alij caussificent) cur quantitas etiam esse non possit. Nam & color unus talis alterum tangit, & figuram suam habet, etsi terminum posituum non habeat.

Deinde, cui bono. vsui superficies illa conuexa globum instar membranæ inuoluens? an periculum est, ne corpus globi sine eâ, vt vinum rupto vtre, effundatur?

Non, sed quia figuram sine eâ recipere non potest, inquiet. Sed exscoliit Deus globum superficie, & partes in eodem situ continent, creduntne non habituras figuram, & eamdem omnino quidem, quam, cum superficie inuoluerentur? Figura enim à situ partium extremerum in nullo distinguitur, siue illæ termino posituo, siue solùm negatiuo ambientur. Nam detur nobis globus, cuius vnum hemisphærium, tam in conuexo quam in profundo, sit album, & alterum nigrum, horizon siue superficies media quæ album à nigro separat, neutrius, aut saltem alterius tantum coloris, ut antè dicebamus, terminum posituum recipiet. Recipiat igitur nigredinis: ecce iam à parte illâ planâ hemisphærij, siue diuidij globi, albedo nullo termino suo posituo finitur, & tamen propriam figuram ex eâ etiam parte habet, à quantitatibus figurâ diuersam, & quam reseruare potest, si Deus albedinem sustineat extra omnem quantitatem & subiectum. Quomodo etiam globus sine talis superficie tangere planum, aut quodcumque aliud contiguum, possit, mox Cap. xxxiv. ostendetur.

Quam etiam fallatur Gabr. Vasquez, dum ait, *de superficie Tom. 2.
extrema cuiusque corporis hæc tenus neminem dubitasse*, dicet ei Du- rrandus: *Sicut punctus dicitur terminus lineæ, ita linea superficie, & superficies corporis. & tunc in corpore rotundo esset imaginanda* q. 4. *superficies indivisibilis quoad profunditatem, differens realiter à corpore, & inuoluens ipsum tamquam terminus extrinsecus: quod est absurdum*.

Ecce puncta, & lineas positivas refellit, quia eadem operâ superficies in globo admittenda esset, quod tam euidenter absurdum reputat, vt sine probatione id affirmet. Sed Fonseca, & recentiores quidam Vasquium, opinor, fefellerunt, qui punctis, & lineis reiectis, extremas solùm corporum superficies retinent. Alias Nominales superficiem cum omnibus vniuersim terminis positius à corpore refecant. Audite inter eos facile subtilissimum. *Dico, Greg. Ari-* min. in 2. *quod nulla entitas extra animam est in magnitudine simpliciter indi- d. 2. q. 2. a. n.* uisibi-

uisibilis, qualem existimant punctum; nec aliqua diuisibilis tantum secundum unam dimensionem, qualem dicunt esse lineam; nec aliqua diuisibilis tantum secundum duas, qualem opinantur esse superficiem.

Indiuisibilium continuantium inutilitas etiam facilè ostenditur. Cur enim non possunt partes lineæ proximè vñiri sine puncto, partes superficie sine linea, partes corporis sine superficie interiecta? Nam sicuti punctum lineam terminans Deus auferre potest, auferat etiam continuans: cur partes lineæ in eodem situ permanentes (id est, immediatae, & nullo spatio imaginario vel minimo interhiante) nequeunt integraliter copulari? anima & corpus proximè sine tali indiuisibili intercopulante, vniuntur: cur duæ partes lineæ minus possint?

Quia proxima extrema vñionis penetrare se debent, inquiunt, pars autem lineæ vna alteram non penetrat, et si penetreret punctum. Verum, et si ad vñionem essentiale, & integralem intensiuam necessaria fortasse sit extremonrum penetratio, nulla est causa, cur eam etiam requiramus ad vñionem extensiua; sufficere enim potest contiguitas, sine penetratione. Et vide, quid hīc absurdī sequatur, si punctum penetreret extremas lineæ partes, quas inter se committit. nempe, partes istæ videntur etiam inuicem se penetrare. nam quæcumque sunt in eodem situ cum aliquo tertio, sunt etiam inter se. Duæ igitur partes extremæ penetrantes punctum, etiam se penetrant: quod naturaliter est impossibile, siue penetratio in parte determinatâ, siue indeterminatâ fiat, modò fiat in parte.

Eodem etiam argumento omnia indiuisibilia terminantia reueli possunt. nam si corpus locans & locatum extremis suis superficiebus se penetrant, & superficies in eodem situ sint cum partibus corporeæ profunditatis quas terminant, igitur & istæ partes se penetrabunt, quandoquidem in eodem spatio cum superficiebus se penetrantibus sint.

Vnde indiuisibilium posituorum Patroni reuerâ videntur ipsa extra partium quas terminant situm imaginari: quasi superficies, instar membranæ cuiusdam tenuis quæ parumper extet, globum inuoluat, aut punctum articulus quidam sit, vel plumbatura, quâ partes lineæ ita ferruminentur, vt utriusque interiaceat, sitque extra utriusque spatium.

Sed corrigenda est imaginatio. nam alias indiuisibile parti cui addi-

additur adderet etiam extensionem, & indiuisibile faceret magis diuisibile extensiù; quod in scholâ Aristotelis omnino falsum.

Cogitemus igitur omnia lineæ puncta à Deo, manentibus partibus, destrui, linea hilo breuior non erit, quācūm infinitis illis punctorum myriadibus effet interpuncta. Et hinc iterū magis patet eorum inutilitas. quōd, inquam, nullam lineæ extensionem addant, & alias ad officium terminandi, & copulandi, vt ostendimus, vñsum nullum bonum habeant.

Sed impossibile est, ait Suarez, Deum vniuersa lineæ puncta, partibus saluis, destruere. cūm enim omnis pars continui sit ulterius composita, necessariò puncta includit quibus partes eius copulantur. Sed frustra.

Fateor enim, si de vñione partium agatur, non possunt omnes vñiones sic destrui, vt partes superstites permaneant; cur tamen non omnia puncta possint, nondum video. Partes enim sunt condistinctæ ab omnibus punctis, si ipsæ considerentur præcisè compositæ ex vñione integrali, & partibus in vñionem proximè (sine interiectu puncti) conuenientibus. talis quippe vñio contradicitionem nullam implicat. vnde licet supponemus omnes partes proximè in punctum intermedium ad vñionem concurrere; posset tamen Deus omnibus punctis vñuersim abolitis, aliud vñionis genus partibus immediatè interiicere, & sic sine punctorum superfluis istis vinculis conseruare.

Quidni igitur iam potius id faciat? sufficiunt continuo partes proportionales infinitæ, quid opus punctorum, linearum, superficerum infinitudine ex superuacuo ipsum onerare? Omnibus enim rationibus, quibus puncta à lineis repelluntur, lineæ à superficiebus, & superficies à corporibus possunt.

Nequaquam, forte tamen inquiet: nam linea à punto nullam accipit dimensionem, superficies vero à linea sumit suam longitudinem, & corpus à superficie latitudinem.

Sed ab imaginatione varâ & à vero detortâ hæc dicuntur. nullæ enim partes superficie longæ sunt per longitudinem lineæ quæ inter ipsas interiicitur, sed propriam & sibi inhærentem dimensionem (quaquauersum per eam extendantur) habent. Sicuti enim à linea distinctæ sunt; ita proprium & peculiare Vbi, & extensionem tam in longum, quam in latum obtinent. Quid igitur linea confert superficie? inquires. Hoc solùm, vt terminata utrimque, & intercopulata inter partes suas sit: non autem extendit

O

eam

eam in ordine ad locum. id est, reuerà inutilis est, cùm partes terminari seipfis, & copulari satis valeant.

Negligere etiam non oportet hoc Reuerendissimi Aresij argumentum. Sequeretur, inquit, tot esse puncta in circulo pedali, quot sunt in supremo calo: quod est absurdum. Probatur consequentia: feit. 4. Ge. Quia si ponatur circulus pedalis circa centrum mundi, cùm ex quolibet puncto cali deduci possint linea ad centrum, & quilibet linea debeat transire per punctum circuli pedalis diuersum, planè efficitur, vt nullum posset assignari punctum in calo, cui etiam respondens assignari non posset in circulo pedali. Hoc autem esse inconueniens satis per se constat. Nam reuerà non possunt esse plura puncta in circello illo pedali, quàm sint in vnico segmento cæli, pedalis etiam longitudinis. cùm igitur innumerabilia pænè sint in toto cæli ambitu segmenta pedalia, puncta etiam in circulo cælesti, sine fine plura erunt, quàm in circello pedali. Itaque lineæ & puncta ista realia totam circulorum fabricam perturbare videntur. quod ne vtrà faciant, expellantur & reicula sunto.

Nodos quosdam qui hîc menti fortassis occurrunt, Caput v 111. (reuisse) tibi dissoluet. ac hunc inter ceteros: Quomodo à quolibet puncto maioris circuli recta linea ad centrum, per circulum minorem possit trahi. quod de lineâ Physicâ, reapse verissimum, de imaginariâ etiam, ex imaginatione haud absurdâ Mathematicorum, suam etiam habet veritatem.

Omitto alia istorum indiuisibilium incommoda. vt, quòd per materiæ diuisionem infinita puncta, lineæ, & superficies substantiales continuantes pereant, & nouæ terminantes in partibus vtrimeque resultent à materiâ per impetum & resultantiam naturalem, vt passim docent. Hæc enim difficultia creditu sunt, quia hoc est materiæ (quæ tamen ens est tam inefficax & otiosum) donare ferè creandi virtutem; cùm materiæ indiuisibilia substancialia propriè à nullo subiecto dependere ipsi fateantur, ac proinde nec per actionem verè eductiuam effici. Oportebit etiam infinitos terminos temporis, & omnibus qualitatibus corporeis, imò spiritualibus intensius inferere, id est, naturas rerum multis superuacuis prægrauare. Sic igitur censeo. Nihil est in toto continuo indiuisibile, sed quidquid ex eo sumperferi, secundùm omnem dimensionem diuidi potest, & reuerà est corpus.

Estne igitur longum sine longitudine, latum sine latitudine? inquit;

inquieris: nam longitudo est linea, latitudo superficies. Verùm, si tollatur æquiuocatio, responsio est facilis. Si longitudo sit quantitas quædam aptitudinalis à parte rei in latum & profundum indiuisibilis, corpus sine eâ longum esse potest; quia in rerum naturâ talis quantitas reuerà est nulla; nec, si esset, conferret ei extensionem in longum, sed eam partes corporis à se habent.

Si longitudo autem sumatur pro extensione actuali in longum, sine illâ nequit corpus esse actu longum, sed eam non dat ei linea, vt statim dicebam, sed partes corporis à se immediate habent, quòd eam recipere possint. Instabis. non est longitudo actualis sine aptitudinali (actus enim supponit aptitudinem ad ipsum;) igitur corpus non potest esse actu longum, nisi inuoluit linéam, quæ est longitudo aptitudinalis.

Resp. in longitudine aptitudinali iterùm esse æquiuocationem.

Nam, vel est quantitas apta solum in longum, non in latum & profundum, extendi. & talis nulla necessaria corpori. Vel est quantitas apta in longum (non excludendo alias duas dimensiones) expandi. & ciusmodi lineam corpus inuoluit: cùm nihil sit aliud, quàm corporea quantitas inadæquatè concepta, & prout vnius dimensionis capax esse potest, sine exclusione ceterarum. Et sic modum iam inuenimus retinendi tres species magnitudinis Logicas, lineam, superficiem, & corpus, quas non res, sed ratione saltē (quod ad Logicam & prædicamenta sufficit) per conceptus inadæquatos distinguimus. Eadem res, inquam, est linea, quatenus recipere potest extensionem in longum, non remouendo tamen, sed supprimendo tantum, id est, non repræsentando eodem conceptu expressè capacitatem ad extensiones in latum & profundum. Deinde est superficies, quatenus capax extendi in longum & latum. Denique corpus, quatenus in tres dimensiones diduci potest.

Atque hanc esse D. Augustini sententiam existimat Gregorius Ariminensis, vir, si in vetustis illis scholasticis quispiam, lectionis D. Augustini diligens, & sensuum perspicax rimator. Sola longitudine, ait Augustinus, non nisi intelligi animo potest, in corpore inueniri non potest. Ac paullò pòst: Hanc longitudinem meram & simplicem, si tibi placet, linam vocemus: hoc enim nomine à doctis multis appellari solet.

Et in hunc sensum verba , quæ initio Capitis citauimus , duci possunt . vt videlicet , colligat Augustinus animum nostrum esse incorporeum , quia longitudinem à latitudine & profunditate præscindere valet , quod corporei sensus non possunt . Interpretamentum tamen hoc , vt verum confitear , certum non est : nam fortasse solùm vult , longitudinem numquam reapse , sed solà mentis præcisione , separari à corpore , et si reapse ab eo distinguatur . Quomodo verò nulla etiam temporis positiva momenta interseminalia , inferius ostendetur .

C A P V T X X X I I I .

Argumenta quibus indiuisibilia , tam continuantia , quam terminantia , quantitati videntur inferi.

Sententia quæ puncta , lineas , & superficies entia negativa esse affirmat , est , ut existimo , in Philosophia valde falsa , ait Franciscus Suarez . Et Gabriel Vasquez , Mathematica , inquit , demonstratione ostendimus , in quantitate esse puncta indiuisibilia (ex tactu videlicet globi & plani in punto ;) ex quo sequitur , esse etiam superficies & lineas .

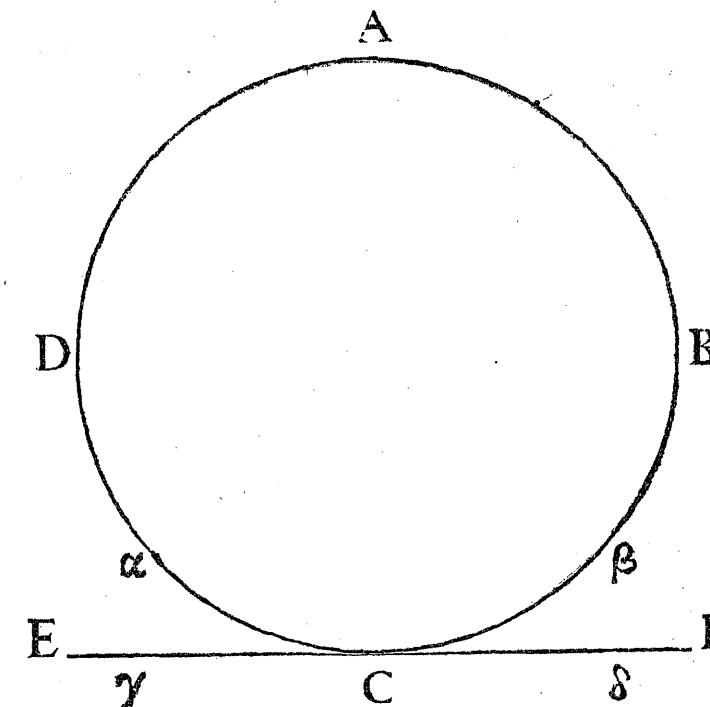
3. p. q. 75.
a. 2. d. 52.
sect. 3. Murcia sententiaz nostræ nescire se dicit , quod aliud fundamentum esse potuerit , nisi quod indiuisibile , vt nomen sonat , idem est quod non diuisibile . sed non diuisibile carentiam dicit : ergo . Hoc tamen fundamentum satis friuolum est . & meo quidem etiam consensu , bone & docte Murcia . friuoli enim & miseri essemus , si tam imbecillo tibicine niteremur .

Lib. 6 Phys.
q. 1. a. 4.
Physic. Modestius Conimbricenses , qui sententiam Fonsecæ , omnia indiuisibilia positiva , præter superficies corporum extremas , destruentis , non minus probabilem , quam eam quæ vniuersa admittit , esse affirmant .

Sed videamus Mathematicas istas demonstrationes , in quibus sic triumphant .

Globus planum in punto tangit , inquiunt ; igitur in superficie globi & plani puncta duo positiva sunt , in quibus tactus exercetur . Tactum autem fieri in punto , non in parte diuisibili , patet ; quia cum omnis pars diuisibilis superficies planæ sit plana , pars superficie globi non potest eam tangere & ei adæquari ac conformati , nisi etiam induat aliquam planitatem ; quod est contra rationem

tionem superficie corporis perfectè globosi , cuius omnis pars curua est & conuexa , nulla plana .



Vt in secundo schemate Cap. xiiii . si globus A B C D . tangenteret planum E F . plusquam in punto C . oporteret partem illam inferiorem globi complanari , & retrudi versus globi centrum . Secundò , cylindrus siue columna perfectè rotunda tangit planum in solâ lineâ ; igitur positivæ lineæ vtrumque sunt , tam in superficie cylindri curuâ , quam in planâ subiecti corporis plani . Antecedens probatur eadem ratione , quâ contactus globi in punto : quia nulla pars superficie conuexæ cylindri est plana , sed curua ; igitur nulla potest se conformare & adæquare parti planæ in subiectâ superficie , quemadmodum requiritur ad contactum ; sed linea vnicâ cylindri iacentis in plano , incumbet vnicæ lineæ plani .

Tertiò , Duo corpora similiū figurarum tangunt se in superficiebus , secundū profunditatem indiuisibilibus , quales duæ superficies planæ , item concava loci , & conuexa locati :

igitur superficies positivæ, quæ extrems saltem corporum partes inuoluunt, constituendæ sunt. Anteced. ostenditur: quia si corpora secundū profunditatem se tangerent, partes aliquæ profundæ necessariò se penetrarent; quod per naturam impossibile demonstrauimus Cap. xxix. Solæ ergo superficies tangunt se, & intrant in idem spatiū, corpora verò ipsa secundū totam profunditatem extra se manent.

Quartò, si nulla sint in aëre indiuisibilia positiva, non poterit vniiformiter difformiter actio aliqua per eum diffundi. Nam lumen, exempli gratiâ, non potest ab octauo usque ad quartum gradum paullisper decrescere, nisi aliquid in aëre signari possit, in quo sit lumen quatuor graduum: hoc autem pars aëris diuisibilis esse nequit; quia hæc in duas alias partes diuidi posset, quarum una propinquior, altera remotior ab agente, quæ haberent lumen æqualis intensionis; quod repugnat conditioni actionis vniiformiter difformis.

Quintò, Et quod olim me maximè sollicitum habuit. colores corporum, qui in superficiebus eorum hærent, solum cernimus (per profunda enim & opaca non penetrat visus;) igitur corpora inuoluuntur extremis quibusdam positivis superficiebus; nam color in negationem recipi non potest. Sic lumen superficiem opaci, non eius profundum pro subiecto habet.

Sextò, Angelus, aut anima rationalis in puncto spatiū indiuisibili esse, item in linea solā, aut superficie replicari potest: non posset autem, si nulla eiusmodi indiuisibilia in spatio essent.

Septimò, Momenta sunt in tempore, quæ actiones instantaneas metiuntur; ergo & puncta, ceteraque indiuisibilia in continuo: nam instantia temporis oriuntur ex indiuisibilibus spatijs per quod mobile transit. sicut enim parte motū successuā & temporaneā pars spatiū diuisibilis pertransit; ita mutato-esse (sic vulgo appellant) instantaneo motū, mobile spatiū indiuisibile peragrat.

Quædam alia cumulari possent, sed minoris momenti sunt, nec nodi difficilis. Quale istud: Radium esse lumen lineare, ac proinde aliquam esse in aëre lineam, quæ radium illum in se suscipiat. Sed sufflamine h̄ic nullo opus, ex tempore ac de plano Prin-
Vitell. li.2. ceps Opticorum respondeat. In linea radiali, inquit, secundū
prop. 3. quam fit diffusio luminis, est aliqua latitudo, propter quam inest ei sensibilitas, & in medio illius linea est linea Mathematica imagina-
bilis.

bilis, cui omnes aliae lineæ Mathematicæ in illâ linea naturali equidistantes erunt. Quæ sic accipio, ut linea luminis naturalis, id est, vera & realis, sit diuisibilis secundū latitudinem, Mathematica verò, quæ tali latitudine careat, sit imaginaria tantum.

C A P V T X X X I V .

Ex globi, cylindri, planorum contactu, puncta, lineas, superficies positivas corporeæ quantitati perperam assui.

SVbtilitas humanæ mentis varios modos, quibus argumenta ista elideret, aut eluderet inuenit.

Reuerendissimus Paullus Aresius citò se à primo & secundo ex- Lib. i. d. 2.
pedit. negat enim corpus perfectè sphæricum etiam à Deo posse quæst. 23.
fieri. quod etiam censet Alexander Piccolominæus, & ex nostris, fect. 7. de
inquit Aresius, *principiis, quibus puncta negamus, manifeste confit;*
quia sine centro & circumferentia indiuisibilibus perfectè sphæricum
constare nequit.

Sed fallitur profectò, nam centrum imaginarium, & circumferentia etiā talis globo sufficit. Auferat enim Deus à globo centrum reale (si vllum est tale) & circumferentiam quæ eum inuoluit, ceteris omnibus in eodem situ permanentibus, globus, globus esse perseverabit, & omnes lineæ à centro imaginario ad superficiem imaginariam traductæ erunt æquales; cùm extrema superficies realis detracta, à singulis lineis vnicum solum punctum finientem auferat, qui linearum extensionem non augebat: nec, si augeret, referret quidquam; quia si ab omnibus æqualibus partem æqualem auferas, quæ remanent erunt iterum æqualia.

Sed adhuc validioribus iictibus, inquit Aresius, *hoc sphæricum in præceps impellamus.* Si daretur perfectè sphæricum planum in puncto tangens, ut volunt aduersarij, sequerentur duo maxima absurdæ contra ipsorum sententiam. Prius est, quod pars lineæ, quæ imme-
diatè sequitur punctum in sphærico distaret à plato solum per vni-
cum punctum; vnde punctum occuparet locum, & esset quantum. Posterius (quod tamen à priori vix, aut nihil differt) quod punctum diuisibile esset.

Sed profectò neutrum iterum sequitur; sed distantia inter par-
tes sphæræ, & plani proximas punctis contactus, extenditur per
infinitas partes aëris proportionales, si sphæra & planum in aëre
se con-

se contingent: ac tota illa Reuerendissimi Paulli Aresij imaginatio oritur ex prauo intellectu prop. xv. lib. 111. Euclidis, quam infrà Cap. xxxix. explicamus, vbi angulum contingentiae lineæ rectæ & circuli, etsi dicatur minor aliquo sensu omnibus angulis rectilineis, esse tamen in infinitum diuisibilem demonstramus.

Quòd etiam idcirkò cælorum solidas sphæras diffringat Are-sius, ne perfectè rotundas esse admittat, fero de Planetarum orbibus (quos etiam imaginarios esse cum vniuersis eccentricis & epicyclis aliquando ostendimus) de firmamento, & empyreo non possum.

Demus igitur id potentia diuinæ, vt circinare possit corpus perfectè sphæricum, & talem esse fixarum orbem, aut etiam fortasse solis globum.

Talis autem tangit planum in puncto, non tamen aliquo reali, sed tangit non adæquate in parte diuisibili.

Sed contactus est realis, clamant; ergo in aliquo reali (quod sit punctum, vel pars) debet exerceri.

Fateor, contactus fit in aliquâ parte, quia nil est aliud, quâ in certa realis propinquitas globi & plani, fundata in certis Vbi vtriusque extremi.

Igitur pars illa globi contingens planum, est plana, inquiet.

Verùm nego id sequi: quia nulla vel minima particula globi adæquatur vel conformatur parti plani, cùm nulla assignari valeat, quæ per se primò planum attingat: nam quamcumque assumperis, resoluti poterit in duas alias partes, quarum una propinquior, altera remotior est à plano. & hoc credo voluisse illos Nominales, qui dixerunt planum à globo in parte indeterminatâ tangi: quia, inquam, nulla pars determinari potest, quæ per se primò (effet enim indiuisibilis) sit piano proxima. Vnde non magno merito

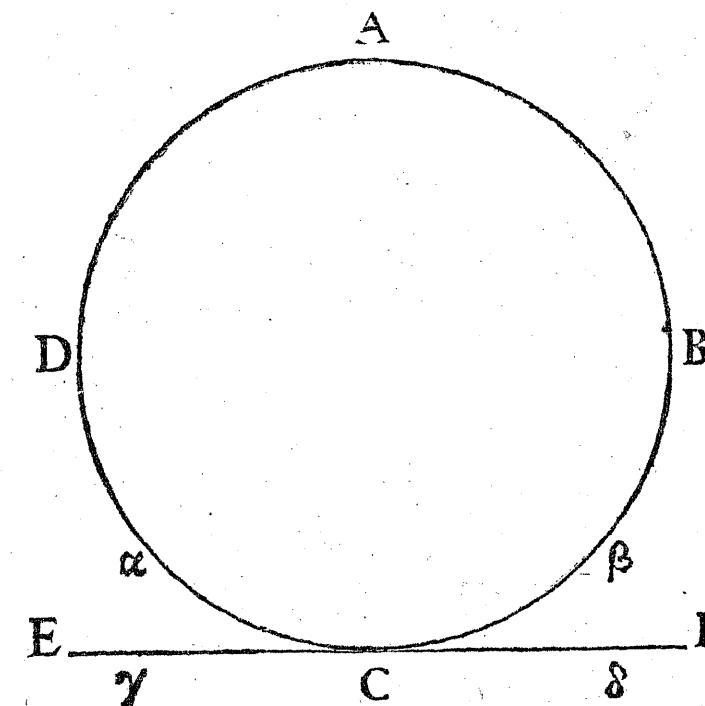
Tom. 2. 1. p. d. 192. c. 2. eos sic ridet Vasquez. Quòd nonnulli, inquit, dicunt tactum illum fieri per aliquam partem non determinatam, ridiculum est; quia cùm tactus realis & determinatus sit, & non fiat secundum totum corpus, debet fieri aliquo eius determinato. Sed facile reponi ei à Nominali potest: tactum esse realem, quia est realis relatio propinquitatis tantæ, quanta inter ista corpora saluis figuris, & sine penetratione, esse potest. Est etiam determinatus, quia certa & determinata extrema illa relatio habet. Licet enim certam partem globi (vt exempli causâ, inferius hemisphærium) designare, quæ certam plani partem contingat, nullam tamen quæ per se primò (id est, secundum

dùm

dùm omnes suas particulas) proxima sit. Si verò id ad contactum determinatum requirant, nego talem contactum determinatum debere esse; imò non potest. nam in sententiâ Aristotelis compertissimum est, nullam partem globi esse, quæ per se primò piano vicinissima sit.

Et videte, amabò, quomodo tota tempestas quam in miseros Nominales excitant, in caput eorum repluat.

Tangant igitur se (quandoquidem tam valde volunt) globus & planum in reali puncto, & per imaginationem paullisper partes lineæ curvæ in globo, & rectæ in piano, quæ utrumque puncto contactus proximæ sunt, inspiciamus. Tales autem in hoc schemate



sunt lineæ α C. & β C. in globo, item γ C. & δ C. in piano, quæ utrumque assident puncto contactus C.

Quæro iam ab iis, an in linea, exempli gratiâ α C. sit aliqua pars per se primò proxima puncto contactus C. Negare debent, si Peripatetici sint, quia illam partem oporteret indiuisibilem esse. In quâ igitur parte suâ linea ista contingit planum? Respondebunt P fine

sine dubio, In nullâ pér se primò, sed contactus fit in puncto C. quod proximè incumbit planō. Sed destruat Deus punctum C. (vel potius duo puncta, vnum globi, alterum plani, quæ concurredunt ad contactum, & penetrant se in spatio punctuali C.) & globum planumque relinquat in priori situ: in quo iam fiet contactus? Negare enim non possunt, quin aliquā se ratione contingent, cùm in eādem quā anteā propinquitate permaneant. puncta enim vtrimeque extra globi & plani superficies nihil omnino extant, sed intra partes vtriusque demersa sunt: vnde siue inserantur, siue eximantur, globus & planum in pari & eādem omnino propinquitate perseuerant. Igitur quemadmodum, destructis punctis illis, partes se tangerent, sic se iam tangere asserimus, qui nulla inter partes puncta positiva inserimus. id est, globus & planum, vt ante dicebam, tam propinqua sunt, quām esse possunt saluis vtriusque figuris, & sine penetratione.

Sed tamen reuerà non tangunt se, inquies; quia aēr totum circumcircà globum ambit, & etiam vbiique se insinuat inter ipsum & planum. *Hoc verò, inquit Suarez, tam est per se incredibile, vt nullâ indigeat refutatione: nam quid potest impedire realē contactum?* Item, si sphēra esset grauius, impediretur à planō ne descendet, vel si ipsa vinceret pondere, secum deferret planum: quomodo autem hæc possunt fieri sine reali contactu?

Tom. 2.
disp. 40.
fact. 5. Me-
taph.

Sed splendidè mentior, nisi hæc imaginatio punctum aliquod benè crassulum & ventrosum inter planum & globum interponat. Quæso, etiam atque etiam cogitent, quid sit punctum, & illicò videbunt, quām imaginationis fallantur. Nam in eorum etiam sententiā omnino necesse est, vt aēr vndique circumfundatur globo qui in plano iacet. Quid enim impedit? punctum illud contactū? Vix sine risu cogitationem meam inter globum istum tam celebrem, & planum infero. Reuerà enim ridiculam allusionem me videre existimō. Nam punctum illud circumfusionem aēris interrumpe non poterit. quotam enim partem aēris excludet, ne inter globum & planum se insinuet? Nullam partem, inquient, sed vnicum solum aēris punctum excludet. Sed tamen neque tantillum faciet: nam veluti punctus plani punctum globi cum penetratione in eundem situm admittit; ita neque vterque punctum aēris continuantem respuet. Itaque partes aēris globum circumfluentes concurrent, & sine interruptione continuabuntur puncto aēreo, qui in spatium indivisibile punctorum contactū intra-

intrabit. Vnde, siue puncta ista contactū tollantur, siue ponantur, perinde aēr rotum vndique globum exambit.

Sed linea quæ è profundo corporis plani usque ad superficiem ascendit, & in puncto ipso contactū terminatur, sustinet diametrum globi, inquiet, siue lineam rectam quæ à summo globi puncto, per centrum, ad punctum contactū descendit, & in eo terminatur, atque ita duæ lineæ obuiam quodammodo sibi occurunt in puncto contactū, & linea globi lineæ plani incumbit, & ab eā sustentatur, ne globus descendere possit: cui nihil simile reperire est, si puncta contactū cum lineis quas terminant extrahas; quod nos facimus, qui tam lineas reales, quām puncta realia à continuo reiicimus. In quo enim tunc pedem figet globus? manebit perfecto in aēre pendulus, nec vniquam ad plani contactum veniet. Hæc vtcumque primâ fronte aperta videntur; sed inspiciamus, an larvā tamen aliquā frons ista amicta non sit.

Quæro enim, an linea globi, aut etiam punctum supra proximas superficieī globi partes emineat. Negare oportet; nam globus aliās, nec globus, nec vndique circumcisitus esset. Deinde punctum non magis est extra situm partium quas copulat, quām nuda vnio integralis, quæ proximè inter partes lineæ sine punto interiecto, consisteret: sed vnio integralis supra partes vnitatis emicare non potest; igitur neque punctum poterit: nam aliās propriam extensionem extra partes obtineret. Si verò punctum illud contactū in globo non extat; igitur vicinarum circumcircā partium descensum non impedit, sed hæc tam propinquæ plano sunt, quām si punctum ibi nullum esset: vnde destructo puncto, & linea siue diametro globi quam terminat, partes globi non subsident, nec sicut plano propinquiores.

Hinc statim appetat, falsum esse, quod si puncta contactū, & lineæ globi ac plani, in contactu sibi occurrentes destruantur, globus magis pendeat in aēre quām antè. quia, inquam, lineæ & puncta illa descensum partium circumiacentium globi non impediunt, cùm supra partes superficieī globi proximas punctum globi non emineret, nec procurreret solum, aut cum linea suā in planum, vt alij imaginari videntur.

Imò, procurrat, fortassis inquiet, quia omnes partes globi à puncto contactū vndique sursum resurgunt, & refugiunt à planō; punctum verò contactū id non facit, sed delibat & osculatur planum in puncto.

Sed profectò, si argumentum valet quantum videtur, efficiet ut punctum contactū in globo, situm medium ita inter partes proximas obtineat, vt extra spatum earum positum & extricatum sit; quod apud Aristotelem fieri non potest: quia si extra partes quas vnit exspatiatur, & ad situm inter vrasque medium se retrahit, aliquam iis extensionem necessariò addit, cùm tamen indiuisibile indiuisibili aut diuisibili adiectum extensionem dare aut augere non possit. nam *vñit punctum partes lineæ indiuisibiliter sese totum vniens vtrique, non adherens toti alicui parti diuisibili determinatè, sed quasi intimè assistendo vtrique parti,* vt inquit Suarez. illa autem assistentia fit cum intimo ingressu in spatum vtriusque partis, etiam si neutri adæquatè adiaceat, cùm indiuisibile parti diuisibili adæquari non possit.

Si verò punctum ita partibus quas copulat implicitum sit, supra eas nec eminet, nec ipsæ hinc inde ab eo ita recedunt, vt spatiolum intermediate concedant in quo planum contingat, quidquid imaginatio nostra, puncta nimium pinguia & crassula fingere assueta, aliud nobis imponat. Imò verò, si punctum intra spatum vtriusque partis se immergit, vix potest id sine eius replicatione intelligi, cùm partes diuersa per se primò occupent spatiā, in quibus punctum simul esse oportet, si vtrique parti intimè assistit. Quid igitur hīc eueniet? Hoc nempe, vt vtraque pars punctum ad se rapiat, nec in situ illo quem medium imaginamur, relinquat, vt ibi seorsim à partibus & distinctè tangere planum possit.

Ex quo toto discursu satis, opinor, apparet, quām punctum illud ad contactū plani inutile, imò ad copulandas partes incommodum sit, quandoquidem sine sui replicatione officio isto vix fungi possit.

Itaque sat firmiter, vt equidem existimo, concludamus: contactū globi in aliquā parte eius diuisibili fieri, sed nullam posse assignari quæ per se primò plano proxima sit, cùm omnis quam dabisimus, duas partes habeat, quarum vna proprius ad planum quām altera accedit. Et nōnne simile prorsus philosopantur, dum aiunt partem lineæ nullam esse per se primò proximam puncto quod eam copulat, aut terminat? Quod tandem aduertens Suarez, Fáteor, inquit, *hoc argumentum non parum enervat rationem superius factam de tactu globi in punto, aut plani in superficie.* imò non enervat, sed planè (quidquid ipse dissimulet) interim.

Sed

Sed quare globus aërem interfere & planum interceptum pondere suo non exprimit? inquiunt.

Non potest, inquam ego, quia etiamsi in vacuo globus plano superponeretur, non proprius accederet; vetat enim difformitas illa figurarum, quarum vna perfectè plana, altera vnoniformiter curua est, & à piano vndique sic refugit, vt nec in minimâ particulâ ei adaptari & conformari velit. Vnde aër interpositus non premitur à globo, vt elidi possit, sed à lateribus globi vndique usque ad contactū descendēdo ita decrescit & extenuatur, vt in punctum quadam suum negatiuum definat, quod in idem spatum punctuale cum puncto negatiuo globi, & plani incidit. In eodem enim spatio, in quo punctus negatiuuus globi, punctum plani negatiuum, imaginatione nostrâ, penetrat, punctum aliquod aëris negatiuum est, à quo vndique in orbem partes aëris inter globum & planum diffunduntur, tenuissimè circa punctum illud, deinde magis ac magis crassescunt, quod ab eo recedunt longius. Sed an igitur globus ferreus in planum vitreum incidens ipsum non confringet? Dico, confringet; nam non ab eo aëre, sed à piano sustentatur, haud secūs, quām in vacuo.

Quæres, cur non potius in puncto globi & plani negatiuo, quām in parte diuisibili, dicatur fieri contactus.

Resp. id posse dici: nam reuerà ista indiuisibilia negatiua sunt illa extrema, quæ Aristoteles dicit esse simul, cùm aliqua se contin- Lib. 5. c. 3. Phylac. gunt. sed tamen, quia contiguitatem per modum præsentiae loca- lis, aut propinquitatis positivæ concipiimus, quæ in ente negatiuo in- hærere non potest, idcirco eam potius in parte globi & plani posi- tuā posuimus, quæ quidem puncto illi negatiuo proxima, non ta- men per se primò, sit.

Omnia verò quæ de tactu globi & plani dicta, ad cylindri & plani contactū possunt transferri. nam oblonga illa cylindri rotunditas, ita videtur vndique à piano in quo iacet, refugere, vt vnicam solūm lineam ei obuerat, in quā fiat contactus. Sed reuerà linea ista tantū negatiua est, id est, non est pars vlla cylindri in latum diuisibilis. Partes tamen diuisibiles, quæ in istam lineam negatiuam à lateribus cylindri descendunt, proximæ sunt illi lineæ, & per con- sequens, piano, ideoque possunt dici positivè ipsum tangere. nulla tamen pars est per se primò ei proxima; cùm omnis sit in infinitum diuisibilis, & in duas medietates, quarum vna vicinior est, al- tera remotior à piano & ab illâ lineâ negatiuâ contactū. Atque ita

P 3

primo

primo & secundo argumento superioris Capitis factum satis. Nec maior etiam in tertio, sed eadem prorsus difficultas, quidquid tamen eam Suarez magnificet.

Duo plana solida & perfecta, inquit, non possunt se tangere nisi in re indiuisibili secundum profunditatem. Et in hoc evidentissime, meā sententiā, refellitur responsio de tactu indeterminato; quia illa corpora non possunt se penetrare in aliquā parte, siue in profunditate determinata, siue indeterminata. non possunt autem se tangere secundum aliquam profunditatem, nisi se penetrent.

Verū fortius in eum retorqueri potest argumentum. Duæ planorum se tangentium reales superficies se penetrant: sed istæ superficies sunt in situ partum profunditatis quas terminant; igitur etiam partes profunditatis sese penetrabunt: quæ enim in situ se penetrantium sunt, etiam se penetrant. Respondebit Suarez, superficiem nulli parti profunditatis determinatæ adhærere, eamque penetrare.

Sed reponam illicè ei, quod ipse antè nobis: nempe, in nullâ parte profunditatis, siue determinata, siue indeterminata, posse corpora tangentia se penetrare. Si autem superficies vna sit in situ alicuius partis indeterminatae, hæc pars indeterminata debet secundum profunditatem suam indeterminatam, penetrare partem alterius corporis indeterminatam, cui superficies alia tangens indeterminatè cohæret. Si enim duæ partes indeterminatae sint in suarum superficierum spatio; ergo vbi istæ superficies in mutuo contactu se penetrant, duas etiam partes suas indeterminatas secum attrahunt, ac in idem spatium per penetrationē compingunt. Vel certè quacumque tandem ratione nitentur ostendere, omnes partes duorum illorum corporum consistere extra mutuum situm, ea nobis, sine dubio, etiam vsu veniet ad demonstrandum, quomodo partes planorum se tangentium proximæ inuicem ita esse possint, vt sese non penetrant, etiam si nullâ reali superficie inuoluantur. Deus enim exuat utrumque planum istis penetrantibus se superficiebus: ecce corpora nullo interiecto vel minimo hiatus (superficies enim eorum non prominebant, sed intra spatia partium retractæ & implicitæ erant) proxima remanent, & illo modo, quem iam defendimus, se contingunt. Id est, prima pars vnius est proximè extra primam partem alterius, perinde atque si integraliter unitæ & continuæ essent. nulla tamen pars vnius est adæquate proxima parti alterius; cùm omnis pars profunda, constet semper

semper duabus aliis partibus, quarum una longius recedit in profundum, quam altera. Et hoc solum, credo, volebat Suarez, cum diceret, superficiem corporis plani nulli parti profundæ determinate (id est, adæquate, seu per se primò) adhærere. Nam licet pars prima à facie exteriori (quæ est superficies imaginaria corpus suo modo inuoluens) certum limitem habeat, verius profundum tamen infiniti limites statui possunt, nec partem tam propinquam determinare valemus, quin adhuc propinquorem sine fine. Si enim cepero partem uno pede profundam, possum deinde profundam pede dimidiato, deinde iterum dimidiâ parte minorem, ac ita in infinitum.

Stet igitur, ex tactu globi, cylindri, & planorum indiuisibilia magnitudini non posse instrui.

C A P V T X X X V .

Ad explicandam actionem uniformiter difformem, non esse necessaria indiuisibilia terminantia, aut copulantia in medio, per quod actio se extendit.

Quartum argumentum ex falsâ imaginatione difformis extensionis actionis per medium, natum fuit. Nam etiam si indiuisibilia positiva constituantur in illo corpore medio, superficies aëris finiens diminutionem illuminationis usque ad quartum gradum inclusuè, non recipit torum quartum gradum luminis, sed terminum solummodo indiuisibilem luminis, qui quinti gradus decrementum terminat, & quarto gradui ultimum indiuisibile complementum donat. Est enim hoc indiuisibile (si à fine sphærae actiuitatis, versus agens progrediamur) summus apex quarti gradus, & imba basis quinti: est enim in confinio utriusque gradus, quemadmodum superficies aëris, quæ est subiectum illius superficialis luminis, est limes & confinium duarum partium integralium aëris, quas inter se copularat.

Veluti etiam superficies (& idem de linea & puncto iudicium esto) quantitatis aëris non est eiusdem omnino rationis cum parte corporeæ quantitatis in infinitum, secundum omnes dimensiones diuisibili; ita lumen superficiale in eam superficiem receptum, diuersæ rationis debet esse à lumine quod in corpoream quantitatem recipitur, & secundum eius dimensiones est in longum, latum, & pro-

& profundum diuisibile. Quemadmodum enim, ex doctrinâ eorum, partes & indiuisibilia materiæ primæ eamdem inter se proportionem obseruant, quam partes ac indiuisibilia quantitatis; ita videlicet ut puncta, lineæ, & superficies materiæ inuicem, & à partibus materiæ corporeis different specie (quia partes naturâ suâ postulant omnes dimensiones, indiuisibilia non:) sic nulla est ratio, cur similis proportio inter partes qualitatis in subiecto corporeo extensæ non intercedat. Itaque superficies quantitatis aëris veluti non est nata, nisi in superficiem materiæ proximè recipi; ita non nisi superficiale lumen (id est, ineptum naturâ suâ ut quantitatâ corporeæ im mediâtè inhæreat, & accipiat extensionem in profundum) apta est recipere.

Hinc intensio luminis quæ in tali superficie aëris fit, non est corporei, sed superficialis tantùm luminis, fitque adiectio superficie luminis ad superficiem, secundùm mensuram corporei luminis, quod vtrimeque in partibus corporeæ quantitatis etiam inten ditur. quòd enim lumen ab utraque vel alterutrâ parte illius superficie aëris fuerit intensius, eò etiam gradus eius pluribus terminis extensiuis (non tantum intensiuis) indigent, ac proinde singuli gradus corporei luminis singulas luminis superficies secum afferunt, & in vicinam semper quantitatis aëris superficiem coniiciunt, & istâ accumulatione lumen istud superficiale intendunt.

Hinc statim se prodit imbecillitas huius argumenti:

Suar. to. 2. *Dum sol illuminat celum sibi propinquum, necesse est ut in superficie connexâ cæli contigi determinatus gradus luminis recipiatur, quod uniformiter difformiter minuitur in toto illo celo usque ad superficiem concavam, & in eâ ultimâ superficie concavâ necessariò erit lumen in alio minori gradu determinato. Sit ergo prior gradus luminis ut octo, posterior ut quatuor. Iam illud lumen continuâ & uniformi difformitate minuitur ab octavo gradu usque ad quartum: non potest autem continuè transfire ab uno gradu ad alium extremum, nisi per medium, alioqui non esset diminutio uniformiter difformis. Ergo necesse est, ut in aliquo subiecto intermedio sit lumen ut sex, & ut quinque, &c. hoc autem esse potest, nisi in subiecto indiuisibili, quia alias actio non esset uniformiter difformis.* Si enim in parte diuisibili esset lumen ut sex (cùm hæc pars constet aliis partibus quartum una est propior, altera remotior ab illuminante) lumen in parte propinquâ & remotâ esset eiusdem intensionis, nec uniformiter decresceret pro mensurâ elongationis ab agente.

Pro-

Proditur, inquam, huius discursus infirmitas, quia inter puncta, lineas, superficies luminis, & corporeum ipsum lumen, nihil distinguit; quasi idem & eiusdem prorsus rationis lumen per omnia puncta, lineas, superficies, & corpus cæli sol dispergeret: cùm tamen ita subiecto tali se accommodet, ut secundum vniuersusque capacitem aut punctuale, aut lineare, aut superficiale corporeum ve lumen indiuisibilibus ac partibus quantitatis cæli aut aëris distribuat.

Itaque argumentum solùm videtur esse sollicitum, quomodo intensio superficerum luminis, à conuexâ superficie cæli ad concavam, uniformiter difformiter, per omnes cæli superficies continuantes, decrescat, non quomodo corporeum lumen decrescere etiam possit; quod tamen non minus uniformiter difformiter, quæm superficies luminosæ, aut quævis alia luminis indiuisibilia, à sole per corpoream cælorum crassitatem descendit.

Quæro igitur ab istis, quâ ratione corporeum lumen, quod in nullo termino indiuisibili cæli, sed in mole ipsâ corporeâ proximè inhæret, uniformiter difformiter minui possit. Quidquid dederint, illicè arripiemus, quia nobis id ad decretiōnem luminis uniformiter difformem explicandam etiam sufficiet. quandoquidem præter corporeum & secundum tres dimensiones diuīsibile lumen, nullum aliud diuersæ rationis vel punctuale, vel lineare, vel superficiale agnoscamus: vti etiam nec similia in substantiale materiae molem indiuisibilia substantialia inculcare debemus. Sublatis enim sensu à quantitate otiosis istis, immo partium unionem perturbantibus (quod suprà ostendisse puto) terminis, materia quantitati subiecta, & qualitates quantitati iniectæ non indigent amplius similibus indiuisibilibus. Igitur uniformiter difformem illuminantis actionem sic explicamus.

Lumen sic à centro sphæræ actiuitatis effunditur, ut in qualibet parte medij viciniori centro, sit intensius quâm in remotiori, & id proportione tali: ut quartus pars secunda habet remissius lumen quâm prima, tantus pars tertia remissius quâm secunda habeat, si tantum à secundâ, quantum secunda à primâ distet.

Finitur autem decrementum quinti gradus luminis usque ad quartum, non per aliquod lumen superficiale, quod sit quinti gradus quasi basis, & quarticulum, sed seipso, vel per superficiem imaginariam eamdem, quâ ipsæ etiam partes quantitatis in quibus lumen quinti & quarti gradus extenduntur. Veluti enim partes

Q

corpo-

corporeæ quantitatis (quarum vnaquæque, exempli gratiâ, vnius milliaris habeat longitudinem) ad medianam aliquam vniōnem, seipſis fine reali superficie interiectâ, finiuntur, & ab inuicem distinguuntur, in quâ tamen vniōne superficiem imaginariam, ad vtriusque quantitatis discerniculum, solemus interponere; ita qualitates duorum graduum per illas duas quantitates extensæ, seipſis in vniōnem quamdam integram medianam proximè fine reali superficie qualitatis interpositâ concurrunt, & seipſis ad illam vniōnem immediate vtrimeque finiuntur; aut certè superficie quadam imaginariâ, quam Mathematici, vtiliter ad suas demonstrationes, immittere solent. Pari modo, vbi cumque tota subiecti extensio seipſâ, & fine vniōne cum parte vllâ sequente, terminatur, qualitas ei coextensa, finem etiam seipſâ accipit, vel non per realem saltem superficiem, sed, vt summum, per Mathematicam & imaginariam, quæ tam extensiōni subiecti, quâm qualitatis imponat finem extrinsecum. Eadem enim superficie imaginariâ, quâ Geometræ corpulentiam globi inuoluunt finiuntque, potest etiam globi albedo inuolti & finiri.

Sed si lumen quatuor graduum in parte diuisibili medijs producitur, in parte propinquiori medijs & remotiori erit æquale lumen quatuor graduum, inquiunt, nec fiet vniiforme decrementum. Vt, exempli cauſâ, si sol in superficie conuexâ vitrei globi inciperet productionem luminis quatuor graduum, lumen in eadem intensione penetrare debet intra aliquantam globi profunditatem, si nulla sit realis superficies conuexa, quæ statim in summâ globi cūte, vt sic dicam, totam luminis quatuor graduum intensionem excipiat.

Verùm nodus iste non est tam, quâm apparet, difficultis. Nam lumen superficie, vt antè ostendi, in istâ sententiâ debet esse superficiale tantum, & alterius rationis à corporeo: non solùm autem lumen superficiale, sed etiam corporeum, vniiformiter difformiter minuitur; & tamen lumen corporeum quatuor graduum non producitur totum simul in aliquâ superficie, vel in alio quantitatis termino indiuisibili, cùm lumen tale postulet naturâ suâ quantitatem corpoream pro immediato subiecto, & extendi in eo secundum omnes suas dimensiones.

Signum igitur est, ad vniiformiter difformem luminis cuiuscumque remissionem non requiri, vt omnes certæ intensionis gradus in aliquo indiuisibili medijs, toti simul producantur.

Dein-

Deinde, demus lumen superficiale eiusdem omnino esse rationis cum corporeo, ostendere tamen possumus, ad vniiformem illam difformitatem, superficiem globi inutilem esse. Quæro enim, an superficies conuexa vitrei globi longius distet à sole, quâm pars profunditatis, quæ proximè eam sequitur. Negabunt haud dubie: par enim est vtriusque distantia. Si enim superficies foret soli propinquior quâm tota profunditas, oportet eam supra profunditatem eminere, & augere eius extentionem; quod non potest. Si ergo æquali interuallo à sole distant, æqualis etiam intensionis lumen recipient, atque ita non in sola superficie, sed etiam in profundo lumen quatuor graduum producetur; & subinde, frustrâ est illa superficies ad lumine quatuor graduū in subiecto secundum profunditatem indiuisibili totum simul colligendum: nam etiam in proximâ profunditate est eiusdem intensionis lumen. Igitur illa superficies solùm poterit esse vtilis, si lumen superficiale sit alterius rationis à corporeo, & postulet pro subiecto solam medij superficiem. Tunc enim necessariæ erunt superficies partibus profunditatis intertextæ, quæ lumina superficia lumenib⁹ corporeis similiter intertexta recipiant, & per quas saltuatim quodammodo (nam inter duas qualibet superficies interiacet pars profunditatis) lumen superficiale, vna cum corporeo, vniiformiter difformiter per medium remittatur.

Lumen verò corporeum quatuor graduum intra globi profunditatem sic decrescit, (etiam in eorum, si benè philosophentur, sententiâ) vt nulla pars eius assignari valeat, quæ per se primò quatuor gradus intensionis habeat. Cùm enim qualibet pars profunditatis duas alias partes contineat, quarum vna soli vicinior quâm altera sit, necesse est, vt in parte viciniore plus luminis (si rem Mathematicâ præcisione æstimes) quâm in remoto sit: hoc enim postulat vniiformis illa difformitas corporei luminis in profundum extensi. Nec id vllâ prorsus admiratione dignum. nam si qualitatem octo graduum in eodem etiam indiuisibili subiecto consideres, in culmine, vt sic dicam, octauis gradus, nullam tantum particulam intensiā sumere licet, quæ per se primò sit altissima, cùm quacumque decerpseris, liceat in duas alias particulas intensiās iterum resoluere, quarum vna sit altior & propinquior summo apici indiuisibili finienti octauum gradum. Si igitur tales partes intensiās per magnitudinem sic expandantur, vt gradus qualitatis intensiui supra extensiuos spatij, cùm tali proportione

Q 2

tione

tione cadant, vt maxima qualitatis intensio cum principio spatij corporei incipiat, & sensim deinde decrescat; planè intelligimus modum quo lumen corporeum quatuor graduum vuniformiter difformiter minuitur per vitrei globi profundum. Nam vti in lumine quatuor graduum non potest signari pars intensua, quæ per se primò altissima sit in quarto illo gradu; ita nulla pars profunditatis globi dari potest, quæ per se primò recipiat altissimam partculam intensuam quarti gradū: nam quantulacumque pars profunditatis accepta, constat aliâ parte vicinore superficie conuexæ globi, quæ altiorem partem quarti gradū luminis recipit, quam altera sua pars quæ est profundior. Quando igitur intensio qualitatis ita extensioni spatij congruit, non magis est mirum, non posse assignari partem profunditatis per se primò luminosam vt quatuor, quam non posse designari partem profunditatis, quæ per se primò sit prima, & proxima omnino conuexæ superficie globi: aut, quam non posse accipi supremam partem quarti gradū, quæ per se primò sit suprema, nec in partem altiorem & inferiorem resolui possit. Nam reuerà nulla est pars eiusmodi: deberet enim esse necessariò intensuè indiuisibilis, cùm tamen in sententiâ Aristoteles, qualitates perinde constent gradibus intensuis proportionalibus infinitis, atque quantitas infinitis partibus extensiuis.

Ex quibus liquet, extensionem luminis per corpoream profunditatem, eodem modo, tam iis qui quantitatì indiuisibilia positiva ingerunt, quam illis qui ea admunt, explicandam esse, solumque inter nos ipsosque discrimen hoc interesse: quod superficie positiva, & lumine superficiali globum illum vitreum ipsi amiant, nos ei vestem istam vtramq; detrahamus, & nudum soli exponamus. Et certè, si sic vestitus est, exuat eum Deus, & in ipsum agere solem permittat: ecce profunditas illa iam superficie suâ supernè nudata, radium vuniformiter difformiter transmittet illo modo, quem maximè, & vnicum esse, iam probauimus.

Denique, etiam si haec tenus de quantitate, vt rē à materiâ distincta locuti sumus; si tamen eam solā ratione distinguas, & partes eius ac indiuisibilia positiva substantia tribuas, discursus totus iisdem omnino vbique viribus procedit.

C A P V T

C A P V T X X X V I.

Color qui in superficiebus corporum opacorum dicitur confici, aut lumen ab iis reflecti, nihil eos qui superficies reales fabricantur, adiuuant.

Q Vintum argumentum Capitis XXXIII. me olim terruit; sed larua tantum fuit, quam iamiam ei exuemus.

Superficies alba, inquit Suarez, prout obicitur visu, non terminat visionem secundum aliquam profunditatem, etiam indeterminatam; ergo secundum solam superficiem.
Tom. 2.
disp. 40.
sect. 5. numer. 12.

Conatus tamen olim est Gregorius Ariminensis discrimine sat-
is ingenioso respondere. Metaph.

Duplex, ait, potest esse sensus antecedentis. Unus est, quod aliqua res quæ est lata & non profunda videtur. & iste sensus est falsus. In 2. d. 2.
Alius est, quod corpus ipsum videtur secundum quod est latum, & non secundum quod est profundum: id est, visione quâ mediante cognoscitur quod ipsum est latum, & non cognoscitur ipsum esse profundum. & in hoc sensu contingit antecedens esse verum: sed non sequitur, quod alia res est superficies, & alia profunditas. Acutè, sed tenuiter nimis, nec implet mentem. q. 2. a. 1.

Dicent enim aduersarij: verum quidem esse, quod intellectus occasione visionis albedinis in pariete determinetur, vt parietem secundum latitudinem, non secundum profunditatem cognoscatur; sed tamen in quo præcisè subiecto residet illa pars albedinis, quæ respectum essentialē visionis ad albedinem parietis terminat? Si in solâ superficie; iam triumphant, & realem superficiem inuenient: si in aliquantulâ corporis profunditate; ergo visio intrat & scrutatur profundum opaci; quod fieri nequit, si corpus omnino est opacum. Quis non iuret hoc argumentum inuestitum esse? Vinci tamen nec difficulter potest, si antè inspiciamus, quid alios oporteat de illâ coloratâ superficie philosophari.

Inprimis quæro ab istis, quam albedinem cernere se putent in aduerso pariete. Dicent, albedinem superficialem, non corpoream, id est, eam quæ in superficiem, non quæ in corporis profunditatem, nata est recipi. Igitur non nisi terminum indiuisibilem albedinis, nullam autem partem integralem eius vident; cùm tamen indiuisibilia illa qualitatum sensibilium, tam intensua, quam extensiua

Q 3

(id)

(id est, quæ partes intensius aut extensiua earum terminant aut copulant) non videantur esse sensibilia per se, sed tantum gratiâ partium qualitatis quas afficiunt. Veluti enim vniones partium albedinis non mittunt in oculos sui speciem, per quam proximè videri possint, sed solùm officio vinculorum funguntur inter illas partes, quæ speciem iaculantur; ita puncta, linea, superficies quæ copulant partes albedinis, non videntur ad aliū vnum repertæ, quām vt essent medij quidam articuli, ad quos appellerent & terminarentur adstantium vtrumque partium vniones. Vnde non magis, quām ipsæ vniones, videntur vñlam sui speciem visibilem iaculari. Si verò superficies colorum copulantes per se videri non possunt, neque superficies terminantes poterunt, cùm eiusdem profusum cum superficiebus copulantibus rationis sint.

Deinde superficies albedinis, si speciem sui mittit, hæc etiam species tantum erit superficialis, id est, inepta aliter quām in longum & latum, sine profunditate diffundi; quod tamen omnino falso, quia species albedinis parietis in profunditatem oculi & aëris medij recipitur, & dilatatione sui versus omnem dimensionem, eam implet. Si verò contendant, colorem superficialem esse eiusdem speciei cum partibus quas secundum extensionem copulat aut terminat, demus id ipsis iam, etsi perpetam & inconsequenter philosophentur. Nam, vt nuper aiebam, sic se habent indiuisibilia ista ad suam qualitatem, quomodo puncta, linea, & superficies ad corporream quantitatem, & materiae primæ indiuisibilia ad substantiam materiae molem. Vnde negare superficiem coloris esse diuersæ rationis à partibus coloris, est reuerà talia indiuisibilia è qualitatibus expungere. Sed tamen dissimilemus iam.

Vident ergo ipsi solùm, vt aiunt, superficiem vnicam albedinis, id est, colorem omnium quos imaginari quis potest, tenuissimum, & in subiecto quidem diaphano (nam prima opaci superficies diaphana est, inquiunt, non opaca; aliás non reciperet lumen;) vnde totus ille color pellucebit, & superficies illa parietis, ex parte medij diaphani speciem visibilem transmittentis, potius se tenebit, quām ex parte obiecti visionem terminantis: veluti etiam superficies aëris contigui, quæ superficiem illam parietis penetrat, propter similem suam perspicuitatem, ad medium transparens, non ad obiectum visibile spectat. Itaque tam tenuis, & diaphana parietis superficies sistere, vt sic dicam, in se visum non poterit, sed transmittet usque ad corpus, quod tenuissimo & pellucidissimo veluti aranearum stamine

stamine inuoluit. Quod hinc etiam ostendi potest: quia superficies parietis non protuberat supra proximas profunditatis partes, sed intra situm earum recedit (nam aliás extensionem profunditatis augeret,) vnde si species visibilis à superficie parietis emicare ad oculum potest, etiam à parte profunditatis determinatâ vel indeterminatâ poterit, intra quam superficies illa se abscondit: nam æquilater, & per idem omnino medium superficies & talis pars ab oculo remouentur; ac consequenter ex quo intervallo vna speciem iaculari, altera, nullo opaco maiori occurrete, iaculari poterit: aut si pars opaco aliquo prohibeatur, etiā superficies parti implicita & inculcata, per eiusdem opaci obstaculum trahi cedere speciem non valebit.

Vnde, si res ista satis altè inspiciatur, superficies parietis nihil confert omnino ad visionem eius. nam, vt iam ostendi, sine parte aliquâ profunditatis videri non potest. Si autem pars immediatè videri possit, detrahatur Deus parieti superficiem, per quam pars ista profundi tralucet, corpus nihilo minus parietis cum albedine suâ corporeâ immediatè visibile remanebit.

Deinde speciem aliquam venire etiam ex profundo, probatur manifestius ex coloribus mediis. Nam isti quamdam opacitatis mixturam, quæ tantum in profundo, non in summâ superficie, reperitur, habent: vnde non color medius superficie (imò in superficie nullus videtur inesse color medius, cùm ibi opacitas non sit, vt dixi, quæ debet coloribus mediis in eodem spatio & subiecto permisceri,) sed profunditatis color speciem viroris, tubedinis, &c. iaculari, & per eam ab oculo conspicitur.

Itaque falso est, in quocumque opaco visibili, solam coloris superficiem videri: & quicumque id asserunt, loquuntur (vt Aristoteles non raro) de superficie non Mathematicâ, sed vulgari, vulgus enim superficiem vocat tenuem, sed diuisibilem tamen in profundum, rei alicuius sum mam cutem. imò I C. arbores & plantas, L.13.D. De quæ super soli faciem nascentur, appellant soli superficiem, & vitis feruit. pred. rufic. vineæ, seges arui est superficies. Et profectò, si Philosophi rogen- tur, quid concipient pro superficie illâ coloratâ, si in se redeant, & ex intimo sensu loquantur, dicent se tenuem aliquam velut membrulam, & supremam corporis cutem, quæ ceteris partibus paulisper emineat, apprehendere, & alia addent, quæ satis significa- bunt, eos non Mathematicæ, sed pinguiculæ alicuius alterius su- perficie conceptum habere.

Quid ergo nos, aduersariosque nostros dicere hîc oportet? nam idem

idem prorsus onus vtrisque incumbit, quandoquidem ad videntium aliquod corpus, inutilem esse superficiem Mathematicam, statim ostenderimus. Qui in hanc rem valde penetrate conatus fit, neminem vñquam memini legere; nisi quod Ludouicus Coronellus à centum amplius annis, maximo mendacio, quo lyncem per medij montis crastitum, visum traicere posse affirmat, ad verum, vt opinor, mihi in parte præiuerit.

Lib. 3.
Physic.

Lumen, inquit, productum à corpore luminoso in corpore opaco non transparente, non est tantum superficiale; imo est profundum, & partes interiores corporis opaci illuminantur. nec est possibile dare aliquod corpus ita opacum, cuius superficies illuminetur, quin partes etiam interiores lumen suscipiant: quia & per poros lumen diffundi potest, & quando pori non ponentur, deberet tamen fieri interior illuminatio. nec admittitur, quod sit corpus aliquod ita solidum vel densum, quin lumen possit per partes interiores diffundi. Et inde est, quod lynx ex altera parte montis visibile positum potens est videre, quandoquidem visibile per interiores partes montis illuminatas, usque ad oculum lynx producit species visibles.

Epist. ad
Philibert.
Pingoniu.

Et Io. Bapt. Benedictus ad eruditum quemdam: *Neque te ignorare volo, inquit, lumina reflexa colorata, non reflecti à puris proprijs, superficiebus corporum coloratorum, eò quod paucæ corpora tam opaca reperiantur, ut immediate lumen à superficie proprie reflectant, sed lumen penetrat aliquantulum dicta corpora, & ita illorum colore afficitur: ubi vero non penetrat, non coloratur colore corporis illius.* Hanc autem penetrationem & colorationem luminis, adeò necessariam ad visionē coloris existimat, vt perfectissimorum quorumdam speculorum superficies non cernantur, si levigatae & politæ sint secundum continuitatem suarum partium, radio tamē non profundante.

Et profectō, si cogitemus, quod minima profunditas, vt, exempli gratiā, tenuissimæ araneoli telæ, sit in tenuiores & tenuiores alias membranulas sine fine diuisibilis, non mirabimur, si solis aut quodcumque aliud lumen, metalli etiam alicuius cutem, quæ centies fortè millesimam partem profunditatis araneæ nondum adæquat, valeat penetrare. Quod manifestius apparebit, si (quod naturæ consultissimi probant) opacitas corporum quæ respunt lumen, ex certâ partium interiorum & inæquabili positione, in quâ radius nimis sèpè offendat, nascatur; ita vt opacitas in profundo, eodem pñne modo radios frangat & dissipet, quemadmodum asperitas in superficie.

Id

Id enim, si ita est, facile intelligi potest, quomodo tenuissimam saltem aliquam profunditatis laminam irrumperet, & ibi mox, (plurimarum in angusto partium compositurâ inæquali eum frangente) deficere radius possit. Ita enim niuem, scobem, & quemuis puluerem, ob similem quodammodo particularum situm, & internam veluti asperitatem, maximè opacum esse, & contumacissime respuere traiectum luminis videmus. Idem in glacie communitatâ vsu venit. nam integra & continua, ob æquabilem partium posituram, tota pellucet, contracta verò & farinulenta radium ad interiora non admittit, sed reflectit innumeris paruis superficiebus quas in ambitu habet & soli obiicit: & dehinc est iste farinæ candor, qui in integrâ glacie nullus appetit.

Itaque iam in antecessum affirmo, quod alibi pluribus demonstramus, nullum corporis colorem secundum profunditatem omnino indivisibilem, posse humano oculo videri. Quid si ergo corpus tam constrictum & opacum fuerit, vt à fronte statim primâ lumen excludat, inquires, an conspici fortasse non poterit?

Sanè non poterit. nam si nulla vel minima profunditas lumen accipit, pars coloris profundior (nam in omni quantumuis tenui colore, particula vna magis in profundum, quam altera recedit) speciem per opacum traicere ad oculum nequabit.

Sed hoc manifesto experimento refelli potest, inclamabunt: quis enim vñquam corpus aliquod ob nimiam opacitatem, in summâ superficie inuisibile est expertus?

Dicam vbi tu ipfus sis expertus, ne alio teste sit opus. Campanarum nostrarum æs, in superficie suâ cineritij ferè coloris, facile vides, speculi verò ex eo facti superficiem coloratam non vides, sed lumen tantum reflexum à tali speculo: secùs videlicet atque in vitreis, aut crystallinis nostris speculis, in quorum profunditatem se immergit radius, & internum vitri colorem incitare & iuare ad speciem è profundo iaculandum potest. Igitur aio, æs illud, siue aliud quodcumque corpus ita opacum vt nihil luminis admittat (quamvis talia pauca sint, vt statim dicebat nobis Benedictus) non fore colore suo & sibi inhærente visibile, sed solùm circumfusum ei externum lumen aspici.

Color ergo campanæ, antequam limam & polituram senserit, facile cōspicitur, quia summa eius cutis paullò fungosior est, & in quibusdam veluti æris recrementis lumen tenuissimè saltem acci-

R pit:

pit: ubi verò facies detrita est in speculum, color ille æreus evanescit, nec amplius aspici valer.

Dices, saltem lumen in speculo tali infusum conspici: sed illud non penetrat in eius profunditatem; ergo hæret solum in summâ omnino & Mathematicâ superficie.

At profectò non facit, sed si tanta est & tam morosa speculi opacitas, ut ne hilum luminis admittat, totum lumen, sine dubio, extra speculum in circumfuso aëre remanebit.

Quomodo igitur reflecti potest, inquiet, cum lumen reflexum, ab eo quod superficie speculi inhaeret, produci debeat?

Resp. Nullum speculum potentius lumen reflectere, quam omnino opacum. hinc enim chalybea & metallica specula omnium optima sunt; quia nihil, vel minimum luminis intra se forbent, sed totum regerunt. Lumen verò reflexum non à lumine speculo inhaerente, sed à sole & agente ipso principaliter efficitur, quod directam actionem suæ extensionem, ab occurrente opaco interpellatam, actione reflexâ nimirum compensare. Quod vel ex lege ipsâ reflexionis liquet, quæ sit semper ad angulos pares angulis incidentiæ. id est, si radius directus angulo recto in opacum incidat, reflexus in ipsum recurrit, & eodem angulo resilit versus illuminans: si obliquè incidat, obliquatur etiam reflexio, & cum superficie opaci parem angulina aperit, cum angulo quo radius directus incidet. vnde apparet unius & eiusdem agentis esse opus, nec vlla ratio superesse videtur, cur lumen superficie speculi, non vndique potius in orbem radiaret, quam actionem suam ad angulum illuminare stringeret, & sese sic conformaret ingenio agentis directi.

Nullo igitur experimento, aut bonâ ratione extorqueri potest, aut colorem, aut lumen quod in corporibus cernimus, sustentari ab aliquâ secundum profunditatem omnino & Mathematicè indiuisibili superficie. Nec cetera quæ de corporibus nigris, quæ opacissima forte omnium sunt, & alia pauca quæ obiici possunt, mevaldè mouent, & in promptu est confutatio.

Sed cur potius non dicimus (puret quispiam) colorem corporis opaci è profundo in aërem proximum illuminatum actionem suam inchoare, etiamsi nihil luminis intret profundum opaci? Nam licet nulla sit pars coloris quin duabus aliis constet, quarum una sit profundior quam altera, & proinde sit intra opacum sepulta; potest tamen quælibet posterior partem antecedentem in producendâ specie visibili forte adiuuare, nullam actionem in medio opaco;

opaco usq; ad aërem exercendo, sed incipiendo proximè actionem suam foris, in aëre ipso corpori opaco circumfuso. nam hoc pacto partes ignis interiores exterioribus, in calefaciendo aëre vicino, opitulantur, etiam si in partes ignis intermedias nihil caloris producant, ne simile in gradu agat in simile.

Hæc videri possunt non ineptè dicta, sed mihi displicant. nam istâ ratione, totius crassitudinis parietis colorem semper aspicere mus, quandoquidem nulla pars albedinis in profundo parietis demersa, tam longè à primâ, quam videmus, distet, quin facilè eam in actione & productione speciei possit iuuare. si autem speciem ipsâ, quamvis cooperante primâ albedine, iaculatur, poterit per eam conspici; nam species oculum ad visionem eius coloris determinat, à quo ipsa producitur. Quod etiam affertur de igne, est ambiguum. certè, vt vt sit, in colore non inuenit locum, cum omnibus experimentis probari possit, nullam coloris particulam mittere vñquam speciem sui per opacum, aut proximè trans opacum actionem suam in distans inchoare. alias enim homo foris in lumine solis stans, ex cubiculo per medium murum posset conspici, & ipse speciem sui in cubiculum iaculari.

C A P V T . X X X V I I .

Propter Vbi Angeli, aut animæ rationalis indiuisibile, non sunt insuenda magnitudini positiva indiuisibilia. Sine indiuisibili etiam termino motus, vel soni, retineri & explicari potest Physica efficientia gratie in Sacramentis.

Sextum argumentum Capitis xxxiii. contendit, Angelum & animam rationalem posse existere in puncto; igitur puncta aliqua esse in continuo.

Sed negant id quotquot puncta & indiuisibilia respnuunt, nec pauci etiam, qui ea admittunt, alij verò sententiæ ambigui sunt. *Quis enim scire potest*, inquit Valsquez, *an modus ille* (præsentiae angelicæ) *limitatam naturam habere debeat ad partem corporis diuisibilem, & ei solum substantiæ Angeli vniat, vel unire etiâ posit puncto?*

Itaque si res ista ab existentiâ punctorum, linearum, superficierum realium dependeat, præsentiam angelicam istis posse applicari, negare omnino oportet: nec enim magis iis præsens Angelus esse potest, quam chimæra, quæ nusquam existit.

Nihilominus, si iam supponamus præsentiam omnino indiuisibilem, nullam contradictionem inuoluere, sententia D. Thomæ & communior facile sustinetur, si inter partes corporeæ molis Angelum, non in realibus, sed imaginariis indiuisibilibus constituimus.

Si igitur Angelus nunc spatum diuisibili præsentia occupare, nunc sub præsentia indiuisibili esse potest, numquam tamen per indiuisibilem præsentiam reale punctum, sed imaginarium tantum insidet: quod pluribus in Metaphysicâ differere oportet.

Septimum argumentum ex momentis temporis, puncta magnitudini infuebat.

Sed vna omnium est ratio, & momenta ista inferius tempori etiam extingemus, nec actio momentanea in reale, sed imaginarium momentum incidere debet, vt in sequentibus longius prosequemur. mutata-esse, vt nostri, seu *κινητός*, vt Aristoteles appellat, nihil etiam reale posituum partibus motus adiiciunt. alias enim momenta positiva interferere tempori etiam oporteret: nam velut duratio partis motus, est pars temporis, ita duratio indiuisibilis *κινητός* esset futura momentum temporis.

Alia quædam ex Aristotele, vt quod locum vocet finem continentis, & id genus nonnulla obiiciunt, quæ de fine, siue superficie imaginariâ (vnde, vt quidam putant, locum finem immobilem dicit, cum tamen omnis superficies realis loco transferri possit) accipi nihil vetat, aut de corpore ipso continente, non secundum rem, sed secundum præcisionem mentis, vt longum & latum, non vt profundum considerato.

Atque hæc sententia quæ indiuisibilia magnitudinis, temporis, motus vniuersim respuit, videtur mihi vero propior; sic tamen vt altera, quæ D. Thomæ & Scoti auctoritate nixa videtur, suā retineat probabilitatem. In Theologiâ etiam magnum habet vsum, quamquam tamen etiam omnia pœnè, eadem, aut maiori facilitate per indiuisibilia imaginaria expediri possint.

Vnicum tamen iam occurrit, quod indiuisibile reale videtur postulare, nec ei sufficiat imaginarium. Docent enim Theologi iam non pauci, Sacraenta nouæ legis Physicè, vt instrumenta Dei, efficere gratiam, & in ipso indiuisibili termino formæ prolatæ, aut applicationis materiæ gratiam istam, totam simul in instanti produci. Si verò in successiuâ verborum prolatione, aut materiæ motu non est terminus aliquis indiuisibilis positius, quod agmen partiū succe-

sucedentium claudat, nihil in fine absoluti Sacramenti reperire erit, quod à Deo eleuari poterit ad Physicam gratiæ productionem: terminus enim imaginarius, cum nihil sit, ad effectum Physicum nequit eleuari.

Verùm plurimi etiam negant hanc Physicam Sacramentorum efficientiam: & profectò res debilissimo pede fulcitur, si non nisi per indiuisibilia ista positiva valeat consistere.

Nam in primis incertum est, an motus localis sit res quædam distincta à mobili & spatio: omnes enim Theologi Nominales id negant. Quod si verum esset, nulla indiuisibilia realia, imò nullæ funditus partes successiæ erunt in materiæ Sacramentorum locali applicatione; hæc quippe applicatio motus quidam localis est. Si igitur verba formæ Baptismi, exempli causâ, ante ablutionem absoluantur, quid in termino ultimo ablutionis, eleuabitur ad gratiæ productionem, si fortè Nominalium schola non fallatur, & motus ablutionis non sit accidentis reipsâ diuersum ab aquâ & spatio in quo exercetur ablutio?

Ne igitur Physica Sacramentorum efficientia (si talis aliqua in ipsis est) inter spinas istas Philosophicas adhaerescat, & difficulter extricetur, magis cum aliis quibusdam inclino, aut labor, vt dicam, aquam ipsam quæ est materia remota Baptismi, Chrisma, quod est materia remota Confirmationis, &c. in primo instanti imaginario-extrinseco immediatè post absolutum Sacramentum, producere gratiam, materiæ verò motum & applicationem (quæ materia proxima solet appellari) esse causam talis productionis sine quâ non, non autem Physicam. Remotæ enim Sacramentorum materiæ, nō eius applicationi, vim abluendi animam, & gratiam infundi passim tribuunt SS. Patres. Vulgatum enim est istud Augustini: *Vnde ista virtus aquæ, ut corpus tangat, & cor abluat?* Et hoc Na- Tract. 80. zianzeni: *Lustrales aquæ, extergendi facultate hyssopum superant.* in Ioan. Orat. de Vbi aquæ ipsi, non motui eam baptizandis applicanti, vis illa diuina tribuitur.

Deinde actio illa naturalis quæ circa corpus exercetur, & supernaturalem alteram significat, quâ Sacramentum in animâ gratiam operatur, ab aquâ, aut oleo, &c. fit (aqua enim corpus abluit, oleum emollit) non ab eius motu & applicatione, nisi tamquam à causâ sine quâ non. igitur verisimile est, ab eodem principio actionem supernaturalem quæ ad gratiam terminatur, egredi. Quod etiam indicat D. Thomas, vbi ait, *Aquam Baptismi abluendo corpus secundum* 3. p. q. 62^{a. 1.}

dùm propriam virtutem, abluere animam, in quantum est instrumentum virtutis diuinæ.

Si verò successiua materiæ applicatio ante vltimorum verborum formæ pronuntiationem absoluatur, plerique verba ipsa terminantia & consummantia Sacramentum credunt assumi ad gratiæ productionem. Quomodo autem possunt, inquies, nisi in fine pronuntiationis sit aliquod *natura*, siue, mutatum esse positum, quod esse possit Physicum instrumentum Dei?

Respondeo tamen, id non esse necesse, nam vox non sic est in perpetuo fluxu, quemadmodum localis motus, cuius partes inter se repugnant, nec duæ vñquam se mutuò expectant. Probabile enim est, particulas aliquas soni successiue productas intra idem breue tempus cumulari posse & inuicem expectare. Vnde finitâ totâ verborum formæ pronuntiatione, primo instanti imaginario extrinfeco, reliquiæ aliquæ soni superstites adhuc sunt, quæ à Deo ad efficiendam gratiam eleuari possunt; vt proinde opus non sit terminum soni indiuisibilem ad hunc effectum quærere, vbi soni habemus partem. Quod eodem argumento ostendi potest, quo Suarez, terminorum istorum acerrimus propugnator, totam sonorum seriem aliquo termino indiuisibili concludi contendit.

*3. p. q. 61.
d. 8. sect. 2.* Forma Sacramenti, ait, est oratio aliqua, quatenus reddit integrum & perfectum sensum, qui sensus in aliquo instanti intrinsecè consummatur per aliquem sonum, qui in eo instanti additur, & realiter existit, tamquam realis terminus totius soni precedentis. Cuius signum est, inquit, quia in eo instanti ita consummatur oratio, vt in eo multiplicentur seu efficiantur species in auditu: ergo durat in illo instanti aliquid rei, pertinens ad complementum verborum seu orationis. Quæ ratio, si quid valet, non tantum terminum indiuisibilem, sed partem soni eo instanti superesse & existere probat. nam à solo indiuisibili termino species soni ad auditum non potest multiplicari. partes enim soni sunt, quæ speciem sui iaculantur, non termini indiuisibles. nam aliæ termini isti soli, & seorsim à partibus audiri possent, cùm tamen in sententiâ Peripateticorum non magis sint reuerâ soni (etsi Suarez statim sic appellauerit) quæ punctu quantitatis sit quantitas. Argumenta etiam, quibus Cap. xxxvi. solam coloris superficiem videri posse negauimus, huc ex parte retrahi & applicari possunt. Sed quid hîc adhæresco? Ipse Suarez alibi disertè, Tom. 2.
disp. 50.
sect. 8. Mc-
taph. Sonus, ait, non habet propriæ suum esse in successione consistens: nam reuerâ plures partes eius simul manent, & aliquamdiu permanent in esse.

Deni-

Denique improbari solidè non potest, Sacraenta per particulam suam vltimam successiua, producere gratiam non in instanti, sed successiue & in breuissimo tempore. Duas enim præcipue ob rationes negant multi id fieri.

Primò, quia gratia non habet contrarium positivum expellendum ab animâ; & Deus est infinitæ virtutis agens, quod tempore non eget ad agendum.

Sed reponi facile potest, successionem productionis gratiæ, ex parte solius instrumenti prouenire, quod est ens successiuum (sonus scilicet aliquis, aut motus), nec effectum suum aliter producere potest, quæm particulatim, & ita vt parti caussæ instrumentalis pars effectus respondeat, & toti totus. cùm enim nulla pars entis successiui intra instans temporis verum vel imaginarium existat, Physicè etiam aliquid in illo instanti efficere non valet; caussa enim efficiens Physica effectui suo necessariò debet coexistere.

Secundò tamen, Verba Sacramentorum, inquiunt, non operantur, nisi post completam suam significationem; hanc autem non habent, nisi in termino vltimo indiuisibili, qui claudit totius pronunciationis agmen.

Verum ostendimus antè, vocem aut syllabam nouissimam, finitâ pronunciatione & significatione totâ, breuissimo tempore fortasse in aëre permanere (quod forsitan ex reliquis sonitûs campanæ probari potest, quas aliquantulo tempore audire perseveramus campanâ quiescente) hunc igitur sonum intensiue & extensiue indiuisibilem (non terminum soni indiuisibilem, qui nullus est) potest Deus pro Physico instrumento arripere.

Si tamen sonus sit ens tam successiuum, quæm motus localis, nec vllæ vel minimæ in eo particulæ se inuicem expectent, Deus statim ab initio vltimæ syllabæ (quæ etiam sonus diuisibilis & successiuus est) gratiæ productionem poterit inchoare, & syllabâ istâ, tamquam instrumento successiæ actionis vti, simul tempore quidem quo vltima syllaba & sensus orationis perficitur, sed posterius naturâ; cùm prius sit syllabæ sonum pronuntiari, quæm ad aliquid efficiendum assumi. Durabit autem ista successiua gratiæ producção quamdiu Deo placebit: nam aliæ quælibet minimâ successiua vltimæ syllabæ particula sufficit ad orationem & sensum eius consummandum. Ut enim oratio plenitudinem significationis suæ habeat, est impertinens, vtrum vltima eius syllaba breuius abrumpatur, an longius producatur, per continuam partium successiuarum soni

soni eiusdem speciei multiplicationem. Poteſt igitur Deus minore & minore ſine fine, parte integrali ſuccesſiuā vltimā syllabæ vti, quia in ipsâ orationis ſenſus ſatis plenus & abſolutus eſt, vt opus non ſit partibus eiusdem ſpeciei ſequentibus, quæ pro li- biuſ pronuntiantis poſſunt in breue, aut in longum extendi.

Atqui hac ratione, magnâ veriſimilitudine poſteſt eorum opinio fufiſteri, qui gratiam à Sacramentis iſtis ſuccesſiuis exiſti- mant ſuccesſiuē produci. Sed in characteriſ tamen Baptiſmi, Confirmationiſ, Ordiniſ, productione diſſicultatem maiorem prouideo. nam gratiam omnes Theologi ex gradibus quibus- dam intenſiuis, qui ſuccesſiuē effici poſſint, componunt, non pauci verò characterem intenſiuē indiuifibilem faciunt: vnde conſequens eſt, vt indiuifibiliter & in instanti poſtulet produci. Verūm maximā varietate & incertitudine Thomiſtarum, Sco- tiſtarum, Nominalium, & Neutralium ſcholæ ventilar hunc characterem, & in valde ambiguo eſt, habeatne gradus quosdam intenſiuos, an non. Si enim in intellectu proxime riferet, vt cre- dit D. Thomas, aut in voluntate, vt maualt Scotus, fortalſe na- turam habituum ſupernaturalium qui in iſtis potentiis ſunt, & eorum intenſionem imitatur. Si vero in eſſentiā animæ proxime defixus eſt, res eſt magis ambigua.

Si tamen gradus nullos intenſiuos habeat, non producitur ab instrumento ſuccesſiuo, & in tempore, ſed à permanente, & in instanti, vt ab aquâ, Chrismate, &c. aut vocibus finitâ pronun- tiatione paullisper in aere hæſitantibus. Quod etiam translu- bstantiationi accommodari poſteſt, ſi exiſtimetur indecens, vt cor- pus Christi actione ſuccesſiuā ſub diuersis accidentiū paniſ & vini partibus conſtituatur: poſteſt, inquam, transluſtantatio- fieri tota ſimul in vltimo instanti prolationis verborum, vt do- cet D. Thomas; verūm non à termino aliquo poſitiuo ſoni, ſed ab extremis & fugitiuis verborum reliquiis, quæ finitâ prola- tione, minimo tempore ſuperfunt, & illicè diſperguntur.

3. p. q. 75.
2.7.

CAPV T. XXXVIII.

Tempus etiam ex partibus in infinitum diuifibibus, ſine vlla positiuorū instantium mixturā componi.

HAeſtenus oſtendimus magnitudinem partibus ſine fine diu- bificibus conſtare; nec vlla iis indiuifibilia copulantia inter- texenda, aut terminantia adtexenda eſſe; idem nunc de motu ſuc- ceſſiuo, & tempore oportet demonſtrare.

De motu locali ſic poſteſt oſtendī:

Si ſpatij quod pertransiſtū magnitudo habet partes propo- rtiōnales infinitas, quarum vna prior eſt, altera posterior; igitur corpus quod ſine replicatione per tale ſpatium mouetur, debet infinitas partes tranſire, vnam poſt alteram, partesque in eo motu ſuccesſiuæ erunt etiam infinitæ: nam vnicuique parti ſpatij permanentis, ſua pars motū ſuccesſiuī reſpondeſt.

Idem demonſtrari poſteſt in motibus ſuccesſiuis, qui ad qualita- tes intenſibiles aut extenſibiles terminantur. termini enim eorum motuum partes infinitas continent, vnde & per infinitas partes ſuccesſiuas motū debent acquiri.

Si verò motus in partibus ſuccesſiuis infinitus eſt, igitur & tem- pus (quod aliud nihil eſt, quām partium ſuccesſuarum motū du- ratio) ſimilem infinitudinem contrahit, vt recte olim Aristoteles oſtendit. Ex-punctis etiam ē magnitudine poſitiuis ſuperficiebus, lineis, & punctis, nulla in motu locali ~~uivit~~, nec in eius tempore momenta, ſeu instantia poſitiua poſſunt remanere.

Ratio eſt, quia ſi nihil eſt in corpore mobili, aut in ſpatio, quod non ſit diuifibile in infinitum; igitur nihil etiam eſt, quod indiuifibiliter & ſine ſuccesſione à tali mobili tranſeatur: nam omnis diuifibilis pars ſpatij à parte diuifibili mobilis per partem motū ſecundūm ſuccesſionem diuifibilem pertransiſtū. Si ergo ſint aliqui tranſitus ſecundūm ſuccesſionem indiuifibiles, ſive instantanei, debent neceſſariò eſſe tranſitus, quibus indiuifibilia corporis mo- bilis tranſiliunt indiuifibilia ſpatij. ſic punctum mobilis tranſit in instanti punctum ſpatij, linea lineam, ſuperficies ſuperficiem; ſi li-nea tamen in latum, ſuperficie in profundum, id eſt, versus illam dimensionem, ſecundūm quam ſunt indiuifibiles, moueantur. Nam vt linea tranſuerſim ſive in latum mota, linea alterius tranſuerſa-

S

CAP VI

uerfalis latitudinem (quam habet nullam) transfiat, item ut superficies superficie profunditatem (quæ etiam nulla est) penetret, non indiget tempore. Omnis verò transitus spatij diuisibilis à mobili diuisibili, aut spatij indiuisibilis à mobili diuisibili, aut spatij diuisibilis à mobili indiuisibili (id est, si alterutrum, vel spatum, vel mobile sit diuisibile) fit in tempore. Igitur ad indiuisibilem transitum requiritur indiuisibilitas vtrumque, tam ipsius mobilis, quam spatij. vnde si mobili & spatio nulla intertexta sunt indiuisibia, nulla etiam in motu *κινήσει*, nulla in tempore positiva instantia poterunt esse.

Simili modo, nisi in qualitatibus, vt calore, exempli causa, sint termini quidam indiuisibiles, qui graduum intensionem aut extensionem copulent, vel terminent, nulla etiam in motu alteratio-*nis κινήσει*, aut in eius intrinseco tempore instantia erit reperire. nam omnes partes caloris diuisibiles acquiruntur per alterationem successiue, nullæ in instanti.

Posflunt etiam instantia copulantia temporis iisdem ferè argumentis, quibus similia magnitudinis indiuisibia refelli.

Nam si partes temporis præteritæ & futuræ concurrant & vniuantur ad instans, vt partes lineæ ad punctum, vt passim docent, eodem modo instans partibus extremis temporis intimè afflister, quomodo punctum copulans lineæ partibus afflister, id est, extensionem successiua nullam partibus præteritis & futuris addet, sed intra durationem earum successiua vtrumque se retrahet, & duplice duratione, vñā intra præteritum, alterā intra futurum, quodammodo replicabitur; vti Capite xxxiv. punctum intra partes lineæ quas copulat, replicandum dicebamus. vnde momentum, quod vocamus præsens, reuerà simul præteritum & futurum potius erit.

Reponent nobis, instans præsens inter præteritum tempus & futurum esse medium, & extra vtrumque confistere. nullas enim partes successiua continent, cùm omnis omnino, etiam minutissima temporis pars, prius & posterius habeat.

Verūm hæc imaginatio gemella & simillima est illi, quæ inter partes lineæ, & extra ipsas, ita punctum abiungit, vt spatiū reuerà medium obtineat. quod si foret, nulla superest causa, cur tempus non componatur ex meris instantibus, vti & linea ex puris punctis. Si enim instans durationem inter partes temporis medium habet, igitur aliquam maiorem extensionem, saltem indiuisibilem, tem-
pori

DE COMPOSITIONE CONTINVI LIBER. 139
pori addit, & indiuisibile diuisibili (& consequenter etiam indiuisibili alteri) additum, aliquid maius & extenius faciet.

Corrigenda igitur hæc imaginatio tam circa momentum præsens, quam circa punctum est, nisi sententiam Aristotelis in atomos Epicuri funditus velimus dissoluere.

Aliter ergo respondet Hurtadus. Momentum præsens non distrahi à præterito & futuro, sed potius præteritum & futurum attrahi ad præsens à momento. Si inferas, sequi inde, partes aliquas temporis præteriti & futuri sibi coëxistere, & intra momentum præsens colligi, quod est impossibile, quia omnes partes temporis sunt successiue; respondebit: Nullam partem determinatam posse simul totam esse, ratione successionis, sicuti ratione impenetrabilitatis nullæ possunt esse simul in eodem loco: at verò partes indeterminatas posse coëxistere, & se tangere.

Sed frustra nititur, nam omnes, sine vñâ exceptione, temporis partes (vocet determinatas, vocet indeterminatas, aut quomodo cumque lubet) successiue sunt, nec patiuntur se teneri intra angustias momenti, vti nec vñâ omnino lineæ partes naturaliter redigi possunt intra spatiū puncti.

Deinde, momentum copulans videtur inutile & ineptum ad officium ad quod solet destinari, videlicet, ad copulandas verâ & reali continuitate extremas vtrumque temporis partes. Quando enim momentum præsens existit, nullæ ei vtrumque coëxistunt partes temporis; præteritæ enim iam elapsæ sunt, futuræ nondum appulerunt: igitur momentum vtrumque à partibus abscissum in medio relinquetur, cùm res existens extrema non-existentia realiter vñire non possit.

Verūm, hoc est rūdis ingenij, inquit Hurtadus, difficultibus ita succumbere, ut aperte ostendat illis esse impares vires, nec se posse continens filum deducere, sed camenta ferre, lapides, & arenam sine calce. nam propter difficultates componendi tempus, illud relinquens satis incomplè incompositum. Quibus igitur argumentorum tibicinibus, Hurtade, hanc difficultatum molem sustines?

Primo, inquit, tempus habet veram & realem compositionem, & est una entitas per se, & non aggregatio ex pluribus, quia motus quo cælum mouetur est unus; sed non est unus simplex, ergo compositus. Sed petit principium: nam de motu cæli par est omnino, imò eadem difficultas.

Secundo, ait, probatur, quia continuum permanens habet compositionem

tionem realem per unionem distinctam à partibus, ergo & continuum successuum. Sed latissimum est discrimen: nam partes continui permanentis stant, & simul coëxistunt ut possint reali continuacione inter se coniungi, partes vero temporis in perpetuâ fugâ sunt, nec vna alteram expectat, ut possit à sequente apprehendi, & ad realem cōpulam venire. Verius igitur cum arenâ sine calce, quām cum continuo filo tempus comparasset. Itaque qualiscumque ingenij fuerit Hurtadus, numquam opinor, euadet Gregorij Ariminiensis antiquum hunc risum & dentem. *Quod addunt, inquit, de continuatione partium temporis ad instans quod actu est, non est intelligibile: quoniam quod omnino nihil est, nulli enti vel non enti continuari aut copulari potest: alioqui una longa chorea posset fieri de hirco-ceruis, & tragelaphis, & chimeris; quod absurdissimum est.* Et cūm Doctor quidam ei respondisset, *quod ens, quod numquam fuit ens, nec umquam erit ens, nulli copuletur; tamen non ens, quod aliquando fuit aut erit ens, possit alicui copulari,* optimè ei reposuit: *Secundum hoc sequeretur, quod possibile esset, albedinem corruptam vel annihilatam, & unam caussandam continuari, & copulari alicui, & esse unam albedinem numero; quod nullus diceret.*

Itaque difficulter omnino vera continuitas & vno partium cuiuscumque entis successui (quidquid conentur) retineri potest. Si namus igitur id nobis extorqueri; nam ad explicandum Peripateticum tempus, tali chimæricâ partium fluentium vnone & catione non est opus.

Momenta etiam inchoantia, & terminantia partes temporis sine vsu vlo bono sunt: nam, vti magnitudinis partes à seipsis initium & finem habent, ita possunt partes motûs & temporis. Rescindat enim Deus primum & ultimum instans temporis, non id circò corripietur, aut longius effluet; quemadmodum reuulsis vtrimeque à linea punctis, ipsa nec breuius nec longius spatium occupabit. Tempus igitur momento terminari nihil est aliud, quām negatione vltioris extensionis successuæ vtrimeque finiri.

Argumentis pluribus rem istam onerare possem, sed nihil opus, & vereor quorumdam tenebris aliorum lucem infuscare. Denique totam sententiam nostram explicabimus, dissoluendo argumenta quæ aduersus Aristotelem & Stoicos texunt Epicurei & Plutarchus.

CAPVT

CAPVT XXXIX.

Argumentum primum Geometricum, quo Aristotelem oppugnare potest Epicurus.

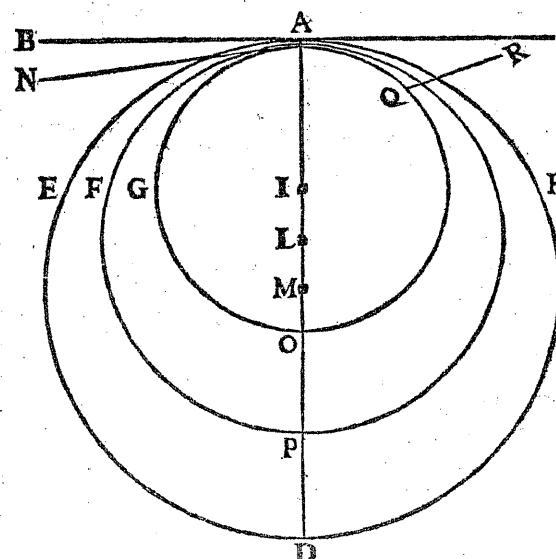
Eos qui indivisibilia, aut sola, aut partibus permixta, magnitudini ac tempori inculcabant, haec tenus oppugnauimus, sed

Cedimus, inq[ue] vicem præbemus crura sagittis.

Repugnant, inquam, ipsi acriter, & non crura tantum, sed itigulum etiam Aristotelis petunt, quem iam protegere satagamus. Machinas tamen Archimedis, aut Mathematicas (licet iis ipsi toties lacesiti) quibus resisterent, nullas adhuc ab Epicureis vidi. ne tamen nimis imparibus armis nobiscum compugnent, tormentum etiam aliquod tale nos ipsi in caput nostrum è Mathesi fabricabimur.

Euclides demonstrauit, inter rectam lineam contingentiaæ circu- Lib. 3.
li & circulum non posse rectam aliam, quæ angulum contingentiaæ Prop. 16.
diuidat, interponi; igitur angulus ille contingentiaæ est indivisibilis,
ac proinde potest inter duas lineas in angulum concurrentes, spatiū
solū punctuale interiici. vnde tria puncta sibi proxima & imme-
diata erunt in tali continuo: scilicet duo vtrimeque puncta linearum
concurrentium in angulum, & medium in extremo anguli sinu-
punctum, quod
vtriusque lineaæ B
puncta inter se
conneicit. Sed res
ista oculis, quām
intellectu solo, cer-
ni mauult.

Sit ergo recta
B C. tangens cir-
culum A E D H.
in pucto A. quod
est extremū dia-
metri D A. De-
monstrat Eucli-
des aliam rectam
non posse interse-
ri inter lineaem
contingentiaæ B C.



S 3

& cir-

& circulum A E D H. quin intra circulum cadat, ac proinde angulum contingentiae B A E. per nullam lineam rectam posse diuidi, ideoque illum angulum esse minorem quocumque angulo acuto rectilineo, seu qui duabus lineis rectis continetur. Nam quantumcumque acutum rectilineum acceperis, is semper sine fine in angulos minores rectilineos per lineas rectas interpositas diuidi poterit. Ut sit acutus rectilineus F A C. poterit diuidi A per lineam rectam A D. item A E. & ita descendendo, & inclinando alias rectas versus A F. sine fine.

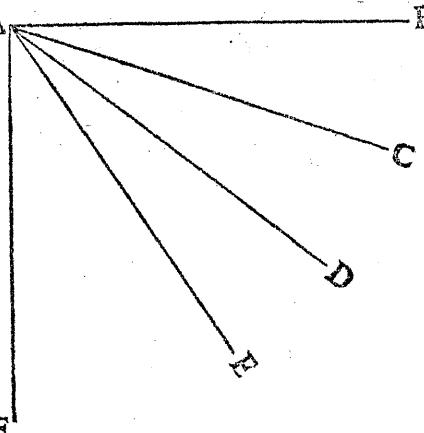
Cum igitur possit angulus acutus rectilineus in infinitum angustior & angustior dari, nec tamen nullus perueniat ad angustias & paruitatem anguli contactus B A E. in schemate precedentem, signum est, illius anguli angustias infinitas & sine quantitate esse, id est, unicum punctum inter lineam B A. & segmentum circuli A E. in extremo angulo, iuxta punctum contactus A. interiacere.

Hoc argumentum ita olim Iacobum Peletarium nobilem Geometram, & Euclidis commentatorem conturbavit, ut diceret:

Comment. Mihi sanè in mentem subiit primā specie, Geometriam non satis ad prop. 16. sibi constare, imò adeò repugnantia in se admittere. Primum enim extra intelligentiam est, ut inter quantitates minima dari possit, quam hoc loco angulum, quem dicunt contingentia, seu rectius, contactus, minorem omni acuto posimus. Nec aliam euadendi viam reperit, quam, ut dicamus, inquit, lineam rectam qua circulum tangit, cum peripheria angulum non efficere: scilicet angulum B A E. nullo modo angulum dici debere. Omnis enim angulus in sectione consistit, non in contactu.

Sed hoc profecto eludere est, non dissoluere difficultatis nodum. Nam in primis omnes alij Geometrae talem angulum contingentiae, vocant revera angulum, nec ad anguli constitutionem requiritur necessariò duarum linearum intersectio, sed sufficit contactus, qualis est inter lineam rectam & circulum.

Dein-



Deinde, non vocetur angulus, negari tamen nequit, quin inter lineam talem & circulum interuallum aliquod sit, quod videtur ultra indiuisibile puncti spatium non extendi. Et haec fuit causa, cur nuper Capite XXXIV. Reuerendissimus D. Paullus Arelius negaret, virtute etiam diuinâ posse corpus perfectè sphæricum fabricari: quia, inquam, inter ipsum & planum quod tangeret, spatium iuxta punctum contactus vtrimeque interpositum, non excederet latitudinem vnius puncti; quod cum Aristotele & omnibus Mathematicis reputat impossibile. Quidquid enim iam de tactu lineæ rectæ & circuli philosophamur, in contactu etiam sphæræ & plani habet locum: nam sphæra per lineam suam aliquam circularem tangit lineam rectam extensam in plano.

Venit, erroris & allucinationis haec fient manifesta, si angulum contingentiae, non quidem per lineam rectam (quod rectè demonstrauit Euclides) sed per curuam ac circularem diuidi posse cogitemus. Nam in primâ figurâ, linea B C. cum omnibus circulis sibi subiectis, tam paruis quam magnis, angulum contingentiae, qui per lineam rectam diuidi non potest, constituit, & tamen circulus superior seu maior diuidit angulum contingentiae circuli minoris, estque pars eius. Ut angulus B A G. est tam per lineam rectam indiuisibilis, quam angulus B A F. aut angulus B A E. licet maior sit quam ipsi, & ab ipsis diuidatur. Nam duo circuli superiores ducentur per idem punctum contactus A. ac proinde necessariò diuidunt angulum B A G. circuli inferioris. Possunt etiam alij sine fine circuli maiores circulo A E D H. describi, qui omnes per punctum contactus A. transeant, diuidantque in infinitum angulum illum contactus. Ex quibus liquet, angulum contingentiae non continere spatium punctuale absolutè indiuisibile, sed solùm quod per talem lineam, videlicet rectam, diuidi non possit; quemadmodum potest omnis, quantumcumque parvus, angulus acutus rectilineus. Ut in secundo schemate, non tantum angulus rectilineus F A B. qui rectus est, sed etiam anguli rectilinei acuti F A C. F A D. F A E. sine fine in angulos acutos minores, per lineas rectas, à punto A. educatas, queunt diuidi.

Sed cur etiam angulus contingentiae, inquires, non potest per lineam rectam diuidi? Respōdeo, quia inter lineam rectam & circularem continetur. Nam linea circularis gibbo illo quo intra anguli aream exuberat & procurrit, est causa, cur linea recta, quæ à punto extremo anguli A. in schemate p̄tiori, educeretur infra lineam contin-

contingentiæ B C. (quæ sit, exempli gratiâ, linea A N.) tangeret circulum in aliquo alio puncto præter punctum A. ac proinde circulum secaret, vnde nec angulum B A E. diuidet, sed extra aream eius (quæ inter lineam B A. & circulum concluditur) intra circulum excidet. Linea enim recta, ex disciplinâ Euclidis, quæ duo peripheriæ puncta contingit, necessariò intra circulum transit. Curvitas verò secundi circuli à gibbo prioris circuli non impeditur, cùm similis gibbi curvitate assurgat, & prioris contactum, præterquam in puncto A. euitet, vnde & angulum eius diuide-re potest.

Falsum igitur est, angulum contingentia punctualem tantum, nec quantum esse, vt existimat Peletarius, & rectè olim Ludouicus Coronellus, ac nouissimè Christophorus Clavius demonstrauit. Nam aliàs punctum reuerà aliquam extensionem quantitati adderet, cùm angulus contingentia angulo semicirculi adiectus angulum rectum absoluat; quo tamen angulo recto angulus semicirculi est minor, si ei angulum contingentia demas. Vt angulus semicirculi D A E. minor est angulo recto D A B. solo angulo contingentia E A B. quem si ei adiicias, angulum rectum D A B. adæquabit; rectus enim ex angulo semicirculi & angulo contingentia adæquate componitur. Si ergo angulus contingentia angulum semicirculi augeat, igitur quantum est; nam quantum non quanto, ex omnium Geometrarum & ipsius Peletarij sententiâ, augeri non potest.

C A P V T X L.

Argumentum alterum Geometricum, ex praecedentis solutione natum, quod Epicurus in Aristotelem iterum arripare potest.

VItauimus charybdin, sed incidimus iam in scyllam, vt quipiam acutulus videre se existimabit.

Si enim angulus contingentia per circulos maiores maioresque in infinitum est diuisibilis, vt planè fatendum in sententiâ Aristotelis, igitur in breui illo inter lineam contingentia & circulum spatio, infinitæ partes non tantum proportionales, sed certæ alicui æquales, nec inter se communicantes erunt; quod palam est impossibile; cùm tale spatium lineâ rectâ metiamur, quæ infinitas

partes

Lib. 3.
prop. 2.

Coronel.
lib. 8. Phy-
sic.
Clau. ad.
prop. 16.
lib. 3. Eu-
clid.

partes non communicantes, alicui assignataæ æquales, sine dubio, nequit continere: talis enim linea in infinitum sine ullo termino deberet excurrere. Spatium autem illud, futurum infinitum, resumpto superioris Capitis schemate, sic ostenditur.

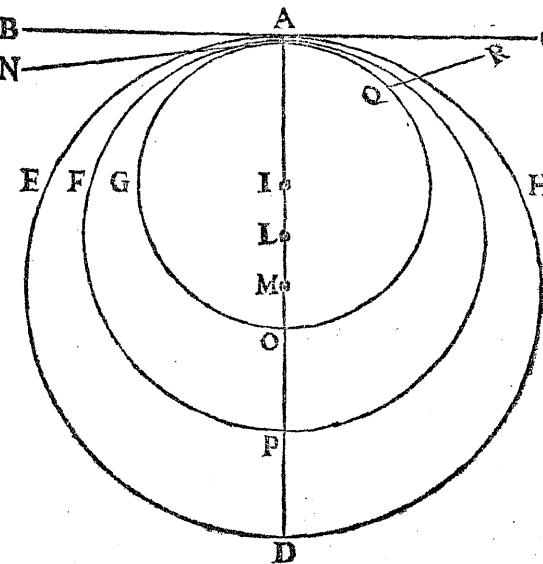
Possunt, vt fa-
temur, describi B
infiniti circuli ma-
iores & maiores
sine fine, qui om-
nes diuidant an-
gulum contingentiæ B A G. nec
vmquam tam ma-
gnus poterit fieri,
qui lineam B C. in
pluribus punctis,
quàm in pucto A.
valeat contingere.

Describatur pri-
mò igitur circulus
centro I. deinde
centro L. tertio
centro M. æqualibus inter se interuallis, & ita progrediendo si-
ne fine.

Horum circulorum peripheriæ, ab è parte quâ maximè di-
stant, æquali semper interuallo inuicem remouentur (tanta enim
est inter O. & P. quanta inter P. & D. distantia;) igitur & iuxta
punctum contactus A. vbi vicinissimæ sunt, pari etiam omnes in-
teruallo distabunt. vnde sequi videtur, inter puncta Q. & C. di-
stantiam fore absolutè infinitam, & tot partes inter se æquales con-
tinere, quot sunt interualla peripheriarum, id est, infinitas. Et
hinc eueniet illud, quod à se repertum gloriatur Peletarius, mira-
culum: videlicet, lineam aliquam versus rectam alteram inclina-
tam, posse sine fine produci, & accedere, & tamen numquam
cum è concurrere. Linea enim Q R. per circulorum infinitorum
æqualia interualla producta, numquam ad punctum C. perueniet,
quia nullus vmquam tam amplius circulus transiens per pun-
ctum A. describetur, cuius peripheria valeat ad punctum C. per-
tingere. Simili etiam miraculo linea, quam Nicomedes conchilem

T

vocat,



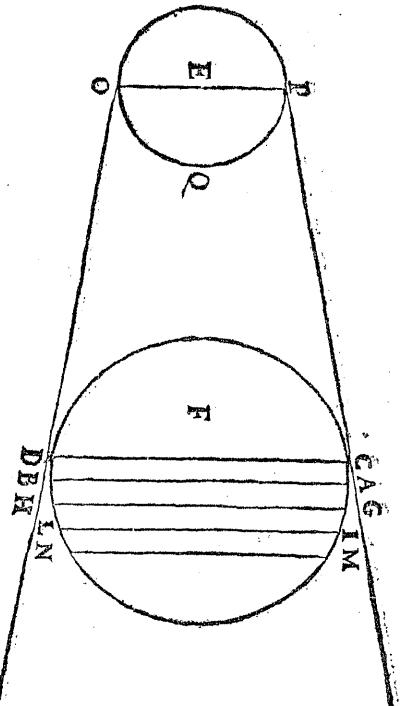
vocat, in infinitum ad rectam alteram paullatim accedit, nec vnumquam eod vñque pertingere valet.

Deinde Capite x iv. docuimus, corpus sphæricum luminosum, minus opaco, maiorem in infinitum partem opaci illuminare, si ab eo sine fine recedat, & tamen numquam posset tam procul retrocedere, vt ex illâ distantia hemisphærium opaci totum illuminet.

Vt in postremo schemate Capitis x iv. luminosum corpus E. minus opaco F. extremis suis radiis. distinguit opacum sphæricum maius in C. & D. punctis. Et quod longius E. ab F. retrocesserit, eod radij P G. & O H. maiorem partem opaci amplectentur; & tamen, si in infinitum recesserit, numquam ad contactum punctorum extremitatum diametri A B. pertinet, id est, numquam dimidiam partem sphæræ istius opacæ maioris illuminabunt. Igitur spatium circumferentia à puncto C. ad punctum A. debet esse absolu- tè infinitum; quia si recessus luminosi E. ab opaco F. per spatia æqualia fiat, etiam radius P G. per portiones æquales à puncto C. versus punctum A. paullatim in superficie opaci ferper.

Verumtamen hæc & id genus plura Matheseos miracula, (etsi primâ fronte aliter), diligenter tamen introspecta, nil amplius quām partes proportionales continui infinitas affirmant. nos verò libenter & vñtrè damus, tales in omni omnino continui particula infinitas cumulari.

Itaque in primo exemplo, falsum assumitur. Nam etsi centro omnium circulorum, punctum contactus A. secantium paribus perpetuò interuallis à se distent, non tamen spatium inter circu-



lum

lum A G O Q. & lineam contingentia BC. circuli illi discidunt in partes, alicui certæ æquales infinitas; quia circumferentia circulorum superiorum, minori & minori perpetuò interuallo, iuxta punctum contactus A. à se mutuò distant. Nec vñlā bonâ consequentiâ colligi potest, circumferentias æqualibus spatiis iuxta punctum A. à se recedere, quia in oppositâ circumferentia parte, quantum D. à P. tantum P. ab O. distat. Igitur ex æquali trium centrorum I. L. M. inuicem distantia, sequitur tantum etiam inter D. & P. quantum inter P. & O. esse interuallum, non tamen inter earumdem circumferentiarum partes puncto A. vicinas: hæc quippe non æqualibus à se interuallis recedunt, sed proportionalibus, adeò, vt quod proprius circumferentia aliqua ad lineam contingentia BC. accesserit, eod minus à proxime inferiori circumferentiâ abscedat.

Hoc ergo, & nihil vñtrà, argumentum conficit: inter puncta Q. & C. partes perpetuò sine fine minores posse numerari, ideoque lineam QR. si pedetentim per circulorum illorum incrementa producatur, numquam ad punctum C. peruenturam; quia per partes proportionales, non per æquales, procedit, id est, nihil in Mathesi magni miri accidit: olim enim etiam à Calculatore, & Benedicto demonstratum est, super lineam rectam finitam, motu infinitum, tardius perpetuò per partes proportionales progrediendo, posse fieri.

Pone enim lineam rectam bipedalem, per eam poterit formica tempore absolutè infinito sic incedere. Primâ horâ vnum pede peragret: secundâ horâ dimidium eius, motu videlicet duplo tardiori: tertiâ horâ dimidium pedis dimidiati, & sic sine fine. Si id fiat, infinitas horas consumet antequam perueniat ad ultimum punctum linea bipedalis, si in eâ sint partes proportionales perpetuò minores sine fine.

Linea etiam conchilis Diomedis non amplius euincit, quam partium proportionalium infinitudinem.

Illuminatio denique corporis sphærici opaci majoris à sphærico minore illuminante (vt puta, terræ à lunâ) hoc etiam, & ne hilum vñtrà, extorquere potest. Nam etsi recessus luminosi ab opaco per spatia æqualia fiat, luminis tamen incrementum per partes spatij proportionales tantum paullatim repit. Itaque in schemate illo Capitis x iv. per recessus æquales luminosi E. ab opaco F. punctum luminis in puncto circumferentia C. opacum tangens, len-

T 2

tissimo

Io. Bapt.
Bened.

disp. c. 29.

tissimo gradu, non per partes æquales, sed per proportionales, & continuo minores, versus punctum A. prorepit, nec in æternum ipsunratttingit, vt per figuræ varias, cuilibet promptum est, periculum facere.

Hæc admirationis sat plena sunt, non diffiteor, sed vera tamen, opinor, & confitenda, nisi in absurditates illas, quas Capite xiv. ostendimus, muelis te præcipitem dare.

C A P V T X L I.

Argumentum tertium Geometricum, quo superficies cælorum contiguas Peripateticis obijcunt Epicuréi.

MEMINI qui olim pro Epicuro superficies cælorum contiguas mihi, velut grandis tormenti telum, obiectauerit. Negligere tamen potui, vt innoxium, & nullius momenti, nisi Reuerendissimus Paullus Aresius, nuper mihi fortè lectus, ad eius etiam respectum me inuitasset. Igitur, superficies conuexa orbis Saturni, inquiunt, immediatè extra situm superficie concavæ firmamenti est; vnde sequitur, indiuisibile indiuisibili immediatum esse, & cum eo quantum & extensionem aliquam constituere.

Simile de lineis argumentum potest contexi. Cogitemus enim arboris truncum in aquâ partim, partim in aëre. In hoc aëris & aquæ circa arborem contactu, vna linea circularis in aëre, alterâ in aquâ est, quæ, quia immediatae sunt, etiam duas in truncu arboris sibi respondentes immediatas respicient; vnde fiet, vt tota trunci superficies ex perpetuis lineis circularibus sibi proximis & immediatis contexta sit.

Hoc argumentum non aliter posse dissolui credit Aresius, quam lineas, & vniuersa continui indiuisibilia repudiando. Sed reuerà potest. Nam Alhazenus & Vitello disertè affirmant vnicam esse in truncu arboris lineam, quam duæ, vna aëris, & alia aquæ, circumligant: siue potius, tres hæc sunt lineæ circulares se penetrantes, & in eamdem peripheriam imaginariam incidentes, linea aëris, aquæ, & ligni. Veluti enim superficies aëris contigua aquæ superficiem aqueam penetrat (aut, verius loquendo, vna in spatio alterius est;) ita linea circularis extrema aëris quæ truncum arboris

Lib. i.
disp. 23.
sect. 5. de
Generat.

arboris cingit, est in eodem omnino spatio cum summâ lineâ aquæ, quæ in aëris confinio lignum etiam idem ambit. Vnde binæ iam simul & coniunctim in spatiu m tertiae lineæ, quæ est in ligni superficie, se insinuant. Falsum igitur, & contra omnem Geometriam assumitur, cum duobus aëris & aquæ circulis duo in truncu arboris circuli respondere afferuntur. Idem penitus in cælorum superficiebus evenit. In eamdem enim superficiem imaginariam cadunt, nec spatio vllâ ratione diuelli possunt, cum omni profunditate careant. Vnde linea per cælorum sphæras transiens, vñico punto superficiem vtriusque cæli contigui perforat, nec eas vllâ parte suâ diuisibili tangit. Verè Cardanus: *Quomodo cæli iuncti sunt? nam si una est superficies caua superioris, & conuexa inferioris, quomodo in diuersas partes superius & inferius calum moueri poterunt? Si duas sunt, indiuisibile ab indiuisibili tangitur. Sed duas esse necesse, non tamen quantitatem constituant: hoc autem sufficit Aristotelis, ne continuum ex non continua componatur.*

Quantitatem verò non constituant, quia non coextenduntur, sed neceſſariò collabuntur in eundem indiuisibilem, secundùm profunditatem, situm: quod superficiebus loci & locati etiam vniuersim accidit.

Sed linea illa ligni, inquit Aresius, vel erit in aquâ & in aëre, vel in neutro, vel in altero tantum. Primum & secundum sunt contra experientiam: nam videmus, nihil ligni esse simul in aquâ & in aëre, & multò minus, extra utrumque. Tertium verò ab ipsis (qui positivas lineas & indiuisibilia partibus in continuo permiscent) admitti non potest; quia tunc respondebit vni tantum linea, & non duabus. Vitari igitur non potest, quin sint duas lineæ immediatae, & consequenter, quin superficies ex lineis componatur.

Sed profectò potest facillimè. Et extricorni illo dilemmate, alterutrum priorum cornuum possumus arripere, id est, lineam ligni, vel in aquâ & aëre simul, vel in neutro esse. Si enim in aliquo illud esse dicatur, quod aliquo termino eius indiuisibili tangitur, et si nullâ eius parte ambiatur, linea trunci in aquâ & aëre, id est, in vtriusque elementi termino aliquo positio est (si tales termini in continuo admittantur;) nec tamen in diuersis locis replicata est, quia aquæ & aëris lineares illi termini se penetrant, & in eodem spatio imaginario confunduntur. Si verò id tantum dicamus in aliquo esse, quod parte aliquâ eius integrali ambitur, linea ligni nec in aquâ nec in aëre, sed in termino & limite vtriusque est. Nec

villus omnium mortalium tam lynceus est, qui immensam illam punctorum, linearum, superficierum tenuitatem à corporibus suis possit visu discernere, & inde intelligere, an linea illa linea, aqua, an aëre altera linea præcisè circumligetur. Sola ratio, non oculus aut villus sensus, potest in minutias istas descendere.

Itaque etiam si terminos positivos indivisibiles partibus continui permisceremus (quod non facimus) non sequitur, ex talibus solis & immediatis truncum arboris, aut quantitatem cælorum compositam esse. Multò minus in sententiâ nostrâ qui terminos illos vniuersim respuimus.

C A P V T X L I I .

Argumentum quartum, quo ostendere conantur, quantitatem ex infinitis partibus proportionalibus consutam, nullis finibus posse contineri: sed conantur tantum.

A Mathematicis, quas ridere solent, destituti, ad Physicas aut Metaphysicas rationes decurrunt effuso cursu Epicurei, & his armis credunt Aristotelem se sine remedio iugulasse.

Si partes proportionales non-communicantes, in quovis continuo infinitæ sunt, inquiunt, impossibile est, quin istud sit infinitum actu, & ita extenſum, vt nullis terminis valeat contineri. Prima enim pars proportionalis habet aliquam extensionem, secunda non-communicans, siue ab eâ condistincta, etiam habet suam, & ita pôrro sine fine: igitur infinitæ partes extensiones infinitas afferent, quæ vniuersim in vnam extensionem confluentes, necessariò eam actu infinitam efficient, & omnes terminos & limites talis quantitatis effringent.

Ante responsonem, voces aliquot in hac materiâ, in frequenti visu, explicandæ sunt.

Partes communicantes vocantur, quæ aliquid idem includunt: vt quantitas pedalis, & dimidium eius. hæ enim distinctæ, sed non condistinctæ sunt. Partes non-communicantes sunt, quæ nihil commune vtrique includunt, sed abscessæ proorsus, & inuicem condistinctæ sunt: quales duæ quantitates pedales, quæ se consequunt in eâdem linea centumpedali.

Partes proportionales appellamus, quæ eamdem habitudinem seruant

DE COMPOSITIONE CONTINVI LIBER. 151

seruant ad suum totum. Vt si vna fuerit dimidium sui totius, altera etiam sit, si tercia pars totius, altera quoque sui totius tercia sit. Proportio enim in Philosophiâ & Matheſi, nihil aliud quam plurium habitudinum similitudo est. Meritò itaque partes illæ proportionales vocantur, quæ proportionem, seu habitudinem, quibus tota sua respiciunt, similitudinem custodiunt.

Partes itaque communicantes, in sententiâ Aristotelis & Mathematicorum, in quolibet continuo, omnes inter se æquales, infinitæ sunt. Vt exempli gratiâ, in linea bipedali, pedes infinitos, sed in aliquâ parte eâdem communicantes, licet designare.

Sit enim A B. linea duorum pedum, in quâ primus pes signe-

A	D F H	C	E G I	B
---	-------	---	-------	---

tur A C. secundus D E. tertius F G. quartus H I. & ita progrediendo semper, vt inter initium prioris & posterioris pedis, spatium perpetuò relinquatur duplo angustius. Spatium enim D F. est duplo minus spatio A D. & F H. duplo minus D F. Sic verò per partes proportionales in figendis initiis pedum procedendo, numquam poterit ad punctum C. perueniri: vnde nec umquam ad eum pedem pertingemus, qui ultimus sit, id est, cuius initium in C. & finis in B. ultimum linea bipedalis punctum cadat. Sed pedes illi sunt communicantes, non condistincti, quia A C. & D E. communicant in D C. quæ est pars vtrique pedi communis.

Contrà verò, partes proportionales, inter se inæquales, condistinctas in quavis magnitudine, infinitas licet inuenire. Nam in linea superiori, ab A. versus C. pergendo, si partes condistinctæ sumantur perpetuò duplo minores pate præcedente (vt D F. est duplo minor A D. & F H. duplo minor D F.) numquam perueniemus ad punctum C. qui est terminus linea pedalis.

Partes ergo in eâ linea proportionales sunt D F. & F H. nam sicut D F. est dimidium A D. ita F H. est dimidium ipsius D F.

Itaque argumentum contendit, extensionem inter puncta A. & C. fore absolute infinitam, si inter ipsa interlaceant partes proportionales condistinctæ infinitæ. Verùm, si tales partes forent alicui certæ & determinatæ parti (quantumuis minima assignaretur) vt, exempli gratiâ, parti F H. æquales, extensio procul dubio excurseret in infinitum: iam verò, cum partes proportionales eiusmodi sumantur, vt sequens semper sit duplo minor præcedente, infini-

infinitudo illa non passibus æquis , aut maioribus , sed minoribus progreditur , ac versus minimum descendit , non ascendit versus maximum. Tale verò genus infinitudinis , terminis se claudi patitur : quia , sicuti partes sine fine accumulat , ita eas sine fine accedit & diminuit , vt proinde vna infinitudo alteram castiget , & intra finitos limites cohibeat.

Duplex , inquam , h̄ic est infinitudo , vna partium quantitatis , altera perpetui decrementi earum . Si illa sola sine hac esset , in infinitum se quantitas effunderet , quia per partes æquales , aut etiam maiores , incrementa eius procederent : nunc verò secunda infinitudo priorem coērcet , facitque vt deorsum , versus indivisibile (vt sic dicam) decurrendo , ita perpetuò partes consumantur , vt ad terminum tandem aliquem appellant , nec vtrà effundantur . Quod isto exemplo intelligi potest . Fac aliquam quantitatem esse actu infinitam : ex infinitis pedibus quos continet , licebit aliam magnitudinem concinnare , quæ ad vnius pedis extensionem numquam perueniat . nempe , si ex primo pede dimidium sumas , ex secundo dimidij dimidium , siue quartam pedis partem , ex tertio octauam , & ita porrò per proportionalia decrementa sine fine pergas . si enim vniuersas istas particulas in vnam quantitatem coniicias , vnum pedem non implebis .

Itaque tota , aut maxima saltem difficultas , quam intellectus noster experitur in redigendo infinitas partes intra terminos finitos , ex eo prouenit , quod quantitatem in partes æquales , aut notabilis extensionis concidat : infinitas enim illas particularum minutias , quia imaginatio eum sequi non potest , vix concipit . Vbi verò reliquæ retrò imaginatione , ratio comminuere partes sine fine pergit , nescio quid mihi continuò lucis offunditur , vt videre , aut suspicari saltem facile possim , non esse necesse , vt particulæ tales infinitum spatium occupent (quemadmodum infinitæ partes æquales inter se faciunt) sed capi ac teneri finibus certis posse . Et licet lux ista tam clara & digesta non sit , quin infinitudo illa (quam ideò vbiique humanus intellectus reformidat) nebulam aliquam adhuc prætexat ; tamen , quamdiu nulla euidentis implicantia contradictionis inuenitur , talis compositio omnipotentiæ diuinæ negari non debet . Si verò fieri à Deo potest , certum est , factam esse , vt tot antè aduersus Epicurum argumentis ostendimus . Sed implicat manifestam contradictionem , inquiunt : quia tale continuum ex partibus inter se etiam æqualibus infinitis necessariò debet

bebit constitui . Deme enim ab omnibus maioribus excessum in quo minores excedunt , iam omnes inter se æquales remanebunt . Quid euidentius ? quid manifestius ? inclamat . Et sanè primo occursu argumentum terrorem habet . Sed μορμολύκειον est , si inspicias , & puerile terriculamentum . Certè tamen plus impetus & formidinis habere oporteat , vt me in fugam coniiciat , & retroagat in omnes illas , quas pertransiūmus , Epicuri absurditates , & manifesta præcipitia .

Hoc autem mecum , si voles , animaduertes : eos in omnibus rationibus suis , infinitudinis partium proportionalium obliuisci , & semper numerum aliquem finitum , conceptu faciliorē & cui assueuerunt , præ oculis habere .

Itaque , si numerus partium inæqualium esset finitus , argumentum esset insolubile , quod sponte iam se dissoluit , vbi cogito partes istas inæquales sine fine consumi & decrescere . Hoc enim infinitum decrementum non sinit ullam partem quantumlibet partium sumi , cui reliquæ omnes possint æquales remanere , cùm dentur aliæ semper sine fine minores ipsæ . Hinc nullus certus excessus est , qui ab omnibus partibus possit demī , vt reliquum manens , in omnibus sit æquale .

Negabunt iterum , scio , se hæc assequi & capere . sed idèò hoc euenit , quia infinitus ille partium decurrentium & se minuentium numerus ante intellectum eorum quodammodo fugit , nec ab eo sinit se teneri & comprehendendi . vnde omnis intellectus nostri acies & iactus in certum semper & definitum numerum partium cadit .

C A P V T X L I I I .

Argumentum quintum , quo Zeno motum localem compulsus est negare .

Hic est ille Achilles , qui Zenonem Eleatem perpulit , vt , sensu quamuis reclamante , motum localem negaret , vt Capi te 11. diximus .

Si in spatio continuo , inquietabat , sunt partes infinitæ (quod ipse credebat) impossibile est , eas vlo vñquam motu pertransiri . igitur motus localis nullus est . Ita vir iste eruditus maluit tam euidenter in sensu communem impingere , quām compositionem continua ex partibus infinitis dissoluere . Et licet difficile creditu sit ,

motum scilicet ab eo sublatum fuisse; credidit tamen scilicet factum Aristoteles, credidit antiquus Commentator eius, qui cum dixit Lib. de Lin. set, *ridiculum & fatuum esse, relieto sensu rationem sectari*, pro infect. c. 5. exemplo attulit istud Zenonis, *en est uiror, non est motus.*

Vtебatur verò Zeno paradigmata rotarum in stadio currentium tali, ut narrat Hermolaï Themistius. *Si rotæ currunt, que conuoluuntur in stadio, nihil relinquunt stadij, quod non dimetiantur & diuidant, cum diuisio illa sit infinita, & partes diuisæ sint etiam infinitæ, qui fieri potest, ut finito tempore percurrantur?* Respondent Aristoteles & Themistius, argumentum esse sophisticum, & infinitum potentia diuisione cepisse pro infinito actu. Itaque si stadium esset infinitum actu, & infinitos rotæ circuitus contineret, nullo numquam tempore rotæ ipsum emetiri posset: nunc verò solùm potentia infinitum est; nam etsi in partes sine fine minores diuisibile sit, certos tamen terminos quibus includitur habet: tale autem infinitum potest finito tempore pertransiri. Itaque si res paullò altius inspiciatur, non est magis mirum hoc infinitum tempore finito transiliri, quam infinitas eius partes intra spatiū finitum posse redigi.

Rem totam quam proximè poterimus ex tenebris suis in asperatum protrahamus.

In primis si spatiū tali motu deberet pertransiri, qui in singulis partibus spatij proportionalibus patem moram traheret (ut si in uno pede horæ consumat, & in sequenti pedis dimidio tantumdem, ac deinde in quartâ pedis parte, & sic sine fine eundo per singulas partes proportionales unâ horæ) proculdubio numquam eiusmodi motu spatiū bipedale exhaustiri posset. Ratio est, quod sicuti partes proportionales gradatim in infinitum decrescent; ita pari passu remittitur & decrescit celeritas talis motus, cum in qualibet parte proportionali sequente, duplo tardior, quam in precedente, sit.

Vnde consequens est, ut celeritas motus sic relaxata & rarefacta, ut ita dicam, per singulas spatij permanentis particulas, spatio successivo unius horæ coextendatur, ac proinde ut numquam motus absoluatur, quia infinitæ temporis horæ numquam possunt omnes elabi.

Si verò celeritas motus non ita proportionaliter cum spatij partibus decrescat, sed vel eadem permaneat, vel aliâ lege diminuatur (ut si secundâ horæ dimidium pedis, & tertiatâ iterum tantumdem peragret) duabus horis, aut tribus, aut pluribus (si maius decrementum

tum

tum celeritatis fuerit) finitis tamen, spatiū totum bipedale emensum erit. Veluti enim prima celeritas per spatiū unius pedis, horæ spatio, mobile transtulit; ita dimidium eius celeritatis, per dimidium spatiij, æquali horæ unius spatio ipsum transferet, & si iterum repetatur, perducet tandem tertiatâ horâ ad finem secundi pedis.

Sed quomodo primus pes peragrari potuit? quâ viâ mobile in ipsum intravit? quâ semitâ exitum ex hoc labyrintho reperire potuit? Hæ vespes & senticeta sunt, in quibus Zeno adhæsit.

Respondeo tamen, facile fuisse introitum reperire, quia spatiū illud pedale principium aliquid habet, quo iniri possit, etiamsi nulla eius pars per se primò prima sit. Sufficit tamen spatiū illud fine extrinseco terminatum esse, & extensionem aliquam posse assignari, ultra quam non excurrit, ut motus valeat ab eo termino inchoari.

Igitur (quemadmodum in labyrintho) non est difficile hic ostium inuenire, sed exitum per partes infinitas expedire,

Hic labor ille domus, & inextricabilis error.

Aencl. 6.

Si enim partes infinitæ, quomodo motu finiri & pertransiri possunt? recinet nobis idem tidem, & ad rauum usque, Zeno.

Verumtamen, quia trans illam partium infinitudinem finem aliquem prævideo, spes est ex huius labyrinthi ambagibus motum tandem posse extricari, & ad finem illum appellere. Itaque veluti partes spatij permanentis infinitæ sunt; ita partes motus successivæ similem infinitudinem habent. Item sicuti partes spatij, licet infinitæ, per infinita tamen proportionalia decrementa intra finem aliquem se restringi patiuntur; ita infinitæ partes motus, similibus decrementis accisæ, tandem ad terminum aliquem appellunt, ibique conuiescant.

Rem istam adhuc penitus, & in exemplo inspiciamus. Spatiū pedale, inquietabamus, motu unius horæ pertransitur; igitur dimidiatus pes, motu dimidiata horæ, & quarta pars pedis, quartâ item parte horæ, & sic sine fine partes motus concidendo & eadem proportione diminuendo cum partibus spatij. Vnde (quemadmodum statim dicebam) non est maiori admiratione dignum, partes tales infinitas motus omnes tempore finito effluere, quam partes spatij intra finitos limites contineri.

Imò, fortasse inquiet Zeno: quia partes spatij permanentis non fluunt, sicuti partes successivæ motus; infinitarum verò partium

V 2

fluxus

fluxus numquam exauriri potest; veluti etiam infinitum aquarum agmen nullo vniquam tempore finito, totum præterlabi valet.

Sed fallitur, non enim ille vnius horæ motus debet comparari cum infinitis aquæ pedibus, qui numquam alueo fluminis effluere possent, sed cum vnicō potius aquæ pede, qui infinitas partes aquæ proportionales continent, & tamen omnes successiū breuissimo tempore ripam præterlabuntur. Sic ergo etiam in motu horario partes infinitæ, sed non inter se æquales, sed proportionales & semper minores sine fine, sibi succedunt, & cum partibus spatij permanentis finiuntur, ac effluunt. Si enim per illam partium proportionalem perpetuam decretionem, ita consumitur extensio spatij permanentis, vt arctissimis finibus concludatur; cur eodem modo intelligi non potest extensio successiua per particulas proportionales perpetuas sic accidit ac præcipitari, vt infinita illa partium series tandem concidat & tota emoriatur?

Sed alterā etiam viā rem hanc aggrediamur, & in alias spiras misserum intellectum huinanum torqueamus, vt valeat vtcumque ex hoc se labyrintho euoluere. Cogitemus, inquam, mobile primâ sui parte ingredi primam partem spatij: ecce nullam tam parvam partem delibare poterit, quin per infinitarum partium minorum contactum transierit. Licet autem traectus ille infinitus sit secundūm partes proportionales, est tamen simul secundūm partes inter se æquales breuissimus. Item, licet, si in omnibus partibus æqualem moram mobile traheret, numquam ex illis angustiis extrahi posset; iam tamen, quia in maioribus diutius, in minoribus minus moratur, & secundūm partium spatij decrementa, moræ etiam decrescent, & breuiores sunt sine fine, ecce lux aliqua mihi oboritur, quā vtcumque suspicari iam valeam, totam illam moram ex omnibus moris conflatam, finiri posse eodem modo, quo ipsa extensio spatij, quam moris successiuis perambulat mobile. Cū enim fellā imaginatione, intellectus solus pergit moras, quas super partibus spatij mobile trahit, in particulas successiucas paruitate suā immaginabiles, & sine fine se diminuentes concidere, decrescit mihi in immensum prima mea admiratio, quā hæsitabam stupidus, quomodo omnes illæ morulæ infinitæ possent aliquando finem accipere. Nam veluti color in quantitate pedali extensus, ab illâ quantitate infinitudinem partium proportionalium, & tamen vñā finem vtrumque accipit; ita moræ quibus mobile super partibus quan-

quantitatis spatij hæsit, infinitudinem in partibus successiuis proportionalibus contrahunt, & simul intra terminos restringuntur ultra quos non effluant. Solū in eo est discrimen, quod partes coloris permanentes, motū vero partes successiue sint, item color quantitati spatij, vt subiecto inhæreat, motus autem mobilis, non spacio.

Possimus denique tempore imaginario imaginationem nostram hic iuuare. Videlicet quod sicuti in spatio imaginario permanente capacitas quædam est (sic cum fundamento in re imaginatur) quæ angustissimo spatio permanente infinitas partes proportionales magnitudinis possit recipere; ita in tempore imaginario, eadem ratione capacitatem concipimus, quæ breuissimo spatio successivo infinitas partes proportionales successiucas motus, aut temporis realis valeat comprehendere.

Sed tamen reuerā, prius oportet ostendere, nullam in infinitudine illâ partium realium permanentium & successiuarum contradictionem inuolui, quām possimus concipere in spatij permanentis & temporis imaginarij capacitatem posse infinitudinem partium realium recipi. Si enim nulla continui compositio, præter Epicuream esset possibilis, oporteret in spatio imaginario tam permanente quām fluente, imaginari tantum capacitatem ad capienda realia continua, composita ex solis atomis, non ex partibus infinitis, quia talia in rerum ratione nulla existere possent.

C A P V T X L I V .

Argumentum sextum: Ex tractu globi super planum, aut eiusvis rei indiuisibilis motu colligunt, magnitudinem ex solis indiuisibilibus compositam esse: sed nituntur frustra.

Argumentum hoc reputatur vulgo vnum ex molestissimis. Tangat, inquiunt, sphæra planum in puncto, & ita per ipsum continuo motu trahatur, vt idem sphæræ punctum lineam in plano describat: Linea ista necessariò ex meris punctis contextur. nam sicuti, cū punctum sphæræ quietceret, rangebat planum in puncto sibi adæquato; ita toto tempore motū, perpetuā per puncta catenatim incedit, cū perpetuā tangat lineam, nec vlibi in parte diuisibili, sed vbiique in solo puncto, tangere possit. Ve-

rūtamen, quām in sententiā Epicuri hoc argumentum inutile sit, liquet ex iis quā Capite xiiii. diximus: nam nulla apud Epicureos potest esse perfecta sphēra, aut perfectus circulus, qui planum in puncto tantum contingere possit. Et Plutarchus in re istā omnino, aut proximē Epicureus, clamat, & duxat dñs d̄xevonr̄ov cīvā, impossibile & inimaginabile esse, ἐν ἡ σφαῖρᾳ δὲ τὸν μετὰ τὴν σφαῖραν ἀπέν, quod sphēra planum in puncto tangat, & grauitate de Stoicis conqueritur, qui τέτοιο βιδζοῦ νοέντες, volunt nos per vim cogere, ut id imaginemus & intelligamus. Probat autem planum in parte diuisibili tangi, quia si sphēra purpurea pér planum trahatur, lineam in eo purpuream describet, quam à puncto indiuisibili & incorporeo fieri posse negat, quia ἀσφαῖρων περὶ τὸν σῶμα, τὸν τὸν ἔργον δέ, re incorporeā purpurari corpus, est contra rationem. Item, quia sphēra vitrea cadens in lapideum planum, dissiliret & frangeretur; est verò, inquit, contra sensum communem, ut frangatur per punctum. Ex quo, non vt ex vngue leonem, sed vt ex caudā licet agnoscere ouiculam, & quām parum callidus in Mathematicis fuerit Plutarchus, ne impensè miremur, in re istā continui propiorem Epicuro fuisse, quām Peripateticis.

Igitur qui hodie contactum sphēræ & plani contra Aristotelem assūmunt, supponunt in antecedente sententiam Aristotelis, quam destruere volunt per consequens. vide virtute sic arguantur. Continuum ex partibus infinitis constat (id enim necessarium est, vt dari possit corpus perfectè sphēricum, quod planum tantum in puncto tangat;) ergo vltimō componitur ex meris punctis finitis. id est, affirmatiū procedunt à repugnantibus hac simili formā: ignis est calidus, ergo est frigidus. Si non credant, relevant, quā Capite xiiii. differūimus.

Itaque supposito, quod sphēra planum in puncto tangat, non potest, sine dubio, inferri continuum coalescere ex meris punctis, sed omnino oppositum: veram esse videlicet Aristotelis & omnium Mathematicorum sententiam, quia contactus ille hanc necessariō pro fundamento suo supponit.

Quid verò Aristotelem & Mathematicos respondere oporteat, res satis videtur perplexa.

Nos tamen vnico iictu hunc nodum cēdimus, negando vlla in continuo esse positiva puncta, quod Capite xxxii. satis diffusè ostendimus. Nullum, inquam, in sphērico corpore est positivum & reale punctū, quod positivo plani puncto incumbat; vnde nec motu

suo

suo lineam ex positivis punctis catenatam in plano describit. Punctum verò negativum, siue negatio vltioris extensionis in longum, cūm nihil sit, non potest vero & suo motu de loco in locum transire, sed tantum per accidens dicitur moueri, vt cæcitas ad motum hominis cæci. quod autem tantum sic mouetur, nec vllum omnino motum in se suscipit, per motum alienum rei diuisibilis, quo solo dicitur moueri, verā lineam ex puris punctis indiuisibilibus describere aut designare nequit.

Hæc videtur mens Aristotelis, vbi ait solūm καὶ συμβέβησε τὸ Lib. 6. c. 10. ἀμερὲς νοεῖσθαι, per accidens indiuisibile posse moueri: quomodo is Physic. qui in naui est, mouetur, inquit, non suo (etiam si tamē etiam suum intrinsecum motum habeat, in quo à cæcitate, & indiuisibili negatio differt) sed τὸ τῆς τε πλάτερης φορᾶς, ipso nauigij motu, qui ei est extrinsecus. Liquet id paullo minus ex ratione quam adserit. Nam impossibile est, inquit, ut id quod mouetur, spatium maius se transeat, nisi prius aut æquale sibi, aut minus spatium transferit. Indiuisibile antem spatium minus se transfere nequit; igitur æquale transibit. unde erit tota linea ex punctis. aci τὸ τόλευ νοεῖσθαι, τὸ πᾶσαν γεραύλων στρατηγοῖς, semper enim per æquale transendo, punctum totam lineam mensurabit. Quid disertiū dici potuit?

Torquent tamen miserè hunc locum, qui puncta & alia indiuisibilia positiva continua interferunt. cur enim punctum quod est centrum in globo, volando per aërem, lineam ex puris punctis non describit? Quia centrum per accidens tantum mouetur ad motum globi, respondent quidam, non verò per se.

Sed optimē eos refellit Scotus: *Quia quāmvis, inquit, pars in toto moueat per accidens, tamen semper est in spatio sibi aequali, & pertransiendo illa, describit totum spatum.* Similiter nauclerus insidens naui, non aliter per spatia sibi æqualia successiū motu nauis aufertur, quām si pedibus incederet, ac per se moueretur. igitur etiam centrum globi lineam, motu à globo sibi communicato describet, eodem modo atque si extra globum Angelus aut Deus ipsum continuè deferret.

Conimbricenses aiunt, punctum moueri continuè per accidens & gratiā globi, cuius motus est diuisibilis & continuus, secundūm Lib. 6. c. 10. se verò non continuè, sed per motus discretos, vnde et si, inquit, Physic. globus ex parte inferiori quā interuentu solius puncti planum tangit, non cesset pergere; hanc tamen idcirco respectu eiusdem partis, & comparatione plani continuè moueri. Ideo enim dicitur non cessare, quia

quia non intermittit contactus discretos, nec ullum preter temporis momentum, cui suis contactus non respondeat. Punctum igitur istud globi saltuatim per puncta plani mouetur, nec partem lineæ quæ proxima est puncto transit, sed transilit sine tactu.

Verum istud videtur non posse intelligi, sine transitu omnium punctorum globi, & cuiusvis corporis mobilis, ab extremo spatij in extremum sine medio. Si enim non continuè mouentur, cœfiant vbi ad partem lineæ spatij appelerint, & eam transiliunt sine transitu per ipsam, vt ad contactum alterius puncti perueniant. Saltus vero rei corporeæ ab extremo in extremum sine transitu per medium, imaginatione difficultissimus est, & apud omnes certum est, per naturam non posse saltari. Et auget difficultatem, quod puncta globi non videantur sic posse saltare sine simili saltu partium globi quibus continuantur.

Igitur simplicissima & optima Aristotelis interpretatio est, si puncta & indivisiibilia cetera continui negationes quasdam esse constituamus, quæ merè per accidens, & nullo vero suo motu de loco in locum dicantur transferri. talia enim nullum alium motum, quam totius continui, in quo concipiuntur, habent; per ipsum verò continuum, non lineam, sed magnitudinem corpoream potius describunt.

Sed quid interim Angelo facimus, qui indivisiibilis est, & in uno puncto spatij esse potest, & continuè deinde moueri? cur isto motu, lineam ex meris punctis non describet (argumento Aristotelis) quia per spatia sibi adæquata perpetuò transit?

In 2. d. 2.
q. 1.
Ioannes Maior hoc exemplo oppressus, dixit continuum ex solidis punctis compositum esse, sed infinitis; quem Capite xxxi. reiecit. Plurimi verò alii negant, Angelum aut animam rationalem posse naturaliter in punctum colligi, sed omnem eius præsentiam necessariò esse ad spatiū diuisibile; quod plerique omnes censent, qui nulla indivisiibilia positiva continuo intermiscent, magnâ sanè verisimilitudine: & potest sic demonstrari. Capite xxxiv. dicebamus, vix posse vitari replicationem puncti, si intimè utrique parti lineæ quam copulat, assistat, intretque spatia extreñorum, idem verò Angelo potest applicari.

Pone enim Angelum in centro globi, quod infinitæ lineæ vindique à circumferentiâ concurrunt, videtur non posse præsentia eius ad solum centrum indivisiibile imaginarium terminari, sed necessariò ad partes alias omnium linearum in orbem debere effundi.

effundi. Nam veluti, si punctum ibi aliquod centrale posituum esset, oporteret ipsum (sic Capite xxxiv. videbatur nobis) intra omnium linearum quas terminat, spatia se retrahere; ita Angelus in eodem centro constitutus, quia pari modo omnium linearum extremitatibus intimè & cum quadam penetratione assistit (punctum enim, siue aliud indivisiibile, extra partes lineæ extare nequit, alias faceret coextensionem) omnibus vndique etiam aliquouisque intimè præsens erit, ideoque præsentiam habebit non simplicissimam & indivisiibilem, sed ad spatium diuisibile diffusam.

Angelus vero per præsentiam in infinitum vndique diuisibilem sic replicatus, corpori continuo infinitè diuisibili æquualet: vnde si se moueat, non lineare aliquod spatium, aut superficiale, sed corporeum & in omnem dimensionem diuisibile, imaginatione nostrâ, describet.

Sed demus tamen, Angelum posse constitui in spatio indivisiibili: dicet tamen fortassis Aristoteles, fore tunc eum immobilem successuè, nisi antè in spatio diuisibili se replicauerit: posse nihilominus saltuatim ab extremo in extremum sine medio, è puncto, inquam, in punctum subsilire; quod plurimi hodie docent Theologi.

Si vero denique præsentiam indivisiibilem habere; & continuè mobilem esse dederimus, modus tamen adhuc supereft, et si paulò impeditior, quo Angelus lineam continuam, non tamen ex solidis punctis confutam, describat. Eum nobis indicat Scotus. *Dico, In 2. d. 2.* inquit, quod semper, id est, in quolibet indivisiibili, est in spatio sibi *equali, non autem semper, id est, in qualibet parte temporis.* Itaque ab uno puncto spatij (concedamus enim iam puncta realia in spatio: per hæc enim perrumpere etiam difficultatem istam possumus) non salit inmediate ad alterum, nisi per partem intermedian, sed per istam non in instanti, sed tempore inter duo instantia medio transit.

Sed quid in eâ parte tangit? inquires. Respondeo, In tempore partem, in instanti punctum tangit.

Sed numquam potest nisi punctum tangere, clamant. Respondeo, Si numquam idem sit ac nullo instanti, verum dicunt: nullo enim instanti partem, sed quolibet punctum solum tangit; *tamen in tempore medio inter duo instantia,* ait Scotus, *fuit super medium continuum inter illa extrema.* Nec adeò difficilis & impedita est huius fluxus & transitus imaginatio, nisi quia momentum momento

in tempore immediatum , blandimento facillimæ cogitationis intuitati, concipimus , & Epicureâ de compositione temporis sententiâ nobis ipsis imponimus, supponimusque id de quo tota controuersia est : tempus videlicet componi ex instantibus immediatis. Reiectâ verò hac Epicureâ cogitatione , rem totam sic expedio. Cogita mecum attentè paullisper (puncta , res tenuissimæ sunt, & collectis sensibus inspici debent) quomodo punctum intimè assistat parti lineæ quam finit, aut continuat. ita enim ei intimè præsens est , vt nullam adæquatè particulam eius tangat : indiuisibile enim, nisi replicetur, diuisibili adæquari non potest. sic de Angelo sub indiuisibili præsentia collecto existimare oportet. In quolibet instanti, inquam, puncto spatij insidet, in tempore infinitè diuisibili per partem infinitè diuisibilem incedit, eamque non in puncto, sed in parte aliquâ, verùm inadæquatè, tangit.

Quod vt planius intelligas , fac , Deum vniuersa spatij realia puncta, partibus immediate inter se vnitis , destruere : Angelus tamen sine replicatione, eas partes motu suo perforare, ac per eas incedere poterit; nullam nihilominus adæquatè, sed omnes per quas transibit, inadæquatè contingit.

Quæ responsio tota ad motum globi super planum tracti transferri potest. Nam singulis temporis momentis planum in alio & alio semper puncto tangit , tempore verò post momentum immediatè sequenti , non in puncto (punctum enim nullum est alteri puncto immediatum) sed in parte lineæ plani inadæquatè tangit : eo modo, quo vbique ipsum tangeret , si reliquo solùm globi puncto , Deus omnia plani puncta destrueret. Si negent Epicurei se hæc intelligere, ideo, opinor, accidit, quod in sententia Peripateticæ & communis tenebras , intellectum serio numquam demerserint, maluerintque semper igniculum illum Epicuri fatuum perdeua & præcipitia consecrari, quām viâ publicâ & certâ, in hac nocte incedere. Ego ingenij mei aciem non iacto , fateor tamen me non obtusissime ista cernere , & plurima in rebus naturalibus circumspicere, quæ minus valeam terebrare.

Itaque, siue puncta & indiuisibia continuo permisceamus, siue omnia (quod nos antè fecimus) aboleamus: item, siue Angelus, & anima rationalis spatium tantum diuisibile occupare, siue etiam ad punctum vnicum se reuocare , & sic se continuò mouere possint, numquam euincet Epicurus magnitudinem coalescere ex puris indiuisilibus.

Hinc

Hinc etiam intelligitur argumentum Aristotelis , quo ex motu per se rei indiuisibilis colligit, spatium compositum iri ex meris indiuisilibus, topicum solum , nec firmissimum esse: & quis etiam obstinatè addicetus , qui omnia ab eo asserta paris firmitudinis velit esse? Vnde magister eius Plato, à quo videtur istam de immobilitate rei indiuisibilis doctrinam accepisse , argumentum istud negligit, contentus altero, quo etiam vsus Aristoteles: quod res quæ mouetur partim in loco qui deseritur, & partim in eo qui acquiritur, esse debeat; id verò rei indiuisibili, quæ impers est, competere non possit. Quæ doctrina Platonis planè intelligenda videtur de motu locali propriissimè dicto , qui ad locum diuisibilem & circumscriptiuè ambientem debet terminari: ad talem enim locum moueri non potest indiuisibile. Patet verò etiam inde: quod dicat τὸ ἐν εὐνῳ (ita enim vocat indiuisibile) οὐ μοῦ εἶναι, nullibi esse , quia nec in se est , cùm non distinguatur à seipso , nec alio , ὅτι τὸ ἀλλαγὴν, πολλαγὴν φεύγει τὸ εἴδες εἰς τὸ άλλο εἶναι, quia si in alio esset, circulo quodam ab eo in quo esset comprehendenderetur. id verò, inquit, fieri non potest, cùm indiuisibile in multis in orbem partibus tangi nequeat à circulo.

Loquendo verò generalius de locali motu , qui ad Vbi mobilis intrinsecum, siue diuisibile, siue indiuisibile terminatur, potest res indiuisibilis moueri ; sicuti etiam definitiè, vt loquimur, (etsi non circumscriptiūè) esse in loco. Non est etiam necesse, vt tale indiuisibile partim sit in termino à quo, & partim in termino ad quem dum mouetur ; vt nec vt transeundo, pedem vbique & perpetuò figat in spatio reali sibi æquali.

C A P V T X L V.

Argumentum septimum, quo perperam credunt, in sententiâ Aristotelis, sphæram actiuitatis nullum finem habituram esse.

Sed sphæra actiuitatis in infinitum abibit, inquiunt, si magnitudo, & tempus ex partibus infinitis componantur. nam oportebit quamlibet qualitatè intensibilem ex totidem etiam partibus intensius infinitis constitutam afferere. si enim infinitis temporis partibus qualitas aliqua intenditur, igitur & infinitæ partes intentiæ in eâ sunt, quarum una hac parte temporis , altera istâ producitur.

X 2

citur.

citur. Ex illâ verò partium intensuarum infinitudine videtur agens posse extendere sphærām suæ actiuitatis in infinitum. Nam vbi-
cumque finies corporis luminosi, exempli gratiâ, sphærām, lumen in extremæ circumferentia limbo, infinitam partium proportionaliū intensuarum multitudinem adhuc haber, quæ longius se propagare, & sibi simile producere poterunt. Cur enim infinitæ illæ partes intensuæ, in subiecto diaphano, & nullâ contrariâ qualitate imbuto, sibi similem effectum producere nequeant? in sententiâ verò Epicuri, cùm qualitas uniformiter disformiter usque ad indiuisibilem partem intensuam decreuerit, ibi merito sphæræ limes est figendus.

Verùm quæro ab istis, cur qualitas intensuè indiuisibilis, quæ eiusdem speciei cum qualitate intensissimâ est, tam infœcunda sit, vt ne quidem alteram etiam indiuisibilem valeat efficere? Quid enim h̄ic aliud respondere possunt, quām tale esse partis indiuisibilis ingenium, vt nihil sola, aut etiam adiuta ab agente principali quod retro in centro sphæræ est, vel à partibus qualitatis aliis centro & circumferentia sphæræ interfusis, valeat producere?

x. 2. q. 5.
2. 5. ad 2. Ecce autem idem aut simile omnino ipsis reponere possum: imò faciat pro me D. Thomas. *Non omnia quæ sunt illuminata, aut calefacta, possunt alia illuminare & calefacere: sic enim illuminatio & calefactio essent usque ad infinitum.*

Lib. 5.
prop. 15.
Optic. Ad eam itaque luminis particulam intensuam, uniformi illo per medium decremento, tandem peruenit, quæ vites se ulterius propagandi amittat. Itaque ad agendum certa intensionis mensura necessaria est, ad quam lumen in extremâ circumferentia sphæræ actiuitatis non pertingit, aut certè, licet tali lumini, quantumvis extenuato, non desint vires ad productionem alterius remissioris ultra limites sphæræ actiuitatis, ramen non producit, quia ipsum est minimum naturale quoad intensionem, nec ullum lumen ea remissius, per naturam, extra compositionem alterius intensioris existere potest. si verò aliud produceret, deberet ipso esse remissius, ac proinde minimo naturali esse minus. Ita Optici quidam docent. *Afferimus, inquit Aguilonius, lumen non sub quocumque intensionis modulo posse sapientiæ vi solitariè existere, sed aliquem esse paruitatis terminum, ultra quem progreedi dividendo non liceat citra interitum, quem proinde minimum naturalem non incongrue possumus appellare.* si autem maiori lumini aliud minus adiungatur, quantumvis exiguum, nil vetat quin hoc illius ope queat sustentari,

tari, dummodò utrumque simul minimum naturale saltem attingat.

Si dicas, lumen producendum extra limites sphæræ actiuitatis, continuandum esse cum eo quod intra eosdem limites est, & proinde non futurum solitarium, & ab omni alio seorsim; responsio est in promptu. ex parte quidem continuationis extensiæ nihil obstat quod minus existere possit, sed periculum totum ex defensione intensionis, & coniunctionis cum alio gradu intensuo prouenire: dari enim minimum naturale non tantum secundum extensionem, sed etiam secundum intensionem, ac tale esse lumen quod extreum marginem sphæræ actiuitatis insedit. vnde si aliud remissius ultra hunc marginem effunderet, istud esset remississimum, quod naturaliter seorsim ab aliis esse potest, remissius.

Hæc in sententiâ D. Thomæ, qui rebus etiam inanimatis terminum paruitatis ab intrinseco figit, magnam habent speciem probabilitatis, quam Optici etiam vetustiores videntur oppositæ Scoti sententiæ anterulisse. nam de minimo naturali, saltem quoad extensionem, perspicue Vitello: *In minimâ luce, ait, que sumi potest, Lib. 2.
est latitudo: quoniam minimum lucem dicimus, que si dividatur, non prop. 3.
Optic. habet amplius actum lucis, quia non erit visibilis, sed utraque pars
extinguetur, quia neutra pars eius erit lux, neque apparebit sensu.*

Si verò in lumine, & rebus inanimatis minimum nullum naturale datur, quod fortiter, & multorum assensu, affirmat Scotus, retinenda prior responsio, quam à D. Thomâ sumebamus: quia *In 2. d. 2.
ad actionem qualitatum talium intensibilium, non sufficit quan- 9.
tulumque mensura intensuâ qualitatis, sed certæ magnitudinis requiritur, etiam vt à qualitatibus quæ à tergo sunt, ad propagandum effectum ultra terminos sphæræ actiuitatis, possint adiuuari.*

Sed heus adeste vos iam Epicurei, & videte, vt telum istud sphæræ actiuitatis in caput vestrum redire possit.

Vos conquerimini sphærām futuram nimis longam, & sine fine, si qualitas quilibet ex partibus intensuis infinitis composita sit; ego affirmo vestram nimis fore breuem, si ex finitis indiuisibilibus. Luculam enim illam pallentem putrescentium lignorum, si placet, aut etiam tenuem illum ruborem lunæ, tempore eclipsis in umbrâ terræ exspirantis accipiamus. Quot, quæso, partes indiuisibiles intensuas in luce tam remissa & euaniâ nobis datis? Si totidem, quot sunt in uno pede spatij puncta, nimis, credo, liberales eritis: nam ynicus magnitudinis pes, etsi finita, in-

numerabilia tamen puncta comprehendere, etiam Epicurus vester non negat. Demus tamen tot, quot in toto milliari possunt contineri. Radiet igitur deorsum lux illa moribunda lunæ delinquentis. Si actio uniformiter decrescit, singula spatij puncta, à lunâ deorsum recedendo, perpetuâ serie amittent unam semper particulam indivisibilem intensuam qualitatis. quia verò non plures sunt (vt nunc supponimus) in totâ intensione luminis lunaris eiusmodi particule, quâm quot in longitudine milliaris puncta, necesse erit, ultimum milliaris punctum indivisibilem solum luminis particulam recipere, ibique totam luminis lunaris radiationem & actionem finiri. Hinc nemo umquam è terrâ, tot centenis milliaribus à lunâ distante, lunæ eclipsin poterit cernere; quandoquidem oculus extra limites sphæræ actiuitatis eius tam longè summotus radium, aut speciem visibilem luculæ illius non possit excipere. Infinita igitur, quoad partes saltem proportionales, sit oportet primæ lucis, quæ lunæ inhæret, intensio, ut extensiō quæ ad nos usque pertingat, possit sufficere.

Vnde hoc telum quo innoxie nos petunt, possumus cum noxâ in Epicurum regerere.

C A P V T X L V I .

Argumentum octauum, quo contendunt, sine vacuo, penetratione, aut replicatione, condensationem ab Aristotele explicari non posse.

Obiecimus antè Epicureis, ceu grande piaculum, quod sine vacuo, aut partium quantitatis penetratione (utroque, naturæ detestabili malo) nequeant corporum condensationem expedire: ecce iam eodem scelere Aristotelem satis calide respergunt, & tantâ profectâ in speciem probabilitate, ut etiam Peripatetici hîc vacillent, aut quidam planè labantur, ut existimant aliter fieri non posse. Nam si totum spatium intra vas conclusum, inquiunt, aliquo corpore continuo, & nullibi interhante est plenum, concipi nequit, quomodo vel minima corporis alterius particula intra vas idem compingi possit, nisi aut aliquæ loco cedant & vase expellan- tur (quo casu nulla fiet condensatio) aut pars adueniens ceterarum quæ inerant, per penetrationem locum intret, aut certè vacuum aliquod intermixtum fuisse oportuit, quod à partibus se inuicem compri-

DE COMPOSITIONE CONTINVI LIBER. 167
comprimientibus repleri possit, ut corpori intra vas idem conjecto- locum facere valeant.

Veteres tamen Scholaftici, quia penetrationem dimensionum, & Epicureas inanitates, omnibus experimentis, & rationibus Academiæ ac lycei refutatissimas esse credebant, aliâ viâ sese expedire ex hoc labyrintho conati sunt. Marsilius noster (nescio quid in In 4. q. 9. a. 2.) mentem quibusdam venerit, hunc Anglum facere, nam vetustissima scripti eius in Magistrum exemplaria eum in Germaniam inferiorem, & diecesim Traiectinam reuocant) imaginatur, dum corpus condensatur, totam veterem quantitatem maiorem abjici, & nouam minorem acquiri. Sed etsi vulgo id ei impingatur, attentè tamen lectus dubium me reliquit, an de quantitate actuali (quam sœpè appellat extensionem) an de aptitudinali loquatur. Si de actuali, res apud me in comperto est, totam nouam in rarefactione, & condensatione acquiri: nam omnes partes locum mutant, & extensionem actualem variant. Scotti subtilitas rem istam penetrare non valuit, si Hugoni Cauello credimus. *Scotus problematicus est*, inquit, *vel magis, nihil resolutissime videtur.* Passim tamen existimatur, putauisse nouæ saltem partis quantitatis accessu corpus rarescere, & abscessu condensari. Ait enim disertè: *ad minus aliquam partem quantitatis nouam (in rarefactione) oportet omnes ponere; alioqui non esset nunc maius, quam prius.*

Sed difficulter id profecto defendi potest, si de quantitate aptitudinali (quæ propriè est quantitas) accipi debet. Cum enim in rarefactione aëris non creetur noua materiæ pars, quodnam, obsercro, subiectum noua ista pars quantitatis habet? non enim in materiam antiquam inculcari potest, cum hæc suam quantitatem habeat, quæ ab aliâ in eodem subiecto penetrari nequit. Item etiamsi id sanè fiat, non idcirco ramen vel hilo rarior, sed potius densior erit; certè tamen non amplius, quâm antè, spatium occupabit. Si etiam in condensatione, pars quantitatis deciditur: vel pars materiæ unâ decerpitur (& ita decretio magis, quâm condensatio erit) vel materiæ pars quæ quantitatem abeuntem sustentabat, intra alias partes se retrahet, & in earum quantitatem, exutâ suâ, se induet: quod etiam fieri non potest, nisi eadem forma accidentaria (quæ tamè non sit duorum extremorum vinculum & vno) constituatur in duabus subiectis non subordinatis: eadem, inquam, quantitas in duabus eiusdem materiæ partibus integralibus.

Deinde id contra naturam & finem quantitatis est, qui est, par-

tes

tes materiae extra se euoluere, & impenetrabiles loco reddere, huic enim fini necessarium est, singulas materiæ partes, peculiares suas quantitates obtinere, quarum vna alteram ab eodem spatio repellat.

Denique nec Marsilius, nec Scotus satis probabilem causam dare possunt, quæ vnam quantitatem aptitudinalem destruat, & alteram inducat, nam duæ formæ solo numero distinctæ, non ita soleant inter se repugnare, ut vna alteri immediatè succedat, eamque depellat suo subiecto. Deinde quantitas potius à materiâ cui insidet, & cuius proprietas est, quā ab agente creato extrinseco, in genere causæ efficientis dependet. igitur ignis calefaciens non potest aquæ nouam quantitatem aptitudinalem dare, sed ea potius è visceribus materiæ primæ aquæ resultare debet: nulla verò causa est, cur materia veterem quantitatem abijciat, & aliam eiusdem speciei immediatè post in se efficiat.

Addè, valdè esse probabile, quantitatem aptitudinalem solâ ratione à materiâ esse diuersam: in quā sententiâ, nec Marsilij nec Scotti doctrina potest habere locum. sic enim sine nouæ materiæ accessione aut dæcessione, quantitas maior accedere aut decedere nequibit. Alijs sufficit dixisse, *densitatem consistere in proprietate quadam, & tali modo se habendi, ratione cuius multa materia potest esse sub parvis dimensionibus.* Densitatem enim & raritatem credunt veras qualitates esse, à quibus quantitas aptitudinalis habet, ut sub eâdem partium suarum & materiæ multitudine, minorem aut maiorem locum occupet.

Sed, vt hæc vera essent, altius tamen res inspicienda est, & modus reperiendus, quo sine penetratione partium, aut vacuitate interiectâ, id fieri possit.

Omnis omnino gemunt sub onere huius difficultatis. *Communi-*
nis, & D. Thome sententia (eamdem scilicet in condensatione, & rarefactione quantitatem permanere) *proculdubio vera est,* inquit Aresius, *quamvis ingentibus ipsa quoque prematur difficultatibus.* Et

Llib. 1. d. 4. Hurtadus *ingenuè fateri se ait, continere difficultatem ferè inexplicabilem.* Et fanè, dum quis totum locum aliquem solidè plenum esse cogitat, quomodo ferè non desperet, spatiū præterea in eo posse reperiri, quod nullâ parte eiectâ, aliud tamen simul corpus sine penetratione recipiat? Deinde omnes partes in corpore raro proxime continuantur; quā igitur viâ per condensationem proprius admoueri possunt? nihil enim proprius esse potest proximo & immediato.

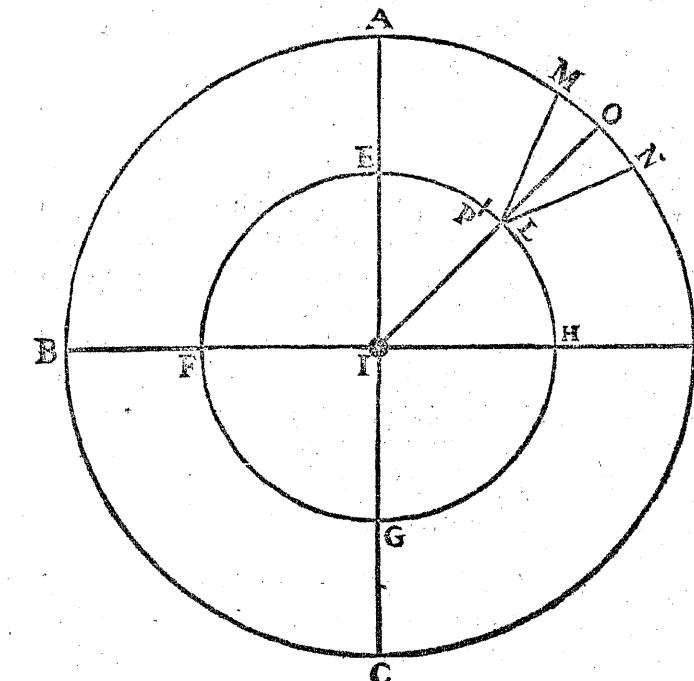
In

Suarez
tom. 2.
d. 42.
fect. 5. Me-
taph.

In corpore denso etiam, singulæ partes proprium & distinctum Vbihabent, & omnes extra mutua spatia explicatae sunt; quis ergo intelligat, quomodo sine nouarum partium accessu, aut certè veterum replicatione (quam nuper tam longè refutabamus) maius spatium, per rarefactionem valeant occupare? Quām verè olim diuina Sapientia! *Difficile affimamus quæ in terrâ sunt; & quæ in sap. 9.* prospectu, inuenimus cum labore. Ipsa est, quæ diuino suo ingenio admirabilia ista texturæ continui stamina & subtemina intricavit, nec alia extricare nobis potest. Hanc igitur (quod in re naturali & simillimâ fecisse olim inuenio magnum Augustinum) deprecemur.

Duo autem à longè prouideo, vnde mihi spes aliqua, tenuis faltem, affulget, rem istam non omnino inextricabilem esse.

Primum, quia Capite viii. dicebamus, à nullo puncto circumferentia majoris circuli A B C D. lineam rectam ad centrum L.



deduci, quin semper per aliud & aliud punctum minoris circuli E F G H. debeat transire: vnde consequens videtur, totidem quodammodo puncta & partes in circulo minori, atque in circulo

maiori

Lib. de
Quant.
Anim. c. 8.

maiori contineri. Quod si hoc usquequaque verum esset, multum de cresceret admiratio, quomodo totus circulus maior spatium & angustias circuli minoris posset intrare, nam quomodo intrauit in has angustias quantitas circuli minoris, quæ totidem nec pauciores haberet partes?

Sed proculdubio, plures in circulo maiori, quam in minori partes sunt, eti in isto etiam sint infinitæ. Sed tamen, quia infinitæ sunt, spatium etiam occupant eodem modo infinitum; & hinc spes adhuc superest intra ipsum partes infinitas circuli etiam maioris posse citra penetrationem compingi.

Secundò, Capite xxii. asseuerabamus ex fabricâ oculi humani & omnium animalium, item ex lente conuexâ telescopij Belgici, compertissimum esse, amplissimorum obiectorum picturas, omnes vniuersim extra proprios situs partes exprimentes, intra angustissimum oculi hominis, muris, auriculæ, aut muscæ spatiolum posse contineri. Ita, inquam, pro certo, & demonstrato admirabilissimum quod iam dicam, habeo: totam concavam cœli superficiem, sine ullâ partium confusione, & picturarum penetratione, intra breuissimum vnius vnguiculi spatium, beneficio lentis Batauicæ posse depingi.

Cum igitur singulæ partes cœli speciem & picturam peculiarem habeant, & infinites pènè spatio vnguiculi ampliores sint, quomodo in illas angustias, citra confusionem & mutuam penetrationem se adduci patiuntur? faciunt tamen, & nisi credant Epicurei, facile est periculum. Lentem, inquam, telescopij, & chartam quâ speciem cœli, aut rei alterius maximæ per foramen conclavis obscurati excipiant, in manum sumant, oculorum fide ad assensum cogi possunt. Si verò omnium partium, & punctorum cœli imagines tam angustè sine compenetratione habitare queant, cur non & totum ipsum prototypum, sive quantitas cœlestis hemisphærii, potest etiam per compressionem, sine penetratione, ad easdem angustias venire?

Sed nimis hoc est admirabile, inquiunt. Ita est: & ideo diuinus Artifex sic fecit, ut nimium quantum admiraremur. Quasi verò totus hic mundus plenissimus non sit admiratione, nec meritò Rex iste extaticus exclamat: *Multa fecisti tu Domine Deus mens mirabilia tua, & cogitationibus tuis non est qui similis sit tibi.* Et iterum, ac spississime: *Mirabilia opera tua, & anima mea cognoscet nimis. Cognoscant etiam, & eum admirentur ac laudent qui in re istâ totius*

Psal. 39.
Psal. 137.

totius naturæ ingeniosissimâ, & sapientissimo ac omnipotente Opifice dignissimâ, sunt increduli.

Porrò tota difficultas nostræ imaginationis ex ignorantia rei infinitæ prouenit: hæc enim partium suarum multitudine intellectum nostrum obruit, aliàs si naturam eius & omnes conditiones clarè cerneremus, illicè tota quæ nos circumuenit perplexitas solueretur & euaneuceret.

Cogitemus ergo (etsi in densâ satis, non diffiteor, nebulâ) in numero partium continui infinito, non tantum infinitas vnitates, sed centenarios, millenarios (& quemcumque finitum numerum capies) contineri infinitos. si enim millenarij finiti tantum essent, sine dubio oporteret & vnitates esse finitas, ac totum numerum tandem aliquando finiri. Nec hoc tantum, sed oportet vnitates, item centenarios, millenarios, &c. infinites esse infinitos. Patet, quia in qualibet parte continui sunt aliæ particulæ minores infinitæ, & singulæ comprehendunt infinitas aliarum partium vnitates, &c. igitur in quaquis parte sunt particulæ aliæ infinites infinitæ. Quæ omnia certissimè & euidenter sequuntur positâ illâ admirabili partium infinitudine. Denique in numero infinito nulla potest sumi vnitatis, quin ei infiniti respondeant centenarij, infiniti millenarij. nam aliàs, vt antè dictum est, totus numerus vnitatum est finitus. Hac numeri infiniti quamvis nebulosâ cogitatione instructis scintilla fortassis aliqua allucebit, quâ allucinantes saltem & morosè nos paullatim ex hoc labyrintho extrahamus.

Itaque etiam si locus aliquis aëre mensuræ pedalis plenus sit, capere tamen adhuc aliquid potest, quia locus ille infinites infinitas partes proportionales habet, & in vnum eius angulum qui etiam infinitus est, aëris pedalis se retrahit, vt alteri etiam locum faciat.

Sed angulus iste anteâ parte vnâ aëris etiam plenus erat, inquiunt.

Respondeo, ita esse: sed compressione partium locati, plenior, vt sic dicam, esse poterat.

Verumtamen quod se (malum) partes illæ retrahere possunt, iterum instant, cum omnia sint plena?

Rener à difficultum est, & forte impossibile explicare, ait Reuerendissimus D. Aresius, *negatâ penetratione, & vacuo.*

Sed non est: quia in infinito sat magna laxitas est, vt omnes illæ partes possint recipi. maxima enim pars difficultatis nascitur ex

Epicureā imaginatione , quā loci capacitatē , vt continuum , ex atomis finitis conteximus . Fuganda igitur ante omnia hæc cōgatō est , & infiniti anguli , ac infinita loculamenta in unoquoque loco disponenda sunt , quæ partium locati compressionibus constipari & amplius capere valeant ; licet laxo & raro aliquo locato omnia etiam plena sint .

Cūm tamen aēr pedalis intra spatiū dimidij pedis se contrahit , singularum partium extensiones ex parte spatiū breuiores sunt ; & hinc est , vt in spatiū imaginariū duplo angustius recondi valeant . Spatiū enim imaginariū non secundū mensuram multitudinis partium substantiæ , aut quantitatis aptitudinalis , quæ in eo continentur , sed secundū mensuram spatiū realis , à nobis fingitur . spatiū verò reale nihil aliud esse , quām localem extensionem , discere possumus vel ex hoc vnicō Poëtæ ingeniosi versu :

Dum spatiū vīctor vīcti considerat hostis.

Ouid.
Met. 3.
de Cadmo enim loquitur , longitudinem & extensionem imperfecti à se serpentis considerante .

Quia , igitur eadem substantiæ & quantitatis aptitudinalis partes variūm reale spatiū & extensionem habere possunt , ideo sine additione aut detractione , in maius spatiū imaginariū expandi , aut intra minus comprimi valent : quod in sententiā Epicuri , si ne vacuo , aut penetratione , proculdubio , explicari non potest , potest verò & debet in doctrinā Aristotelis & Mathematicorum : & possiblitas ista certò (apud me equidem) delitescit in tenebro-sâ illâ infinitudine partium loci & locati proportionalium .

Sed etiam si , inquietunt , partes loci infinitæ sint , partes tamen locati , etiam rarissimi , similem infinitudinem habent ; ergo quolibet corpore rarissimo ita opplebitur locus , vt nullas præterea partes valeat comprehendere . Sed solutio ex iam dictis est in promptu .

Itaque respondeo negando consequentiam : nam locatum non commensuratur loco secundū multitudinem partium substantiæ ; aut quantitatis aptitudinalis (potest enim continens esse densius , aut rarius contento) sed secundū extensionem actualē . Vnde à quocumque corpore siue denso , siue raro , modò pars sit localis extensio , locus eodem modo totus repletur . Si igitur partes longè plures quām in eo loco continentur , ad mensuram extensionis eius redigi possint , omnes intra ipsum recondi poterunt . Sic glans plumbea tota intrat formam cui liquatum plumbum infunditur , etiamsi numero partium substantiæ longissimè excedat aērem ,

aērem ; qui implet etiam totam formæ cauitatem ; ideo tantum , quia actualis extensio plumbi , & aēris formæ inclusi pars est .

Sed in corpore raro continuo partes proximæ & immediatæ sunt , quomodo igitur propiores per condensationem fieri possunt ? inclamat .

Respondeat antiquus & eruditus Saxo . *Partes condensando mo-* Lib. 4. q. 13
uentur versus inuicem . & hoc intelligendum est de partibus mediatis : Physic.
partes enim que sunt immediate , non possunt esse propinquiores , & per consequens non possunt moueri ad inuicem . Quod tamen fortasse falsum est , nisi molli explicatione ad verum deducas . Nam quælibet pars reuerà loco se mouet , & alteri , etiam immediatæ , magis proximat . Quomodo ? quī fieri potest ? sucllamantes audio . Sed audite etiam ipsi , & in antrum hoc Trophonij , aut arcana Sibyllina me sequimini , si placet . In exemplum autem aspiciamus aquam , vel aērem , versus fundum vasis , hiberno frigore se retrahentem . Aquā illa ante condensationem tangebat immediate fundum sui vasis , & tamen omnes eius partes , à summâ superficie usque ad fundum , conglaciatione singulas addensante (id enim iam suppono , et si glaciem aquā fluente nihilo densiore non pauci credant) magis fundo appropinquant , & subsidunt deorsum . Ratio satis manifesta est : quia quælibet pars profunditatis duabus medietatibus constat , quarum una vicinior est , altera remotior à fundo . quandoquidem igitur omnis pars distans à fundo , versus ipsum se retrahat , quælibet necessariò se retrahet ; quia quælibet ab eo distat , gratiâ partis illius quæ longius quām altera , à fundo sursum recedit . An ergo etiam ea pars quæ proxima fundo est , inquiet , se retrahit , & deorsum subsidit ? Respondeo , Etiam , subsidit . nam nulla omnino pars est , quæ per se primò proxima sit : vnde quælibet pars particulam fundo altiorem versus ipsum detrahit per condensationem .

Sed nullum est , iterum inquiet , inter fundi & aquæ superficiem interuallum vacans , quod aqua fundo proximans se recipere possit , nisi penetrat fundum . Respondeo , Nullum sanè ibi spatiū vacare , sed plenum aquā rariore , non tamen plenissimum esse . Vnde per condensationem aliquid adhuc intra idem spatiū potest compingi , si partes quæ premuntur inadæquatè recedant , & partem loci iis concedant , à quibus premuntur .

Itaque licet recessus partium versus fundum , finem extrinsecum habeat , videlicet fundi superficiem ; tamen finem intrinsecum , vt sic dicam , nullum habet , quia pars proxima & attigua

fundo intra se in infinitum se recipere & addensare potest; cùm in spatio proximo fundo vasis, quod pars illa aquæ occupat, sint infinita receptacula, in quæ particulas suas infinitas proportionales recipere valet. nam quodlibet spatiolum, infinites infinitarum partium, sine mutuâ compenetratione, est capax, modò illæ (quod possunt) ad modulum extensionis actualis eius se restringant & accommodent. nisi enim hoc esset, locus plenus aëre, non posset, expulso etiam inde aëre, corpore alio densiori repleri: quia corpus densius sub pari dimensione plures partes intra locum inficit, quæ spatium ibi nullum inuenire possent, si locus ille ita aëre repletus fuisset, vt nihil præterea posset per condensationem recipere.

Dices (scio) te perinde atque *folia Sibyllæ* hæc intelligere. Sed iam in antecessum, arcana Sibyllina esse prædixi, in quibus non omnes tam acutè cernere possunt, & omnium pessimè Epicurei, qui oculos atomis plenos habent. Hæc verò Peripatetici eodem oculo, quo continui ac spatiis infinitudinem, aspiciunt: nam intra infinitarum partium perplexitates omnia hæc miracula implicata delitescunt.

Quod verò diximus de aquâ versus fundum vasis se retrahente, possumus parti cuilibet respectu proximæ compartis eiusdem continui applicare. nam versus eam se intra seipsam contrahere potest, etiam si compars illa, instar fundi vasis, immobilis permaneret; multò magis quando ipsa etiam vna condensatur, & parti proximæ loco inadæquate decedit. In rarefactione autem quælibet pars, etiam proxima & immediata, longius se euoluit, gratiâ aliarum partium remotiorū (quibus vnaquæque pars semper constat;) vt proinde necesse non sit abrumpere proximæ compartis vñionem aut contactum. Nulla enim pars aquæ est per se primò contigua fundo vasis; vnde quælibet per rarefactionem ab eo sursum recedere potest, gratiâ partium quibus fundum non immediate contingit, & vna tamen seruare contactum. In spatio enim illo abyssus quædam infinita, sine intrinseco fundo est (etsi ipsa extrinsecus ad fundum vasis terminetur) in quam infinitæ partes, per condensationem demergi possunt, & infinitæ per rarefactionem semper & sine fine extrahi.

Sed numerus partium non augetur, iterum inquiet, quomodo extensio incrementum accipere potest, cùm singulæ partes citra replicationem, vnicam habeant extensioem, siue præsentiam localem?

Respon-

Respondeo, per solam partium infinitudinem iterum hoc posse extricari. ad hunc quippe finem, & alios plurimos ista infinitudo fuit omnino necessaria.

Itaque quia partes in aëre pedali infinitæ sunt, potest locus amplissimus tantumdem ex eo cumulo accipere, quantum ad se replendum fuerit necesse. Illa verò repletio fit dando partibus præsentiam localem alterius rationis, quæ habuerant antè. hæc enim præsentia magis explicat & elongat à se omnes partes, quæ per aliquam intermediate distabant. Nec periculum est, ne partes hanc tandem extensionem destituant; quia infinitæ sunt, & sine fine aliæ & aliæ sumi & euolui possunt.

Si hæc iterum inuoluta, & tenebrosa Epicurei clament (quod, sine dubio, facient) Regio Psaltæ simul acclament: *Deus mens illuminata tenebras meas.* Solus enim ille infinitus est, qui claram rei infinitæ infundere debet & potest cognitionem. Psal. 17.

Similiter per condensationem infinitæ partes quantitatis intra spatiū angustius, per breuiores extensiones compelli possunt, quia in quantulalibet extensione partes extensionis etiam infinitæ sunt, quibus infinitæ illæ partes quantitatis indui possint: vbi enim infinitudo est non potest vestis esse nimis breuis. Qui hæc non crederet, negare etiam sustinebit, à quolibet puncto maioris circuli, lineam posse ad centrum duci quæ transeat per aliud perpetuò punctum circuli minoris concentrici, id est, Mathematicis, immo sensu communi, vt Capite viii. demonstrauimus, ridiculus esse. Hæc enim eiusdem ferè generis sunt. nam qui sat multas partes in circulo minori inuenerit ad omnes lineas rectas imaginarias circuli maioris transmittendas ad commune centrum, facile etiam in extensione minori reperiet, quo omnes partes substantiaz & quantitatis, quæ anteā maius spatiū occupabant, per condensationem possit induere.

Quod etiam argumento velocitatis in motu locali ostendi potest. nam velocitas est quædam veluti partium successuarum compressio, simillima quantitatis permanentis condensationi.

In velocitate, inquam, partes quæ in motu tardiori laxius (nullis tamen paucis interiectis, vt Capite xviii. ostendimus) sibi succedunt, pressius ita sequuntur & agmen densant, vt tamen se in eodem tempore non penetrant; aliæ enim non partes successuæ, sed coëxistentes essent, & cùm per diuersas partes spatiis moueant, necessariò, vt Capite xvii. differebamus, mobile replicarent. Si igitur in-

tur intelligi potest, quomodo continuus motus tardioris fluxus possit accelerari, nec impossibilis erit aliquis intellectus, quo quantitas continua rarer comprimi valeat & densari sine penetratione.

Si denique intellectu concipi valet, quod oculis ipsis capimus: quâ nempe ratione vniuersæ & singulæ partes maximi obiecti, imò totius hemisphærii cœlestis, in minimo papyri spatiolo, per vitri conuexi beneficium, extra mutuum situm depingantur: ac insuper quomodo eadem omnium partium continua pictura, prout vitrum magnæ aut paruæ conuexitatis fuerit, nunc amplietur, & quodammodo rarefcat, nunc restringatur, & quasi condensetur; profectò intelligentiâ consequi poterimus, quâ viâ exeundum sit ex hoc condensationis & rarefactionis labyrintho. Picturæ enim illius contratio & dilatatio est verissima cōdensationis & rarefactionis imago.

Postremò tamen, si, quia res ista in apertam lucem extrahi ingenio humano non potest, pertinax in dissensu perseveres, fac sanè per Scoti, Marsilij, aut etiam Epicuri (immissâ videlicet inter partes corporis rari aliquâ vacuitate, vel potius admissâ partium densi aliquantâ penetratione) vel per aliam quamcumque viam, quantitatem rarefcere & condensari; nihil hoc continui ex partibus infinitis compositionem dissoluit, sed vnicum tantum, quod hinc sumimus contra Epicurum, argumentum inutile efficiet. facilis vero est vnius iactura, vbi tot alia viribus maiora supersunt.

C A P V T X L V I I .

Argumentum nonum, quo ex replicatione Angeli, aut anime rationalis Epicurum tueri conantur: sed incaſum.

MAgnum etiam in hoc arguento suæ opinionis præsidium ponunt. Animæ rationalis per corpus suum, aut Angeli per spatium diuisibile replicati omnes præsentia locales indiuisibiles sunt; igitur tam corpus, quâm spatium ex meritis indiuisibilibus punctis concretum est: nam præsentia intercisa nō sunt, sed continua; alias enim anima & Angelus replicati, semper in locis punctualibus discontinuis essent, & anima tantum puncta, non partes ipsas materiæ informaret.

Sed antecedens quod pro tam certo assumunt, falsum est. Aduerte igitur, Angelum, cum vnicum spatij puctum verum, aut imaginarium occupat, alterius rationis induere præsentiam, vt Theologorum

gorum doctissimi docent, ab eâ, quâ per spatium diuisibile replicatur. Illa enim similis est substantiæ Angelicæ, id est, in partes integrales indiuisibilis, hec naturam induit continui per quod expanditur, & diuidi potest sine fine.

Sed impossibile est, clamant, vt res indiuisibilis aliam præsentiam habeat, quâm punctualem, aut in punctuales saltem ultimò diuisibilem.

Sic videtur iis, qui nil nisi puncta somniant, aliter verò D. Augustino, D. Thomæ, Scoto, & columinibus illis Theologorum olim haec tenus visum.

Sed præsentia Angeli, inquiunt, est eius accidens, debet autem accidens suo subiecto conformari.

Respondeo, si velint, accidens oportere tam indiuisibile esse quâm subiectum, assumunt omnino falsum. nam potest accidens intensiuè saltem diuisibile esse, subiecto prorsus indiuisibili: talis enim est scientia in intellectu Angelico, aut humano. Addo, facile ab omnibus etiam intelligi, quomodo accidens intensiuè in infinitum diuisibile recipi possit in subiectum indiuisibile: igitur non tam difficile & intricatum videri debet, si accidens extensiùè etiam in infinitum diuisibile à subiecto indiuisibili possit capi; præsertim ubi ferè omnes, qui intensionem per additionem partis qualitatis ad partem fieri existimant, easdem partes ex intensiuis transire posse in extensiwas, doceant, si ex eodem spatio in quo se intendunt, per spatium diuisibile euoluantur. cur enim eo casu subiectum indiuisibile, per replicationem saltem non poterit suas partes sequi, & partium extensiuarum fieri iam subiectum, quod anteà erat intensiuarum? fallor enim, aut hæc eos fallit imaginatio.

Angelum considerant sub indiuisibili præsentia, in centro, exempli causâ, sphæræ replicationis suæ. Deinde, si sequatur immediatè pars spatij in infinitum diuisibilis, imaginantur sub præsentia diuisibili per eam partem spatij extensâ, indiuisibilem Angelii substantiam non posse consistere, ideoque præsentiam istam diuisibilem per modum pontis, vt sic dicam, pendere sine subiecto, donec tandem in sequenti aliquo puncto spatij in præsentiam aliam indiuisibilem terminetur, cui iterum supponatur indiuisibilis substantia Angelii.

Sed vara est imaginatio. non enim sub duobus tantum extremis punctis, ac veluti pontis istius vtrimeque fulcris, sed sub toto ponte, & totâ usquequaque præsentia diuisibili intermediâ An-

gelus sine fine est replicatus, vniuersamque præsentiam sustentat; nec tantum in punctis partis illius intermediae (imò apud me puncta in totâ quantitate realia nulla sunt) sed in particulis diuisibilibus illius partis ita, ac tam densè, vt sic dicam, replicatus est, vt præsentiam totam in infinitum diuisibilem valeat sustinere.

Verum, sumatur semel, inquiet, Angelus in sphærâ suâ sic replicatus, nonne vbi cumque hoc fiet, deprehenderetur sub præsentia vnicâ indiuisibili?

Respondeo, non posse semel sumi, id est, sub præsentia indiuisibili; quia tale iam genus præsentiae sustentat, cuius omnis pars est diuisibilis sine fine. Si tamen in continuo præter partes sint indiuisibilia realia, præsentia ista Angelica terminos suos indiuisibiles ijs respondentes habebit, sub quibus etiam substantia Angeli erit. at-

Lib. 6. d. 1. que ita semel sub eâ præsentia sumi poterit, ita tamen vt sub illo
quæst. vlt. Physis: puncto præsentiae esse non posse; vt acutè vidit Murcia, quin simul
sit in spatio diuisibili per præsentiam diuisibilem: quia sicut punctum
naturaliter non potest separari a linea, ita neque punctum indiuisibile
præsentiae à præsentia diuisibili. Alio tamen modo, inquit, potest An-
gelus esse in solo puncto per quamdam præsentiam indiuisibilem, tamen
naturâ suâ completam.

Itaque vt finiam: etiam si dēmus puncta realia interpungentia spatij partes, non tamen in ijs solis est Angelus, aut anima rationalis, sed etiam in substantia partium per præsentiam in infinitum diuisibilem; quemadmodum ferè existentia rei successiū indiuisibilis, tota simul partibus temporis præterlabentibus coëxistit. nec etiam unio animæ ad puncta solūm materiæ, sed ad partes etiam diuisibiles proximè terminatur, & ab ijs contrahit infinitam diuisibilitatem. Nec nouum, aut mirum est, rem sine fine diuiduam respicere alterum extremum indiuisibile. sic enim unio hypostatica, humanitati Christi Domini coëxtensa, ex aduerso respicit indiuisibile Verbum: sic omnes gradus intensiui conceptus intellectualis respiciunt idem indiuisibile obiectum: sic denique omnes partes præsentiae localis extensiæ respiciunt eamdem animam rationalem, aut Angelum replicatum, etiam tamquam subiectum.

Si negas, accredemus tibi, vbi explicaueris nobis in sententiâ nostrâ contradictionis implicantiam. Nec tamen idcirco etiam desinemus infinitatem partium continui propugnare; quia res ista tam misella non est, vt tota redierit ad hanc resticulam.

CAPVT

CAPVT XLVIII.

Argumentum decimum: Tempus esse perpetuum momentorum agmen, ex quo continuum permanens etiam ex meris punctis concinnant: utrumque falso.

Ed restim iam totam nobis torquent, & Aristoteli, vti putant, manifestum suspendium.

Tempus & motus, inquiunt, ex puris putis momentis & *κινήσεσι* componuntur, igitur ex meris etiam punctis coalescit permanens continuum. Nec abnuo sanè consequentiam.

Proabant vero antecedens, quia in tempore nihil existere potest nisi præsens. præteritum enim desit, futurum nondum est. præsens vero nil nisi momentum, quod indiuisibile est, nec partem habet priorem & posteriorem. Eleganter, & ex disciplinâ Stoicorum Seneca: *Præsens tempus breuissimum est, adeò vt quibusdam nullum* De Breit. c. 10. videatur. In cursu enim semper est, fluit, & precipitatur: antè desi- nit, quam venit.

Desinere tamen reuerà antè non potest, inquiunt, sed à futuro per præsens traiici debet in præteritum. Itaque omnes eius partes per has præsentis angustias transire debent: nihil vero ante oculos nostros præterlabi videmus, nisi momentum; igitur omnes temporis partes pura momenta sunt, quæ agmine quodam & perpetuâ catenâ per præsens in præteritum fluunt. Quis umquam huminis lapsum contemplatus, non statim istâ tam concinnâ similitudine non abripiatur in consensu?

Sed audiamus etiam magnum Augustinum. *Ipsa una hora,* in- Lib. 11. *quit, fugitiu particulis agitur. Quidquid eius auolauit, præteritum* c. 15. Con- fess. *est; quidquid eius restat, futurum. Si quid intelligitur temporis, quod in nullas iam, vel in minuissimas momentorum partes diuidi posse;* *id solum est, quod præsens dicitur: quod tamen ita raptim à futuro in præteritum transvolat, vt nullâ morulâ extendatur. nam si exten- ditur, diuiditur in præteritum & futurum: præsens autem nullum ha- bet spatum.*

Videtur igitur existimare, momentum momento immediatum esse, & continent in agmine omnia de futuro per præsens in præteritum transcurrere. Et profectò videtur non esse difficile intellectu, quomodo indiuisibile successuum proximè additum indiuisibili

In 2. d. 2.
q. 9. n. 10.

extensionem successiuam facere valeat, si vnumquodquè momentum præsens circumcisum existat sine præteriti & futuri temporis utrumque existentiâ. Vnde rectè aduertit olim subtilis Scotus, *magis evidens & manifestum esse, quod indiuisibilia permanenter non faciant maius, quam de indiuisibilibus sibi inuicem succedentibus.*

Hoc verò ideo accidit, quia imaginatio nostra nimis inhæret similitudini fluminis, credimusque satis simpliciter Poëtæ:

Quid.

Ipsa quoque aſiduo labuntur tempora motu.

Non ſecus ac flumen. —

quasi, inquam, similitudo hæc recta decurreret, quæ tamen utroque pede turpiter claudicat. Non enim, ut vnda ſuperuenit vndam in illo fluminis fluu ; ita momentum vnum proximè alterum trudit, & tempus futurum impellit præsens in præteritum: nec vllâ ratione putandum est, momentum aliquod præsens extra præteritum & futurum exiſtere; in quo cardine omnis error & allucinatio mihi videtur versari. Etsi enim in hanc ego, & omnes imaginationem pronissimè delabamur, ratione tamen retinendi & corrigendi sumus, niſi cauſam Aristotelis & publicam prodere, ac omnia perdere velimus. Nam si momentum medium inter præteritum & futurum tempus ita fluat, ut extra existentias eorum cadat, cum iis extensionem successiuam facit, & indiuisibile successiuum diuisibili additum, ipsum extensus & maius efficit. Hinc de indiuisibili permanente idem philosophandum erit: nempe punctum continuans partes spatij, eas coextendere, & extra ſitum earum eminere. nam momento temporis, punctum spatij pertransiſtur: quod momentum, si defuncto præterito, & nondum nato futuro inter utrumque exiſtit, planè etiam arguit, punctum spatij quod intra ipsum peragratur, extra partes utrumque spatij prominere, quæ tempore præterito & futuro, ante & post illud instans pertransiuntur. Si autem indiuisibile extra diuisibile prominet, & ei coextenditur, niſi est cauſæ, cur etiam non poſſit immediatum esse alteri indiuisibili, & ei ita coextendi ut faciat maius.

Itaque, iterum inculco, corrigendus, aut interpretandus publicus loquendi & imaginandi modus, quo (ut palpabili, in re tam reconditâ, similitudine utamur) dicere & fingere ſolemus; momentum eſſe inſtar freti inter duo maria: ac veluti mare mediterraneū, exempli gratiâ, per freti Herculei fauces in Oceanum ſe exonerat; ita tempus futurum per momenti præſentis angustias, in præteritum

teritum transfundit. Utrumque enim in rigore falſum eſt: tam ſcilicet momentum inter futurum & præteritum, medium interesse, quam futurum per præsens in præteritum elabi. Tempus quippe non propriè labitur, ſed perpetuè naſcitur, & illicè à tergo denaſcitur, nec tranſfertur de loco in locum, imò nec de tempore quidem vno imaginario in aliud tempus imaginarium. Quia verò mobile quod motu ſuo tempus efficit, labitur & locum mutat, id circè ſimilem lapsum tribuimus tempori.

Si verò momentum præsens nullum eſt, quod etiam instantaneè inter tempus futurum & præteritum duret, nullus eſt viſus interſuendi momenta realia tempori, vt Capite xxxviii. docebamus, vbi omnia indiuisibilia ex fluente continuo, ſive tempore expunximus.

Quomodo igitur, aut quando tempus exiſtit? in clamant. Nam Sotus, Toletus, aliique plures in hoc ſe consolantur, quod tempus per instans reale præsens ſaltem exiſtat (nam quomodo per partes, quæ aut præteritæ ſunt, aut futuræ, exiſtere poſſit, non vident:) nos verò iam instantia realia expungimus, id eſt, nihil omnino reliqui facimus, in quo poſſit miſella & macra illa temporis exiſtenția utrumque ſuſtentati.

Non inſiteor, olim etiam mihi iſtae allucitæ ante oculos volabant, quas iam abegi, & meam allucinationem rideo. Similis etiam caligo Gregorio Ariminensi oborta olim fecit, ut affirmaret, im̄plicare manifestam contradictionem, vllum motum, aut ens ſuccessiuum, quale eſt tempus, in rerum naturâ exiſtere: vnde cum ceteris Nominalibus ſuis cenſet, motum nihil poſſe eſſe diſtinctum à mobili & ſpatio. Si motus, inquit, eſſet aliqua huiusmodi res (ſuccesſua, & diſtincta à mobili) ſequeretur quod eſſet aliqua res extra animam conſtituta ex partibus, quarum nulla eſt, vel eſſe poſteſt in rerum naturâ: & ſic aliqua vera res eſſet conſtituta ex imposſibilibus; quam abſurditatem non concederet aliquis ſanxmentis.

Verum cum Aristotele, D. Thomâ, Scoto, & communi longè verius, imò certum, exiſtimo, motum diſtinctum à mobili, & alias res ſuccesſuas, quarum duratio vocatur tempus, poſſe etiam naturaliter exiſtere.

Nam in primis poſteſt ſine difficultate intelligi, quomodo pro ductio alicuius rei fit ſuccesſua, ſi partes actionis & termini priores exiſtent posteriores, & hæ illis ita accumulentur, ut ſimil perma neant. ſic enim Sole manè paullatim aſcendente, partes luminis in

opposito pariete successiuè intenduntur & accumulantur. Et licet res eiusmodi absolutè successiva non sit, videtur tamen posse etiam facile comprehendēti, fieri posse, vt lumen priùs productum, simul cum productione posterioris (per inductionem successiuam opacitatis, vel aliā de caussâ) definat, nec pars posterior vñ quam affequatur & deprehendat priorem: quo casu illud ens propriam successionem habebit.

Item, licet motus localis nihil esset reale mobili intrinsecè superadditum; negari tamen nequit, quin mobile continuè, & sine interiectis moris, aliam & aliam cum partibus spatij (quidquid illa sit) coëxistentiam habere possit: cur igitur Deus, ad legem fluentium quocumque modo istarum coëxistentiarum, non possit sic actionem suam attemperare, vt lumen, aut albedinem pari passu cum coëxistentijs istis fluentem producat, id est, vt simul cum partis posterioris successiuâ productione, priorem partem destruat, & euangelere perpetuò à tergo faciat? Si verò hoc faciat, lumen, aut albedo illa talem successionem adipiscetur, qualem iam motui locali à mobili distinto, & tempori quod est duratio eius, donamus. Sed quando tale ens successuum (iterum inclamat) existit?

Respondeo, in nullo instanti, sed in tempore vero, vel imaginario.

Verum, inimaginabile est, inquiunt, vt aliquid existat, nisi certo instanti valeat de eo verè dici. Hoc iam existit.

Respondeo, hanc imaginationem esse quæ eos ludificat, & me olim ludos fecit.

Nota igitur, quod sicuti præsentia localis alicuius rei non necessariò in unicum punctum spatij permanentis cadit, sed in partem spatij diuisibilem cadere potest (sic enim homo naturaliter in loco diuisibili, non in puncto existit;) ita existentia rei non necessariò intra momentum indiuisibilem spatij successui collecta esse debeat, sed per partem diuisibilem successiuam extendi & dispergi possit. Cur enim pars hominis parti spatij permanentis, & totus toti respondere valeat, non verò pars existentiæ parti spatij successui, & tota toti similiter possit? Itaque falsum omnino est (nec vñquam hic Aristoteles scrupulum inuenit:) id quod extra causas suas ponitur, debere in instanti aliquod temporis, totum simul incidere, sed potest particulatim ita produci, vt nulla eius pars in instanti, sed omnes in tempus diuisibile cadant, cui secundū successionem coëxtendantur. Quæ enim contradic̄tio hīc se implicat & permiscet? Hinc ergo ambulatio, quā Louanium Bruxellā hesterno die

die rediui, nec tota, nec partim vlo instanti temporis comprehensa fuit, sed intra tempus quatuor horarum quas insumpsi, fluxit.

Sed debuit, aiunt, heri fuisse verum, Ambulatio nunc est, saltem secundū aliquam partem.

Resp. Si *nunc* instans significet, falluntur, & petunt principium: hoc enim est, quod pernegamus. Et gemellum est huic: si vinum est in vase, debet totum, vel saltem pars eius aliqua tota contracta esse in puncto vasis. Si verò *nunc* tempus admodum breve quod in vicino tempore imaginario fluit, significet, verum est: aliqua enim particula ambulationis in eo fiebat, & ei commensurabatur, sed illa mensura non fuit indiuisibilis.

Quā viā igitur, iterum instant, ambulatio ista in præteritum transfuolauit?

Resp. Metaphoræ istæ rhetoricae Philosophicam veritatem sæpe obnubilant. Itaque in vero rigore non transfuolauit. ridiculum enim est, imaginari totam quatuor horarum ambulationem, per primum instanti præsens quo incepit ita fluxisse in præteritum, quemadmodum mediterraneum per angustias freti Herculei, vt antè dicebam, in Oceanum influit. alias enim ambulatio, quæ ab horâ primâ pomeridianâ ad quartam durauit, in quatuor horas alias antemeridianas retrocedere, & veluti aqua ex uno alueo in alterum transfundi debuisset. Itaque ambulatio ista nostra de tempore uno in aliud per fretum instantis præsens non transfluxit, sed quatuor horis pomeridianis fluxit, id est, facta est successiuè per actionem quæ aliquâ analogiâ imitatur aquæ fluxum. pars enim eius in unâ parte temporis producta est, & tota in toto. vnde tempore illo finito etiam finem accepit, & effluxisse eius nihil est aliud, quam existentiam totam amississe. Et hinc, opinor, vides, vt euangelescat quæstio quam inexplicabilem multi dicunt: quomodo tempus futurum fiat præteritum, nisi per instantis aliquod, præsens fiat. nam tales à metaphorâ & vulgari modo loquendi seducti, opinantur tempus futurum in præteritum per instantis præsens, veluti motu locali, oportere traiici: quod longissime aberrat à vero.

Sed vt rem totam magis in apertum protrahamus, contemplare mecum aquæ motum per suum alueum recurrentis: & vnum aquæ palmum accipiamus, qui singulos fundi palmos motu suo metitur, & successiuè contingit.

Palmus iste aquæ, postquam primum fundi fluminis palmum transiuit, quia aqua est ens permanens, ad secundū fundi palmum,

& ter-

& tertium, & ita deinceps defluit; motus verò (& eadem ratio est de tempore ei intrinseco) quo per longitudinem primi palmi transiuit, ultra primum palmum non durat, nec cum aquâ ad secundum palmum effluit, sed in exitu primi palmi exspirat totus. Aqua etiam per primum palmum fluendo, partes in eo proportionales infinitas transiuit, & ita quidem, ut principium aquei palmi, aliam & aliam perpetuò palmi auei partem tetigerit, nec ullo instanti duas ullibi simul infederit.

Cùm verò ad singulas palmi auei particulas, nouam præsentiam localem habeat, sequitur, præsentias infinitas successiuè productas & illicò statim à tergo (ut sic dicam) corruptas fuisse, quando ad finem illius palmi peruenit. Vnde etiam tempus, siue durationem præsentis illis, aut etiam earum productionibus intrinsecam, totidem, id est, infinitis particulis proportionalibus constare oportet. In hoc verò discrimen aliquod est, quòd partes infinitæ palmi auei permanentes sint, & simul inter se colligatae coëxistant, partes autem præsentiarum successuarum, siue motū nullib[us] se exspectent, sed vñâ nascente, altera denascitur, & inuicem succedunt. & hinc nuper dicebamus, nullâ verâ & physicâ vñione integrali, quæ vtrumque extremum instar fibulæ mordicūs apprehendat, inter se posse colligari. talis enim vñionis extrema videntur coëxistentiam vtriusque exigere.

Quia deinde vnaquæque palmi pars in particulas alias sine fine diuisibilis est, idcirò etiam præsentiae quælibet illis respondentes, & quibus ipsæ transeuntur, particulas successuas infinitas habent, nec vlla magis diuisibilis esse potest secundūm successionem, quam pars palmi talis secundūm extensionem permanentem.

Sed statim ecce emicat noua difficultas: quomodo singulæ illæ successiuæ præsentiae diuisibiles non sint, cùm vñiri, defectu coëxistentiae, vt vna ex infinitis componatur, non possint. Erunt igitur instar acerui infinitarum ~~partium~~ rum, aut atomorum sine vñione integrali fluentium. vnde tota iam ecce continui ex partibus sine fine diuisilibus, quam tam sedulò & diu consuimus, texura videtur dissolui. Si enim motus & tempus ex atomis fluentibus texuntur, necesse est, magnitudinem ex atomis permanentibus etiam contexi. Quis non putet nos, vt imperitos, aut infelices gladiatores, ultimâ hac tandem manu succumbere? Et profectò terruit me hoc argumentum aliquando: sed iam planè contemno.

Nam

Nam ex eo, quòd nullæ duæ præsentiae successiuæ coëxstant, solùm conficitur, eas non habere vñionem aliquam Physicam, distinctam ab extremis, quæ extremum vtrumque intrinsecè afficiat, sed loco eius immediatam, & nullâ quiete interpolatam successionem, ac veluti contactum quedam, vt sic dicam, successuum, pro verâ continuitate (quæ erat impossibilis) accepisse. vnde ista successuorum talis qualis vñio, similis est vñioni integrali quam Nominales interponunt partibus magnitudinis: putant enim non esse modum aliquem realem, reple distinctum ab extremis: neque hactenus quisquam ad compositionem continui Peripatetici ex partibus infinitis, putauit necessariam vñionem partium distinctam realiter aut modaliter ab extremis. Nec inde euincitur, præsentiam vllam successuam esse indiuisibilem. nam nulla fit in instanti, sed omnis omnino super partem diuisibilem spatij fluit, & ei suo modo coëxtenditur. vnde sume præsentiam quamcumque voles, nullam in toto agmine reperies, quæ solùm per instans duret, sed omnis partes priores & posteriores duratio[n]e habet, quibus mobile partem priorem spatij primò & deinde posteriorem transiuit. nam cùm in qualibet parte spatij tales particulae, priores & posteriores inueniantur, nullam etiam partem motūs quâ pars spatij peragratur, est reperire, quæ parte successuâ priori & posteriori careat.

Hæcne etiam capis? inquietis. Ex asfluetudine, inquam, videor mihi manu pñè tangere, & cernere oculis: assuescas & tu, facere tantumdem & fortè amplius potes. In hoc verò imaginatio aliorum, & mea olim ludificabatur, quòd præsentiam aliquam mobilis ad spatium conabamur intra indiuisibile temporis instans comprehendere; cùm tamen nulla talis esse possit, quandoquidem in tempore instans reale nullum sit: & licet esset, tamen illud extra partes temporis vtrumque, vt satis antè docuimus, extare non potest: vnde consequenter, neque talis præsentia instantanea, extra præsentias quas mobile in partibus temporis vtrumque proximis habet, obtineri seorsim posset, sed eodem modo præsentis præteriti & futuri temporis, intricanda esset, quo instans partibus temporibus (quas in sententiâ aliorum copulat) ne extra eas in medium procurrat, implicare oportet. vnde profectò eiusmodi præsentia inutilis foret; quia mobile intra partes temporis per præsentiam illam fluentem, & in infinitum successiuè diuisibilem, satis locari potest. Igitur quamcumque præsentiam arripueris (iam

Aa

antè

antè dixi) semper successiuè diuisibilis erit, & talis, vt mobile per eam, partem spatij diuisibilem pertransierit.

Dicet fortasse quispiam perfunctoriè aut connuenti oculo hæc adspiciens: Igitur præsentia quas perpetuò acquirit mobile dum est in motu, necessariò alterius rationis sunt ab eâ quam habet & retinet in quiete.

Respondeo negando consequentiam: nam præsentia sub quâ palmus aquæ quiescit, est etiam sine fine, secundùm diuisionē subiecti sui & spatij diuisibilis, nec aliter à præsentia fluente distinguitur, quâm quod partes easdem retineat, & temporis præterlabenti sine earum fluxu exponat; cùm tamen præsentia quæ in tempore per motum acquiritur, similes partes secundùm temporis successionem ita expandat, vt pars vna cum parte primâ temporis, & altera cum secundâ, fluxu planè simillimo fluat. Quando tamen res indiuisibilis per spatiū diuisibile successiuè sine replicatione mouetur (si hoc potest) fortasse per præsentias transit diuersæ rationis ab eâ quâm in vnicō puncto quiescendo habet, vt nuper dicebamus, quia hæc omnino indiuisibilis, illæ omnes ex parte saltem spatij sunt diuisibiles.

Denique, vt filum hoc abscindam, si tibi id nimis perplexum videtur (mihi sanè non, & multa sunt quæ me quandoque longè difficultius irretiunt) nega cum Gregorio Ariminensi, posse produci à Deo reale ens verè successiuum, & motum localem ac tempus explica per nudas coëxistentias successiuas mobilis ad diuersas spatij partes. Iam enim, facile est imaginari, mobile per spatiū, exempli gratiâ, vnius palmi prouectum, coëxistentias (quæ nihil sunt à mobili & spatio distinctum) infinitas successiuè habuisse, si partes in spatio sunt infinitæ. nam veluti retrocedendo versus initium palmi, partes proportionales minores & minores sunt sine fine, ita coëxistentiæ mobilis ad eas numerari possunt breuiores & breuiores in infinitum.

Quia tamen difficillimæ est imaginatio, quâ ratione mobile transferri valeat per spatiū sine aliquo superaddito, dic, si lubet, cum veteri & acuto Ludouico Coronello, motum localem non esse ens successiuum, sed esse *accidens mobili impressum intensibile & remissibile, quod, cùm intensum est, vocare solemus impetum*. Video tamen remoras in istâ viâ plures, quâm ego dicam.

Hoc etiam ferè effugerat. Immerito valde Chrysippum & Stoicos à Plutarcho derisos, qui dicerent tempus esse simile aquæ, quæ

Lib. 3.
Physic.

quæ manu stringitur, & ita utrumque eliditur, vt nihil in medio pugno permaneat. reuerà enim tempus totum in præteritum & futurum repellitur, præfens verò aut nihil est, aut certè nulla temporis est pars. Sed ecce tamen; abeunte etiam interrogatione istâ retrahes. Nullâne igitur est actio instantanea, inquires, si instans præfens reale nullum sit?

Quidam negant vllam esse: ego non ausim.

Itaque generatio substantialis, illuminatio, actus voluntatis & intellectus possint sanè elicere in instanti: sed in nullum tamen instans reale cadunt, sed indiuisibiliter ac inadæquate in partem temporis; eo modo, quo Angelus in parte spatij realis non replicatus existere potest, etiamsi in toto spatio nullum reale punctum sit.

Ergo, inquires, nihil etiam vetat, esse aliquod reale instans præfens, partem nouissimam præteriti temporis cum primâ futuri copulans, & inter utramque interfluens.

Respondeo negando consequentiam: Tale enim instans utramque partem simul intrinsecè afficere deberet: quod tamen non potest, quia quando futuri temporis quæcumque pars fluit, nulla omnino præteriti superstes manet, quæ ei per instans iungi & adhibari possit. Actio verò instantanea, vt, exempli caussâ, illuminatio non fungitur officio copulandi inter se partes temporis, nec villo modo in partem vllam præteriti temporis cadit, sed solum principio futuri temporis inseritur; ita tamen vt nulli parti eius toti adæquetur & respondeat: aliâs enim non tota simul, sed successivè, & pars post partem fieret. Vedit hoc olim ante me doctus Buridanus. *Mutationem esse instantaneam*, inquit, *est fieri in nullo toto tempore*. Quæ doctrina planè cohæret cum iis quæ hactenus de indiuisibilibus, & totâ hac materiâ dissertuimus, & vnicam viam esse existimo, quâ sententia Aristotelis & veritati firmiter succurri possit.

C A P V T X L I X .

Sylva alia argumentorum, quibus Aristotelem conantur obruere: sed nequidquam.

F Vlmine, etsi casso, hactenus, grandine iam tantum pugnant, quæ ictu ipso diffilit. Pottus aquæ equaliter fortis, aquâ plenus, ^{In 2. d. 1.} _{q. r.} ^{hieme} A a 2

bieme frangetur in omnes suas partes, inquit Ioannes Maior: igitur partes vltimæ continui sunt indiuisibiles.

Respondeo, casum moraliter esse impossibilem; quia vna pars poculi semper est ceteris imbecillior, aut certè gelu acriùs vnam partem quā alteram premit. illac igitur poculum rumpetur, non vniuersim in omnes suas partes.

Sed *detur corpus vitreum*, instat iterū, *super quod directè cadat graue infinitæ gravitatis*, frangetur denuò in omnes suas partes; quia nulla satis resistere potest.

Respondeo, Nec casu m istum euenire posse; quia nullum est in mundo corpus infinitæ gravitatis. Sed cadat tamen in vitrum lapis molaris, inquies. Respondeo, Nisi Angelus, aut Deus speciali curā lapsum illum dirigat, in vnam aliquam vitri partem pondus lapidis valdiùs incumbet, & illac frangere instituet. Verūm, dirigat Deus, & omnes partes vitri æqualiter vrgeat lapis. Respōdeo, In nullam partem frangendum vitrum (vt nec poculum, si omnes partes æquè firmas æquale vndique gelu mordeat;) aut certè causa prima (& nōnne alibi centies, in simili caussæ secundæ indifferentiâ, ad eam recurri solet?) determinare & signare partem debet, quā frangi oporteat.

Alij magis Metaphysicè: In omni composito, inquiunt, debet aliquid esse condistinctum ab aggregato omnium vnoniorum; hoc autem est indiuisibile: si enim vnonem inter suas partes includeret, non esset condistinctum ab omnibus vnonioribus. Respondeo, Peti principium, & supponi nullam aliam compositionem continui, præter Epicuream, à Deo posse fieri. Aio itaque falsum assumi. nam in composito, cuius omnes partes adhuc compositæ sunt, est quidem aliquid distinctum, sed non condistinctum ab omnibus vnonioribus. quælibet enim talis pars, quia compositionem, ideò etiam vnonem aliquam inter partes suas inuoluit; nam compositione nil aliud, quā partium vnio est. Contradictionem ergo in tali compositione aliâ viâ ostendere oportet: quod haec tenus, quid conati, nemo homo facere potuit.

Eiusdem commatis & monetæ est etiam istud. Tollat Deus vniuersas vnones à continuo, relictis seorsim partibus (nam potest Deus, inquiunt, seruare modificata destruetis modis,) partes illæ necessariò erunt indiuisibiles.

Respondeo, Hoc esse similis frontis & formæ. Tollat Deus omnes vnones ab homine, relicto tamē viuo & incolumi homine, &c.

Nam

Nam omnis pars continui est continua, & tam composita integræliter ex partibus vnitis, quām homo Physicè. Potest igitur Deus tollere fortasse omnes modos à modificatis condistinctos, saluis modificatis (vt quamlibet vnonem integralem ab extremis quæ inter se coniungit, saluis illis extremis) sed tollere à modificatis quorum substantiam modi illi ingrediuntur, est palam impossibile. Quia igitur intra substantiam vniuersisque partis continui aliqua vnio integralis inuoluitur, manifestum est, non posse substantiam talis partis incolutiem permanere, destruetà omni omnino vnone. Non quia continuum nihil aliud contineat, quām puras putas vnones sine aliis extremis (vt ipsi etiam in nos iactant;) sed quia nulla pars est sine vnone, etiamsi aliud præter eam habeat. Imò vero valdè mihi probabilis hīc est sententia Ochami, Gregorij, & passim Nominalium, vnonem partium continui non esse modum realem, distinctum ex naturā rei ab extremis, sed extrema, positis certis dispositionibus, immediate omnino inter se cohærente. Nam sicuti Deus non nisi talium dispositionum occasione vnonem distinctam à partibus, in sententiâ ferè iam communis, conferuat; ita permanentibus, & exigentibus iisdem dispositionibus (quales sunt durities, viscositas, &c.) potest immediatè partes inter se continuas retinere: quemadmodum etiam contiguas, & veluti firmissimo vinculo colligatas retinet in periculo vacui. Unde patet, tantum abesse, vt omnia sint vnonum modi ex quibus continuum coalescit, vt etiam ne vnicā quidem talis vnio in toto continuo sit. Hinc etiam irritus redditur alterius teli iactus.

In omni composito, inquiunt, debet aliquid esse, quod per se primò terminet vnonem. Sit enim ita fortasse, de vnone quæ est modus distinctus ab extremis, nulla tamē eiusmodi necessitas est, si extrema proximè cohærent fine modo vnonis: nam veluti duo corpora proximè se tangere possunt, etiamsi constent partibus proportionalibus infinitis; ita etiam integraliter proximè vniiri. Si tamen admittenda esset vnio distincta ab extremis, dicere oportet, in nullam partem per se primò recipi, nec ad ullam per se primò terminari. Quod fortasse maius mirum non est, quām nullam partem esse, quæ alteri per se primò proxima sit: diuidi enim quælibet in duas alias particulas potest, quarum vna vicinior quām altera sit.

Aut certè, si talis vnio concipi mente facile nequit, magnum omnino argumentum est (quod paullò antè censebam) non esse

Aa 3

modum

modum aliquem à parte rei diuersum ab extremis. Vel denique, singulæ vniones in particulâ aliquâ diuisibili (vt puta, in minimo naturali, vt vocant) per se primò collocanda foret: & quia vbique minimum aliquod naturale incipit, idcirco vniones eiusmodi sine fine multiplicare oportet, licet in qualibet quantitate minima naturalia condistincta certo numero sint comprehensa.

Denique quidquid sit, incertissima hæc & nuperrimæ inuentio-
nis, de puris istis vnionum modis, doctrina, sat virium habere ne-
quit ad sententiam Aristotelis, tot firmissimis rationum & experi-
mentorum fulcris nixam & stantem, euertendam.

C A P V T . L.

*Miraculis denique quibusdam pueros & nature imperitos ab
Aristotele auertunt, viros & mirabilem Dei & natura
conscios non possunt.*

Lib. 2. c. 4.
Kouros ex-
istimat. **C**Vm machinæ omnes ad elidendam veritatem frustrâ sue-
runt, risu tandem & admiratione volunt eludere. Narrat enim Plutarchus olim, Θρυλόμεθον εν ταῖς ἀφετεῖαις Αριστοτέλεις οὐδὲν μη γέλωτε, celebratum in scholis (Epicureorum) crus Arcesilai cum risu fuisse, qui forte dixerat, crus in mare proiectum & putrefactum, eoque posse rarefieri & aquæ marinæ permisce-
ri, ut non solum in eo classis Antigoni posset nauigare, sed etiam mille ducentæ naues Xerxis, & trecentæ Græcorum triremes nanale prælum inire.

Imò Chrysippus affirmare veritus non est, cyathum, aut etiam guttam vini, qua mare Aegaeum incidisset, posse hactenus extendi, ut totum mediterraneum usque ad oceanum, nec tantum secundum su-
perficiem, sed etiam totam quaquaeras profunditatem posset pe-
netrare.

Nempe quia ex infinitudine partium proportionalium continui consequens existimabat, vt quælibet particula posset in infinitum rarefcere. Si enim quantitas vnius palmi, sine antecedenti partium penetratione, sine intericto inter partes vacuo, aut sine vllâ partium replicatione, locum duplo maiorem potest occupare, quod antè etiam ostendimus; eadem ratio ad locum triplo, quadruplo, & deinceps sine fine maiorem, si non virtute naturali, saltem diuinâ, poterit ampliare.

Erra-

Errauit tamen Arcesslaus, errauit Chrysippus, si cruris, aut gut-
tae vini quantitatem, crediderint per tam vasti maris amplitudi-
nem naturaliter potuisse diffundi. Verissime enim Theologæ An-
gelus: *Quod dicunt de rarefactione corporis in infinitum, propter D. Thomam.*
hoc, quod corpus est in infinitum diuisibile, vanum est. non enim cor-
1. p. q. 68.
a. 2.
pus naturale (manens tale, & formam suam retinens) in infini-
tum diuiditur (credit enim dari, etiam in inanimatis homogenijs,
minimum aliquod naturale) aut rarefit, sed usque ad certum ter-
minum. Quin tamen diuinâ virtute ultra hunc terminum extendi,
& sine fine, rarefactio possit, non dubitauit. Nam & ex hac par-
tium infinitudine, ingenij humani culmen D. Augustinus colligit,
*super illud sublime calum (quod liquidum esse existimat) posse Lib. 2. c. 4.
Genes.*
esse aquas, per illas minutias, per quas etiam super hoc spatium aëris
esse potuerunt. Ipsi quippe, ait, subtilissimâ ratione persuadent, nul-
lum esse quamlibet exiguum corpusculum in quo diuisio finiatur, sed
infinitè omnia diuidi: quia omnis pars corporis corpus est, & omne cor-
pus habeat necesse est dimidium quantitatis sua. ac per hoc, si potest
aqua, sicut videmus, ad tantas guttarum minutias peruenire, ut su-
per istum aërem vaporaliter feratur, qui naturâ leuior est aquis: cur
non posse est super illud levius calum minutioribus guttis & leuioribus
immanare vaporibus?

En vt aquam ultra nubium tenuitatem, in infinitum propemo-
dum rarefieri posse persuasum habuit, vt supra liquidum etiam
(vti credidit) & altissimum firmamentum vapor propriâ leuitate
scandere & confistere valuerit. Si ulterius nihilominus rarefactio
ista tendatur, ultra mensuram dispositionis necessariæ ad retinen-
dam formam aquæ in materiâ, tandem perueniet, & aquam cor-
rumpet. Deustamen materiam illam sine formâ, aut cum ipsâ
contra naturam conseruatâ, potest sine fine rarefacere. *Quod*
etiam exemplo tarditatis in motu possumus declarare: tarditas
enim in successiuis est quædam partium laxitas, simillima raritati
in permanentibus.

Tarditas autem motûs sine fine relaxari, & mobile remorari in
infinitum potest, etiamsi continuè moueat. quod sic possumus
demonstrare.

Pone gnomonem seu indicem horologij, ad conuexum usque
cæli primi mobilis extendi: infima pars eius, vti nunc, totam tabu-
lam & numeros omnes horologij pererrabit spatio 24. horarum,
summaverò pars immanem illum cæli circuitum percurret eodem
tempo-

tempore. Fac iam primum mobile à Deo in distantiam à terrâ duplo maiorem sursum attolli, & indicem horologij eò etiam usque protendi; ita tamen, ut primum mobile non celerius mouetur, quācum effet in spatio quo iam est, duplo videlicet terræ viciniori: absoluēt igitur iam circuitum suum duplo maiorem horis 48. & index horologij eodem tempore, id est, duplo tardius quācum nunc, tabulam horariam circuibit. Fac deinde adhuc duplo altius primum mobile à Deo eleuari, nec tamen velocius quācum nunc moueri: ecce iterū index eiusque extensus, 96. solum horis circuitum eundem perficiet. & ita porrò si altius & altius sine fine primum mobile euehatur, permanente semper eadem velocitate motu, index in infinitum tardius tardiusque per superficiem tabulae horariæ continuò incedet. Cur enim vlo vñquam tempore quiescat, cum supremam eius cuspidem primum mobile tam rapido motu circumducat?

Sed nimisquā mirabilissima sunt ista, inquiunt, & quis tam fauus, aut simplex, vt credat?

Talia sunt pleraque opera Dei, nec millesimam eorum profunditatis partem acie penetramus, vbi nos maximè lynceos reputamus. Credibilia sunt tamen à mentibus eruditis & bene compositis, quæ cogitant infinitudinem potentia & sapientia Opificis.

Et profectò nemo vñquam veteris, aut nostræ memoriarum Mathematicorum rem istam in incerto posuit: & ecce Princeps eorum Archimedes, qui inuentâ machinâ Charistio pancreatico, Regi Hieroni exclamauit, δός μοι τὸν σῶν, καὶ νῦν τὸν γὰρ, δα μηδεὶς οὐτε πεπονθάσθαι, & terram mouebo, quot annorum, putatis, continuo motu, ad altitudinem vnius pedis centro se pondus istud emoturum sperauit? Steuinus noster nuper demonstrauit, constituendo totum terræ pondus esse 2 | 400 | 000 | 000 | 000 | 000 | 000 | 000 | 000. librarum, ab homine qui singulis horis quater millies manubrium Charistij reuolueret, iugi decem continuorum annorum motu, terram ¹⁰⁵¹²
24000000000000000000 vnius pedis suâ sede emotum

Lib. 3.
prop. 10.
Praxis
statica.
iri. Et quamvis, ait, quantitas ista nec cerni nec notari posset, potentia tamen (machinæ) infinita nobis ita demonstratur & animo concipiatur, quæ multis annorum saeculis continuata motum oculis quoque notabilem produceret.

Si igitur mobile multis saeculis per spatiū vnius, aut dimidij pedis

pedis continuò moueri possit, quis neget partes in spatio tam angusto infinitas esse, & motum quo mobile per eas incedit, sine fine languescere ac retardari posse? Si enim finitis punctis spatiū illud pedale stratum effet, totidem temporis momentis continuato motu, id est, breuissimo tempore, necessariò absoluētur. Motus verò continuitas negari non potest, quia manus continuò manubrium machinæ versat, nec est causa, cur uno tempore potius moueat, & alio cesseret.

Veluti autem ex tarditate motu infinitâ rarefactionem posse sine fine procedere ostenditur, ita ex velocitate motu, quæ etiam in infinitum increscere potest (cur enim Deus cælestes sphæras ampliores & ampliores sine fine creare nequeat, quæ omnes 24. horarum spatio reuoluantur?) ostendere possumus, condensationem, si ad virtutem diuinam comparemus, nullum habere finem. Nec aduersus ista (vti neque contra diuisionem vnius grani milij, aut arenulæ in infinitum, & id genus cetera) vllum validum argumenti genus ostendere, sed nudare solum risu dentem possunt, aut iacere in nos, vice teli, suam admirationem: in quâ paria cum ipsis facimus, & ad hæc, aliaque plura diuini Opificis opera frontem cum silentio, sine risu, asseueramus, stamusque etiam nos maximâ defixi admiratione.

PARÆNESIS AD PHILOSOPHOS.

I Taque licet tenebræ reliquæ hîc sint, nec in fundum usque possumus despicer, cogitate, ô Philosophi, cum aliis multis id isti rei esse commune. Cunctæ res difficiles, non potest eas homo explicare sermone. Et: Quomodo ignoras quæ sit via spiritus, & quâ ratione compingantur ossa in ventre pregnantis; sic nescis opera Dei, qui fabricator est omnium. Ibid. l.

Dum oculos, inquam, per naturam circumferimus, quid, quæso, est quod non per caliginem adspicimus? Magneticas virtutes, & occultas medicamentorum vires, & infinita alia nil attinet recensere: ecce lumen, colores, & ipsa ista quæ nobilissimo & maximè penetrabili oculorum sensu haurire dicimur, quācum parum comprehendimus! Vbi altissimè acies nostra penetrat, in summâ tamen cute hæret. Quænam enim colorum, aut ipsius lucis funditusnatura sit, reuera ignoramus.

Iam in nobis ipsis, quām admiranda naturæ arcana Deus occuluit!

Iuit! Quis volubilium nostrarum cogitationum, quos ipsi facimus nobis, enarrabit flexus? quis officinæ cerebri, & tot ibi fabricatum imaginationum veram anatomiam dabit? quis animæ nostræ dicet, quid ipsa in sensuum externorum ludat organis? Verè quidam dixit, humanam animam fabro ærario simillimam esse, qui clausâ vndique & tenebrosâ officinâ incudem suam tundens, nec satis gnarus quid agat, exerto è fenestellâ fuliginoso capite, à prætereuntibus sciscitur, in quânam regione verletur, & quid ibi agiat. Nam reverâ misella anima, sui suarumque functionum ignara, ab analogiâ quadam & malè expressâ similitudine rerum quas foris circumspicit, tenuem & nebulosam tantum aliquam sui cognitionem emendicat. Cur igitur qui alibi tam noctuæ, hîc aquilæ esse, & tam acutum in re obscurissimâ cernere poscimus? Sufficit alibi nobis, ex effectu caussam conclusisse, et si hanc in se minimè inspicere valeamus. sic Deum, tam abditum & inuisibilem, ex creaturâ conditione & regimine colligimus: sic marini æstus causam in lunâ esse coniectamus, licet qualis ac quænam sit illa, nescire omnes fateamur. Sit igitur etiam nobis satis admirabilem illam ex partibus sine fine diuilibibus continui compositionem, tot experimentis & indicijs quæ toto hoc libello sparsimus, deprehensionem esse, et si comprehendere non valeamus. Quid mirum? omnium intellectuum angustissimus humanus est, & infinitudine illâ partium obrui potest, capere eam non potest.

Et de compositionis istius fide quid tricatur, & delicias facit Epicurus? Dicat, si potest, quomodo poma concrescant in arboreis, quomodo caseus in fiscellis, butyrum in alueolis: qualibus mercibus *omnes libros suos repleuit*, vt ait D. Hieronymus. Numquam nobis, inquam, satis edicet, quâ ratione concretiones istæ fiant: quâ viâ casei, operâ chyli animalium, ad coagulum illud veniant, quomodo butyrum agitatione & calore lactis concrescat, & tamen ignis minimo afflitti mox colliquecat. Ecce, quibus in rebus infestum & penetrabile illud eius retundatur acumen.

Nuper etiam vir eruditus & prudens mihi suggerebat, Deum in hac compositione continui voluisse aliquod infinitatis suæ vestigium esse, quo mundi sapientes in sui respectum attraheret & admirationem. Et reverâ, inquit D. Augustinus, *hæc est utilitas occulorum operum Dei, ne propterea vilescant, ne comprehensa mira esse desinant*. Et tam multa eiusmodi in totâ naturâ rerum, opera esse censet, vt Iuliano animosè rescribat: *Nisi sermonis longitudine nollem*

Lib. 2. ad-
vers. Iouin.

Lib. 6. c. 3.
contra Iul.

lem fatigare Lectorem, iam te mille rerum generibus, quarum incomprehensibilis est ratio, contra usitatæ nature vias, quasi per desertâ opæa obruerem.

Per tenebras etiam istas naturæ præparat Deus mentes sapientum huius sæculi (qui contumacissimè ad Christum, D. Hieronymus In Ioumo teste, attrahi solent) vt obedientiùs Fidei caliginem intrent, c. 3. qui per eam, inter humanas etiam disciplinas ambulasse meminerunt. Verè enī de disciplinis istis M. Tullius: *Omnis cognitio mul- Lib. 4. tis est obstructa difficultatibus, eaq; est & in ipsis rebus obscuritas, & Acad.* *in iudicijis nostris infirmitas, ut non sine causa & doctissimi, & anti- quisissimi inuenire se posse, quod cuperent, diffisi sint*. Hinc liquet, quanti, in hac rerum omnium obscuritate, antecedentium vestigia & auctoritatem oporteat aestimare. certè in nocte securius ambulat, qui viâ publicâ, & in turbâ peritorum graditut, quām qui solus semitas, aut inter paucos lusciosos quaerit.

Quanti porrò auctores Plato, Aristoteles, Zeno, id est, trium principum Græciæ scholarum Principes, nil attinet dicere, & Græcia tota, in dō terrarum Orbis iam & olim perstrebit eorum laudibus. Græcos, vt fauoris nimios, aut suspectos omittamus; de Aristotele, quid aīs Plini? *Aristoteles vir est*, inquit, *immensa subtilitas*. Et Lib. 18. Auerroës: *Aristoteles est humani ingenij finis*. Altius tamen etiam c. 34. Græcus iste (Philoponus est) euexit: *Aristoteles humanum inge- nium excepsit*.

Et sane in veteribus Scholasticis nostris legere memini, assumi oportere hanc à nobis mensuram, vbi periclitari volumus, an propositio aliqua diuinæ Fidei superet verticem humani intellectus: *Aristoteles istud Fidei dogma non intellexit*; igitur excedit naturale lumen humanae mentis. Adduntque, ingenium illud in antecelsum à Deo Ecclesiæ Catholice præparatum, ac veluti faculam accensam, quæ paullisper tenebras molliret, vt nox nostra promptius & facilius diuinum Fidei lumen exciperet.

Hic tamen humani ingenij apex, sententiae suæ & communis tam securus fuit, vt alicubi dicat: *εχαλεων διελεῖ τὰς ατόμους* Lib. 3. c. 6. *γερμαδες, non esse difficile destruere lineas indivisibiles*: sic enim Phycic puncta, quæ alij partes linearum faciebant, appellat. Et alibi ait, Democriticos istos μέρη οὐνεν τῷ Μαθητικῷ, res maximas Ma- Lib. 1. c. 5. thematicorum mouere, & euertere. id est, genus illud disciplinarum, Cali. quod adfert argumēta, nisi fallor (D. Augustinus loquitur) certissima: Lib. de quibus quod fuerit inuentum atque confectum, non nisi impudentem Quant. anim. c. 15. habeat

habeat dubitationem, quantum homini ita vestigare permisum est.
In Sophist. Si verum etiam istud diuini Platonis: Τὸ ὄμολογόνθεν τῷ βελ-
τίων, περιέπεγν ἡ τὸ ὁδὸς χειρῶν, quod à melioribus conceditur,
maiores vim auctoritatem habere, quam quod à deterioribus: quis
dubit, ab Academico, Peripateticis, Stoicis, vinci Epicurum,

*Τερμοδιάναλιδες, αναγράφεται ζωόταν,
Grammatices doctorem, dissolutissimum mortalium,
vt olim in eum cecinit Timon? quis dubitet, tot SS. Patrum, &
Scholasticorum auctoritate opprimi Ioannem VVicleffum, Ioan-
nem Husum, & Hieronymum Pragensem?*

Denique tantorum ingeniorum in re difficillimā, & omnibus
quibus nunc telis aut pluribus olim oppugnatā, consensus tantam
veri similitudinem & argumentum habet, vt possim hīc, quod in
re dissimili S. Bernardus: *Quomodo potuit hoc persuaderi generi hu-
mano, vniuerso Orbi terrarum? Et tamen tam facile, tam potenter per-
suasum est, ut mihi credibile faciat credentium multitudo.* In hac et
iam multitudine aui & maiores nostri Louanienses, quos censere
vniuersos nihil opus: pro omnibus eruditus & nobilis Philosophus

Serm. 3.
Vigil. Na-
tivit.
Lib. 3. c. 4.
Physic.

*Ioannes Beuetus potest loqui. Certissimum est, inquit, magnitudinem
quālibet in infinitum diuidi posse: quia omnis magnitudo est continua.*

Ecce, vt non simplici, sed maximā id affirmet certitudine. &
profectō tantam facere videntur vniuersim argumenta, quibus fa-
tis, nisi fallor, disieimus Epicuri atomos & παντερπίας. Nisi enim
magnitudo in infinitum diuidi possit, oculis pñē ipfis cerno,
nullum motum localem futurum, nisi inconditum & deformem,
inanitatibus deinde, penetrationibus, replicationibus corporum,
ceterisque à quibus tantopere natura abhorret, perturbandam &
confundendam Vniuersi harmoniam.

Vnde perfectionis diuini huius operis interfuit, tales ab Opifi-
ce continui compositionem eligi, quā hisce incommodis iretur
obuiā, id est, ex partibus fine fine diuisibilibus, modò tamen
nullam implicet contradictionem: quam nemo haec tenus ostendit, & (licet vates non sim) ausim affirere, olim ostendet nemo.

Iaque redite in maiorum vestrorum disciplinam & Philoso-
phiam, ô Louanienses. neque infinitudo illa partium vos obstupe-
faciat. cogitate enim Opificem magis infinitum, & inter tot natu-
ræ mirabilia, miserrimum argumenti genus esse, Admirationem.

INDEX

INDEX CAPITVM.

CAP. I. Leucippus auctor partium indiusibilium con-
tinui. Celebrauit deinde eas multis libris editis Epi-
curus. pag. 1.

CAP. II. Pythagoras, Plato, Zeno Citiēus, falsò Epicu-
réis in compositione continui ex atomis, adiuncti. Macro-
bius etiam, & Psellus iis abstracti. De Plutarcho res
dubia. 2.

CAP. III. Subtiliores, inter eos qui continuum ex atomis
struxerunt, ex infinitis potius quam finitis composuisse. Epi-
curum tamen & Empedoclem finitas maluisse. 9.

CAP. IV. Sententiam Epicuri iam obsoletam instaurauit
Ioannes VVicleffus. Damnata erroris in Philosophiā à
Concilio Constantiensi. Auctoritas sessionis 15. in quam cen-
sura illa incidit, adstructa. 11.

CAP. V. Non falsò tantum, sed imperitissime D. Augustinum
à VVicleffo in suam & Epicuri sententiam trahi. D. Basiliū
etiam, & SS. Patres passim in Mathematicorum & Aristote-
telis sensu fuisse. 19.

CAP. VI. Admirabilis maximorum omnium totius humani
generis ingeniorum consensus in infinitudine partium conti-
nui. 22.

CAP. VII. Quale ingenium Epicuri, & eorum qui παντερ-
πίας atomorum repererunt. 25.

CAP. VIII. Argumentum primum Geometricum, quo de-
monstratur, magnitudinem non componi vltimò ex solis pun-
ctis finitis: Non à quouis punto circumferentiae recta duci
poterit ad centrum. 29.

CAP. IX. Argumentum secundum Geometricum idem de-
monstrans: Tot erunt in Diametro puncta, quot in toto se-
micirculo. 36.

INDEX CAPITVM.

- CAP. X. Argumentum tertium Geometricum idem demonstrans. 37.
 CAP. XI. Argumentum quartum Geometricum, quo Aristoteles idem demonstrat. 40.
 CAP. XII. Argumentum idem aliter, ac magis dilucide propositum. 43.
 CAP. XIII. Argumentum quintum Geometricum: Circulum nullum ex punctis Epicuri fieri posse. 46.
 CAP. XIV. Argumentum sextum Geometricum: Luna integrum vndeque terre globum, sol nihil omnino eius illuminabit, nisi fallitur Epicurus. 50.
 CAP. XV. Argumentum septimum Geometricum: Solem à nobis tantum videndum certis quibusdam interuallis, non in omni punto sui circuli. 54.
 CAP. XVI. Argumentum primum Physicum: Equus Adrastii, si Epicuro credimus, numquam cursu testudinem affequetur. 56.
 CAP. XVII. Vanafuga eorum, qui mobile acceleratione motus censem replicari. 58.
 CAP. XVIII. Fuga aliorum occlusa, qui in motu quolibet tardiore moras & pausas interseminant. 62.
 CAP. XIX. Argumentum secundum Physicum: Puerferreos rotæ radios minimo nisu incurvabit. 67.
 CAP. XX. Argumentum tertium Physicum: Trochus acri flagello in orbem actus, longissimo tamen tempore quietescet. 69.
 CAP. XXI. Argumentum quartum Physicum: Umbra gnomonis horologij solaris non prouicitur in partem plani directè auersam à sole. 70.
 CAP. XXII. Argumentum quintum Physicum: Oculus rem pupillā suā maiorem simul distinctè non videbit. 71.

CAP.

INDEX CAPITVM.

- CAP. XXIII. Argumentum sextum Physicum: Fluminus nullus poterit nauigari. 73.
 CAP. XXIV. Argumentum septimum Physicum: Pleraque, aut omnia aedificia corruerent. 74.
 CAP. XXV. Argumentum octauum Physicum: Continuum contexti ex indiuisibilibus sine vacuo interiecto non potest. 76.
 CAP. XXVI. Argumentum nonum Physicum: Sine vacuo, vel partium penetratione, aut replicatione propriam condensationem corporum expedire non possunt Epicurei. 80.
 CAP. XXVII. Frustrè euadere tentant, negando quidquam, nisi vulgari condensazione, posse naturaliter condensari. 81.
 CAP. XXVIII. Alij cum Veteribus per vacuitates fistulosas fugam moluntur: quam tamen non est difficile obstruere. 84.
 CAP. XXIX. Sed neque per penetrationem partium quantitatis effugere possunt. 88.
 CAP. XXX. Nec condensatio explicari potest per diminutionem replicationis, quâ singula puncta replicata esse aiunt in corpore raro. 95.
 CAP. XXXI. Frustrè quidam conati inter Aristotelem & Epicurum medij incedere, negando ullam esse in continuo partes, aut afferendo infinitas, sed indiuisibiles. 97.
 CAP. XXXII. Verius, nulla in continuo reperiri positiva indiuisibilia praeter partes in infinitum diuidas. 99.
 CAP. XXXIII. Argumenta quibus indiuisibilia, tam continuantia, quam terminantia, quantitati videntur inscri. 108.
 CAP. XXXIV. Ex globi, cylindri, planorum contactu, puncta, lineas, superficies positivas corporeæ quantitati perpendiculari assunt. 111.

Bb 4

CAP.

INDEX CAPITVM.

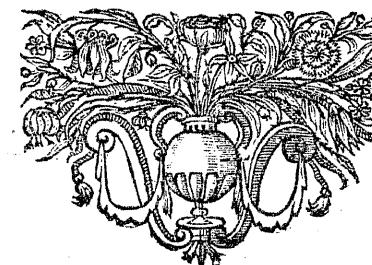
- CAP. XXXV. Ad explicandam actionem uniformiter dif-
formem, non esse necessaria indiuisibilia terminantia, aut
copulantia in medio, per quod actio se extendit. 119.
- CAP. XXXVI. Color qui in superficiebus corporum ope-
corum dicitur conspicui, aut lumen ab iis reflecti, nihil eos
qui superficies reales fabricantur, adiuuant. 125.
- CAP. XXXVII. Propter Vbi Angeli, aut animæ rationa-
lis indiuisibile, non sunt insuenda magnitudini positiva in-
diuisibilia. Sine indiuisibili etiam termino motus, vel soni,
retineri & explicari potest Physica efficientia gratia in Sa-
cramentis. 131.
- CAP. XXXVIII. Tempus etiam ex partibus in infini-
tum diuisilibus, sine vllâ positiorum instantium mixtura
componi. 137.
- CAP. XXXIX. Argumentum primum Geometricum, quo
Aristotelem oppugnare potest Epicurus. 141.
- CAP. XL. Argumentum alterum Geometricum, ex prece-
denti solutione natum, quod Epicurus in Aristotelem iterum
arripere potest. 144.
- CAP. XLI. Argumentum tertium Geometricum, quo
superficies calorum contiguas Peripateticis obiiciunt Epi-
curi. 148.
- CAP. XLII. Argumentum quartum, quo ostendere con-
natur, quantitatem ex infinitis partibus proportionalibus
consutam, nullis finibus posse contineri: sed conantur
tantum. 150.
- CAP. XLIII. Argumentum quintum, quo Zeno motum
localem compulsus est negare. 153.
- CAP. XLIV. Argumentum sextum: Ex tractu globi super
planum, aut cuiusvis rei indiuisibilis motu colligunt, magni-
tudinem ex solis indiuisilibus compositam esse: sed mitun-
tur frustra. 157.

CAP.

INDEX CAPITVM.

- CAP. XLV. Argumentum septimum, quo perperam cre-
dunt, in sententia Aristotelis, spharam actuitatis nullum
finem habituram esse. 163.
- CAP. XLVI. Argumentum octauum, quo contendunt, sine
vacuo, penetratione, aut replicatione, condensationem ab
Aristotele explicari non posse. 166.
- CAP. XLVII. Argumentum nonum, quo ex replicatio-
ne Angeli, aut animæ rationalis Epicurum tueri conantur:
sed incassum. 176.
- CAP. XLVIII. Argumentum decimum: Tempus esse per-
petuum momentorum agmen, ex quo continuum permanens
etiam ex meritis punctis concinnant: utrumque falso. 179.
- CAP. XLIX. Siluula alia argumentorum, quibus Aristo-
telem conantur obruere: sed nequidquam. 187.
- CAP. L. Miraculis denique quibusdam pueros & naturæ
imperitos ab Aristotele auertunt, viros & mirabilem Dei
& naturæ conscos non possunt. 190.
- Parænesis ad Philosophos. 193.

F I N I S.



APPROBATIO.

CURIOSA Veri indagine filum Fromondus extendit, cuius ope infinitudinem partium in continui Labyrintho tutò incurras & excurras.
Act. Louanij 2. Oct. 1630.

*Mart. Lunacensis S. Theol. L. et
Prof. Ordin. Apostolicus ac Re-
gius Librorum Censor.*

SUMMA PRIVILEGII.

PHILIPPVS IV. Hispaniarum & Indiarum Rex Catholicus, ac Potentissimus Belgarum Princeps, diplomate suo fanciuit, ne quis *Liberti Fromondi S. Th. Doctoris & in Academiâ Louaniensi Professoris Labyrinthum, siue de Compositione continui Librum*, præter Balthasaris Moreti voluntatem yllo modo intra sexennium imprimat, aut alibi terrarum impressum in Germaniæ Inferioris ditiones importet, venalémve habeat. Qui secùs faxit, confiscazione librorum, & aliâ graui poenâ mulctabitur, vti latiùs patet in litteris datis Bruxellæ vi. Februarij M. DC. XXXI.

Signat.

Steenhuyse.

